

# AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE WYDZIAŁ ELEKTROTECHNIKI, AUTOMATYKI, INFORMATYKI I INŻYNIERII BIOMEDYCZNEJ

KATEDRA INFORMATYKI STOSOWANEJ

Praca dyplomowa inżynierska

Automatyczne odkrywanie procesów biznesowych przy użyciu programowania genetycznego Automated Business Process Discovery using Genetic Programming

Autor: Piotr Seemann Kierunek studiów: Informatyka

Opiekun pracy: dr inż. Krzysztof Kluza

Uprzedzony o odpowiedzialności karnej na podstawie art. 115 ust. 1 i 2 ustawy z dnia 4 lutego 1994 r. o prawie autorskim i prawach pokrewnych (t.j. Dz.U. z 2006 r. Nr 90, poz. 631 z późn. zm.): "Kto przywłaszcza sobie autorstwo albo wprowadza w błąd co do autorstwa całości lub części cudzego utworu albo artystycznego wykonania, podlega grzywnie, karze ograniczenia wolności albo pozbawienia wolności do lat 3. Tej samej karze podlega, kto rozpowszechnia bez podania nazwiska lub pseudonimu twórcy cudzy utwór w wersji oryginalnej albo w postaci opracowania, artystycznego wykonania albo publicznie zniekształca taki utwór, artystyczne wykonanie, fonogram, wideogram lub nadanie.", a także uprzedzony o odpowiedzialności dyscyplinarnej na podstawie art. 211 ust. 1 ustawy z dnia 27 lipca 2005 r. Prawo o szkolnictwie wyższym (t.j. Dz. U. z 2012 r. poz. 572, z późn. zm.): "Za naruszenie przepisów obowiązujących w uczelni oraz za czyny uchybiające godności studenta student ponosi odpowiedzialność dyscyplinarną przed komisją dyscyplinarną albo przed sądem koleżeńskim samorządu studenckiego, zwanym dalej «sądem koleżeńskim».", oświadczam, że niniejszą pracę dyplomową wykonałem(-am) osobiście i samodzielnie i że nie korzystałem(-am) ze źródeł innych niż wymienione w pracy.



# Spis treści

1.	Wpr	owadze	enie	7
	1.1.	Cele p	oracy	7
	1.2.	Przeg	ląd prac	7
	1.3.	Zawai	rtość pracy	7
2.	Wst	ęp teore	etyczny	9
	2.1.	Proces	sy biznesowe	9
		2.1.1.	Procesy Biznesowe	9
		2.1.2.	Dzienniki zdarzeń	9
	2.2.	Mode	lowanie procesów biznesowych	9
	2.3.	Algor	ytmy do wykrywania procesów biznesowych	9
	2.4.	Ewolu	ıcja genetyczna	9
		2.4.1.	Algorytmy genetyczne	9
		2.4.2.	Ewolucja genetyczna a inne algorytmy uczenia maszynowego	9
		2.4.3.	Ewolucja gramatyczna	9
2.5. Gramatyka				9
		2.5.1.	BNF	9
		2.5.2.	Tworzenie gramatyki pod kątem ewolucji	9
2.6. Metryki				9
		2.6.1.	Prostota	10
		2.6.2.	Odwzorowanie	10
		2.6.3.	Precyzja	10
		2.6.4.	Generalizacja	10
		2.6.5.	Złożoność	10
3.	Proj	ekt i im	plementacja	11
	3.1.	Wyko	rzystane technologie	11
		3.1.1.	Python 3.8.1	11
		3.1.2.	PonyGE2	11

**6** SPIS TREŚCI

5.	Podsi	ımowanie	31
	4.4.	Wnioski	29
	4.3.	Wyniki w zależności od przyjętych metryk	29
	4.2.	Porównanie z innymi algorytmami	29
	4.1.	Przykładowe wyniki	29
4.	Dyskusja rezultatów		29
	3.5.	Wybór parametrów algorytmu	27
	3.4.	Implementacja	15
	3.3.	Projekt systemu	14
	3.2.	Tworzenie gramatyki procesu biznesowego	11

# 1. Wprowadzenie

- 1.1. Cele pracy
- 1.2. Przegląd prac
- 1.3. Zawartość pracy

8 1.3. Zawartość pracy

## 2. Wstęp teoretyczny

- 2.1. Procesy biznesowe
- 2.1.1. Procesy Biznesowe
- 2.1.2. Dzienniki zdarzeń
- 2.2. Modelowanie procesów biznesowych
- 2.3. Algorytmy do wykrywania procesów biznesowych
- 2.3.0.1. Alpha algorithm
- **2.3.0.2.** The ILP Miner
- 2.3.0.3. Heuristic Miner
- 2.3.0.4. Multi-phase Miner
- 2.4. Ewolucja genetyczna
- 2.4.1. Algorytmy genetyczne

[1]

- 2.4.2. Ewolucja genetyczna a inne algorytmy uczenia maszynowego
- 2.4.3. Ewolucja gramatyczna
- 2.5. Gramatyka
- 2.5.1. BNF
- 2.5.2. Tworzenie gramatyki pod kątem ewolucji
- 2.6. Metryki

2.6. Metryki

#### 2.6.1. Prostota

$$M_{pro} = 1 - \frac{ilosc\ duplikatow\ w\ modelu + ilosc\ brakujacych\ wartosci\ w\ modelu}{ilosc\ unikalnych\ zdarzen\ w\ logu + ilosc\ zdarzen\ w\ modelu}$$

#### 2.6.2. Odwzorowanie

$$M_o = (1 - \sum_0^{ilosc\ procesow\ w\ logu} \frac{blad\ odwzorowania\ logu\ w\ modelu}{minimalna\ dugosc\ sciezki\ w\ modelu\ +\ dugosc\ sciezki\ w\ logu})^4$$

#### 2.6.3. Precyzja

$$M_{pre} = (1 - \sum_{0}^{ilosc\; zdarzen\; w\; modelu}\; \frac{ilosc\; osiagalnych\; zdarzen\; w\; modelu-ilosc\; osiagalnych\; zdarzen\; w\; logu}{ilosc\; osiagalnych\; zdarzen\; w\; modelu})^{\frac{1}{3}}$$

#### 2.6.4. Generalizacja

$$M_g = (1 - \sum_0^{ilosc\;zdarzen\;w\;logu} \frac{1}{\sqrt{iloscwystapienzdarzenia}})/ilosc\;zdarzen\;w\;logu$$

#### 2.6.5. Złożoność

$$M_z = 1 - \frac{1}{\sqrt{1 - odwzorowanie * \sqrt{zlozonosc \ modelu}}}$$

### 3. Projekt i implementacja

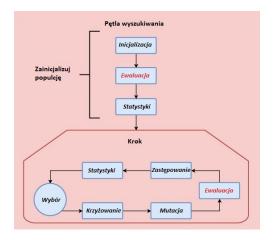
### 3.1. Wykorzystane technologie

#### 3.1.1. Python 3.8.1

Do implementacji algorytmu został użyty Python. Jest to najpopularniejszy język programowania w domenie uczenia maszynowego. Wymagana jest wersja 3.8+ ze względu na użycie w implementacji metod dostępnych od tej wersji.

#### **3.1.2. PonyGE2**

PonyGE2 [3] jest implementacja ewolucji genetycznej w jezyku Python. Pozwala na latwa konfiguracje parametrow ewolucji genetycznej oraz latwa mozliwosc dodania wlasnych problemow oraz sposobow ewaluacji wynikow.



Rys. 3.1. Pętla wyszukiwania

### 3.2. Tworzenie gramatyki procesu biznesowego

Przy tworzeniu gramatyki procesu biznesowego ważnym jest, żeby znaleźć balans, jeśli chodzi o poziom skomplikowania zaproponowanej gramatyki. W pracy [4] autorzy przeanalizowali składniki języka BPMN pod kątem częstotliwości ich stosowania. z pracy wynika, że najczęściej stosowany elementami modelów procesu biznesowego, jeśli chodzi o bramki są: xor, and oraz pętle lop. Do przedstawionej poniżej gramatyki dodano także bramkę opt, czyli or jako uogólnienie bramki xor w celu uniknięcia zagnieżdżonych bramek xor. Ponadto koniecznym jest posiadanie bramki seq, która oznacza normalny przepływ procesów.

Zapis GE\_RANGE:n jest rozszerzenie do gramatyki zapewnianym przez PonyGE2, ktore umożliwia dodanie ilosci zmiennych, czyli GE\_RANGE:2 oznacza 0l1l2. Wzorując się na Zapis GE\_RANGE:dataset\_vars jest rozszerzenie do gramatyki zapewnianym przez PonyGE2, ktore umożliwia dodanie ilosci zmiennych odpowiadającej ich ilosci w zbiorze danych.

Listing 3.1. Gramatyka procesu biznesowego

Przykład wygenerowanej gramatyki: and({d}opt({f})and({a}{c})lop(seq(lop({a}){e})))

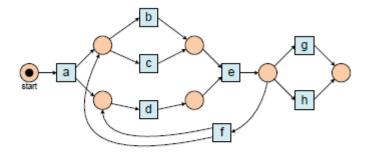
Wszystkie bramki mają nazwy tej samej długości - 3 znaki, co pozwoli na łatwiejsze parsowanie gramatyki.

longate - oznacza pętle Poniższy przykład pokazuje gramatykę, którą ciężko opisać przy pomocy podstawowych bramek logicznych:

Jest to możliwe za pomocą notacji: {a}and(xor({b}{c}){d}){e}lop({f}and(xor({b}{c}){d}){e})xor({g}{h})

Użycie powyższej notacji rodzi jednak kilka problemów, Musimy mieć produkcje

{a}lo1({f}and(xor({b}{c}){d}){e})xor({g}{h})



Rys. 3.2. Przykład problemu

3.3. Projekt systemu

#### 3.3. Projekt systemu

#### 3.3.0.1. Podział na moduły

Implementację podzielone na następujące moduły:

- wrappers PonyGE2 nie jest przystosowane do zaimportowania jako biblioteka, dlatego żeby oddzielić kod PonyGE2 od naszego kodu należało rozszerzyć lub nadpisać cześć z modułów PonyGE2. Moduły, które nadpisano to params, który zawiera konfigurację aplikacji oraz grammar, gdzie dodano zmiany w jaki sposób parsowana jest podana gramatyka.
- fitness\_functions zawiera klasę bazowy moduł, gdzie znajduje się bazowa klasa dla obliczania metryk
- process\_discovery moduł zawiera całą logikę obliczenia metryk

```
fitness_functions
    🛵 __init__.py
    🛵 process_fitness.py
process_discovery
evaluation
   > alignment_calculation
   > complexity_calculation
   > Imageneralization_calculation
   > precision_calculation
   > m simplicity_calculation
       🛵 __init__.py
      the metrics_calculation.py
> De event
  exception
> 🗖 gate
> 🛅 log
  util 🖿
   🛵 __init__.py
wrappers
    🛵 __init__.py
   💪 grammar_wrapper.py
    🛵 params_wrapper.py
 🛵 __init__.py
 🛵 main.py
```

Rys. 3.3. Podział na moduły

#### 3.3.0.2. Model

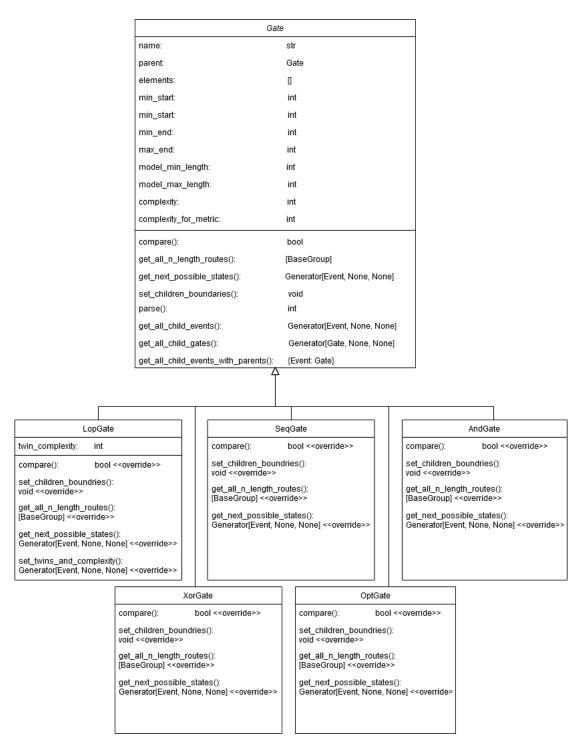
Podział na dwie klasy przydatne na różnym etapie procesowania:

Gate:

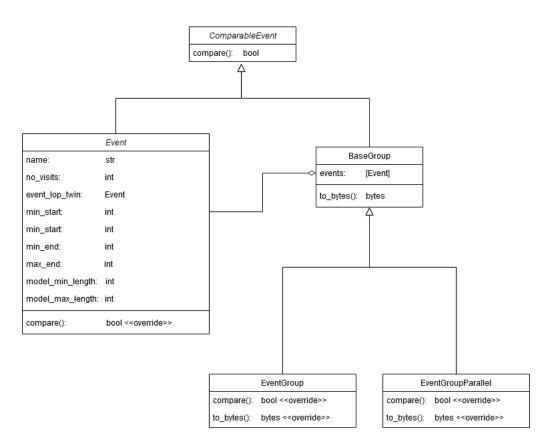
Event group:

# 3.4. Implementacja

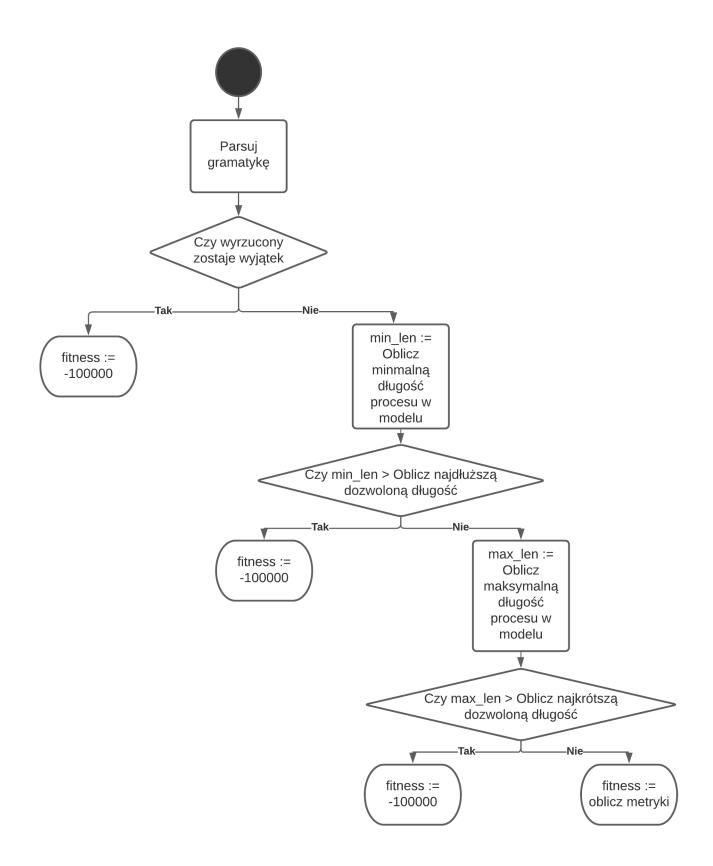
3.4.0.1. Ogólny schemat blokowy



Rys. 3.4. Gate UML



Rys. 3.5. Event UML



Rys. 3.6. Ogólny schemat blokowy

#### 3.4.0.2. Parsowanie gramatyki

Parser pozwala na przetworzenie wyników uzyskanych na drodze ewolucji gramatycznej na postać, na której łatwiej będzie operować. Rezultaty uzyskane na drodze rewolucji gramatycznej w PonyGE2 są w formie tekstowej, z którą praca byłaby niewygodna, dlatego używamy parsera, żeby otrzymać wynik w postaci drzewa obiektów Gate, którego liśćmi będą obiekty Event. Parsując korzystamy z faktu, że przy projektowaniu gramatyki wszystkie bramki logiczne zostały oznaczone 3 literowymi symbolami, a wszystkie zdarzenia otoczone nawiasami klamrowymi. Tworząc każdy obiekt Event dodajemy informację o liczbie dzieci tego obiektu, co przyda nam się przy obliczaniu metryki precyzja.

```
def parsuj(wyrażenie: str) -> int:
    for i w zakresie długość_wyrażenia:
        if wyrażenie[i] == "{":
            zdarzenie := Event(wyrażenia[i + 1])
            dodaj zdarzenie do aktualnie parsowanej bramki
        elif wyrażenie[i] == ")":
            return i+1
        elif i+4 < długość_wyrażenia:
            if wyrażenie[i:i + 3] == "seq" and (self.name == "seq" or self.name == "lop"):
                usuń_niepotrzebe_bramki
            else:
                if wyrażenie[i:i+2] == 'lo' and wyrażenie[i:i+3] != 'lop':
                        bramka := stwórz nową bramkę Gate typu zgodnego z wyrażeniem
                        i += 3
                        przeparsowane_znaki = bramka.parsuj(wyrażenie[i+4:])
                        dodaj zdarzenie do aktualnie parsowanej bramki
                        i += ilość_przeparsowanych_znaków
        else:
            wyrzuć wyjątek
```

**Listing 3.2.** Parser gramatyki

#### 3.4.0.3. Obliczanie metryk

Mając już sparsowany model musimy obliczyć metryki. Najbardziej problematyczną metryką do obliczenia jest dopasowanie. Obliczanie dopasowanie można opisać następującymi krokami:

- Znalezienie ścieżek o długości n w modelu.
- Przerobienie ścieżek na postać zawierającą BaseGroup.
- Obliczenie dopasowania.

Metryką, która wymaga W pierwszej kolejności obliczamy metrykę dla dopasowania. Wszystkie inne metryki są obliczane dla najlepiej dopasowanej gramatyki.

```
def oblicz_metryki(log_info, model, najkrótsza_dozwolona_długość,
                   najdłuższa_dozwolona_długość, cache) -> int:
   metryki['PROSTOTA'] = oblicz_metryke_prostota(lista_zdarzeń_w_procesie), unikalne_zdarzenia
   if metryki['PROSTOTA' < 2/3:</pre>
       return 0
   stosunek_wspólnych_zdarzeń_w_logu_i_modelu :=
       oblicz_stosunek_wspólnych_zdarzeń_w_logu_i_modelu()
       if stosunek_wspólnych_zdarzeń_w_logu_i_modelu <</pre>
           MINIMALNY_STOSUNUK_WSPÓLNYCH_ZDARZEŃ_W_LOGU_I_MODELU:
       return stosunek_wspólnych_zdarzeń_w_logu_i_modelu/10
   idealnie_dopasowane_logi := pusty_słownik
   skumulowany_błąd := 0
   for proces w log:
       najlepszy_bład_lokalny, najlepiej_dopasowana_ścieżka, najlepszy_process :=
       oblicz_metryki_dla_jednego_procesu(proces, model, minimalna_długość,
       maksymalna_długość, cache)
       if jakikolwiek proces w najlepiej_dopasowanej_ścieżce nie znajduje się w modelu:
           value, best_aligned_process = obilcz_dopasowanie_bez_cache(best_event_group,
                list(process), dict())
           best_local_error = calculate_alignment_metric(value, len(process),
             len(best_event_group))
       if najlepszy_błąd_lokalny == 0:
           idealnie_dopasowane_logi.dodaj()[tuple(best_aligned_process)] =
           log_info.log[process]
       add_executions(model_events_list, best_aligned_process, log_info.log[process])
       metryki := oblicz_metryki
       najlepszy_wynik := oblicz_średnia_ważona_metryk
   return najlepszy_wynik
```

**Listing 3.3.** Obliczanie metryk

#### 3.4.0.4. Obliczanie metryk dla jednego procesu

#### 3.4.0.5. Wyszukiwanie w modelu procesów o określonej długości

Algorytm rekurencyjny. Implementacja różni się w zależności od przeszukiwanej bramki logicznej.

#### 3.4.0.6. Obliczanie dopasowania

Pomysł zaczerpnięty z algorytmu Needlessmann-Wunsch [5], który jest uogólnieniem odległości Levenshteina. Tworzymy macierz o wymiarach długość modelu i długość logu, w której obliczać będziemy rozwiązania. Rozwinięty o możliwość przeszukiwania modelu rekurencyjnie oraz o możliwość podawania listy równoległych zdarzeń.

#### 3.4.0.7. Znajdowanie ścieżki w modelu

Potrzebne do obliczenia precyzji oraz generalizacji.

```
def oblicz_metryki_dla_jednego_procesu(proces, model, najkrótsza_dozwolona_długość,
                                                najdłuższa_dozwolona_długość, cache):
   dłogość_procesu := len(proces)
   n := dłogość_procesu
   i := 1
   minimalny_błąd_dopasowania := -(dłogość_procesu + model.model_min_length)
       while not (dolny_limit_osiagniety and gorny_limit_osiagniety):
        if n >= min(oblicz_maksymalna_dozwolona_długość(dłogość_procesu),
                    dłogość_procesu - minimalny_błąd_dopasowania):
            górny_limit_osiągnięty := True
            n += (-i \text{ if } i \% 2 == 1 \text{ else } i)
            i += 1
            continue
        if n <= max(oblicz_minimalna_dozwolona_długość(dłogość_procesu),
                    dłogość_procesu + minimalny_błąd_dopasowania):
            dolny_limit_osiągnięty := True
            n += (-i \text{ if } i \% 2 == 1 \text{ else } i)
            i += 1
            continue
        if najkrótsza_dozwolona_długość <= n <= najdłuższa_dozwolona_długość:
            set_model_children_boundaries(model, n)
            ścieżki = model.get_all_n_length_routes(n, process)
            if ścieżki istnieją:
                for event_group in routes:
                    ratio = check_route_with_log_process(event_group, process)
                    if ratio >= 1 - 10 * params['RESULT_TOLERANCE_PERCENT']/100:
                        route_and_process_events_ratios.append((event_group, ratio))
                sorted_routes_and_ratios = sorted(route_and_process_events_ratios, key=lambda x
                for event_group_and_ratios in sorted_routes_and_ratios:
                    if event_group_and_ratios[1] <= 1 + minimalny_błąd_dopasowania/dłogość_proc
                    błąd_dopasowania, best_aligned_process_local = \
                        best_alignment_cached.get_best_alignment(event_group_and_ratios[0],
                                                                   proces), alignment_dache)
                        is_from_cache = best_alignment_cached.from_cache
                    if błąd_dopasowania > best_alignment_error_local:
                        minimalny_błąd_dopasowania = błąd_dopasowania
                        best_aligned_process = minimalny_błąd_dopasowania
                        best_event_group = event_group_and_ratios[0]
                        is_best_from_cache = is_from_cache
                    if alignment_error == 0:
                        return minimalny_błąd_dopasowania, best_aligned_process, best_event_gro
        n += (-i if i % 2 == 1 else i)
        i += 1
   return best_local_alignment, events_global, best_event_group, is_best_from_cache
```

**Listing 3.4.** Obliczanie metryk dla jednego procesu

```
def get_all_n_length_routes(self, n: int, process) -> []:
    if n == 0:
        return []
    if self.model_max_length < n or n < self.model_min_length:</pre>
        return None
    min_lengths = self.get_children_min_length()
    max_lengths = self.get_children_max_length()
    global_list = []
    for elem in self.elements:
        local_list = []
        if isinstance(elem, Event):
            local_list.append(elem)
            min_lengths.pop(0)
            max_lengths.pop(0)
        else:
            lower_limit, upper_limit = self.get_goal_length_range(n, global_list, min_lengths, max_l
            for i in range(lower_limit, upper_limit + 1):
                try:
                    child_all_n_length_routes = elem.get_all_n_length_routes(i, process)
                except ValueError:
                    return None
                if child_all_n_length_routes is not None:
                    local_list.append(child_all_n_length_routes)
        if local_list:
            global_list.append(local_list)
    result = []
    if global_list:
        for elem in flatten_values(global_list):
            if self.check_length(n, elem):
                if n == 1:
                     # because always 1 elem list
                    result.append(elem[0])
                else:
                    self.check_valid_for_get_n_length(elem)
                    result.append(EventGroupParallel(elem))
    if result:
        return result
    else:
        return None
```

Listing 3.5. Wyszukiwanie procesów o długości n

```
def oblicz_dopasowanie (model, log):
   kara := {'DOPASOWANIE': 0, 'BRAK_DOPASOWANIA': -2, 'PRZERWA': -1}
   m = długość (model) + 1 # Macierz rozwiązań ilość wierszy.
   n = długość(log) + 1 # Macierz rozwiązań ilość kolumn.
   wyniki_lokalne := [None] * m
   macierz_rozwiazań := Zainicjalizuj macierz zerami
   # Wypelnij osie macierzy właściwymi wartościami
   for j in range(n):
       macierz_rozwiązań[0][j] := kara['PRZERWA'] * j
   for i in range (1, m):
       if should_go_recurrent(model[i-1]):
           al_mat[i], model_results_local[i] :=
           dopasowanie_rekurencyjne(macierz_rozwiazań[i - 1], model[i - 1],
                                     [x for x in substrings_of_string_reversed(log)], i)
       elif len(model[i-1]) > 1:
           al_mat[i], model_results_local[i] :=
           dopasowanie_równoległe(macierz_rozwiazan[i - 1], model[i - 1],
                                   [x for x in substrings_of_string_reversed(log)], kara, i)
       else:
           macierz_rozwiazań[i][0] := macierz_rozwiązań[i-1][0] + kara['PRZERWA']
           dopasowanie (macierz_rozwiazań, model[i - 1], log, kara, i, n)
   ścieżka := znajdź_ściezkę(al_mat, kara['PRZERWA'], model,
   log, model_results_local)
   return macierz_rozwiązań[m-1], model_results
```

Listing 3.6. Obliczanie dopasowania

```
def znajdź_sciezkę(macierz_rozwiązań, model, log, rozwiązania_podmodeli):
    sciezka = []
    while i != 0:
        event_group_full_length = len(model[i - 1])
        if model_results_local[i] is not None:
            matched_flag = False
            if array[i][j] == array[i - 1][j] + event_group_full_length * penalty_gap:
                [model_result.append(None) for _ in range(event_group_full_length)]
                array[i][j] = 0
                i -= 1
            else:
                for k in range(j):
                    processes = get_not_none(model_results_local[i][k]
                    [len(model_results_local[i][k]) - (j-k)], log)
                    if array[i][j] == array[i - 1][k] +
                        (event_group_full_length + (j-k) - 2 * len(processes)) * penalty_gap:
                        [model_result.append(x) for x in processes]
                        for x in processes:
                            log = log.replace(x.name, "", 1)
                        [model_result.append(None)
                         for _ in range(event_group_full_length - len(processes))]
                        array[i][j] = 0
                        i -= 1
                        j = k
                        matched_flag = True
                        break
                if not matched_flag:
                    if array[i][j] == array[i][j - 1] + penalty_gap:
                        array[i][j] = 0
                        j -= 1
        else:
            if array[i][j] == array[i - 1][j] + kara:
                model_result.append(None)
                array[i][j] = 0
                i -= 1
            elif array[i][j] == array[i][j - 1] + kara:
                array[i][j] = 0
                j -= 1
            elif array[i][j] == array[i - 1][j - 1]:
                model_result.append(model[i-1])
                log = log.replace(model[i-1].name, "", 1)
                array[i][j] = 0
                i -= 1
                j -= 1
    return sciezka
```

Listing 3.7. Znajdowanie ścieżki w modelu

#### 3.4.0.8. Cache

Wiele obliczeń się powtarza, dlatego żeby przyspieszyć działanie rezultaty są cachowane w dwóch miejscach: Cache genotypów, dostarczane przez Cache obliczeń dopasowanie, które jest najbardziej kosztownym obliczeniem. Wybrane metodę cachowania LRU.

# 3.5. Wybór parametrów algorytmu

# 4. Dyskusja rezultatów

- 4.1. Przykładowe wyniki
- 4.2. Porównanie z innymi algorytmami
- 4.3. Wyniki w zależności od przyjętych metryk
- 4.4. Wnioski

**30** 4.4. Wnioski

# 5. Podsumowanie

### **Bibliografia**

- [1] John R. Koza. *Genetic Programming: On the Programming of Computers by Means of Natural Selection*. Cambridge, MA, USA: MIT Press, 1992. ISBN: 0262111705.
- [2] J. C. A. M. Buijs, B. F. van Dongen i W. M. P. van der Aalst. "Quality Dimensions in Process Discovery: The Importance of Fitness, Precision, Generalization and Simplicity". W: *International Journal of Cooperative Information Systems* 23.01 (2014), s. 1440001. DOI: 10.1142/S0218843014400012.
- [3] Michael Fenton i in. "PonyGE2". W: Proceedings of the Genetic and Evolutionary Computation Conference Companion (2017). DOI: 10.1145/3067695.3082469.
- [4] Michael zur Muehlen i Jan Recker. "How Much Language Is Enough? Theoretical and Practical Use of the Business Process Modeling Notation". W: *Advanced Information Systems Engineering*. Red. Zohra Bellahsène i Michel Léonard. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2008, s. 465–479. ISBN: 978-3-540-69534-9.
- [5] Saul B. Needleman i Christian D. Wunsch. "A general method applicable to the search for similarities in the amino acid sequence of two proteins". English (US). W: *Journal of Molecular Biology* 48.3 (mar. 1970), s. 443–453. ISSN: 0022-2836. DOI: 10.1016/0022-2836(70)90057-4.