Παράδειγμα 3

Χρησιμοποιείτε τη μέθοδο Newton για να βρείτε μια λύση της f(x) όπου $f(x)=x^2-1$. Αν η αρχική σας υπόθεση για λύση ήταν η $x_0=2.0$, ποια θα είναι η πρόβλεψη της μεθόδου Newton για την επόμενη προσεγγιστική λύση.

Απάντηση:

Η λύση σύμφωνα με τη μέθοδο Newton-Raphson είναι: $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x)}{f'(x)}$.

Η συνάρτηση είναι $f(x) = x^2 - 1$ και η παράγωγός της f(x) = 2x.

Για αρχική λύση
$$x_0=2.0$$
, θα έχουμε: $x_1=x_0-\frac{f(x_0)}{f'(x_0)}=2.0-\frac{2^2-1}{2\cdot 2}=1.25$