ΦΥΣ 112 - ΓΕΝΙΚΗ ΦΥΣΙΚΗ ΙΙ

Φροντιστήριο 3

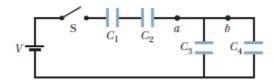
Διδάσκων: Καθηγητής Φώτιος Πτωχός

Βοηθοί Διδασκαλίας: Ευτύχιος Καϊμακκάμης - Γιάννος Χαρίτου

Σεπτέμβριος 26, 2022

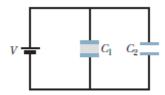


Τμήμα Φυσικής Πανεπιστήμιο Κύπρου 2022 25.19) Στο κάτωθι σχήμα η μπαταρία έχει διαφορά δυναμικού $V=9.0\,V$, δύο εκ των πυκνωτών έχουν χωρητικότητα $C_2=3.0\,\mu F$ και $C_4=4.0\,\mu F$, και όλοι οι πυκνωτές είναι αρχικά αφόρτιστοι. Όταν ο διακόπτης S κλείσει, συνολικό φορτίο $12\,\mu C$ περνά από το σημείο a και συνολικό φορτίο $8.0\,\mu C$ περνά από το b. Πόση είναι η χωρητικότητα (a) C_1 και (b) C_3 ;



25.35) Υποθέστε ένα στάσιμο ηλεκτρόνιο αποτελεί ένα σημειακό φορτίο. Ποια είναι η πυκνότητα ενέργειας u του ηλεκτρικού του πεδίου στις ακτινικές αποστάσεις (a) $r=1.00\,mm$, (b) $r=1.00\,\mu m$, (c) $r=1.00\,nm$ και (d) $r=1.00\,pm$; (e) Πόσο είναι το u στο όριο $r\to 0$;

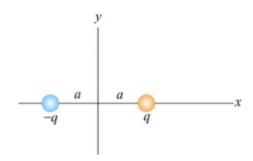
25.46) Στο σχήμα που ακολουθεί, πόσο συνολικό φορτίο φυλάσσεται στους πυκνωτές με παράλληλες πλάκες που είναι συνδεδεμένοι με μπαταρία $12.0\,V$; Ο ένας περιέχει μόνο αέρα, ενώ ο άλλος διηλεκτρικό με $\kappa=3.00$. Και οι δύο πυκνωτές έχουν επιφάνεια πλάκας $5.00\times10^{-3}\,m^2$ και διαχωριστική απόσταση $2.00\,mm$.



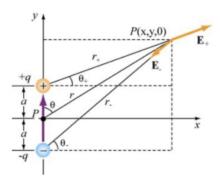
004) (α) Συγκρίνετε την χωρητικότητα ενός πυκνωτή αποτελούμενος από 2 ομόκεντρες σφαίρες ακτίνας $R_1=6cm$ και $R_2=9cm$ με αυτή ενός κυλινδρικού πυκνωτή που αποτελείται από δύο ομοαξονικούς κυλίνδρους ίδιας ακτίνας όπως και ο σφαιρικός πυκνωτής και έχουν μήκος 15cm. Γιατί οι χωρητικότητες είναι σχεδόν παρόμοιες·

(β) Δείξτε ότι όταν R_1 και R_2 είναι σχεδόν ίσες $(R_2=R_1+\delta,\ \delta<< R_1)$ οι εξισώσεις που δίνουν τη χωρητικότητα για έναν σφαιρικό και έναν κυλινδρικό πυκνωτή μπορούν να προσεγγιστούν με την εξίσωση που δίνει την χωρητικότητα ενός επίπεδου πυκνωτή $C=\frac{\epsilon_0 A}{d}$. Υπόδειξη: Μπορείτε να κάνετε το ανάπτυγμα Taylor για την ποσότητα $\frac{\delta}{R_1}$.

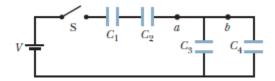
005) Να βρεθεί το ηλεκτρικό δυναμικό V(x) σε ένα τυχαίο σημείο στο άξονα στον οποίο βρίσκονται δύο ίσα και αντίθετα σημειακά φορτία που έχουν απόσταση 2 μεταξύ τους όπως φαίνεται στο σχήμα. Να σχεδιάσετε επίσης τη συνάρτηση $\frac{V(x)}{V_0}$ όπου $V_0=\frac{q}{4\pi\epsilon_0}$.



006) Θεωρήστε το ηλεκτρικό δίπολο του διπλανού σχήματος το οποίο είναι προσανατολισμένο κατά μήκος του y-άξονα. Βρείτε το ηλεκτρικό δυναμικό V σε ένα σημείο P το οποίο βρίσκεται στο επίπεδο x-y και χρησιμοποιήστε το δυναμικό V για να υπολογίσετε το ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} στο σημείο αυτό. Υπόδειξη: Θα πρέπει να θεωρήσετε το όριο r>>a για να καταλήξετε σε μια σχέση και κατόπιν να γράψετε τον τελεστή $\vec{\nabla}$ σε σφαιρικές συντεταγμένες.

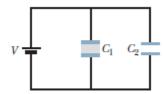


25.19) Στο κάτωθι σχήμα η μπαταρία έχει διαφορά δυναμικού $V=9.0\,V$, δύο εκ των πυκνωτών έχουν χωρητικότητα $C_2=3.0\,\mu F$ και $C_4=4.0\,\mu F$, και όλοι οι πυκνωτές είναι αρχικά αφόρτιστοι. Όταν ο διακόπτης S κλείσει, συνολικό φορτίο $12\,\mu C$ περνά από το σημείο a και συνολικό φορτίο $8.0\,\mu C$ περνά από το b. Πόση είναι η χωρητικότητα (a) C_1 και (b) C_3 ;



25.35) Υποθέστε ένα στάσιμο ηλεκτρόνιο αποτελεί ένα σημειακό φορτίο. Ποια είναι η πυκνότητα ενέργειας u του ηλεκτρικού του πεδίου στις ακτινικές αποστάσεις (a) $r=1.00\,mm$, (b) $r=1.00\,\mu m$, (c) $r=1.00\,nm$ και (d) $r=1.00\,pm$; (e) Πόσο είναι το u στο όριο $r\to 0$;

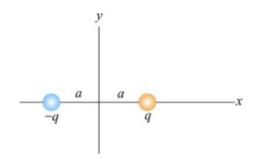
25.46) Στο σχήμα που ακολουθεί, πόσο συνολικό φορτίο φυλάσσεται στους πυκνωτές με παράλληλες πλάκες που είναι συνδεδεμένοι με μπαταρία $12.0\,V$; Ο ένας περιέχει μόνο αέρα, ενώ ο άλλος διηλεκτρικό με $\kappa=3.00$. Και οι δύο πυκνωτές έχουν επιφάνεια πλάκας $5.00\times10^{-3}\,m^2$ και διαχωριστική απόσταση $2.00\,mm$.



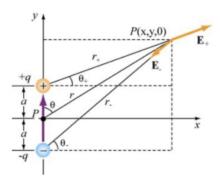
004) (α) Συγκρίνετε την χωρητικότητα ενός πυκνωτή αποτελούμενος από 2 ομόκεντρες σφαίρες ακτίνας $R_1=6cm$ και $R_2=9cm$ με αυτή ενός κυλινδρικού πυκνωτή που αποτελείται από δύο ομοαξονικούς κυλίνδρους ίδιας ακτίνας όπως και ο σφαιρικός πυκνωτής και έχουν μήκος 15cm. Γιατί οι χωρητικότητες είναι σχεδόν παρόμοιες·

(β) Δείξτε ότι όταν R_1 και R_2 είναι σχεδόν ίσες $(R_2=R_1+\delta,\ \delta<< R_1)$ οι εξισώσεις που δίνουν τη χωρητικότητα για έναν σφαιρικό και έναν κυλινδρικό πυκνωτή μπορούν να προσεγγιστούν με την εξίσωση που δίνει την χωρητικότητα ενός επίπεδου πυκνωτή $C=\frac{\epsilon_0 A}{d}$. Υπόδειξη: Μπορείτε να κάνετε το ανάπτυγμα Taylor για την ποσότητα $\frac{\delta}{R_1}$.

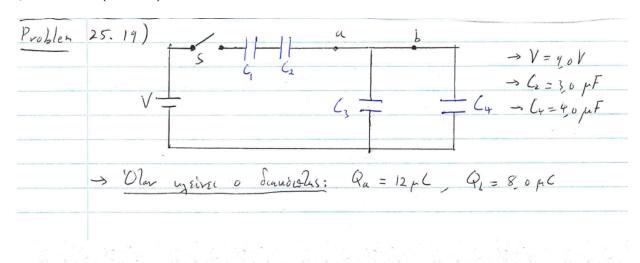
005) Να βρεθεί το ηλεκτρικό δυναμικό V(x) σε ένα τυχαίο σημείο στο άξονα στον οποίο βρίσκονται δύο ίσα και αντίθετα σημειακά φορτία που έχουν απόσταση 2 μεταξύ τους όπως φαίνεται στο σχήμα. Να σχεδιάσετε επίσης τη συνάρτηση $\frac{V(x)}{V_0}$ όπου $V_0=\frac{q}{4\pi\epsilon_0}$.



006) Θεωρήστε το ηλεκτρικό δίπολο του διπλανού σχήματος το οποίο είναι προσανατολισμένο κατά μήκος του y-άξονα. Βρείτε το ηλεκτρικό δυναμικό V σε ένα σημείο P το οποίο βρίσκεται στο επίπεδο x-y και χρησιμοποιήστε το δυναμικό V για να υπολογίσετε το ηλεκτρικό πεδίο \vec{E} στο σημείο αυτό. Υπόδειξη: Θα πρέπει να θεωρήσετε το όριο r>>a για να καταλήξετε σε μια σχέση και κατόπιν να γράψετε τον τελεστή $\vec{\nabla}$ σε σφαιρικές συντεταγμένες.



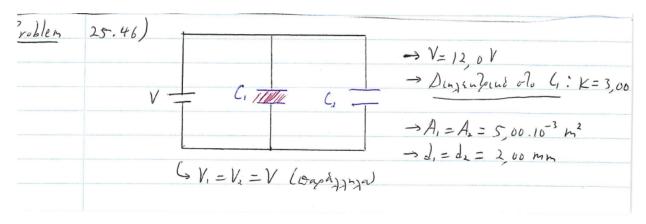
Question (25.19)



Question (25.35)

Problem	$ \begin{array}{ccc} & 25.35 \end{array} $ $ \begin{array}{cccc} & & & & & & & & & & & & & & & & & & & $
	(a) r = 1,00 hm
	$\Rightarrow \mathcal{E} = 1, 6.10^{-19} \left(\right) = 9, 16.10^{-18} \text{ J/h}^{3}$ $\Rightarrow \mathcal{E}_{0} = 8, 85.10^{-12} \text{ C/N·m}^{2}$
	(b) r=100 pm => [u(A) = 9.16.10-6 J/2]
	(c) r=100 nm => [u(A)= 916.10 J/m3]
	$(d)_{r=1,00} p_{m} = \sqrt{u(A)} = 9.16.10^{18} J/m^{3}$
	$(e) r \rightarrow o \Rightarrow \left[u \rightarrow + \infty \right]$

Question (25.46)



$$-3C_{1} = \frac{K \mathcal{E}_{0} A_{1}}{J_{1}} = 6 64.10^{-11} F \implies Q_{1} = C_{1} . V_{1} = 800.10^{-10} C$$

$$-3C_{2} = \frac{\mathcal{E}_{0} A_{2}}{J_{2}} = \frac{1}{3} C_{1} = 2.21.10^{-11} F \implies Q_{2} = C_{2} . V_{2} = 2.66.10^{-10} C$$

$$= > Q_{0} = Q_{1} . + Q_{2} = 1.06.10^{-9} C$$

Question (004)

(a) Ynologi soupe en pappemointe con aparpuoi nunvers sinus i porpe Su ano as Suelèsers:

C64 = 417 E0 RiR2 = 417 (8.85 × 10-12) (0.06)(0.08) = 2.00 × 10-11

Too tou underSpuis nukvaris Expedie:

$$C_{\text{NOS}} = \frac{2\pi\epsilon_0 L_1}{l_n(R_2/R_1)} = \frac{2n(8.85 \times 10^{-12})}{l_n(0.03/0.06)} = 2.06 \times 10^{-11} F$$

Οι δύο χωριτειώτητες είνει σχεδοι ίσες χωτί ι απόσταση των οπλιτίων είναι ίδω μω σας δύο περιπτώσεις μω η επιφάνεια των πυκιωτών σίναι σχεδοι ίδω στου οδιχεί στην ίδω χωριτειώτητα κικαί για τίς δύο πημητώσεις όπως αποδεικινέται στο επόμειο ερώτητα.

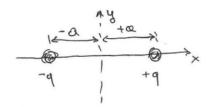
(b) Two Rg=R1+8 (8<<R1) για του εφαιρικό πυκνωτή δα έχουμε:

Cop = 4πεο \(\frac{R_1(R_1+5)}{R_1+5_2R_1} = \(\epsilon\) \(\frac{4πR_1}{8}\) (1+8/R_3).

Two 8/R3 <<1, το παραιπάνω δα δώται Cop = εο Α/δ όπου A=4πR1 το εμβοδό του φλοιού, που είναι η εβίωνος του πυκιωτή με παρά λλη δολοπλήνης

Τια τα ιωθωδριμό πυκιωτή δα χρηειωοποιήσαμε Ταγβον expansion για και β(4x) οχι Αχωριτιώτηται είναι: Cκυ = \(\frac{2πεολ}{8πολ}\) \(\frac{2πεολ}{8}\) \(\frac{2πR_3 λ}{8}\) \(\frac{2πR_3 λ}{8}\)

Question (005)



70 rleugous Surapus da co boxipie que en esporte en esp

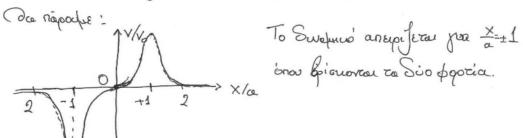
JE èur Gréio Train 600 x-aforte du égoule:

$$V(x) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{|x-\alpha|} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(-q)}{|x+\alpha|} \Rightarrow V(x) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{|x-\alpha|} + \frac{1}{|x+\alpha|} \right]$$

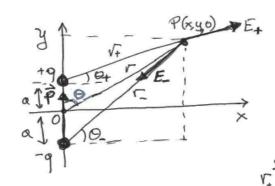
Byaloure en cerocraco a nouvo napajorca onote da naporfil!

$$\nabla(x) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 \alpha} \left[\frac{1}{\left| \frac{x}{\alpha} - 1 \right|} + \frac{1}{\left| \frac{x}{\alpha} + 1 \right|} \right] \Rightarrow \nabla(x) = \nabla_0 \left[\frac{1}{\left| \frac{x}{\alpha} - 1 \right|} + \frac{1}{\left| \frac{x}{\alpha} + 1 \right|} \right]$$

Au névolue co graphe con lojon $\frac{V(x)}{V_{h}}$ emaprises 200 $\frac{X}{\alpha}$



Question (006)



Northerous vas en apris ens Enalin Lies Do Exoche:

$$\overrightarrow{V} = \overrightarrow{2} \overrightarrow{V}_{i} = \frac{1}{4\pi\epsilon_{0}} \left(\frac{q}{\sqrt{1}} - \frac{q}{\sqrt{1}} \right) \overrightarrow{o} \overrightarrow{nov}$$

$$\overrightarrow{V}_{i} = \overrightarrow{V}_{i} + \alpha \overrightarrow{+} 2 \overrightarrow{v} \overrightarrow{o} \overrightarrow{o} \overrightarrow{o}$$

Av népodre to opro à nou v> a, tore (ano a Surefui avainteglue) $\frac{1}{V_{\pm}} = \frac{1}{V_{\pm}} \left[1 + (\alpha/r)^{2} + 2(\alpha/r)\cos\Theta \right]^{-1/2} \simeq \frac{1}{V_{\pm}} \left[1 - \frac{1}{2}(\alpha/r)^{2} + (\frac{\alpha}{r})\cos\Theta + \cdots \right]$

Enoficies to Suraficio con Sino Los fingueiros no nocempiatei as: V= 9/10/r)+(0/r)coo0-1+ 1/0/r)coo0+.... =>

Le éparpires ource appèrer o relacis ons uliers V paperon con:

Eners's to Swapens ever supportey tour V was O, to n'europeus nesio

$$E_0 = \frac{10V}{r00} = \frac{p \sin 0}{4\pi \epsilon_0 r^3} \text{ we } E_0 = 0$$