

Análisis espectral y filtrado de batidos

Integrantes:

Andreu, Gonzalo

Malpartida, Bryan

Pugliese, Facundo

Introducción:

Si $f(t)$ es una función periódica con periodo τ :

$$f(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \alpha_n \cos\left(\frac{n\pi t}{\tau} + \phi_n\right)$$

Donde:

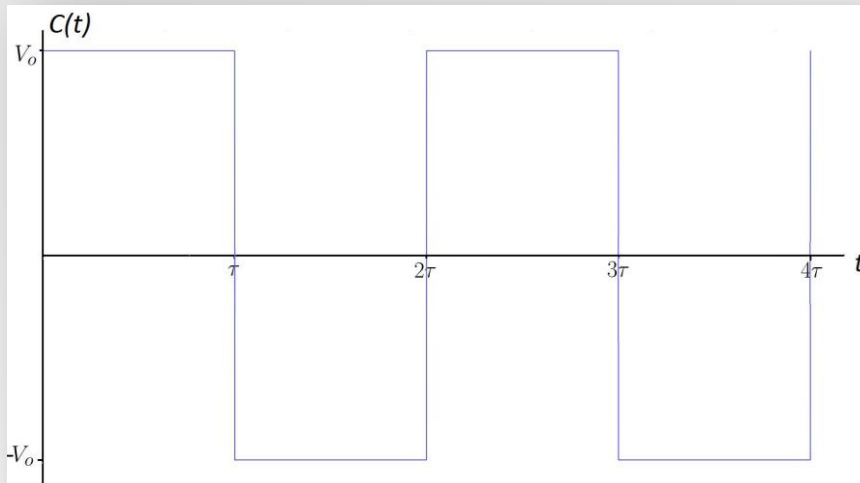
$$a_n = \int_{-\tau}^{\tau} f(t) \cos\left(\frac{n\pi t}{\tau}\right) dt \quad \alpha_n = \sqrt{a_n^2 + b_n^2}$$

$$b_n = \int_{-\tau}^{\tau} f(t) \sen\left(\frac{n\pi t}{\tau}\right) dt \quad \phi_n = -\arctan\left(\frac{b_n}{a_n}\right)$$

Señal cuadrada:

$$C(t) = \begin{cases} -V_0 & t \in [-\tau, 0) \\ V_0 & t \in [0, \tau) \end{cases}$$

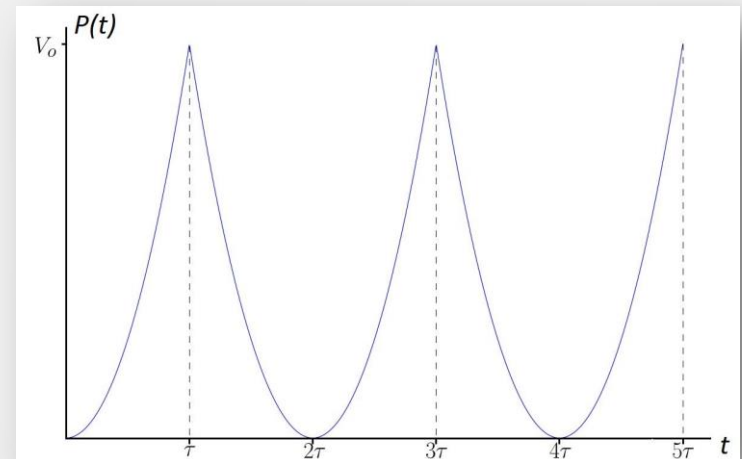
$$\alpha_n = \frac{2V_0(1 - (-1)^n)}{n\pi}$$



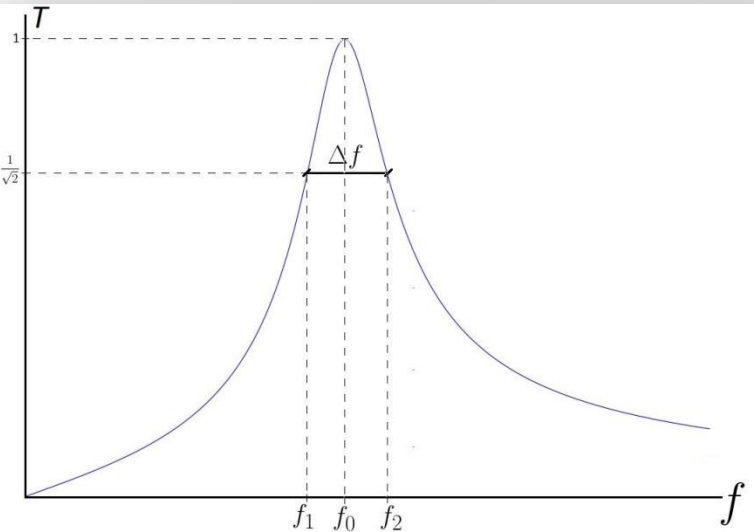
Señal parabólica:

$$P(t) = V_0 \left(\frac{t}{\tau}\right)^2 \quad t \in [-\tau, \tau]$$

$$\alpha_n = \frac{4V_0(-1)^n}{(n\pi)^2}$$



Circuito RLC

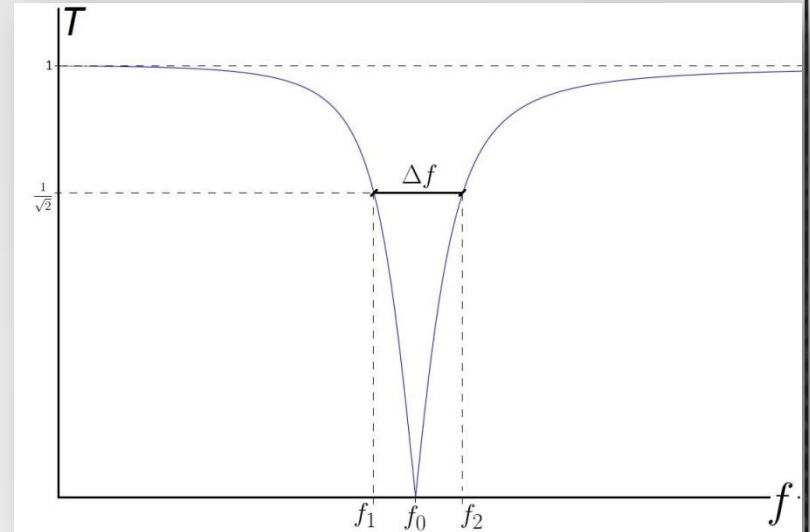


Anti-resonante

$$\Delta f = \frac{1}{2 \pi (R + R_L) C}$$

Transmisión

$$T(\omega) = \frac{R}{|Z|}$$



Resonante

$$\Delta f = \frac{R + R_L}{2 \pi L}$$

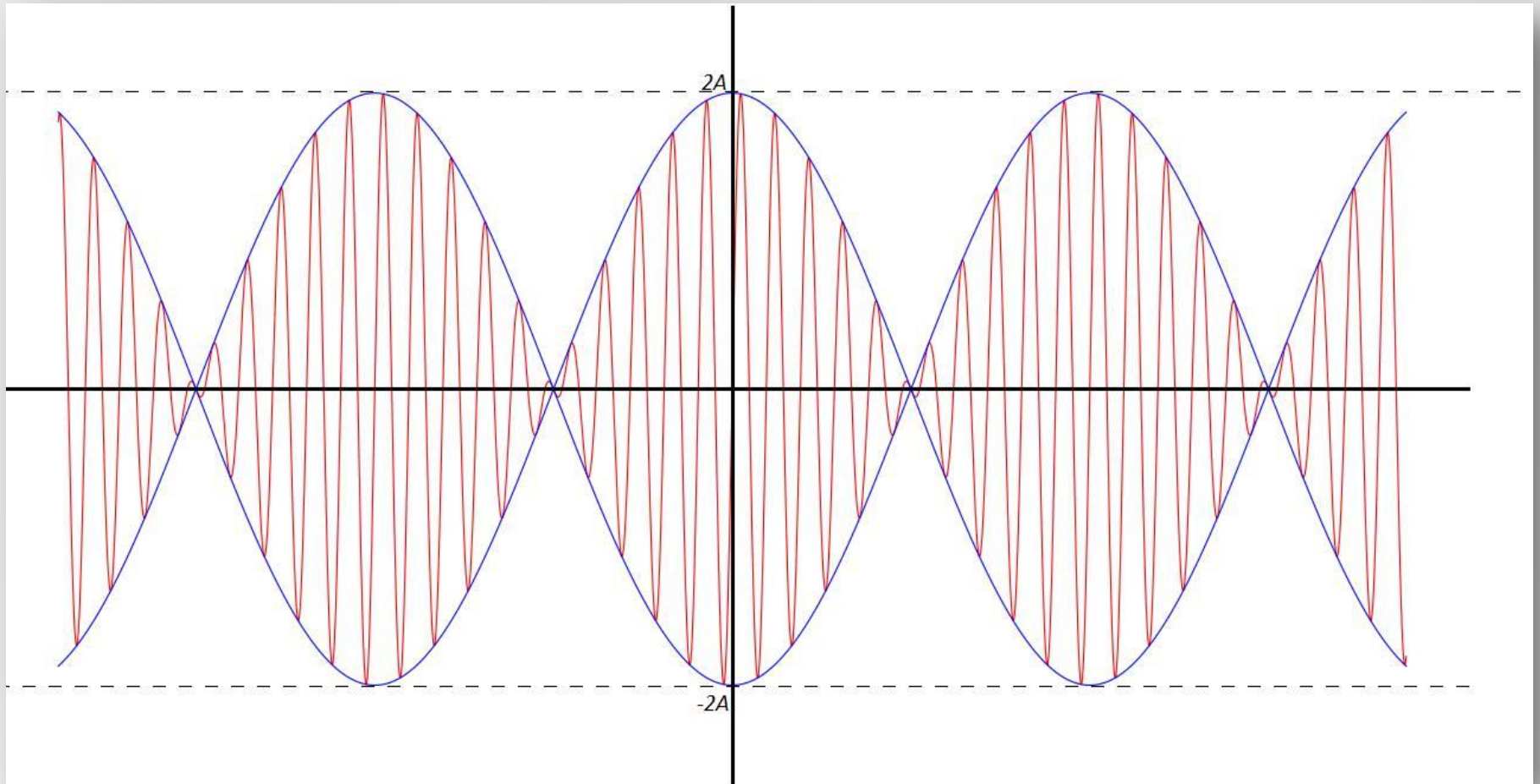
$$f_0 = \frac{1}{2 \pi \sqrt{LC}}$$

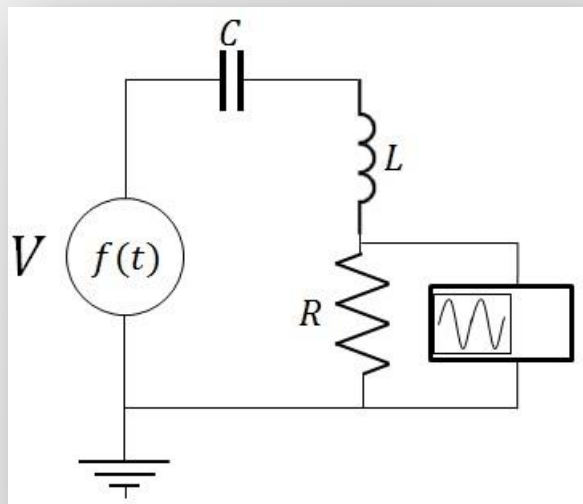
Batidos

$$V(t) = A \cdot \sin(\omega_1 t) + A \cdot \sin(\omega_2 t) = 2A \cos(\Delta\omega t) \cdot \sin(\bar{\omega} t)$$

$$\Delta\omega = \frac{\omega_2 - \omega_1}{2}$$

$$\bar{\omega} = \frac{\omega_2 + \omega_1}{2}$$





Circuito RLC resonante

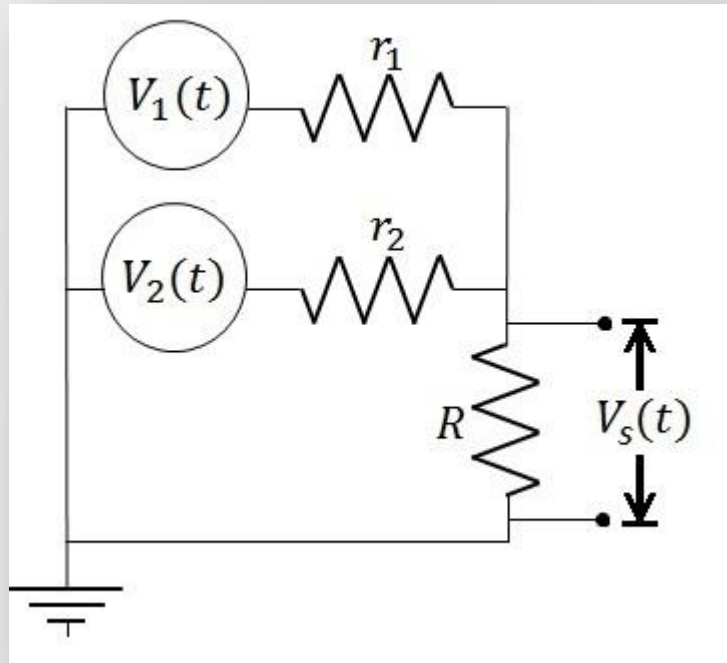
Parámetros del RLC resonante:

- $R=(750\pm 7)\Omega$
- $L=(1003 \pm 5)\text{mH}$
 - $R_L=(243 \pm 2)\Omega$
- $f_s=(500,00 \pm 0,05)\text{Hz}$
- $\Delta f=(158\pm 3)\text{Hz}$
- $T_{max}=(0,75\pm 0,01)$

Armónico	Capacitancia (nF)	Frecuencia de Res.(HZ)
1	101±4	500±11
2	25,0±1,3	1005±29
3	10,7±0,7	1536±54
4	6,00±0,03	2046±56
5	4,02±0,19	2506±65
6	2,98±0,14	2911±76
7	1,99±14	3562±107

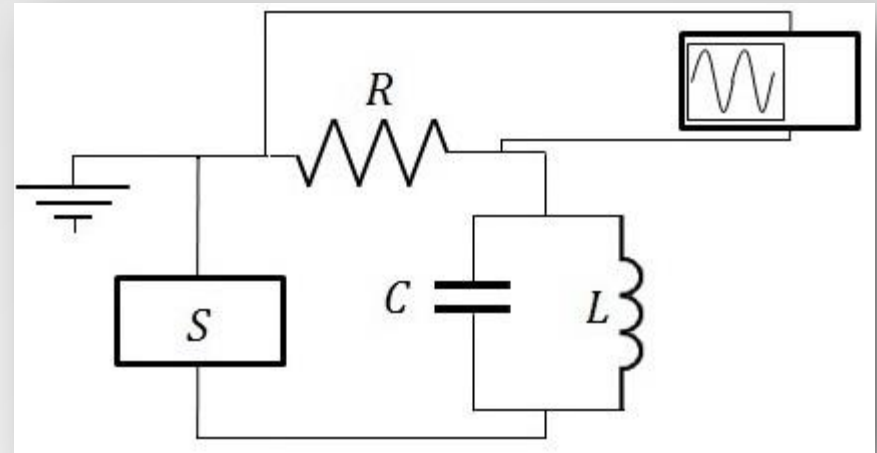
Tabla de capacitancias usadas para filtrar cada armónico de f_s

Circuito sumador



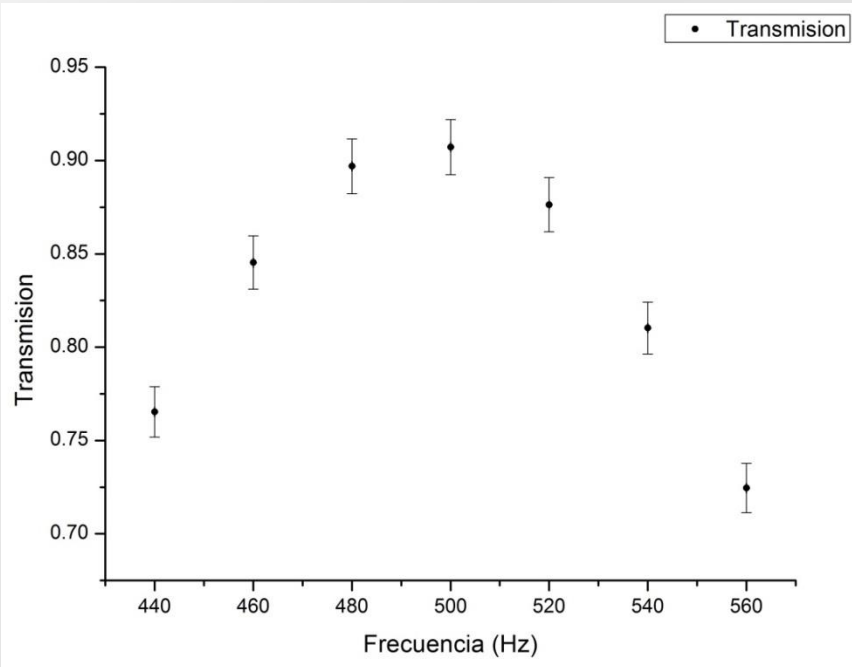
- $r_1 = r_2 = (10,5 \pm 0,4)$
- $R = (200 \pm 3)$
- $f_1 = (10844 \pm 1) \text{ Hz}$

Circuito RLC anti-resonante



Parámetros:

- $R = (7500 \pm 70)$
- $L = (10,0 \pm 0,3) \text{ mH}$
 - $R_L = (5,8 \pm 0,1)$
- $C = (101,2 \pm 0,8) \text{ nF}$
- $f_0 = (5003 \pm 95) \text{ Hz}$
- $\Delta f = (210 \pm 4) \text{ Hz}$

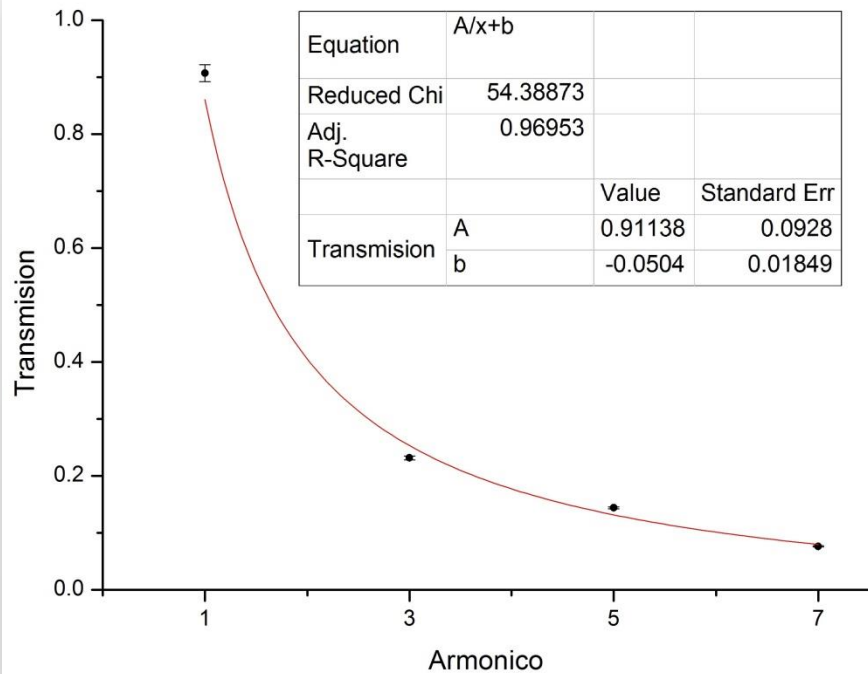


Todos los extremos para los distintos f_0 , de la señal cuadrada, se encontraron en $f_s = (500,00 \pm 0,05)$

Ejemplo de transmisión vs f ; 1º armónico de la señal cuadrada

Armónico	f de máxima transmisión (HZ)
1	500,00 ± 0,05
2	500,00 ± 0,05
3	480,00 ± 0,05
4	480,00 ± 0,05
5	500,00 ± 0,05
6	480,00 ± 0,05

Frecuencia de máxima transmisión para los armónicos en la señal parabólica



Señal cuadrada :
Transmisión vs Armónico

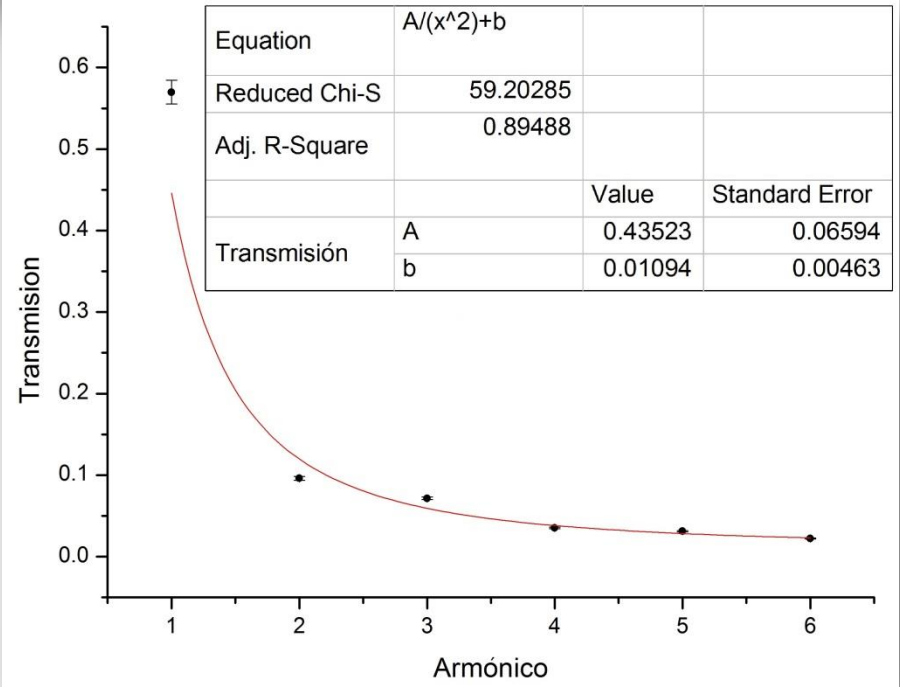
$$A = (0,91 \pm 0,09)$$

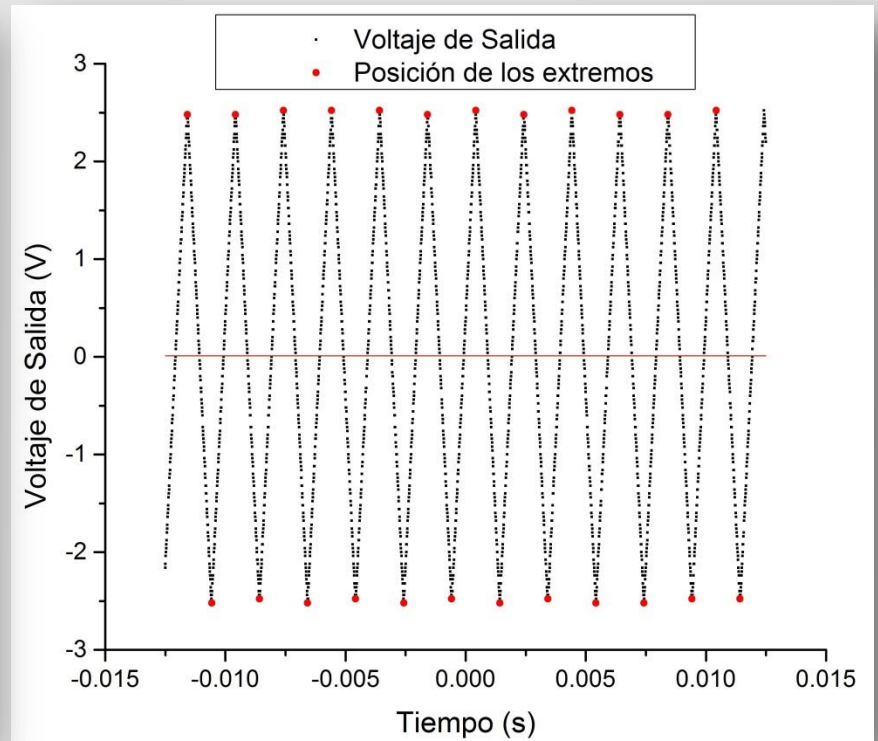
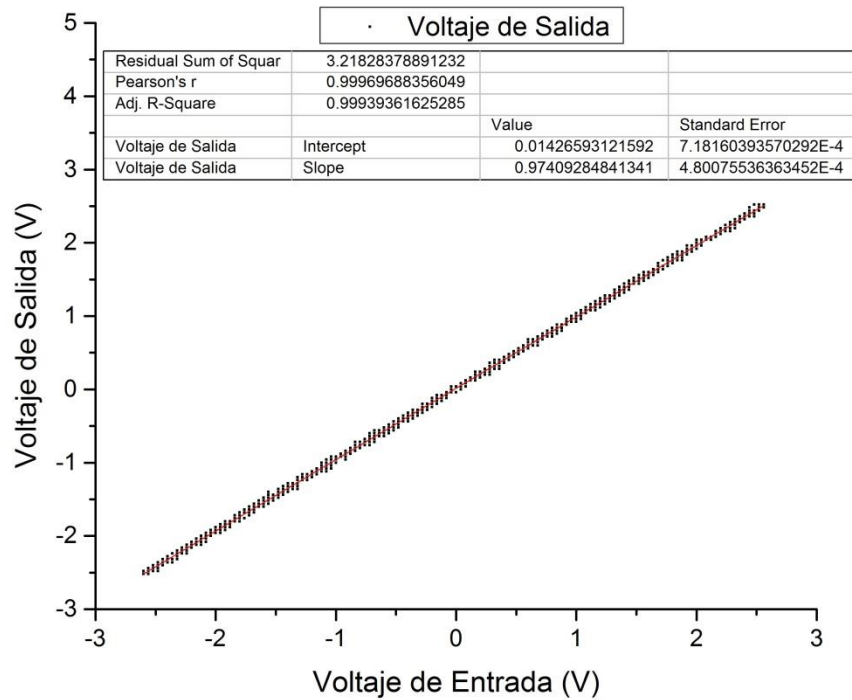
$$T_{max} \frac{4}{\pi} = (0,962 \pm 0,004)$$

Señal parabólica :
Transmisión vs Armónico

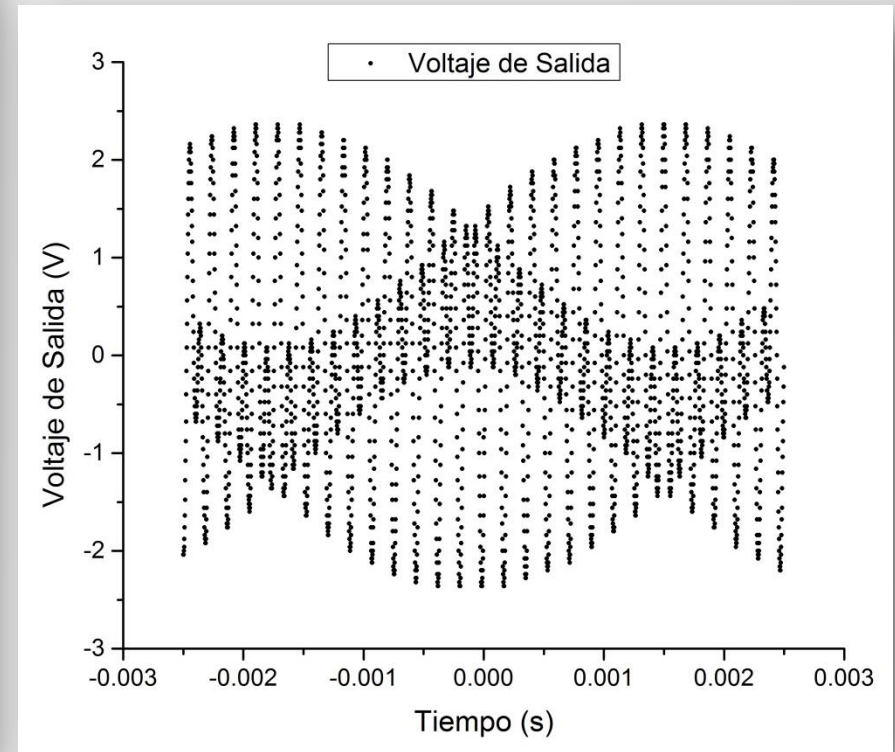
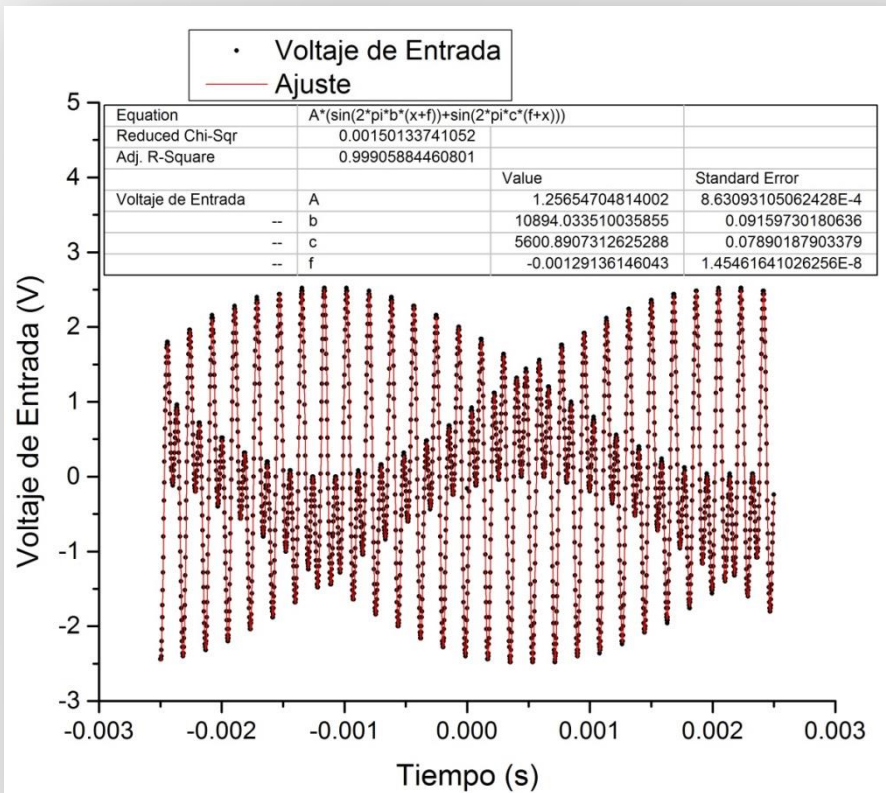
$$A = (0,44 \pm 0,07)$$

$$T_{max} \frac{4}{\pi^2} = (0,3060 \pm 0,0012)$$



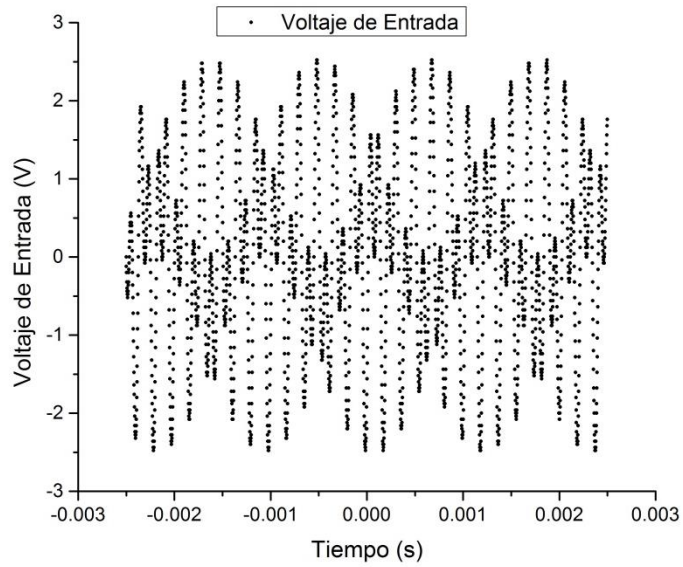


Respuesta del circuito sumador para una señal triangular

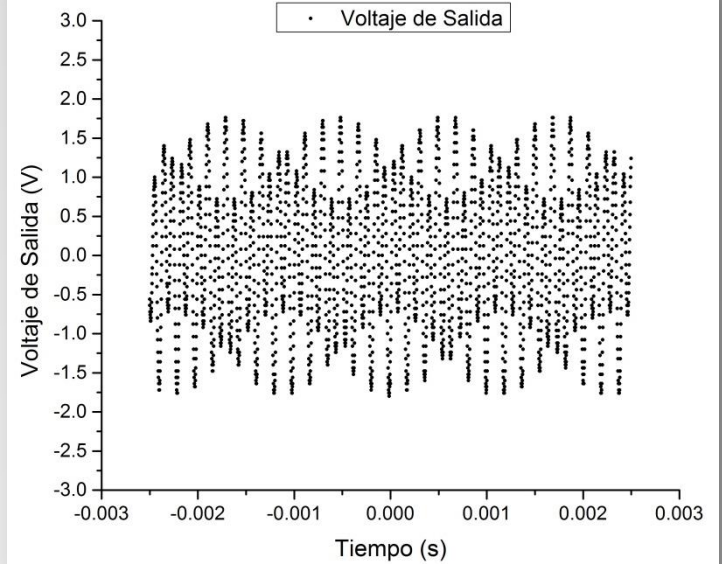


V de entrada y salida vs t, del RLC antiresonante, de dos señales sinusoidales con frecuencias $f_1=(10844 \pm 1)\text{Hz}$ y $f_2=(5600,5 \pm 0,5)\text{Hz}$

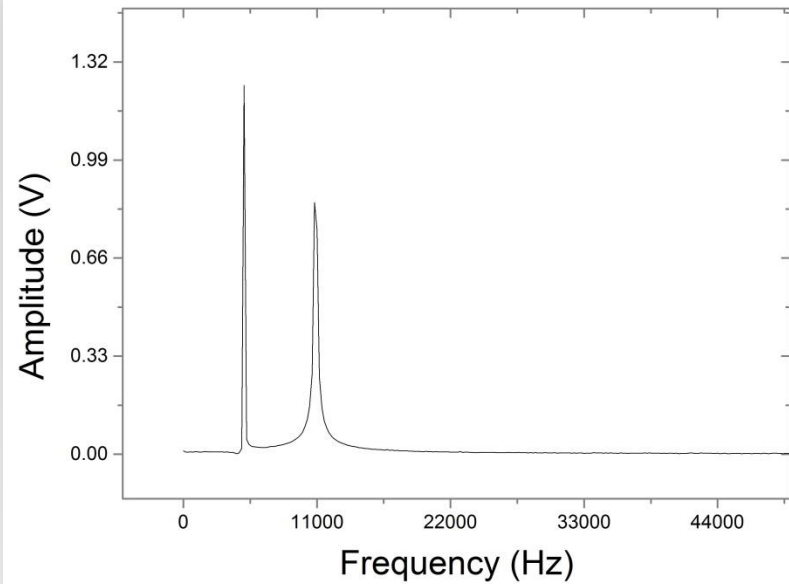
En este caso $f_2 = (5005,0 \pm 0,1)\text{Hz}$



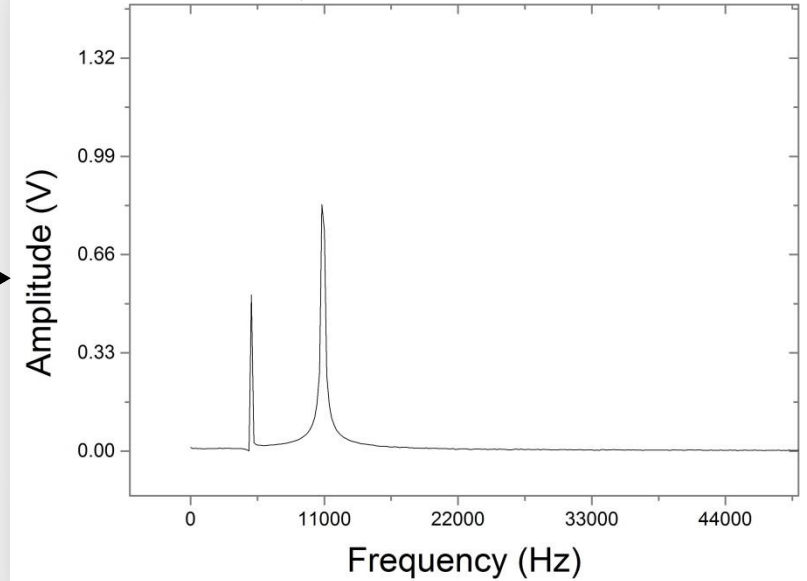
Filtrado

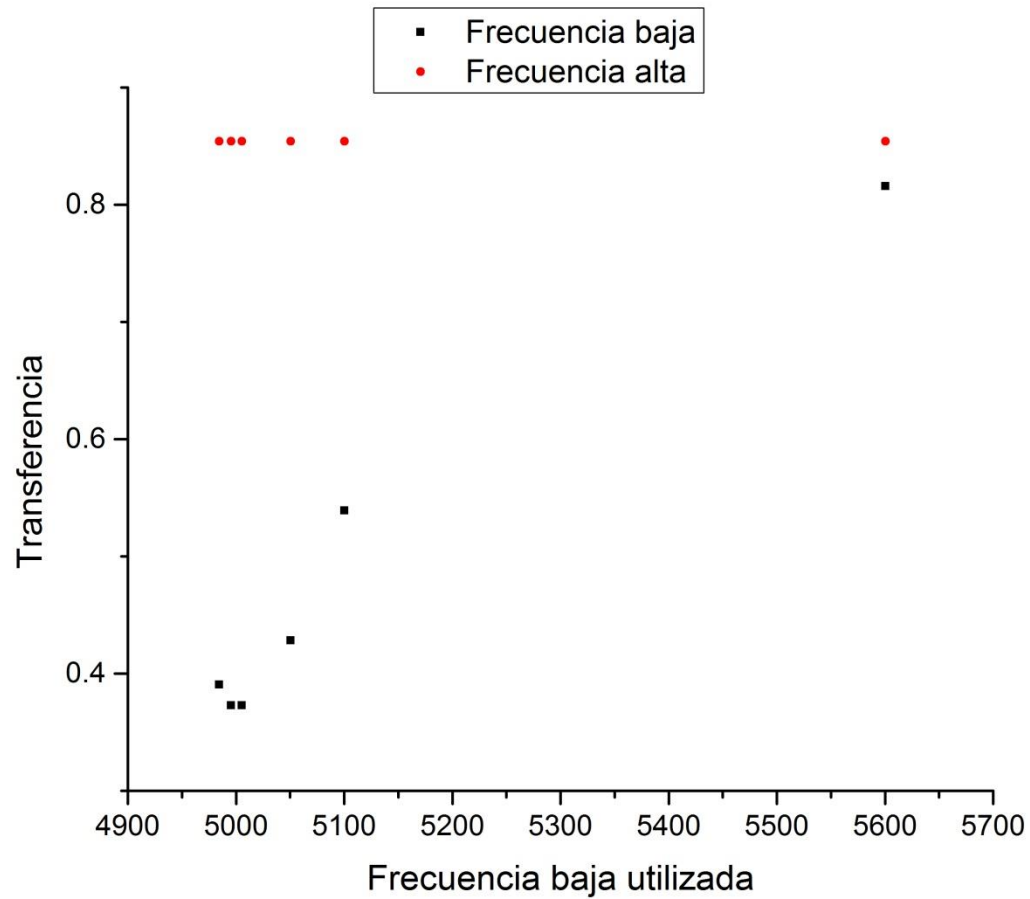


FFT



Filtrado





Análisis *FFT* utilizando el osciloscopio, manteniendo fija f_1 y variando la frecuencia baja f_2

Conclusiones:

- Las transmisiones en la señal parabólica no tuvieron el valor esperado. Esto puede deberse a que el ancho de banda del RLC resonante $\Delta f = (158 \pm 3)Hz$ era comparable con $f_s = (500,00 \pm 0,05)Hz$
- El sumador resultó efectivo a la hora de generar batidos, dado que no producía un atenuamiento mayor al 3%. Tampoco variaba la frecuencia o generaba un desfase.
- A pesar de que se logró atenuar la señal con $f_{baja} = (5005,5 \pm 0,5)Hz$ con el circuito RLC anti-resonante, no se logró eliminar completamente esta señal que es lo que se esperaba.