#### Project Proposal

### Division of Applied Mathematics, Department of Mathematics

#### Faculty of Science, Silpakorn University

Date: 27 กันยายน 2561

Advisor : ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.นพดล ชุมชอบ

Student : นายภัคพล พงษ์ทวี รหัส 07580028

Project Title: ขั้นตอนวิธีเชิงตัวเลขชนิดใหม่สำหรับการต่อเติมภาพที่ใช้การแปรผันรวมกับการ ประยุกต์สำหรับซ่อมแซมภาพจิตรกรรมไทยโบราณและการลบบทบรรยายจากอนิเมะ (A new numerical algorithm for TV-based image inpainting with its applications for restoring ancient Thai painting images and removing subtitles from animes)

## 1 ที่มาและความสำคัญ

ในปัจจุบัน การใช้ภาพดิจิตัล (digital images) ในสังคมเครือข่ายได้รับความนิยมอย่างแพร่หลาย เนื่องจาก โทรศัพท์เคลื่อนมีราคาถูกลงแต่มีความสามารถที่ชาญฉลาดสามารถทำหน้าที่ได้ตั้งแต่การเป็นกล้อ งดิจิตัลคอมแพค (compact digital camera) คุณภาพดีให้ภาพดิจิตัลที่มีความคมชัดสูงจนไปถึงการทำหน้า ดังเช่นเครื่องคอมพิวเตอร์ส่วนบุคคลที่สามารถเชื่อมต่อกับระบบเครือข่ายไร้สายเพื่อรับส่งภาพดิจิตัลในสังคม เครือข่ายด้วยความสะดวกและรวดเร็ว

นอกจากภาพดิจิตัลจะได้รับจากการถ่ายภาพด้วยโทรศัพท์เคลื่อนที่แล้ว ภาพดิจิตัลยังได้รับการถ่าย ภาพด้วยกล้องดีเอสแอลอาร์ หรือ กล้องสะท้อนเลนส์เดี่ยวแบบดิจิตัล (digital single lens reflex camera) กล้องโทรทรรศน์ (หรือ กล้องดูดาว) หรือ เครื่องมือสร้างภาพถ่ายทางการแพทย์ (medical imaging device)

โดยทั่วไป ภาพดิจิตัลจะได้รับการประมวลผลภาพก่อนนำไปใช้งานเพื่อให้สามารถใช้ข้อมูลที่ปรากฏ บนภาพได้ตรงวัตถุประสงค์ของการใช้งานมากที่สุด ตัวอย่างเช่น ภาพบุคคล (portrait) อาจจำเป็นต้องได้รับ การกำจัดสัญญาณรบกวนออกจากภาพและ/หรือปรับเพิ่มความละเอียดข้อมูลของความเข้มของสีและความ สว่างของสีบนบริเวณใบหน้าก่อนนำภาพไปใช้งานเพื่อจัดทำต้นฉบับวารสารหรือหนังสือของสำนักพิมพ์ เป็นต้น

การต่อเติมภาพ (image inpainting) เป็นวิธีการประมวลผลภาพชนิดหนึ่งมีเป้าหมายเพื่อซ่อมแซม ภาพด้วยการต่อเติมข้อมูลของความเข้มของสีบนบริเวณที่กำหนด (ต่อไปจะเรียกบริเวณนี้ว่าโดเมนต่อเติม (inpainting domain)) โดยอาศัยข้อมูลของความเข้มของสีที่ปรากฏในภาพ ตัวอย่างเช่น กำหนดให้รูปที่ 1 (a) แสดงภาพที่ต้องการซ่อมแซมความเข้มของสีบนบริเวณแท่งวัตถุรูปร่างสี่เหลี่ยมสีขาว การต่อเติมภาพดัง กล่าวจะเริ่มด้วยการกำหนดให้บริเวณแท่งวัตถุรูปร่างสี่เหลี่ยมสีขาวเป็นโดเมนการต่อเติมดังรูปที่ 1 (b) จาก นั้นภาพที่ได้รับการซ่อมแซม หรือ ภาพที่ได้รับการต่อเติม (restored or inpainted image) ซึ่งแสดงในรูปที่ 1 (c) ได้มาจากขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพ (inpainting algorithm) ซึ่งได้รับการออกแบบเพื่อนำข้อมูลที่ ปรากฏบนภาพในบริเวณใกล้เคียงกับขอบของโดเมนต่อเติมมาซ่อมแซมภาพ



รูปที่ 1: ตัวอย่างการซ่อมแซมภาพ; (a) ภาพที่ต้องการซ่อมแซม; (b) โดเมนต่อเติม; (c) ภาพที่ได้รับการ ซ่อมแซมการ

เท่าที่วิจัยศึกษาและค้นคว้ามาจนถึงขณะนี้ ผู้วิจัยพบว่าการต่อเติมภาพมักนิยมนำไปใช้งานสำหรับ การปรับแต่งความสวยงามของภาพบุคคลที่ถ่ายจากโทรศัพท์เคลื่อนที่ เช่น การลบร่องรอยของรอยตีนกา การลบร่องรอยแผลเป็นที่เกิดจากสิวเสี้ยน การลดร่องรอยของความชรา หรือ การเพิ่มความใสและความ เนียนของสีผิวบนบริเวณใบหน้าผ่านโปรแกรมแอปพลิเคชันแต่งรูปภาพที่มีอยู่ในแอปสโตร์ (App Store) หรือ กูเกิ้ลเพลย์ (Google Play) เป็นต้น

## 1.1 การซ่อมแซมบูรณะภาพจิตรกรรมไทยโบราณ

ภาพจิตรกรรมไทย คือ ภาพเขียนที่มีเอกลักษณ์ความเป็นศิลปะไทยซึ่งโดดเด่นและแตกต่างจากภาพ เขียนของชนชาติอื่น ในอดีต ช่างไทยได้สร้างสรรค์ลวดลายและสีสันบนภาพวาดเพื่อสะท้อนประเพณีและ วัฒนธรรมในสังคมไทยที่เกี่ยวกับศาสนา ประวัติศาสตร์ โบราณคดี ชีวิตความเป็นอยู่ วัฒนธรรมการแต่งกาย ตลอดจนการแสดงการเล่นพื้นเมืองต่าง ๆ ของแต่ละยุคสมัย

อย่างไรก็ตาม ภาพจิตรกรรมไทยจำนวนไม่น้อยที่เสื่อมสลายตามกาลเวลา และรอคอยการบูรณะ จากช่างในสมัยปัจจุบันที่ต้องไม่สร้างความเสียหายให้กับภาพเขียนเพิ่มขึ้นมากกว่าเดิม ที่ผ่านมาภาพที่ผ่าน การบูรณะมาแล้วจำนวนไม่น้อยได้รับความเสียหายหลังจากการบูรณะ ถึงแม้สภาพโดยรวมของภาพ จิตรกรรมเดิมยังคงอยู่ แต่รายละเอียดในตัวภาพเขียนได้เปลี่ยนไป ก่อให้เกิดความเสียหายที่ประเมินค่าไม่ได้

การซ่อมแซมบูรณะภาพจิตรกรรมไทยโบราณโดยใช้การต่อเติมภาพเป็นขั้นตอนของการบูรณะแบบ หนึ่งซึ่งไม่ก่อให้เกิดความเสียหายใด ๆ กับภาพเดิม เนื่องจากเป็นการบูรณะโดยผลของการใช้ขั้นตอนวิธีเชิง ตัวเลขบนภาพดิจิตัลซึ่งเป็นสำเนาของภาพเดิม ด้วยเหตุผลดังกล่าว ผู้วิจัยได้เล็งเห็นว่าการซ่อมแซมบูรณะ ภาพจิตรกรรมไทยโบราณมีความจำเป็นเร่งด่วน เนื่องจากภาพที่ได้รับการซ่อมแซมด้วยการต่อเติมภาพ สามารถนำไปใช้ประกอบการตัดสินใจเพื่อวางแผนก่อนการลงมือบูรณะภาพเขียนจริงได้ นอกจากนี้ ขั้นตอน วิธีการต่อเติมภาพสามารถนำไปใช้สร้างแอปพลิเคชันบนโทรศัพท์เคลื่อนที่เพื่อในไปใช้เป็นข้อมูลในการเข้า ชมภาพเขียนเดิมที่ยังไม่ได้รับการซ่อมแซมและภาพเขียนที่ได้รับการซ่อมแซมโดยแอปพลิเคชันที่พัฒนาขึ้น

รูปที่ 2 แสดงตัวอย่างภาพจิตรกรรมไทย<sup>1</sup> ที่ต้องได้รับการบูรณะช่อมแซมบนบริเวณแขนเสื้อของรูป วาดผู้ชายที่มีส่วนของสีแดงเดิมหลุดหายไป ทั้งนี้ในการซ่อมแซมภาพโดยการต่อเติมภาพ เราจะเริ่มด้วยการ สร้างโดเมนต่อเติมบนบริเวณสีพื้นผิวปูนที่แขนเสื้อ จากนั้นจึงนำขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพเพื่อซ่อมแซมภาพ บริเวณนั้นให้เป็นสีแดง



รูปที่ 2: ภาพจิตรกรรมไทยที่วัดภูมินทร์ อำเภอเมือง จังหวัดน่าน

#### 1.2 การลบบทบรรยายบนอนิเมะ

อนิเมะคือวิดีโอภาพวาดการ์ตูนสไตล์ญี่ปุ่นซึ่งเป็นที่นิยมของเยาวชนไทย ในการรับชมอนิเมะ ถึงแม้ เยาวชนไทยสามารถรับชมด้วยบทพากย์เสียงภาษาไทย แต่ก็สูญเสียอรรถรสของการรับชมจากบทบรรยาย แบบแข็ง<sup>2</sup> (hardsub) ที่เป็นภาษาต่างประเทศในบริเวณด้านล่างของจอภาพ ในการซ่อมแซมอนิเมะด้วยการ ลบบทบรรยายภาษาต่างประเทศจึงเป็นงานที่ยุ่งยากและท้าท้ายมาก เนื่องจาก

- (1) อนิเมะเป็นวิดีโอซึ่งแสดงผลประมาณ 24 เฟรม(ภาพ)ต่อวินาที
- (2) แต่ละเฟรมอาจมีหรืออาจไม่มีบทบรรยายก็ได้
- (3) แต่ละเฟรมอาจมีหรืออาจไม่มีบทบรรยายเดียวกันก็ได้
- (4) แต่ละเฟรมเป็นการแสดงผลภาพสีที่มีระดับความคมชัดสูง (high definition) กับ  $1920 \times 1080$  พิกเซล

ด้วยความท้าทายข้างต้น การพัฒนาขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพที่สามารถกำหนดโดเมนต่อเติมเชิงอัตโนมัติให้ กับแต่ละเฟรมและประมวลผลได้แม่นยำจนการลบบทบรรยายสามารถทำงานได้แบบเรียลไทม์จึงเป็นสิ่ง จำเป็นที่หลีกเลี่ยงไม่ได้

รูปที่ 3 แสดงตัวอย่าง 1 เฟรมของอนิเมะที่มีบทบรรยายแบบแข็ง<sup>3</sup> ที่ต้องซ่อมแซมด้วยการลบบท บรรยายออก ทั้งนี้ในการลบบทบรรยายออกจากเฟรมโดยใช้การต่อเติมภาพ เราจะเริ่มด้วยการสร้างโดเมน

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>ภาพถ่ายที่วัดภูมินทร์ อำเภอเมือง จังหวัดน่าน; ภาพจาก http://topicstock.pantip.com/camera/topicstock/2009/02/ O7514399/O7514399.html สืบค้นเมื่อวันที่ 23 กันยายน 2561

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>บทยรรยายที่ไม่สามารถปิดหรือเปิดได้

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>ภาพจาก https://www.samehadaku.tv/2018/07/grand-blue-episode-1-subtitle-indonesia.html สืบค้นเมื่อวันที่ 23 กันยายน 2561

ต่อเติมแบบอัตโนมัติในบริเวณบทบรรยาย จากนั้นจึงนำขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพแบบเร็วเพื่อลบบท บรรยายออกจากเฟรม



รูปที่ 3: 1 เฟรมของอนิเมะที่มีบทบรรยายแบบแข็ง

โครงการวิจัยนี้ ผู้วิจัยมีเป้าหมายสำคัญคือการพัฒนาขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพแบบเร็วและแม่นยำ ชนิดใหม่เพื่อนำไปใช้สำหรับซ่อมแซมบูรณะภาพจิตรกรรมไทยและการลบบทบรรยายออกจากอนิเมะ

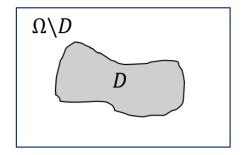
# 2 วรรณกรรมและทฤษฎีบทที่เกี่ยวข้อง

ในการกล่าวถึงขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพ จะเริ่มต้นด้วยการกล่าวทบทวนเกี่ยวกับการต่อเติมภาพ เฉดสีเทา (grayscale image) ก่อน ดังนี้

ให้  $\Omega\subset\mathbb{R}^2$  แทนโดเมนภาพ (image domain)  $D\subset\mathbb{R}^2$  แทนโดนเมนต่อเติม (ดูรูปที่ 4) และ  $V\subset[0,\infty)$ 

ให้  $u:\Omega \to V,\ z:\Omega \to V$  แทนภาพที่ได้รับการซ่อมแซมและภาพที่ต้องการซ่อมแซม ตามลำดับ ในที่นี้  $\mathbf{x}=(x,y)\in\Omega$  แทนพิกัดทางกายภาพ (physical position) ของภาพ และ  $u(\mathbf{x})\in V$  แทน ระดับความเข้มของภาพ (image intensity) ที่  $\mathbf{x}$  และ  $\Omega$  มีรูปร่างสี่เหลี่ยม

นอกจากนี้เราสามารถสมมติได้โดยไม่เสียหลักการสำคัญว่า  $\Omega=[1,n]^2$  และ V=[0,1] เมื่อ n>0 เป็นจำนวนเต็มบวก ทั้งนี้ เราจะเรียกภาพ u,z ที่นิยามข้างต้นว่าภาพเฉดสีเทา



รูปที่ 4: D แทนโดเมนต่อเติม

### 2.1 ตัวแบบการต่อเติมภาพเฉดสีเทาที่ใช้การแปรผันรวม

ในการต่อเติมภาพเฉดสีเทา Chan และ Shen [1] ได้นำเสนอตัวแบบเชิงการแปรผัน (variational model) ที่ใช้เร็กกิวลาร์ไรซ์เซชันแบบการแปรผันรวม (Total variation based regularization) โดยพัฒนา ต่อจากตัวแบบ ROF สำหรับการกำจัดสัญญาณรบกวน [2] ซึ่งตัวแบบเชิงการแปรผันนี้กำหนดโดย

$$\min_{u} \{ \mathcal{J}(u) = \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda (u - z)^{2} d\Omega + \int_{\Omega} |\nabla u| d\Omega \}$$
 (2.1)

เมื่อ

$$\lambda = \lambda(\mathbf{x}) = \begin{cases} \lambda_0, & x \in \Omega \backslash D \\ 0, & x \in D \end{cases}$$
 (2.2)

แทนพารามิเตอร์เร็กกิวลาร์ไรซ์เซชัน (regularization parameter) และ  $\lambda_0>0$ 

โดยแคลคูลัสของการแปรผัน (Calculus of variations) จะได้สมการออยเลอร์ลากรางจ์ที่เกี่ยวข้อง กับ (2.1) เป็น

$$\begin{cases}
-\nabla \cdot \left(\frac{\nabla u}{|\nabla u|}\right) + \lambda(u - z) = 0, & \mathbf{x} \in (1, n)^2 \\
\frac{\partial u}{\partial n} = 0, & x \in \partial\Omega
\end{cases}$$
(2.3)

เมื่อ n แทนเวกเตอร์หน่วยที่ตั้งฉากกับของของภาพ ต่อไปจะกล่าวทบทวนวิธีการเชิงตัวเลขสำหรับแก้สมการเชิงอนุพันธ์ย่อยใน (2.3)

(1) วิธีการเดินเวลาแบบชัดแจ้ง (explicit time marching method)
คณะวิจัย [3] ได้แนะนำวิธีการเชิงตัวเลขสำหรับการกำจัดสัญญาณรบกวนโดยใช้วิธีการเดินเวลาแบบ ชัดแจ้ง ซึ่งสามารถประยกต์เป็นวิธีเชิงตัวเลขสำหรับการต่อเติมภาพได้ดังนี้

เริ่มจากการแนะนำตัวแปรเวลาสังเคราะห์ (time artificial variable) จากนั้นหาคำตอบแบบสภาวะ คงตัว (steady-state solution) ในขณะที่  $t \to \infty$  ของสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยไม่เป็นเชิงเส้นที่ขึ้นอยู่ กับเวลา

$$u(\mathbf{x}, t_{k+1}) = u(\mathbf{x}, t_k) + \tau \left( \nabla \cdot \left( \frac{\nabla u(\mathbf{x}, t_k)}{|\nabla u(\mathbf{x}, t_k)|} \right) + \lambda(\mathbf{x}) (u(\mathbf{x}, t_k) - z(\mathbf{x})) \right), \ u(\mathbf{x}, t_0) = z \ (2.4)$$

เมื่อ  $t_k=t_0+k au\;( au>0)$  แทนขั้นเวลาที่ k และ  $t_0=0$  แทนขั้นเวลาเริ่มต้น

(2) วิธีการทำซ้ำแบบจุดตรึง (fixed-point iteration method)

คณะวิจัย [4] ได้แนะนำวิธีการเชิงตัวเลขสำหรับการกำจัดสัญญาณรบกวนโดยใช้วิธีการทำซ้ำแบบจุด ตรึง ซึ่งสามารถประยุกต์เป็นวิธีเชิงตัวเลขสำหรับการต่อเติมภาพได้ดังนี้

เริ่มจากการแนะนำดัชนีการทำซ้ำแบบจุดตรึง  $u=0,1,2,\cdots$  และนิยามรูปแบบการทำซ้ำโดย

$$-\nabla \cdot \left(\frac{\nabla u^{[\nu+1]}}{|\nabla u|^{[\nu]}}\right) + \lambda (u^{[\nu+1]} - z) = 0, \ u^{[0]} = z$$
 (2.5)

เนื่องจาก  $\frac{1}{|\nabla u|} = \frac{1}{\sqrt{u_x^2 + u_y^2}} \to \infty$  ในบริเวณที่ u มีความเข้มสีเป็นเอกพันธุ์ ( $u(\mathbf{x}) =$  ค่าคงตัว) เพื่อ หลีกเลี่ยงปัญหาเชิงตัวเลขจะเกิดขึ้นใน (2.4) และ (2.5) เราจะใช้

$$|\nabla u| \approx |\nabla u|_{\beta} = \sqrt{u_x^2 + u_y^2 + \beta}, \ 0 < \beta \ll 1$$

จาก (2.4) และ (2.5) เราพบว่ายิ่ง  $\beta$  มีค่าน้อยลงมากขึ้นเท่าไหร่ ความแม่นยำของตัวแบบ (2.1) ยิ่งมี มากขึ้นเท่านั้น นอกจากนี้ เรายังพบอีกว่า การแก้สมการ (2.4) และ (2.5) ยิ่งมีความยุ่งยากมากขึ้นสำหรับ  $\beta$  ที่มีค่าน้อยๆ

เพื่อเอาชนะความยากเชิงตัวเลขนี้ คณะวิจัยโดย [5] ได้แนะนำวิธีการสปริทเบรกแมนซึ่งสามารถ กล่าวถึงพอสังเขป ดังนี้

#### (3) วิธีการสปริทเบรกแมน (Split Bregman method)

เริ่มจากการแนะนำเวกเตอร์เสริม  $m{w}$  พารามิเตอร์เบรกแมน (Bregman parameter)  $m{b}$  และพารามิเตอร์เพนัลที (panalty parameter)  $m{\theta}>0$  และเขียน (2.1) ใหม่ ดังนี้

$$\min_{u, \boldsymbol{w}} \{ \mathcal{J}(u, w) = \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda(u - z)^2 d\Omega + \int_{\Omega} |\nabla \boldsymbol{w}| d\Omega + \frac{\theta}{2} \int_{\Omega} (\boldsymbol{w} - \nabla u + \boldsymbol{b}) d\Omega \}$$
(2.6)

สำหรับการหาคำตอบของ (2.6) เราจะใช้วิธีการหาค่าต่ำที่สุดแบบสลับ (alternating minimization method) โดยเริ่มจากการตรึง  $m{w}^{\mathrm{old}}$  และ  $m{b}^{\mathrm{old}}$  จากนั้นแก้ปัญหาย่อย

$$u^{\text{New}} = \underset{u}{\text{arg min}} \{ \mathcal{J}_1(u) = \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda (u - z)^2 d\Omega + \frac{\theta}{2} \int_{\Omega} (\boldsymbol{w}^{\text{old}} - \nabla u + \boldsymbol{b}^{\text{old}}) d\Omega \}$$
 (2.7)

จากนั้นใช้  $u^{\mathrm{New}}$  ที่ได้จากการแก้ปัญหาย่อยใน (2.7) เพื่อแก้ปัญหาย่อย

$$w^{\text{New}} = \underset{\boldsymbol{w}}{\text{arg min}} \{ \mathcal{J}_2(\boldsymbol{w}) = \int_{\Omega} |\nabla \boldsymbol{w}| d\Omega + \frac{\theta}{2} \int_{\Omega} (\boldsymbol{w} - \nabla u^{\text{New}} + \boldsymbol{b}^{\text{old}}) d\Omega \}$$
(2.8)

สุดท้ายจึงปรับปรุงพารามิเตอร์เบรกแมน

$$\boldsymbol{b}^{\text{New}} = \boldsymbol{b}^{\text{old}} + \nabla u^{\text{New}} - \boldsymbol{w}^{\text{New}}$$
 (2.9)

ดำเนินการเช่นนี้จนกระทั่ง  $||u^{\sf new}-u^{\sf old}||<\epsilon_1$  หรือ  ${\sf New}>\epsilon_2$  เมื่อ  $\epsilon_1,\epsilon_2>0$ 

## 2.2 ตัวแบบการต่อเติมภาพสีที่ใช้การแปรผันรวม

ต่อไปเราจะพิจารณาภาพสีในระบบ RGB นั่นคือ เราสมมติว่า

$$\mathbf{u} = (u_1, u_2, u_3)^{\top}, \ \mathbf{z} = (z_1, z_2, z_3)^{\top} : \Omega \to V^3$$

เมื่อ  $u_1,u_2,u_3:\Omega \to V$  และ  $z_1,z_2,z_3:\Omega \to V$  แทนภาพในเฉดสีแดง สีเขียว และสีน้ำเงินของ u,z ตาม ลำดับ

ในทำนองเดียวกันกับตัวแบบการต่อเติมภาพเฉดสีเทาที่ใช้การแปรผันรวมตัวแบบการต่อเติมภาพสีที่ ใช้การแปรผันรวมได้ดังนี้

$$\min_{\mathbf{u}} \{ \bar{\mathcal{J}}(\mathbf{u}) = \bar{\mathcal{D}}(\mathbf{u}, \mathbf{z}) + \bar{\mathcal{R}}(\mathbf{u}) \}$$
 (2.10)

เมื่อ

$$\bar{\mathcal{D}}(\boldsymbol{u},\boldsymbol{z}) = \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda (u_1 - z_1)^2 d\Omega + \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda (u_2 - z_2)^2 d\Omega + \frac{1}{2} \int_{\Omega} \lambda (u_3 - z_3)^2 d\Omega$$

และ

$$\bar{\mathcal{R}}(\boldsymbol{u}) = \int_{\Omega} |\nabla u_1| d\Omega + \int_{\Omega} |\nabla u_2| d\Omega + \int_{\Omega} |\nabla u_3| d\Omega$$

เพื่อหลีกเลี่ยงปัญหาที่มาจากเทอม  $\frac{1}{|\nabla u_l|}$  (l=1,2,3) โครงงานวิจัยนี้จะพัฒนาขั้นตอนวิธีเชิงตัวเลข สำหรับต่อเติมภาพจากวิธีการสปริทเบรกแมน โดยแก้ปัญหาการหาค่าต่ำที่สุดต่อไปนี้

$$\min_{\boldsymbol{u}, \boldsymbol{w}_1, \boldsymbol{w}_2, \boldsymbol{w}_3} \{ \bar{\mathcal{J}}(\boldsymbol{u}, \boldsymbol{w}_1, \boldsymbol{w}_2, \boldsymbol{w}_3) = \bar{\mathcal{D}}(\boldsymbol{u}, \boldsymbol{z}) + \sum_{l=1}^{3} \int_{\Omega} |\boldsymbol{w}_l| d\Omega + \frac{\theta_l}{2} \sum_{l=1}^{3} \int_{\Omega} (\boldsymbol{w}_l - \nabla u_l - \boldsymbol{b}_l)^2 d\Omega \}$$
(2.11)

ด้วยวิธีการหาต่ำที่สุดแบบสลับดังเช่น (2.6) - (2.9)

# 3 วัตถุประสงค์โครงการวิจัย

วัตถุประสงค์ของโครงการวิจัยมีดังต่อไปนี้

- (1) ศึกษาวิธีการแปรผันและขั้นตอนวิธีการเชิงตัวเลขสำหรับปัญหาการต่อเติมภาพเฉดสีเทาและภาพสีใน ระบบ RGB
- (2) พัฒนาขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพชนิดใหม่สำหรับซ่อมแชมบูรณะภาพจิตรกรรมไทยและลบบทบรรยาย ออกจากอนิเมะ
- (3) ขั้นตอนวิธีที่พัฒนาขึ้นไปใช้ในการซ่อมแซมบูรณะภาพจิตรกรรมไทยและลบบทบรรยายในอนิเมะ

## 4 ขอบเขตการศึกษา

ขอบเขตของโครงงานมีดังต่อไปนี้

- (4.1) ภาพจิตรกรรมไทยที่ใช้นำมาศึกษาและทดลองเป็นภาพจิตรกรรมไทยที่ได้มาอย่างถูกต้อง
- (4.2) วิดีโอที่ใช้ศึกษาเป็นวิดีโอประเภทอนิเมะที่ได้มาอย่างถูกต้อง โดยศึกษากับไฟล์อนิเมะที่ใช้ปริภูมิสีแบบ RGB เท่านั้น
- (4.3) บทบรรยายที่ใช้ทดสอบ จะถูกล้อมรอบไว้ด้วยสีดำ ขนาดความหนาขนาดไม่น้อยกว่า 5 พิกเซล
- (4.4) วิดีโอที่ใช้ศึกษาขนาดไม่เกิน  $1920 \times 1080$  หรือสูงกว่า
- (4.5) คอมพิวเตอร์ที่ใช้ทดลองใช้หน่วยประมวลผล I7-6700HQ ใช้การ์ดจอ Nvidia GTX 960M แรม 16GB ฮาร์ดดิกส์แบบ SSD หรือดีกว่า

- (4.6) คุณภาพของภาพและวิดีโอจะตรวจวัดโดยค่า PSNR SSIM RMSE ตามความเหมาะสม
- (4.7) พารามิเตอร์เร็กกิวลาร์ไรซ์เซชัน  $\lambda$  จะใช้แบบตรึงค่า การพัฒนาขั้นตอนวิธีเชิงอัตโนมัติเพื่อหาค่าที่ เหมาะสมของ  $\lambda$  ไม่อยู่ในขอบเขตการศึกษา

### 5 ระเบียบวิธีวิจัย

วิธีการมีดังต่อไปนี้

- (5.1) ศึกษาตัวแบบและขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพที่ใช้การแปรผันรวมในเชิงลึก
- (5.2) พัฒนาขั้นตอนวิธีสำหรับการต่อเติมภาพที่ใช้การแปรผันรวมชนิดใหม่
- (5.3) ทดสอบขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพที่พัฒนาขึ้นโดยโปรแกรมคอมพิวเตอร์บนภาพสังเคราะห์และ ภาพจริง
- (5.4) อภิปรายผลที่ได้จากการทดลองเชิงตัวเลข
- (5.5) สรุปผลการดำเนินงานวิจัยและจัดทำรูปเล่มฉบับสมบูรณ์

## 6 แผนการดำเนินงานวิจัย

แผนการดำเนินงานตลอดทั้งโครงการสามารถสรุปได้โดยย่อจากตารางต่อไปนี้

	เดือนที่												
แผนการดำเนินงาน	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
ศึกษาตัวแบบและขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพที่ใช้การแปรผันรวมในเชิงลึก	×	X											
พัฒนาขั้นตอนวิธีสำหรับการต่อเติมภาพที่ใช้การแปรผันรวมชนิดใหม่			×	×									
ทดสอบขั้นตอนวิธีการต่อเติมภาพที่พัฒนาขึ้นโดยโปรแกรม-					×	×							
คอมพิวเตอร์บนภาพสังเคราะห์และภาพจริง													
อภิปรายผลที่ได้จากการทดลองเชิงตัวเลข							Х	×					
สรุปผลการดำเนินงานวิจัยและจัดทำรูปเล่มฉบับสมบูรณ์									х	X	X	×	

## 7 บรรณานุกรม

- [1] Tony F. Chan and Jianhong Shen, "Mathematical models of local non-texture inpaintings", SIAM Journal on Applied Mathematics, vol. 62, no. 3, pp. 1019–1043, 2001.
- [2] Leonid I. Rudin, Stanley Osher, Emad Fatemi, "Nonlinear total variation based noise removal algorithms", Physica D: Nonlinear Phenomena, Volume 60, Issues 1–4, pp. 259-268, 1992.
- [3] Antonio Marquina and Stanley Osher, "Explicit algorithms for a new time dependent model based on level set motion for nonlinear deblurring and noise removal", SIAM Journal on Scientific Computing, vol. 22 issue 2, 387–405. 2006.
- [4] Curtis R. Vogel and M.E. Oman, "Iterative methods for total variation denoising", SIAM Journal on Scientific Computing. vol. 17, pp. 227-238, 1996.
- [5] Pascal Getreuer, Total Variation Inpainting using Split Bregman, Image Processing On Line, 2 (2012), pp. 147–157.