1. Δύο πανομοιότυπα δίπολα το καθένα με φορτίο q και απόσταση μεταξύ των φορτίων  $\alpha$ ,

βρίσκονται σε απόσταση x, μεταξύ τους όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. (α) Θεωρώντας - τις δυνάμεις μεταξύ ζευγών φορτίων από



διαφορετικά δίπολα, υπολογίστε την δύναμη μεταξύ των δίπολων και δείξτε ότι στο όριο  $\alpha \ll x$ , η δύναμη αυτή έχει μέτρο  $6kp^2/x^4$ , όπου p=qa η διπολική ροπή του δίπολου και k η σταθερά Coulomb. (β) Προσδιορίστε κατά πόσο η δύναμη αυτή είναι ελκτική ή απωστική.

+Q - )0 +Q (a)

Ex 1 la ônus G to existe.

Exoque  $\vec{p} = (2qa)\hat{j}$  uou co resio a ró co doprio Q coo Sinolo da evou:  $\vec{E} = \frac{ka}{\sqrt{2}}\hat{j}$ 

Il Siendrus évai noos co e surepuis ens se Pissas, suitedura les en popai tur Severier con pologiai ciere va cendespeut fuerceres co sinolo Le co É

(b) Onws égoque Ser car Suchifers, co nessio cor Sunidor con Dicy nor spicueran co dopeio + Q eiver: Esimple = - 2 kga 1

Enoficions y Sivatry coo +Q da circu: \FQJin = Q E\_Jingo = 2kQqa 1

Il Sinchen nou a cuei co poprio + Q cro Sinolo Da circu:  $F_{5,\eta-Q} = + 2 F_{Qq}^{y} = + 2 \frac{kQq}{(x^2+a^2)} \sin \Theta_{1}^{x} + 2 \frac{kQq}{x^2+a^2} \frac{a}{x} \Rightarrow F_{5,\eta-Q} = + 2 F_{Qq}^{y}$ 

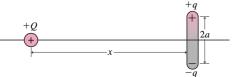
To anorélégée einer enefiero frevo ano cor 3º votro con Newton, 2 Sincher Fe-Sin = - Forn-a ônus decirecan cryspirores 215 Sio Eficiaces cur Sucificar.

(y) Il Sivaty nou agueira eto Sinolo ano to doptio +a siva napallala Tros tra Sinolaus porta.

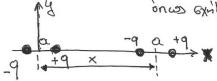
Auto Sinolo y tou eleideou va muydei, da ente brice pour ming cy con +y- Siedway au replaçopy' sifigura pe en popa au Servair ou polysis

**2.** Ένα δίπολο με φορτία  $\pm q$  και απόσταση μεταξύ τους 2a είναι τοποθετημένο σε απόσταση x

από ένα σημειακό φορτίο +Q όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Βρείτε τις εξισώσεις που δίνουν τα μέτρα (α) της συνισταμένης ροπής που ασκείται στο δίπολο και (β) συνισταμένης δύναμης που ασκείται στο δίπολο στο όριο  $\alpha \ll x$ . (γ) Προσδιορίστε την κατεύθυνση της συνισταμένης δύναμης;



Tra va bpoile en Sivation hereli zur Sinolur. Do edapho coulie en vaporis Ens unique ens exer violes tou Coreland: Ocupaire co cicentra cuterappierer onus exilia. To Sinolo em apraço hipos exu co dopcio -9



Signitale. To Sinolo ero Sesi hipos exu τα φορτία Gars Di Gas X- 0/2 (-q) um x+a/4)

Il Sinatur Coulomb ce eva dopeio co Sino lo zos Selvas ndeupas ano ca dopcia con Sinolar con aprecesor alempa da civae:

For = kg de (xa-x)î onor xa n Dien zou poprior cro apicresi Sinolo

(xa-xa)3 van xa n Dien zou poprior cro Sesi Sinolo

Enotieves bisforces obes as esverepopes:

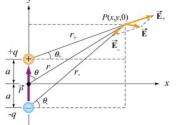
Eποφίνως δώζοντως όλες τις σενεισφορές:  $\vec{F}_{x} = k q^{2} \hat{i} \left[ \frac{1}{x^{2}} - \frac{1}{(x+a)^{2}} - \frac{1}{(x-a)^{2}} + \frac{1}{x^{2}} \right]$ αναφέρονται στης δίνακη 
Γετελί των ομο σημων

Εποφίνως:  $\vec{F}_{x} = -\frac{2kq^{2}q^{2}(3x-a^{2})}{x^{2}(x-a^{2})^{2}} \hat{i}$ (a) Στο όριο x >> a δω έγροψε:  $\vec{F}_{x} = -\frac{2kq^{2}q^{2}(3x^{2})}{x^{2}} \hat{i}$   $\vec{F}_{x} = -\frac{6kq^{2}q^{2}}{x^{4}} \hat{i}$   $\vec{F}_{x} = -\frac{6kq^{2}q^{2}}{x^{4}} \hat{i}$ 

(b) H Sivating 620 Sefi Sinolo eiva con apryoung x-karendercy Salivoreus òa y Sivaty siva Educuy

- Θεωρήστε το ηλεκτρικό δίπολο του σχήματος.
  - (α) Δείξτε ότι οι δύο συνιστώσες Ε<sub>x</sub> και Ε<sub>y</sub> του ηλεκτρικού πεδίου του διπόλου στο όριο που  $r \gg a$  δίνονται από τις σχέσεις:

$$E_x = \frac{3p}{4\pi\varepsilon_0 r^3} sin\theta cos\theta \qquad E_y = \frac{p}{4\pi\varepsilon_0 r^3} (3\cos^2\theta - 1)$$



όπου  $sin\theta = x/r$  και  $cos\theta = y/r$ .

(β) Δείξτε ότι οι δύο παραπάνω σχέσεις για τις συνιστώσες του ηλεκτρικού πεδίου μπορούν να γραφούν σε πολικές συντεταγμένες με την μορφή:  $\vec{E}(r,\theta) = E_r \hat{r} + E_\theta \hat{\theta}$ , όπου:

$$E_r = \frac{2p\cos\theta}{4\pi\varepsilon_0 r^3} \qquad E_\theta = \frac{p\sin\theta}{4\pi\varepsilon_0 r^3}$$

(a) Ynologiforfie envivan ou l'enquisi nevior ce anscran +>> a, ani co Sinolo. Il x-avicairea ens èverags au Deuguni nesion ces espeis?

ψε πορτε ωνεί συντε του μένει 
$$(x, y, 0)$$
 Sive του από τη εχές;
$$E_{x} = \frac{q}{4\pi\epsilon_{0}} \left( \frac{\cos \theta_{+}}{V_{+}^{2}} - \frac{\cos \theta_{-}}{V_{-}^{2}} \right) = \frac{q}{4\pi\epsilon_{0}} \left[ \frac{x}{[x^{2} + (y-\alpha)^{2}]^{3/2}} - \frac{x}{[x^{2} + (y+\alpha)^{2}]^{3/2}} \right]$$

όπου  $V_{-}^{2} = V_{-}^{2} + Q_{-}^{2} + 2V_{0} \cos \theta_{-} + 2V_{0}^{2} \cos$ 

Tapofrone, o y-encomica Sinera cono es exist.

Oce xp7 actionour coche co avancuytra Taylor pro va avancuforte con leugurio TESio, une de uperisoche fiero épas nou sine avaigne con  $1/r^3$  une da aprojeoche épons begoditeors teles ans  $1/r^5$ . énou  $r = (x^2 + y^2)^{1/2}$ Exorte apprine:

$$\left[x^{2} + (y \pm a)^{2}\right]^{-3/2} = \left(x^{2} + y^{2} + a \pm 2ay\right)^{-3/2} = \sqrt{-3}\left[1 + \frac{a^{2} \pm 2ay}{v^{2}}\right]^{-3/2}$$

Στο φου Γ>> α πρητομοποιούρε το cevantagle Taylor fie S= 0= 200  $(1+s)^{-3/2} \simeq 1 - \frac{3}{2}s + \frac{15}{8}s^2 + \cdots$ 

Or eficieres que as ourcaises tou pleutousinesion givoras enotieres:

$$E_{x} = \frac{9}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{6xya}{r^{5}} + \cdots$$

$$E_y = \frac{9}{4\pi\epsilon_0} \left( -\frac{2\alpha}{r^3} + \frac{6y\alpha^2}{r^5} \right) + \cdots$$

onou aprovible épous tiens iens is frégaliséens tous? To meugoir nésio endisiens paipeter:

$$\vec{E} = E_{x} \hat{i} + E_{y} \hat{j} = \frac{9}{4n\epsilon_{0}} \left[ -\frac{2\alpha}{r^{3}} \hat{j} + \frac{6y\alpha}{r^{5}} (x \hat{i} + y \hat{j}) \right] = \frac{P}{4n\epsilon_{0} r^{3}} \left[ \frac{3y \times \hat{i} + (3y^{2})}{r^{2}} \hat{i} + (3y^{2}) \hat{j} \right]$$

ona Aprochonomile con aprofici con fiégour ens ntemporais Sinolains poris p-2aq

Συνορτήτει των ποδιών συντετωβώνων, με 
$$\sin \theta = \frac{x}{r}$$
 ων  $\cos \theta = \frac{y}{r}$   $\frac{\partial}{\partial \theta}$   $\frac$ 

(B) Il éven en con pleusonai résion ce proprésenteure roylères de ciren:  $\overline{E}(r,\theta) = \frac{P}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left[ 3\sin\theta\cos\theta \,\hat{\imath} + \left( 3\cos^2\theta - 1 \right) \hat{\jmath}^{\dagger} \right]$ 

Me nouseus, a roonzoiteur créer poésezeu as:

$$\frac{\vec{E}(r,0)}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left[ 2\cos\Theta\left(\sin\Theta\hat{i} + \cos\Theta\hat{j}\right) + \sin\Theta\cos\Theta\hat{i} + (\cos\Theta-1)\hat{j} \right] \Rightarrow \\
\vec{E}(r,0) = \frac{P}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left[ 2\cos\Theta\left(\sin\Theta\hat{i} + \cos\Theta\hat{j}\right) + \sin\Theta\left(\cos\Theta\hat{i} - \sin\Theta\hat{j}\right) \right]$$

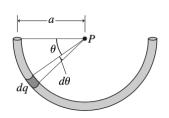
Le nodrués ouvretaglières finopoilre va paque; la francée Suindueta L'un ô us: L= sin0î + cos0ĵ Ô= cos0î - sin0î

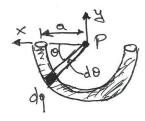
Enoficien co n'enquis n'esio ppire personomères co n'en 
$$\hat{\Theta}$$

$$\vec{E}(r, \Theta) = \frac{P}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left[ 2\cos\Theta \hat{r} + \sin\Theta \hat{\Theta} \right]$$

To μέτρο του η εμτριμού πεδίου 
$$\vec{E}$$
 θα είναι:
$$E = \left(E_{x}^{2} + E_{y}^{2}\right)^{1/2} \Rightarrow E = \frac{P}{4\pi\epsilon_{0}} \left(3\cos\theta + 1\right)^{1/2}$$

4. Ένας ημικυκλικός βρόχος ακτίνας α είναι φορτισμένος με φορτίο Q που είναι ομοιόμορφα καταναμημένο σε όλο το μήκος του. Βρείτε το ηλεκτρικό πεδίο E, στο κέντρο του βρόχου (σημείο P του διπλανού σχήματος). Υπόδειζη: Θα πρέπει να χωρίσετε το βρόχο σε μικρά τμήματα με φορτίο dq όπως φαίνεται στο σχήμα, και να γράψετε κατόπιν το dq συναρτήσει της γωνίας dφ και να ολοκληρώσετε.





Demportre co sissapre surreturgieun con spiriocos, les apxis

To groupewides dopéis de Saproup y en leur puis ne Siève en de Europe de la Rara finan en aucum Siève de Siève f: f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f = f

Το οδικό πεδίο  $\vec{E}$  στο σητείο  $\vec{P}$  προκώη τει οδοιδηρώνοντος το στοιχειώδη πεδία για όδα τα στοιχειώδη φορνία d $\vec{q}$ :  $\vec{E}(\vec{p}) = \int \vec{E} d\vec{r}$ 

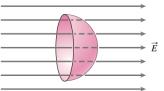
Huerough doprior en la ofroighoppy ruera fishes tou rojou fishers The star authorogen doprior: J = Q = QEnofierus to Greguindes doprio do = Idl ] = do = Iado

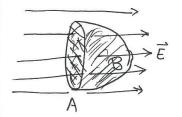
Allà to Grogeindes fishes to for dl = ordo

To nesio electiverar maria  $1/\alpha^2$  and to poperio.

- 5. Μια λεπτή ράβδος βρίσκεται κατά μήκος του x-άξονα και έχει μήκος 2L. Το μέσο της ράβδο βρίσκεται στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Η ράβδος έχει γραμμική πυκνότητα φορτίου  $\lambda = \lambda_o(x/L)$ , όπου  $\lambda_o$  σταθερά. (α) Βρείτε την εξίσωση του ηλεκτρικού πεδίου σε σημεία στον x-άξονα για x > L. (β) Δείξτε ότι για  $x \gg L$  το αποτέλεσμά σας παρουσιάζει την εξάρτηση του  $1/x^3$  που παρουσιάζει το πεδίου ενός ηλεκτρικού διπόλου και προσδιορίστε την διπολική ροπή της ράβδου.
  - (a) Da vnolgicope to ndeuqui néoio ex enpeio P=(x,y). Da feuriscope pe To conquisses n'enzano negro non Enfrançoi co cronquisses opoporio da (2) ratardiris dopción con pabo, non da o londrousoupe as nos to finus ans pabor, dempuras o a n natoropir ciras con x-Siendron To ezogeièles poprio de = a dx' onor Q to doprio um Lo to friens es pablor. Hano Gros uni de Gronzucion poprior de ano co entro Péras: V(x-x') + y2 To parascoño Survicta con execus deco con opposion de man Peira:  $\hat{r} = \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|} = \frac{(x-x')\hat{i} + y\hat{j}}{\sqrt{(x-x')^2 + y^2}}$   $d\vec{E} = k \frac{dq}{r^2} \hat{r} \Rightarrow \vec{E} = \int_{-L/2}^{L/2} \frac{k Q}{(x-x')^2 + y^2} \frac{(x-x')\hat{i} + y\hat{j}}{\sqrt{(x-x')^2 + y^2}} = \frac{kQ}{L} \int_{-L/2}^{L/2} \frac{(x-x')\hat{i} + y\hat{j}}{(x-x')^2 + y^2} \frac{dx}{dx}$   $\Rightarrow \vec{E} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{1}{\sqrt{(x-x')^2 + y^2}} \hat{i} - \frac{x-x'}{(x-x')^2 + y^2} \hat{j} \right]_{-L/2}^{L/2} \Rightarrow$  $\Rightarrow \int \vec{E} = \frac{kQ}{L} \left[ \left( \frac{1}{\sqrt{(x - \frac{L}{2})^{2} + y^{2}}} - \frac{1}{\sqrt{(x + \frac{L}{2})^{2} + y^{2}}} \right) \hat{L} + \left( \frac{x + L/2}{y\sqrt{(x + \frac{L}{2})^{2} + y^{2}}} - \frac{x - L/2}{y\sqrt{(x - \frac{L}{2})^{2} + y^{2}}} \right) \right]$ Ozav X=0 to tresio Sive:  $\vec{E} = \frac{k\omega}{L} \left[ \phi \hat{i} + \frac{L}{y\sqrt{\left(\frac{L}{2}\right)^2 + y^2}} \hat{j} \right]$ (b) Otar y=0, zo neSio Sive:  $\vec{E} = \frac{kQ}{L} \left[ \left( \frac{\Delta}{x - L/2} - \frac{1}{x + L/2} \right) \hat{i} + \lim_{y \to 0} \left( \frac{x + L/2}{y(x + L/2)} - \frac{x - L/2}{y(x - L/2)} \right) \hat{j} \right]$  $\Rightarrow \vec{E} = \frac{kQ}{L} \left[ \left( \frac{x + L/2 - (x - L/2)}{x^2 - (L/2)^2} \right) \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} \right] = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{i} + \lim_{u \to 0} \left( \frac{1}{2} \right) \hat{j} = \frac{kQ}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{j} = \frac{L}{L} \left[ \frac{L}{x^2 - (L/2)^2} \right] \hat{j$

6. Προσδιορίστε την ηλεκτρική ροή διαμέσω του ημισφαιρικού κελύφους ακτίνας R του διπλανού σχήματος που βρίσκεται μέσα σε ομογενές ηλεκτρικό πεδίο E. Υπόδειζη: Δεν χρειάζεται να κάνετε κάποιο πολύπλοκο ολοκλήρωμα.





Η por nou neara and το πριοφαίριο περιά από το δίσιο του ισφερινού της σφαίριος Α.
Εποφένως η por διαφέσω της Α nor είναι ιιάθετη στο ηλειτρικό στεδίο Ε άναι ίση με τη ροή που περιά από το πριοφαίριο.

To Menzpruis nesio È civar oporòproppo zuaròpa PE = MRE

To anotèleque Epaphoyis tou vopeu tou Gauss éven i Su Seropières ou manchage ou responsable en pois frécu tou Sieneu non Tre Edanpenies enipairement tou manchage ou de circu de capai to construis dopais nou trepuleier aveis a relevant enipairement de circu de capai to construis dopais nou trepuleier aveis a relevant enipairement de circu de circular de ci

 $\oint_{AB} = \iint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_0}{\xi} \Rightarrow \oint_A + \oint_B = \emptyset \Rightarrow \oint_A = -\oint_B \Rightarrow \oint_{\mu_{\mu}} = -\Pi^2 \vec{E}$ 

7. Ένας χοντρός σφαιρικός φλοιός εσωτερικής ακτίνας a και εξωτερικής ακτίνας b είναι φορτισμένος με ομοιόμορφη χωρική πυκνότητα φορτίου  $\rho$ . Βρείτε το ηλεκτρικό πεδίο στην περιοχή στο εσωτερικό του σφαιρικού φλοιού ( $\alpha < r < b$ ) και δείξτε ότι το αποτέλεσμά σας είναι συμβατό με αυτό μιας φορτισμένης σφαίρας με χωρική πυκνότητα φορτίου  $\rho$ , και ακτίνας b. (Στην περίπτωση αυτή  $\alpha = 0$ ).

Noxu ens eparpieurs ortherepiers voir nooblitures lingositie un Eparpie Gart E con voire vou Gouss.

Enida vero.
Garess

Osmoips en emparer Gaus épaipes auxives

 $\vec{E} \cdot d\vec{A} = EA = \frac{9ε_G}{ε_0} \Rightarrow E = \frac{9ε_G}{Aε_0} = \frac{9ε_G}{4πΓ^2ε_0}$ 

To popeio que sim auto nou repulsistan ano

Tor ogue ens Equipus ens Gaussian Enifertus un Tou EGUTERUN d'Iorsi?

 $q_{\epsilon 6} = \rho V = \rho \frac{4}{3} \pi (r^3 a^3).$ Avenuario cros of conversions are newson, Sine:  $E = \frac{4}{3} \pi (r^3 a^3) \rho \Rightarrow E = \frac{P}{3\epsilon} (r - \frac{a^3}{r^2})$ 

Estus de a 20 mai and to gegoros de Q=pV=p\frac{4}{3} TR De exorpre:

E= 9 => E= QT nou anorelei onus exape Sei co resio co se concepción de describilità de la concepción de describilità de la concepción de describilità de la concepción de la con

σου αποτελει οπως εχισμε σε το τεσιο στο εσωτερικό μιως ομοιόμορφα φορτισμείας σφαίρας (ξχι εχιύχνης). Το πεδίο αυβάνει γραμμικά μαθώς απομαπρινόμασε από το πέντρο της σφαίρας μέχρι την επιφάνεια της γιαι μετά ελαττώτα ως 1/0-2 8. Η χωρική πυκνότητα φορτίου μιας συμπαγούς μη αγώγιμης σφαίρας ακτίνας a δίνεται από την σχέση  $\rho = \frac{\rho_0 r}{\alpha}$ , όπου  $\rho_o$  είναι σταθερά. (α) Βρείτε το ολικό φορτίο της σφαίρας και (β) την ένταση του ηλεκτρικού πεδίου στο εσωτερικό της σφαίρας συναρτήσει της απόστασης r από το κέντρο της σφαίρας.

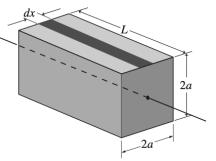
Noxus aparpruis affreçois ens natarofiés popeior finopositie va estaplicante tor votro tou Gauss. De esoco e natarofies depeior Service de oriófico por rue enotiens da aparece va o lordapinate y va va Borifie to popeio son nepuleistas ano en Gorussian enplaisera

To dopeio Go egwegouis chaipas auxilias  $r \le \alpha$  oila:  $q(r) = \int_{0}^{r} \rho dV = \int_{0}^{r} \rho d\pi r^{2} dr \Rightarrow q(r) = \frac{4\pi\rho_{0}}{\alpha} \int_{0}^{r} r^{3} dr \Rightarrow q(r) = \frac{\pi\rho_{0}r^{4}}{\alpha}$ The  $r = \alpha$  du ixoche:  $q(\alpha) = \frac{\pi\rho_{0}\alpha}{\alpha} \Rightarrow q(\alpha) = \frac{\pi\rho_{0}\alpha^{3}}{\alpha}$ 

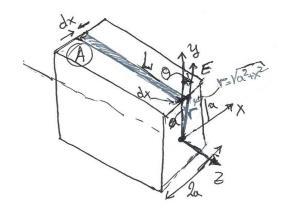
Ano cor volus cor Gouss:  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q_{EC}}{\epsilon_0} \Rightarrow EATV = \frac{1}{\epsilon_0 \alpha} \Rightarrow$   $\Rightarrow \vec{E} = \frac{p_0 r^2}{4\epsilon_0 \alpha}$ 

9. Το διπλανό σχήμα δείχνει ένα ορθογώνιο παραλληλεπίπεδο με πλευρές 2α και μήκος L που

περιβάλει έναν ευθύγραμμο αγωγό που είναι φορτισμένος ομοιόμορφα με γραμμική πυκνότητα φορτίου λ. Ο ευθύγραμμος αγωγός περνά από το κέντρο των δύο βάσεων του παραλληλεπιπέδου όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Ολοκληρώστε το πεδίο της γραμμικής κατανομής φορτίου χρησιμοποιώντας λωρίδες στοιχειώδους πάχους dx όπως φαίνεται στο σχήμα ώστε να βρείτε την στοιχειώδη ηλεκτρική ροή διαμέσω μιας πλευράς του παραλληλεπιπέδου. Βρείτε



την ολική ροή και δείξτε ότι το αποτέλεσμά σας είναι συμβατό με τον νόμο του Gauss.



Avi va xprachonoinadue en xpapelium applicaja Ens natorder's depoilor, Da Bpoile En por has Eninears enipereus pipos ou opaquion TOUT Siveral

Ξέρουβε ότι το πλειτρικό πεδίο στην πάνευ επιφώνειο αν πουτού έχα μέτρο: 9/2πεστ mon èxe Siendrey anciving anqueliproperty and in Xpatificia naturalis con dopaso.

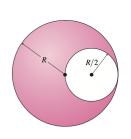
It pois Sudieur fuer Impider nécours dx con Déco x eilen: de=ELOSOdx = []/(2neor)]L(a/r)dx onor v=/02+x2 to Scorreque decres tres liquides néxors dx

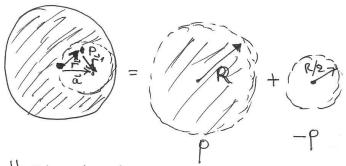
Olon Inprivate que X=-a èus X=a (anò to apretepo ezo Sefrò àyou ast novaoir);

 $\frac{\partial}{\partial x} = \int_{-\alpha}^{\alpha} \left( \frac{\partial \alpha L}{\partial n E_0} \right) \left( \frac{dx}{\partial x} \right) = \left( \frac{\partial \alpha L}{\partial n E_0} \right) \left[ \frac{1}{\alpha} \tan \left( \frac{x}{\alpha} \right) \right]_{-\alpha}^{\alpha} + \left[ \frac{\partial \alpha L}{\partial n E_0} \right$ 

Λόχω εφηρετρίας, η ρού που περυά το μοιτί δα σίω 4 φορώς το προηγεύρενο αποτέ λεσμε. Δηλαδή  $Φ_{tot} = 4Φ_A \Rightarrow Φ_{τοτ} = \frac{2 L_0}{E_0}$  που εφηρωνεί με το ornoté lestra tous Epaplayis cost vôtios cos Gauss enessi que de la

10. Μια συμπαγής μη αγώγιμη σφαίρα ακτίνας R είναι ομοιόμορφα φορτισμένη με χωρική πυκνότητα φορτίου ρ. Στη σφαίρα υπάρχει μια σφαιρική τρύπα το κέντρο της οποίας βρίσκεται σε απόσταση R/2 από το κέντρο της αρχικής σφαίρας, όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Δείξτε ότι το ηλεκτρικό πεδίο παντού στο χώρο της τρύπας έχει οριζόντια διεύθυνση και μέτρο ίσο με ρR/6ε<sub>0</sub>. <u>Υπόδειζη:</u> Θα μπορούσατε να θεωρήσετε ότι η τρύπα συμπεριφέρεται σαν η υπέρθεση δύο ομοιόμορφα φορτισμένων σφαιρών με αντίθετα φορτία.





H suprayors apaipa proper ve desponder ens unipolecy pues équipas pe voilogre un fues funçosepos conipas nou cutaloquire en voilor a Η μια εφαίρα θευρούρε ότι όχει ο μυτόρορφη πυπώτητα φορτίου +ρ, επώ η μιπρότερη σφαίρα έχει πυκνότητω φορτίου -ρ, όπων το παραινώτω οχώνω Ano co vojes zou Gayss De égoche; o cito nédio se éva enpeio P élevaias Ins hexaditepres operpas da civai:

 $E \cdot 4\pi r^2 = \frac{9\epsilon \epsilon}{\epsilon} \Rightarrow E \cdot 4\pi r^2 = \frac{1}{\epsilon_0} \rho \frac{4}{3} h r^3 \Rightarrow E = \frac{pr}{3\epsilon_0}$ 

Tapopoleone, το η Σεντρινώ πεδίο εβαιτίας της μιμρόταρης εφαίρας δα είναι:  $E' 4πτ' = \frac{9εc}{ε_0} = \frac{1}{ε_0} (-p) \frac{4}{3}πτ'^3 \Rightarrow E' - \frac{pr'}{3ε_0}$ 

To avolub résio reordinter and to Survefuetué cichordue au Sio reportaire :  $E_p = E + E' = \frac{pr}{3E_0} + \frac{pr'}{3E_0} = \frac{p}{3E_0} \left(\vec{r} + \vec{r}'\right) \Rightarrow \vec{l}_p = \vec{l}$ To Sieviche  $\alpha = \frac{R}{2}\hat{i}$ . Apr  $E_p = \frac{pR}{6E_0}\hat{i}$  To notice or Europeubrus hològres exerciser or X-Sieidrucy cur pi go pR/6E heights Evològres Evològres