



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н. Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

---

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

---

## ОТЧЕТ

по лабораторной работе №2  
по курсу «Моделирование»  
на тему: «Изучение марковских процессов»

Студент ИУ7-71Б  
(Группа)

\_\_\_\_\_  
(Подпись, дата)

Постнов С. А.  
(Фамилия И. О.)

Преподаватель

\_\_\_\_\_  
(Подпись, дата)

Рудаков И. В.  
(Фамилия И. О.)

2024 г.

# СОДЕРЖАНИЕ

|                                    |          |
|------------------------------------|----------|
| <b>Условие лабораторной работы</b> | <b>3</b> |
| <b>1 Теоретическая часть</b>       | <b>4</b> |
| 1.1 Марковский процесс . . . . .   | 4        |
| <b>2 Практическая часть</b>        | <b>5</b> |

## **Условие лабораторной работы**

Целью лабораторной работы является написание программы с графическим интерфейсом, которая позволяет определить время пребывания сложной системы в каждом из состояний в установившемся режиме работы.

# 1 Теоретическая часть

## 1.1 Марковский процесс

Для математического описания функционирования устройств, развивающихся в форме случайного процесса, может быть применен математический аппарат, разработанный в теории вероятностей для марковских случайных процессов. Случайный процесс, протекающий в некоторой системе, называется *марковским*, если для каждого момента времени вероятность любого состояния системы в будущем зависит только от состояния системы в настоящем и не зависит от того, когда и каким образом система пришла в это состояние. В реальности таких систем не существует.

В марковском случайном процессе будущее развитие зависит только от настоящего состояния и не зависит от предыстории процесса. Для марковского случайного процесса составляют уравнения Колмогорова, представляющие собой соотношения следующего вида:

$$F(P'(t), P(t), \lambda) = 0 \quad (1.1)$$

, где  $P(t)$  — вероятность нахождения в состоянии для сложной системы,  $\lambda$  — коэффициенты, показывающие, с какой скоростью система переходит из одного состояния в другое (интенсивность).

## 2 Практическая часть

На рисунке 2.1 представлен графический интерфейс разработанной программы.

**Лабораторная работа №2**

Количество состояний ( $\leq 10$ ):

Матрица интенсивностей переходов:

|     |     |      |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 0.0 | 0.5 | 0.19 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 2   | 0.0 | 0.2  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 1   | 3   | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |
| 0.0 | 0.0 | 0.0  | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 | 0.0 |

**Вычислить**

Стабилизированные вероятности для каждого состояния:  
Состояние 0: 0.7264  
Состояние 1: 0.2277  
Состояние 2: 0.0459

Время стабилизации для каждого состояния:  
Состояние 0: 1.2012  
Состояние 1: 1.2012  
Состояние 2: 0.3003

Рисунок 2.1 – Графический интерфейс разработанной программы

На рисунках 2.2 - 2.3 представлены результаты работы программы.

Стабилизированные вероятности для каждого состояния:

Состояние 0: 0.4722

Состояние 1: 0.1667

Состояние 2: 0.3611

Время стабилизации для каждого состояния:

Состояние 0: 0.6061

Состояние 1: 0.4040

Состояние 2: 0.6061

Рисунок 2.2 – Вычисленные значения

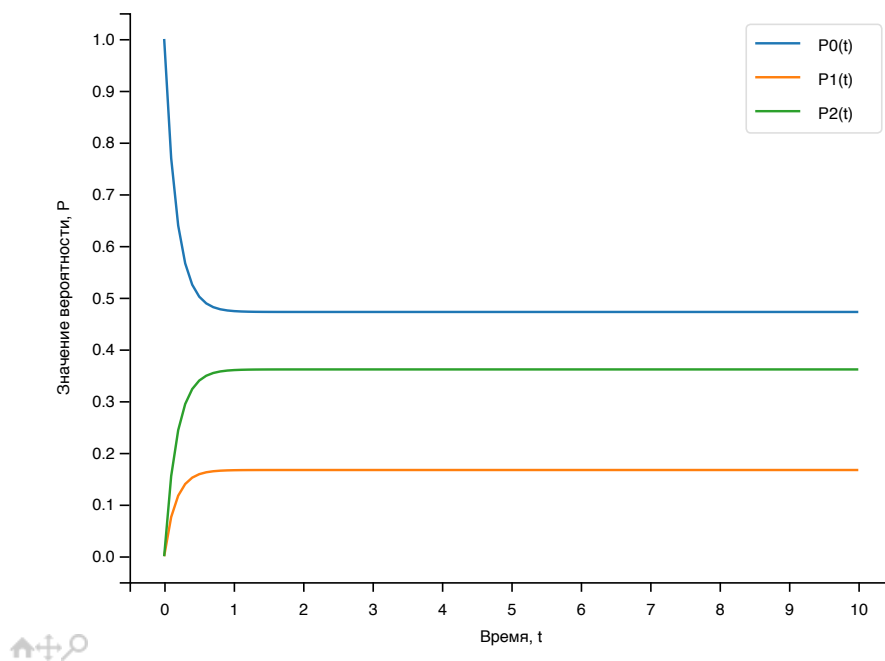


Рисунок 2.3 – График стабилизации вероятностей для каждого состояния