

Modelo de 3 equações e política macroeconômica

Paulo Victor da Fonseca

13 de junho de 2023

Sumário

- 1 Introdução
- 2 Aplicação: *boom* de consumo
- 3 Metas de inflação e política monetária
- 4 Regra de política monetária
- 5 Bibliografia

Introdução

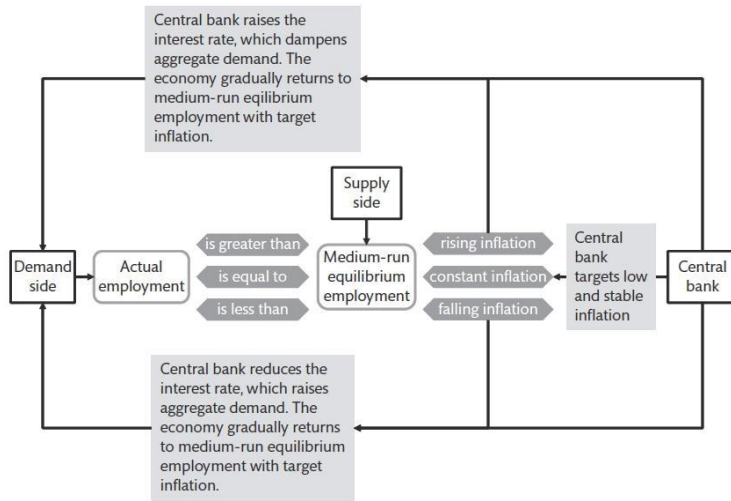


Figura Visão esquemática do modelo macro. Fonte: [Carlin e Soskice \(2015\)](#)

Introdução

- ▶ A figura mostra DA e OA e evidencia o papel que um BC operando em um regime de metas de inflação pode ter na resposta a um choque que desvia a economia do equilíbrio de médio prazo
- ▶ O BC aumenta a taxa de juros em resposta a uma taxa de inflação que estiver acima da meta, para amortecer a demanda agregada
- ▶ E reduz a taxa de juros quando a inflação estiver abaixo da meta

Leva tempo até que a política monetária tenha impacto completo sobre a inflação e a economia real. A política monetária é, portanto, guiada por previsões dos desenvolvimentos econômicos.

Monetary policy in Sweden, Sveriges Riksbank (2010)

- ▶ Uma característica crucial dos regimes modernos de política monetária é que o BC é *forward-looking*
- ▶ O BC faz **previsões** de inflação ao analisar o que está acontecendo em uma economia e deve, ainda, levar em consideração as defasagens envolvidas entre mudanças no instrumento de política monetária (taxa nominal de juro) e o impacto que estas variações terá sobre a atividade econômica

Introdução

1. Qual objetivo o BC deseja alcançar?
 2. Como o BC pensa a respeito das restrições impostas pelo comportamento do setor privado com que se depara?
 3. Como o BC implementa sua política?
- ▶ Quando estas informações são conhecidas, podemos construir um modelo esquemático de comportamento do BC, possibilitando a análise de como responderá a uma variedade de choques
 - ▶ Estas respostas podem ser resumidas sob a forma de uma **regra simples de política monetária**
 - ▶ Modelo de 3 equações:
 1. Regra de política monetária (MR)
 2. Demanda agregada (IS)
 3. Oferta sob a forma de uma curva de Phillips (PC)

Introdução

Qual objetivo o BC deseja alcançar?

- ▶ Assume-se que o objetivo é usar a política monetária para estabilizar a economia (mantê-la próxima do produto agregado de equilíbrio de médio prazo e a inflação próxima à meta)
- ▶ BC pode ser penalizado caso não atinja seu objetivo de manter inflação na meta
- ▶ UK: se inflação desvia mais do que 1 p.p. (para cima ou para baixo) da meta de 2%, o presidente do BoE deve escrever uma carta aberta ao chanceler do Tesouro explicando os motivos por não ter cumprido o objetivo e apresentar um plano para retornar a inflação à meta
- ▶ Isso é custoso em termos de reputação para o BoE
- ▶ Quanto mais próximo estiver a economia do PIB de equilíbrio e a inflação da meta, menor os custos em termos de reputação

Introdução

Metas de inflação no Brasil

- ▶ A meta para a inflação é anunciada publicamente e funciona como uma âncora para as expectativas dos agentes sobre a inflação futura, permitindo que desvios da inflação em relação à meta sejam corrigidos ao longo do tempo assegurando, assim, uma inflação baixa e estável
- ▶ A meta se refere à inflação acumulada no ano e é definida pelo CMN. Cabe ao BC agir para alcançá-la
- ▶ O CMN define, em junho, a meta para a inflação com três anos de antecedência. Esse prazo de antecedência reduz as incertezas em relação à inflação futura

Metas de inflação no Brasil

- ▶ Se a inflação ao final do ano se situar fora do intervalo de tolerância, o presidente do BC tem de divulgar publicamente as razões do descumprimento, por meio de carta aberta ao ministro da Economia, presidente do CMN, contendo descrição detalhada das causas do descumprimento, as providências para assegurar o retorno da inflação aos limites estabelecidos e o prazo no qual se espera que as providências produzam efeito

Regime de metas para a inflação
É o conjunto de procedimentos para garantir a estabilidade de preços no país

- 1 O Conselho Monetário Nacional (CMN) estabelece a meta para a inflação anual
- 2 Para manter a inflação sob controle, o Copom define a meta da taxa Selic
- 3 O BC realiza operações de mercado aberto (compra e venda de títulos públicos) para influenciar a taxa Selic
- 4 A taxa Selic, por meio de diversos canais na economia, afeta a inflação



Figura Regime de metas de inflação no Brasil. Fonte: [Banco Central do Brasil](#)

O que pode impedir que o BC atinja sua meta?

- ▶ A economia é afetada por choques de demanda e de oferta que, por sua vez, impactam produto agregado e inflação
- ▶ Um choque positivo não antecipado, e.g., que pressiona o produto acima do de equilíbrio de médio prazo, irá aumentar a inflação acima da meta, à medida que fortalece a posição dos trabalhadores
- ▶ Este comportamento dos salários é capturado pela curva de Phillips
- ▶ O BC, então, deve levar este comportamento em consideração, incluindo a persistência da inflação, quando estiver formulando sua resposta ao choque inicial

Como o BC traduz seus objetivos em política monetária?

- ▶ Usa uma regra de política monetária
- ▶ Esta regra pode ser representada no mesmo diagrama da curva de Phillips
- ▶ Mostrará como o BC escolherá sua resposta política preferida dadas as restrições com que se depara a partir dos comportamentos de fixadores de preços e de salários (capturados por uma curva de Phillips em particular)

Introdução

- ▶ Na prática, para implementar sua resposta política, o BC realiza um diagnóstico do choque e seus efeitos estimados sobre inflação e produto
- ▶ Usará esta informação, junto às suas preferências por estabilização, para estimar o hiato do produto que está desejando alcançar
- ▶ A curva MR ilustra a melhor resposta do BC ao choque realizado
- ▶ O BC, então, usa a relação entre taxa de juros e produto agregado (na curva IS) para implementar suas escolhas

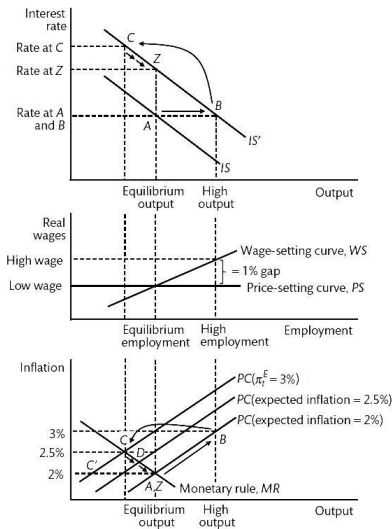


Figure 3.4 The 3-equation model: the adjustment of the economy to a permanent demand shock.

Figura Modelo de 3 equações: ajuste a um choque de demanda permanente. Fonte: [Carlin e Soskice \(2015\)](#)

Modelo de 3 equações: *boom* de consumo

1. Choque exógeno de DA: deslocamento da IS
2. Maior demanda traduz-se em maiores produto e emprego
3. Salários aumentam em 3%: aumento de 2% como compensação pela inflação e aumento de 1% refletindo fortalecimento dos trabalhadores no mercado de trabalho
4. Para assegurar margens de lucro, firmas aumentam preços em 3%
5. Deslocamento da curva de Phillips quando expectativas inflacionárias variam (trabalhadores observam inflação de 3% e esperam que permaneçam em 3% no futuro)

Modelo de 3 equações: *boom* de consumo

- 6 BC determinará o quão rápido trazer inflação de volta para a meta, isto determinará o formato da curva de **regra de política monetária (MR)**. O BC usará o modelo novo-Keynesiano para determinar a taxa de juros que irá trazer a inflação de volta para a meta
- 7 A taxa de juros irá aumentar o suficiente para amortecer a atividade econômica até o ponto em que expectativas inflacionárias sejam reduzidas ao nível inicial
- 8 À medida que expectativas inflacionárias vão se reduzindo, salários e preços aumentam a uma taxa mais baixa
- 9 Enquanto isso acontece, BC reajusta a taxa de juros e guia a economia de volta ao nível de equilíbrio
- 10 No entanto, no novo equilíbrio a taxa de juros será mais elevada. Requer-se um nível mais baixo de investimento para compensar o *boom* de consumo permanente

Regimes de metas de inflação e política monetária moderna

- ▶ Glenn Stevens (Reserve Bank of Australia, 1999) sobre o que aprendemos de política monetária:
 1. Política monetária afeta primordialmente, se não somente, preços (e não atividade econômica) no médio prazo
 2. Afeta atividade econômica no curto prazo
 3. Dadas as defasagens, política monetária tem de ser *forward-looking*
 4. Futuro é incerto, assim como os impactos de mudanças na condução de política sobre a economia
 5. Expectativas importam: transparência e comunicação do BC são fundamentais
 6. Um grau adequado de independência operacional para o BC na condução de política monetária é importante

► Metodologia para derivar regra de política monetária:

1. **Preferências do BC** em termos de **função utilidade (ou função perda)** que captura custos incorridos de desvios da meta e do produto de equilíbrio. Isto produz as curvas de indiferença do BC no espaço produto \times inflação e mostra o que o BC gostaria de fazer para estar próximo à meta e do PIB potencial
2. **Restrições** com as quais o BC se depara a partir do lado de oferta: curva de Phillips. Evidencia o *trade-off* objetivo entre inflação e desemprego no curto prazo e determina o que é factível para o BC atingir
3. **Melhor resposta de regra de política monetária** no espaço produto \times inflação: curva MR. Para dada curva de Phillips com que o BC se depara, a regra de política monetária mostra a combinação produto-inflação desejada
4. Determinada a posição desejada pelo BC na curva MR, usa-se a curva IS para implementar esta escolha, dado que a IS mostra a taxa de juros que está associada ao nível de PIB escolhido. A taxa de juros é o instrumento de política monetária para influenciar a DA

Preferências do Banco Central



- ▶ Como determinar as preferências do BC?
- ▶ Podemos inferir as preferências do BC a partir de seu comportamento
- ▶ Via análise empírica do comportamento do Federal Reserve, John Taylor inferiu uma regra de política monetária
- ▶ A regra de Taylor pode ser derivada a partir de um modelo no qual o BC minimiza flutuações ao redor da meta de inflação e o tamanho do hiato do produto
- ▶ Utilizaremos esta função perda para elucidar a forma com que BCs se comportam

Preferências do Banco Central

- ▶ Função perda do BC para derivar curvas de indiferença (representação do trade-off entre inflação estar distante da meta e produto distante do de equilíbrio)
- ▶ Assume-se, inicialmente, que o BC deseja minimizar flutuações ao redor da meta de inflação π^T :

$$(\pi_t - \pi^T)^2$$

1. BC preocupa-se em evitar tanto inflação abaixo da meta quanto acima da meta
2. O peso que o BC dá para trazer a inflação de volta para a meta é maior quanto mais distante a inflação estiver da meta

Preferências do Banco Central

- ▶ BC também preocupa-se em manter PIB próximo ao nível de equilíbrio de médio prazo
- ▶ Assume-se que o BC busca minimizar o hiato entre y_t e y_e de forma a auxiliar no objetivo de convergir para a meta de inflação

$$(y_t - y_e)^2$$

- ▶ Observa-se atitude simétrica com relação aos desvios do nível de PIB de equilíbrio
 1. BC compreende modelo e percebe que inflação só é constante quando $y_t = y_e$
 2. Se $y_t < y_e$, então, isso representa desemprego desnecessário que deve ser eliminado
 3. Se $y_t > y_e$, então, esta situação é insustentável e requer aumentos custosos no desemprego para trazer inflação de volta à meta


Preferências do Banco Central

- ▶ A função perda do Banco Central é, portanto:

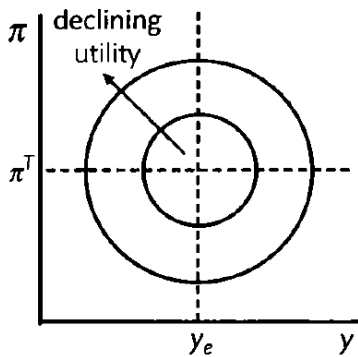
$$L = (y_t - y_e)^2 + \beta (\pi_t - \pi^T)^2,$$

onde β é o peso relativo atribuído à perda devida à inflação

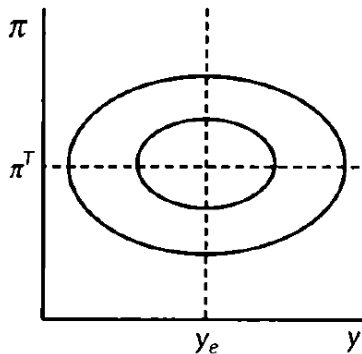
- ▶ O parâmetro β é um parâmetro crítico ao modelo
- ▶ Se $\beta > 1$, o BC atribui um peso relativo menor a desvios no emprego com relação ao seu nível de equilíbrio do que em desvios na inflação, e vice-versa
- ▶ Um BC mais averso com relação à inflação é caracterizado por um β mais elevado

 As preferências do BC podem ser representadas desta maneira simples se assumirmos que a taxa de desconto do BC é infinita. Isto significa que ele considera apenas um período de cada vez quando está tomando suas decisões

a. Balanced: $\beta=1$



b. Inflation averse: $\beta>1$



c. Unemployment averse: $\beta<1$

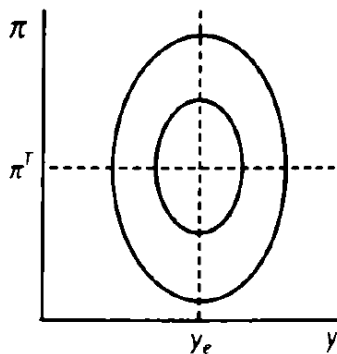


Figura Funções perda do Banco Central. Fonte: Carlin e Soskice (2015)

Preferências do Banco Central

- ▶ Se $\beta = 1$, o BC é igualmente preocupado com desvios da inflação e do produto com relação às suas metas
- ▶ Neste caso, as curvas de indiferença são círculos de centro (y_e, π^T)
- ▶ A perda do BC declina à medida que os círculos diminuem
- ▶ Quando $\pi_t = \pi^T$ e $y_t = y_e$, o círculo contrai em um único ponto (bliss point) e a perda é mínima (zero)
- ▶ Neste caso, o BC é indiferente entre uma inflação 1% acima (ou abaixo) de π^T e PIB 1% abaixo (ou acima) de y_e

Preferências do Banco Central

- ▶ Se $\beta > 1$, o BC é averso à inflação
- ▶ Isto torna as curvas de indiferença elipsoides
- ▶ Curvas são achatadas para refletir o *trade-off* que o BC está disposto a aceitar entre uma pequena queda na inflação com um aumento elevado no desemprego acima do de equilíbrio
- ▶ Um BC com menos aversão à inflação ($\beta < 1$) terá curvas de indiferença em forma de elipsoides mas com uma orientação vertical, ao invés de horizontal
- ▶ Neste caso, as curvas de indiferença são mais íngremes, refletindo o fato de que o BC só está disposto a trocar uma queda na inflação por uma queda mais baixa no desemprego que nos outros dois casos

Preferências do Banco Central

- ▶ Se o BC preocupa-se apenas com a inflação, então, as elipses de perda tornam-se unidimensionais ao longo da linha em $\pi_t = \pi^T$
- ▶ O valor de β não reflete se o BC foca em atingir uma meta de inflação ou uma meta de produto
- ▶ Ao invés disso, um BC com um β mais baixo está disposto a aceitar um *trade-off* de um período mais longo durante o qual a inflação está distante da meta para reduzir o impacto sobre o desemprego da trajetória de ajuste de retorno ao equilíbrio que teria um BC com maior aversão à inflação

A restrição da curva de Phillips

- ▶ A curva de Phillips é uma restrição para o BC pois mostra as combinações de produto e inflação que o BC pode escolher para um dado nível de inflação esperada
- ▶ Dito de outra forma, em qualquer período o BC pode escolher a localização da economia apenas em um ponto sobre a PC com a qual se depara
- ▶ Assumiremos, aqui, uma curva de Phillips sob hipótese de expectativas adaptativas:

$$\begin{aligned}\pi_t &= \pi_t^E + \alpha(y_t - y_e) \\ &= \pi_{t-1} + \alpha(y_t - y_e)\end{aligned}\tag{1}$$

⚠ Outros métodos de formação de expectativas com relação à inflação serão estudadas na disciplina de Macroeconomia III

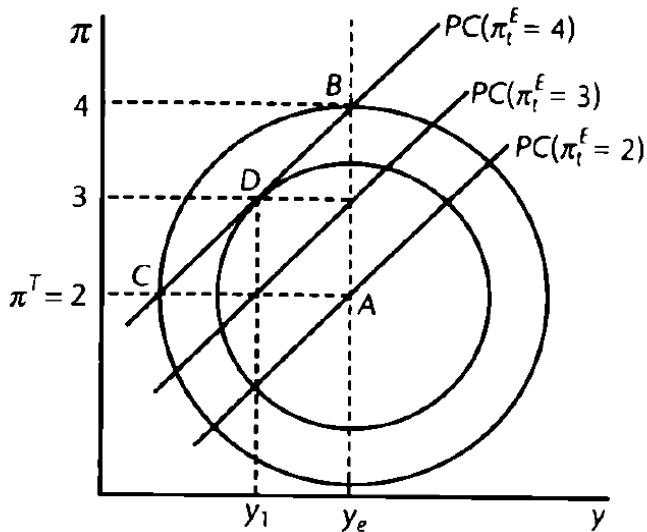


Figura Círculos de perda e curvas de Phillips. Fonte: Carlin e Soskice (2015)

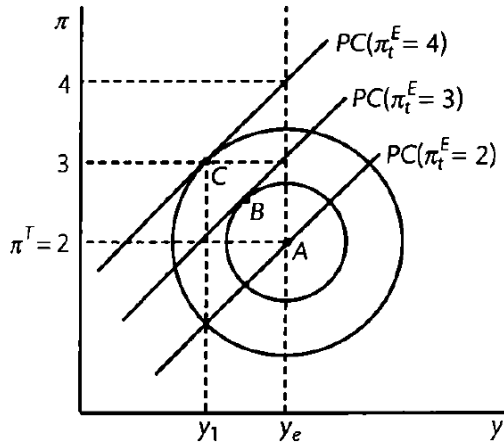
A restrição da curva de Phillips

- ▶ A figura anterior mostra as curvas de Phillips que impõem a restrição do setor privado ao BC
- ▶ Assumimos que $\alpha = 1$, de forma que cada curva de Phillips tem inclinação de 45°
- ▶ Assumindo que $\pi^E = \pi_{t-1} = \pi^T = 2\%$, o BC pode escolher o **bliss point** $A(\pi^T, y_e)$ no qual a perda é zero
- ▶ Se o sistema econômico é afetado por um choque inflacionário que desvia a inflação da meta, o que acontece?
- ▶ Supondo que a inflação defasada seja de 4%, ou seja, $PC(\pi_t^E = 4\%)$, temos algumas situações:
 1. Política monetária plenamente acomodativa: único objetivo é atingir a meta de produto $\beta = 0$ (ponto B)
 2. Política monetária plenamente não acomodativa: único objetivo é atingir a meta de inflação (ponto C)
 3. Pela figura, é evidente que dadas as preferências do BC, o ponto que minimiza a função perde é o ponto D (tangência entre curvas de indiferença e PC)

Curva de regra de política monetária: abordagem gráfica

- ▶ A curva de regra de política monetária (MR) mostra a combinação produto-inflação preferida pelo BC para qualquer curva de Phillips com que se depara
- ▶ Pode ser derivada graficamente através dos pontos de tangência entre as curvas de Phillips e os círculos de perda
- ▶ A interpolação dos pontos de tangência, que minimizam a função perda do BC dadas as curvas de Phillips, nos dá a curva MR

Step 1: find the tangencies between the loss circles and the Phillips curves



Step 2: join the tangencies to derive the MR curve

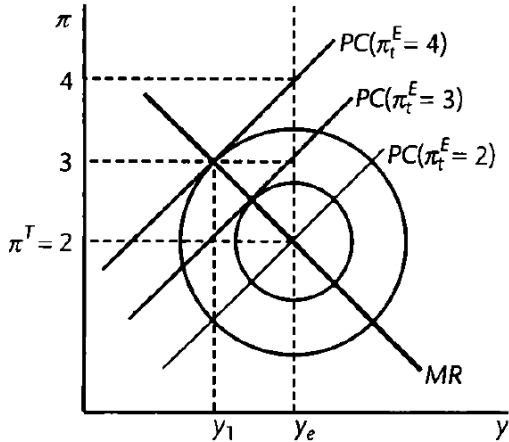


Figura Derivação gráfica da curva MR. Fonte: Carlin e Soskice (2015)

Curva de regra de política monetária: abordagem formal

- ▶ A regra de política monetária pode ser derivada formalmente usando as equações de função perda e curva de Phillips (derivação na lousa)

- ▶ A equação da curva MR é dada por:

$$(y_t - y_e) = -\alpha\beta(\pi_t - \pi^T) \quad (2)$$

- ▶ Esta regra de política monetária diz qual hiato do produto o BC deveria escolher quando observa um desvio da inflação com relação à sua meta
- ▶ Regras de política monetária usadas pelos BCs são, frequentemente, descritas como regras de Taylor
- ▶ A diferença é que a regra de Taylor é expressa em termos da taxa de juros que o BC deveria fixar para implementar o hiato do produto desejado

Modelo de 3 equações

- ▶ Para encontrar a taxa de juros que o BC deveria escolher uma vez que decidiu o hiato do produto preferido usando a curva MR, precisamos introduzir a curva IS
- ▶ Com isso, completa-se o modelo de três equações:
 1. Curva de Phillips (PC)
 2. Regra de política monetária (MR)
 3. Demanda agregada (IS)

Implementação da política monetária: curva IS

- ▶ Analisamos o processo pelo qual o BC determina o hiato do produto preferível em resposta a um choque exógeno ao sistema econômico
- ▶ O instrumento que o BC utiliza para implementar a política monetária é a taxa de juros real, r
- ▶ O fato de que o BC deve ajustar a taxa de juros nominal que possibilitará a determinação de uma taxa de juros real particular na curva IS é chamado de princípio de Taylor

Implementação da política monetária: curva IS

- ▶ A taxa de juros real é escolhida de forma a assegurar o nível apropriado de demanda agregada e, portanto, produto
- ▶ O BC escolhe o melhor ponto ao longo da curva de Phillips com a qual se depara e, de forma a selecionar o nível correto de DA, deve fixar a taxa de juros no nível associado de curva IS
- ▶ A curva IS mostra o efeito de variações na taxa de juros sobre a DA:

$$\begin{aligned}y &= \kappa(c_0 + a_0 + G) - \kappa a_1 r \\ &= A - ar,\end{aligned}\tag{3}$$

onde o termo A inclui o multiplicador κ e todos os elementos autônomos de DA como gastos do governo e os elementos autônomos e *forward-looking* de consumo e investimento

Implementação da política monetária: curva IS

- ▶ No modelo de 3 equações, utilizaremos uma **curva IS dinâmica** para representar o lado da demanda e capturar o fato de que a DA responde negativamente à taxa de juros real, r , com um período de defasagem
- ▶ Exemplo: estimativas do BoE de que o impacto das taxas de juros sobre o produto leva (um máximo de) um ano
- ▶ A curva IS dinâmica é definida da seguinte forma:

$$y_t = A - ar_{t-1} \quad (4)$$

- ▶ CARLIN, W.; SOSKICE, D. Macroeconomics: Institutions, instability, and the financial system. Oxford, UK: Oxford University Press, 2015
- ▶ STEVENS, G. [Six years of inflation targeting](#). Address to the Economic Society of Australia. Sidney, AUS, 1999
- ▶ SVERIGES RIKSBANK. [Monetary policy in Sweden](#), 2010
- ▶ TAYLOR, J.B. [Discretion versus policy rules in practice](#). Carnegie-Rochester Series on Public Policy 39, 1993