# Τύποι που μπορούν να φανούν χρήσιμοι

# Ηλεκτροστατική:

$$\vec{F}_{12} = \frac{q_1q_2}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \qquad V = \frac{U}{q_0} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r}, \quad V = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad V = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \sigma\eta\mu\varepsilon\iota\alpha\kappa\delta\;\varphi o\rho\tau \\ \text{io: } \vec{E} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2}\hat{r} \qquad \vec{E$$

 $\delta$ ιπολική  $\rho$ οπή:  $\vec{p}=q\vec{L}$   $\rho$ οπή  $\sigma$ ε  $\delta$ ίπολο:  $\vec{\tau}=\vec{p}\times\vec{E}$   $\delta$ υν. ενέργεια:  $U=-\vec{p}\cdot\vec{E}+U_0$ 

$$U_{12} = \frac{q_1q_2}{4\pi\varepsilon_0 r} \qquad W_E = -\Delta U = -W_{\varepsilon\xi} \qquad \text{συνεχής κατανομή: } E = \int \frac{dq}{4\pi\varepsilon_0 r^2} \hat{r}$$

$$\begin{split} \phi &= \int_{S} \ \vec{E} \cdot \hat{n} dA \quad \phi_{tot} = \oint_{S} \ \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \oint_{S} \ \vec{E} \cdot \hat{n} dA = \frac{Q_{\varepsilon\sigma.}}{\varepsilon_{0}} \quad \text{asonic} E_{n^{+}} - E_{n^{-}} \\ &= \frac{\sigma}{\varepsilon_{0}} \end{split}$$

Πεδίο άπειρης γραμμικής κατανομής:  $E_R=\frac{2k\lambda}{R}=\frac{1}{2\pi\varepsilon_0}\frac{\lambda}{R}$ 

Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δακτυλίου:  $E_z = \frac{kQz}{(z^2 + a^2)^{3/2}}$ 

Πεδίο στον άξονα φορτισμένου δίσκου: 
$$E_z=sign(z)~\frac{\sigma}{2\varepsilon_0}\Bigg[1-\bigg(1+\frac{R^2}{z^2}\bigg)^{1/2}\Bigg]$$

Πεδίο επιπέδου άπειρων διαστάσεων:  $E_z = sign(z) \frac{\sigma}{2\varepsilon_0}$ 

Πεδίο λεπτού σφαιρικού κελύφους: 
$$E_r = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \; \frac{Q}{r^2} \quad r > R$$
 
$$E_r = 0 \qquad \qquad r < R$$

$$\Delta \iota \alpha \phi o \rho \acute{\alpha} \, \delta \upsilon \nu \alpha \mu \iota \kappa o \acute{\upsilon} : \Delta V = V_b - V_a = \frac{\Delta U}{q_0} = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} \qquad \qquad \vec{E} = \vec{\nabla} V$$

## Χωρητικότητα:

$$C=rac{Q}{V}$$
  $E$ πίπεδος Πυκνωτής:  $C=rac{arepsilon_0 A}{d}$ ,  $V=Ed$   $U_C=rac{1}{2}QV=rac{1}{2}CV^2=rac{1}{2}rac{Q^2}{C}$ 

Συνδεσμολογία:  $\pi \alpha \rho \dot{\alpha} \lambda \lambda \eta \lambda \eta$ :  $C_P = C_1 + C_2 + \cdots$  Σε σειρά:  $\frac{1}{C_\Sigma} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots$ 

Χωρητικότητα σφαιρικού αγωγού:  $C=4\pi\varepsilon_0R$  κυλινδρικού:  $C=\frac{2\pi\varepsilon_0L}{\ln(R_2/R_1)}$ 

 $\Delta$ ιηλεκτρικά:  $C_k = kC_0$  διαπερατότητα:  $\varepsilon = k\varepsilon_0$  ηλεκτρικό πεδίο:  $E = \frac{E_0}{k}$ 

#### Αντίσταση:

$$R = \frac{V}{I} \qquad I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \qquad R = \frac{\rho L}{A} \qquad I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = qnAv_d \qquad \vec{J} = qn\vec{v}_d$$

$$P = IV = I^2 R = \frac{V^2}{R}$$

Συνδεσμολογία:  $\pi$ αράλληλη:  $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \cdots$  σειρά:  $R = R_1 + R_2 + \cdots$ 

## Κυκλώματα:

$$\begin{split} \sum \Delta V &= 0 \qquad \qquad \sum I_{\varepsilon \iota \sigma .} = \sum I_{\varepsilon \xi .} \\ q(t) &= q_\infty \big( 1 - e^{-t/\tau} \big) \qquad q(t) = q_0 e^{-t/\tau} \qquad I(t) = I_0 e^{-t/\tau} \qquad \tau = RC \end{split}$$

# Μαγνητισμός

Μαγνητική δύναμη: σε φορτίο:  $\vec{F}=q\vec{v}\times\vec{B}$  σε στοιχείο ρεύματος:  $\vec{F}=Id\vec{l}\times\vec{B}$ 

Μαγνητική διπολική ροπή βρόχου:  $\vec{\mu}=NIA\hat{n},\;$ ροπή:  $\vec{\tau}=\;\vec{\mu}\times\vec{B}$ 

Δυναμική ενέργεια μαγνητικού διπόλου:  $U=-\vec{\mu}\cdot\vec{B}$ 

Μαγνητικό πεδίο φορτίου:  $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\vec{v} \times \hat{r}}{r^2}$  Νόμος Biot-Savart:  $d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} I \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$ 

Μαγνητικό πεδίο στον άξονα βρόχου ρεύματος:  $B_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(z^2 + R^2)^{3/2}}$ 

Μαγνητικό πεδίο ευθύγραμμου αγωγού:  $B_z = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I}{R} (sin\theta_1 - sin\theta_2)$ 

Μαγνητικό πεδίο τοροειδούς:  $B = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{NI}{r}$ 

Νόμος Gauss στον μαγνητισμό:  $\Phi_m = \oint_S \vec{B} \cdot \hat{n} dA = \oint_S B_n dA = 0$ 

Νόμος του Ampere:  $\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_C B_t dl = \mu_0 I_{encl}$ .

Μαγνητική ροή:  $\Phi_m = \int_{S} \vec{B} \cdot \hat{n} dA$ 

Μαγνητική ροή από ρεύμα σε κύκλωμα:  $\Phi_m = LI$ 

Μαγνητική ροή από δύο ρεύματα σε κύκλωμα:  $\Phi_{m_1} = L_1 I_1 + M I_2$  και  $\Phi_{m_2} = L_2 I_2 + M I_1$ 

Νόμος του Faraday:  $\mathcal{E}=-\frac{d\Phi_m}{dt}$  και  $\mathcal{E}=\oint_{\mathcal{C}}$   $\vec{E}\cdot d\vec{l}$  ράβδος:  $|\mathcal{E}|=Bvl$ 

Αυτεπαγωγή:  $\mathcal{E}=-L\frac{dI}{dt}$  συντελεστής αυτεπαγωγής:  $L=\frac{\phi_m}{I}$  πηνίου: $\mu_0 n^2 A l$ 

Αμοιβαία επαγωγή:  $M = \frac{\phi_{m21}}{I_1} = \frac{\phi_{m12}}{I_2}$ 

Μαγνητική ενέργεια σε πηνίο:  $U_L=rac{1}{2}LI^2$  και πυκνότητα ενέργειας :  $u_m=rac{B^2}{2\mu_0}$ 

## Σταθερές και μετατροπές μονάδων:

$$\varepsilon_0 = 8.85x10^{-12} C^2/Nm^2 \qquad K_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 8.99 \times 10^9 C/Nm^2$$

$$e = 1.60 \times 10^{-19} C \qquad \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A = 4\pi \times 10^{-7} N/A^2$$