#### Análisis de los supervivientes del Titanic.

Pedro Uceda Martínez

Pablo Campillo Sánchez

3 de enero,  $2021\,$ 

#### Abstract

Mediante este documento se desarrolla la **Práctica 2: Limpieza y análisis de datos** de la asignatura de **Tipología y Ciclo de Vida de los Datos** del **Máster Universitario en Ciencia de Datos** de la **Universidad Oberta de Catalunya**.

#### 1. Descripción del dataset

Durante esta práctica vamos a tratar el *dataset* base de la competición **Titanic - Machine Learning from Disaster**. En este conjunto de datos se nos presenta, para cada pasajero del tan famoso trasatlántico, sus datos personales más importantes, así como otros relacionados con su embarque en el Titanic, y si finalmente sobrevivieron al naufragio del mismo.

De este modo, este estudio es interesante dado que nos permite analizar cuáles fueron los factores que afectaron a la supervivencia de los pasajeros. Así, podremos, entre otras cosas, ver si solamente la clase del billete, el género y la edad condicionaron que un viajero se salvase tal y como hemos visto en la gran pantalla o bien hubiera habido otros factores que pudieran haber determinado la supervivencia del pasajero, como el número de billete.

Las variables de las que disponemos, para cada pasajero, son:

- PassengerId: Identificador artifical del pasajero.
- Survived: Si sobrevivió (1) o no (0).
- Pclass: Clase del pasaje.
- Name: Nombre del pasajero.
- Sex: Sexo del viajero.
- Age: Edad, en años.
- SibSp: Número de hermanos o esposas a bordo del Titanic.
- Parch: Número de padres / hijos a bordo del Titanic.
- Ticket: Número de ticket.
- Fare: Tarifa del pasaje.
- Cabin: Número de camarote.
- **Embarked**: Puerto desde el que embarcó el pasajero. Las posibles opciones son: Cherbourg (C), Queenstown (Q) o Southampton (S).

#### 2. Integración y selección de los datos de interés a analizar.

Los datos a procesar provienen de una única fuente, por ello, no es necesario realizar la fase de integración o fusionado de los datos. En este apartado, primero se cargarán los datos y se hará una exploración inicial de los mismos para tener una idea más clara de como se distribuyen y, posteriormente, se procederá a seleccionar los datos de interés y a generar nuevas características que puedan resultar interesantes para el análisis posterior.

#### 2.1 Exploración de los datos (screening)

A continuación, cargamos el dataset, sin factors, para evitar tratar los nombres de los pasajeros como tales.

```
ds <- read.csv(file = "../data/titanic_survivors.csv", header=TRUE, stringsAsFactors=FALSE)
str(ds)</pre>
```

```
## 'data.frame':
                   891 obs. of 12 variables:
   $ PassengerId: int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
                       0 1 1 1 0 0 0 0 1 1 ...
   $ Survived
                : int
##
   $ Pclass
                : int
                       3 1 3 1 3 3 1 3 3 2 ...
## $ Name
                       "Braund, Mr. Owen Harris" "Cumings, Mrs. John Bradley (Florence Briggs Thayer)"
                : chr
                       "male" "female" "female" ...
## $ Sex
                : chr
                       22 38 26 35 35 NA 54 2 27 14 ...
## $ Age
                : num
## $ SibSp
                : int
                       1 1 0 1 0 0 0 3 0 1 ...
##
  $ Parch
                 : int
                       0 0 0 0 0 0 0 1 2 0 ...
                       "A/5 21171" "PC 17599" "STON/O2. 3101282" "113803" ...
##
  $ Ticket
                : chr
##
   $ Fare
                       7.25 71.28 7.92 53.1 8.05 ...
                : num
                       "" "C85" "" "C123" ...
##
   $ Cabin
                : chr
                       "S" "C" "S" "S" ...
   $ Embarked
                : chr
```

Como se puede observar, el *dataset* contiene 891 registros y 12 atributos. Están presentes las variables cuantitativas PassengerId, Survived, Pclass, Age, SibSp, Parch y Fare, todas tratadas como int o num. También tenemos las variables cualitativas Ticket, PClass, Sex y Cabin, cargadas como cadena de caracteres. Survived, aun siendo variable cuantitativa, representa 0 (No) y 1 (Yes), por lo que en realidad es una variable cualitativa dicotómica.

Para más claridad de los datos, procedemos a realizar las siguientes transformaciones:

- Transformamos el campo **Survived** a uno **categórico** con **dos valores**, "Yes" y "Not", representando si el pasajero sobrevivió o no, respectivamente.
- Transformamos el campo cualitativo categórico Embarked a un factor con 3 posibles valores, cada uno con el nombre del puerto.
- Transformamos el campo dicotómico Sex a un factor con 2 niveles, en lugar de trabajarlo como cadena de texto.
- Transformamos el campo Pclass, que se ha cargado como campo cuantitativo, a un factor con tres niveles, ordenado, y le asignamos las etiquetas "1st", "2nd", "3rd".

```
#Transformamos Survived a factor
ds$Survived <- factor(ds$Survived, levels=c(0, 1), labels = c("Not", "Yes"))

#Convertimos Embarked a factor con 3 niveles
embarked_labels <- c("Cherbourg", "Queenstown", "Southampton")
ds$Embarked <- factor(ds$Embarked, levels=sort(c("C", "Q", "S")), labels = embarked_labels)

#Convertimos Sex a factor con 2 niveles, female | male
ds$Sex <- factor(ds$Sex)

#Convertimos Pclass a un factor ordenado</pre>
```

```
ds$Pclass <- factor(ds$Pclass, ordered=TRUE, levels=c(1, 2, 3), labels=c("1st", "2nd", "3rd"))
#Revisamos como quedan los datos en el dataset
str(ds)
  'data.frame':
                    891 obs. of 12 variables:
##
   $ PassengerId: int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
                 : Factor w/ 2 levels "Not", "Yes": 1 2 2 2 1 1 1 1 2 2 ...
##
   $ Survived
                 : Ord.factor w/ 3 levels "1st"<"2nd"<"3rd": 3 1 3 1 3 3 1 3 3 2 ...
##
   $ Pclass
##
                       "Braund, Mr. Owen Harris" "Cumings, Mrs. John Bradley (Florence Briggs Thayer)"
   $ Name
                 : Factor w/ 2 levels "female", "male": 2 1 1 1 2 2 2 2 1 1 ...
##
   $ Sex
                        22 38 26 35 35 NA 54 2 27 14 ...
##
   $ Age
                 : num
##
   $ SibSp
                   int
                        1 1 0 1 0 0 0 3 0 1 ...
##
   $ Parch
                        0 0 0 0 0 0 0 1 2 0 ...
                   int
   $ Ticket
                        "A/5 21171" "PC 17599" "STON/O2. 3101282" "113803" ...
##
                 : chr
                        7.25 71.28 7.92 53.1 8.05 ...
   $ Fare
##
                 : num
                        "" "C85" "" "C123" ...
##
   $ Cabin
                 : chr
                 : Factor w/ 3 levels "Cherbourg", "Queenstown",..: 3 1 3 3 3 2 3 3 3 1 ...
   $ Embarked
```

Para hacernos una idea de las características más importantes de los atributos, vamos a mostrar las estadísticas básicas:

#### summary(ds)

```
PassengerId
##
                     Survived
                               Pclass
                                               Name
                                                                   Sex
##
    Min.
           : 1.0
                     Not:549
                                1st:216
                                          Length:891
                                                               female:314
##
    1st Qu.:223.5
                     Yes:342
                                2nd:184
                                          Class : character
                                                               male :577
##
    Median :446.0
                                3rd:491
                                          Mode :character
##
    Mean
           :446.0
##
    3rd Qu.:668.5
##
    {\tt Max.}
            :891.0
##
##
         Age
                         SibSp
                                          Parch
                                                            Ticket
##
    Min.
           : 0.42
                     Min.
                            :0.000
                                      Min.
                                              :0.0000
                                                        Length:891
    1st Qu.:20.12
                     1st Qu.:0.000
                                      1st Qu.:0.0000
                                                         Class : character
    Median :28.00
                     Median :0.000
                                      Median :0.0000
                                                        Mode :character
##
    Mean
##
           :29.70
                            :0.523
                                              :0.3816
                     Mean
                                      Mean
##
    3rd Qu.:38.00
                     3rd Qu.:1.000
                                      3rd Qu.:0.0000
##
    Max.
            :80.00
                     Max.
                             :8.000
                                      Max.
                                              :6.0000
##
    NA's
            :177
##
         Fare
                         Cabin
                                                  Embarked
##
           : 0.00
                      Length:891
                                           Cherbourg :168
    Min.
##
    1st Qu.: 7.91
                      Class : character
                                           Queenstown: 77
##
    Median : 14.45
                      Mode : character
                                           Southampton:644
##
    Mean
           : 32.20
                                          NA's
##
    3rd Qu.: 31.00
##
    Max.
            :512.33
##
```

La información más relevante es:

- Survived: Hay más gente que falleció que sobrevivió.
- Pclass: Lo más común es viajeros con billetes de tercera clase.
- Sex: En el barco viajaban el doble de hombres que de mujeres.
- Age: Especifica la edad en años. Podemos ver que el mínimo es 0.42 años, así que se contemplan bebés. La persona más anciana tenía 80 años y la media de edad estaba en torno a los 30 años. La mitad de

los viajeros tenía 28 años o menos.

- SibSp: Lo más común es ir sin hermanos ni mujer, es decir, viajar solo.
- Parch: Es menos común todavía ir con descendientes o ascendientes.
- Fare: La media del precio del billete es 32.2 y la mediana 14. Esto indica que hay mucha disparidad de precios, siendo el máximo 512.
- Embarked: La mayoría embarcaron de Southamption, luego de Cherbourg y unos pocos de Queenstown.

Por último, hacemos una inspección visual de los campos que menos sabemos sobre ellos: Ticket y Cabin.

#### 2.1.1 Campo Ticket

La codificación del billete (Ticket) parece que sigue diferentes patrones y además, hay viajeros que comparten ticket ya que si los ordenamos, podemos comprobar que estos se repiten:

```
#Mostramos los 10 primeros tickets según orden
sort(ds$Ticket)[1:10]

## [1] "110152" "110152" "110413" "110413" "110413" "110465" "110465"
## [9] "110564" "110813"
```

Si comprobamos los campos únicos, vemos que pasa de 891 a 681 valores diferentes, lo que indica que hay valores de ticket repetidos:

```
length(distinct(ds, Ticket)$Ticket)
```

```
## [1] 681
```

Además, el que un ticket se repita no depende de su tipo:

```
aux <- count(ds, Ticket)
aux[order(aux[,2], decreasing = TRUE), ][1:10, ]</pre>
```

```
##
             Ticket n
## 81
                1601 7
             347082 7
## 334
## 569
           CA. 2343 7
## 250
            3101295 6
## 338
             347088 6
## 567
            CA 2144 6
## 481
             382652 5
## 622 S.O.C. 14879 5
             113760 4
## 34
             113781 4
## 38
```

Suponemos que se puede comprar un mismo billete para varias personas. ¿Compartirán el camarote? ¿Serán familia? Veamos los datos de estos 8.

Ticket 1601: Varias personas de origen chino tienen un billete común y, según los datos, no tienen parentesco entre sí.

```
select(ds[ds$Ticket == "1601", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
```

```
##
                  Name Pclass
                                   Fare Cabin
                                                 Embarked Sex Age SibSp Parch
## 75
         Bing, Mr. Lee
                           3rd 56.4958
                                              Southampton male
                           3rd 56.4958
                                                                               0
## 170
                                              Southampton male
                                                                 28
                                                                         0
         Ling, Mr. Lee
                           3rd 56.4958
                                                                               0
## 510
        Lang, Mr. Fang
                                              Southampton male
                                                                 26
                                                                         0
                                                                               0
## 644 Foo, Mr. Choong
                           3rd 56.4958
                                              Southampton male
                                                                 NA
                                                                         0
## 693
          Lam, Mr. Ali
                           3rd 56.4958
                                              Southampton male
                                                                 NA
                                                                         0
                                                                               0
## 827
          Lam, Mr. Len
                           3rd 56.4958
                                              Southampton male
                                                                         0
                                                                               0
                                                                 NA
## 839 Chip, Mr. Chang
                           3rd 56.4958
                                              Southampton male
                                                                               0
```

```
Ticket 347082: Familia formada por 2 padres y 5 hijos de 2, 4, 6 y 9 años.
select(ds[ds$Ticket == "347082", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                                               Name Pclass
                                                                              Fare
## 14
                                       Andersson, Mr. Anders Johan
                                                                        3rd 31.275
## 120
                                 Andersson, Miss. Ellis Anna Maria
                                                                        3rd 31.275
## 542
                             Andersson, Miss. Ingeborg Constanzia
                                                                        3rd 31.275
## 543
                                Andersson, Miss. Sigrid Elisabeth
                                                                        3rd 31.275
## 611 Andersson, Mrs. Anders Johan (Alfrida Konstantia Brogren)
                                                                        3rd 31.275
## 814
                               Andersson, Miss. Ebba Iris Alfrida
                                                                        3rd 31.275
## 851
                          Andersson, Master. Sigvard Harald Elias
                                                                        3rd 31.275
##
       Cabin
                             Sex Age SibSp Parch
                 Embarked
## 14
                                  39
             Southampton
                            male
                                          1
## 120
             Southampton female
                                    2
                                          4
                                                2
## 542
                                                2
             Southampton female
                                   9
                                          4
             Southampton female
## 543
                                  11
                                                2
## 611
             Southampton female
                                  39
                                                5
                                          1
                                                2
## 814
             Southampton female
                                   6
                                          4
                                                2
## 851
             Southampton
                                    4
                            male
Ticket CA. 2343: Deben ser hermanos viajando con sus esposas ya que tienen todas el mismo apellido y,
aunque no se sabe la edad, el billete es caro (saldrían a 10 libras por cabeza)
select(ds[ds$Ticket == "CA. 2343", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                      Name Pclass Fare Cabin
                                                                   Embarked
                                                                               Sex Age
## 160
              Sage, Master. Thomas Henry
                                              3rd 69.55
                                                               Southampton
                                                                              male
                                                                                    NA
## 181
            Sage, Miss. Constance Gladys
                                                               Southampton female
                                              3rd 69.55
                                                                                    NA
## 202
                      Sage, Mr. Frederick
                                              3rd 69.55
                                                               Southampton
                                                                              male
                                                                                    NΑ
## 325
                 Sage, Mr. George John Jr
                                              3rd 69.55
                                                               Southampton
                                                                              male
## 793
                 Sage, Miss. Stella Anna
                                                               Southampton female
                                              3rd 69.55
                                                                                    NA
## 847
                 Sage, Mr. Douglas Bullen
                                              3rd 69.55
                                                               Southampton
                                                                              male
## 864 Sage, Miss. Dorothy Edith "Dolly"
                                              3rd 69.55
                                                               Southampton female
##
       SibSp Parch
## 160
           8
                  2
                  2
## 181
           8
## 202
                  2
           8
## 325
           8
                  2
## 793
                  2
           8
## 847
           8
                  2
## 864
Ticket 347088: Matrimonio con sus 4 hijos de 2, 4, 9 y 10 años.
select(ds[ds$Ticket == "347088", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                                     Name Pclass Fare Cabin
## 64
                                   Skoog, Master. Harald
                                                             3rd 27.9
## 168 Skoog, Mrs. William (Anna Bernhardina Karlsson)
                                                             3rd 27.9
## 361
                                      Skoog, Mr. Wilhelm
                                                             3rd 27.9
## 635
                                      Skoog, Miss. Mabel
                                                             3rd 27.9
## 643
                          Skoog, Miss. Margit Elizabeth
                                                             3rd 27.9
## 820
                           Skoog, Master. Karl Thorsten
                                                             3rd 27.9
          Embarked
                       Sex Age SibSp Parch
## 64
       Southampton
                             4
                                    3
                                          2
                      male
```

1

## 168 Southampton female 45

```
## 361 Southampton
                      male
## 635 Southampton female
                                    3
                                          2
                             9
## 643 Southampton female
                             2
                                    3
                                          2
                                          2
## 820 Southampton
                                    3
                      male
                            10
Ticket 3101295: Madre con sus 5 hijos de 1, 2, 7, 14 y 16 años.
select(ds[ds$Ticket == "3101295", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                           Name Pclass
                                                           Fare Cabin
                                                                          Embarked
                                                    3rd 39.6875
## 51
                    Panula, Master. Juha Niilo
                                                                       Southampton
## 165
                  Panula, Master. Eino Viljami
                                                    3rd 39.6875
                                                                       Southampton
## 267
                     Panula, Mr. Ernesti Arvid
                                                                       Southampton
                                                    3rd 39.6875
## 639 Panula, Mrs. Juha (Maria Emilia Ojala)
                                                    3rd 39.6875
                                                                       Southampton
## 687
                      Panula, Mr. Jaako Arnold
                                                    3rd 39.6875
                                                                       Southampton
## 825
                  Panula, Master. Urho Abraham
                                                    3rd 39.6875
                                                                       Southampton
##
          Sex Age SibSp Parch
## 51
                       4
         male
                7
## 165
         male
                 1
                       4
                             1
## 267
                       4
         male
               16
                             1
## 639 female
                       0
                             5
## 687
                       4
                             1
         male
               14
## 825
                       4
         male
                             1
Ticket 347088: Matrimonio con sus 4 hijos de 2, 4, 9 y 10 años.
select(ds[ds$Ticket == "347088", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                                     Name Pclass Fare Cabin
## 64
                                   Skoog, Master. Harald
                                                             3rd 27.9
## 168 Skoog, Mrs. William (Anna Bernhardina Karlsson)
                                                             3rd 27.9
## 361
                                      Skoog, Mr. Wilhelm
                                                             3rd 27.9
## 635
                                      Skoog, Miss. Mabel
                                                             3rd 27.9
## 643
                          Skoog, Miss. Margit Elizabeth
                                                             3rd 27.9
## 820
                           Skoog, Master. Karl Thorsten
                                                             3rd 27.9
                       Sex Age SibSp Parch
##
          Embarked
## 64
       Southampton
                      male
                             4
                                    3
## 168 Southampton female
                                    1
                                          4
                            45
## 361 Southampton
                      male
                            40
                                    1
## 635 Southampton female
                             9
                                    3
                                          2
                             2
                                          2
## 643 Southampton female
                                    3
## 820 Southampton
                            10
                                    3
                                          2
                      male
Ticket CA 2144: Madre con sus 5 hijos de 1, 9, 11, 14 y 16 años.
select(ds[ds$Ticket == "CA 2144", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                            Name Pclass Fare Cabin
                                                                        Embarked
## 60
            Goodwin, Master. William Frederick
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
## 72
                     Goodwin, Miss. Lillian Amy
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
## 387
                Goodwin, Master. Sidney Leonard
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
## 481
                 Goodwin, Master. Harold Victor
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
## 679 Goodwin, Mrs. Frederick (Augusta Tyler)
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
                    Goodwin, Mr. Charles Edward
## 684
                                                     3rd 46.9
                                                                     Southampton
##
          Sex Age SibSp Parch
## 60
         male 11
                       5
                             2
## 72
       female
               16
                       5
                             2
```

## 387

male

5

2

```
## 481 male 9 5 2
## 679 female 43 1 6
## 684 male 14 5 2
```

0

5

## 886

39

**Ticket 382652:** Madre con sus 4 hijos de 2, 4, 7 y 8 años.

```
select(ds[ds$Ticket == "382652", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)
##
                                         Name Pclass
                                                        Fare Cabin
                                                                      Embarked
                                                                                  Sex
## 17
                        Rice, Master. Eugene
                                                 3rd 29.125
                                                                    Queenstown
                                                                                 male
## 172
                        Rice, Master. Arthur
                                                 3rd 29.125
                                                                   Queenstown
                                                                                 male
## 279
                          Rice, Master. Eric
                                                 3rd 29.125
                                                                   Queenstown
                                                                                 male
## 788
                   Rice, Master. George Hugh
                                                 3rd 29.125
                                                                   Queenstown
                                                                                 male
  886 Rice, Mrs. William (Margaret Norton)
                                                 3rd 29.125
                                                                    Queenstown female
##
       Age SibSp Parch
## 17
         2
                4
         4
## 172
                4
                      1
## 279
         7
                4
                      1
## 788
         8
                4
                      1
```

select(ds[ds\$Ticket == "S.O.C. 14879", ], Name, Pclass, Fare, Cabin, Embarked, Sex, Age, SibSp, Parch)

Ticket S.O.C. 14879: Billete de 2a clase compartido entre hermanos e, imaginamos, que amigos.

```
##
                                Name Pclass Fare Cabin
                                                            Embarked Sex Age SibSp
## 73
              Hood, Mr. Ambrose Jr
                                        2nd 73.5
                                                        Southampton male
                                                                            21
                                                                                   0
## 121 Hickman, Mr. Stanley George
                                        2nd 73.5
                                                        Southampton male
                                                                            21
                                                                                   2
         Davies, Mr. Charles Henry
                                        2nd 73.5
                                                        Southampton male
                                                                                   0
## 386
                                                                            18
## 656
         Hickman, Mr. Leonard Mark
                                        2nd 73.5
                                                        Southampton male
                                                                                   2
                                                                            24
## 666
                 Hickman, Mr. Lewis
                                        2nd 73.5
                                                        Southampton male
                                                                                   2
##
       Parch
## 73
           0
## 121
           0
## 386
           0
## 656
           0
## 666
```

La exploración del campo Ticket nos revela que los billetes se comparten, este hecho se ha confirmado tras estudiar un poco de historia en Wikipedia (https://en.wikipedia.org/wiki/Passengers\_of\_the\_Titanic). Resulta que el precio típico de los billetes del Titanic era de 7, 13 y desde 30 libras tercera, segunda y primera clase, respectivamente. El precio de los niños de tercera era 3 libras. Por tanto, al menos, para hacer un análisis por persona, habría que:

- Adaptar el **precio por persona**: dividiendo fare por el número de personas que disponen del billete.
- Un campo nuevo podría indicar con cuántas personas se compartía el billete.
- Si del nombre nos quedamos con el apellido, podemos analizar también la **probabilidad de muerte** en función del apellido. ¿Hay apellidos más afortunados que otros o de clases sociales diferentes?

Por otro lado, al nombre del Ticket no hemos conseguido sacar una relación o significado claro a primera vista.

#### 2.1.1 Campo Cabin

Al igual que con el campo Ticket, se han agrupado y contado los valores del campo Cabin. Como se puede ver en la tabla de abajo, la gran cantidad de registros no contiene el nombre del camarote (687). Los nombres de los camarotes parece que están formados por la letra de la cubierta (A-F) y seguido

de un número. La mayoría de los registros corresponden a 1a clase, aunque también hay registros con 2a y 3a. También llama la atención, que recoge más de un camarote.

```
aux <- count(ds, Cabin)</pre>
head(aux[order(aux[,2], decreasing = TRUE), ])
##
              Cabin
                       n
## 1
                     687
## 49
            B96 B98
## 65
       C23 C25 C27
## 147
                 G6
                       4
## 64
            C22 C26
                       3
## 92
                  D
                       3
```

#### 2.2 Selección y creación de características

Como hemos visto en el apartado anterior, tras explorar el campo Ticket, vimos que podíamos **crear nuevos** campos:

- Surname: Campo del apellido del propietario del billete.
- TicketOwners: Número de propietarios de un billete.
- PricePerPerson: Precio del billete por persona, ya que Fare contiene el precio del billete total.

Los nombres están formados primero por el apellido, luego una coma y después el nombre. Para extraer el apellido, simplemente separamos por coma y nos quedamos con la primera parte:

```
ds <- separate(ds, Name, c("Surname", NA))
head(ds)
                                                 Sex Age SibSp Parch
##
     PassengerId Survived Pclass
                                     Surname
                                                                                 Ticket
## 1
                       Not
                              3rd
                                      Braund
                                                      22
                                                              1
                                                                             A/5 21171
                1
                                               male
## 2
               2
                       Yes
                              1st
                                     Cumings female
                                                      38
                                                                    0
                                                                              PC 17599
                                                              1
## 3
               3
                       Yes
                                                                    0 STON/02. 3101282
                              3rd Heikkinen female
                                                              0
## 4
                4
                       Yes
                                   Futrelle female
                                                      35
                                                                    0
                                                                                 113803
                              1st
                                                              1
               5
## 5
                       Not
                               3rd
                                       Allen
                                               male
                                                      35
                                                              0
                                                                    0
                                                                                 373450
## 6
               6
                       Not
                                       Moran
                                               male NA
                                                              Ω
                                                                    0
                                                                                 330877
                              3rd
##
        Fare Cabin
                       Embarked
## 1
     7.2500
                    Southampton
## 2 71.2833
               C85
                      Cherbourg
## 3 7.9250
                    Southampton
```

Luego, obtenemos el **número de propietarios por billete** (TicketOwners) y con este campo **obtenemos** el **precio por persona** (PricePerPerson). Los campos nuevos generados serían:

```
aux <- count(ds, Ticket)
ds <- merge(x = ds, y = aux, by = "Ticket", all.x = TRUE)
colnames(ds)[13] <- "TicketOwners"
ds$PricePerPerson <- ds$Fare / ds$TicketOwners
head(select(ds, Surname, TicketOwners, PricePerPerson))</pre>
```

```
## Surname TicketOwners PricePerPerson
## 1 Cherry 3 28.83333
## 2 Rothes 3 28.83333
## 3 Maioni 3 28.83333
```

C123 Southampton

Southampton

Queenstown

## 4 53.1000

## 6 8.4583

8.0500

## 5

```
## 4 Taussig 3 26.55000
## 5 Taussig 3 26.55000
## 6 Taussig 3 26.55000
```

Los atributos PassengerId, Ticket, Fare y Name no serán objeto de análisis. Por tanto, los campos que finalmente se consideran para ser limipados y analizados son:

```
ds <- subset(ds, select = -c(PassengerId, Ticket, Fare) )
str(ds)</pre>
```

```
## 'data.frame':
                   891 obs. of 11 variables:
                   : Factor w/ 2 levels "Not", "Yes": 2 2 2 2 1 2 1 1 2 2 ...
## $ Survived
   $ Pclass
                   : Ord.factor w/ 3 levels "1st"<"2nd"<"3rd": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
##
                  : chr "Cherry" "Rothes" "Maioni" "Taussig" ...
## $ Surname
                   : Factor w/ 2 levels "female", "male": 1 1 1 1 2 1 2 2 2 1 ...
## $ Sex
                   : num 30 33 16 39 52 18 47 NA 28 60 ...
## $ Age
                   : int 0001100001...
## $ SibSp
## $ Parch
                         0 0 0 1 1 2 0 0 0 0 ...
                   : int
                          "B77" "B77" "B79" "E67" ...
## $ Cabin
                   : chr
                   : Factor w/ 3 levels "Cherbourg", "Queenstown",..: 3 3 3 3 3 3 3 3 3 1 ...
## $ Embarked
   $ TicketOwners : int 3 3 3 3 3 3 2 2 1 1 ...
## $ PricePerPerson: num 28.8 28.8 26.6 26.6 ...
```

A continuación, salvamos los datos con estas nuevas carácterísticas que hemos extraído en un nuevo fichero, que llamaremos data/titanic\_survivors\_with\_characteristics.csv:

```
write.csv(ds,"../data/titanic_survivors_with_characteristics.csv", row.names = TRUE)
```

#### 3. Limpieza de datos

En este apartado vamos a limpiar los datos para que el análisis posterior y los modelos generados sean más representativos y correctos.

#### 3.1 Elementos vacíos

Primero, vamos comprobar aquellos campos que son nulos o vacíos:

```
#Estadísticas básicas
summary(ds)
    Survived
               Pclass
                            Surname
                                                   Sex
                                                                  Age
    Not:549
##
               1st:216
                          Length:891
                                              female:314
                                                                    : 0.42
                                                            Min.
    Yes:342
                                                             1st Qu.:20.12
##
               2nd:184
                          Class : character
                                              male :577
                                                            Median :28.00
##
               3rd:491
                          Mode : character
##
                                                            Mean
                                                                    :29.70
##
                                                            3rd Qu.:38.00
##
                                                            Max.
                                                                    :80.00
##
                                                            NA's
                                                                    :177
        SibSp
##
                          Parch
                                           Cabin
                                                                    Embarked
##
    Min.
            :0.000
                     Min.
                             :0.0000
                                        Length:891
                                                            Cherbourg:168
##
    1st Qu.:0.000
                     1st Qu.:0.0000
                                        Class : character
                                                            Queenstown: 77
##
    Median : 0.000
                     Median :0.0000
                                        Mode :character
                                                            Southampton:644
##
    Mean
            :0.523
                             :0.3816
                                                            NA's
                     Mean
                                                                        : 2
    3rd Qu.:1.000
                     3rd Qu.:0.0000
##
                             :6.0000
##
    Max.
            :8.000
                     Max.
##
##
     TicketOwners
                     PricePerPerson
##
    Min.
            :1.000
                     Min.
                             : 0.000
##
    1st Qu.:1.000
                     1st Qu.: 7.763
##
    Median :1.000
                     Median: 8.850
            :1.788
##
    Mean
                     Mean
                             : 17.789
##
    3rd Qu.:2.000
                     3rd Qu.: 24.288
##
    Max.
            :7.000
                     Max.
                             :221.779
##
# Estadísticas de valores vacíos
colSums(is.na(ds))
##
         Survived
                            Pclass
                                           Surname
                                                                Sex
                                                                                Age
##
                 0
                                 0
                                                  0
                                                                  0
                                                                                177
             SibSp
##
                             Parch
                                             Cabin
                                                          Embarked
                                                                      TicketOwners
##
                 0
                                 0
                                                 0
                                                                  2
                                                                                  0
## PricePerPerson
##
                 0
colSums(ds=="")
##
         Survived
                            Pclass
                                           Surname
                                                                Sex
                                                                                Age
##
                 0
                                 0
                                                 0
                                                                  0
                                                                                 NA
##
                                                          Embarked
             SibSp
                             Parch
                                             Cabin
                                                                      TicketOwners
##
                                 0
                                               687
                                                                 NA
## PricePerPerson
##
```

Vemos que los campos que tienen campos nulos o vacíos son:

- Age tiene 177 valores nulos y su valor debe ser mayor de cero. En este caso, lo ideal sería generar un modelo de regresión que predijese la edad ya que puede depender de la clase, el sexo pero sobre todo de la clase y el precio, ya que los niños pagan menos. Por simplicidad, vamos \_\_imputamos a estos valores nulos la mediana de las edades.
- Embarked tiene 2 valores nulos y cada persona tiene que haber embarcado desde algún puerto. En este caso, con el ticket a lo mejor se podría deducir desde donde se ha embarcado. En este caso, asignaremos el puerto más probable, es decir, desde donde más gente embarcó.
- Cabin tiene 687 valores vacíos y cada persona tiene que dormir en algún camarote. La cantidad de nulos es enorme, sobre todo para los de tercera clase. El camarote exacto no se puede averiguar. En base a la clase, se podría asignar una letra de cubierta. Pero para ello habría que cambiar la variable Cabin por Desk. En este caso, lo que haremos será eliminar la variable.

Como podemos comprobar, ya no hay nulos:

```
#Imputamos la mediana a los valores nulos de Age
age_median <- median(ds$Age, na.rm = TRUE)
ds[, 'Age'][is.na(ds[,'Age'])] <- age_median

#Imputamos el puerto de embarque más frecuente al campo Embarked
embarked_most_frequent <- levels(ds$Embarked)[which.max(ds$Embarked)]
ds[, 'Embarked'][is.na(ds[,'Embarked'])] <- embarked_most_frequent

#Eliminamos el atributo Cabin
ds <- subset(ds, select = -c(Cabin))</pre>
```

```
##
    Survived
              Pclass
                            Surname
                                                  Sex
                                                                 Age
##
    Not:549
               1st:216
                         Length:891
                                              female:314
                                                            Min.
                                                                    : 0.42
##
    Yes:342
               2nd:184
                                                            1st Qu.:22.00
                         Class : character
                                              male :577
##
               3rd:491
                         Mode
                               :character
                                                            Median :28.00
##
                                                            Mean
                                                                    :29.36
##
                                                            3rd Qu.:35.00
##
                                                            Max.
                                                                    :80.00
##
        SibSp
                         Parch
                                               Embarked
                                                            TicketOwners
##
            :0.000
                             :0.0000
                                       Cherbourg: 170
                                                           Min.
                                                                  :1.000
    Min.
                     Min.
##
    1st Qu.:0.000
                     1st Qu.:0.0000
                                       Queenstown: 77
                                                           1st Qu.:1.000
##
    Median :0.000
                     Median :0.0000
                                       Southampton:644
                                                           Median :1.000
##
    Mean
            :0.523
                     Mean
                             :0.3816
                                                           Mean
                                                                   :1.788
##
    3rd Qu.:1.000
                     3rd Qu.:0.0000
                                                           3rd Qu.:2.000
##
   Max.
            :8.000
                     Max.
                             :6.0000
                                                           Max.
                                                                  :7.000
##
    PricePerPerson
##
    Min.
           : 0.000
##
             7.763
    1st Qu.:
   Median: 8.850
##
    Mean
            : 17.789
##
    3rd Qu.: 24.288
    Max.
            :221.779
```

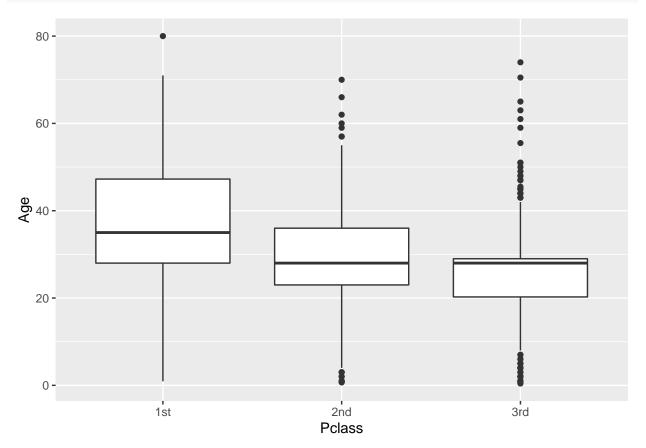
#### 3.2 Identificación y tratamiento de valores extremos.

En este apartado vamos a **analizar los valores de los campos numéricos para ver si hay valores que no tienen sentido o resultan extraños**, por ejemplo, los **valores extremos** o *outliers*. Un criterio para identificar los valores extremos son **aquellos que se sitúan a 3 veces la desviación estándar de la media o más**. Una herramienta muy útil para identificar dichos valores son las **gráficas de caja**. Veamos

por variables:

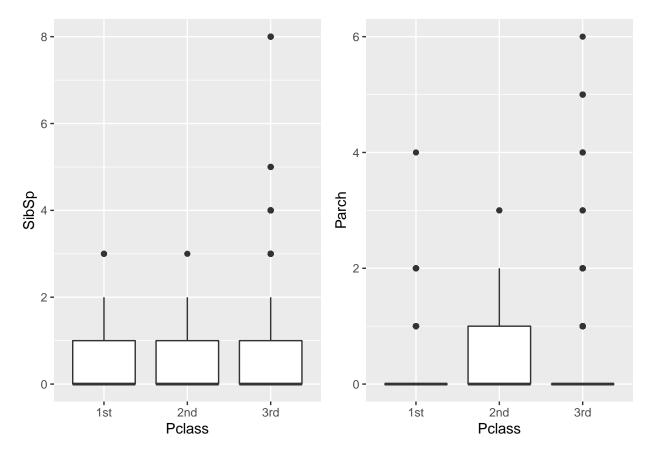
Age: Si hacemos las gráficas por clase, podemos ver que hay valores extremos pero están dentro de un rango de edades normal, entre 0.42 y 80. Se puede comprobar cómo, cuanto mejor es la clase, mayor es la edad.

```
gAge1 <- ggplot(ds, aes(x=Pclass, y=Age)) + geom_boxplot()
gAge1</pre>
```



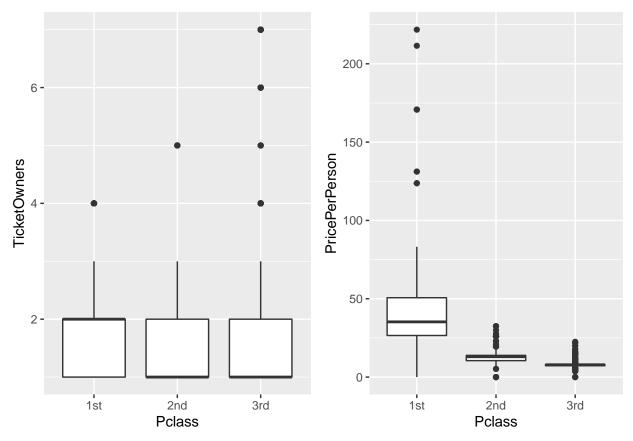
SibSp y Parch: En ambos casos se presentan *outliers* porque lo más común es viajar sin familiares y hay casos de 3, 4, 5 y hasta 8 hermanos, lo cual no es extraño en aquella época. Así que los valores para estos campos se consideran correctos.

```
gSibSp <- ggplot(ds, aes(x=Pclass, y=SibSp)) + geom_boxplot()
gParch <- ggplot(ds, aes(x=Pclass, y=Parch)) + geom_boxplot()
grid.arrange(gSibSp,gParch,nrow=1)</pre>
```



TicketOwners y PricePerPerson: Para la tercera y segunda clase, lo más común es viajar sólo y en primera es viajar con un acompañante. El número de personas máximo que comparten billete es 8 pero es normal si se considera que había alguna familiar con hasta 8 hermanos. Los datos son consistentes. Si vemos los precios por clase, vemos cómo son cada vez más elevados en función de la clase. Vemos outliers para tercera y segunda, por ejemplo, no es correcto que billetes de tercera clase cuestan 20 libras. En cambio, para primera clase, no es raro que haya outliers, ya que el lujo nunca tiene techo. Según las investigaciones, hubo pasajeros de primera clase que llegaron a pagar más de 1000 libras.

```
gTicketOwners <- ggplot(ds, aes(x=Pclass, y=TicketOwners)) + geom_boxplot()
gPricePerPerson <- ggplot(ds, aes(x=Pclass, y=PricePerPerson)) + geom_boxplot()
grid.arrange(gTicketOwners,gPricePerPerson,nrow=1)</pre>
```



En este caso, lo que vamos a tratar, son aquellos casos en el que el precio del billete por persona es cero, ya que eso no puede darse a menos que la persona sea de la tripulación pero suponemos que son todos pasajeros. Por tanto, lo que haremos será reemplazar todos los valores 0 del campo PricePerPerson, por la mediana de dicho precio en función de a la clase que pertenezca el pasajero. Nótese que esta casuística no se localizó en el apartado anterior, que trataba de valores nulos, debido a que el campo vale cero y no NA en este caso.

```
price_per_class <- aggregate(ds$PricePerPerson,</pre>
                                                          # Median by group
          list(ds$Pclass),
          median)
colnames(price_per_class) <- c("Pclass", "PricePerPerson")</pre>
#Mostramos la mediana por clases
price_per_class
##
     Pclass PricePerPerson
## 1
        1st
                   35.2500
## 2
        2nd
                   13.0000
## 3
        3rd
                    7.8542
#Sustituimos los valores con las medianas
ds[ds$PricePerPerson == 0 & ds$Pclass == "1st", ]$PricePerPerson <- price_per_class[1, 2]
ds[ds$PricePerPerson == 0 & ds$Pclass == "2nd", ]$PricePerPerson <- price_per_class[2, 2]
ds[ds$PricePerPerson == 0 & ds$Pclass == "3rd", ]$PricePerPerson <- price per class[3, 2]
```

Con los datos limpios, procedemos a su guardado en el fichero **titanic\_passangers\_processed.csv** y a realizar el análisis en el siguiente apartado.

write.csv(ds,"../data/titanic\_survivors\_processed.csv", row.names = TRUE)

#### 4. Análisis de los datos

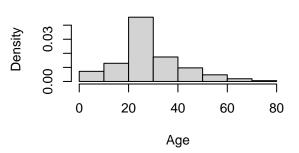
De manera previa a analizar los datos, **analizamos de manera visual la normalidad** de los mismos, para tener una idea más clara si cabe de cómo se distribuyen los distintos atributos. Asimismo, mostraremos, para cada atributo, el histograma.

```
par(mfrow=c(2,2))
for(i in 1:ncol(ds)) {
   if (is.numeric(ds[,i])){
      qqnorm(ds[,i],main = paste("Gráfico Q-Q de normalidad ",colnames(ds)[i]))
      qqline(ds[,i],col="red")
      hist(ds[,i],
            main=paste("Histograma de ", colnames(ds)[i]),
            xlab=colnames(ds)[i], freq = FALSE)
   }
}
```

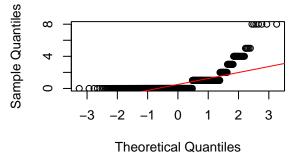


# Sample On antiles Theoretical Quantiles

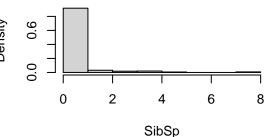
#### Histograma de Age



#### Gráfico Q-Q de normalidad SibSp



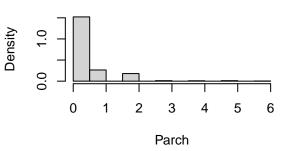
#### Histograma de SibSp



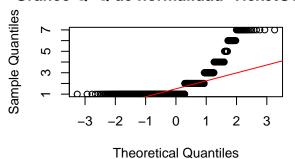
#### Gráfico Q-Q de normalidad Parch

# Sample Quantiles Sample Quantiles Theoretical Quantiles

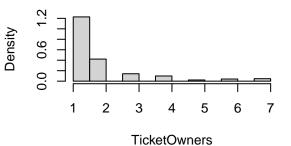
#### Histograma de Parch



#### Gráfico Q-Q de normalidad TicketOwne

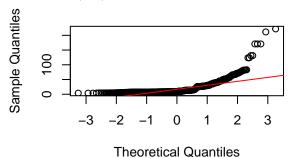


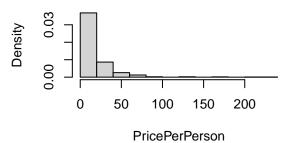
#### Histograma de TicketOwners



#### Gráfico Q-Q de normalidad PricePerPer

#### Histograma de PricePerPerson



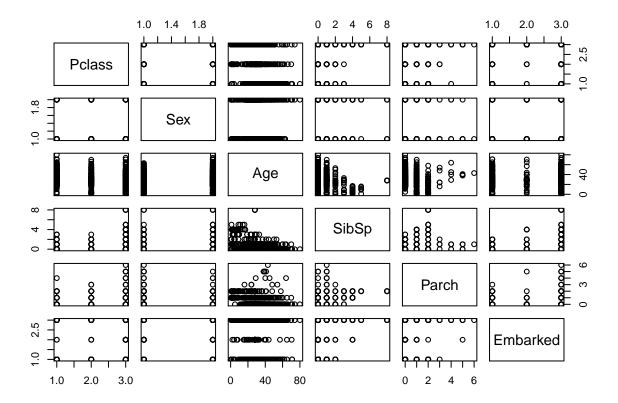


De estos gráficos extraemos que:

- La variable **Age** presenta una distribución más o menos simétrica, unimodal con pico en 28 años (mediana). Podría ser normal.
- El resto de atributos no presenta una distribución normal.
- Como hemos mencionado en apartados anteriores, **lo más común era viajar solo**. Asimismo, el precio por persona -PricePerPerson- presenta una distribución asimétrica con cola a la derecha.

Además, dibujamos estos campos cuantitativos para ver si podemos establecer alguna correlación entre ellos a simple vista:

```
plot(ds[,c("Pclass", "Sex", "Age", "SibSp", "Parch", "Embarked")])
```

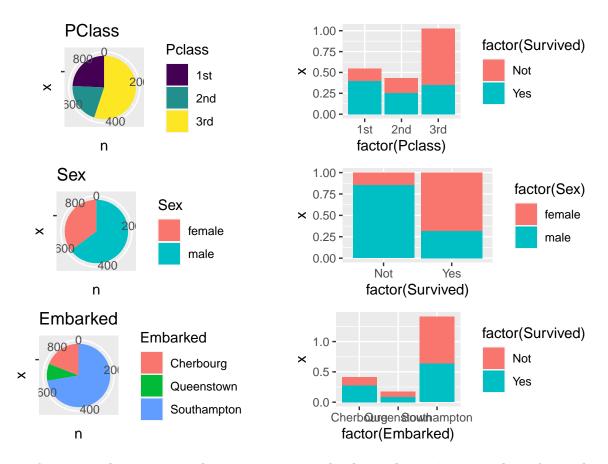


Vemos que aparentemente no hay relaciones lineales entre estos atributos.

Visualizamos también las variables cuantitativas:

```
#Visualizacion de variables cuantitativas
#PClass and Survived
sumPClass <- summarize( group_by(ds, Pclass), n=length(Pclass), Survived=mean(Survived))</pre>
## Warning in mean.default(Survived): argument is not numeric or logical: returning
## NA
## Warning in mean.default(Survived): argument is not numeric or logical: returning
## NA
## Warning in mean.default(Survived): argument is not numeric or logical: returning
## `summarise()` ungrouping output (override with `.groups` argument)
gPClass1 <- ggplot( sumPClass, aes(x="", y=n, fill=Pclass)) +</pre>
geom_bar(width = 1, stat = "identity") +
coord_polar("y", start=0) + ggtitle("PClass")
gPClass2 <- ds %>%
  group_by(Survived, Pclass) %>%
 tally() %>%
  group_by(Survived) %>%
  mutate(x = n / sum(n)) \%>\%
  ggplot() +
```

```
geom_col(aes(
     x = factor(Pclass),
     y = x
     fill = factor(Survived)
      ), position = "stack")
#Sex and Survived
sumSex <- summarize( group by(ds, Sex), n=length(Sex), Survived=mean(Survived))</pre>
## Warning in mean.default(Survived): argument is not numeric or logical: returning
## NA
## Warning in mean.default(Survived): argument is not numeric or logical: returning
## NA
## `summarise()` ungrouping output (override with `.groups` argument)
gSex1 <- ggplot( sumSex, aes(x="", y=n, fill=Sex)) +</pre>
geom_bar(width = 1, stat = "identity") +
coord_polar("y", start=0) + ggtitle("Sex")
gSex2 <- ds %>%
 group_by(Survived, Sex) %>%
 tally() %>%
  group_by(Survived) %>%
 mutate(x = n / sum(n)) \%
  ggplot() +
   geom_col(aes(
     x = factor(Survived),
     y = x,
     fill = factor(Sex)
      ), position = "stack")
#Embarked and Survived
sumEmbarked <- summarize( group_by(ds, Embarked), n=length(Embarked))</pre>
## `summarise()` ungrouping output (override with `.groups` argument)
gEmbarked1 <- ggplot( sumEmbarked, aes(x="", y=n, fill=Embarked)) +</pre>
geom_bar(width = 1, stat = "identity") +
coord_polar("y", start=0) + ggtitle("Embarked")
gEmbarked2 <- ds %>%
  group_by(Survived, Embarked) %>%
  tally() %>%
  group_by(Survived) %>%
  mutate(x = n / sum(n)) %>%
  ggplot() +
   geom_col(aes(
     x = factor(Embarked),
      y = x,
      fill = factor(Survived)
      ), position = "stack")
grid.arrange(gPClass1,gPClass2, gSex1, gSex2, gEmbarked1, gEmbarked2, ncol=2)
```



Podemos observar que los pasajeros de primera y segunda clase sobrevivieron mucho más que los de tercera. Asimismo, una gran proporción de las mujeres se salvó, frente a la pequeña parte de los varones. Además, aparentemente los embarcados en Cherbourg sobrevivieron más que los embarcados en los otros dos puertos.

#### 4.1 Selección de los grupos de datos que se quieren analizar / comparar.

A continuación, se nombran los distintos grupos de datos que nos parecen interesantes:

• Analizaremos si los niños, entendiendo como tales los pasajeros que tenían 16 años o menos, tuvieron la misma probabilidad de sobrevivir que los adultos o, por el contrario, más. Compararemos los dos subgrupos de viajeros para responder a la siguientes hipótesis, teniendo Ps(X) como la probabilidad de supervivencia del subgrupo X:

$$H_0: p_s(children) = p_s(adults)$$
  
 $H_1: p_s(children) > p_s(adults)$ 

- Intentaremos aproximar los datos utilizando un modelo de regresión. Partiremos de la edad, con la que habremos trabajado anteriormente, y el sexo, y veremos si podemos incluir una tercera variable que nos permita que mejore el comportamiento de nuestro modelo
- Haremos un **análisis de correlación** de los datos con la variable objetivo. ¿Cuanto más cuesta el billete hay más probabilidades de sobrevivir?
- Por último, realizaremos un **modelo no supervisado jerárquico** para ver cómo afectan cada variable a la supervivencia de los pasajeros.

A continuación, creamos un dataset para los pasajeros que son niños y otro para los adultos. Utilizaremos tales dataset posteriormente para realizar el contraste de hipótesis del primer caso.

```
children_passengers <- ds[ds$Age <= 16,]
adults_passengers <- ds[ds$Age > 16,]
```

#### 4.2. Comprobación de la normalidad y homogeneidad de la varianza

Comprobamos si el atributo Age de los pasajeros, objeto de nuestro análisis, sigue una distribución normal, utilizando el test de Shapiro-Wilk:

```
shapiro.test(ds$Age)

##

## Shapiro-Wilk normality test

##

## data: ds$Age

## W = 0.9541, p-value = 4.651e-16
```

Obtenemos un p-palor muy pequeño, menor al nivel de significancia 0.05, por lo que podemos rechazar la hipótesis nula del test y asumimos que la variable Age no sigue una distribución normal. No obstante, al tener un número de registros lo suficientemente grande (n > 30), en virtud del Teorema del Límite Central podemos considerar que los datos sí se distribuirán siguiendo una distribución normal.

Dado que la variable Age no sigue una distirbución normal, utilizaremos el **test de Fligner-Killeen** para comprobar la homocedasticidad de la variable:

```
fligner.test(Age~Survived, data = ds)

##
## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: Age by Survived
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 5.706, df = 1, p-value = 0.01691
```

Observamos que dado el p-value obtenido, menor que 0.05, no podemos rechazar la hipótesis nula y concluimos que la variable Age presenta una distribución homogénea de la varianza.

Asimismo comprobamos si ambos subgrupos que vamos a comparar tienen la misma varianza:

```
var.test(children_passengers$Age, adults_passengers$Age)
```

```
##
## F test to compare two variances
##
## data: children_passengers$Age and adults_passengers$Age
## F = 0.26025, num df = 99, denom df = 790, p-value = 6.71e-14
## alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 0.1967717 0.3563239
## sample estimates:
## ratio of variances
## 0.2602506
```

Por el p-value obtenido, muy pequeño, y el ratio que nos devuelve el test concluimos que la varianza no es la misma para los dos grupos de supervivientes (niños y adultos).

### 4.3. Aplicación de pruebas estadísticas para comparar los grupos de datos

#### 4.3.1 Supervivencia de niños vs adultos

Aunque la variable Age presente una distribución de la varianza homogénea, no tiene una distribución normal, por lo que no podemos utilizar tests pamétricos para comparar ambos grupos de datos. Utilizaremos pues el test de Wilcox, no paramétrico, para comprobar si los niños sobrevivieron más que los adultos. Nótese que suponiendo la normalidad de los datos gracias al TLC, podríamos haber utilizado una t-student (función t.test en R) para realizar el contraste de hipótesis.

```
wilcox.test(children_passengers$Age, adults_passengers$Age, alternative = "greater")
```

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: children_passengers$Age and adults_passengers$Age
## W = 0, p-value = 1
## alternative hypothesis: true location shift is greater than 0
```

Como vemos por el p-value con valor 1, el test nos arroja de manera decisiva que los niños (primer grupo) sobrevivieron mucho más que los adultos (segundo grupo).

A modo de comprobación, comprobamos que mediante la utilización del test obtenemos que para la hipotesis nula contraria:

```
wilcox.test(children_passengers$Age, adults_passengers$Age, alternative = "less")
```

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: children_passengers$Age and adults_passengers$Age
## W = 0, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true location shift is less than 0</pre>
```

En este caso el test nos arroja un valor p muy pequeño, lo que nos permite rechazar la hipotesis nula, si la hiciesemos, de que los niños sobrevivieron significiamente menos que los adultos.

#### 4.3.2 Modelo de regresión

Como hemos comentado en el apartado 4.1, comenzaremos a construir nuestro modelo de regresion con los atributos Age y Sex. Dado que la variable Survived es una variable cualitativa categórica, utilizamos un modelo de regresión logística en detrimento del lineal, ya que el rendimiento del primero es mejor en este caso.

Procedemos construir este primer modelo y ver cómo se comporta:

```
# Modelo logistico con Survived explicado por Age y Sex
model.logist1 = glm(formula = Survived ~ Age + Sex, family=binomial(link=logit), data = ds)
summary(model.logist1)

## Call:
## glm(formula = Survived ~ Age + Sex, family = binomial(link = logit),
## data = ds)
##
## Deviance Residuals:
```

```
Median
##
                 1Q
                                   30
                                           Max
                                        1.9304
## -1.7019 -0.6532 -0.6373
                               0.7723
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                      5.361 8.26e-08 ***
               1.189804
                           0.221918
## (Intercept)
## Age
               -0.004738
                           0.006378 - 0.743
## Sexmale
               -2.505314
                           0.167450 -14.962 < 2e-16 ***
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
   (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 1186.66
                               on 890
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 917.25
                               on 888
                                      degrees of freedom
## AIC: 923.25
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Vemos por el estadístico de Wald que la variable Sex (p-value<0.05) sí es estadísticamente significativa, pero Age (p-value>0.05) no. Por lo tanto, procedemos a quitar la variable Age del modelo.

Del *data screaning* observamos que el **Pclass parecía tener relación con la supervivencia**, puesto que los pasajeros de primera y segunda clase sobrevivieron mucho más que los de tercera. Procedemos a **incluirlo** en el modelo en detrimento del atributo Age y vemos también el rendimiento del nuevo modelo:

```
# Modelo logistico con Survived explicado por Sex y Pclass
model.logist2.formula = Survived ~ Sex + Pclass
model.logist2 = glm(formula = model.logist2.formula, family=binomial(link=logit), data = ds)
summary(model.logist2)
##
## Call:
  glm(formula = model.logist2.formula, family = binomial(link = logit),
##
       data = ds)
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 10
                      Median
                                   30
                                           Max
  -2.1877 -0.7312 -0.4476
##
                               0.6465
                                        2.1681
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept)
               1.38264
                           0.14690
                                     9.412
                                             <2e-16 ***
               -2.64188
                           0.18410 -14.351
                                              <2e-16 ***
## Sexmale
## Pclass.L
               -1.34739
                           0.15142 -8.898
                                             <2e-16 ***
## Pclass.Q
               -0.09373
                           0.16889
                                   -0.555
                                              0.579
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 1186.66
                               on 890
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 826.89
                               on 887
                                       degrees of freedom
```

```
## AIC: 834.89
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Podemos observar que la variable Pclass es estadísticamente significativa y vemos que el modelo mejora, ya que el Akaike Information Criterion (AIC) es menor que en el primer modelo que realizamos.

Probamos a incluir también la variable SibSp en el modelo, ya que de manera intutiva tiene sentido que los hombres que viajasen solos sobreviviesen más que los que viajasen con esposa.

```
# Modelo logistico con Survived explicado por Sex, Pclass y SibSp
model.logist3.formula = Survived ~ Sex + Pclass + SibSp
model.logist3 = glm(formula = model.logist3.formula, family=binomial(link=logit), data = ds)
summary(model.logist3)
##
## Call:
## glm(formula = model.logist3.formula, family = binomial(link = logit),
##
       data = ds)
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
                1Q
                     Median
                                   30
                                           Max
## -2.2572 -0.6733 -0.4713
                                        2.5182
                              0.6013
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                     9.495 < 2e-16 ***
## (Intercept) 1.56138
                           0.16444
## Sexmale
              -2.74124
                           0.19048 -14.391 < 2e-16 ***
## Pclass.L
              -1.31980
                           0.15194 -8.686 < 2e-16 ***
## Pclass.Q
              -0.07035
                           0.17032 -0.413 0.67959
## SibSp
              -0.24651
                           0.09468 -2.604 0.00922 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 1186.66 on 890
                                      degrees of freedom
## Residual deviance: 819.15 on 886 degrees of freedom
## AIC: 829.15
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Vemos que SibSp también es estadísticamente significativa y que mejora un poco el rendimiento del algoritmo.

Probamos a incorporar del mismo modo la variable Parch:

```
# Modelo logistico con Survived explicado por Sex, Pclass, SibSp y Parch
model.logist4 = glm(formula = Survived ~ Sex + Pclass + SibSp + Parch, family=binomial(link=logit), dat
summary(model.logist4)
```

##

```
data = ds)
##
## Deviance Residuals:
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -2.2677 -0.6835 -0.4727
                               0.5945
                                         2.5325
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 1.58671
                           0.17428
                                     9.105
                                              <2e-16 ***
               -2.76028
                           0.19552 -14.117
                                              <2e-16 ***
## Sexmale
## Pclass.L
               -1.32010
                           0.15205 -8.682
                                              <2e-16 ***
## Pclass.Q
               -0.06965
                           0.17038 - 0.409
                                              0.6827
## SibSp
               -0.23255
                           0.09933 -2.341
                                              0.0192 *
## Parch
               -0.04985
                           0.11045 -0.451
                                              0.6518
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 1186.66 on 890 degrees of freedom
## Residual deviance: 818.94 on 885 degrees of freedom
## AIC: 830.94
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
Vemos que la variable Parch no es estadísticamente significativa, ya que su estadístico de Wald es
mayor que 0.05, por lo que la descartamos. Comprobamos por último si el precio que pagó cada pasajero
por el ticket mejoraría el modelo:
# Modelo logistico con Survived explicado por Sex, Pclass, SibSp y PricePerPerson
model.logist5 = glm(formula = Survived ~ Sex + Pclass + SibSp + PricePerPerson, family=binomial(link=logist5)
summary(model.logist5)
##
## Call:
## glm(formula = Survived ~ Sex + Pclass + SibSp + PricePerPerson,
       family = binomial(link = logit), data = ds)
##
## Deviance Residuals:
##
                      Median
       Min
                 1Q
                                    3Q
                                            Max
## -2.2480 -0.6791 -0.4713
                               0.6026
                                         2.5188
##
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                   1.528908
                              0.201452
                                        7.589 3.21e-14 ***
## Sexmale
                  -2.739235
                              0.190606 -14.371 < 2e-16 ***
## Pclass.L
                  -1.283190
                              0.200893 -6.387 1.69e-10 ***
## Pclass.Q
                  -0.084521
                              0.177780
                                        -0.475 0.63449
                              0.094754 -2.608 0.00911 **
## SibSp
                  -0.247118
## PricePerPerson 0.001449
                              0.005209
                                        0.278 0.78085
## ---
```

## glm(formula = Survived ~ Sex + Pclass + SibSp + Parch, family = binomial(link = logit),

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
## Null deviance: 1186.66 on 890 degrees of freedom
## Residual deviance: 819.07 on 885 degrees of freedom
## AIC: 831.07
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Podemos observar que la variable PricePerPerson tampoco es estadísticamente significativa, por lo que también la eliminamos del modelo.

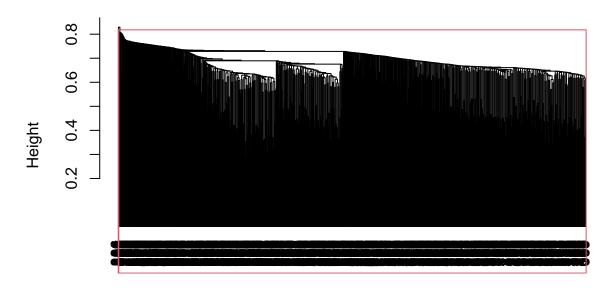
Tras este proceso, podemos concluir que **el modelo logístico que mejor explica la variable Survived es nuestro tercer modelo**, que utiliza Age , Pclass y SibSp para explicar la variable Survived:

```
Survived = exp(3.43 - 2.74 * Sexmale - 0.93 * Pclass - 0.24 * SibSp)
```

#### 4.3.3 Análisis del modelo no supervisado jerárquico

```
colnames(ds)
##
    [1] "Survived"
                            "Pclass"
                                               "Surname"
                                                                  "Sex"
    [5] "Age"
##
                            "SibSp"
                                               "Parch"
                                                                  "Embarked"
    [9] "TicketOwners"
                            "PricePerPerson"
maxAge <- max(ds$Age)</pre>
minAge <- min(ds$Age)
maxSibSp <- max(ds$SibSp)</pre>
minSibSp <- min(ds$SibSp)</pre>
maxParch <- max(ds$Parch)</pre>
minParch <- min(ds$Parch)
maxTicketOwners <- max(ds$TicketOwners)</pre>
minTicketOwners <- min(ds$TicketOwners)</pre>
maxPricePerPerson <- max(ds$PricePerPerson)</pre>
minPricePerPerson <- min(ds$PricePerPerson)</pre>
distance <- function (v1, v2) (as.integer(v1$Survived == v2$Survived) + as.integer(v1$Surname == v2$Sur
distance_matrix <- dist_make(ds, distance)</pre>
hc<-hclust(distance matrix, method="ave")</pre>
plot(hc, hang = -1, labels = ds$Surivived)
rect.hclust(hc, k = 2)
```

#### **Cluster Dendrogram**



### distance\_matrix hclust (\*, "average")

```
"Survived" "Pclass" "Sex" "Age"

maxAge <- max(ds$Age)

minAge <- min(ds$Age)

distance <- function (v1, v2) (as.integer(v1$Survived == v2$Survived) + as.integer(v1$Sex == v2$Sex) +

distance_matrix <- dist_make(ds, distance)
```

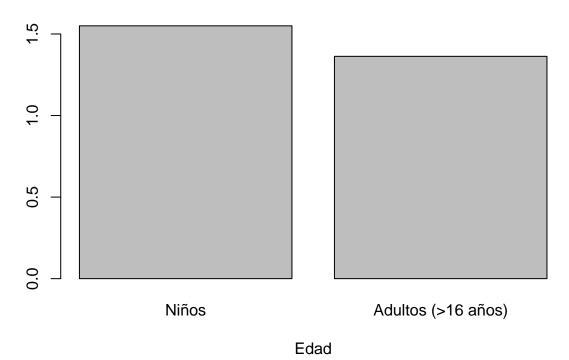
#### 5. Representación de los resultados a partir de tablas y gráficas

#### 5.1 Comparación de la supervivencia de niños y de los adultos

En el apartado anterior, hemos visto que los niños sobrevivieron mucho más que los adultos. Podemos visualizar esto de manera gráfica:

```
#Calculamos la media para los dos tipos de pasajeros y lo pintamos en un diagrama de barras
children_passengers$Survived <-as.integer(children_passengers$Survived)
adults_passengers$Survived <- as.integer(adults_passengers$Survived)
mean_children_passengers <- mean(children_passengers$Survived)
mean_adults_passengers <- mean(adults_passengers$Survived)
#Las dibujamos
barplot(c(mean children passengers, mean adults passengers), names =c("Niños", "Adultos (>16 años)"), m
```

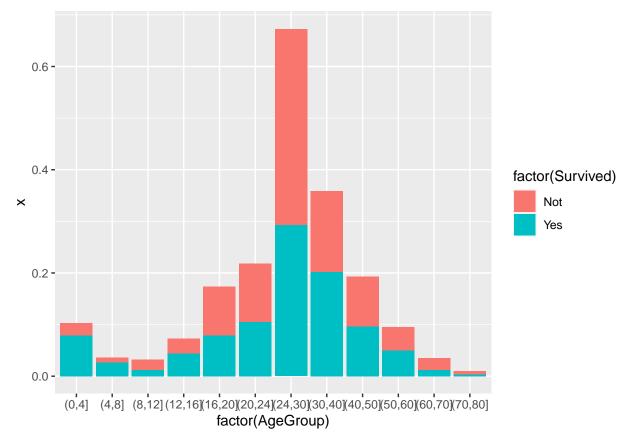
#### Media de supervivencia de los viajeros



Podemos ver también cómo se distribuye la supervivencia, agrupando los pasajeros por edades:

```
#Agrupamos por tramos de edad
ds$AgeGroup <- cut(ds$Age, breaks=c(0,4,8,12,16,20,24,30,40,50,60,70,80))
#Pintamos AgeGroup y Survived
sumAgeGroup <- summarize( group_by(ds, AgeGroup), n=length(AgeGroup))
gAgeGroup1 <- ds %>%
```

```
group_by(Survived, AgeGroup) %>%
tally() %>%
group_by(Survived) %>%
mutate(x = n / sum(n)) %>%
ggplot() +
geom_col(aes(
x = factor(AgeGroup),
y = x,
fill = factor(Survived)
), position = "stack")
gAgeGroup1
```



Puede verse que para los pasajeros con 16 años o menos la supervivencia es significativamente mayor, con la excepción del rango de edad de 4 a 8 años. Por lo tanto, la supervivencia de los niños es mayor, pero tiene más dispersión que la de los adultos.

#### 5.2 Modelo de regresión logística

Vemos los coeficientes del modelo que hemos calificado como mejor (el tercero) para ver cómo se comportan las variables que lo explican:

```
exp(coefficients(model.logist3))
## (Intercept) Sexmale Pclass.L Pclass.Q SibSp
## 4.76539580 0.06449016 0.26718830 0.93206951 0.78152046
```

```
##IC
exp(confint(model.logist3))

## Waiting for profiling to be done...

## 2.5 % 97.5 %

## (Intercept) 3.48107697 6.63840587

## Sexmale 0.04401861 0.09296145

## Pclass.L 0.19744638 0.35845643

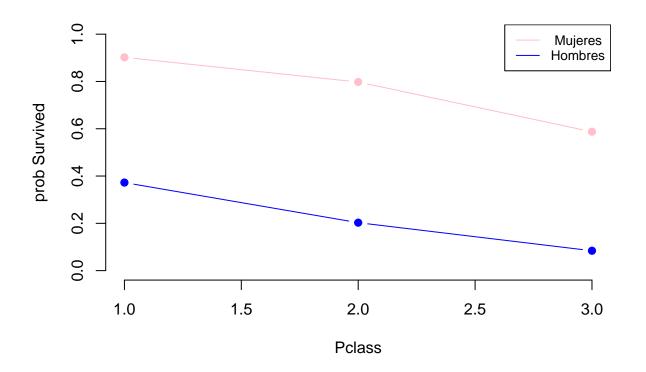
## Pclass.Q 0.66820012 1.30385355

## SibSp 0.64213086 0.93250417
```

La variable Sex tiene un OR de 0.064, la Pclass un OR de 0.39 y la SibSp un 0.78, por lo que a la hora de explicar la variable Survived sorprendentemente tiene mucho más peso la variable SibSp que el sexo o la clase, también debido en parte a que es una variable cuantitativa y su valor puede llegar a 8, si bien tiene un Intervalo de Confianza, con una confianza del 95%, más amplio que las otras dos variables.

Procedemos a ver cómo se comportaría nuestro modelo de regresión logística a clase y SibSp constantes y distinto sexo:

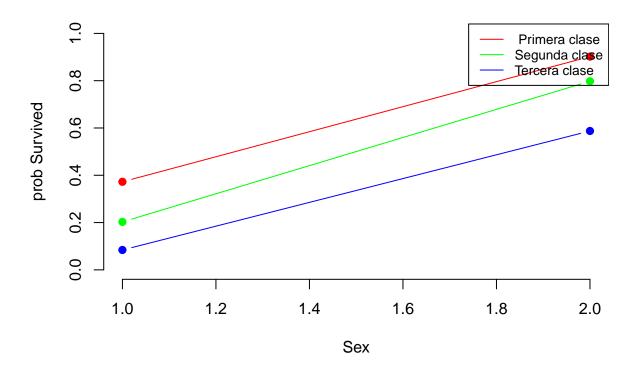
```
new_passengers_male <- data.frame(</pre>
  Sex = rep("male", times = 3),
 Pclass = c("1st", "2nd", "3rd"),
  SibSp = c(1,1,1)
)
#Females
new_passengers_female <- data.frame(</pre>
  Sex = rep("female", times = 3),
  Pclass = c("1st","2nd","3rd"),
  SibSp = c(1,1,1)
prob_males <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_male, type="response")</pre>
prob_females <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_female, type="response")</pre>
prob_males
##
                                   3
## 0.37241865 0.20279162 0.08406647
prob_females
           1
                      2
                                3
## 0.9019771 0.7977524 0.5873222
plot(c(1,2,3), prob_females, type = "b", frame = FALSE, pch = 19, col = "pink", xlab = "Pclass", ylab =
lines(c(1,2,3), prob_males, pch = 19, col = "blue", type = "b")
legend("topright", legend=c(" Mujeres", "Hombres"), col=c("pink", "blue"), lty = c(1,1), cex=0.8)
```



Ahora visualizaremos cómo se comporta con clase y SibSps constantes y distinto sexo:

```
new_passengers_class_1 <- data.frame(</pre>
  Sex = c("male", "female"),
  Pclass = c("1st","1st"),
  SibSp = c(1,1)
)
new_passengers_class_2 <- data.frame(</pre>
  Sex = c("male", "female"),
  Pclass = c("2nd","2nd"),
  SibSp = c(1,1)
)
new_passengers_class_3 <- data.frame(</pre>
  Sex = c("male", "female"),
  Pclass = c("3rd","3rd"),
  SibSp = c(1,1)
prob_1 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_1, type="response")</pre>
prob_2 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_2, type="response")</pre>
prob_3 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_3, type="response")</pre>
plot(c(1, 2), prob_1, type = "b", frame = FALSE, pch = 19, col = "red", xlab = "Sex", ylab = "prob Surv
```

```
lines(c(1, 2), prob_2, pch = 19, col = "green", type = "b")
lines(c(1, 2), prob_3, pch = 19, col = "blue", type = "b")
legend("topright", legend=c(" Primera clase", "Segunda clase", "Tercera clase"), col=c("red", "green",
```



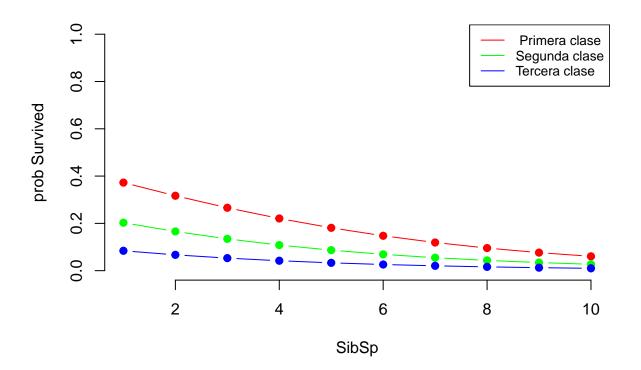
Por último, solamente variaremos el atributo SibSp. En el caso de los hombres:

```
new_passengers_class_1 <- data.frame(
    Sex = rep("male", times = 10),
    Pclass = rep("1st", times = 10),
    SibSp = 1:10
)

new_passengers_class_2 <- data.frame(
    Sex = rep("male", times = 10),
    Pclass = rep(c("2nd"), times = 10),
    SibSp = 1:10
)

new_passengers_class_3 <- data.frame(
    Sex = rep("male", times = 10),
    Pclass = rep("3rd", times = 10),
    SibSp = 1:10
)</pre>
```

```
prob_1 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_1, type="response")
prob_2 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_2, type="response")
prob_3 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_3, type="response")
plot(c(1:10), prob_1, type = "b", frame = FALSE, pch = 19, col = "red", xlab = "SibSp", ylab = "prob Sulines(c(1:10), prob_2, pch = 19, col = "green", type = "b")
lines(c(1:10), prob_3, pch = 19, col = "blue", type = "b")
legend("topright", legend=c(" Primera clase", "Segunda clase", "Tercera clase"), col=c("red", "green",</pre>
```



#### Y en el de las **mujeres**:

```
new_passengers_class_1 <- data.frame(
    Sex = rep("female", times = 10),
    Pclass = rep("1st", times = 10),
    SibSp = 1:10
)

new_passengers_class_2 <- data.frame(
    Sex = rep("female", times = 10),
    Pclass = rep("2nd", times = 10),
    SibSp = 1:10</pre>
```

```
new_passengers_class_3 <- data.frame(
    Sex = rep("female", times = 10),
    Pclass = rep("3rd", times = 10),
    SibSp = 1:10
)

prob_1 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_1, type="response")

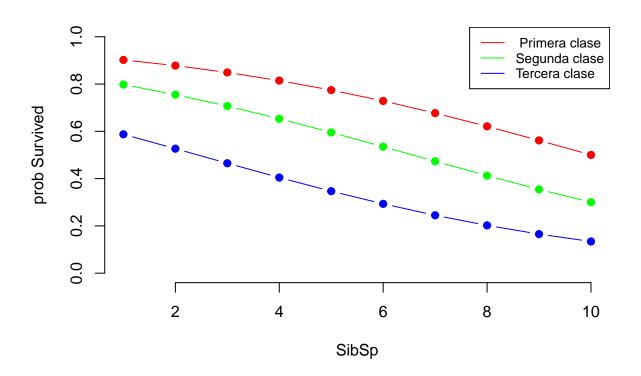
prob_2 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_2, type="response")

prob_3 <- predict(model.logist3, newdata = new_passengers_class_3, type="response")

plot(c(1:10), prob_1, type = "b", frame = FALSE, pch = 19, col = "red", xlab = "SibSp", ylab = "prob Su lines(c(1:10), prob_2, pch = 19, col = "green", type = "b")

lines(c(1:10), prob_3, pch = 19, col = "blue", type = "b")

legend("topright", legend=c(" Primera clase", "Segunda clase", "Tercera clase"), col=c("red", "green",</pre>
```



Vemos cómo se comporta nuestro modelo:

```
model=model.logist3
```

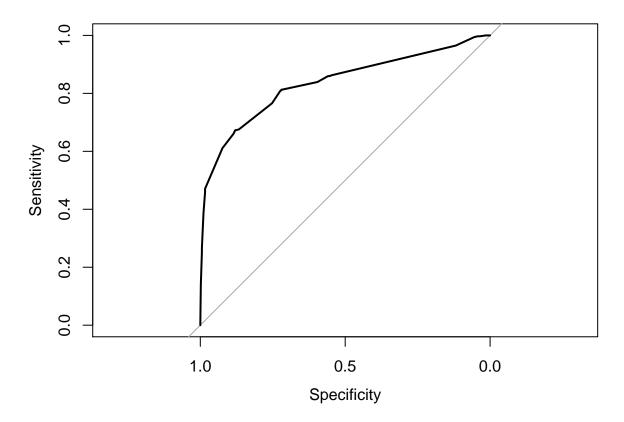
```
prob=predict(model, ds, type="response")

r=roc(ds$Survived,prob, data=ds)

## Setting levels: control = Not, case = Yes

## Setting direction: controls < cases

plot (r)</pre>
```



#### auc(r)

## Area under the curve: 0.835

Vemos que el **área bajo la curva es de 0.8328, por lo que la capacidad de predicción de nuestro modelo es bastante buena**. Definimos varias funciones que nos ayudarán a calcular la sensibilidad y la especifidad:

```
calculate_sensibility <- function(confusion_matrix){
  if(ncol(confusion_matrix) != 2) return(0)

  yes_yes <- confusion_matrix[2,2]
  yes_no <- confusion_matrix[1,2]

  sensibility <- yes_yes / (yes_yes + yes_no)

  return(sensibility)
}</pre>
```

```
calculate_specifity <- function(confusion_matrix){</pre>
  if(ncol(confusion_matrix) != 2) return(0)
  no no <- confusion matrix[1,1]
  no_yes <- confusion_matrix[2,1]</pre>
  specifity <- no_no / (no_no + no_yes)</pre>
  return(specifity)
calculate_global_accuracy <- function(confusion_matrix){</pre>
  if(ncol(confusion_matrix) != 2) return(0)
  yes_yes <- confusion_matrix[2,2]</pre>
  yes_no <- confusion_matrix[1,2]</pre>
  no_no <- confusion_matrix[1,1]</pre>
  no_yes <- confusion_matrix[2,1]</pre>
  ok_results <- yes_yes + no_no
  ko_results <- yes_no + no_yes
  ok_results / (ok_results + ko_results)
calculate_confusion_matrix <- function(model, data, real_values, threshold){</pre>
  predictions <- ifelse(predict(model, newdata = data, type="response") < threshold, "No", "Yes")</pre>
  table(real_values, predictions, dnn = c("Valor Real", "Valor Predicho"))
}
```

A continuación, observamos a ver cómo evoluciona la calidad (sensibilidad, especifidad y calidad total) cambiando el umbral según el cual aceptaremos que nuestro modelo predice si un viajero se salvó o no:

```
calculate_quality_params <- function(model, data, real_values, threshold){
  confusion_matrix <- calculate_confusion_matrix(model, data, real_values, threshold)
  specifity <- calculate_specifity(confusion_matrix)
  sensibility <- calculate_sensibility(confusion_matrix)
  global_accuracy <- calculate_global_accuracy(confusion_matrix)
  list("threshold" = threshold, "confusion_matrix" = confusion_matrix, "specifity" = specifity, "sensibil }
  quality_params_06 <- calculate_quality_params(model.logist3, ds, ds$Survived, 0.6)
  quality_params_07 <- calculate_quality_params(model.logist3, ds, ds$Survived, 0.7)</pre>
```

```
quality_params_08 <- calculate_quality_params(model.logist3, ds, ds\$Survived, 0.8)
quality_params_85 <- calculate_quality_params(model.logist3, ds, ds$Survived, 0.85)
quality_params_09 <- calculate_quality_params(model.logist3, ds, ds\$Survived, 0.9)
quality_params_06
## $threshold
## [1] 0.6
##
## $confusion_matrix
             Valor Predicho
##
## Valor Real No Yes
##
         Not 507 42
         Yes 133 209
##
##
## $specifity
## [1] 0.7921875
## $sensibility
## [1] 0.8326693
##
## $`global accuracy`
## [1] 0.8035915
quality_params_07
## $threshold
## [1] 0.7
## $confusion_matrix
            Valor Predicho
## Valor Real No Yes
         Not 540
##
##
          Yes 181 161
##
## $specifity
## [1] 0.7489598
## $sensibility
## [1] 0.9470588
##
## $`global accuracy`
## [1] 0.7867565
quality_params_08
## $threshold
## [1] 0.8
##
## $confusion_matrix
             Valor Predicho
## Valor Real No Yes
         Not 543
```

```
Yes 210 132
##
##
## $specifity
## [1] 0.7211155
## $sensibility
## [1] 0.9565217
## $`global accuracy`
## [1] 0.7575758
quality_params_85
## $threshold
## [1] 0.85
##
## $confusion_matrix
             Valor Predicho
##
## Valor Real No Yes
##
          Not 546
          Yes 253 89
##
##
## $specifity
## [1] 0.6833542
##
## $sensibility
## [1] 0.9673913
##
## $`global accuracy`
## [1] 0.7126824
quality_params_09
## $threshold
## [1] 0.9
##
## $confusion_matrix
##
             Valor Predicho
## Valor Real No Yes
         Not 546
##
          Yes 256 86
##
## $specifity
## [1] 0.680798
##
## $sensibility
## [1] 0.9662921
## $`global accuracy`
## [1] 0.7093154
```

Vemos que con un umbral del 0.6, obtenemos una gran sensibilidad (83%) sin comprometer la calidad total (80%) por lo que la calidad de nuestro modelo es bastante aceptable.

## 6. Resolución del problema. A partir de los resultados obtenidos, ¿cuáles son las conclusiones? ¿Los resultados permiten responder al problema?

En primer lugar nos hemos preguntado si los niños sobrevivieron más que los adultos, **comparando el atributo Age entre estas dos subpoblaciones**. Si bien la variable Age no sigue una distribución normal y no podemos explicar el comportamiento de la variable Survived a partir de ella, sí **hemos concluído, con un 95% de confianza, que los niños sobrevivieron mucho más que los adultos**. Asimismo, la supervivencia de los niños está mucho más dispersa que la de los adultos.

Posteriormente, hemos construído un **modelo de regresión lineal logística** que explica la variable Survived de una manera bastante fidedigna. El modelo es el siguiente:

$$Survived = exp(3.43 - 2.74 * Sexmale - 0.93 * Pclass - 0.24 * SibSp)$$

A través del modelo mismo y de las gráficas de predicciones del mismo, hemos descubierto que:

- Aunque los niños sobreviviesen mucho más que los adultos, no podemos establecer un modelo que explique la variable Survived con el atributo Age.
- En general, los hombres tienen muchas menos probabilidades de sobrevivir que las mujeres.
- La clase también tiene un papel fundamental. Sin importar si viajaba con su esposa o hermanos, un hombre de tercera clase *a priori* tiene muy pocas probabilidades de haber sobrevivido.
- La variable SibSp, que explica el número de acompañantes de un viajero, tiene un peso significativo en la supervivencia del pasajero. A partir de 6 acompañantes, un hombre, independientemente de su clase, tiene muy pocas probabilidades de sobrevivir. Podemos observar también cómo en las mujeres este efecto es menos acusado, y que una mujer de primera clase, incluso yendo con muchos hermanos, sí tenía mucha más probabilidad de sobrevivir que un hombre.

#### 7. Recursos

- Calvo M, Subirats L, Pérez D (2019). Introducción a la limpieza y análisis de los datos. Editorial UOC.
- Squire, Megan (2015). Clean Data. Packt Publishing Ltd.