#### Databáze o poznámky k přednášce

## 7. Další klauzule SELECT výrazu

verze z 2. listopadu 2023

#### Skalární výraz 1

Výraz, jehož hodnota je skalárního typu, se nazývá skalární výraz. Skalární výraz má vždy pevně určený skalární typ.

Předpokládáme, že pro každý atribut  $y \in \mathcal{Y}$  máme skalární typ  $\mathtt{scalar\_type}_y$ takový, že množina hodnot typu scalar\_type, je rovna doméně  $\mathcal{D}_y$  atributu y. Například pro movie\_title je scalar\_type\_movie\_title rovno text tedy množině všech řetězců nad jistou abecedou.

Mějme relační schéma R. Každý atribut  $y \in R$  je skalární výraz nad R typu  $scalar_type_y$ . Například uvažujme relační schéma  $R = \{title, year, length\},$ pak title je skalární výraz nad R typu text.

Hodnota skalárního výrazu nad R se určuje vzhledem k n-tici r nad R. Hodnota skalárního výrazu y nad R vzhledem k r je r(y). Například hodnota skalárního výrazu title nad  $R = \{\text{title, year, length}\}\$ vzhledem k n-tici r = 1 $\{\langle \mathtt{title}, \mathtt{The Matrix} \rangle, \langle \mathtt{year}, 1999 \rangle, \langle \mathtt{length}, 136 \rangle\} \text{ nad } R \text{ je } r(\mathtt{title}) = \mathtt{The Matrix}'.$ 

Libovolná skalární hodnota d typu  $scalar_type$  je skalárním výrazem nad  $\emptyset$ , d je typu scalar\_type a vyhodnocuje se v každé n-tici na sebe samu. Například skalární hodnota 'The Matrix' je skalárním výrazem, který se vždy vyhodnotí na 'The Matrix'.

Skalární výrazy lze skládat za pomoci operátorů.

Operátory mohou být *unární* nebo *binární*. Pokud *operator* je unární operátor a operand skalární výraz nad R, pak

#### (operator operand)

je skalární výraz nad R. Typ vzniklého skalárního výrazu je závislý typu operátoru i operandu. Aritmetické operátory vyžadují, aby byly operandy typu číslo, výsledný výraz je pak také vždy typu číslo (integer).

Představíme si zatím jediný aritmetický unární operátor -. U operátoru - se nepíše mezera mezi operátorem a operandem. Například (-1) je skalární výraz. Opět nejvíce vnější závorky můžeme vynechat a psát například, že -1 je skalární výraz. Také -year je skalární výraz nad  $R = \{\text{title}, \text{year}, \text{length}\}$  ale -'The Matrix' nebo -title není skalární výraz nad R.

Pokud operator je binární operátor a operand1 a operand2 jsou skalární výrazy nad R, pak

```
(operand1 operator operand2)
```

je skalární výraz nad R.

Představíme si několik binárních aritmetických operátorů: + (součet), - (rozdíl), \* (součin), / (celočíselný podíl), % (zbytek po celočíselném podílu). Například 1 + 2 je skalární výraz nebo (1 + year) \* 2 je skalární výraz nad {title, year, length}.

Hodnota skalárního výrazu tvořeného aritmetickým operátorem je výsledek příslušné aritmetické operace na hodnoty operandů. Například pro n-tici  $r = \{\langle \mathtt{title}, \mathtt{The Matrix} \rangle, \langle \mathtt{year}, 1999 \rangle, \langle \mathtt{length}, 136 \rangle \}$  je hodnota skalárního výraz 1 + 2 rovna 3 a hodnota 1 + year je  $2000 = 1 + r(\mathtt{year})$ .

## 2 Vypočítané atributy

Již víme, že obecný SELECT výraz

```
( SELECT DISTINCT y_1 AS z_1, ..., y_n AS z_n FROM expr1 AS relation1, ..., exprm AS relationm WHERE condition )
```

se skládá z klauzule SELECT:

```
SELECT DISTINCT y_1 AS z_1, ..., y_n AS z_n
```

(klauzuli DISTINCT nyní bereme jako součást klauzule SELECT) klauzule

```
FROM expr1 AS relation1, ..., exprm AS relationm
```

a klauzule WHERE:

```
WHERE condition
```

Připomeňme si, že můžeme vyhodnocení SELECT výrazu rozbít do fází příslušícím KLAUZULÍM:

- 1. Klauzule FROM získá hodnoty výrazů *expr1*, ..., *exprm*, provede přejmenování, které přidá prefixy prefixy *relation1*, ..., *relationm*, a spočítá kartézský součin.
- 2. Klauzule WHERE provede dále restrikci podle podmínky condition.

3. Na závěr klauzule SELECT spočítá projekci na  $\{y_1, \ldots, y_n\}$  a na závěr provede přejmenování každého atributu  $y_i$  na  $z_i$ .

Více podrobností naleznete v šesté části s názvem "SELECT jako relační výraz" poznámek k páté přednášce.

Rozšíříme si SELECT klauzuli o možnost spočítat hodnoty atributů skalárními výrazy:

SELECT DISTINCT 
$$scalar\_expr_1$$
 AS  $z_1$ , ...,  $scalar\_expr_n$  AS  $z_n$ 

kde  $scalar_expr_1, ..., scalar_expr_n$  jsou skalární výrazy nad R.

Klauzule pak očekává relaci  $\mathcal{D}$  nad R a vrátí relaci  $\mathcal{D}'$  nad  $S = \{z_1, \ldots, z_n\}$ , pro kterou platí, že  $s \in \mathcal{D}'$ , právě když existuje  $r \in \mathcal{D}$  taková, že  $s(z_i)$  je hodnota skalárního výrazu  $scalar_expr_i$  v n-tici r pro každé  $1 \leq i \leq n$ .

Například pokud klauzule SELECT DISTINCT title AS title, year + 1 AS next\_year pro relaci:

title	year	length
The Matrix	1999	136
The Avengers	2012	143
The Avengers	1998	89
A Space Odyssey	1968	149

vrátí:

title	next_year
The Matrix	2000
The Avengers	2013
The Avengers	1999
A Space Odyssey	1969

## 3 Podmínky

Skalární typ boolean dává jméno dvěma (pravdivostním) hodnotám t (reprezentuje pravdu) a f (reprezentuje nepravdu).

Skalární výraz, jehož hodnota je typu boolean, se nazývá *podmínka*. Podmínka TRUE má vždy hodnotu t a podmínka FALSE vždy hodnotu f.

Podmínky lze vytvořit pomocí *komparátorů*. To jsou binární operátory, které očekávají dvě hodnoty stejného typu a vrací pravdivostní hodnotu.

Mezi komparátory patří: < (menší než), > (větší než), <= (menší nebo rovno než), >= (větší nebo rovno než), = (rovno), <> (nerovno).

Například hodnota podmínky year = 1999 nad  $\{\text{title}, \text{year}, \text{length}\}\$ vzhledem k n-tici  $\{\langle \text{title}, \text{The Matrix}\rangle, \langle \text{year}, 1999\rangle, \langle \text{length}, 136\rangle\}\$ rovna t.

Pokud je hodnota podmínky condition vzhledem k n-tici r rovna hodnotě t, říkáme, že n-tice r splňuje podmínku condition. Tedy n-tice  $\{\langle \mathtt{title}, \mathtt{The Matrix} \rangle, \langle \mathtt{year}, 1999 \rangle, \langle \mathtt{1splňuje}, \mathtt{podmínku year} = \mathtt{1999}.$ 

## 4 Uspořádání

Rozšíříme si SELECT výraz o ORDER BY klauzuli:

```
(\begin{array}{ccc} {\tt SELECT} & {\tt DISTINCT} \\ & & attributes \\ {\tt FROM} & relations \\ {\tt WHERE} & condition \\ {\tt ORDER BY} & ordering \end{array})
```

ORDER BY klauzule se vyhodnocuje po SELECT klauzuli. Předpokládejme, že klauzule dostala na vstupu tabulku  $\mathcal{D}$  nad R. Část **ordering** se skládá z výrazů tvaru:

```
y ASC
```

a

y DESC

oddělených čárkou, kde  $y \in R$ . Můžeme zadat pouze y, pak výraz znamená y ASC.

Obecně tedy má část *ordering* tvar:

```
y_1 direction1, ..., y_n directionn
```

Zavedeme si binární relaci  $\leq$  na  $\mathcal{D}$  následovně.

Pro dvě n-tice  $r_1, r_2 \in \mathcal{D}$  položíme  $r_1 < r_2$ , pokud existuje číslo  $1 \le k \le m$  takové, že  $r_1$  a  $r_2$  se shodují na  $\{y_1, \ldots, y_{k-1}\}$  a  $r_1(y_k) < r_2(y_k)$  v případě, že directionk je ASC, a  $r_2(y_k) < r_1(y_k)$  v případě, že directionk je DESC.

Klauzule vrátí posloupnost  $(r_i)_1^m$  n-tic relace  $\mathcal{D}$  takovou, že každá n-tice  $r_i \in \mathcal{D}$  se v posloupnosti vyskytuje právě jednou a dále pro každé  $1 \leq i, j \leq n$  platí, že  $r_i < r_j$  implikuje i < j.

Řekneme, že < úplně řadí  $\mathcal{D}$ , pokud pro každé dvě různé n-tice  $r_1, r_2 \in \mathcal{D}$  platí, že  $r_1 < r_2$  nebo  $r_2 < r_1$ .

Uspořádání hodnot typu integer splývá s přirozeným uspořádáním čísel. Uspořádání hodnot typu text je lexikografické.

Například:

### # SELECT \* FROM movie;

director	title		year
Stanley Kubrick	Rarry Lundon	·+-	 1975
•	Monty Python and the Holy Grail	ŀ	
•	One Flew Over the Cuckoo's Nest		
Stanley Kubrick		İ	1962
Robert Mulligan	To Kill a Mockingbird	1	1962
Stanley Kubrick	2001: A Space Odyssey		1968
Carol Reed	Oliver!		1968
(7 rows)			

# # SELECT \* FROM movie ORDER BY year ASC;

director		title				
Carol Reed Stanley Kubrick Milos Forman Stanley Kubrick	     	To Kill a Mockingbird Oliver! 2001: A Space Odyssey One Flew Over the Cuckoo's Nest		1975		

## # SELECT \* FROM movie ORDER BY year DESC;

director	title	year
Milos Forman Stanley Kubrick Terry Gilliam Stanley Kubrick Carol Reed Stanley Kubrick	Monty Python and the Holy Grail 2001: A Space Odyssey Oliver!	1975   1975

```
# SELECT *
FROM movie
ORDER BY director;
```

director	title +	year
Milos Forman Robert Mulligan Stanley Kubrick Stanley Kubrick Stanley Kubrick	Oliver! One Flew Over the Cuckoo's Nest To Kill a Mockingbird Lolita	1962   1962   1975   1968

# SELECT \*
FROM movie
ORDER BY director, year;

director	title	year
Milos Forman Robert Mulligan Stanley Kubrick Stanley Kubrick Stanley Kubrick Terry Gilliam	2001: A Space Odyssey	1962   1962   1968   1975
(7 rows)		

## 5 Část posloupnosti

Následující klauzule se píše za ORDER BY klauzuli.

```
LIMIT k_1 OFFSET k_2
```

kde  $k_1$  a  $k_2$  jsou přirozená čísla.

Vyhodnocuje se po ORDER BY klauzuli. Klauzule pro posloupnost  $(r_i)_1^m$  vrátí posloupnost  $(r_i)_{k_2+1}^{k_1+k_2}$ .

Například pro posloupnost *n*-tic:

```
# SELECT *
FROM movie
```

#### ORDER BY director, year;

director	title 		
Carol Reed   O Milos Forman   O Robert Mulligan   To Stanley Kubrick   Lo Stanley Kubrick   20 Stanley Kubrick   B	liver! ne Flew Over the Cuckoo's Nest o Kill a Mockingbird olita OO1: A Space Odyssey	1968   1975   1962   1962   1968   1975	

#### klauzule limit:

LIMIT 2 OFFSET 2

#### vrátí:

```
# SELECT *
FROM movie
ORDER BY director, year
LIMIT 2
OFFSET 2;
```

director	title	year
Robert Mulligan Stanley Kubrick (2 rows)	To Kill a Mockingbird	•

Klauzuli LIMIT je vhodné používat, jen pokud je přítomná ORDER BY klauzule, která vždy řadí úplně. V opačném se může měnit hodnota SELECT výrazu více než jen pořadím n-tic.

Pokud místo  $k_1$ uvedeme ALL, vrátí se posloupnost  $(r_i)_{k_2+1}^n.$  Například:

```
# SELECT *
FROM movie
ORDER BY director, year
LIMIT ALL
OFFSET 2;
```

director	title +	year
	·	1962

```
Stanley Kubrick | Lolita | 1962
Stanley Kubrick | 2001: A Space Odyssey | 1968
Stanley Kubrick | Barry Lyndon | 1975
Terry Gilliam | Monty Python and the Holy Grail | 1975
(5 rows)
```

Tvar klauzule:

```
LIMIT k_1 OFFSET O
```

můžeme zjednodušit vynecháním části OFFSET:

```
LIMIT k_1
```

Například:

```
# SELECT *
FROM movie
ORDER BY director, year
LIMIT 2;
```

director	 	title			
Carol Reed Milos Forman (2 rows)	•	Oliver! One Flew Over the Cuckoo's Nest	•	1968 1975	

## 6 Agregace

Volání funkce. Hodnotu skalární výrazu

```
function(expr1, ..., exprn)
```

získáme zavoláním funkce function s argumenty rovny hodnotám skalárních výrazů expr1, ..., exprn.

Některé skalární výrazy nazýváme agregační. Pokud v SELECT klauzuli použijeme agregační výraz, musí být být všechny výrazy v klauzuli agregační a říkáme, že SELECT klauzule je agregační. Některé funkce jsou agregační. Zavoláním agregační funkce získáme agregační výraz. Například funkce sum je agregační a proto skalární výraz sum(duration) je agregační.

Agregační funkce na vstupu očekává posloupnost  $(d_i)_1^n$  hodnot a vrací hodnotu jedinou. Například agregační funkce sum pro konečnou posloupnost čísel vrací jejich součet. Dále předpokládáme, že všechny posloupnosti jsou konečné.

Vyhodnocení volání agregační funkce probíhá vzhledem k relaci  $\mathcal{D}$ , kterou obdrží klauzule SELECT. Agregační funkce přijímají vždy jediný argument. Předpokládejme volání agregační funkce:

#### function (expr)

Nejprve se uspořádají n-tice v  $\mathcal{D}$  do libovolné posloupnosti  $(r_i)_1^m$ . Poté se postupně pro každé  $r_i$  vyhodnotí skalární výraz expr. Tím získáme posloupnost hodnot  $(d_i)_i^m$ . Nakonec se na  $(d_i)_i^m$  aplikuje funkce function. Návratová hodnota funkce bude hodnotou výrazu volání agregační funkce.

Vezměme SELECT klauzuli s agregačními výrazy:

```
SELECT expr1 AS z_1, ..., exprn AS z_n
```

Vyhodnocením klauzule pro relaci  $\mathcal{D}$  získáme relaci  $\{s\}$  nad  $S = \{z_1, \ldots, z_n\}$ , kde s je n-tice nad S taková, že pro každé  $1 \leq i \leq n$  je  $s(z_i)$  hodnota agregačního výrazu expri pro  $\mathcal{D}$ .

Například pro relační proměnnou:

#### # TABLE movie;

director	duration		title		year
Stanley Kubrick Terry Gilliam Milos Forman Stanley Kubrick Robert Mulligan Stanley Kubrick	184   91   133   152	1 1 1	Barry Lyndon Monty Python and the Holy Grail One Flew Over the Cuckoo's Nest Lolita To Kill a Mockingbird 2001: A Space Odyssey	1	1975 1975
Carol Reed (7 rows)			Oliver!	İ	1968

#### Dostáváme:

```
# SELECT sum(duration) AS total_duration
   FROM movie;

total_duration
-----
1003
(1 row)
```

Agregační funkce min a max počítají minimum a maximum ze zadaných čísel. Operátory z agregačních výrazů vytvářejí opět agregační výrazy. Například:

Hodnotou agregačního výrazu count (\*) je počet n-tic relace  $\mathcal{D}$ . Například:

```
# SELECT count(*) AS count FROM movie;
```

```
count
-----7
(1 row)
```

## 7 Seskupování

Klauzule GROUP BY se vkládá mezi WHERE a ORDER BY klauzuli a má tvar:

```
GROUP BY y_1, ..., y_n
```

kde  $S=\{y_1,...,y_n\}\subseteq R$  a R je relační schéma. Klauzule se vyhodnocuje po WHERE klauzuli před SELECT klauzulí. Je-li klauzule GROUP BY přítomna v SELECT výrazu, pak SELECT klauzule musí být agregační. Atributy  $y_1,...,y_n$  se považují za agregační výrazy. Jejich vyhodnocení popíšeme dále.

Vyhodnocování SELECT výrazu se mění následovně. Předpokládejme, že GROUP BY klauzule obdržela relaci  $\mathcal{D}$  nad R. Zavedeme ekvivalenci  $\equiv$  na  $\mathcal{D}$  definovanou tak, že položíme  $r_1 \equiv r_2$ , jestliže  $r_1$  a  $r_2$  se shodují na S. Třídu ekvivalence podle  $\equiv$  nazýváme skupinou. Nechť  $\mathcal{D}_1, \ldots, \mathcal{D}_m$  jsou všechny skupiny. Dále vyhodnotíme SELECT klauzuli pro každou skupinu  $\mathcal{D}_i$ . Získáme relace  $\mathcal{D}'_1, \ldots, \mathcal{D}'_m$ . (Každá z relací  $\mathcal{D}'_1, \ldots, \mathcal{D}'_m$  obsahuje právě jednu n-tici.) Hodnotou SELECT klauzule bude sjednocení  $\mathcal{D}'_1 \cup \cdots \cup \mathcal{D}'_m$ . Dál se vyhodnocování řídí běžnými pravidly.

Agregační výraz  $y_i \in S$  se pro skupinu  $\mathcal{D}$  vyhodnotí na  $r(y_i)$ , kde  $r \in \mathcal{D}$  je libovolné.

Vezměme například relaci:

#### # TABLE movie;

title		•		•	duration
2001: A Space Odyssey Barry Lyndon The Man Who Shot Liberty Valance The Return of the Pink Panther One Flew Over the Cuckoo's Nest To Kill a Mockingbird Monty Python and the Holy Grail Lolita Jaws	       	1968 1975 1962 1975	-+	UK UK USA UK USA USA USA UK USA UK	
(9 rows)					

a položme dotaz:

SELECT year,

country,

count(\*) AS count

FROM movie

GROUP BY year, country

relaci obdrží GROUP BY klauzule:

GROUP BY year, country

která pro  $S = \{ year, country \}$  vytvoří pět skupin  $\mathcal{D}_1, \dots, \mathcal{D}_5$ :

	•	3	duration +
One Flew Over the Cuckoo's Nest		USA	

title	year	country	duration
	+	+	

Barry Lyndon		1975		UK		184
The Return of the Pink Panther		1975		UK		113
Monty Python and the Holy Grail (3 rows)	1	1975		UK		91

title		·		•		duration
The Man Who Shot Liberty Valance To Kill a Mockingbird (2 rows)	1		İ	USA		113 129

Pro každou skupinu vyhodnotíme SELECT klauzuli:

a získáme relace  $\mathcal{D}_1', \dots, \mathcal{D}_5'$ :

Výstup klauzule SELECT bude sjednocení  $\mathcal{D}_1' \cup \dots \cup \mathcal{D}_5'$ :

year | country | count

1962		UK		1
1000		T TT/	1	4
1968	-	UK	ı	1
1975	1	USA	1	2
1010		0011	'	_
1975		UK	1	3
			i	_
1962		USA	l	2
(5 row	, d	)		
(O IO	, O	,		

Obdrželi jsme i hodnotu SELECT výrazu.

## 8 Filtrování skupin

Klauzule HAVING se vkládá mezi GROUP BY a ORDER BY. Může být použita pouze v kombinaci s GROUP BY klauzulí. Tvar klauzule je následující:

```
HAVING condition
```

kde condition je podmínka, která je současně agregačním výrazem.

Klauzule HAVING se vyhodnocuje po klauzuli GROUP BY tak, že pro skupiny $\mathcal{D}_1, \ldots, \mathcal{D}_n$  vrátí jen ty, které splňují podmínku *condition*.

Následující výraz například odstraní skupiny, které mají jediný prvek:

```
# SELECT
           year,
           country,
           count(*) AS count
  FROM
           movies
  GROUP BY year, country
           count(*) > 1;
  HAVING
 year | country | count
 1975 | USA
                       2
 1975 | UK
                       3
 1962 | USA
                       2
(3 rows)
```

## 9 Všechny klauzule SELECT výrazu

SELECT výraz obsahující všechny klauzule, které jsme potkali, má tvar:

 $\begin{array}{lll} \text{GROUP BY} & attributes \\ \text{HAVING} & condition \\ \text{ORDER BY} & ordering \\ \text{LIMIT} & count \\ \text{OFFSET} & start \end{array} \right)$ 

### Klauzule se vyhodnocují v tomto pořadí:

- 1. FROM (získání vstupní relace)
- 2. WHERE (restrikce)
- 3. GROUP BY (seskupování)
- 4. HAVING (filtrování skupin)
- 5. SELECT a DISTINCT (výpočet výstupní relace)
- 6. ORDER BY (seřazení řádků)
- 7. LIMIT (a OFFSET) (výběr části posloupnosti)