

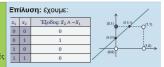
ΑΙΣΘΗΤΗΡΑΣ (ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΜΕ ΓΡΑΦΙΚΗ ΕΠΙΛΥΣΗ)

NEYPΩNIKA ΔIKTYA www.psounis.gr

νάδειγμα: Κατασκευάστε έναν αισθητήρα δύο εισόδων που ακολουθεί το μοντέλο McCullough-Pitts που αποφασίζει την λογική συνάρτηση: X_2 $\wedge \sim X_1$. Η επίλυση να γίνει με γραφική απεικόνιση της εξίσωσης ευθείας του νευρώνα.

Βήμα 1: Κατασκευάζουμε τον αληθοπίνακα σε σύστημα αξόνων (οριζόντιος άξονας το x1 και κάθετος άξονας το x2) τα σημεία κάνοντας μαύρα τα σημεία που είναι 1 και λευκά τα σημεία που είναι 0.

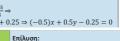
<u>Βήμα 2:</u> Σχεδιάζουμε μια ευθεία που διαχωρίζει τα πρότυπα των δύο κλάσεων, έτσι ώστε να περνάει από δύο συγκεκριμένα σημεία των όποιων οι συντεταγμένες είναι εύκολο να εντοπιστούν. Ειδικά για λογικές πύλες, οι συντεταγμένες των σημείων θα είναι πολλαπλάσια του 0.5

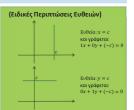


Βήμα 3: Βρίσκουμε την ευθεία απόφασης ως εξής. Ονομάζουμε τα δύο σημεία (x1,y1) και (x2,y2) και υπολογίζουμε την εξίσωση ευθείας από τον τύπο: $\frac{x-x_1}{x_1-x_2} = \frac{y-y_1}{y_1-y_2}$

Έπειτα φέρουμε την εξίσωση ευθείας στη μορφή: α $x+\beta y+\gamma=0$

= (0,0.5) και $(x_2,y_2) = (0.5,1)$ Άρα η ζητούμενη ευθεία είναι η: $\frac{x - x_1}{x_1 - x_2} = \frac{y - y_1}{y_1 - y_2} \stackrel{x - 0}{ 0 - 0.5} = \frac{y - 0.5}{0.5 - 1} \Rightarrow \frac{x}{-0.5} \Rightarrow \frac{y - 0.5}{-0.5} \Rightarrow \frac{y - 0.$





Βήμα 4: Κάνουμε 1:1 συσχέτιση των _ ών των εξισώσεων

Εξίσωση Ευθείας: $\alpha x + \beta y + \gamma = 0$ Εξίσωση Νευρώνα: $w_1x_1 + w_2x_2 - \theta = 0$

 $x_0 = -1$ 0.25 Επίλυση: Εξίσωση Ευθείας: (-0.5)x + 0.5y - 0.25 = 0 Εξίσωση Νευρώνα: $w_1x_1 + w_2x_2 - \theta = 0$ Συνεπώς τα βάρη του νευρώνα είναι: $w_1 = -0.5, w_2 = 0.5, \theta = 0.25$

ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΑΙΣΘΗΤΗΡΑ (1 από 3: ΑΡΧΙΚΟΠΟΙΗΣΗ)

NEYPΩNIKA ΔΙΚΤΥΑ www.psounis.gr



NEYPΩNIKA ΔIKTYA www.psounis.gr

Αρχικοποίηση:

- Αρχικοποιούμε τα διανύσματα:
 - $W = [w_0, w_1, ..., w_n]$ με τα αρχικοποιημένα βάρη των ακμών
 - Για κάθε πρότυπο 1,...,Κ: Κατασκευάζουμε το διάνυσμα: $x_i = [x_{i0}, x_{i1}, \dots, x_{in}]$ και αρχικοποιούμε την επιθυμητή έξοδο: d_i
- ουμε τιμή στην παράμετρο μάθησης η: 0<η<1

Εκφώνηση: Θέλουμε να εκπαιδεύσουμε έναν αισθητήρα ώστε να επιλύει το πρόβλημα του λογικού ΚΑΙ. Κατά τη διάρκεια της διαδικασίας εκπαίδευσης με ρυθμό εκπαίδευσης n=0.5, έχουμε τα βάρη που φαίνονται στο Σχήμα. Ο αισθητήρας ακολουθεί το μοντέλο McCullough-Pits με εξόδους 1 και 0.



Να συνεχίσετε τη διαδικασία εκπαίδευσης έως ότου να εκπαιδευτεί ο αισθητήρας, παρουσιάζοντας διαδοχικά τα διανύσματα I_1 =(0,0), I_2 =(0,1), I_3 =(1,0) και I_4 =(1,1).

Αρχικοποίηση: Κωδικοποιήση των εισόδων ως διανύσματα με την επιθυμητή έξοδο:

- Κωδικοποιήση των εισόδων ως διανύσματα με την επιθυμητή έξοδο Είσοδος: $x_1=[-1,0,0]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_2=0$ Είσοδος: $x_2=[-1,0,1]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_2=0$ Είσοδος: $x_3=[-1,1,0]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_3=0$ Είσοδος: $x_4=[-1,1,1]^T$ Επιθυμητή Έξοδος: $d_3=0$ Αρχικοποίηση των αρχικών βαρών ως διάνυσμα: $W=[0.8,1.0,0.5]^T$

Ρυθμός Εκπαίδευσης: $\eta=0.5$

ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΑΙΣΘΗΤΗΡΑ (2 από 3: ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ)

- Κύκλος Εκπαίδευσης: Για κάθε πρότυπο: i = 1 K: Υπολόγισε το δυναμικό για το πρότυπο $\ i \ \omega$ ς: $\mathbf{v} = W^{\mathrm{T}} \cdot x_i$
- Υπολόγισε την έξοδο από την συνάρτηση δυναμικού: $y_i = \varphi(\mathbf{v})$
- Υπολόγισε το σφάλμα ως: $e=d_i-y_i$
- Αν το σφάλμα δεν είναι μηδενικό

<u>1° πρότυπο</u> $x_1 = [-1,0,0], d_1 = 0$

Υπολογίζονται νέα βάρη ως: $W_{new} = W_{old} + \eta * e * x_i$ (Κανόνας Δέλτα)

$$x_1 = [-1,0,0], \ a_1 = 0$$
• $W^T \cdot x_1 = [0.8,1.0,0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix} = -0.8$
• Αφού $-0.8 < 0$ η έξοδος είναι $y_1 = 0$.
• Σφάλμα: error $= d_1 - y_1 = 0$. Τα βάρη δεν αλλάζουν.
$$\frac{3^\circ πρότυπο}{3^\circ πρότυπο} x_3 = [-1,1,0], \ d_3 = 0$$

 $W^{\text{T}} \cdot x_3 = \begin{bmatrix} 0.8, 1.0, 0.5 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = -0.8 + 1.0 = 0.2$

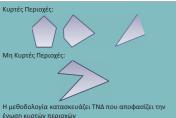
- Αφού $0.2 \ge 0$ η έξοδος είναι $y_3 = 1$. Σφάλμα: error = $d_3 y_3 = -1$. Τα βάρη αλλάζουν $W = W + n \cdot error \cdot r_0 = -1$.
- $W = W + \eta \cdot error \cdot x_3$
 - $\begin{bmatrix} 0.8 \\ 1.0 \\ 0.5 \end{bmatrix} + 0.5 * (-1) * \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 1.0 \\ 0.5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0.5 \\ -0.5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.3 \\ 0.5 \\ 0.5 \end{bmatrix}$
- 2° πρότυπο $x_2 = [-1,0,1], d_2 = 0$ • $W^{\text{T}} \cdot x_2 = [0.8, 1.0, 0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = -0.3$ Αφού -0.3 < 0 η έξοδος είναι $y_2 = 0$. Σφάλμα: error $= d_2 - y_2 = 0$. Τα βάρη δεν αλλάζουν.
- $\begin{array}{l} \frac{4^{\mathrm{o}} \text{ протило}}{V^{\mathrm{T}} \cdot x_{4}} = [-1, 1, 1], \quad d_{4} = 1 \\ \bullet \quad W^{\mathrm{T}} \cdot x_{4} = [1.3, 0.5, 0.5] \times \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = -1.3 + 0.5 + 0.5 = -0.3 \\ \end{array}$

- Αφού -0.3 < 0 η έξοδος είναι $y_4 = 0$. Σφάλμα: error $= d_4 y_4 = 1$. Τα βάρη αλλάζουν

Ολοκλήρωση Κύκλου Εκπαίδευσης: • Ο νευρώνας δεν απάντησε σωστά σε όλα τα πρότυπα, άρα θα πραγματοποιηθεί και άλλος κύκλος εκπαίδευσης,

ΟΠΙΣΘΟΔΙΑΔΟΣΗ ΤΟΥ ΛΑΘΟΥΣ (1 από 4: ΑΡΧΙΚΟΠΟΙΗΣΗ) NEYPΩNIKA ΔΙΚΤΥΑ www.psounis.gr

NEYPΩNIKA ΔIKTYA www.psounis.gr



Εκφώνηση: Δώστε τοπολογία ΤΝΔ που αποφασίζει το ακόλουθο

Για κάθε πρότυπο 1,...,Κ: Κατασκευάζουμε το διάνυσμα: $x_i = [x_{l0}, x_{l1}, \ldots, x_{ln}]$ και αρχικοποτην επιθυμητή έξοδο: d_l ε αρίθμηση στους κόμβους (αν αυτή δεν υπάρχει

- Πρέπει να υπάρχει μία <u>τοπολογική</u> ταξινόμηση στους κόμβους (δηλαδή να μην υπάρχει ακμή από κόμβο σε προηγούμενό του κόμβο)
- Αρχικοποιούμε τις τιμές των βαρών σύμφωνα με την εκφώνηση.
- Εντοπίζουμε την συνάρτηση ενεργοποίησης για κάθε κόμβο καθώς και την παραγωγό της (θα είναι κάποια συνεχής
- νουμε τιμή στην παράμετρο μάθησης η: 0<η<1 (από

ύμε κύκλους εκπαίδευσης διαδοχικά για τα

Εκφώνηση: Δίνεται ένα πολυεπίπεδο ΤΝΔ τοπολογίας 2-1-2 με τη συνδεσμολογία όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα. Για την εκπαίδευσή του χρησιμοποιείται η μέθοδος οπισθοδιάδοσης του σφάλματος με ρυθμό εκπαίδευσης n=1, χωρίς χρήση ορμής (momentum).

(momentum). Η συνάρτηση ενεργοποίησης σε όλους τους νευρώνες είναι η σιγμοειδής συνάρτηση S, όπου: $S(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$



Βάρος	Τιμή	Βάρος	Τιμή
W13 =	0,5	w ₃₀ = θ ₃	0,4
W14 =	0,5	W40 = 04	0.4
w ₂₃ =	0,4	$w_{so} = \theta_s$	0,4
N ₂₅ =	0,4		
N 24 =	0,3		
N 35 =	0.3		

Σε κάποια στιγμή εκπαίδευσής του για την εκμάθηση του προτύπου [0.1,0.6] με επιθυμητή έςδοδο [0.0, 1.0] τα βάρη των συνδέσεων και οι τιμές των κατυφλίων έχουν πάρει τις τιμές που δίνονται στον Πίνακα 1. Θεωρείστε ότι το κατώφλια είναι συνάψεις με είσοδο –1 και βάρος ίσο με την τιμή του κατωφλίου. Να κάνετε τις πράξεις με ακρίβεια 3 δεκαδικών ψηφίων.

Να πραγματοποιήσετε έναν πλήρη κύκλο εκπαίδευσης (προς τα εμπρός και προς τα πίσω πέρασμα)

ιι ένα πρότυπο εισόδου Επιθυμητή Έξοδος: d₄=0.0 d₅=1.0

Επίπεδο Εισόδου:

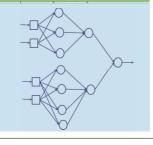
2 (μη υπολογιστικοί) νευρώνες (αφού είμαστε στο επίπεδο) **Γενίκευση:** Όσες και οι διαστάσεις των δεδομένων εισόδου Κρυφό Επίπεδο:

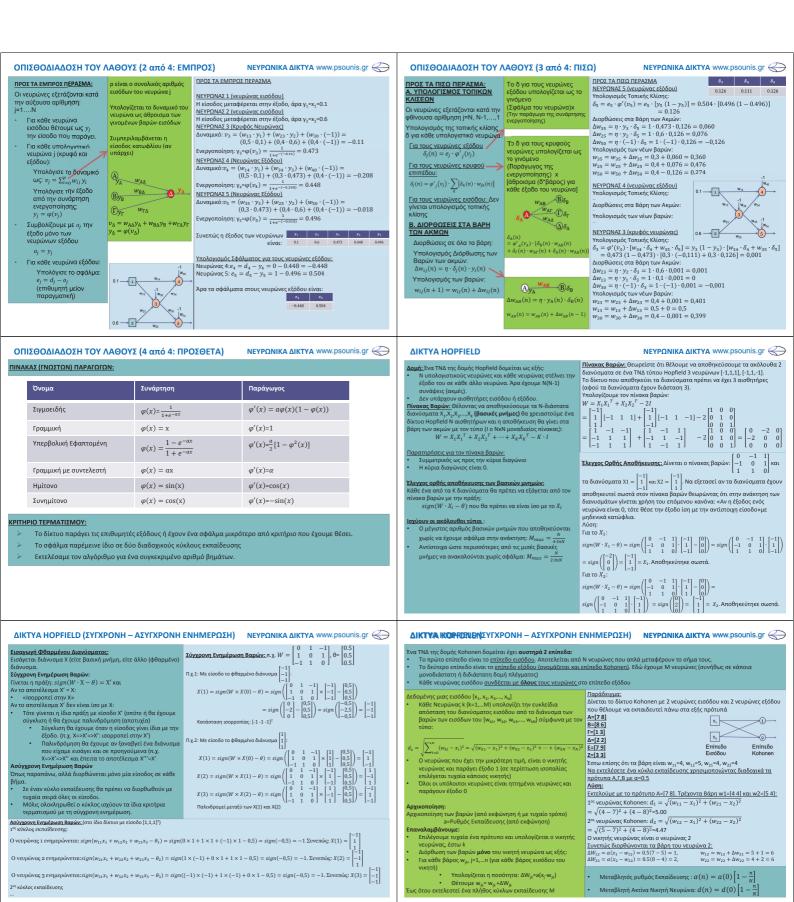
Ένας νευρώνας για κάθε ευθεία απόφασης α 3διάστατα δεδομένα => υπερεπίπεδο απόφασης

Κρυφό Επίπεδο 2:

Ένας νευρώνας για κάθε περιοχή απόφασης (υλοποιεί το λογικό ΑΝD των αντίστοιχων ευθειών που ορίζουν την περιοχή απόφασης) Επίπεδο Εξόδου:

Ένας Νευρώνας (υλοποιεί το λογικό ΟR των περιοχών απόφασης)





Μεταβλητή Ακτίνα Νικητή Νευρώνα: $d(n) = d(0) \left[1 - \frac{n}{N}\right]$