Αρχικοποίηση:

- Αρχικοποιούμε τα διανύσματα:
 - $W = [w_0, w_1, ..., w_n]$ με τα αρχικοποιημένα βάρη των ακμών
 - Για κάθε πρότυπο 1,...,Κ: Κατασκευάζουμε το διάνυσμα: $x_i = [x_{i0}, x_{i1}, ..., x_{in}]$ και αρχικοποιούμε την επιθυμητή έξοδο: d_i
- Δίνουμε τιμή στην παράμετρο μάθησης η: 0<η<1

Εκφώνηση: Θέλουμε να εκπαιδεύσουμε έναν αισθητήρα ώστε να επιλύει το πρόβλημα του λονικού ΚΑΙ. Κατά τη διάρκεια της διαδικασίας εκπαίδευσης με ρυθμό εκπαίδευσης n=0.5, έχουμε τα βάρη που φαίνονται στο Σχήμα. Ο αισθητήρας ακολουθεί το μοντέλο McCulloch-Pits με εξόδους 1 και 0.



Να συνεχίσετε τη διαδικασία εκπαίδευσης έως ότου να εκπαιδευτεί ο αισθητήρας, παρουσιάζοντας διαδοχικά τα διανύσματα $I_1=(0,0)$, $I_2=(0,1)$, $I_3=(1,0)$ και $I_4=(1,1)$.

Αρχικοποίηση:

Κωδικοποιήση των εισόδων ως διανύσματα με την επιθυμητή έξοδο:

- Είσοδος: $x_1 = [-1,0,0]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_1 = 0$
- Είσοδος: $x_2 = [-1,0,1]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_2 = 0$
- Είσοδος: $x_3 = [-1,1,0]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_3 = 0$
- Είσοδος: $x_4 = [-1,1,1]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_4 = 1$

Αρχικοποίηση των αρχικών βαρών ως διάνυσμα: $W = [0.8, 1.0, 0.5]^{T}$ Ρυθμός Εκπαίδευσης: $\eta = 0.5$

- **Κύκλος Εκπαίδευσης:** Για κάθε πρότυπο: i = 1 K:
- Υπολόγισε το δυναμικό για το πρότυπο i ως: $\mathbf{v} = W^{\mathrm{T}} \cdot x_i$ Υπολόγισε την έξοδο από την συνάρτηση δυναμικού: $v_i = \phi(v)$
- Υπολόγισε το σφάλμα ως: $e = d_i v_i$
- Αν το σφάλμα δεν είναι μηδενικό
 - Υπολογίζονται νέα βάρη ως: $W_{new} = W_{old} + \eta * e * x_i (Κανόνας Δέλτα)$

$$\begin{array}{ll} \frac{1^{\mathrm{o}} \, \mathrm{prostupo}}{1^{\mathrm{o}} \, \mathrm{prostupo}} & x_1 = [-1,\!0,\!0], \ d_1 = 0 \\ \bullet & W^{\mathrm{T}} \cdot x_1 = [0.8,\!1.0,\!0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = -0.8 \end{array}$$

- Aφού -0.8 < 0 η έξοδος είναι $y_1 = 0$.
- Σφάλμα: error = $d_1 y_1 = 0$. Τα βάρη δεν αλλάζουν.

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|}\hline 2^{o} & \pi \rho \acute{o} \mathsf{t} \mathsf{u} \pi o & x_{2} = [-1,0,1], & d_{2} = 0 \\ \bullet & W^{\mathsf{T}} \cdot x_{2} = [0.8,1.0,0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = -0.3 \\ \end{array}$$

- Αφού -0.3 < 0 η έξοδος είναι $y_2 = 0$.
- Σφάλμα: error = $d_2 y_2 = 0$. Τα βάρη δεν αλλάζουν.

3° πρότυπο
$$x_3 = [-1,1,0], d_3 = 0$$
• $W^{\mathrm{T}} \cdot x_3 = [0.8,1.0,0.5] \times \begin{bmatrix} -1\\1\\0 \end{bmatrix} = -0.8 + 1.0 = 0.2$

- Aφού 0.2 ≥ 0 η έξοδος είναι y₃ = 1.
- Σφάλμα: error = $d_3 y_3 = -1$. Τα βάρη αλλάζουν

•
$$W = W + \eta \cdot error \cdot x_3 =$$

$$= \begin{bmatrix} 0.8 \\ 1.0 \\ 0.5 \end{bmatrix} + 0.5 * (-1) * \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 1.0 \\ 0.5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.5 \\ -0.5 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.3 \\ 0.5 \\ 0.5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l} \underline{4^{\circ} \ \pi \rho \delta \tau \upsilon \pi o} \ x_4 = [-1,1,1], \ d_4 = 1 \\ \bullet \ \ W^{\mathrm{T}} \cdot x_4 = [1.3,0.5,0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = -1.3 + 0.5 + 0.5 = -0.3 \\ \end{array}$$

- Aφού -0.3 < 0 η έξοδος είναι $y_4 = 0$.
- Σφάλμα: error = $d_4 y_4 = 1$. Τα βάρη αλλάζουν • $W = W + n \cdot error \cdot x_2 =$

Ολοκλήρωση Κύκλου Εκπαίδευσης:

Ο νευρώνας δεν απάντησε σωστά σε όλα τα πρότυπα, άρα θα πραγματοποιηθεί και άλλος κύκλος εκπαίδευσης.

ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΑΙΣΘΗΤΗΡΑ (3 από 3: ΤΕΡΜΑΤΙΣΜΟΣ)

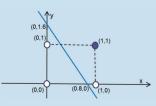
NEYPΩNIKA ΔIKTYA www.psounis.gr

Με την ολοκλήρωση ενός κύκλου εκπαίδευσης: Γίνεται έλεγχος τερματισμού του αλγορίθμου. Συγήθως ελέγχονται τα εξής κριτήρια:

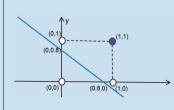
- Ο νευρώνας απάντησε σωστά σε όλα τα πρότυπα στον κύκλο εκπαίδευσης (Επιτυχία: Ο νευρώνας εκπαιδεύθηκε και έχουν βρεθεί τα βάρη)
- Ο νευρώνας δεν βελτίωσε καθόλου την απόδοσή του (Αποτυχία: Ο νευρώνας δεν εκπαιδεύθηκε)
- Ο αλγόριθμος πέρασε ένα άνω όριο των βημάτων επανάληψης (Αποτυχία: Ο νευρώνας δεν εκπαιδεύθηκε)

Διαίσθηση:

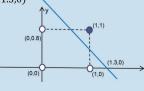
- Κάθε αλλαγή βαρών προκαλείται από την παρουσίαση ενός προτύπου που έχει σφάλμα (δεν ταξινομείται σωστά)
- Η ευθεία απόφασης μετακινείται από τα πρότυπα ώστε να διαχωρίζει σωστά τα δεδομένα.
- Τα αρχικά βάρη που μας είχαν δοθεί W = [0.8, 1.0, 0.5]
- Αντιστοιχούν στην συνάρτηση: x + 0.5y - 0.8 = 0
- Περνά από τα σημεία: (0.1.6) και (0.8.0)



- Μετά τον 1º κύκλο εκπαίδευσης: W = [0.8.1.0.1.0]
- Αντιστοιχούν στην συνάρτηση: x + v - 0.8 = 0
- Περνά από τα σημεία: (0.0.8) και (0.8.0)



- Μετά τον 2° κύκλο εκπαίδευσης: W = [1.3.1.0.0.5]
- Αντιστοιχούν στην συνάρτηση: x + 0.5v - 1.3 = 0
- Περνά από τα σημεία: (0,2.6) και (1.3,0)



Ο 3ος κύκλος εκπαίδευσης επιβεβαιώνει τα βάρη