# PYATB 教程

**PYATB** 

2025年07月03日

# Contents:

1	<b>教程说明</b> 1.1 软件的安装	<b>2</b> 2
2	BAND_STRUCTURE、FAT_BAND、PDOS         2.1 介绍          2.2 计算步骤          2.3 结果展示	<b>4</b> 4 5 9
3		<b>16</b> 16 19
4	BANDUNFOLDING         4.1 介绍	22 22 23 27
5	SPIN_TEXTURE         5.1 介绍	
6	6.2 计算步骤	35 35 36 37
7	7.2 计算步骤	39 40 43
8	8.2 计算步骤	<b>47</b> 47 48 51
9	SHIFT_CURRENT         9.1 计算步骤	<b>52</b> 53

	9.2	结果展示	56
	SHG		57
	10.1	介绍	57
		计算步骤	
	10.3	结果展示	61
11	Berry	y_Curvature_Dipole	63
	11.1		63
	11.2	计算步骤	64
	11.3	结果展示	68

#### 欢迎使用 PYATB 教程!

本教程围绕 PYATB 软件的三大核心模块——能带模块、几何模块与光学模块,结合实际案例进行详细讲解与操作演示,旨在帮助用户系统掌握 PYATB 的使用方法及其完整的计算流程。

#### 教程内容包括:

- 1. 从 ABACUS 中提取第一性原理紧束缚哈密顿量,并开展能带结构分析及轨道投影等后处理工作;
- 2. 计算 Berry 相关物理量,包括 Berry 曲率、Wilson 环路、Chirality 等拓扑性质;
- 3. 计算线性与非线性光学响应,包括电子的介电函数、吸收谱、shift current、Berry curvature dipole 以及 second harmonic generation(SHG)等光学性质。

Contents: 1

## CHAPTER 1

教程说明

## 1.1 软件的安装

## 1.1.1 ABACUS 的安装

本教程所使用的 ABACUS 版本为长期支持版 LTS 3.10,可通过以下命令获取源码:

git clone https://github.com/deepmodeling/abacus-develop.git -b LTS

关于 ABACUS 的编译与依赖环境配置,可参考以下官方安装教程:

- ABACUS 安装教程 Toolchain (1-GNU)
- ABACUS 安装教程 Toolchain (2-Intel)

ABACUS 运行所需的赝势与原子轨道可通过如下命令获取:

git clone https://github.com/abacusmodeling/ABACUS-orbitals.git

本教程中使用的是该仓库下 Dojo-NC-FR 目录中的 Dojo 赝势及对应的数值原子轨道。

## 1.1.2 PYATB 的安装

建议通过以下步骤安装 PYATB 及其依赖:

```
conda create -n pyatb python=3.12
conda activate pyatb
conda install -c conda-forge mpi4py
pip install pyatb
```

注 1,推荐优先使用 conda 安装 mpi4py,以避免 pip 在源码编译时可能引发的依赖问题;注 2,使用 conda-forge 作为软件源,可提升环境的兼容性与稳定性;

## 1.1.3 其他的说明

安装 PYATB 后,Python 环境中将自动包含一个辅助生成输入文件的命令行工具 pyatb\_input。可以通过命令 pyatb\_input -h 查看该工具的使用说明和可用选项。

例如,以下命令将在当前目录下基于 abacus\_scf\_folder/ 中的自治计算结果,生成包含能带计算模块的输入文件:

pyatb\_input -i abacus\_scf\_folder/ --band

注:命令行参数中的-i用于指定 ABACUS 输出目录,--band 表示启用能带计算模块。

1.1. 软件的安装 3

## BAND\_STRUCTURE, FAT\_BAND, PDOS

## 2.1 介绍

材料电子性质的研究中,能带结构是最基本也是最关键的物理量之一。在周期性体系中, Kohn-Sham 方程为:

$$H|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle = E_{n\mathbf{k}}|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle,$$

其中  $|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle$  为第 n 带的布洛赫波函数,可展开为:

$$|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mu} C_{n\mu}(\mathbf{k}) \sum_{\mathbf{R}} \mathrm{e}^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} |\mathbf{R}\mu\rangle,$$

其中  $|\mathbf{R}\mu\rangle \equiv \phi_{\mu} (\mathbf{r} - \tau_{\mu} - \mathbf{R})$  是第  $\mu$  个原子轨道,位于第  $\mathbf{R}$  个单位胞中, $\tau_{\mu}$  表示该轨道的中心位置。该方程可转化为广义特征值问题:

$$H(\mathbf{k})C_n(\mathbf{k}) = E_{n\mathbf{k}}S(\mathbf{k})C_n$$

其中  $H(\mathbf{k})$  和  $S(\mathbf{k})$  分别是动量空间中的哈密顿量和重叠矩阵,通过对实空间矩阵进行傅里叶变换得到:

$$\begin{split} H_{\nu\mu}(\mathbf{k}) &= \sum_{\mathbf{R}} \mathrm{e}^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} H_{\nu\mu}(\mathbf{R}), \\ S_{\nu\mu}(\mathbf{k}) &= \sum_{\mathbf{R}} \mathrm{e}^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} S_{\nu\mu}(\mathbf{R}). \end{split}$$

因此,在 PYATB 中,只需提供所需的  $\mathbf{k}$  点,即可通过上述公式求解特征值  $E_{n\mathbf{k}}$ ,从而绘制能带结构。 参考文献:

• Jin, G., Pang, H., Ji, Y., Dai, Z. & He, L. PYATB: An efficient Python package for electronic structure calculations using ab initio tight-binding model. Computer Physics Communications 291, 108844 (2023).

下面以三维拓扑绝缘体  $Bi_2Se_3$  为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行能带结构、Fat band、PDOS 的计算。相关文件位于 tutorial/Bi2Se3\_band 目录下,其中包含两个子文件夹:abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

## 2.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/Bi2Se3_band/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
$ cd ./Out/Fat_Band
$ vi plot_fatband.py
$ python plot_fatband.py
$ cd ../../
$ python plot_spd_fatband.py
$ cd ./Out/PDOS
$ vi plot_dos.py
$ python plot_dos.py
$ python plot_dos.py
$ python plot_dos.py
$ python plot_spd_pdos.py
```

#### 2.2.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/Bi2Se3\_band/abacus 文件夹中, 我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件, 包括:

控制文件: INPUT结构文件: STRU赝势文件: \*.upf

• 原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT PARAMETERS
# System variables
suffix
                 Bi2Se3
                       # 指定计算类型为自洽计算
calculation
                scf
esolver_type
                ksdft
symmetry
                       #设置为1时,开启对称性分析,为-1时,完全关闭对称性分析
init_chg
                atomic
# Input Files
pseudo_dir
orbital_dir
# Plane Wave
ecutwfc
                 100
                       # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
                       # 使用原子轨道作为基组
basis_type
                 lcao
ks solver
                 genelpa
nspin
                 4
                       #波函数的自旋分量数,开启自旋轨道耦合后自动为4
smearing\_method
                       # 电子占据模糊方法
                 gauss
```

(续下页)

2.2. 计算步骤 5

```
0.02
smearing_sigma
                  pulay
                        # 设置电荷密度混合方法
mixing_type
                 0.7
mixing_beta
                  200
                        # 最大电子收敛步数
scf_nmax
                        # 电荷密度收敛精度
scf_thr
                  1e-8
                        # 开启自旋轨道耦合
lspinorb
                  1
noncolin
                  0
                        # 关闭自旋非共线
# Output Variables
                        # 输出自洽后的电荷密度
out_chg
                 1
out_mat_hs2
                 1
                        # 输出HR、SR矩阵
out_mat_r
                        # 输出 rR矩阵
```

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

- data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量
- data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵
- data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 2.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。然后我们进入 tutorial/Bi2Se3\_band/pyatb 文件夹,进行能带结构、Fat band、PDOS 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

2.2. 计算步骤 6

(续下页)

```
SR_route
                             ../abacus/OUT.Bi2Se3/data-SR-sparse_SPINO.csr
→SR 矩阵
  rR_route
                             ../abacus/OUT.Bi2Se3/data-rR-sparse.csr
                                                                     #. .
→rR 矩阵
                                          # HR 单位为 Rydberg
  HR_unit
                             Ry
                                          # rR 单位为 Bohr
  rR_unit
                             Bohr
   max_kpoint_num
                             8000
                                          # 单轮计算的最大k点数目
}
LATTICE
  lattice_constant
                            1.8897162
  lattice_constant_unit
                            Bohr
  lattice_vector
   -2.069 -3.583614 0.000000
   2.069 -3.583614 0.000000
   0.000 2.389075 9.546667
BAND_STRUCTURE
   wf_collect
                             0 #是否输出波函数的展开系数
                             line # 设置 k_
   kpoint_mode
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
   kpoint_num
                           5
                               # 设置路径中的高对称点数
   high_symmetry_kpoint
                                   # 设置高对称点坐标及插值数
   0.00000 0.00000 0.0000 100 # G
   0.00000 0.00000 0.5000 100 # Z
   0.50000 0.50000 0.0000 100 # F
   0.00000 0.00000 0.0000 100 # G
   0.50000 0.00000 0.0000 1 # L
                                  # 设置高对称点名称
   kpoint_label G, Z, F, G, L
}
FAT_BAND
  band_range 28 128
                                   # 设置计算能带范围
  stru_file
             STRU
                                   #__
→设置结构文件名,与ABACUS的结构文件保持一致,提取原子位置以及轨道文件
  kpoint_mode
                            line
   kpoint_num
  high_symmetry_kpoint
   0.00000 0.00000 0.0000 100 # G
   0.00000 0.00000 0.5000 100 # Z
   0.50000 0.50000 0.0000 100 # F
   0.00000 0.00000 0.0000 100 # G
   0.50000 0.00000 0.0000 1 # L
   kpoint_label G, Z, F, G, L
}
PDOS
  stru_file STRU
             0.5064566484 19.5064566484
  e_range
→设置PDOS能量范围,绝对能量,不是以费米能为中心的
  de
              0.01
                                       # 设置能量间隔
              0.07
                                        # 设置gaussian smearing参数
   sigma
                                                                     (续下页)
```

2.2. 计算步骤 7

kpoint\_mode mp mp\_grid 20 20 20 # 设置 k 点采样模式为均匀撒点 # 撒点网格

#### 关于功能模块 BAND\_STRUCTURE 完整设置参数为:

- **wf\_collect**, bool 类型, 为 1 时输出波函数的展开系数, 默认为 0。
- band\_range, int 类型, 有两个值,设置计算的能带范围,从1开始计数,例如120,计算第1到第20 共21条能带。不设置该参数,会计算所有能带。
- **kpoint\_mode**, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

#### 关于功能模块 FAT\_BAND 完整设置参数为:

- **band\_range**, int 类型, 有两个值, 设置计算的能带范围, 从 1 开始计数, 例如 1 20, 计算第 1 到第 20 共 21 条能带。
- stru\_file, str 类型, 指定结构文件, 用于提取原子位置以及使用的轨道文件。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

#### 关于功能模块 PDOS 完整设置参数为:

- stru\_file, str 类型, 指定结构文件, 用于提取原子位置以及使用的轨道文件。
- e\_range, float 类型,有两个值,设置 PDOS 能量范围,绝对能量,不是以费米能为中心的。
- de, float 类型,设置能量间隔
- **sigma**, float 类型, 设置 gaussian smearing 参数
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

#### 如果某个功能模块中存在 kpoint\_mode 参数时,会添加额外的设置参数:

- 当 kpoint\_mode 为 mp 时,新增参数:
  - **k\_start**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
  - **k\_vect1**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为 1.0 0.0 0.0。
  - **k\_vect2**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。
  - **k\_vect3**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 3,默认为 0.0 0.0 1.0。
  - mp\_grid, int 类型,有三个值,均匀划分指定布里渊区范围的网格数目,没有默认值。
- 当 kpoint\_mode 为 line 时,新增参数:
  - kpoint\_num, int 类型, 指定高对称点的数目。
  - high\_symmetry\_kpoint, float 类型,每个高对称点有四个值,设置高对称点坐标及插值数。
  - kpoint\_label, str 类型,数目与 kpoint\_num 保持一致,指定每一个高对称点的 label。
- 当 kpoint\_mode 为 direct 时,新增参数:
  - **kpoint\_num**, int 类型, 指定 k 点的数目。
  - kpoint\_direct\_coor, float 类型,每一个 k 点三个值,指定 k 点的坐标。

注 1: FAT\_BAND 和 PDOS 功能模块都需要结构文件,格式与 ABACUS 的结构文件保持一致。 在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

2.2. 计算步骤 8

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

## 2.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

## 2.3.1 BAND\_STRUCTURE

Out/Band\_Structure 文件夹包含能带结构相关的输出,相应文件为:

- · band info.dat
- · band.dat
- · high\_symmetry\_kpoint.dat
- kpt.dat
- plot\_band.py
- x\_coor\_array.dat

band\_info.dat 如下:

```
Fermi Energy (eV):
                              9.5065
               Band gap (eV):
                              0.3197
      Eigenvalue of VBM (eV):
                              9.3059
      Eigenvalue of CBM (eV):
                              9.6256
VBM 1 (band index and k coor):
                              76
                                        0.145000 0.145000 0.355000
VBM 2 (band index and k coor):
                                   77
                                        0.145000 0.145000 0.355000
CBM 1 (band index and k coor):
                                   78
                                        0.000000 0.000000 0.000000
CBM 2 (band index and k coor):
                                   79
                                        0.000000 0.000000 0.000000
CBM 3 (band index and k coor):
                                   78
                                        0.000000 0.000000 0.000000
CBM 4 (band index and k coor):
                                  79
                                        0.000000 0.000000 0.000000
```

该文件提供了基本的能带信息,包括费米能、带隙、价带顶(VBM)和导带底(CBM)的位置。其中能带指标是从0开始计数的。

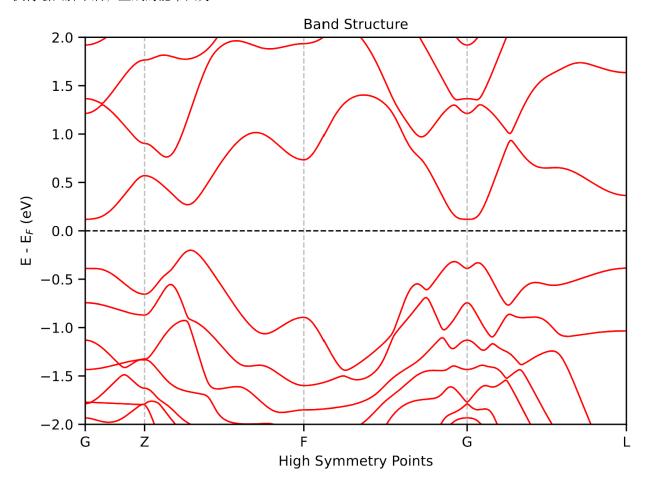
**band.dat** 文件包含所有 k 点的能带本征值,格式为二维矩阵:每行对应一个 k 点,每列表示一条能带,能量值未减去费米能。

kpt.dat 文件记录所有计算使用的 k 点坐标。

high\_symmetry\_kpoint.dat 和 x\_coor\_array.dat 是绘图脚本 plot\_band.py 的必要输入文件。其中high\_symmetry\_kpoint.dat 记录高对称点信息以及高对称点的 label、绘图坐标点。x\_coor\_array.dat 为绘

图的横坐标。在  $plot_band.py$  中,可以修改  $y_min$  和  $y_max$  变量来控制能带图的纵轴范围。该脚本默认绘制的是平移费米能后的能带图。

执行绘图脚本后, 生成的能带图为:



#### **2.3.2 FAT BAND**

在 Out /Fat\_Band 文件夹下存放 Fat band 数据,包含以下文件:

- · band.dat
- · fatband.xml
- · high\_symmetry\_kpoint.dat
- · pband.dat
- plot\_fatband.py

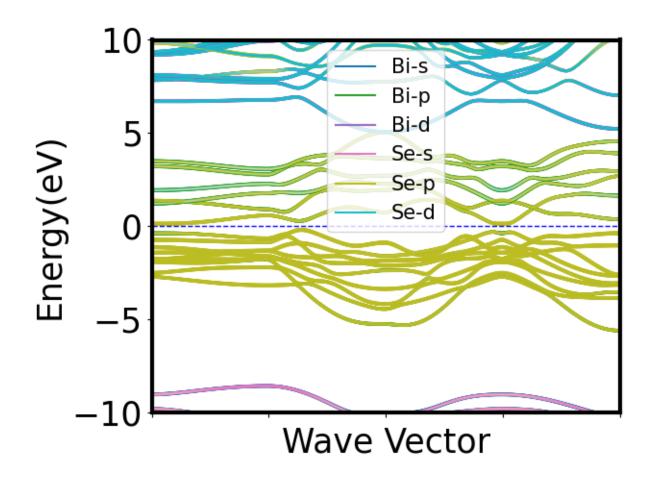
**band.dat** 文件存放所有 k 点、能带的本征值,为二维矩阵,每一行对应一个 k 点,每一列表示一条能带,能量是未平移费米能的。

**fatband.xml** 和 **pband.dat** 都是存放 fat band 数据的,只是格式不一样,前者提供了包含能带、不同轨道 fat band 的完整信息,而 **pband.dat** 是最原始数据。

**plot\_fatband.py** 是绘制 fat band 的脚本,用于初步检查。你需要修改这个脚本的变量是指定绘制轨道的权重。例如我们需要绘制 Bi 和 Se 的 s、p、d 轨道的 fat band,可以修改如下的脚本参数:

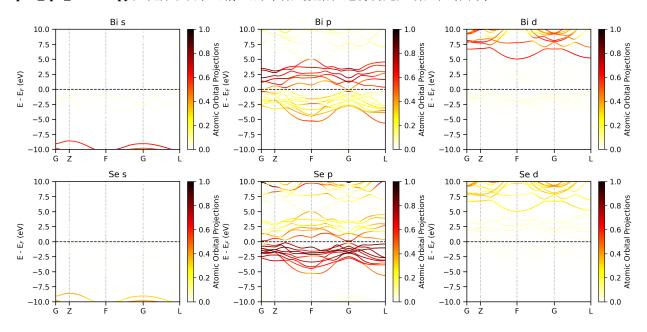
```
from pyatb.tools.band import PBand
import matplotlib.pyplot as plt
efermi = 9.5064566484
pbandfile = './fatband.xml'
kptfile = './high_symmetry_kpoint.dat'
pband = PBand(pbandfile, kptfile)
# 使用species来绘制fat band, 指定Bi和Se的s、p、d轨道
species = {"Bi":[0, 1, 2], "Se":[0, 1, 2]}
# 设置能带显示范围
energy_range = [-10, 10]
fig, ax = plt.subplots(sharex=True, figsize=(6.4, 4.8), tight_layout=True)
# 将绘图数据输出到文件中
pband.write(species=species)
# 绘制 fat band草图
pband.plot_contributions(fig, ax, species=species, efermi=efermi, energy_range=energy_
→range, colors=[])
fig.savefig('fatband.png')
plt.close('all')
```

运行脚本后,会生成 fatband.png,绘制的 fat band 图如下:



同时绘图所用数据将保存至 Out/Fat\_Band/PBAND1\_FILE 目录中。

为获得更高质量的 fat band 图,我们在 tutorial/Bi2Se3\_band/pyatb 文件夹下添加了新的绘图脚本 plot\_spd\_fatband.py,该脚本读取之前生成的绘图数据,进行自定义绘图,结果为:



从这个图中, 我们可以看到 Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub> 在费米能附近的能带主要是由 Bi 和 Se 的 p 轨道贡献的。

#### 2.3.3 PDOS

在 Out / PDOS 文件夹下存放 PDOS 数据,包含:

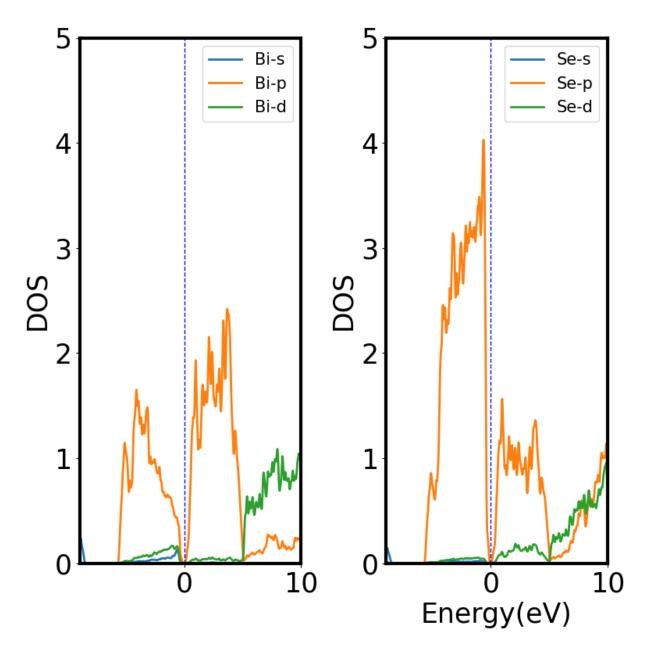
- · PDOS.dat
- PDOS.xml
- plot\_dos.py
- TDOS.dat

**PDOS.xml** 和 **PDOS.dat** 都是存放 PDOS 数据的,只是格式不一样,前者提供了包含能量范围、不同轨道 PDOS 的完整信息,而 **PDOS.dat** 是最原始数据。**TDOS.dat** 存放总 DOS 的信息,第一列为能量点(未平移费米能),第二列为 TDOS 数据。

 $plot_dos.py$  是绘制 PDOS 的脚本,用于初步检查。你需要修改这个脚本的变量是指定绘制轨道的权重。例如 我们需要绘制 Bi 和 Se 的 s、p、d 轨道的 PDOS,可以修改如下的脚本参数:

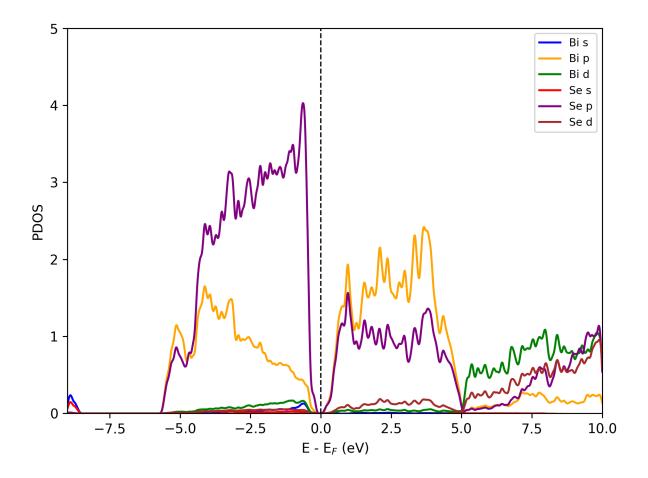
```
from pyatb.tools.dosplot import TDOS, PDOS
import matplotlib.pyplot as plt
efermi = 9.5064566484
energy_range = [0.5064566484-efermi, 19.5064566484-efermi]
# ----- plot TDOS --
tdosfile = './TDOS.dat'
tdos = TDOS(tdosfile)
dos_range = [0, 5]
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
dosplots = tdos.plot(fig, ax, efermi=efermi, shift=False, energy_range=energy_range, _
→dos_range=dos_range)
fig.savefig('tdos.png')
plt.close()
# ----- plot PDOS ---
pdosfile = './PDOS.xml'
pdos = PDOS(pdosfile)
species = {"Bi":[0, 1, 2], "Se":[0, 1, 2]}
dos_range = [0, 5]
fig, ax = plt.subplots(1, 2, sharex=True, figsize=(8, 8), tight_layout=True)
pdos.write(species=species)
# 2. plot different contributions in single picture
dosplots = pdos.plot(fig, ax, species=species, efermi=efermi, shift=False, energy_
→range=energy_range, dos_range=dos_range)
fig.savefig('pdos.png')
plt.close('all')
```

运行脚本后,会生成 pdos.png,绘制的 PDOS 图如下:



同时绘图数据也会保存在 Out / Fat\_Band / PDOS\_FILE 目录下。

为了获得更加好的 PDOS 图,我们在 tutorial/Bi2Se3\_band/pyatb 文件夹下添加了新的绘图脚本plot\_spd\_pdos.py,该脚本读取之前生成的绘图数据,进行自定义绘图,结果为:



# CHAPTER 3

Fermi Surface

下面以 Cu 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 Fermi Surface 计算。相关文件位于 tutorial/Cu\_fermi\_surface 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

## 3.1 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/Cu_fermi_surface/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
$ python dat_to_xsf.py
```

## 3.1.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/Cu\_fermi\_surface/abacus 文件夹中,我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件,包括:

控制文件: INPUT
结构文件: STRU
赝势文件: \*.upf
原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT_PARAMETERS
# System variables
suffix
                C11
                        # 指定计算类型为自洽计算
calculation
                scf
               ksdft
esolver_type
                        #设置为1时,开启对称性分析,为-1时,完全关闭对称性分析
symmetry
                1
init_chg
                atomic
# Input Files
pseudo_dir
                 ./
orbital_dir
# Plane Wave
ecutwfc
                 100
                       # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
                        # 使用原子轨道作为基组
basis_type
                lcao
ks_solver
                genelpa
nspin
                       # 电子占据模糊方法
smearing_method
               gauss
smearing_sigma
                0.02
                       # 设置电荷密度混合方法
mixing_type
                pulay
                0.4
mixing_beta
                        # 最大电子收敛步数
                200
scf_nmax
                        # 电荷密度收敛精度
scf_thr
                 1e-8
lspinorb
                 0
                        # 关闭自旋轨道耦合
noncolin
                 0
                       # 关闭自旋非共线
# Output Variables
                        # 输出自洽后的电荷密度
out_chg
                1
                1
                        # 输出HR、SR矩阵
out_mat_hs2
out_mat_r
                        # 输出 rR矩阵
```

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

• data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量

• data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵

• data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

3.1. 计算步骤 17

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

#### 3.1.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自洽计算后,会产生 HR、SR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。然后我们进入 tutorial/Cu\_fermi\_surface/pyatb 文件夹,进行 fermi surface 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT_PARAMETERS
                                   #与 ABACUS 的 nspin 保持一致
  nspin
                    1
                    ABACUS
                                   # 指定数据来源为 ABACUS
  package
  fermi_energy
                   17.62527821
  fermi_energy_unit
                   ../abacus/OUT.Cu/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR 矩阵
  HR_route
                    ../abacus/OUT.Cu/data-SR-sparse SPINO.csr # SR 矩阵
  SR route
  HR unit
                                   # HR 单位为 Rydberg
                   8000
                                   # 单轮计算的最大k点数目
  max_kpoint_num
LATTICE
  lattice_constant 6.91640
  lattice_constant_unit Bohr
  lattice_vector
  0.50 0.50
                    0.00
  0.50
           0.00
                   0.50
  0.00
           0.50
                    0.50
BAND STRUCTURE
                    0
                                   # 是否输出波函数的展开系数
   wf_collect
            mp
                       kpoint_mode
→点采样模式为均匀格点采样,有line, mp, direct三种
                    50 50 50
                             # 划分布里渊区网格数目
  mp_grid
FERMI_SURFACE
  bar
                    1e-5
                                  # 判断能量接近 fermi_energy_
→的最大容许误差
  kpoint_mode
                                  # 设置 k_
                    mp
→点采样模式为均匀格点采样,有line, mp, direct三种
                    50 50 50
                              # 划分布里渊区网格数目
  mp_grid
```

关于功能模块 BAND\_STRUCTURE 完整设置参数为:

- wf\_collect, bool 类型, 为 1 时输出波函数的展开系数, 默认为 0。
- band\_range, int 类型, 有两个值, 设置计算的能带范围, 从 1 开始计数, 例如 1 20, 计算第 1 到第 20 共 21 条能带。不设置该参数, 会计算所有能带。
- **kpoint\_mode**, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

关于功能模块 FERMI\_SURFACE 完整设置参数为:

3.1. 计算步骤 18

- bar, float 类型, 判断能量接近 fermi\_energy 的最大容许误差。
- **nbands**, int 类型,有两个值,设置计算的能带范围,用于加速寻找能量为 fermi\_energy 的 k 点。默认值为 0 0,意味着考虑所有能带。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

如果某个功能模块中存在 kpoint mode 参数时, 会添加额外的设置参数:

- 当 kpoint\_mode 为 mp 时,新增参数:
  - k\_start, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
  - k\_vect1, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为 1.0 0.0 0.0。
  - k\_vect2, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。
  - **k\_vect3**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 3,默认为 0.0 0.0 1.0。
  - mp\_grid, int 类型,有三个值,均匀划分指定布里渊区范围的网格数目,没有默认值。
- 当 kpoint\_mode 为 line 时,新增参数:
  - kpoint\_num, int 类型, 指定高对称点的数目。
  - high\_symmetry\_kpoint, float 类型,每个高对称点有四个值,设置高对称点坐标及插值数。
  - kpoint\_label, str 类型,数目与 kpoint\_num 保持一致,指定每一个高对称点的 label。
- 当 kpoint\_mode 为 direct 时,新增参数:
  - **kpoint\_num**, int 类型, 指定 k 点的数目。
  - kpoint\_direct\_coor, float 类型,每一个 k 点三个值,指定 k 点的坐标。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

## 3.2 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

#### 3.2.1 FERMI SURFACE

Out/Fermi\_Surface 文件夹包含费米能 k 点相关的输出,相应文件为:

- **fermi\_surface\_kpt.dat**: 所有满足 Fermi 能的 k 点的分数坐标,格式为 (kx, ky, kz)。
- plot\_fermi\_surface.py: 用于将 k 点绘制在布里渊区中的 Python 脚本。

注 1: 当前 FERMI\_SURFACE 模块的绘图较为粗略,但已可用于初步筛选满足条件的 k 点。

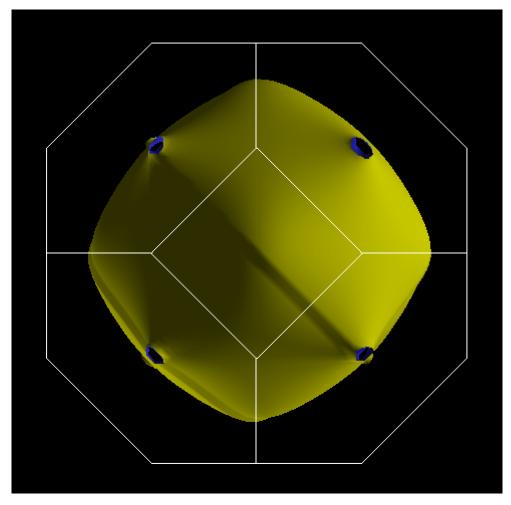
为获得更高质量的 fermi surface 可视化,我们推荐结合 BAND\_STRUCTURE 模块与 XCrySDen 工具。

## 3.2.2 BAND\_STRUCTURE 绘制 fermi surface

在 Out/Band\_Structure 文件夹下存放 BAND\_STRUCTURE 数据,包含以下文件:

- band\_info.dat: 包含费米能、带隙、价带顶(VBM)和导带底(CBM)信息。
- band.dat: 包含所有 k 点的能带本征值,格式为二维矩阵: 每行对应一个 k 点,每列表示一条能带,能量值未减去费米能。
- kpt.dat: 记录所有计算使用的 k 点坐标。

我们运行 tutorial/Cu\_fermi\_surface/pyatb/dat\_to\_xsf.py 脚本,可将 band.dat 转换为 XCryS-Den 支持的 .xsf 格式。转换完成后,即可使用 XCrySDen 查看 fermi surface 可视化结果:



注 1:这个转换脚本在处理不同系统的时候,需要自己修改脚本中的变量,例如 fermi\_energy、晶格参数、**band.dat** 文件路径、**kpt.dat** 文件路径。

# CHAPTER 4

## BANDUNFOLDING

## 4.1 介绍

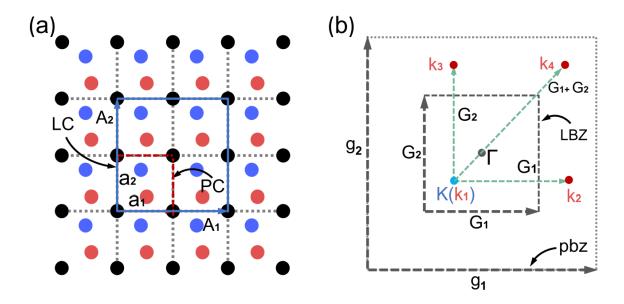
Band unfolding 是一种用于将超胞(supercell)计算得到的波函数投影回原胞(primitive cell)倒易空间中对应 k 点的技术,从而得到与实验可观测量(如 ARPES 光谱)一致的谱函数(spectral function)。

在第一性原理计算中,使用超胞往往是为了引入杂质、缺陷或模拟合金等非周期性扰动。但超胞计算结果的能带结构由于布里渊区缩小而难以直接与实验结果进行比较。通过 band unfolding,可以将超胞能带结构映射回原胞布里渊区,恢复更直观的动量空间信息。

在实际计算中,原胞的晶格矢量  $\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_2, \mathbf{a}_3$  与超胞的晶格矢量  $\mathbf{A}_1, \mathbf{A}_2, \mathbf{A}_3$  之间存在如下关系:

$$\begin{bmatrix} A_1 \\ A_1 \\ A_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m_{11} & m_{12} & m_{13} \\ m_{21} & m_{22} & m_{23} \\ m_{31} & m_{32} & m_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix}$$

下面的图直观展示了超胞与原胞的实空间与倒空间对应关系。



**Fig. 1.** Illustration of (a) the relation between the large cell (LC) and projected cell (PC), and (b) the corresponding BZs.  $k_1 - k_4$  of the PC are folded to the K point of the LC. LBZ and pbz are the first BZs of the LC and PC, respectively.

Band unfolding 方法常用于含缺陷、杂质、合金或界面的体系分析,是连接第一性原理计算与实验观测的重要工具。更详细的理论背景与应用实例可参考以下文献:

 First-principles calculations of the surface states of doped and alloyed topological materials via band unfolding method.

下面以 NV 色心为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 BANDUNFOLDING 计算。相关文件位于 tutorial/NV\_bandunfolding 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

## 4.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/NV_bandunfolding/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
$ cd ./Out/Bandunfolding
$ vi plot_unfold.py
$ python plot_unfold.py
```

4.2. 计算步骤 23

#### 4.2.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/NV\_bandunfolding/abacus 文件夹中, 我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文 件,包括:

• 控制文件: INPUT • 结构文件: STRU • 赝势文件: \*.upf

• 原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中, INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https: //abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT PARAMETERS
# System variables
suffix
                 NN
                       # 指定计算类型为自洽计算
calculation
                 scf
esolver_type
                 ksdft
                        #设置为1时,开启对称性分析,为-1时,完全关闭对称性分析
symmetry
init_chg
                 atomic
# Input Files
pseudo_dir
orbital_dir
# Plane Wave
                        # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
ecutwfc
                 100
# Electronic structure
                        # 使用原子轨道作为基组
basis_type
                lcao
ks_solver
                genelpa
                       # 设置总电子数,多一个电子,体系为负一价电荷态
nelec
                 254
nspin
                        # 电子占据模糊方法
smearing_method
                gauss
smearing_sigma
                5e-4
                broyden #设置电荷密度混合方法
mixing_type
mixing_beta
                0.8
scf_nmax
                300
                        # 最大电子收敛步数
                1e-7
                        # 电荷密度收敛精度
scf thr
# Output Variables
                        # 输出自洽后的电荷密度
out_chg
                        # 输出HR、SR矩阵
out_mat_hs2
                 1
                        # 输出 rR矩阵
out_mat_r
                 1
```

执行 ABACUS 自洽计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

• data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量

• data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵

• data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

4.2. 计算步骤 24 注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于 描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件, 必须在 lcao 基组下, 即 basis\_type 1cao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_abacus.sh 脚本来进行 ABACUS 的自 治计算。

```
#!/bin/bash
# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得 更高的并行效率。

#### 4.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中, ABACUS 完成自洽计算后, 会产生 HR、SR、rR 文件, 这些文件是 PYATB 必要的输入文件。 然后我们进入 tutorial/NV\_bandunfolding/pyatb 文件夹,进行 BANDUNFOLDING 的计算。接下来 我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT PARAMETERS
   nspin
                                1
                                              # 与 ABACUS 的 nspin 保持一致
                                ABACUS
                                              # 指定数据来源为 ABACUS
   package
                                15.984509735
   fermi_energy
   fermi_energy_unit
                                eV
                                ../abacus/OUT.NV/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR_
   HR_route
→矩阵
   SR_route
                                ../abacus/OUT.NV/data-SR-sparse_SPINO.csr # SR_
→矩阵
                                ../abacus/OUT.NV/data-rR-sparse.csr
   rR_route
                                                                       # rR.
→矩阵
   HR_unit
                                Ry
                                              # HR 单位为 Rydberg
                                              # rR 单位为 Bohr
   rR_unit
                                Bohr
LATTICE
                                1.8897162
   lattice_constant
   lattice_constant_unit
                               Bohr
   lattice_vector
   7.13366 0 0
   0 7.13366 0
   0 0 7.13366
BANDUNFOLDING
   stru_file
                                STRU
→设置结构文件名,与ABACUS的结构文件保持一致,提取原子位置以及轨道文件
```

4.2. 计算步骤 25

(续下页)

```
ecut
                            1.0
                                       #. .
→投影平面波截断能 (Ry),数值远低于自洽计算截断能,建议取值范围为 10~50 Ry
                            10 250
                                      # 对指标范围内的能带进行反折叠处理
  band range
                            -2 2 2 2 -2 2 2 2 -2 #<u>-</u>
  m_matrix
→原胞到超胞的扩充矩阵,按行输入矩阵的 9 个分量。A = M*a, A、a为超胞、原胞晶格矢量矩阵
  kpoint_mode
                            line
                                       # 设置 k_
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
  kpoint_num
                                       # 设置路径中的高对称点数
  high_symmetry_kpoint
→设置高对称点坐标及插值数,这里是原胞的高对称点
  0.500000 0.000000 0.500000 300 # X
  0.500000 0.250000 0.750000 300 # W
  0.500000 0.500000 0.500000 300 # L
  0.000000 0.000000 0.000000 300 # G
  0.500000 0.000000 0.500000 1
                            # X
  kpoint_label
                            X, W, L, G, X # 设置高对称点名称
```

#### 关于功能模块 BANDUNFOLDING 完整设置参数为:

- stru\_file, str 类型, 指定结构文件, 用于提取原子位置以及使用的轨道文件。
- **ecut**, float 类型,原子轨道投影到平面波基组时,需要确定平面波数目。此参数为投影平面波截断能 (Ry),数值远低于自洽计算截断能,建议取值范围为 10~50 Ry
- band\_range, int 类型, 有两个值,设置反折叠的能带范围,从 1 开始计数,例如 1 20,计算第 1 到第 20 共 21 条能带。不设置该参数,会计算所有能带。
- **m\_matrix**, float 类型,有 9 个值,原胞到超胞的扩充矩阵,按行输入矩阵的 9 个分量。A = M\*a, A、a 为超胞、原胞晶格矢量矩阵。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

如果某个功能模块中存在 kpoint\_mode 参数时,会添加额外的设置参数:

- 当 kpoint mode 为 mp 时,新增参数:
  - k\_start, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
  - k\_vect1, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为 1.0 0.0 0.0。
  - **k\_vect2**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。
  - **k\_vect3**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 3,默认为 0.0 0.0 1.0。
  - mp\_grid, int 类型,有三个值,均匀划分指定布里渊区范围的网格数目,没有默认值。
- 当 kpoint\_mode 为 line 时,新增参数:
  - kpoint\_num, int 类型, 指定高对称点的数目。
  - high\_symmetry\_kpoint, float 类型,每个高对称点有四个值,设置高对称点坐标及插值数。
  - kpoint\_label, str 类型,数目与 kpoint\_num 保持一致,指定每一个高对称点的 label。
- 当 kpoint\_mode 为 direct 时,新增参数:
  - **kpoint\_num**, int 类型, 指定 k 点的数目。
  - kpoint\_direct\_coor, float 类型,每一个 k 点三个值,指定 k 点的坐标。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

4.2. 计算步骤 26

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

## 4.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

#### 4.3.1 BANDUNFOLDING

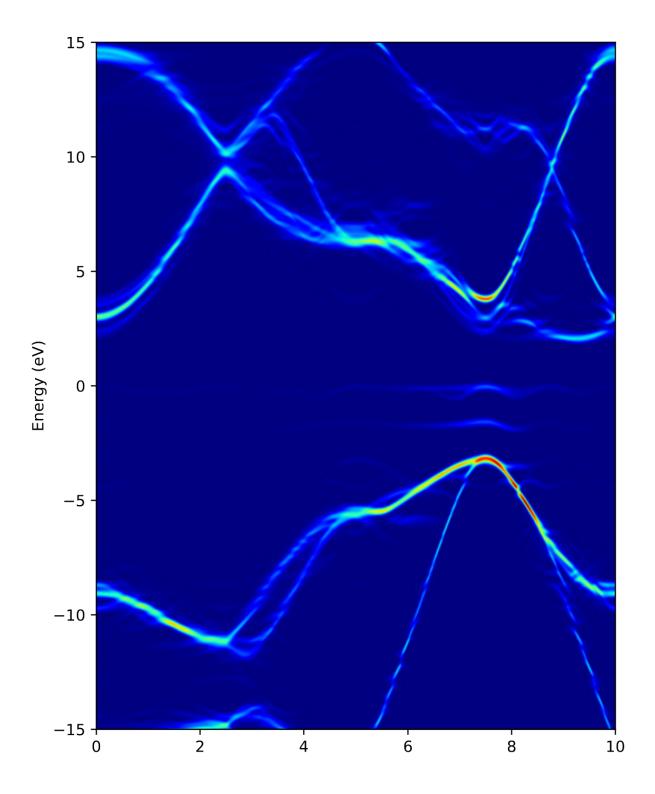
Out/Bandunfolding 文件夹包含能带反折叠相关的输出,相应文件为:

- kpt.dat: 记录所有计算使用的 k 点坐标。
- **spectral\_weight.dat**: 能带反折叠谱函数权重数据。有两列数据,第一列为能量,第二列为谱函数。输出顺序: 外循环 k 点,内循环能带。
- plot\_unfold.py: 绘图脚本。对该文件进行修改可以调整能带反折叠谱函数图。

我们进入tutorial/NV\_bandunfolding/pyatb/Out/Bandunfolding,对plot\_unfold.py进行如下修改,来改变能带窗口范围、能量网格密度,色散大小:

```
# 纵轴能量范围
y_min = -15 # eV
y_max = 15 # eV
e_mesh = 4000 # 调整网格密度
sigma = 0.1 # 高斯展宽大小
```

执行该绘图脚本后, 我们可以得到能带反折叠谱函数图:



SPIN\_TEXTURE

## 5.1 介绍

自旋纹理(Spin Texture)描述的是在布里渊区中,每个动量点  $\mathbf{k}$  对应的电子态的自旋期望值  $\langle \boldsymbol{\sigma}(\mathbf{k}) \rangle$  的分布。它直观地揭示了能带中电子自旋与动量之间的耦合关系,是理解拓扑物态、自旋霍尔效应、Rashba/Dresselhaus 效应以及自旋输运行为等关键物理现象的重要工具。

在含自旋的系统中,考虑某一条能带 n,其在 k 点的自旋期望值定义为:

$$\langle \boldsymbol{\sigma} \rangle_n(\mathbf{k}) = \langle \Psi_{n\mathbf{k}} | \boldsymbol{\sigma} | \Psi_{n\mathbf{k}} \rangle$$

其中:

- $|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle$  是该能带的布洛赫态;
- $\sigma = (\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z)$  为泡利矩阵;
- $\langle \boldsymbol{\sigma} \rangle_n$  即表示该态在 x, y, z 方向上的自旋分量。

典型的 spin texture 包括:

- Rashba 型纹理: 自旋呈现圆周形排列,垂直于动量方向;
- Dresselhaus 型纹理:与晶体对称性有关的交错型结构;

在 PYATB 中基于原子轨道基组,实现方式如下:

$$\langle \Psi_{n\mathbf{k}} | \hat{\sigma}_i | \Psi_{n\mathbf{k}} \rangle = \sum_{\mu,\nu.s.s'} C_{n,\mu s}^*(\mathbf{k}) c(\mathbf{k}) \hat{\sigma}_{i,ss'} C_{n,\nu s'}(\mathbf{k}),$$

其中

- *s*=↑,↓,是自旋指标;
- $C_{n,\mu s}(\mathbf{k}) \neq |\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle$  的轨道展开系数;
- $|\Psi_{n\mathbf{k}}\rangle$  是原子轨道交叠矩阵。

参考文献:

 Cheng, Y. C., Zhu, Z. Y., Tahir, M. & Schwingenschlögl, U. Spin-orbit-induced spin splittings in polar transition metal dichalcogenide monolayers. EPL 102, 57001 (2013).

下面以二维 WSSe<sub>2</sub> 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 Spin texture 计算。相关文件位于 tutorial/WSSe\_spin\_texture 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/WSSe_spin_texture/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
```

#### 5.1.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/WSSe\_spin\_texture/abacus 文件夹中,我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件,包括:

控制文件: INPUT结构文件: STRU赝势文件: \*.upf

• 原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT PARAMETERS
# System variables
suffix
                 WSSe
                        # 指定计算类型为自洽计算
calculation
                 scf
esolver_type
                 ksdft
symmetry
                        #设置为1时,开启对称性分析,为-1时,完全关闭对称性分析
init_chq
                 atomic
# Input Files
pseudo_dir
                 ./
orbital_dir
                 ./
# Plane Wave
ecutwfc
                 100
                        # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
                        # 使用原子轨道作为基组
basis_type
                 lcao
ks_solver
                 genelpa
                        #波函数的自旋分量数,开启自旋轨道耦合后自动为4
nspin
                 4
                        # 电子占据模糊方法
smearing_method
                 gauss
                 0.02
smearing_sigma
                        # 设置电荷密度混合方法
                 pulay
mixing_type
                 0.7
mixing_beta
                        # 最大电子收敛步数
scf_nmax
                 200
scf_thr
                 1e-8
                        # 电荷密度收敛精度
                         # 开启自旋轨道耦合
lspinorb
```

(续下页)

5.1. 介绍 30

执行 ABACUS 自洽计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成所需紧束缚模型文件:

- data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量
- data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵
- data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 5.1.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。然后我们进入 tutorial/WSSe\_spin\_texture/pyatb 文件夹,进行能带结构、Fat band、PDOS 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT PARAMETERS
    nspin
                                    4
    package
                                    ABACUS
                                    1.4232523137
   fermi_energy
   fermi_energy_unit
                                    ../abacus/OUT.WSSe/data-HR-sparse_SPIN0.csr
   HR_route
                                    ../abacus/OUT.WSSe/data-SR-sparse_SPIN0.csr
   SR route
   rR_route
                                    ../abacus/OUT.WSSe/data-rR-sparse.csr
   HR_unit
                                    Ry
   rR unit
                                    Bohr
                                    4000
   max_kpoint_num
```

(续下页)

5.1. 介绍 31

```
LATTICE
                                1.8897162
   lattice_constant
   lattice_constant_unit
                                Bohr
   lattice_vector
   3.2521424294
                      0.0000000000
                                         0.0000000000
   1.6260712147
                      2.8164379605
                                         0.0000000000
   0.0000000000
                      0.0000000000
                                        18.2324867249
}
BAND_STRUCTURE
   wf_collect
                          0
   kpoint_mode
                          line
   kpoint_num
   high_symmetry_kpoint
   0.000000000 0.000000000 0.000000000 100
   0.000000000 0.500000000 0.000000000 100
                                                 # M'
   0.3333333333 0.666666666
                            0.0000000000
                                          100
                                                 # K'
   0.000000000
               0.0000000000
                              0.0000000000
                                          100
   0.5000000000
               0.5000000000
                              0.000000000
                                          100
   0.666666666 0.333333333 0.000000000 100
   0.000000000 0.000000000
                            0.0000000000 1
                                                 # G
   kpoint_label
                                G, M', K', G, M, K, G
SPIN TEXTURE
                          35 38
   band_range
   kpoint_mode
                          line
   kpoint_num
   high_symmetry_kpoint
   0.000000000 0.000000000 0.000000000 100
   0.000000000 0.500000000 0.000000000 100
   # K'
   0.000000000 0.000000000 0.000000000 100
                                                 # G
   0.500000000 0.500000000 0.000000000 100
                                                 # M
   0.666666666 0.333333333 0.000000000 100
                                                 # K
   0.000000000 0.000000000
                            0.0000000000 1
   kpoint_label
                                G, M', K', G, M, K, G
```

#### 关于功能模块 SPIN\_TEXTURE 完整设置参数为:

- **band\_range**, int 类型, 有两个值, 设置计算的能带范围, 从 1 开始计数, 例如 1 20, 计算第 1 到第 20 共 21 条能带。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

如果某个功能模块中存在 kpoint\_mode 参数时,会添加额外的设置参数:

- 当 kpoint\_mode 为 mp 时,新增参数:
  - k\_start, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
  - $k_{vect1}$ , float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为  $1.0\,0.0\,0.0$ 。
  - **k\_vect2**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。

5.1. 介绍 32

- k\_vect3, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量3,默认为0.00.01.0。
- mp\_grid, int 类型,有三个值,均匀划分指定布里渊区范围的网格数目,没有默认值。
- 当 kpoint\_mode 为 line 时,新增参数:
  - kpoint\_num, int 类型, 指定高对称点的数目。
  - high\_symmetry\_kpoint, float 类型,每个高对称点有四个值,设置高对称点坐标及插值数。
  - kpoint\_label, str 类型,数目与 kpoint\_num 保持一致,指定每一个高对称点的 label。
- 当 kpoint\_mode 为 direct 时,新增参数:
  - **kpoint\_num**, int 类型, 指定 k 点的数目。
  - kpoint\_direct\_coor, float 类型,每一个 k 点三个值,指定 k 点的坐标。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

## 5.2 结果展示

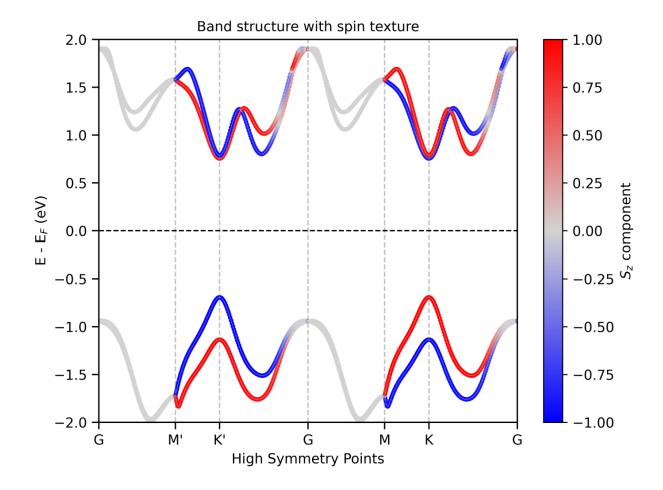
运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

## **5.2.1 SPIN TEXTURE**

Out/Spin\_Texture 文件夹包含自旋纹理相关的输出,相应文件为:

- **spin\_texture\_x.dat**, **spin\_texture\_y.dat**, **spin\_texture\_z.dat**: 记录不同 k 点,不同能带的 Spin texture。每一行对应一个 k 点,每一列为不同的能带。
- kpt.dat: 记录所有计算使用的 k 点坐标。
- plot\_spintexture\_line.py: 绘图脚本。

我们选择高对称线模式绘制能带的 Spin texture, 运行 plot\_spintexture\_line.py 后可以得到如下  $\langle S_z \rangle$  的结果:



5.2. 结果展示 34

WILSON\_LOOP

## 6.1 介绍

在具有时间反演对称性的体系中, $Z_2$  拓扑不变量可用于区分拓扑绝缘体与平庸绝缘体。Wilson loop 方法是一种基于占据态 Berry 相位演化的几何方法,广泛用于  $Z_2$  数的数值计算。

Wilson loop 的表达式为:

$$W_n(\mathbf{k_2}) = \frac{i}{2\pi} \int_0^{2\pi} d\mathbf{k_1} \langle u_{n,\mathbf{k_1},\mathbf{k_2}} | \partial_{\mathbf{k_1}} | u_{n,\mathbf{k_1},\mathbf{k_2}} \rangle.$$

通过计算 Wilson loop,可以追踪 Wannier center 的演化,从而判断系统的拓扑性质。对于三维系统,我们在六个时间反演对称平面(TRIM planes)上进行计算,这些平面为:

•  $k_i = 0.0 \text{ fm } k_i = 0.5$ , 其中 i = x, y, z.

在每个平面上,绘制 Wannier center 随 k 点变化的轨迹。如果轨迹奇数次穿过参考线,则该平面  $Z_2=1$ ;否则为 0。

最终  $Z_2$  拓扑指标  $(\nu_0, \nu_1, \nu_2, \nu_3)$  由以下公式给出:

$$\begin{split} \nu_0 &= Z_2(k_i = 0) + Z_2(k_i = 0.5) \mod 2 \\ \nu_i &= Z_2(k_i = 0.5) \end{split}$$

注意,在选择平面时,因为时间反演对称的原因,我们只需选择平面的一半即可。

## 参考文献:

• Jin, G., Pang, H., Ji, Y., Dai, Z. & He, L. PYATB: An efficient Python package for electronic structure calculations using ab initio tight-binding model. Computer Physics Communications 291, 108844 (2023).

下面以三维拓扑绝缘体 Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub> 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 Wilson loop 计算。相关文件位于 tutorial/Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub>\_wilsonloop 目录下,其中包含 7 个子文件夹: abacus 和 pyatb\_kx=0.0、pyatb\_kx=0.5、pyatb\_ky=0.5、pyatb\_kz=0.0、pyatb\_kz=0.5,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

# 6.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/Bi2Se3_wilsonloop/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb_kx\=0.0/
$ ./run_pyatb.sh
```

## 6.2.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

我们已经在 Bi<sub>2</sub>Se<sub>3</sub> 的能带结构、Fat band、PDOS 中介绍了 ABAUCS 自洽计算生成 HR、SR、rR 文件。在做 Wilson loop 计算的时候,这个前置任务是一样的。

## 6.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。 然后我们进入 tutorial/Bi2Se3\_wilsonloop/pyatb\_kx=0.0 文件夹,进行  $k_x = 0$  平面的 Wilson loop 的计算。其他平面的计算步骤是完全一样的。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 **Input** 的内容:

```
INPUT_PARAMETERS
                                               # 与 ABACUS 的 nspin 保持一致
   nspin
                               ABACUS
                                               # 指定数据来源为 ABACUS
   package
                               9.5064566484
   fermi_energy
   fermi_energy_unit
   HR_route
                               ../abacus/OUT.Bi2Se3/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR_
→矩阵
                               ../abacus/OUT.Bi2Se3/data-SR-sparse_SPINO.csr # SR_
   SR route
→矩阵
                               ../abacus/OUT.Bi2Se3/data-rR-sparse.csr
   rR_route
→矩阵
                                               # HR 单位为 Rydberg
   HR_unit
                               Ry
   rR_unit
                               Bohr
                                               # rR 单位为 Bohr
   max_kpoint_num
                               8000
                                               # 单轮计算的最大k点数目
LATTICE
   lattice_constant
                              1.8897162
   lattice_constant_unit
                              Bohr
  lattice_vector
   -2.069 -3.583614 0.000000
    2.069 -3.583614 0.000000
   0.000 2.389075 9.546667
WILSON_LOOP
                   78
                                     # 占据能带数目
   occ_band
   \# kx = 0.0 \text{ half plane}
                   0.0 0.0 0.0
                                    # 确定 kx=0.0 平面的原点
   k_start
                                    # 确定 kx=0.0 平面的展开矢量1, 此方向计算。
   k_vect1
                   0.0 0.0 1.0
```

(续下页)

```
→Wannier center

k_vect2 0.0 0.5 0.0 # 确定 kx=0.0 平面的展开矢量2, 此方向为。

→Wannier center 的演化路径

nk1 101 # 展开矢量1的撒点数目

nk2 101 # 展开矢量2的撒点数目

}
```

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

# 6.3 结果展示

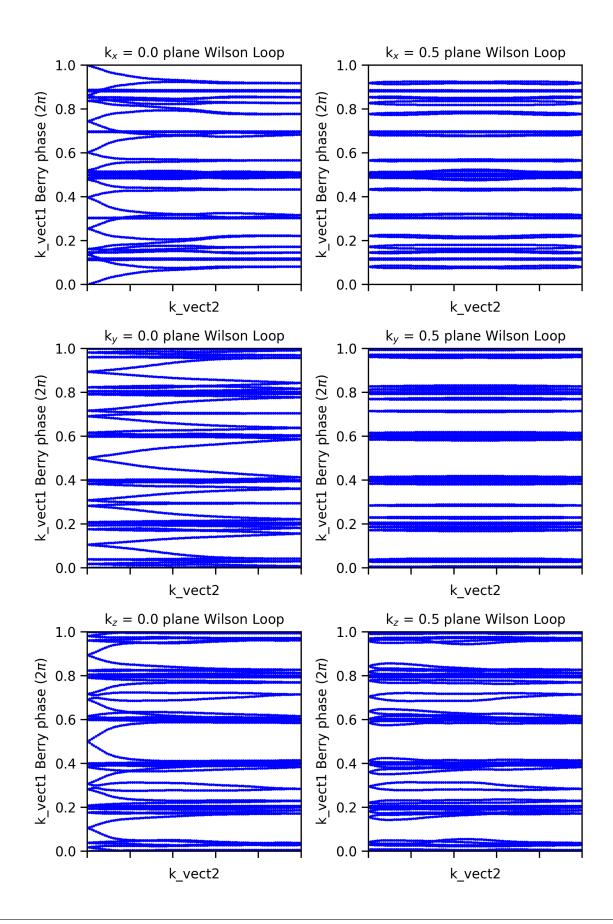
运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

## 6.3.1 WILSON LOOP

Out/Wilson\_Loop 文件夹包含 Wilson loop 相关的输出,相应文件为:

- wilson\_loop.dat: 记录 Wannier center 的演化轨迹。第一列为沿 k\_vect2 方向的离散点编号, 其余各列分别对应每条占据能带(共 occ\_band 条)的 Wannier center。
- plot\_wl.py: 用于可视化 Wilson loop 结果的绘图脚本。

我们在 tutorial/Bi2Se3\_wilsonloop 目录下提供了一个额外的绘图脚本 **plot\_wl.py**,用于读取 **PYATB** 对 6 个 TRIM 平面计算得到的 Wilson loop 数据,并将它们统一绘制在同一张图中。运行该脚本后可得到如下图所示的结果:



# OPTICAL\_CONDUCTIVITY

# 7.1 介绍

在材料科学与凝聚态物理中,光学响应函数是研究材料与电磁波相互作用的重要工具。它不仅揭示了材料的 电子结构特征,还能预测其在不同频率下的光学行为,如吸收、反射、透射和能量损耗等。

材料对外加电磁场的响应可通过两类核心物理量来描述:

- 光学电导率 (Optical Conductivity): 刻画电流响应与电场之间的关系;
- 介电函数 (Dielectric Function): 反映材料的极化性质,是计算折射率、吸收系数、反射率等线性光学性质的基础。

在微扰近似下,一阶光电导率可以由 Kubo-Greenwood 公式给出:

$$\sigma_{\alpha\beta}(\hbar\omega) = -\frac{ie^2\!\hbar}{NV_{\rm cell}} \sum_{\mathbf{k}} \sum_{n,m} \left( \frac{f_{n\mathbf{k}} - f_{m\mathbf{k}}}{E_{n\mathbf{k}} - E_{m\mathbf{k}}} \right) \frac{\langle \psi_{n\mathbf{k}} | v_\alpha | \psi_{m\mathbf{k}} \rangle \langle \psi_{m\mathbf{k}} | v_\beta | \psi_{n\mathbf{k}} \rangle}{\hbar\omega + E_{n\mathbf{k}} - E_{m\mathbf{k}} + i\eta} \,,$$

其中:

- $E_{nk}$  为能带能量,  $f_{nk}$  为费米分布函数;
- $|\psi_{n\mathbf{k}}\rangle$  为布洛赫态,  $v_{\alpha}$  为动量方向  $\alpha$  上的速度算符;
- η 是能级展宽参数;

材料的介电函数  $\varepsilon(\omega)$  是线性响应理论中的核心物理量,反映了材料极化对外加电场的响应特性。其虚部与实际电子跃迁过程直接相关,通常由如下公式计算:

$$\varepsilon_i^{\alpha\beta}(\omega) = -\frac{e^2\pi}{\varepsilon_0\hbar} \int \frac{d\mathbf{k}}{(2\pi)^3} \sum_{n,m} f_{nm} \, r_{nm}^{\alpha} \, r_{mn}^{\beta} \, \delta(\omega_{mn} - \omega) \,,$$

其中:

- $\varepsilon_0$  为真空介电常数;
- $f_{nm} = f_n f_m$ ;

- $r_{nm}^{\alpha}$  是带间的贝里联络;
- $\omega_{mn} = (E_m E_n)/\hbar$ ;

实部则可通过 Kramer-Kronig 变换获得:

$$\varepsilon_r^{\alpha\beta}(\omega) = \delta_{\alpha\beta} + \frac{2}{\pi} \mathcal{P} \int_0^\infty d\omega' \, \frac{\omega' \varepsilon_i^{\alpha\beta}(\omega')}{\omega'^2 - \omega^2} \,,$$

其中 ア 表示主值积分。

一旦得到介电函数的实部  $\varepsilon_1 = \text{Re}(\varepsilon)$  与虚部  $\varepsilon_2 = \text{Im}(\varepsilon)$ ,即可进一步计算其他重要的光学响应函数,包括:

- 折射率  $n(\omega)$
- 消光系数  $\kappa(\omega)$
- 吸收系数  $\alpha(\omega)$
- 能量损失函数  $L(\omega)$
- 反射率  $R(\omega)$

它们的表达式如下:

$$\begin{split} n(\omega) &= \left[\frac{\sqrt{\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2} + \varepsilon_1}{2}\right]^{1/2} \\ \kappa(\omega) &= \left[\frac{\sqrt{\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2} - \varepsilon_1}{2}\right]^{1/2} \\ \alpha(\omega) &= \frac{\sqrt{2}\,\omega}{c} \left[\sqrt{\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2} - \varepsilon_1\right]^{1/2} \\ L(\omega) &= \operatorname{Im}\left(\frac{-1}{\varepsilon(\omega)}\right) = \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1^2 + \varepsilon_2^2} \\ R(\omega) &= \frac{(n-1)^2 + \kappa^2}{(n+1)^2 + \kappa^2} \end{split}$$

#### 参考文献:

• Jin, G., Pang, H., Ji, Y., Dai, Z. & He, L. PYATB: An efficient Python package for electronic structure calculations using ab initio tight-binding model. Computer Physics Communications 291, 108844 (2023).

下面以钙钛矿 CsPbI<sub>3</sub> 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 OPTICAL\_CONDUCTIVITY 计算。相关文件位于 tutorial/CsPbI<sub>3</sub>\_optical 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

# 7.2 计算步骤

快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/CsPbI3_optical/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
$ python plot_absorption_lambda.py
```

## 7.2.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/CsPbI3\_optical/abacus 文件夹中,我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件,包括:

控制文件: INPUT结构文件: STRU赝势文件: \*.upf原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT PARAMETERS
# System variables
                CsPbI3
suffix
               scf # 指定计算类型为自洽计算
calculation
               ksdft
esolver_type
symmetry
                      # 完全关闭对称性分析,如果发现不收敛,可以关闭对称性
                -1
                atomic
init_chg
# Input Files
pseudo_dir
orbital_dir
# Plane Wave
                       # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
ecutwfc
                100
# Electronic structure
                       # 使用原子轨道作为基组
basis_type lcao
ks_solver
               genelpa
nspin
smearing_method
               gauss
                      # 电子占据模糊方法
smearing_sigma
               0.01
                      # 设置电荷密度混合方法
mixing_type
               pulay
mixing_beta
               0.7
                      # 最大电子收敛步数
scf_nmax
               200
scf_thr
               1e-8
                      # 电荷密度收敛精度
               0
                      # 关闭自旋轨道耦合
lspinorb
noncolin
                      # 关闭自旋非共线
# Output Variables
                1
                       # 输出自洽后的电荷密度
out_chg
out_mat_hs2
                       # 输 出 HR 、 SR 矩 阵
                1
                       # 输出 rR矩阵
out_mat_r
```

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

• data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量

data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵
 data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 7.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。 然后我们进入 tutorial/CsPbI3\_optical/pyatb 文件夹,进行 Optical Conductivity 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT PARAMETERS
                                   #与 ABACUS 的 nspin 保持一致
   nspin
                   ABACUS
                                   # 指定数据来源为 ABACUS
   package
  fermi_energy 4.2808350436
  fermi_energy_unit eV
  HR_route ../abacus/OUT.CsPbI3/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR 矩阵
                  ../abacus/OUT.CsPbI3/data-SR-sparse_SPINO.csr # SR 矩阵
   SR_route
                   ../abacus/OUT.CsPbI3/data-rR-sparse.csr # rR 矩阵
   rR_route
                  Ry
                                  # HR 单位为 Rydberg
   HR_unit
                                   # rR 单位为 Bohr
   rR_unit
                   Bohr
LATTICE
   lattice_constant 1.8897261258369282
   lattice_constant_unit Bohr
   lattice_vector
      6.2894000000
                    0.000000000
                                    0.0000000000
                                     0.0000000000
      0.000000000
                    6.2894000000
      0.0000000000
                     0.0000000000
                                     6.2894000000
BAND_STRUCTURE
   wf_collect
                             0
                                            # 是否输出波函数的展开系数
   kpoint_mode
                             line
                                            # 设置 k_
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
   kpoint_num
                                                        #__
→设置路径中的高对称点数
```

7.2. 计算步骤 42

(续下页)

```
kpoint_label
                             G, X, M, G, R, X # 设置高对称点名称
   high_symmetry_kpoint
                                            # 设置高对称点坐标及插值数
   0.00000 0.00000 0.0000 20 # G
   0.00000 0.50000 0.0000 20 # X
   0.50000 0.50000 0.0000 25 # M
   0.00000 0.00000 0.0000 30 # G
   0.50000 0.50000 0.5000 25 # R
   0.00000 0.50000 0.0000 1
}
OPTICAL_CONDUCTIVITY
   occ_band
                          # 总的占据能带数目
                          # 光子能量范围
  omega
             0.5 10
  domega
             0.01
                          # 光子能量间隔
   eta
             0.2
                           # 能级展宽参数,影响smearing
              30 30 30
                          # 划分布里渊区网格数
   grid
```

关于功能模块 SHIFT\_CURRENT 完整设置参数为:

- occ\_band, int 类型, 半导体和绝缘体的占据能带数目。
- omega, float 类型, 有两个值, 设置光子能量范围。
- domega, float 类型,光子能量间隔。
- eta, float 类型,能级展宽参数,影响曲线的 smearing。
- grid, int 类型, 三个值。划分布里渊区的均匀网格数。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

# 7.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

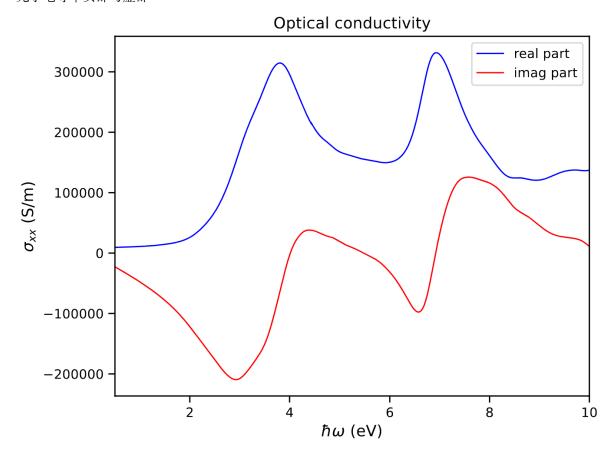
## 7.3.1 OPTICAL CONDUCTIVITY

Out/Optical\_Conductivity 文件夹包含光电导和介电函数相关的输出,相应文件为:

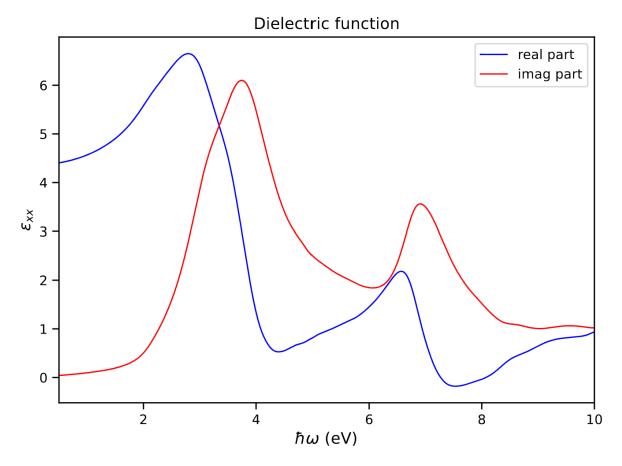
- optical\_conductivity\_real\_part.dat, optical\_conductivity\_imag\_part.dat: 记录光电导张量的实部与虚部。
- dielectric\_function\_real\_part.dat, dielectric\_function\_imag\_part.dat: 记录介电函数张量的实部与虚部。
- plot\_optical.py: 绘制不同方向上的光电导和介电函数的脚本。
- plot\_absorption.py: 根据介电函数计算吸收系数的绘图脚本。

在钙钛矿材料  $CsPbI_3$  中,由于晶体结构的对称性,其沿对角线方向的光学电导率与介电函数张量具有非零且等价的分量。下图展示了 PYATB 计算得到的 xx 方向上光学响应结果,包括:

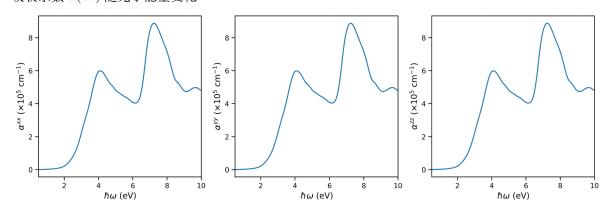
• 光学电导率实部与虚部:



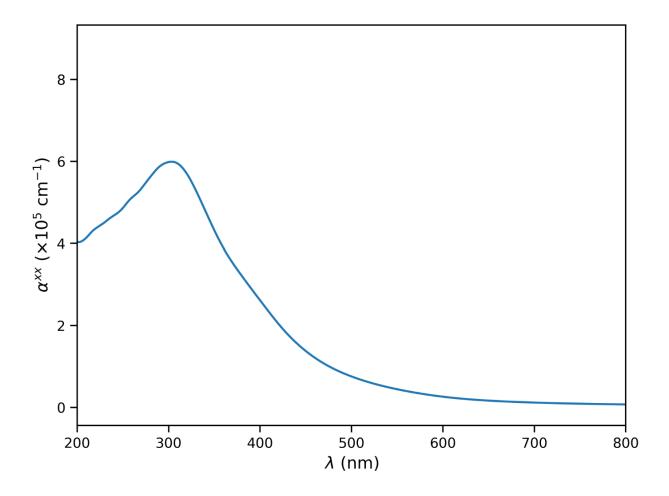
• 介电函数实部与虚部:



## • 吸收系数 $\alpha(\hbar\omega)$ 随光子能量变化:



此外,我们在 tutorial/CsPbI3\_optical/pyatb 目录下提供了绘图脚本 plot\_absorption\_lambda.py,可将横轴从光子能量 (单位: eV) 转换为波长 (单位: nm),便于与实验吸收谱进行比较。对应结果如下所示:



AHC, ANC

# 8.1 介绍

反常霍尔电导率(Anomalous Hall Conductivity, AHC)和反常能斯特电导率(Anomalous Nernst Conductivity, ANC)是由电子波函数的几何性质(特别是 Berry 曲率)引起的横向输运响应。它们在拓扑材料、自旋轨道耦合系统、铁磁金属等中具有重要物理意义。

在零外加磁场下,这两种输运现象分别描述如下:

• AHC 描述的是在外电场作用下,系统在横向(垂直于电场方向)产生的反常霍尔电导:

$$\sigma_{xy}(\varepsilon) = -\frac{e^2}{\hbar} \sum_{n}^{\text{occ}} \int_{\text{BZ}} \frac{d^3k}{(2\pi)^3} f_{n\mathbf{k}}(\varepsilon) \Omega_{n,z}(\mathbf{k}),$$

其中  $\Omega_{n,z}(\mathbf{k})$  为第 n 条能带在  $\mathbf{k}$  点的 Berry 曲率, $f_{n\mathbf{k}}$  为 Fermi-Dirac 分布函数, $\varepsilon$  为费米能。

• ANC 则描述在温度梯度存在时,系统产生的横向热电流响应,反常能斯特系数为:

$$\alpha_{xy}(\mu,T) = \left. \frac{1}{e} \int d\varepsilon \sigma_{xy}(\varepsilon) \right|_{T=0} \frac{\varepsilon - \mu}{T} \left( -\frac{\partial f(\mu)}{\partial \varepsilon} \right),$$

其中  $\mu$  是化学势, T 为温度。

#### 参考文献:

 Sawahata, H., Yamaguchi, N., Minami, S. & Ishii, F. First-principles calculation of anomalous Hall and Nernst conductivity by local Berry phase. Phys. Rev. B 107, 024404 (2023).

下面以二维铁磁材料 FeCl<sub>2</sub> 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 AHC 和 ANC 的计算。相关文件位于 tutorial/FeCl<sub>2</sub>\_AHC\_ANC 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

# 8.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/FeC12_AHC_ANC/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
```

## 8.2.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/FeC12\_AHC\_ANC/abacus 文件夹中,我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件,包括:

控制文件: INPUT结构文件: STRU赝势文件: \*.upf原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT_PARAMETERS
# System variables
suffix
                 FeCl2
calculation
                scf # 指定计算类型为自治计算
esolver_type
                ksdft
symmetry
                -1
                       # 完全关闭对称性分析,如果发现不收敛,可以关闭对称性
                atomic
init_chg
# Input Files
pseudo_dir
orbital_dir
                 ./
# Plane Wave
ecutwfc
                 100
                        # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
basis_type
                        # 使用原子轨道作为基组
                lcao
                genelpa
ks_solver
nspin
smearing_method
               gauss
                       # 电子占据模糊方法
smearing_sigma
                0.001
                       # 设置电荷密度混合方法
mixing_type
                pulay
mixing_beta
                0.1
                3.0
mixing_gg0
                       # 最大电子收敛步数
scf nmax
                200
                       # 电荷密度收敛精度
scf_thr
                1e-8
                       # 开启自旋轨道耦合
lspinorb
                1
                 0
                        # 关闭自旋非共线
noncolin
```

(续下页)

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

- data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量
- data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵
- data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 8.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。 然后我们进入 tutorial/FeCl2\_AHC\_ANC/pyatb 文件夹,进行 AHC 和 ANC 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 **Input** 的内容:

```
INPUT_PARAMETERS
                                  4
                                                 #与 ABACUS 的 nspin 保持一致
   nspin
                                  ABACUS
                                                 # 指定数据来源为 ABACUS
   package
   fermi_energy
                                  -0.82497406093
   fermi_energy_unit
                                  ../abacus/OUT.FeCl2/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR_
   HR_route
→矩阵
                                  ../abacus/OUT.FeCl2/data-SR-sparse_SPIN0.csr # SR_
   SR_route
→矩阵
                                  ../abacus/OUT.FeCl2/data-rR-sparse.csr
   rR_route
                                                                             # rR_
→矩阵
   HR_unit
                                                 # HR 单位为 Rydberg
   rR_unit
                                                 # rR 单位为 Bohr
                                  Bohr
```

(续下页)

```
LATTICE
                            1.8897162
  lattice_constant
   lattice_constant_unit
                           Bohr
  lattice_vector
  3.4750 0.0000 0.00000
-1.7375 3.0094 0.00000
  0.0000 0.0000 17.53999
BAND_STRUCTURE
                                     # 是否输出波函数的展开系数
  wf_collect
  kpoint mode
                           line
                                     # 设置 k_
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
  kpoint_num
                           4
                                      # 设置路径中的高对称点数
                                      # 设置高对称点坐标及插值数
  high_symmetry_kpoint
  0.5 0 0
                        200 # M
                        200 # G
         0.3333 0.3333 200 # K
  0.3333
  0.5 0 0 1 # M
                            M, G, K, M # 设置高对称点名称
  kpoint_label
}
ANC
   fermi range
                           -1.0 1.0
                                     #以 fermi_energy_
→为中心,设置费米能范围 (eV)
                           0.01
                                      # 费米能范围能量间隔
  de
                                      # 处理简并时的展宽 (eV)
   eta
                           0.01
   integrate_grid
                           200 200 1
                                      # 布里渊区均匀网格数
```

#### 关于功能模块 ANC 完整设置参数为:

- fermi\_range, float 类型,有两个值,以 fermi\_energy 为中心,设置费米能范围 (eV)。
- de, float 类型,费米能范围能量间隔 (eV)。
- **eta**, float 类型。使用 Kubo 公式计算 Berry curvature 的时候,分母的能量差  $E_{n\mathbf{k}}-E_{m\mathbf{k}}\to E_{n\mathbf{k}}-E_{m\mathbf{k}}+i\eta$ ,避免简并导致的数值问题。
- integrate grid, int 类型, 三个值。划分布里渊区的均匀网格数。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

# 8.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析。

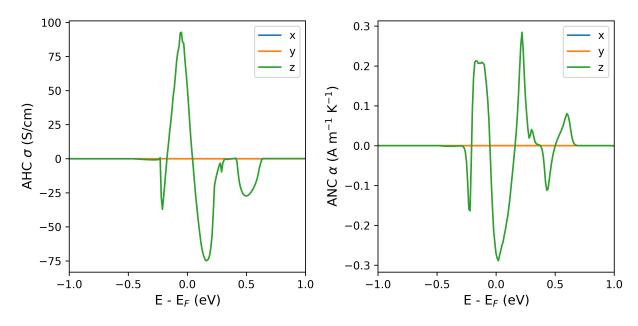
## 8.3.1 ANC

Out/ANC 文件夹包含 AHC 和 ANC 相关的输出,相应文件为:

- sigma\_mu.dat: 不同费米能下的反常霍尔电导。单位是 S/cm。
- plot\_anc.py: 绘制 AHC 和 ANC 的脚本。通过修改脚本变量, 计算不同温度下的 ANC。

在 tutorial/FeCl2\_AHC\_ANC/pyatb/Out/ANC/plot\_anc.py 绘图脚本中:

- temperature 变量, 定义温度。
- is\_plot\_2D 变量,是否绘制二维的 AHC 和 ANC,单位会进行转换。并假设材料厚度方向为 z 方向。不修改脚本,执行后可以得到下面的三维条件下的 AHC 和 ANC 结果:



## SHIFT CURRENT

Shift current(位移电流)是非线性光电响应中的一个重要现象,属于体光伏效应(Bulk Photovoltaic Effect, BPVE)的一种本征贡献。它仅出现在**缺乏中心反演对称性**的材料中,其产生机制源于光照引起的电子跃迁过程中,电子波函数的几何相位结构(如 Berry connection 与其导数)导致的实空间电荷中心偏移,从而形成净电流。

在单色光照射下,电场形式为  $\mathbf{E}(t) = \mathbf{E}(\omega)\mathbf{e}^{i\omega t} + \mathbf{E}(-\omega)\mathbf{e}^{-i\omega t}$ ,无反演对称性的材料中会产生如下的光生电流密度:

$$J^a = 2 \sigma^{abc}(0; \omega, -\omega) E_b(\omega) E_c(-\omega),$$

其中  $a,b,c\in x,y,z,\ \sigma^{abc}(0;\omega,-\omega)$  为三阶的非线性光电导张量,描述了电场作用下第 a 方向上的位移电流响应。

该张量的表达式为:

$$\sigma^{abc}(0;\omega,-\omega) = \frac{\pi e^3}{\hbar^2} \int \frac{d\mathbf{k}}{8\pi^3} \sum_{n,m} f_{nm} \operatorname{Im} \left[ I_{mn}^{abc} + I_{mn}^{acb} \right] \, \delta \left( \omega_{mn} - \omega \right),$$

其中  $f_{nm} = f_n - f_m$  是带间的费米分布函数差, $\omega_{mn} = (E_m - E_n)\hbar$  是能量差对应的跃迁频率。 $I_{mn}^{abc} = r_{mn}^b r_{nm;a}^c$  被称为 Hermitian connection 项,其中  $r_{mn}^b$  是价带到导带的带间偶极跃迁元 (Berry connection), $r_{nm;a}^c$  是其关于波矢的协变导数,物理上对应跃迁过程中电子在实空间中的位移(即 shift vector)。

Shift current 的存在不依赖于外加电场或结结构,因此在非中心对称材料中,即使在体内部也能实现零偏压发电,是设计新型光伏器件(如铁电光伏、拓扑光电材料等)的一种关键机制。

更多理论细节可参考以下文献:

• Sipe & Shkrebtii, Second-order optical response in semiconductors, Phys. Rev. B 61, 5337 (2000)

下面以二维 WS<sub>2</sub> 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 Shift Current 计算。相关文件位于tutorial/WS2\_shift\_current 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

注 1: 目前 PYATB 版本中暂时不支持金属的计算,且 Shift Current 计算针对于存在时间反演的体系。下个版本中将支持这些计算。

# 9.1 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/WS2_shift_current/abacus
$ ./run_abacus.sh
$ cd ../pyatb
$ ./run_pyatb.sh
```

## 9.1.1 第一步, ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/WS2\_shift\_current/abacus 文件夹中, 我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文 件,包括:

• 控制文件: INPUT • 结构文件: STRU • 赝势文件: \*.upf • 原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中, INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https: //abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT_PARAMETERS
# System variables
suffix
                WS2
calculation
                scf # 指定计算类型为自洽计算
esolver_type
                ksdft
symmetry
                -1
                       # 完全关闭对称性分析,如果发现不收敛,可以关闭对称性
                atomic
init_chg
# Input Files
pseudo_dir
orbital_dir
                ./
# Plane Wave
ecutwfc
                100
                       # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
basis_type
                       # 使用原子轨道作为基组
               lcao
ks_solver
                genelpa
nspin
                       # 电子占据模糊方法
smearing_method
               gauss
smearing_sigma
                0.01
               broyden #设置电荷密度混合方法
mixing_type
mixing_beta
               0.8
                200
                       # 最大电子收敛步数
scf_nmax
                1e-7
                       # 电荷密度收敛精度
scf thr
lspinorb
               0
                       # 关闭自旋轨道耦合
noncolin
                0
                       # 关闭自旋非共线
# Output Variables
```

9.1. 计算步骤 53

(续下页)

```
      out_chg
      1
      # 输出自洽后的电荷密度

      out_mat_hs2
      1
      # 输出HR、SR矩阵

      out_mat_r
      1
      # 输出rR矩阵
```

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

- data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量
- data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵
- data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自 治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 9.1.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR、rR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。 然后我们进入 tutorial/WS2\_shift\_current/pyatb 文件夹,进行 Shift Current 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT PARAMETERS
                          1
                                           #与 ABACUS 的 nspin 保持一致
   nspin
                          ABACUS
                                            # 指定数据来源为 ABACUS
   package
                          0.93900603892
   fermi_energy
   fermi_energy_unit
   HR_route
                          ../abacus/OUT.WS2/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR 矩阵
                          ../abacus/OUT.WS2/data-SR-sparse_SPIN0.csr # SR 矩阵
   SR_route
                          ../abacus/OUT.WS2/data-rR-sparse.csr
   rR route
                                                                 # rR 矩阵
                                          # HR 单位为 Rydberg
   HR_unit
                                           # rR 单位为 Bohr
                          Bohr
   rR unit
LATTICE
   lattice_constant
                          1.8897162
                          Bohr
   lattice_constant_unit
```

(续下页)

9.1. 计算步骤 54

```
lattice_vector
  3.183820900165
              0.0
                           0.0
  -1.591910450082 2.757269780643 0.0
               0.0
                           20.086904001384
  0.0
BAND_STRUCTURE
                   line # 设置 k__
  kpoint_mode
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
                   4
                           # 设置路径中的高对称点数
  kpoint_num
  high_symmetry_kpoint
                           # 设置高对称点坐标及插值数
  0.000000000 0.000000000 0.000000000 200 # G
  0.500000000 0.000000000 0.000000000 200 # M
  0.000000000 0.000000000 0.000000000 1 # G
  kpoint_label G,M,K,G
                           # 设置高对称点名称
SHIFT_CURRENT
                         # 总的占据能带数目
  occ_band
                    13
                    0 4
                          # 光子能量范围
  omega
                    0.01
                           # 光子能量间隔
  domega
  smearing_method
                    1
                           # 使用 Gauss smearing
                    0.02 # Gauss smearing 参数
  grid
                    200 200 1 # 划分布里渊区网格数
```

#### 关于功能模块 SHIFT\_CURRENT 完整设置参数为:

- occ\_band, int 类型, 半导体和绝缘体的占据能带数目。
- omega, float 类型, 有两个值, 设置光子能量范围。
- domega, float 类型, 光子能量间隔。
- smearing\_method, int 类型, 指定 smearing 方法。0: no smearing, 1: Gauss smearing, 2: adaptive smearing。
- eta, float 类型, Gauss smearing 参数。
- grid, int 类型, 三个值。划分布里渊区的均匀网格数。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

9.1. 计算步骤 55

# 9.2 结果展示

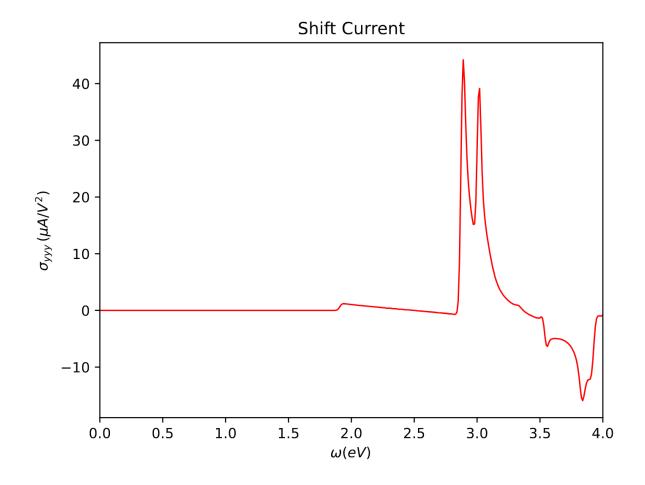
运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

## 9.2.1 SHIFT\_CURRENT

Out/Shift\_Current 文件夹包含位移电流相关的输出,相应文件为:

- **shift\_current.dat**: 记录位移电流电导的 18 个分量数据。第一列为光子能量,后面每一列为三阶张量 18 个不等价的分量。
- plot\_shift\_current.py: 绘制不同方向位移电流电导的脚本。

由于这里的  $WS_2$  存在  $D_{6h}$  点群,因此只有 1 个非零独立分量,即  $\sigma_{yyy}$ 。在 tutorial/WS2\_shift\_current/pyatb/Out/Shift\_Current 目录下执行 plot\_shift\_current.py 脚本后,我们可以得到该分量的位移电流电导:



9.2. 结果展示 56

# CHAPTER 10

SHG

# 10.1 介绍

二次谐波生成(Second Harmonic Generation, SHG)是一种典型的二阶非线性光学效应,指材料在光照下吸收两个频率为 $\omega$ 的光子并辐射出一个频率为 $\omega$ 的光子。该过程体现了材料对强光场的非线性响应特性,广泛应用于频率变换、激光器、非线性显微成像以及对材料对称性的探测等领域。

SHG 只能发生在缺乏中心反演对称性的材料中。由于反演对称会强制二阶极化张量  $\chi^{(2)}$  为零,因此 SHG 也常被用作判断材料是否破缺反演对称性的实验手段,特别是在铁电体、拓扑材料、以及层状范德瓦耳斯异质结构中具有重要应用价值。

SHG 的极化响应可表示为:

$$P^{a}(2\omega) = \chi^{abc}(-2\omega; \omega, \omega)E^{b}(\omega)E^{c}(\omega),$$

其中:

- $P^a(2\omega)$  表示沿 a 方向的非线性极化强度;
- $E^b(\omega)$  和  $E^c(\omega)$  是频率为  $\omega$  的电场;
- $\chi^{abc}(-2\omega;\omega,\omega)$  是二阶非线性极化张量,描述频率倍频过程的强度与方向性。

在 PYATB 中, SHG 的计算支持两种不同规范的实现方式:

## 1. 长度规范 (length gauge)

在长度规范下, SHG 电导率可拆分为**带间项**和**带内项**两部分,分别对应三重能带循环与二重能带循环。其表达式如下:

#### 带间项:

$$\chi_{interband}^{abc}(-2\omega,\omega,\omega) = \frac{e^3}{\hbar^2\Omega} \sum_{nml,\mathbf{k}} \frac{r_{nm}^a \left\{ r_{ml}^b r_{ln}^c \right\}}{\left(\omega_{ln} - \omega_{ml}\right)} \left[ \frac{2f_{nm}}{\omega_{mn} - 2\omega} + \frac{f_{ln}}{\omega_{ln} - \omega} + \frac{f_{ml}}{\omega_{ml} - \omega} \right]$$

#### 带内项:

$$\begin{split} \chi_{intraband}^{abc}(-2\omega,\omega,\omega) = & \frac{i}{2} \frac{e^3}{\hbar^2 \Omega} \sum_{nm,\mathbf{k}} f_{nm} \left[ \frac{2}{\omega_{mn} \left( \omega_{mn} - 2\omega \right)} r_{nm}^a \left( r_{nm;c}^b + r_{mn;b}^c \right) + \frac{1}{\omega_{mn} \left( \omega_{mn} - \omega \right)} \left( r_{nm;c}^a r_{mn}^b + r_{nm;b}^a r_{mn}^c \right) \right. \\ & + \frac{1}{\omega_{mn}^2} \left( \frac{1}{\omega_{mn} - \omega} - \frac{4}{\omega_{mn} - 2\omega} \right) r_{nm}^a \left( r_{mn}^b \Delta_{mn}^c + r_{mn}^c \Delta_{mn}^b \right) \\ & - \frac{1}{2\omega_{mn} \left( \omega_{mn} - \omega \right)} \left( r_{nm;a}^b r_{mn}^c + r_{nm;a}^c r_{mn}^b \right) \right] \end{split}$$

其中  $r_{nm}^a$  是带间偶极跃迁元, $r_{nm:b}^c$  为其协变导数, $\Delta_{mn}^a$  为能带间速度差。

#### 2. 速度规范 (velocity gauge)

在速度规范下, SHG 的表达更为简洁, 写作:

$$\chi^{abc}(-2\omega;\omega,\omega) = -\sum_{nml,k} \frac{i}{2\omega^3(2\omega - \omega_{mn})} \left( \frac{f_{nl}}{\omega - \omega_{ln}} + \frac{f_{ml}}{\omega - \omega_{ml}} \right) v_{nm}^c v_{ml}^a v_{ln}^b$$

其中 $v_{nm}^a$ 是带间速度矩阵元。

两种方法在物理上是等价的,但在数值实现上可能有不同的稳定性与适用范围。长度规范方法能够明确区分不同物理过程贡献,且耗时比速度规范要少;速度规范形式更紧凑,便于快速评估频率响应。

#### 参考文献:

 Hughes, J. L. P. & Sipe, J. E. Calculation of second-order optical response in semiconductors. Phys. Rev. B 53, 10751–10763 (1996).

下面以 GaAs 为示例,演示如何使用 ABACUS 与 PYATB 联合进行 SHG 计算。相关文件位于 tutorial/GaAs\_SHG 目录下,其中包含两个子文件夹: abacus 和 pyatb,分别提供了第一性原理计算与后续紧束缚模型计算所需的输入文件。

# 10.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/GaAs_SHG/abacus
```

\$ ./run\_abacus.sh

\$ cd ../pyatb

\$ ./run\_pyatb.sh

# 10.2.1 第一步,ABACUS 自洽计算产生紧束缚模型文件

在 tutorial/GaAs\_SHG/abacus 文件夹中,我们已经准备好了 ABACUS 自洽计算的输入文件,包括:

• 控制文件: INPUT

• 结构文件: STRU

• 赝势文件: \*.upf

• 原子轨道基组文件: \*.orb

• K 点采样文件: KPT

其中,INPUT 文件的核心参数如下,已对关键设置作出注释,其他细节可参考 ABACUS 官方文档: https://abacus.deepmodeling.com/en/latest/advanced/input\_files/input-main.html

```
INPUT_PARAMETERS
# System variables
suffix
               GaAs
                scf
                          # 指定计算类型为自洽计算
calculation
esolver_type
                ksdft
                          # 完全关闭对称性分析,如果发现不收敛,可以关闭对称性
symmetry
                -1
init_chg
                atomic
# Input Files
pseudo_dir
                 ./
orbital_dir
# Plane Wave
ecutwfc
                 100
                          # 平面波截断值,可以选择轨道文件中所使用的截断能量
# Electronic structure
                          # 使用原子轨道作为基组
basis_type lcao
ks_solver
                genelpa
                         # 使用杂化泛函修正带隙
dft_functional
                hse
smearing_method
                gauss
                         # 电子占据模糊方法
smearing_sigma
                0.02
                         # 设置电荷密度混合方法
mixing_type
                 pulay
mixing_beta
                 0.7
                 200
                          # 最大电子收敛步数
scf_nmax
scf_thr
                 1e-8
                         # 电荷密度收敛精度
                 0
                         # 关闭自旋轨道耦合
lspinorb
noncolin
                         # 关闭自旋非共线
# Output Variables
                1
                        # 输出自洽后的电荷密度
out_chg
out_mat_hs2
                1
                         # 输 出 HR 、 SR 矩 阵
out_mat_r
                1
                         # 输出 rR矩阵
# Exact Exchange
# HSE 相关参数
exx_separate_loop
                1e-4
exx_pca_threshold
exx_c_threshold
                1e-4
exx_dm_threshold
                 1e-4
exx_ccp_rmesh_times 1.5
```

执行 ABACUS 自治计算后,若设置了 out\_mat\_hs2 = 1 和 out\_mat\_r = 1,将在 OUT.\* 目录中生成 所需紧束缚模型文件:

• data-HR-sparse\_SPIN0.csr: 实空间哈密顿量

• data-SR-sparse\_SPIN0.csr: 重叠矩阵

• data-rR-sparse.csr: 位置偶极矩阵

注 1: 若设置 nspin = 2 (即自旋极化计算),则还会生成 data-HR-sparse\_SPIN1.csr 文件,用于描述第二个自旋通道。注 2: ABACUS 生成紧束缚模型文件,必须在 lcao 基组下,即 basis\_type lcao。注 3: 随着 ABACUS 版本的更新,部分紧束缚模型文件的文件名称可能会发生变化。

在准备好了 ABACUS 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 **run\_abacus.sh** 脚本来进行 ABACUS 的自治计算。

```
#!/bin/bash

# 加载ABACUS环境
source ~/softwares/abacus-develop-LTSv3.10.0/toolchain/abacus_env.sh

# 运行abacus
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi abacus > job.log 2> job.err
```

请根据具体的计算节点配置适当调整 OMP\_NUM\_THREADS 与 num\_mpi, 以充分利用本地硬件资源, 获得更高的并行效率。

## 10.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

在第一步中,ABACUS 完成自治计算后,会产生 HR、SR 文件,这些文件是 PYATB 必要的输入文件。然后我们进入 tutorial/GaAs\_SHG/pyatb 文件夹,进行 SHG 的计算。接下来我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT_PARAMETERS
                                 #与 ABACUS 的 nspin 保持一致
   nspin
                   1
                  ABACUS
  package
                                 # 指定数据来源为 ABACUS
  fermi_energy 10.171348972
  fermi_energy_unit eV
  HR_route ../abacus/OUT.GaAs/data-HR-sparse_SPINO.csr # HR 矩阵
                 ../abacus/OUT.GaAs/data-SR-sparse_SPINO.csr # SR 矩阵
  SR_route
  rR route
                  ../abacus/OUT.GaAs/data-rR-sparse.csr
                                                     # rR 矩阵
                 Ry # HR 单位为 Rydberg
  HR_unit
                 Bohr
                                 # rR 单位为 Bohr
  rR_unit
                  100000
  max_kpoint_num
                                 # 单轮计算的最大k点数目
LATTICE
   lattice_constant
                     1.889727
   lattice_constant_unit Bohr
  lattice_vector
  0.000000000000000 2.76500000000000 2.765000000000000
   2.76500000000000 0.0000000000000 2.76500000000000
   2.7650000000000001 2.76500000000000 0.00000000000000
BAND_STRUCTURE
                     # 设置 k_
   kpoint_mode line
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
                        # 设置路径中的高对称点数
   kpoint_num 5
   high_symmetry_kpoint
                             # 设置高对称点坐标及插值数
   0.00000 0.00000 0.0000 200 # G
   0.50000 0.00000 0.0000 200 # X
   0.50000 0.50000 0.0000 200 # T
   0.00000 0.50000 0.0000 200 # Y
   0.00000 0.00000 0.0000 1 # G
   kpoint_label G, X, T, Y, G
                             # 设置高对称点名称
                                                                  (续下页)
```

关于功能模块 SHG 完整设置参数为:

- method, int 类型, 0 表示使用长度规范, 1 表示使用速度规范, 默认值为 0。
- omega, float 类型, 有两个值, 设置光子能量范围。
- domega, float 类型,光子能量间隔。
- eta, float 类型,  $\hbar\omega \to \hbar\omega + i\eta$ , 用于避免分母为零引起的数值发散问题。
- grid, int 类型, 三个值。划分布里渊区的均匀网格数。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

```
#!/bin/bash

# 加载conda环境
source ~/software/miniconda3/bin/activate
conda activate pyatb

# 运行pyatb
export OMP_NUM_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1
num_mpi=8 # 设置MPI进程数
mpirun -n $num_mpi pyatb > job.log 2> job.err
```

# 10.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析

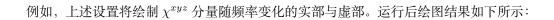
#### 10.3.1 SHG

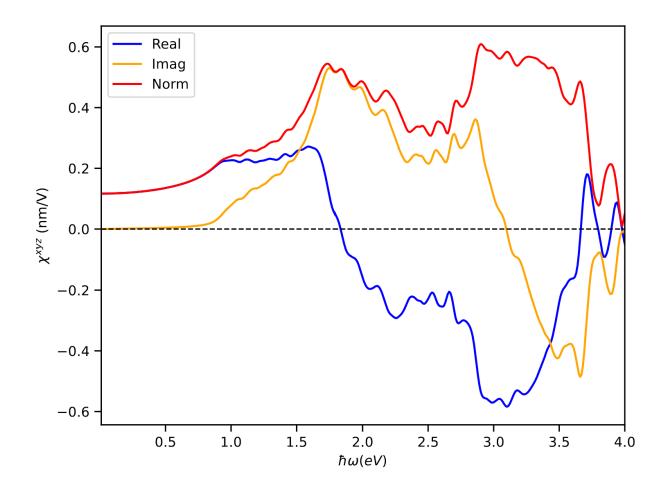
Out/Second\_Harmonic\_Generation 文件夹包含 SHG 相关的输出,相应文件为:

- **shg\_real.dat**: 极化张量实部的 27 个分量数据。第一列为光子能量,后续列为  $\chi^{abc}$  的所有 27 个分量 (按 abc 排列顺序展开)。
- shg\_imag.dat: 极化张量虚部的 27 个分量数据,格式与 shg\_real.dat 相同。
- plot\_shg.py: 用于绘制特定方向的 SHG 响应的绘图脚本。

可通过修改绘图脚本 plot\_shg.py 中的方向设置来选择绘制的极化张量分量:

```
a = 'x'
b = 'y'
c = 'z'
```





# CHAPTER 11

Berry\_Curvature\_Dipole

# 11.1 介绍

Berry curvature 是现代凝聚态物理中描述电子波函数几何性质的核心量之一,是多种非平庸输运和光学效应 (如反常霍尔效应、自旋霍尔效应、非线性响应等) 的物理源头。

对于能带 n 和动量 **k**, Berry curvature 定义为:

$$\Omega_n^{ab}(\mathbf{k}) = -2 \operatorname{Im} \sum_{m \neq n} \frac{\langle u_{n\mathbf{k}} | \partial_{k_a} H | u_{m\mathbf{k}} \rangle \langle u_{m\mathbf{k}} | \partial_{k_b} H | u_{n\mathbf{k}} \rangle}{(E_{n\mathbf{k}} - E_{m\mathbf{k}})^2},$$

其中 H 是哈密顿量,  $u_{nk}$  是布洛赫波函数,  $E_{nk}$  是能带能量。

在具有**时间反演对称性**的系统中, Berry curvature 满足奇函数关系:

$$\Omega_a(\mathbf{k}) = -\Omega_a(-\mathbf{k}),$$

这意味着在整个布里渊区内对 Berry curvature 的积分严格为零,因此不会出现反常霍尔电导率(AHC)的线性响应项。

然而,如果系统**破缺中心反演对称性**,尽管 Berry curvature 本身在 BZ 中的积分仍为零,其在动量空间中的**分布梯度**可能不为零,从而诱导出**高阶非线性输运效应**。具体而言:

• 当系统处于交流光场激发下,响应电流可以写为

$$j_a^0 = \chi_{abc} E_b(\omega) E_c(-\omega), \quad j_a^{2\omega} = \chi_{abc} E_b(\omega) E_c(\omega),$$

分别对应整流电流(直流响应)与二次谐波电流 $(2\omega$ 响应),其中 $\omega$ 为外加光场的频率。

• 非线性响应张量  $\chi_{abc}$  的表达式为:

$$\chi_{abc} = -\varepsilon_{adc} \cdot \frac{e^3 \tau}{2(1 + i\omega \tau)} D_{bd},$$

其中  $arepsilon_{adc}$  是 Levi-Civita 反对称张量,au 是电子弛豫时间, $D_{bd}$  是 Berry curvature dipole,定义如下:

$$D_{ab}(T) = \int [dk] \sum_{n} \frac{\partial E_{n}}{\partial k_{a}} \Omega_{n,b} \left( -\frac{\partial f_{0}}{\partial E} \right)_{E=E_{n}}.$$

其中 T 是温度, $f_0$  是费米-狄拉克分布函数。该张量描述了 Berry curvature 在动量空间中的不均匀性,代表了非线性响应的几何起源。

在 PYATB 中,可以在给定温度 T 和化学势  $\mu$  下,通过对 Berry curvature 偶极在能量空间的加权积分,得到对应的 BCD 值,其表达式为:

$$D_{ab}(\mu, T) = -\int dE \, \frac{\partial f_0(E, \mu, T)}{\partial E} \cdot D_{ab}(E),$$

其中  $D_{ab}(E)$  是能量分辨的 Berry curvature 偶极, $\frac{\partial f_0}{\partial E}$  用于考虑温度效应下的费米面加权。

Berry curvature 偶极是非线性霍尔效应(Nonlinear Hall Effect)研究的核心几何量,在二维材料、Weyl 半金属、非中心对称拓扑系统中具有广泛的物理意义和潜在应用价值。

#### 参考文献:

• Zeng, C., Nandy, S. & Tewari, S. Nonlinear transport in Weyl semimetals induced by Berry curvature dipole. Phys. Rev. B 103, 245119 (2021).

下面以 Weyl 半金属模型为示例,演示如何使用 PYATB 进行 Berry curvature 和 Berry curvature dipole 的计算。相关文件位于 tutorial/weyl\_model\_BCD 目录下。

# 11.2 计算步骤

#### 快速测试步骤:

```
$ cd tutorial/weyl_model_BCD
$ python generate_weyl_model.py
$ ./run_pyatb.sh
$ cd ./Out/BERRY_CURVATURE_DIPOLE
$ python plot_bcd.py
```

#### 11.2.1 第一步,生成 PYATB 需要的格点紧束缚模型

我们在 tutorial/weyl\_model\_BCD 目录下提供了一个脚本 generate\_weyl\_model.py,用于从 Weyl 半金属的动量空间哈密顿量  $H(\mathbf{k})$  生成格点空间哈密顿量  $H(\mathbf{R})$ 。该模型的形式如下:

```
\begin{split} H_1(\mathbf{k}) &= \mathbf{N}(\mathbf{k})\boldsymbol{\sigma} + N_0(\mathbf{k})\sigma_0 \\ N_0(\mathbf{k}) &= \gamma \left(\cos \left(2k_x\right) - \cos k_0\right) \left(\cos k_z - \cos k_0\right) \\ N_x(\mathbf{k}) &= \left[m \left(1 - \cos^2 k_z - \cos k_y\right) + 2t_x \left(\cos k_x - \cos k_0\right)\right] \\ N_y(\mathbf{k}) &= -2t \sin k_y, \quad N_z(\mathbf{k}) = -2t \cos k_z \end{split}
```

该模型具有时间反演对称性但破缺空间反演对称性,属于典型的 Weyl 半金属系统。模型中存在四个 Weyl 点,分布在  $(\pm k_0,0,\pm 0.25)$  (单位为  $2\pi$ ),并具有  $M_x$  和  $M_y$  镜面对称性。采用的参数设置如下:

```
t = 1

tx = 0.5*t

m = 2*t

k0 = np.pi/2

gamma = t*2.5
```

运行 generate\_weyl\_model.py 后,将生成三个束缚模型文件 HR、SR、rR:

data-HR-sparse\_SPIN0.csr: HRdata-SR-sparse SPIN0.csr: SR

(续下页)

• data-rR-sparse\_SPIN0.csr: rR

## 11.2.2 第二步,使用紧束缚模型文件进行 PYATB 计算

继续在 tutorial/weyl\_model\_BCD 目录下,我们将基于上述生成的模型文件,使用 PYATB 计算能带结构、Berry curvature、Berry curvature dipole 等物理量。

我们介绍 PYATB 的输入文件 Input 的内容:

```
INPUT_PARAMETERS
                              # HR、SR文件为复数。nspin=1 时读取实数的HR和SR。
   nspin
   package
                    ABACUS
   fermi_energy
                    0.0
   fermi_energy_unit eV
   HR_route data-HR-sparse_SPINO.csr # HR 矩阵 SR_route data-SR-sparse_SPINO.csr # SR 矩阵 rR_route data-rR-sparse_SPINO.csr # rR 矩阵
                                          # HR 单位为 eV
  HR_unit
            Angstrom
  rR_unit
                                           # rR 单位为_
→Bohr, 这个模型中rR为零矩阵
                                         # 单轮计算的最大k点数目
   max_kpoint_num 1000000
LATTICE
   lattice_constant
   lattice_constant_unit Angstrom
   lattice_vector
   1 0 0
   0 1 0
   0 0 1
BAND_STRUCTURE
                               # 设置 k_
   kpoint_mode
                line
→点采样模式为高对称路径,有line, mp, direct三种
                                # 设置路径中的高对称点数
   kpoint_num
               6
   high_symmetry_kpoint
                                # 设置高对称点坐标及插值数
   0.50000 0.00000 0.5000 200 # A1
   0.00000 0.00000 0.0000 200 # G
  -0.50000 0.00000 -0.5000 200 # A2
  -0.50000 0.00000 0.5000 200 # A3
   0.00000 0.00000 0.0000 200 # G
   0.50000 0.00000 -0.5000 1 # A4
   kpoint_label A1,G,A2,A3,G,A4 # 设置高对称点名称
FIND_NODES
                              -0.1 0.1
                                           # 设置寻找简并点的能量范围
   energy_range
                             100 100 100 # 初筛时,划分布里渊区的均匀网格
   initial_grid
   initial_threshold
                              0.01
                                          # 判断初筛时能量简并的阈值
   adaptive_grid
                                          # 第二次筛选,对初筛的网格加密。
                              10 10 10
                                          # 第二次能量简并的阈值
   adaptive_threshold
                              0.001
```

```
BERRY CURVATURE
   kpoint_mode
                 line
   kpoint_num
   high_symmetry_kpoint
  -0.50000 0.00000 0.2500 200 # -X
   0.50000 0.00000 0.2500 1 # X
   kpoint_label -X, X
CHIRALITY
   k_vect
                                0.25000000 0.00000000 0.25000000 # Wey1点坐标
   radius
                                0.9
                                                              #. .
→以Wey1点为中心的球面半径
                                10000
                                                              # 球面撒点
   point_num
   method
                                                              #__
→使用Kubo公式计算Berry curvature
BERRY_CURVATURE_DIPOLE
           -3 3
                               #设置费米能级范围 (eV), 不是以 fermi_energy_
   omega
→为中心的
   domega 0.001
                               # 能量间隔 (eV)
   grid
          200 200 200
                               # 划分布里渊区的均匀网格
```

#### 关于功能模块 BAND\_STRUCTURE 完整设置参数为:

- **wf\_collect**, bool 类型, 为 1 时输出波函数的展开系数, 默认为 0。
- band\_range, int 类型, 有两个值, 设置计算的能带范围, 从 1 开始计数, 例如 1 20, 计算第 1 到第 20 共 21 条能带。不设置该参数, 会计算所有能带。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

#### 关于功能模块 FIND NODES 完整设置参数为:

- energy\_range, float 类型,有两个值,寻找简并点的能量范围,不是以 fermi\_energy 为中心的。
- **initial\_grid**, int 类型,有三个值。初筛时,划分布里渊区的均匀网格,以粗网格确定可能存在简并的 k 点和能带的范围。
- initial\_threshold, float 类型, 判断初筛时能量简并的阈值。
- adaptive\_grid, int 类型,有三个值。第二次筛选,对初筛可能有简并的 k 点再进行网格加密。
- adaptive\_threshold, float 类型, 第二次筛选能量简并的阈值。
- **k\_start**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
- **k\_vect1**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为 1.0 0.0 0.0。
- k\_vect2, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。
- k\_vect3, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量3,默认为0.00.1.0。

关于功能模块 BERRY\_CURVATURE 完整设置参数为:

- **method**, int 类型, 计算 Berry curvature 的方法。为 0 时, 直接偏导数求解。为 1 时, 使用 Kubo 公式求解。默认为 0。
- occ\_band, int 类型,设置占据能带数目。不设此值时,以 fermi\_energy 来判断占据情况。
- kpoint\_mode, str 类型, 指定 k 点采样模式, 存在此参数时会有额外的设置参数。

#### 关于功能模块 CHIRALITY 完整设置参数为:

- **method**, int 类型, 计算 Berry curvature 的方法。为 0 时, 直接偏导数求解。为 1 时, 使用 Kubo 公式求解。默认为 0。
- k\_vect, float 类型, 指定某个具体 Weyl 点的分数坐标。
- radius, float 类型,以 Weyl 点为中心创建一个球面,此参数为球面半径。对应 k 点的 Cartesian 坐标。
- point\_num, int 类型, 指定球面上撒点的数目。

### 关于功能模块 BERRY\_CURVATURE\_DIPOLE 完整设置参数为:

- omega, float 类型,有两个值。设置费米能级范围 (eV),不是以 fermi\_energy 为中心的。
- domega, float 类型, 能量间隔 (eV)。
- grid, int 类型,有三个值,划分布里渊区的均匀网格。

## 如果某个功能模块中存在 kpoint\_mode 参数时,会添加额外的设置参数:

- 当 kpoint\_mode 为 mp 时,新增参数:
  - k\_start, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的原点,默认为 0.0 0.0 0.0。
  - k\_vect1, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 1,默认为 1.0 0.0 0.0。
  - k\_vect2, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 2,默认为 0.0 1.0 0.0。
  - **k\_vect3**, float 类型,有三个值,确定指定布里渊区范围的展开矢量 3,默认为 0.0 0.0 1.0。
  - mp\_grid, int 类型,有三个值,均匀划分指定布里渊区范围的网格数目,没有默认值。
- 当 kpoint\_mode 为 line 时,新增参数:
  - kpoint\_num, int 类型, 指定高对称点的数目。
  - high\_symmetry\_kpoint, float 类型,每个高对称点有四个值,设置高对称点坐标及插值数。
  - kpoint\_label, str 类型,数目与 kpoint\_num 保持一致,指定每一个高对称点的 label。
- 当 **kpoint\_mode** 为 **direct** 时,新增参数:
  - **kpoint\_num**, int 类型, 指定 k 点的数目。
  - kpoint direct coor, float 类型,每一个 k 点三个值,指定 k 点的坐标。

在准备好了 PYATB 各种输入文件之后,我们可以运行目录下的 run\_pyatb.sh 脚本来进行 PYATB 的计算。

# #!/bin/bash # 加载conda环境 source ~/software/miniconda3/bin/activate conda activate pyatb # 运行pyatb export OMP\_NUM\_THREADS=1 # 设置OpenMP线程数为1 num\_mpi=8 # 设置MPI进程数 mpirun -n \$num\_mpi pyatb > job.log 2> job.err

# 11.3 结果展示

运行 PYATB 后,所有计算结果将保存在 Out / 文件夹中。每个功能模块对应一个子文件夹,便于结构化管理与后续分析。

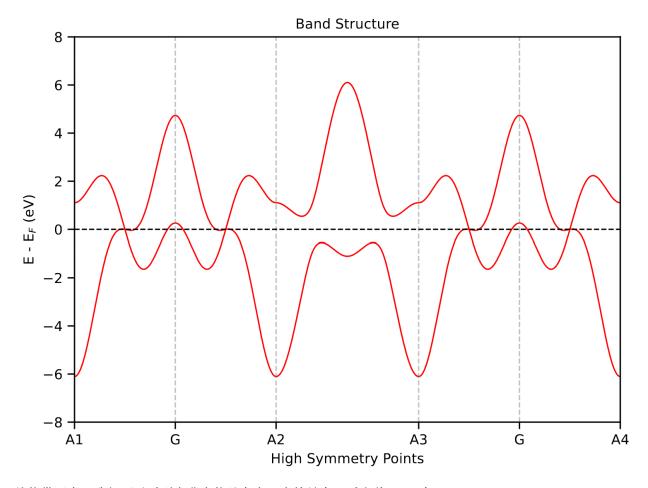
## 11.3.1 BAND\_STRUCTURE

Out/Band\_Structure 文件夹包含能带结构相关的输出,相应文件为:

- band\_info.dat: 提供了基本的能带信息,包括费米能、带隙、价带顶(VBM)和导带底(CBM)的位置。其中能带指标是从0开始计数的。
- band.dat:包含所有 k 点的能带本征值,格式为二维矩阵:每行对应一个 k 点,每列表示一条能带,能量值未减去费米能。
- **kpt.dat**: 记录所有计算使用的 k 点坐标。
- high\_symmetry\_kpoint.dat: 记录高对称点信息,用于绘图。
- x\_coor\_array.dat: 能带绘图时使用的 X 轴坐标。
- plot\_band.py: 能带绘图脚本

在  $plot_band.py$  中,可以修改  $y_min$  和  $y_max$  变量来控制能带图的纵轴范围。该脚本默认绘制的是平移费米能后的能带图。我们修改纵轴范围:

执行绘图脚本后,生成的能带图为:



从能带图中, 我们可以看到在费米能处存在 4 个简并点, 对应着 Weyl 点。

## 11.3.2 FIND\_NODES

Out/Find\_Nodes 文件夹包含简并点相关的输出,相应文件为:

- **nodes.dat**: 提供了简并点信息。每一行为一个简并点。前三个数值为 k 点的分数坐标,之后的数值表示简并的能带指标(从 1 计算)。
- plot\_nodes.py: 在三维空间中绘制简并点的脚本。

我们执行 FIND\_NODES 功能可以在指定布里渊区、只能能量范围内寻找简并点。我们设置在费米能附近来寻找 Weyl 点。计算符合模型解析结果,对应文件是 **nodes.dat**:

```
0.25000000 0.00000000 0.25000000 1.00000000 2.00000000
0.25000000 0.00000000 0.75000000 1.00000000 2.00000000
0.75000000 0.00000000 0.25000000 1.00000000 2.00000000
0.75000000 0.00000000 0.75000000 1.00000000 2.00000000
```

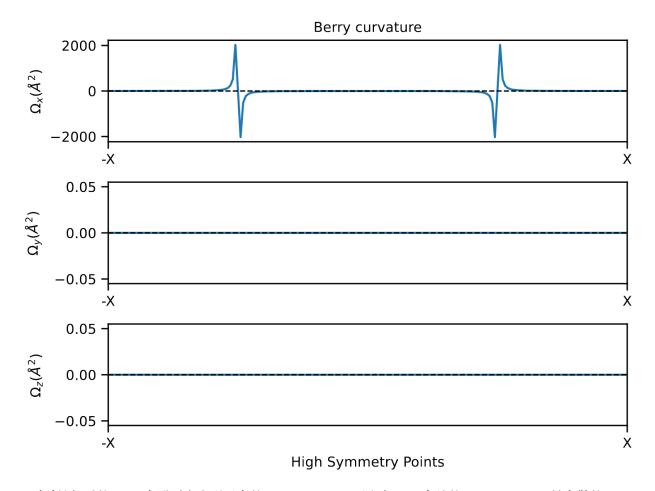
然后我们可以进一步使用 CHIRALITY 功能模块来检查这些 Weyl 点的手性。例如我们计算了 (0.25, 0.00, 0.25) 的手性,结果在 Out/Chirality/chirality.dat 文件中,结果显示为 +1。

## 11.3.3 BERRY\_CURVATURE

Out/Berry\_Curvature 文件夹包含 Berry curvature 相关的输出,相应文件为:

- berry\_curvature.dat: 记录 Berry curvature 数据,每一行为某一 k 点的 x, y, z 三个方向的数值。
- kpt.dat: 记录所有计算使用的 k 点坐标。
- plot\_berry\_curvature\_line.py: 绘图脚本。

我们可以得到 Berry curvature 沿着高对称点的结果:



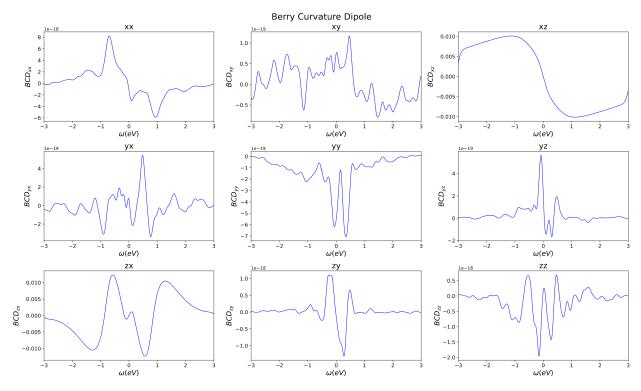
一对手性相反的 Weyl 点附近会出现巨大的 Berry curvature, 同时 Weyl 点处的 Berry curvature 是发散的。

## 11.3.4 BERRY\_CURVATURE\_DIPOLE

Out/BERRY\_CURVATURE\_DIPOLE 文件夹包含 Berry curvature dipole 相关的输出,相应文件为:

- **bcd.dat**,记录不同能量点,不同方向上的能量分辨的 Berry curvature dipole 数值。一共有 9 行,对于 *ab* 方向。每一列对应能量点。
- plot\_bcd.py, 绘制不同温度下、不同方向上的 Berry curvature dipole。对能量和费米分布函数导数进行积分得到最终的 Berry curvature dipole。

我们执行 plot\_bcd.py 脚本,可以得到以下结果:



注 1:与文献结果出现符号相反是因为 BCD 定义上存在符号差异。另外,猜测文献图中的 zx 和 xz 可能画反了。