EÖTVÖS LORÁND TUDOMÁNYEGYETEM MATEMATIKAI INTÉZET



Alkalmazott Analízis és Számításmatematikai Tanszék

Az alkalmazott analízis számítógépes módszerei 1.

2020. május 11. 10:00-11:00

- ♦ Feltöltés helye: feipaat@cs.elte.hu
- ♦ Cím, információ: AlkAnal1Sz ZH, Név és Neptun kód
- ♦ Csatolt állomány: az összes szükséges m fájl
- ♦ Kommentelve írjuk bele az m fájl 2.sorába, hogy hogyan kell futtatni az adott fájlt!
- Ha a kódunk nem fut le, akkor a teljes pontszám töredékét kaphatjuk meg részpontszámok gyanánt!
- ♦ Csak a 11:02-ig elküldött e-maileket vesszük figyelembe.
- \diamond Példa fájlnév az 1.
feladatra: A0WA6S_1.m (értelemszerűen A0WA6S helyett a saját Neptun-kódunkat írjuk)

Feladat 1. [17 pont] Tekintsük a megadott (t_i, f_i) párokat.

Írjunk programot $neptunkod_1.m$ néven n bemenő paraméterrel, amely n>9 esetén ábrázolja az adatokat, illetve a (t_i,f_i) pontokat négyzetesen legjobban közelítő

$$F_1(t) = x_1 + x_2t + \dots + x_5t^4$$

$$F_2(t) = x_1 \ln(t) + x_2 \cos(t)$$

folyamatmodelleket egy ábrán címkézve! Ha $n \leq 9$, akkor a program írja ki a következő hibaüzenetet: A vektor hossza nem megfelelo!

Feladat 2. [9 pont] Írjunk szkriptet neptunkod_2.m néven, amely az

adatokra a Newton-féle interpolációs eljáráshoz tartozó osztott differenciákat tartalmazó mátrixot állítja elő!

$$N = \begin{pmatrix} x_1 & f_1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ x_2 & f_2 & e_{11} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ x_3 & f_3 & e_{12} & e_{21} & 0 & 0 & 0 \\ x_4 & f_4 & e_{13} & e_{22} & e_{31} & 0 & 0 \\ x_5 & f_5 & e_{14} & e_{23} & e_{32} & e_{41} & 0 \\ x_6 & f_6 & e_{15} & e_{24} & e_{33} & e_{42} & e_{51} \end{pmatrix}$$

Megjegyzés: A fenti mátrixban például e_{15} az $[x_5, x_6]f$ osztott differencia.

Feladat 3. [15 pont] Tekintsük az

$$f(x) = x \cdot \sin\left(\frac{1}{x}\right) \sqrt{|1-x|}$$

függvényt. Írjunk programot $neptunkod_3.m$ néven, amely adott bemenő TOL tolerancia
érték mellett a beépített quad függvény és az összetett érintőformula abszolút hibájához vissza
adja a szükséges részintervallumok számát!

Feladat 4. [9 pont] Írjunk szkriptet neptunkod_4.m néven, amely az

$$\frac{f(x_0-2h)-4f(x_0-h)+6f(x_0)-4f(x_0+h)+f(x_0+2h)}{h^4}$$

véges differenciahányadost kiszámolja adott függvényre, adott pontban és az alábbi megadott $h=10^0,10^{-1},\ldots,10^{-8}$ lépésközökkel. Kiemelten ügyeljünk arra, hogy az outputok egyértelműek legyenek!

Alsó és felső százalék határa	Érdemjegy
75 - 100	Jeles
62 - 74.99	Jó
48-61.99	Közepes
35 - 47.99	Elégséges
0 - 34.99	Elégtelen