

# Travel Salesman Problem

Discente(s):
Pedro ROLDAN
Leandro MOREIRA

 $Docente: \\ Doutor \ Faroq \ AlTAM$ 

# Conte'udo

1	Introdução	2
	1.1 Requisitos Minimos	2
2	2-Opt	3
	2.1 Técnica 2-Opt	4
3	Enquadramento	13
	3.1 Motivação	13
	3.2 Objectivos	13
4	Conclusões	13
5	Bibliografia	14
6	Anexos	15

## 1 Introdução

O travel salesman problem (TSP) é um problema bastante comum largamente encontrado em diversas aplicações tais como: empresas de transporte (e.g. UPS), escalas de tripulação de companhias aéreas, etc.

Em principio, um vendedor necessita de efetuar uma viagem por diversas cidades, onde inicia a viagem numa determinada cidade (Casa), visita todas as cidades para vender os seus produtos, e retorna a casa.

#### 1.1 Requisitos Minimos

O TSP pode ser representado por uma lista de nós, sendo o objetivo descobrir uma serie de caminhos (Edges) entre cada um dos nós.

Sendo que:

- Cada nó (Cidade) pode ser visitado apenas 1 vez.
- Os caminhos formam uma Tour.
- O custo da Tour deve ser o mínimo possível.

A tour TSP é um gráfico direcionado, onde cada nó representa uma cidade, e cada edge representa um caminho entre 2 cidades.

Cada edge têm um peso, que é no seu caso mais simples a distancia euclidiana entre os seus nós.

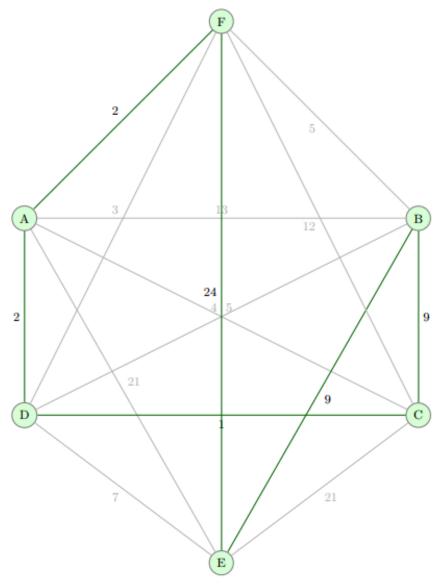
Este peso pode ser composto por diversos fatores, no entanto neste projeto apenas se considera a distancia entre nós.

# 2 2-Opt

O algoritmo 2-Opt foi proposto por Croes em 1958, embora o movimento básico tenha sido sugerido por Flood em 1956.

O algoritmo 2-Opt basicamente remove 2 nós (Edges) da tour, e conecta os dois caminhos criados. Isto é normalmente referido como um movimento 2-Opt.

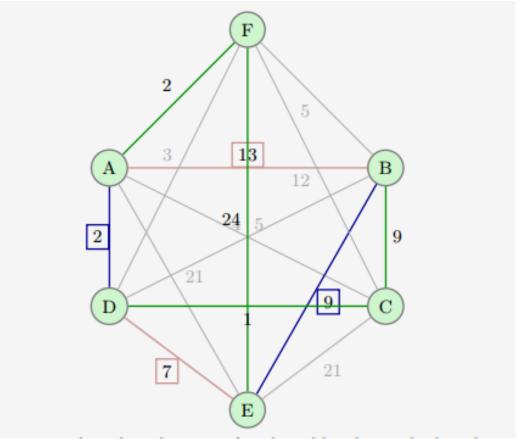
## 2.1 Técnica 2-Opt



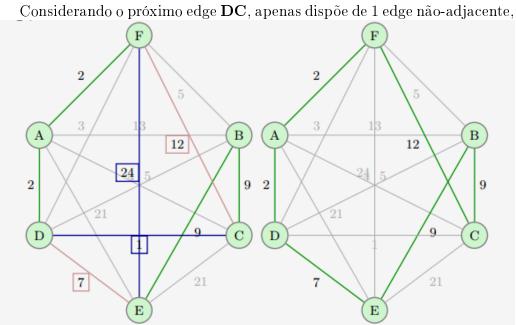
Aqui vamos utilizar uma lista de 6 nós, em que a distancia total da tour é de 47.

Em primeiro lugar selecionamos um edge, neste caso  $\mathbf{AD}$ , vamos de seguida selecionar outro edge que não seja adjacente ao egde em uso, $\mathbf{AD}$ . Neste exemplo apenas dispomos de um edge possível  $\mathbf{BE}$ .

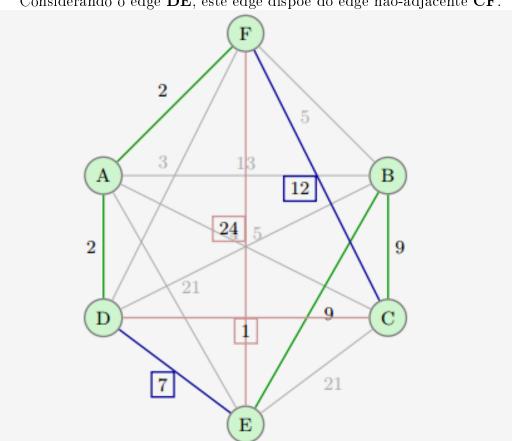
Podemos assim trocar AD e BE por AB e BE.



No entanto, a soma das distancias dos edges possíveis de trocar é **maior** que a soma das distancias dos edges originais. Assim sendo não trocamos os edges.



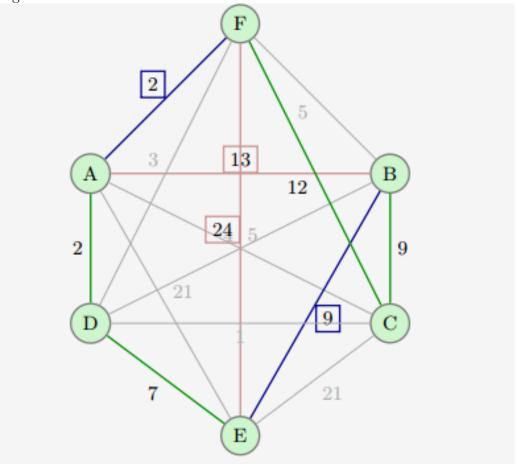
Aqui, como a soma das distancias dos edges originais é **maior** que a soma das distancias dos edges possíveis de trocar, efetuamos a troca de edges.



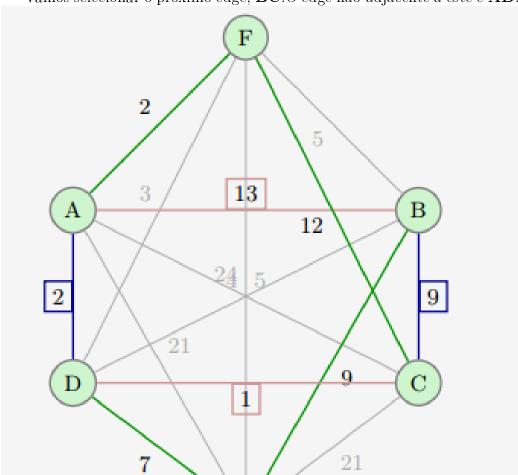
Considerando o edge **DE**, este edge dispõe do edge não-adjacente **CF**.

Como a soma das distancias dos edges possíveis de trocar são maiores que a soma das distancias dos edges originais, não se efetua trocas.

No proximo passo o edge selecionado é  ${\bf EB}.{\bf O}$  edge não-adjacente a este edge é  ${\bf FA}.$ 



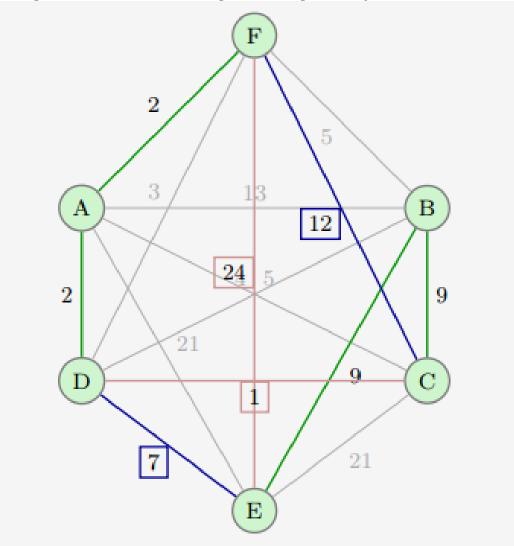
Não é necessário efetuar trocas de edges.



E

Vamos selecionar o próximo edge,  $\mathbf{BC}$ . O edge não-adjacente a este é  $\mathbf{AD}$ .

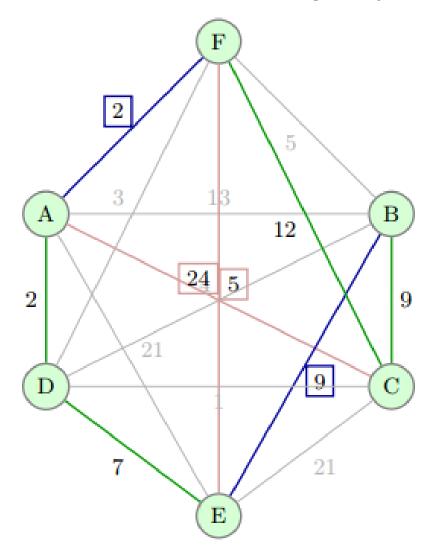
Este cenário não garante alterações ao caminho.



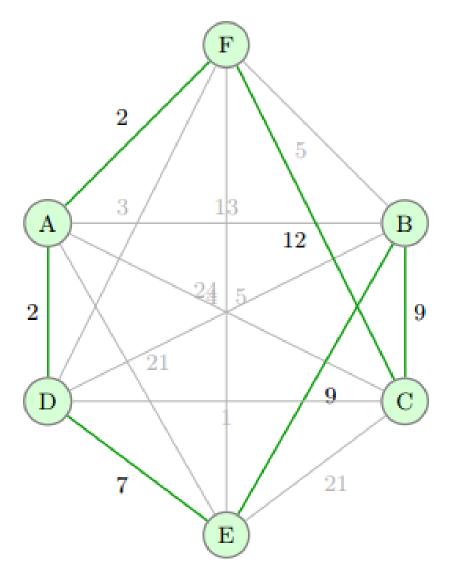
Agora vamos considerar o edge CF.O edge não-adjacente a este é DE

Aqui, não é necessário efetuar alterações ao caminho visto que a soma da distancia dos edges possíveis de trocar é inferior quando comparado com os edges existentes.

O proximo edge a ser considerado é FA. O edge não adjacente é EB.



Este também é um caso em que não existe necessidade de se efetuar trocas de edges.



Finalmente chegamos a uma solução optimizada. A solução apresenta um custo de 41, efetivamente inferior ao custo da solução inicial.

### 3 Enquadramento

O trabalho descrito neste relatório foi realizado recorrendo à linguagem de programação ANSI C, assim como os recursos disponibilizados na unidade curricular.

#### 3.1 Motivação

A principal motivação para a realização deste trabalho, resulta da importância em implementar o algoritmo 2-Opt ao problema Travel Salesman, assim como demonstrar os conhecimentos alcançados na disciplina de Algoritmia e Estrutura de Dados.

#### 3.2 Objectivos

Pretende-se através deste trabalho, atingir uma solução válida para o Travel Salesman Problem, implementando o algoritmo 2-Opt.

### 4 Conclusões

A implementação do algoritmo 2-Opt ao TSP desenvolvida, para além de permitir os requisitos pedidos no enunciado do trabalho prático, permite também a possível implementação de outros algoritmos, pois sendo modular torna-se mais escalável, entre outras funcionalidades.

De frisar que devido à liberdade proporcionada, quer na sua forma de desenvolvimento quer na implementação permitiu desta forma aguçar a curiosidade para o uso de diversos algoritmos para a solução do Travel Salesman Problem.

Foi sem duvida um desafio interessante, mas que por limitação de tempo, deixa ainda uma larga margem para melhoramentos.

# 5 Bibliografia

### Referências

- [1] https://en.wikipedia.org/wiki/2-opt.
- [2] https://en.wikipedia.org/wiki/travelling salesman problem.
- [3] Doutor Faroq AlTam. Aulas Teórico-Práticas Algoritmia e Estruturas de Dados 2º ano, 2º semestre da Licenciatura em Engenharia Informática do Instituto Superior Manuel Teixeira Gomes. ISMAT, 2016-2017.

### 6 Anexos

Ficheiro "relatorio.pdf"e "eps.c, eps.h, tsp.c, tsp.h, file.c, file.h, main.c", assim como as pastas "tspdata, results", compactado num ficheiro "trabalho.zip".

Não existem quaisquer códigos ou listagens adicionais.