# Τύποι που μπορούν να φανούν χρήσιμοι

# Ηλεκτροστατική:

$$\vec{F}_{12} = \frac{q_1q_2}{4\pi\varepsilon_0r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \qquad V = \frac{U}{q_0} \qquad \text{σημειακό φορτίο: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0r^2}\hat{r}, \quad V = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0r^2}\hat{r}$$

διπολική ροπή:  $\vec{p}=q\vec{L}$  ροπή σε δίπολο:  $\vec{\tau}=\vec{p}\times\vec{E}$  δυν. ενέργεια:  $U=-\vec{p}\cdot\vec{E}+U_0$ 

$$U_{12} = \frac{q_1q_2}{4\pi\varepsilon_0r} \qquad W_E = -\Delta U = -W_{\varepsilon\xi}. \qquad \text{συνεχής κατανομή: } E = \int \frac{dq}{4\pi\varepsilon_0r^2} \hat{r}$$

$$\phi = \int_{S} \; \vec{E} \cdot \hat{n} dA \quad \ \phi_{tot} = \oint_{S} \; \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \oint_{S} \; \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \frac{Q_{\varepsilon\sigma.}}{\varepsilon_{0}} \quad \text{asunéces:} \; E_{n^{+}} - E_{n^{-}} = \frac{\sigma}{\varepsilon_{0}}$$

Πεδίο άπειρης γραμμικής κατανομής:  $E_R = \frac{2k\lambda}{R} = \frac{1}{2\pi\varepsilon_0} \frac{\lambda}{R}$ 

Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δακτυλίου:  $E_z = \frac{kQz}{(z^2 + a^2)^{3/2}}$ 

Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δίσκου:  $E_z=sign(z)~rac{\sigma}{2arepsilon_0} \left[1-\left(1+rac{R^2}{z^2}
ight)^{1/2}
ight]$ 

Πεδίο επιπέδου άπειρων διαστάσεων:  $E_z = sign(z) \; \frac{\sigma}{2\varepsilon_0}$ 

Πεδίο λεπτού σφαιρικού κελύφους:  $E_r = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \; \frac{Q}{r^2} \quad r > R$   $E_r = 0 \qquad \qquad r < R$ 

# Χωρητικότητα:

$$C=rac{Q}{V}$$
 Επίπεδος Πυκνωτής:  $C=rac{arepsilon_0 A}{d}$ ,  $V=Ed$   $U_C=rac{1}{2}QV=rac{1}{2}CV^2=rac{1}{2}rac{Q^2}{C}$ 

Συνδεσμολογία: παράλληλη:  $C_P = C_1 + C_2 + \cdots$  Σε σειρά:  $\frac{1}{C_{\Sigma}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots$ 

Χωρητικότητα σφαιρικού αγωγού:  $C=4\pi\varepsilon_0R$  κυλινδρικού:  $C=\frac{2\pi\varepsilon_0L}{\ln(R_2/R_1)}$ 

Διηλεκτρικά:  $C_k = kC_0$  διαπερατότητα:  $\varepsilon = k\varepsilon_0$  ηλεκτρικό πεδίο:  $E = \frac{E_0}{k}$ 

#### Αντίσταση:

$$R = \frac{V}{I}$$
  $I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$   $R = \frac{\rho L}{A}$   $I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = qnAv_d$   $\vec{J} = qn\vec{v}_d$ 
 $P = IV = I^2R = \frac{V^2}{R}$ 

Συνδεσμολογία: παράλληλη:  $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \cdots$  σειρά:  $R = R_1 + R_2 + \cdots$ 

#### Κυκλώματα:

$$\sum \Delta V = 0 \qquad \sum I_{\varepsilon \iota \sigma.} = \sum I_{\varepsilon \xi.}$$
 
$$q(t) = q_{\infty} (1 - e^{-t/\tau}) \qquad q(t) = q_0 e^{-t/\tau} \qquad I(t) = I_0 e^{-t/\tau} \qquad \tau = RC$$

## Μαγνητισμός

Μαγνητική δύναμη: σε φορτίο:  $\vec{F}=q\vec{v}\times\vec{B}$  σε στοιχείο ρεύματος:  $\vec{F}=Id\vec{l}\times\vec{B}$ 

Μαγνητική διπολική ροπή βρόχου:  $\vec{\mu} = NIA\hat{n}$ , ροπή:  $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$ 

Δυναμική ενέργεια μαγνητικού διπόλου:  $U=-\vec{\mu}\cdot\vec{B}$ 

Μαγνητικό πεδίο φορτίου:  $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \hat{r}}{r^2}$  Νόμος Biot-Savart:  $d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$ 

Μαγνητικό πεδίο στον άξονα βρόχου ρεύματος:  $B_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(z^2 + R^2)^{3/2}}$ 

Μαγνητικό πεδίο ευθύγραμμου αγωγού:  $B_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I}{R} (sin\theta_1 - sin\theta_2)$ 

Μαγνητικό πεδίο τοροειδούς:  $B = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{NI}{r}$ 

Νόμος Gauss στον μαγνητισμό:  $\Phi_m = \oint_S \vec{B} \cdot \hat{n} dA = \oint_S B_n dA = 0$ 

Νόμος του Ampere:  $\oint_{\mathcal{C}} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_{\mathcal{C}} B_t dl = \mu_0 I_{encl}$ .

Μαγνητική ροή:  $\Phi_m = \int_{\mathcal{S}} \; \vec{B} \cdot \hat{n} dA$ 

Μαγνητική ροή από ρεύμα σε κύκλωμα:  $\Phi_m = LI$ 

Μαγνητική ροή από δύο ρεύματα σε κύκλωμα:  $\Phi_{m_1} = L_1 I_1 + M I_2$  και  $\Phi_{m_2} = L_2 I_2 + M I_1$ 

Νόμος του Faraday:  $\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_m}{dt}$  και  $\mathcal{E} = \oint_{\mathcal{C}} \vec{E} \cdot d\vec{l}$  ράβδος:  $|\mathcal{E}| = Bvl$ 

Αυτεπαγωγή:  $\mathcal{E}=-L\frac{dI}{dt}$  συντελεστής αυτεπαγωγής:  $L=\frac{\phi_m}{I}$  πηνίου: $\mu_0 n^2 A l$ 

Αμοιβαία επαγωγή:  $M = \frac{\phi_{m21}}{I_1} = \frac{\phi_{m12}}{I_2}$ 

Μαγνητική ενέργεια σε πηνίο:  $U_L=rac{1}{2}LI^2$  και πυκνότητα ενέργειας :  $u_m=rac{B^2}{2\mu_0}$ 

### Σταθερές και μετατροπές μονάδων:

$$\begin{split} \varepsilon_0 &= 8.85 \times 10^{-12} \, \text{C}^2 / N m^2 & K_e = \frac{1}{4 \pi \varepsilon_0} = 8.99 \times 10^9 \, \text{C} / N m^2 \\ e &= 1.60 \times 10^{-19} \, \text{C} & \mu_0 = 4 \pi \times 10^{-7} \, \text{T} \cdot \text{m} / \text{A} = 4 \pi \times 10^{-7} \, \text{N} / \text{A}^2 \end{split}$$