Μαγνητικά Φαινόμενα

Επιλογέας ταχυτήτων

Στην παρουσία τόσο ηλεκτρικού, \vec{E} , όσο και μαγνητικού πεδίου, \vec{B} , η ολική δύναμη που ασκείται πάνω σε ένα κινούμενο ηλεκτρικό φορτίο είναι:

$$\vec{F} = q\vec{E} + q(\vec{v} \times \vec{B})$$
 δύναμη Lorentz

- Συνδυάζοντας τα δύο πεδία μπορούμε να επιλέξουμε φορτισμένα σωματίδια που κινούνται με συγκεκριμένες ταχύτητες.
- ightharpoonup Η δυνατότητα αυτή χρησιμοποιήθηκε από τον J.J.Thomson για την μέτρηση του λόγου q/m του ηλεκτρονίου
- Ηλεκτρόνια, *q=-e* και μάζας *m*, εκπέμπονται από την κάθοδο C και κινούνται προς την σχισμή στο A.
- ightharpoonup Υπάρχει διαφορά δυναμικού μεταξύ της καθόδου C και της σχισμής A: $\Delta V = V_A V_C$
- ightharpoonup Η αλλαγή στην ηλεκτρική δυναμική ενέργεια θα είναι: $\Delta U = q(V_A V_C) = -e(V_A V_C)$
- ightharpoonup Η αλλαγή στην κινητική ενέργεια θα είναι: $\Delta K = \frac{1}{2} m v^2$
- Θεωρώντας το ηλεκτρικό πεδίο ως μέρος του συστήματος, δεν υπάρχουν εξωτερικές δυνάμεις που εκτελούν έργο στο σύστημα και η ενέργεια είναι σταθερή: $\Delta K = -\Delta U$

- **Επιλογέας ταχυτήτων** \triangleright Επομένως θα έχουμε: $\Delta K = \frac{1}{2} m v^2 = -\Delta U = e(V_A V_C) \Rightarrow v^2 = \frac{2e}{m} \Delta V \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2e}{m} \Delta V}$
- Αν εφαρμόσουμε ηλεκτρικό πεδίο με φορά προς τα κάτω σε μια περιοχή και επιτρέψουμε τα ηλεκτρόνια να περάσουν από την περιοχή, τότε θα ασκηθεί μία δύναμη στα ηλεκτρόνια με φορά προς τα πάνω.
- Αν στην ίδια περιοχή εφαρμόσουμε και μαγνητικό πεδίο με φορά προς το εσωτερικό της σελίδας, τότε θα ασκηθεί μία δύναμη στα ηλεκτρόνια με φορά προς τα κάτω:

$$F_B = -e\vec{v} \times \vec{B}$$

- Όταν οι δύο δυνάμεις γίνουν ίσες και αντίθετες, τα ηλεκτρόνια κινούνται σε ευθεία
- ightharpoonup Η συνθήκη ικανοποιείται όταν: $\vec{F} = \vec{0} = q\vec{E} + q(\vec{v} \times \vec{B}) \Rightarrow q\vec{E} = -q(\vec{v} \times \vec{B}) \Rightarrow E = vB$

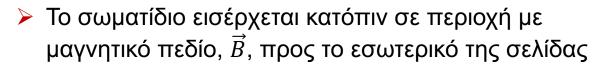
$$\Rightarrow v = rac{E}{R}$$
 σωματίδια με αυτή την ταχύτητα κινούνται σε ευθεία τροχιά

- ightharpoonup Συνδυάζοντας τις δύο σχέσεις των ταχυτήτων θα έχουμε: $\sqrt{\frac{2e}{m}} \Delta V = \frac{E}{B} \Rightarrow \frac{e}{m} = \frac{E^2}{2\Delta V B^2}$
- Μετρώντας το ηλεκτρικό και μαγνητικό πεδίο, και για συγκεκριμένη διαφορά δυναμικού προσδιορίζεται ο λόγος:

$$\frac{e}{m} = 1.758820174(71) \times 10^{11} \text{C/kg}$$

Φασματογράφος μάζας

- Μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε τη δύναμη Lorentz για να διαχωρίσουμε
 διάφορα άτομα με βάση τη μάζα τους και ουσιαστικά να μετρήσουμε τη μάζα τους.
- Τα βασικά χαρακτηριστικά ενός φασματογράφου Bainbridge φαίνονται στο σχήμα.
- Αρχικά ένα σωματίδιο φορτίου +q και μάζας m περνά από την περιοχή στην οποία εφαρμόζονται ένα κάθετο ηλεκτρικό και μαγνητικό πεδίο και επιλέγεται κάποια συγκεκριμένη ταχύτητα ώστε η ηλεκτρική και μαγνητική δύναμη να αλληλοαναιρούνται: E = Bv



- Το σωματίδιο θα εκτελέσει κυκλική τροχιά ακτίνας R και θα χτυπήσει σε φωτογραφική πλάκα:
- ightharpoonup Η ακτίνα της κυκλικής τροχιάς είναι: $R=rac{mv}{qB_0} \Rightarrow R=rac{mE}{qBB_0}$
- Μετρώντας την ακτίνα της τροχιάς και γνωρίζοντας τα πεδία μπορούμε να υπολογίσουμε την μάζα του σωματιδίου

Εναλλασσόμενη

διαφορά δυναμικού σταθερής συχνότητας

Το κύκλοτρο

Ανακαλύφθηκε το 1934 από τους Lawrence και Livingston για την επιτάχυνση σωματιδίων, p, d

Τα σωματίδια κινούνται μέσα σε δύο ημικυκλικά κοίλα ηλεκτρόδια που ονομάζονται Dees

- Το εσωτερικό των Dees είναι σε κενό και βρίσκονται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο κάθετο στην επιφάνειά τους.
- Ανάμεσα στα δύο ηλεκτρόδια εφαρμόζεται διαφορά δυναμικού που αλλάζει πολικότητα με σταθερή περίοδο T ίση με την συχνότητα κύκλοτρου T = 2πm/(qB)
 - τητα τητα ύ των Dees στο διάκενο χώρο. Επειδή
- Η διαφορά δυναμικού εφαρμόζεται μεταξύ των Dees στο διάκενο χώρο. Επειδή τα ηλεκτρόδια είναι μεταλλικά δεν δημιουργείται πεδίο στο εσωτερικό τους.

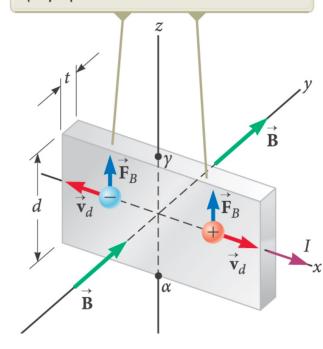
Dee.

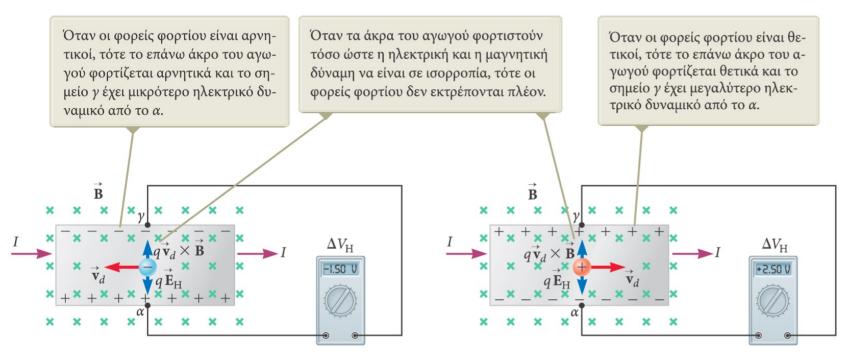
- Σωματίδια εισάγονται με μικρή ταχύτητα στο κέντρο των Dees και επιταχύνονται καθώς περνούν από το διάκενο χώρο ανάμεσα στα δύο Dees: $K = q\Delta V$
- Εισέρχονται στο 2° Dee με μεγαλύτερη ταχύτητα και επομένως κινούνται σε μεγαλύτερη ακτίνα και μετά από χρόνο T/2 επιταχύνονται ανάμεσα στα Dees.
- ightharpoonup Θέτοντας την μεγαλύτερη ακτίνα των Dees, βρίσκουμε τη μέγιστη ταχύτητα των σωματιδίων, $v_{max.}=qBr_{max.}/m$ οπότε η μέγιστη κινητική ενέργεια: $K=rac{1}{2}mv_{max.}^2$

 Όταν ένας ρευματοφόρος αγωγός τοποθετηθεί μέσα σε μαγνητικό πεδίο, τότε δημιουργείται διαφορά δυναμικού σε διεύθυνση κάθετη ως προς το ρεύμα όσο και προς το μαγνητικό πεδίο.

- Το φαινόμενο είναι γνωστό ως φαινόμενο Hall
- Είναι αποτέλεσμα της εκτροπής των φορέων του φορτίου προς μια πλευρά του αγωγού λόγω των μαγνητικών δυνάμεων που δέχονται
- Το φαινόμενο Hall μας επιτρέπει να προσδιορίσουμε το πρόσημο των φορέων φορτίου και την πυκνότητά τους
- Μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε διατάξεις που η λειτουργία τους στηρίζεται στο φαινόμενο αυτό για την μέτρηση του μαγνητικού πεδίου

Όταν ο αγωγός διαρρέεται από ρεύμα *I* προς τη θετική κατεύθυνση του άξονα *x* και το **B** είναι προσανατολισμένο προς τη θετική κατεύθυνση του άξονα *y*, τότε και οι θετικά και οι αρνητικά φορτισμένοι φορείς φορτίου εκτρέπονται προς τα επάνω στο μαγνητικό πεδίο.





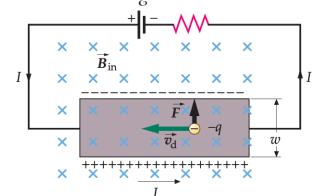
- Όταν οι φορείς του φορτίου είναι αρνητικοί, δέχονται μια μαγνητική δύναμη προς τα επάνω, εκτρέπονται προς τα επάνω, και στο κάτω άκρο δημιουργείται πλεόνασμα θετικών φορτίων.
- Η συσσώρευση αντίθετων φορτίων στο επάνω και κάτω μέρος του αγωγού δημιουργεί ηλεκτρικό πεδίο στο εσωτερικό του αγωγό.
- Το πεδίο αυξάνει έως ότου η ηλεκτρική δύναμη εξισορροπήσει τη μαγνητική
- Αν οι φορείς είναι θετικοί, τότε στο κάτω άκρο δημιουργείται πλεόνασμα αρνητικού φορτίου.

 Μέτρηση του πρόσημου της διαφοράς δυναμικού μεταξύ του πάνω και κάτω τμήματος του υλικού μας πληροφορεί για το είδος των φορέων φορτίου

Για ημιαγωγούς μπορεί να είναι είτε αρνητικό (ηλεκτρόνια) ή θετικό εξαιτίας των

οπών

Για μεταλλικούς αγωγούς βρέθηκε ότι σε μια διάταξη όπως στο σχήμα, το πάνω μέρος του αγωγού είναι σε χαμηλότερο δυναμικό οπότε ανακαλύφθηκε ότι σε μεταλλικούς αγωγούς οι φορείς του ρεύματος είναι ηλεκτρόνια.



- Η διαφορά δυναμικού μεταξύ του πάνω και κάτω τμήματος × × × ^I× × × ονομάζεται δυναμικό Hall.
- Το δυναμικό Hall μπορούμε να το υπολογίσουμε όταν εξισωθεί η ηλεκτρική και μαγνητική δύναμη στους φορείς των φορτίων:

$$F_B = qv_dB$$
 $F_E = qE_H$
Αν το εύρος του υλικού είναι w : $V_H = E_H w$

- ightharpo Μπορούμε να βρούμε τον αριθμό των φορέων φορτίου ανά μονάδα όγκου, n, στο υπό εξέταση υλικό το οποίο έχει επιφάνεια A και οι φορείς κινούνται με ταχύτητα v_d
 - ✓ Το ρεύμα είναι: $|I| = |q|nv_dA$
 - ✓ Για διαστάσεις του υλικού, w: εύρος και t: πάχος: A = wt
 - \checkmark Για φορείς ηλεκτρόνια |q|=e οπότε: $n=\frac{|I|}{|q|v_dA}\Rightarrow n=\frac{|I|}{ev_dtw}$ \checkmark Αλλά το δυναμικό Hall είναι: $V_H=Bv_dw\Rightarrow v_dw=\frac{V_H}{B}$
- Το δυναμικό Hall προσφέρει έναν εύκολο τρόπο για τη μέτρηση του μαγνητικού πεδίου χρησιμοποιώντας την προηγούμενη σχέση:

$$V_H = \frac{|I|}{net}B$$

Μπορούμε να βαθμονομήσουμε τη διάταξη μετρώντας το δυναμικό Hall για συγκεκριμένο γνωστό μαγνητικό πεδίο και συγκεκριμένο ρεύμα.

Η βαθμονομημένη διάταξη μπορεί να χρησιμοποιηθεί για τη μέτρηση ενός άγνωστου πεδίου μετρώντας το δυναμικό Hall για συγκεκριμένο ρεύμα.

Παράδειγμα:

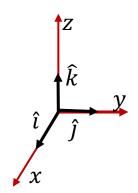
- Ένας λεπτός μη αγώγιμος δίσκος έχει μάζα m και ακτίνα α, ενώ η επιφανειακή πυκνότητα φορτίου είναι σ. Ο δίσκος περιστρέφεται με γωνιακή ταχύτητα $\vec{\omega}$ ως προς άξονα που περνά από το κέντρο του και είναι κάθετος στο επίπεδο του δίσκου. Ποια η μαγνητική ροπή $\vec{\mu}$ του δίσκου.
 - ✓ Βρίσκουμε την μαγνητική ροπή σε ένα στοιχειώδη. δακτύλιο πάχους dR, ακτίνας R και ολοκληρώνουμε
 - \checkmark Το φορτίο θα είναι: $dq = 2\pi R dR \sigma$
 - \checkmark Η μαγνητική ροπή θα είναι στην κατεύθυνση του $\vec{\omega}$
 - $\checkmark d\mu = AdI = \pi R^2 dI$
 - \checkmark Το ρεύμα στο δακτύλιο θα είναι το ολικό φορτίο dq ως προς την περίοδο T.

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 επομένως: $I = \frac{dq}{T} = \frac{2\pi\sigma R\omega dR}{2\pi} \Rightarrow I = \omega\sigma RdR$

- $✓ Η στοιχειώδης μαγνητική διπολική ροπή θα είναι: <math>dμ = πR^3ωσdR$

Παράδειγμα: Κυλιόμενη ράβδος σε μαγνητικό πεδίο

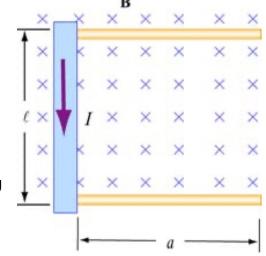
Μία ράβδος μάζας m και ακτίνας R κινείται πάνω σε δύο παράλληλες ράγες μήκους a που βρίσκονται σε απόσταση l μεταξύ τους. Η ράβδος διαρρέεται από ρεύμα I και κυλίεται χωρίς να ολισθαίνει πάνω στις ράγες οι οποίες βρίσκονται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο \overrightarrow{B} με φορά προς το εσωτερικό της σελίδας. Αν η ράβδος ήταν αρχικά ακίνητη, ποια είναι η ταχύτητα με την οποία φεύγει από τις ράγες.



Θεωρώντας το σύστημα αναφοράς του σχήματος η δύναμη Lorentz που αναπτύσσεται στη ράβδο θα είναι:

$$\vec{F}_B = I\vec{l} \times \vec{B} = I(l\hat{\imath}) \times (-B\hat{k}) = IlB\hat{\jmath}$$

Το ολικό έργο που παράγει η μαγνητική δύναμη στη ράβδο καθώς κυλίεται μέσα στην περιοχή του πεδίου είναι: $W = \int \vec{F}_B \cdot d\vec{s} = F_B a = (IBl)a$



Σύμφωνα με το θεώρημα έργου-κινητικής ενέργειας, το W θα ισούται με τη μεταβολή της κινητικής ενέργειας της ράβδου: $W = \Delta K = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} I \omega^2$

Η ροπή αδράνειας της ράβδου είναι $I=\frac{1}{2}mR^2$ και η συνθήκη της κύλισης χωρίς ολίσθηση: $\omega=v/R$.

Παράδειγμα: Κυλιόμενη ράβδος σε μαγνητικό πεδίο

$$W = \frac{1}{2}mv^{2} + \frac{1}{2}I\omega^{2} \Rightarrow IlBa = \frac{1}{2}mv^{2} + \frac{1}{2}I\frac{v^{2}}{R^{2}} \Rightarrow IlBa = \frac{1}{2}mv^{2} + \frac{1}{2}\frac{1}{2}mR^{2}\frac{v^{2}}{R^{2}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow IlBa = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}\frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow IlBa = \frac{3}{4}mv^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{4}{3}\frac{IlBa}{m}}$$

Παράδειγμα: Αιωρούμενη αγώγιμη ράβδος

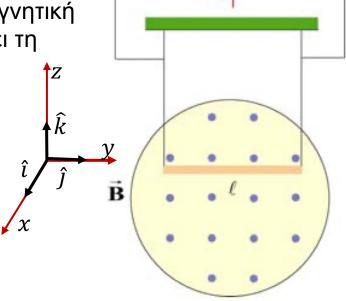
Μία αγώγιμη ράβδος με γραμμική πυκνότητα μάζας λ (kg/m) αιωρείται από δύο εύκαμπτα σύρματα μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο με φορά από το εσωτερικό της σελίδας προς τα έξω. Αν η τάση στα σύρματα είναι μηδενική, ποια είναι το μέτρο και η διεύθυνση του ρεύματος στη ράβδο;

Για να είναι η τάση στα σύρματα ίση με μηδέν,0, η μαγνητική που ασκείται στον αγωγό θα πρέπει να εξουδετερώνει τη βαρυτική δύναμη.

$$\vec{F}_B = \vec{F}_G = I\vec{l} \times \vec{B} = -m\vec{g} \Rightarrow$$

$$I(-l\hat{\jmath}) \times B\hat{\imath} = -mg\hat{k} \Rightarrow IlB\hat{k} = -mg\hat{k} \Rightarrow$$

$$IlB = mg \Rightarrow I = \frac{mg}{IR} \Rightarrow I = \frac{\lambda g}{R}$$



Παράδειγμα: Φορτισμένα σωματίδια σε μαγνητικό πεδίο

Σωματίδιο Α μάζας m_A και φορτίου q και σωματίδιο Β μάζας m_B και φορτίου 2q, επιταχύνονται από την κατάσταση της ηρεμίας με τη βοήθεια διαφοράς δυναμικού ΔV , και κατόπιν αποκλίνουν με την βοήθεια ενός ομογενούς μαγνητικού πεδίου σε ημικυκλικές τροχιές. Οι ακτίνες των ημικυκλικών αυτών τροχιών είναι R και R για το σωματίδιο R και R και

Η κινητική ενέργεια που αποκτούν τα σωματίδια είναι: $\frac{1}{2}mv^2=q\Delta V\Rightarrow v=\sqrt{\frac{2q\Delta V}{m}}$

Τα σωματίδια κινούνται σε ημικυκλικές τροχιές, από τη στιγμή που η μαγνητική δύναμη δείχνει ακτινικά προς το εσωτερικό και προκαλεί μια κεντρομόλο δύναμη:

$$F_B = F_{\kappa \varepsilon \nu \tau}. \Rightarrow q v B = \frac{m v^2}{R} \Rightarrow R = \frac{m v}{q B} \Rightarrow R = \frac{m}{q B} \sqrt{\frac{2q \Delta V}{m}} \Rightarrow R = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m \Delta V}{q}}$$

Επομένως η ακτίνα R είναι ανάλογη της ποσότητας: $\sqrt{m/q}$

Ο λόγος των μαζών προκύπτει επομένως από τη σχέση: $\frac{R_A}{R_B} = \sqrt{\frac{m_A/q_A}{m_B/q_B}}$

$$\Rightarrow \frac{R_A^2}{R_B^2} = \frac{m_A/q_A}{m_B/q_B} \Rightarrow \frac{R_A^2}{R_B^2} = \frac{m_A q_B}{m_B q_A} \Rightarrow \frac{q_A R_A^2}{q_B R_B^2} = \frac{m_A}{m_B} \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{qR}{2q4R} \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{1}{8}$$

10° Quiz

> Γράψτε σε μια σελίδα το όνομά σας και τον αριθμό ταυτότητάς σας

Έτοιμοι