

**МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)**

**Институт №8 «Компьютерные науки и прикладная математика»  
Кафедра 806 «Вычислительная математика и программирование»**

**Лабораторная работа №4  
по курсу «Параллельная обработка данных»**

**Сортировка чисел на GPU. Свертка, сканирование, гистограмма.**

Выполнил: А.С. Федоров

Группа: 8О-407Б

Преподаватели: К.Г. Крашенинников,  
А.Ю. Морозов

Москва, 2022

## **Условие**

**Цель работы.** Ознакомление с фундаментальными алгоритмами GPU: свертка (reduce), сканирование (blelloch scan) и гистограмма (histogram). Реализация одной из сортировок на CUDA. Использование разделяемой и других видов памяти. Исследование производительности программы с помощью утилиты nvprof.

**Вариант задания.** 8. Поразрядная сортировка.

## **Программное и аппаратное обеспечение**

### **Графический процессор**

Название: NVIDIA GeForce GTX 1050

Compute capability: 6.1

Объем графической памяти: 2147352576 байтов

Объем разделяемой памяти на блок: 49152 байтов

Объем регистров на блок: 65536

Размер варпа: 32

Максимальное количество потоков на блок: (1024, 1024, 64)

Максимальное число блоков: (2147483647, 65535, 65535)

Объем постоянной памяти: 65536 байтов

Число мультипроцессоров: 5

### **Процессор**

Название: i5-8250U

Базовая тактовая частота процессора: 1,60 ГГц

Количество ядер: 4

Количество потоков: 8

Кеш L1: 256 Кб

Кеш L2: 1 Мб

Кеш L3: 6 Мб

### **Оперативная память**

Тип: DDR4

Объем: 11.9 Гб

Частота: 2400 МГц

### **Програмное обеспечение**

ОС: WSL2 (Windows 11)

IDE: Microsoft Visual Studio 2022 (аддон NVIDIA Nsight)

Компилятор: nvcc

## Метод решения

Поразрядная сортировка по битам осуществляется итерационно. Начиная с первого и заканчивая 32-м битом числа. На каждой итерации посчитываются исключаящие префиксные суммы для текущего бита и на их основе выполняется устойчивая сортировка тоже по текущему биту. Так как значение бита может быть ноль или один, сортировку можно свести к простому правилу: если текущий бит числа равен нулю, то его новая позиция – это  $i - s[i]$ , где  $i$  – изначальная позиция, а  $s[i]$  –  $i$ -ое значение префиксной суммы, иначе новая позиция – это  $s[i] + (n - s[n])$ , где  $n$  – число элементов в массиве, а  $s[n]$  – сумма всех текущих битов чисел.

## Описание программы

Алгоритм сортировки реализован в виде функции, которая вызывает в цикле следующие ядра: ядро вычисления значений битов для элементов массива за сохранение их в массив типа bool, ядро копирования этого массива, функция scan, которая внутри себя вызывает еще ядра, сортировка элементов массива по правилу, описанному выше. Во время сортировки поддерживается два массива: расположение элементов на прошлой итерации и новое положение.

Результат профилировки программы на тесте размером в  $10^6$ :

Invocations	Event Name	Min	Max	Avg	Total
Device "NVIDIA GeForce GTX 1050 (0)"					
Kernel: scan_blocks_kernel(unsigned int*, unsigned int*, unsigned int)					
96	divergent_branch	0	0	0	0
96	shared_ld_bank_conflict	0	0	0	0
96	shared_st_bank_conflict	0	0	0	0
96	global_load	4	31252	10501	1008128
96	global_store	8	62504	21002	2016256
96	l2_subp0_write_sector_misses	0	62417	20811	1997920
Kernel: binary_digit_sort_kernel(unsigned int*, bool*, unsigned int*, unsigned int, unsigned int*)					
32	divergent_branch	0	0	0	0
32	shared_ld_bank_conflict	0	0	0	0
32	shared_st_bank_conflict	0	0	0	0
32	global_load	125000	125000	125000	4000000
32	global_store	31250	31250	31250	1000000
32	l2_subp0_write_sector_misses	62736	64537	63017	2016566
Kernel: s_gen_kernel(bool*, unsigned int, unsigned int*)					
32	divergent_branch	0	0	0	0
32	shared_ld_bank_conflict	0	0	0	0
32	shared_st_bank_conflict	0	0	0	0
32	global_load	31250	31250	31250	1000000
32	global_store	31250	31250	31250	1000000
32	l2_subp0_write_sector_misses	62003	62095	62044	1985420
Kernel: add_kernel(unsigned int*, unsigned int*, unsigned int)					
64	divergent_branch	0	0	0	0
64	shared_ld_bank_conflict	0	0	0	0
64	shared_st_bank_conflict	0	0	0	0
64	global_load	488	62496	31492	2015488
64	global_store	244	31248	15746	1007744
64	l2_subp0_write_sector_misses	0	62032	31006	1984435
Kernel: b_gen_kernel(unsigned int*, unsigned int, unsigned int, bool*)					
32	divergent_branch	0	0	0	0
32	shared_ld_bank_conflict	0	0	0	0
32	shared_st_bank_conflict	0	0	0	0
32	global_load	31250	31250	31250	1000000
32	global_store	31250	31250	31250	1000000
32	l2_subp0_write_sector_misses	16581	17133	17003	544123

Конфликтов банков памяти нет.

Код алгоритма blelloch scan:

```
const uint BLOCK_SIZE = 128;
const uint LOG2_BLOCK_SIZE = 7;
const uint GRID_SIZE = 64;

__global__ void scan_blocks_kernel(uint* data, uint* sums, uint sums_size) {
    int blockId = blockIdx.x;
    while (blockId < sums_size) {
        extern __shared__ uint temp[];
        temp[_index(threadIdx.x)] = data[blockDim.x * blockId + threadIdx.x];
        __syncthreads();

        uint stride = 1;
        for (uint d = 0; d < LOG2_BLOCK_SIZE; ++d) {
            if ((threadIdx.x + 1) % (stride << 1) == 0) {
                temp[_index(threadIdx.x)] += temp[_index(threadIdx.x - stride)];
            }
            stride <<= 1;
            __syncthreads();
        }

        if (threadIdx.x == 0) {
            sums[blockId] = temp[_index(BLOCK_SIZE - 1)];
            temp[_index(BLOCK_SIZE - 1)] = 0;
        }
        __syncthreads();

        stride = 1 << LOG2_BLOCK_SIZE - 1;
        while (stride != 0) {
            if ((threadIdx.x + 1) % (stride << 1) == 0) {
                uint tmp = temp[_index(threadIdx.x)];
                temp[_index(threadIdx.x)] += temp[_index(threadIdx.x - stride)];
                temp[_index(threadIdx.x - stride)] = tmp;
            }
            stride >>= 1;
            __syncthreads();
        }

        data[blockDim.x * blockId + threadIdx.x] = temp[_index(threadIdx.x)];

        blockId += gridDim.x;
    }
}
```

```

__global__ void add_kernel(uint* data, uint* sums, uint sums_size) {
    uint blockId = blockIdx.x+1;
    while (blockId < sums_size) {
        if (blockId != 0) {
            data[blockDim.x * blockId + threadIdx.x] += sums[blockId];
        }

        blockId += blockDim.x;
    }
}

void scan(uint* dev_data, uint size) {
    if (size % BLOCK_SIZE != 0)
        size += BLOCK_SIZE - (size % BLOCK_SIZE);
    uint sums_size = size/BLOCK_SIZE;

    uint* dev_sums;
    CSC(cudaMalloc(&dev_sums, (sums_size * sizeof(uint))));
    scan_blocks_kernel << < GRID_SIZE, BLOCK_SIZE, _index(BLOCK_SIZE) * sizeof(uint)
>> > (dev_data, dev_sums, sums_size);
    CSC(cudaGetLastError());

    if (size <= BLOCK_SIZE)
        return;
    scan(dev_sums, sums_size);

    add_kernel << < GRID_SIZE, BLOCK_SIZE >> > (dev_data, dev_sums, sums_size);
    CSC(cudaGetLastError());

    cudaFree(dev_sums);
}

```

## Результаты (в миллисекундах)

	Размер теста (по вертикали и горизонтали)					
	$10^2$	$10^3$	$10^4$	$10^5$	$10^6$	$10^7$
GPU(CUDA) <1, 32>	10.850	5.356	32.155	279.678	2657.003	25989.757
GPU(CUDA) <32, 32>	3.450	2.729	13.493	15.485	114.099	938.435
GPU(CUDA) <64, 32>	2.598	2.684	6.326	10.552	64.897	540.955
GPU(CUDA) <64, 64>	4.294	2.869	4.296	7.806	45.551	353.679
GPU(CUDA) <128, 64>	3.148	3.303	4.785	11.233	<b>33.200</b>	<b>250.957</b>
GPU(CUDA) <128, 128>	1.557	11.398	10.950	<b>6.462</b>	36.288	275.310
GPU(CUDA) <256, 128>	6.685	4.495	<b>3.068</b>	7.048	35.299	283.017
CPU	<b>0.051</b>	<b>0.509</b>	5.182	51.356	531.957	5219.426

## Выводы

Алгоритм сортировки имеет применение практически везде, где есть программирование в принципе. Распараллеливание данной задачи на GPU может быть особенно полезно, если сортировку необходимо выполнить на очень большом объеме данных. В ходе реализации основной сложностью была реализация алгоритма blelloch scan. Также для прохождения ограничений по времени и по памяти были сделаны некоторые доработки. Было реализовано быстро целочисленное деление и умножение на два и хранение битов как bool.

Судя по результатам тестирования распараллеливание на большее число потоков и блоков дает хороший прирост по скорости практически на всех размерах тестируемых данных. Как и ожидалось, CPU работает быстрее на маленьких данных, но начинает сильно проигрывать на больших. Для тестов размером  $10^6$  и  $10^7$  ускорения после варианта в 128 блоков и 64 потока нет. Видимо потоков становится достаточно, чтобы на каждый элемент пришлось по одному.