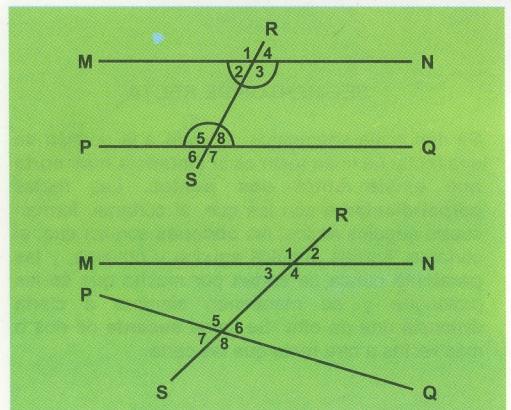
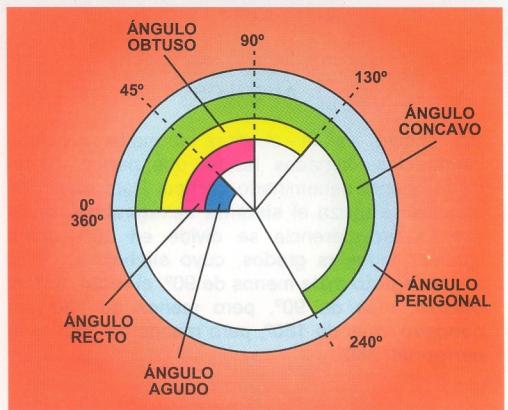


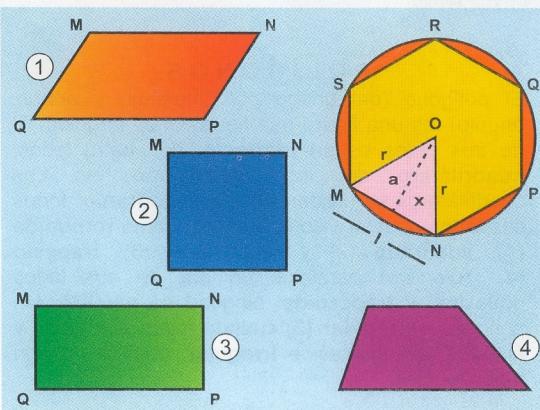
GEOMETRÍA: PUNTO, RECTA Y PLANO



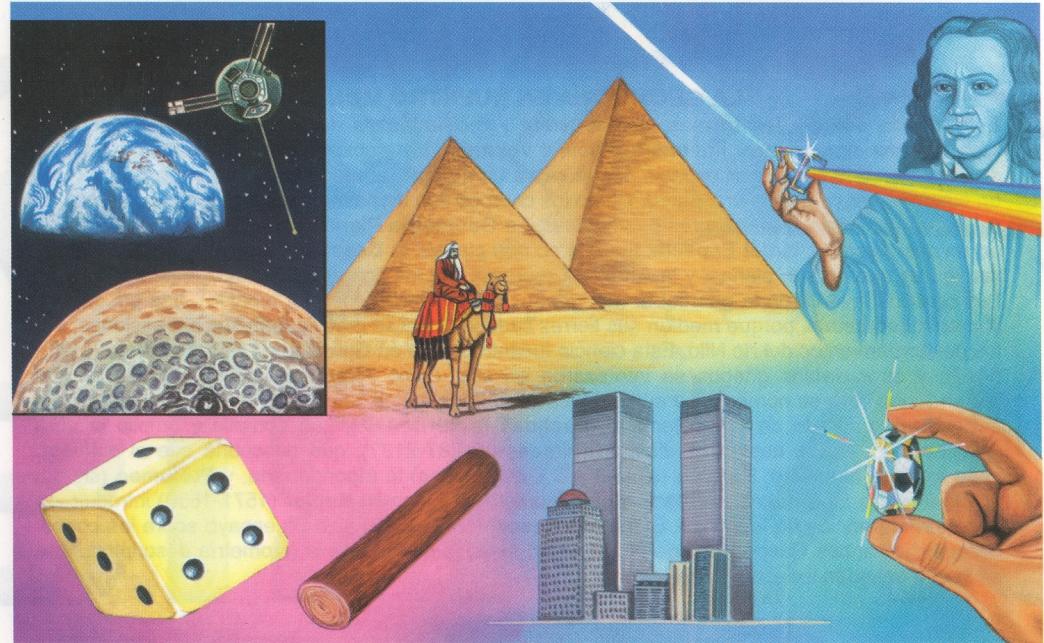
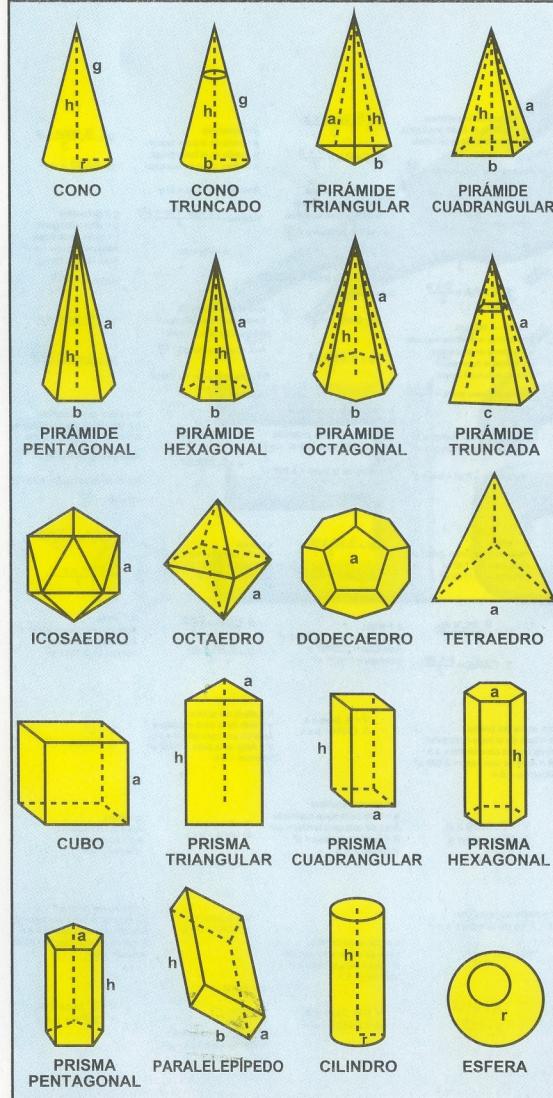
SEGMENTOS



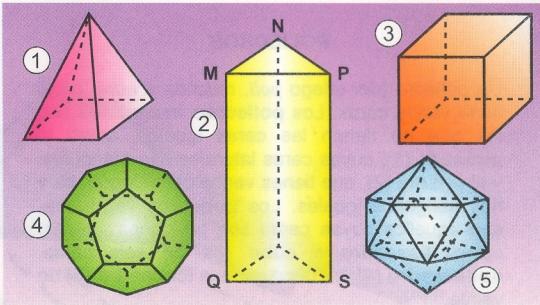
ÁNGULOS



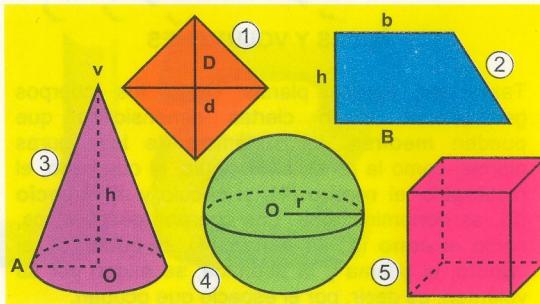
POLÍGONOS



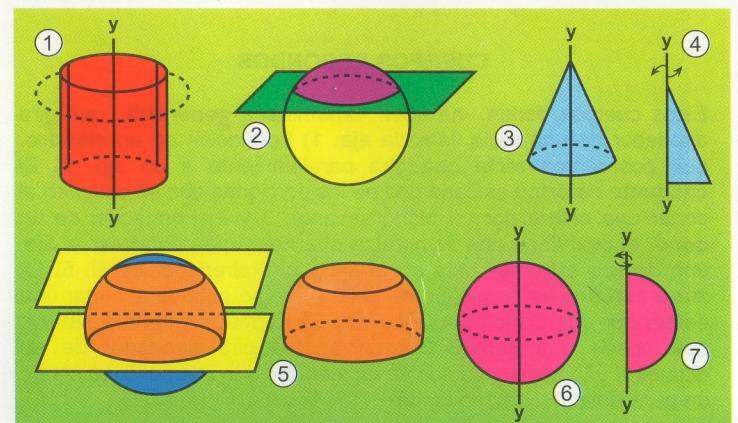
LA GEOMETRÍA EN NUESTRO MUNDO



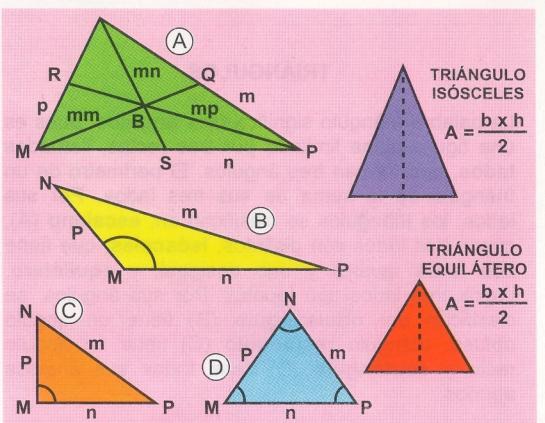
POLIEDROS



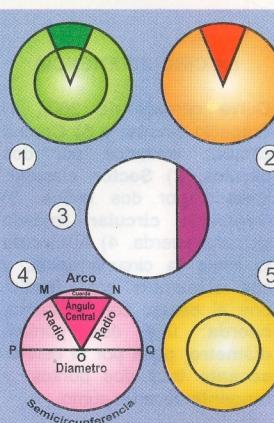
ÁREAS Y VOLUMENES



CUERPOS REDONDOS



TRIÁNGULOS



LA CIRCUNFERENCIA Y EL CÍRCULO

POLÍGONOS

El polígono (del griego *poli*, muchos, y *gónos*, ángulo), es una figura que tiene varios ángulos. El de tres lados es un **triángulo**, de cuatro lados, **cuadrilátero**, de cinco, **pentágono**, etc. Los cuadriláteros se dividen en: **paralelogramo**: todos sus lados opuestos son paralelos, como **romboide** (1), **cuadrado** (2) y **rectángulo** (3); **trapezio** (4): sólo son paralelos un par de sus lados opuestos; y **trapezoide**: ninguno es paralelo. Un polígono es **regular** (5) cuando todos sus lados y ángulos son iguales, e **irregular**, cuando no son todos iguales.

POLIEDROS

Un poliedro (del griego *poli*, muchos y *edra*, cara) tiene varias caras. Los **poliedros irregulares** son los que no tienen las caras iguales, como la **pirámide** (1), cuyas caras laterales con triángulos, y el **prisma** (2), que tienes varios paralelogramos y dos polígonos iguales. Los **poliedros regulares** son aquellos cuyas caras son polígonos iguales, como: **hexaedro** o **cubo** (3), de seis caras, **dodecaedro** (4), de doce caras e **icosaedro** (5) de veinte.

ÁREAS Y VOLUMENES

Tanto las figuras planas como los cuerpos geométricos tienen ciertas dimensiones que pueden medirse. La superficie de las figuras planas, como la recta, el triángulo, el cuadrado, el rectángulo, el rombo (1), el círculo y el trapezio (2), se denomina área. Los cuerpos geométricos, como el cono (3), la esfera (4), el cubo (5), el cilindro, el prisma y la pirámide, se miden por su volumen, es decir, por el espacio que ocupan.

LA CIRCUNFERENCIA

Curva cerrada de 360° , 1) Trapecio circular y 5) Corona circular: limitados por dos círculos. 2) **Sector circular**: limitado por dos radios. 3) **Segmento circular**: limitado por una cuerda. 4) Al **círculo** lo limita la circunferencia, y sus elementos son: **Radio**: une al **centro** con un punto; **cuerda**: une dos puntos; **diámetro**: pasa por el centro; **secante** toca dos puntos, y **tangente**: toca un punto.

ÁNGULOS

Un ángulo es la abertura formada por dos semirrectas, llamadas **lados**, que parten de un mismo punto denominado **vértice**. Para medir los ángulos se utiliza el **sistema sexagesimal**, en el que la circunferencia se divide en 360 partes iguales, llamadas grados, cuyo símbolo es °. El ángulo **agudo** mide menos de 90°, el **recto**, 90°, el **obtuso**, más de 90°, pero menos de 180°, el **cóncavo**, mas de 180°, pero menos de 360°, y el **perigonal**, 360°.

SEGMENTOS DE RECTA

Se denominan segmentos de recta a la porción de una recta. La línea recta es la **distancia más corta** que existe entre **dos puntos**. Las rectas **perpendiculares** son las que, al cortarse, forman cuatro ángulos rectos; las **oblicuas** son las que, al cortarse, forman ángulos agudos u obtusos; y las **paralelas** nunca se cortan por mucho que se las prolongue y se mantienen siempre a cierta distancia una de otra. Se llama **secante** de dos rectas a otra recta que las corta.

PUNTO, LÍNEA Y PLANO

Todos los cuerpos ocupan un lugar limitado en el espacio. El límite de su superficie es una línea, y el de la línea, un punto. Las figuras planas son las que se forman con puntos y líneas en una superficie plana, denominada plano. El punto se representa con un círculo muy pequeño. Sólo tiene posición, y no posee longitud, ni anchura ni espesor, es decir, carece totalmente de dimensiones. La línea puede ser 1 **recta**, 2 **curva** o 3 **quebrada** y es una secuencia de puntos, que tiene posición y longitud, pero carece de anchura y espesor.

LA GEOMETRÍA EN NUESTRO MUNDO

Esta ciencia **estudia las formas, propiedades y movimientos de los cuerpos**, considerados bajo sus tres dimensiones: **línea, superficie y volumen**. La empleamos hasta en las tareas más simples, como al calcular el espacio donde cabrá un mueble, al medir una habitación o al colocar un cuadro en el centro de una pared. Como los cuerpos son demasiado variables en sus formas, el geómetra los sustituye por figuras geométricas. La **Geometría Plana** estudia las figuras que están en un mismo plano; la **del Espacio**, las que no son planas; la **Descriptiva** representa con dibujos las figuras que no son planas; y la **Analítica** representa a las figuras con ecuaciones algebraicas. Los egipcios inventaron la geometría (del griego, *geos*, Tierra y *metron*, medida). Los griegos los llamaron geómetras, porque medían sus tierras cada vez que se modificaban sus dimensiones, por los desbordamientos del río Nilo. Esta ciencia fue introducida en Grecia por **Tales de Mileto** (¿640-547?), y otros sabios griegos se interesaron en ella, como **Pitágoras** (¿580-500?), autor del teorema que lleva su nombre: "La suma de los cuadrados de los catetos de un triángulo rectángulo es igual al cuadrado de la hipotenusa"; **Euclides** (siglo III a.C.), que compiló y amplió la obra geométrica realizada hasta sus días; **Arquímedes** (¿287-212?), que descubrió que el diámetro mide siempre lo mismo; **Hiparco** (siglo II a.C.), que inventó la trigonometría, y **Ptolomeo** (siglo II a.C.), autor de *El Almagesto*, tratado de trigonometría. El alemán **Kepler** (1571-1630) introdujo en geometría la noción de lo infinito. El francés **Pascal** (1623-1662) hizo un ensayo sobre los conos. El también francés **Gaspar Monge** (1746-1818) sentó las bases de la geometría descriptiva, que es la que emplean los arquitectos.

CUERPOS REDONDOS

Estos cuerpos tienen una línea denominada **generatriz**, que gira alrededor de una recta llamada **eje**. 1) Formación de un **cilindro** que posee una recta que gira paralelamente a un eje. 2) El **casquete esférico** es cada una de las porciones que se obtienen al cortar una esfera por un plano secante. 3 y 4) Formación de un **cono**, el cual tiene una semirrecta que no es perpendicular al eje, uno de sus extremos está en el eje y gira alrededor de él. 5) La **zona esférica** es la porción de esfera que se obtiene al cortar una esfera por dos planos paralelos. 6 y 7) Formación de una **esfera** que posee una semicircunferencia que gira alrededor de su diámetro, y todos sus puntos se encuentran a la misma distancia de un punto inferior llamado **centro**.

$h = \text{altura de la pirámide}$	$V = \frac{S_{\text{base}} \times a}{3}$	$g = \text{generatriz}$	$V = \frac{S_{\text{base}} \times a}{3}$
$a = \text{lado de la base equilátera}$		$a = \text{radio de la base menor}$	
$a = \text{apótema de la pirámide}$		$b = \text{radio de la base mayor}$	
$\text{Área de una cara lateral} = \frac{a \cdot b}{2}$		$h = \text{altura del cono trunco}$	
$B = \text{Área de la base} = b^2$		$\text{Área lateral} = \pi \cdot (a + b)$	
$B = b^2$		$\text{Volumen} = \frac{\pi h (a^2 + ab + b^2)}{3}$	
$\text{Volumen} = \frac{b^3}{3}$		$A = Ph + 2b$	
$V = S_{\text{base}} \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{2}$	
$V = \frac{S_{\text{base}} \times a}{3}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V - A_{\text{tot.}} \times g$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura de la pirámide truncada}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{apótema de la pirámide}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$b = \text{lado de la base menor}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$c = \text{lado de la base mayor}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una cara lateral} = \frac{(b+c)h}{2}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de la base menor} = b^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de la base mayor} = c^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = \frac{1}{3}h(b^2 + b \cdot c + c^2)$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = \frac{S_{\text{base}} \times a}{3}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{arista}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una cara} = 0.433 a^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área total} = 1.732 a^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = 0.1179 a^3$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{tot.}} \times a_{\text{ap.}}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{CARA}} = \frac{p \times ap}{2}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{tot.}} \times a_{\text{ap.}}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{CARA}} = \frac{p \times ap}{2}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura del prisma}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{lado de la base hexagonal}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una cara lateral} = a \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$B = \text{Área de una base} = 2.598 a^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = B \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{base}} \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{Cara}} = b \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$r = \text{radio de la esfera}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$A = \text{Área de la esfera} = 4 \pi r^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = \frac{1}{3} \pi r^3$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = \frac{1}{3} \pi r^3$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S = \pi r^2 \times 4$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = \frac{S_{\text{base}} \times R}{3}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura del cilindro}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$r = \text{radio de la base circular}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$B = \text{Área de una base} = \pi r^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = B \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{base}} \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{Cara}} = b \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura del prisma}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{lado de la base cuadrada}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una cara lateral} = a \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$B = \text{Área de la base} = a^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = B \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{base}} \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{Cara}} = b \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura del cilindro}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$r = \text{radio de la base circular}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$B = \text{Área de una base} = \pi r^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = B \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$V = S_{\text{base}} \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$S_{\text{Cara}} = b \times a$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{ancho}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$b = \text{largo}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una base} = a \cdot b$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$h = \text{altura del prisma}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$a = \text{lado de la base pentagonal}$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Área de una cara lateral} = a \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$B = \text{Área de una base} = 1.721 a^2$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	
$\text{Volumen} = B \cdot h$		$S_{\text{CARA}} = \frac{b \times a}{3}$	