Programación 2025

Guía 10: Integración. Lectura y escritura

15 de octubre 2025

Antes de comenzar los problemas genere un nuevo directorio guia10 donde trabajará y guardará todos los programas y archivos que se producirán en este práctico.

Problema 1: Realice un programa que permita leer el siguiente archivo (matriz.txt):

1, 2, 3, 4, 5

6, 0, 0, 7, 8

0, 0, 9, 10, 11

y que asigne los valores a una matriz.

Problema 2: Genere un tensor aleatorio con distribución uniforme entre 0,1 de dimensions (3,3,3). Realice un programa que permita escribir el tensor en un archivo txt con valores seprados por comas y luego leer y reasignar la matriz.

Problema 3: Regresión lineal y polinómica de datos. Suponga se tiene un conjunto de datos de laboratorio que representan una velocidades y posiciones de un objeto con movimiento balístico en función del tiempo siguiendo algun tipo de ley (lineal y cuadrática). Se quiere determinar las curvas de ajuste de los datos experimentales.

- (a) Lea los datos de posiciones en el archivo caida1.txt y determine mediante el uso polyfit la aceleración y la velocidad inicial del objeto.
- (b) Lea los datos de velocidades en el archivo caida2.txt y determine mediante el uso polyfit la aceleración y la velocidad inicial del objeto. Notar que los archivos caida1.txt y caida2.txtlos son los mismos datos ordenados de manera distinta.
- (c) Realice dos gráficos en los cuales se muestren los datos experimentales y las curvas ajustadas para la velocidad y la posición.
- (d) Saque conclusiones sobre que instrumento, el de la velocidad o el de la posición, mide con mas precisión.

Problema 4: Genere 4 vectores de N = 10 dimensiones.

- 1. Guarde estos vectores en un archivo vectores.npy. Lea los vectores.
- 2. Con los tres primeros vectores construya una matriz tridiagonal (desechando la última componente de dos de estos vectores).
- 3. Implementar una función que realice por componentes el producto de una matriz tridiagonal $N \times N$ por un vector de N dimensiones (el cuarto vector del archivo).

Problema 5: Considere la integral de la función Gaussiana, conocida como función error:

$$\mathcal{E}(x) = \int_0^x e^{-t^2} dt \tag{1}$$

Esta integral no tiene solución analítica por lo que la única forma de determinarla es a través de la integración numérica.

(a) Escribir una función que calcule a \mathcal{E} para valores de x entre 0 y 3 con pasos de 0.1. Comparar los métodos de integración del trapecio y la regla de Simpson.

Regla del trapecio. $\int_a^b f(x) dx \approx \frac{b-a}{2} [f(a) + f(b)]$

Regla de Simpson. $\int_a^b f(x) dx \approx \frac{b-a}{6} \left[f(a) + 4f(\frac{a+b}{2} + f(b)) \right].$

- (b) Realizar un grafico de la función.
- (c) Realizar un gráfico de \mathcal{E} comparando los dos métodos de integración (investigue como cambian cuando se cambia la precisión de 0.1).

Problema 6: Considere la integral de la función

$$\int_0^{6.9} \cos\left(\frac{\pi}{2}x^2\right) dx \tag{2}$$

Esta es la integral del coseno de Fresnel que es de interes en óptica.

- (a) Graficar a la función.
- (b) Realizar una función de integración que ingrese la función, el x y el dx de integración para el método de Simpson.
- (c) Realizar una funcion de integracion en un intervalo [a,b], cuyos argumentos sean los límites del intervalo, el número de puntos y la función a integrar. Se debe llamar a la función del método de Simpson ya desarrollada.
- (d) Investigue las dependencias de la integral del coseno de Fresnel con distintas resoluciones de integración, decida cuantos puntos son requeridos para obtener un resultado representativo.

Problema 7: Estimación del número π utilizando el método de Monte Carlo.

Es posible estimar el área bajo la curva de una determinada función f(x) en un intervalo [a, b] a través del método de Montecarlo, que consiste en lo siguiente:

- Generar n puntos, de coordenadas (x_i, y_i) , que sean aleatorios, tales que $a < x_i < b$ y $0 < y_i < d$ utilizando una distribución uniforme np.random.uniform.
- Identificar cuántos de estos puntos (M) están comprendidos entre y = f(x) y y = 0.
- Se estima la integral como

$$\frac{integral}{\acute{a}rea~del~rect\acute{a}ngulo} = \frac{M}{N}$$

- (a) Realizar una función que realice integración por Monte Carlo dada una función arbitraria.
- (b) Aplique la función de Monte Carlo para determinar el área de uno de los cuadrantes del circulo de radio 1.
- (c) Estime el numero π . Determine cuantas muestras requiere para tener una precisión de 4 decimales.

Problema 8: Estimación del área de $\int_0^{\pi} \sin x dx$ utilizando el método de Monte Carlo.

(a)

- (b) Aplique la función de Monte Carlo con 10000 puntos para determinar el área usando la función de integración por Monte Carlo desarrollada en el ejercicio anterior.
- (c) Determine el error de la estimacion comparando con el valor exacto de la integral.
- (d) Realizar 30 estimaciones del área usando 10000 puntos calcule la media de las estimaciones y la desviación estandard.

F@CENA © 2025