20° Mini Exam – 5-λεπτά

Μία τέλεια ομοιογενής, συμπαγής σφαίρα ακτίνας *R* κυλά χωρίς ολίσθηση σε μία τέλεια στερεά οριζόντια επιφάνεια. Να δείξετε ότι εφόσον η σφαίρα κυλά χωρίς να ολισθαίνει η δύναμη της στατικής τριβής είναι μηδέν

Μπορούμε να υποθέσουμε ότι η τριβή δεν είναι μηδενική: $f_s \neq 0$

Εφόσον υπάρχει δύναμη, σύμφωνα με τον 2° νόμο του Newton: $\sum F = ma \Rightarrow f_s = ma$

Αυτή είναι η γραμμική επιτάχυνση του κέντρου μάζας της σφαίρας: $f_{\scriptscriptstyle S} = M_{o\lambda} a_{cm}$

Θεωρούμε το σημείο επαφής της σφαίρας και της επιφάνειας το οποίο είναι στιγμιαία ακίνητο.

Θεωρούμε τη γωνιακή επιτάχυνση του κέντρου μάζας ως προς το σημείο αυτό.

Η ροπή της δύναμης της στατικής τριβής ως προς το σημείο αυτό είναι μηδέν

Τότε όμως επειδή: $\tau = f_S R = 0N \Rightarrow \alpha_{\gamma\omega\nu} = 0 rad/s^2$ αλλά: $a_{cm} = a_{\gamma\omega\nu} R \Rightarrow a_{cm} = 0 m/s^2$

Επομένως θα πρέπει: f = 0