## ΦΥΣ 112

# Ενδιάμεση Εξέταση: 19-Οκτωβρίου-2023

Πριν αρχίσετε συμπληρώστε τα στοιχεία σας (ονοματεπώνυμο και αριθμό ταυτότητας).

Ονοματεπώνυμο	Αριθμός Ταυτότητας

### Απενεργοποιήστε τα κινητά σας.

Το δοκίμιο περιέχει 20 ερωτήσεις πολλαπλών επιλογών (2 μονάδες/ερώτηση) και 2 προβλήματα που θα πρέπει να λύσετε αναλυτικά (30 μονάδες/άσκηση). Η μέγιστη συνολική βαθμολογία της εξέτασης είναι 100 μονάδες.

ΧΡΗΣΙΜΟΠΟΙΕΙΣΤΕ ΜΌΝΟ ΤΙΣ ΣΕΛΙΔΕΣ ΠΟΥ ΣΑΣ ΔΙΝΟΝΤΑΙ ΚΑΙ ΜΗΝ ΚΟΨΈΤΕ ΟΠΟΙΑΔΗΠΟΤΕ ΣΕΛΙΔΑ

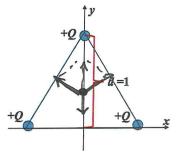
# Η διάρκεια της εξέτασης είναι 150 λεπτά. Καλή Επιτυχία!

Μέρος Α – Πολλαπλές επιλογές			
Ερώτηση	Βαθμός	Ερώτηση	Βαθμός
1		11	
2		12	
3		13	
4		14	
5		15	
6		16	
7		17	
8		18	
9		19	
10		20	
Σύνολο			

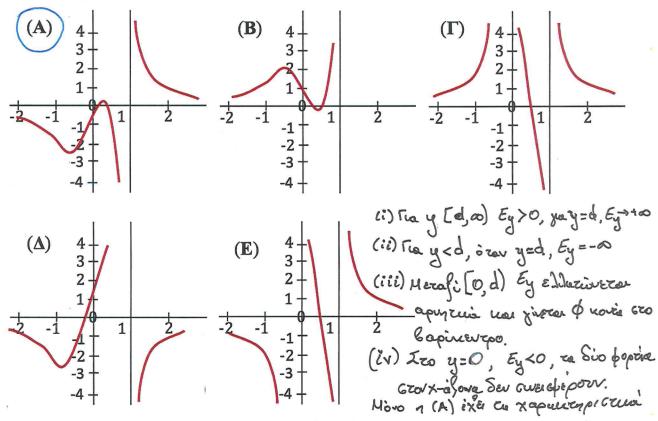
Μέρος Β		
Άσκηση	Βαθμός	
$1^{\eta} (30 \mu)$		
$2^{\eta} (30 \mu)$		
Σύνολο		

## Ερωτήσεις Πολλαπλών Επιλογών - Σύνολο 40 μονάδες - 2 μονάδες/ερώτηση

Οι επόμενες τρεις ερωτήσεις αναφέρονται στην περίπτωση της διάταξης 3 ίσων θετικών φορτίων τα οποία είναι τοποθετημένα στις κορυφές ενός ισόπλευρου τριγώνου το επίπεδο του οποίου βρίσκεται στο x-y επίπεδο, όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Η κλίμακα είναι τέτοια ώστε το ύψος του ισόπλευρου τριγώνου να ισούται με 1 με +2 τυχαίες μονάδες μέτρησης.



1. Ποιο από τα παρακάτω γραφήματα περιγράφει πιο πιστά την y-συνιστώσα  $E_y$ , του ηλεκτρικού πεδίου αυτής της διάταξης φορτίων;

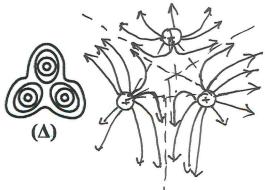


2. Ποιο από τα παρακάτω γραφήματα αναπαριστά καλύτερα τις δυναμικές γραμμές του πεδίου της διάταξης φορτίων του ισόπλευρου τριγώνου:

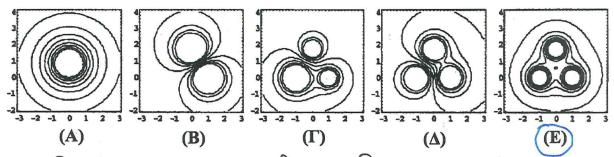






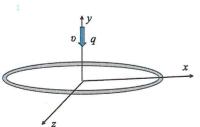


3. Ποιο από τα παρακάτω γραφήματα αναπαριστά καλύτερα τις ισοδυναμικές καμπύλες της παραπάνω διάταξης φορτίων στο επίπεδο του ισόπλευρου τριγώνου.



Or 160 Swafernier nationiles eines médetes con Swafernier papetres une enotiernes de etidaniforme con ofichenton mindor tipes and co opprine en cro Ecurepai en topymon a èvoca piran de mar la Swafernier naparticies cradepoi.

- 4. Το διπλανό σχήμα παρουσιάζει 4 φορτία, 2 εκ των οποίων θετικά και 2 αρνητικά τα οποία είναι τοποθετημένα στις κορυφές ενός τετραγώνου πλευράς α. Ποιο από τα διανύσματα αναπαριστά πιο πιστά την διεύθυνση της δύναμης που ασκείται σε ένα θετικό δοκιμαστικό φορτίο το οποίο τοποθετείται στο κέντρο P του τετραγώνου;
  - $(A) \uparrow (B) \longrightarrow (\Gamma) \downarrow (\Delta) \nearrow$
- 5. Ένας δακτύλιος αρνητικής ομοιόμορφης κατανομής φορτίου είναι τοποθετημένος στο x-z επίπεδο με το κέντρο του δακτυλίου στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Ένα θετικά φορτισμένο σωματίδιο κινείται κατά μήκος του yάξονα προς το κέντρο του δακτυλίου όπως στο διπλανό σχήμα. Την στιγμή που περνά από το κέντρο του δακτυλίου:
  - (Α) Η ταχύτητα και επιτάχυνσή του αποκτούν μέγιστες τιμές.
  - (Β) Η ταχύτητά του είναι μηδέν και η επιτάχυνσή του μέγιστη.
  - (Γ) Η ταχύτητα και επιτάχυνση δεν είναι μηδέν αλλά δεν έχουν μέγιστη τιμή. του σωματιδίστ
  - (Δ) Η ταχύτητά και επιτάχυνσή του είναι μηδέν.
  - (Ε) Η ταχύτητά του είναι μέγιστη και η επιτάχυνσή του μηδέν.

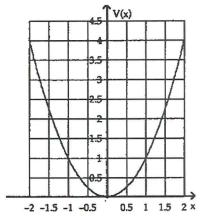


Les vieros tou Sanso lior ח בירפה כם חבשנם בישו ש Enoficiens of Souther was apar of Enizione eiva finder H caxinga

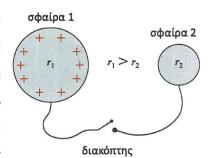
(2)

Tou épyor ens Sinations tou Messon

6. Το διπλανό γράφημα δείχνει τις μεταβολές του ηλεκτρικού δυναμικού V (σε τυχαίες μονάδες μέτρησης) συναρτήσει της θέσης x (μετρούμενη επίσης σε τυχαίες μονάδες). Ποια από τις παρακάτω επιλογές περιγράφει πιστά τον προσανατολισμό του ηλεκτρικού πεδίου Ε κατά μήκος του x-άξονα;



- (A) Το E είναι αρνητικό στο διάστημα  $-2 \le x \le 2$ .
- (Β) Δεν δίνονται αρκετά στοιχεία για να απαντηθεί το ερώτημα.
- (Γ) Το E είναι θετικό στο διάστημα -2 ≤ x ≤ 2.
- (Δ) Το E είναι αρνητικό στο διάστημα  $-2 \le x < 0$  και θετικό στο διάστημα  $0 < x \le 2$ .
- ((E))Το E είναι θετικό στο διάστημα  $-2 \le x < 0$  και αρνητικό στο διάστημα  $0 < x \le 2$ . E=- TV Endieven Ex=- dx 2. It using even aproverny you [-2,0) was endieven Ex>0 Hulicy einen Derus yea (0,2] wer endieves Ex <0 ( x=0 E=0
- 7. Δύο μεταλλικές σφαίρες συνδέονται μεταξύ τους με ένα μεταλλικό σύρμα το οποίο έχει έναν διακόπτη. Αρχικά ο διακόπτης είναι ανοικτός. Η σφαίρα 1, με τη μεγαλύτερη ακτίνα, φορτίζεται με θετικό φορτίο. Η σφαίρα 2, με τη μικρότερη ακτίνα είναι αφόρτιστη. Ο διακόπτης κλείνει. Μετά από κάποιο χρονικό διάστημα, η σφαίρα 1 έγει φορτίο  $Q_1$  και βρίσκεται σε δυναμικό  $V_1$ , ενώ το ηλεκτρικό πεδίο στην επιφάνειά της έχει ένταση  $E_{I}$ . Οι τιμές για την



σφαίρα 2 είναι Q2, V2 και Ε2 αντίστοιχα. Ποια από τις ακόλουθες προτάσεις ισχύει:

(A) 
$$V_1 = V_2 \text{ kai } E_1 = E_2 \text{ kai } Q_1 = Q_2$$
.

(B) 
$$V_1 = V_2 \text{ kai } E_1 < E_2 \text{ kai } Q_1 > Q_2$$

$$(Γ) V_1 = V_2 και E_1 < E_2 και Q_1 < Q_2.$$

$$(Δ) V_1 = V_2 και E_1 > E_2 και Q_1 < Q_2.$$

(E) 
$$V_1 > V_2$$
 kai  $E_1 < E_2$  kai  $Q_1 > Q_2$ .

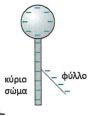
Ano en cayen na exoche 2 peralluis apapes nou sivar agrupoi, or entparais cons da sivar ceo i de Swafirio ocer anderoir (icoSwafiries Enibavaes). Apa V1 = V2.

$$V_{1} = \frac{kQ_{1}}{V_{1}} = V_{2} = \frac{kQ_{2}}{V_{2}} \Rightarrow \frac{Q_{3}}{Q_{2}} = \frac{V_{1}}{V_{2}} \Rightarrow Q_{3} > Q_{2}$$

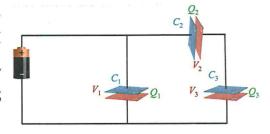
$$E_{1} = \frac{kQ_{4}}{V_{1}^{2}} = \frac{V_{1}}{V_{1}} = \frac{V_{2}}{V_{1}} = \frac{kQ_{2}}{V_{2}} = \frac{kQ_{2}V_{2}}{V_{2}^{2}V_{1}} = \frac{E_{2}V_{2}}{V_{1}^{2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{E_{4}}{E_{2}} = \frac{V_{2}}{V_{1}} \Rightarrow E_{4} < E_{2}$$

8. Το διπλανό σχήμα δείχνει ένα ηλεκτροσκόπιο αρνητικά φορτισμένο. Το φύλλο γρυσού είναι απομακρυσμένο από το κύριο σώμα του ηλεκτροσκοπίου. Τι μπορείτε να πείτε για το ηλεκτρικό δυναμικό του φύλλου χρυσού; Το η ευτροσευτιώ διναξικώ είναι πουτώ το ίδιο για σώμα  $(A)V_{φύλλου} = V_{ηλεκτροσκοπίου}$   $(B)V_{φύλλου} < V_{ηλεκτροσκοπίου}$   $(\Gamma)V_{φύλλου} > V_{ηλεκτροσκοπίου}$ 

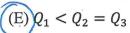


- Ένα κύκλωμα αποτελείται από τρεις πυκνωτές C<sub>1</sub>, C<sub>2</sub> και C3 που συνδέονται με μπαταρία δυναμικού  $V_0$ . Η χωρητικότητα  $C_2 = 2C_1$ . Η χωρητικότητα  $C_3 = 3C_1$ . Οι πυκνωτές αποκτούν φορτίο  $Q_1$ ,  $Q_2$  και  $Q_3$ . Πώς συγκρίνονται τα φορτία  $Q_1$ ,  $Q_2$  και  $Q_3$ ;

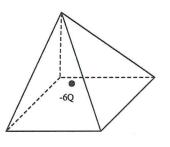


- (A)  $Q_1 > Q_3 > Q_2$  Or nurvoir  $C_2 \not \subset C_3$  is an GF Gerpa con in from to iSe populo. (B)  $Q_1 > Q_2 > Q_3$  If isoSirafin gaprenisty to creat is bis out on it.  $\frac{1}{c_{23}} = \frac{1}{c_2} + \frac{1}{c_3} \Rightarrow C_3 = \frac{5}{5}C_1$

- ( $\Gamma$ )  $Q_1 > Q_2 = Q_3$  O  $C_3$  eiven napallabo fer con  $C_{23}$  here  $C_3 < C_{23}$
- $(\Delta) Q_1 = Q_2 = Q_3 \qquad \forall c_1 = \forall c_{23} \Rightarrow \frac{Q_1}{C_1} = \frac{Q_{23}}{C_{23}} \Rightarrow \frac{Q_{23}}{Q_1} = \frac{c_{23}}{C_2} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_1} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_2} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_1} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_2} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_1} \Rightarrow \frac{c_{23}}{Q_2}$ => Q, <Q23=Q2=Q3



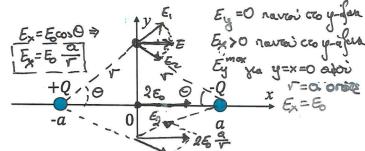
- 10. Ένας πυκνωτής αποτελείται από 2 παράλληλες αγώγιμες πλάκες και παρουσιάζει χωρητικότητα C. Ο πυκνωτής συνδέεται με μπαταρία ηλεκτρεγερτικής δύναμης Ε και αμελητέας εσωτερικής αντίστασης και φορτίζεται πλήρως. Η πυκνότητα ενέργειας στον πυκνωτή είναι u. Αν ο ίδιος πυκνωτής συνδεθεί με μπαταρία διπλάσιας ηλεκτρεγερτικής δύναμης από την αρχική, η πυκνότητα ενέργειας στον πυκνωτή θα γίνει: 🏒 = 🖞  $\text{CV}_{1}^{2}$ 
  - (A) u
- (B) 2u
- $(\Gamma) u/2$
- (E) u/4
- U2= 10 CAV = 10 CAV = 4 U1
- 11. Ένα φορτίο q = -6Q είναι τοποθετημένο στο εσωτερικό μιας πυραμίδας, όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα. Η πυραμίδα έχει περίμετρο βάσης ίσο α (τυχαίες μονάδες μέτρησης) και ύψος βάσης ίσο με b (τυχαίες μονάδες μέτρησης). Ποια η ολική ηλεκτρική ροή δια μέσω της πυραμίδας;

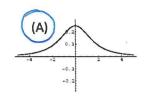


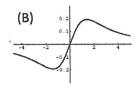
- (A)  $\Phi = -\frac{3kQ}{b^2}$  (B)  $\Phi = -\frac{6Q}{\varepsilon_0}$  ( $\Gamma$ )  $\Phi = -\frac{6Q\alpha^2}{b^2\varepsilon_0}$  ( $\Delta$ )  $\Phi = -\frac{3Q\alpha^2b^2}{\varepsilon_0}$  (E)  $\Phi = -\frac{6kQ}{a^2}$

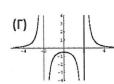
And cor vito row Clauss:  $\phi_{\mathcal{E}} = \iint \mathcal{E} \cdot dA = \frac{\alpha}{\epsilon_0} \Rightarrow \phi_{\epsilon} = -\frac{k6\alpha}{\epsilon_0}$ 

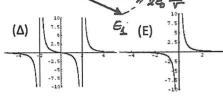
12. Δύο φορτία έχουν την διάταξη που φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Ποιο από τα παρακάτω γραφήματα αναπαριστά πιο πιστά την xσυνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου Εχ για σημεία που βρίσκονται πάνω στον y-άξονα;











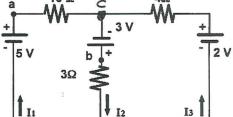
- 13. Θεωρήστε την διάταξη των δύο πυκνωτών του διπλανού σχήματος όπου οι πυκνωτές I.  $Q_1 > Q_2$ . συνδέεονται μεταξύ τους με σύρματα. Ένα φορτίο II.  $Q_1 = Q_2$ . +Q αποσπάται από το κάτω καλώδιο και προστίθεται στο πάνω καλώδιο. Για την περίπτωση που  $C_1 > C_2$ ,  $V. V_1 = V_2.$ συγκρίνετε τα φορτία των πάνω οπλισμών των δύο **-O** VI.  $V_1 < V_2$ . πυκνωτών  $Q_1$  και  $Q_2$  καθώς και την διαφορά δυναμικού  $V_1$  και  $V_2$  στα άκρα του κάθε πυκνωτή. Ποια από τις δηλώσεις παρακάτω είναι αληθής ή ψευδής;
  - (Α) Μόνο Ι και VI είναι σωστά.
  - (Β) Μόνο το ΙΙ και VΙ είναι σωστά.
  - (Γ) Μόνο το Ι και ΙV είναι σωστά.
  - (Δ) Μόνο το ΙΙΙ και VI είναι σωστά.
  - (E) Μόνο το Ι και V είναι σωστά.
- O : nouveren eine ensestiche nepellale une endelen

$$|V_1 = V_2| \quad \text{Alla} \quad V_1 = \frac{Q_1}{C_1} = \frac{Q_2}{C_2} = V_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{Q_1}{Q_2} = \frac{C_1}{C_2} > 1 \Rightarrow |Q_1 > Q_2|$$

- 14. Στο παρακάτω σχήμα τα ρεύματα  $I_1$  και  $I_2$  είναι ίσα με 0.13Α και 2.22Α αντίστοιχα. Η διαφορά δυναμικού  $V_a - V_b$ . είναι:
  - (A) -3V

- (B) +5V
- Va-Vb= +1.38-3V => Va-Vb=-1.71

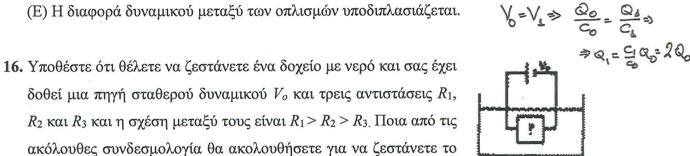


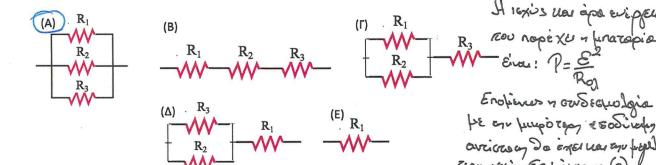
- $(\Gamma)$  -1.7V $(\Delta)$  0.0V
- (E) + 2.4V

- 15. Ένας επίπεδος πυκνωτής είναι συνδεδεμένος με τους πόλους μιας μπαταρίας συγκεκριμένης ηλεκτρεγερτικής δύναμης. Ενώ η μπαταρία παραμένει συνδεδεμένη, η απόσταση μεταξύ των οπλισμών του πυκνωτή ελαττώνεται στο μισό της αρχικής απόστασης. Σαν αποτέλεσμα:
  - (Α) Το ηλεκτρικό φορτίο στους οπλισμούς διπλασιάζεται.

νερό του δοχείου το συντομότερο;

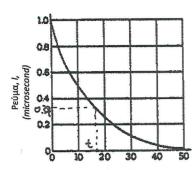
- (Β) Το ηλεκτρικό φορτίο στους οπλισμούς παραμένει αμετάβλητο.
- (Γ) Το ηλεκτρικό φορτίο στους οπλισμούς υποδιπλασιάζεται.
- (Δ) Η ενέργεια που είναι αποθηκευμένη στον πυκνωτή παραμένει αμετάβλητη.
- (Ε) Η διαφορά δυναμικού μεταξύ των οπλισμών υποδιπλασιάζεται.





- 17. Δύο απομονωμένες αγώγιμες σφαίρες απέχουν μεγάλη απόσταση μεταξύ τους. Η σφαίρα 1 έχει ακτίνα R και είναι φορτισμένη με φορτίο +3Q ενώ η σφαίρα 2 έχει ακτίνα  $R_2=3R$  και φορτίο 70. Οι σφαίρες ενώνονται τώρα με ένα λεπτό σύρμα χαλκού το οποίο επιτρέπει φορτίο να μετακινηθεί από την μία σφαίρα στην άλλη. Πόσο φορτίο θα μεταφερθεί από την σφαίρα 2 στην σφαίρα 1 (σημειώστε ότι το μεταφερόμενο φορτίο μπορεί να είναι θετικό, αρνητικό ή μηδέν).
  - $(\Gamma)$  -Q/3  $(\Delta)$  +3Q (E) κανένα από τα προηγούμενα
  - 0. Sio épaipes empires anoreloir apujo mer to Swapen da cirar to : Su. => 1/3=1/2 > Kar = kaz  $\Rightarrow \frac{Q_1}{2} = \frac{Q_2}{3R} \Rightarrow Q_2 = 3Q_1. \quad \text{To aluis possion rpiv was fix the siver iSW, april Q_3=10Q <math>\Rightarrow$   $Q_1 + Q_2 = 10Q \Rightarrow$   $Q_2 = 7.5Q$ . Endricus fix the partie of the property of the p

18. Το διπλανό γράφημα δείχνει το ρεύμα I που διαρρέει ένα κύκλωμα συναρτήσει του χρόνου καθώς φορτίζεται κάποιος πυκνωτής χωρητικότητας C με την βοήθεια μι ας μπαταρίας και μιας αντίστασης R συνδεδεμένα σε σειρά με το πυκνωτή. Ποιο από τα ακόλουθα μπορούμε να συμπεράνουμε:



- (A) Η περίοδος ταλάντωσης του κυκλώματος είναι περίπου 20s.
- (B)Η σταθερά RC είναι περίπου 14s.
- (Γ) Η χρονική σταθερά του κυκλώματος είναι περίπου 10s.
- $(\Delta)$  Η αντίσταση είναι περίπου  $10^6$  Ohm
- (Ε) Η χωρητικότητα C του πυκνωτή είναι περίπου  $0.7 \mu F$ .

To peinte que doperfiquero numeros Eine : I = Io e t/z = Io e t/RC 'Oran t=RC zore I = Io/e = 37% Io

'Ozav t=RC zōτε I=Io/e=31/0.10 Enopius anò το γράφημο, 0.31 Io=0.37.A ανα ανα ανοίχει σε π142

Στα ακόλουθα διαγράμματα, όλοι οι λαμπτήρες είναι όμοιοι όπως και όλες οι πηγές ηλεκτρεγερτικής δύναμης. Σε ποιο από τα κυκλώματα κάθε λαμπτήρας θα φωτοβολεί το ίδιο με τον λαμπτήρα του κυκλώματος X;













- (A) 1
- (B) 2
- $(\Gamma)$  3
- $(\Delta)$  4
- (E) 5

Το ρείζα που διαρρέει το τιελεθιμία X είναι E/R τιαι  $\pi$  ταίτη στα άτιρα του θαμπεηρα είναι EΗ συνδεσμο λαία (1) έχει E στο αιρα των λαμπτήρων τιαι  $R_0 = \frac{R}{2}$  ε πομέτων το ρείμα νώθε Νύθον

α είναι:  $I_1 + I_2 = I_{0.5} = 2E/R \Rightarrow 2I_1 = 2E/R \Rightarrow I_1 = E/R$  ίδιο όπων τιαι στο X είναι 20. Το διπλανό κύκλωμα περιέχει 2 πηγές ηλεκτρεγερτικής δύναμης  $E_1 = \frac{1}{2}$ 

0. Το διπλανό κύκλωμα περιέχει 2 πηγές ηλεκτρεγερτικής δύναμης  $\mathcal{E}_1 = \mathcal{E}_2 = 9V$  και τρεις αντιστάτες με αντίσταση  $R_1 = R_2 = 40\Omega$  και  $R_3 = 10\Omega$ .

Το ρεύμα που διαρρέει την αντίσταση  $R_3$  είναι:

- (A) 0.3 A
- (B) 0.15A
- (Γ) 0.1A
- $(\Delta) \ 0.05A$
- (E) 0.0A

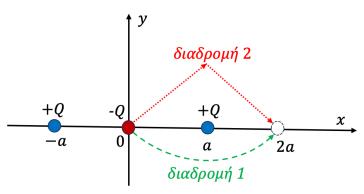
Edicov  $R_1=R_2$  was  $f=E_2$ , to perited now Supplier tous in Jadous autoris Evan to i dio his period and auto now Supplier tous  $R_3$ . Expaplia overs tour  $R_3$  violes touleir de holf  $E_3-I_3R_3=0 \Rightarrow E_3-\left(\frac{T_3}{2}\right)R_1-I_3R_3=0 \Rightarrow I_3=\frac{E_3}{2}+R_3 \Rightarrow I_3=\frac{gV}{2}+R_3$   $\Rightarrow I_3=0.3A$ 

### Μέρος Β – Αναλυτικά προβλήματα – Σύνολο 60 μονάδες

#### <u>Ασκηση 1</u> [30μ]

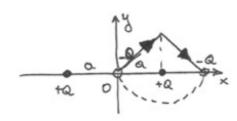
Ένα σημειακό φορτίο +Q είναι τοποθετημένο στη θέση x=-a στον x-άξονα. Άλλα φορτία

μετακινούνται από το άπειρο στην περιοχή γύρω από το φορτίο +Q σύμφωνα με τον τρόπο που περιγράφεται παρακάτω. Υποθέστε ότι σε όλες τις περιπτώσεις, τα επιπλέον φορτία ξεκινούν από την αρχική τους θέση και καταλήγουν στην τελική τους



θέση στην κατάσταση της ηρεμίας. Θεωρήστε επίσης ότι το ηλεκτροστατικό δυναμικό και ηλεκτροστατική δυναμική ενέργεια είναι μηδέν στο άπειρο.

- (α) Πόσο έργο απαιτείται για να μεταφερθεί ένα δεύτερο θετικό φορτίο +Q από το άπειρο στη θέση x=+a. Ποια είναι η ολική ενέργεια αυτής της διάταξης φορτίων; Σχολιάστε το αποτέλεσμά σας.  $[\mathbf{6}\mathbf{\mu}]$
- (β) Με τα δύο φορτία στις θέσεις  $x=\pm a$ , προσδιορίστε το ηλεκτροστατικό δυναμικό στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Υπολογίστε το έργο που απαιτείται για να μεταφερθεί ένα τρίτο φορτίο -Q από το άπειρο στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων (x=0). Σχολιάστε το αποτέλεσμά σας.  $[6\mu]$
- (γ) Υπολογίστε το έργο που απαιτείται για να μετακινηθεί το φορτίο -Q από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων (x=0) στη θέση x=2a κατά μήκος της ημικυκλικής διαδρομής που φαίνεται στο σχήμα  $(\Delta\iota\alpha\delta\rho \rho\mu\dot{\eta}\ 1)$ .  $[\mathbf{6}\mu]$
- (δ) Υπολογίστε το έργο που απαιτείται για να μετακινηθεί το φορτίο -Q από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων (x=0) στη θέση x=2a κατά μήκος της  $\Delta \iota \alpha \delta \rho \rho \mu \dot{\eta} \varsigma 2$  που φαίνεται στο σχήμα.  $[\mathbf{6}\mu]$
- (ε) Προσδιορίστε την ολική δυναμική ενέργεια που είναι αποθηκευμένη στην τελική διάταξη των φορτίων (φορτίο +Q στη θέσεις  $x=\pm a$  και φορτίο -Q στη θέση x=2a). Σχολιάστε το αποτέλεσμά σας.  $[6\mu]$



(a) Orav hovo to poprio + a Bpicheran cent Scialor Tote:

To épyo now anacticas yes va letapépoche Éva Sentepo +Q con déco x=a Da cira:

evipped to neugenia news

 $W = qV \Rightarrow W = \frac{kQ^2}{8Q}$ 

Enotions, W= ka non 1600 tar be env ndentpoctaremi Surapuis evigrea Ins Siècolus dopciar:  $V = W \Rightarrow V = \frac{KQ}{2a}$ , To èppo nou repositione - Trapazzara que un piper To pool o + Q our dicaxoa and recircu un Surefruer

(b) Ozav une la Sio Serua popeia ina napara ser Suite y tore co Swapuis car déa x=0 de circu a unépoleg au Swapuis ans vière populo: V(x=0) = = = + kQ => |V(x=0) = 2kQ |

To épyo que va ferapepoli éva popoio -Q coo x=0 cina: W=qV=\mathbb{W}=\frac{-2ka}{a} Japatypica ou to ego civu apry uno WXO. Evas esureaux s Tapatypy tijs de npiner va napire apriquis épro, nou enquiver ou o exurepues maparapages Du noiner va anotoique to popuo va entreguesi (epicor to - 2 i Juetar aris Le Sio Dermi doptie). To rleurpuis Médio ente les derms épyo. maple disorpo ndeucoccucion Swaficia eviggen Gen Siacolo au φορείων που περιέχουν το -Q σεν δείση x=0 æn ότουν το -Q είνει στο απάρο

$$V_{b}(x=2\alpha) = \frac{kQ}{\alpha} + \frac{kQ}{3\alpha} = \frac{4kQ}{3\alpha}$$

$$V_{a}(x=0) = \frac{kQ}{\alpha} + \frac{kQ}{\alpha} = \frac{2kQ}{\alpha}$$

$$V_{a}(x=0) = \frac{kQ}{\alpha} + \frac{kQ}{\alpha} = \frac{kQ}{\alpha}$$

$$V_{a}(x=0) = \frac{kQ}{\alpha} + \frac{kQ}{\alpha}$$

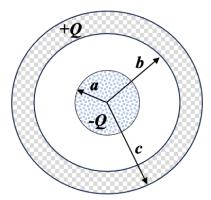
(E) Il Muni Suspicion evegges eiver:

$$V = \frac{k\alpha^2}{2\alpha} - \frac{k\alpha^2}{\alpha} - \frac{k\alpha^2}{3\alpha} = \frac{3k\alpha^2 - 6k\alpha^2 - 2k\alpha^2}{6\alpha} = \frac{5k\alpha^2}{6\alpha}$$

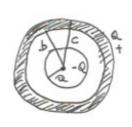
To apurtuo rpòcifio (-) Silvier oci i il leugoccaturi Suapuri evigrera ens Sietefris aveis popelar aite ligotepa and the Sietefri be to popeio -Q 500 asperpo.

## <u>Ασκηση 2</u> [30μ]

Ένας σφαιρικός πυκνωτής αποτελείται από μια αγώγιμη συμπαγή σφαίρα ακτίνας a στο εσωτερικό του η οποία περιβάλλεται από έναν αγώγιμο σφαιρικό φλοιό εσωτερικής ακτίνας b και εξωτερικής ακτίνας c. Ο πυκνωτής είναι φορτισμένος με φορτίο -Q στην εσωτερική σφαίρα και φορτίο +Q στον εξωτερικό σφαιρικό φλοιό. Η συντεταγμένη r μετρά την απόσταση από το κέντρο της συμπαγούς σφαίρας.



- (α) Υπολογίστε το ηλεκτρικό πεδίο  $\vec{E}(r)$  παντού στο χώρο εξαιτίας αυτής της διάταξης φορτίων. Θα πρέπει να σημειώσετε την κατεύθυνση και μέτρο του πεδίου. Σχεδιάστε το γράφημα του ηλεκτρικού πεδίου E(r) συναρτήσει της απόστασης r για όλα τα r.  $[5\mu]$
- (β) Στο ερώτημα (γ) θα υπολογίσετε τη διαφορά δυναμικού  $\Delta V$  μεταξύ του εσωτερικού και εξωτερικού αγωγού της διάταξης. Ωστόσο πριν υπολογίσετε την τιμή αναφέρετε ποιο θα είναι το πρόσημο (θετικό ή αρνητικό) της διαφοράς δυναμικού  $\Delta V = V_b V_a$ . Θα πρέπει να εξηγήσετε λεπτομερώς την απάντησή σας για να δοθούν οι αντίστοιχες μονάδες του ερωτήματος. [2μ]
- (γ) Προσδιορίστε τη διαφορά δυναμικού  $\Delta V = V_b V_a$  μεταξύ του εσωτερικού και εξωτερικού αγωγού. [**6**μ]
- (δ) Από το αποτέλεσμα στο ερώτημα (γ), προσδιορίστε την χωρητικότητα της διάταξης και την ενέργεια που είναι αποθηκευμένη σε αυτήν. [5μ]
- (ε) Λαμβάνοντας το ηλεκτροστατικό δυναμικό να είναι μηδέν στο άπειρο, προσδιορίστε την τιμή του δυναμικού V(r) για όλες τις πιθανές τιμές του r και κάντε το γράφημα του V(r) συναρτήσει της απόστασης r. [6 $\mu$ ]
- (στ) Προσδιορίστε την πυκνότητα ενέργειας του ηλεκτρικού πεδίου στην περιοχή μεταξύ  $\alpha$  και b. Ολοκληρώστε την πυκνότητα ενέργειας ως προς τον όγκο μεταξύ των δύο αγωγών και συγκρίνετε με την απάντησή σας στο ερώτημα (δ). [ $6\mu$ ]



(a) Exothe Sio agrayoris, real enchiners to Automobile cto Escurephio tens agrayoris eiles  $\emptyset$ .

To dop-tio Da noines us boicuetes con enchivere au agrayoris.  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{new}}{E_0} \qquad \qquad E_0 = \frac{1}{E_0}$ 

queri Su unapxa dopoio es onoio la napiexeras con Enidavera 6 parpos He aleana T<Q

Tra PKTKE E=0 Son niegxon poosa ao Esmagario en aparpurar ploros.

The acrob OE. dA = -E. Anr2 = Qnee => E. Anr2 = Q => E= - Qnee => E = -

Tue V>C E=0 adoù co cuolui popoi o in O co saurepoisos Educación enidereus, les acceive T>C.

Erofierus zo Dengenio nesio eine  $\phi$  pre o lo cor prijos euros ano ero repropria ana freca crows Sio experiencis  $\phi$  lovois,  $\alpha < r < b$  o nou  $\vec{E} = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}\vec{r}$ .

(b) Il Sudopà Surpuni ève AV=V6-Va. Epòcov ro n'euroui redio èxe Siendary and cripia ugustori Suapunoi ce cripia pe xapylorgos Surapuno, Gofinequiroche òà Vb > Va onòte Vb-Va>0 DEZUN Sudopi Suspicos.

(x) = ipode ou AV=- ( - a - ( - a de re) dr = ) a dr => => AV= Q / TE = -Q / ba => AV= -Q / ba => AV= Q / ba => AV (8) And to aportalities spirate exouse:

$$\Delta V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \frac{b-\alpha}{ab} > 0$$

$$C = \frac{Q}{\Delta V} \Rightarrow C = 4\pi\epsilon_0 \frac{\alpha b}{b-\alpha}$$

$$\Delta U_{\epsilon} = \frac{1}{2}CY^2 = \frac{1}{2}QV \Rightarrow U_{\epsilon} = \frac{1}{2}Q^2 \frac{b-\alpha}{4\pi\epsilon_0 \alpha b}$$

(E) To Swapuio a anouSinore espeio tou xièpeu Do oira:

$$\Delta V_{r,\infty} = -\int_{-\infty}^{r} \vec{\epsilon} \cdot d\vec{l} \Rightarrow \Delta V_{r,\infty} = Y(r) - V(\infty)$$

$$\Delta V_{\omega,r} (r>c) = -\int_{-\infty}^{r} 0 \cdot d\vec{l} = 0 \Rightarrow V(r) = 0$$

$$\Delta V_{\omega,r} (b < r < c) = -\int_{-\infty}^{r} \vec{\epsilon} \cdot d\vec{l} = -\int_{-\infty}^{r} 0 \cdot d\vec{l} = 0 \Rightarrow V(r) = 0.$$

$$\Delta V_{\omega,r} (a < r < b) = -\int_{-\infty}^{r} \vec{\epsilon} \cdot d\vec{l} = -\int_{-\infty}^{r} 0 \cdot d\vec{l} + \left(-\int_{0}^{\alpha} \frac{a}{4\pi\epsilon_{0}r^{2}} dr\right) = +\int_{0}^{\alpha} \frac{a}{4\pi\epsilon_{0}r^{2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta V_{\omega,r} (a < r < b) = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_{0}} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{b}\right)$$

AVer (ra) = - Q (1 a - 1) Na confección da yea v=6 BV=0.

If nleutpocatus disperse circi:  $u_{\varepsilon} = \frac{1}{2} \varepsilon |\varepsilon|^2 = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \left|\frac{-Q}{4n\varepsilon_0 r^2}\right|^2 a < r < b$   $u_{\varepsilon} = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \frac{Q^2}{|\varepsilon|^2 \varepsilon^{r4}} \Rightarrow \left|u_{\varepsilon} = \frac{Q^2}{32n^2 \varepsilon^{r4}}\right|^2$  $\mathcal{T} = \begin{cases} u_{\varepsilon} dV \approx 1 \lambda \dot{a} dV = 4\pi r^{2} dv & u_{\varepsilon} \dot{a}_{\varepsilon} dv \end{cases} \quad \mathcal{T} = \frac{Q^{2}}{39\pi \varepsilon} d\pi \int_{\alpha}^{\beta} \frac{dr}{r^{2}} = \frac{Q^{2}}{8\pi \varepsilon} \left(\frac{1}{r}\right)^{b} dr = \frac{Q^{2}}{8\pi \varepsilon} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b}\right) \Rightarrow \mathcal{T} = \frac{Q^{2}}{8\pi \varepsilon} \left(\frac{b-a}{ab}\right) \quad \text{is a nowelle the test of an experience (d)}.$