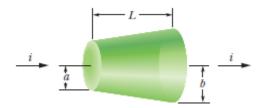
Φροντιστήριο 5 ΦΥΣ112

9/10/2024

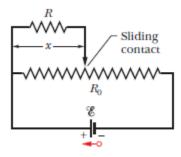
26.27) Δύο αγωγοί είναι φτιαγμένοι από το ίδιο υλικό και έχουν το ίδιο μήκος. Ο αγωγός A είναι συμπαγές καλώδιο διαμέτρου $1.00\,mm$. Ο αγωγός B είναι κούφιος σωλήνας με εξωτερική διάμετρο $2.00\,mm$ και εσωτερική διάμετρο $1.00\,mm$. Ποιος είναι ο λόγος των αντιστάσεών τους R_A/R_B που μετρώνται μεταξύ των δύο ακρών τους;

26.35) Στο σχήμα πιο κάτω περνάει ρεύμα διαμέσου ενός πλαγιαστού κόλουρου κώνου ειδικής αντίστασης $731\,\Omega\cdot m$, αριστερή ακτίνα $a=2.00\,mm$, δεξιά ακτίνα $b=2.30\,mm$ και μήκος $L=1.94\,cm$. Υποθέστε ότι η πυκνότητα ρεύματος είναι ομοιόμορφα κατανεμημένη σε κάθε επιφάνεια διατομής παρμένη κάθετα στο μήκος του κώνου. Ποια είναι η αντίσταση του κώνου;

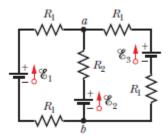


26.49) Ένας λαμπτήρας $100\,W$ είναι συνδεδεμένος σε πηγή $120\,V$. (a) Πόσο στοιχίζει ανά μήνα 31 ημερών να αφήνεται ανοιχτός ο λαμπτήρας συνεχώς; Υποθέστε ότι η ηλεκτρική ενέργεια κοστίζει $\mathbf{\in}0.06/kW\cdot h$. (b) Ποια είναι η αντίσταση του λαμπτήρα; (c) Πόσο ρεύμα διαπερνά τον λαμπτήρα;

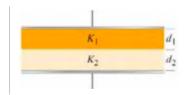
27.26) Το παραχάτω σχήμα δείχνει μια μπαταρία συνδεδεμένη με ομοιόμορφο αντιστάτη R_0 . Μια χυλιόμενη επαφή μπορεί να χινείται κατά μήχος του αντιστάτη από x=0 στα αριστερά έως και $x=10\,cm$ στα δεξιά. Μεταχινώντας την επαφή αλλάζουμε πόση αντίσταση υπάρχει στα αριστερά και δεξιά της. Εξάγετε μια έχφραση για τον ρυθμό που φθίνει η ενέργεια εντός του αντιστάτη R σαν συνάρτηση του x. Ζωγραφίστε την γραφιχή παράσταση για $\mathcal{E}=50\,V,\,R=2000\,\Omega$ και $R_0=100\,\Omega$.



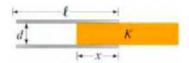
27.45) Στο σχήμα που ακολουθεί οι αντιστάσεις είναι $R_1=1.0\,\Omega$ και $R_2=2.0\,\Omega$, και οι ιδανικές μπαταρίες έχουν $\text{HE}\Delta\ \mathcal{E}_1=2.0\,V$ και $\mathcal{E}_2=\mathcal{E}_3=4.0\,V$. Πόσο είναι (a) το μέγεθος και (b) η κατεύθυνση (πάνω ή κάτω) του ρεύματος στην μπαταρία $1,\ (c)$ το μέγεθος και (d) η κατεύθυνση του ρεύματος στην μπαταρία $2,\ \text{και}\ (e)$ το μέγεθος και (f) η κατεύθυνση του ρεύματος στην μπαταρία $3;\ (g)$ Πόση είναι η διαφορά δυναμικού $V_a-V_b;$



Πρόβλημα 1: Δύο διαφορετικά διηλεκτρικά συμπληρώνουν τον χώρο ανάμεσα στους οπλισμούς ενός επίπεδου πυκνωτή όπως φαίνεται στο σχήμα. Προσδιορίστε την εξίσωση που δίνει την χωρητικότητα του πυκνωτή αυτού συναρτήσει των διηλεκτρικών σταθερών K_1, K_2 των υλικών, της επιφάνειας A και του πάχους των διηλεκτρικών υλικών απόστασης $d_1 = d_2 = \frac{d}{2}$. Υπόδειξη: θα μπορούσατε να θεωρήσετε τον πυκνωτή αυτόν σαν δύο πυκνωτέςσυνδεδεμένους σε σειρά·



Πρόβλημα 2: Ενα κομμάτι υλικού πάχους d και διηλεκτρικής σταθεράς K έχει εισαχθεί κατά απόσταση x, στο χώρο ανάμεσα στους οπλισμούς ενός επίπεδου τετραγωνικού πυκνωτή πλευράς ℓ , όπως φαίνεται στο σχήμα. Προσδιορίστε συναρτήσει του x, (α) τη χωρητικότητα, (β) την αποθηκευμένη ενέργεια αν η διαφορά δυναμικού είναι V_0 και (γ) το μέτρο και διεύθυνση της δύναμης που ασκείται στο διηλεκτρικό υλικό. Υποθέστε ότι V_0 παραμένει σταθερό και δεν μεταβάλλεται.



Froblem

$$26.27) \rightarrow R = \frac{\rho L}{nr^{2}}, \quad J_{a} = \chi_{a} = 100 \text{ mm}, \quad J_{a}, = \chi_{a}, = \chi_{a} = 100 \text{ m}$$

$$\Rightarrow R_{a} = \frac{\rho L}{nr^{2}}, \quad R_{a} = \frac{\rho L}{n(r_{a}^{2}, r_{a}^{2})}, \quad Z_{a} = 200 \text{ m}$$

$$\Rightarrow |S_{0}| = \chi_{1} \text{ min} \text{ man prives } : \rho_{a} = \rho_{a} = \rho$$

$$= \chi_{1} - r_{a} = \frac{r_{a}^{2}}{r_{a}^{2}} = \frac{r_{a}^{2}}{r_{a}^{2$$

$$O_{Lm}: R = \frac{V}{I} = \frac{PL}{mab} = 7 \text{ gi. is}^{r} \Omega$$

$$P_{r,b}lem = 26.47) P = 100 \text{ W}$$

$$V = 120 \text{ Y}$$

$$Ki.2s: \leq 6 \text{ got}/k \text{ Wh}$$

$$(a) t = 3i \text{ Jays} = 3i.(24 \text{ L}) \Rightarrow 0_{\text{gent}} \text{ with } s = \frac{P. + }{628i \text{ Min}} = 64.46$$

$$(b) R = \frac{V}{I}$$

$$I = \frac{V}{V} \Rightarrow R = \frac{V^{2}}{P} = [144 \Omega]$$

$$(c) I = \frac{P}{V} = [0.913 \text{ A}]$$

$$P_{r,b}lem = 27.26$$

$$P_{r,b}lem = 27.26$$

$$P_{r,b}lem = 26.47) P = 100 \text{ W}$$

$$I = \frac{V}{V} \Rightarrow R = \frac{V^{2}}{P} = [144 \Omega]$$

$$(c) I = \frac{P}{V} = [0.913 \text{ A}]$$

$$P_{r,b}lem = 27.26$$

$$P_{r,b}lem = 26.47) P = 100 \text{ W}$$

$$P_{r,b}lem = 100 \text{ W}$$

$$\frac{O \lambda m}{E_{e_{f}}} : I = \frac{\Delta V_{e}}{R_{e_{f}}} = \frac{\Delta V_{e}}{R''}$$

$$= > \frac{\Delta V_{e}}{R_{e_{f}}} = \frac{\mathcal{E} - \Delta V_{e}}{R''}$$

$$= > \Delta V_{e} = \frac{\mathcal{E} R_{e_{f}}}{R'' + R_{e_{f}}} = \frac{\mathcal{E} R_{e_{f}} \times \mathcal{E} R_{e_{f$$

 $\frac{\text{Kirchhoff:}}{\text{Eirchhoff:}} \frac{\Delta_{2}}{Z_{2}} = \frac{1}{2} \frac{Z_{3}}{Z_{4}} = \frac{1}{2} \frac{Z_{4}}{Z_{4}} = \frac{1}{2} \frac{Z_{2}}{Z_{4}} = \frac{1}{2} \frac{Z_{4}}{Z_{4}} = \frac{1}{2} \frac{Z_{4}}{Z$

rublem

$$A_{\rho i \nu} I_{\varphi i \delta} = \int_{0}^{\rho i} \chi_{i \nu} \delta : \quad \mathcal{E}_{i} - I_{i} R_{i} + I_{i} R_{i} - \mathcal{E}_{i} - I_{i} R_{i} = 0$$

$$2 \mathcal{E}_{i} = \mathcal{E}_{i} \Rightarrow 2 I_{i} R_{i} = I_{2} R_{2} - \mathcal{E}_{i}$$

$$\underline{R}_{i} = 2 R_{i} \Rightarrow I_{1} = I_{2} \frac{R_{2}}{2R_{i}} - \frac{\mathcal{E}_{i}}{2R_{i}} = I_{2} - \frac{\mathcal{E}_{i}}{2R_{i}}$$

$$(a) \rightarrow I_{1} + I_{2} + I_{3} = 0 \Rightarrow I_{1} + I_{2} + I_{2} = 0$$

$$\Rightarrow I_{1} + 2 \left(I_{1} + \frac{\mathcal{E}_{i}}{2R_{i}} \right) = 0$$

$$\Rightarrow 3I_{1} = -\frac{\mathcal{E}_{i}}{R_{i}} \Rightarrow I_{1} = -\frac{\mathcal{E}_{i}}{3R_{i}} = -\frac{2}{3}A$$

$$(b) I_{1} = 0 \Rightarrow 0 \text{ Gres } 2 \text{ with}$$

$$(c) I_{2} = I_{1} + \frac{\mathcal{E}_{i}}{2R_{i}} = \frac{1}{3}A = 0 \text{ 33 } A$$

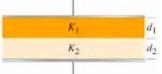
$$(d) I_{2} > 0 \Rightarrow 0 \text{ Gres } 2 \text{ with}$$

$$(e) I_{3} = I_{2} = \frac{1}{3}A = 0 \text{ 33 } A$$

(g)
$$\Delta V_2 = V_a - V_b = E_2 - I_2 R_2 = \frac{10}{3} V = \frac{1}{3} 33 V$$

9. Δύο διαφορετικά διηλεκτρικά συμπληρώνουν τον χώρο ανάμεσα στους οπλισμούς ενός

επίπεδου πυκνωτή όπως φαίνεται στο σχήμα. Προσδιορίστε την εξίσωση που δίνει την χωρητικότητα του πυκνωτή αυτού συναρτήσει των διηλεκτρικών σταθερών K_1 , K_2 των υλικών, της επιφάνειας A και του πάχους των διηλεκτρικών υλικών απόστασης $d_1 = d_2 = d/2$. <u>Υπόδειξη:</u> θα μπορούσατε να θεωρήσετε



τον πυκνωτή αυτόν σαν δύο πυκνωτές συνδεδεμένους σε σειρά ή παράλληλα;

O Murevaris finopsi va Demprodi à a siver Sio nurvaris se septi nos èpous en i Sua enidavera on Irofia, allà n freza i consanicaca mor Sintenzonio vilui cirar Scapopezzza:

Il pupareniages tou codination municipal our de ciras enoficions:

$$\frac{1}{C_0} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} = \frac{1}{\frac{k_1 A \varepsilon_0}{d_1}} + \frac{1}{\frac{k_2 A \varepsilon_0}{d_2}} = \frac{d_1}{k_1 A \varepsilon_0} + \frac{d_2}{k_2 A \varepsilon_0} \Rightarrow$$

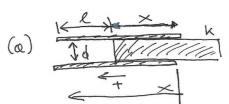
$$\Rightarrow \frac{1}{C_{0}} = \frac{\left(d_{1}k_{2} + d_{2}k_{1}\right)A\epsilon_{0}}{k_{1}k_{2}A\epsilon_{0}} \Rightarrow \frac{1}{C_{0}} = \frac{d_{1}k_{2} + d_{2}k_{1}}{k_{1}k_{2}} \Rightarrow C_{0}\gamma = \frac{k_{1}k_{2}}{d_{1}k_{2} + d_{2}k_{1}}$$

10. Ένα κομμάτι υλικού πάχους d και διηλεκτρικής σταθεράς K έχει εισαχθεί κατά απόσταση x, στο χώρο ανάμεσα στους οπλισμούς ενός επίπεδου τετραγωνικού πυκνωτή πλευράς l, όπως φαίνεται στο σχήμα.

Προσδιορίστε συναρτήσει του x, (α) τη χωρητικότητα, (β) την αποθηκευμένη ενέργεια αν η διαφορά δυναμικού είναι V_0 και



 (γ) το μέτρο και διεύθυνση της δύναμης που ασκείται στο διηλεκτρικό υλικό. Υποθέστε ότι V_0 παραμένει σταθερό και δεν μεταβάλλεται.



Osupoiles to sistempe auté san Anuxures Évas les Sun Leutourie un évas xupis Sun Leutonui, Kan or Suo nuxuries éxour tous Sio on I répois tous

pre uprilé Surapunie enverières éras une rous sie ontrépais pe paper le surapunie surapunie erricas enverieros pero se rous. Enopieurs or sie nunevares com mepaillaile prerosti rous.

Enopievos n 160 Singlan gaparancio en ta da Elas: $C = C_1 + C_2 \Rightarrow$ $\Rightarrow C = \mathcal{E}_0 \frac{\ell(\ell-x)}{d} + k\mathcal{E}_0 \frac{\ell x}{d} \Rightarrow C = \mathcal{E}_0 \frac{\ell^2}{d} \left[1 + (\kappa-1) \frac{x}{\ell} \right]$

Edo 600 o nuxverais civa responsavais à fire ndespa son da circa l'un



(b) kar or Sio nurveres éxour en idro Scapopa durquirai, endieus $U=\frac{1}{2}CV^2$ Enopieus $U=\frac{1}{2}\left(C_1+C_2\right)V_0^2=\mathcal{E}_0\frac{1}{2}\left[1+\left(k-1\right)\frac{\times}{2}\right]V_0^2$

(χ) Όταν η διαφορα δικαμινων ανάμεσα στους οπλισμούς Ενός πικινική είναι στουξερή και διηλειτρικό τλικί εισερχεται ανάμεσα στους οπλισμούς, φορτίο εκρέει από την πηγή δικαμινωύ (μπαταρία) στου πυκνωτή. Υποθέταιμε ότι το έρχο που παραθεται από είνα εβωτερικό φορέα, με τέτοιο τρόπο ώστε το διηλειτρικό να μην έχει κινητική ενέρχεια. Επομέτινς τη τέτα το δίγια με σταθερή τοχύτητα κινεταιτόρισμα. τη δαρντική ενέρχεια όπου κιναίμε ένα σώμα με σταθερή τοχύτητα κινεταιτόρισμα. Για να οιθήσοιμε (μειώσαμε) τη δαρντική διναμική ενέρχεια, θετικό (αρητικό) έρχο πρέπει να Ναταναλιθεί από μια εβωτερική μη δορντική πηχή. I Swefruin ενέργεια του πικνωτή allafour malin allafer το X.

Sivafunoi.

d Weg = d 2 = d 2 fine + of 2 finaz => Feg dx = of (1/2 cVo2) +d(Quinez Vo) =>

=> Fes = \frac{1}{2} V_0^2 \frac{dC}{dx} + V_0 \frac{dQ_{\text{linez}}}{dx} = \frac{1}{2} V_0^2 \frac{dC}{dx} - V_0 \frac{dQ_{\text{nux}}}{dx} =>

 $\Rightarrow F_{\epsilon g} = \frac{1}{2} V_0^2 \frac{dC}{dx} - V_0^2 \frac{dC}{dx} \Rightarrow F_{\epsilon g} = -\frac{1}{2} V_0^2 \frac{dC}{dC} \Rightarrow$

 $\Rightarrow F_{\varepsilon g} = -\frac{1}{2} V_o^2 \varepsilon_o \frac{l^2 \left[(\kappa - 1) \right]}{l} \Rightarrow F_{\varepsilon g} = -\frac{V_o^2 \varepsilon_o l}{2 d} (\kappa - 1)$

Η Sivatin αυτή είναι στην αντίθετη διεύθυνος του σχ μαν εποβείως είναι προς τω δεβιά. Αυτή η δίναξη εφαρμό εταν ω στε να πρατά το διηθεμισιμό από το να επιτωχύνετων. Εποβείως θα πρέπα να υπάρχει μια δίναξη ίσου μέτρου με μετεύθυνη προς τω αριστερά τη οποία τραδά το διηθεμισμώ. Η δύναξη αυτή προέρχετων από την ελβη του διοτώντων μαν του επαχόμενου φορτίου στο διηθεμισμώ. Η δύναξη ευτή έχει εποβείως ξιέτρος: $F_{11} = \frac{V_0 \, \mathcal{E}_6 \, l}{2 \, d}$ (K-1) με φορά πως τα αριστρά