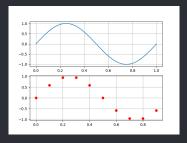


# Procesamiento de señales, fundamentos

Maestría en sistemas embebidos MSE2020 Universidad de Buenos Aires

Clase 1 - Introducción Ing. Pablo Slavkin



### Resumen de seccion 1

#### 1. Señales

- 1.1 Plan de vuelo
- 1.2 porque digital?
- 1.3 Señales
- 1.4 Sistemas

#### 2. AD

- 2.1 Aliasing
- 2.2 Teorema de Shannon

#### Ouantizacion

- 3.1 Eiemplos
  - 3.2 Modelo estadistico
  - 3 3 SNIE
  - 3.4 oversampling

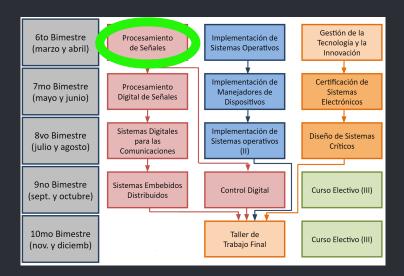
#### 4 CIA

4.1 Acondicionamiento de seña

#### 5 CIAA

- 5.1 Generacion de audio con Python
- 5.2 Captura con la CIAA
- 5.3 Evaluacion

# Plan de vuelo Ud. esta aqui



### Plan de vuelo

### Ud. esta aqui



- Sampleo
  - Fourier, Z
  - Filtrado basico
  - CIAA
  - Python
- 2. Estadistica
  - Canales
    - Filtrado complejo
    - FPGA?
    - Python
- 3. Implementacion
  - Hi-Speed
  - Comunicaciones
  - FPGA
  - Python

# Bibliografia

### Libros, links y otro material

Steven W. Smith.

he Scientist and Engineer's Guide to Digital Signal Processing

Second Edition, 1999.

[2] Allen B. Downey

Think DSP - Digital Signal Processing in Pytho

[3] Richard Lyons.

Understanding digital signal processing.

Third edition.

[4] Boaz Porat.
Digital Processing of Random Signals: Theory and Methods. Digital Processing of Random Signals: Theory and Methods.

[5] Allen B. DowneyThink Python, 2nd Edition, - How to Think Like a Computer Scientist

[6] Emmanuel C Ifeachor, Barrie W Jervis
Digital Signal Processing. A practial approach.

- [7] NW. Taylor, Francis Group, LLC. Introduction to Python Programming.
- [8] Matt Harrison
  Illustrated guide to python 3

# porque digital?

# digital vs analogico

### digital

- reproducibilidad
- tolerancia de componentes
- partidas todas iguales
- componentes no envejecen
- facil de actualizar
- soluciones de un solo chip

### analogico

- alto ancho de banda
- alta potencia
- baja latencia



# Señales y sistemas

Que son?

### Señal

Una señal, en función de una o más variables, puede definirse como un cambio observable en una entidad cuantificable

### Sistema

Un sistema es cualquier conjunto físico de componentes que actúan en una señal, tomando una o más señales de entrada, y produciendo una o más señales de salida.

# Señales y sistemas

### Tipos de señales

- De tiempo continuo
- Pares
- Periódicas
- De energía
- Reales

- De tiempo discreto
- No deterministas
- Impares
- Aperiódicas
- De potencia
- Imaginarias

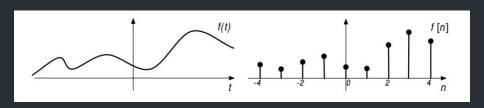
# Señales y sistemas

Tipos de señales

De tiempo continuo

Tiene valores para todos los puntos en el tiempo en algún intervalo (posiblemente infinito) De tiempo discreto

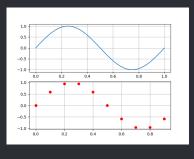
Tiene valores solo para puntos discretos en el tiempo



# Generacion de señales en Python

### Continuo? vs discreto

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
fig = plt.figure(1)
TC=0.001
tc = np.arange(0.0, 1.0, TC)
ax1 = fig.add_subplot(211)
ax1.plot(tc, np.sin(2*np.pi*tc),'b-')
ax1.grid(True)
TD=0.1
td = np.arange(0.0, 1.0, TD)
ax2 = fig.add_subplot(212)
ax2.plot(td, np.sin(2*np.pi*td),'ro')
ax2.grid(True)
plt.show()
```



Podrian pensarse como muestras de una señal de tiempo continuo x[n] = x(nT) donde n es un número entero y **T** es el período de muestreo.

# Señales periodicas

### Continua periodica

si existe un  $T_0 > 0$ , tal que  $x(t + T_0) = x(t)$ , para todo t $T_0$  es el período de x(t) medido en tiempo, y  $f_0 = 1/T_0$  es la frecuencia fundamental de x(t)

### Continua discreta

si existe un entero  $N_0 > 0$  tal que  $x[n + N_0] = x[n]$  para todo n  $N_0$  es el período fundamental de x[n] medido en espacio entre muestras y  $F_0 = \Delta t/N_0$  es la frecuencia fundamental de x[n]



Ing. Pablo Slavkin

### Sistema

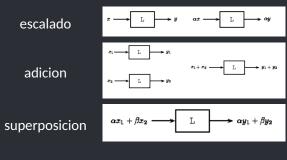
Un sistema es cualquier conjunto físico de componentes que actúan en una señal, tomando una o más señales de entrada, y produciendo una o más señales de salida.

En ingeniería, a menudo la entrada y la salida son señales eléctricas.



### Linealidad

Un sistema es lineal cuando su salida depende linealmente de la entrada. Satisface el principio de superposicion.



$$y(t) = e^{x(t)}$$
  $y(t) = \frac{1}{2}x(t)$ 

### Invariantes en el tiempo

### Invariantes en el tiempo

Un sistema es invariante en el tiempo cuando la salida para una determinada entrada es la misma sin importar el tiempo en el cual se aplica la entrada

$$x(t)$$
  $\longrightarrow$  TI  $y(t)$   $x(t-t_0)$   $\longrightarrow$  TI  $y(t-t_0)$ 

$$y(t) = x(t) * \cos(t) \qquad y(t) = \cos(x(t))$$

### Lineales invariantes en el tiempo

Un sistema es LTI cuando satisface las 2 condiciones anteriores, de linealidad y de invariancia en el tiempo.

$$\alpha x_1(t-t_1) + \beta x_2(t-t_2) \longrightarrow \Box \Box \Box \Box \Box \rightarrow \alpha y_1(t-t_1) + \beta y_2(t-t_2)$$

### \*\*\* LTI \*\*\*

En este curso, solo estudiaremos sistemas lineales invariantes en el tiempo.

### Senos y cosenos en LTI

En todo sistema LTI para una entrada senoidal la salida es siempre senoidal.

### Resumen de seccion 2

#### 1. Señales

- 11 Plan de vuel
  - 2 norque digital
- 1.3 Seña
- 1.4 Sistema:

#### 2. ADC

- 2.1 Aliasing
- 2.2 Teorema de Shannon

#### Ouantizacio:

- 31 Fiemplo
  - 3.2 Modelo estadistico
  - 3 3 SNI
  - 3.4 oversampling

#### **4** CΙΔ*I*

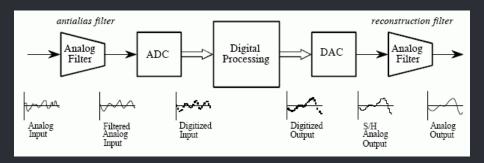
4.1 Acondicionamiento de seña

#### E CIAA

- 5.1 Generacion de audio con Python
  - 5.2 Captura con la CIAA
  - 5.3 Evaluacior

### **ADC**

### Bloque generico de procesamiento



### Porque el filtro antialising?

# **Aliasing**

### Simulando en Python

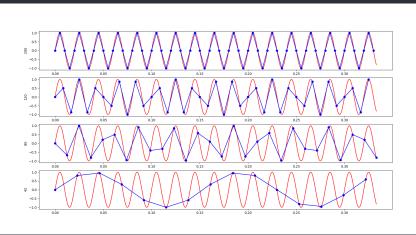


Diferentes frecuencias de sampleo para capturar una señal de 50hz

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
signalFrec = 50
NC
           = 1000
fsC = 3000
tC = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)
           = [200, 120, 80, 43]
fsD
fig = plt.figure()
#signalC
            = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)+0.5*np.sin(2*np.pi*210*
    tC)
for i in range(len(fsD)):
    contiAxe = fig.add subplot(4,1,i+1)
    plt.plot(tC,signalC,'r-',tC[::fsC//fsD[i]],signalC[::fsC//fsD[i
        11. 'b-o')
    contiAxe.set ylabel(fsD[i])
plt.show()
```

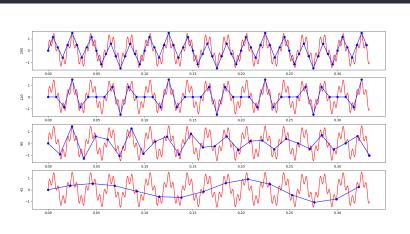
# Aliasing <u>Simulando en Python</u>

Diferentes frecuencias de sampleo para capturar una señal de 50hz



# Aliasing Simulando en Python

Que pasa si se suma ruido de alta frecuencia?



# Aliasing Disco Giratorio



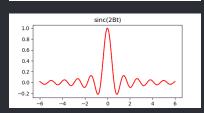
# Teorema de sampleo

Teorema de Shannon

### **Teorema**

La reconstrucción exacta de una señal periódica continua en banda base a partir de sus muestras, es matemáticamente posible si la señal está limitada en banda y la tasa de muestreo es superior al doble de su ancho de banda

$$x(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_n rac{\sin\pi(2Bt-n)}{\pi(2Bt-n)}.$$





# Teorema de sampleo

### Teorema de Shannon



23/46

### Sampleo e interpolado

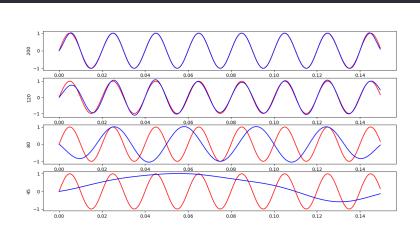
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
signalFrec = 50
NC.
           = 300
fsC
           = 1000
       = np.arange(0.NC/fsC.1/fsC)
signalC = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)
\#signalC = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)+0.5*np.sin(2*np.pi*210*tC)
           = np.array([200, 120, 80, 45])
fsD
fiq
           = plt.figure()
def interpolate(x, s, u):
   v=[]
   B = 1/(2*(s[1] - s[0]))
    for t in u:
        prom=0
        for n in range(len(x)):
           prom+=x[n]*np.sinc(2*B*t-n)
        y.append(prom)
    return v
for i in range(len(fsD)):
   contiAxe = fig.add subplot(4,1,i+1)
   Xt=interpolate(signalC[::fsC//fsD[i]],tC[::fsC//fsD[i]],tC)
   plt.plot(tC, signalC, 'r-', tC, Xt, 'b-')
   contiAxe.set ylabel(fsD[i])
plt.show()
```

# Teorema de sampleo

### Teorema de Shannon



### Sampleo e interpolado

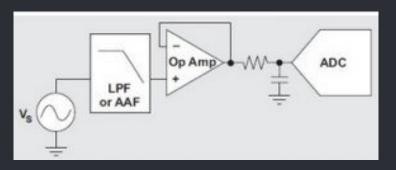


# Sampleo

### Filtro antialias

### FAA

Filtro analogico pasabajos que elimina o al menos mitiga el efecto de aliasing



### Resumen de seccion 3

#### 1. Señales

- 11 Plan de vuel
  - 2 norque digital
- 1.3 Seña
- 1.4 Sistemas

#### 2. AD0

- 2.1 Aliasing
- 2.2 Teorema de Shannon

#### 3. Quantizacion

- 3.1 Ejemplos
- 3.2 Modelo estadistico
- 3.3 SNR
- 3.4 oversampling

#### 1 CIAA

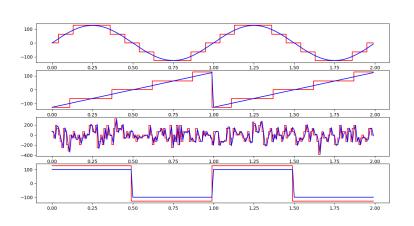
4.1 Acondicionamiento de seña

#### CIAA

- 5.1 Generacion de audio con Python
  - 5.2 Captura con la CIA/
  - 5.3 Evaluacion

### Ejemplo de cuantizacion

### Diferentes formas de onda cuantizadas



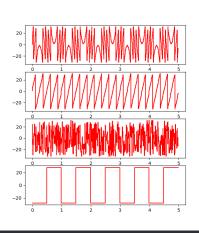
### Cuantizacion en python

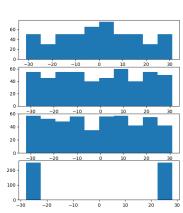


```
import numpy as np
import scipy.signal as sc
import matplotlib.pyplot as plt
signalFrec = 1
NC
            = 200
fsC = 100
Bits = 2
bits = 2
tC = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC = np.array([(2**7-1)*np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC),
               (2**7-1)*sc.sawtooth(2*np.pi*tC,1),
               (2**7-1)*np.random.normal(0,1,len(tC)),
              100*sc.square(2*np.pi*tC,0.5)],dtype='int16')
signalQ = np.copy(signalC)
signal0 += (2**(8-Bits))//2
signal0 &= 0xFFFF<<(8-Bits)</pre>
fig = plt.figure()
for i in range(len(signalC)):
    contiAxe = fig.add subplot(4,1,i+1)
    plt.step(tC,signalQ[i],'r-')
    plt.plot(tC,signalC[i],'b-')
plt.show()
Ing. Pablo Slavkin
                                      PDF MSF2020
```

Histogramas

Histogramas de ruido para cada señal





### Histogramas



30/46

### Histogramas en Python

```
import numpy as np
import scipv.signal as sc
import matplotlib.pvplot as plt
signalFrec = 1
NC 
    = 500
fsC = 100
Bits
tC = np.arange(0.NC/fsC.1/fsC)
signalC = np.array([(2**7-1)*np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC),
             (2**7-1)*sc.sawtooth(2*np.pi*tC,1),
             (2**7-1)*np.random.normal(0,1,len(tC)),
             100*sc.square(2*np.pi*tC,0.5)],dtype='int16')
signalQ = np.copy(signalC)
signalQ += (2**(8-Bits))//2
signalO &= 0xFFFF<<(8-Bits)
fiq
        = plt.figure()
for i in range(len(signalC)):
    contiAxe = fig.add subplot(4.2.2*i+1)
   plt.step(tC.signalC[i]-signalO[i].'r-')
   contiAxe = fig.add subplot(4,2,2*i+2)
   plt.hist(signalC[i]-signalO[i])
plt.show()
```

### Modelo estadistico

En el caso de que se cumplan las siguientes premisas:

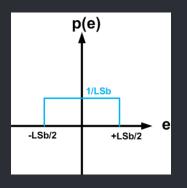
- La entrada se distancia de los diferentes niveles de cuantizacion con igual probabilidad
- El error de cuantizacion NO esta correlacionado con la entrada
- El cuantizador cuanta con un numero relativamente largo de niveles
- Los niveles de cuantizacion son uniformes

Se puede considerar la cuantizacion como un ruido aditivo a la señal segun el siguiente esquema:



Ing. Pablo Slavkin PDF MSE2020 31/46

# Funcion densidad de prob<u>abilidad</u>



$$\int_{-\frac{lsb}{2}}^{\frac{lsb}{2}} p(e)de = 1$$

Potencia de ruido de cuantizacion

$$P_{q} = \int_{-\frac{lsb}{2}}^{\frac{lsb}{2}} e^{2}p(e)de$$

$$P_{q} = \int_{-\frac{lsb}{2}}^{\frac{lsb}{2}} e^{2}\frac{1}{lsb}de$$

$$P_{q} = \int_{-\frac{lsb}{2}}^{\frac{lsb}{2}} e^{2}\frac{1}{lsb}de$$

$$P_{q} = \frac{1}{lsb}\left(\frac{lsb^{3}}{24} + \frac{lsb^{3}}{24}\right)$$

$$P_{q} = \frac{1}{lsb}\left(\frac{e^{3}}{24} + \frac{lsb^{3}}{24}\right)$$

### Potencia de ruido de cuantizacion

$$P_{q} = \frac{lsb^{2}}{12} \tag{1}$$

Ing. Pablo Slavkin PDF MSE2020 33/46

Relacion señal a ruido

input = 
$$\frac{Amp}{2} \sin(t)$$
  

$$P_{input} = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} \left(\frac{Amp}{2} \sin(t)\right)^{2} dt$$

$$P_{input} = \frac{1}{T} \left(\frac{Amp}{2}\right)^{2} * \left(\frac{t}{2} - \frac{\sin(2t)}{4}\right) \Big|_{0}^{T}$$

$$P_{input} = \frac{Amp^{2}}{4T} \frac{T}{2}$$

$$P_{input} = \frac{Amp^{2}}{8}$$

$$Isb = \frac{Amp}{2^{N}}$$

$$P_{ruido} = \frac{Isb^{2}}{12}$$

$$P_{ruido} = \frac{\left(\frac{Amp}{2^{N}}\right)^{2}}{12}$$

$$P_{ruido} = \frac{Amp^{2}}{12 * 2^{2N}}$$

Relacion señal a ruido

$$SNR = 10 \log_{10} \left( \frac{P_{input}}{P_{ruido}} \right)$$

$$SNR = 10 \log_{10} \left( \frac{\frac{Amp^2}{8}}{\frac{Amp^2}{12 * 2^{2N}}} \right)$$

$$SNR = 10 \log_{10} \left( \frac{3 * 2^{2N}}{2} \right)$$

$$SNR = 10 \log_{10} \left( \frac{3}{2} \right) - 10 \log_{10} \left( 2^{2N} \right)$$

### **SNR**

$$SNR = 1.76 + 6.02 * N$$
 (2)

$$SNR_{N=10} \approx 60dB$$
  
 $SNR_{N=11} \approx 66dB$   
PDF MSE2020

Densidad espectral de potencia de ruido

Si condideramos la potencia de ruido uniformemente distribuido en todo el espectro desde —Fs hasta +Fs, nos queda que:

Densidad espectral de potencia de ruido

$$S_{espectral}(f) = \frac{P_q}{Fs}$$

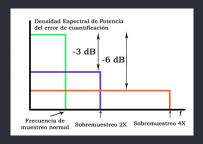
Entonces como puedo mejorar la SNR de un sistema?

### Sobremuestreo

### Densidad espectral de potencia de ruido

Oversampling x4

$$S_{espectral}(f) = \frac{P_q}{4 * F_s}$$



Que hago si tengo un AD de 10bits y deseo una SNR de 72dB?  $SNR_{10} \approx 66dB$ Pero si sobremuestreo a 4x obtengo 6dB extras

### Resumen de seccion 4

#### 1. Señales

- 11 Plan de vuel
  - 12 norque digital
- 13 Señal
- 1.4 Sistema:

#### 2. AD0

- 2.1 Aliasing
- 2.2 Teorema de Shannon

#### 3. Quantizacion

- 31 Fiemplos
  - 3.2 Modelo estadistico
  - 3 3 SNI
  - 3.4 oversampling

#### 4. CIAA

#### 4.1 Acondicionamiento de señal

#### 5 CIAA

- 5.1 Generacion de audio con Pythor
- 5.2 Captura con la CIAA
- 5.3 Evaluacior

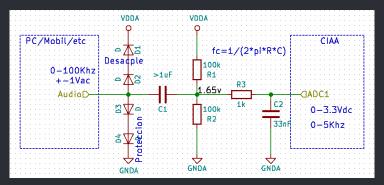
# Sampleo

### Propuesta para acondicionamiento de señal



Acondicionar la señal de salida del dispositivo de sonido (en PC ronda  $\pm 1V$ ) al rango del ADC del hardware. En el caso de la CIAA sera de 0-3.3V.

Se propone el siguiente circuito, que minimiza los componentes sacrificando calidad y agrega en filtro anti alias de 1er orden.



# Sampleo

### Propuesta para acondicionamiento de señal

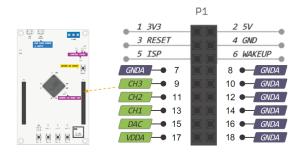


Pinout de la CIAA para conectar el ADC/DAC

# CIA ADC y DAC en la EDU-CIAA-NXP

Mapeo de ADC y DAC en la biblioteca sAPI:

- 3 entradas analógicas nombradas CH1, CH2 y CH3 (ADC).
- 1 salida analógica nombrada DAC.



### Resumen de seccion 5

#### 1. Señales

- 11 Plan de vuel
  - 12 norque digital
- 13 Señ
- 1.4 Sistemas

#### 2. AD

- 2.1 Aliasing
- 2.2 Teorema de Shannon

#### Ouantizacion

- 31 Fiemplos
  - 3.2 Modelo estadistico
  - 3 3 SNIE
  - 3.4 oversampling

#### **4** CΙΔ

4.1 Acondicionamiento de seña

#### 5. CIAA

- 5.1 Generacion de audio con Python
- 5.2 Captura con la CIAA
- 5.3 Evaluacion

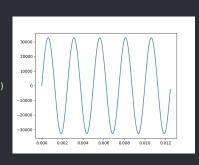
# Generacion de audio con Python

### simpleaudio lib



Como herramienta para la generacion de audio para capturar con la CIAA se propone el uso de simpleaudio con el siguiente template de codigo como base

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import scipv.signal as sc
import simpleaudio as sa
          = 200
   np.arange(0,sec,1/fs)
note = (2**15-1)*np.sin(2 * np.pi *
#jnote = (2**15-1)*sc.sawtooth(2 * np.pi *
#inote = (2**15-1)*sc.square(2*np.pi*
fir=plt.figure(1)
plt.plot(t[0:5*fs//f],note[:5*fs//f])
plt.show()
audio = note.astype(np.int16)
for i in range(100):
    play obj = sa.play buffer(audio, 1, 2, fs)
    play obj.wait done()
```



# Captura de audio con la CIAA

### Ciaa->Uart->picocom->log.bin



### Se detalla codigo simple de sampleo y envio por UART

```
#include "sapi.h"
#define LENGTH 512
int16 t adc [ LENGTH ];
uint16 t sample = 0;
int main ( void ) {
   boardConfig ( ):
   uartConfig ( UART USB, 460800 ):
   adcConfig ( ADC ENABLE ):
   cvclesCounterInit ( EDU CIAA NXP CLOCK SPEED ):
   while(1) {
      cyclesCounterReset();
      uartWriteByteArray ( UART USB ,(uint8 t* )&adc[sample] ,
             sizeof(adc[0]) ):
      adc[sample] = ((int16 t)adcRead(CH1)-512)<<6;
      if ( ++sample==LENGTH )
         sample = 0:
         uartWriteByteArray ( UART USB , "header" ,6 );
         qpioTogqle( LEDR);
   while(cvclesCounterRead() < 204000)
```

picocom /dev/ttyUSB1 -b 460800 -logfile=log.bin

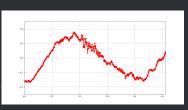
# Captura de audio con la CIAA *Uart->Python*



### Se detalla la lectura de un log y visualizacion en tiempo real de los datos

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
       matplotlib.animation import
        FuncAnimation
import os
lenath = 512
       = 1000
header = h'header'
       = plt.figure()
adcAxe = fig.add subplot (1,1,1)
adcLn, = plt.plot ( [],[],'r-o'
adcAxe.grid
                  ( True
adcAxe.set ylim ( -0.5 ,0.5
adcAxe.set xlim ( 0 , length/fs
def initFiles():
    global logFile
    logFile = open("log.bin"."rb")
    logFile.seek(0, os.SEEK END)
def findHeader(f):
    index = 0
    sync = False
    while sync==False:
        data=b''
```

```
while len(data) <1:
            data = f.read(1)
        if data[0]==header[index]:
            index+=1
            if index>=len(header):
                sync=True
            index=0
def readInt4File(f):
    raw=b''
    while len(raw)<2:
        raw += f.read(1)
    return (int.from bytes(raw[0:2],"
            little", signed=True))
def update(t):
    findHeader ( logFile )
    adc = []
    for chunk in range(length):
        adc.append (readInt4File(logFile
    time = np.linspace(0,length/fs,
            length)
    adcLn.set data ( time,adc )
    return adcLn,
initFiles()
ani=FuncAnimation(fig,update,10,None,
        blit=True,interval=10,repeat=
plt.show()
```



### Metodo de evaluacion

- 3 pts Examen
- 3 pts TP Python
- 4 pts Proyecto final



### **Evaluacion**

### Proyecto final

fft, fir, iir



- Debera incluir algun tipo de procesamiento en hardware. ej. Ejemplos:
- Puede utilizar el ADC para samplear, DAC para reconstruir y/o canales de comunicacion para adquirir datos previamente digitalizados
- presentacion de 10 minutos.
- debera funcionar!

- Filtrado y/o procesamiento de audio, señales biomedicas, etc.
- Tecnicas de compresion en dominio de la frecuencia
- Aplicaciones con acelerometro, magnetometro, T+H