### Βαρυονικός αριθμός

Ο Βαρυονικός αριθμός μιας κατάστασης ορίζεται σαν η διαφορά του αριθμού των βαρυονίων και του αριθμού των αντιβαρυονίων. Δηλαδή: B = N(baryons) - N(antibaryons)

Ο Βαρυονικός αριθμός διατηρείται από όλες τις αλληλεπιδράσεις όπως έχει μετρηθεί μέσα στα πειραματικά όρια.

Αυτό εξετάζεται συνήθως ψάχνοντας για διάσπαση πρωτονίου:  $p \rightarrow e^+ + \pi^0$ 

Η αντίδραση παραβιάζει επίσης το λεπτονικό αριθμό L αλλά διατηρεί τη διαφορά Β-L

Το παρόν όριο για την διάσπαση είναι >  $10^{34}$  έτη ενώ η ηλικία του σύμπαντος είναι  $10^{10}$  έτη

Η μελέτη τέτοιου σήματος προϋποθέτει ακριβή έλεγχο 10<sup>34</sup> πρωτονίων για παρατήρηση μερικών διασπάσεων μέσα σε αρκετά χρόνια.

Διεργασίες υποβάθρου προερχονται από κοσμική ακτινοβολία (οπότε τα πειράματα προστατεύονται τοποθετόντας τους ανιχνευτές σε ορυχεία) και φυσική ραδιενεργότητα η οποία ωστόσο δίνει ενέργεια της τάξης των MeV ενώ τα προϊόντα της διάσπασης του πρωτονίου θα είναι της τάξης των GeV

Πλέον ευαίσθητο πείραμα σήμερα είναι το Kamiokande που περίεχει 50000 τόνους νερό. Το κεντρικό οφέλημο τμήμα του ανιχνευτή (εκμηδενισμός υποβάθρου) αντιστοιχει σε 25000t

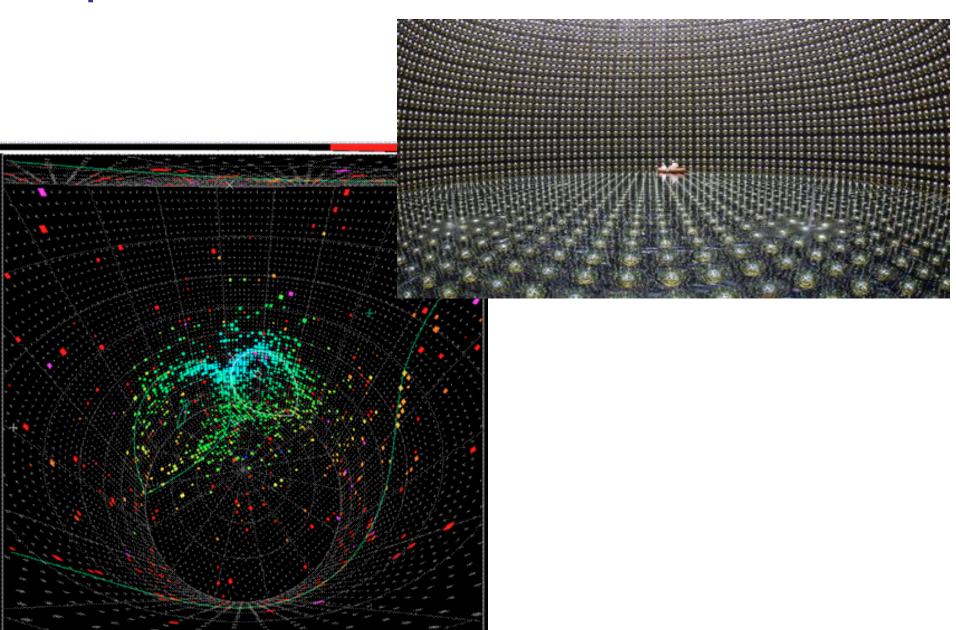
Στο νερό έχουμε 10/18 πρωτόνια ως προς τον αριθμό των νουκλεονίων και επομένως όλος ο ανιχνευτής περιέχει:

$$N_p = M \times 10^3 \times N_A (10/18) \Rightarrow N_p = 2.5 \times 10^7 \times 10^3 \times 6 \times 10^{23} (10/18) = 8.5 \times 10^{33}$$

Μετά από αρκετά χρόνια, η έκθεση έφθασε σε  $M\Delta t = 91600 ty$  ή διαφορετικά  $N_p = 30 \times 10^{33} \, p \, / \, y$ 

Ανιχνεύοντας Cherenkov ακτινοβολία μετράται η ενέργεια. Δεν παρατηρήθηκε γεγονός

# SuperKamiokande



# Βαρυονικός Αριθμός

Τα βαρυόνια αποτελούνται από 3 quarks, και άρα ο βαρυονικός αριθμός των quarks είναι 1/3

Σχετική ποσότητα είναι ο κβαντικός αριθμός της γεύσης (του τύπου) του quark

Ορίζουμε τον down-αριθμό σαν τον αριθμο των down quarks – τον αρίθμό των αντιdown quark

Ανάλογα ορίζουμε και για τα υπόλοιπα quarks

Έχουμε 
$$N_d = N(d) - N(\overline{d})$$
  $N_u = N(u) - N(\overline{u})$  
$$N_S = -\left[N(S) - N(\overline{S})\right] \qquad N_c = N(C) - N(\overline{C})$$
 
$$N_b = -\left[N(b) - N(\overline{b})\right] \qquad N_t = N(t) - N(\overline{t})$$

Οι ισχυρές και ηλεκτρομαγνητικές αλληλεπιδράσεις διατηρούν τον βαρυονικό αριθμό αλλά όχι οι ασθενείς

# Λεπτονικός αριθμός

Ο λεπτονικός αριθμός μιας κατάστασης ορίζεται σαν η διαφορά του αριθμού των λεπτονίων και του αριθμού των αντιλεπτονίων. Δηλαδή: L = N(leptons) - N(antileptons)

Ανάλογα με τον τύπο του λεπτονίου έχουμε και διαφορετικούς λεπτονικούς αριθμούς:

$$\begin{split} N_{e} &= N \left( e^{-} + \nu_{e} \right) - N \left( e^{+} + \overline{\nu}_{e} \right) \\ N_{\mu} &= N \left( \mu^{-} + \nu_{\mu} \right) - N \left( \mu^{+} + \overline{\nu}_{\mu} \right) \\ N_{\tau} &= N \left( \tau^{-} + \nu_{\tau} \right) - N \left( \tau^{+} + \overline{\nu}_{\tau} \right) \end{split}$$

Ο συνολικός λεπτονικός αριθμός είναι το άθροισμα των παραπάνω:  $L=N_{_e}+N_{_\mu}+N_{_ au}$ 

Η ισχύς της διατήρησης εξετάζεται με την μελέτη διεργασιών όπως  $\mu^\pm \to e^\pm + \gamma$  καθώς και  $\mu^\pm \to e^\pm + e^+ + e^-$ 

Μετράται ο λόγος διακλάδωσης αυτών των διασπάσεων ως προς το συνολικό. Δηλαδή

$$\frac{\Gamma\left(\mu^{\pm} \to e^{\pm} + \gamma\right)}{\Gamma_{tot}} < 1.2 \times 10^{-11} \qquad \frac{\Gamma\left(\mu^{\pm} \to e^{\pm} + e^{+} + e^{-}\right)}{\Gamma_{tot}} < 1 \times 10^{-12}$$

### Αναστροφή χρόνου και CPT

Ο τελεστής αναστροφής χρόνου, Τ, αναστρέφει τον χρόνο αφήνοντας αμετάβλητες τις χωρικές συντεταγμένες

Σε αντίθεση με parity, P, και charge conjugation C, δεν υπάρχει κβαντικός αριθμός σχετιζόμενος με αναστροφή χρόνου

Θεώρημα Lauders: Αν μια θεωρία αλληλεπιδρώντων πεδίων είναι αναλλοίωτη κάτω από μετασχηματισμούς Lorentz και περιστροφές, θα είναι επίσης αναλλοίωτη κάτω από τον συνδυασμό διαδοχικών εφαρμογών (ανεξαρτήτου σειράς) της C, P και T αναστροφής  $\Longrightarrow$  Θεώρημα CPT

Σαν αποτέλεσμα, η μάζα των σωματιδίων πρέπει να είναι ίση με την μάζα των αντισωματιδίων Έλεγχος για παραβίαση ή όχι της CPT έρχεται από έλεγχο διαφοράς μάζας σωματιδίων με αντισωματίδιά τους

Όριο έχει θεσπιστεί από αναζήτηση διαφοράς μάζας πρωτονίου – αντιπρωτονίου:

Αντιπρωτονικό άτομο  $\overline{p}^4 He^+$  (πυρήνας  $^4$ He με ένα αντιπρωτόνιο και ένα ηλεκτρόνιο) παράχθηκαν στο CERN (ASACUSA πείραμα). Εξέταση του φάσματος εκπομπής του ατόμου δείχνει ότι:

 $\frac{\left|m_p - m_{\overline{p}}\right|}{m_p} < 10^{-8}$ 

# Υπερφορτίο και βαρυονικός αριθμός

όπου 
$$N_u = N(u) - N(\overline{u})$$
 και  $N_d = N(d) - N(\overline{d})$ 

Με την ανακάλυψη όλων των quarks ο ορισμός του υπερφορτίου είναι:

$$Y = \frac{1}{3} (N_u + N_d - 2N_s + 4N_c - 2N_b + 4N_t)$$

### Συζυγία φορτίου και parity - CP

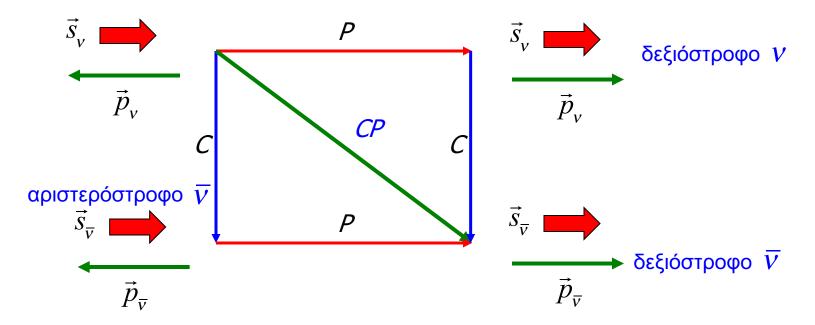
Οι ισχυρές δυνάμεις διατηρούν C και P ξεχωριστά

Στις ασθενείς αλληλεπιδράσεις τόσο η C όσο και η P δεν διατηρούνται ξεχωριστά

Ο συνδυασμός των δυο, CP, θα πρέπει να διατηρείται

Θεωρούμε πως τα νετρίνο και αντινετρίνο μετασχηματίζονται κάτω από C, P και CP

Πειραματικά ξέρουμε ότι όλα τα νετρίνο (αντι-νετρίνο) είναι αριστερόστροφα (δεξιόστροφα)



CP πρέπει να αποτελεί καλή συμμετρία!

- □ Το 1964 ανακαλύφθηκε ότι η διάσπαση των ουδέτερων καονίων δεν διατηρεί την CP (~10<sup>-3</sup>)
  - Η ασθενής αλληλεπίδραση δεν διατηρεί πάντοτε την CP
  - Το 2001 η παραβίαση της CP παρατηρήθηκε επίσης σε διασπάσεις Β-μεσονίων
- □ Παραβίαση της CP είναι ενδιαφέρουσα αφού δηλώνει ότι:
  - Οι νόμοι της φυσικής είναι διαφορετικοί για σωματίδια και αντι-σωματίδια
  - Ποια η αιτία της παραβίασης της CP συμμετρίας;
    - > Εμπεριέχεται στη θεωρία με το πίνακα Kobayashi και Maskawa (Nobel 2008) + Cabbibo
    - Η ερώτηση που υπάρχει είναι αν η CP παραβίαση που παρατηρήθηκε στα Κ και Β μεσόνια είναι η ίδια με αυτή που εμφανίζεται στην κοσμολογία
  - Θα εξετάσουμε την παραβίαση της CP συμμετρίας στα K και B μεσόνια μέσω της εισαγωγής της μίξης καταστάσεων
    - Η μίξη είναι μια κβαντομηχανική διεργασία όπου ένα σωματίδιο μετατρέπεται σε αντισωματίδιο
    - ightharpoonup Έστω ότι έχουμε ένα Καόνιο το οποίο υπόκειται σε μίξη:  $K^0=\overline{s}d\longleftrightarrow \overline{K}^0=s\overline{d}$
    - > Σχετικά με το περιεχόμενο σε quark αυτά είναι σωματίδια αντισωματίδια
    - Οι κβαντικοί αριθμοί του Κ<sup>0</sup> είναι οι ακόλουθοι:
      - √ παραδοξότητα s=+1
      - $\checkmark$  φορτίο = βαριονικό # = λεπτονικό # = charm = bottom = top = 0
      - $\checkmark$  Υπερφορτίο: Y = [B(1/3-1/3) + S(+1)] = 1 οπότε: I<sub>3</sub> = (2Q Y)/2 = -½
      - ✓ Ο εταίρος του στο ισοσπίν είναι το Κ⁺ αφού το I₃ αλλάζει για αντισωματίδια

- Τα ουδέτερα καόνια παράγονται σε ισχυρές αλληλεπιδράσεις και έχουν συγκεκριμένη τιμή παραδοξότητας
- Δεν μπορούν να διασπαστούν μέσω των ισχυρών ή ηλεκτρομαγνητικών αλληλεπιδράσεων
- Διασπώνται μέσω των ασθενών αλληλεπιδράσεων που δεν διατηρούν την παραδοξότητα
- Αν υποθέσουμε ότι οι ασθενείς αλληλεπιδράσεις διατηρούν την CP τότε
  - Τα ουδέτερα καόνια δεν είναι τα σωματίδια τα οποία διασπώνται ασθενώς γιατί δεν είναι ιδιοκαταστάσεις της CP συμμετρίας

$$P\left|K^{0}\right\rangle = -\left|K^{0}\right\rangle \quad \text{Kal} \quad P\left|\overline{K}^{0}\right\rangle = -\left|\overline{K}^{0}\right\rangle$$

$$C\left|K^{0}\right\rangle = -\left|\overline{K}^{0}\right\rangle \quad \text{Kal} \quad C\left|\overline{K}^{0}\right\rangle = -\left|K^{0}\right\rangle$$

$$CP\left|K^{0}\right\rangle = \left|\overline{K}^{0}\right\rangle \quad \text{Kal} \quad CP\left|\overline{K}^{0}\right\rangle = \left|K^{0}\right\rangle$$

lacktriangle Μπορούμε να κάνουμε ιδιοκαταστάσεις της CP από γραμμικό συνδυασμό των  $K^0$  και  $ar K^0$ 

$$\left| K_{1} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| K^{0} \right\rangle + \left| \overline{K}^{0} \right\rangle \right)$$
$$\left| K_{2} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| K^{0} \right\rangle - \left| \overline{K}^{0} \right\rangle \right)$$

Κβαντομηχανικό σύστημα σε δυο διαφορετικές βάσεις

$$CP \left| K_1 \right\rangle = \left| K_1 \right\rangle$$
 Kai  $CP \left| K_2 \right\rangle = - \left| K_2 \right\rangle$ 

- □ Αν η CP είναι μια καλή συμμετρία και διατηρείται τότε θα περιμένουμε τις ακόλουθες διασπάσεις
  - $K_1 \to \pi^- \pi^+$   $\acute{\eta}$   $K_1 \to \pi^0 \pi^0$  (TIM $\acute{\eta}$  CP=+1)
  - $K_2 \rightarrow \pi^- \pi^+ \pi^0$   $\acute{\eta}$   $K_2 \rightarrow \pi^0 \pi^0 \pi^0$  (TIMÝ CP=-1)
- **□** Το 1965 αναλύφθηκε ότι μερικές φορές (1/500) έχουμε την διάσπαση:  $K_2 \to \pi^-\pi^+$  ή  $K_2 \to \pi^0\pi^0$
- lacktriangle Τα  $K^0$  και  $\overline{K}^0$  είναι ιδιοκαταστάσεις των ισχυρών αλληλεπιδράσεων
  - Οι καταστάσεις αυτές εχουν συγκεκριμένη παραδοξότητα
  - □ Ειναι σωματίδιο/αντισωματίδιο
  - lacksquare Παράγονται σε ισχυρές αλληλεπιδράσεις:  $\pi^-p o K^0\Lambda$  ή  $\pi^-p o K^0\Sigma^0$
- Τα  $K_1$  και  $K_2$  είναι ιδιοκαταστάσεις των ασθενών αλληλεπιδράσεων υποθέτοντας ότι η CP διατηρείται
  - □ Έχουν συγκεκριμένη CP αλλά όχι δεν είναι ιδιοκαταστάσεις της παραδοξότητας
  - □ Το καθένα είναι το αντισωματίδιο του εαυτού του
  - Οι καταστάσεις αυτές διασπώνται μέσω ασθενών αλληλεπιδράσεων και έχουν διαφορετικές μάζες και χρόνους ζωής

$$K_1 \rightarrow \pi^0 \pi^0$$
  $K_2 \rightarrow \pi^0 \pi^0 \pi^0$ 

Το 1955 ο Gell-Mann έδειξε ότι υπήρχε περισσότερη ενέργεια (φασικός χώρος) στη διάσπαση του Κ<sub>1</sub> από το Κ<sub>2</sub>

- lacktriangle Έστω ότι εξετάζουμε τις διασπάσεις των  $\mathsf{K}^0$ ς σε  $\pi^0\pi^0$
- ho Η ιδιοτιμή της CP για σύστημα με 2 ουδέτερα πιόνια είναι θετική:  $CP \Big| \pi^0 \pi^0 \Big\rangle = \Big( CP \Big| \pi^0 \Big\rangle \Big)^2 = \Big( -1 \Big)^2$  ενώ  $CP \Big| \pi^+ \pi^- \Big\rangle = \Big( C \Big| \pi^+ \pi^- \Big\rangle \Big) \Big( P \Big| \pi^+ \pi^- \Big\rangle = \Big( -1 \Big)^l \Big( -1 \Big)^l = +1$
- ightharpoonup Επομένως αν η CP διατηρείται, τότε μόνο το  $K_1^0$  που είναι η +1 ιδιοκατάσταση της CP μπορεί να διασπαστεί σε 2 πιόνια.
- lacktriangle Έστω ότι εξετάζουμε τις διασπάσεις των  $\mathsf{K}^0$ ς σε  $\pi^0\pi^0\pi^0$

$$CP \left| \pi^0 \pi^0 \pi^0 \right\rangle = \left( CP \left| \pi^0 \right\rangle \right)^3 = \left( -1 \right)^3 = -1$$

- ightarrow Η περίπτωση των τριων φορτισμένων πιονίων είναι λίγο πιο σύνθετη:  $\mathit{CP} \Big| \pi^+ \pi^- \pi^0 \Big
  angle$
- Έστω / η στροφορμή των δυο φορτισμένων πιονίων στο σύστημα αναφοράς του CM τους
- Έστω L η στροφορμή του π<sup>0</sup> ως προς τα 2 πιόνια στο CM των 3 πιονίων
- Η ολική στροφορμή του συστήματος είναι το άθροισμα των 2 στροφορμών και θα πρέπει να είναι ίση με 0

$$J = l \oplus L = 0 \implies l = L$$

$$l_{\pi^{+}\pi^{-}} = l$$

$$l_{\pi^{+}\pi^{-}} = l$$

$$\Pi^{+}$$

- ightharpoonup Επομένως η parity του συστήματος είναι:  $P \left| \pi^+ \pi^- \pi^0 \right\rangle = P^3 \left| \pi \right\rangle \left( -1 \right)^l \left( -1 \right)^l = -1$
- ightharpoonup Η συζυγία φορτίου θα είναι:  $C\left|\pi^{\scriptscriptstyle 0}\right> = +1$  ενώ  $C\left|\pi^{\scriptscriptstyle +}\pi^{\scriptscriptstyle -}\right> = \left(-1\right)^{\scriptscriptstyle l}$  και άρα:  $C\left|\pi^{\scriptscriptstyle +}\pi^{\scriptscriptstyle -}\pi^{\scriptscriptstyle 0}\right> = \left(-1\right)^{\scriptscriptstyle l}$
- ho Επομένως η CP του συστήματος είναι:  $CP \Big| \pi^+ \pi^- \pi^0 \Big\rangle = \Big( C \Big| \pi^+ \pi^- \pi^0 \Big\rangle \Big) \Big( P \Big| \pi^+ \pi^- \pi^0 \Big\rangle \Big) = \Big( -1 \Big)^{l+1}$
- □ Η διαφορά μάζας μεταξύ των 3 πιονίων και του Κ<sup>0</sup> είναι αρκετά πολύ μικρή:

$$m_K - m_{\pi^+\pi^-\pi^0} = m_K - 3m_{\pi} = 80 \, MeV$$

- σαν αποτέλεσμα ο φασικός χώρος για την διάσπαση είναι ιδιαίτερα περιορισμένος με αποτέλεσμα αυτό να ευνοεί την περίπτωση του S-κύματος ή διαφορετικά *I* = 0
- $\Box$  Επομένως για την κατάσταση αυτή θα έχουμε  $CP \left| \pi^+ \pi^- \pi^0 \right> = \left( -1 \right)^{l+1} = -1$
- Μπορούμε να πούμε πως αν η CP διατηρείται, τότε μόνο η ιδιακατάσταση με ιδιοτιμή -1  $(K_2^0)$  μπορεί να διασπαστεί σε 3 πιόνια:  $K_2^0 \to 3\pi$
- Θα μπορούσε να έχουμε διάσπαση όπου / = 1 (η μικρότερη τιμή της στροφορμής). Η κατάσταση αυτή είναι όμως κινηματικά περιορισμένη και δεν παρατηρείται
- Συνοψίζοντας, αν η CP διατηρείται τότε:  $\begin{cases} K_1^0 \to 2\pi \quad \text{και} \quad K_2^0 \not \to 2\pi \\ K_2^0 \to 3\pi \quad \text{και} \quad K_1^0 \not \to 3\pi \end{cases}$
- Αν η CP διατηρείται απόλυτα τότε τα  $K_1^0$  και  $K_2^0$  θα έπρεπε να είναι οι ιδιοκαταστάσεις συγκεκριμένης μάζας και χρόνου ζωής. Η CP ωστόσο παραβιάζεται μερικώς και οι ιδιοκαταστάσεις της μάζας ονομάζονται  $K_{\rm s}$  και  $K_{\rm L}$  δεν είναι ακριβώς τα  $K_1^0$  και  $K_2^0$

Πειραματικά έχει μετρηθεί ο χρόνος ζωής της κατάστασης που διασπάται σε 2π και της κατάστασης που διασπάται σε 3π. Βρέθηκε ότι:

$$τ_{K_s^0} = 89.54 \pm 0.04 \, ps$$
 εν  $τ_{K_s^0} = 51.16 \pm 0.21 ns$  δηλαδή  $τ_{K_s^0} / τ_{K_s^0} \sim 570$ 

- Ο μεγάλος χρόνος ζωής των Κ<sub>L</sub> οφείλεται στο γεγονός ότι η διάσπαση του σε 3π αφήνει μικρότερο φασικό χώρο διαθέσιμο σε σχέση με την διάσπαση σε 2π που απαγορεύεται από CP
- Το εύρος των μαζών είναι:

$$\Gamma_{K_s^0} = 1/\tau_{K_s^0} = 7.4 \mu eV \quad \text{kai} \quad \Gamma_{K_L^0} = 1/\tau_{K_L^0} = 0.013 \mu eV \quad \text{ottos:} \quad \Delta \Gamma = \Gamma_{K_L^0} - \Gamma_{K_S^0} \approx -7.4 \mu eV$$

- **Ο** Το ιδιομήκος είναι:  $c\tau_{K_s^0} = 2.67cm$  και  $c\tau_{K_s^0} = 15.5m$
- Οι παραπάνω ιδιότητες μπορούν να χρησιμοποιηθούν για την παραγωγή κατάλληλης δέσμης.
  - Αρχικά παράγεται δέσμη καονίων Κ<sup>0</sup> η οποία αποτελείται από Κ<sub>S</sub> και Κ<sub>L</sub>.
  - Η σύσταση της δέσμης αλλάζει καθώς απομακρυνόμαστε από τον στόχο και τα K<sub>S</sub>
     διασπώνται απομένοντας μόνο τα K<sub>I</sub>.
  - Για καόνια ορμής 5 GeV ο παράγοντας Lorentz θα είναι γ~10. Επομένως η απόσταση που θα διανύσουν τα K<sub>S</sub> σε τ-χρόνο θα είναι βγcτ<sub>S</sub> =27cm. Σε αντίθεση τα K<sub>L</sub> θα διανύσουν απόσταση βγcτ<sub>L</sub>~170m. Άρα σε λίγα μέτρα από το στόχο η δέσμη θα είναι καθαρή σε K<sub>L</sub>
  - ightarrow Αυτό χρησιμοποιήθηκε ακριβώς για την μελέτη της διάσπασης $K_2^0 o 3\pi$  και  $K_2^0 o 2\pi$  και εξακρίβωση της παραβίασης της CP

### Ουδέτερα καόνια και διαφοράς μάζας τους

- Η διαφορά μάζας των δυο ιδιοκαταστάσεων της CP, K<sub>L</sub> και K<sub>S</sub> είναι πάρα πολύ μικρή με αποτέλεσμα να μην μετράται απευθείας
- **Ι** Η μάζα του ουδέτερου καονίου  ${\sf K}^0$  είναι  $m_{{\sf K}^0} = 497.614 \pm 0.024 \, MeV$
- Η διαφορά μάζας μετρέται από ταλαντώσεις της παραδοξότητας των καονίων και βρίσκεται από την περίοδο ταλάντωσης ότι είναι:  $\Delta m = m_{K_L^0} m_{K_S^0} = 3.48 \pm 0.006 \mu eV = 5.292 \pm 0.009 ns^{-1}$ 
  - Η διαφορά αυτή είναι: 7x10-15 της μάζας του καονίου

- □ Το 1955 οι Gell-Mann και Pais διατύπωσαν την θεωρία ότι ταλαντώσεις παραδοξότητας θα εμφανιστούν σε μια αρχικά καθαρή δέσμη  $\mathsf{K}^0$  η οποία έχει παραχθεί π.χ.  $p\pi^- \to K^0 \Lambda$
- Οι ιδιοκαταστάσεις καθορισμένης μάζας, m<sub>i</sub>, και χρόνου ζωής (ή καλύτερα εύρους μάζας) Γ<sub>i</sub>, έχουν την χρονική εξέλιξη:

$$\exp\left[-i\left(m_i - i\Gamma_i/2\right)\right]t$$

Όπως είδαμε αυτές δεν είναι ούτε η  $K^0$ ούτε η  $\overline{K}^0$ αλλά θεωρώντας ότι η CP διατηρείται είναι οι ιδιοκαταστάσεις της CP

$$\left|K_{1}^{0}\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|K^{0}\right\rangle + \left|\overline{K}^{0}\right\rangle\right) \qquad \left|K_{2}^{0}\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|K^{0}\right\rangle - \left|\overline{K}^{0}\right\rangle\right)$$

- Το  $K^0$  είναι υπέρθεση των δυο αυτών, δηλαδή:  $\left|K^0\right> = \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|K_1^0\right> + \left|K_2^0\right>\right)$
- Η χρονική εξέλιξη επομένως της κυματοσυνάρτησης (ξεκινώντας για t=0 με καθαρή  $K^0$ ) είναι:

$$\Psi_{0}(t) = \frac{1}{2} \left[ \left( K^{0} + \overline{K}^{0} \right) e^{-im_{S}t - \frac{\Gamma_{S}}{2}t} + \left( K^{0} - \overline{K}^{0} \right) e^{-im_{L}t - \frac{\Gamma_{L}}{2}t} \right]$$

□ Για χάρη απλότητας αν θεωρήσουμε ότι τα μεσόνια είναι σταθερά τότε Γ<sub>S</sub> και Γ<sub>L</sub> είναι 0 οπότε

$$\Psi_{0}(t) = \frac{1}{2} \left[ \left( K^{0} + \overline{K}^{0} \right) e^{-im_{S}t} + \left( K^{0} - \overline{K}^{0} \right) e^{-im_{L}t} \right] = \frac{1}{2} \left[ \left( e^{-im_{S}t} + e^{-im_{L}t} \right) K^{0} + \left( e^{-im_{S}t} - e^{-im_{L}t} \right) \overline{K}^{0} \right]$$

 $lue{}$  Η πιθανότητα να βρεθεί ένα  $K^0$ μετά από χρόνο t είναι:

$$\left|\left\langle K^{0}\middle|\Psi_{0}(t)\right\rangle\right|^{2} = \frac{1}{4}\left|e^{-im_{S}t} + e^{-im_{L}t}\right|^{2} = \frac{1}{2}\left[1 + \cos(t\Delta m)\right] = \cos^{2}\left(\frac{\Delta m}{2}t\right)$$

lacktriangle Η πιθανότητα να βρεθεί ένα  $ar{K}^0$ μετά από χρόνο t είναι (πιθανότητα εμφάνισης):

$$\left|\left\langle \overline{K}^{0} \middle| \Psi_{0}(t) \right\rangle \right|^{2} = \frac{1}{4} \left| e^{-im_{S}t} - e^{-im_{L}t} \right|^{2} = \frac{1}{2} \left[ 1 - \cos(t\Delta m) \right] = \sin^{2}\left(\frac{\Delta m}{2}t\right)$$

- $lue{}$  Η αρχική πιθανότητα για  $K^0$  και  $\overline{K}^0$  είναι 1 και 0 αντίστοιχα. Καθώς ο χρόνος περνά, η πιθανότητα για  $K^0$  ελαττώνεται και για  $\overline{K}^0$  αυξάνει και σε χρόνο T/2, θα γίνει μηδέν και 1
- $lue{}$  Κατόπιν η διαδικασία αντιστρέφεται και επανεμφανίζεται το  $K^0$  σε βάρος του  $\overline{K}^0$
- Το φαινόμενο μοιάζει με φαινόμενο σχηματισμού διακροτήματος μεταξύ των μονοχρωματικών κυμάτων που αντιστοιχούν στις δυο ιδιοκαταστάσεις της γεύσης
- Στο φυσικό σύστημα μονάδων οι δυο γωνιακές συχνότητες ισούνται με τις μάζες και επομένως η περίοδος ταλάντωσης είναι:  $T=2\pi/\left|\Delta m\right|\sim 1.2ns$
- Η μέτρηση της περιόδου δίνει την διαφορά μάζας αλλά μόνο την απόλυτη τιμή
- □ Για δέσμη 10GeV το πρώτο μέγιστο ταλάντωσης συμβαίνει σε απόσταση γcT/2=3.6m
- □ Για να βρούμε το πρόσημο της διαφοράς μάζας αρκεί να περάσουμε τη δέσμη μέσα από υλικό οπότε λόγω της εξάρτησης του δείκτη διάθλασης από την διαφορά μάζας θα μπορέσουμε να προσδιορίσουμε το πρόσημο το οποίο βρέθηκε να είναι  $\Delta m = m_{K_s} m_{K_s} > 0$

- Για να ανιχνεύσουμε τις δυο καταστάσεις παραδοξότητας θα πρέπει να ανιχνεύσουμε συγκεκριμένες διασπάσεις που δεν περιέχουν τις διασπάσεις σε 2π ή 3π αφού αυτές επιλέγουν διασπάσεις των ιδιοκαταστάσεων της CP.
- □ Το κάνουμε επιλέγοντας ημιλεπτονικές διασπάσεις οι οποίες υπακούουν στο λεγόμενο ΔS=ΔQ κανόνα: "Η διαφορά παραδοξότητας μεταξύ των αδρονίων στην τελική και αρχική κατάσταση ισούται με την διαφορά των ηλεκτρικών φορτίων τους.
- Ο κανόνας θεσπίστηκε πειραματικά αρχικά και οφείλεται στο περιεχόμενο σε quark των αδρονίων:

$$K^0 = \overline{s}d$$
  $\overline{s} \to \overline{u}l^+v_l$   $\Longrightarrow$   $K^0 \to \pi^-l^+v_l$  evώ  $K^0 \not\to \pi^+l^-\overline{v}_l$   $\overline{K}^0 = s\overline{d}$   $s \to ul^-\overline{v}_l$   $\Longrightarrow$   $\overline{K}^0 \to \pi^+l^-\overline{v}_l$  evώ  $\overline{K}^0 \not\to \pi^-l^+v_l$ 

- □ Βλέπουμε ότι το πρόσημο του φορτίου του λεπτονίου προσδιορίζει την παραδοξότητα του Κ<sup>0</sup>
- Οι διασπάσεις ονομάζονται K<sub>3/</sub> όπου / = e/μ
- Αν θεωρήσουμε τώρα τις πιθανότητες να ανιχνεύσουμε ένα\_+ ή ένα λεπτόνιο τότε έχουμε:

$$P^{+}(t) = \left| \left\langle K^{0} \middle| \Psi_{0}(t) \right\rangle \right|^{2} = \frac{1}{4} \left[ e^{-\Gamma_{S}t} + e^{-\Gamma_{L}t} + 2e^{-\frac{\Gamma_{S} + \Gamma_{L}}{2}t} \cos(t\Delta m) \right]$$

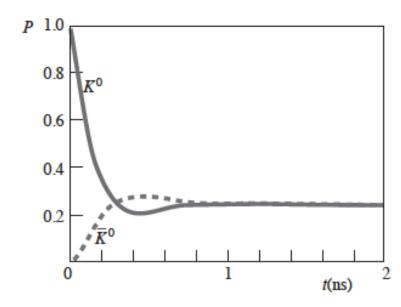
$$P^{+}(t) = \left| \left\langle \overline{K}^{0} \middle| \Psi_{0}(t) \right\rangle \right|^{2} = \frac{1}{4} \left[ e^{-\Gamma_{S}t} + e^{-\Gamma_{L}t} - 2e^{-\frac{\Gamma_{S} + \Gamma_{L}}{2}t} \cos(t\Delta m) \right]$$

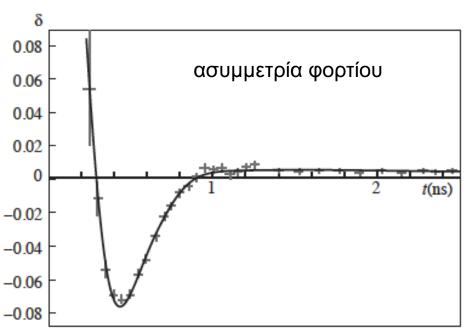
Και οι δυο όροι είναι δυο ελαττώμενα εκθετικά με ένα όρο απόσβεσης που κυριαρχείται από τον μικρότερο χρόνο ζωής τ<sub>s</sub>=90ps και επομένως το φαινόμενο ανιχνεύεται μόνο σε λίγους χρόνους τ<sub>s</sub>.

- Παρατηρούμε επίσης ότι τ<sub>s</sub> είναι πολύ μικρότερος χρόνος από την περίοδο ταλάντωσης 1.2ns Ισχυρή επομένως απόσβεση
- Πειραματικά αυτό που μετράμε είναι μια ασυμμετρία φορτίου, δηλαδή την διαφορά μεταξύ

$$K^0 
ightarrow \pi^- l^+ 
u_{_I}$$
 kai  $ar{K}^0 
ightarrow \pi^+ l^- ar{
u}_{_I}$ 

Βλέπουμε ότι έχουμε μια φθίνουσα ταλάντωση: 
$$\delta(t) = P^+(t) - P^-(t) = e^{-\frac{\Gamma_S}{2}t}\cos(\Delta m \cdot t)$$





Για τη διάσπαση  $\pi^-p\to \Lambda^0 K^0$ , η ιδιοκατάσταση των ισχυρών αλληλεπιδράσεων  $\left|K^0\right>$  παράγεται τη χρονική στιγμή t=0. Υποθέστε ότι οι ιδιοκαταστάσεις της μάζας είναι:  $\left|K_1\right>=\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|K^0\right>+\left|\overline{K}^0\right>\right)$  και  $\left|K_2\right>=\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\left|K^0\right>-\left|\overline{K}^0\right>\right)$  με μάζες  $m_1$  και  $m_2$  και χρόνους ζωής  $\tau_1$  και  $\tau_2$  αντίστοιχα. Θεωρήστε ακόμα ότι η διαφορά μάζας τους είναι  $\Delta m=m_1-m_2$ . Να γράψετε την χρονοεξάρτηση της κυματοσυνάρτησης του καονίου συναρτήσει των  $\left|K_1\right>$ ,  $\left|K_2\right>$ ,  $\tau_1$ ,  $\tau_2$ ,  $m_1$ ,  $m_2$ . Θυμηθείτε ότι ο χρόνος ζωής εξαρτάται από το τετράγωνο της κυματοσυνάρτησης. Ποιά είναι η πιθανότητα συναρτήσει του χρόνου για το παραγώμενο καόνιο να επιζήσει και να παρατηρηθεί (μέσω των αλληλεπιδράσεών του) σαν  $\left|\overline{K}^0\right>$  αν  $\tau_1$  είναι πάρα πολύ μεγάλος

(σχεδόν άπειρος) όπως και στις περιπτώσεις όπου  $\Delta m = 0$  ή  $\Delta m = \frac{2\hbar}{c^2 \tau_a}$ .

$$\begin{split} & \left| \begin{array}{c} E_{\gamma \text{ orbit o } \text{ i.i.}} \right| k_{i} > = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{0} \right\rangle + \left| \overline{k_{0}} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{0} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{0} \right\rangle + \left| \overline{k_{0}} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{0} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle + \left| k_{2} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{0} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle + \left| k_{2} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{0} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle + \left| k_{2} \right\rangle \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle + \left| k_{2} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{0} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle + \left| k_{2} \right\rangle \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle \right) \\ & \left| k_{1} \right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right\rangle \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \left| k_{1} \right$$

If no Davier to enopie us to energy coope 1 is  $\frac{1}{4}$  in  $\frac{1}{4$ 

Tou filipois privous t n midavienza avei ei res o evir jeu fieja dors
privous n midavienza justar 1/4. Auto ei un cevalieró pero proti jeu
freja dors pròvous n curcinica ky èxer Suo conactei un n midavienza tens
curcinicas ky va avigventei oran ko ei un 1/2.

 $\int_{CO} \Delta m = \frac{2h}{c^2 \tau_1} \quad \text{do nàpoche} \quad P(\sqrt{|x^0|}) = \frac{1}{4} \left[ 1 + e - 2\cos\left(\frac{2t}{\tau_1}\right) e^{-\frac{t}{2} t} \right]$ 

Tra finepois xpàrous t augh n miduritare giveren finder en ja hyritars xpòres yiveren 1/4 allà crows endichercons xpòres unalexa fue Sourifares onou to apprino nococci ko talarenteras ce ko um l'ava masta nicu e as i ton ka Suchacter.