Stats_Project

January 21, 2025

1 WSTĘP

Projekt na przedmiot Rachunek prawdopodobieństwa i statystyka 2024/2025. Obejmuje on analizę statystyczną ceny mieszkań i ich danych w wybranych miastach w Polsce. Źródło opracowanych danych https://www.kaggle.com/datasets/krzysztofjamroz/apartment-prices-in-poland/data

2 Wczytanie danych

Importuję potrzebne mi biblioteki.

```
[1]: import pandas as pd
import sqlite3
import glob
import os
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.ticker as tick
import numpy as np
```

Zgrywamy teraz dane z plików .csv do bazy SQLite i je czyścimy.

```
[2]: data_directory = './data'
    conn = sqlite3.connect('apartments.db')

# Wczytanie plików ze sprzedażą mieszkań
    sale_files = glob.glob(os.path.join(data_directory, 'apartments_pl_*.csv'))

# Pobranie wszystkich tabel w bazie danych
    cursor = conn.cursor()
    cursor.execute("SELECT name FROM sqlite_master WHERE type='table';")
    tables = cursor.fetchall()

# Usunięcie każdej tabeli
for table in tables:
    table_name = table[0]
    cursor.execute(f"DROP TABLE IF EXISTS {table_name}")
    print(f"Tabela {table_name} została usunięta.")
```

```
# Wczytanie nowych danych
for file in sale_files:
   # Wczytanie danych
   df = pd.read_csv(file)
   # CZYSZCZENIE DANYCH
   # Puste miejsca w bazie wypełniamy gdzie ma to sens
   df['type'] = df['type'].fillna('unknown')
   df['buildingMaterial'] = df['buildingMaterial'].fillna('other')
   df['hasElevator'] = df['hasElevator'].fillna('no')
   # Zamieniamy dane z 'no' i 'yes' na O i 1

¬'hasSecurity','hasStorageRoom','hasElevator']
   maping = {'ves': 1, 'no': 0}
   df[columns_to_change] = df[columns_to_change].map(lambda x: maping.get(x,_
 x))
   # Usuwanie niepotrzebnych kolumn / kolumn z dużą ilością nulli
   rare columns = ___
 →['clinicDistance','kindergartenDistance','condition','longitude', 'latitude',

¬'restaurantDistance', 'pharmacyDistance', 'postOfficeDistance', 'ownership']

   df = df.drop(columns=rare_columns)
   # Dodanie kolumny z datą (z nazwy pliku)
   filename = os.path.basename(file)
   date = filename.split('_')[2:4] # Wyciąga YYYY_MM z nazwy
   df['date'] = f"{date[0]}-{date[1].split('.')[0]}"
   # Zapis do bazy
   df.to_sql('apartments_sale', conn, if_exists='append', index=False)
```

Tabela apartments_sale została usunięta.

Tworzymy jeszcze indeksy i zamykamy connection.

```
conn.commit()
conn.close()
```

3 Analiza eksploracyjna

Na początek dodam DataFrame, na którym będziemy pracować.

```
[4]: conn = sqlite3.connect('apartments.db')
query = "SELECT * FROM apartments_sale"
data_frame = pd.read_sql_query(query, conn)
```

3.0.1 Analiza statystyki opisowej dla wybranych kolumny

W tej części kodu wybrałem sześć kolumn, które uznałem za istotne do dalszej analizy: - price (cena) - squareMeters (powierzchnia mieszkania) - rooms (liczba pokoi) - buildYear (rok budowy) - floor (piętro) - floorCount (liczba pięter w budynku)

Następnie wykonałem analizę statystyczną dla tych kolumn, używając funkcji describe(), która generuje miary położenia (takie jak średnia), miary rozproszenia (takie jak odchylenie standardowe) oraz inne istotne informacje, np. minimum, maksimum, mediana.

Na koniec, dla czytelności, zaokrąglam wyniki do dwóch miejsc po przecinku.

```
[5]: important_columns = ['price', 'squareMeters', 'rooms', 'buildYear', 'floor', us'floorCount']

stats = data_frame[important_columns].describe().round(2)

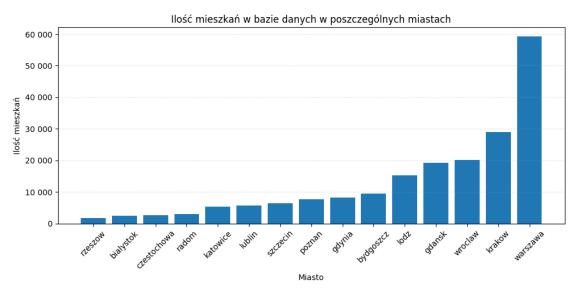
print(stats)
```

	price	${ t square Meters}$	rooms	buildYear	floor	${ t floor Count}$
count	195568.00	195568.00	195568.00	163352.00	160974.00	193185.00
mean	784183.30	58.70	2.68	1985.98	3.33	5.31
std	409709.23	21.41	0.92	33.81	2.53	3.31
min	150000.00	25.00	1.00	1850.00	1.00	1.00
25%	520000.00	44.00	2.00	1967.00	2.00	3.00
50%	699000.00	54.60	3.00	1994.00	3.00	4.00
75%	930000.00	68.55	3.00	2016.00	4.00	6.00
max	3250000.00	150.00	6.00	2024.00	29.00	29.00

Widać tutaj że odchylenie standardowe danych jest dość spore, co oznacza duże zróżnicowanie danych w kolumnach price, squareMeters, buildYear, floor, floorCount.

3.0.2 Wizualizacja ilości mieszkań w bazie danych w poszczególnych miastach

W tym kodzie utworzyłem wykres słupkowy przedstawiający liczbę mieszkań w poszczególnych miastach w bazie danych, aby zobaczyć jaką mamy wielkość próbki.



3.0.3 Wizualizacja ilości mieszkań w bazie danych w poszczególnych miesiącach

W tym kodzie utworzyłem wykres słupkowy przedstawiający liczbę mieszkań w poszczególnych miesiącach w bazie danych, aby zobaczyć jaką mamy wielkość próbki.

```
[7]: plt.figure(figsize = (10,5))
   df = data_frame.groupby(['date'])['price'].count().reset_index()
   df = df.sort_values(by = 'date')
   plt.xlabel('Data')
```

```
plt.ylabel('Ilość mieszkań')
plt.title('Ilość mieszkań w bazie danych w poszczególnych miesiącach')

axis = plt.gca()
axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _: f'{int(x):,}'.
ereplace(',', '')))

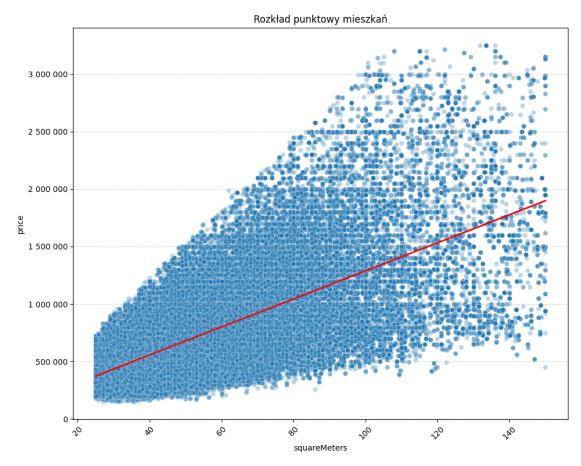
plt.bar(df['date'], df['price'])

plt.grid(True, axis='y', linestyle = ':', alpha=0.5)
plt.xticks(rotation = 45)
plt.tight_layout()
plt.show()
```



3.0.4 Wizualizacja punktowa mieszkań

Ten kod generuje wykres rozkładu punktowego (scatter plot) dla danych dotyczących mieszkań. Oś X reprezentuje powierzchnię mieszkań w metrach kwadratowych (squareMeters), a oś Y przedstawia cenę mieszkań (price).

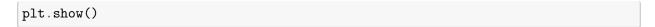


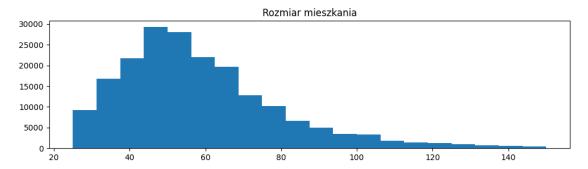
3.0.5 Wykres wielkości mieszkań

Ten kod rysuje histogram przedstawiający rozkład powierzchni mieszkań (squareMeters) w całej bazie danych. Histogram pomoże zobaczyć, jakie powierzchnie mieszkań występują najczęściej.

```
[9]: plt.figure(figsize=(10,3))
  plt.title("Rozmiar mieszkania")
  plt.hist(data_frame['squareMeters'], bins=20)

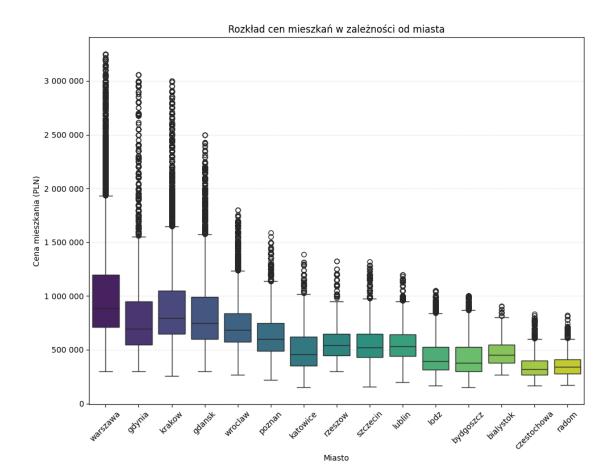
plt.tight_layout()
```





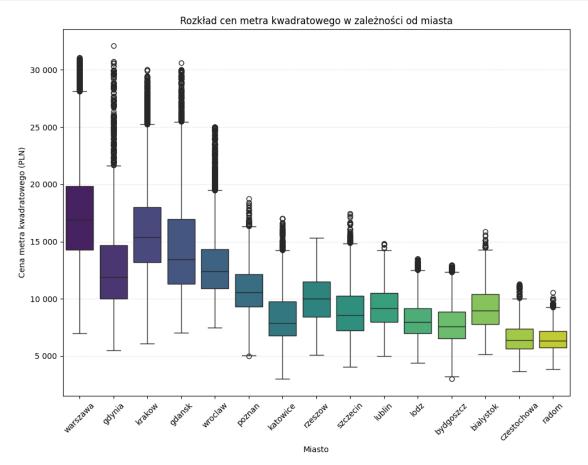
3.0.6 Wizualizacja ceny mieszkań w poszczególnych miastach

W tym kodzie generujemy wykres pudełkowy (boxplot), który pokazuje rozkład cen mieszkań w różnych miastach. Wykres ten dostarcza istotnych informacji na temat rozkładu cen mieszkań w różnych miastach, pozwalając na porównanie, w których miastach ceny są wyższe, a gdzie niższe, oraz gdzie znajdują się ekstremalne wartości (np. bardzo drogie lub tanie mieszkania).



W tym kodzie również generujemy wykres pudełkowy (boxplot), który tym razem pokazuje rozkład cen metra kwadratowego w różnych miastach.

```
plt.tight_layout()
plt.show()
```



Kolejny wyres analizuje, ile średnich pensji (na rękę) potrzeba w różnych polskich miastach, aby kupić 1 metr kwadratowy mieszkania. Porównuje to z dwoma rodzajami wynagrodzenia:

```
[12]: salary_map = {
    'warszawa': 7178,
    'krakow': 7591,
    'gdansk': 7284,
    'wroclaw': 6509,
    'poznan': 6186,
    'szczecin': 6040,
    'katowice': 6429,
    'bialystok': 4854,
    'rzeszow': 5979,
    'lublin': 5455,
    'lodz': 5567,
    'bydgoszcz': 5476
```

```
it_salary_map = {
    'warszawa': 9887,
    'krakow': 10009,
    'gdansk': 8486,
    'gdynia': 8486,
    'wroclaw': 9371,
    'poznan': 8591,
    'szczecin': 8206,
    'czestochowa': 7977,
    'katowice': 8293,
    'bialystok': 4854,
    'rzeszow': 5793,
    'lublin': 6976,
    'lodz': 8997,
    'bydgoszcz': 8852,
}
```

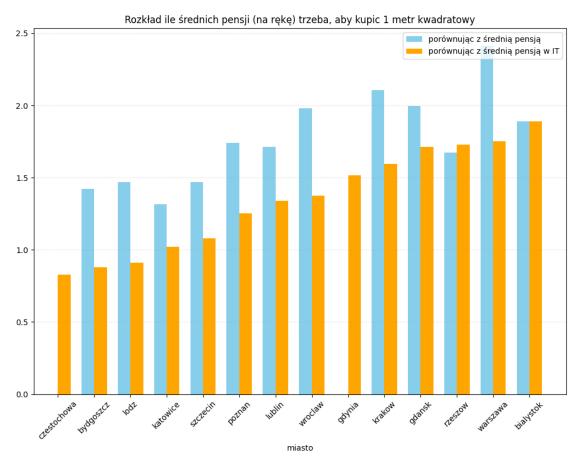
Średnie wynagrodzenie w danym mieście. (źródło: https://300gospodarka.pl/news/oto-mapa-polskich-plac-mamy-nowy-ranking-zarobkow-w-najwiekszych-miastach-grafika, https://zarobki.pracuj.pl/kalkulator-wynagrodzen/)

Średnie wynagrodzenie w branży IT w tym samym mieście. (źródło: $https://bulldogjob.pl/it-report/2024/zarobki-w-it\#general-zarobki-a-miasto-srednia_0$)

```
[13]: df = df.groupby(['city'])['price_per_sqm'].mean().reset_index()
      df['avg_salary'] = df['city'].map(salary_map)
      df['avg_it_salary'] = df['city'].map(it_salary_map)
      df['m2_per_salary'] = df['price_per_sqm'] / df['avg_salary']
      df['m2_per_it_salary'] = df['price_per_sqm'] / df['avg_it_salary']
      df = df.sort_values(by = 'm2_per_it_salary')
      df = df.dropna(subset = 'm2_per_it_salary')
      plt.figure(figsize=(10, 8))
      bar_width = 0.35
      index = np.arange(len(df))
      plt.bar(index, df['m2_per_salary'], bar_width, label='porównując z średniąu
       ⇔pensja', color='skyblue')
      plt.bar(index + bar_width, df['m2_per_it_salary'], bar_width, label='porównującu
       →z średnią pensją w IT', color='orange')
      plt.xlabel('miasto')
      plt.title('Rozkład ile średnich pensji (na rękę) trzeba, aby kupic 1 metr⊔
       ⇔kwadratowy')
```

```
plt.grid(True, axis='y', linestyle = ':', alpha=0.5)
plt.xticks(index + bar_width / 2, df['city'], rotation = 45)

plt.tight_layout()
plt.legend()
plt.show()
```

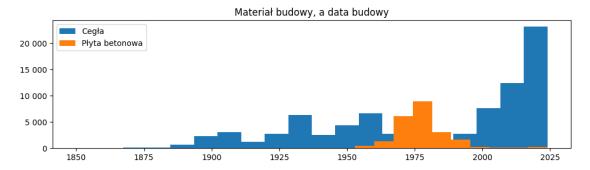


Można z tego wykresu wyciągnąć, że pracując w IT i planując kupić mieszkanie w mieście pracy, najbardziej opłaca się praca w Częstochowie, a dla ludzi spoza IT zdecydowanie najciężej będzie zakupić mieszkanie w Warszawie.

3.0.7 Analiza Rozkładów: Materiał Budowy i Typ Budynku, a Data Budowy

Ta funkcja rysuje histogram przedstawiający rozkład lat budowy mieszkań w zależności od materiału budowlanego.

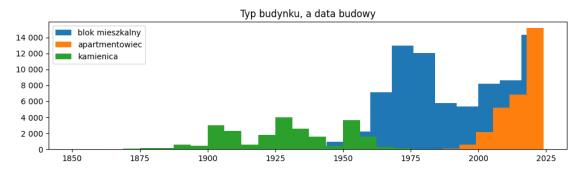
Można się spodziewać, że mieszkania z płyt betonowych będą mieć większą liczbę budowy w latach PRL-u, podczas gdy cegła będzie dominować w starych kamienicach i nowszych apartamentowcach.



Kolejna funkcja generuje histogramy przedstawiające rozkład lat budowy dla różnych typów budynków: bloków mieszkalnych, budynków mieszkalnych typu apartamentowego oraz kamienic.

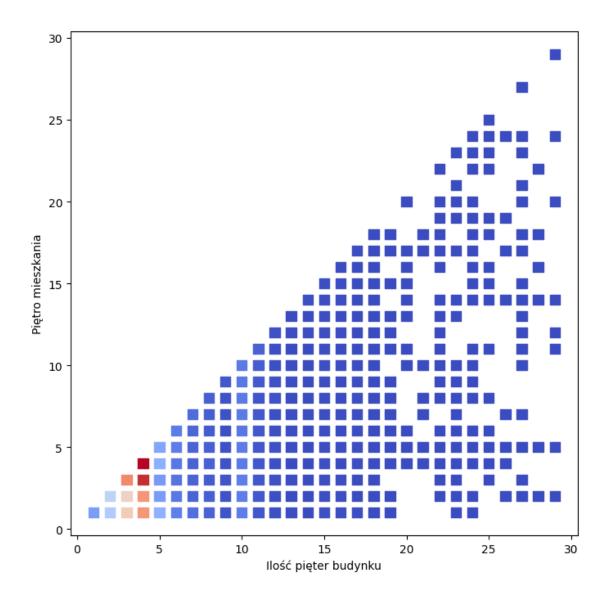
Możemy się spodziewać, że bloki mieszkalne były budowane w szczególności w latach PRL-u, kamienice nawet w czasach jeszcze przedwojnennych, a apartamentowce są ostatnio coraz popularniejszą opcją.

```
plt.legend()
plt.tight_layout()
plt.show()
```



3.0.8 Analiza Rozkładu Pięter w Budynkach

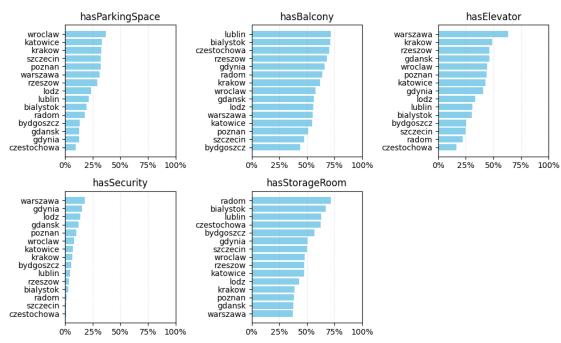
Funkcja ta analizuje zależność między piętrem mieszkania a liczbą pięter w budynku, przedstawiając to za pomocą wykresu punktowego, gdzie kolor punktów reprezentuje liczbę mieszkań na danym piętrze.



3.0.9 Analiza cech mieszkań

Porównanie mieszkań z wybranymi cechami w różnych miastach oraz ich wpływu na ceny mieszkań.

Następujący kod generuje wykresy słupkowe przedstawiające procentowy udział mieszkań z wybranymi cechami (np. balkon, miejsce parkingowe) w różnych miastach.

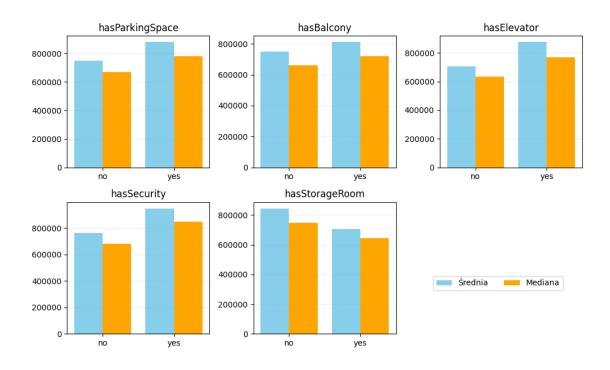


Kolejny kod generuje wykresy porównujące średnią i medianę cen mieszkań w zależności od tego, czy mieszkanie ma daną cechę (np. balkon, miejsce parkingowe).

```
[18]: features = ['hasParkingSpace', 'hasBalcony', 'hasElevator', 'hasSecurity', 

\( \to 'hasStorageRoom' \]
fig = plt.figure(figsize = (10, 6))
```

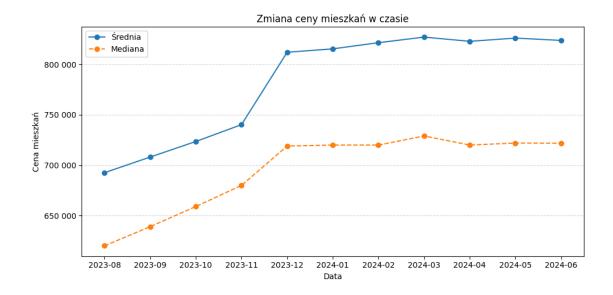
```
i = 0
handles = []
labels = []
for feature in features:
    i += 1
    subplot = fig.add_subplot(2,3,i)
    stats = data_frame.groupby(feature)['price'].agg(
        mean_price = 'mean',
        median_price = 'median'
    ).reset_index()
    bar_width = 0.4
    x = stats[feature]
    mean_bar = subplot.bar(x - bar_width / 2, stats['mean_price'], bar_width,
                 label = 'Średnia', color = 'skyblue')
    median_bar = subplot.bar(x + bar_width / 2, stats['median_price'],__
 →bar_width,
                 label = 'Mediana', color = 'orange')
    if i == 1:
        handles.extend([mean_bar, median_bar])
        labels.extend(['Średnia', 'Mediana'])
    subplot.set_title(feature)
    subplot.set_xlim(-0.5, 1.5)
    subplot.set_xticks([0, 1])
    subplot.set_xticklabels(['no', 'yes'])
    subplot.grid(True, axis = 'y', linestyle = ':', alpha = 0.5)
plt.subplots_adjust(wspace = 0.8)
plt.tight_layout()
plt.legend(handles, labels, loc = 'lower right', bbox_to_anchor = (2.2, 0.3), __
 -ncol = 2)
plt.show()
```



3.0.10 Analiza zmian cen mieszkań w czasie

Kod wizualizuje zmiany średniej i mediany cen mieszkań w czasie.

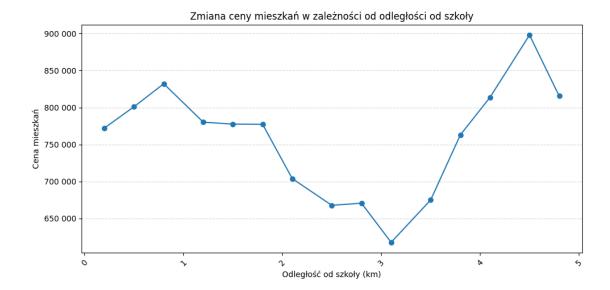
```
[19]: df_mean = data_frame.groupby('date')['price'].mean().reset_index()
      df_median = data_frame.groupby('date')['price'].median().reset_index()
      plt.figure(figsize=(10, 5))
      plt.plot(df_mean['date'], df_mean['price'], marker='o', label='Średnia')
      plt.plot(df_median['date'], df_median['price'], marker='o', label='Mediana',__
       ⇔linestyle='--')
      plt.xlabel('Data')
      plt.ylabel('Cena mieszkań')
      plt.title('Zmiana ceny mieszkań w czasie')
      axis = plt.gca()
      axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _: f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      plt.grid(True, axis='y', linestyle='--', alpha=0.5)
      plt.legend()
      plt.tight_layout()
      plt.show()
```



3.0.11 Analiza wpływu odległości punktów użyteczności publicznej na cenę mieszkania

Niżej podany kod przestawia wykres zależności odległości od najbliższej szkoły.

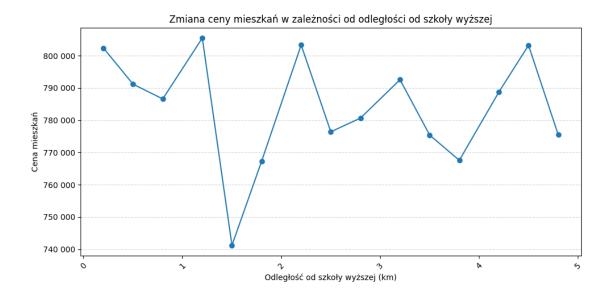
```
[20]: df = data_frame
      df['distance_group'] = pd.cut(df['schoolDistance'], bins = 15)
      df['mid_point'] = df['distance_group'].apply(lambda x: round(x.mid, 1))
      df_school = df.groupby('mid_point', observed=True)['price'].mean().reset_index()
      plt.figure(figsize = (10,5))
      plt.plot(df_school['mid_point'], df_school['price'], marker = 'o')
      plt.xlabel('Odległość od szkoły (km)')
      plt.ylabel('Cena mieszkań')
      plt.title('Zmiana ceny mieszkań w zależności od odległości od szkoły')
      axis = plt.gca()
      axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _: f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      plt.grid(True, axis='y', linestyle='--', alpha=0.5)
      plt.xticks(rotation = 45)
      plt.tight_layout()
      plt.show()
```



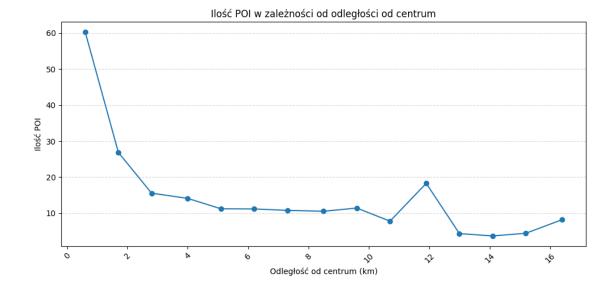
Mimo że wydawałoby się to ważne, żeby szkoła była blisko, to nie widać zależności między odległością od szkoły a ceną mieszkania.

Następny kod przedstawia zależność między odległością od szkoły wyższej, a ceną mieszkania.

```
[21]: df['distance_group'] = pd.cut(df['collegeDistance'], bins = 15)
      df['mid_point'] = df['distance_group'].apply(lambda x: round(x.mid, 1))
      df_college = df.groupby('mid_point', observed=True)['price'].mean().
       →reset_index()
      plt.figure(figsize = (10,5))
      plt.plot(df_college['mid_point'], df_college['price'], marker = 'o')
      plt.xlabel('Odległość od szkoły wyższej (km)')
      plt.ylabel('Cena mieszkań')
      plt.title('Zmiana ceny mieszkań w zależności od odległości od szkoły wyższej')
      axis = plt.gca()
      axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _{:} f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      plt.grid(True, axis='y', linestyle='--', alpha=0.5)
      plt.xticks(rotation = 45)
      plt.tight_layout()
      plt.show()
```



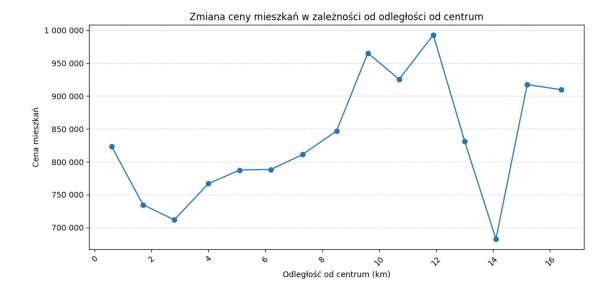
Następujący kod przedstawia wykres zależności ilości punktów użyteczności publicznej (POI - points of interest) - np. szkół, sklepów - w odległości 500m od mieszkania, a jego odległości od centrum miasta, w którym sie znajduje.



Można zauważyć, że w centrum jest średnio więcej POI, niż na obrzeżach, co jest dość oczywiste.

3.0.12 Analiza wpływu odległości od centrum na cenę mieszkania

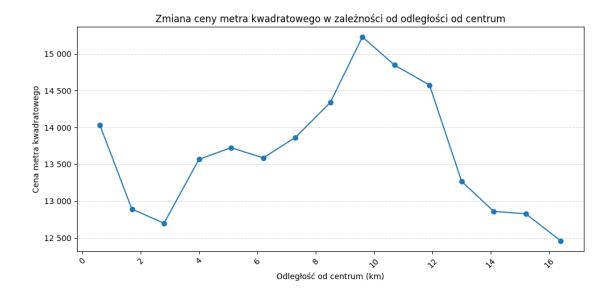
Następny kod generuje wykres zależności między odległością od centrum, a ceną mieszkania.



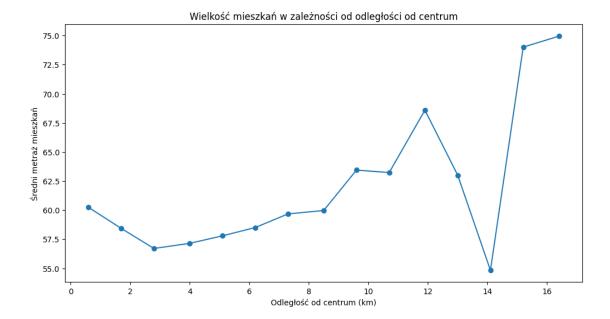
Wykres nie wydaje sie wykazywać żadnej zależności między ceną mieszkania, a odległością od centrum miasta.

Kolejny kod będzie porównywał tym razem cenę metra kwadratowego mieszkania.

```
[24]: df['price_per_m2'] = df['price']/df['squareMeters']
      df_centre_m2 = df.groupby('mid_point', observed=True)['price_per_m2'].mean().
       →reset_index()
      plt.figure(figsize = (10,5))
      plt.plot(df_centre_m2['mid_point'], df_centre_m2['price_per_m2'], marker = 'o')
      plt.xlabel('Odległość od centrum (km)')
      plt.ylabel('Cena metra kwadratowego')
      plt.title('Zmiana ceny metra kwadratowego w zależności od odległości od∟
       axis = plt.gca()
      axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _: f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      plt.grid(True, axis='y', linestyle='--', alpha=0.5)
      plt.xticks(rotation = 45)
      plt.tight_layout()
      plt.show()
```



Wykres również nie wykazuje żadnej zależności, ale różni się znacząco od poprzedniego dla bardziej oddalonych mieszkań. Sprawdzę czy jest to jakoś ze sobą zależne na kolejnym wykresie generowanym przez następujący kod.



Pomijając odstający punkt dla 14 km, możemy zauważyć, że w dalszej odległości od centrum (na przedmieściach) mieszkania są średnio większe od tych w centrum. Jest to zgodne z obserwacją, że miasta rozbudowują się na zewnątrz, a deweloperzy mają większą przestrzeń do zagospodarowania w obrębie przedmieść, co sprzyja budowie większych nieruchomości.

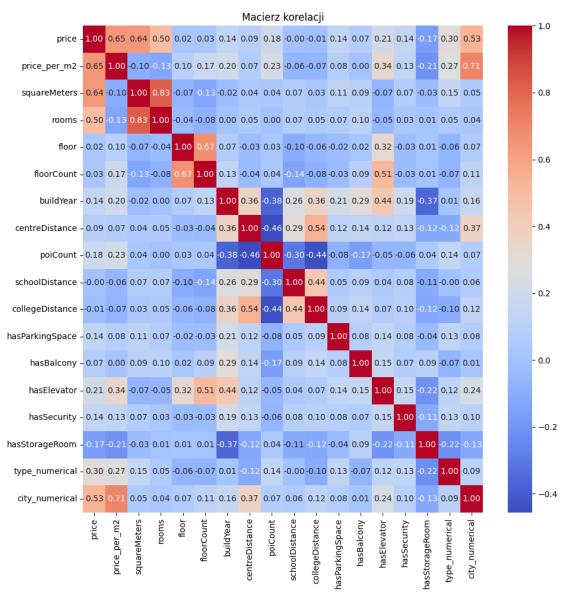
3.1 Korelacja między danymi

```
[26]: type_price_avg = df.groupby('type')['price'].mean()
     type_sorted = type_price_avg.sort_values(ascending=True).index
     type_mapping = {type_: idx for idx, type_ in enumerate(type_sorted)}
     df['type_numerical'] = df['type'].map(type_mapping)
     city_price_avg = df.groupby('city')['price'].mean()
     city sorted = city price avg.sort values(ascending=True).index
     city_mapping = {city: idx for idx, city in enumerate(city_sorted)}
     df['city_numerical'] = df['city'].map(city_mapping)
     df['price_per_m2'] = df['price']/df['squareMeters']
     numeric_cols = ['price', 'price_per_m2', 'squareMeters', 'rooms', 'floor', u
       'centreDistance', 'poiCount', 'schoolDistance',

¬'collegeDistance',
                     'hasParkingSpace', 'hasBalcony', 'hasElevator', 'hasSecurity',
                      'hasStorageRoom', 'type_numerical', 'city_numerical']
     correlation = df[numeric_cols].corr()
```

```
plt.figure(figsize=(10, 10))
sns.heatmap(correlation, annot=True, cmap='coolwarm', fmt=".2f")
plt.title('Macierz korelacji')

plt.tight_layout()
plt.show()
```



Wnioski:

• Z powyższej macierzy korelacji wynika, że największy wpływ na cenę mieszkania ma jego metraż i ilość pokoi (co jest dość oczywiste), miasto, w którym się znajduje, oraz posiadanie

windy.

- Zaskakujące może się wydawać, że cena nie zależy znacząco od odległości od centrum, szkół i uniwersytetów
- Inne ciekawe wnioski to takie, że nowo wybudowane mieszkania są średnio dalej od centrum, szkół oraz uniwersytetów. Mają za to średnio więcej balkonów i wind, a mniej magazynów.

4 Przewidywanie wyniku

Za pomocą regresji wielorakiej możemy spróbować przewidzieć cenę mieszkania, korzystając z jego parametrów, takich jak powierzchnia, liczba pokoi, rok budowy, piętro czy inne wartości liczbowe opisujące nieruchomość.

Regresja wieloraka pozwala modelować zależność między zmienną zależną (w tym przypadku ceną mieszkania) a wieloma zmiennymi niezależnymi (np. powierzchnią czy liczbą pokoi). Celem jest zbudowanie modelu matematycznego, który najlepiej odwzoruje tę zależność, umożliwiając przewidywanie cen dla nowych, nieznanych obserwacji.

Na początku importujemy potrzebne biblioteki, a później wybieramy te liczbowe parametry mieszkania, które mogą mieć wpływ na cenę i usuwamy z nich wszelkie nulle.

Następnie dzielimy dane na treningowe i testowe. Robimy to, abyśmy mogli przetestować nasz model na nowych danych.

Budujemy później i oceniamy nasz model regresji przy użyciu danych treningowych i testowych.

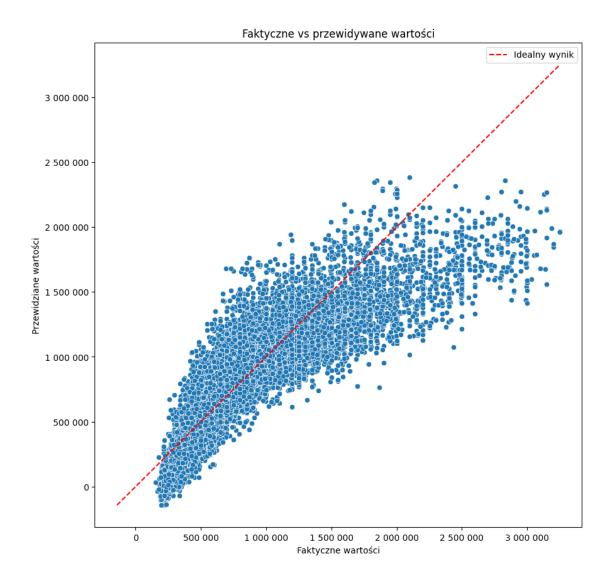
```
[29]: reg = LinearRegression()
reg.fit(X_train, y_train)
score = reg.score(X_test, y_test)
print(score)
```

0.7257496683792191

Funkcja score oblicza współczynnik determinacji R^2, który mierzy, jak dobrze model wyjaśnia zmienność zmiennej zależnej na danych testowych.

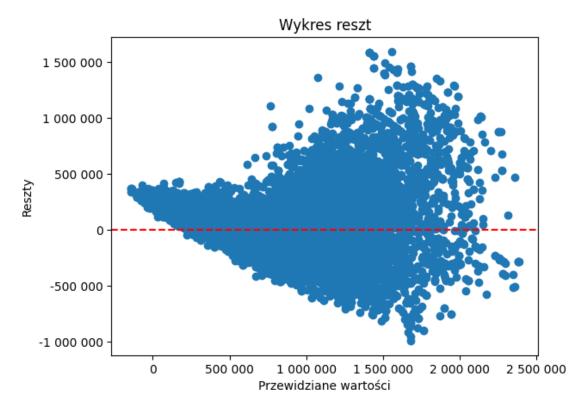
Następny kod przedstawi wyniki naszych przewidywań na wykresie punktowym.

```
[30]: reg_y_pred = reg.predict(X_test)
      min_val = min(min(y_test), min(reg_y_pred))
      max_val = max(max(y_test), max(reg_y_pred))
      ideal_line = np.linspace(min_val, max_val, 100)
      plt.figure(figsize=(10, 10))
      sns.scatterplot(x=y_test, y=reg_y_pred)
      plt.plot(ideal_line, ideal_line, '--', color='red', label='Idealny wynik')
      axis = plt.gca()
      axis.xaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _{:} f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      axis.yaxis.set_major_formatter(tick.FuncFormatter(lambda x, _: f'{int(x):,}'.
       →replace(',', ' ')))
      plt.xlabel('Faktyczne wartości')
      plt.ylabel('Przewidziane wartości')
      plt.title('Faktyczne vs przewidywane wartości')
      plt.legend()
      plt.show()
```



Na kolejnym wykresie przedstawione będą różnice między idealnym wynikiem, a naszymi predykcjami.

```
plt.ylabel('Reszty')
plt.axhline(y=0, color='r', linestyle='--')
plt.show()
```



Przykładowe użycie modelu.

```
[32]: new_data = np.array([70, 15, 2024, 5, 10, 2, 3, 0, 1, 1, 0, 0, 2, 10])
new_data_df = pd.DataFrame([new_data], columns=X.columns)
prediction = reg.predict(new_data_df).round(2)
print(prediction)
```

[935944.14]

5 Podsumowanie

W notebooku przeanalizowałem dane, przygotowałem je do analizy, zwizualizowałem kluczowe zależności i przetestowałem model predykcyjny. Uzyskane wyniki analziy dostarczają wartościowych informacji i stanowią punkt wyjścia do dalszych analiz.