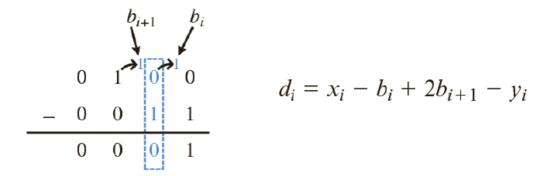
Subtractor

相比于上次的Adder,这里的subtractor为减法器,刚刚的进位也变成了借位,加位也变成了差位。



减法器的工作原理:

- **差位** (Difference bit, d_i): 在二进制减法中,每一位的差 d_i 是由相应的被减数位 x_i 、减数位 y_i 和从下一位传来的借位 b_i 计算得出的。
- 借位 (Borrow-in and Borrow-out)

:

- \circ **借入** (b_i) : 从高一位传递到当前位的借位。
- \circ **借出(** b_{i+1} :如果当前位的被减数小于减数加上借位,则需要从更高位借一个,这个借出的位将作为下一位的借入。

表达式:

• 差位的表达式为:

$$d_i = x_i - b_i + 2b_{i+1} - y_i$$

 \circ 这里, b_i 是当前位的借入, b_{i+1} 是下一位的借出。

但是如果单纯简单设计一个减法器会有些浪费,为何不用已有的加法器改造成减法器呢,这样又可以有加法的功能又可以有减法的功能

相比于计算A-B, 不如计算A-(-B)

加减合一器的特点:

1. 操作选择:

- 。 使用一个名为 s 的选择信号来控制操作类型。
- 当 s = 0 时, 电路执行加法 (A+B) 。
- \circ 当 s = 1 时,电路执行减法,通过将 B 的二进制补码加到 A 上实现,即 A+(-B)。

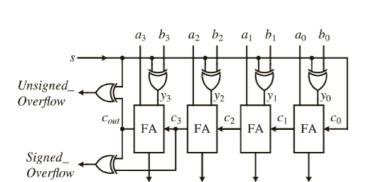
2. 二进制补码的应用:

- 。 在二进制补码系统中,减法可以通过加法来实现。具体方法是对被减数 B 取反(即按位取反或一位一位地求反)然后加1,得到 -B。
- \circ 减法 A-B 转换为 A+(-B)。

实现方式:

- 对 B 操作数的位反转:
 - 。 在执行减法时,如果选择信号 s=1,则对 B 进行按位取反操作,然后在加法操作中加上一个额外的 1 (这通常通过进位输入实现) 。
- 加法操作:
 - 。 不需要对 B 的位进行反转,直接进行 A 和 B 的加法。

S	Function	Operation
0	Add	F = A + B
1	Subtract	F = A + B' + 1



when s = 1, he addition of a 1 is accomplished by setting the initial carry-in signal c_0 to a 1.

addend: $y_i = \langle$	(b_i)	<u>s</u> =	0
aaaena: $y_i - \langle$	$-b_i$	<u>s</u> =	1

S	b_i	y_i	c_0
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	0	1

8

关于符号溢出:

无符号溢出 (Unsigned Overflow):

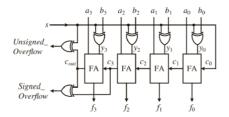
- 当两个无符号数相加, 其结果超出了数据类型所能表示的最大范围时发生。
- ullet 无符号溢出的判断依据是最高位的进位输出(C_{out})。

有符号溢出 (Signed Overflow):

- 在有符号数的运算中,如果两个正数相加得到负数,或两个负数相加得到正数,即表示发生了溢出。
- 有符号溢出可以通过检测最高有效位(MSB)的进位输出(C_3 ,即最高位进位)和最终的进位输出(C_{out})是否不同来判断。这通常通过一个异或(XOR)门实现,即 $C_{out}\oplus C_3$ 。

Overflow

- Unsigned Overflow = C_{out} xor s
- Signed Overflow = C_{out} xor c₃



无符号溢出主要发生在两个无符号(可以看成正数)相加上面,当超过了最大位,相当于是adder里面的进位co

有符号溢出主要是发生在两个有符号(可以是两个负数也可以是两个正数)相加上面,当超过了最大位,就要考虑最高位的进位 c_0 和次高位的进位 c_3 是否一致,不一致则出现有符号溢出。

当使用VHDL语言实现时,有符号溢出的检测逻辑依赖于操作数的最高位以及结果的最高位,但是我们并不能非常容易地提取出 c_3 的值,于是这里我们使用一个不一样的方法来检测signed_overflow,以下是图片中的具体解释和表达式:

加法操作 (Addition):

Signed_Overflow =
$$(A_n \cdot B_n \cdot \overline{F_n}) + (\overline{A_n} \cdot \overline{B_n} \cdot F_n)$$

其中, A_n 和 B_n 是加数的最高位, F_n 是结果的最高位。此表达式计算两种情况:

1. 当**两个负数相加** (A_n 和 B_n 都是1) 且**结果为正数** ($\overline{F_n}$ 是1) 。

这里可以理解为没有取反的话就是1,有取反就是0;原式前半部分就是两个最高位为1的数相加得到了0,相乘即可,后半部分也是一样

1. 当**两个正数相加** $(\overline{A_n}$ 和 $\overline{B_n}$ 都是1) 且**结果为负数** $(F_n$ 是1) 。

减法操作 (Subtraction):

Signed_Overflow =
$$(A_n \cdot \overline{B_n} \cdot \overline{F_n}) + (\overline{A_n} \cdot B_n \cdot F_n)$$

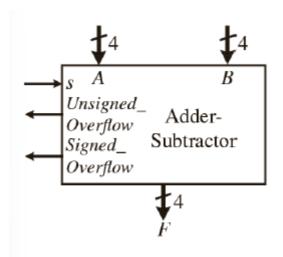
此表达式适用于:

example:

1. 当正数减去一个负数,结果为负($\overline{A_n}$ 是1, B_n 是1, F_n 是1)。

An取反,为正数,Bn没有取反为负数,最后Fn是1为负数

1. 当**负数减去一个正数**,**结果为正**(A_n 是1, $\overline{B_n}$ 是1, $\overline{F_n}$ 是1)。



```
LIBRARY IEEE;
USE IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;
USE IEEE.STD_LOGIC_UNSIGNED.ALL;
ENTITY AddSub IS
   PORT(S : IN STD_LOGIC; -- select subtract signal
        A, B: IN STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0); -- 传入的两个数据
        F: OUT STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0); --结果
        Unsigned_Overflow : OUT STD_LOGIC;
        Signed_Overflow : OUT STD_LOGIC);
END AddSub;
ARCHITECTURE Behavioral OF AddSub IS
    SIGNAL TempF : STD_LOGIC_VECTOR(4 DOWNTO 0);
BEGIN
   PROCESS(S, A, B)
   BEGIN
       IF (S = '0') THEN -- addition
           TempF <= ('0' & A) + ('0' & B); --为借位预留空间
           F <= TempF(3 DOWNTO 0);</pre>
           Unsigned_Overflow <= TempF(4); --对于unsigned overflow, 看其最高位的值就
行,因为补充的都是零,正常来说最后也应该是0,超了变成1就是溢出
           -- signed overflow = most significant bit of A'B'F + ABF'
           Signed_Overflow \leftarrow ((NOT A(3)) AND (NOT B(3)) AND (TempF(3))) OR
                              (A(3) AND B(3) AND (NOT TempF(3))); --公式计算, 此处
为相加,则AB的最高位保持一致,不用其中一个取反
       ELSE -- subtraction
           TempF \leftarrow ('0' & A) - ('0' & B);
           F <= TempF(3 DOWNTO 0);</pre>
           Unsigned_Overflow <= TempF(4);</pre>
           -- signed overflow = most significant bit of AB'F' + A'BF
           Signed\_Overflow \leftarrow ((A(3) AND (NOT B(3)) AND (NOT TempF(3)))) OR
                              ((NOT A(3)) AND B(3) AND (TempF(3))); --此处为相减,
则AB的最高位保持补位,需要其中一个取反
       END IF;
   END PROCESS:
END Behavioral;
```

Arithmetic Logic Unit

算术逻辑单元 (ALU) 的职责:

1. 算术操作:

• 加法: ALU 可以执行二进制加法,这是最基本的算术操作之一。

○ 减法: 使用二进制补码或逻辑门实现减法。

o ALU 通常还支持简单的增量和减量操作。

2. 逻辑操作:

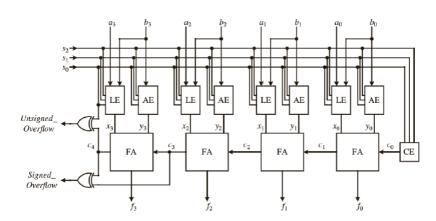
。 逻辑 AND: 执行位与操作,用于位掩码和其他逻辑判断。

。 逻辑 OR: 执行位或操作, 常用于组合条件或位设置。

。 通常还包括逻辑非 (NOT) 和异或 (XOR) 操作。

ALU 的限制:

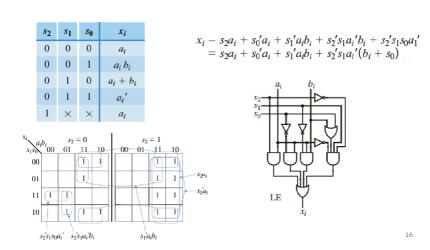
• **不执行乘除法**:由于乘法和除法在逻辑和硬件实现上比加法和减法要复杂得多,传统的简单 ALU 设计不包括这些操作。乘法和除法需要更多的硬件资源和时间来执行,通常由专门的硬件单元处理,如乘除法器或通过软件算法在更复杂的处理器设计中实现。



s_2	s_1	<i>s</i> ₀	Operation Name	Operation	x_i (LE)	y_i (AE)	c ₀ (CE)
0	0	0	Pass	Pass A to output	a_{i}	0	0
0	0	1	AND	\boldsymbol{A} and \boldsymbol{B}	a_i and b_i	0	0
0	1	0	or	A or B	a_i or b_i	0	0
0	1	1	NOT	A'	a_i'	0	0
1	0	0	Addition	A + B	a_i	b_i	0
1	0	1	Subtraction	A - B	a_i	b_i'	1
1	1	0	Increment	A + 1	a_i	0	1
1	1	1	Decrement	A - 1	a_i	1	0

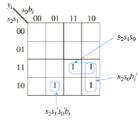
其中包括三个element, 分别是:

1. LE(Logic Element)功能分析,显示了多个门电路组合,实现复杂的逻辑功能。

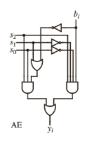


- 2. AE(Arithmetic Element)功能分析,类似 LE,基于不同的选择信号实现不同的算术操作。
 - Functional analysis of AE

s_2	<i>s</i> ₁	s_0	b_i	y_i
0	×	×	×	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1



$$y_i - s_2 s_1 s_0 + s_2 s_0 b_i' + s_2 s_1' s_0' b_i - s_2 s_0 (s_1 + b_i') + s_2 s_1' s_0 b_i$$



- 3. CE(Control Element)功能分析,简单的与非逻辑,用于控制信号的生成。
 - Functional analysis of CE

s_2	<i>s</i> ₁	s_0	c_0
0	×	×	0
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

$$c_0 = s_2 s_1' s_0 + s_2 s_1 s_0'$$

= $s_2(s_1 \oplus s_0)$



```
LIBRARY IEEE;
USE IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;
USE IEEE.STD_LOGIC_UNSIGNED.ALL;

ENTITY alu IS
    PORT(
        S : IN STD_LOGIC_VECTOR(2 DOWNTO 0); -- select for operations
        A, B : IN STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0); -- input operands
        F : OUT STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0) -- output
    );
END alu;
```

```
ARCHITECTURE Behavioral OF alu IS
BEGIN
    PROCESS(S, A, B)
   BEGIN
        CASE S IS
            WHEN "000" => -- pass A through
                F <= A;
            WHEN "001" => -- AND
                 F <= A AND B;
            WHEN "010" => -- OR
                 F \leftarrow A OR B;
            WHEN "011" => -- NOT A
                F <= NOT A;
            WHEN "100" => -- add
                 F \leq A + B;
            WHEN "101" => -- subtract
                 F \leftarrow A - B;
            WHEN "110" => -- increment
                 F \le A + 1;
            WHEN "111" => -- decrement
                F \le A - 1;
            WHEN OTHERS =>
                 F <= (OTHERS => '0'); -- default or undefined behavior
        END CASE:
    END PROCESS:
END Behavioral;
```

Encoder

编码器设计:

- 输入: 一组信号, 这些信号通常是低 (0) 或高 (1) 电平。
- 输出:一组二进制代码,这些代码是输入信号的编码表示。

编码器的功能:

- **编码过程**:编码是解码过程的逆过程。在解码中,一组二进制代码被转换为更具体或更广义的信号或值;在编码中,具体的信号转换为一组二进制代码。
- 应用:
 - **传输效率**:编码可以增加数据传输的效率,通过减少所需传输的数据量来加快传输速度或降低 传输成本。
 - **存储效率**:通过优化数据的二进制表示,编码可以减少所需的存储空间,使得存储更多的信息成为可能,或降低存储成本。

编码器设计概念涉及一个 n-by-m 编码器,其中 n 是输入信号的数量,m 是输出的二进制代码位数。这里的关键点是,n 是 2 的幂次方,因此 m 等于 $\log_2(n)$ 。下面详细解释相关概念:

n-by-m 编码器

- n 输入信号:编码器接受 n 个输入信号,每个信号都是一个单独的位(0 或 1)。
- **m 输出位**:编码器输出一个 m 位的二进制代码,这个代码唯一地标识了哪一个输入信号是高电平 (1)。由于 n 是 2 的幂次方,输出的位数 m 是 n 的二进制对数。

```
LIBRARY IEEE;
USE IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;
ENTITY encoder IS
    PORT (
        x : IN STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0);
        y : OUT STD_LOGIC_VECTOR(1 DOWNTO 0)
    );
END encoder;
ARCHITECTURE Behavioral OF encoder IS
    WITH x SELECT
        y \le "00" WHEN "1000", -- Input x(3) is high
             "01" WHEN "0100", -- Input x(2) is high
             "10" WHEN "0010", -- Input x(1) is high
             "11" WHEN "0001", -- Input x(0) is high
             "ZZ" WHEN OTHERS; -- Invalid input case
END Behavioral;
```

```
1 ---- Solution 1: with WHEN/ELSE -----
2 LIBRARY ieee;
                                                                  x(n-1) —
3 USE ieee.std_logic_1164.all;
                                                                  x(n-2) =
                                                                           ENCODER (m-1:0)
                                                                             n x m
4 -----
                                                                   x(1)
5 ENTITY encoder IS
                                                                   x(0) -
    PORT ( x: IN STD_LOGIC_VECTOR (7 DOWNTO 0);
6
     y: OUT STD_LOGIC_VECTOR (2 DOWNTO 0));
                                                                   n-by-m encoder
8 END encoder;
9 ----- 1 ---- Solution 2: with WITH/SELECT/WHEN -----
                                          4 -----
           "001" WHEN x="00000010" ELSE

"010" WHEN x="00000100" ELSE

"011" WHEN x="00001000" ELSE

6 PORT ( x: IN STD_LOGIC_VECTOR (7 DOWNTO 0);
13
14
15
                                          7 y: OUT STD_LOGIC_VECTOR (2 DOWNTO 0));
           "100" WHEN x="00010000" ELSE
                                          8 END encoder;
17
           "101" WHEN x="00100000" ELSE
                                          9 -----
            "110" WHEN x="01000000" ELSE
18
                                            10 ARCHITECTURE encoder2 OF encoder IS
            "111" WHEN x="10000000" ELSE
19
                                            11 BEGIN
20
            "ZZZ";
                                           12 WITH x SELECT
21 END encoder1;
With... select V.S.
                            When... else 15
                                                           "010" WHEN "00000100",
• Each clause of when...else is checked in turn until one expression is true, otherwise, the operation after the final 'else' is executed.
                                                           "011" WHEN "00001000",
                                                           "100" WHEN "00010000",
                                                           "101" WHEN "00100000",
   All the clause in with ... select are interpreted simultaneously to find a matching pattern.

19 "110" WHEN "0100000
20 "111" WHEN "1000000
21 "ZZZ" WHEN OTHERS;
22 END encoder2;
23 -----
                                                           "110" WHEN "01000000",
                                                           "111" WHEN "10000000",

    All the clause in with ... select are
```

Decoder

解码器设计:

- 解码器:一种组合逻辑电路,用于解码,即把接收到的二进制代码转换为一组更有用的输出信号。
- 解码 (Decoding) : 转换的过程,通常被理解为将一组二进制代码翻译成为具体的信号或动作。

输入和输出:

- 输入:
 - 一组二进制代码,这些代码是通过某种方式(如编码器)编码的,用于表示不同的状态或指令。
- 输出:
 - 1. 一组信号,每个输入组合只激活一个输出信号。这些信号通常在不同的逻辑电平上表示不同的 条件或动作。
 - 2. 可能的另一组输出是二进制代码,具体取决于解码器的设计和用途。

具体来说,encoder将一个多位的数据转换为少位的数据,例如,原来长度为8的数据,若要表示0~7,则在相应的地方就会出现一个1,但只会出现一个,不会有第二个出现,则现在可以通过encoder将数据压缩,8的数据可以用2³来表示,则现在只需要3位就可以表示8位的信息;decoder则是反过来。

example:

3-8 decoders:

- Example: 74LS138
- Translation from 3-bit code 'a' 'b' 'c' to one valid signal out of eight. (active low)
- g1 g2a g2b are strobe signals. The decoder works normally only if g1='1', g2a='0' and g2b='0' $_{\rm g1}$

g2a g2b

> 3-8 Decoder

> > . y5

```
LIBRARY IEEE;
USING IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;

ENTITY decoder_38 IS
   port(g1, g2a, g2b: IN std_logic;
        a,b,c : IN std_logic;
        --y0,y1,y2,y3,y4,y5,y6,y7 : IN std_logic);
        y : IN std_logic_vector(7 downto 0)
        );
END decoder_38;
```

```
ARCHITECTURE behav of decoder_38 IS
    Signal INDATA : STD_LOGIC_VECTOR(2 DOWNTO 0);
BEGIN
    INDATA \leftarrow c & b & a;
    process(INDATA, g1, g2a, g2b)
    BEGIN
        IF (g1='1' \text{ AND } g2a='0' \text{ AND } g2b='0') then
            case INDATA IS
                WHEN "000" => y <= "11111110"; --注意这里是activate low, 要全部取反
                when "001" => y <= "11111101";
                when "010" => y <= "11111011";
                when "011" => y <= "11110111";
                when "100" => y <= "11101111";
                when "101" => y <= "11011111";
                when "110" => y <= "10111111";
                when "111" => y <= "01111111";
                when others => y <= "XXXXXXXXX";
            END CASE;
         ELSE y <= "11111111";
         end if;
     end process;
end behav;
```

```
If (g1='1'and g2a='0' and g2b='0') then

If indata="000" then y<="11111110";

Elsif indata="001" then y<="11111011";

Elsif indata="011" then y<="11110111";

Elsif indata="100" then y<="11101111";

Elsif indata="101" then y<="11011111";

Elsif indata="101" then y<="11011111";

Elsif indata="111" then y<="01111111";

Else y<="XXXXXXXXXX";

End if;

Else

y<="11111111"; End if;
```

或者可以用if statement

这里注意,选择线为000的时候对应的激活其实是第一位,而不是00000000,不是数值上对应,而是顺序

Tri-State Buffer

三态缓冲器的特点:

- **三个状态**: 逻辑0 (低电平)、逻辑1 (高电平) 和高阻抗(Z)。
- **高阻抗状态**:在高阻抗状态下,缓冲器的输出端接口处于断开状态,使得多个三态缓冲器可以连接到同一输出线,但只有被使能(enabled)的缓冲器才会对输出线驱动信号。

图中各部分说明:

- (a) 三态缓冲器的使能信号表: 当使能(E)为0时,输出(y)是高阻抗(Z);当使能为1时,数据输入(d)直接传输到输出。
- (b) 三态缓冲器的符号表示:显示了输入(d)、输出(y)和使能端(E)。
- **(c)** 内部结构示意图:展示了PMOS和NMOS晶体管如何配置来实现三态控制。使能信号(E)控制两个晶体管的导通和关闭状态,从而控制输出状态。
- (d) 逻辑表格:表明不同的输入信号和使能状态下,输出(y)的状态。其中"A"和"B"可能代表其他相关逻辑控制输入。

应用场景:

三态缓冲器常用于数字电路中,特别是在需要多个设备共享同一通信总线时。例如,在计算机内部总线、多处理器系统或数据交换接口中,三态缓冲器允许各个设备在需要时接入总线进行数据传输,而在不需要时则不会对总线造成干扰。这种设计增加了电路的灵活性和效率。

example: VHDL code for a 4-bit wide tri-state buffer

```
LIBRARY IEEE;

USE IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;

ENTITY Tristate_Buffer IS

GENERIC (n: INTEGER :=4);

PORT(

E: IN STD_LOGIC;

D: IN STD_LOGIC_VECTOR(n-1 DOWNTO 0);

Y: OUT STD_LOGIC_VECTOR(n-1 DOWNTO 0));

END Tristate_Buffer;

ARCHITECTURE Behavioral OF Tristate_Buffer IS

BEGIN

Y <= D WHEN (E='1') ELSE (OTHERS =>'Z');

END Behavioral;
```

Comparator

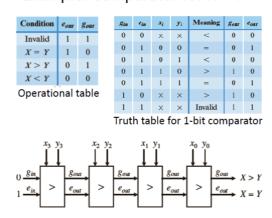
比较器是一种数字电路,用于比较两个二进制值,并指示这些值之间的关系是真还是假。这里提到了三种逻辑门的使用情况:

- 1. **AND广**: 用于判断一个值是否等于一个常数值。如果所有输入都为1(真),则输出也为1(真); 这可以用来验证所有位都符合预定条件。
- 2. XOR门和XNOR门:

- 。 **XOR门**: 用于比较不等性。当两个输入不相同时,XOR门输出为1(真),这表示输入值是不相等的。
- **XNOR门**:用于比较相等性。它是XOR门的反逻辑,当两个输入相同时,XNOR门输出为1 (真),这表示输入值是相等的。
- 3. **构建真值表和电路**:为了比较大于或小于关系,可以构建真值表来定义输入和预期输出的关系,进 而构建实现这些比较功能的电路。

当比较多位大小的时候,可以将多个一位比较器串联,然后进行每一位的比较。

• Example: Comparator for X > Y:



Shifter

Operation	Comment	Example
Shift left with 0	Shift bits one position to the left. The leftmost bit is discarded and the rightmost bit is filled with a 0.	10110100 X 01101000←
Shift left with 1	Same as above, except that the rightmost bit is filled with a 1.	10110100 x 61161661←
Shift right with 0	Shift bits one position to the right. The rightmost bit is discarded and the leftmost bit is filled with a 0.	10110100 →01011010 X
Shift right with 1	Same as above, except that the leftmost bit is filled with a 1.	10110100 →11011010 X
Rotate left	Shift bits one position to the left. The leftmost bit is moved to the rightmost bit position.	10110100 0110100
Rotate right	Shift bits one position to the right. The rightmost bit is moved to the leftmost bit position.	10110100

example: 4-bit shifter

<i>s</i> ₁	s_0	Operation
0	0	Pass through
0	1	Shift left and fill with 0
1	0	Shift right and fill with 0
1	1	Rotate right

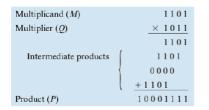
```
LIBRARY IEEE;
USE IEEE.STD_LOGIC_1164.ALL;
USE IEEE.STD_LOGIC_UNSIGNED.ALL;
ENTITY shifter IS
    PORT(
        S : IN STD_LOGIC_VECTOR(1 DOWNTO 0);
        data_in : in STD_LOGIC_VECTOR(7 DOWNTO 0);
        data_out : out STD_LOGIC_VECTOR(7 DOWNTO 0)
    );
ARCHITECTURE Behavioral OF shifter IS
    BEGIN
        PROCESS(S,data_in)
        BEGIN
            CASE S IS
                WHEN "00" =>
                data_out <= data_in;</pre>
```

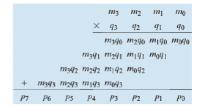
```
WHEN "01" =>
    data_out <= data_in(6 downto 0) & '0';
WHEN "10" =>
    data_out <= '0' & data_in(7 downto 1);
WHEN "11" =>
    data_out <= data_in(0) & data_in(7 downto 1);
    end case;
end process;
end Behavioral;</pre>
```

Multiplier

Multiplier

 Use shift-and-add procedure for multiply two numbers.





```
library ieee;
use ieee.std_logic_1164.all;
use ieee.numeric_std.all;
entity multiplier is
    port(
    M,Q : IN STD_LOGIC_VECTOR(3 DOWNTO 0);
    P : OUT STD_LOGIC_VECTOR(7 DOWNTO 0));
END multiplier;

ARCHITECTURE Behavioral OF multiplier IS
BEGIN
    P <= STD_LOGIC_VECTOR(UNSIGNED(M) * UNSIGNED(Q));
END Behavioral;</pre>
```