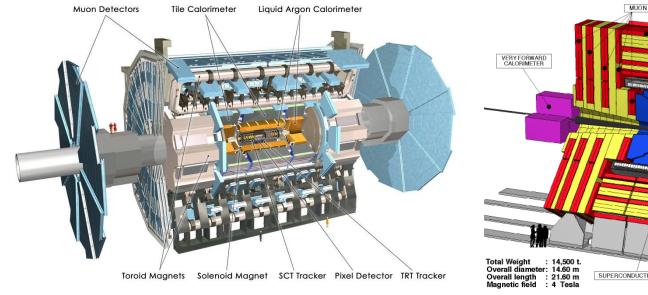
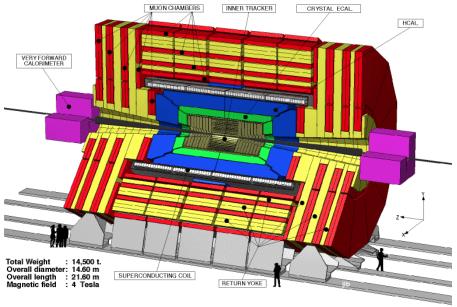
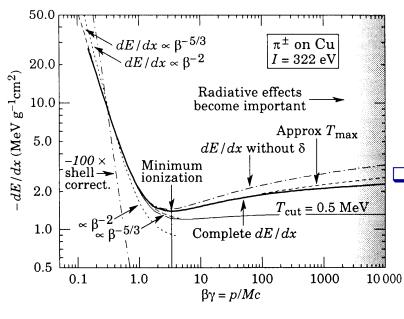
Αλληλεπιδράσεις σωματιδίων με την ύλη και Είδη Ανιχνευτών σωματιδίων





Κατανόηση της συμπεριφοράς Bethe-Bloch

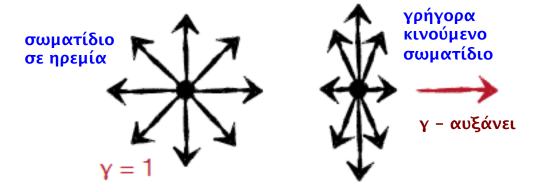
$$-\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = Kz^2 \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\frac{1}{2} \ln \frac{m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 T_{\text{max}}}{I^2} - \beta^2 - \frac{\delta(\beta \gamma)}{2} \right]$$



- \Box Εξάρτηση από $1/\beta^2$
 - Αργά κινούμενα σωματίδια αισθάνονται το ηλεκτρικό πεδίο των ηλεκτρονίων των ατόμων για μεγαλύτερο διάστημα

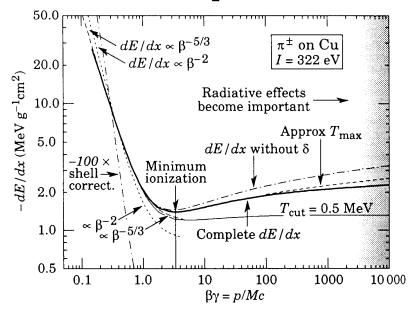
$$\Delta p_{\perp} = \frac{e}{V} \int_{-\infty}^{+\infty} E_{\perp} \, dx = \int F_{\perp} \, dt = \int F_{\perp} \, \frac{dx}{V}$$

- floor Σχετικιστική αύξηση για $eta\gamma > 4$
 - > Για σωματίδια μεγάλης ενέργειας, το εγκάρσιο πεδίο αυξάνει λόγω μετασχηματισμού Lorentz $E_y \to \gamma E_y$ με αποτέλεσμα την αύξηση της ενεργού διατομής



Κατανόηση της συμπεριφοράς Bethe-Bloch

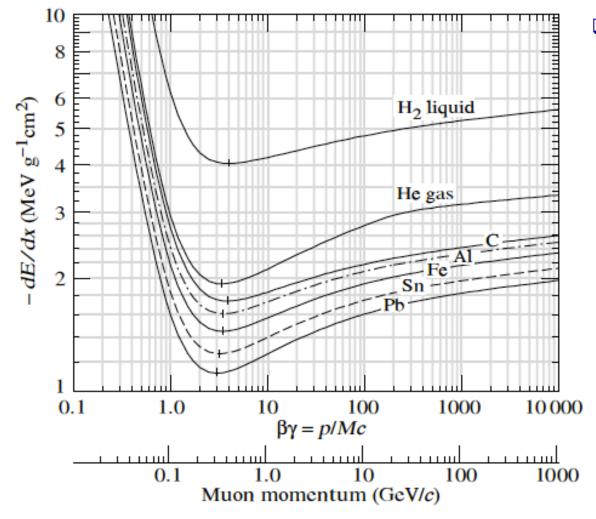
$$-\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = Kz^2 \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\frac{1}{2} \ln \frac{m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 T_{\text{max}}}{I^2} - \beta^2 - \frac{\delta(\beta \gamma)}{2} \right]$$



- Διόρθωση πυκνότητας όρος δ
 - φαινόμενα πόλωσης (εξάρτηση από πυκνότητα)
 - Θωράκιση του ηλεκτρικού πεδίου μακριά από την διαδρομή του σωματιδίου με αποτέλεσμα την μείωση των συνεισφορών από απομακρυνσμένα άτομα.
 - Σημαντικότερη η συνεισφορά για μεγάλα γ όπου αυξάνει η εμβέλεια επιρροής του ηλεκτρικού πεδίου και αυξάνει ο όρος b_{max}
 - ightharpoonup Σε υψηλές ενέργειες: $\delta/2
 ightharpoonup \ln \left(\hbar\omega/I\right) + \ln \beta \gamma 1/2$
 - Οι διορθώσεις μεγάλες σε υψηλές ενέργειες και οδηγούν στην σταθερή τιμή της dE/dx

- Διόρθωση στοιβάδας
 - ◆ εμφανίζεται όταν η ταχύτητα των προσπίπτοντων σωματιδίων είναι κοντά στην τροχιακή ταχύτητα των ηλεκτρονίων του ατόμου του μέσου: βc ~v_e
 - η υπόθεση ότι το ηλεκτρόνιο είναι σε ηρεμία παύει να ισχύει και ένα σωματίδιο μπορεί να δεσμευτεί
 - > Οι διορθώσεις αυτές είναι εν γένει μικρές

Απώλεια ενέργειας φορτισμένων σωματιδίων



Εξάρτηση από:

Φορτίο Ζ

Μάζα Μ

του υλικού μέσου

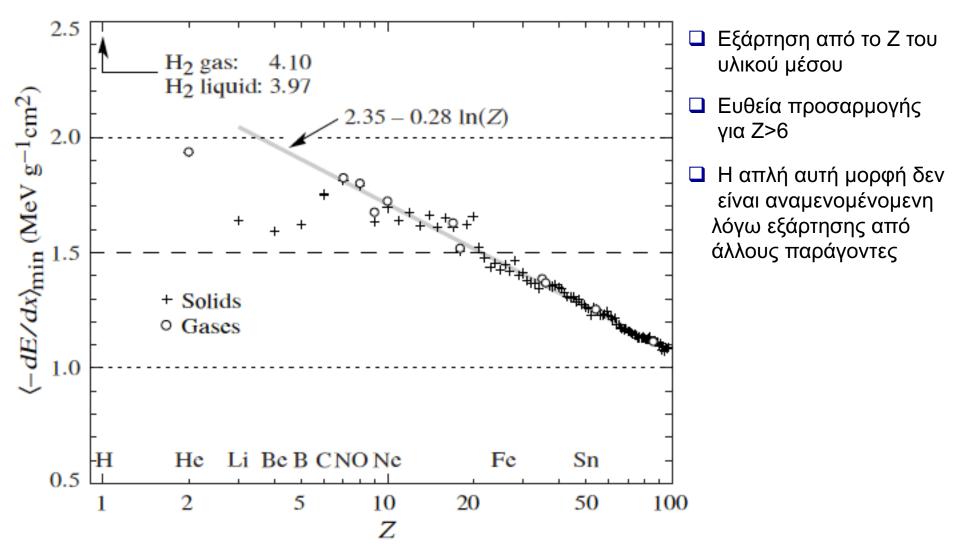
Περιοχή ελάχιστης ιονιστικής ικανότητας:

1-2 MeV g⁻¹ cm²

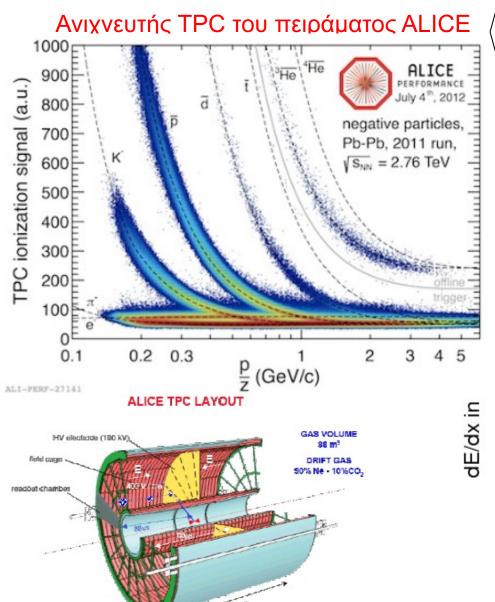
ανεξάρτητου υλικού

 \Box H₂: 4 MeV/g cm²

Περιοχή ελάχιστης ιονιστικής ικανότητας

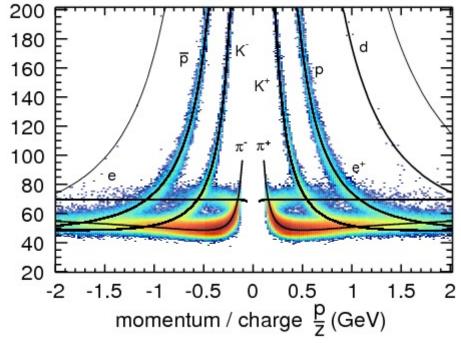


Χρήση dE/dx για ταυτοποίηση σωματιδίων



$$\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = Kz^2 \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\frac{1}{2} \ln \frac{m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 T_{\text{max}}}{I^2} - \beta^2 - \frac{\delta(\beta \gamma)}{2} \right]$$

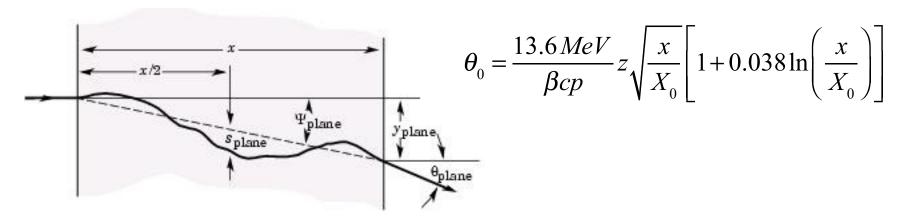
- Οι καμπύλες προέρχονται από προσαρμογές της εξίσωσης Bethe-Bloch
- Εξάρτηση από β²
 - Γράφημα του dE/dx με ορμή θα έχει εξάρτηση από τη μάζα του σωματιδίου



Πολλαπλή σκέδαση Coulomb

Σωματίδια που περνούν μέσα από πυκνό περιβάλον κάποιου μέσου αισθάνονται το ηλεκτρικό πεδίο του πυρήνα με αποτέλεσμα να χάνει μικρές ποσότητες ενέργειας και να αλλάζει γωνία κίνησης σε κάθε σκέδαση

Η διεργασία μπορεί να περιγραφεί σαν ένας τυχαίος περίπατος μέσω του υλικού με χαρακτηριστικό βήμα γωνίας



Η πολλαπλή σκέδαση είναι σημαντική για ανιχνευτές ακρίβειας όπως οι ανιχνευτές τροχιών και κυριαρχεί την διακριτική ικανότητα ορμής και γωνίας σε χαμηλές ενέργειες κυρίως.

Η αναμενόμενη τιμή της γωνίας πολλαπλής σκέδασης, θ , $\left\langle \theta \right\rangle = 0$ αλλά η αναμενόμενη τιμή της $\left\langle \theta^2 \right\rangle \neq 0$ οπότε $\theta_0 \sim \theta_{\it rms} = \sqrt{\left\langle \theta^2 \right\rangle}$

Μέση εμβέλεια σωματιδίων

Αν ολοκληρώσουμε την απώλεια ενέργειας ενός σωματιδίου από Ε έως ότου χάσει όλη την ενέργειά του θα έχουμε:

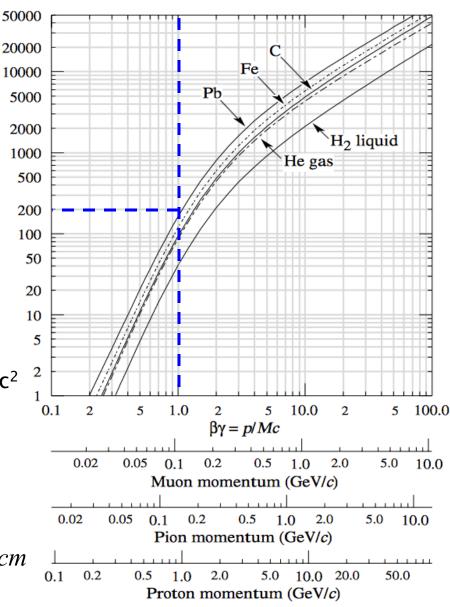
$$R(E) = \int_{E}^{0} \frac{1}{-\langle dE/dx \rangle} dE$$
 μέση εμβέλεια

 $R/M (g cm^{-2} GeV^{-1})$

- Η μέση εμβέλεια αντιπροσωπεύει το βάθος στο οποίο έχουν χαθεί τα μισά από τα προσπίπτοντα σωματίδια
- Για πρωτόνια p=1GeV/c μάζας M~1GeV/c² σε στόχο Pb πυκνότητας ρ=11.35gr/cm³ διαβάζουμε από το γράφημα:

$$\frac{R(E)}{M} \approx 200 gr \cdot cm^{-2} \cdot GeV^{-1}$$

$$R(E) \approx \frac{200}{\rho_{ph}} M_p \Rightarrow R(E) \approx 200/11.34 \approx 20cm$$



Μέση εμβέλεια σωματιδίων

Αν ολοκληρώσουμε την απώλεια ενέργειας ενός σωματιδίου από Ε έως ότου χάσει όλη την ενέργειά του θα έχουμε:

$$R(E) = \int_{E}^{0} \frac{1}{-\langle dE/dx \rangle} dE$$
 μέση εμβέλεια

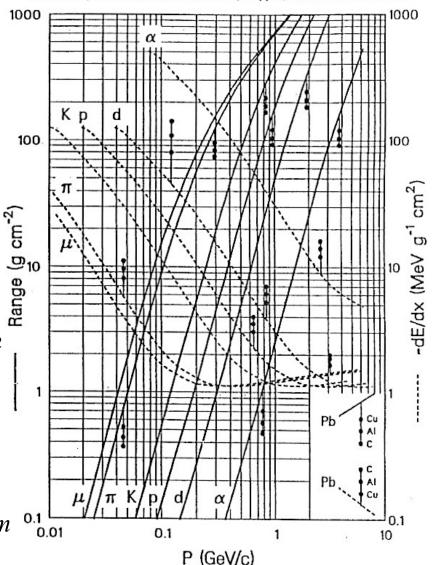
- Η μέση εμβέλεια αντιπροσωπεύει το βάθος στο οποίο έχουν χαθεί τα μισά από τα προσπίπτοντα σωματίδια
- Για πρωτόνια p=1GeV/c μάζας M~1GeV/c²
 σε στόχο Pb πυκνότητας ρ=11.35gr/cm³
 διαβάζουμε από το γράφημα:

$$\frac{R(E)}{M} \approx 200 gr \cdot cm^{-2} \cdot GeV^{-1}$$

$$R(E) \approx \frac{200}{\rho_{Pb}} M_p \Rightarrow R(E) \approx 200/11.34 \approx 20 cm^{-0.1}$$

MEAN RANGE AND ENERGY LOSS

Mean Range and Energy Loss in Lead, Copper, Aluminum, and Carbon



Εναπόθεση ενέργειας σωματιδίου

Για σωματίδια με βγ > 3.5

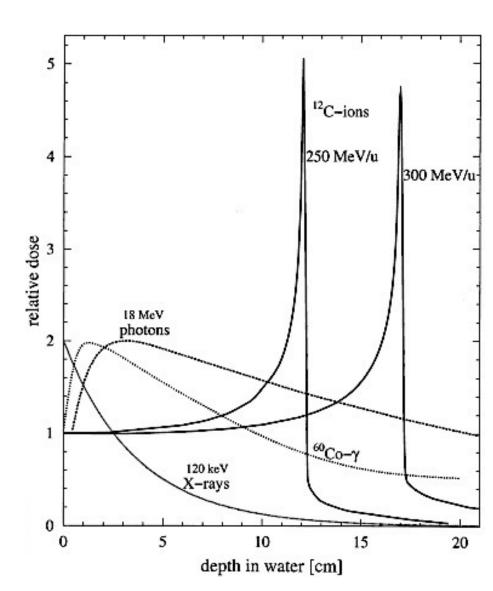
$$\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle \approx \frac{dE}{dx} \bigg|_{\min}$$

□ Για σωματίδια με βγ < 3.5

$$\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle \gg \frac{dE}{dx} \bigg|_{\min}$$

- Πολύ σημαντική εφαρμογή:
 - Θεραπεία όγκων με χρήση επιταχυντή αδρονίων:

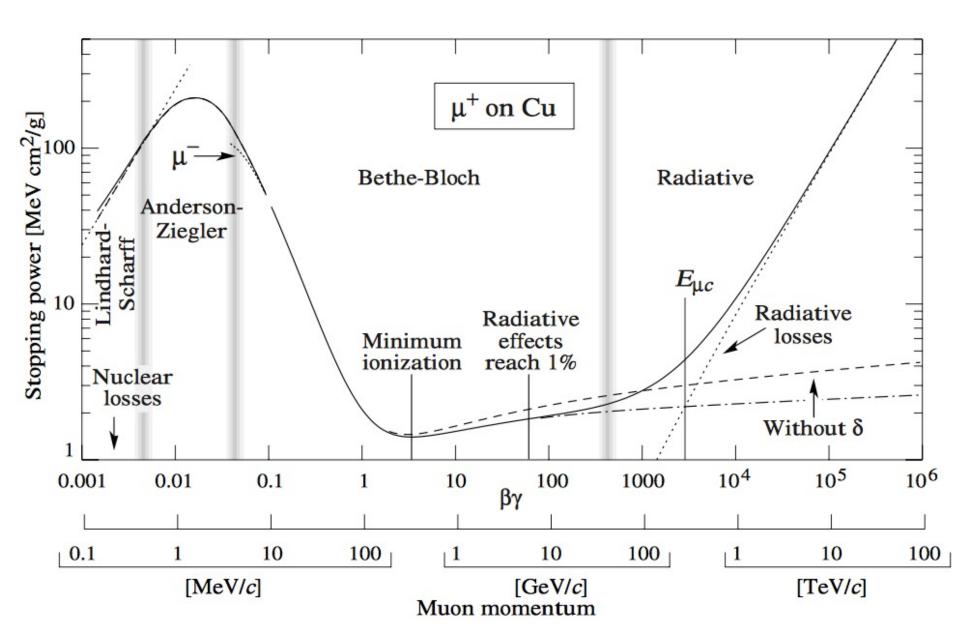
Δυνατότητα για ακριβή εναπόθεση δόσης ακτινοβολίας (ενέργειας) σε προκαθορισμένο βάθος με ρύθμιση της ενέργειας της δέσμης



Θεραπευτικό Κέντρο Δέσμης Ιόντων - Heidelberg



Απώλεια ενέργειας μιονίου – Επισκόπιση



Απώλειες ενέργειες ηλεκτρονίων

- □ Αρκετές διαφοροποιήσεις της dE/dx ως προ τα βαρύτερα φορτισμένα σωματίδια
 - Η υπόθεση ότι δεν αλλάζουν πορεία καθώς περνούν μέσα από το υλικό, παύει να ισχύει (σκέδαση Coulomb σε μεγάλες γωνίες)
 - Η υπόθεση ότι η απώλεια ενέργειας σε κάθε σκέδαση είναι μικρή δεν ισχύει (μεγάλες απώλειες ενέργειες πιθανές από σκέδαση ηλεκτρονίου-ηλεκτρονίου)
 - Προσπίπτον σωματίδιο και στόχος (ατομικό ηλεκτρόνιο) έχουν την ίδια μάζα οπότε έχουμε σκέδαση πανομοιότυπων σωματιδίων
 - Τα ηλεκτρόνια είναι σχετικιστικά στις πυρηνικές ενέργειες
- □ Τα ηλεκτρόνια εκπέμπουν ακτινοβολία καθώς χάνουν ενέργεια, που συνεισφέρει στην απώλεια ενέργειας
 - Ακτινοβολία πέδησης bremsstrahlung
 - Ακτινοβολία Cherenkov
 - \Rightarrow Σε Pb: $\Delta E_{\alpha \kappa \tau \iota \nu \sigma \beta \sigma \lambda \acute{\iota} \alpha \varsigma} > \Delta E_{\iota \sigma \nu \iota \sigma \mu \sigma \acute{\iota}}$ για $E_e > 10 MeV$

Απώλειες ενέργειας λόγω ιονισμού

□ Τροποποίηση της εξίσωσης Bethe-Bloch για ηλεκτρόνια:

$$-\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = \frac{1}{2} K \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\ln \frac{m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 \left\{ m_e c^2 (\gamma - 1)/2 \right\}}{I^2} + F_{e^-}(\gamma) \right]$$
όπου:
$$F_{e^-}(\gamma) = \left(1 - \beta^2 \right) - \frac{2\gamma - 1}{\gamma^2} \ln 2 + \frac{1}{8} \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right)^2 - \delta$$
Ηλεκτρόνια

- Να σημειωθεί ότι η μέγιστη ενέργεια μεταφοράς σε μια σύγκρουση ηλεκτρονίου-ηλεκτρονίου, Τ_{max} θα ήταν η πλήρης μεταφορά της κινητικής ενέργειας T_{max}= (γ-1)mc². Λόγω πανομοιότυπων σωματιδίων, T_{max}= (γ-1)mc²/2
- 🔲 Τροποποίηση της εξίσωσης Bethe–Bloch για ποζιτρόνια:

$$-\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = \frac{1}{2} K \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\ln \frac{m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 \left\{ m_e c^2 (\gamma - 1) \right\}}{2I^2} + F_{e^+}(\gamma) \right]$$
όπου:
$$F_{e^+}(\gamma) = 2 \ln 2 - \frac{\beta^2}{12} \left(23 + \frac{14}{\gamma + 1} + \frac{10}{(\gamma + 1)^2} + \frac{4}{(\gamma + 1)^3} \right) - \delta$$

e-

Ακτινοβολία Bremsstrahlung – πέδησης

Ακτινοβολία πέδησης εμφανίζεται όταν σωματίδια επιταχύνονται μέσα στο πεδίο Coulomb ενός πυρήνα

$$\left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle = 4\alpha N_A \frac{z^2 Z^2}{A} \left[\frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{e^2}{mc^2} \right] E \ln \frac{183}{Z^{1/3}} \Longrightarrow \left\langle \frac{dE}{dx} \right\rangle \propto \frac{E}{m^2}$$

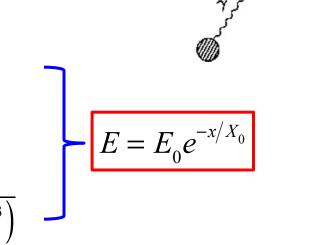
Απώλεια ενέργειας ανάλογη του 1/m² επομένως σημαντική για ηλεκτρόνια

Θεωρώντας ηλεκτρόνια:

$$\frac{dE}{dx} = 4\alpha N_A \frac{Z^2}{A} r_e^2 E \ln \frac{183}{Z^{1/3}}$$

$$\frac{dE}{dx} = \frac{E}{X_0} \text{ ómov } X_0 = \frac{A}{4\alpha N_A Z^2 r_e^2 \ln(183/Z^{1/3})}$$

Μετά από Χ₀ έχει χάσει όλη εκτός απο 1/e της ενέργειάς του



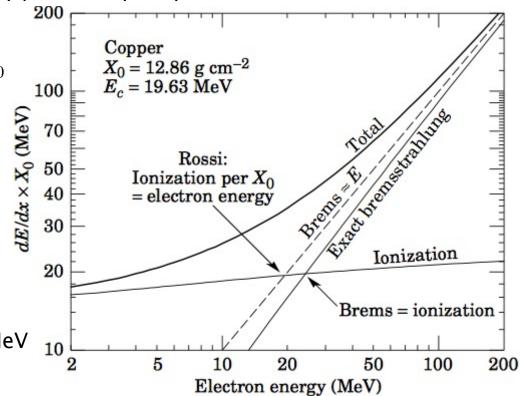
Ακτινοβολία πέδησης – Κριτική ενέργεια

- Τα ηλεκτρόνια χάνουν ενέργεια λόγω bremsstrahlung με ρυθμό που είναι ανάλογος της ενέργειάς του ενώ η απώλεια ενέργειας λόγω ιονισμού είναι ανάλογη μόνο του λογαρίθμου της ενέργειας του
- □ Ορίζουμε σαν κριτική ενέργεια Ε_c, την ενέργεια όπου οι δυο μορφές απώλειας ενέργειας (ιονισμό/bremsstrahlung) είναι ίσες
 - Διαφοροποίηση ορισμού: Η ενέργεια όπου η ενέργεια ιονισμού/μήκος ακτινοβολίας είναι ίση με την ενέργεια του ηλεκτρονίου (Rossi)
 - ightharpoonup Ισοδύναμη της πρώτης με την προσέγγιση $\left| dE/dx \right|_{\mathit{Brem}} pprox E/X_0$
- Για την κριτική ενέργεια υπάρχει η προσέγγιση:

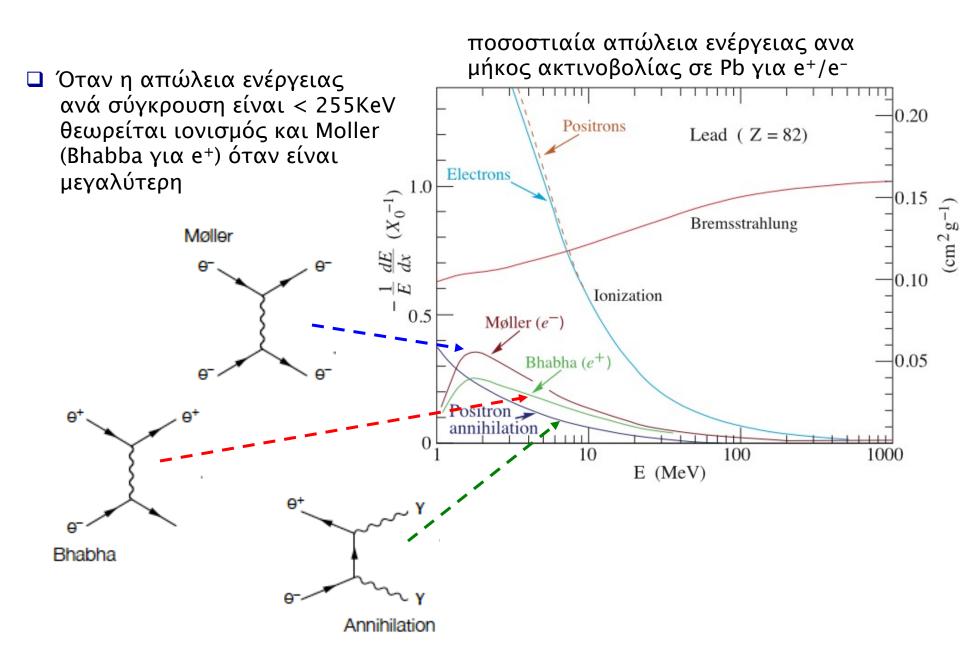
$$E_c^{\alpha\epsilon\rho\iota\alpha} = \frac{710\,MeV}{Z + 0.92}$$

$$E_c^{\sigma\tau\epsilon\rho\epsilon\alpha/\nu\gamma\rho\alpha} = \frac{610\,MeV}{Z + 1.24}$$

Στο χαλκό είναι: E_c ~ 610/30 ~20 MeV
 Για μ στο χαλκό: E_c ~ 800 GeV



Ολική Απώλεια Ενέργειας για e-/e+

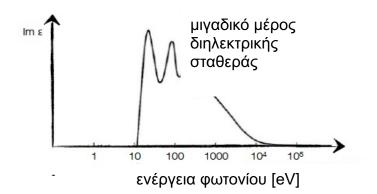


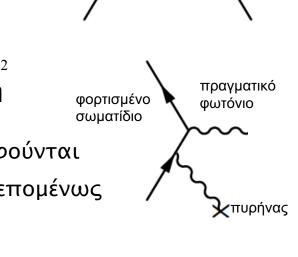
ηλεκτρόνιο

ατόμου

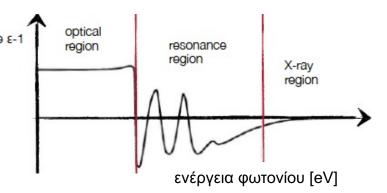
Ακτινοβολία Cherenkov

- Είδαμε ότι φορτισμένα σωματίδια που αλληλεπιδρούν με την ύλη προκαλούν:
 - Ιονισμό
 - Ακτινοβολία Cherenkov
 - Ακτινοβολία Μετάβασης (transition radiation)
- Θεωρήστε φορτισμένο σωματίδιο με ταχύτητα: βc
- $lue{}$ Θεωρήστε υλικό με διηλεκτρική σταθερά: $\mathcal{E} = \mathcal{E}_1 + i\mathcal{E}_2$
 - Η σταθερά αντιπροσωπεύει την αλληλεπίδραση δυνητικών φωτονίων με τα άτομα του υλικού
- Το μιγαδικό μέρος εκφράζει φωτόνια που απορροφούνται
- > Το πραγματικό μέρος εκφράζει διάθλαση, αλλαγή επομένως της φασικής ταχύτητας $u(\omega) = \frac{c}{\sqrt{|f(\omega)|}}$





δυνητικό φωτόνιο

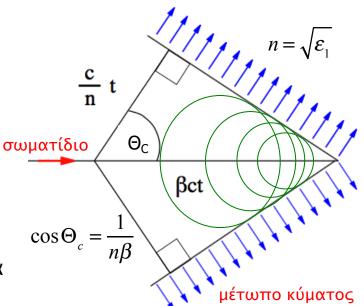


φορτισμένο

σωματίδιο

Ακτινοβολία Cherenkov

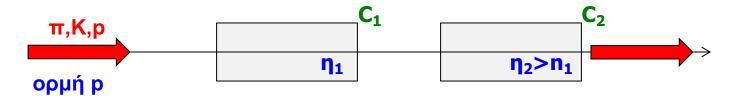
- Φως στο υλικό κινείται με μικρότερη ταχύτητα από αυτή στο κενό
- Κάποιο σωματίδιο μπορεί να κινείται με μεγαλύτερη ταχύτητα από αυτή του φωτός στο υλικό
- Δημιουργία αυτού του οπτικού boom είναι η ακτινοβολία Cherenkov
- Η ακτινοβολία Cherenkov εξαρτάται από το δείκτη διάθλασης του υλικού και την ταχύτητα του σωματιδίου



ταυτοποίηση πιονίου

Ακτινοβολία Cherenkov – Εφαρμογές

- Ανίχνευση ενέργειας κατωφλίου
 - Ακτινοβολία Cherenkov υπάρχει αν β>β_{κατωφλίου}



Επιλογή των η₁ και η₂ με τρόπο ώστε:

```
η_2:

β_π και β_K > 1/n_2

ενώ β_p < 1/n_2

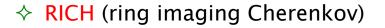
η_1:

ενώ β_p και β_K < 1/n_1
```

- \Rightarrow Ακτινοβολία Cherenkov στα C_1 και C_2 :
- \diamond Ακτινοβολία Cherenkov στο C_2 και όχι στο C_1 : ταυτοποίηση καονίου
- \diamond Μη ανίχνευση ακτινοβολίας Cherenkov στα C_1 και C_2 : ταυτοποίηση πρωτονίου

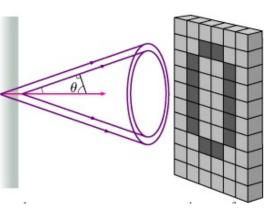
Ακτινοβολία Cherenkov – Εφαρμογές

- Μέτρηση της γωνίας Cherenkov
 - Χρησιμοποίηση υλικού με γνωστό δείκτη διάθλασης η β
 - > Η τεχνική χρησιμοποιείται σε απεικόνιση δακτυλίων Cherenkov

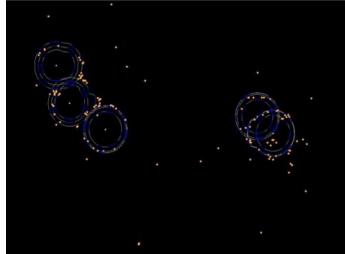


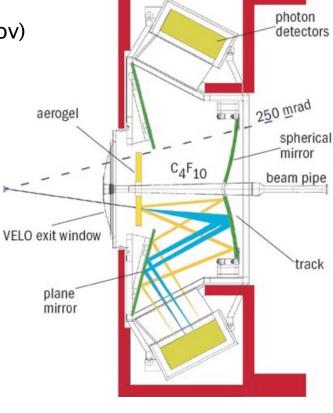
♦ DIRC (detection of internally reflected Cherenkov)

♦ DISC (ειδικό DIRC)

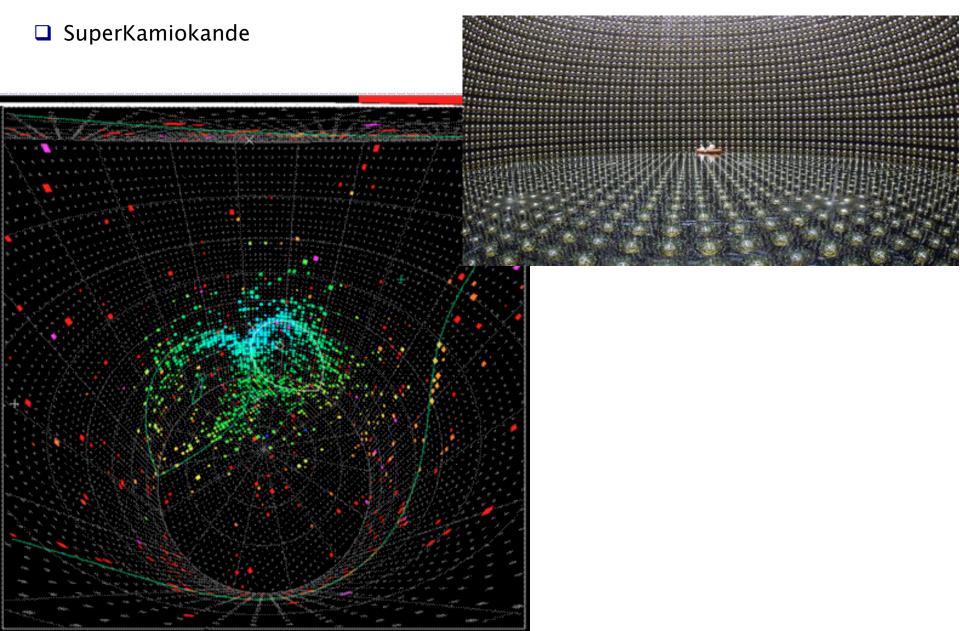








Ακτινοβολία Cherenkov – Εφαρμογές



Παράδειγμα χρήσης ανιχνευτών Cherenkov

Ο ανιχνευτής Kamiokande χρησιμοποιεί νερό σαν μέσο για παραγωγή Cherenkov ακτινοβολίας όταν κάποιο ηλεκτρόνιο ή μιόνιο περάσει δια μέσου του. Προσδιορισμός (α) της ενέργειας κατωφλίου για e και μ. (2) γωνίας ακτινοβολίας για e 300 MeV (γ) Παράγεται Cherenkov φως όταν ένα K+ ορμής 550MeV περάσει από τον ανιχνευτή;

(a) Ενέργεια κατωφλίου για e:
$$E = \gamma m = \frac{m}{\sqrt{1 - \left(1/n\right)^2}} = \frac{0.511 MeV}{\sqrt{1 - \left(1/1.33\right)^2}} = 0.775 MeV$$

Ενέργεια κατωφλίου για μ:
$$E = \gamma m = \frac{m}{\sqrt{1 - \left(1/n\right)^2}} = \frac{106 \, MeV}{\sqrt{1 - \left(1/1.33\right)^2}} = 213 \, MeV$$

(β) Για E_e =300MeV, το e είναι πάνω από το κατώφλι και η γωνία εκπομπής θα είναι:

$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{1}{\beta n}\right) = \cos^{-1}\left(1/1.33\right) = 41.2^{\circ}$$

(γ) Για $E_K = 550 \text{MeV}$, η ενέργεια κατωφλίου θα είναι:

άρα το Κ+ δεν ακτινοβολεί

$$E = \frac{m}{\sqrt{1 - (1/n)^2}} = \frac{497.6 \,\text{MeV}}{\sqrt{1 - (1/1.33)^2}} = 755 \,\text{MeV}$$

που αντιστοιχεί σε ορμή
$$p = \sqrt{E^2 - m_k^2} = \sqrt{755^2 - 497.6^2} = 567 \, MeV > 550 \, MeV$$

Μέθοδος του χρόνου πτήσης (time of flight)

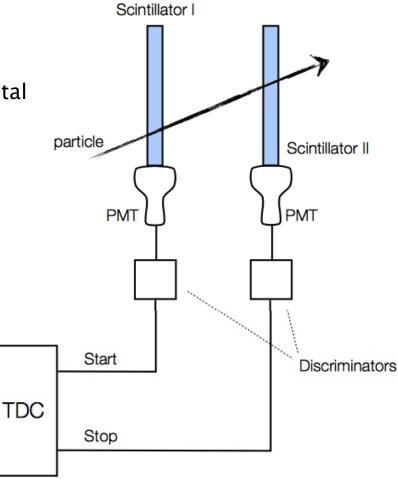
Ιδέα λειτουργίας:

Μέτρηση της διαφοράς χρόνου του σήματος ανάμεσα σε δυο ανιχνευτές με πολύ καλή διακριτική ικανότητα χρόνου.

Τυπικοί ανιχνευτές: σπινθηριστές και rpc (resistive plate chambers)

multichannel analyzer

Δημιουργία ταυτοχρονισμού ή χρήση Time Digital Converter (TDC) για κοινή αρχή χρόνων από το σημείο σύγκρουσης



TOF ανιχνευτής

Ανίχνευση σωματιδίων με διαφορετικό χρόνο πτήσης παρόμοιες ορμές:

Σωματίδιο 1: ταχύτητα v_1 , $β_1$ και μάζα m_1 ενέργεια E_1

Σωματίδιο 2: ταχύτητα v_2 , $β_2$ και μάζα m_2 ενέργεια E_2

Απόσταση μεταξύ των ανιχνευτών L

$$\Delta t = L \left(\frac{1}{v_1} - \frac{1}{v_2} \right) = \frac{L}{c} \left(\frac{1}{\beta_1} - \frac{1}{\beta_2} \right) \Rightarrow \Delta t = \frac{L}{pc^2} \left(E_1 - E_2 \right) = \frac{L}{pc^2} \left(\sqrt{p^2 c^2 + m_1^2 c^4} - \sqrt{p^2 c^2 + m_2^2 c^4} \right)$$

Σχετικιστικά σωματίδια $E \approx pc \gg m_i c^2$

$$\Delta t \approx \frac{L}{pc^2} \left[\left(pc + \frac{m_1^2 c^4}{2pc} \right) - \left(pc + \frac{m_2^2 c^4}{2pc} \right) \right] \quad \Rightarrow \Delta t \approx \frac{Lc}{2p^2} \left(m_1^2 - m_2^2 \right)$$

Για παράδειγμα: Διαχωρισμός π/Κ

 m_k ~500MeV και m_π ~140MeV

Υποθέτουμε ότι p = 1 GeV και L = 2m

οπότε:
$$\Delta t \approx \frac{2mc}{2(1000)^2} (500^2 - 140^2) \Rightarrow \Delta t \approx 800 \, ps$$

Συνήθως ζητούμε η διαφορά χρόνου πτήσης να είναι 4xσ_t διαχωρισμού. σ_t διακριτική ικανότητα διαχωρισμού

ΤΟΓ μέθοδος

Η διακριτική ικανότητα μάζας

$$p = \beta \gamma m \quad \text{επίσης θα χρησιμοποιήσουμε τις:} \quad \beta = L/\tau \quad \text{και} \quad \gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$$

$$m^2 = p^2 \left(\frac{1}{\beta^2} - 1\right) = p^2 \left(\frac{\tau^2}{L^2} - 1\right) \xrightarrow{} \text{έχουμε ότι:} \quad \frac{p^2 \tau^2}{L^2} = p^2 + m^2 = E^2$$

$$\delta \left(m^2\right) = 2p\delta p \left(\frac{\tau^2}{L^2} - 1\right) + 2\tau \delta \tau \frac{p^2}{L^2} - 2\frac{\delta L}{L^3} p^2 \tau^2$$

$$\delta \left(m^2\right) = 2p\delta p \frac{m^2}{p^2} + 2E^2 \frac{\delta \tau}{\tau} - 2E^2 \frac{\delta L}{L} = 2m^2 \frac{\delta p}{p} + 2E^2 \frac{\delta \tau}{\tau} - 2E^2 \frac{\delta L}{L}$$

$$\sigma \left(m^2\right) = 2\left[m^4 \left(\frac{\sigma_p}{p}\right)^2 + E^4 \left(\frac{\sigma_\tau}{\tau}\right)^2 + E^4 \left(\frac{\sigma_L}{L}\right)^2\right]^{1/2}$$

Συνήθως:
$$\frac{\delta L}{L} \ll \frac{\delta p}{p} \ll \frac{\delta \tau}{\tau}$$
 οπότε: $\sigma(m^2) = 2E^2 \left(\frac{\sigma_\tau}{\tau}\right)$ η αβεβαιότητα στην μέτρηση του χρόνου

η αβεβαιότητα στην μέτρηση του χρόνου κυριαρχεί την διακριτική ικανότητα μάζας

Ανιχνευτές μεγάλης ευαισθησίας θέσης

Κίνητρο:

ταυτοποίηση των b-quarks και η μέτρηση του χρόνου ζωής τους μέσω της εύρεσης δευτερεύουσας κορυφής διάσπασης

Για παράδειγμα

$$p\overline{p} \to t\overline{t} + X$$
 [TeVatron]
$$b\overline{b}W^+W^-$$

$$pp \to H + X$$
 [LHC]
$$b\overline{b}$$

Τυπικοί χρόνοι ζωής: $\tau = 10^{-12} \dots 10^{-13}$ sec

Διανυόμενο διάστημα: $\gamma ct = \gamma \times 3 \times 10^8 \times 10^{-13}$

= γ x 30μm με [γ~100]

Jet 2

e+

үст ∼ **3**mm

Επομένως:

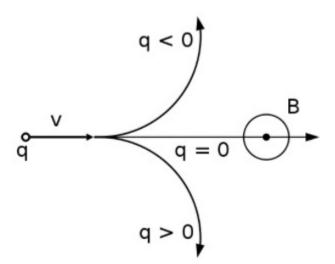
Για μέτρηση χρόνων ζωής της τάξης του picosecond χρειαζόμαστε χωρική διακριτική ικανότητα της τάξης των 5-30μm

ανακάλυψη top quark CDF t-tbar γεγονότα 000000 Jet 3 δευτερεύουσες κορυφές $l_{+} = 4.5 \, mm$ $l_2 = 2.2 \, mm$

Jet 4

Ανιχνευτές τροχιών

Ο προσδιορισμός της ορμής των φορτισμένων σωματιδίων επιτυγχάνεται μέσω της μέτρησης της καμπύλωσης της τροχιάς ενός σωματιδίου καθώς κινείται σε μαγνητικό πεδίο



Σε σωματίδιο που κινείται με ταχύτητα u, μέσα σε μαγνητικό πεδίο έντασης B ασκείται η δύναμη Lorentz

$$\vec{F} = q\vec{u} \times \vec{B}$$

Θεωρώντας ότι το σωματίδιο κινείται κάθετα στο μαγνητικό πεδίο, η δύναμη αυτή παίζει το ρόλο της κεντρομόλου δύναμης εφόσον το σωματίδιο αναγκάζεται να κινηθεί σε κυκλική τροχιά u^2

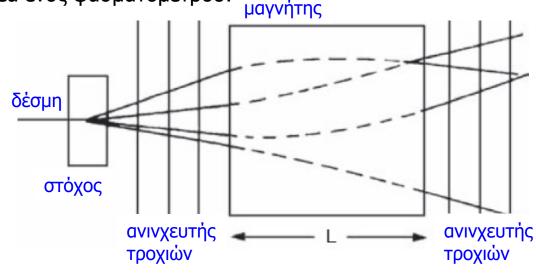
 $m\frac{u^2}{R} = quB$

Η ιδέα ενός φασματομέτρου:

Πρακτικά:

Χρήση στρωμάτων ανιχνευτών με πολύ καλή διακριτική ικανότητα θέσης πριν και μετά ή μέσα σε μαγνητικό πεδίο για να προσδιοριστεί η τροχιά του σωματιδίου

Εύρεση της καμπύλωσης της τροχιάς



Ανιχνευτές τροχιών

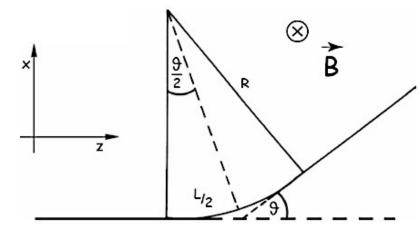
Ο προσδιορισμός της ορμής: (σε πειράματα ακίνητου στόχου)

$$m\frac{u^2}{R} = q\mu B \implies p = qRB \text{ ev\'\omega} \quad \theta = \frac{L}{R} \Rightarrow \theta = \frac{L}{p}qB$$

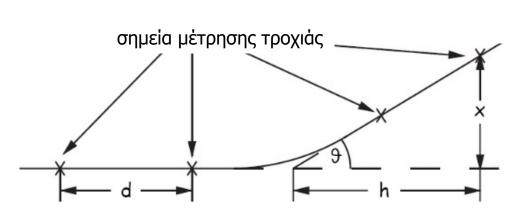
Από τις παραπάνω σχέσεις έχουμε: $p = qB\frac{L}{\theta}$

Η διακριτική ικανότητα επομένως θα είναι:

$$\frac{\sigma p}{p} = \frac{\sigma_{\theta}}{\theta}$$
 evώ $\sigma_{\theta} \sim \sigma_{x}$



Προσδιορισμός της διακριτικής ικανότητας ορμής



$$\theta = \frac{x}{h} \Rightarrow \sigma_{\theta} = \frac{\sigma_{x}}{h}$$

$$a\lambda\lambda \dot{a}: \frac{\sigma p}{p} = \frac{\sigma_{\theta}}{\theta} \Rightarrow \frac{\sigma p}{p} = \frac{\sigma_{x}}{h\theta}$$

$$\Rightarrow \frac{\sigma p}{p} = \frac{\sigma_{x}}{h} \frac{p}{qBL}$$

Μεγάλο υπομόχλιο βελτιώνει την διακριτική ικανότητα μέτρησης της ορμής

τροχιά

R: ακτίνα καμπύλωσης

σωματιδίου

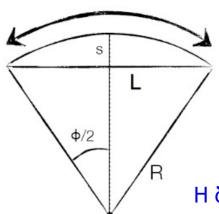
Ανιχνευτές τροχιών

Ο προσδιορισμός της ορμής: (σε κυλινδρικούς θαλάμους ολίσθησης)

$$m\frac{u^2}{R} = quB \implies p = qBR \implies p \left[\frac{GeV}{c}\right] = 0.3B[T]R[m]$$

Η τροχιά του σωματιδίου μέσα στο μαγνητικό πεδίο έχει την μορφή της έλικας με την συνιστώσα της ορμής παράλληλη προς το μαγνητικό πεδίο να είναι αμετάβλητη

Η συνιστώσα της ορμής, p_T , κάθετη στην διεύθυνση της κίνησης και στο μαγνητικό πεδίο προκαλεί κυκλική τροχιά στο εγκάρσιο επίπεδο, η ακτίνα R της οποίας προσδιορίζεται πειραματικά από fit των σημείων μέτρησης της τροχιάς



Η sagitta της τροχιάς προσδιορίζεται από: $s = R - R\cos(\varphi/2)$

$$s = R\left(1 - \cos\left(\frac{\varphi}{2}\right)\right) = 2R\sin^2\left(\frac{\varphi}{4}\right) \Rightarrow s \approx 2R\frac{2\left(\frac{\varphi}{4}\right)^2}{2!} \Rightarrow s \approx R\frac{\varphi^2}{8}$$

Allowing $\varphi = \frac{L}{R}$ orders: $s = \frac{L^2}{8R} \Rightarrow R = \frac{L^2}{8s}$

Αλλά:
$$\varphi = \frac{L}{R}$$
 οπότε: $s = \frac{L^2}{8R} \Rightarrow R = \frac{L^2}{8s}$

Η διακριτική ικανότητα ορμής θα είναι:
$$\frac{\sigma_p}{p} = \frac{\sigma_R}{R}$$
 $\Rightarrow \frac{\sigma_p}{p} = \frac{L^2}{8Rs} \frac{\sigma_s}{s}$

Μερικά αριθμητικά παραδείγματα

$$p\left[\frac{GeV}{c}\right] = 0.3B[T]R[m] \quad \text{Kal} \quad s = \frac{L^2}{8R}$$

Αν υποθέσουμε ότι: L=4m B=1T και p=1TeV

$$R = \frac{p}{0.3B} = \frac{1000}{0.3} \Rightarrow R = 3300m$$

Επομένως η sagitta θα είναι: $s \approx \frac{16}{8 \times 3300} \implies s \approx 0.6mm$

Αν θέλουμε να μετρήσουμε την ορμή με ακρίβεια 10% στο 1 TeV τότε:

$$\frac{\sigma_p}{p} \approx \frac{\sigma_s}{s} \approx 10\% \Rightarrow \sigma_s = 0.1s \Rightarrow \sigma_s \approx 60 \mu m$$

Διακριτική ικανότητα ορμής

Η αβεβαιότητα στον προσδιορισμό της ορμής είναι: $(s=L^2/8R)$

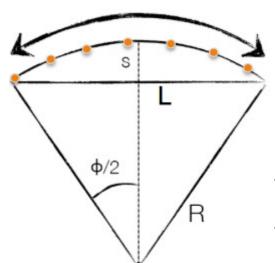
$$\frac{\sigma_p}{p} = \frac{L^2}{8Rs} \frac{\sigma_s}{s} \implies \frac{\sigma_p}{p} = \frac{L^2}{8R} \frac{\sigma_s}{(L^2/64R^2)} \implies \frac{\sigma_p}{p} = \frac{\sigma_s}{L^2} 8R \implies \frac{\sigma_p}{p} = \frac{\sigma_s}{L^2} \frac{8p}{qB} \implies \frac{\sigma_p}{p} \approx p \frac{\sigma_s}{L^2B}$$

Η αβεβαιότητα, σ_s, στον προσδιορισμό της sagitta εξαρτάται από τον αριθμό και απόσταση των σημείων μέτρησης της τροχιάς.

Για μεγάλο αριθμό σημείων και ίση απόσταση

$$\sigma_s = \frac{\sigma_{r\varphi}}{8} \sqrt{\frac{720}{N+5}}$$

Για ορμή p, (συνήθως μετράμε την p_T) χρησιμοποιώντας $p=p_T/ an heta$



$$\left(\frac{\sigma_p}{p}\right)^2 = \left(\frac{\sigma_{p_T}}{p_T}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{\theta}}{\sin \theta}\right)^2$$
 Η πολλαπλή Coulomb σκέδαση είναι σταθερή σε p_T

Παραδείγματα:

Argus:
$$\sigma_{p_T}/p_T = 0.009^2 + (0.009p_T)^2$$

ATLAS: $\sigma_{p_T}/p_T = 0.001^2 + (0.0005p_T)^2$

- Μεγάλο μήκος διαδρομής
- Μεγάλο μαγνητικό πεδίο
- Καλή μέτρηση sagitta

Διακριτική ικανότητα ορμής

Η συνεισφορά της πολλαπλής Coulomb σκέδασης στην αβεβαιότητα της ορμής είναι:

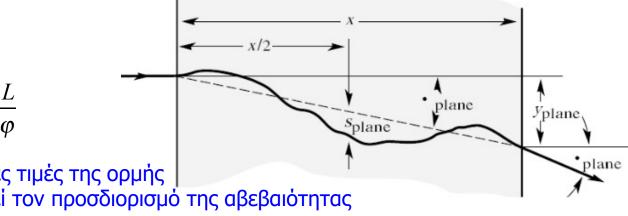
$$\sigma_{\varphi} \approx \frac{14 MeV/c}{p} \sqrt{\frac{L}{X_0}}$$

$$\frac{\sigma_p}{p} = \frac{\sigma_R}{R} = \frac{\sigma_{\varphi}}{\varphi}$$
 αφού: $R = \frac{L}{\varphi}$

Για μικρές τιμές της ορμής

κυριαρχεί τον προσδιορισμό της αβεβαιότητας

 $\frac{\sigma_p}{p} = \frac{\sigma_\phi}{\varphi} = \frac{14 \, MeV/c}{p} \sqrt{\frac{L}{X_0}} \frac{R}{L} \implies \frac{\sigma_p}{p} = \frac{14 \, MeV/c}{p} \sqrt{\frac{1}{LX_0}} \frac{p}{eB} \implies \frac{\sigma_p}{p} \sim \frac{1}{B\sqrt{LX_0}}$ ανεξάρτηση της ορμής



$$\left(\frac{\sigma_{p_T}}{p_T}\right)^2 = const\left(\frac{p_T}{BL^2}\right)^2 + const\left(\frac{1}{B\sqrt{LX_0}}\right)^2$$