

Подборка задач №6.

Спецификация модели. Эндогенность.

1. Покажите, что при пропуске l важных переменных в модели регрессии МНК-оценки параметров β при оставшихся регрессорах и оценка $\hat{\sigma}_\varepsilon^2 = \frac{RSS}{n-k}$ будут смещёнными.
2. Покажите, что при включении l лишних переменных в модель регрессии МНК-оценки параметров β при регрессорах и оценка $\hat{\sigma}_\varepsilon^2 = \frac{RSS}{n-k-l}$ будут несмешёнными.
3. Опишите РЕ тест МакКиннона, Уайта, Дэвидсона для выбора между линейной и линейной в логарифмах моделями регрессии.
4. Дайте определение эндогенного регрессора.
5. Перечислите 4 причины возникновения эндогенности. Приведите пример для каждого.
6. Перечислите предпосылки линейной модели регрессии со стохастическими регрессорами и сформулируйте теорему о состоятельности и асимптотической нормальности МНК-оценок.
7. Для выбора между линейной и полулогарифмической моделями (где EARNINGS — почасовая заработка в \$, S — длительность обучения, ASVABC — результаты тестов, характеризующие успеваемость) был проведен РЕ тест Дэвидсона, Уайта и МакКиннона и получены следующие результаты:

	Зависимая: Y	Зависимая: $\ln Y$
(Intercept)	-26.148 (4.17)	-1.941 (3.2499)
S	2.008 (0.276)	0.087 (0.035)
ASVABC	0.393 (0.079)	0.017 (0.007)
lin_add	-15.373 (5.984)	
semilog_add		-0.029 (0.065)
R^2	0.2071	0.2212
F	46.59	50.74
Adj. R^2	0.2027	0.2168
Num. obs.	540	540
RSS	90975.57	148.1
$\hat{\sigma}$	13.04	0.5256

где $lin_add = \ln(\hat{Y}) - \widehat{\ln Y}$, $semilog_add = \hat{Y} - \exp(\ln \hat{Y})$ и в скобках указаны стандартные ошибки. На уровне значимости 5% сделайте выбор между двумя оцененными моделями.

8. По данным для 23 демократических стран оценили зависимость индекса Джини от ВВП на душу населения с учетом ППС (паритета покупательной способности). Затем провели тест Рамсея.

Source	SS	df	MS	Number of obs = 23
Model	506.853501	1	506.853501	F(1, 21) = 13.05
Residual	815.572523	21	38.8367868	Prob > F = 0.0016
Total	1322.42602	22	60.1102738	R-squared = 0.3833
				Adj R-squared = 0.3539
				Root MSE = 6.2319

gini	Coef.	Std. Err.	t	P> t	[95% Conf. Interval]
gdp_cons	-.0006307 44.30983	.0001746 3.572733	-3.61 12.40	0.002 0.000	-.0009937 36.87993 -.0002676 51.73974


```
. ovtest
Ramsey RESET test using powers of the fitted values of gini
Ho: model has no omitted variables
F(3, 18) = 5.16
Prob > F = 0.0095
```

Примечание: *ovtest* — команда в Stata для проведения теста Рамсея.

- (a) Сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезу теста Рамсея.

- (b) Опишите пошагово, как проводится тест Рамселя.
 (c) Прокомментируйте результаты теста Рамселя.
9. С помощью теста Бокса-Кокса оценили зависимость веса индивида (в килограммах) от его роста (в сантиметрах):

		Number of obs = 540				
		LR chi2(2) = 230.68				
		Prob > chi2 = 0.000				
Log likelihood = -2659.5656						
W	Coef.	Std. Err.	z	P> z	[95% Conf. Interval]	
/lambda	1.055498	1.892654	0.56	0.577	-2.654035	4.76503
/theta	-.0263371	.1471576	-0.18	0.858	-.3147607	.2620865
Estimates of scale-variant parameters						
	Coef.					
Notrans						
_cons	2.936809					
Trans						
H	.0237224					
/sigma	.1660251					
Test H0:	Restricted log likelihood	chi2	Prob > chi2			
theta=lambda = -1	-2680.8693	42.61	0.000			
theta=lambda = 0	-2659.7618	0.39	0.531			
theta=lambda = 1	-2685.5201	51.91	0.000			

Примечание: λ — параметр для преобразования зависимой переменной, а θ — параметр для преобразования объясняющих переменных.

Какую спецификацию модели (линейную, линейную в логарифмах, полулогарифмическую) следует предпочесть и почему?

10. Для 400 голландских магазинов модной одежды с помощью трёх моделей оценили зависимость продаж в расчете на квадратный метр в гульденах, $Sales$, от:

- общей площади магазина, $Size$, в m^2 ;
- количества сотрудников, работающих целый день, $Nfull$;
- количества временных рабочих, $Ntemp$;
- дамми-переменной $Owner$, равной единице, если собственник один, и нулю иначе.

$$\widehat{Sales}_i = 6083 - 15.25 \widehat{Size}_i + 1452.8 \widehat{Nfull}_i + 420.15 \widehat{Ntemp}_i - 1464.1 \widehat{Owner}_i$$

$$\ln \widehat{Sales}_i = 8.59 - 0.0024 \ln \widehat{Size}_i + 0.183 \ln \widehat{Nfull}_i + 0.102 \ln \widehat{Ntemp}_i - 0.209 \ln \widehat{Owner}_i$$

$$\ln \widehat{Sales}_i = 10.08 - 0.31 \ln \widehat{Size}_i + 0.22 \ln \widehat{Nfull}_i + 0.066 \ln \widehat{Ntemp}_i - 0.19 \ln \widehat{Owner}_i$$

В скобках приведены стандартные ошибки.

- (a) Дайте интерпретацию коэффициента при переменной Size в каждой из трёх моделей.
- (b) Подробно опишите, как выбрать наилучшую из этих моделей.