7° Quiz – 5 - λεπτά

□ Ένα κύκλωμα αποτελείται από τρεις πυκνωτές C₁, C₂ και C₃ που συνδέονται με μπαταρία δυναμικού V_0 . Η χωρητικότητα $C_2 = 2C_1$. H χωρητικότητα $C_3 = 3C_1$. Οι πυκνωτές αποκτούν φορτίο Q_1 , Q_2 και Q_3

Πως συγκρίνονται τα φορτία Q_1 , Q_2 και Q_3 ;

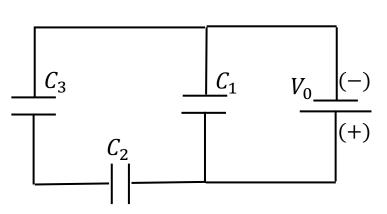
(A)
$$Q_1 > Q_3 > Q_2$$

(B)
$$Q_1 > Q_2 > Q_3$$

$$(\Gamma) Q_1 > Q_2 = Q_3$$

$$(\Delta) Q_1 = Q_2 = Q_3$$

(E)
$$Q_1 < Q_2 = Q_3$$



Οι πυκνωτές C_2 και C_3 είναι σε σειρά και επομένως θα πρέπει να έχουν το ίδιο φορτίο.

Η ολική χωρητικότητα του συστήματος στον κλάδο αυτό είναι:

$$\frac{1}{C_{23}} = \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} = \frac{1}{2C_1} + \frac{1}{3C_1} = \frac{5}{6C_1} \Rightarrow C_{23} = \frac{6}{5}C_1 \tag{A}$$

Ο πυκνωτής C_1 είναι σε παράλληλη σύνδεση με τους C_2 και C_3 και από (A) C_1 < C_{23}

Αφού είναι παράλληλα συνδεδεμένοι τότε:
$$V_{C_1} = V_{C_{23}}$$
Αλλά $C = \frac{Q}{V} \Rightarrow Q = CV \Rightarrow$

$$Q_{23} = C_{23}V_{C_{23}}$$

$$Q_1 = C_1V_{C_2}$$

$$Q_1 = C_1V_{C_2}$$

$$\frac{Q_{23}}{Q_1} = \frac{C_{23}}{C_1} \stackrel{\text{(A)}}{\Rightarrow} \frac{Q_{23}}{Q_1} = \frac{\frac{6}{5}C_1}{C_1} = \frac{6}{5}$$