

1. ~ Lämplig string invariant blir:

$$\forall j \left(0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j] \right)$$

Lemma 4

2. $\{ k > 0 \} \Delta \text{Max } \& \forall j (0 \leq j < k \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$

$\{ k > 0 \} \Delta$

Precondition .

$i = 0$

$m = a[0]$

$\forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$ Assignment

while ($i \neq k$) {

$\forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j] \wedge i \neq k) \Delta$ Partial while

if ($a[i] \geq m$) {

$\{ \forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j] \wedge a[i] \geq m) \Delta$ if

$m = a[i]$

(*) $\{ \forall j (0 \leq j < i+1 \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$ implied

} else {

$\{ \forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j] \wedge \neg(a[i] \geq m)) \Delta$ if

$m = m$

(*) $\{ \forall j (0 \leq j < i+1 \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$ implied

}

$i = i + 1;$

$\{ \forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$ Assignment

}

$\{ \forall j (0 \leq j < i \rightarrow m \geq a[j]) \wedge \neg(i \neq k) \Delta$ Partial while

$\{ \forall j (0 \leq j < k \rightarrow m \geq a[j]) \Delta$ Postcondition.

5. I den första bevisförpliktelsen säger vi att

$$\textcircled{1} \quad \forall \exists j (0 \leq j < i \rightarrow m = a[j]) \quad D$$

impliceras av

$$\textcircled{2} \quad \forall \exists j (0 \leq j < i \rightarrow m = a[j] \wedge a[i] \geq m) \quad D$$

Detta gäller eftersom att vi i \textcircled{2} säger att $a[i] \geq m$

och iunan \textcircled{1} sätts m till $m = a[i]$.

I den andra bevisförpliktelsern säger vi att

$$\textcircled{1} \quad \forall \exists j (0 \leq j < i \rightarrow m = a[j]) \quad D$$

impliceras av

$$\textcircled{2} \quad \forall \exists j (0 \leq j < i \rightarrow m = a[j] \wedge \neg(a[i] \geq m)) \quad D$$

Detta gäller eftersom vi i \textcircled{1} vet att $m = m$,

alltså att m är alltid oförändrat. I invervallet

kan j vara alla värden inom $0 \leq j \leq i$, men

vi säger i \textcircled{2} att $\neg(a[i] \geq m)$. Alltså

vet vi att $m \geq a[j]$ för alla j i \textcircled{1}.