



지능 시스템 설계 Homework 5

Dep: Electronics

ID: 2021220699

Name: Eunchan Lee

What to do?

딥러닝 교재 [밑바닥부터 시작하는 딥러닝] Chapter 6. 학습 관련 기술들의 예제 코드들은 **MNIST dataset**에 대한 아래 내용들을 담고 있습니다.

- **SGD, Momentum, AdaGrad, Adam**을 비교
- 가중치(W) 초기값 잘 정하는 방법
- 배치 정규화
- 오버피팅 탈출법 → 가중치 감소(weight decay), 드롭아웃(Dropout)
- 적절한 하이퍼파라미터 [layer size, batch size, learning rate 등] 값 찾기



[6장의 정리]

이번 장에서 배운 것

매개변수 갱신 방법에는 확률적 경사 하강법(SGD) 외에도 모멘텀, AdaGrad, Adam 등이 있음
가중치 초기값을 정하는 방법은 올바른 학습을 하는데 매우 중요
가중치의 초기값은 Xavier 초기값(Sigmoid, tanh)과 He 초기값(ReLU)이 효과적
배치 정규화(normalization)를 이용하면 학습을 빠르게 진행, 초기값에 영향을 덜 받게 됨
오버피팅을 억제하는 정규화(regularization) 기술로는 가중치 감소와 드롭아웃이 있음
하이퍼파라미터 값 탐색은 최적 값이 존재할 법한 범위를 점차 좁히면서 하는 것이 효과적

위의 예제 코드들을

- **Fashion MNIST**
- **Scikit-learn digits**

위 두가지 Dataset에 대해 적용하는 코드를 *ipynb* → *py*로 만들고

Code Review 등의 형식으로 Report화 하기

1. for Fashion-MNIST

[code: hw5-1.py]

► Fashion MNIST info

@Eunchan Lee

To import by code

```
# tensorflow와 tf.keras를 임포트합니다
import tensorflow as tf
from tensorflow import keras
#Keras library makes it easy to use Fashion MNIST datasets.

fashion_mnist = keras.datasets.fashion_mnist
(train_images, train_labels), (test_images, test_labels) = fashion_mnist.load_data()
```

Dataset info

```
train_images = (60000,28,28) 60000 images of 28x28
test_images = (10000,28,28) 10000 images of 28x28
train_labels = (60000,) 60000 label values of 1D array
test_labels = (10000,) 10000 label values of 1D array
```

label

0 ~ 9 exists

```
0 = T-shirt/top 1 = Trouser
2 = Pullover 3 = Dress
4 = Coat 5 = Sandal
6 = Shirt 7 = Sneaker
8 = Bag 9 = Ankle boot
```

► FashionMnist에서 MNIST에 비해 바뀐 코드

데이터 전처리 부분을 수정해 주어야 합니다.

- MNIST 데이터 셋은 (,784)인 반면 f-MNIST는 (,28,28)의 형식으로 되어 있기 때문에 reshape 함수를 통해 데이터 사이즈를 Mnist와 같게 만들어 줍니다. 아래처럼 말이죠

```
fashion_mnist = keras.datasets.fashion_mnist
(train_images, train_labels), (test_images, test_labels) = fashion_mnist.load_data()
train_images = train_images.reshape(60000,28*28)
test_images = test_images.reshape(10000,28*28)
```

```
#Reduce dimensions
train_images = train_images/255
test_images = test_images/255

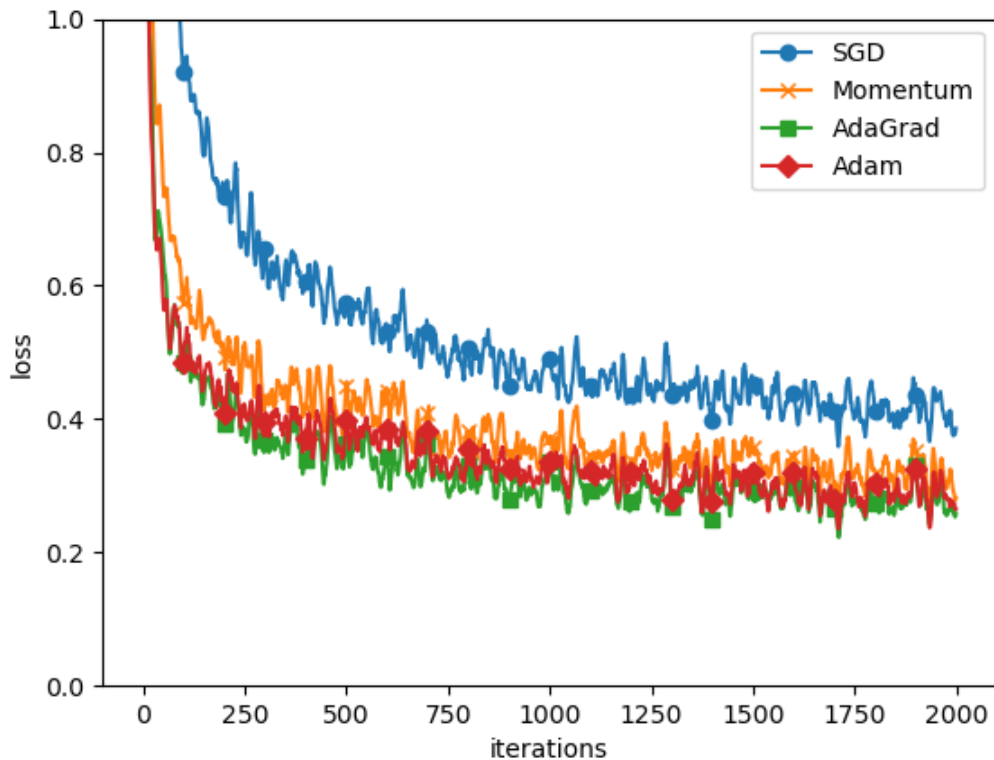
x_train = train_images
t_train = train_labels
x_test = test_images
t_test = test_labels
```

▶Part 0. 네가지 갱신방법 비교

SGD, Momentum, AdaGrad, Adam을 비교

CODE OUTPUT

```
=====iteration:0=====
SGD:2.338572742435959
Momentum:2.3316449421782934
AdaGrad:2.881611633801733
Adam:2.055768785217421
=====iteration:100=====
SGD:0.9482711714689764
Momentum:0.5995801945127497
AdaGrad:0.5242184450962963
Adam:0.5048487965178724
=====iteration:200=====
SGD:0.7461409783302453
Momentum:0.45506252692848004
AdaGrad:0.349129780501647
Adam:0.36487599138942783
(중략)
=====iteration:1700=====
SGD:0.44319197113094777
Momentum:0.3020826523620053
AdaGrad:0.2677027688187607
Adam:0.3513885379316294
=====iteration:1800=====
SGD:0.33079525493022
Momentum:0.2758918136521546
AdaGrad:0.23363150963166643
Adam:0.2518663504734057
=====iteration:1900=====
SGD:0.3364835202096036
Momentum:0.3217723140700938
AdaGrad:0.26905973374100706
Adam:0.2882564819389687
```



►Part 1. Fashion-MNIST 데이터셋으로 본 가중치 초기값

CODE OUTPUT

```

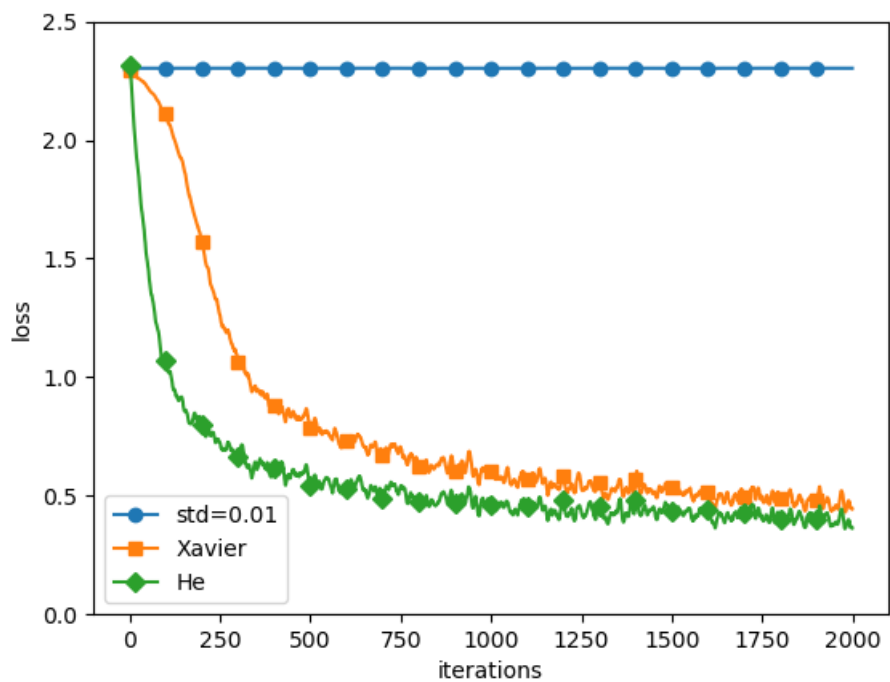
=====iteration:0=====
std=0.01:2.30247944118593
Xavier:2.290567794383307
He:2.3508048621074344
=====iteration:100=====
std=0.01:2.3023458873315774
Xavier:2.007403026114549
He:1.0289840993726291
=====iteration:200=====
std=0.01:2.302239350420974
Xavier:1.4418061896478063
He:0.7235701399284962

(중략)

=====iteration:1700=====
std=0.01:2.3032324527364483

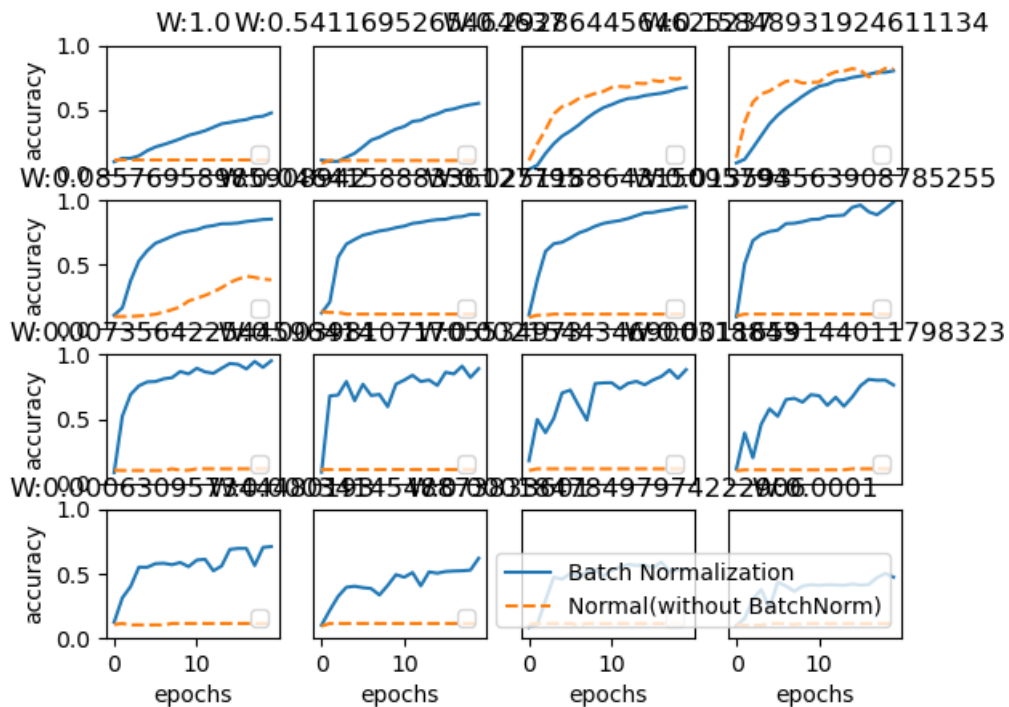
```

Xavier:0.4217593098840762
 He:0.3138726451045025
 =====iteration:1800=====
 std=0.01:2.3033039937454767
 Xavier:0.5015770706215592
 He:0.41694698942854447
 =====iteration:1900=====
 std=0.01:2.301549344852333
 Xavier:0.4099202803436247
 He:0.3158539571766924



결과: Fashion MNIST 데이터 적용에서도 초기 학습 속도는 He > Xavier 였고 마찬가지로 std=0.01에 대해서는 학습이 되지 않았음

▶Part 2. 배치 정규화



결과: Fashion MNIST 데이터 적용에서도 배치 정규화를 적용한 파란색 라인의 그래프가 Accuracy가 전체적으로 높았습니다.

▶Part 3. 오버피팅 탈출법 → 가중치 감소(weight decay), 드롭아웃(Dropout)

Part 3.1. 데이터 오버피팅 발생시키기

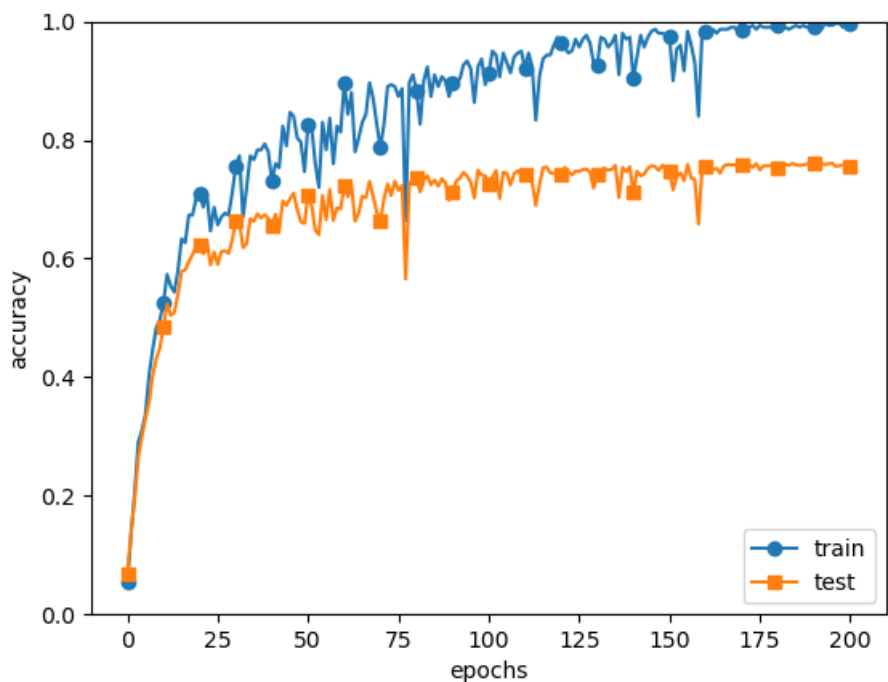
- 강제로 오버피팅을 만드는 코드에 *Fashion MNIST*를 넣고 결과를 보기

CODE OUTPUT

epoch:0, train acc:0.05333333333333334, test acc:0.0673
epoch:1, train acc:0.13333333333333333, test acc:0.1375
epoch:2, train acc:0.20333333333333334, test acc:0.1938
epoch:3, train acc:0.29, test acc:0.2641

(중략)

epoch:198, train acc:0.99, test acc:0.7573
epoch:199, train acc:0.9966666666666667, test acc:0.7585
epoch:200, train acc:0.9966666666666667, test acc:0.7544



그래프에서 train-test의 정확도가 크게 벌어지는 것은 훈련 데이터에만 적응(fitting)한 결과임.

Fashion MNIST에 대해 오버피팅 잘 됨

명백한 증거는 train accuracy가 1을 찍었다는 것=100%의 정확도는 너무나 비현실적인 수치임(오버피팅)

Part 3.2. 가중치 감소를 통한 오버피팅 해소

- 가중치 감소를 통해 오버피팅을 해소하는 예제 코드를 Fashion MNIST에 적용해 보기

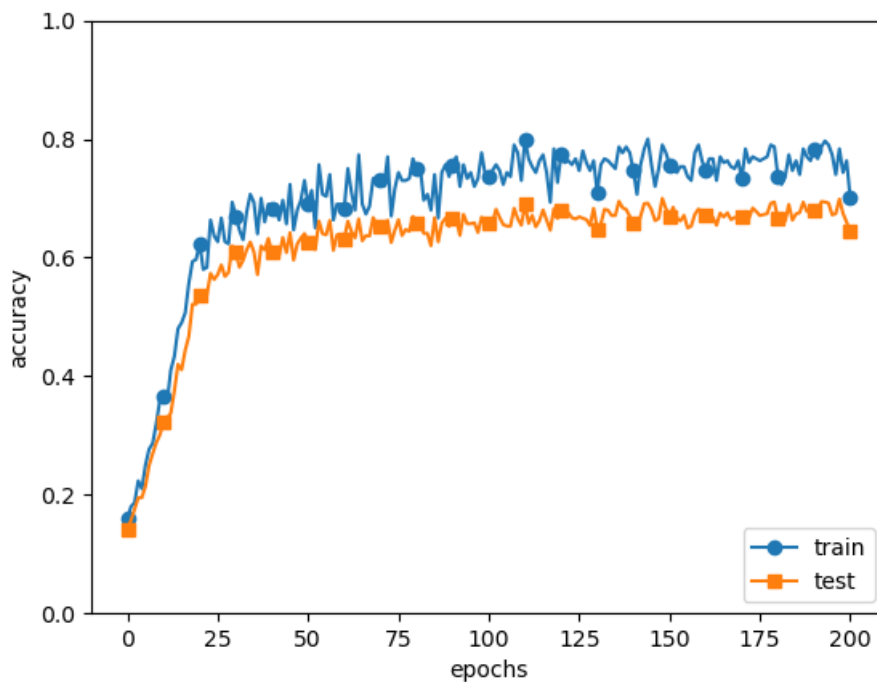
CODE OUTPUT

epoch:0, train acc:0.16, test acc:0.1414
epoch:1, train acc:0.18, test acc:0.1569

epoch:2, train acc:0.18666666666666668, test acc:0.1754
epoch:3, train acc:0.22333333333333333, test acc:0.1949

(중략)

epoch:197, train acc:0.7833333333333333, test acc:0.6987
epoch:198, train acc:0.7433333333333333, test acc:0.6745
epoch:199, train acc:0.7633333333333333, test acc:0.6598
epoch:200, train acc:0.7, test acc:0.6437



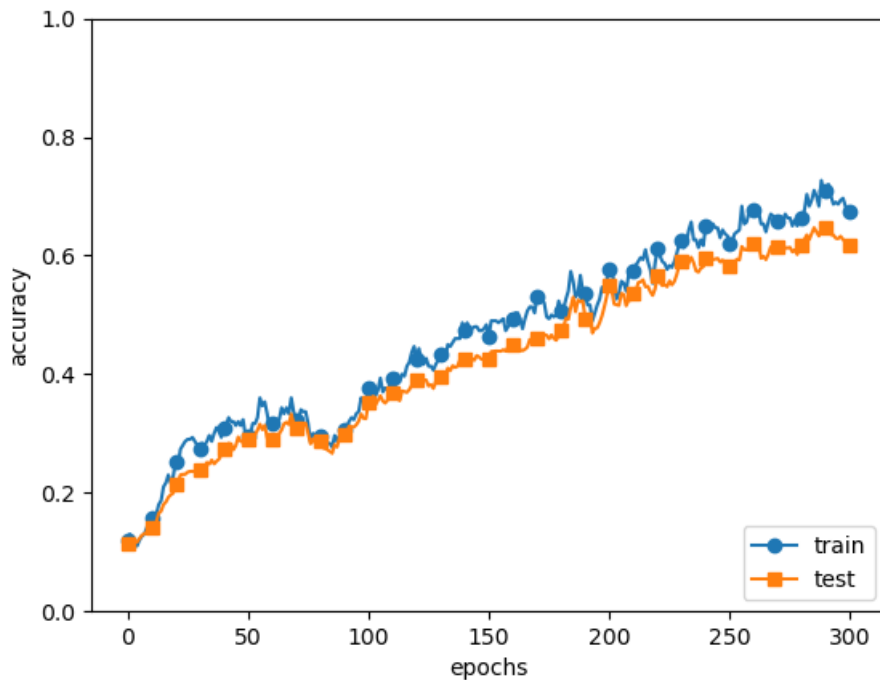
결과: F-MNIST 데이터도 mnist 예제와 마찬가지로 훈련 데이터에 대한 정확도와 시험 데이터에 대한 정확도는 더 줄었으나 train-test 사이의 정확도가 가까워졌다.(오버피팅이 억제 됨)

Part 3.3. 드롭아웃을 통한 오버피팅 해소

- 드롭아웃을 통해 오버피팅을 잡는 예제 코드를 Fashion MNIST 데이터에도 적용해봄

CODE OUTPUT

NO PRINT-LINE



결과:

MNIST 예제와 마찬가지로 F-Mnist 데이터 역시,

드롭아웃을 적용하니 훈련 데이터와 시험 데이터에 대한 정확도 차이가 줄었고 드롭아웃을 이용하면 *표현력을 높이면서 오버피팅을 억제* 가능하다.

►Part 4. 적절한 하이퍼파라미터 값 찾기

!하이퍼파라미터

각 layer size, batch size, learning rate 등

CODE OUTPUT

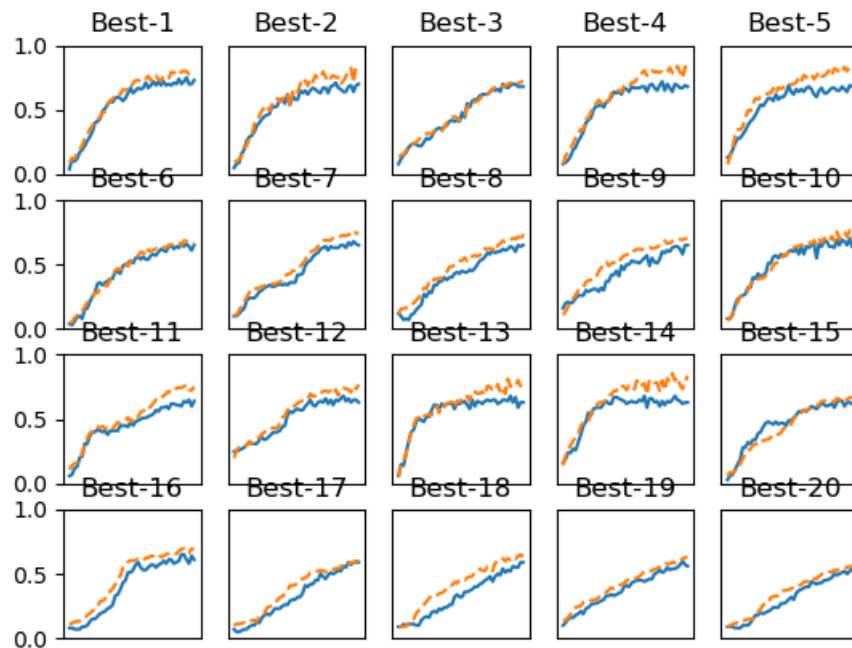
```
val acc:0.65 | lr:0.004033105443126092, weight decay:3.7623876422381616e-06
val acc:0.22 | lr:0.00015213408248236778, weight decay:1.2981599245557e-08
val acc:0.11 | lr:0.00073560770004926, weight decay:2.2196004570280973e-08
val acc:0.36 | lr:0.0005539552911149701, weight decay:4.201017497921518e-06
val acc:0.18 | lr:0.00025294906268407444, weight decay:7.715698907585391e-07
```

val acc:0.2 | lr:0.00018067198643234475, weight decay:1.0629046021075823e-07
val acc:0.07 | lr:1.059763922380416e-06, weight decay:9.296592967915885e-06
(중략)

val acc:0.63 | lr:0.008715251414602509, weight decay:1.9403525570564994e-08
val acc:0.13 | lr:0.0001136334112603958, weight decay:2.595468087200897e-08
val acc:0.09 | lr:3.534844116200619e-06, weight decay:1.992151722206056e-07
val acc:0.05 | lr:1.5006309484927133e-06, weight decay:2.036886239711004e-08
val acc:0.05 | lr:5.010014660684901e-06, weight decay:1.6610184412802237e-05
val acc:0.15 | lr:0.00017475514203204695, weight decay:3.152902785463229e-05
val acc:0.59 | lr:0.0021431851389777847, weight decay:2.7849442336588078e-08
val acc:0.65 | lr:0.003931707546097702, weight decay:8.24538573644075e-08
val acc:0.16 | lr:1.5864578961347132e-05, weight decay:6.585769735374058e-05
val acc:0.05 | lr:1.7922730778293529e-06, weight decay:3.88229975353511e-06
val acc:0.15 | lr:8.162428939766814e-06, weight decay:2.0672605653508538e-05

===== Hyper-Parameter Optimization Result =====

Best-1(val acc:0.73) | lr:0.008725857704941933, weight decay:5.3321135380693484e-08
Best-2(val acc:0.7) | lr:0.008865961367491513, weight decay:1.6070104629490852e-05
Best-3(val acc:0.68) | lr:0.0038690734796556895, weight decay:1.4971860610157802e-06
Best-4(val acc:0.68) | lr:0.006275329521413578, weight decay:8.089340785899472e-07
Best-5(val acc:0.68) | lr:0.006837535553010721, weight decay:2.6765997131868352e-05
Best-6(val acc:0.65) | lr:0.004033105443126092, weight decay:3.7623876422381616e-06
Best-7(val acc:0.65) | lr:0.004710210891857069, weight decay:4.740701658993109e-06
Best-8(val acc:0.65) | lr:0.004120317896197646, weight decay:5.4741876265802166e-06
Best-9(val acc:0.65) | lr:0.003931707546097702, weight decay:8.24538573644075e-08
Best-10(val acc:0.64) | lr:0.00648819247949308, weight decay:1.2559239468347054e-08
Best-11(val acc:0.64) | lr:0.003697168606858239, weight decay:1.7484403771013956e-08
Best-12(val acc:0.63) | lr:0.00619765701237026, weight decay:1.218382555386167e-08
Best-13(val acc:0.63) | lr:0.0077209198288607115, weight decay:2.1229103941722626e-07
Best-14(val acc:0.63) | lr:0.008715251414602509, weight decay:1.9403525570564994e-08
Best-15(val acc:0.62) | lr:0.003857943707425303, weight decay:1.1683755855400557e-06
Best-16(val acc:0.61) | lr:0.005082261262731077, weight decay:4.2537173070618346e-05
Best-17(val acc:0.59) | lr:0.0027233364547094995, weight decay:1.5735388744243827e-07
Best-18(val acc:0.59) | lr:0.0021431851389777847, weight decay:2.7849442336588078e-08
Best-19(val acc:0.56) | lr:0.002349709759228044, weight decay:6.2074457518607715e-06
Best-20(val acc:0.54) | lr:0.0025761140721383678, weight decay:4.1616726590893945e-06



결과: 주황선은 Train_data_acc, 파랑선은 Vali_data_acc이며, BEST-숫자의 의미는 훈련에서 가장 잘 된 순으로 정렬 된 것입니다. 상위 5개 항목에 대해 분석해보면 적절한 하이퍼파라미터의 범위를 고를 수 있습니다. 그 값은 어떻게 될까요?

► 적절한 하이퍼 파라미터 값(대략적인 범위):

- 학습률(lr): 0.0038 ~ 0.0088
- 가중치 감소계수(weight decay): $5.3 \times 10^{-8} \sim 2.67 \times 10^{-5}$

Best-1(val acc:0.73) | lr:0.008725857704941933, weight decay:5.3321135380693484e-08
 Best-2(val acc:0.7) | lr:0.008865961367491513, weight decay:1.6070104629490852e-05
 Best-3(val acc:0.68) | lr:0.0038690734796556895, weight decay:1.4971860610157802e-06
 Best-4(val acc:0.68) | lr:0.006275329521413578, weight decay:8.089340785899472e-07
 Best-5(val acc:0.68) | lr:0.006837535553010721, weight decay:2.6765997131868352e-05

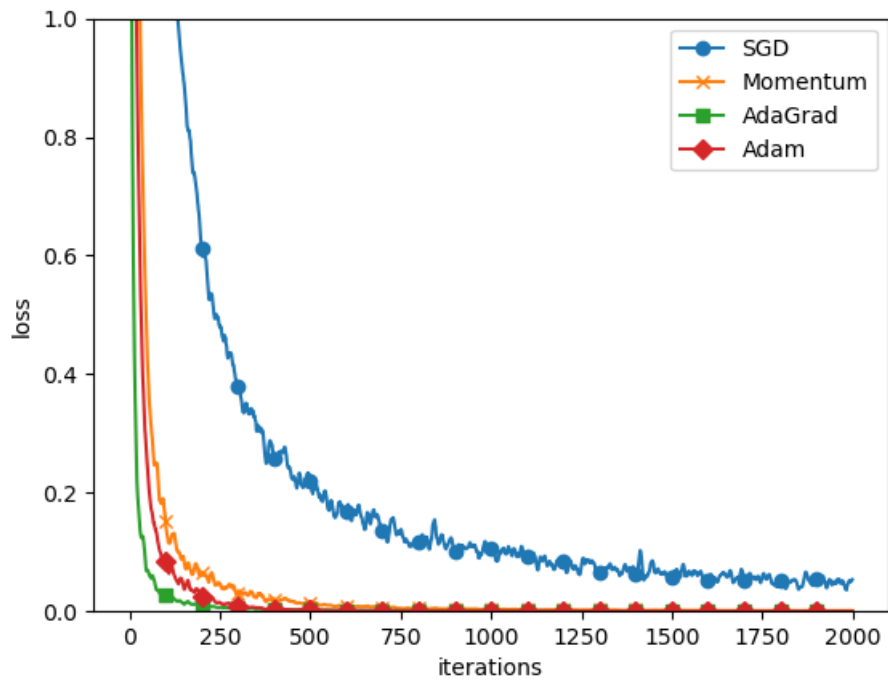
2. for sklearn-digits [code: hw5-2.py]

▶Part 0. 네가지 갱신방법 비교

SGD, Momentum, AdaGrad, Adam을 비교

CODE OUTPUT

```
=====iteration:0=====
SGD:2.2994419906666512
Momentum:2.3977519998976256
AdaGrad:2.1029783113922327
Adam:2.3489094522858416
=====iteration:100=====
SGD:1.1948926232730746
Momentum:0.12116370627068467
AdaGrad:0.018021243733671623
Adam:0.05516304837635172
=====iteration:200=====
SGD:0.5671649975034307
Momentum:0.05605184620458264
AdaGrad:0.011148037963119934
Adam:0.03320270395050573
(중략)
=====iteration:1700=====
SGD:0.05365048664887991
Momentum:0.0011896145420766994
AdaGrad:0.0003869430363490381
Adam:7.85938257278033e-05
=====iteration:1800=====
SGD:0.05324706385635931
Momentum:0.0016138777969438604
AdaGrad:0.00046188396831097075
Adam:0.00011202757169856569
=====iteration:1900=====
SGD:0.07052380847764084
Momentum:0.0012828344611217782
AdaGrad:0.00027117099242014107
Adam:6.478180149242527e-05
```



►Part 1. Digits 데이터셋으로 본 가중치 초기값

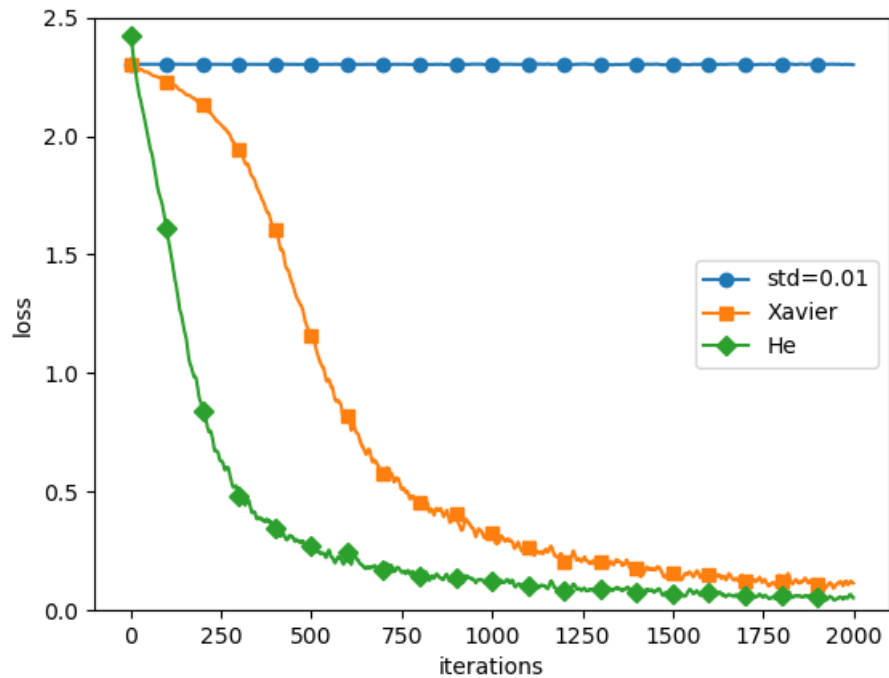
CODE OUTPUT

```

=====iteration:0=====
std=0.01:2.302515458895547
Xavier:2.3107350107755495
He:2.4460560955427013
=====iteration:100=====
std=0.01:2.302483043051067
Xavier:2.2285779749203734
He:1.59874566697205
=====iteration:200=====
std=0.01:2.3025126500905
Xavier:2.1279954610365035
He:0.8138986344706441
(중략)
=====iteration:1700=====
std=0.01:2.3067335953016155
Xavier:0.10733457038669975
He:0.04379060359117231
=====iteration:1800=====
std=0.01:2.308953409741611

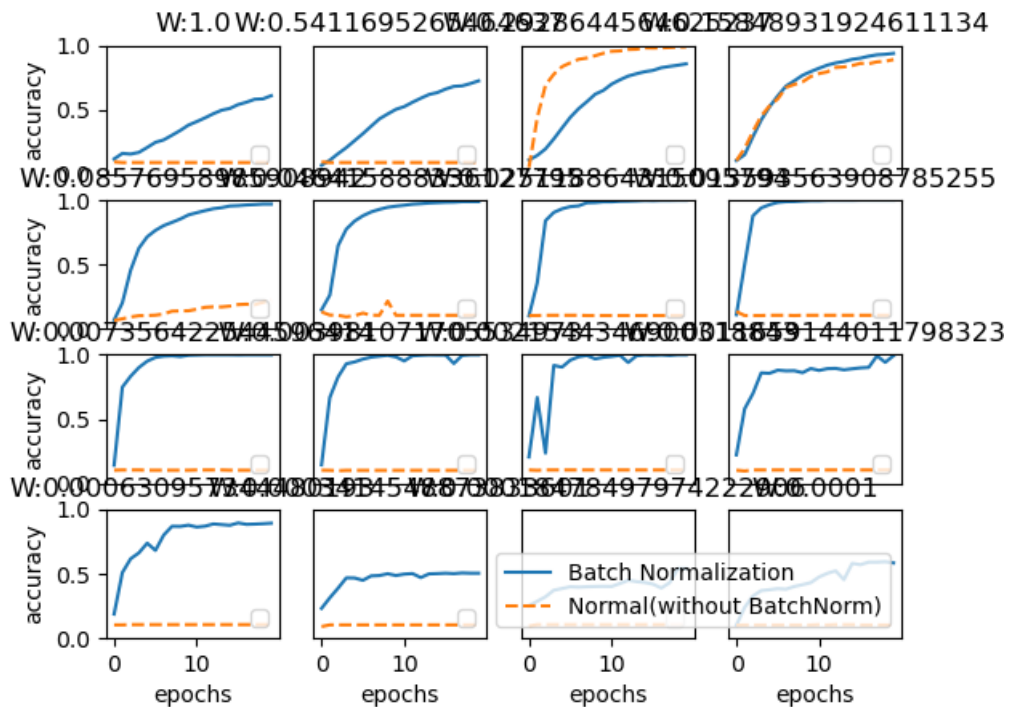
```

Xavier:0.07807213063933505
He:0.034102793078299255
=====iteration:1900=====
std=0.01:2.3046152496782666
Xavier:0.060769342635440135
He:0.03217016329290266



결과: digits 데이터 적용에서도 초기 학습 속도는 He > Xavier 였고 마찬가지로 std=0.01에 대해서는 학습이 되지 않았음

▶Part 2. 배치 정규화



결과: digits 데이터 적용에서도 배치 정규화를 적용한 파란색 라인의 그래프가 Accuracy가 전체적으로 높았습니다.

▶Part 3. 오버피팅 탈출법 → 가중치 감소(weight decay), 드롭아웃(Dropout)

Part 3.1. 데이터 오버피팅 발생시키기

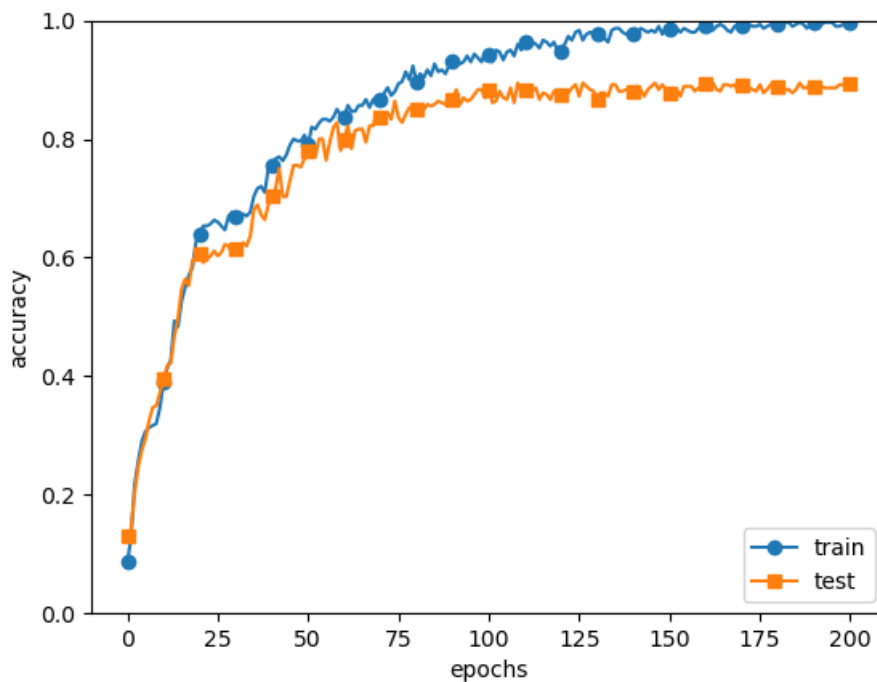
- 강제로 오버피팅을 만드는 코드에 digits를 넣고 결과를 보기

CODE OUTPUT

```
epoch:0, train acc:0.08666666666666667, test acc:0.13055555555555556
epoch:1, train acc:0.12666666666666668, test acc:0.14166666666666666
```

epoch:2, train acc:0.21666666666666667, test acc:0.20277777777777778
epoch:3, train acc:0.25666666666666665, test acc:0.24722222222222223
(중략)

epoch:198, train acc:0.9933333333333333, test acc:0.8916666666666667
epoch:199, train acc:0.9966666666666667, test acc:0.8861111111111111
epoch:200, train acc:0.9966666666666667, test acc:0.8944444444444445



그래프에서 train-test의 정확도가 크게 벌어지는 것은 훈련 데이터에만 적응(fitting)한 결과임.

*digits*에 대해 오버피팅 잘 됨

명백한 증거는 train accuracy가 1을 찍었다는 것=100%의 정확도는 너무나 비현실적인 수치임(오버피팅)

Part 3.2. 가중치 감소를 통한 오버피팅 해소

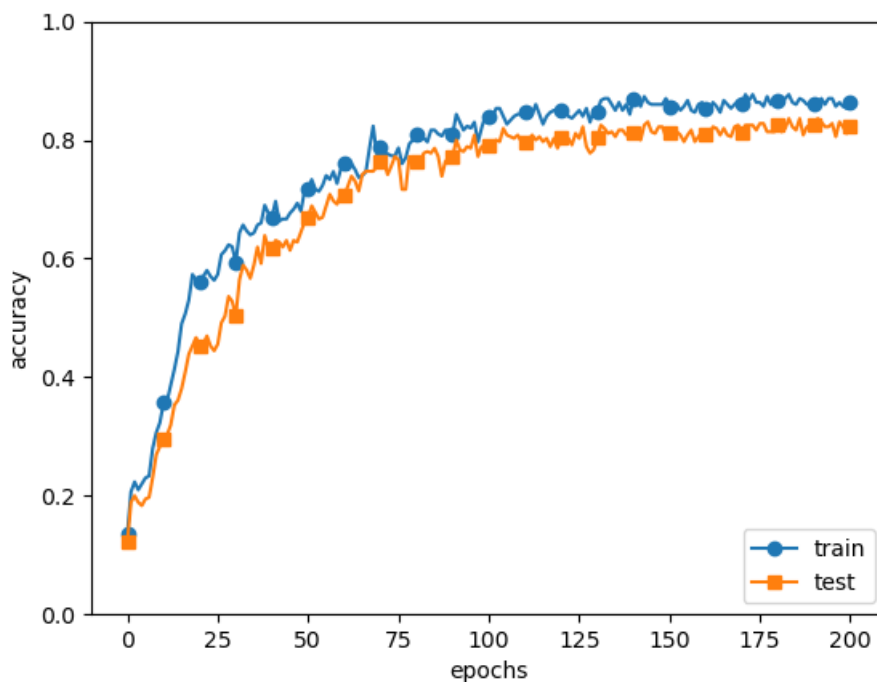
- 가중치 감소를 통해 오버피팅을 해소하는 예제 코드를 sklearn Digits에 적용해 보기

CODE OUTPUT

epoch:0, train acc:0.13666666666666666, test acc:0.12222222222222222
epoch:1, train acc:0.20666666666666667, test acc:0.18888888888888888
epoch:2, train acc:0.22333333333333333, test acc:0.2
epoch:3, train acc:0.21, test acc:0.18888888888888888

(중략)

epoch:198, train acc:0.8566666666666667, test acc:0.8222222222222222
epoch:199, train acc:0.8533333333333334, test acc:0.8111111111111111
epoch:200, train acc:0.8633333333333333, test acc:0.8222222222222222



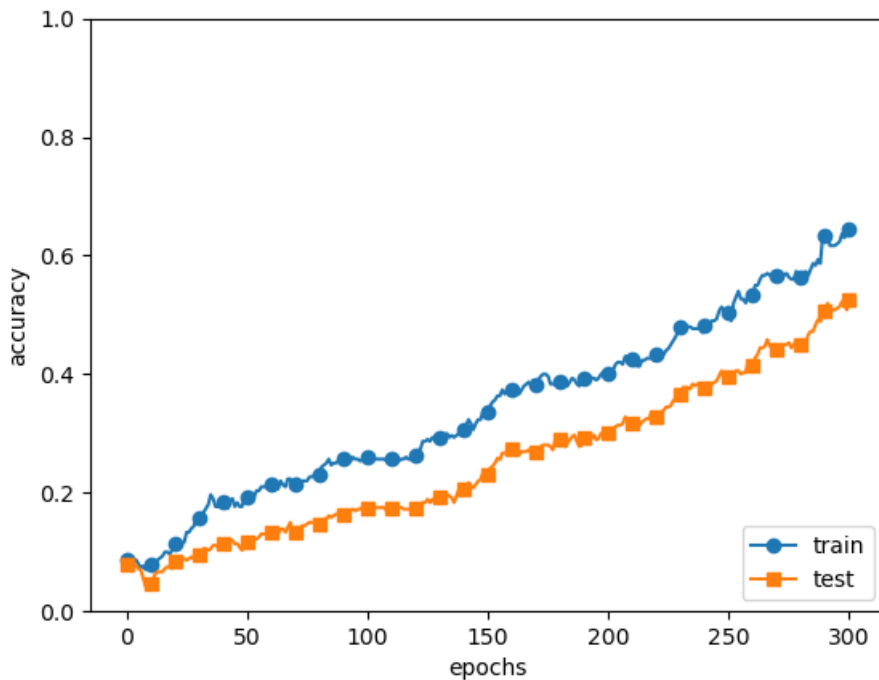
결과: digits 데이터도 mnist/Fashion-MNIST 예제와 마찬가지로 훈련 데이터에 대한 정확도와 시험 데이터에 대한 정확도는 더 줄었으나 train-test 사이의 정확도가 가까워졌다.(오버피팅이 억제됨)

Part 3.3. 드롭아웃을 통한 오버피팅 해소

- 드롭아웃을 통해 오버피팅을 잡는 예제 코드를 Digits 데이터에도 적용해봄

CODE OUTPUT

NO PRINT-LINE



결과:

MNIST 예제와 마찬가지로 **digits** 데이터 역시,

드롭아웃을 적용하니 훈련 데이터와 시험 데이터에 대한 정확도 차이가 줄었고 드롭아웃을 이용하면 **표현력을 높이**면서 **오버피팅을 억제**가능하다.

►Part 4. 적절한 하이퍼파라미터 값 찾기

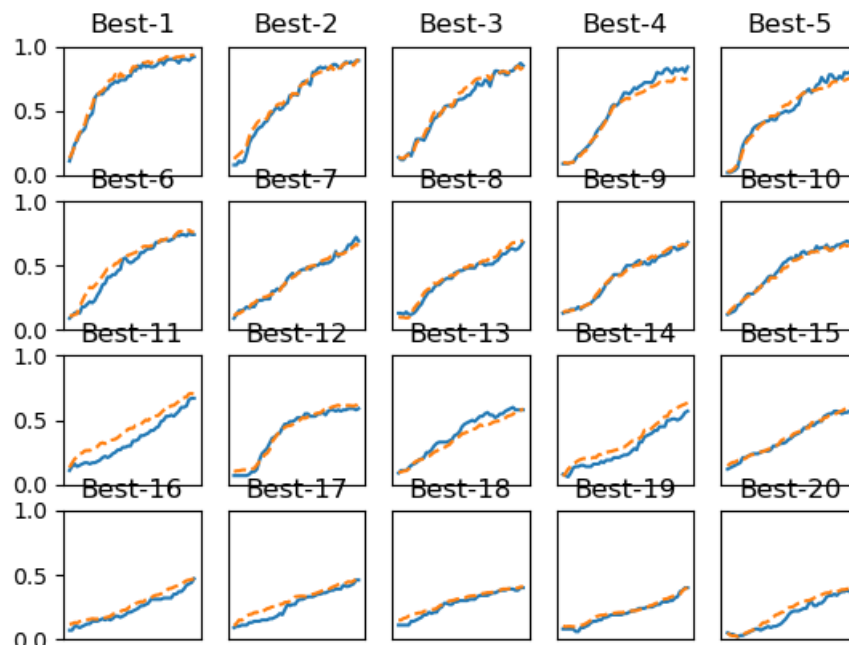
!?!하이퍼파라미터

각 layer size, batch size, learning rate 등

CODE OUTPUT

```
val acc:0.12 | lr:0.0001192109668319687, weight decay:3.2086517469117953e-06
val acc:0.08 | lr:2.418748721424833e-06, weight decay:7.396559226175216e-08
val acc:0.12 | lr:4.836102571212388e-05, weight decay:1.8794764983027266e-07
val acc:0.05 | lr:1.0465364285202407e-06, weight decay:1.6100119399914457e-05
val acc:0.05 | lr:6.682571683835225e-06, weight decay:1.2706245533578214e-05
(중략)
val acc:0.89 | lr:0.00802161536272497, weight decay:4.401467050245399e-06
val acc:0.01 | lr:5.486097038440444e-05, weight decay:5.0835679312960357e-08
val acc:0.58 | lr:0.0027172804773943405, weight decay:2.7437585459725016e-06
```

val acc:0.09 | lr:3.124776743681842e-06, weight decay:9.593133520324551e-07
 val acc:0.12 | lr:9.379489823073218e-06, weight decay:7.780639032278238e-05
 val acc:0.05 | lr:0.0003207619617403599, weight decay:2.2227007375380647e-08
 ===== Hyper-Parameter Optimization Result =====
 Best-1(val acc:0.92) | lr:0.009743329553508515, weight decay:2.575490423654973e-05
 Best-2(val acc:0.89) | lr:0.00802161536272497, weight decay:4.401467050245399e-06
 Best-3(val acc:0.85) | lr:0.006434075591694893, weight decay:5.430558760397632e-06
 Best-4(val acc:0.84) | lr:0.004026596110068881, weight decay:9.464155899122225e-05
 Best-5(val acc:0.81) | lr:0.005502661705761284, weight decay:3.8838173503005467e-07
 Best-6(val acc:0.74) | lr:0.00485269530718975, weight decay:1.3676319104508411e-08
 Best-7(val acc:0.69) | lr:0.004349678056007648, weight decay:5.511895455119525e-05
 Best-8(val acc:0.68) | lr:0.003895716224832331, weight decay:3.200200435093347e-05
 Best-9(val acc:0.68) | lr:0.0020783063681908565, weight decay:8.365502318818075e-06
 Best-10(val acc:0.67) | lr:0.004008241127526191, weight decay:3.58697393128988e-05
 Best-11(val acc:0.67) | lr:0.0037288875526938266, weight decay:7.151681686274684e-06
 Best-12(val acc:0.59) | lr:0.003979247389699313, weight decay:5.310871610092756e-08
 Best-13(val acc:0.58) | lr:0.0027172804773943405, weight decay:2.7437585459725016e-06
 Best-14(val acc:0.57) | lr:0.0019132349211672685, weight decay:8.797171312176448e-07
 Best-15(val acc:0.56) | lr:0.0012086095793351736, weight decay:2.359372860659198e-08
 Best-16(val acc:0.47) | lr:0.0013116639224658201, weight decay:8.718183022136018e-06
 Best-17(val acc:0.46) | lr:0.0022448358457952417, weight decay:1.5403590543624657e-05
 Best-18(val acc:0.4) | lr:0.0011098936543028788, weight decay:7.678214057227183e-06
 Best-19(val acc:0.4) | lr:0.0018931376116616866, weight decay:2.4187513574668546e-07
 Best-20(val acc:0.38) | lr:0.0013708366504698334, weight decay:1.1769332419627744e-07



결과: 주황선은 Train_data_acc, 파랑선은 Vali_data_acc이며, BEST-숫자의 의미는 훈련에서 가장 잘 된 순으로 정렬 된 것입니다. 상위 5개 항목에 대해 분석해보면 적절한 하이퍼파

라미터의 범위를 고를 수 있습니다. 그 값은 어떻게 될까요?

▶ 적절한 하이퍼 파라미터 값(대략적인 범위):

- 학습률(lr): 0.0040 ~ 0.0097
- 가중치 감소계수(weight decay): $3.88 * 10^{-7} \sim 9.46 * 10^{-5}$

Best-1(val acc:0.92) | lr:0.009743329553508515, weight decay:2.575490423654973e-05
Best-2(val acc:0.89) | lr:0.00802161536272497, weight decay:4.401467050245399e-06
Best-3(val acc:0.85) | lr:0.006434075591694893, weight decay:5.430558760397632e-06
Best-4(val acc:0.84) | lr:0.004026596110068881, weight decay:9.464155899122225e-05
Best-5(val acc:0.81) | lr:0.005502661705761284, weight decay:3.8838173503005467e-07

결론

데이터 상관없이 데이터를 잘 분석해서 데이터에 맞게 Neural Network의 모델링을 잘하면 잘 된다...

이 과제를 통해서 단순한 딥러닝 오픈소스 모델 이용에 그치지 않고

- 모델의 하이퍼파라미터를 잘 짜는 법
- 모델의 오버피팅을 해소하는 몇가지 기법
- 모델의 옵티마이저를 고르는 기준

등을 실제로 프로그래밍 시에 간간히 생각하면서 더 효율을 높이면서 프로그래밍해 볼 수 있을 것 같다.

(와 딥러닝 너무 재밌다....😂😂)