

Семинар 1.
Вспомнить всё!

1. Проверочная работа №1 (время выполнения — 30 минут).
2. Пусть $a = (a_1, \dots, a_n)$ и $b = (b_1, \dots, b_n)$ — два произвольных вектора. Определите, какие равенства справедливы:

- (a) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a}) = 0$;
- (b) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})^2 = \sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})a_i$;
- (c) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})(b_i - \bar{b}) = \sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})b_i$;
- (d) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})(b_i - \bar{b}) = \sum_{i=1}^n a_i b_i$;
- (e) $\sum_{i=1}^n a_i = n\bar{a}$;
- (f) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})^2 = \sum_{i=1}^n a_i^2 - n\bar{a}^2$;
- (g) $\sum_{i=1}^n a_i^2 = (\sum_{i=1}^n a_i)^2$;
- (h) $\sum_{i=1}^n a_i^2 = (n\bar{a})^2$;
- (i) $\sum_{i=1}^n \bar{a} = n\bar{a}$;
- (j) $\sum_{i=1}^n a_i \bar{a} = n\bar{a}^2$;
- (k) $\sum_{i=1}^n (a_i - \bar{a})b_i = 0$.

3. Упростите выражения:

- (a) $n\bar{X} - \sum_{i=1}^n X_i$
- (b) $\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})\bar{X}$
- (c) $\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})\bar{Z}$
- (d) $\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 + n\bar{X}^2$