Лабораторная работа №6

Сети Кохонена

Вариант 23

Целью работы является исследование свойств слоя Кохонена, карты Кохонена, а также сетей векторного квантования, обучаемых с учителем, алгоритмов обучения, а также применение сетей в задачах кластеризации и классификации.

```
In [1]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from sklearn.datasets import make_blobs
from PIL import Image
```

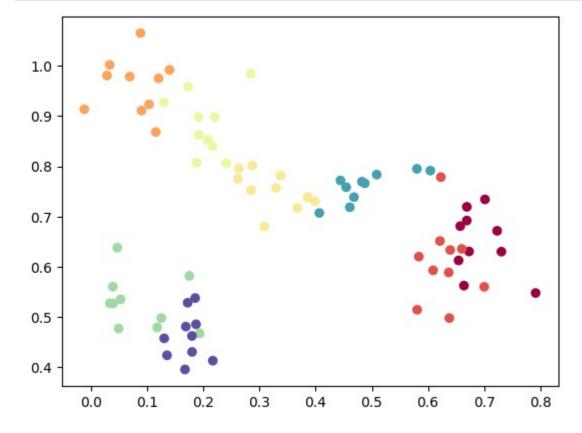
Реализую self-organising map(SOM).

```
In [2]: class SOM:
            def __init__(self, w, h, dim):
                self.w = w
                self.h = h
                self.dim = dim
                self.nodes = np.random.rand(h, w, dim)
                self.grid_indexes = np.empty((h, w, 2))
                for i in range(h):
                    for j in range(w):
                         self.grid_indexes[i,j, 0] = i
                         self.grid_indexes[i,j, 1] = j
            def fit(self, data, epochs, init_lr, init_r = None):
                history = [self.nodes.copy()]
                if init_r:
                    init_r = np.sqrt(self.w * self.h / len(data))
                else:
                    init_r = max(self.w/2, self.h/2)
                lr = init_lr
                r = init_lr
                for epoch in range(epochs):
                    indexes = np.random.permutation(data.shape[0])
                    for index in indexes:
                         tmp = data[index].copy()
                         tmp = np.expand_dims(tmp, (0, 1))
                         tmp = np.repeat(tmp, self.h, 0)
                         tmp = np.repeat(tmp, self.w, 1)
                         feature_distances = np.sum((tmp-self.nodes)**2, 2)
                         best_feature_distance_index = np.unravel_index(np.argmin(featu
                         grid_distance = np.sum((np.asarray(best_feature_distance_index
                         grid_distance[np.sqrt(grid_distance) <= r] = 0</pre>
                         i = np.exp(-((grid_distance))/(2*r))
                         i = np.expand_dims(i, 2)
                         i = np.repeat(i, self.dim, 2)
                         self.nodes += lr*i*(tmp-self.nodes)
                    lr = init_lr*np.exp(-epoch/epochs)
                    r = init_r*np.exp(-epoch/epochs)
                    history.append(self.nodes.copy())
                return history
            def predict(self, data):
                prediction = []
                for x in data:
                    x = np.expand_dims(x, (0, 1))
                    x = np.repeat(x, self.h, 0)
                    x = np.repeat(x, self.w, 1)
                    distance = np.sum((x-self.nodes)**2, 2)
                    prediction.append(np.argmin(distance))
                return prediction
```

Сгенерирую случайные кластеризованные данные.

2 of 15 12/21/2022, 3:43 PM

```
In [4]: n_clusters = 8
    points_per_claster = 10
    points, classes = make_blobs(n_clusters * points_per_claster, centers=n_cluste
    plt.scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=classes, cmap='Spectral')
    None
```

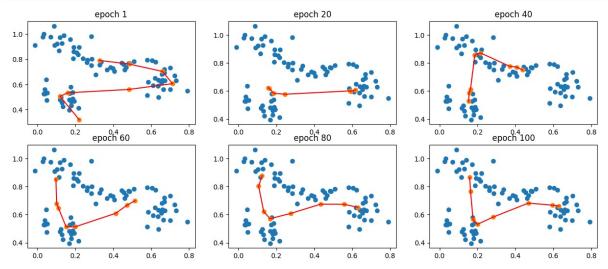


Обучу модель.

```
In [8]: som = SOM(1, 8, 2)
    epochs = 100
    history = som.fit(points, epochs, 0.6)
```

Отрисую историю положений узлов в процессе обучения.

```
In [9]: fig, ax = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 6))
        ax[0,0].plot(history[1][:,:,0], history[1][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,0].scatter(history[1][:,:,0], history[1][:,:,1])
        ax[0,0].set_title('epoch 1')
        ax[0,1].plot(history[20][:,:,0], history[20][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,1].scatter(history[20][:,:,0], history[20][:,:,1])
        ax[0,1].set_title('epoch 20')
        ax[0,2].plot(history[40][:,:,0], history[40][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,2].scatter(history[40][:,:,0], history[40][:,:,1])
        ax[0,2].set_title('epoch 40')
        ax[1,0].plot(history[60][:,:,0], history[60][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,0].scatter(history[60][:,:,0], history[60][:,:,1])
        ax[1,0].set_title('epoch 60')
        ax[1,1].plot(history[80][:,:,0], history[80][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,1].scatter(history[80][:,:,0], history[80][:,:,1])
        ax[1,1].set_title('epoch 80')
        ax[1,2].plot(history[-1][:,:,0], history[-1][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,2].scatter(history[-1][:,:,0], history[-1][:,:,1])
        ax[1,2].set_title('epoch 100')
        plt.show()
```

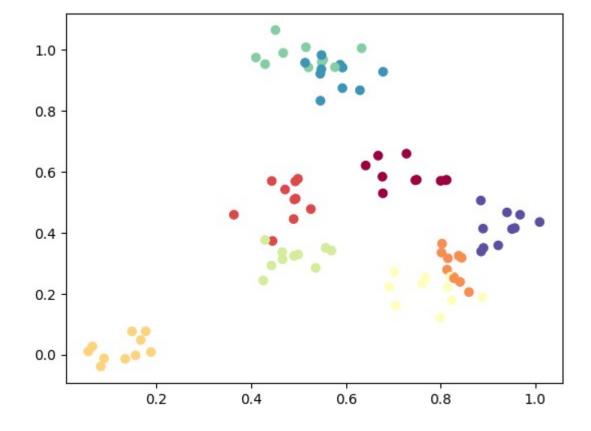


Отрисую финальный результат.

```
In [10]: fig, ax = plt.subplots(1, 2, figsize=(15, 6))
          ax[0].scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=classes, cmap='Spectral')
          ax[0].scatter(som.nodes[:,:,0], som.nodes[:,:,1])
          ax[0].plot(som.nodes[:,:,0], som.nodes[:,:,1])
          ax[1].scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=som.predict(points), cmap='Spectra
          plt.show()
                                                      1.0
           0.9
                                                      0.9
          0.8
                                                      0.8
           0.7
                                                      0.7
           0.6
                                                      0.6
                                                      0.5
           0.4
                                                      0.4
```

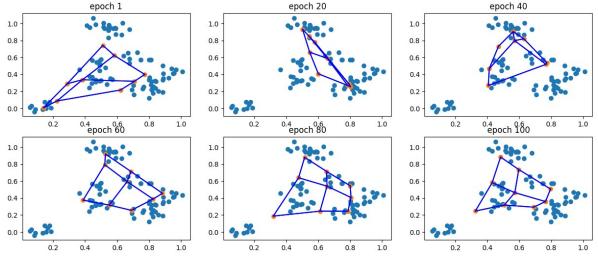
Проделаю аналогичные действия, но уже для двумерной сетки.

```
In [11]: n_clusters = 9
    points_per_claster = 10
    points, classes = make_blobs(n_clusters * points_per_claster, centers=n_cluste
    plt.scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=classes, cmap='Spectral')
    None
```



```
In [12]: som = SOM(3, 3, 2)
  epochs = 100
  history = som.fit(points, epochs, 0.8)
```

```
In [13]: fig, ax = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 6))
         def plot_grid(ax, nodes):
             for i in range(nodes.shape[0]):
                  for j in range(nodes.shape[1]):
                      if i > 0:
                          ax.plot([nodes[i,j,0],nodes[i-1,j,0]], [nodes[i,j,1],nodes[i-1
                      if i < nodes.shape[0]-1:</pre>
                          ax.plot([nodes[i,j,0],nodes[i+1,j,0]], [nodes[i,j,1],nodes[i+1
                      if j > 0:
                          ax.plot([nodes[i,j,0],nodes[i,j-1,0]], [nodes[i,j,1],nodes[i,j
                      if j < nodes.shape[1]-1:</pre>
                          ax.plot([nodes[i,j,0],nodes[i,j+1,0]], [nodes[i,j,1],nodes[i,j
             ax.scatter(nodes[:,:,0], nodes[:,:,1])
         ax[0,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[0,0], history[1])
         ax[0,0].set_title('epoch 1')
         ax[0,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[0,1], history[20])
         ax[0,1].set_title('epoch 20')
         ax[0,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[0,2], history[40])
         ax[0,2].set_title('epoch 40')
         ax[1,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[1,0], history[60])
         ax[1,0].set_title('epoch 60')
         ax[1,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[1,1], history[80])
         ax[1,1].set_title('epoch 80')
         ax[1,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
         plot_grid(ax[1,2], history[-1])
         ax[1,2].set_title('epoch 100')
         plt.show()
```

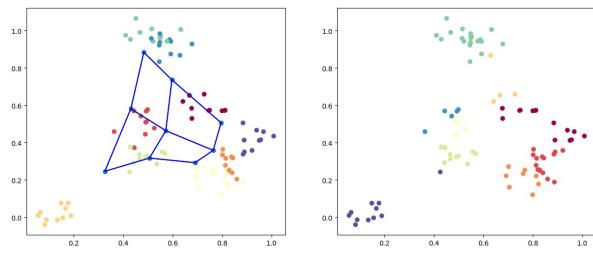


Отрисую результат.

```
In [14]: fig, ax = plt.subplots(1, 2, figsize=(15, 6))

ax[0].scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=classes, cmap='Spectral')
for i in range(som.nodes.shape[0]):
    for j in range(som.nodes.shape[1]):
        if i > 0:
            ax[0].plot([som.nodes[i,j,0],som.nodes[i-1,j,0]], [som.nodes[i,j,1]
        if i < som.nodes.shape[0]-1:
            ax[0].plot([som.nodes[i,j,0],som.nodes[i+1,j,0]], [som.nodes[i,j,1]
        if j > 0:
            ax[0].plot([som.nodes[i,j,0],som.nodes[i,j-1,0]], [som.nodes[i,j,1]
        if j < som.nodes.shape[1]-1:
            ax[0].plot([som.nodes[i,j,0],som.nodes[i,j+1,0]], [som.nodes[i,j,1]
        ax[0].scatter(som.nodes[:,:,0], som.nodes[:,:,1])

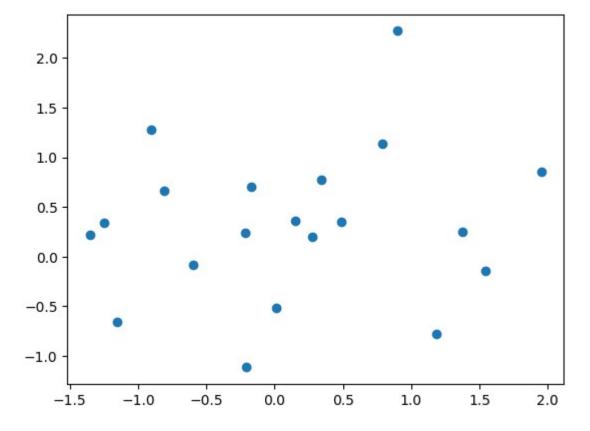
ax[1].scatter(points[:, 0], points[:, 1], c=som.predict(points), cmap='Spectraplt.show()</pre>
```



Задача коммивояжёра

Сгенерирую случайно расположенные города, через которые требуется построить путь.

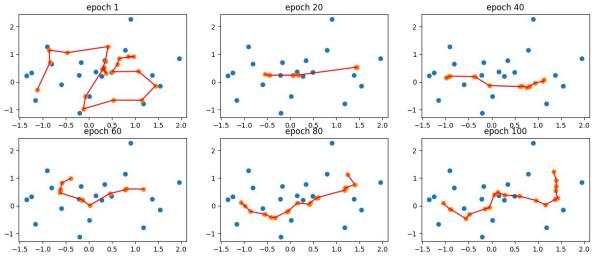
```
In [ ]: points, _ = make_blobs(20, centers=1, center_box=(0, 0))
    plt.scatter(points[:, 0], points[:, 1])
    None
```



Обучу модель.

```
In [ ]: som = SOM(1, len(points), 2)
  epochs = 100
  history = som.fit(points, epochs, 0.8)
```

```
In [ ]: fig, ax = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 6))
        ax[0,0].plot(history[1][:,:,0], history[1][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,0].scatter(history[1][:,:,0], history[1][:,:,1])
        ax[0,0].set_title('epoch 1')
        ax[0,1].plot(history[20][:,:,0], history[20][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,1].scatter(history[20][:,:,0], history[20][:,:,1])
        ax[0,1].set_title('epoch 20')
        ax[0,2].plot(history[40][:,:,0], history[40][:,:,1], c = 'red')
        ax[0,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[0,2].scatter(history[40][:,:,0], history[40][:,:,1])
        ax[0,2].set_title('epoch 40')
        ax[1,0].plot(history[60][:,:,0], history[60][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,0].scatter(history[60][:,:,0], history[60][:,:,1])
        ax[1,0].set_title('epoch 60')
        ax[1,1].plot(history[80][:,:,0], history[80][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,1].scatter(history[80][:,:,0], history[80][:,:,1])
        ax[1,1].set_title('epoch 80')
        ax[1,2].plot(history[-1][:,:,0], history[-1][:,:,1], c = 'red')
        ax[1,2].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
        ax[1,2].scatter(history[-1][:,:,0], history[-1][:,:,1])
        ax[1,2].set_title('epoch 100')
        plt.show()
```



```
In [ ]: path = []
    for i in range(len(som.nodes)):
        distances = np.sum((points-som.nodes[i,0])**2, axis=1)
        distances[path] = distances.max()+1
        path.append(np.argmin(distances))
    path
```

Out[152]: [7, 1, 16, 13, 6, 8, 3, 15, 18, 4, 10, 0, 2, 11, 14, 19, 5, 12, 17, 9]

Отрисую построенный моделью путь.

1.0

1.5

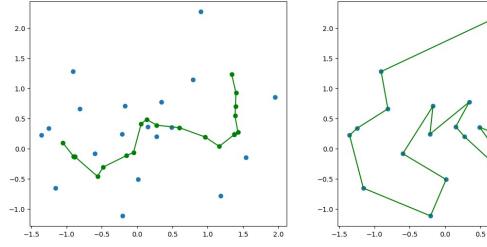
2.0

```
In []: fig, ax = plt.subplots(1, 2, figsize=(15, 6))

ax[0].scatter(points[:, 0], points[:, 1])
ax[0].scatter(som.nodes[:, :, 0], som.nodes[:, :, 1], c = 'green')
ax[0].plot(som.nodes[:, :, 0], som.nodes[:, :, 1], c = 'green')

ax[1].plot(points[path, 0], points[path, 1], c='green')
ax[1].scatter(points[:, 0], points[:, 1])

plt.show()
```



Кластеризация узлов по цветам.

Обучу модель на выборе из пяти цветов.

```
In [ ]: w = 64
h = 48
data = np.array(((1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1), (1, 1, 0), (0, 1, 1)))

som = SOM(w, h, 3)
epochs = 100
history = som.fit(data, epochs, 0.3)
```

Отрисую результат.

²⁰epoch 100

10

20

30

40

```
In [ ]: fig, ax = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 6))
        ax[0,0].imshow(history[1])
        ax[0,0].set_title('epoch 1')
        ax[0,1].imshow(history[20])
        ax[0,1].set_title('epoch 20')
        ax[0,2].imshow(history[40])
        ax[0,2].set_title('epoch 40')
        ax[1,0].imshow(history[60])
        ax[1,0].set_title('epoch 60')
        ax[1,1].imshow(history[80])
        ax[1,1].set_title('epoch 80')
        ax[1,2].imshow(history[-1])
        ax[1,2].set_title('epoch 100')
        plt.show()
                   epoch 1
                                                epoch 20
                                                                              epoch 40
                                       10
                                                                     10
                                       20
                                                                     20
                                       30
                                                                     30
                                       40
                                                                     40
```

Кластеризация цветов на изображении.

10

20

30

40

²⁰ epoch 80

```
In [ ]: def load_image(path, width=320, height=240):
        image = Image.open(path)
        image = image.convert('RGB')
        image = image.resize((width, height), Image.ANTIALIAS)
        image = np.asarray(image, dtype=np.float32)
        image /= 255
        return image

def pick_colors(image, number_of_picks):
        rng = np.random.default_rng()
        colors = rng.choice(image.reshape(-1, 3), number_of_picks, replace=False)
        return colors
```

Возьму выбору из тысячи случайных цветов на картинке.

epoch 60

10

20

30

40

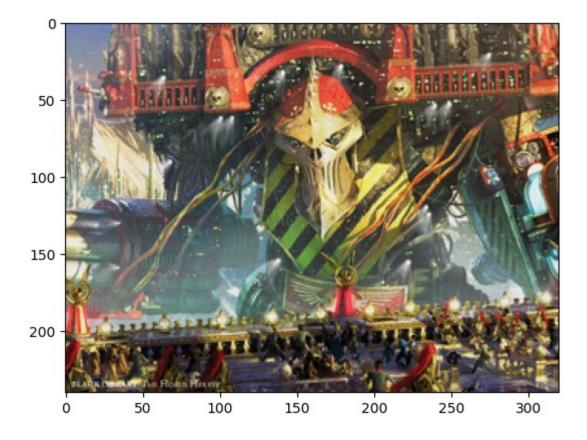
```
In [ ]: image = load_image('image/image.png')
colors = pick_colors(image, 1000)
```

/tmp/ipykernel_235/719224872.py:4: DeprecationWarning: ANTIALIAS is deprecate d and will be removed in Pillow 10 (2023-07-01). Use Resampling.LANCZOS instead.

image = image.resize((width, height), Image.ANTIALIAS)

```
In [ ]: plt.imshow(image)
```

Out[251]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f5425abc490>



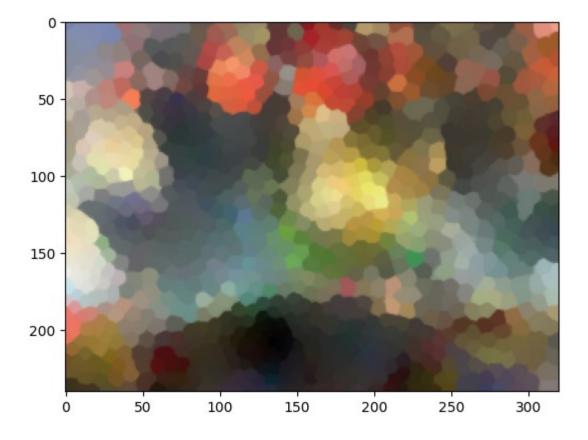
```
In []: w = image.shape[1]
h = image.shape[0]

som = SOM(w, h, 3)
som.nodes = image.copy()
epochs = 100
history = som.fit(colors, epochs, 0.3, True)
```

Отрисую результат кластеризации.

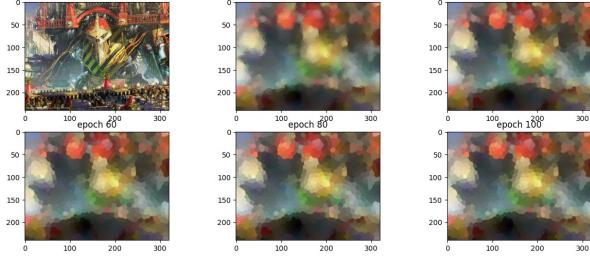
In []: plt.imshow(history[-1])

Out[254]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f5425780e50>



Отрисую историю преобразования сетки во время обучения.

```
In [ ]: fig, ax = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 6))
        ax[0,0].imshow(history[1])
        ax[0,0].set_title('epoch 1')
        ax[0,1].imshow(history[20])
        ax[0,1].set_title('epoch 20')
        ax[0,2].imshow(history[40])
        ax[0,2].set_title('epoch 40')
        ax[1,0].imshow(history[60])
        ax[1,0].set_title('epoch 60')
        ax[1,1].imshow(history[80])
        ax[1,1].set_title('epoch 80')
        ax[1,2].imshow(history[-1])
        ax[1,2].set_title('epoch 100')
        plt.show()
                   epoch 1
                                                epoch 20
                                                                            epoch 40
```



Вывод: В ходе выполнения лабораторной работы была реализована сеть Кохонена. Данная модель была применена для решения задачи кластеризации точек, задачи коммивояжёра и задачи кластеризации по признакам (цветовым векторам). В задаче кластеризации цветов значения узлов сетки образуют нечто очень похожее на диаграмму Вороново, что логично, так как влияние кластера тем сильнее, чем узел ближе. Где влияние кластеров оказывается одинаковым, образуется граница. А так как влияние зависит от расстояния, то образуется диаграмма Вороного.