

ΦΥΣ 112

Ενδιάμεση Εξέταση: 24-Οκτωβρίου-2024

Πριν αρχίσετε συμπληρώστε τα στοιχεία σας (ονοματεπώνυμο και αριθμό ταυτότητας).

Ονοματεπώνυμο	Αριθμός Ταυτότητας

Απενεργοποιήστε τα κινητά σας.

Το δοκίμιο περιέχει 20 ερωτήσεις πολλαπλών επιλογών (2.5 μονάδες/ερώτηση) και 3 προβλήματα που θα πρέπει να λύσετε αναλυτικά (25 μονάδες/άσκηση). Η μέγιστη συνολική βαθμολογία της εξέτασης είναι 125 μονάδες.

ΧΡΗΣΙΜΟΠΟΙΕΙΣΤΕ ΜΟΝΟ ΤΙΣ ΣΕΛΙΔΕΣ ΠΟΥ ΣΑΣ ΔΙΝΟΝΤΑΙ ΚΑΙ ΜΗΝ ΚΟΨΕΤΕ ΟΠΟΙΑΔΗΠΟΤΕ ΣΕΛΙΔΑ

Η διάρκεια της εξέτασης είναι 180 λεπτά. Καλή Επιτυχία !

Μέρος Α – Πολλαπλές επιλογές			
Ερώτηση	Βαθμός	Ερώτηση	Βαθμός
1		11	
2		12	
3		13	
4		14	
5		15	
6		16	
7		17	
8		18	
9		19	
10		20	
Σύνολο			

Μέρος Β	
Άσκηση	Βαθμός
1 ^η (25μ)	
2 ^η (25μ)	
3 ^η (25μ)	
Σύνολο	

Τύποι που μπορούν να φανούν χρήσιμοι

Ηλεκτροστατική:

$$\vec{F}_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r} \quad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \quad V = \frac{U}{q_0} \quad \text{σημειακό φορτίο: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}, \quad V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

διπολική ροπή: $\vec{p} = q\vec{L}$ ροπή σε δίπολο: $\vec{\tau} = \vec{p} \times \vec{E}$ δυν. ενέργεια: $U = -\vec{p} \cdot \vec{E} + U_0$

$$U_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad W_E = -\Delta U = -W_{\epsilon\xi}. \quad \text{συνεχής κατανομή: } E = \int \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

$$\phi = \int_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA \quad \phi_{tot} = \oint_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \oint_S \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \frac{Q_{\epsilon\sigma.}}{\epsilon_0} \quad \text{ασυνέχεια: } E_{n^+} - E_{n^-} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$\text{Πεδίο άπειρης γραμμικής κατανομής: } E_R = \frac{2k\lambda}{R} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{R}$$

$$\text{Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δακτυλίου: } E_z = \frac{kQz}{(z^2 + a^2)^{3/2}}$$

$$\text{Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δίσκου: } E_z = sign(z) \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[1 - \left(1 + \frac{R^2}{z^2} \right)^{1/2} \right]$$

$$\text{Πεδίο επιπέδου άπειρων διαστάσεων: } E_z = sign(z) \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\text{Πεδίο λεπτού σφαιρικού κελύφους: } E_r = \begin{cases} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} & r > R \\ 0 & r < R \end{cases}$$

$$\text{Διαφορά δυναμικού: } \Delta V = V_b - V_a = \frac{\Delta U}{q_0} = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad \vec{E} = -\vec{\nabla}V$$

Χωρητικότητα:

$$C = \frac{Q}{V} \quad \text{Επίπεδος Πυκνωτής: } C = \frac{\epsilon_0 A}{d}, \quad V = Ed \quad U_C = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

$$\text{Συνδεσμολογία: παράλληλη: } C_p = C_1 + C_2 + \dots \quad \Sigma \text{ σειρά: } \frac{1}{C_\Sigma} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$$

$$\text{Χωρητικότητα σφαιρικού αγωγού: } C = 4\pi\epsilon_0 R \quad \text{κυλινδρικού: } C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(R_2/R_1)}$$

$$\text{Διηλεκτρικά: } C_k = kC_0 \quad \text{διαπερατότητα: } \epsilon = k\epsilon_0 \quad \text{ηλεκτρικό πεδίο: } E = \frac{E_0}{k}$$

Αντίσταση:

$$R = \frac{V}{I} \quad I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \quad R = \frac{\rho L}{A} \quad I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = qnAv_d \quad \vec{J} = qn\vec{v}_d$$

$$P = IV = I^2 R = \frac{V^2}{R}$$

Συνδεσμολογία: παράλληλη: $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$ σειρά: $R = R_1 + R_2 + \dots$

Κυκλώματα:

$$\sum \Delta V = 0 \quad \sum I_{\varepsilon \iota \sigma.} = \sum I_{\varepsilon \xi.}$$

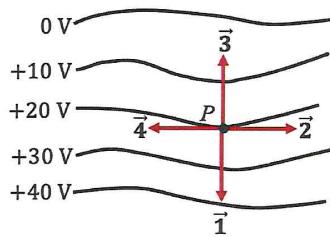
$$q(t) = q_\infty(1 - e^{-t/\tau}) \quad q(t) = q_0 e^{-t/\tau} \quad I(t) = I_0 e^{-t/\tau} \quad \tau = RC$$

Σταθερές και μετατροπές μονάδων:

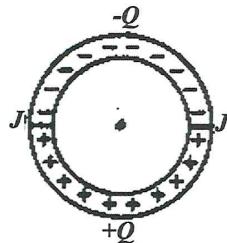
$$\varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{Nm}^2 \quad K_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 8.99 \times 10^9 \text{ C/Nm}^2 \quad e = 1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$$

Ερωτήσεις Πολλαπλών Επιλογών – Σύνολο 50 μονάδες – 2.5 μονάδες/ερώτηση

1. Το σημείο P βρίσκεται σε ένα ηλεκτροστατικό πεδίο. Για το συγκεκριμένο αυτό πεδίο, οι ισοδυναμικές επιφάνειες είναι κάθετες στο επίπεδο της σελίδας. Η τομή πολλών τέτοιων ισοδυναμικών επιφανειών με το επίπεδο της σελίδας φαίνονται στο διπλανό σχήμα. Ποιο από τα διανύσματα αντιπροσωπεύει την κατεύθυνση του ηλεκτρικού πεδίου στο σημείο P ;
- (A) $\vec{1}$ (B) $\vec{2}$ (C) $\vec{3}$ (D) $\vec{4}$
- Οι δυνάμεις που χρησιμεύουν στην επιλογή είναι οι ίδιες σαν στην ερώτηση πάνω, με την μόνη διαφορά ότι στην παρόντα ερώτηση οι δύναμεις είναι κατεύθυνσης προς την επιφάνεια της σελίδας.*



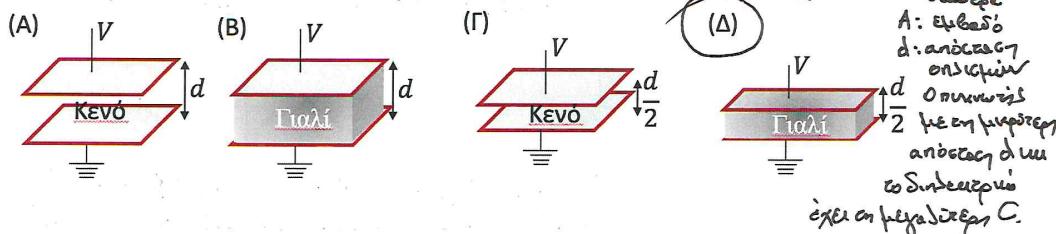
2. Ένας κυκλικός δακτύλιος κατάσκευασμένος από μονωτικό υλικό κόβεται σε δύο ημικυκλικά τμήματα. Στο ένα τμήμα φορτίζεται ομοιόμορφα με θετικό φορτίο $+Q$ και το άλλο τμήμα του φορτίζεται ομοιόμορφα με αρνητικό φορτίο $-Q$. Τα δύο τμήματα συγκολλούνται και πάλι όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα χρησιμοποιώντας κατάλληλη μονωτική κόλλα στα σημεία επαφής τους J . Αν δεν υπάρχει αλλαγή στην κατανομή φορτίων των δύο τμημάτων, η διεύθυνση της ηλεκτροστατικής δύναμης που ασκείται σε ένα ηλεκτρόνιο που είναι τοποθετημένο στο κέντρο του κύκλου θα είναι:



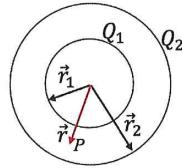
- (A) προς το πάνω μέρος της σελίδας
 (B) προς το κάτω μέρος της σελίδας
 (C) προς το δεξιό μέρος της σελίδας
 (D) προς το αριστερό μέρος της σελίδας
 (E) η δύναμη που ασκείται στο ηλεκτρόνιο είναι μηδενική

Οι δυνάμεις που χρησιμεύουν στην επιλογή είναι οι ίδιες σαν στην ερώτηση πάνω, μόνο ότι στην παρόντα ερώτηση οι δύναμεις είναι κατεύθυνσης προς την επιφάνεια της σελίδας.

3. Ποιος από τους παρακάτω πυκνωτές, καθένας εκ των οποίων έχει οπλισμούς εμβαδού A , και στα άκρα τους εφαρμόζεται η ίδια διαφορά δυναμικού V , θα αποθηκεύσει το περισσότερο φορτίο στον πάνω οπλισμό του; *Η χωρητικότητα ενός πυκνωτή έναιε: $C = \frac{A}{d} \cdot \text{const}$ όπου A : Συντετροφή σταθερή, d : απόσταση οπλισμών, V : Διαφορά δυναμικού.*



Για τις ερωτήσεις 4 και 5: Οι επόμενες δύο ερωτήσεις αναφέρονται στην ακόλουθη περίπτωση: Δύο λεπτοί ομόκεντροι σφαιρικοί φλοιοί, ακτίνας r_1 και r_2 αντίστοιχα, όπως φαίνονται στο διπλανό σχήμα, είναι φορτισμένοι με φορτίο Q_1 και Q_2 . Εστω r η απόσταση του σημείου P από το κέντρο τους.



4. Όταν $r_1 < r < r_2$, το ηλεκτρικό πεδίο στο P είναι ανάλογο ως προς:

(A) $\frac{Q_1}{r^2}$ (B) $\frac{Q_2}{r^2}$ (Γ) $\frac{Q_1+Q_2}{r^2}$ (Δ) $\frac{Q_1}{r_1^2} + \frac{Q_2}{(r_2-r)^2}$ (Ε) $\frac{Q_1}{r^2} + \frac{Q_2}{(r_2-r)^2}$

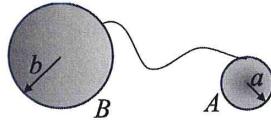
Από τον νότο των Γαμών χαρακτηρίζεται ως ανάλογη στην οπίσθια: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{r} = \frac{Q_1+Q_2}{\epsilon_0} \Rightarrow E = \frac{Q_1+Q_2}{4\pi r^2 \epsilon_0}$

5. Όταν $r_1 < r < r_2$, το ηλεκτρικό δυναμικό στο P ως προς το ηλεκτρικό δυναμικό στο άπειρο, είναι ανάλογο ως προς:

$$\nabla V = - \int_{\infty}^r \vec{E} \cdot d\vec{r} = - \int_{r_2}^{r_1} \vec{E}_1 \cdot d\vec{r} - \int_{r_1}^{r} \vec{E}_2 \cdot d\vec{r} = k \left(\frac{Q_1+Q_2}{r_2} \right) - \left(-\frac{Q_1}{r} + \frac{Q_2}{r_1} \right) k = \left[\frac{Q_1}{r_2} + \frac{Q_2}{r_1} \right] k$$

(A) $\frac{Q_1}{r}$ (B) $\frac{Q_2}{r}$ (Γ) $\frac{Q_1+Q_2}{r}$ (Δ) $\frac{Q_1}{r_1} + \frac{Q_2}{r}$ (Ε) $\frac{Q_1}{r} + \frac{Q_2}{r_2}$ $E_2 = k \frac{Q_2}{r^2}$ για $r > r_2$
 $E_3 = k \frac{Q_2}{r^2}$ για $r_1 < r < r_2$

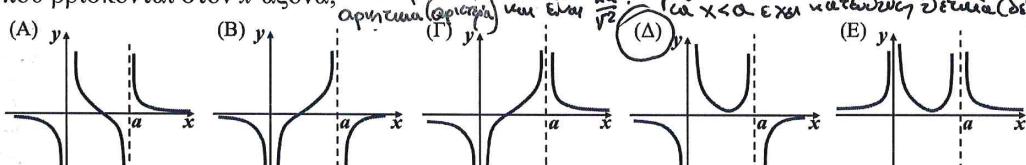
6. Δύο αγώγιμες σφαίρες, σφαίρα A ακτίνας a και σφαίρα B ακτίνας b , είναι μακριά η μία από την άλλη και είναι ενωμένες με λεπτό αγώγιμο σύρμα. Το σύστημα



φορτίζεται με θετικό φορτίο Q και επέρχεται ηλεκτροστατική ισορροπία. Το σύρμα κατόπιν αφαιρείται χωρίς να χαθεί οποιοδήποτε φορτίο από το σύστημα. Η ένταση του ηλεκτρικού πεδίου ακριβώς έξω από την επιφάνεια της σφαίρας A διαιρούμενη με την ένταση του ηλεκτρικού πεδίου ακριβώς έξω από την επιφάνεια της σφαίρας B ισούται με:

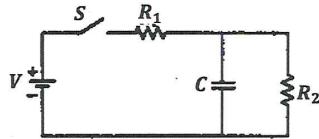
(Α) b/a (Β) a/b (Γ) b^2/a^2 (Δ) a^2/b^2 (Ε) 1 $V_A = V_B \Rightarrow k \frac{Q_B}{b} = k \frac{Q_A}{a} \Rightarrow \frac{Q_B}{Q_A} = \frac{b}{a}$ (1)
 $E_A = k \frac{Q_A}{a^2}$ $E_B = k \frac{Q_B}{b^2}$ $\frac{E_A}{E_B} = \frac{b^2 Q_B}{a^2 Q_A} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} \frac{E_A}{E_B} = \frac{b^2}{a^2} = \frac{b}{a}$

7. Ένα θετικό φορτίο $+3Q$ βρίσκεται στον x -άξονα στη θέση $x = 0$, και ένα δεύτερο αρνητικό φορτίο $-Q$ βρίσκεται στον x -άξονα στη θέση $x = a$. Ποιο από τα παρακάτω γραφήματα αναπαριστά καλύτερα τη x -συνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου συναρτήσει του x , για σημεία που βρίσκονται στον x -άξονα;



Στο $x=a$ υπάρχει αρνητικό δορύφος. Για $x > a$ ο πεδίο έχει κατεύθυνση προς την αριστερά (σεριαλ) και ένας $\sqrt{2}$. Για $x < a$ έχει κατεύθυνση δευτερίας (δερία).
Το (Δ) έχει αυτή τη συμπεριφορά.

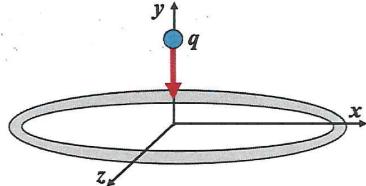
8. Στο κύκλωμα του διπλανού σχήματος, η μπαταρία προσφέρει σταθερή διαφορά δυναμικού V , όταν κλείσει ο διακόπτης, S . Ο πυκνωτής του κυκλώματος έχει χωρητικότητα C και οι δύο αντιστάτες έχουν αντίσταση R_1 και R_2 .



Την στιγμή που κλείνει ο διακόπτης, το ρεύμα που προσφέρει η μπαταρία και διαρρέει το κύκλωμα είναι: *Τη στιγμή που κλείνει ο διακόπτης, η τάση στα άντρα του πυκνών αινι Φ και ενέργειας ως βραχιονίδια και επομένω η ίδια είναι θρεπτικότερη, ώστε δεν διαρρέεται από την επόμενη: $V = I \cdot R_1 \Rightarrow I = \frac{V}{R_1}$*

- (A) $\frac{V}{R_1+R_2}$ (B) $\frac{V}{R_1}$ (Γ) $\frac{V}{R_2}$ (Δ) $\frac{V(R_1+R_2)}{R_1R_2}$ (Ε) Μηδέν

9. Ένας κυκλικός δακτύλιος με ομοιόμορφη αρνητική πυκνότητα φορτίου τοποθετείται στο οριζόντιο xy -επίπεδο με το κέντρο του να συμπίπτει με την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Σωματίδιο με θετικό φορτίο κινείται κατά μήκος του y -άξονα προς το κέντρο της κατανομής φορτίου όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Τη στιγμή που το σωματίδιο διέρχεται από το κέντρο του κυκλικού δακτυλίου:



- (Α) Η ταχύτητα και η επιτάχυνσή του αποκτούν τις μέγιστες τιμές τους.
 (Β) Η ταχύτητά του είναι μηδέν και η επιτάχυνσή του μέγιστη.
 (Γ) Τόσο η ταχύτητα όσο και η επιτάχυνσή του είναι μη μηδενικές αλλά δεν έχουν μετατόπιση.
 (Δ) Η ταχύτητα και η επιτάχυνσή του είναι μηδέν. *Στο κέντρο των δακτυλίων το πεδίο είναι Φ=0. Το σώμα δέχεται αριθμητικές και άριθμη F_q=0.*
 (Ε) Η ταχύτητά του είναι μέγιστη και η επιτάχυνσή του μηδέν. *Όταν έχει την θέση της μέγιστης ταχύτητας, δεν μπορεί να έχει μηδέν την επιτάχυνσή του.*

10. Δύο πανομοιότυποι, μικροί σφαιρικοί αγωγοί βρίσκονται σε απόσταση $1.0m$ μεταξύ τους. Οι αγωγοί είναι φορτισμένοι με ίσα αλλά αντίθετα φορτία και η δύναμη που αναπτύσσεται πάνω τους είναι F_0 . Μισό από το φορτίο του ενός αγωγού μεταφέρεται στον άλλο αγωγό. Η δύναμη που αναπτύσσεται μεταξύ των σφαιρών είναι τώρα:

- (Α) $F_0/4$ (Β) $F_0/2$ (Γ) $3F_0/2$ (Δ) $3F_0$ (Ε) $3F_0/4$

$$\text{Αρχικά, η δύναμη που αποδίδεται στην αριστερή σφαρική είναι: } F = k \frac{Q(-Q)}{r^2} = -k \frac{Q^2}{r^2}$$

Όταν φορτίο $Q/2$ μετακινήθει από τον άριθμο της αριστερής σφαρικής στη δεξιά, η δύναμη που αποδίδεται στη δεξιά σφαρική είναι $\frac{1}{2}F_0$. Επομένως $F = k \frac{(Q/2)(-Q/2)}{r^2} = -k \frac{Q^2}{4r^2} = \frac{1}{4}F_0$

11. Δύο ίσα φορτία Q βρίσκονται σε απόσταση d μεταξύ τους. Το ένα φορτίο ελευθερώνεται και αφήνεται να κινηθεί μακριά από το άλλο φορτίο εξαιτίας της δύναμης ανάμεσά τους. Όταν το κινούμενο φορτίο βρίσκεται σε απόσταση $3d$ από το άλλο φορτίο, η κινητική του ενέργεια είναι: $\Delta k + \Delta U = 0 \Rightarrow \Delta k = -\Delta U = -q\Delta V = -q(V_B - V_A) = -q\left(k\frac{Q}{3d} - k\frac{Q}{d}\right) = -k\frac{qQ}{d}\left(\frac{1}{3} - \frac{1}{1}\right) = 2k\frac{qQ}{3d} = \frac{1}{2}Q^2$
- (A) $\frac{Q}{\pi\epsilon_0 d}$ (B) $\frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 d}$ (C) $\frac{Q^2}{2d}$ (D) $\frac{Q^2}{12\pi\epsilon_0 d}$ (E) $\frac{Q^2}{6\pi\epsilon_0 d}$

12. Δύο μεταλλικές σφαίρες ακτίνας R_1 και R_2 αντίστοιχα έχουν φορτίο Q η κάθε μια. Οι σφαίρες βρίσκονται σε δυναμικό V_1 και V_2 αντίστοιχα όπου $V_1 = 3V_2$. Οι σφαίρες συνδέονται με αγώγιμο σύρμα. Όταν επέλθει ηλεκτροστατική ισορροπία, το φορτίο στη σφαίρα ακτίνας R_2 είναι: Έσσω Q'_1 και Q'_2 τα φορτία των σφαιρών αφού συνδεθούν. $Q'_1 + Q'_2 = 2Q$ (1)
Όταν συνδεθούν $V'_1 = V'_2 \Rightarrow k\frac{Q}{r_1} = k\frac{Q'_2}{r_2} \Rightarrow \frac{Q'_2}{Q'_1} = \frac{r_1}{r_2}$ (2) Αρχικά $V_1 = 3V_2 \Rightarrow k\frac{Q}{r_1} = 3k\frac{Q}{r_2} \Rightarrow \frac{Q}{r_1} = 3\frac{Q}{r_2} \Rightarrow r_1 = \frac{r_2}{3}$
(A) $3Q/2$ (B) $Q/3$ (C) $2Q$ (D) $Q/2$ (E) Q Άριθμος $Q'_1 = \frac{r_1}{r_2}Q'_2 = \frac{1}{3}Q'_2 = \frac{1}{3}Q'_2$
Ανανεώστε την (1): $(\frac{1}{3} + 1)Q'_2 = 2Q \Rightarrow \frac{4}{3}Q'_2 = 2Q \Rightarrow Q'_2 = \frac{3}{2}Q$

13. Μια φορτισμένη μεταλλική σφαίρα εισάγεται μέσα σε έναν μονωμένο μεταλλικό κοίλο κύλινδρο. Αν η μεταλλική σφαίρα αφαιρεθεί μετά από μερικά λεπτά, ποιο/α από τα παρακάτω είναι σωστό(ά):

- Το εσωτερικό του κοίλου κυλίνδρου είναι φορτισμένο.
- Το εξωτερικό του κοίλου κυλίνδρου είναι φορτισμένο.
- Η μεταλλική σφαίρα είναι φορτισμένη.
- Μια άλλη μη φορτισμένη μεταλλική σφαίρα, θα έλκεται από την αρχική μεταλλική σφαίρα και το εξωτερικό του μεταλλικού κυλίνδρου.

(A) I μόνο

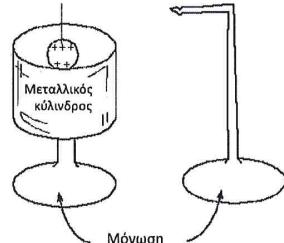
(B) II μόνο

(Γ) III μόνο

(Δ) II και III μόνο

(Ε) II και III και IV μόνο

Η σφαίρα έρχεται σε ηλεκτροστατική ισορροπία με τον κύλινδρο και χάνει όλο το φορτίο της (μηδέτερη από τον κύλινδρο) που ανακατανέμεται στο εξωτερικό τοίχυσμα του κυλίνδρου. (ο κύλινδρος είναι αγημός)
Η σφαίρα που ήσεν αρχικά φορτίζεται χάνει το βράχιο της και επιφένει δεν μπορεί να γραβήσει προ το ίσορο της με αλλ ουδέτερη βιβελλιώση σφαίρα. Σταύρωση το εξωτερικό τοίχυσμα του κυλίνδρου είναι βραχιστό γεγονός που μετατίθεται πάλι στη σφαίρα σαν να την έβινει.



14. Το φορτίο σε έναν αρχικά αφόρτιστο μονωμένο αγωγό διαχωρίζεται επαγωγικά χρησιμοποιώντας μια θετικά φορτισμένη ράβδο η οποία έρχεται κοντά στον αγωγό. Ταξινομήστε σε φθίνουσα φορά την ηλεκτρική ροή (Φ_E) που περνά τις επιφάνειες Gauss με δείκτες S_1 ως S_5 που φαίνονται στο διπλανό σχήμα. Σημειώστε ότι η ηλεκτρική ροή που διαπερνά την επιφάνεια S_1 συμβολίζεται ως $\Phi(S_1)$

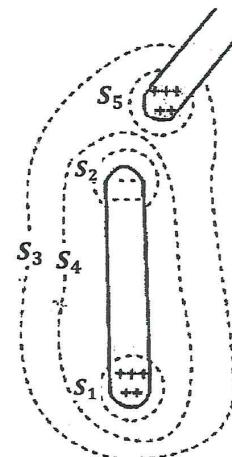
(A) $\Phi(S_3) > \Phi(S_4) > \Phi(S_1) = \Phi(S_5) > \Phi(S_2)$ $\Phi(S_1) = \frac{Q}{\epsilon_0}$

(B) $\Phi(S_2) > \Phi(S_5) > \Phi(S_4) = \Phi(S_3) > \Phi(S_1)$ $\Phi(S_2) = -\frac{Q}{\epsilon_0}$

(Γ) $\Phi(S_1) = \Phi(S_5) > \Phi(S_4) = \Phi(S_3) > \Phi(S_2)$ $\Phi(S_3) = \frac{Q-Q}{\epsilon_0} = 0$

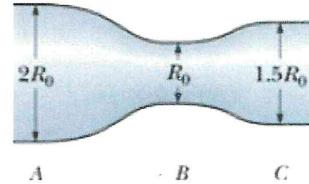
(Δ) $\Phi(S_1) = \Phi(S_3) = \Phi(S_5) > \Phi(S_4) > \Phi(S_2)$ $\Phi(S_4) = \frac{Q-Q}{\epsilon_0} = 0$

(Ε) $\Phi(S_3) = \Phi(S_1) = \Phi(S_5) > \Phi(S_2) > \Phi(S_4)$ $\Phi(S_5) = \frac{Q}{\epsilon_0}$



Για τις ερωτήσεις 15 και 16: Οι δύο επόμενες ερωτήσεις αναφέρονται στην ακόλουθη περίπτωση.

Στο διπλανό σχήμα φαίνεται ένα σύρμα το οποίο διαρρέεται από σταθερό ρεύμα. Το σύρμα αποτελείται από τρία διαφορετικά τμήματα με διαφορετικές διατομές.



15. Ταξινομήστε κατά φθίνουσα σειρά τα τμήματα του σύρματος σύμφωνα με το ρεύμα που τα διαρρέει:

(Α) $I(A) > I(C) > I(B)$

Το ρεύμα είναι σαρδιρό χιλιομέτρων από την αυτήν της διατομής του αγγού.

(Β) $I(A) < I(C) < I(B)$

(Γ) $I(A) = I(B) = I(C)$

16. Ταξινομήστε τα τμήματα του σύρματος κατά φθίνουσα φορά με βάση το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου:

(Α) $E(A) > E(C) > E(B)$

Η πυκνότητα ρείψιμων $J = \rho E$ όπου ρ η ειδική αρρενωπότητα των υλων και E η ένεση των πεδίων.

(Β) $E(A) < E(C) < E(B)$

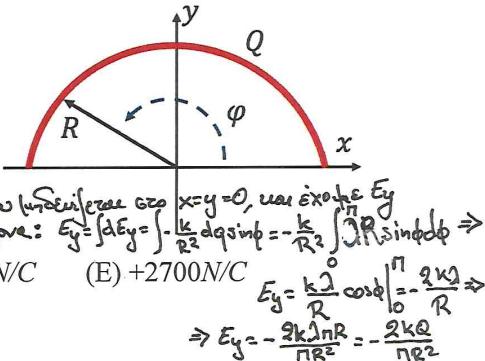
Αλλά η πυκνότητα ρείψιμων εφαρτείται από την αυτήν της διατομής Επομένως $A_A > A_C > A_B$ και επομένως $E_A < E_C < E_B$

(Γ) $E(A) = E(C) = E(B)$

17. Θεωρήστε ηλεκτρικό φορτίο $Q = +3\text{nC}$ το οποίο είναι κατανεμημένο κατά μήκος ενός μονωμένου σύρματος στο σχήμα ενός ημικυκλίου ακτίνας $R = 0.1\text{m}$. Βρείτε τη συνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου κατά μήκος του γάξονα στη θέση $(0,0)$:

$\text{Λόγω συμμετρίας, } x\text{-συνιστώσας είναι ζερό } x=y=0, \text{ μαζί } E_y$
 $\text{Η } E_y \text{ έχει κατειδυτηρική προς την αριθμό γραμμή: } E_y = \int dE_y = -\frac{k}{R^2} dq \sin \theta = -\frac{k}{R^2} \int Q R \sin \theta d\theta \Rightarrow$
 $E_y = \frac{kQ}{R} \cos \theta \Big|_0^\pi = -\frac{2kQ}{R^2} \Rightarrow$
 $\Rightarrow E_y = -\frac{2kQ}{R^2} = -\frac{2kQ}{0.01} = -200kQ$

- (A) -1700 N/C (B) -2700 N/C (Γ) 0 (Δ) $+1700 \text{ N/C}$ (Ε) $+2700 \text{ N/C}$

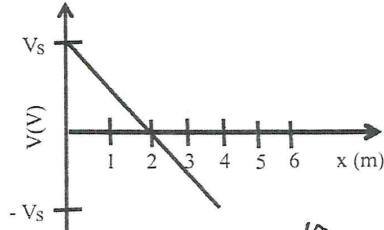


18. Ενα πρωτόνιο τοποθετείται σε μια περιοχή στην οποία το ηλεκτρικό δυναμικό μεταβάλλεται

με τη θέση στον x -άξονα όπως φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Η κλίμακα στον κατακόρυφο άξονα τίθεται από την τιμή $V_s = 500 \text{ Volts}$. Ποια είναι η x -συνιστώσα της δύναμης του ηλεκτρικού πεδίου (σε N) στο πρωτόνιο όταν αυτό τοποθετηθεί στη θέση $x = 2\text{m}$? Το πρωτόνιο έχει φορτίο $q = +e = 1.6 \times 10^{-19}\text{C}$.

$$F_x = q E_x = e \left(-\frac{\Delta V}{\Delta x} \right) = e \left(-1 \right) \left(-\frac{V_s}{2} \right) = 250e \Rightarrow F_x = 4 \cdot 10^{-17} \text{ N}$$

- (Α) -4×10^{-17} (Β) -8×10^{-17} (Γ) 0 (Δ) 4×10^{-17} (Ε) 2×10^{-17}



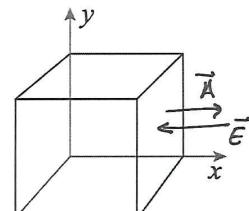
19. Το διπλανό σχήμα δείχνει μια κλειστή Gaussian επιφάνεια στη μορφή

ενός κύβου με ακμή 1.0m και μια κορυφή στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Ο κύβος βρίσκεται σε μια περιοχή όπου το διάνυσμα του ηλεκτρικού πεδίου δίνεται από τη σχέση: $\vec{E} = -2.0\hat{x} + 2.0\hat{y} \text{ N/C}$.

Ποιο είναι το καθαρό φορτίο, σε pC , που βρίσκεται στο εσωτερικό του κύβου:

Από τον νόλη του Gauss: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$ Αλλά Σεν έχομε πεδίο E_z οποτε η ροή δεν είναι μετίτις V στις άλλες σειρές της γραμμής. Λας έδρας σεν για γραμμή $E_y = C$ την $E_x = 0$ οποτε έχομε πεδίο $E_x = 0$ στην γραμμή $y=0$ που στη $x=1$ θα έχει την τιμή C .

- (Α) -17.7 (Β) -8.9 (Γ) 0 (Δ) $+8.9$ (Ε) $+17.7$

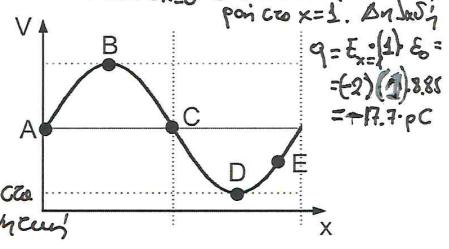


20. Το ηλεκτρικό δυναμικό συναρτήσει της θέσης φαίνεται στο διπλανό σχήμα. Σε ποιο από τα αναγραφόμενα σημεία η x -

συνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου έχει την μέγιστη θετική τιμή

της: $E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}$ Η μεγαλύτερη θετική τιμή στον E_x αποτελείται στα σημεία που η κλίμακα είναι είναι περισσότερο αριθμός.

- (Α) E (Β) A (Γ) C (Δ) D (Ε) B



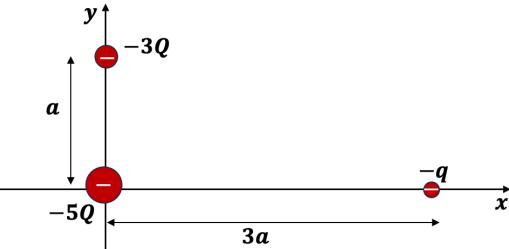
Μέρος Β – Αναλυτικά προβλήματα – Σύνολο 75 μονάδες

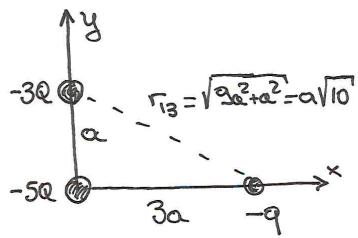
Άσκηση 1 [25μ]

Το παρακάτω σχήμα παρουσιάζει τη διάταξη τριών σημειακών φορτία τα οποία είναι τοποθετημένα ως ακολούθως: (i) ένα αρνητικό φορτίο $-5Q$ είναι τοποθετημένο στην αρχή του συστήματος συντεταγμένων. (ii) Ένα δεύτερο αρνητικό φορτίο $-3Q$ βρίσκεται στον y -άξονα και σε απόσταση a από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων.

(iii) Ένα τρίτο αρνητικό φορτίο $-q$ βρίσκεται στον x -άξονα και σε απόσταση $3a$ από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Η ηλεκτροστατική δυναμική ενέργεια είναι 0 όταν τα φορτία βρίσκονται σε πολύ μεγάλες αποστάσεις μεταξύ τους. Το ηλεκτροστατικό δυναμικό είναι μηδέν στο άπειρο.

- (α) Προσδιορίστε την ολική ηλεκτρική δυναμική ενέργεια της διάταξης των φορτίων. [5μ]
- (β) Το φορτίο $-q$ ελευθερώνεται και αφήνεται να κινηθεί στο άπειρο. Βρείτε την κινητική του ενέργεια όταν είναι απείρως μακριά από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Τα άλλα δύο φορτία παραμένουν ακίνητα. [5μ]
- (γ) Προσδιορίστε το δυναμικό $V(x,y)$ σε ένα τυχαίο σημείο $P(x,y)$ εξαιτίας των δύο φορτίων που παραμένουν στο χώρο. [5μ]
- (δ) Προσδιορίστε τη x -συνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου E_x συναρτήσει της x -συντεταγμένης τυχαίου σημείου στον x -άξονα. [5μ]
- (ε) Σχεδιάστε τις ηλεκτρικές γραμμές της κατανομής των 2 φορτίων. [5μ]





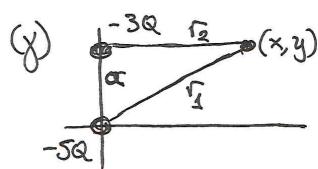
(α) Η ηλεκτροστατική δύναμης ενέργεια προκατα από συνεισφορές και των γραμμών συμμετάσχισμά των φορέων στη κατανοή του δίνεται:

$$U_{0,1} = U_{12} + U_{13} + U_{23} = \frac{k(-3Q)(-5Q)}{a} + \frac{k(-5Q)(-q)}{3a} + \frac{k(-3Q)(-q)}{\sqrt{10}a}$$

$$\Rightarrow U_{0,1} = \frac{kQ}{a} \left[15Q + \frac{5q}{3} + \frac{3q}{\sqrt{10}} \right] \quad (1)$$

(β) Όταν το φορτίο $-q$ κινείται, η δύναμης ενέργεια μεταβού των φορέων $(-q, -5Q)$ και $(-q, -3Q)$ μετατρέπεται σε κινητική ενέργεια. Η δύναμης ενέργεια μεταβού των φορέων $(-5Q, -3Q)$ διατηρείται ως δύναμης ενέργεια

$$\boxed{U = \frac{kQ}{a} 15Q} \quad (2) \text{ και } \boxed{k = \frac{kQ}{a} \left[\frac{5q}{3} + \frac{3q}{\sqrt{10}} \right]} \quad (3)$$



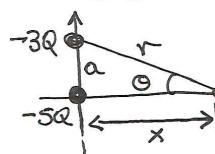
$$V(x, y) = \frac{k(-5Q)}{\sqrt{1}} + \frac{k(-3Q)}{\sqrt{2}}$$

$$\sqrt{1} = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{x^2 + (y-a)^2}$$

$$\Rightarrow V(x, y) = -kQ \left[\frac{5}{\sqrt{x^2 + y^2}} + \frac{3}{\sqrt{x^2 + (y-a)^2}} \right] \quad (4)$$

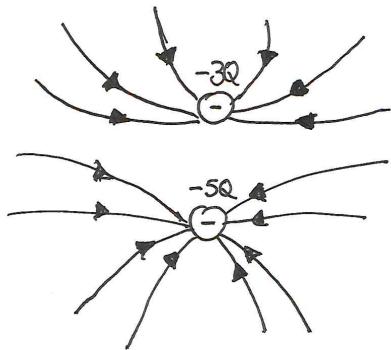
(δ) Η ένταση των ηλεκτρικών πεδίων στον αξόνα x διδίχεται συνεισφορά τόσο από το φορτίο $(-5Q)$ όσο και από το φορτίο $(-3Q)$.



$$E_{x,1} = -\frac{k(5Q)}{x^2} \hat{i} \quad \begin{cases} x > 0 \\ x < 0 \end{cases} \quad E_{x,2} = -\frac{k(3Q)}{r^2} \cos\theta = -\frac{k(3Q)}{x^2 + a^2} \cdot \frac{x}{\sqrt{x^2 + a^2}} \hat{i}$$

$$\vec{E}_x = \begin{cases} -\frac{k(5Q)}{x^2} + \frac{k(3Q)x}{(x^2 + a^2)^{3/2}} \hat{i} & x > 0 \\ \frac{k(5Q)}{x^2} - \frac{k(3Q)x}{(x^2 + a^2)^{3/2}} \hat{i} & x < 0 \end{cases} \Rightarrow \vec{E}_x = -kQ \left[\frac{5x}{x^{3/2}} + \frac{3x}{(x^2 + a^2)^{3/2}} \right] \hat{i} \quad \text{όπου } x > 0 \text{ & } x < 0$$

(ε) Οι διατάξεις γραφήματος πεδίου θα είναι:



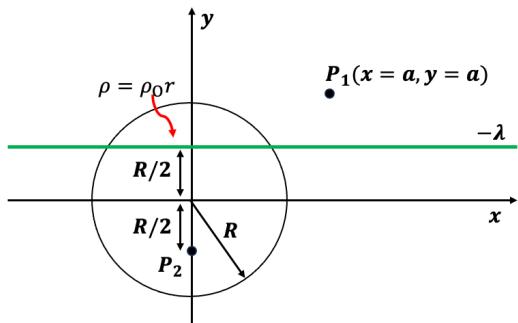
Οι διατάξεις γραφήματος καταλήγουν σε φύση

Οι διατάξεις γραφήματος συνένων ανά το ∞

Οι διατάξεις γραφήματος δεν τείμονται.

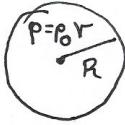
Άσκηση 2 [25μ]

Μια σφαίρα ακτίνας R έχει το κέντρο της να συμπίπτει με την αρχή του συστήματος συντεταγμένων. Η σφαίρα είναι αρνητικά φορτισμένη με ομοιόμορφη αρνητική χωρική πυκνότητα φορτίου που δίνεται από τη σχέση $\rho = \rho_0 r$ όπου r , η απόσταση από την αρχή του συστήματος συντεταγμένων και ρ_0 σταθερά.



- (α) Προσδιορίστε το ολικό φορτίο Q της σφαίρας. [3μ]
- (β) Προσδιορίστε το ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} παντού στο χώρο. [6μ]
- (γ) Σχεδιάστε το ηλεκτρικό πεδίο συναρτήσει της απόστασης r . [3μ]
- (δ) Προσδιορίστε το ολικό πεδίο \vec{E} στο σημείο P_1 το οποίο βρίσκεται έξω από τη σφαίρα με συντεταγμένες $x=a$ και $y=a$ όπου $a > R$. [6μ]
- (ε) Προσδιορίστε επίσης το ολικό ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} στο σημείο P_2 που βρίσκεται στο εσωτερικό της σφαίρας στη θέση με συντεταγμένες $x = 0$ και $y = -R/2$. [7μ]

(a)



$$Q = \int \rho dV \quad \left\{ \begin{array}{l} dV = 4\pi r^2 dr \\ Q = \rho_0 \int (4\pi r^2) r dr \end{array} \right. \Rightarrow Q = 4\pi \rho_0 \int_0^R r^3 dr = 4\pi \rho_0 \frac{R^4}{4} \Rightarrow$$

$$\boxed{Q = \rho_0 \pi R^4} \quad (1) \quad \text{Επειδή το φορτίο είναι αριθμός } \rho < 0.$$

(b) Εφαρμόσουμε τον νόμο του Gauss σύμποστο εσωτερικό, δύο και στο εξωτερικό της σφαίρας: Θεωρούμε ως επιφάνεια Gauss, σφαίρα με ακίνητη $r < R$:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = 4\pi r^2 E_r = \frac{Q_{\text{περ}}}{\epsilon_0} = \frac{1}{\epsilon_0} \int_0^r \rho dV = \frac{1}{\epsilon_0} \rho_0 \int_0^r (4\pi r^2) (r') dr' \Rightarrow$$

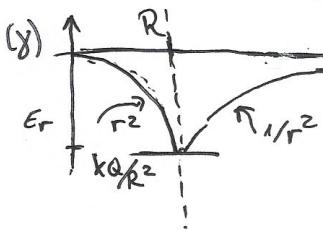
$$\Rightarrow E_r \frac{4\pi r^2}{\epsilon_0} = \frac{4\pi}{\epsilon_0} \rho_0 \frac{r^4}{4} \Rightarrow E_r = \frac{\rho_0 r^2}{4\epsilon_0} \Rightarrow \boxed{E_r = \frac{\rho_0 r^2}{4\epsilon_0}} \quad (2)$$

$r > R$: Στην περίπτωση αυτή η Gaussian επιφάνεια (σφαίρα με ακίνητη $r > R$) περιλαμβάνει όλο το φορτίο της σφαίρας.

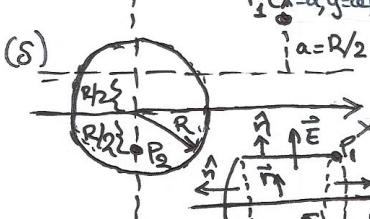
$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = 4\pi r^2 E_{r>R} = \frac{Q_{\text{περ}}}{\epsilon_0} \Rightarrow E_{r<R} = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 r^2} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} E_{r>R} = \frac{\rho_0 R^4}{4\pi \epsilon_0 r^2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E_{r>R} = \frac{\rho_0 R^4}{4\epsilon_0 r^2} \Rightarrow \boxed{E_{r>R} = \frac{\rho_0 R}{4\epsilon_0 r^2}} \quad (3)$$

Το πλευρικό πέδιο έχει φορά προς το κέντρο της σφαίρας εδόσον $\rho_0 < 0$ και είναι συν αλατινής δ.ε.διγμένη.



Για $r < R$, η ένσαντη του πεδίου περιστρέφεται εξαρτώντας r^2 . Ενώ έβη από τη σφαίρα μεταβαίνεται αναστρόφως ανάρριχτης απόστασης στο τεραγκών. (1/2). Στην επιφάνεια της σφαίρας η ένσαντη του πεδίου έναι $\vec{E}_{r=R} = k \frac{Q}{R^2} \hat{r}$. ακολουθή δ.ε.διγμένη με φορά το κέντρο της σφαίρας.



Στο σημείο P_1 θα υπάρχουν συνεισφορές διανύουσσεις του πεδίου, τόσο από το πεδίο της σφαίρας, δύο και από το πεδίο της γραμμικής κατανομής φορτίου.

Η ένσαντη του πεδίου της γραμμικής κατανομής φορτίου είναι της μορφής $E = -\lambda / 2\pi \epsilon_0 r$.

Επιφάνεια από τον νόμο του Gauss λαμβάνεται κατανομής επιφέλλους: Gauss $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q_{\text{περ}}}{\epsilon_0} \Rightarrow 2\pi r \lambda E = -\lambda / \epsilon_0 \Rightarrow E = -1/2\pi \epsilon_0 r$ (4)

Το αριθμητικό πρόσημο διλέγεται οτι Ε έχει κατώτατη, προς την κατεύθυνση

Στο σημείο P_1 , $r = \frac{a-R}{2}$ και, διεύθυνση είναι προς την $-y$ -διεύθυνση.

$$\text{Επομένως: } \vec{E}(\text{χρήστη}) = -\frac{1}{2\pi\epsilon_0(a-\frac{R}{2})} \hat{j} \quad (4)$$

Ως βρούμε τιμή που έχει τον πεδίο στο P_1 εφαπτόμενης της κανονικής διεύθυνσης στη σημείο

$$\vec{E}(\text{σημείου}) = \frac{\rho_0 R^4}{4\epsilon_0 r^2} \hat{r} \quad \text{όπου } r^2 = x^2 + y^2 = a^2 + a^2 = 2a^2 \Rightarrow r^2 = 2a^2 \text{ στο σημείο } P_1$$

Η x -διεύθυνση του πεδίου διαίρεται: $E_x = \frac{\rho_0 R^4}{4\epsilon_0 2a^2} \cos\theta$

Η y -διεύθυνση του πεδίου διαίρεται: $E_y = \frac{\rho_0 R^4}{4\epsilon_0 2a^2} \sin\theta$

Στο σημείο P_1 ($x=a$, $y=a$), $\theta=45^\circ$ οπότε θα έχουμε:

$$E_x = \frac{\rho_0 R^4}{8\sqrt{2}\epsilon_0 a^2} \hat{i} \quad (5)$$

$$E_y = \frac{\rho_0 R^4}{8\sqrt{2}\epsilon_0 a^2} \hat{j} \quad (6)$$

Επομένως το σύντομό πεδίο στο σημείο P_1 διαίρεται ανά τα (4), (5) & (6):

$$\vec{E}_{P_1} = -\frac{1}{8\sqrt{2}\epsilon_0 a^2} \hat{i} - \left[\frac{1}{8\sqrt{2}\epsilon_0 a^2} + \frac{1}{2\pi\epsilon_0(a-\frac{R}{2})} \right] \hat{j} \quad (7)$$

(ε) Στο σημείο P_2 , η ένεση του πλευρικού πεδίου θα προστέλλεται το ίδιο ανά το πεδίο της δύναμης όσο και ανά το πεδίο στη γραμμής μεσογένεσης φορτίων.

Ανά το προηγούμενο υποερώτημα βρίσκεται ότι το πεδίο στη γραμμής μεσογένεσης δορυφορίζει, δινεται από την σχέση (A):

$$\vec{E} = -\frac{1}{2\pi\epsilon_0 r} \hat{r} \Rightarrow \vec{E}_{P_2} = -\frac{1}{2\pi\epsilon_0 R} (-\hat{j}) \Rightarrow \vec{E}_{P_2} = +\frac{1}{2\pi\epsilon_0 R} \hat{j} \quad \begin{array}{l} \text{στη } +y\text{-διεύθυνση} \\ r = \frac{R}{2} + \frac{R}{2} = R \end{array}$$

Ανά το υποερώτημα (b) που για την περίπτωση του βρίσκεται στην επωτεριαία της δύναμης, βρίσκεται από την (2) ότι: $\vec{E} = \frac{\rho_0 r^2}{4\epsilon_0} \hat{r} \Rightarrow \vec{E}_{P_2} = -\frac{1}{4\epsilon_0} \hat{j} \quad r = \frac{R}{2}$

Επομένως η ένεση του πλευρικού πεδίου στο P_2 είναι: $\vec{E}_{P_2} = \frac{1}{4\epsilon_0} \hat{j}$

$$\vec{E}_{P_2} = \left[\frac{1}{4\epsilon_0} \hat{j} + \frac{1}{4\epsilon_0} \hat{j} \right] \quad (8)$$

Άσκηση 3 [25μ]

Στο κύκλωμα του παρακάτω σχήματος, ο διακόπτης S είναι κλειστός και παραμένει κλειστός για μεγάλο χρονικό διάστημα.

(α) Προσδιορίστε το ρεύμα σε κάθε αντιστάτη ενώ ο διακόπτης είναι κλειστός για πολύ μεγάλο χρονικό διάστημα. [4μ]

(β) Προσδιορίστε τη διαφορά δυναμικού στα άκρα του πυκνωτή ενώ ο διακόπτης είναι κλειστός για μεγάλο διάστημα. [4μ]

(γ) Προσδιορίστε την ισχύ που καταναλώνεται πάνω στον αντιστάτη των 10Ω ενώ ο διακόπτης είναι κλειστός για μεγάλο διάστημα. [4μ]

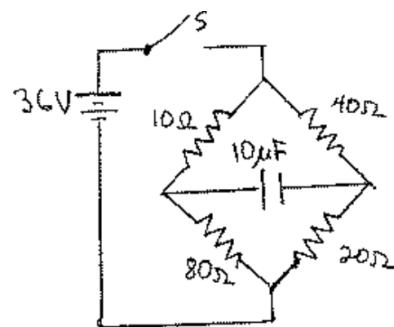
Τη χρονική στιγμή $t = 0$, ο διακόπτης ανοίγει και αφαιρείται η μπαταρία από το κύκλωμα.

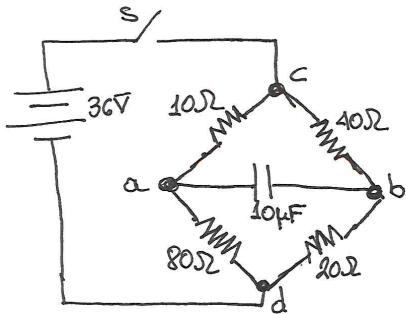
(δ) Προσδιορίστε την ισοδύναμη αντίσταση μέσω της οποίας εκφορτίζεται ο πυκνωτής. [3μ]

(ε) Προσδιορίστε το ρεύμα που διαρρέει τον πυκνωτή τη στιγμή που ανοίγει ο διακόπτης. [3μ]

(στ) Προσδιορίστε μια εξίσωση που δίνει το ρεύμα του πυκνωτή συναρτήσει του χρόνου $I(t)$. Σχεδιάστε την καμπύλη $I(t) - t$. [3μ]

(ζ) Προσδιορίστε την ολική ενέργεια που καταναλώνεται στην ισοδύναμη αντίσταση από την χρονική στιγμή $t = 0$ (τη στιγμή που ανοίγει ο διακόπτης) έως τη χρονική στιγμή $t = \infty$. [4μ]





(a) Αφούτω μένει σταθότης για τεράστιο χρονικό διάστημα, ο πυκνωτής λειτουργεί σαν ανοικτός διαλέκτορας.

$$\begin{aligned} \frac{1}{R_{eq}} &= \frac{1}{80+10} + \frac{1}{40+20} = \frac{1}{90} + \frac{1}{60} \Rightarrow \\ R_{eq} &= \frac{360}{510} \Omega \Rightarrow R_{eq} = 36 \Omega \quad (1) \end{aligned}$$

Επομένως το ρεύμα που λαμβάνει η πηγή διαφέρει από:

$$I_0 = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{36V}{36\Omega} \Rightarrow I_0 = 1A \quad (2)$$

Το ρεύμα που διανέμεται στα κλίματα θα είναι:

$$\begin{aligned} I_1 &= \frac{V_{cd}}{R_1} = \frac{36V}{(80+10)\Omega} \Rightarrow I_1 = \frac{36}{90} A \Rightarrow \left| \begin{array}{l} I_1 = \frac{2}{5} A \\ I_1 = \frac{4}{10} A \end{array} \right\} (3) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_2 &= \frac{V_{cb}}{R_2} = \frac{36V}{(40+20)\Omega} \Rightarrow I_2 = \frac{36}{60} A \Rightarrow \left| \begin{array}{l} I_2 = \frac{3}{5} A \\ I_2 = \frac{6}{10} A \end{array} \right\} (4) \end{aligned}$$

$$\left| \begin{array}{l} I_1 = \frac{2}{5} A \\ I_2 = \frac{3}{5} A \end{array} \right\}$$

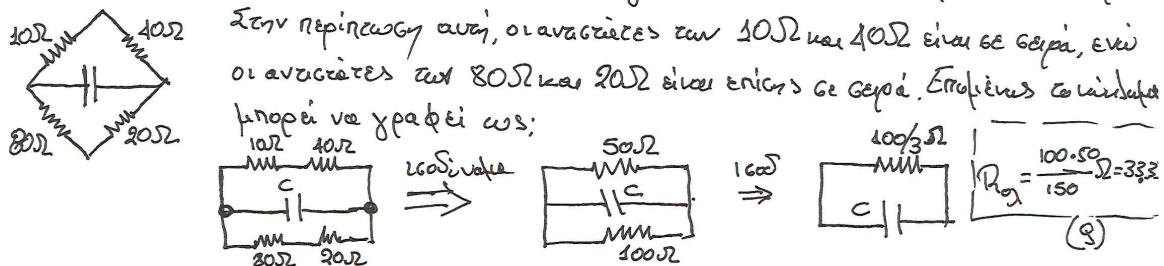
(b) Το διαφέρον στο επίπεδο a θα είναι: $V_a = I_1 \cdot (80\Omega) = \left(\frac{2}{5} A\right)(80\Omega) \Rightarrow V_a = 32 \text{ Volts} \quad (5)$

Το διαφέρον στο επίπεδο b θα είναι: $V_b = I_2 \cdot (20\Omega) = \left(\frac{3}{5} A\right)(20\Omega) \Rightarrow V_b = 12 \text{ Volts} \quad (6)$

Επομένως η διαφορά διαφέρουν λεπτού των διαφέρουν από b που είναι σε αντίθεση με από a την πυκνωτή. Έτσι είναι: $V_a - V_b = 32V - 12V \Rightarrow \boxed{\Delta V = 20V} \quad (7)$

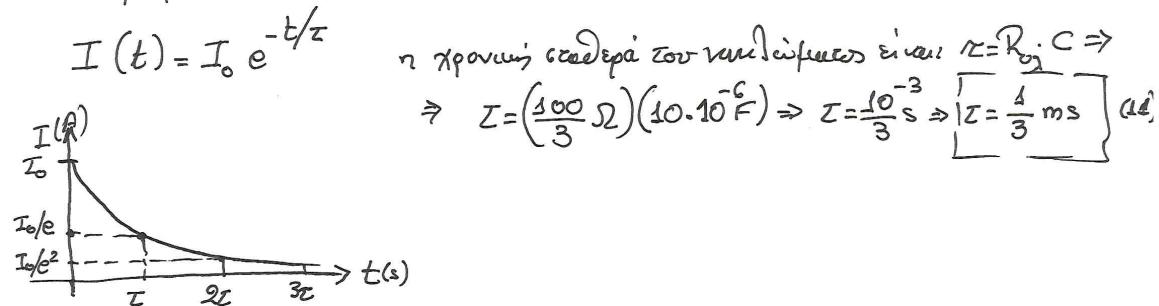
(g) Η ισχύς που κατανέμεται σε μια αναστολή είναι: $P = I^2 R$ επομένως την αναστολή των 10Ω θα έχει: $P = I_1^2 (10\Omega) = \left(\frac{2}{5} A\right)^2 (10\Omega) \Rightarrow P = \frac{4}{25} 10W \Rightarrow \boxed{P = \frac{8}{5} W} \quad (8)$

(5) Ανοικτήστε την διαστολή και αφεντικήστε την πηγή των 36V. Το νέο ρεύμα που είναι τοποθετείται:



$$(ε) \quad I_o = \frac{V_o - V_b}{R_{o2}} = \frac{20V}{\frac{400}{3}\Omega} \Rightarrow I_o = \frac{60}{400} A \Rightarrow \boxed{I_o = \frac{3}{5} A} \quad (10)$$

(ζ) Το πείρα των πυκνών θα ελλιμωθεται ειδευτα με την χρόνο:



$$(η) \quad \text{Η λογικης ειναι: } P = I(t)^2 R_{o2} \Rightarrow P = I_o^2 e^{-2t/\tau} R_{o2}$$

$$\text{Επομενης η ενέργεια θα ειναι: } E = \int_0^\infty P(t) dt = I_o^2 R_{o2} \int_0^\infty e^{-2t/\tau} dt \Rightarrow$$

$$\Rightarrow E = I_o^2 R_{o2} \left(-\frac{\tau}{2} \right) e^{-2t/\tau} \Big|_0^\infty \Rightarrow E = -I_o^2 R_{o2} \frac{\tau}{2} (0 - 1) \Rightarrow E = + \frac{I_o^2 R_{o2} \tau}{2}, \quad I_o = \frac{\Delta V}{R_{o2}}, \quad \tau = R_{o2} C$$

$$\text{Επομενης: } E = \frac{\Delta V^2}{2} R_{o2} R_{o1} C \Rightarrow \boxed{E = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2} \Rightarrow E = \frac{1}{2} (10^{-5} F) (20V)^2 \Rightarrow \boxed{E = 10^{-4} Joules}$$

Η ενέργεια η οποια καταναλωται πάνω στην οδικη αντισταη των πυκνων ειναι ίδια με την αρχικη ενέργεια που αποδημευει για πυκνων!