Capítulo

5

Trabalho e energia

Paula Ferreira: psfer@pos.if.ufrj.br

5.1. Potência

$$P_m = \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = \vec{F} \cdot \vec{v} = m \frac{\mathrm{d}\vec{v}}{\mathrm{d}t} \cdot \vec{v} \tag{1}$$

$$= \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\frac{mv^2}{2} \right) = \frac{\mathrm{d}K}{\mathrm{d}t} \tag{2}$$

$$\vec{F} = -\nabla U \tag{3}$$

$$P = -\nabla U \cdot \vec{v} = -\nabla \cdot \frac{d\vec{\ell}}{dt} \tag{4}$$

$$dU = \nabla U \cdot d\vec{\ell} \tag{5}$$

Obtemos a expressão para a conservação de energia:

$$P = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}K}{\mathrm{d}t} \tag{6}$$

$$\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t} + \frac{\mathrm{d}K}{\mathrm{d}t} = 0\tag{7}$$

$$\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t} = 0 \tag{8}$$

5.2. Muitas forças, muitas partículas

O trabalho total de todas as forças não-conservativas é dado por:

$$\sum_{i} W_i^{(nc)} = \frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t} \tag{9}$$

A conservação de energia de j partículas num sistema é:

$$\sum_{j} \frac{\mathrm{d}E_{j}}{\mathrm{d}t} = 0 \tag{10}$$

Referências

- [1] Herch Moysés Nussenzveig. *Curso de fisica básica: Mecânica (vol. 1)*. Vol. 394. Editora Blucher, 2013.
- [2] Hugh D Young, A Lewis Ford e Roger A Freedman. Fisica I Mecânica. 2008.