НИУ ВШЭ, ОП «Психология»

Курс «Математические и статистические методы в психологии», 2020

Задачи для подготовки к проверочной работе

Задание 1. Дана следующая выборка из нормального распределения: 0.97, 7.72, 8.21, -3.16, -2.52, -1.82, 4.27, 2.33. Постройте

- 1. 90% доверительный интервал для истинного среднего значения (математического ожидания) **Ответ:** [-0.988; 4.987]
- 2. 95% доверительный интервал для истинного среднего значения (математического ожидания) **Ответ:** [-1.729; 5.729]
- 3. 99% доверительный интервал для истинного среднего значения (математического ожидания) Ответ: [-3.518; 7.518]

Задание 2. Выборочная оценка дисперсии по выборке из 10 человек равняется 50.

- 1. Укажите длину 95% доверительного интервала для среднего значения этого показателя. Ответ: 10.12
- 2. Как изменится длина доверительного интервала при увеличении выборки до 100 наблюдений при прочих равных условиях? Ответ: уменьшится примерно в 3.16 раз (то есть, примерно в $\sqrt{10}$ раз)

Задание 3. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет биномиальное распределение с параметрами n=10; p=0.3. Ее значение на эмпирических данных равно 8.

- 1. Вычислите значение ошибки первого рода для односторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: 0.00159. Есть основания отвергнуть нулевую гипотезу
- 2. Вычислите значение ошибки первого рода для двусторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: 0.384. Нет оснований отвергнуть нулевую гипотезу

Задание 4. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет биномиальное распределение c параметрами $n=8;\ p=0.5.$ Ее значение на эмпирических данных равно 1.

- 1. Вычислите значение ошибки первого рода для односторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: 0.0352. Есть основания отвергнуть нулевую гипотезу, если выбираете 0.05 как пороговое значение
- 2. Вычислите значение ошибки первого рода для двусторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: 0.0704. Нет оснований отвергуть нулевую гипотезу

Задание 5. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет стандартное нормальное распределение. Ее значение на эмпирических данных равно 0.78. Вычислите значение p-value для двусторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: 0.435. Нет оснований отвергуть нулевую гипотезу

Задание 6. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет стандартное нормальное распределение. Ее значение на эмпирических данных равно -3.76.

1. Вычислите значение ошибки первого рода для односторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: примерно равна 0. Точнее: 0.00008, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу

2. Выполните то же задание, но для двустороннией альтернативы. Ответ: тоже близко к 0. Точнее: 0.00016, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу

Задание 7. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет распределение Стьюдента с 16 степенями свободы. Ее значение на эмпирических данных равно 2.381.

- 1. Вычислите примерно значение p-value для односторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: между 0.01 и 0.025. Точнее: 0.015, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу, если принимаете пороговое значение 0.05
- 2. Выполните то же задание, но для двустороннией альтернативы. Ответ: между 0.02 и 0.05. Точнее: 0.03, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу, если принимаете пороговое значение 0.05

Задание 8. Известно, что статистика S некоторого критерия при нулевой гипотезе имеет распределение Стьюдента с 13 степенями свободы. Ее значение на эмпирических данных равно -3.

- 1. Вычислите примерно значение p-value для односторонней альтернативы. Сделайте вывод о справедливости нулевой гипотезы. Ответ: между 0.005 и 0.01. Точнее: 0.0051, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу
- 2. Выполните то же задание, но для двустороннией альтернативы. Ответ: между 0.01 и 0.02. Точнее: 0.0102, что говорит о том, что есть основания отвергуть нулевую гипотезу, если принимаете пороговое значение 0.05

Задание 9. На основе оценки коэффициента корреляции Пирсона проверяется гипотеза о независимости признаков. Наблюдаемое значение статистики принимает значение 2.55, размер выборки составляет 20 наблюдений. Рассчитайте примерно значение p-value против двусторонней альтернативы и сделайте содержательный вывод. Ответ: между 0.02 и 0.05. Точнее: 0.02009. Есть основания отвергуть нулевую гипотезу, если принимаете пороговое значение 0.05