- 1. Dadas dos variables aleatorias discretas, X e Y, y dada su distribución de probabilidad conjunta que aparece en la tabla, se pide:
 - a. ¿Cumple la distribución conjunta las propiedades de una distribución de probabilidades?
 - b. ¿Cuál es la probabilidad de $P(X = x_1)$?
 - c. ¿Cuáles son las distribuciones marginales de cada P(X = x) y P(Y = y)?
 - i. Distribución marginal: distribución de probabilidad sobre una subconjunto de las variables aleatorias del espacio probabilístico
 - d. ¿Verifican las distribuciones marginales las propiedades de una distribución de probabilidades?

	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄	P(Y)
y 1	2/16	1/16	1/16	1/16	
y ₂	1/16	2/16	2/16	1/16	
y ₃	1/16	1/16	1/16	0	
y ₄	0	2/16	0	0	
P(X)					

- 2. Utilizando el conjunto de datos weather.nominal.practica que se proporciona, determinar la clasificación Naive Bayes de las siguientes instancias, utilizando la estimación de máxima verosimilitud (frecuencial) y sin utilizar ninguna herramienta de minería de datos:
 - a. $X_1 < sunny, cool, normal, false >$
 - b. $X_2 = < overcast, hot, high, true >$
- 3. Utilizando Weka y el clasificador NaiveBayes determinar la clasificación de los ejemplos anteriores:
 - a. ¿Coindice con la clasificación calculada en el ejercicio anterior?
- 4. Entrenar, con Weka, un clasificador Naive Bayes para el conjunto de datos weather.nominal.practica
 - a. Estimar la tasa de error cometida por el clasificador utilizando validación cruzada de 10 particiones.
 - b. Examinar la salida proporcionada por el *Explorer* y determinar cómo está estimando esta implementación de Naive Bayes los parámetros del clasificador.
- 5. El conjunto de datos weather.nominalX6 se ha generado repitiendo cada instancia del conjunto weather.nominal.practica seis veces. Entrenar con Weka un clasificador Naive Bayes para este conjunto de datos:
 - Estimar la tasa de error cometida por el clasificador utilizando validación cruzada de 10 particiones.

Ejercicios y prácticas Métodos Bayesianos I Curso 2022-2023

resultados.

b. Compare esta tasa de error con la estimada en el ejercicio anterior y discuta los