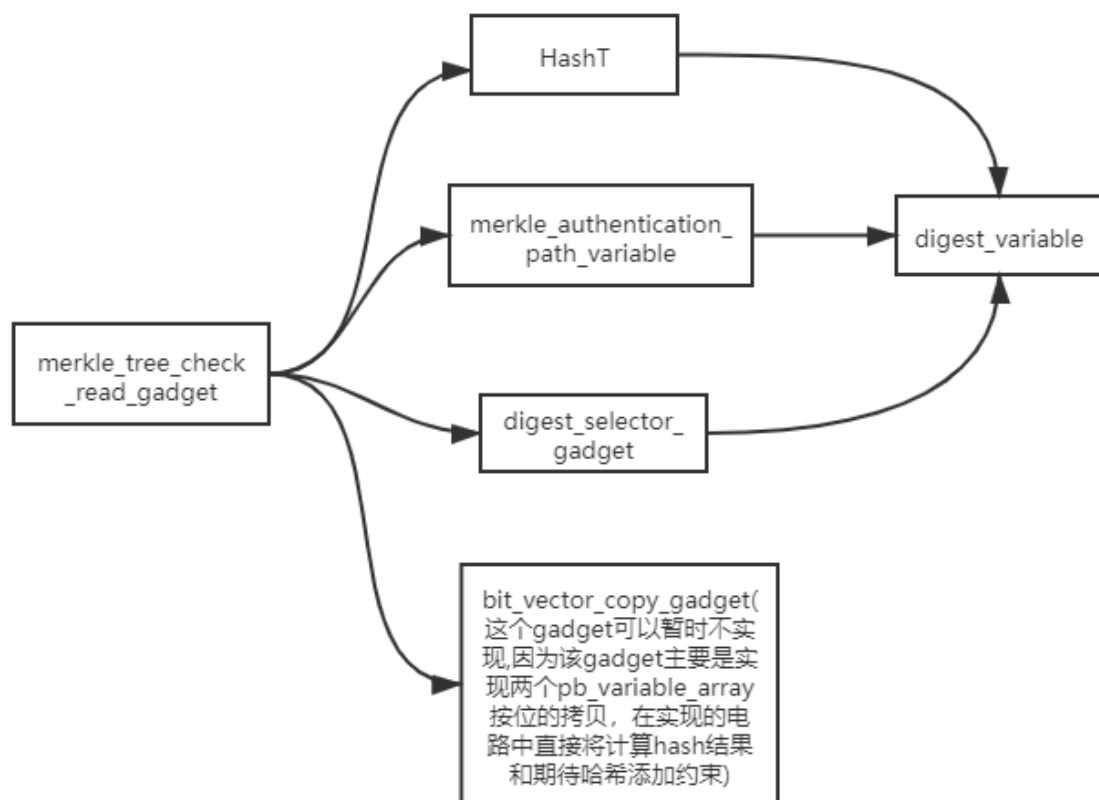


merkletree Gadget

- [merkletree Gadget](#)
- [merkletree Gadget依赖图](#)
- [merkle_authentication_path_variable_gadget](#)
 - [约束](#)
- [merkle_tree_check_read_gadget](#)
 - [约束](#)
- [hash gadget 约束](#)
- [withness\(private input和public input\) 变量](#)
- [merkletree约束总结](#)
- [测试部分的逻辑](#)
- [注意的问题](#)
- [完整代码加注释分析](#)

merkletree Gadget依赖图



merkle_authentication_path_variable_gadget

通过address的二进制位将path上的节点安放在left_digests和right_digests上。然后计算的中间结果由digest_selector_gadget安放在左右节点的路径上。

约束

分别对每层高度上的左右节点值求约束。

$\text{left_digest } lc * (1 - lc) = 0$ 一共 digest_size 位bit, tree_depth 的深度。

$\text{right_digest } lc * (1 - lc) = 0$ 一共 digest_size 位bit, tree_depth 的深度。

一共有 $2 * \text{digest_size} * \text{tree_depth}$ 个约束。

merkle_tree_check_read_gadget

验证merkle tree的一条路径以及其叶子节点求出的root值是否与期望的根节点的哈希值相同。

约束

1. tree_depth 个hash约束。hash的具体gadget是通过实例化模板形成。**这一部分hash的约束暂时不是很明白**

2. tree_depth 个 $\text{digest_selector_gadget}$ 的约束, 该约束主要是根据 address_bits 的bit位来将 internal_output 节点安放在求解根节点路径上面的左右。

$\text{is_right} * (\text{right.bits}[i] - \text{left.bits}[i]) = (\text{input.bits}[i] - \text{left.bits}[i])$ digest_size 次该约束, 一共循环 tree_depth 。约束数量: $\text{digest_size} * \text{tree_depth}$

3. $\text{bit_vector_copy_gadget}$ 将源variable数组按位拷贝给目的variable数组。约束为:

$1 * (\text{source}[i] - \text{target}[i]) = 0$ 一共有 $\text{source.size}()$ 个约束。

对于 source_bits 和以及 target_bits 的每一位都要为0或者1, 因此对于每个bit上需要添加约束。

hash gadget 约束

这一部分的约束直接调用 $\text{bellman_sha256_gadget}$ 接口, 暂时没有管 sha256_gadget 部分的约束分析。

witness(private input和public input) 变量

为了方便理解merkle tree所有约束的汇总, 在写merkle tree电路的时候需要需要明确witness的输入变量有哪些。如何确定这些变量?

我的理解是通过分析 libsark 中的 $\text{merkle_tree_check_read_gadget}$ 的构造函数的输入值, 以及 $\text{generate_r1cs_witness}$ 的输入变量有哪些, 根据两者的输入变量确定merkle tree的witness。因为 bellman 里面 constraint 和 witness 步骤是混在一起写, 因此需要在初始化电路的时候传入witness的值。

分析的merkle tree的witness输入主要有

```
tree_depth: u64,    // 树的深度(实际树的高度为tree_depth+1)
digest_size: u64,   // 哈希摘要值
address_bits: Vec<Option<E::Fr>>, // address_bits值, 主要用于将path以及
internal_output以及leaf的哈希值赋值给left_digests和right_digests中
leaf_digest: Vec<Option<E::Fr>>, // 需要验证的叶子节点的哈希值
root_digest: Vec<Option<E::Fr>>, // 期待的根哈希值
path: Vec<Vec<Option<E::Fr>>>,    // 对于叶子节点的验证路径
```

merkle tree约束总结

为了方便理解 bellman 中的电路, 因此这里将merkle tree所依赖gadget的所有约束进行汇总。

1. `left_digests: Vec<Vec<Option<E::Fr>>>` 和 `right_digests: Vec<Vec<Option<E::Fr>>>` 计算根节点左右哈希路径哈希值的约束。哈希上的每一位都要满足约束 $lc * (1 - lc) = 0$ 。
2. `tree_depth`个`digest_selector_gadget`的约束，该约束主要是根据`address_bits`的bit位来将`internal_output`节点安放在求解根节点路径上面的左右。
$$is_right * (right.bits[i] - left.bits[i]) = (input.bits[i] - left.bits[i])$$
`digest_size`次该条约束，一共循环`tree_depth`。约束数量: $digest_size * tree_depth$
3. 计算的哈希结果和期望的哈希结果直接的约束。 $root_digest[i] * 1 = computed_root[i]$ 一共 `digest_size` 个约束。

测试部分的逻辑

对于测试部分主要是如何构造上面的withness的变量值。

1. 随机生成一个`pre_hash(leaf_digest)`的哈希值。
2. 随机生成一个`computed_is_right` bool值，以及一个`other(path[i])`的哈希值，根据生成的`computed_is_right`的值来判断`pre_hash`哈希在右节点(true)或者是`other`哈希在右节点(false)，并且将`computed_is_right`的值加入到`address_bits`的数值中。该过程循环`tree_depth`次。
3. 最后将`pre_hash`的值赋值给`root_digest`。

构造上面的所有withness值结束。

注意的问题

1. bellman里面的constraint和withness的过程是写在一起的，但是在生成pk个vk的过程中需要用到构造的电路，因此在生成pk和vk的过程中需要初始化一个空值的电路，用该电路来生成pk和vk。bellman里面的生成pk和vk过程中空值电路(使用Option来包裹具体的值，空值为None)的处理要使用 `ok_or(SynthesisError::AssignmentMissing)` 对传进来的空值进行处理。
2. 电路的初始化生成pk和vk过程只是依赖于电路中构造的约束，并不依赖于withness的传值过程。
3. rust中Vector的append操作会导致被append的Vector被回执为空。
4. 注意匿名函数的返回值应该不加上分号。

完整代码加注释分析

见merkle_tree.rs文件