Συζυγία φορτίου – Charge conjugation - C

- Οι εξισώσεις Klein-Gordon και Dirac έχουν λύσεις τόσο θετικής όσο και αρνητικής ενέργειας.
 Οι λύσεις της αρνητικής ενέργειας εισάγουν την ύπαρξη αντι-σωματιδίων.
- □ Τα αντι-σωματίδια έχουν ίσο και αντίθετο ηλεκτρικό φορτίο με αυτό των σωματιδίων καθώς επίσης και αντίθετους όλους τους άλλους κβαντικούς αριθμούς.
- Η μετατροπή μιας λύσης που αντιστοιχεί σε σωματίδια, σε λύση που αντιστοιχεί σε αντισωματίδια εμπεριέχει διεργασία μιγαδικής συζυγίας (καθώς και χρήση πινάκων στην περίπτωση του Dirac). Η διεργασία αυτή ονομάζεται συζυγία φορτίου.
- □ Επειδή η συζυγία φορτίου αναστρέφει τα quarks ή τα λεπτόνια σε διαφορετικές καταστάσεις (αντι-σωματίδια), αυτά δεν αποτελούν ιδιοκαταστάσεις του τελεστή της συζυγίας φορτίου C και επομένως δεν έχουν προσδιορισμένες τιμές για C (είναι όμως ιδιοκαταστάσεις της parity)
- □ Ένα quark ή ένα λεπτόνιο συνδεδεμένο με το δικό του αντι-σωματίδιό του αλλάζει στον εαυτό του κάτω από συζυγία C και επομένως αποτελεί ιδιοκατάσταση του τελεστή C
- Σύμφωνα με την εξίσωση του Dirac, η εφαρμογή του τελεστή C σε φερμιόνιο δίνει έναν όρο *i* που πολλαπλασιάζει το αντι-φερμιόνιο, με αποτέλεσμα όταν ο τελεστής C ενεργεί σε ένα ζεύγος φερμιονίου-αντιφερμιονίου να δίνει ένα παράγοντα -1.
- Ο τελεστής C αναστρέφει ένα σύστημα σωματιδίου-αντισωματιδίου ως προς το κέντρο του που ουσιαστικά είναι το ίδιο αποτέλεσμα με αυτό του τελεστή της ομοτιμίας P
- Σαν αποτέλεσμα άρτιες τιμές τροχιακής στροφορμής L παίρνουν ένα παράγοντα +1 ενώ οι περιττές τροχιακές στροφορμές παίρνουν ένα παράγοντα -1 με ενέργεια του τελεστή C

Συζυγία φορτίου

- □ Για spin-½ σωματίδια, η S=0 μονήρης κατάσταση (singlet) αντιστοιχεί στην ↑↓ ↓↑
- lue H S=1 τριπλή κατάσταση (triplet) αντιστοιχούν στις καταστάσεις $\uparrow\uparrow\downarrow\downarrow$ και $\uparrow\downarrow\downarrow\downarrow\uparrow$
- Εφαρμογή του τελεστή έχει σαν αποτέλεσμα την εναλλαγή των προσανατολισμών των spins Σαν αποτέλεσμα η περίπτωση της singlet κατάστασης παίρνει ένα παράγοντα -1 ενώ η triplet περίπτωση παίρνει ένα παράγοντα +1
- □ Εν γένει, η διεργασία C για την περίπτωση κατάστασης φερμιονίου αντιφερμιονίου δίνει ένα παράγοντα -1 για την Dirac, ένα παράγοντα (-1)^L για την περίπτωση της τροχιακής στροφορμής, ένα παράγοντα (-1)^{L+S} για την περίπτωση του spin που αντιστοιχεί σε ένα παράγοντα (-1)^{L+S} = (-1)^J
- Σωματίδιο το οποίο ταυτίζεται με το αντισωματίδιό του (όπως το φωτόνιο ή το π⁰) τότε το σωματίδιο είναι ιδιοκατάσταση του τελεστή C και έχει συγκεκριμένη ιδιοτιμή
- □ Από την στιγμή που η εφαρμογή του τελεστή C δυο φορές σε κάθε σωματίδιο ουσιατικά αφήνει το σωματίδιο αμετάβλητο, όπως και η διπλή εφαρμογή του τελεστή της ομοτιμίας P, θεωρούμε σαν ιδιοτιμές τις τιμές +1 και -1
- Ένα ζεύγος σωματίδιου-αντισωματίδιου σε δέσμια κατάσταση, μετασχηματίζεται στον εαυτό (επί ένα παράγοντα ±1) κάτω από τον τελεστή C, και αποτελεί επομένως ιδιοκατάσταση
 Διαφορετικά ένα σωματίδιο δεν έχει συγκεκριμένη τιμή συζυγίας φορτίου.

Συζυγία φορτίου

- Εφόσον ο τελεστής C αντιστρέφει το φορτίο, αυτό έχει σαν αποτέλεσμα το ηλεκτρικό πεδίο να αναστρέφει το πρόσημό του κάτω από την δράση του C.
 Σαν αποτέλεσμα το φωτόνιο έχει ιδιοτιμή C ίση με -1
- □ Το π⁰ διασπάται σε δυο φωτόνια. Αν δώσουμε τιμή +1 το αποτέλεσμα της εφαρμογής C, τότε η διάσπαση αυτή διατηρεί την συζυγία φορτίου
- □ Το ποζιτρόνιουμ ειναι δέσμια κατάσταση ηλετρονίου-ποζιτρονίου
 Αν τα δυο spins είναι προσανατολισμένα παράλληλα, και η τροχιακή στροφορμή του συστήματος είναι *L* = 0, η εφαρμογή του C-τελεστή δίνει και πάλι την αρχική ιδιοκατάσταση πολλαπλασιασμένη με ένα παράγοντα -1 επειδή είναι φερμιόνια Επομένως η κατάσταση παράλληλων spin (ή διαφορετικά η triplet ή όρθο κατάσταση) έχει C ίση με C = -1.
- □ Η ερώτηση είναι αν τα spins του ζεύγους ηλεκτρονίου ποζιτρονίου είναι αντιπαράλληλα, οδηγούμαστε στην ίδια κατάσταση για το σύστημα αναστρέφοντας ηλεκτρόνιο με ποζιτρόνιο
 - Η απάντηση είναι όχι αν κάποιος μπορεί να πει με βεβαιότητα ότι το ποζιτρόνιο είχε spin προς τα κάτω και το ηλεκτρόνιο είχε spin προς τα πάνω.
 - Αυτό όμως δεν μπορεί να το ισχυριστούμε, αλλά ακόμα και αν μπορούσαμε, τα spins θα αναστρέφονται μεταξύ τους.
 - ightharpoonup Η σωστή κατάσταση είναι η ιδιοκατάσταση της ολικής στροφορμής: $\frac{\left(e^+\uparrow\right)\!\left(e^-\downarrow\right)\!-\!\left(e^+\downarrow\right)\!\left(e^-\uparrow\right)}{\sqrt{2}}$
 - Κάτω από την συζυγία φορτίου C, η προηγούμενη σχέση δίνει ένα επιπλέον παράγοντα -1 πέρα από το -1 που προκύπτει από την εξίσωση Dirac. Έτσι η κατάσταση με αντιπαράλληλι spins θα έχει C +1.

Συζυγία φορτίου

- lacksquare Ποιο θα ηταν το αποτέλεσμα για ορθογώνιο σύστημα: $\frac{\left(e^{+}\uparrow\right)\left(e^{-}\downarrow\right)+\left(e^{+}\downarrow\right)\left(e^{-}\uparrow\right)}{\sqrt{2}}$
- Το σύστημα αυτό είναι το m₃=0 αντίστοιχο του συστήματος και με τα δυο spins προς τα πάνω ή και τα δυο spins προς τα κάτω που αποτελούν μέρος της τριπλέτας με ολική στροφορμή ίση με 1.
- Οι ισχυρές αλληλεπιδράσεις διατηρούν την συζυγία φορτίου όπως έχει δειχθεί πειραματικά.
- Στην πραγματικότητα δεν ξέρουμε πως να γράψουμε την Hamiltonian των ισχυρών αλληλεπιδράσεων για χαμηλής ενέργειας διασπάσεις. Η διατήρηση όμως της συζυγίας φορτίου έχει σαν αποτέλεσμα περιορισμούς ως προς το τι μπορεί να περιέχει η Hamiltonian
- Οι ηλεκτρομαγνητικές αλληλεπιδράσεις διατηρούν την συζυγία φορτίου.
- Το γινόμενο των τιμών της C στην αρχική κατάσταση ισούται με τον γινόμενο των τιμών
 της C στην τελική κατάσταση. Η Hamiltonian της αλληλεπίδρασης που δημιουργεί κάποιος σε αναλογία με τη κλασική φυσική περιέχει την ιδιότητα αυτή

Επισκόπηση – τελεστής Ρ

- Ο τελεστής P μπορεί να θεωρηθεί ότι αντιστρέφει τις 3 συντεταγμένες ή ότι αφήνει τις συντεταγμένες αλλά αντιστρέφει τα διανύσματα θέσης και ορμής.
- \Box Η στροφορμή $\overrightarrow{L} = \overrightarrow{r} \times \overrightarrow{p}$ δεν αντιστρέφεται με την δράση του τελεστή P. Το ίδιο και το spin
- Οι σφαιρικές αρμονικές Y_M^L είναι ιδιοκαταστάσεις της P, με P +1 για L άρτιο και -1 για L περιττό. Το spin δεν επηρεάζεται
- Ο τελεστής P για την εξίσωση του Dirac (quarks και λεπτόνια) δίνει +1 για φερμιόνια και -1 για αντιφερμιόνια
- Τα μεσόνια είναι δέσμιες καταστάσεις ζεύγους quark-antiquark. Τις περισσότερες φορές συζητούμε για καταστάσεις με L=0 γιατί καταστάσεις με L>0 διασπώνται γρήγορα.
 Τα μεσόνια έχουν P=-1
- □ Τα βαρυόνια είναι καταστάσεις 3-quarks. Αν L=0 τότε P=+1. Για αντιβαρυόνια έχουμε P=-1
- □ Το φωτόνιο έχει P=-1 (από εξισώσεις Maxwell)
- Οι ηλεκτρομαγνητικές αλληλεπιδράσεις διατηρούν P: το γινόμενο P της αρχικής κατάστασης είναι ίδιο με αυτό της τελικής κατάστασης
- Οι ισχυρές αλληλεπιδράσεις διατηρούν (πειραματικά) την P.

Επισκόπηση – τελεστής C

- Ο τελεστής C μετατρέπει σωματίδια σε αντισωματίδια και το αντίστροφο
- \Box Δράση του τελεστή C δύο φορές, δίνει την ίδια κατάσταση και επομένως $\lambda_{C}=\pm 1$
- □ Μόνο σωματίδια που ταυτίζονται με τα αντισωματίδιά τους είναι ιδιοκαταστάσεις
 - > To positronium είναι ένα τέτοιο παράδειγμα
 - Τα quarkonium (quark-antiquark κατάσταση) μεσόνια είναι ένα άλλο παράδειγμα
 - > Τελικές καταστάσεις με ένα σωματίδιο και το αντισωματίδιό του μπορεί να είναι επίσης
- □ Ο τελεστής C για την εξίσωση του Dirac (quarks και λεπτόνια) δίνει έναν παράγοντα + i για αναστροφή αντι-φερμιόνια ως προς φερμιόνια. Σαν αποτέλεσμα quarkonium και positronium παίρνουν έναν παράγοντα -1.
- □ Ο τελεστής C αλλάζει τη σειρά σε spin-spin συστήματα. Αυτό δίνει έναν παράγοντα -1 για τις περιπτώσεις μονήρους κατάστασης ↑↓ ↓↑ και παράγοντα +1 για τριπλή κατάσταση S=1
- □ Για οποιοδήποτε σύστημα σωματιδίου αντι-σωματιδίου, ο τελεστής C δρα όπως ο P στο τροχιακό τμήμα της κατάστασης και επομένως υπάρχει ένας παράγοντας +1 για L άρτιο και -1 για L περιττό. Εν γένει, C = -1 για σύστημα φερμιονίου αντιφερμιονίου
- □ Το φωτόνιο έχει C=-1 (από εξισώσεις Maxwell)
- Οι ηλεκτρομαγνητικές αλληλεπιδράσεις διατηρούν C: το γινόμενο C της αρχικής κατάστασης είναι ίδιο με αυτό της τελικής κατάστασης
- Οι ισχυρές αλληλεπιδράσεις διατηρούν (πειραματικά) την C.

Αναπαράσταση των σωματιδίων

- Η σύμβαση που χρησιμοποιείται για την αναπαράσταση των σωματιδίων έχει την αναγραφή για κάθε σωματίδιο της ολικής στροφορμής του J, της τιμής του τελεστή parity και της τιμής του τελεστή $C: J^{PC}$ όπου $P = \pm 1$ και $C = \pm 1$ (εφόσον ορίζεται)
- Για τα περισσότερο συνηθισμένα σωματίδια έχουμε :

Υ	1
π^0 , η , η' , η_C , η_b	0-+
ρ^0 , ω , ϕ , ψ , Y	1
π±, K, D, B	0-
ρ±, K*, D*, B*	1-

- Η parity δεν εξαρτάται από το spin, αλλά εξαρτάται από την τροχιακή στροφορμή L, η οποία είναι μηδέν για όλες τις παραπάνω καταστάσεις, και επομένως όλα έχουν περιττή parity.
- Η συζυγία φορτίου εξαρτάται από J = L + S καθορισμένη σύμφωνα με την κβαντομηχανική πρόσθεση. Η C δεν ορίζεται για διάφορες καταστάσεις

Χρήση των νόμων διατήρησης

- lacksquare Θεωρήστε την διάσπαση: $ho
 ightarrow \pi\pi$
- □ Το ρ αντιστοιχεί στην κατάσταση $J^P=1^-$ ενώ το π σε κατάσταση $J^P=0^-$
- Η διάσπαση αυτή φαίνεται αρχικά να είναι απαγορευμένη λόγω παραβίασης της parity
 - Συγκεκριμένα η αρχική κατάσταση έχει P = -1 ενώ η τελική έχει P_{ολ}=P_πP_π=(-1) x (-1)=1
- Φαίνεται επίσης να μην διατηρείται η στροφορμή του συστήματος, εφόσον η αρχική κατάσταση έχει στροφορμή 1 και η τελική έχει στροφορμή J = (0+0) = 0
- Αλλά τα πιόνια έχουν τροχιακή στροφορμή. Αν έχουν L=1, τότε έχουμε διατήρηση στροφορμής
- → Η τροχιακή στροφορμή συνεισφέρει στην parity. Η περίπτωση της τροχιακής
 στροφορμής L =1 δίνει P = -1 και αυτό αναιρεί το πρόβλημα της παραβίασης της parity

Χρήση των νόμων διατήρησης

- □ Για την περίπτωση των φορτισμένων ρ: $\rho^{\pm} \to \pi^{\pm}\pi^{0}$ η τιμή της συζυγίας φορτίου δεν προσδιορίζεται, κάτι που είναι αποδεκτό και επομένως η διάσπαση μπορεί να γίνει
- □ Για την περίπτωση των ουδέτερου ρ 0 : $\rho^0 \to \pi^+\pi^-$ η τιμή της συζυγίας φορτίου είναι C=-1 και η τελική κατάσταση είναι (-1) x (-1) = 1. Επομένως μοιάζει σαν μη επιτρεπτή διάσπαση
- Αλλά τα π⁺π⁻ αποτελούν ένα σύστημα σωματιδίου-αντισωματιδίου που έχει τη δική του τιμή συζυγίας φορτίου. Ο τελεστής της συζυγίας φορτίου ενεργεί σαν ένας τελεστής αναστροφής του χώρου που επιφέρει ένα παράγοντα C = -1 για τροχιακή στροφορμή L = 1.
- ◆ Δεν υπάρχει κάποιος παράγοντας για φερμιόνιο-αντιφερμιόνια και επομένως η διάσπαση μπορεί να πραγματοποιηθεί κανονικά.
- ightharpoonup Ωστόσο η διάσπαση $ho^0 o \pi^0 \pi^0$ δεν παρατηρείται. Γιατί;

Χρήση των νόμων διατήρησης

- Στη διάσπαση $\rho^0 \to \pi^0 \pi^0$ τα δυο πιόνια είναι πανομοιότυπα σωματίδια. Από τη στιγμή που είναι μποζόνια η ολική κυματοσυνάρτηση θα πρέπει να είναι συμμετρική σε εναλλαγές
- Εναλλάσοντας τα σωματίδια είναι ισοδύναμο με το να αναστρέψουμε τις συντεταγμένες.
- Από τη στιγμή που η χωρική κυματοσυνάρτηση πρέπει να αντιστοιχεί σε τροχιακή στροφορμή L = 1 ώστε να διατηρεί την τροχιακή στροφορμή, εισαγάγει τιμή -1 κάτω από αναστροφή και επομένως είναι αντισυμμετρική κάτω από εναλλαγή.
- □ Ο παράγοντας spin για δυο σωματίδια μηδενικού spin είναι πάντοτε συμμετρικός
- lacktriangle Επομένως δεν μπορούμε να κάνουμε συμμετρική κυματοσυνάρτηση και άρα $ho^{\scriptscriptstyle 0}
 ot \supset \pi^{\scriptscriptstyle 0} \pi^{\scriptscriptstyle 0}$
- Για τις διασπάσεις $\rho^0 \to \pi^-\pi^+$ και $\rho^\pm \to \pi^0\pi^\pm$ τα πιόνια **δεν** είναι πανομοιότυπα και επομένως δεν απαιτείται συμμετρία εναλλαγής

G-Parity

- □ Η συζυγία φορτίου δεν είναι ιδιαίτερα χρήσιμη για να εξακριβώσομε αν μια αντίδραση είναι επιτρεπτή ή όχι. Αυτό γιατί φορτισμένα σωματίδια σαν τα πιόνια δεν έχουν συγκεκριμένη τιμή για την συζυγία φορτίου C.
- lacktriangle Ένα χρήσιμο trick είναι να συνδυαστεί ο τελεστής της συζυγίας φορτίου, C, με ένα τελεστή στροφής isospin κατά $180^{\rm o}$ ως προς την διεύθυνση I_2 . Δηλαδή $G=CR=C\exp(i\pi I_2)$
 - Όπως μια 180° περιστροφή αναστρέφει το πρόσημο μιας κατάστασης με χωρική στροφορμή L =1, έτσι και η 180° περιστροφή του isospin δίνει ένα παράγοντα -1 για καταστάσεις με isospin 1, όπως συμβαίνει με τα πιόνια.
 - Αυτή η περιστροφή μετατρέπει επίσης $\pi^+ \leftrightarrow \pi^-$. Ενεργώντας με τον C-τελεστή, αναστρέφεται και πάλι $\pi^- \leftrightarrow \pi^+$. Ξαναπέρνουμε την αρχική κατάσταση με ένα παράγοντα -1.
- Ο συνδυασμός της συζυγίας φορτίου, C, με περιστροφή του isospin ονομάζεται G-parity
- □ Πολλά σωματίδια που δεν είναι ιδιοκαταστάσεις του C είναι ιδιοκαταστάσεις του G
 - \Rightarrow H G-parity των πιονίων είναι -1 και για τις 3 καταστάσεις των πιονίων (π^{\pm} και π^{0})
 - → H G-parity των η-μεσονίων (J=0) είναι +1 (C=+1, I=0)
 - \Rightarrow H G-parity των ρ, ω, φ, ψ, Υ-μεσονίων (J=1) είναι -1 (C=-1, I=0)
- □ H G-parity είναι πολλαπλασιαστική όπως η C και η P
- Εφόσον οι ισχυρές αλληλεπιδράσεις διατηρούν C και P θα διατηρούν και την G-parity

Διατήρηση και παραβίαση

- Κάθε αλληλεπίδραση διατηρεί ενέργεια, ορμή, στροφορμή, φορτίο, και καθαρό αριθμό quark και λεπτονίων.
- Οι ισχυρές αλληλεπιδράσεις υπακούν στους περισσότερους νόμους διατήρησης: γεύση quark, parity, συζυγία φορτίου, isospin, και G-parity
- Οι ηλεκτρομαγνητικές αλληλεπιδράσεις σέβονται τον αριθμό quark και λεπτονίων, parity, συζυγία φορτίου.

Παραβιάζουν το isospin και G-parity

 Οι ασθενείς αλληλεπιδράσεις πιστεύονταν ότι μοιάζουν με τις ηλεκτρομαγνητικές αλλά τελικά παραβιάζουν όπως είδαμε τις διάφορες συμμετρίες.

Ο γρίφος των θ-τ σωματιδίων

- Στις κοσμικές ακτινοβολίες και στην πρώιμη εποχή των επιταχυντών θεωρήθηκε ότι υπήρχε ένας γρίφος σχετικά με δυο σωματίδια που παρατηρούνταν σε διάφορες αλληλεπιδράσεις. Τα σωματίδια αυτά ήταν το θ και τ με διασπάσεις $\theta \to \pi^+\pi^0$ και $\tau \to \pi^+\pi^-\pi^+$
- Θεωρούνταν αποδεκτό ότι οι δυο περιπτώσεις περιέγραφαν δυο διαφορετικά σωματίδια αφού προφανώς είχαν διαφορετική εγγενή parity
- □ Καθώς τα πειράματα στους επιταχυντές έγιναν καλύτερα, ξεκαθαρίστηκε ότι το θ+ και το τ+ είχαν την ίδια μάζα και τον ίδιο χρόνο ζωής. Και τα δυο σωματίδια είναι το Κ+
- Αρχικά πιστεύονταν επίσης ότι η κατάσταση που οδηγούσε στη διάσπαση των 3 πιονίων είχε επιπλέον τροχιακή στροφορμή. Μετά από προσεκτική ανάλυση των αποτελεσμάτων σκέδασης απέδειξε ότι δεν υπήρχε επιπλέον τροχιακή στροφορμή.

Παραβίαση Parity σε ασθενείς αλληλεπιδράσεις

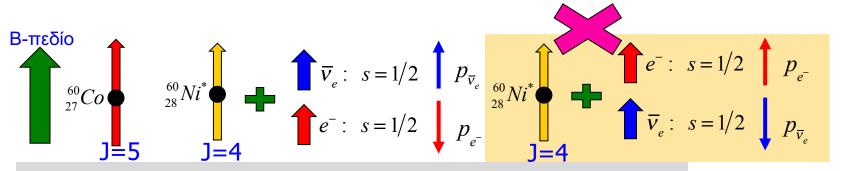
- Το 1956 οι T.D. Lee και C.N. Young διατύπωσαν αρχικά ότι δεν υπάρχει κάποια απόδειξη ότι οι ασθενείς αλληλεπιδράσεις διατηρούν την ομοτιμία και ισχυρίστηκαν ότι οι διασπάσεις των «θ+» και «τ+» σωματιδίων αποδείκνυαν την παραβίαση της ομοτιμίας.
- □ Πρότειναν ένα πείραμα στο οποίο να χρησιμοποιηθούν spin πολωμένοι πυρήνες μέσα σε μαγνητικό πεδίο και να παρατηρηθεί ασυμμετρία στην διεύθυνση εκπομπής ηλεκτρονίων από την β-διάσπαση, παράλληλα και αντιπαράλληλα ως προς το μαγνητικό πεδίο
- □ Πρότειναν επίσης την μελέτη της συσχέτισης μεταξύ της γωνίας εκπομπής του μιονίου σε διασπάσεις πιονίων με την διεύθυνση εκπομπής των ηλεκτρονίων από την διάσπαση των μιονίων που παράχθηκαν.
- Έχουμε δει ότι η parity αναστρέφει την ορμή και την θέση αλλά δεν αναστρέφει την στροφορμή που είναι το εξωτερικό γινόμενο της θέσης και ορμής: $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$ Κατ' αναλογία δεν αντιστρέφει το spin των σωματιδίων
- Ένας όρος της Hamiltonian του συστήματος που εμπεριέχει εσωτερικό γινόμενο δυο διανυσμάτων ορμής δεν θα αλλάξει κάτω από parity αναστροφή.
 Επομένως η κινητική ενέργεια, p²/2m, δεν θα αλλάξει κάτω από parity
- □ Κατ'αναλογία, το εσωτερικό γινόμενο δυο διανυσμάτων στροφορμής δεν θα αλλάξει
- ightarrow Ωστόσο κάποιος όρος που περιέχει εσωτερικό γινόμενο της μορφής: $\vec{p}\cdot\vec{L}$ ή $\vec{p}\cdot\vec{S}$ θα αλλάξει μετά από εφαρμογή του τελεστη της parity.
- Επομένως συσχετίσεις spin-ορμής απαγορεύονται κάτω από την υπόθεση της διατήρησης της parity

Παραβίαση της Parity – Πείραμα Wu

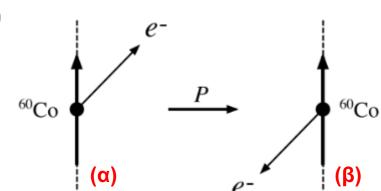
Το 1956 η Wu πραγματοποίησε το προτεινόμενο πείραμα: (Phys.Rev.B, Jan 15, 1957) εξετάζοντας την β-διάσπαση:

$${}^{60}Co \rightarrow {}^{60}_{28}Ni^* + e^- + \overline{V}_e \atop {}^{60}_{28}Ni^* \rightarrow {}^{60}_{28}Ni^* + \gamma(1.17) + \gamma(1.33)$$

- Ο μετασχηματισμός της Parity αναστρέφει όλες τις ορμές των σωματιδίων αφήνοντας αναλλοίωτα τα spins και όποιες γωνιακές στροφορμές
- Διατήρηση της parity προϋποθέτει ίδιο ρυθμό για τις καταστάσεις (α) και (β)
- Λιγότερα ηλεκτρόνια εκπέμπονται στο ημισφαίριο προς την διεύθυνση του σπιν του πυρήνα
 - Εμφάνιση ασυμμετρίας μεταξύ της ομόρροπης και αντίρροπης εκπομπής
- Με την δημοσίευση της ανακάλυψης της παραβίασης της parity από την Wu, 3 ακόμα επιβεβαιώσεις από άλλες ομάδες επιβεβαίωσαν την παρατήρηση



Ο ρυθμός εκπομπής ως προς την διεύθυνση του spin του πυρήνα εξαρτάτα από τον όρο $\langle s \rangle \cdot \vec{p}_{_{e}}$ που είναι αρνητικός κάτω από parity



Η διάσπαση του πιονίου

Τα φορτισμένα π $^\pm$ διασπώνται >99% σε μιόνια: $\pi^{\scriptscriptstyle +} \to \mu^{\scriptscriptstyle +} \overline{v}_{\scriptscriptstyle \mu}$ και $\pi^{\scriptscriptstyle -} \to \mu^{\scriptscriptstyle -} v_{\scriptscriptstyle \mu}$

Τα 2° πιο σύνηθες κανάλι διάσπασης είναι σε ηλεκτρόνιο: $\pi^+ o e^+ \overline{v}_e$ και $\pi^- o e^- v_e$

Το 2° κανάλι διάσπασης κινηματικά πιο δημοφιλές αφού $m_\pi \sim m_\mu$ ενώ $m_\pi >> m_e$

Αντίθετα προς το αναμενόμενο: $\frac{Br(\pi \to ev_e)}{Br(\pi \to \mu v_\mu)} \approx 10^{-4}$

Ο όγκος φασικού χώρου συστημάτων 2 σωμάτων είναι ανάλογος της ορμής του κέντρου μάζας. Για την περίπτωση του μιονίου και ηλεκτρονίου επομένως ο λόγος των όγκων θα είναι: $p^*_{\ e}/p^*_{\ \mu}$

Αν θεωρήσουμε 2 σωματίδια c και d τα οποία είναι στην τελική κατάσταση μιας διεργασίας και επίσης θεωρήσουμε το KM τότε τα σωματίδια θα έχουν ενέργεια E_c και E_d και ορμή p_c = $-p_d$ = p_f Η ολική $E = E_c$ + E_d

Για να υπολογίσουμε τη πιθανότητα μετάβασης στην τελική κατάσταση θα πρέπει να βρούμε το ολοκλήρωμα: $\int \!\! \left| M_{\scriptscriptstyle fl} \right|^2 \frac{d^3 p_{\scriptscriptstyle c}}{\left(2\pi\right)^3 2E} \frac{d^3 p_{\scriptscriptstyle d}}{\left(2\pi\right)^3 2E} \! \left(2\pi\right)^4 \! \delta\!\left(E_{\scriptscriptstyle c} + E_{\scriptscriptstyle d} - E\right) \! \delta^3\!\left(\vec{p}_{\scriptscriptstyle c} + \vec{p}_{\scriptscriptstyle d}\right)$

Το φασικό ολοκλήρωμα θα είναι: $\rho_2 = \int \frac{d^3 p_c}{\left(2\pi\right)^3 2E_c} \frac{d^3 p_d}{\left(2\pi\right)^3 2E_d} \left(2\pi\right)^4 \delta\left(E_c + E_d - E\right) \delta^3\left(\vec{p}_c + \vec{p}_d\right)$

$$\Rightarrow \rho_{2} = \frac{1}{\left(4\pi\right)^{2}} \int \frac{d^{3}p_{c}}{E_{c}E_{d}(p_{c})} \delta\left(E_{c} + E_{d}(p_{d}) - E\right) \qquad \Rightarrow \rho_{2} = \frac{1}{\left(4\pi\right)^{2}} \int \frac{p_{f}^{2}dp_{f}d\Omega_{f}}{E_{c}E_{d}(p_{f})} \delta\left(E_{c} + E_{d}(p_{f}) - E\right)$$

Χρησιμοποιώντας την δ-συνάρτηση έχουμε: $\frac{1}{\left(4\pi\right)^2}\frac{p_f^2}{E_cE_d\left(p_f\right)}\frac{dp_f}{d\left(E_cE_d\left(p_f\right)\right)}d\Omega_f$

Η διάσπαση του πιονίου

Επομένως θα καταλήξουμε
$$\frac{1}{\left(4\pi\right)^2}\frac{p_f^2}{E_cE_d\left(p_f\right)}\frac{dp_f}{d\left(E_c+E_d\left(p_f\right)\right)}d\Omega_f^{\mp} \frac{1}{\left(4\pi\right)^2}\frac{p_f^2}{E_cE_d\left(p_f\right)}\frac{1}{\frac{d}{dp_f}\left(E_c+E_d\left(p_f\right)\right)}d\Omega_f$$

Αλλά:
$$\frac{dE_c}{dp_f} = \frac{p_f}{E_f}$$
 και $\frac{dE_d}{dp_f} = \frac{p_f}{E_d}$ οπότε έχουμε: $\frac{1}{\left(4\pi\right)^2} \frac{p_f^2}{E_c E_d \left(p_f\right)} \frac{1}{\frac{p_f}{E_c} + \frac{p_f}{E_d}} d\Omega_f = \frac{p_f}{E} \frac{d\Omega_f}{\left(4\pi\right)^2}$

Επιστρέφοντας στην περίπτωση του πιονίου θα έχουμε (θεωρώντας το λεπτόνιο σαν /) από διατήρηση της ενέργειας

$$\sqrt{p_l^{*^2} + m_l^2} + p_l^* = m_\pi \Rightarrow p_l^* = \frac{m_\pi^2 - m_l^2}{2m_\pi}$$
 Ο λόγος των ορμών επομένως για τις 2 περιπτώσεις διάσπασης θα είναι:

$$\frac{p_e^*}{p_\mu^*} = \frac{m_\pi^2 - m_e^2}{m_\pi^2 - m_\mu^2} = \frac{140^2 - 0.5^2}{140^2 - 106^2} = 2.3$$

Επομένως καθαρά κινηματικά αναμένουμε ότι τα π διασπώνται σε ηλεκτρόνια κυρίως Λαμβάνοντας υπόψη τις καταστάσεις ελικότητας καταλήγουμε ότι:

$$\frac{Br(\pi^+ \to e^+ v_e)}{Br(\pi^+ \to \mu^+ v_\mu)} = \frac{m_e^2}{m_\mu^2} \left[\frac{m_\pi^2 - m_e^2}{m_\pi^2 - m_\mu^2} \right]^2 = (1.230 \pm 0.004) \times 10^{-4}$$

φασικός παράγοντας:~4.9

παράγοντας ελικότητας:~2x10-5

Ελικότητα και νετρίνο

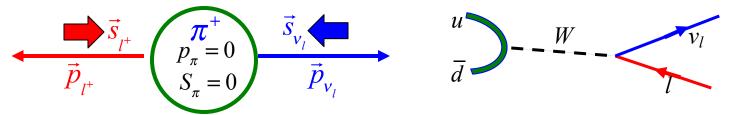
Υποθέτοντας ότι τα νετρίνο είναι μηδενικής μάζας, βρίσκουμε πειραματικά ότι:

- Όλα τα νετρίνο είναι αριστερόστροφα
- Όλα τα αντι-νετρίνο είναι δεξιόστροφα
- > Αριστερόστροφο δηλώνει ότι το spin και η z-συνιστώσα της ορμής είναι αντιπαράλληλα
- Δεξιόστροφο δηλώνει ότι το spin και η z-συνιστώσα της ορμής είναι παράλληλα

Η ελικότητα δεξιόστροφη/αριστερόστροφη εμφανίζεται στις διασπάσεις των πιονίων: $\pi^+ o l^+ v_{_l}$

$$\frac{Br(\pi \to ev_e)}{Br(\pi \to \mu v_{\mu})} = 1.23 \times 10^{-4}$$

Αν τα νετρίνο δεν ήταν αριστερόστροφα τότε ο λόγος πρέπει να είναι μεγαλύτερος της 1:



Διατήρηση της στροφορμής επιβάλει το φορτισμένο λεπτόνιο (e ή μ) να βρίσκεται στο λάθος προσανατολισμό ελικότητας

Ένα αριστερόστροφο ποζιτρόνιο ή αριστερόστροφο μιόνιο