

# TP2 - Filtrado

April 22, 2019

## 0.1

### Procesamiento Digital de Señales

## 1 Trabajo Práctico 2

Nombre y Apellido

---

### 1.1 Filtrado

1) Para el siguiente filtro digital se pide:

$$y(k) = \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} x(k-i)$$

Para  $N = [3; 5]$

- a) El diagrama de polos y ceros y su respuesta de módulo y fase
- b) Corrobore su respuesta mediante la simulación computacional

```
In [1]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
from scipy import signal as sig
import zplane as zp

float_formatter = lambda x: f"{x:.2f}"
np.set_printoptions(formatter={'float_kind':float_formatter})

pl = plotter_class ( 2,2 )

b = np.array([1/3,1/3,1/3])
a = np.array([1,0,0])

ww ,hh = sig.freqz(b,a);
```

```

pl.plot_signal ( 1 ,ww ,np.abs(hh) ,f'Respuesta en frec {b}' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Modulo
pl.plot_signal ( 3 ,ww ,np.angle(hh) , 'Respuesta de fase' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Fase [
pl.zplane(b,a,4)

pl = plotter_class ( 2,2 )

b = np.array([1/5,1/5,1/5,1/5,1/5])
a = np.array([1,0,0,0,0])

ww ,hh = sig.freqz(b,a);
pl.plot_signal ( 1 ,ww ,np.abs(hh) ,f'Respuesta en frec {b}' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Modulo
pl.plot_signal ( 3 ,ww ,np.angle(hh) , 'Respuesta de fase' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Fase [
pl.zplane(b,a,4)
pl.plot_show()

```

/opt/anaconda3/lib/python3.7/site-packages/matplotlib/figure.py:98: MatplotlibDeprecationWarning  
Adding an axes using the same arguments as a previous axes currently reuses the earlier instance  
"Adding an axes using the same arguments as a previous axes "

<Figure size 1000x700 with 3 Axes>

<Figure size 1000x700 with 3 Axes>

2) Para el siguiente filtro digital se pide:

$$h(k) = (-1, 1)$$

- El diagrama de polos y ceros y su respuesta de módulo y fase
- Corrobore su respuesta mediante simulación computacional

```

In [2]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
from scipy import signal as sig
import zplane as zp

float_formatter = lambda x: f"{x:.2f}"
np.set_printoptions(formatter={'float_kind':float_formatter})

pl = plotter_class ( 2,2 )

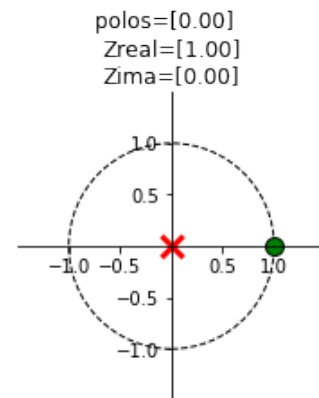
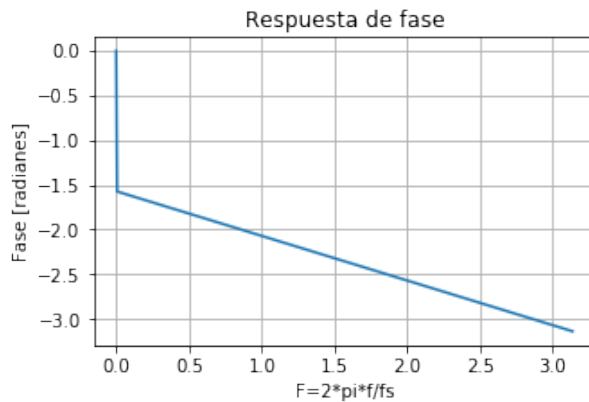
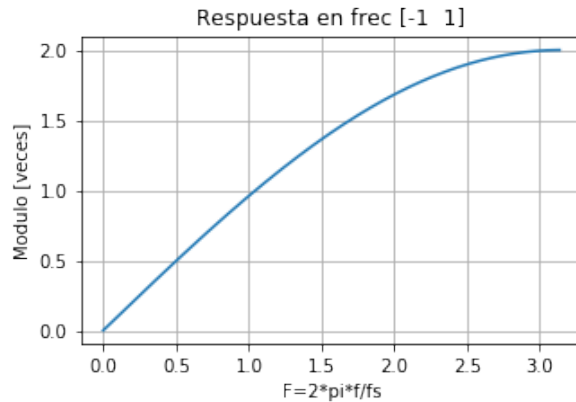
b = np.array([-1,1])
a = np.array([1,0])

```

```

ww ,hh = sig.freqz(b,a);
pl.plot_signal ( 1 ,ww ,np.abs(hh) ,f'Respuesta en frec {b}' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Modulo
pl.plot_signal ( 3 ,ww ,np.angle(hh) , 'Respuesta de fase' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Fase [
pl.zplane(b,a,4)
pl.plot_show()

```



3) Para el siguiente filtro digital se pide:  
Para  $N = (2;4)$  y  $b = -1$

- El diagrama de polos y ceros y su respuesta de módulo y fase
- Corrobore su respuesta mediante simulación computacional

```

In [3]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
from scipy import signal as sig
import zplane as zp

```

```

float_formatter = lambda x: f"{x:.2f}"
np.set_printoptions(formatter={'float_kind':float_formatter})

pl = plotter_class ( 2,2 )

b = np.array([1,0,-1])
a = np.array([1,0,0])

ww ,hh = sig.freqz(b,a);
pl.plot_signal ( 1 ,ww ,np.abs(hh) ,f'Respuesta en frec {b}' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Modulo
pl.plot_signal ( 3 ,ww ,np.angle(hh) , 'Respuesta de fase' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Fase [
pl.zplane(b,a,4)

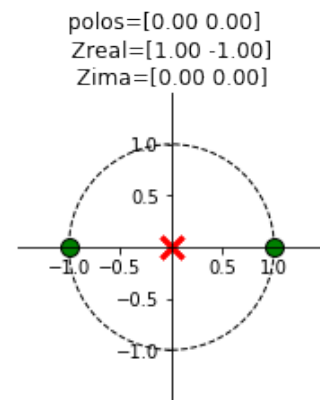
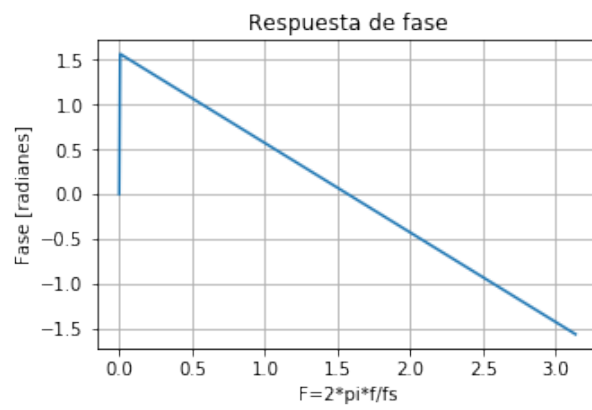
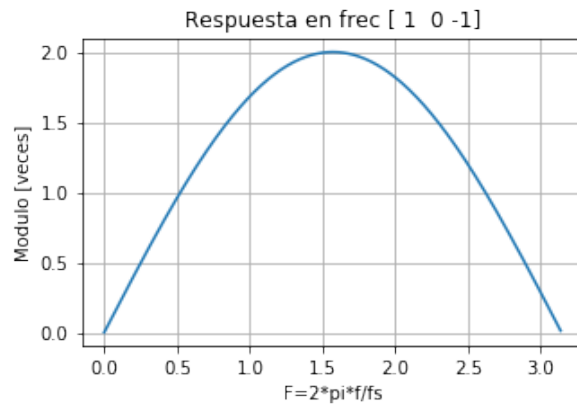
pl = plotter_class ( 2,2 )

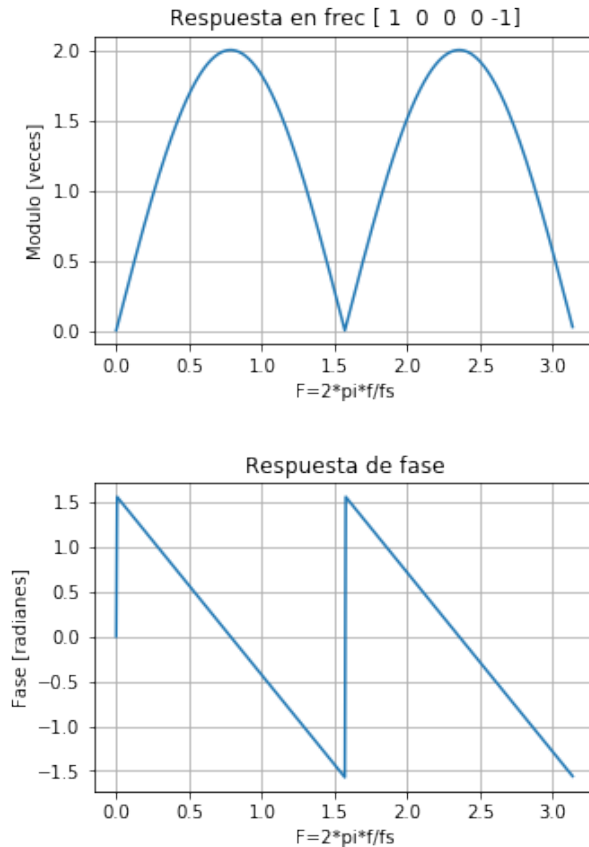
b = np.array([1,0,0,0,-1])
a = np.array([1,0,0,0,0])

ww ,hh = sig.freqz(b,a);
pl.plot_signal ( 1 ,ww ,np.abs(hh) ,f'Respuesta en frec {b}' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Modulo
pl.plot_signal ( 3 ,ww ,np.angle(hh) , 'Respuesta de fase' , 'F=2*pi*f/fs' , 'Fase [
pl.zplane(b,a,4)

pl.plot_show()

```

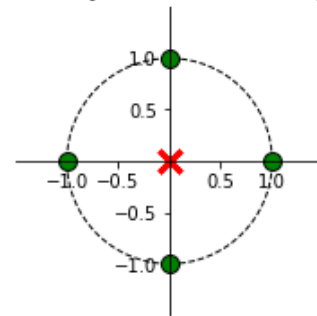




```

polos=[0.00 0.00 0.00 0.00]
Zreal=[-1.00 0.00 0.00 1.00]
Zima=[0.00 1.00 -1.00 0.00]

```



4) En el archivo ECG\_TP4.mat encontrará un registro electrocardiográfico (ECG) registrado durante una prueba de esfuerzo, junto con una serie de variables descritas a continuación. Diseñe y aplique los filtros digitales necesarios para mitigar las siguientes fuentes de contaminación:

- Ruido causado por el movimiento de los electrodos (Alta frecuencia)
- Ruido muscular (Alta frecuencia)
- Movimiento de la línea de base del ECG, inducido en parte por la respiración (Baja frecuencia)

Ayuda: Los latidos presentes en el registro de ECG, alineados y clasificados (de origen normal y ventricular) poseen las siguientes características temporales y frecuenciales:

### 1.1.1 Archivo ECG\_TP4.mat

(variables) - **ecg\_lead**: Registro de ECG muestreado a  $f_s = 1$  KHz durante una prueba de esfuerzo - **qrs\_pattern1**: Complejo de ondas QRS normal - **heartbeat\_pattern1**: Latido normal - **heartbeat\_pattern2**: Latido de origen ventricular - **qrs\_detections**: vector con las localizaciones (en # de muestras) donde ocurren los latidos

- Establezca una plantilla de diseño para los filtros digitales que necesitará para que la señal de ECG se asemeje a los latidos promedio en cuanto a *suavidad* de los trazos y nivel isoelectrico nulo.

Respuesta: Inicialmente se levanta el archivo .mat y se muestran las formas de onda obtenidas, como se muestra a continuacion:

```
In [4]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
from scipy import signal as sig
import zplane as zp
import scipy.io
from filter import *

float_formatter = lambda x: f"{x:.2f}"
np.set_printoptions(formatter={'float_kind':float_formatter})

pl = plotter_class ( 2,2 )
f = filter_class (      )

mat = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead = mat['ecg_lead']
qrs_pattern1 = mat['qrs_pattern1']
heartbeat_pattern1 = mat['heartbeat_pattern1']
heartbeat_pattern2 = mat['heartbeat_pattern2']
qrs_detections = mat['qrs_detections']

t=np.linspace ( 0,ecg_lead.size,ecg_lead.size)
pl.plot_signal ( 1,t/1000 ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [sec]' , 'mVolt' , trace='-' )

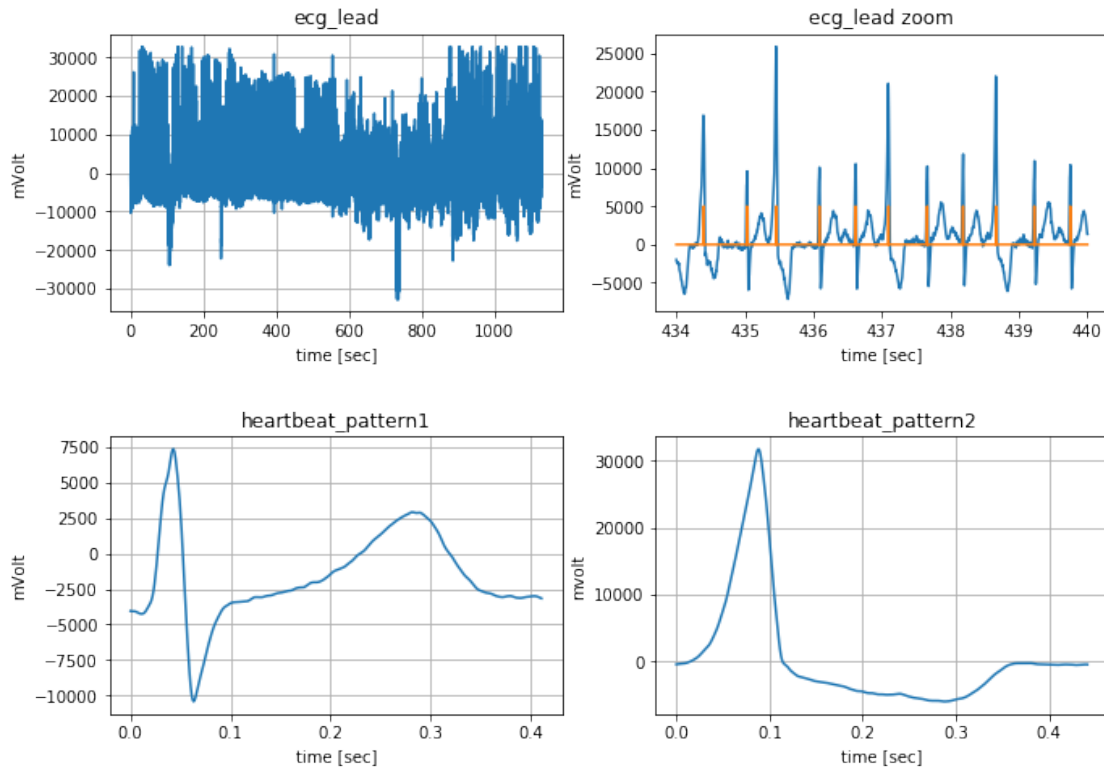
t=np.linspace ( 0,ecg_lead.size,ecg_lead.size)
pl.plot_signal ( 2,t/1000 ,ecg_lead , '' , 'time [sec]' , 'mVolt' , trace='-', center=4)

t=np.linspace ( 0,ecg_lead.size,ecg_lead.size)
pl.plot_signal ( 2 ,t/1000 , f.qrs2ecg(qrs_detections,ecg_lead) , 'ecg_lead zoom' , 'time [sec]' , trace='-' )

t=np.linspace ( 0,heartbeat_pattern1.size,heartbeat_pattern1.size)
pl.plot_signal ( 3 ,t/1000 ,heartbeat_pattern1 , 'heartbeat_pattern1' , 'time [sec]' , trace='-' )

t=np.linspace ( 0,heartbeat_pattern2.size,heartbeat_pattern2.size)
pl.plot_signal ( 4 ,t/1000 ,heartbeat_pattern2 , 'heartbeat_pattern2' , 'time [sec]' , trace='-' )

pl.plot_show()
```



Respuesta: Ahora se analizan en frecuencia los pulsos individualmente y un trozo de la señal completa para estudiar sus componentes en frecuencia.

```
In [5]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
from scipy import signal as sig
import zplane as zp
import scipy.io
from filter import *
from dft import *

pl = plotter_class( 2,2 )
f = filter_class ( )
dft_c = dft_class ( )

fs = 1000

mat = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead = mat['ecg_lead']
qrs_pattern1 = mat['qrs_pattern1']
heartbeat_pattern1 = mat['heartbeat_pattern1']
heartbeat_pattern2 = mat['heartbeat_pattern2']
```



```

qrs_detections      = mat['qrs_detections']

ecg_lead_sliced=ecg_lead[4000:5500]
z                =np.zeros(5000)
ecg_lead_sliced=np.append(ecg_lead_sliced,z)
t                =np.linspace ( 0,ecg_lead_sliced.size,ecg_lead_sliced.size)
pl.plot_signal ( 1,t/1000 ,ecg_lead_sliced , 'ecg_lead_sliced' , 'time [sec]' , 'mVolt'
fft            ,freq  = dft_c.abs ( fs ,ecg_lead_sliced.size ,ecg_lead_sliced[:].flatten( ))
pl.stem_signal ( 2 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia', 'Pnormal.',center=50/(fs/(fft.size*2)

ecg_lead_sliced=ecg_lead[int(12.0*60*fs):int(13*60*fs)]

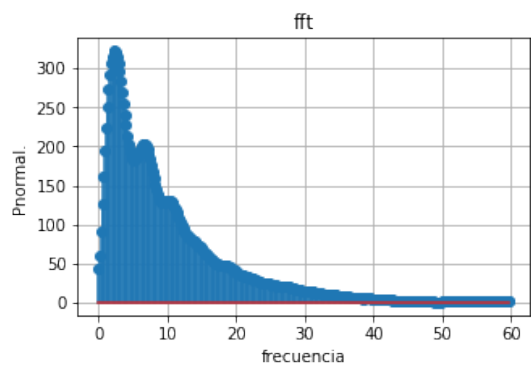
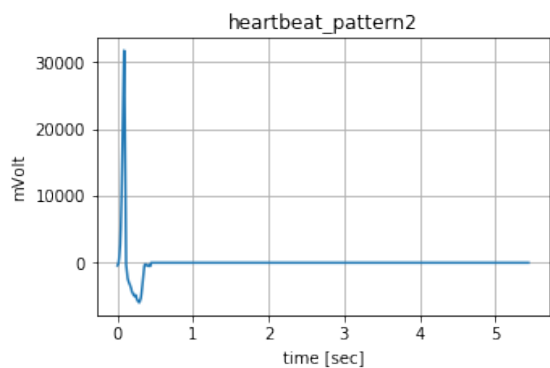
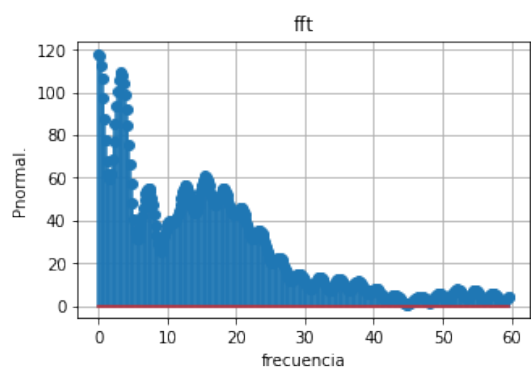
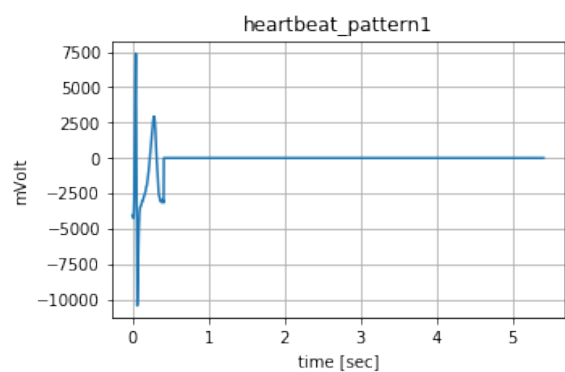
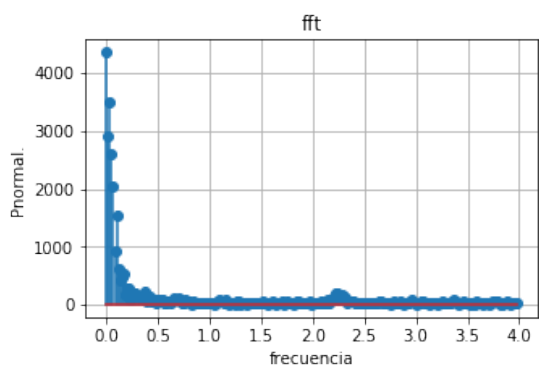
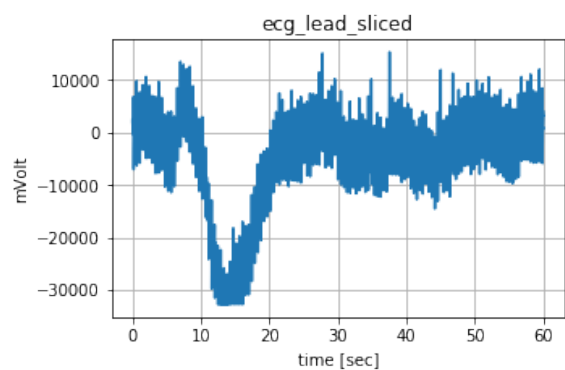
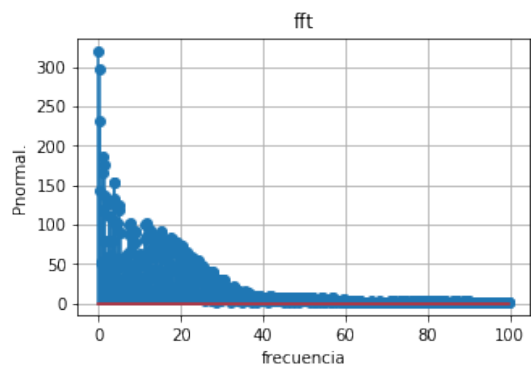
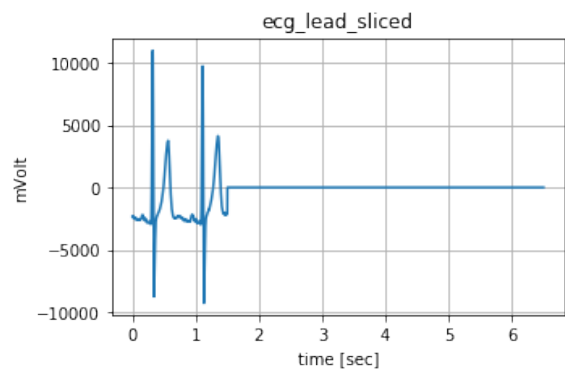
t                =np.linspace ( 0,ecg_lead_sliced.size,ecg_lead_sliced.size)
pl.plot_signal ( 3,t/1000 ,ecg_lead_sliced , 'ecg_lead_sliced' , 'time [sec]' , 'mVolt'
fft            ,freq  = dft_c.abs ( fs ,ecg_lead_sliced.size ,ecg_lead_sliced[:].flatten( ))
pl.stem_signal ( 4 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia', 'Pnormal.',center=2/(fs/(fft.size*2)

pl      = plotter_class( 2,2 )
z                =np.zeros(5000)
heartbeat_pattern1=np.append(heartbeat_pattern1,z)
t                =np.linspace ( 0,heartbeat_pattern1.size,heartbeat_pattern1.size)
pl.plot_signal ( 1,t/1000 ,heartbeat_pattern1 , 'heartbeat_pattern1' , 'time [sec]' , 'mV'
fft            ,freq  = dft_c.abs ( fs ,heartbeat_pattern1.size ,heartbeat_pattern1[:].flatten( ))
pl.stem_signal ( 2 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia', 'Pnormal.',center=30/(fs/(fft.size*2)

z                =np.zeros(5000)
heartbeat_pattern2=np.append(heartbeat_pattern2,z)
t                =np.linspace ( 0,heartbeat_pattern2.size,heartbeat_pattern2.size)
pl.plot_signal ( 3,t/1000 ,heartbeat_pattern2 , 'heartbeat_pattern2' , 'time [sec]' , 'mV'
fft            ,freq  = dft_c.abs ( fs ,heartbeat_pattern2.size ,heartbeat_pattern2[:].flatten( ))
pl.stem_signal ( 4 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia', 'Pnormal.',center=30/(fs/(fft.size*2)

pl.plot_show()

```



## 2 Defina la plantilla del filtro

fs0 = 0.1 # fin de la banda de detenida 0  
fc0 = 0.5 # comienzo de la banda de paso  
fc1 = 40 # fin de la banda de paso  
fs1 = 50 # comienzo de la banda de detenida 1  
Se agregan los siguientes datos utiles:

paso: 0.1db  
detenida: entre 40 y 60db

b) ¿Cómo obtuvo dichos valores?

Respuesta: Segun se puede apreciar en los espectros, el principal contenido de la senial esta por debajo de los 50hz que corresponde al periodo de los hearbeats que ronda entre 20mseg y 50mseg y por encima de los 0.5hz que corresponde a una frecuencia cardiaca de 30ppm, valor mas razonable para un analisis de esfuerzo. Pulsaciones por encima de 250ppm, que representan ~4hz tambien estarian dentro de la banda de paso. Por debajo de los 0.5 se intentara eliminar para quitar el contenido de continua y por encima de 40, las altas frecuencias y el contenido de 50hz de la linea de 220v que esta presente en casi todo objeto conductor del planeta Tierra y alrededores.

c) Diseñe **al menos** dos filtros FIR y dos IIR para su comparación. Verifique que la respuesta en frecuencia responda a la plantilla de diseño

Respuesta en frecuencia de FIR  
Pasabajos equiripple, orden 248  
Pasaaltos equiripple, orden 5478!!!

d) Evalúe el rendimiento de los filtros que haya diseñado:

1. Verifique que filtra las señales interferentes
2. Verifique que es inocuo en las zonas donde no hay interferentes

Respuesta: A continuacion se prueban los FIR en la zona de mayor interferencia de baja senial comparando la forma y los espectros y luego, utilizando las secciones de menor interferencia se comparan que la forma del pulso no cambie superponiendo la senial antes y despues del filtrado en tiempo coincidente

```
In [7]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
import scipy.io
from filter import *
from dft import *
```

```

fs = 1000

sg      = signal_generator_class()
pl      = plotter_class      ( 2,2 )
f       = filter_class      (      )
dft_c   = dft_class          (      )

mat      = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead_original = mat[ 'ecg_lead'      ]
qrs_pattern1 = mat[ 'qrs_pattern1'      ]
heartbeat_pattern1 = mat[ 'heartbeat_pattern1' ]
heartbeat_pattern2 = mat[ 'heartbeat_pattern2' ]
qrs_detections = mat[ 'qrs_detections'      ]

lopass      = np.load("lopass_fir.npz")['ba'][0]
hipass      = np.load("hipass_fir.npz")['ba'][0]

ecg_lead=np.append(ecg_lead_original[int(12.0*60*fs):int(13.0*60*fs)],ecg_lead_original)

t=np.linspace ( 0 ,ecg_lead.size ,ecg_lead.size )
pl.plot_signal( 1 ,t ,ecg_lead ,'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-')

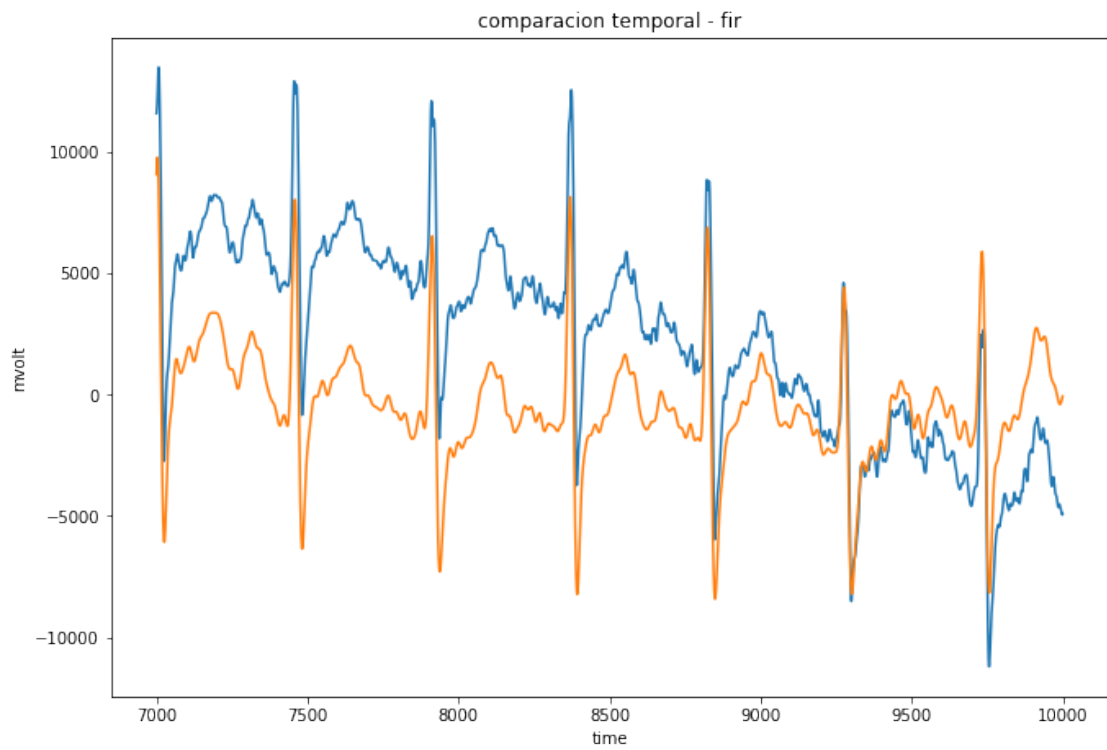
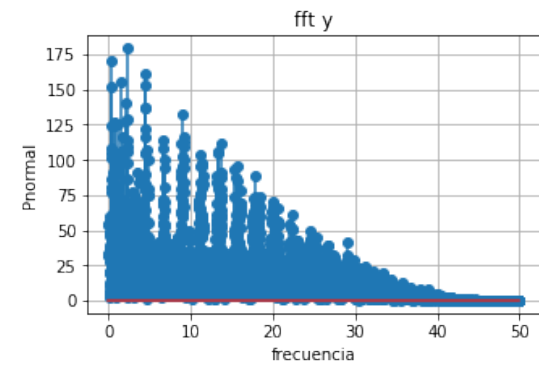
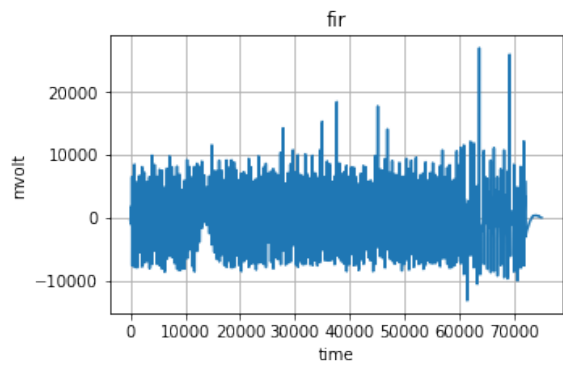
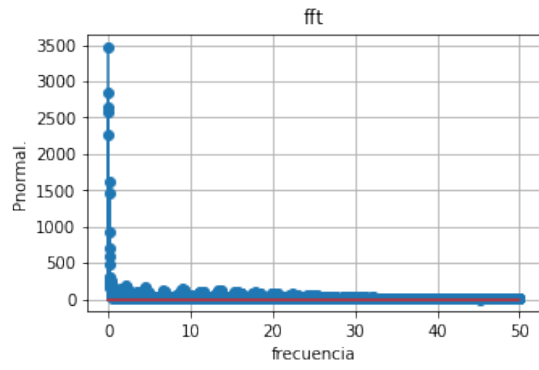
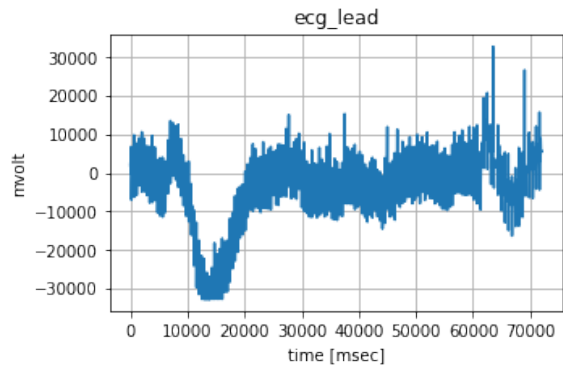
fft      ,freq = dft_c.abs ( fs ,ecg_lead.size ,ecg_lead[:].flatten( ));
pl.stem_signal ( 2 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia', 'Pnormal.', center=25/(fs/(fft.size*

y = f.fir      ( ecg_lead,lopass )
y = f.fir      ( y,hipass )
t = np.linspace ( 0 ,y.size,y.size )
pl.plot_signal ( 3 ,t[:t.size-hipass.size//2],y[hipass.size//2:] , 'fir' , 'time' , '

fft      ,freq = dft_c.abs( fs ,y.size ,y      );
pl.stem_signal ( 4 ,freq ,fft , 'fft y' , 'frecuencia', 'Pnormal', center=25/(fs/(fft.size*

y=y[2865:]
pl      = plotter_class      ( 1,1 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead ,'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-')
pl.plot_signal ( 1 ,t,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-')

```



Respuesta: Se puede ver como se reduce notablemente la componente de muy baja frecuencia y la senal en su peor zona no contiene las ondulaciones como se ve en la grafica original

```
In [8]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
import scipy.io
from filter import *
from dft import *

fs = 1000

sg = signal_generator_class()
pl = plotter_class ( 1,1 )
f = filter_class ( )
dft_c = dft_class ( )

mat = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead_original = mat[ 'ecg_lead' ]
qrs_pattern1 = mat[ 'qrs_pattern1' ]
heartbeat_pattern1 = mat[ 'heartbeat_pattern1' ]
heartbeat_pattern2 = mat[ 'heartbeat_pattern2' ]
qrs_detections = mat[ 'qrs_detections' ]

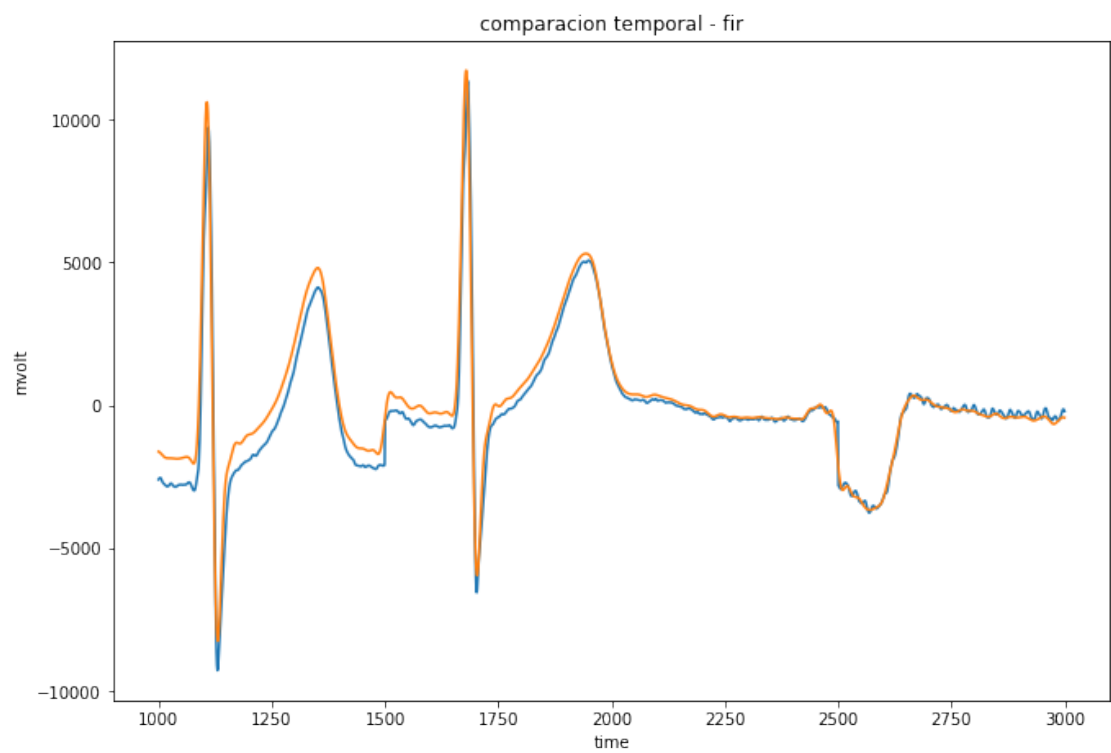
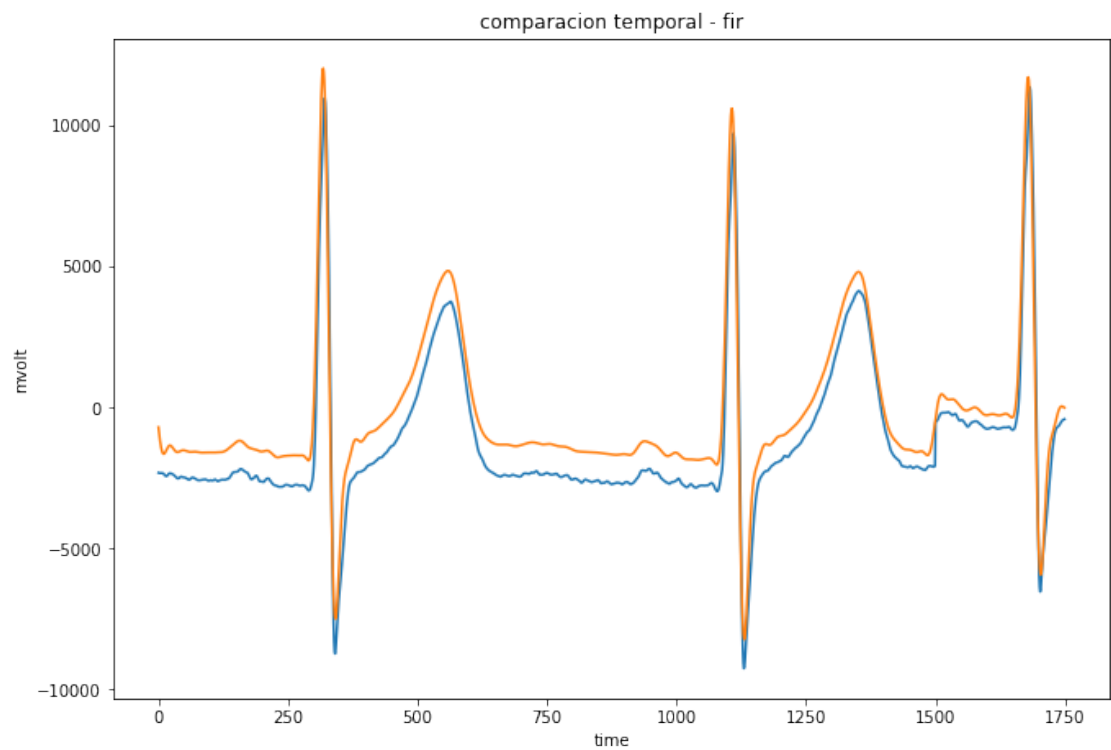
lopass = np.load("lopass_fir.npz")['ba'][0]
hipass = np.load("hipass_fir.npz")['ba'][0]

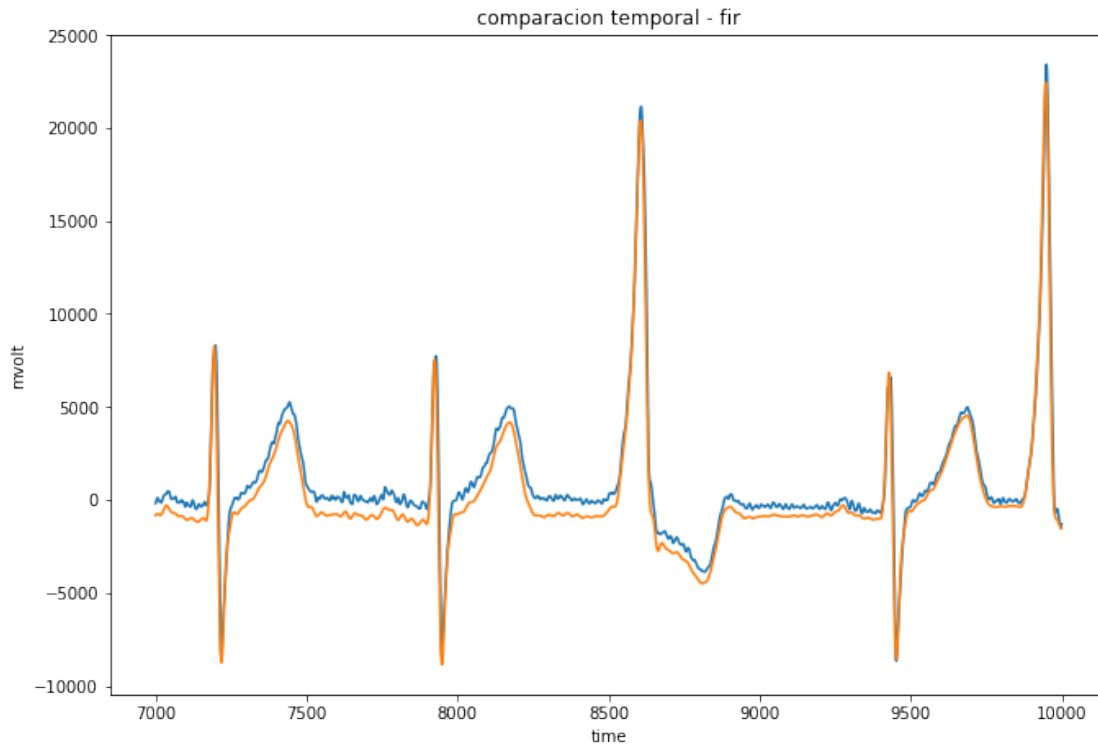
ecg_lead=np.append(ecg_lead_original[4000:5500],ecg_lead_original[10000:11000])
ecg_lead=np.append(ecg_lead,ecg_lead_original[int( 5.0*60*fs):int( 5.2*60*fs)])
ecg_lead=ecg_lead[:ecg_lead.size].flatten()

y = f.fir ( ecg_lead,lopass )
y = f.fir ( y,hipass )
t = np.linspace ( 0,y.size,y.size )

y=y[2865:]
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )
pl = plotter_class ( 1,1 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )
pl.plot_signal ( 1 ,t,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )
pl = plotter_class ( 1,1 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )
pl.plot_signal ( 1 ,t,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-', center=0 )

#pl.plot_show()
```





Respuesta: Se puede ver que las formas luego del filtrado eliminan en gran parte el ruido de alta frecuencia, pero mantienen con bastante similitud la forma del pulso suavizandolo notablemente.

Respuesta en frecuencia de IIR

Pasabajos chevychev2, orden 14

Pasaaltos chevychev2, orden 3

```
In [21]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
import scipy.io
from filter import *
from dft import *

fs = 1000

sg      = signal_generator_class()
pl      = plotter_class      ( 2,2 )
f       = filter_class      (    )
dft_c   = dft_class          (    )

mat      = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead_original = mat[ 'ecg_lead' ]
```



```

qrs_pattern1      = mat[ 'qrs_pattern1'      ]
heartbeat_pattern1 = mat[ 'heartbeat_pattern1' ]
heartbeat_pattern2 = mat[ 'heartbeat_pattern2' ]
qrs_detections     = mat[ 'qrs_detections'     ]

lopass             = np.load("lopass_iir.npz")['ba']
hipass             = np.load("hipass_iir.npz")['ba']

ecg_lead=np.append(ecg_lead_original[int(12.0*60*fs):int(13.0*60*fs)],ecg_lead_original[int(13.0*60*fs):int(14.0*60*fs)])

t=np.linspace ( 0 ,ecg_lead.size ,ecg_lead.size )
pl.plot_signal( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-')

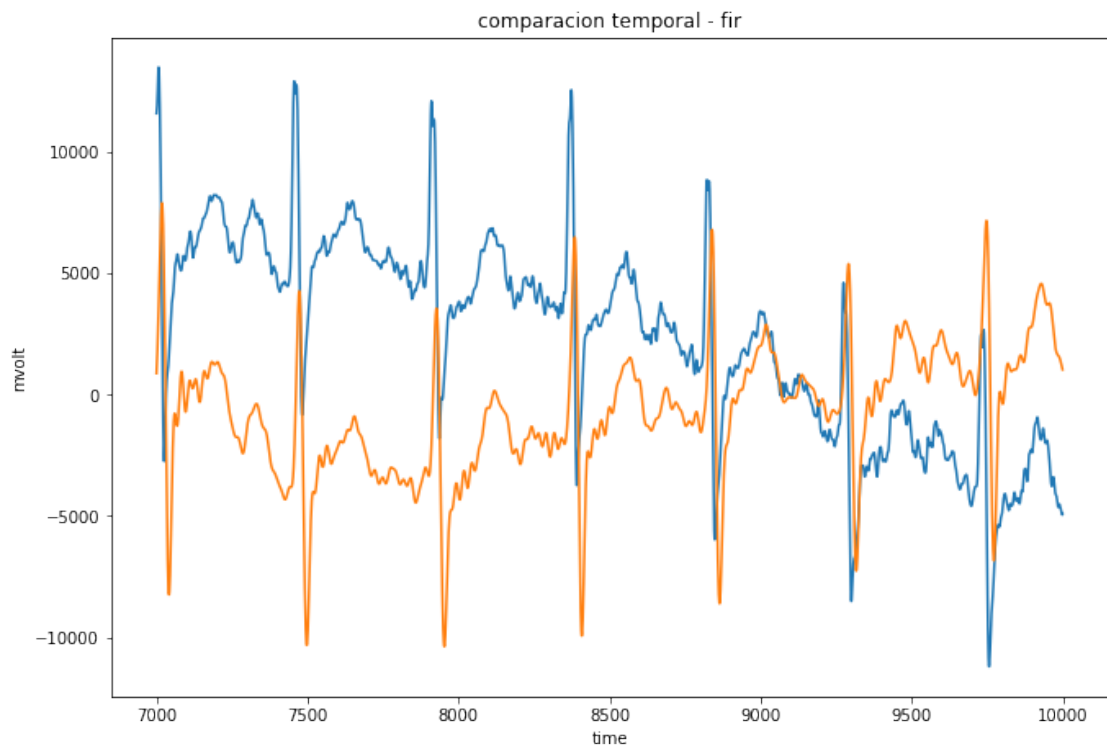
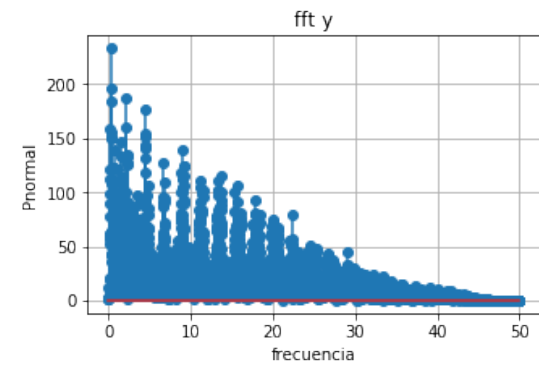
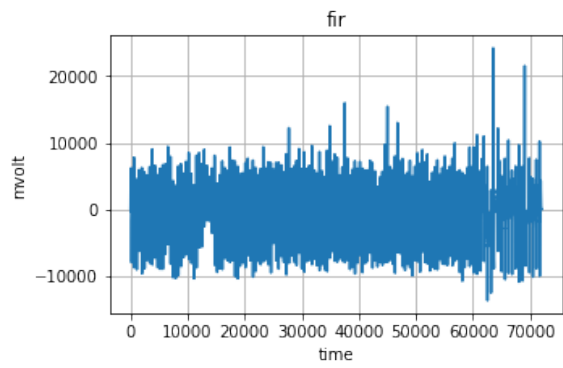
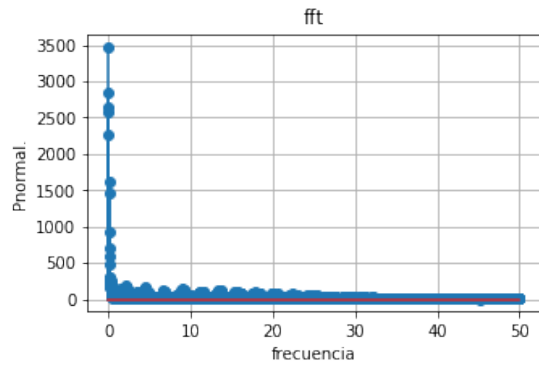
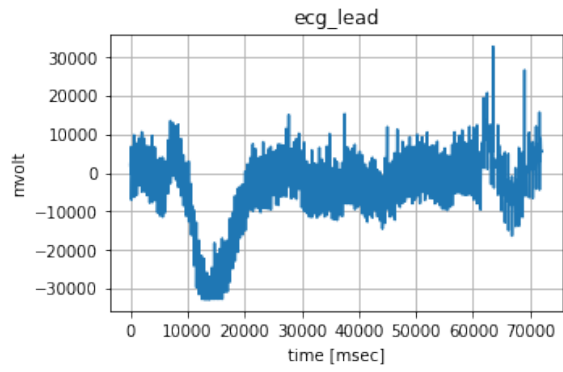
fft      ,freq  = dft_c.abs ( fs ,ecg_lead.size ,ecg_lead[:].flatten( ));
pl.stem_signal ( 2 ,freq ,fft , 'fft' , 'frecuencia' , 'Pnormal.' , center=25/(fs/(fft.size-1)))

y = f.iir      ( ecg_lead,lopass[0],lopass[1])
y = f.iir      ( y,hipass[0],hipass[1])
t = np.linspace ( 0,y.size,y.size )
pl.plot_signal ( 3 ,t[:t.size-hipass.size//2],y[hipass.size//2:] , 'fir' , 'time' , trace='-')

fft      ,freq  = dft_c.abs( fs ,y.size ,y );
pl.stem_signal ( 4 ,freq ,fft , 'fft y' , 'frecuencia' , 'Pnormal' , center=25/(fs/(fft.size-1)))

y=y[5:]
pl      = plotter_class      ( 1,1 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-')
pl.plot_signal ( 1 ,t,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-')

```



Respuesta: Se puede ver como se reduce notablemente la componente de muy baja frecuencia y la señal en su peor zona no contiene las ondulaciones como se ve en la grafica original, pero a mismos resultados, hasta este analisis al menos, la diferencia del FIR esta en el orden de los filtros que es muy inferior, para las mismas características la relación es 5478 a 3. Va de nuevo, 5478 a 3. En el caso del FIR se puede obtener un orden menor, de 200 o 300, pero para igual plantilla, estos fueron los resultados.

```
In [19]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from plotter import *
from signal_generator import *
import scipy.io
from filter import *
from dft import *

fs = 1000

sg      = signal_generator_class()
pl      = plotter_class      ( 1,1 )
f       = filter_class      (      )
dft_c   = dft_class          (      )

mat      = scipy.io.loadmat('file.mat')
ecg_lead_original = mat[ 'ecg_lead'          ]
qrs_pattern1      = mat[ 'qrs_pattern1'      ]
heartbeat_pattern1 = mat[ 'heartbeat_pattern1' ]
heartbeat_pattern2 = mat[ 'heartbeat_pattern2' ]
qrs_detections    = mat[ 'qrs_detections'    ]

lopass      = np.load("lopass_iir.npz")['ba']
hipass      = np.load("hipass_iir.npz")['ba']

ecg_lead=np.append(ecg_lead_original[4000:5500],ecg_lead_original[10000:11000])
ecg_lead=np.append(ecg_lead,ecg_lead_original[int( 5.0*60*fs):int( 5.2*60*fs)])
ecg_lead=ecg_lead[:ecg_lead.size].flatten()

y = f.iir      ( ecg_lead,lopass[0],lopass[1] )
y = f.iir      ( y,hipass[0],hipass[1] )
t = np.linspace ( 0,y.size,y.size )

y=y[5:]
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' ,trace='-',center=0)
pl.plot_signal ( 1 ,t ,y          , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' ,trace='-',center=0)
pl              = plotter_class      ( 1,1 )
pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' ,trace='-',center=0)
pl.plot_signal ( 1 ,t ,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' ,trace='-',center=0)
pl              = plotter_class      ( 1,1 )
```

```

pl.plot_signal ( 1 ,t ,ecg_lead , 'ecg_lead' , 'time [msec]' , 'mvolt' , trace='-')
pl.plot_signal ( 1 ,t,y , 'comparacion temporal - fir' , 'time' , 'mvolt' , trace='-')

#pl.plot_show()

```

