15° Quiz- 5-λεπτά

Ένας παίκτης ping-pong χτυπά με τη ρακέτα του το μπαλάκι που έρχεται προς το μέρος του. Η ρακέτα κινείται ταχύτητα u προς τα αριστερά ενώ το μπαλάκι κινείται προς τα δεξιά με ταχύτητα 3u. Τα δύο σώματα συγκρούονται ελαστικά. Ποια είναι η ταχύτητα που θα έχει το μπαλάκι του ping-pong μετά το χτύπημα από τη ρακέτα; Δ ικαιολογήστε την απάντησή σας (Υποθέστε ότι $m_u << M_o$)

(a)
$$u'_{\mu} = 2u$$
 (b) $u'_{\mu} = 3u$ (c) $u'_{\mu} = 4u$ (d) $u'_{\mu} = 5u$ (e) $u'_{\mu} = 6u$

Ο ευκολότερος τρόπος για να απαντήσουμε στο πρόβλημα είναι να δουλέψουμε στο σύστημα αναφοράς της ρακέτας Στο σύστημα αυτό, η ρακέτα (ρ) είναι ακίνητη και το μπαλάκι (μ) κινείται προς την ρακέτα με ταχύτητα:

$$\vec{u}_{\mu/\rho} = \vec{u}_{\mu/\gamma\eta} + \vec{u}_{\gamma/\rho} = \vec{u}_{\mu/\gamma\eta} - \vec{u}_{\rho/\gamma} \Rightarrow u_{\mu/\rho} = 3u - (-u) = 4u$$

Εφόσον το μπαλάκι έχει μάζα πολύ μικρότερη από τη μάζα της ρακέτας $(m_{\mu} << M_{\rho})$ μετά το χτύπημα από τη ρακέτα (ελαστική σκέδαση) το μπαλάκι αναπηδά με ταχύτητα ίδιου μέτρου αλλά αντίθετης φοράς: $u'_{\mu/\rho} = -4u$

Αυτή είναι η ταχύτητα που έχει το μπαλάκι μετά το χτύπημα στο σύστημα αναφοράς της ρακέτας, ενώ θεωρούμε ότι η ρακέτα παραμένει ακίνητη.

Πρέπει να υπολογίσουμε την ταχύτητα στο σύστημα αναφοράς τη γης:

$$\overrightarrow{u'}_{\mu/\gamma\eta} = \overrightarrow{u'}_{\mu/\rho} + \overrightarrow{u'}_{\rho/\gamma\eta} \Rightarrow u'_{\mu/\gamma\eta} = -4u + (-u) = -5u \Rightarrow |u'_{\mu/\gamma\eta}| = 5u$$