## Семинар 12.

Семинарское занятие составлено на основе материалов лекций A. Niebuhr "Spatial Econometrics" (2012) в Университете г. Киля.

В работе требуется оценить неоклассическую модель роста и проверить гипотезу о конвергенции.

Для оценки того, имеют ли страны с изначально более низкими доходами более высокие темпы экономического роста, используют концепцию абсолютной и условной  $\beta$ -конвергенции. Гипотеза проверки абсолютной  $\beta$ -конвергенции подразумевает отрицательную статистическую зависимость между темпом роста показателя и его начальным уровнем.

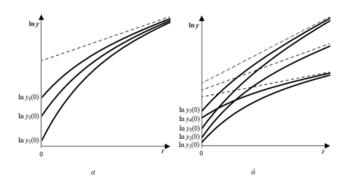


Рисунок 1. Безусловная (а) и условная (b) конвергенция. Пунктиром обозначены траектории равновесного роста. Источник: Gluschenko, 2009.

## Описание данных

Файл EU27.dta. Данные по 728 территориальным единицам стран Европейского союза. Отсутствуют данных по Латвии, Малте, Кипру, Болгарии и Румынии. Имеются следующие показатели:

у95 и у04 – ВВП на душу в сопоставимых ценах 1995 и 2004 год nms\_dummy – дамми переменная на новые страны-члены ЕС страновые дамми

Файл inverse\_travel\_time\_EU27.dta. В файле содержатся данные об обратных расстояниях между центрами регионов в минутах.

В работе требуется оценить неоклассическую модель роста и проверить гипотезу о конвергенции:

$$\frac{1}{T}\ln\left(\frac{y_{it}}{y_{i,t-T}}\right) = \alpha - \frac{1 - e^{-bT}}{T}\ln(y_{i,t-T}) + \varepsilon_{it}$$

Скорость сходимости:

$$\hat{\beta} = -\frac{\ln(1 - T\,\hat{\beta}_1)}{T}$$

где  $\hat{\beta}_1$  – это коэффициент из регрессии:

$$\frac{1}{T}\ln\left(\frac{y_{it}}{y_{i,t-T}}\right) = \beta_0 - \beta_1\ln(y_{i,t-T}) + X\gamma + \varepsilon_{it}$$

Время, необходимое для сокращения различий между регионами в два раза:

$$h = -\frac{\ln(0.5)}{\hat{\beta}} = \frac{0.69}{\hat{\beta}}$$

## Пространственные регрессионные модели

1. SAR Модель с пространственным авторегрессионным лагом

$$y = \rho W y + X \beta + \varepsilon \quad \varepsilon \sim N(0, \sigma^2 I_n)$$

2. SEM Модель с пространственным взаимодействием в ошибках

$$y = X\beta + \varepsilon$$
,  $\varepsilon = \lambda W \varepsilon + u \sim N(0, \sigma^2 I_n)$ 

## Задание в Stata

В задании необходимо оценить модель конвергенции с пространственными эффектами.

- 1. Создайте переменные: средний темп роста ВВП на душу за период 1995-2004 и натуральный логарифм ВВП на душу в 1995 году.
- 2. Сравните средний уровень среднего темпа роста ВВП на душу и ВВП на душу в 1995 году для новых и старых стран-членов Европейского союза. Опишите различия. Что можно сказать относительно гипотезы абсолютной конвергенции для стран из разных групп на основании дескриптивных статистик?
- 3. Оцените модель абсолютной бета-конвергенции для ВВП на душу. Проинтерпретируйте свой результат. Рассчитайте скорость сходимости и время сокращения разрыва в два раза (h). Учтите гетероскедастичность: рассчитайте робастные стандартные отклонения.
- 4. Включите в модель дамми переменную на старых и новых членов ЕС: ЕС15 (старые) и ЕС10 (новые). Можно ли сказать, что включение новых стран в ЕС способствовало конвергенции?
- 5. Протестируйте наличие пространственной автокорреляции для зависимой и независимой переменных. Рассчитайте статистику I Морана и постройте диаграмму Морана. Используйте в качестве матрицы весов стандартизированную матрицу обратных расстояний, измеренных во времени. Ожидаете ли Вы наличие

пространственной автокорреляции в остатках регрессии из пункта 3? Проверьте вашу гипотезу.

- 6. Оцените модели условной конвергенции с пространственными лагами (SAR и SEM) методом максимального правдоподобия. Какую модель вы предпочтете? Проинтерпретируйте результаты моделей. Что показывают коэффициенты?
- 7. Оцените модели условной бета-конвергенции, добавив в модель странновые дамми-переменные. Тем самым вы проверяете гипотезу об индивидуальной траектории сбалансированного роста для каждой страны (country-specific steady state). Изменились ли ваши выводы относительно гипотезы о конвергенции? Повторите шаги 5 и 6 для расширенной модели. Как вы считаете, может ли наличие пространственной автокорреляции быть вызвано пропуском важных переменных?