

ΦΥΣ 112

Τελική Εξέταση: 10-Δεκεμβρίου-2024

Πριν αρχίσετε συμπληρώστε τα στοιχεία σας (ονοματεπώνυμο και αριθμό ταυτότητας).

Ονοματεπώνυμο	Αριθμός Ταυτότητας

Απενεργοποιήστε τα κινητά σας.

Το δοκίμιο περιέχει 6 προβλήματα της ίδιας βαρύτητας. Προσπαθήστε να απαντήσετε σε όλα τα προβλήματα όσο καλύτερα μπορείτε. Θα βαθμολογηθούν όλα τα προβλήματα και θα αφαιρεθεί αυτό με την χαμηλότερη βαθμολογία. Η μέγιστη βαθμολογία της εξέτασης είναι 150 μονάδες (30 μονάδες x 5 ασκήσεις).

ΧΡΗΣΙΜΟΠΟΙΕΙΣΤΕ ΜΟΝΟ ΤΙΣ ΣΕΛΙΔΕΣ ΠΟΥ ΣΑΣ ΔΙΝΟΝΤΑΙ ΚΑΙ ΜΗΝ ΚΟΨΕΤΕ ΟΠΟΙΑΔΗΠΟΤΕ ΣΕΛΙΔΑ

Η διάρκεια της εξέτασης είναι 3-ώρες. Καλή Επιτυχία !

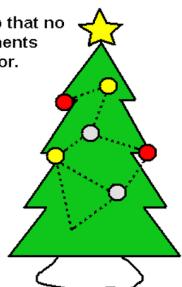
$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{en}}{\epsilon_0}$$
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$$
$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{en} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{d\Phi_E}{dt}$$



Καλές Γιορτές

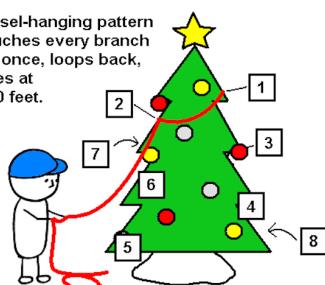
Gold, silver, and red Christmas tree ornaments.

Hang ornaments so that no two adjacent ornaments share the same color.



30 feet of tinsel.

Find tinsel-hanging pattern that touches every branch exactly once, loops back, and uses at most 30 feet.



Nailed it.



Άσκηση	Βαθμός
1 ^η (25μ)	
2 ^η (25μ)	
3 ^η (25μ)	
4 ^η (25μ)	
5 ^η (25μ)	
6 ^η (25μ)	
Σύνολο	

Τύποι που μπορούν να φανούν χρήσιμοι

Ηλεκτροστατική:

$$\vec{F}_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r} \quad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \quad V = \frac{U}{q_0} \quad \text{σημειακό φορτίο: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}, \quad V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

διπολική ροπή: $\vec{p} = q\vec{L}$ ροπή σε δίπολο: $\vec{t} = \vec{p} \times \vec{E}$ δυν. ενέργεια: $U = -\vec{p} \cdot \vec{E} + U_0$

$$U_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad W_E = -\Delta U = -W_{\varepsilon\xi}. \quad \text{συνεχής κατανομή: } E = \int \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

$$\phi = \int_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA \quad \phi_{tot} = \oint_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \oint_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \frac{Q_{\varepsilon\sigma.}}{\epsilon_0} \quad \text{ασυνέχεια: } E_{n+} - E_{n-} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$\text{Πεδίο άπειρης γραμμικής κατανομής: } E_R = \frac{2k\lambda}{R} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{R}$$

$$\text{Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δακτυλίου: } E_z = \frac{kQz}{(z^2 + a^2)^{3/2}}$$

$$\text{Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δίσκου: } E_z = sign(z) \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[1 - \left(1 + \frac{R^2}{z^2} \right)^{1/2} \right]$$

$$\text{Πεδίο επιπέδου άπειρων διαστάσεων: } E_z = sign(z) \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\text{Πεδίο λεπτού σφαιρικού κελύφους: } E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \quad r > R \\ E_r = 0 \quad r < R$$

$$\text{Διαφορά δυναμικού: } \Delta V = V_b - V_a = \frac{\Delta U}{q_0} = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad \vec{E} = -\vec{\nabla}V$$

Χωρητικότητα:

$$C = \frac{Q}{V} \quad \text{Επίπεδος Πυκνωτής: } C = \frac{\epsilon_0 A}{d}, \quad V = Ed \quad U_C = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

$$\text{Συνδεσμολογία: παράλληλη: } C_P = C_1 + C_2 + \dots \quad \text{Σε σειρά: } \frac{1}{C_\Sigma} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

$$\text{Χωρητικότητα σφαιρικού αγωγού: } C = 4\pi\epsilon_0 R \quad \text{κυλινδρικό: } C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(R_2/R_1)}$$

$$\text{Διηλεκτρικά: } C_k = kC_0 \quad \text{διαπερατότητα: } \varepsilon = k\varepsilon_0 \quad \text{ηλεκτρικό πεδίο: } E = \frac{E_0}{k}$$

Αντίσταση:

$$R = \frac{V}{I} \quad I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \quad R = \frac{\rho L}{A} \quad I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = qnAv_d \quad \vec{J} = qn\vec{v}_d$$

$$P = IV = I^2 R = \frac{V^2}{R}$$

Συνδεσμολογία: παράλληλη: $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$ σειρά: $R = R_1 + R_2 + \dots$

Κυκλώματα:

$$\sum \Delta V = 0 \quad \sum I_{\varepsilon i \sigma.} = \sum I_{\varepsilon \xi.}$$

$$q(t) = q_\infty (1 - e^{-t/\tau}) \quad q(t) = q_0 e^{-t/\tau} \quad I(t) = I_0 e^{-t/\tau} \quad \tau = RC$$

Μαγνητισμός

Μαγνητική δύναμη: σε φορτίο: $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$ σε στοιχείο ρεύματος: $\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}$

Μαγνητική διπολική ροπή βρόχου: $\vec{\mu} = NIA\hat{n}$, ροπή: $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$

Δυναμική ενέργεια μαγνητικού διπόλου: $U = -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$

Μαγνητικό πεδίο φορτίου: $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \hat{r}}{r^2}$ Νόμος Biot-Savart: $d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$

Μαγνητικό πεδίο στον άξονα βρόχου ρεύματος: $B_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(z^2 + R^2)^{3/2}}$

Μαγνητικό πεδίο ευθύγραμμου αγωγού: $B_z = \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\sin\theta_1 - \sin\theta_2)$

Μαγνητικό πεδίο τοροειδούς: $B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi r}$

Νόμος Gauss στον μαγνητισμό: $\Phi_m = \oint_S \vec{B} \cdot \hat{n} dA = \oint_S B_n dA = 0$

Νόμος του Ampere: $\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_C B_t dl = \mu_0 I_{encl.}$

Μαγνητική ροή: $\Phi_m = \int_S \vec{B} \cdot \hat{n} dA$

Μαγνητική ροή από ρεύμα σε κύκλωμα: $\Phi_m = LI$

Μαγνητική ροή από δύο ρεύματα σε κύκλωμα: $\Phi_{m1} = L_1 I_1 + MI_2$ και $\Phi_{m2} = L_2 I_2 + MI_1$

Νόμος του Faraday: $\mathcal{E} = -\frac{d\Phi_m}{dt}$ και $\mathcal{E} = \oint_C \vec{E} \cdot d\vec{l}$ ράβδος: $|\mathcal{E}| = Bvl$

Αυτεπαγωγή: $\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$ συντελεστής αυτεπαγωγής: $L = \frac{\Phi_m}{I}$ πηνίον: $\mu_0 n^2 Al$

Αμοιβαία επαγωγή: $M = \frac{\Phi_{m21}}{I_1} = \frac{\Phi_{m12}}{I_2}$

Μαγνητική ενέργεια σε πηνίο: $U_L = \frac{1}{2} LI^2$ και πυκνότητα ενέργειας: $u_m = \frac{B^2}{2\mu_0}$

Σταθερές και μετατροπές μονάδων:

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} C^2/Nm^2 \quad K_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8.99 \times 10^9 C/Nm^2$$

$$e = 1.60 \times 10^{-19} C \quad \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A = 4\pi \times 10^{-7} N/A^2$$

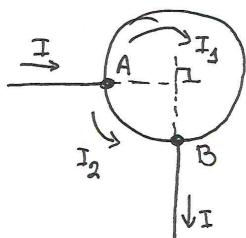
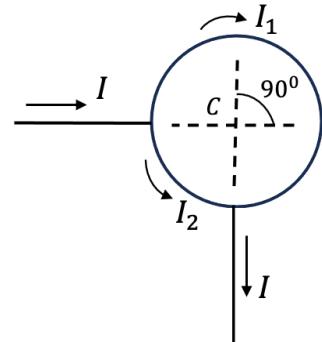
Αναλυτικά προβλήματα – Σύνολο 150 μονάδες

Άσκηση 1 [30μ]

Ένα ομογενές σύρμα είναι λυγισμένο σε σχήμα κυκλικού βρόχου ακτίνας R . Δύο μακριά ευθύγραμμα σύρματα είναι συνδεδεμένα με το βρόχο όπως στο σχήμα.

(A) Αν το συνολικό ρεύμα το οποίο διαρρέει τα δύο ευθύγραμμα σύρματα είναι I και με την διεύθυνση που φαίνεται στο σχήμα, προσδιορίστε τον λόγο I_1/I_2 των ρευμάτων στα δύο τμήματα του βρόχου. [12μ]

(B) Προσδιορίστε το διάνυσμα του συνολικού μαγνητικού πεδίου που παράγεται από τα ρεύματα στο κέντρο C του βρόχου. [18μ]



(A) Έστω τα δύο κυλικά περιφέρεια εξωτερικών R_1 και R_2

Το Σωλήνιο στα άκρα των είναι ίδια και εποφέννεται:

$$V_{AB} = I_1 R_1 = I_2 R_2 \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{\cancel{l_2/l_1}}{\cancel{l_1/l_2}} = \frac{l_2}{l_1} \quad (1)$$

Ανά την χαρακτηριστική του προβλήματος το περιφέρεια που διαφέρεται από ρεύμα I_2 αντιστοιχεί σε επίμετρη γραμμή που έχει εργάστηκε στην περιφέρεια I_2 . Επομένως θα έχει:

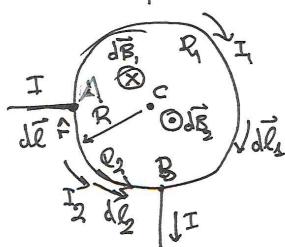
$$R\Theta_1 = 3R\Theta_2 \Rightarrow l_1 = 3l_2. \quad (2)$$

$$\text{Ανά (1) και (2) επομένως θα πάρετε: } \frac{I_1}{I_2} = \frac{l_2}{3l_2} \Rightarrow \left| \frac{I_1}{I_2} = \frac{1}{3} \right\}$$

(B) Τα επιδύγραφα σημείωση των αριθμών δύο συνιστέρονται στο βαρυτικό πεδίο στο κέντρο C του κυλικού βρόχου, αφού από την νότια την Biot-Savart:

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2} = \emptyset \quad d\vec{l} \parallel \hat{r} \quad \text{αφού το } C \text{ είναι στην αύρια των επιδύγραφων σημείωση.}$$

Θεωρήστε το πάνω σχήμα των δύο κορυφών της σφαλής:



$$d\vec{B}_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} I_1 \frac{dl_1 \times \hat{r}}{R^2} \quad (4)$$

(4) το μαγνητικό πεδίο στην ρητή θέση της επωτερικής στοιβάδας.

$$d\vec{B}_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} I_2 \frac{dl_2 \times \hat{r}'}{R^2} \quad (5)$$

(5) με φορά προς την εξωτερική στοιβάδα.

$$\text{Άριστη σημείωση στην αρχή της στοιβάδας: } \vec{B}_{00} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 \quad (6)$$

$$\text{Άριστη σημείωση στην αρχή της στοιβάδας: } B_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I_1 l_1}{R^2} \int_{l_1}^{l_2} dl_1 \Rightarrow B_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I_1 l_1}{R^2} \quad (7)$$

$$\text{Άριστη σημείωση στην αρχή της στοιβάδας: } B_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I_2 l_2}{R^2} \int_0^{l_2} dl_2 \Rightarrow B_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I_2 l_2}{R^2} \quad (8)$$

$$\text{Άριστη σημείωση στην (6) στη σύνθεση: } \vec{B}_3 = \frac{\mu_0}{4\pi R^2} (I_1 l_1 - I_2 l_2) \xrightarrow{(7) \text{ & } (8)} B_{00} = \frac{\mu_0}{4\pi R^2} 0 \Rightarrow B_3 = 0$$

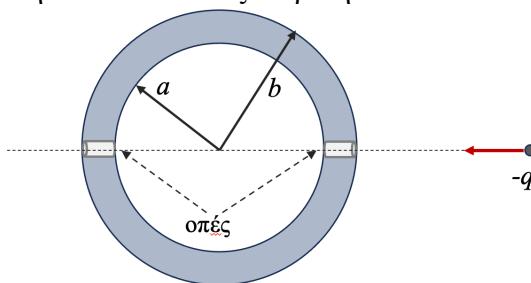
Άσκηση 2 [30μ]

Ένα σφαιρικό κέλυφος από αγώγιμο υλικό έχει εσωτερική ακτίνα a και εξωτερική ακτίνα b . Το κέλυφος έχει συνολικό φορτίο $+Q$. Η συντεταγμένη r μετρά την απόσταση από το κέντρο του κελύφους.

(Α) Προσδιορίστε το ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} , παντού στο χώρο. Σχεδιάστε το $\vec{E}(r)$ συναρτήσει της r . [5μ]

(Β) Προσδιορίστε το ηλεκτροστατικό δυναμικό V , παντού στο χώρο. Σχεδιάστε το $V(r)$ συναρτήσει της r . [5μ]

(Γ) Προσδιορίστε την ηλεκτροστατική πυκνότητα ενέργειας, u_E , παντού στο χώρο. Ολοκληρώστε την ηλεκτροστατική πυκνότητα ενέργειας, u_E , ως προς όλο το χώρο και προσδιορίστε την ολική ενέργεια που είναι αποθηκευμένη στο ηλεκτρικό πεδίο. [8μ]

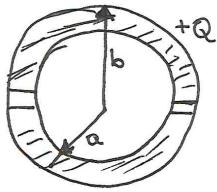


Υποθέστε τώρα ότι ανοίγουμε δύο μικρές οπές στο κέλυφος κατά μήκος της οριζόντιας διαμέτρου του. Οι τρύπες είναι αρκετά μικρές ώστε το ηλεκτρικό πεδίο να μην αλλάζει ιδιαίτερα. Ένα μικρό αρνητικό φορτίο $-q$ αφήνεται από την ηρεμία και απόσταση $2b$ από το κέντρο του κελύφους να κινηθεί προς το κέλυφος. Το φορτίο $-q$ περνά από τη μία οπή, το κέντρο του κελύφους και την άλλη οπή και εξέρχεται από την άλλη πλευρά.

(Δ) Προσδιορίστε την ταχύτητα με την οποία κινείται το φορτίο $-q$ όταν φθάνει στην επιφάνεια του κελύφους στη θέση $r = b$. [7μ]

(Ε) Τι επιτάχυνση ασκείται στο φορτίο $-q$ στην περιοχή $r < b$; Ποια είναι η ταχύτητά του όταν εξέρχεται από την άλλη πλευρά του κελύφους; [2μ]

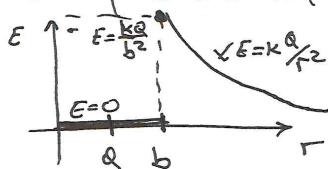
(ΣΤ) Περιγράψτε ποιοτικά την κίνηση που θα εκτελέσει το φορτίο $-q$ όταν θα εξέλθει από την άλλη πλευρά του κελύφους. [4μ]



(A) Το φορτιο θα κανειται σφικόφορμα στην εξωτερική επιφάνεια του φλακιού.

$$\text{Για } r > b \quad \int \vec{E} \cdot d\vec{A} = 4\pi r^2 E = \frac{Q}{\epsilon_0} \Rightarrow \\ \Rightarrow \boxed{\begin{array}{c|c} r > b & \vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r} = \frac{kQ}{r^2} \hat{r} \end{array}} \quad (1)$$

Για $r < a$, $\int \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{\text{περ.}}}{\epsilon_0} = 0$ ανις σημβινει πως δεν υπάρχει φορτιο στην εσωτερική από την επιφάνεια του φλακιού.



$$\boxed{\begin{array}{c|c} r < a & \vec{E} = \vec{0} \end{array}} \quad (2)$$

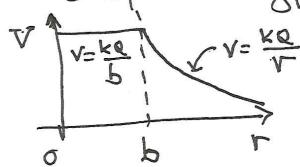
(B) $\Delta V = - \int \vec{E} \cdot d\vec{l}$ και θεωρηθειει ότι $V(r \rightarrow \infty) = 0$.

$$\text{Οποιας επομενων: } V(r) = - \int_{+\infty}^r \frac{kQ}{r'^2} dr' = \frac{kQ}{r'} \Big|_{\infty}^r \Rightarrow V(r) = \frac{kQ}{r}$$

Για $r < b$, $\Delta V = 0$ ανις σημβινει πως $\vec{E} = \vec{0}$. Επομενων για $r < b$,

$$V \text{ ειναι συστηματοποιητικο με } V(r < b) = \frac{kQ}{b}$$

Επομενων το γραφημα θα σημα:

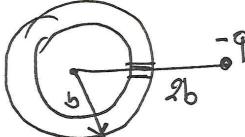


(Γ) Η πυκνωση της ενεργειας ειναι: $U_E = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$ επομενων για $\boxed{r > b, U_E = \frac{Q^2}{16\pi^2 \epsilon_0^2 b^4}}$

ειναι για $r < b$ $U_E = 0$ αφοι $\vec{E} = \vec{0}$

$$\text{Επομενων } U_{tot} = \int u_E dV = \frac{Q^2}{32\pi^2 \epsilon_0} \int_{r=b}^{\infty} \frac{4\pi r^2 dr}{r^4} \text{ οποιας } dV = 4\pi r^2 dr$$

$$\text{Έρχεται: } U_{tot} = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \int_b^{\infty} \frac{dr}{r^2} \Rightarrow U_{tot} = -\frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} \right)_b^{\infty} \Rightarrow U_{tot} = -\frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \left[0 - \frac{1}{b} \right] \Rightarrow U_{tot} = \boxed{\frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0 b}}$$

(Δ) 

Ο ευκολότερος τρόπος για να λύσουμε την πρόβλημα αυτό είναι να χρησιμοποιήσουμε διατύπωση της ενέργειας:

$$E = E_q \Rightarrow E_{\Delta}^i + E_{kw}^i = E_{\Delta}^f + E_k^f \quad \left. \right\} \Rightarrow$$

Αρχικά στη συμβίσιμη στάση ανιχνεύεται: $E_{kw}^i = 0$.

$$E_{kw}^f = E_{\Delta w}^i - E_{\Delta w}^f = \frac{kQ(-q)}{2b} - \frac{kQ(-q)}{b} \Rightarrow E_{kw}^f = -kQq \left(\frac{1}{2b} - \frac{1}{b} \right) = -kQq \frac{1}{2b}$$

Επομένως: $E_{kw}^f = \frac{kQq}{2b} = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \boxed{v = \sqrt{\frac{kQq}{mb}}} \quad \text{η ταχύτητα στη φορητή q}$
όπως φαίνεται στη διάταξη $r=b$.

(Ε) Στην περιοχή $-b < r < b$, το φορείο δεν δέχεται κατάρτη φορητής αφού $\vec{E} = \vec{0}$. Εφόσον $\vec{a} = \vec{0}$, η ταχύτητα στην οποία φέρχεται ανά την σφαιρικό φλοιό στη διάταξη $r=-b$ θα είναι η ίδια με την αυτήν που είχε μετίσχει στη διάταξη στην σφαιρικό φλοιό. Επομένως $\boxed{v_f = \sqrt{\frac{kQq}{mb}}}$

(ΣΤ) Κατά τη φορητή φίρεται ανά την πλευρά $r=-b$, δέχεται η λειψανδρία διατύπωση από τη φορητή φλοιού και επικρατείται. Η κίνηση του σώματος λειτουργείται με την στάθμη λειψανδρίας ενέργειας, με τη φορητή φίρεται σε πρείσα στη διάταξη $r=2b$. Αρχίσει μετόπιν να επιταχύνεται προς την σφαιρικό φλοιό. Την αποτέλεσμα, το φορείο εκτελεί ταλάντωση μεταξύ $r=b$ Θα μπορούσαμε να υπολογίσουμε την ταχύτητα στη διάταξη $r=b$:

$$F = -\frac{kQq}{r^2} = ma \Rightarrow a = -\frac{kQq}{mr^2} \quad \text{Η επιτάχυνση στην στάθμη λειψανδρίας μεταξύ της πρείσας και της σφαιρικής φλοιού:}$$

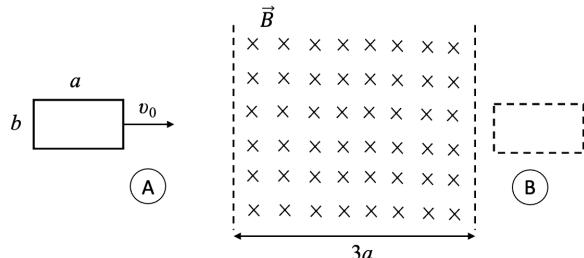
$$\alpha = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dr} \frac{dr}{dt} = v \frac{dv}{dr} = -\frac{kQq}{mr^2} \Rightarrow \int_0^v v dv = -\int_{2b}^b \frac{kQq}{m r^2} dr \Rightarrow \frac{1}{2}v^2 = +\frac{kQq}{m} \left(\frac{1}{r} \right) \Big|_{2b}^b$$

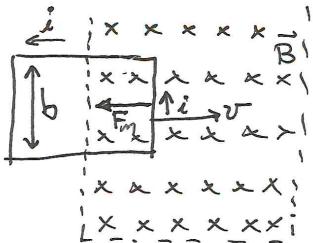
$$\Rightarrow \frac{1}{2}v^2 = \frac{kQq}{m} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{2b} \right) \Rightarrow \frac{1}{2}v^2 = \frac{kQq}{mb} \Rightarrow \boxed{v = \sqrt{\frac{kQq}{mb}}} \quad \text{όπως βρίσκεται στο (Δ) και (Ε)}$$

Άσκηση 3 [30μ]

Ένα επίπεδο ορθογώνιο συρμάτινο πλαίσιο έχει συνολική μάζα m και μήκη πλευρών a και b όπως στο σχήμα. Η συνολική αντίσταση του πλαισίου είναι R . Το πλαίσιο κινείται πάνω σε λεία επιφάνεια (το επίπεδο της σελίδας) προς μια περιοχή πλάτους $3a$ που περιέχει ομοιόμορφο μαγνητικό πεδίο B το οποίο έχει κατεύθυνση προς το εσωτερικό της σελίδας. Το πλαίσιο εισέρχεται στην περιοχή του μαγνητικού πεδίου με αρχική ταχύτητα v_0 . Περνά από την περιοχή του μαγνητικού πεδίου και εξέρχεται από την άλλη πλευρά.

- (Α) Εξηγήστε αναλυτικά, αν το πλαίσιο επιταχύνεται ή επιβραδύνεται καθώς εισέρχεται στην περιοχή του μαγνητικού πεδίου. [5μ]
- (Β) Προσδιορίστε την αρχική επιτάχυνση του βρόχου καθώς εισέρχεται στο μαγνητικό πεδίο. Η επιτάχυνση αυτή είναι σταθερή καθώς το πλαίσιο κινείται προς το εσωτερικό του μαγνητικού πεδίου; Εξηγήστε. [6μ]
- (Γ) Ο βρόχος επιταχύνεται ή επιβραδύνεται καθώς αρχίζει να εξέρχεται από την περιοχή του μαγνητικού πεδίου; Εξηγήστε αναλυτικά. [5μ]
- (Δ) Σχεδιάστε ποιοτικά την ταχύτητα του πλαισίου συναρτήσει του χρόνου καθώς ο βρόχος κινείται από τη θέση Α στη θέση Β που φαίνονται στο σχήμα. [7μ]
- (Ε) Προσδιορίστε το συνολικό φορτίο Q το οποίο διέρχεται από ένα σημείο στο σύρμα του πλαισίου από τη στιγμή που το πλαίσιο αρχίζει να εισέρχεται στην περιοχή του μαγνητικού πεδίου έως ότου βρίσκεται πλήρως στο χώρο του πεδίου. [7μ]





(A) Κατιώντας ηλεκτρικό πεδίο σε γάρο των μαγνητικών πεδίων, η Δινητή Lorentz αναγνωρίζει τους φορέis φορέων στον αριθμό των μεταπτυχών, διπλαισιών τηλεορατήρων. Δινητής κινητός, ο οποίος με τη σειρά της διατίθεται στα περιφερειακά πεδία της φορά προς τα πάνω (για το δεύτερο εφίμετρο πλάνων). Το ρείμα είναι εγωτερικό του πλάνων έχει φορά αντιθέτη της φοράς των διεκτικών των πλαγών.

Εφαπτός αυτού του περιφερειακού σημειώσης με τα μαγνητικά πεδία \vec{B} , ακολουθεί το δεύτερο της πλάνων της Δινητής $\vec{F}_m = I \cdot \vec{d}l \times \vec{B}$, οποία είχε φορά προς τα αριστερά με την αποτέλεσμα η κίνηση των πλάνων επιβαλλόμετρη. Προσεγγίζει ότι τόσο η ηλεγχορεγούμενη Δινητής, όσο και το πείραμα πρέπει να έχουν τις τοια φορά (αντιθέτη με τη φορά των διεκτικών των πλαγών) από την ανταντικείμενη ροή εφαπτός των πεδίων \vec{B} και ελαττώνει από το μαγνητικό πεδίο των επεργυτικών περιφερειών i .

(B) Η επιτάχυνση δούνεις: $\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m}$ ανά τον 2^o νόημα των Newton }

$$\text{Η μικρή Δινητής που ακολουθεί τη Δινητή } F_m \text{ οπότε } F_m = I \cdot \vec{d}l \times (-\vec{B}) \stackrel{k=1}{=} -IBb\hat{i}$$

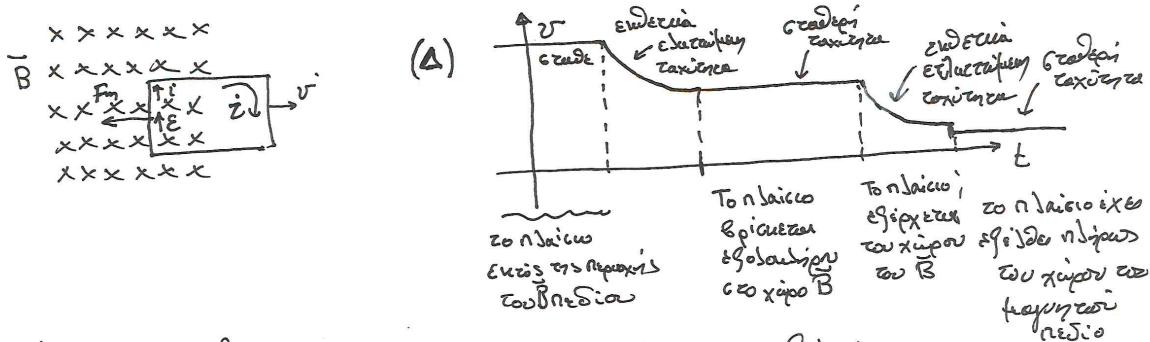
$$\text{Οπότε } |a| = \frac{|IbB|}{m} \Rightarrow a = \frac{|I| |b| |B|}{R m} = \frac{B^2 b R}{m} \Rightarrow a = \frac{B^2 b v}{m R} \quad \begin{cases} \text{με φορά} \\ \text{προς το} \\ -\hat{i} \end{cases}$$

Εφόσον η ταχύτητα v ελαττώνεται, μετά την επιτάχυνση δινέται αντίθετη της v τοπει η επιτάχυνση ελαττώνεται επισημάντως μετά από αρκετά.

Τη γεγονότια που το ηλεκτρικό πεδίο μέτρει το γάρο των μαγνητικών πεδίων, η επιτάχυνση βιδενίζεται. Αυτό γίνεται το πείραμα βιδενίζεται εφόσον είναι δύο παραπομπές πλευρές του πλάνων των πλάνων ανατίθετες η ίδια ηλεγχορεγούμενη Δινητής με εποίηση δύο υπόρχει διαφορά Δινητικών.

(Γ) Καθώς το πλαίσιο αρχίζει να εφέρχεται από το μαγνητικό πεδίο, το σύμβα του πωροβολικού αυτό το μαγνητικό πεδίο για το επαγγελματικό ρεύμα να πληστρεύεται! Σίγουρα, έχουντες φοράς ενήργεια με τους δύναμεις των πελαργών ανέσεων πάντα το μαγνητικό πεδίο της Γης πλαισιώνει το επαγγελματικό ρεύμα να αυξηθεί από μαγνητικό ποσό των πλειστού και οπλά ελαττώνται εποντικά η επιφάνεια του πλαισίου για εξωτερικό από εξωτερικούς πεδίους ελαττώνται.

Η φορά των ρεύματος για το εξωτερικό μαγνητικό πεδίο, προκαλείται την μαγνητική φορά προς τα αριστερά για αρχή του πλαισίου επιβρέβανεται και πώλεται.



* Η ταχύτητα ελαττώνεται γιατί η επιφάνεια που βρίσκεται στη σημερινή (Β) είναι: $a = -kV$ οπου $k = \frac{B^2 b}{mR} = \text{const.} > 0$. Επομένως $\frac{dv}{dt} = -kv \Rightarrow \frac{dv}{v} = -kdt \Rightarrow \int_{v_0}^v \frac{dv'}{v'} = -k \int_{t=0}^t dt \Rightarrow \ln \frac{v}{v_0} = -kt \Rightarrow v = v_0 e^{-kt}$

(Ε) Το ρεύμα που διαφέρει το πλαίσιο είναι: $i = \frac{dq}{dt}$ και $i = \frac{E}{R} = \frac{Bb}{R} \Rightarrow$

$\Rightarrow i = \frac{Bb}{R} \frac{dx}{dt}$

Συνεισφέρεις των 2 εξισώσεων στην ισοτιμία:

$$\frac{dq}{dt} = \frac{Bb}{R} \frac{dx}{dt} \Rightarrow dq = \frac{Bb}{R} dx \Rightarrow q_{01} = \int dq = \frac{Bb}{R} \int dx = \frac{Bb}{R} x \Rightarrow \boxed{q_{01} = \frac{Bb}{R} x}$$

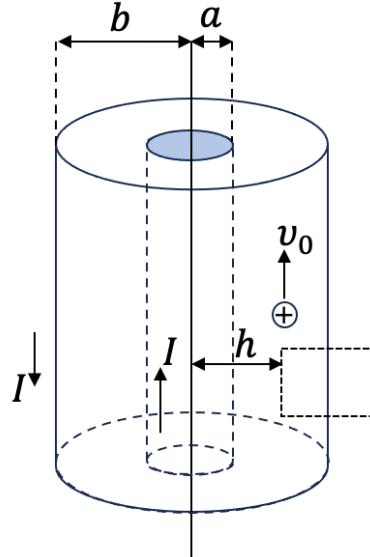
Ως μηροποιείται να το ανολογιστούμε διαφορετικά από την επίσημη των Faraday

$$E = \frac{d\Phi_m}{dt} \Rightarrow \frac{E}{R} = \frac{d\Phi_m}{Rdt} \Rightarrow I = \frac{d\Phi_m}{Rdt} \Rightarrow \frac{dq}{dt} = \frac{d\Phi_m}{Rdt} \Rightarrow dq = \frac{d\Phi_m}{R} \Rightarrow q_{01} = \frac{1}{R} \int d\Phi_m \Rightarrow$$

$$\Rightarrow q_{01} = \frac{1}{R} \int \vec{B} \cdot d\vec{A} = \frac{1}{R} B \int d\vec{A} \Rightarrow \boxed{q_{01} = \frac{Bab}{R}}$$

Άσκηση 4 [30μ].

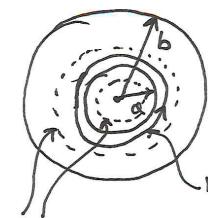
Θεωρήστε ένα μακρύ ομοαξονικό καλώδιο, το οποίο αποτελείται από ένα μακρύ ευθύγραμμο κυλινδρικό σύρμα αμελητέας αντίστασης και ακτίνας a , και από ένα εξωτερικό κυλινδρικό αγωγό ακτίνας b , αμελητέας αντίστασης, και αμελητέου πάχους. Ο εσωτερικός αγωγός διαρρέεται από σταθερό ρεύμα έντασης I με κατεύθυνση όπως φαίνεται στο σχήμα (προς τα πάνω), και είναι κατανεμημένο ομοιόμορφα σε όλη τη διατομή του. Ο εξωτερικός αγωγός διαρρέεται επίσης από ρεύμα της ίδιας έντασης I αλλά αντίθετης κατεύθυνσης όπως φαίνεται στο σχήμα (προς τα κάτω) το οποίο είναι ομοιόμορφα κατανεμημένο στην περιφέρειά του.



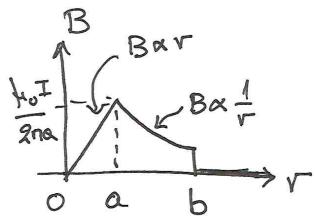
(Α) Προσδιορίστε το μέτρο και τη διεύθυνση του μαγνητικού πεδίου συναρτήσει της ακτινικής απόστασης, r , από τον άξονα του καλωδίου. Σχεδιάστε το μέτρο του μαγνητικού πεδίου συναρτήσει του r για $0 < r < 2b$. Περιγράψτε αναλυτικά τη διεύθυνση του μαγνητικού πεδίου. [8 μ]

(Β) Αν ένα θετικά φορτισμένο σωματίδιο κινείται αρχικά παράλληλα προς το σύρμα με ταχύτητα v_0 και κατά την κατεύθυνση του ρεύματος στο σύρμα, σχεδιάστε ποιοτικά την τροχιά που θα διαγράψει το σωματίδιο, υποθέτοντας ότι η ταχύτητα v_0 είναι αρκετά μικρή ώστε το σωματίδιο να μη χτυπήσει ούτε στον εσωτερικό ή στον εξωτερικό αγωγό. Περιγράψτε την κίνηση ποιοτικά και εξηγήστε την απάντησή σας. [8μ]

(Γ) Αν αντί για σταθερή ένταση ρεύματος, η ένταση του ρεύματος I αύξανε με τον χρόνο έτσι ώστε $dI/dt = K$ (όπου K θετική σταθερά), προσδιορίστε το διάνυσμα του ηλεκτρικού πεδίου (κατεύθυνση και μέτρο) στο σημείο P , το οποίο βρίσκεται σε απόσταση h από τον άξονα του καλωδίου. (Υπόδειξη: Θεωρήστε τη ροή του μαγνητικού πεδίου που διαπερνά την επιφάνεια που ορίζεται από την διακεκομμένη διαδρομή που φαίνεται στο σχήμα). [14μ]



κύλινδρική επίφεργα
συμμετρία
κατανοώντας την περιφέρεια
την αρχή της μάγνησης ήδη
θρούνεται ότι τας αριστεράς
Το μεταξύ είναι βέβαια
ανάδειξη της φόρμας των
διεκτικών των πολυγώνων



(A) Ανά τον νότο του Ampere έχουμε ότι:

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \mu_0 I_{\text{περικλ.}}$$

κύλινδρος
επίφεργα

$$\text{Για } r < a : B \cdot 2\pi r = \mu_0 I \left(\frac{\pi r^2}{\pi a^2} \right) \Rightarrow$$

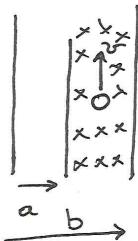
$$\Rightarrow B = \frac{\mu_0 I \pi r^2}{2\pi a^2} \frac{1}{\pi a^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{\pi a^2} r$$

$$\text{Για } a < r < b : B \cdot 2\pi r = \mu_0 I \Rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

$$\text{Για } r > b : B \cdot 2\pi r = \mu_0 (I - I) \Rightarrow B = 0$$

(B) Στο επίπεδο της αρχικής θέσης των συμβαδίων για την αριστερή κατεύθυνση,

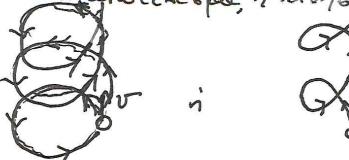


το μαγνητικό ηδίο έχει μεταδίνει προς την αριστερή κατεύθυνση

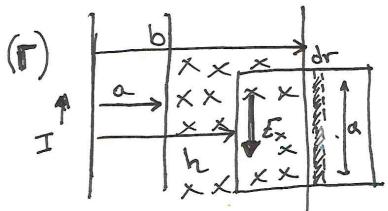
Το συμβαδίο δίνεται με διάταξη Lorentz προς την αριστερά

και κινείται προς την περιοχή λειχηρότερων μαγνητικών ηδίων, που
αναρριχείται με μικρότερη ακτινική περιστροφή.

Δεν αποτελεί όμως την αριστερή κατεύθυνση την αριστερή ως:



αντίστροφα την αριστερή κατεύθυνση ως
τον μεγάλο περιπέτη ο οποίος είναι μεγαλύτερη από την αριστερή κατεύθυνση



Ανά τον νότο του Faraday: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = - \frac{d\phi_m}{dt}$

$$\text{Αλλά } \phi_m = \int \vec{B} \cdot d\vec{A} = \int_a^b \left(\frac{\mu_0 I}{2\pi r} \right) (a \cdot dr) = \frac{\mu_0 I a}{2\pi} \int_a^b \frac{dr}{r} \Rightarrow$$

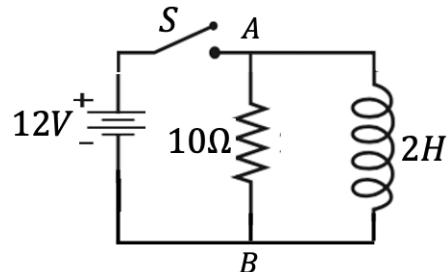
$$\Rightarrow \phi_m = \frac{\mu_0 I a \ln b}{2\pi} \quad \text{Πε μεταδίνει αντίστροφα την πάλιας}\newline \text{Επομένως: } E_{\text{αριστ.}} = - \frac{\mu_0 I a \ln b}{2\pi} \frac{dI}{dt} \Rightarrow \boxed{E = - \frac{\mu_0 I a \ln b}{2\pi} \frac{dI}{dt}} \quad \text{στο μεταρρυθμισμένο περιπέτη την αριστερή κατεύθυνση}$$

Άσκηση 5 [30μ]

(Κύκλωμα I)

Στο κύκλωμα του διπλανού σχήματος, ο διακόπτης ήταν ανοικτός για πολύ μεγάλο χρονικό διάστημα. Τη χρονική στιγμή $t = 0$ ο διακόπτης κλείνει και ανοίγει και πάλι μετά από $2s$.

- (Α) Σχεδιάστε το γράφημα της του ρεύματος που διαρρέει τον αντιστάτη R και του ρεύματος που διαρρέει την επαγωγή L ως προς τον χρόνο t για το χρονικό διάστημα $0 < t < 2s$.



Σημειώστε στους άξονες x και y κατάλληλα σημεία έτσι ώστε τα γραφήματά σας να είναι ποσοτικά. [6μ]

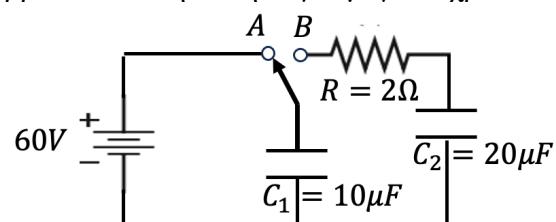
- (Β) Γράψτε μια εξίσωση για την ισχύ που προσφέρει η μπαταρία συναρτήσει του χρόνου στο χρονικό διάστημα $0 < t < 2s$. [3μ]

- (Γ) Προσδιορίστε τη διαφορά δυναμικού ($V_A - V_B$) αμέσως μετά το άνοιγμα του διακόπτη τη χρονική στιγμή $t = 2s$. Εξηγήστε το πρόσημο της απάντησής σας. [4μ]

- (Δ) Κάντε το γράφημα του ρεύματος που διαρρέει τον αντιστάτη ακριβώς μετά το άνοιγμα του διακόπτη τη χρονική στιγμή $t = 2s$. [2μ]

(Κύκλωμα II)

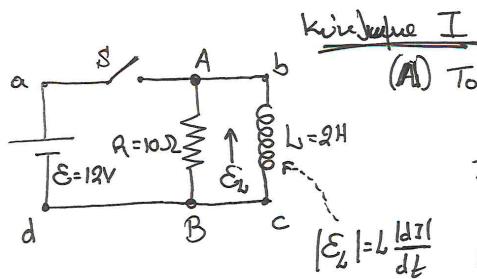
Στο κύκλωμα του διπλανού σχήματος, ο διακόπτης S βρίσκεται στη θέση A για μεγάλο χρονικό διάστημα πριν μετακινηθεί στην θέση B τη χρονική στιγμή $t = 0$. Τη χρονική στιγμή $t = 0$ ο πυκνωτής C_2 είναι αφόρτιστος.



- (Α) Προσδιορίστε το φορτίο στον πυκνωτή C_1 πριν τη χρονική στιγμή $t = 0$. [3μ]

- (Β) Προσδιορίστε το φορτίο σε κάθε πυκνωτή πολύ αργότερα αφότου ο διακόπτης έχει μετακινηθεί στη θέση B ($t = +\infty$). [6μ]

- (Γ) Προσδιορίστε την ενέργεια που καταναλώθηκε στην αντίσταση κατά την ανακατανομή των φορτίων μεταξύ του πυκνωτή C_1 και C_2 . [6μ]



Kirchhoff I

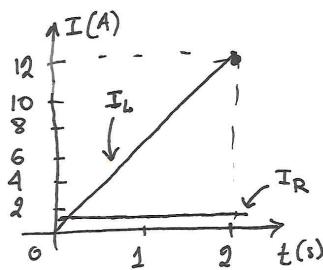
(A) Το ρεύμα που διαρρέει την αντίσταση R είναι:

$$I_R = \frac{V}{R} = \frac{12V}{10\Omega} \Rightarrow I_R = 1.2A \text{ σταθερό}$$

$$|\dot{\epsilon}_L| = L \frac{di}{dt}$$

Για το παντού διεργάζεται λογότιο $abcd$ και εφαπλοποιήστε

τον επονοματίανο 2^o νότο του Kirchhoff:



$$\epsilon - \dot{\epsilon}_L = 0 \Rightarrow \epsilon = \dot{\epsilon}_L \Rightarrow \epsilon = L \frac{di}{dt} \Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{\epsilon}{L}$$

$$\Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{12V}{2H} \Rightarrow \int \frac{di}{dt} dt = \int \frac{12V}{2H} dt \Rightarrow \frac{i}{2} = 6t$$

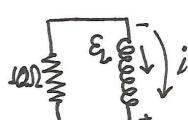
$$\text{Επονέμεται: } \int di = 6 \int dt \Rightarrow i = 6t$$

To ρεύμα στο παντού αντίσταση γραφικά με τον χρόνο:

$$(B) Η τιμή που προσφέρει η φωτεινή παραγωγή του κινητήρα δείχνεται ως: $P = \epsilon \cdot I_{01} = \epsilon (I_R + I_L) \Rightarrow$$$

$$\Rightarrow P = 12(1.2 + 6 \cdot t) \text{ W}$$

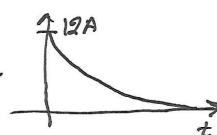
(Γ) Αντίσταση στη χρονική σειρά που ο διαλεκτής S ανοίγει, το παντού αντίσταση και διεργάζεται το ίδιο ρεύμα το οποίο είναι $i = 6 \cdot (2s) \Rightarrow i = 12A$.

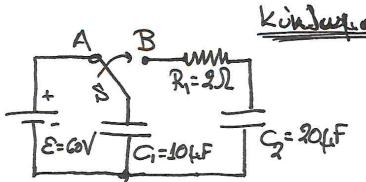


To ρεύμα αυτών πηγών που αντίσταση $R = 10\Omega$. Επονέμεται
η συνάρτηση εξόδου δο είναι $V_{out} = RI = (10\Omega)(12A) \Rightarrow V_{out} = 120V$

Επονέμεται η συνάρτηση εξόδου δο: $V_A - V_B = -120V$ και από B είναι γενικότερη
διεργάζεται από το

(Δ) To ρεύμα στην αντίσταση R ελαχιστερεσιανή ειδεσιά





Kondensaτor II

(A) Το αρχικό φορτίο στην πλακέτα C_1 είναι:

$$Q_1 = C_1 V = (10 \cdot 10^{-6} \text{ F})(6 \text{ V}) \Rightarrow Q_1 = 6 \cdot 10^{-4} \text{ C}$$

(B) Μετακινήσεις των διαλέγοντας S στη θέση B, φορτία μετακινούνται και αντικαταστάνονται στους πλακέτες C_1 και C_2 (το φορτίο διατηρείται) και οι διαφορές διαλέγοντος είναι ίσες στις χωριστοποιητικές C_1 και C_2 είναι ίσες.

Από τη σύριγκη που η χωριστοποιητική των πλακών C_2 είναι διπλήσια των C_1 , εότε το φορτίο των C_2 θα είναι διπλάσιο των C_1 για τις τυχερές διαφορές διαλέγοντος.

Άλλοιδει $C_2 = 2C_1$ και $Q_{2f} + 2Q_{1f} = Q_1$ όπου $Q_{1f} > Q_{2f}$ λαζαλίδια φορτίο αν πλακώνται.

$$\text{Επομένως: } Q_{1f} + 2Q_{1f} = Q_1 \Rightarrow Q_{1f} = Q_1 / 3 \Rightarrow Q_{1f} = 2 \cdot 10^{-4} \text{ C} \text{ και } Q_{2f} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ C}$$

(Γ) Η αρχική ενέργεια που ήταν αποθηκευτή στην πλακέτα C_1 είναι:

$$E_i = \frac{1}{2} \frac{Q_1^2}{C_1} \Rightarrow E_i = \frac{1}{2} \frac{(6 \cdot 10^{-4})^2 \text{ C}}{10 \cdot 10^{-6} \text{ F}} \Rightarrow E_i = \frac{1}{2} \frac{36 \cdot 10^{-8} \text{ J}}{10^{-5}} \Rightarrow E_i = 18 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

Η τελική ενέργεια σε κινητήρια είναι αυτή που αποθηκεύεται στους C_1 και C_2 . Άπαντα

$$E_f = \frac{1}{2} \frac{Q_{1f}^2}{C_1} + \frac{1}{2} \frac{Q_{2f}^2}{C_2} = \frac{1}{2} \frac{Q_{1f}^2}{C_1} + \frac{1}{2} \frac{(2Q_{1f})^2}{2C_1} = \frac{1}{2} \left(\frac{Q_{1f}^2}{C_1} + \frac{2Q_{1f}^2}{C_1} \right) = \frac{1}{2} \frac{3Q_{1f}^2}{C_1} \Rightarrow \\ \Rightarrow E_f = \frac{1}{2} \frac{3 \cdot (2 \cdot 10^{-4})^2}{10^{-5}} \Rightarrow E_f = 6 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

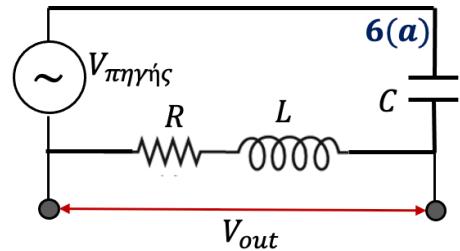
Η ενέργεια που κάψηκε από την κινητήρια είναι: $\Delta E = E_f - E_i = (6 - 18) \cdot 10^{-3} \text{ J} \Rightarrow \Delta E = -12 \cdot 10^{-3} \text{ J}$

και η ενέργεια αυτή χαρτεύεται στην αντίσταση R .

Άσκηση 6 [30μ]

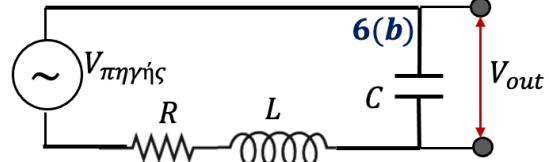
Το διπλανό σχήμα δείχνει ένα κύκλωμα φίλτρου συχνοτήτων. Η τάση εξόδου του φίλτρου λαμβάνεται από τα άκρα της συνδυασμού των στοιχείων L – R όπως φαίνεται στο σχήμα.

(Α) Βρείτε μια σχέση για $V_{out}/V_{πηγής}$, τον λόγο του πλάτους της τάσης εξόδου προς το πλάτος της τάσης της πηγής, συναρτήσει της γωνιακής συχνότητας ω της πηγής. [8μ]

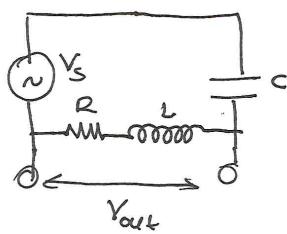


(Β) Δείξτε ότι όταν η γωνιακή συχνότητα ω , είναι μικρή ο λόγος αυτός των τάσεων είναι ανάλογος της γωνιακής συχνότητας ω και επομένως ο λόγος είναι μικρός και όταν $\omega \rightarrow \infty$ τότε ο λόγος των τάσεων προσεγγίζει τη μονάδα, δηλαδή $\frac{V_{out}}{V_{πηγής}} \rightarrow 1.0$. [9μ]

(Γ) Υποθέστε τώρα ότι παίρνετε την τάση εξόδου από τα άκρα του πυκνωτή C όπως φαίνεται στο Σχήμα 6β. Βρείτε και πάλι μια σχέση για τον λόγο του πλάτους της τάσης εξόδου προς το πλάτος της τάσης της πηγής, $V_{out}/V_{πηγής}$, συναρτήσει και πάλι της γωνιακής συχνότητας ω της τάσης της πηγής. Δείξτε ότι όταν η γωνιακή συχνότητα ω είναι μεγάλη, ο λόγος αυτός είναι πολλαπλάσιο του $1/\omega^2$ και επομένως ο λόγος των τάσεων είναι πολύ μικρός. [9μ]



(Δ) Δείξτε ότι για το κύκλωμα όπως τροποποιήθηκε σύμφωνα με το Σχήμα 6β, ο λόγος των τάσεων $\frac{V_{out}}{V_{πηγής}} \rightarrow 1$ καθώς $\omega \rightarrow 0$. Όπως θα έχετε ανακαλύψει, το κύκλωμα του Σχήματος 6α επιτρέπει να περάσουν οι υψηλές συχνότητες ενώ το κύκλωμα του Σχήματος 6β επιτρέπει να περάσουν οι χαμηλές συχνότητες. [6μ]



(Α) Χρησιμοποίησε πρόδρομο για την κίνηση Δα
επούλε:

$$V_s = I \left(R + i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right] \right) \quad \Rightarrow \quad \frac{V_{out}}{V_s} = \frac{R + i \omega L}{R + i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right]} \Rightarrow \\ V_{out} = I \left(R + i \omega L \right)$$

$$\Rightarrow \frac{V_{out}}{V_s} = \frac{(R + i \omega L)(R - i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right])}{(R + i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right])(R - i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right])} \Rightarrow \\ \Rightarrow \boxed{\frac{V_{out}}{V_s} = \frac{(R + i \omega L)(R - i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right])}{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}} \quad (1)$$

(Β) Καθώς $\omega \rightarrow 0$ από την (1) παρατηρούμε ότι ο όρος $(\omega L - \frac{1}{\omega C}) \rightarrow -\frac{1}{\omega C}$

Επούλευς στη (1) γίνεται: $\frac{V_{out}}{V_s} \approx \frac{R \frac{i}{\omega C}}{\frac{1}{\omega^2 C^2}} \Rightarrow \boxed{\frac{V_{out}}{V_s} \rightarrow i R C \omega \rightarrow 0}$
 $(R + i \omega L) \rightarrow R$
 $R - i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right] \rightarrow i \frac{1}{\omega C}$

Όταν $\omega \rightarrow \infty$ τότε $R + i \omega L \rightarrow i \omega L$, $R - i \left[\omega L - \frac{1}{\omega C} \right] \rightarrow -i \omega L$

Και αντίστροφα στον παραπάνω όρο παρατηρούμε: $R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2 \rightarrow \omega^2 L^2$

Επούλευς στην $\omega \rightarrow \infty$ $\frac{V_{out}}{V_s} = \frac{(i \omega L)(-i \omega L)}{L^2 \omega^2} = \frac{L^2 \omega^2}{L^2 \omega^2} \rightarrow 1, \quad \boxed{\frac{V_{out}}{V_s} \rightarrow 1 \text{ για } \omega \rightarrow \infty}$

Το κίνησης επούλευς είναι έτσι ότι το πρώτο λύμα αναπτύγεται επιπλέον
τις περισσότερες κυκλοφορίες να δείχνουν.

(Γ) Στο κίνησης οπού λαβήσαντες τας από την επούλευση:

$V_s =$ ίδια οπού με τη συμπλήρωση κίνησης $= I \left[R + i \left(L \omega - \frac{1}{\omega C} \right) \right]$

$V_{out} = I \frac{1}{i \omega C} = -\frac{i I}{\omega C}.$ Επούλευς: $\frac{V_{out}}{V_s} = \frac{-i \frac{1}{\omega C}}{R + i \left[L \omega - \frac{1}{\omega C} \right]} \Rightarrow$

$\Rightarrow \boxed{\frac{V_{out}}{V_s} = \frac{-i \omega C [R - i \left(L \omega - \frac{1}{\omega C} \right)]}{R^2 + (L \omega - \frac{1}{\omega C})^2}} \quad (2)$

Efereisofte van naik των περιπτώσεων $\omega \rightarrow 0$ & $\omega \rightarrow \infty$.

Για $\omega \rightarrow 0$ αριθμητικά διαδικασία: $1/C\omega^2$ και ο περιορισμός $(1/C\omega)^2$

$$\text{Επομένως } \text{για } \omega \rightarrow 0 \quad \frac{V_{out}}{V_s} \approx \frac{1/C\omega^2}{1/C\omega^2} \rightarrow 1$$

Για $\omega \rightarrow \infty$ ο αριθμητικός διαδικασίας $1/C$ και ο περιορισμός διαδικασίας: $\omega^2 b^2$

$$\text{Επομένως: } \frac{V_{out}}{V_s} \rightarrow \frac{(-1/C\omega)(-iL\omega)}{(b\omega)^2} = \frac{-\frac{i}{C}}{L^2\omega^2} = -\frac{1}{LC\omega} \rightarrow 0$$

Στην περίπτωση αυτή το κύκλωπερ επιτρέπει τη διέλευση σήστων με
χαμηλή συχρόνιση των ανοτάτων σήστων και υψηλής συχρόνισης.

Ανοτάτεις επομένως φίλτρο χαμηλής συχρόνισης.