

CURSOS
INTERSEMESTRALES



PROTECO

Minimax

Curso intersemestral de
Inteligencia Artificial

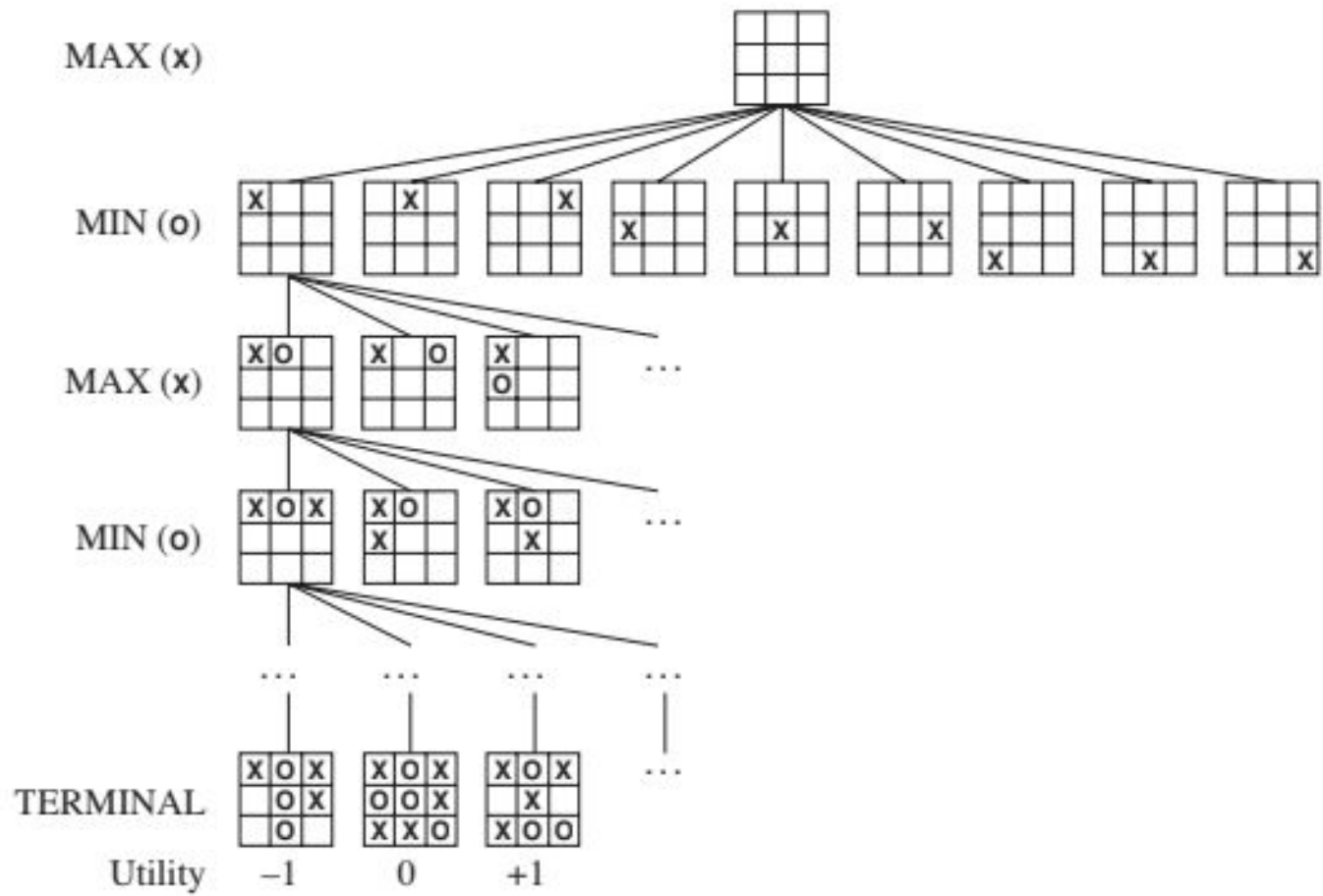
Búsqueda con adversarios

Además de estado inicial, acciones, resultados, estados finales, debemos tener en cuenta el número de jugadores (agente+adversarios) y la utilidad.

La utilidad es un valor numérico que obtiene un jugador en el estado final del juego.

Ganar	100
Empatar	0
Perder	-100





Algoritmo minimax

Se basa en búsqueda por profundidad

Por cada acción del jugador 1 debemos analizar las posibilidades del jugador 2.

Se asignan valores minimax a cada estado, cuyo valor para un estado final corresponde a la utilidad.

MiniMax(estado final) -> utilidad(estado final)

Asume que el contrincante actúa de manera optima.



MiniMax(estado):

MiniMax(estado final) -> utilidad(estado final)

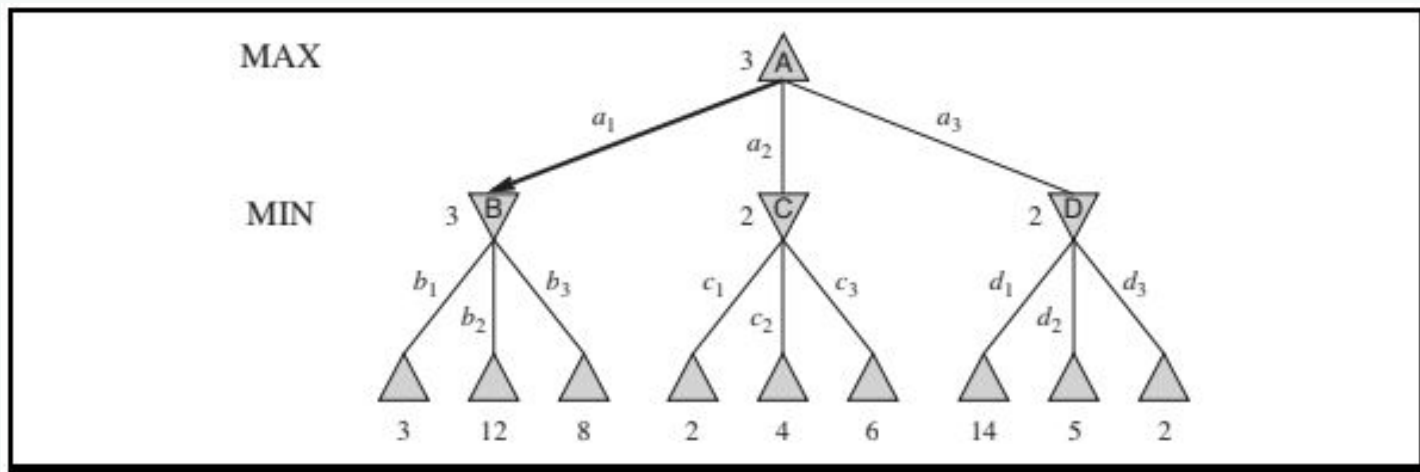
Jugador(estado):

max MiniMax(estado(resultado, acción))

Jugador(estado):

min MiniMax(estado(resultado, acción))

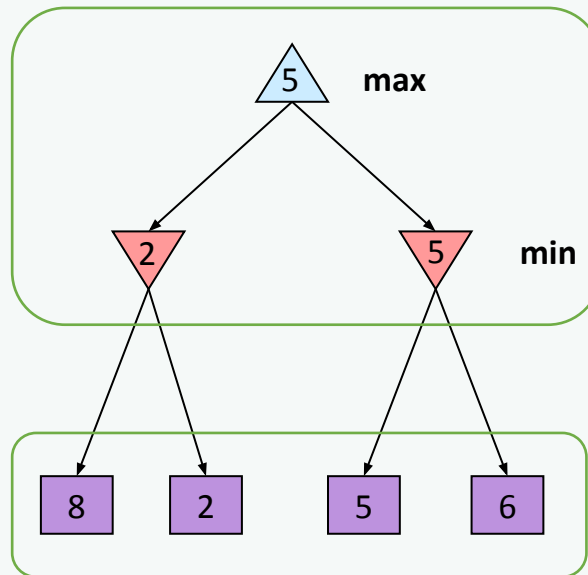




MAX nuestro agente inteligente queremos maximizar

MIN contrincante queremos minimizar

Valores minimax:
computados de forma
recursiva



Valores terminales:
parte del juego

El valor minimax
corresponde a la
utilidad de MAX.

Aplicable en juegos
por turnos.

Se asume que ambos
agentes son óptimos y
que es posible
calcular todo el árbol.

Pseudocódigo.

```
function MINIMAX(problema) returns acción
  inicializar mejorAcción y mejorUtilidad
  inicial -> problema.estadoInicial
  for each acción in problema.acciones (iniciar)
    resultado problema.resultado( inicial, acción)
    utilidad ValorMin(problema,resultado)
    if utilidad > utilidadMayor
      mejorAcción = accion
      mejorUtilidad = utilidad

  return mejorAccion
```




```
function MIN(problema) returns utilidad
  if problema.ESTADO_FINAL(estado)
    return problema.utilidad(estado)
  menorValor
  for each acción in problema.acciones (iniciar)
    resultado problema.resultado( inicial, acción)
    utilidad ValorMax(problema,resultado)
    if utilidad < valorMenor
      valorMenor = utilidad

  return menorValor
```



```
function MAX(problema) returns utilidad
  if problema.ESTADO_FINAL(estado)
    return problema.utilidad(estado)
  mayorValor
  for each acción in problema.acciones (iniciar)
    resultado problema.resultado( inicial, acción)
    utilidad ValorMin(problema,resultado)
    if utilidad > valorMayor
      valorMayor = utilidad

  return mayorValor
```



Eficiencia de minimax

¿Qué tan eficiente es minimax?

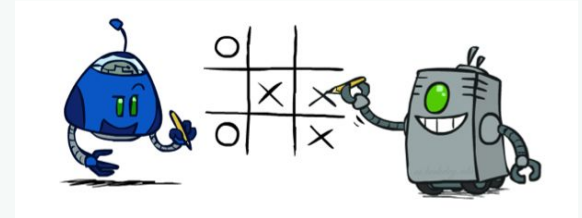
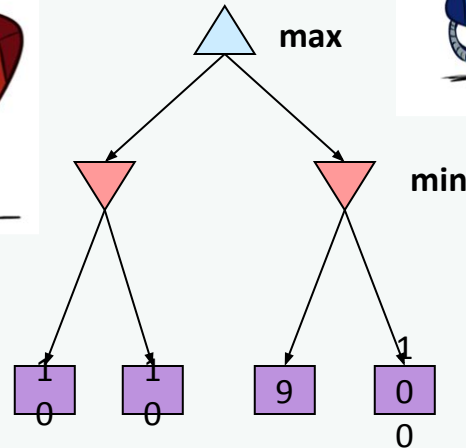
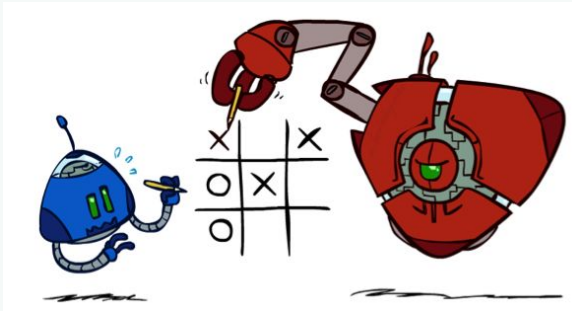
- Tanto como DFS exhaustivo
- Tiempo: $O(b^m)$
- Espacio: $O(bm)$

Ejemplo: Para ajedrez $b \approx 35, m \approx 100$

- Una solución completa es definitivamente imposible
- ¿Necesitamos explorar todo el árbol?

Inteligencia Artificial

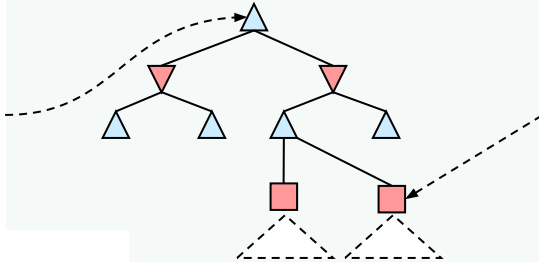
Propiedades de minimax



Óptimo contra un jugador perfecto.
¿De otro modo?

[Dibujos: UC Berkeley CS188 Materials <http://ai.berkeley.edu>.]

Inteligencia Artificial



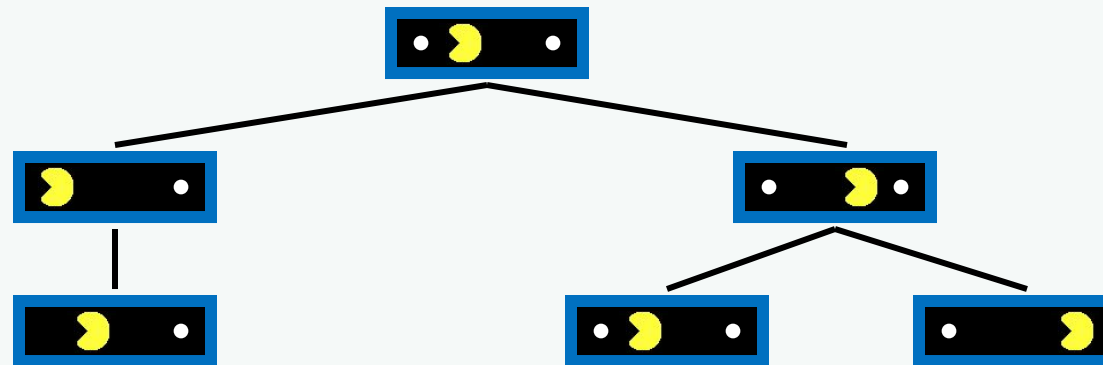
Función ideal: regresa el valor minimax exacto de esa posición

En la práctica: Típicamente, una suma lineal ponderada de los factores:

e.g. $f_1(s) = (\text{num de reinas blancas} - \text{num reinas negras})$, etc.



Porque pacman se mata de hambre



Un peligro de los agentes re-planificadores!

- Sabe que su puntaje subirá comiendo ahora el punto (oeste, este)
- Sabe que su puntaje subirá igual si lo come después (este, oeste)
- No hay oportunidades de anotar puntos después de comerlo, (dentro del horizonte, 2 aquí)
- Por lo tanto, esperar parece tan bueno como comer:

Inteligencia Artificial



PROTECO