

1. LRU Cache + optymalizacja rekursji

Napisz funkcję `count_paths(n, m)`, która oblicza liczbę różnych ścieżek z lewego górnego rogu tablicy $n \times m$ do prawego dolnego, poruszając się tylko w dół i w prawo.

Zoptymalizuj obliczenia za pomocą `@lru_cache`.

Warunek:

- Funkcja ma działać **wydajnie** dla wartości `n` i `m` nawet rzędu 100.
 - Zbadaj i wydrukuj, ile razy wywołano faktycznie *ciało* funkcji.
-

2. Dekorator log execution

Zadanie:

Napisz dekorator `log_execution_time`, który:

- wypisuje w konsoli czas wykonania dekorowanej funkcji,
- zachowuje nazwę i docstring oryginalnej funkcji dzięki `@wraps`.

Warunek:

- Pokaż, że bez `wraps` nazwa i docstring ulegają zmianie.
 - Użyj dekoratora do funkcji liczącej dużą liczbę Fibonacciego z `lru_cache`.
-

3. Funkcja częściowo aplikowana (`partial`)

Masz funkcję:

```
def power(base, exponent):  
    return base ** exponent
```

Stwórz funkcje `square`, `cube` i `sqr` za pomocą `partial`.

Następnie użyj ich w programie, który:

- przyjmuje listę liczb od użytkownika,
 - używa wybranej wersji funkcji do przekształcenia wszystkich elementów.
-

4. Połączenie **partial** + dekorator

Napisz dekorator `log_calls(prefix="CALL")`, który:

- wypisuje w konsoli `<prefix>: nazwa_funkcji(arg1, arg2, ...) -> wynik`
- pozwala ustawić `prefix` za pomocą `partial`, np.:

```
@special_log
def add(a, b):
    return a + b
```

gdzie `special_log = partial(log_calls, prefix="[DEBUG]")`

5. Reduce

Napisz program, który:

1. Ma listę słowników z informacjami o zamówieniach, np.:

- `orders = [`
- `{"product": "Laptop", "price": 3500, "quantity": 2},`
- `{"product": "Mouse", "price": 80, "quantity": 5},`
- `{"product": "Keyboard", "price": 200, "quantity": 3},`
- `{"product": "Monitor", "price": 900, "quantity": 2},`
- `]`

2. Za pomocą `functools.reduce` oblicza łączną wartość wszystkich zamówień (`price * quantity` dla każdego produktu).
3. **Dodatkowo:** znajdź produkt, który w sumie kosztował najwięcej (czyli `price * quantity` maksymalne).