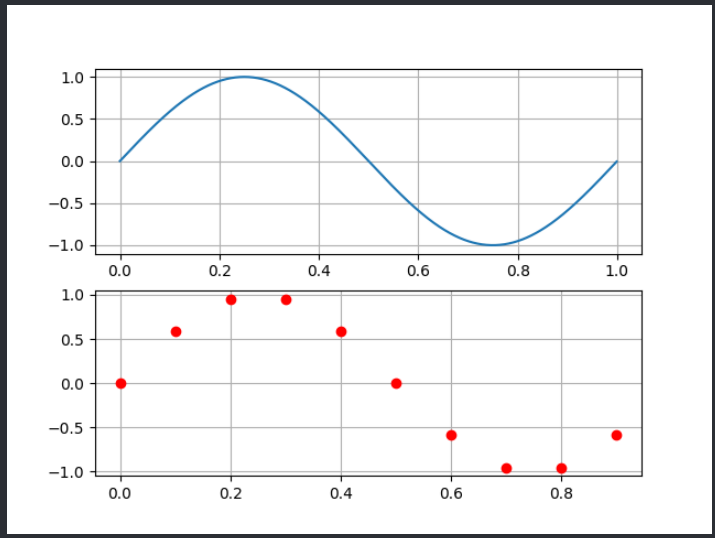
FACULTAD DE INGENIERIA
Universidad de Buenos Aires

Procesamiento de señnales, fundamentos

Maestría en sistemas embebidos MSE2020

Universidad de Buenos Aires



Clase 1 - Introducción

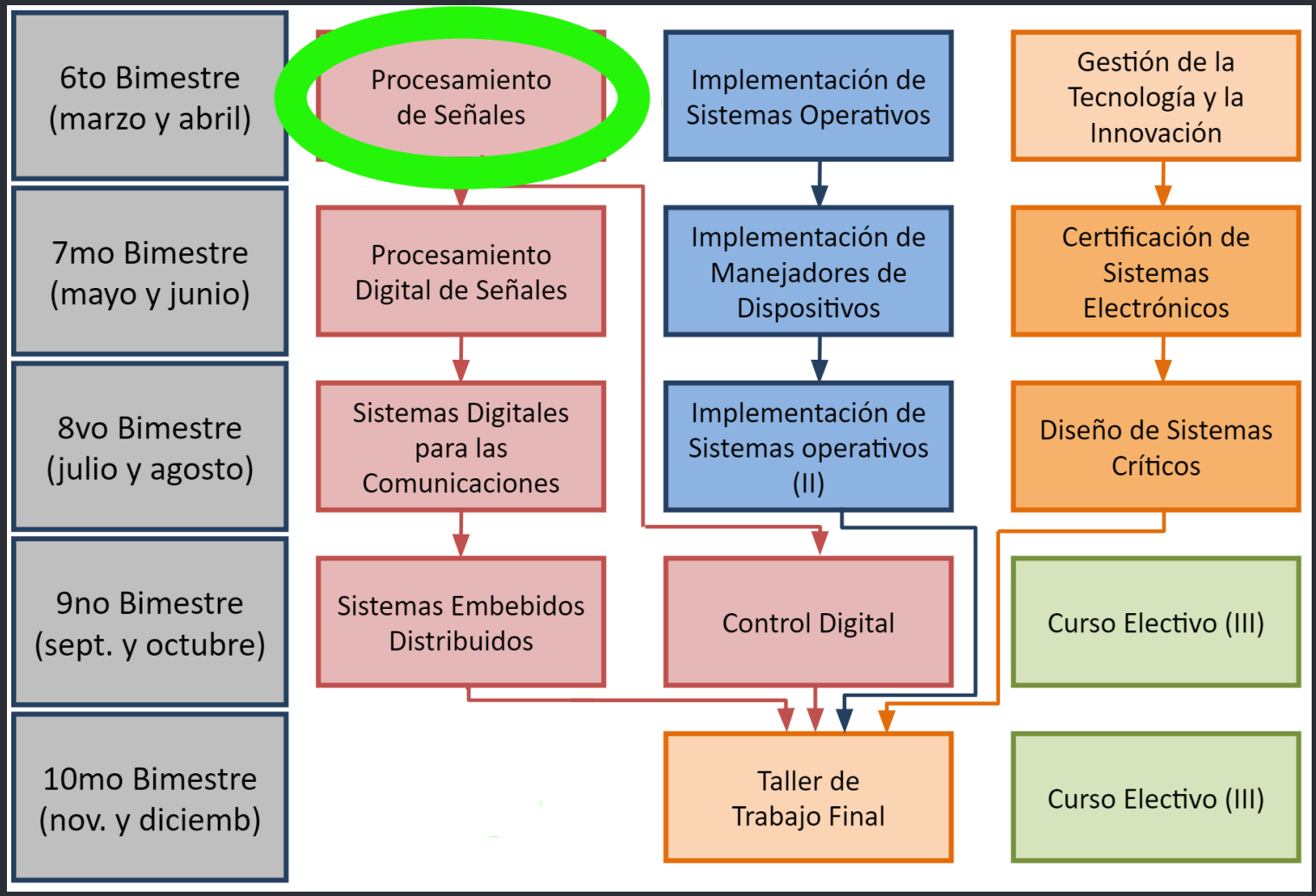
Ing. Pablo Slavkin

Resumen de seccion 1

1. Señales
   - 1.1 Plan de vuelo
   - 1.2 Porque digital?
   - 1.3 Señales
   - 1.4 Generacion de señales en Python
   - 1.5 Sistemas
2. ADC
   - 2.1 Aliasing
   - 2.2 Teorema de Shannon
3. Quantizacion
   - 3.1 Ejemplos
   - 3.2 Modelo estadistico
   - 3.3 Structuring Elements
   - 3.4 Numerals and Mathematics
   - 3.5 Figures and Code Listings
   - 3.6 Citations and Bibliography

Plan de vuelo

Ud. esta aqui



Porque digital?

Digital vs analogico

- Digital
  - Reproducibilidad
  - Tolerancia de componentes
  - Partidas todas iguales
  - Componentes no envejecen
  - Facil de actualizar
  - Soluciones de un solo chip
- Analogico
  - Alto ancho de banda
  - Alta potencia
  - Baja latencia

Señales y sistemas

Que son?

Señal

Una señal, en función de una o más variables, puede definirse como un cambio observable en una entidad cuantificable

Sistema

Un sistema es cualquier conjunto físico de componentes que actúan en una señal, tomando una o más señales de entrada, y produciendo una o más señales de salida.

Señales y sistemas

Tipos de señales

- De tiempo continuo
- Pares
- Periódicas
- De energía
- Reales

- De tiempo discreto
- No deterministas
- Impares
- Aperiódicas
- De potencia
- Imaginarias

Señales y sistemas

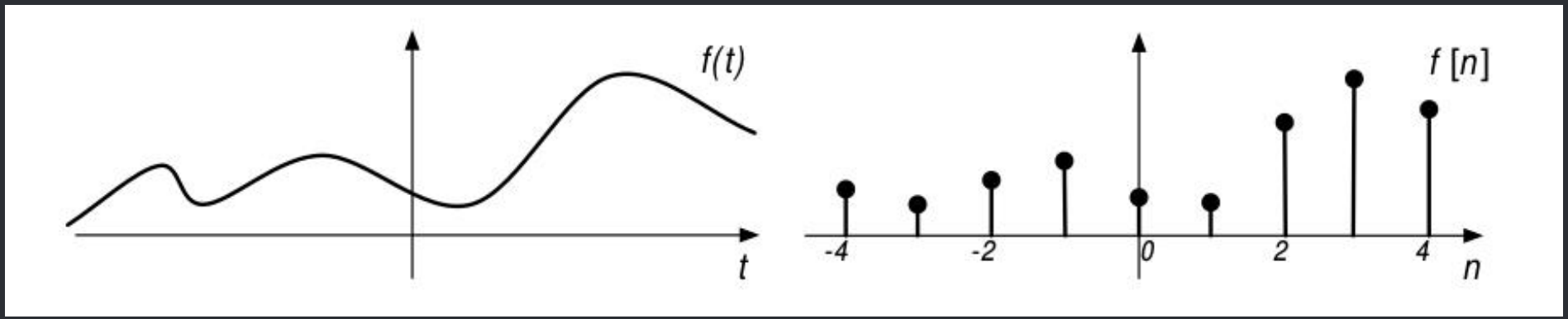
Tipos de señales

- De tiempo continuo

Tiene valores para todos los puntos en el tiempo en algún intervalo (posiblemente infinito)

- De tiempo discreto

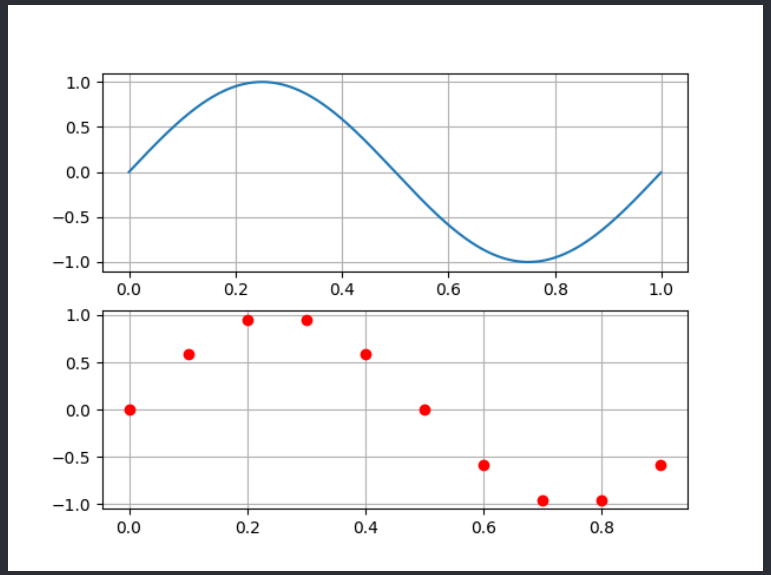
Tiene valores solo para puntos discretos en el tiempo



Generacion de señales en Python

Continuo? vs discreto

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

fig = plt.figure(1)

TC=0.001
tc  = np.arange(0.0, 1.0, TC)
ax1 = fig.add_subplot(211)
ax1.plot(tc, np.sin(2*np.pi*tc),'b-')
ax1.grid(True)

TD=0.1
td  = np.arange(0.0, 1.0, TD)
ax2 = fig.add_subplot(212)
ax2.plot(td, np.sin(2*np.pi*td),'ro')
ax2.grid(True)

plt.show()
```



Posrian pensarse como muestras de una señal de tiempo continuo

$x[n] = x(nT)$ donde n es un número entero y **T** es el período de muestreo.

Señales periodicas

Continua periodica

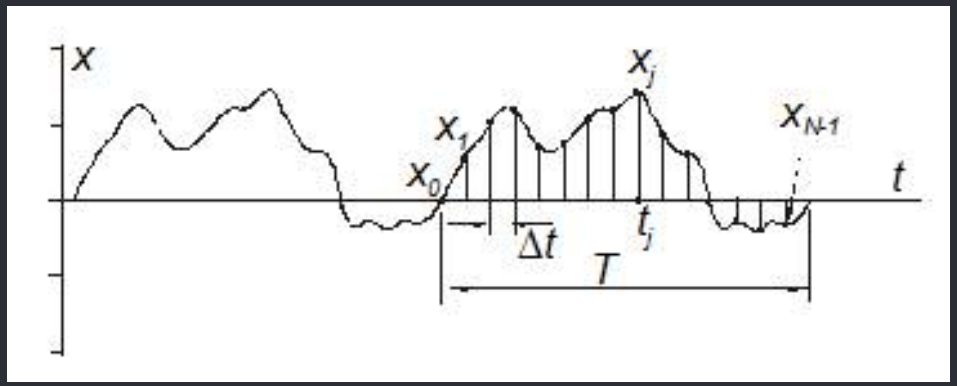
si existe un $T_0 > 0$, tal que $x(t + T_0) = x(t)$, para todo t

T_0 es el período de $x(t)$ medido en tiempo, y $f_0 = 1/T_0$ es la frecuencia fundamental de $x(t)$

Continua discreta

si existe un entero $N_0 > 0$ tal que $x[n + N_0] = x[n]$ para todo n

N_0 es el período fundamental de $x[n]$ medido en espacio entre muestras y $F_0 = \Delta t/N_0$ es la frecuencia fundamental de $x[n]$



Sistemas

Sistema

Un sistema es cualquier conjunto físico de componentes que actúan en una señal, tomando una o más señales de entrada, y produciendo una o más señales de salida.

En términos de ingeniería, muy a menudo la entrada y la salida son señales eléctricas.

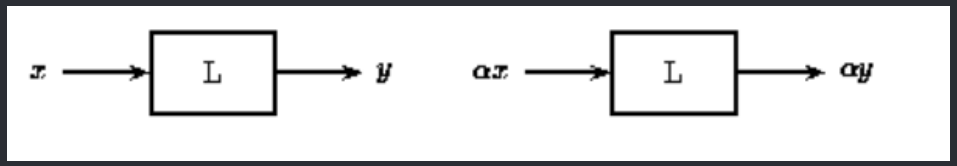
Sistemas

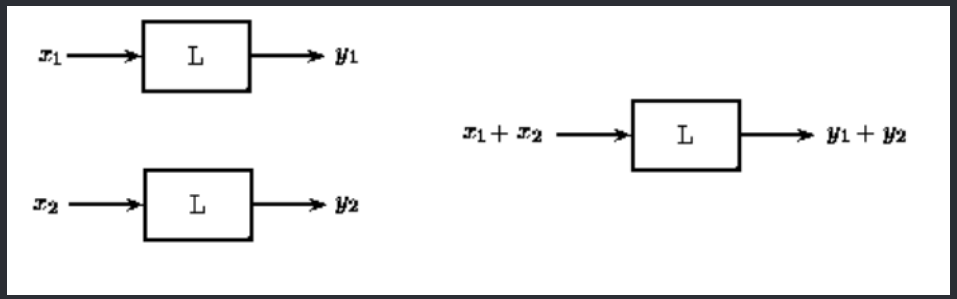
Lineales

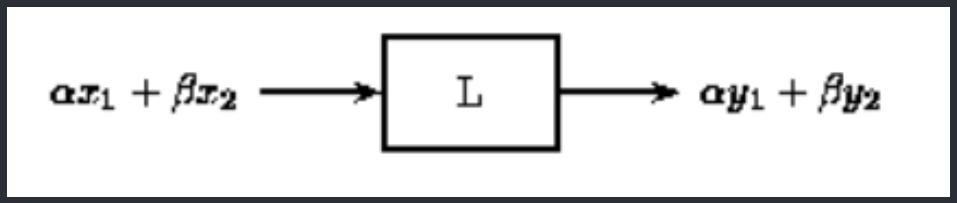
Lineal

Un sistema es lineal cuando su salida depende linealmente de la entrada.

Satisface el principio de superposicion, escalado y adicion

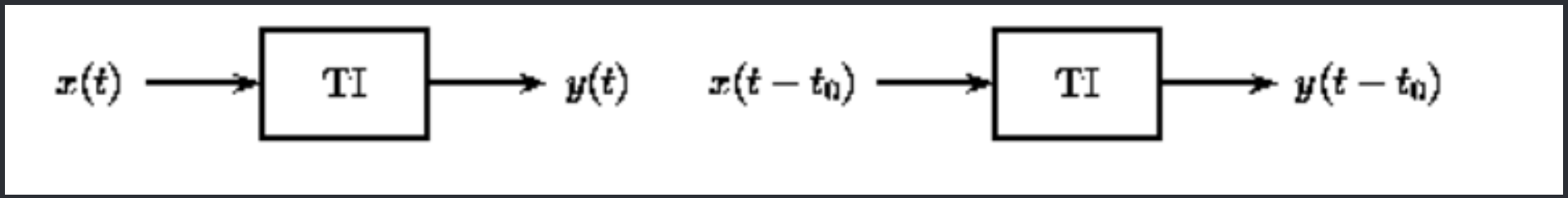






Invariantes en el tiempo

Un sistema es invariante en el tiempo cuando la salida para una determinada entrada es la misma sin importar el tiempo en el cual se aplica la entrada

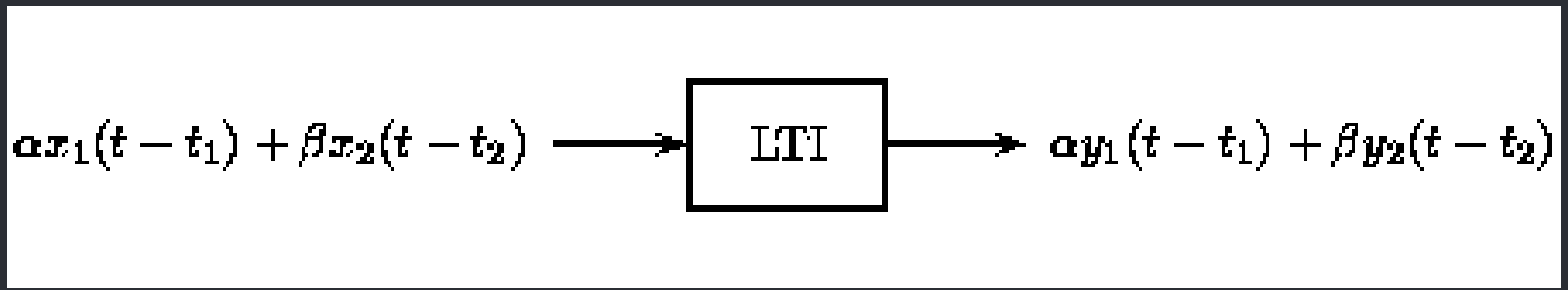


Sistemas

Lineales invariantes en el tiempo

LTI

Un sistema es LTI cuando satisface las 2 condiciones anteriores, de linealidad y de invariancia en el tiempo.



*** LTI ***

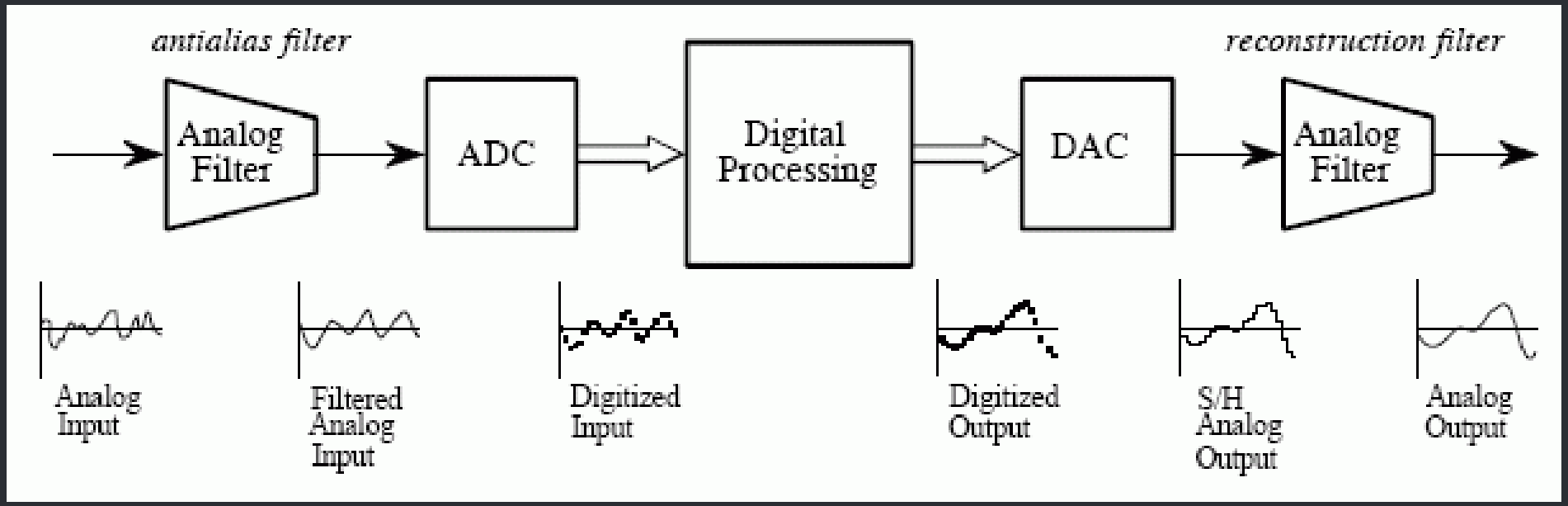
En este curso, solo estudiaremos sistemas lineales invariantes en el tiempo.

Resumen de seccion 2

1. Señales
   - 1.1 Plan de vuelo
   - 1.2 Porque digital?
   - 1.3 Señales
   - 1.4 Generacion de señales en Python
   - 1.5 Sistemas
2. ADC
   - 2.1 Aliasing
   - 2.2 Teorema de Shannon
3. Quantizacion
   - 3.1 Ejemplos
   - 3.2 Modelo estadistico
   - 3.3 Structuring Elements
   - 3.4 Numerals and Mathematics
   - 3.5 Figures and Code Listings
   - 3.6 Citations and Bibliography

ADC

Bloque generico de procesamiento



Porque el filtro antialising?

Aliasing

Simulando en Python

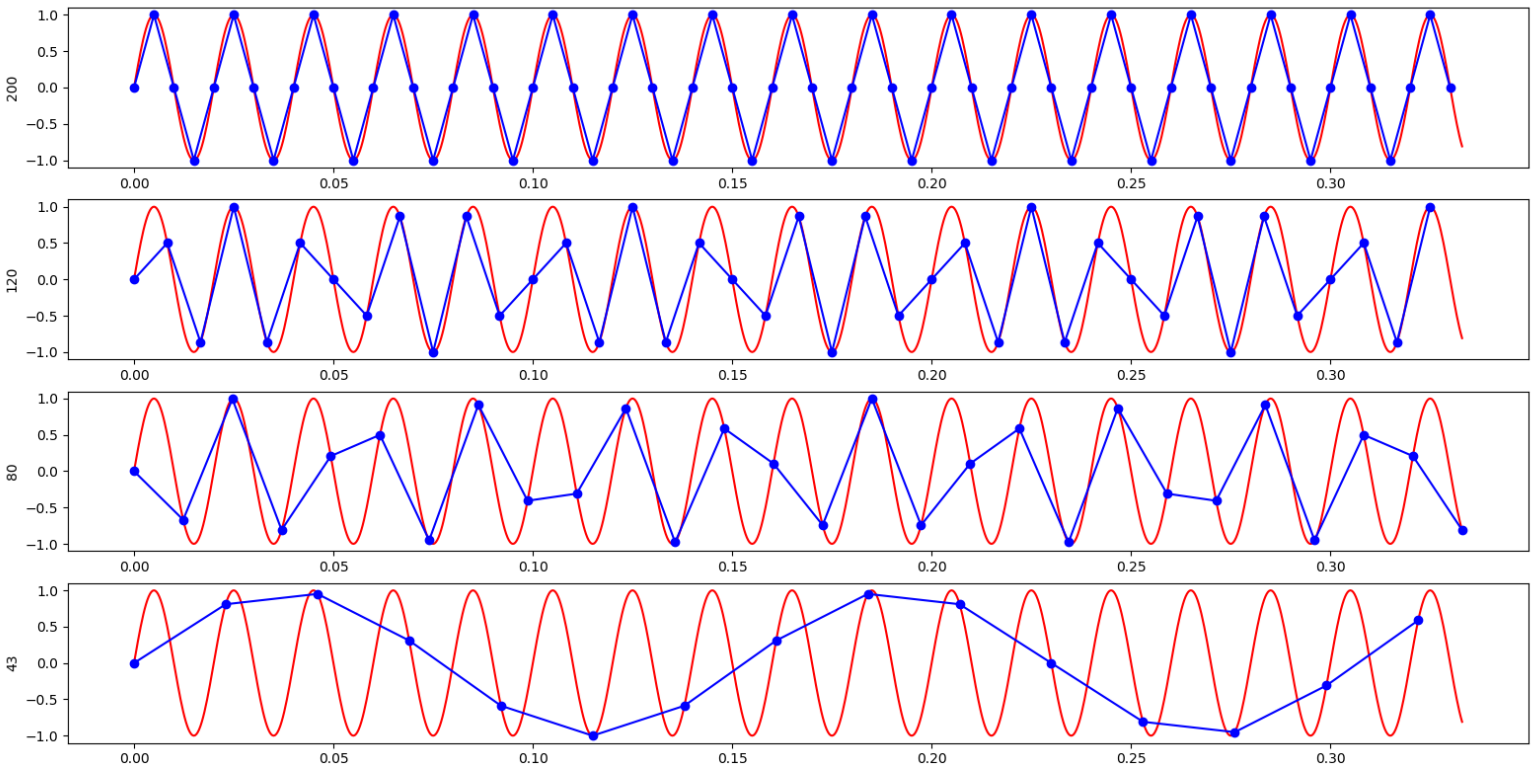
Diferentes frecuencias de sampleo para capturar una señal de 50hz

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

signalFrec = 50
NC         = 1000
fsC        = 3000
tC         = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC    = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)
fsD        = [200,120,80,43]

fig      = plt.figure()
#signalC    = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)+np.sin(2*np.pi*210*tC)

for i in range(len(fsD)):
    contiAxe = fig.add_subplot(4,1,i+1)
    plt.plot(tC,signalC,'r-',tC[::fsC//fsD[i]],signalC[::fsC//fsD[i]],'b-o')
    contiAxe.set_ylabel(fsD[i])

plt.show()
```

Aliasing

Simulando en Python

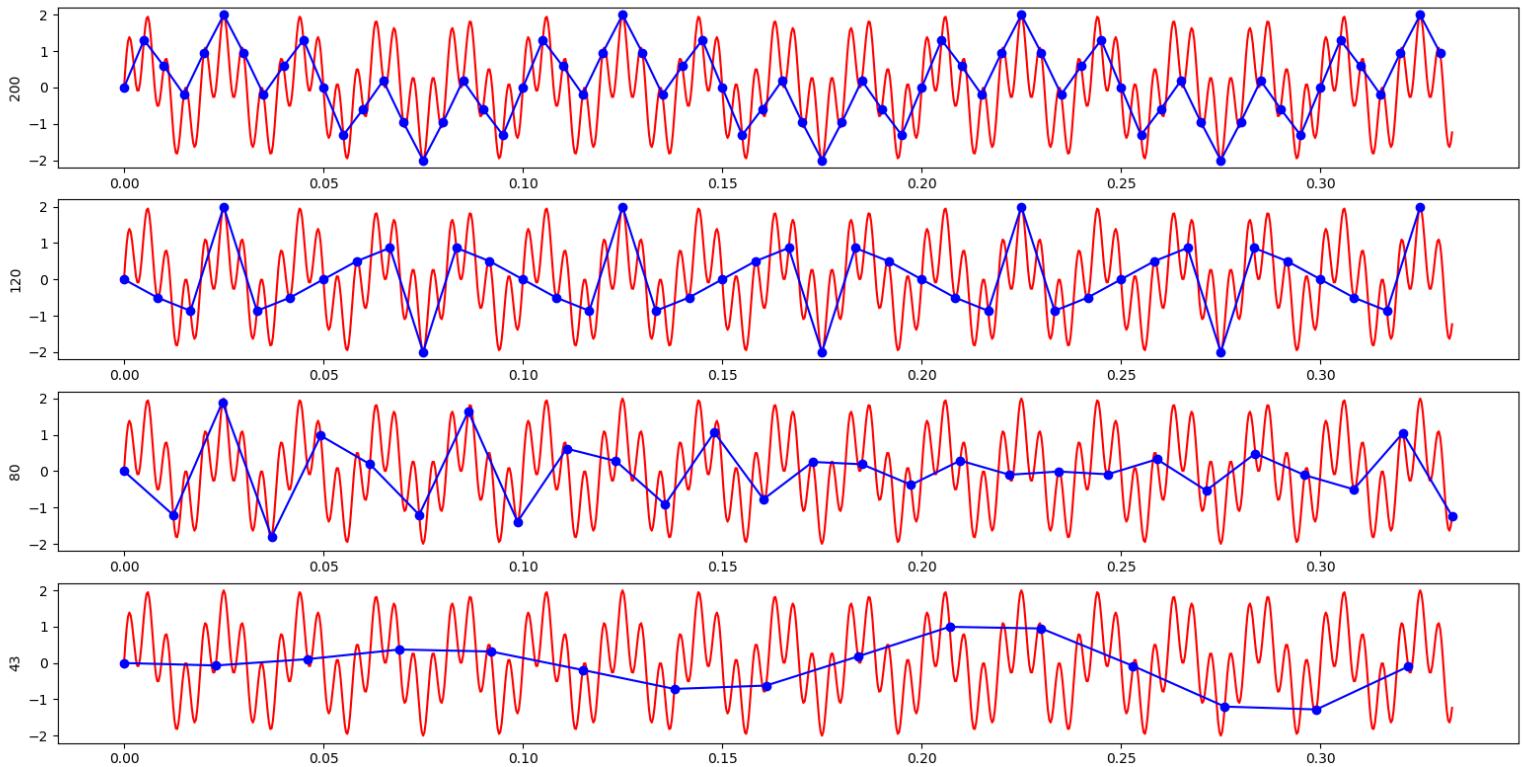
Diferentes frecuencias de sampleo para capturar una señal de 50hz



Aliasing

Simulando en Python

Que pasa si se suma ruido de alta frecuencia?



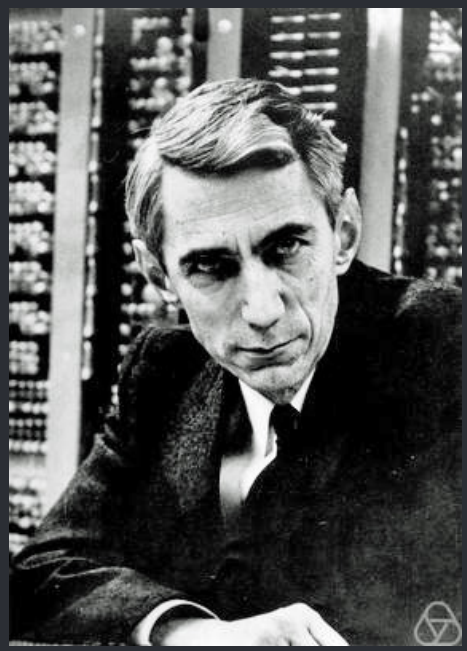
Teorema de sampleo

Teorema de Shannon

Teorema

La reconstrucción exacta de una señal periódica continua en banda base a partir de sus muestras, es matemáticamente posible si la señal está limitada en banda y la tasa de muestreo es superior al doble de su ancho de banda

$$x(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x_n \frac{\sin \pi(2Bt - n)}{\pi(2Bt - n)}.$$



Teorema de sampleo

Teorema de Shannon

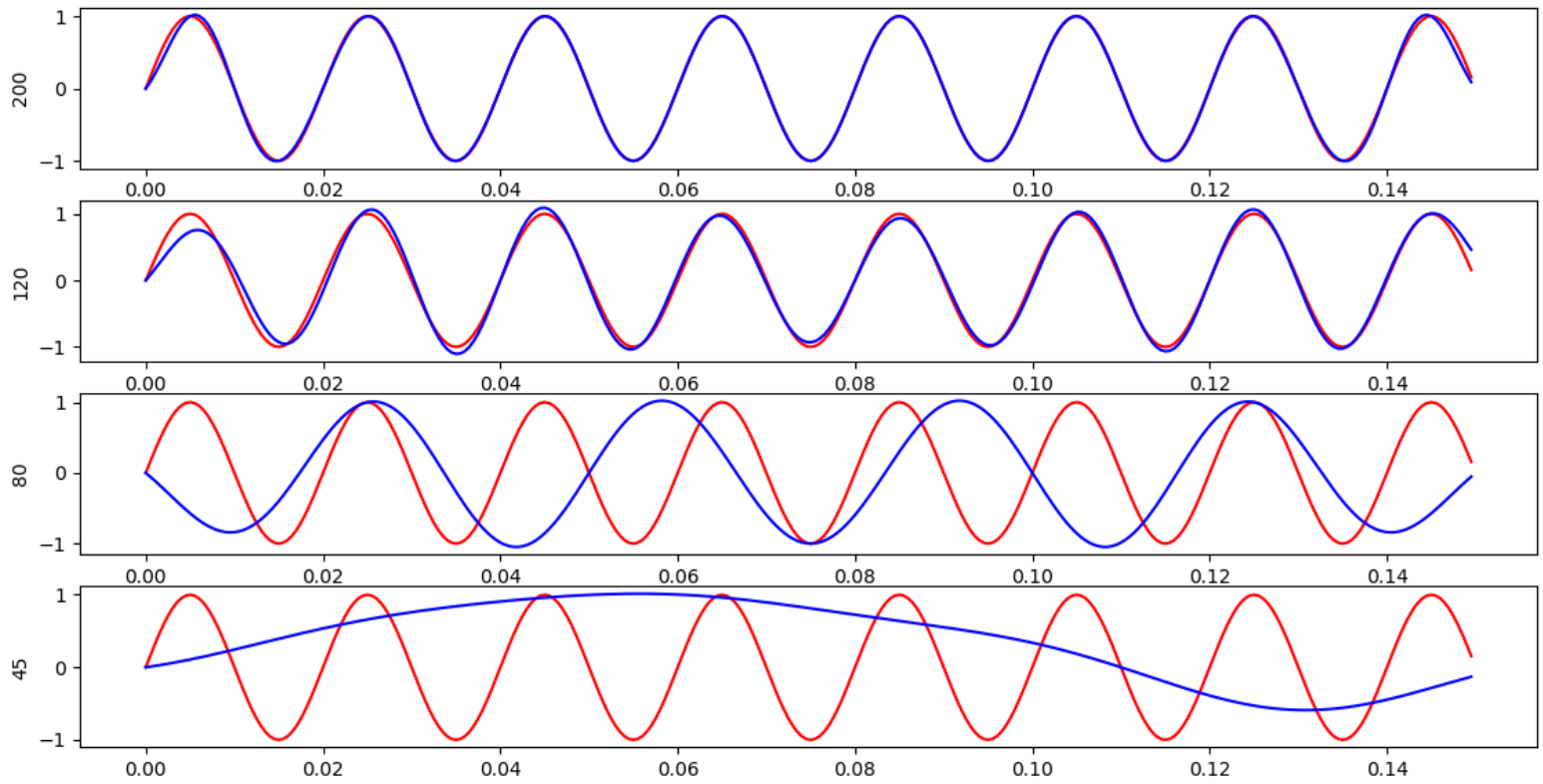
Sampleo e interpolado

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

signalFrec = 50
NC         = 300
fsC        = 2000
tC         = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC    = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)
#signalC    = np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC)+0.5*np.sin(2*np.pi*210*tC)
fsD        = np.array([200,120,80,45])

fig        = plt.figure()

def interpolate(x, s, u):
    y=[]
    B = 1/(2*(s[1] - s[0]))
    for t in u:
        prom=0
        for n in range(len(x)):
           prom+=x[n]*np.sinc(2*B*t-n)
        y.append(prom)
    return y

for i in range(len(fsD)):
    contiAxe = fig.add_subplot(4,1,i+1)
    Xt=interpolate(signalC[::fsC//fsD[i]],tC[::fsC//fsD[i]],tC)
    plt.plot(tC,signalC,'r-',tC,Xt,'b-')
    contiAxe.set_ylabel(fsD[i])

plt.show()
```

Teorema de sampleo

Teorema de Shannon

Sampleo e interpolado

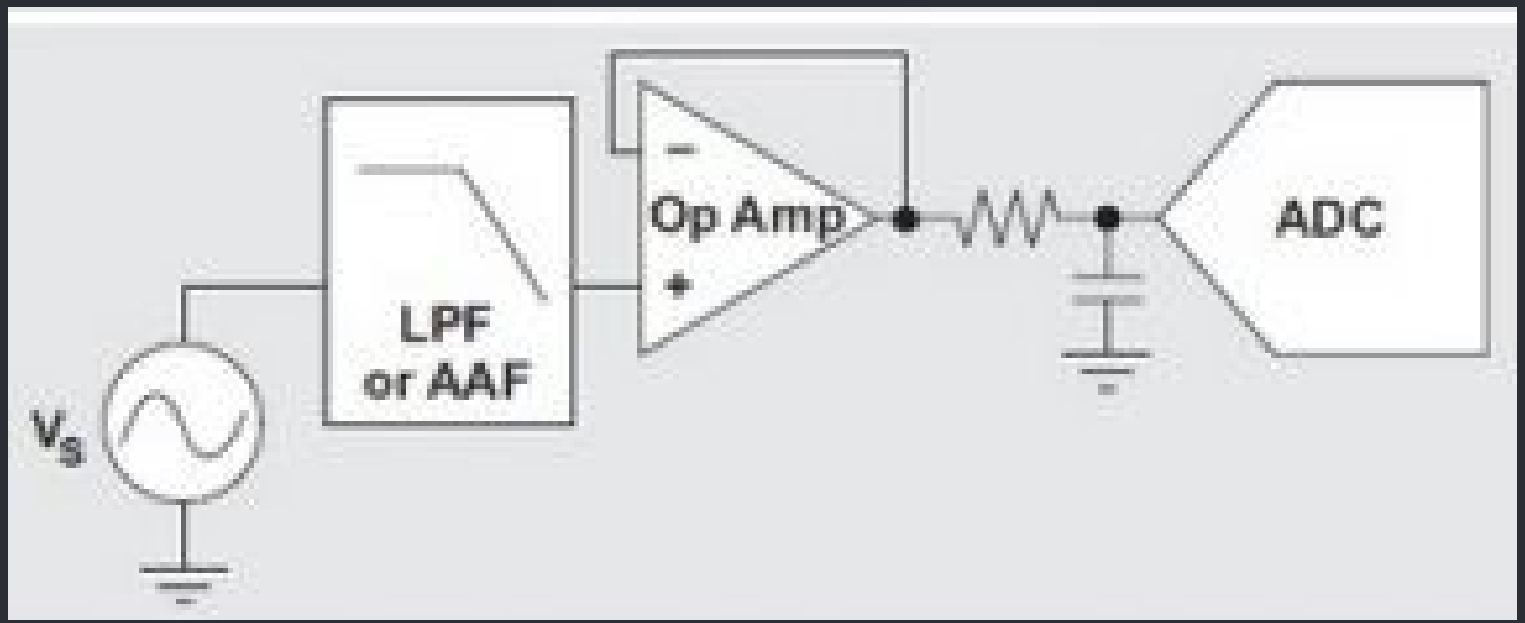


Sampleo

Filtro antialias

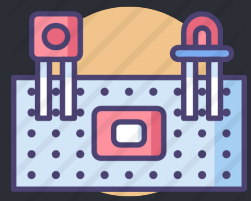
FAA

Filtro analogico pasabajos que elimina o al menos mitiga el efecto de aliasing

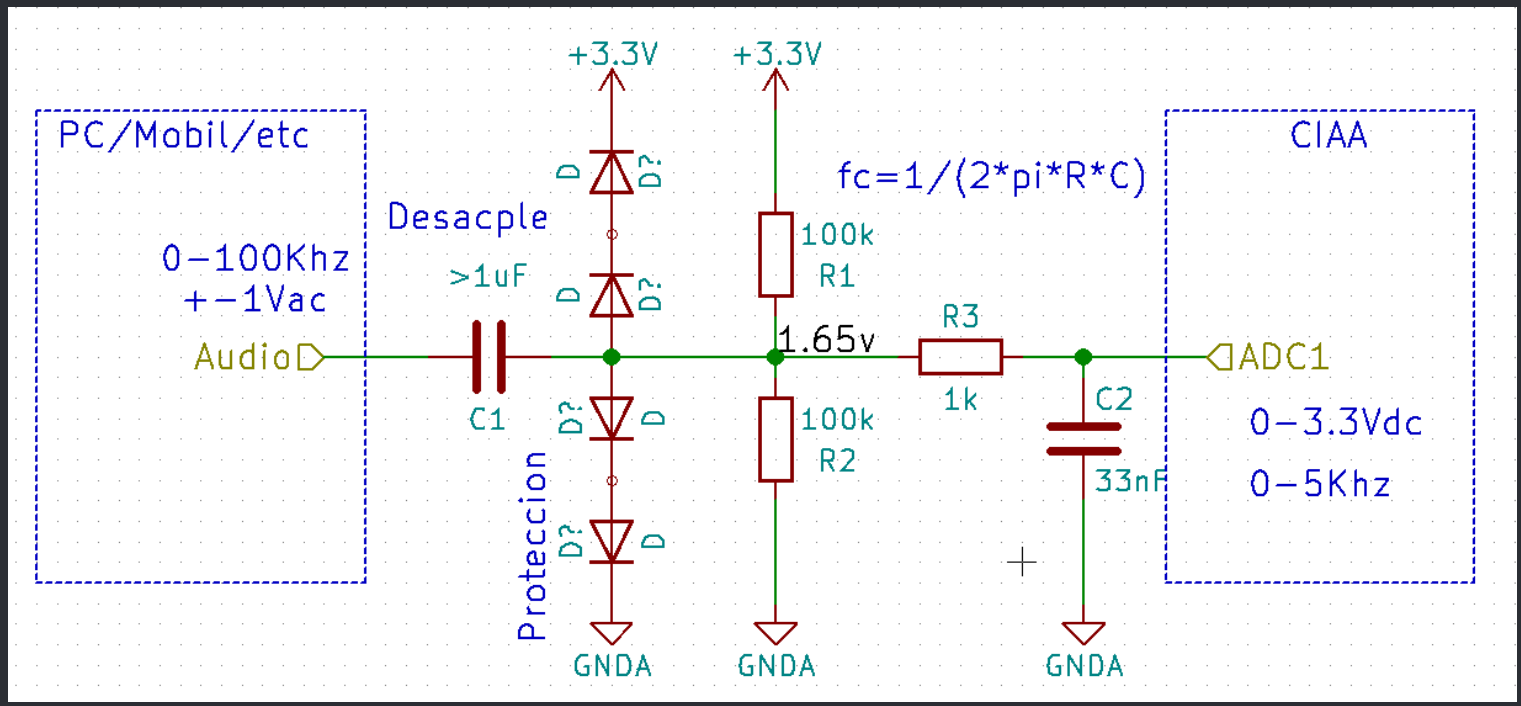


Sampleo

Acondicionamiento de señal



Acondicionar la señal de salida del dispositivo de sonido (en PC ronda ±1V) al rango del ADC del hardware. En el caso de la CIAA sera de 0-3.3V.
Se propone el siguiente circuito, que minimiza los componentes sacrificando calidad y agrega en filtro anti alias de 1er orden.



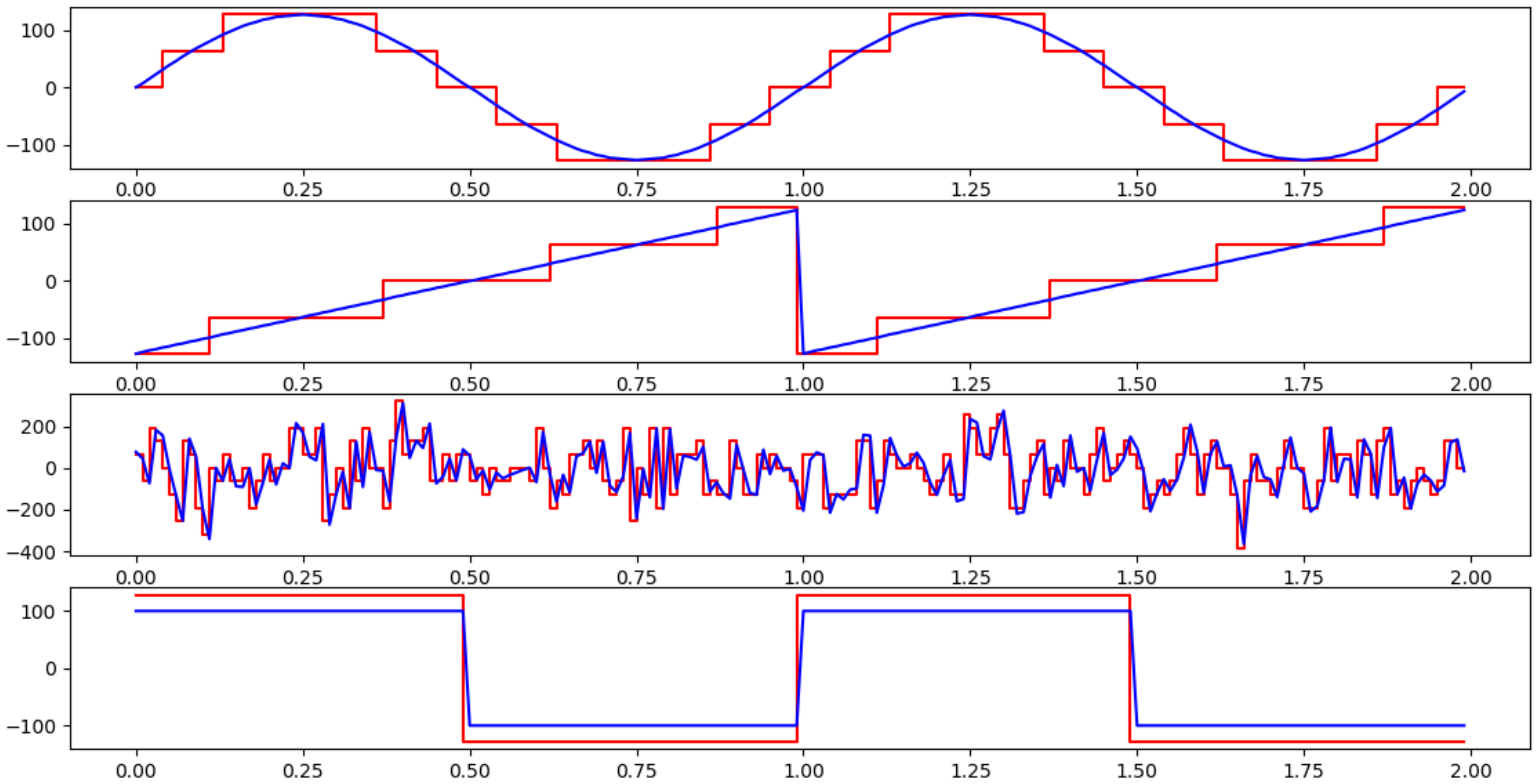
Resumen de seccion 3

1. Señales
    - 1.1 Plan de vuelo
    - 1.2 Porque digital?
    - 1.3 Señales
    - 1.4 Generacion de señales en Python
    - 1.5 Sistemas
2. ADC
    - 2.1 Aliasing
    - 2.2 Teorema de Shannon
3. Quantizacion
    - 3.1 Ejemplos
    - 3.2 Modelo estadistico
    - 3.3 Structuring Elements
    - 3.4 Numerals and Mathematics
    - 3.5 Figures and Code Listings
    - 3.6 Citations and Bibliography

Ruido de cuantizacion

Ejemplo de cuantizacion

Diferentes formas de onda cuantizadas



Ruido de cuantizacion

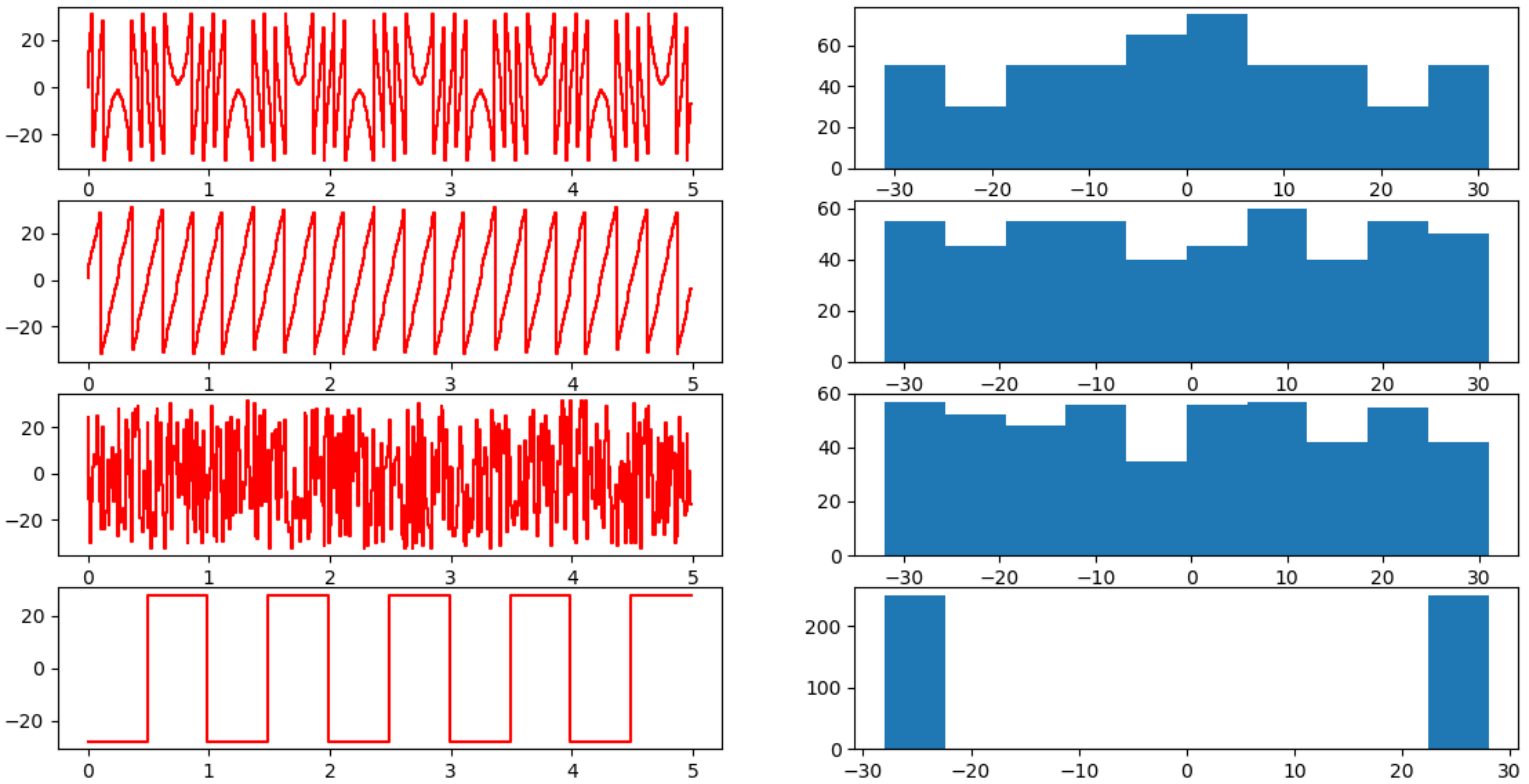
Cuantizacion en python

```
import numpy as np
import scipy.signal as sc
import matplotlib.pyplot as plt

signalFrec = 1
NC         = 200
fsC        = 100
Bits       = 2
tC         = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC    = np.array([(2**7-1)*np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC),
             (2**7-1)*sc.sawtooth(2*np.pi*tC,1),
             (2**7-1)*np.random.normal(0,1,len(tC)),
             100*sc.square(2*np.pi*tC,0.5)],dtype='int16')

signalQ  = np.copy(signalC)
signalQ += (2**(8-Bits))//2
signalQ  &= 0xFFFF<<(8-Bits)

fig      = plt.figure()
for i in range(len(signalC)):
    contiAxe = fig.add_subplot(4,1,i+1)
    plt.step(tC,signalQ[i],'r-')
    plt.plot(tC,signalC[i],'b-')

plt.show()
```

Ruido de cuantizacion

Histogramas

Histogramas de ruido para cada señal



Ruido de cuantizacion

Histogramas

Histogramas en Python

```
import numpy as np
import scipy.signal as sc
import matplotlib.pyplot as plt

signalFrec = 1
NC         = 500
fsC        = 100
Bits       = 2
tC         = np.arange(0,NC/fsC,1/fsC)
signalC    = np.array([(2**7-1)*np.sin(2*np.pi*signalFrec*tC),
             (2**7-1)*sc.sawtooth(2*np.pi*tC,1),
             (2**7-1)*np.random.normal(0,1,len(tC)),
             100*sc.square(2*np.pi*tC,0.5)],dtype='int16')

signalQ  = np.copy(signalC)
signalQ += (2**(8-Bits))//2
signalQ  &= 0xFFFF<<(8-Bits)

fig      = plt.figure()
for i in range(len(signalC)):
    contiAxe = fig.add_subplot(4,2,2*i+1)
    plt.step(tC,signalC[i]-signalQ[i],'r-')
    contiAxe = fig.add_subplot(4,2,2*i+2)
    plt.hist(signalC[i]-signalQ[i])

plt.show()
```

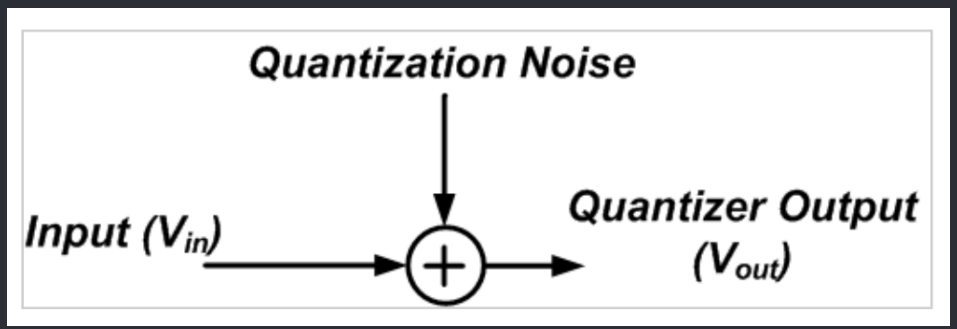
Ruido de cuantizacion

Modelo estadistico

En el caso de que se cumplan las siguientes premisas:

- La entrada se distancia de los diferentes niveles de cuantizacion con igual probabilidad
- El error de cuantizacion NO esta correlacionado con la entrada
- El cuantizador cuanta con un numero relativamente largo de niveles
- Los niveles de cuantizacion son uniformes

Se puede considerar la cuantizacion como un ruido aditivo a la señal segun el siguiente esquema:



listas y columnas

Que es una señal?

- Una señal, en función de una o más variables, puede definirse como un cambio observable en una entidad cuantificable
  - Fusce id sodales dolor. Sed id metus dui.
    - » Cupio virtus licet mi vel feugiat.

1. Donec porta, risus porttitor egestas scelerisque video.
   1.1 Nunc non ante fringilla, manus potentis cario.
   1.1.1 Pellentesque servus morbi tristique.

The quick, brown fox jumps over a lazy dog. DJs flock by when MTV ax quiz prog. “Now fax quiz Jack!”

Text blocks

In plain, example, and alert flavour

This text is highlighted.

A plain block

This is a plain block containing some highlighted text.

An example block

This is an example block containing some highlighted text.

An alert block

This is an alert block containing some highlighted text.

Definitions, theorems, and proofs

All integers divide zero

Definition

$$\forall a, b \in \mathbb{Z} : a \mid b \iff \exists c \in \mathbb{Z} : a \cdot c = b$$

Theorem

$$\forall a \in \mathbb{Z} : a \mid 0$$

Proof

$$\forall a \in \mathbb{Z} : a \cdot 0 = 0$$ □

Numerals and Mathematics

Formulae, equations, and expressions

$$1234567890 \qquad 1234567890 \qquad \hat{x}, \check{x}, \tilde{a}, \bar{a}, \dot{y}, \ddot{y} \qquad \iint f(x, y, z)\,\mathrm{d}x\mathrm{d}y\mathrm{d}z$$

$$\cfrac{1}{1+\cfrac{1}{2+\cfrac{1}{3+x}}} + \cfrac{1}{1+\cfrac{1}{2+\cfrac{1}{3+x}}}$$

$$F : \begin{vmatrix} F''_{xx} & F''_{xy} & F'_{x} \\ F''_{yx} & F''_{yy} & F'_{y} \\ F'_{x} & F'_{y} & 0 \end{vmatrix} = 0$$

$$\iint_{\mathbf{x}\in\mathbb{R}^2} \langle \mathbf{x}, \mathbf{y} \rangle \,\mathrm{d}\mathbf{x}$$

$$\overline{\overline{a\alpha}^2 + \underline{b\beta} + \overline{\overline{d\delta}}} \qquad]0, 1[+ \lceil x \rfloor - \langle x, y \rangle$$

$$e^x \approx 1 + x + x^2/2! + x^3/3! + x^4/4!$$

$$\binom{n+1}{k} = \binom{n}{k} + \binom{n}{k-1}$$

Figures

Tables, graphs, and images

Faculty	With TEX	Total	%
Faculty of Informatics	1 716	2 904	59.09
Faculty of Science	786	5 275	14.90
Faculty of Economics and Administration	64	4 591	1.39
Faculty of Arts	69	10 000	0.69
Faculty of Medicine	8	2 014	0.40
Faculty of Law	15	4 824	0.31
Faculty of Education	19	8 219	0.23
Faculty of Social Studies	12	5 599	0.21
Faculty of Sports Studies	3	2 062	0.15

Cuadro: The distribution of theses written using TEX during 2010–15 at MU

Figures

Tables, graphs, and images

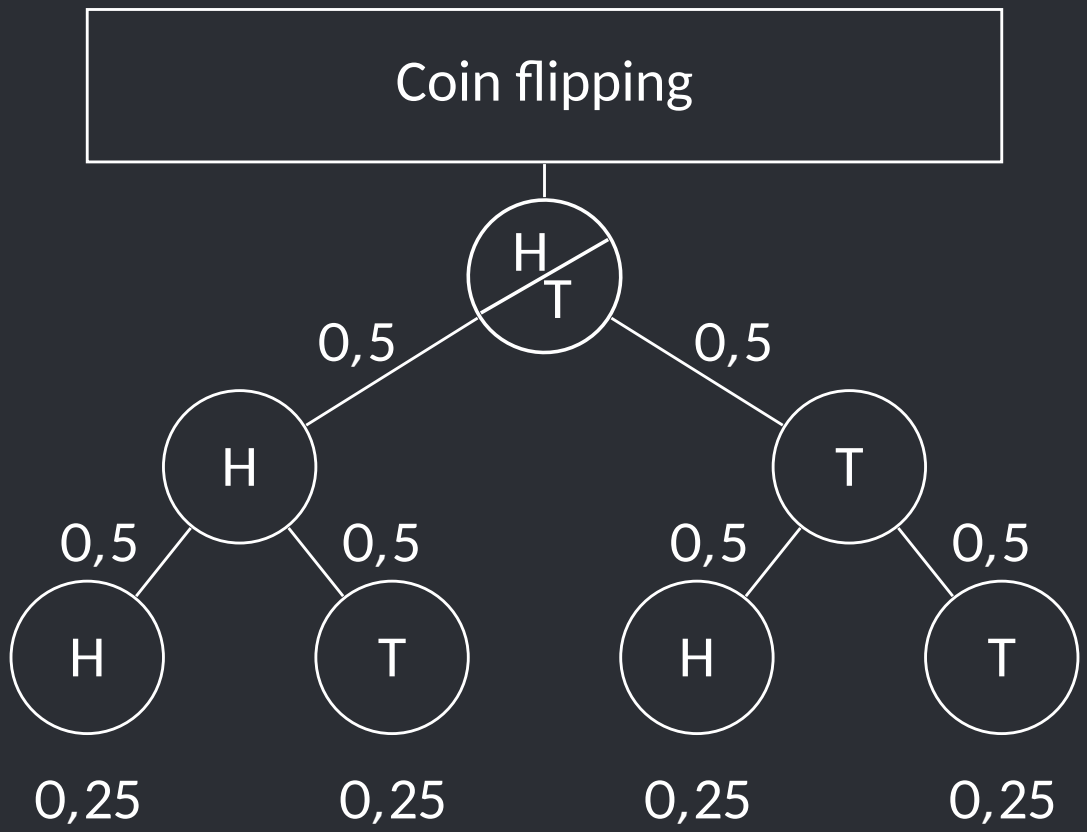


Figura: Tree of probabilities – Flipping a coin[1]

[1] A derivative of a diagram from texample.net by cis, CC BY 2.5 licensed

Code listings

An example source code in C

```c
#include <stdio.h>
#include <unistd.h>
#include <sys/types.h>
#include <sys/wait.h>

// This is a comment
int main(int argc, char **argv)
{
        while (--c > 1 && !fork());
        sleep(c = atoi(v[c]));
        printf("%d\n", c);
        wait(0);
        return 0;
}
```

Citations

TEX, LATEX, and Beamer

TEX is a programming language for the typesetting of documents. It was created by Donald Erwin Knuth in the late 1970s and it is documented in *The TEXbook* [1]. In the early 1980s, Leslie Lamport created the initial version of LATEX, a high-level language on top of TEX, which is documented in *LATEX: A Document Preparation System* [2]. There exists a healthy ecosystem of packages that extend the base functionality of LATEX; *The LATEX Companion* [3] acts as a guide through the ecosystem.

In 2003, Till Tantau created the initial version of Beamer, a LATEX package for the creation of presentations. Beamer is documented in the *User's Guide to the Beamer Class* [4].

Bibliography

TEX, LATEX, and Beamer

[1] Donald E. Knuth. *The TEXbook*. Addison-Wesley, 1984.

[2] Leslie Lamport. *LATEX: A Document Preparation System*. Addison-Wesley, 1986.

[3] M. Goossens, F. Mittelbach, and A. Samarin. *The LATEX Companion*. Addison-Wesley, 1994.

[4] Till Tantau. *User's Guide to the Beamer Class Version 3.01*. Available at `http://latex-beamer.sourceforge.net`.

[5] A. Mertz and W. Slough. Edited by B. Beeton and K. Berry. *Beamer by example* In TUGboat, Vol. 26, No. 1., pp. 68-73.