Εργασία 7η

Επιστροφή: Παρασκευή 02.12.22

1. Είδαμε ότι χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση δ του Dirac είναι ένας καλό τρόπος για να εφαρμόσουμε περιορισμούς (διατήρηση ενέργειας και ορμής). Χρησιμοποιήστε το ακόλουθο παράδειγμα για να δουλέψετε. Η ποσότητα x κατανέμεται σύμφωνα με f(x)=1 για τιμές του x στο διάστημα 0 < x < 1 ενώ είναι 0 οπουδήποτε αλλού. Θεωρήστε ότι η ποσότητα y είναι κατανεμημένη σύμφωνα με τη σχέση g(y)=2y για y στο διάστημα 0 < y < 1 και είναι 0 για οποιαδήποτε άλλη τιμή του y. Βρείτε πως κατανέμεται η ποσότητα z=x+y. Μπορείτε να το προσδιορίσετε λύνοντας την εξίσωση:

$$h(z) = \int dx f(x) \int dy g(y) \delta(z - (x + y))$$

όπου τα ολοκληρώματα είναι ως όλες τις τιμές του x και του y και η δ-συνάρτηση εφαρμόζει την σχέση μεταξύ των x, y και z.

- 2. Θεωρήστε την ελαστική σκέδαση $A+B\to A+B$ στο σύστημα αναφοράς του εργαστηρίου (το σωματίδιο B είναι αρχικά ακίνητο) και υποθέστε ότι η αρχική ενέργεια E_1 του εισερχόμενου σωματιδίου A ικανοποιεί την εξίσωση $E_1\ll m_B$ έτσι ώστε η ανάκρουση του στόχου μπορεί να αγνοηθεί. Θεωρήστε το μοντέλο ABC για τα παρακάτω.
 - (α) Χρησιμοποιήστε τον χρυσό κανόνα Fermi για σκέδαση, για να δείξετε ότι η διαφορική ενεργός διατομή δίνεται από τη σχέση:

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{|\mathcal{M}|^2}{(8\pi m_R)^2}$$

- (β) Σχεδιάστε τα διαγράμματα χαμηλότερης τάξης για τη σκέδαση αυτή.
- (γ) Υπολογίστε το πλάτος διάσπασης χρησιμοποιώντας τα κανόνες Feynman για το απλό μοντέλο ABC. Εκφράστε τα αποτελέσματά σας συναρτήσει των μεταβλητών Mandelstam s, t και u, όπου $s=(p_1+p_2)^2, t=(p_1-p_3)^2$ και $u=(p_1-p_4)^2$.
- (δ) Συνδυάστε τα αποτελέσματά σας από τα προηγούμενα τρία ερωτήματα για να βρείτε την διαφορική ενεργό διατομή (στο όριο $E_1 \ll m_B$ και υποθέτοντας ότι m_A και m_C είναι πάρα πολύ μικρές σε σχέση με την μάζα του B, m_B .
- (ε) Δείξτε ότι η ολική ενεργός διατομή με την συνθήκη που τέθηκε στο υπο-ερώτημα (δ) είναι:

$$\sigma = \frac{g^4}{4\pi m_B^6}$$

- 3. Ένα σωματίδιο σε 3-διαστάσεις, με μάζα m, ορμή p και φορτίο q, σκεδάζεται από ένα δυναμικό της μορφής $V(r) = Zqe^{-\frac{r^2}{2a^2}}$. Ποια η διαφορική ενεργός διατομή $\frac{d\sigma}{d\Omega}$; (Μπορείτε να αφήσετε το αποτέλεσμά σας στο δύσκολο ολοκλήρωμα που καταλήγετε μετά τις πράξεις σας).
- **4.** Υπολογίστε την διαφορική ενεργό διατομή $\frac{d\sigma}{d\Omega}$ συναρτήσει της γωνίας θ , στο σύστημα αναφοράς του κέντρου μάζας στο μοντέλο ABC για την περίπτωση της διεργασίας σκέδασης $A+B\to A+B$, υποθέτοντας ότι $m_B=m_C$.