НИУ ВШЭ, ОП «Психология» Математические и статистические методы в психологии, 2020

Как осознать, почему для независимых сл.в. верно EXY = EXEY?

Подсказка. Пошаговая инструкция для понимания:

- 1. Если Вам нужно рассчитать математическое ожидание произведения сл.в. X и Y, и, к примеру, эти сл.в. являются дискретными, у Вас должен быть предварительно составлен ряд распределения для XY. Подумайте, через какую операцию над событиями можно записать вероятности получения комбинации $X = x_j$ и $Y = y_i$?
- 2. Правильно! Это вероятности пересечения. Как можно переписать вероятности пересечения в случае, если сл.в. независимые?
- 3. Совершенно верно! Как произведение маргинальных вероятностей $P(X=x_j),\, P(Y=y_i).$
- 4. Теперь распишите ЕХҮ как произведение x_j , y_i и соответствующих маргинальных вероятностей (см. предыдущий пункт: $P(X = x_j)$, $P(Y = y_i)$).
- 5. Вот теперь можете увидеть, что это произведение в свою очередь состоит из двух частей: EX и EY. Если распознать так и не удалось, то можете обратиться ко мне за помощью.