Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice Laboratorium 12 Całkowanie numeryczne

5 czerwca 2016

1 Przydatne funkcje (Matlab)

- trapz, meshgrid, cumtrapz
- integral, integral2, integral3
- quad, quadgk, quadl, dblquad

Funkcje

1.
$$f_1(x) = e^{-x^2} (\ln x)^2$$

$$2. \ f_2(x) = \frac{1}{x^3 - 2x - 5}$$

3.
$$f_3(x) = x^5 e^{-x} \sin x$$

4.
$$f_4(x,y) = \frac{1}{(\sqrt{x+y})(1+x+y)}, \ 0 \le x \le 1, \ 0 \le y \le 1-x$$

5.
$$f_5(x,y) = x^2 + y^2$$
, $-3 \le x \le 3$, $-5 \le y \le 5$

Zadanie 1 Próbki prędkości i przebyta droga

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor prędkości chwilowych mierzonych prędkościomierzem (w km/h),
- wektor czasu (w sekundach),

a następnie oblicza przebytą drogę (w km) korzystając z metody trapezów (cumtrapz). Przedstaw przykładowe wyniki obliczeń za pomocą wykresów.

Zadanie 2 Złożona kwadratura Simpsona

Napisz funkcję, która przyjmuje dwa wektory o równej długości:

- wektor x węzły równoodległe
- wektor y wartości funkcji

Porównaj dokładność zaimplementowanej kwadratury z adaptacyjną kwadraturą Simpsona (quad) dla przykładowych funkcji i przedziałów całkowania.

Zadanie 3 Oznaczone całki podwójne

- 1. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji $f_4(x,y)$ i podanych granic całkowania. Czy wyniki różnią się dla trybu *iterated* oraz *tiled* (funkcja integral2, domyślna dokładność)?
- 2. Oblicz wartość oznaczonej całki podwójnej dla funkcji $f_5(x,y)$ wykorzystując dwukrotnie metodę trapezów. Jak zmienia się dokładność względem liczby punktów siatki 2D? Przy jakim rozmiarze siatki dokładność jest podobna do dokładności uzyskanej za pomocą metody adapatacyjnej (integral2)?

Przykładowe problemy

- Obliczanie powierzchni konturu zamkniętego (np. dłoni)
- Indoor Positioning System based on Gyroscope and Accelerometer