ΦΥΣ 112

Τελική Εξέταση: 12-Δεκεμβρίου-2022

Πριν αρχίσετε συμπληρώστε τα στοιχεία σας (ονοματεπώνυμο και αριθμό ταυτότητας).

Ονοματεπώνυμο	Αριθμός Ταυτότητας

Απενεργοποιήστε τα κινητά σας.

Το δοκίμιο περιέχει 30 ερωτήσεις πολλαπλών επιλογών (2.5 μονάδες/ερώτηση) και 3 προβλήματα που θα πρέπει να λύσετε αναλυτικά (35 μονάδες/άσκηση). Η μέγιστη συνολική βαθμολογία της εξέτασης είναι 180 μονάδες.

ΧΡΗΣΙΜΟΠΟΙΕΙΣΤΕ ΜΟΝΟ ΤΙΣ ΣΕΛΙΔΕΣ ΠΟΥ ΣΑΣ ΔΙΝΟΝΤΑΙ ΚΑΙ ΜΗΝ ΚΟΨΕΤΕ

ΟΠΟΙΑΔΗΠΟΤΕ ΣΕΛΙΔΑ

Η διάρκεια της εξέτασης είναι 4-ώρες. Καλή Επιτυχία!

$\oint_{\vec{E}} \vec{e} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_M}{dt}$ $\oint_{\vec{B}} \vec{e} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{en} + \mu_0 \varepsilon_0 \frac{d\Phi_E}{dt}$

Καλές Γιορτές



Ερωτήσεις Πολλαπλών Επιλογών - Σύνολο 75 μονάδες - 2.5 μονάδες/ερώτηση

- 1. Το ρεύμα που διαρρέει ένα σωληνοειδές απείρου μήκους αυξάνει γραμμικά συναρτήσει του χρόνου στη διεύθυνση που φαίνεται στο διπλανό σχήμα το οποίο δείχνει μια διατομή του πηνίου καθώς και τη διεύθυνση του μαγνητικού πεδίου. Το ηλεκτρικό πεδίο στο εσωτερικό του σωληνοειδούς είναι:
 - (A) στη μορφή κύκλων με φορά αντίθετη αυτής των δεικτών του ρολογιού και με κέντρα στον άξονα του σωληνοειδούς.
 - Β στη μορφή κύκλων με φορά ίδιας με αυτή των δεικτών του ρολογιού και με κέντρα στον άξονα του σωληνοειδούς.
 - (Γ) παράλληλο προς τον άξονα του σωληνοειδούς.
 - (Δ) στην ακτινική διεύθυνση και από τον άξονα προς το εξωτερικό του σωληνοειδούς.
 - (Ε) δεν υπάρχει ηλεκτρικό πεδίο στο εσωτερικό του σωληνοειδούς.
- **2.** Ο διακόπτης στο κύκλωμα του σχήματος είναι ανοικτός για πολύ μεγάλο διάστημα. Ποιο το ρεύμα που διαρρέει τον αντιστάτη R_2 ακριβώς τη στιγμή μετά το κλείσιμο του διακόπτη;

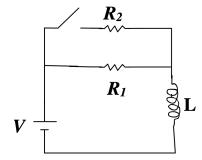
(A)
$$V/R_1$$
.

(B)
$$V[\frac{R_1+R_2}{R_1R_2}].$$

$$(\Gamma)V/(R_1+R_2).$$

$$(\Delta) V/R_2.$$

$$(\mathbf{E})$$
 0.



3. Θεωρήστε 4 ευθύγραμμους αγωγούς απείρου μήκους που διαρρέονται από ρεύματα σταθερής έντασης ίδιου μέτρου και διεύθυνσης είτε προς το εσωτερικό ή το εξωτερικό της σελίδας, όπως φαίνεται στο σχήμα. Ταξινομήστε κατά φθίνουσα σειρά το επικαμπύλιο ολοκλήρωμα του μαγνητικού πεδίου φ \$\vec{B} \cdot d\vec{l}\$ υπολογισμένο κατά την φορά των δεικτών του ρολογιού:

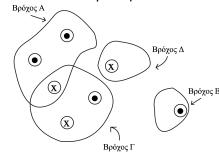
$$(\mathbf{A}) A > \Gamma > B > \Delta.$$

$$(\mathbf{B}) \, \varDelta > B > \Gamma > A.$$

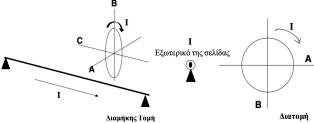
$$(\Gamma) A = \Gamma > B = \Delta.$$

$$(\Delta) A = B > \Gamma = \Delta.$$

$$\mathbf{E}\Gamma = \Delta > A = B.$$

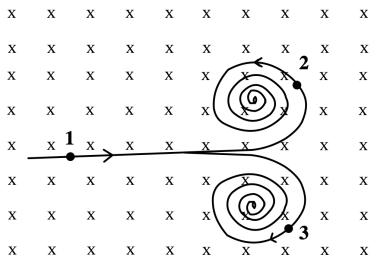


- 4. Το παρακάτω σχήμα δείχνει έναν ανοικτό βρόχο από αγώγιμο σύρμα που βρίσκεται μέσα σε μαγνητικό πεδίο. Δεν υπάρχουν φορτισμένα σωματίδια κοντά στον βρόχο. Φορτίο έχει συσσωρευτεί στο διάκενο του βρόχου με πολικότητα όπως φαίνεται στο σχήμα. Με βάση τη συγκεκριμένη κατάσταση, συμπεραίνουμε ότι:
 - (Α) Η ένταση του μαγνητικού πεδίου είναι σταθερή.
 - (B) Η ένταση του μαγνητικού πεδίου αυξάνει.
 - (Γ) Η ένταση του μαγνητικού πεδίου ελαττώνεται.
 - (Δ) Δεν μπορεί να υπάρχει συσσώρευση φορτίου στο διάκενο του βρόχου γιατί δεν είναι κλειστός βρόχος.
 - (Ε) Χρειάζεται περισσότερη πληροφορία για να απαντηθεί η ερώτηση.
- 5. Ένας βρόχος από αγώγιμο υλικό διαρρέεται από ρεύμα *I* με φορά ίδια με αυτή των δεικτών του ρολογιού. Ένας πολύ μακρύς ευθύγραμμος αγωγός που διαρρέεται επίσης από ρεύμα *I*, περνά κοντά από τον βρόχο όπως φαίνεται στο σχήμα. Ποια είναι η διεύθυνση της ροπής που θα ασκηθεί στον βρόχο;
 - Α Η συνισταμένη ροπή που ασκείται στον βρόχο έχει διεύθυνση στον Α-άξονα.
 - (**B**) Η συνισταμένη ροπή που ασκείται στον βρόχο είναι ως προς τον **B**-άξονα.



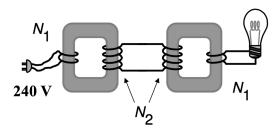
- (Γ) Η συνισταμένη ροπή στον βρόχο έχει διεύθυνση στον $\emph{\textbf{C}}$ -άξονα.
- (Δ) Η συνισταμένη ροπή που ασκείται στον βρόχο είναι μηδέν.
- **6.** Δύο φορτία +4Q και -Q είναι τοποθετημένα όπως στο σχήμα. Το συνιστάμενο ηλεκτρικό πεδίο είναι μηδέν ποιο κοντά στο σημείο:
 - (A) A.
 - **(B)** B.
 - **(Γ)** Γ.
 - $(\Delta) \Delta$.
 - **(E)**E.

7. Ένα ουδέτερα φορτισμένο σωματίδιο (με την ένδειξη 1) κινείται με σταθερή ταχύτητα σε μια περιοχή σταθερού ομογενούς μαγνητικού πεδίου, η διεύθυνση του οποίου είναι στην διεύθυνση προς το εσωτερικό της σελίδας όπως φαίνεται στο σχήμα. Κάποια χρονική στιγμή το σωματίδιο 1 διασπάται σε δύο διαφορετικά σωματίδια με την ένδειξη 2 και 3. Τα δύο παραγόμενα σωματίδια κινούνται με τροχιές όπως φαίνεται στο σχήμα και αρχικά έχουν την ίδια ακτίνα καμπυλότητας. Ποια/α από τις παρακάτω δηλώσεις είναι αληθής/εις;

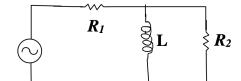


- (I) Το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 2 είναι μεγαλύτερο από το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 3.
- (ΙΙ) Το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 2 είναι ίδιο με το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 3.
- (III) Το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 2 είναι μικρότερο από το μέτρο της ορμής του σωματιδίου 3.
- (IV) Το σωματίδιο 2 έχει αρνητικό φορτίο και το σωματίδιο 3 έχει θετικό φορτίο.
- (V) Το σωματίδιο 2 έχει θετικό φορτίο και το σωματίδιο 3 έχει αρνητικό φορτίο.
- (VI) Η ταχύτητα του σωματιδίου 2 αυξάνει.
- (VII) Η ταχύτητα του σωματιδίου 2 ελαττώνεται.
- (Α) Μόνο το Ι, ΙV, και VI είναι σωστά.
- (B) Μόνο τα ΙΙ, ΙV, και VΙΙ είναι σωστά.
- Γ) Μόνο τα ΙΙ, V, και VΙΙ είναι σωστά.
- (Δ) Μόνο τα Ι, V, και VΙ είναι σωστά.
- (Ε) Μόνο τα Ι, V, και VΙΙ είναι σωστά.

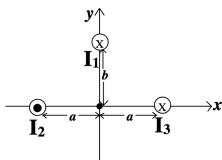
- 8. Ένα σωληνοειδές έχει αυτεπαγωγή L₀. Ένα δεύτερο πηνίο είναι πανομοιότυπο με το πρώτο εκτός από το γεγονός ότι οι γεωμετρικές του διαστάσεις είναι μεγαλύτερες κατά έναν παράγοντα 2 ενώ ο συνολικός αριθμός των σπειρών είναι ο ίδιος. Ποιος είναι ο λόγος της αυτεπαγωγής, L₁, του δεύτερου σωληνοειδούς ως προς την αυτεπαγωγή του πρώτου, L₁/L₀:
 - (A) 4.
 - **(B)** 2.
 - (Γ) 1
 - (Δ) 1/2.
 - (E) 1/4.
- 9. Ποια από τα παρακάτω μεγέθη αν διπλασιαστούν, τετραπλασιάζουν την ενέργεια που είναι αποθηκευμένη σε ένα σωληνοειδές;
 - (Ι) Το ρεύμα.
 - (ΙΙ) Το μήκος.
 - (ΙΙΙ) Η ακτίνα.
 - (ΙV) Ο αριθμός των σπειρών ανά μονάδα μήκους.
 - (Α) Μόνο το Ι και το ΙΙ.
 - (**B**) Μόνο το Ι και το ΙΙΙ
 - (Γ) Μόνο το Ι, ΙΙ και ΙΙΙ.
 - (Δ) Μόνο το Ι, ΙΙΙ και ΙV.
 - (Ε) Και τα 4 μεγέθη.
- 10. Δύο μετασχηματιστές είναι τοποθετημένοι όπως στο σχήμα και το καλώδιο τροφοδοσίας είναι στην πρίζα των 240V. Ο αριθμός των σπειρών N2, είναι διπλάσιος από τον αριθμό των σπειρών N1. Αν ρεύμα 1Α διαρρέει το ενδιάμεσο σύρμα (το σύρμα που περιέχει N2 σπείρες) ποιο είναι το ρεύμα που διαρρέει τον λαμπτήρα;
 - (A) 1/4 A.
 - **(B)** 1/2 A.
 - (Γ) 1 A.
 - (Δ) 2 A.
 - **(E)** 4 A.



- 11. Οι ακροδέκτες μιας γεννήτριας εναλλασσόμενου ρεύματος γωνιακής συχνότητας ω και πλάτους τάσης V_p είναι συνδεδεμένοι με έναν πυκνωτή χωρητικότητας C και εμπέδισης $X_C = 1/C\omega$. Ποια είναι η μέση ισχύς, $\langle P \rangle$, που καταναλώνεται στον πυκνωτή;
 - $(A)\langle P\rangle = 0$
 - $(\mathbf{B}) \langle P \rangle = V^2 / \left(\sqrt{2} X_C\right)$
 - $(\Gamma) \langle P \rangle = V^2/(2X_C)$
 - $(\Delta) \langle P \rangle = V^2/(X_C)$
 - (E) $\langle P \rangle = 2V^2/(X_C)$
- 12. Δύο αντιστάτες και ένα πηνίο συνδέονται με πηγή εναλλασσόμενης τάσης όπως στο σχήμα.Καθώς η συχνότητα της ΑC τάσης αυξάνει, το rms ρεύμα στον αντιστάτη R₂:
 - Αυξάνει.
 - (Β) Παραμένει ίδιο.
 - (Γ) Ελαττώνεται.

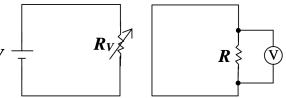


- 13. Τρεις ευθύγραμμοι αγωγοί απείρου μήκους διαρρέονται από σταθερό ρεύμα, ίδιας έντασης και με διευθύνσεις όπως στο σχήμα. Ποιο από τα διανύσματα αντιπροσωπεύει καλύτερα τη διεύθυνση της δύναμης που ασκείται στον αγωγό που βρίσκεται στη θέση (x = 0, y = b);
 - (A)
 - (B)
 - **(Γ)**
 - \triangle
 - $(\mathbf{E}) 0$

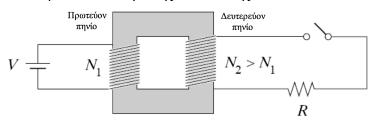


14. Το αριστερό κύκλωμα του σχήματος περιέχει μια μπαταρία τάσης V και έναν αντιστάτη R_V μεταβαλλόμενης αντίστασης. Το κύκλωμα στα δεξιά περιέχει έναν αντιστάτη R και ένα ιδανικό βολτόμετρο που συνδέεται στα άκρα

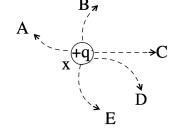
του αντιστάτη. Καθώς η αντίσταση του μεταβλητού αντιστάτη R_V μεταβάλλεται γραμμικά με τον χρόνο, το βολτόμετρο μετρά:



- (Α) μη μηδενική και σταθερή διαφορά δυναμικού.
- (Β) μη μηδενική και αυξανόμενη διαφορά δυναμικού.
- (Γ) μη μηδενική και μειωνόμενη διαφορά δυναμικού.
- (Δ) μηδενική διαφορά δυναμική.
- 15. Η συχνότητα ενός LC ταλαντωτή (ένας πλήρως φορτισμένος πυκνωτής συνδεδεμένος σε σειρά με πηνίο) είναι ω₀. Οι οπλισμοί του παράλληλου πυκνωτή απομακρύνονται σε απόσταση διπλάσια της αρχικής και ανάμεσα στους οπλισμούς τοποθετείται ένα διηλεκτρικό υλικό (κ>1). Ποια είναι η νέα ιδιοσυχνότητα του κυκλώματος;
 - $(\mathbf{A})\frac{2}{\kappa}\omega_0.$
 - $\mathbf{B}\sqrt{\frac{2}{\kappa}}\omega_0.$
 - $(\Gamma)\sqrt{\frac{\kappa}{2}}\omega_0$
 - $(\Delta)\frac{\kappa}{2}\omega_0$
- 16. Όταν ο διακόπτης κλείσει, η διαφορά δυναμικού στα άκρα της αντίστασης R είναι:
 - $(\mathbf{A}) V N_2 / N_1.$
 - **(B)** VN_1/N_2 .
 - $(\Gamma) V$.
 - \triangle 0.
 - (Ε) Δεν υπάρχουν αρκετές πληροφορίες.



- 17. Τρεις μικρές σφαίρες x, y, και z είναι φορτισμένες με φορτία ίδιου μεγέθους και με πρόσημο όπως φαίνεται στο σχήμα. Οι σφαίρες τοποθετούνται στις κορυφές ενός ισοσκελούς τριγώνου με την απόσταση ανάμεσα στις σφαίρες x και y να ισούται με την απόσταση ανάμεσα στις σφαίρες x και z. Οι σφαίρες y και z κρατιούνται στη θέσης ενός η x-σφαίρα είναι ελεύθερη να κινηθεί σε λεία επιφάνεια. Ποια από τις διαδρομές A, B,
 - C, D ή Ε θα ακολουθήσει η x-σφαίρα όταν αφεθεί ελεύθερη να κινηθεί;

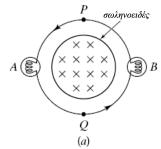


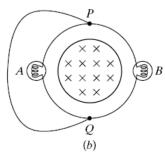
- (A) A
- **(B)** B
- (Γ) C
- (Δ) D
- **(E)** E

+q y

- **-q**) **z**
- 18. Στο σχήμα (α) παρακάτω, ένα σωληνοειδές παράγει ένα μαγνητικό πεδίο η ένταση του οποίου αυξάνει προς το εσωτερικό της σελίδας. Μια επαγόμενη ΗΕΔ αναπτύσσεται σε έναν αγώγιμο

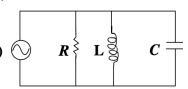
βρόχο που περιβάλει το σωληνοειδές και αυτή η επαγόμενη ΗΕΔ μπορεί να φωτοβολήσει τους λαμπτήρες Α και Β. Στο σχήμα (β), τα σημεία P και Q βραχυκυκλώνονται. Μετά από το βραχυκύκλωμα αυτό:





- (Α)Ο λαμπτήρας Α σβήνει και ο λαμπτήρας Β φωτοβολεί περισσότερο.
- (Β) Ο λαμπτήρας Β σβήνει και ο λαμπτήρας Α φωτοβολεί περισσότερο.
- (Γ) Ο λαμπτήρας Α σβήνει και ο λαμπτήρας Β φωτοβολεί λιγότερο.
- (Δ) Ο λαμπτήρας Β σβήνει και ο λαμπτήρας Α φωτοβολεί λιγότερο.
- (Ε) Οι δύο λαμπτήρες σβήνουν.

- 19. Θεωρήστε το παρακάτω κύκλωμα. Ένας αντιστάτης αντίστασης R, ένα πηνίο αυτεπαγωγής L και ένας πυκνωτής χωρητικότητας C σε παράλληλη συνδεσμολογία στα άκρα μια πηγής εναλλασσόμενης τάσης. Ποιο/α από τα παρακάτω είναι αληθές/ή;
 - (I) Το άθροισμα των στιγμιαίων ρευμάτων που διαρρέουν κάθε στοιχείο του κυκλώματος ισούται V_P sin(ωt) με το στιγμιαίο ρεύμα που παρέχει η πηγή.



- (ΙΙ) Το άθροισμα των στιγμιαίων διαφορών δυναμικού στα άκρα του κάθε στοιχείου του κυκλώματος ισούται με τη στιγμιαία διαφορά δυναμικού στα άκρα της πηγής.
- (III) Η διαφορά δυναμικού στα άκρα της χωρητικής αντίστασης έχει διαφορά φάσης 90° με την διαφορά δυναμικού στα άκρα του αντιστάτη.
- (IV) Η διαφορά δυναμικού στα άκρα της χωρητικής αντίστασης έχει διαφορά φάσης 180° με την διαφορά δυναμικού στα άκρα του πηνίου.
- (V) Όλη η ενέργεια καταναλώνεται στον αντιστάτη.
- (Α) Μόνο τα (Ι) και (V) είναι σωστά.
- (Β) Μόνο τα (ΙΙ) και (V) είναι σωστά.
- (Γ) Μόνο τα (Ι), (ΙΙΙ) και (V) είναι σωστά.
- (Δ) Μόνο τα (I) και (IV) και (V) είναι σωστά.
- (Ε) Μόνο τα (ΙΙ) και (ΙV) και (V) είναι σωστά.
- 20. Ποια από τις κατανομές φορτίου του σχήματος δίνει μη-μηδενικό ηλεκτρικό πεδίο και μη μηδενική διαφορά δυναμικού στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων, αν το δυναμικό ορίζεται να είναι μηδέν για ένα σημείο πολύ μακριά από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Σημείωση: όλες οι κατανομές ημικυκλίου ή τεταρτημορίου, έχουν την ίδια ακτίνα όπως ο πλήρης κύκλος του (Α) και όλα έχουν κέντρο στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων.

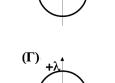


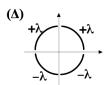
(B) B.

(Γ) Γ.

 $(\Delta) \Delta$.

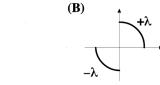
(Ε) Καμία κατανομή δεν ικανοποιεί τα κριτήρια.





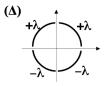
21. Ποια από τις κατανομές φορτίου του σχήματος δίνει μηδενικό ηλεκτρικό πεδίο και μη μηδενική διαφορά δυναμικού στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων, αν το δυναμικό ορίζεται να είναι μηδέν για ένα σημείο πολύ μακριά από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Σημείωση: όλες οι κατανομές ημικυκλίου ή τεταρτημορίου, έχουν την ίδια

ακτίνα όπως ο πλήρης κύκλος του (A) και όλα (A) έχουν κέντρο στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων;

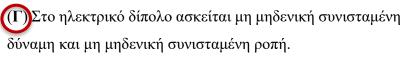


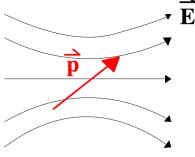
- (A)A.
- **(B)** B.
- **(Γ)** Γ.
- $(\Delta) \Delta$.
- (Ε) Καμία κατανομή δεν ικανοποιεί τα κριτήρια.





- **22.** Ένα ηλεκτρικό δίπολο \vec{p} τοποθετείται σε ένα εξωτερικό ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} , όπως στο σχήμα. Ποια από τις παρακάτω δηλώσεις είναι αληθής;
 - (A) Στο ηλεκτρικό δίπολο ασκείται μη μηδενική συνισταμένη δύναμη αλλά μηδενική συνισταμένη ροπή.
 - (B) Στο ηλεκτρικό δίπολο ασκείται μη μηδενική συνισταμένη ροπή αλλά μηδενική συνισταμένη δύναμη.



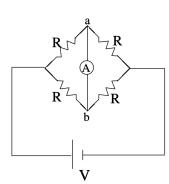


- (Δ) Στο ηλεκτρικό δίπολο ασκείται μηδενική συνισταμένη δύναμη και μηδενική συνισταμένη ροπή.
- 23. Ένα ιδανικό αμπερόμετρο Α, συνδέεται μεταξύ των σημείων a και b στο κύκλωμα του σχήματος. Όλοι οι αντιστάτες έχουν την ίδια αντίσταση. Το ρεύμα που διαρρέει το αμπερόμετρο είναι:



- **(B)** I/2.
- $(\Gamma)I/4.$



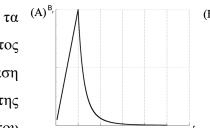


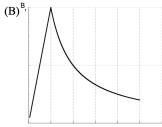
- **24.** Ένα αρνητικό φορτίο -q, κινείται παράλληλα προς ένα πολύ μακρύ ευθύγραμμο σύρμα που διαρρέεται από σταθερό ρεύμα έντασης Ι, όπως φαίνεται στο σχήμα. Ποιο από τα διανύσματα περιγράφει καλύτερα τη διεύθυνση της δύναμης που ασκείται στο φορτίο;
 - (A) ⊗ (προς το εσωτερικό της σελίδας).

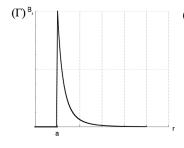
 - (Δ) 🔾 (προς το εξωτερικό της σελίδας).
 - $(\mathbf{E}) 0$
- 25. Ένα καλώδιο ακτίνας α διαρρέεται από ρεύμα Ι το οποίο κατανέμεται ομοιόμορφα στο από εσωτερικό του. Ποιο γραφήματα του παρακάτω σχήματος αντιπροσωπεύει καλύτερα την ένταση του μαγνητικού πεδίου συναρτήσει της απόστασης r, από το κέντρο του καλωδίου;

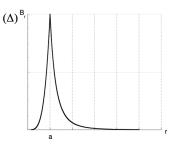


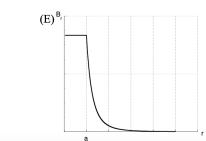
- **(B)** B.
- $(\Gamma) \Gamma$.
- $(\Delta) \Delta$.
- **(E)** E.







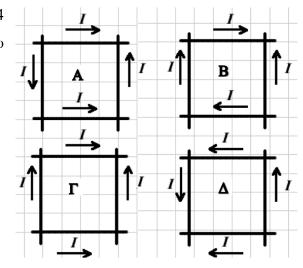




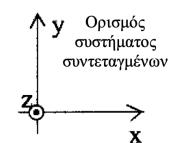
- **26.** Ένας θετικά φορτισμένος δίσκος περιστρέφεται σύμφωνα με τη φορά των δεικτών του ρολογιού όπως στο παρακάτω σχήμα. Ποια είναι η διεύθυνση του μαγνητικού πεδίου στο σημείο Α που βρίσκεται στο επίπεδο του δίσκου;
 - (A) ⊗ (προς το εσωτερικό της σελίδας).
 - (B) **←**
 - $(\Gamma) \longrightarrow$
 - (Δ) (προς το εξωτερικό της σελίδας).
 - $(\mathbf{E}) 0.$
- **27.** Ένα μεταλλικό ελατήριο μπορεί να χρησιμοποιηθεί ως σωληνοειδές. Το ελατήριο επιμηκύνεται ελαφριά και ηλεκτρικό ρεύμα αρχίζει να το διαρρέει. Το μαγνητικό πεδίο που δημιουργείται θα προκαλέσει:
 - (Α)Το ελατήριο να συσπειρωθεί.
 - (Β) Το ελατήριο να επιμηκυνθεί περισσότερο.
 - (Γ) Δεν υπάρξει καμιά αλλαγή γιατί δεν συμβαίνει οτιδήποτε.
- 28. Το σχήμα δείχνει 4 διαφορετικούς προσανατολισμούς ευθύγραμμων αγωγών απείρου μήκους που διασταυρώνονται χωρίς ωστόσο να ακουμπούν μεταξύ τους. Η ένταση του ρεύματος που διαρρέει τους αγωγούς είναι η ίδια για όλες τις περιπτώσεις και οι διευθύνσεις των ρευμάτων

είναι όπως στο σχήμα. Για ποια από τις 4 καταστάσεις το μαγνητικό πεδίο στο κέντρο του τετραγώνου θα είναι μηδέν;

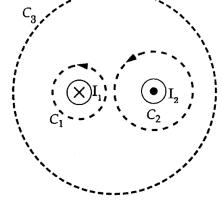
- (A) A.
- **(B)** B.
- **Γ**)Γ.
- $(\Delta) \Delta$.



- **29.** Αν το μαγνητικό πεδίο σε ένα ηλεκτρομαγνητικό κύμα είναι στην θετική *x*-διεύθυνση και το ηλεκτρικό πεδίο στη θετική *y*-διεύθυνση, τότε το ηλεκτρομαγνητικό κύμα οδεύει
 - (Α) στο x-y επίπεδο.
 - (**B**) στη *x*-διεύθυνση.
 - **Γ** στην αρνητική *z*-διεύθυνση.
 - (Δ) στην θετική z-διεύθυνση.
 - (Ε) στη διεύθυνση της διχοτόμου της γωνίας του x και y-άξονα.



- **30.** Ποιο από τα ακόλουθα επικαμπύλια ολοκληρώματα είναι σωστό; Οι διευθύνσεις των προσανατολισμών των βρόχων φαίνονται στο σχήμα.
 - $(\mathbf{A}) \oint_{C_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_1$
 - $(\mathbf{B}) \oint_{C_2} \vec{B} \cdot d\vec{l} = -\mu_0 I_2$
 - $(\Gamma)\oint_{\mathcal{C}_1} \vec{B} \cdot d\vec{l} = -\mu_0 I_2$
 - $(\Delta) \oint_{C_3} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 (I_2 I_1)$
 - $(\mathbf{E}) \oint_{C_3} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 (I_1 I_2)$

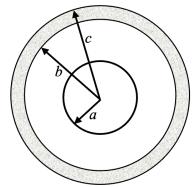


Μέρος Β – Αναλυτικά προβλήματα – Σύνολο 105 μονάδες

<u>Άσκηση 1</u> [35μ]

Ένας μη αγώγιμος σφαιρικός φλοιός ακτίνας a και αμελητέου πάχους είναι τοποθετημένος έτσι ώστε το κέντρο του να συμπίπτει με την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Ο φλοιός είναι

φορτισμένος με θετικό φορτίο +3Q το οποίο κατανέμεται ομοιόμορφα στην επιφάνειά του. Ένας δεύτερος σφαιρικός φλοιός έχει εσωτερική ακτίνα b μεγαλύτερη από την ακτίνα του πρώτου φλοιού και εξωτερική ακτίνα c. Ο δεύτερος αυτός σφαιρικός φλοιός είναι ομόκεντρος του πρώτου φλοιού και είναι κατασκευασμένος από αγώγιμο υλικό και έχει μηδενικό φορτίο. Η συντεταγμένη r μετρά την απόσταση από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων.



- (A) Προσδιορίστε το ηλεκτρικό πεδίο, $\vec{E}(r)$, για όλες τις τιμές του r. Σχεδιάστε το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου, $|\vec{E}(r)|$, συναρτήσει της απόστασης r. [10 μ]
- (B) Θεωρήστε ότι το ηλεκτροστατικό δυναμικό, V(r), μηδενίζεται στο άπειρο. Προσδιορίστε το ηλεκτροστατικό δυναμικό για όλες τις τιμές του r. Σχεδιάστε το ηλεκτροστατικό δυναμικό συναρτήσει της απόστασης r. [10 μ]
- (Γ) Προσδιορίστε την ολική ηλεκτροστατική ενέργεια, U_E , που περιέχεται στο ηλεκτροστατικό πεδίο για όλες τις τιμές του r. [15 μ]



(a) Vrologichois con E(r) que ila ce v.

Tra IT < a E=0 | silphune he sor vidro son Gauss, o nozeralis doprior eine aparpuia apprespons eur Que =0 aco escrepció cos 100 aparpusi & lowi.

\$\vec{F}_0.d\vec{A} = 4775^2 \varE=0 = E=0.

Tue acreb:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = 4\pi r^2 \vec{E}_r = \frac{Q_{REP}}{E_0} = \frac{3Q}{E_0} \Rightarrow \int \vec{E}_0 = \frac{3Q}{4\pi E_0 r^2} \hat{r} \int \vec{E}_0$$
To redio in marria avanta apos ai if

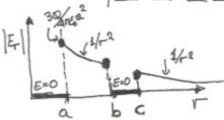
Tra b<r< = = 0 Il neproxis ours eizer pieca se agrujo ceo eauxquió em ordan to steurpuis nesio eines o.

Tra T>C, to sevoluis dopeis now republican con openpuis Gaussian endicus civai:

ico pe 30 apoi to cuolus poposo con ajuxo e as Q. Endievas

 $\overline{E} = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{\Gamma}$ pa r > CNa entremolei où o aguzos Da noiner

va izer deposio -3Q con Ecurepuisi tou EUTHORED UN POPCIO +3Q con Ejurgain Tel.



(b) TposSuprefis rov Europenoi V(r) you is a to t.

Eina en no lorspo vo Jeminisoche pe prejates tipis tou + man va our xisoche pe fragis
the constitue of prepara of prepara popular, Ever V sina ilia be auté Evos criperensi égosisos à 600 viergos:

V(r) = 30 1>C

I co cautepus tou aguyori, E=0 man dV=0, Solasoi o allagricas Sunduis Eines losser.

 $V(r=c) = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 c}$ zue auto ivas to Suraficció fue onocosinore apiro eto ecutephio

του αχωχού, αρού στο εκωτεριώ ενώ αγωχού V = 6αθ. Εποβένων: $V(\tau) = \frac{30}{4\pi ε C}$ για b < r < C

To a < r < b, knopoifie va npossopicoche so Suretimo V(r), fie so ve unologicoche so V(r), fie so V(r), fie so ve unologicoche so V(r), fie so ve unologicoche so V(r)

Allà $\Delta V = -\int_{\Gamma}^{b} \vec{E} \cdot d\vec{\ell} \Rightarrow \Delta V = + \int_{\Gamma}^{b} \frac{3Q}{4n\epsilon_{0}\Gamma^{2}} dr$ To noisotho giveras + $\epsilon nasS_{i}$ $\vec{E} \cdot d\vec{\ell} = -E dr$ $\vec{E} \cdot d\vec{\ell} = -E dr$

Elixxolie το πρότοιο: Το Surafucio V Da πρέπει να αυβάνει καιθών επισόματε από το b στο ν, εφότου κινούματε ανώθεται με ση διεύθενος του η λεισομαί πεδίου, Ε. Η διαφορί δυαμικοί πουβράφε παραπάνω είναι θεταιή εφότου b>ν.

Thought confie to Surface of Dien r=b man de exoche: $0 < r < b \quad V(r) = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 c} + \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 r} - \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 b} \Rightarrow \begin{cases} 1 & \text{for } a < r < b \end{cases} V(r) = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 r} \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac$

Me Sunfoperun lier Do iran va forific to Swapinio co r=b.

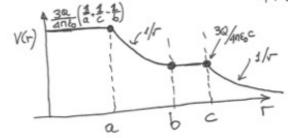
V(a<r<b) = 30 + K he Kessel.

= èροφε αιόμα ότι V(r) είνα συνέχει και επομείως: $V(r=b) = \frac{3α}{4πε_b} + k = \frac{3α}{4πε_b}$ οπότε Γίνονως ως προς $k = \frac{3α}{4πε_b} \left(\frac{1}{c} - \frac{1}{b}\right)$

Endrevus you a < r < $\nabla(r) = \frac{3a}{4\pi\epsilon_0 r} + \frac{3a}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{c} - \frac{1}{b}\right)$ nou exhibure the so possibles

Tre rea = 0 res enopires AV=0.

Apa:
$$\nabla(r < \alpha) = \nabla(r = \alpha) = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{C} - \frac{1}{b}\right)$$



(r) Il n'leurpocracuis eviggera tou neSiou, loicueras olondipairores en number ta eviggeras re(r) ce naproxès nou to neSio Sevicias furbir, a → b, mas c → a.

$$u_{E} = \frac{1}{2} \varepsilon_{0} E^{2} = \frac{1}{2} \varepsilon_{0} \left(\frac{3Q}{4n\varepsilon_{0}r^{2}} \right)^{2} \Rightarrow u_{E} = \frac{1}{2} \frac{8Q^{2}}{16n^{2}\varepsilon_{0}^{2}r^{4}} \Rightarrow u_{E} = \frac{9Q^{2}}{32n^{2}\varepsilon_{0}r^{4}}$$

 V_{0} την περιοχή από το $C \rightarrow \infty$, το ολαθήρωμο είναι ίδιο εικοί από το όρια: $V_{2} = \frac{9Q^{2}}{8πε_{0}} \left(-\frac{1}{r} \left| \frac{\infty}{c} \right) \Rightarrow V_{2} = \frac{9Q^{2}}{8πε_{0}} \left(\frac{1}{c} - \frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}} \Rightarrow V_{2} = \frac{9Q^{2}}{8πε_{0}} c$

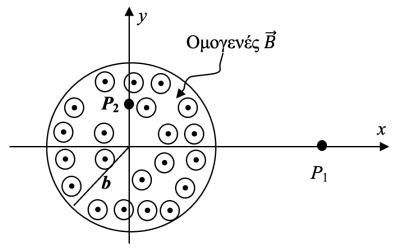
Fragion σ ολωή ενέρχω Da διας:

V = U₃ + U₂ =
$$\frac{90^2}{8\pi ε_0} \left(\frac{1}{α} + \frac{1}{c} - \frac{1}{b} \right)$$

Άσκηση 2 [35μ]

Μία κυλινδρική περιοχή στο χώρο περιέχει ομογενές μαγνητικό πεδίο \vec{B} το οποίο έχει διεύθυνση προς το εξωτερικό της σελίδας όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα. Η συντεταγμένη r μετρά αποστάσεις από τον άξονα της κυλινδρικής περιοχής. Για την άσκηση θα αγνοήσουμε φαινόμενα που σχετίζονται με μη ομοιόμορφα μαγνητικά πεδία που εμφανίζονται στις συνοριακές περιοχές της κυλινδρικής περιοχής. Θεωρούμε δηλαδή ότι το μαγνητικό πεδίο μηδενίζεται όταν r=b. Παρόλο που το μαγνητικό πεδίο είναι ομογενές στο χώρο, το μέτρο του αυξάνει με σταθερό ρυθμό $\frac{d|\vec{B}|}{dt}=a$.

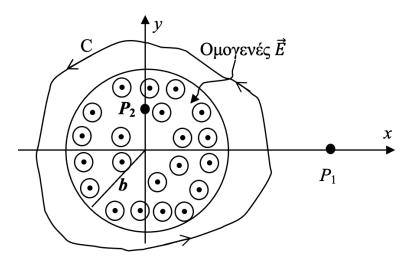
- (A) Προσδιορίστε το ηλεκτρικό πεδίο, \vec{E} , που δημιουργείται από το μεταβαλλόμενο μαγνητικό πεδίο, παντού στο χώρο. Θα πρέπει να προσδιορίσετε τη διεύθυνση και το μέτρο του πεδίου. Σχεδιάστε το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου, $|\vec{E}(r)|$ συναρτήσει της απόστασης r. [10 μ]
- (B) Προσδιορίστε την επιτάχυνση που αποκτά (αν αποκτά) ένα ηλεκτρόνιο όταν αφεθεί από την ηρεμία στο σημείο P_1 (x=2b, y=0), ακριβώς μετά τη στιγμή που το αφήνουμε ελεύθερο να κινηθεί; Ποια η επιτάχυνση που αποκτά το ηλεκτρόνιο (αν αποκτά) αν αφεθεί να κινηθεί από το σημείο P_2 με συντεταγμένες (x=b/2, y=0) ακριβώς μετά τη στιγμή που αφήνεται ελεύθερο; [5μ]

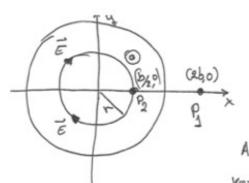


Θεωρήστε τώρα μία παρόμοια κατάσταση, με τη διαφορά ότι αντί του ομογενούς μαγνητικού πεδίου στην κυλινδρική περιοχή, τώρα υπάρχει ομογενές ηλεκτρικό πεδίο. Όπως και προηγουμένως, το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου αυξάνει με σταθερό ρυθμό $\frac{d|\vec{E}|}{dt} = a$.

(Γ) Προσδιορίστε το μαγνητικό πεδίο, \vec{B} , που δημιουργείται από το μεταβαλλόμενο ηλεκτρικό πεδίο, παντού στο χώρο. Θα πρέπει να προσδιορίσετε τη διεύθυνση και το μέτρο του πεδίου. Σχεδιάστε το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου, $|\vec{B}(r)|$ συναρτήσει της απόστασης r. [10 μ]

- (Δ) Προσδιορίστε το ρεύμα μετατόπισης, I_D , το οποίο περνά από την περιοχή που οριοθετείται από την καμπύλη C που φαίνεται στο παρακάτω σχήμα. [**5**μ]
- (Ε) Προσδιορίστε την επιτάχυνση που αποκτά (αν αποκτά) ένα ηλεκτρόνιο όταν αφεθεί από την ηρεμία στο σημείο P_1 (x=2b, y=0), ακριβώς μετά τη στιγμή που το αφήνουμε ελεύθερο να κινηθεί; Ποια η επιτάχυνση που αποκτά το ηλεκτρόνιο (αν αποκτά) αν αφεθεί να κινηθεί από το σημείο P_2 με συντεταγμένες (x=b/2, y=0) ακριβώς μετά τη στιγμή που αφήνεται ελεύθερο; [5μ]





dB = a mar to fragrytus ne Sio aufover

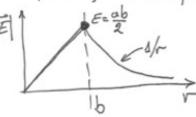
(a) Ano rov volo con Faraday: [E.dl=-dlu
Ano on who puis offeria, 20 E eia carepó

Merci fishos pas nepropipues wiston environ r. H Siei Drug con Menopuoi nesion Sineras ano con

sedio aufaver pos co esarepuis ens Gedidos, co ntentomo nedio É exploraçõe ulvais spóxous pe dopa auci am Servair tou pologia incre va elactrica en aufror tens payvorando posis.

The r < b, $\phi_{\mu} = \pi r^2 B \Rightarrow \frac{d\phi_{\mu}}{dt} = \pi r^2 \frac{dB}{dt} \Rightarrow \frac{d\phi_{\mu}}{dt} = \pi r^2 a$ Endieus: $\int \vec{E} \cdot d\vec{l} = 2\pi r |\vec{E}| = \pi r^2 a \Rightarrow |\vec{E}| = \frac{\alpha r}{2}$ [in Soperary Severing Too program Severing Too program

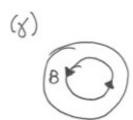
Findians $|\vec{E} \cdot d\vec{l}| = 2\pi r |\vec{E}| = \pi b^2 a \Rightarrow |\vec{E}| = \frac{b^2 a}{2r}$ in depois tour parquers $|\vec{E}| = \frac{ab}{2}$



(b) Eva mengoire apriveren un ungoli ano en motion co x=26, y=0

Henriques eiver roos to nave: $\vec{F} = -e\vec{E}$ is $|\vec{E}| = 2b$ $|\vec{A}| = 4b$ $|\vec{A}|$

Na estemble de exister co sençoire adirectar and an popular der enterxiretar and co fragressio news.



Lan repireur auxi égape pers la l'opero n'enquis notio.

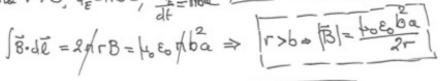
And to wife Ampere-Maxwell exporte:

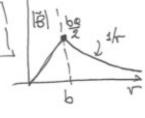
B.dl = hgt + heo de Ano superio pioneurous goixous, LE And offerpia, so fragingers no Sio B Sicious and deep as popo an dela Tou pologioi.

Tra TXb OF= NT E

de = πr2 dE = πra w enchions (B.dl=2nrB=4, εστρα > => \ \B. de = 29/7 B = 4. E. Ara >

1 TX6 = |B| = 4080 av le Sièver avidez ans depois au Servair car plan To r>b, d=nbE, de=nbe





(8) $I_0 = \varepsilon_0 \frac{d\phi_E}{dt} = \varepsilon_0 \pi b^2 \frac{dE}{dt} \Rightarrow I_0 = \varepsilon_0 \pi b^2 x$

(E) Av ève mengiono apedei elangos ano as entreio Ps (x=26 y=0), boicuera eja anó un reproxi con neuromoi resion É, var ano es castis ren apriverses ano en prefises Ser entroxiverar ono co pegygrano nesio. Enquiras coo P3, te 1=0 Ito P2 (x = 1/2, y =0), a enciexura esación con proporción resion esacion esacion es να είναι μηδέν, αφοί αφήνεται από σεν γρεμία. Ωςτόςο, τήςα € 40 και άρα to ndeutporco da entoxude videro ceno salide.

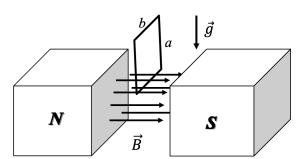
 $\Rightarrow \vec{f} = -e\vec{E} = -e\vec{E}(t) \hat{k} = m_e \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = -\frac{e\vec{E}(t)}{m_e} \hat{k}$ entraixerent to a fautopuio

<u>Άσκηση 3</u> [35μ]

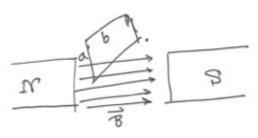
Ένας διπολικός μαγνήτης δημιουργεί μια μεγάλη περιοχή στο χώρο με ομογενές μαγνητικό πεδίο \vec{B} , με διεύθυνση προς τα δεξιά όπως φαίνεται στο σχήμα. Έξω από τον μαγνήτη το μαγνητικό πεδίο είναι μηδέν. Ένας συρμάτινος βρόχος από αγώγιμο υλικό, (μάζας m, αντίστασης R, πλάτους b, και ύψους a) κρατιέται κατακόρυφα και αφήνεται να πέσει στην περιοχή του ομογενούς μαγνητικού πεδίου. Εκφράστε τις απαντήσεις στα παρακάτω ερωτήματα συναρτήσει των μεγεθών

R, m, a, b, του μέτρου του μαγνητικού πεδίου $|\vec{B}|$, και της επιτάχυνσης της βαρύτητας, g.

Αρχικά θεωρήστε τη χρονική περίοδο κατά τη διάρκεια της οποίας το κάτω μέρος του βρόχου βρίσκεται στο χώρο του μαγνητικού πεδίου αλλά το πάνω μέρος του βρόχου δεν είναι.



- (A) Καθώς ο βρόχος πέφτει με ταχύτητα v_0 , προσδιορίστε το μέτρο της έντασης του ρεύματος που επάγεται στον βρόχο και τη διεύθυνση του ρεύματος (δεξιόστροφο ή αριστερόστροφο) βλέποντας την επιφάνεια του βρόχου και ανατρέχοντας από δεξιά προς τα αριστερά. [8μ]
- (B) Καθώς ο βρόχος πέφτει με ταχύτητα v_0 , προσδιορίστε τη μαγνητική δύναμη, \vec{F}_B , που ασκείται στον βρόχο. Θα πρέπει να προσδιορίσετε το μέτρο και την διεύθυνσή της. [6 μ]
- (Γ) Υποθέτοντας ότι η περιοχή με το μαγνητικό πεδίο είναι αρκετά μεγάλη και ο βρόχος είναι αρκετά μεγάλος, ο βρόχος θα αποκτήσει οριακή ταχύτητα v_t . Προσδιορίστε την ταχύτητα αυτή. $[6\mu]$
- Ο βρόχος εξακολουθεί να πέφτει με οριακή ταχύτητα έως ότου το πάνω μέρος του εισέλθει στο χώρο του μαγνητικού πεδίου. Θεωρήστε την χρονική περίοδο που ο βρόχος είναι ολόκληρος στο εσωτερικό του μαγνητικού πεδίου.
- (Δ) Κατά την χρονική αυτή περίοδο, προσδιορίστε το μέτρο και διεύθυνση του ρεύματος που επάγεται στον βρόχο. [4μ]
- (E) Προσδιορίστε την επιτάχυνση με την οποία κινείται ο βρόχος κατά τη διάρκεια της χρονικής αυτής περιόδου. [6μ]
- (ΣΤ) Καθώς ο βρόχος εξακολουθεί να πέφτει, το κάτω τμήμα του θα εξέλθει από το μαγνητικό πεδίο ενώ το πάνω τμήμα του εξακολουθεί να κινείται στο χώρο του μαγνητικού πεδίου. Εξηγήστε ποιοτικά τι συμβαίνει στην περίπτωση αυτή. [5μ]



(a) Σου σεώδιο αυτό έγροψε το πάτω εφήμα του βρόχου μέτα στο μαγυγτικό πεδίο και όχι το πάκω τέρχε.

Il poi tica ano co boixo readopiferen ano em enipareca non capines co vicen tripe con boispor a onois crestavio asfaires aboi pepalitesos efrifes con escipteren eco xigos con fuegrarenoi nestrou:



(x) It Sively agains be an coxing to rue as manow sporting out in fixe or he or Sively en begingter orière , encioxan jueces & ma o booper aroute quelle

Englishers; over $a=0 \Rightarrow IF_y=0 \Rightarrow mg=\frac{B^2b^2E}{R} \Rightarrow U_z=\frac{mgR}{B^2b^2}$

- (8) Ocon o Books extr Ereilder El o Tonfron fice co timpo con propor mes review, or heapy ces por sine before den = 0 = G= de = 0 = I eng = 0 uar Sie popo za fracciós alla otaleps.
- (E) Av Seu unapper perpe va Surppéer tou boogo, y Sivaly nou acuiren noise tou eiver eniers FB=0. Zear piaro y Sirapy ens Buepieges acresias con Spojo onite ag = -gi
- (GZ) Kartis co Maicro Exipxera ano con xujos con paymensi nevia, o paymens por aprile va electaireter orière des 40 un enopieurs Ienay +0. To public nou enajetar una nali con Poixo exer popa aveidery be aven ons Trepintarons (a). Enoficions o dopa ta circa aveider ens dopas au Derkair tou pologiei were ve aufica un nist en pragruntuis pois eitepares pe ca maisse ou henz.

Il Sirety For acution 100 now this tou faixou un êxe un naise papa pos ta Trains. To obside forgoti la anoutife use naile aprallis taxity to cur o to πανω τρήμο του βοσχου έναι στο εκωτοροιίο του μαγυητικώ πεδίσε, που

allolenispa fie en co