알고리즘 학습

- 1단계 : 배열 연습.
- 2단계: 재귀, 백트래킹. 그래프 기본
 - 재귀호출, 조합, 순열, DFS, BFS, 위상정렬.
 - 미로 찾기 등
- 3단계: 그래프 최적화, 동적계획법(DP)
 - 프림, 크루스컬, 다익스트라 알고리즘 등.
 - 최단거리, MST, 연속행렬 곱셈 등.
- 일반적인 알고리즘 교재는 문제풀이 중심.
- 수식과 관련된 내용은 이산수학에서 다룸.

복습

■ 정수형

- 연산결과는 64-bit 정수형이 필요한 경우가 있음.
 - long long (C언어), long (Java)
- 64-bit를 넘어가는 정수형을 다루는 경우 수식으로 처리해야 함.
- C의 경우 scanf()의 서식문자로 입력을 한 자리 씩 읽을 수 있음.
 - 예) %1d, %1x
- for문에는 int형 사용.
- 대략 10자리 숫자.

■ 자료형

- 실수형
 - double형 사용 (float은 표현할 수 있는 범위가 작음).
 - 고정형 sign bit를 사용하므로 unsinged를 붙여도 자리수가 늘어 나지 않음.
 - 출력에 서식문자를 사용하면 마지막 자리 뒤에서 반올림 됨.
 - 예) %.3f

■ 배열

- 배열의 크기에 주의해야 함.
 - 인덱스를 0번부터 사용하는 경우와 1번부터 사용하는 경우.
- 인덱스 연산은 범위를 미리 정의하고 코딩을 시작해야 함.
 - 배열의 끝 부분을 읽지 않는 경우가 많으므로 주의.
- C언어의 경우 큰 배열은 전역으로 선언한다.
 - 스택 영역의 크기가 제한되어 있기 때문
- 배열의 최대 크기.
 - 정수형 백만개를 저장하는 1차원 배열(혹은 1000x1000 2차원 배열).
 - 배열에 저장할 수 없는 경우 수식을 알아내야 함.

프로그래밍 도구

- **■** C/C++
 - Visual Studio 2013 Express 이상 버전
 - Dev-C++ 최신버전
 - ✓ Linux 기반의 채점사이트 서버에서는 gcc 사용.
 - ✓ C 문법으로 작성했더라도 .cpp로 작성한 경우, 서버 제출시 사용언어 를 C++로 선택해야 함.
- Java
 - Eclipse + JDK

- 크기가 NxN인 2차원 배열에 다음과 같은 모양으로 숫자가 저 장된다.
- 크기N과 행, 열이 주어지면 해당 위치에 저장된 숫자를 출력하 시오.

	0	1	2	3	4	5	열
0		1	6	10	13	15	
1			2	7	11	14	
2				3	8	12	
3					4	9	
4						5	
5							
행							

입력
1 // 테스트케이스 개수
6 2 4// N 행 열
출력
#1 8

■ 접근 방법

인덱스로 표시한 접근 순서

1	2	3	4	5	→행과 열의 차이 i
0, 1 (1)	0, 2 (6)	0, 3 (10)	0, 4 (13)	0, 5 (15)	
1, 2 (2)	1, 3 (7)	1, 4 (11)	1, 5 (14)		
2, 3 (3)	2, 4 (8)	2, 5 (12)			
3, 4 (4)	3, 5 (9)				
4. 5 (5)					

4 3 2 1 0 마지막 행 번호 N-i

```
k = 1;
for (i = 1; i (= N; i++) // 행과 열의 차이
{
  for (j = 0; j (= N - i; j++) // 행 번호
  {
  arr[j][j + i] = k++; // 열 번호 j+i
  }
}
```

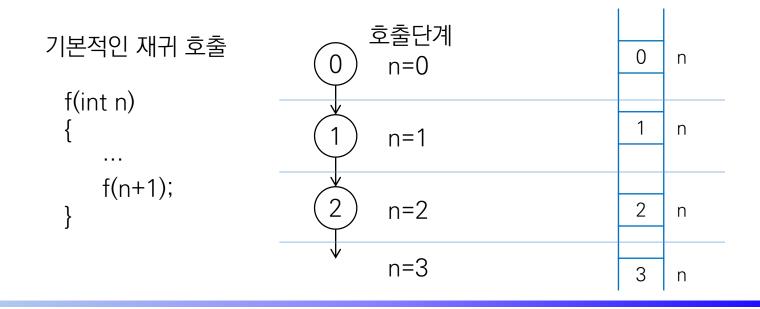
재귀호출

- 여러 형태의 재귀호출 연습 -

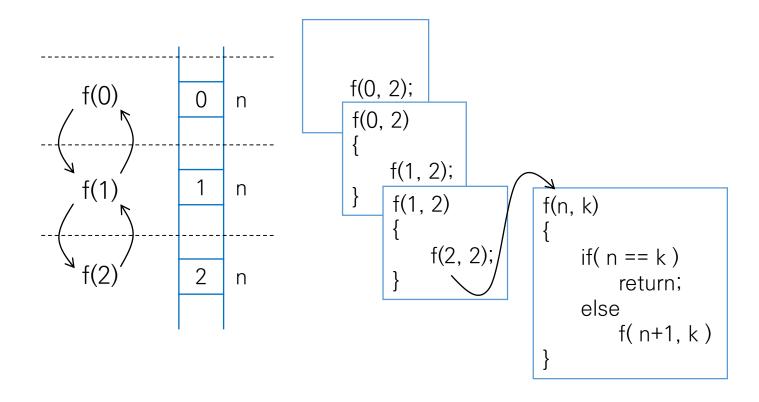
재귀호출의 기본

■ 특징

- 자기 자신을 호출하지만 사용하는 메모리 영역이 구분되므로 다른 함수 를 호출하는 것과 같음.
- 정해진 횟수만큼, 혹은 조건을 만족할 때 까지 호출을 반복함.



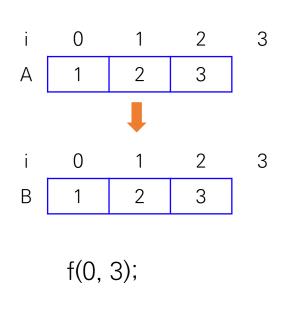
- 정해진 횟수만큼 호출하기
 - 호출 횟수에 대한 정보는 인자로 전달.
 - 정해진 횟수에 다다르면 호출 중단.



■ 재귀함수의 구조

- 재귀호출 단계마다 해야하는 작업 -> 재귀 호출 부분.
- 재귀호출 완료 시 해야하는 작업 -> 재귀 호출 종료 부분.

- 재귀호출을 이용해 배열 복사하기
 - 호출 단계 n을 배열 인덱스로 활용.
 - 배열의 크기와 호출 단계가 같아지면(n==k) 재귀호출 중단, 배열 출력.
 - 배열의 크기가 재귀 호출의 횟수를 결정.



```
f( n, k )
{
    if( n == k )
    {
        printArray( );
        return;
    }
    else
    {
        B[n] = A[n];
        f( n+1, k );
    }
}
```

원하는 조건을 찾으면 중단하는 경우

■ 주어진 집합에 v가 들어있으면 1, 없으면 0을 리턴하는 재귀 호출을 만드시오.

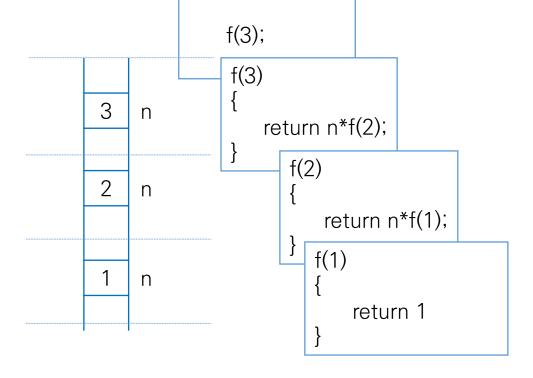
```
a[] = { 3, 7, 6, 2, 1, 4, 8, 5}
v = 2
```

```
find ( n, k, v )
{
    if( n == k) // 배열을 벗어남
      return 0;
    else if ( a[n] == v)
      return 1;
    else
      r = f( n+1, k, v);
    }
```

■ 리턴 값을 사용하는 재귀 호출

- 팩토리얼 계산
 - 3! = 3*2*1 = 3 * 2!
 - f(n) = n * f(n-1); // n > 0;
 - 0! = 1;

```
long f(int n)
{
    if( n < 2 )
       return 1;
    else
      return n * f(n-1);
}</pre>
```



✔ 반복 구조의 팩토리얼 계산

```
// N!을 구하는 경우
long fact [N];

fact[0] = 1;
fact[1] = 1;
for i : 2 -> N
    fact[i] = i*fact[i-1];
```

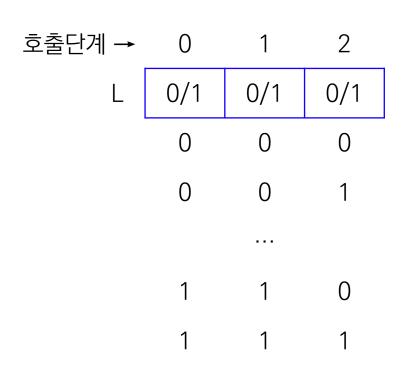
✓ 활용 예

```
// N!을 1000000007로 나눈 나머지를 구하는 경우 long fact [N];

fact[0] = 1;
fact[1] = 1;
for i : 2 -> N
    fact[i] = i*fact[i-1] % 1000000007;
```

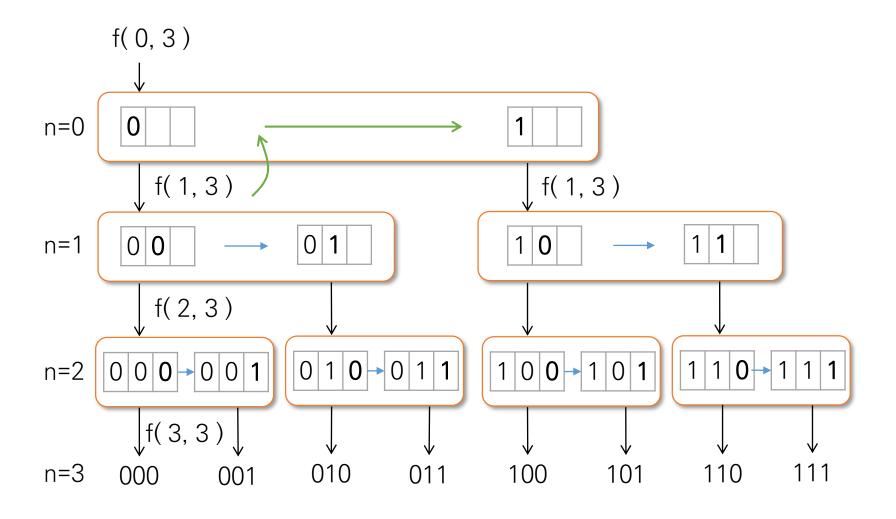
재귀 호출이 두 번인 경우

■ 배열 L의 각 자리에 0/1이 오는 모든 경우 만들기.



```
f(n,k)
   if(n == k)
   else
      L[n] = 0;
      f(n+1, k);
                    L[n]의 두 가지
      L[n] = 1;
                    값에 따라 각각
      f(n+1, k);
                       호출
```

■ f(n, k)호출에서 호출 단계 n과 배열크기 k의 활용



- 호출 깊이 n, 채울 배열의 크기 k, 배열 L
 - L[k]가 0, 1인 경우에 대해 각각 L[k+1] 결정 단계 호출.

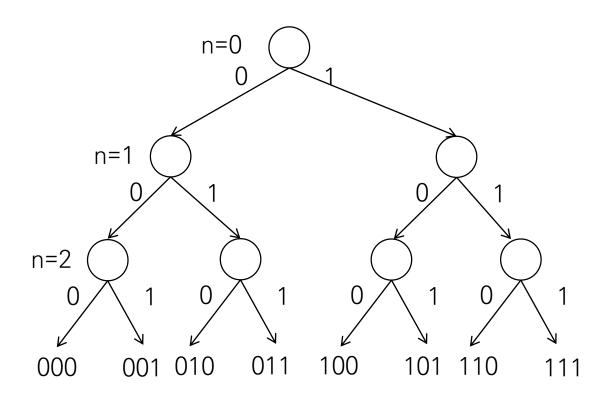
```
int L[N];
f( n, k)
   if(n==k)
       //배열 L 출력
   else
       L[n] = 0;
       f(n+1, k);
       L[n] = 1;
       f(n+1, k);
```

```
int L[N];

f( n, k)
{
    if( n==k )
        //배열 L 출력
    else
        for( i : 0 -> 1)
        L[n] = i;
        f( n+1, k );
}
```

그림에서 수평으로 나타낸 화살표는 for문으로 처리한다.

■ 트리 형태로 표현



- {1, 2, 3}의 모든 부분 집합 출력하기.
 - {} {1} {2} {3} {1, 2} {1, 3} {2, 3} {1, 2, 3}
 - 각 원소의 포함 여부를 1/0으로 표시할 수 있음.

	1	2	3	포함 여부를 1과 0으로 표시		
{1, 2, 3}	포함	포함	포함	1	1	1
{1, 2}			미포함			0
{1, 3}		미포함	포함		0	1
{1}			미포함			0
{2, 3}	· 미포함	포함	포함	0	1	1
{2}			미포함			0
{3}		미포함	포함		0	1
{}			미포함			0

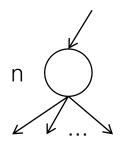
- 두 재귀호출의 리턴 값을 사용하는 경우.
 - 피보나치 수열
 - f(n) = f(n-1) + f(n-2);
 - f(0) = 0, f(1) = 1;

```
f(n)
{
    if( n < 2 )
        return n;
    else
        return f(n-1) + f(n-2);
}
```

식을 그대로 옮기면 간단한 대신 연산횟수가 너무 많다.

* 위키의 피보나치 수 프로그램 참조.

재귀 호출이 여러 번인 경우



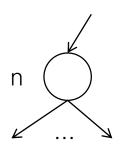
항상 j번인 경우

```
else
for i : 1 -> j

L[n] = i;

f( n+1, k);
```

예) 1, 2, 3을 중복 사용해 3자리 숫자 만들기



조건에 따라 달라지는 경우

```
...
else
for i : 1 -> j
if ( i가 유효하면 )
L[n] = i;
f( n+1, k )
}
```

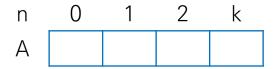
예) 그래프에서 인접 노드에 방문하기

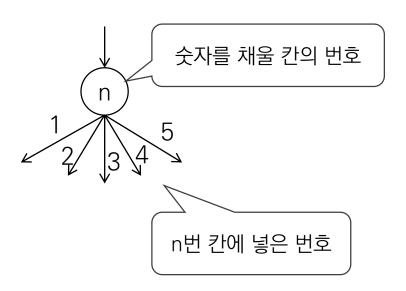
■ 1, 2, 3을 중복 사용해 3자리 숫자 만들기.





■ 1, 2, 3, 4, 5중 3개의 숫자를 중복 사용해 3자리 숫자 만들기.

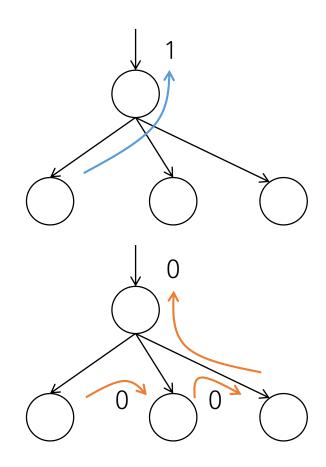




원하는 조건을 찾으면 중단하는 경우

■ 조건을 찾으면 1, 못 찾으면 0을 리턴.

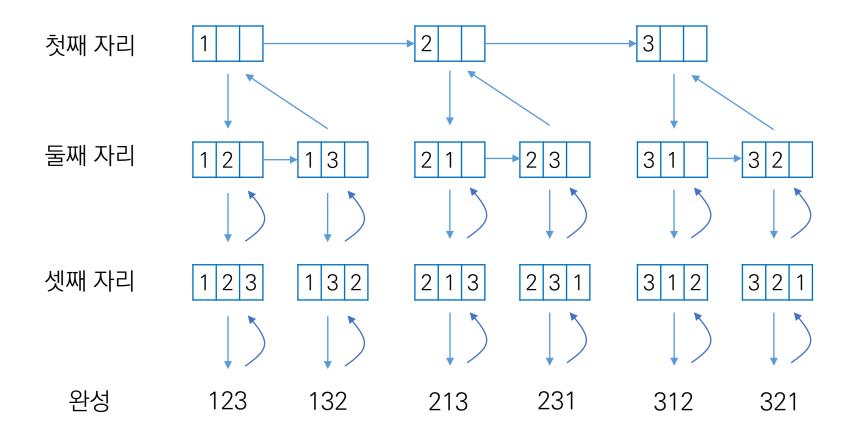
```
if ( 답을 찾은 중단 조건 )
   return 1;
else if( n == k)
   return 0;
else
   … // 현재 단계에서 처리할 일
   for i: 0 - \rangle j
       r = f(n+1, k);
       if(r == 1)
           return 1;
   return 0;
```



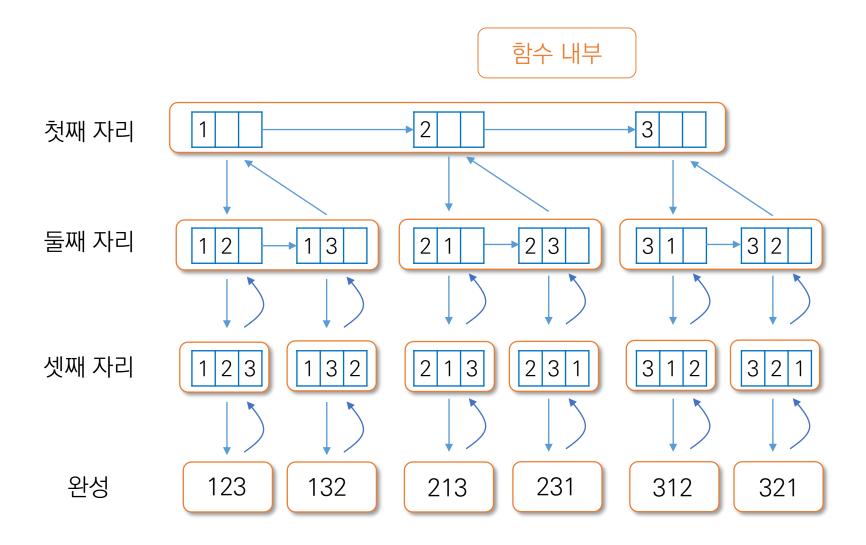
- 배열안에 찾는 숫자가 있으면 1, 없으면 0을 리턴하는 재귀함 수 만들기.
 - int arr[] = $\{3, 7, 6, 2, 5, 4, 8, 9\}$;
 - 찾고자 하는 숫자 5.

호출 횟수가 변하는 재귀 호출

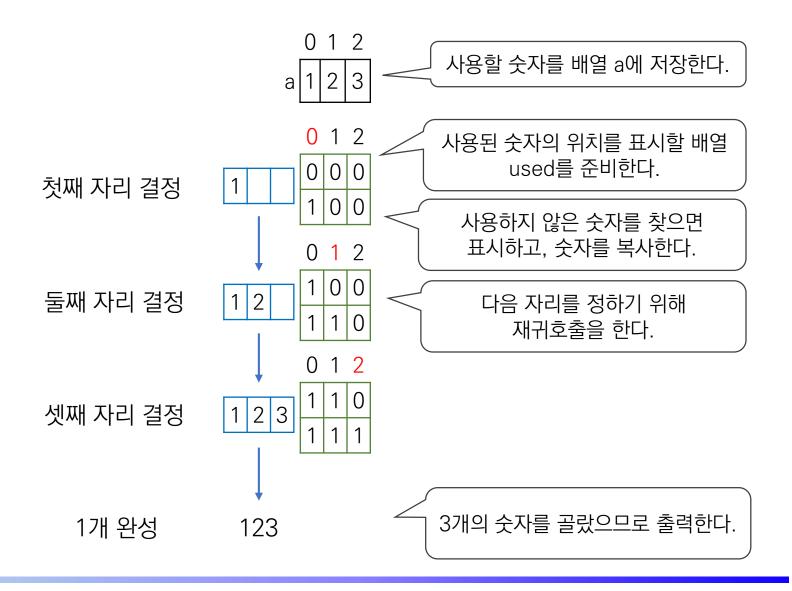
■ 1, 2, 3으로 3자리 수 만들기



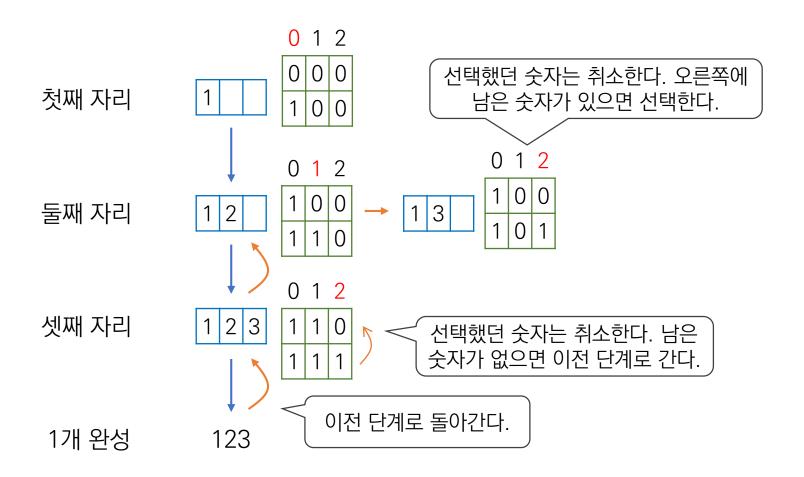
■ 1, 2, 3으로 3자리 수 만들기



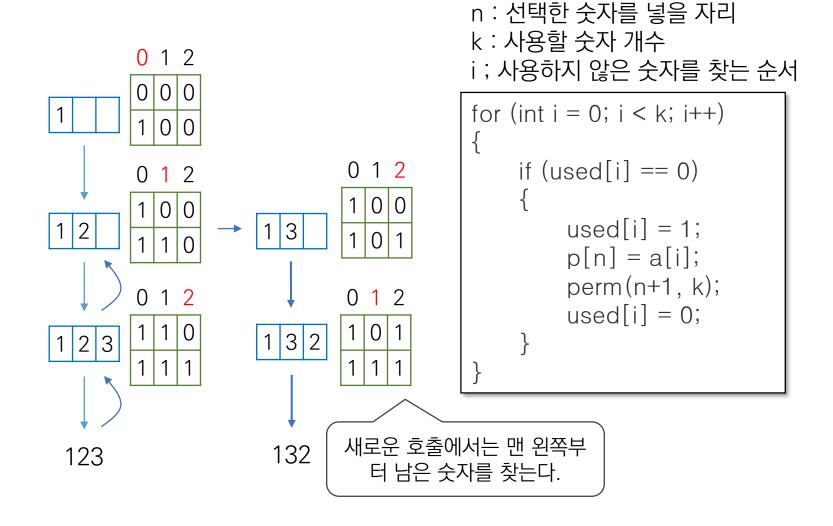
■ 1, 2, 3으로 3자리 수 만들기



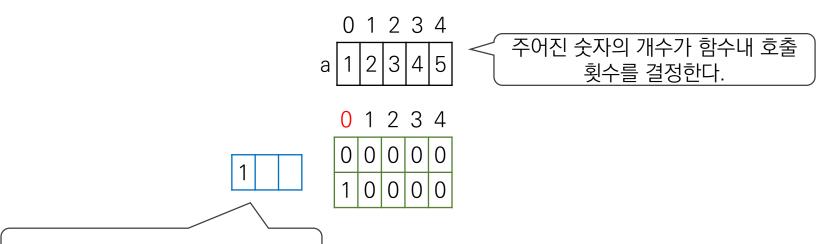
■ 1, 2, 3으로 3자리 수 만들기 (계속)



■ 1, 2, 3으로 3자리 수 만들기 (계속)



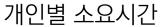
- {1,2,3,4,5}의 원소를 한번씩만 사용해 3자리 수 만들기.
 - n: 고른 숫자를 저장할 위치.
 - k : 골라야 할 숫자의 개수.
 - m : 고를 수 있는 숫자의 개수.



채울 칸 수가 호출 깊이를 결정한다.

■ A, B, C 사람이 3개의 일을 처리하는 시간이 각각 다르다고 한다. 각자 한가지 일을 한다고 할때, 최소인 시간의 합을 구하라.

	1	2	3
А	13	8	10
В	7	10	12
С	12	8	10



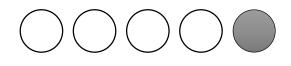
1	2	3	합계
А	В	С	33
А	С	В	33
В	А	C	25
В	C	А	25
С	В	А	32
С	Α	В	32

배정에 순열을 활용

호출의 깊이가 변하는 재귀 호출

■ 조합만들기

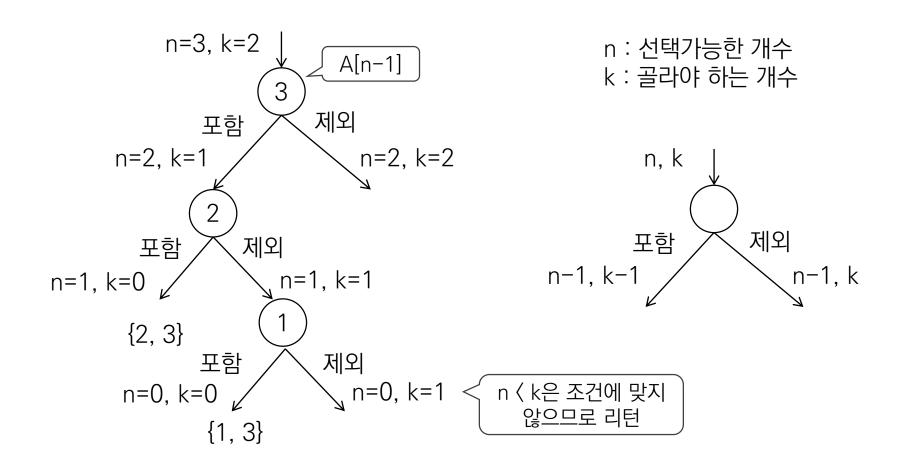
- n개에서 k개를 고르는 경우의 수 : nCk
 - {1, 2, 3}에서 두 개의 숫자를 고르는 경우의 수 : ₃C₂
 - {1, 2}, {1, 3}, {2, 3}
- 두 경우로 나눠 생각할 수 있다.



특정원소를 포함하는 경우와 포함하지 않는 경우로 나눠서 생각할 수 있음.

- 특정 원소를 포함하면 남은 숫자가 하나 줄고(n-1), 골라야 하는 개수도 줄어든 다 (k-1).
- 특정 원소를 제외하면 남은 숫자가 하나 줄고(n-1), 골라야 하는 개수는 그대로 (k).
- ${}_{n}C_{k} = {}_{n-1}C_{k-1} + {}_{n-1}C_{k}$

- n개에서 k개를 고르는 경우의 수 : nCk
 - A[] = {1, 2, 3}에서 두 개의 숫자를 고르는 경우의 수 : 3C2



■ {1, 2, 3}에서 2개를 고르는 조합 만들기.

```
nck(n, k)
    if (k == 0)
      // 조합 출력
    else if (n < k)
      return;
    else
        c[k-1] = a[n-1];
                              n과 k가 줄어드는 특성을 인덱스에 활용
        nck(n - 1, k - 1);
                              다음 호출에서 c[k-1]자리에 덮어쓰기
        nck(n-1, k);
                              때문에 c[k-1]을 초기화할 필요가 없다.
```

연습

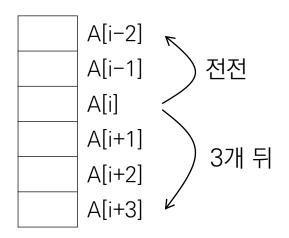
■ {1, 2, 3, 4, 5}에서 3개를 고르는 조합 만들기.

이진트리

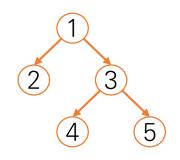
- 이진트리의 저장 방법과 순회-

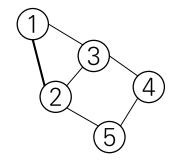
자료구조

- 선형 자료구조
 - 저장된 자료의 순서만 구분할 수 있음.
 - 이전, 이후 자료는 하나씩만 존재.



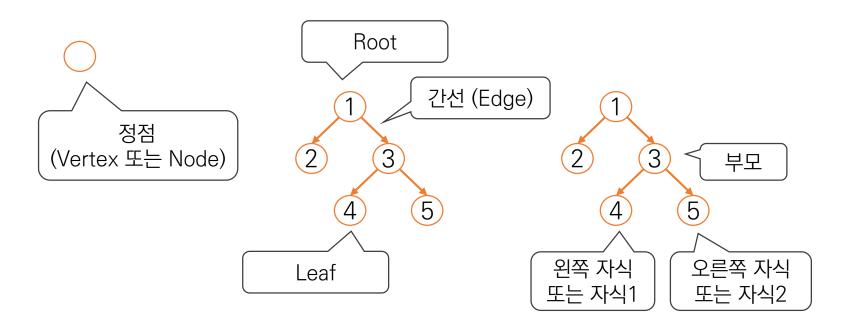
- 비선형 자료구조
 - 1:N 관계를 표시하는 경우.
 - 이진트리, 힙.
 - N:N 관계를 표시하는 경우.
 - 그래프.



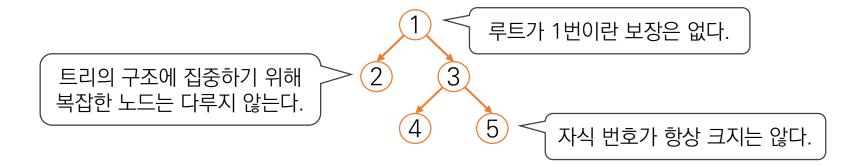


이진트리

■ 1:2 관계로 나타낸 트리 구조.

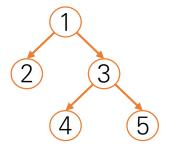


- 이진트리 (계속)
 - 조상
 - 어떤 정점에서 루트까지의 경로에 있는 정점들.
 - 4의 조상: 3, 1
 - 자손
 - 어떤 정점 아래에 있는 정점들.
 - 3의 자손: 4, 5



- 트리 정보
 - 입력

4 <- 간선의 개수 N 1 2 1 3 3 4 3 5 <- 부모 자식 순

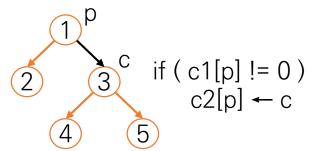


■ 부모 번호를 인덱스로 자식 번호를 저장.

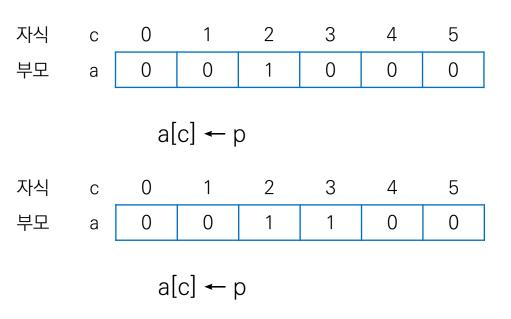
부모	р	0	1	2	3	4	5
자식1	с1	0	2	0	0	0	0
자식2	c2	0	0	0	0	0	0

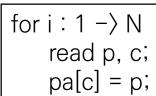
p (1)	
c_{2}	if $(c1[p] == 0)$ $c1[p] \leftarrow c$
	c1[p] ← c
(4)	3)

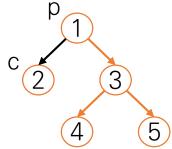
부모	р	0	1	2	3	4	5
자식1	c1	0	2	0	0	0	0
자식2	c2	0	3	0	0	0	0

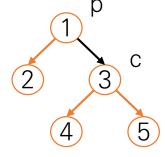


■ 자식 번호를 인덱스로 부모 번호를 저장.

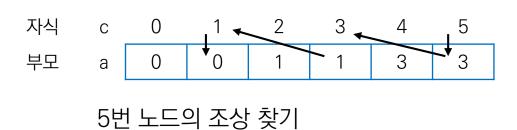


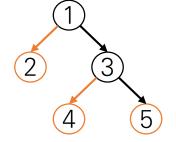






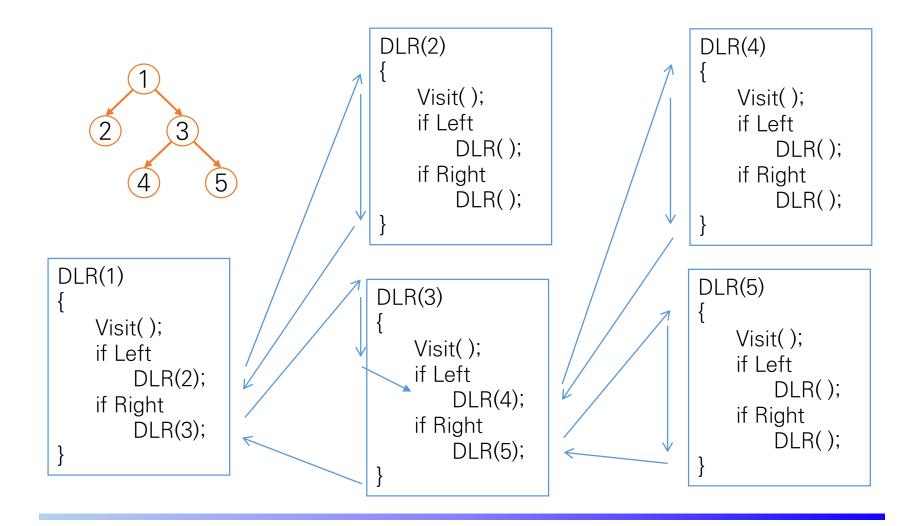
- 루트 찾기
 - 부모가 없는 노드를 찾으면 됨.
- 조상 노드 찾기



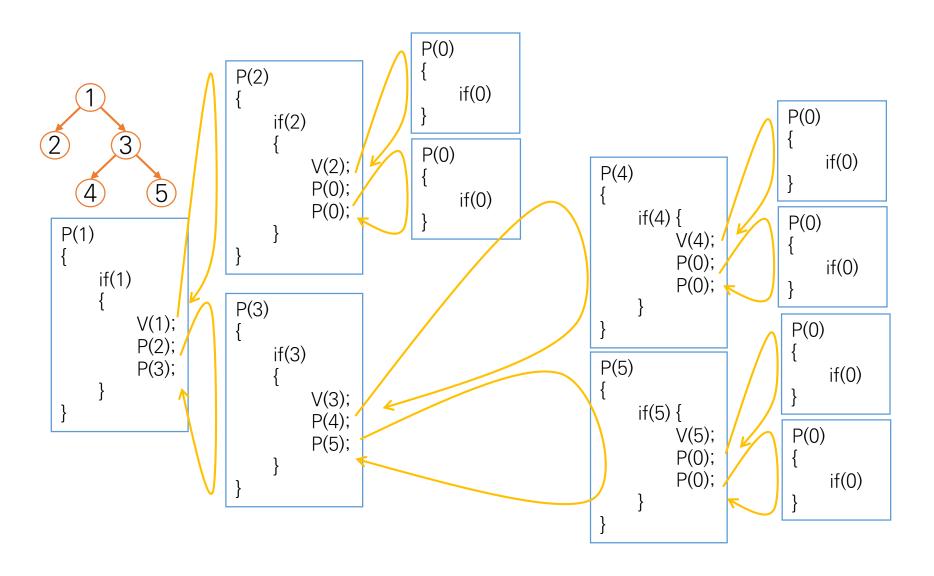


```
c = 5;
while(a[c]!=0)// 루트인지 확인
{
c = a[c];
print(c);
}
```

- 이진 트리 순회 1
 - 모든 노드를 빠짐없이, 중복도 없이 방문하는 방법.

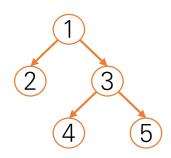


■ 이진 트리 순회 2



연습

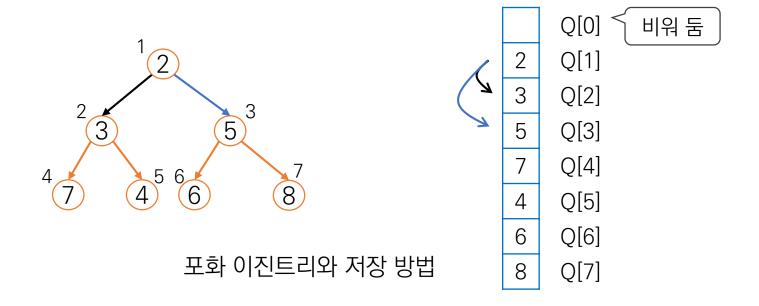
■ 1번 노드부터 이진트리를 순회하고 방문한 노드의 개수를 출력 하시오.



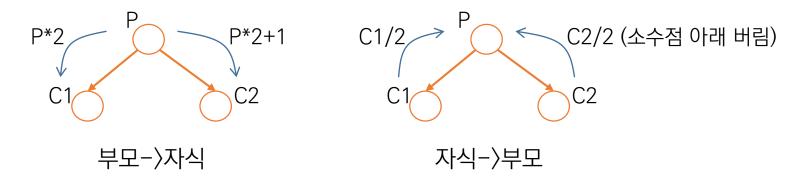
〈참고〉

포화/완전 이진트리

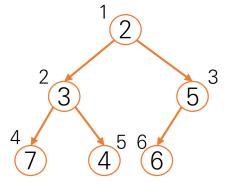
- 포화 이진트리
 - 특정 높이까지 꽉 차 있는 이진 트리.
 - 노드 번호는 위-〉아래, 왼쪽-〉오른쪽 순서.
 - 노드 번호를 배열의 인덱스로 사용해 저장.



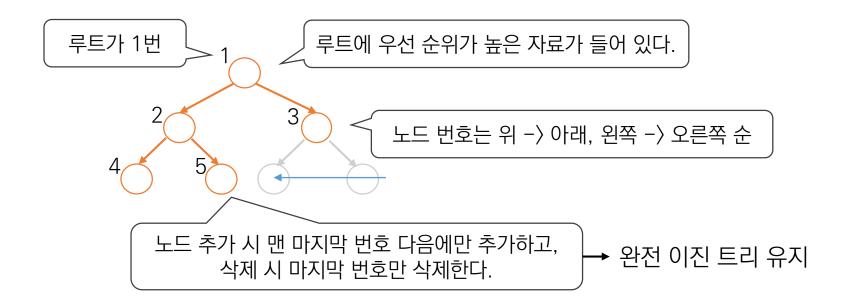
■ 부모-자식 노드 번호 계산



- 완전 이진트리
 - 오른쪽 끝부터 노드가 비어있는 이진 트리.
 - 포화 이진트리와 같은 방법으로 저장.



- 이진 힙 (binary heap)
 - 완전 이진트리 유지.
 - 루트에 최소값이 저장되는 최소 힙.
 - 루트에 최대값이 저장되는 최대 힙.



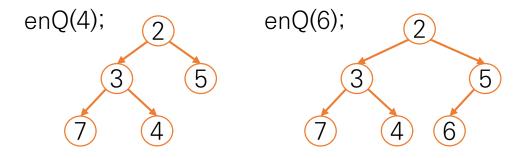
■ 최소 힙 생성

- 작은 값이 우선 순위가 높음. 루트에 가장 작은 값 저장.
- 이진 큐는 우선 순위 큐의 구현에 사용.

■ 최소 힙 생성(계속)

조건 : 완전 이진 트리 유지. 부모 〈 자식

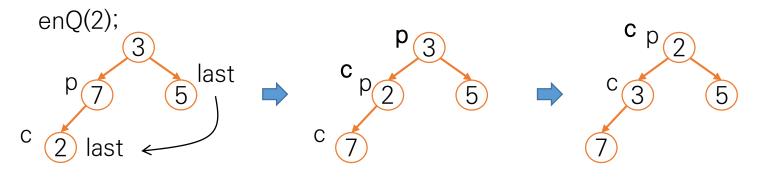
{7, 2, 5, 3, 4, 6}



■ 최소 힙 우선순위 큐의 연산

• enQ()

조건 : 완전 이진 트리 유지. 부모 〈 자식

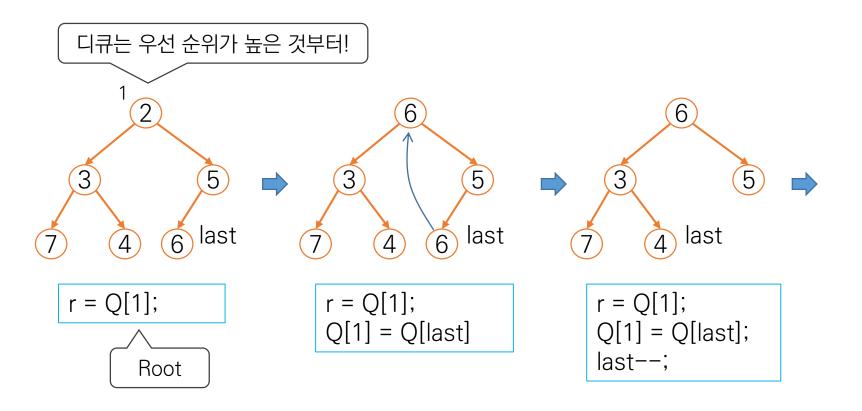


```
c = ++last;
p = c / 2;
Q[c] = data;
```

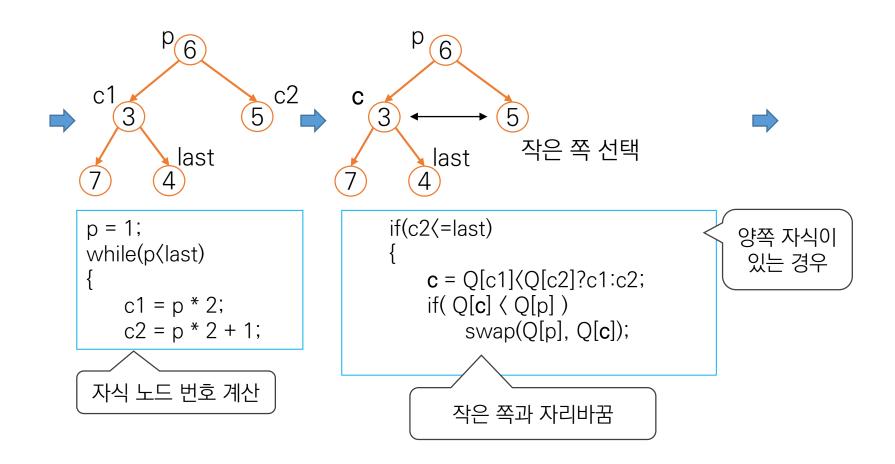
```
while( Q[p] > Q[c] && c > 1)
{
    swap(Q[p], Q[c]);
    c= p;
    p = p/2;
}
```

• deQ()

조건 : 완전 이진 트리 유지. 부모 〈 자식

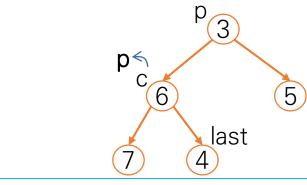


• deQ()계속



우선순위 큐

• deQ()계속



```
if(c2<=Last)

c = Q[c1](Q[c2]?c1:c2;

if( Q[c] ( Q[p] )

swap(Q[p], Q[c]);

p = c;

else

break;

바꾼 쪽을 새로운

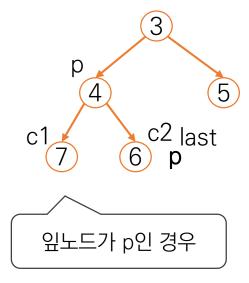
부모로
```

```
c1 3
```



우선순위 큐

• deQ()계속



```
while(p(last)
{
    c1 = p * 2;
    c2 = p * 2 + 1;
    if(c2(=last)
    { ··· }
    else if(c1(=last))
    { ··· }
    else
        break;
}
```



연습

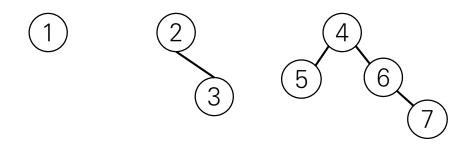
■ N개의 정수가 입력된다. 앞에서 설명한 방식대로 최소힙을 구현해 저장하고, 마지막 노드의 조상 노드가 갖고 있는 숫자들의합을 출력하라. N과 N개의 정수가 차례대로 주어진다.

554321

7 2 6 10 8 5 11 7

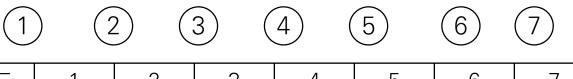
같은 트리에 속한 노드인지 확인하는 방법

- 트리의 대표 원소를 이용.
 - 간선으로 연결되 노드 중에서 대표 노드를 지정.
- 크루스칼(Kruskal) 알고리즘으로 최소비용신장트리(MST)를 찾을 때 필요한 기술.
- 서로 소 집합과 관련.
- 1, 6번 노드는 같은 트리에 속해있는가?



■ 초기 조건: 7개의 노드

• 처음에는 자기 자신이 트리의 대표 노드.



노드	1	2	3	4	5	6	7
대표	1	2	3	4	5	6	7

- 간선 정보가 주어지면 대표 원소를 갱신.
 - 23

노드	1	2	I 3	4	5	6	7
대표	1	2	v 2	4	5	6	7

1) $2 \leftarrow 3$ 4 5 6 7

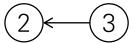
• 45

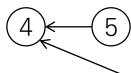
노드	1	2	3	4	5	6	7
대표	1	2	2	4	4	6	7



• 46,67

노드	1	2	3	4	5	6	7
대표	1	2	2	4	4	4	6





- 5와 7이 같은 트리에 속해 있는지 확인 하는 방법.
 - 5의 대표값과 7의 대표값을 비교.
 - 5의 대표값.
 - 노드번호와 대표값이 같은 4.

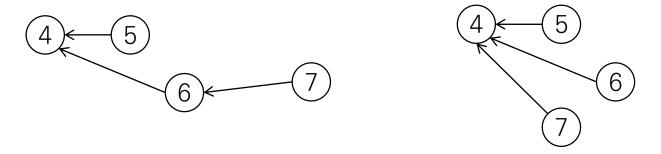
노드	1	2	3	14 K	15	6	7
대표	1	2	2	4 4	\checkmark_4	4	6

- 7의 대표값.
 - 노드번호와 대표값이 같은 4.

노드	1	2	3	14 <	5	16 K	7
대표	1	2	2	V ₄	4	→ ₄	√ 6

• 대표값이 같으므로 같은 트리에 속함.

■ 깊이 줄이기



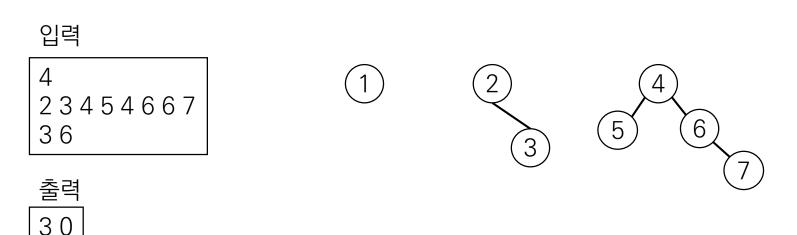
노드	1	2	3	4	5	6	7
대표	1	2	2	4	4	4	6

• 저장된 노드의 부모가 대표 번호가 아니면 대표로 바꿈.

노드	1	2	3	4	5	6	7
대표	1	2	2	4	4	4	4

연습

■ 1번 부터 N번까지의 노드는 서로 다른 이진 트리에 속할 수 있다고 한다. 트리 정보가 주어지면 몇 개의 트리가 생성 되는지 출력하고, 주어진 노드가 같은 트리에 속하면 1, 아니면 0을 출력한다. 에지의 수와 부모, 자식 정보, 찾을 노드 번호가 주어진다.



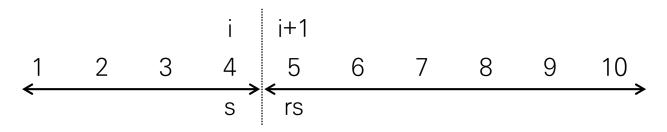
백트래킹

- 재귀의 반복 횟수 줄이기 -

부분 집합의 합

- {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10}의 부분 집합 중 합이 7인 부분 집합의 개수를 구하려면.
 - 각 요소의 포함 여부를 활용해 부분 집합을 구한다음 합이 7인지 검사한다. -> 모든 부분집합을 다 검사해야함.
 - 모든 요소의 포함 여부를 고려하지 않고도 해를 구할 방법이 필요함.
 - 일부 요소만 고려해서 가능성이 없으면 나머지 요소를 고려할 필요가 없음.
 - 재귀호출을 트리 구조로 나타냈을 때, 일부 노드를 방문할 필요가 없음.
 -> '가지치기'라고 부름.

- 부분 집합의 합 문제에서의 가지치기.
 - 찾고 있는 합 ts 포함 여부를 고려한 구간 i, 고려한 구간에서 부분 집합 에 포함된 요소의 합 s, 남은 구간의 합 rs라고 한다..



- s > ts인 경우 리턴. -> 고려 구간의 합이 찾는 수를 초과함.
- s+a[i+1] > ts인 경우 리턴. -> 남은 구간의 요소 중 가장 작은 수를 더해도 초과 하는 경우..
- s+rs 〈 ts인 경우 리턴. -〉 남은 모든 숫자를 더해도 모자람.

여습

■ 문제설명

1부터 N까지의 정수를 원소로 갖는 집합이 있다.

이 집합의 모든 부분 집합에 대해 원소의 합이 K인 경우의 수를 출력하시오.

N이 5, K=3이면 주어진 집합은 {1,2,3,4,5}가 되고,

원소의 합이 3인 경우는 {1,2}와 {3}이므로 2를 출력한다.

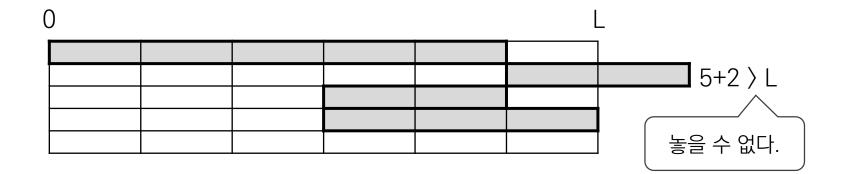
1<=N<=100, 1<=K인 정수.

3 〈- 빈복 입력 횟수 10 7 〈- N과 K 우선 두 번째 까지만 입력해본다. #1 5 #2 1 #3 1

연습

■ 그림처럼 0부터 L까지 1cm 마다 눈금이 그려진 판이 있다. 짧은 막대의 길이를 이용해 L에 맞는 길이를 만들 수 있으면 1, 없으면 0을 출력하라. 단, 막대의 위치는 눈금 판을 벗어날 수 없다.

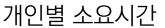
$$L = 6$$
, $a[] = { 2, 3, 5 }$



연습

- 다음 문제의 풀이에 백트래킹을 적용해 보세요.
 - A, B, C 사람이 3개의 일을 처리하는 시간이 각각 다르다고 한다. 각자한가지 일을 한다고 할 때, 최소인 시간의 합을 구하라.

	1	2	3
А	13	8	10
В	7	10	12
С	12	8	10





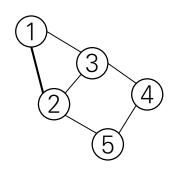
배정에 순열을 활용

그래프

- 그래프 탐색 -

인접행렬을 이용한 그래프 저장

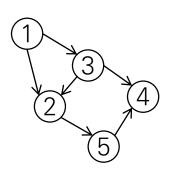
■ 무향 그래프: 간선의 방향이 없는 경우.



М	1	2	3	4	5	
1	0	1	1	0	0	
2	1		☑ 절은 1	[] 아니		Щ
3	1		<u> </u>	ı, ∨ı∟ 	0T U	
4	0					
5	0					

정점 수, 간선 수	5 6	read V, E
간선의 정점 반복	121323342554	for i: 1-> E read n1, n2; M[n1][n2] = 1; M[n2][n1] = 1;

■ 유향 그래프 : 간선에 방향이 있는 경우



	1	2	3	4	5
1	0	1	1	0	0
2	0				
3	0				
4	0				
5	0				

도착

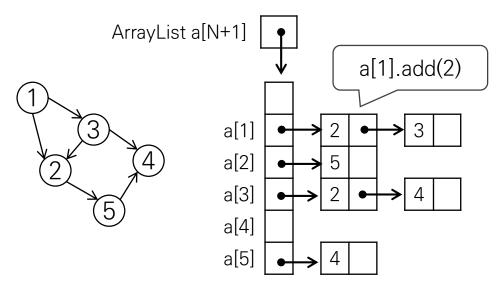
출발

출발 -> 도착 노드로 주어지는 경우

56 121332342554 read n1, n2; M[n1][n2] = 1;

■ 리스트를 이용한 저장

• 노드 개수가 많은 경우.



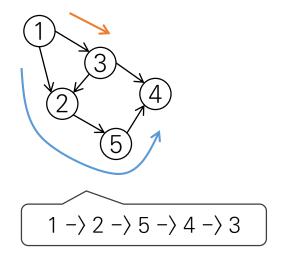
```
static ArrayList(Integer)[] a;
...

a = new ArrayList[N+1];
for(int i = 0; i(=N; i++)
    a[i] = new ArrayList()();
for(int i = 0; i(M; i++)
{
    int n1 = sc.nextInt();
    int n2 = sc.nextInt();
    a[n1].add(n2);
    // a[n2].add(n1); // 무향
}
```

```
// t의 인접 노드 번호 n 읽기
for(int i = 0; i(A[t].size();i++)
{
int n = A[t].get(i);
}
```

탐색

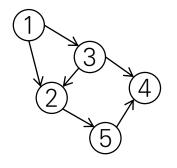
- 깊이 우선 탐색 (DFS)
 - 2개 이상의 선택이 가능할 때, 정해진 순서에 따라 다음 노드 선택.
 - 더 이상 갈 수 없으면 가장 가까운 이전 갈림길에서 다른 방향 선택.
 - 지나온 경로를 저장해야 함.



	1	2	3	4	5
1 _	Ô	1	1	0	0
2 🚣	0	0	0	0	→ 1
3	0	1	0	1	0
4	0	0	0	0	0
5	0	0	0	1	0

■ 재귀를 사용한 DFS

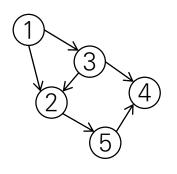
- 재귀의 각 단계가 방문중인 노드 번호를 저장.
- 방문한 노드에서 방문하지 않은 인접 노드 중 번호가 작은 곳으로 이동.



```
DFS(n)
V[n] = 1  // 방문 표시
visit(n)  // 노드에 대해 처리할 일
for i : 1 -> N
if( M[n][i] == 1 && V[i] == 0 )
DFS(i) // 인접하고 방문하지 않은 노드로 이동
```

✓ 반복 구조의 DFS

• 지나온 노드를 스택에 저장하거나, 방문하지 않고 남겨놓은 노드를 스택에 저장.



```
DFS(s)
시작 노드 s의 모든 인접 i에 대해 push(i)
while(statck_is_not_empty())
n = pop()
visit(n)
n에 대해 i가 인접이고 아직 방문하지 않은 곳이면
push(i)
```

Satack: 마지막으로 저장한 데이터를 먼저 꺼내서 사용하는 자료 구조.

✔배열로 구현한 Stack

```
static int s[] = new int[STACK_SIZE];
static top = -1;
push(int n)
   if( top == STACK_SIZE -1 )
       Error(); // 디버깅용 메시지
   else
       s[++top] = n;
int pop()
   if(top == -1)
       Error(); // 디버깅용 메시지
   else
       return s[top--];
```

```
// 코드로 직접 구현
static int s[] = new int[STACK_SIZE];
static top = -1;

// push(n)
s[++top] = n;

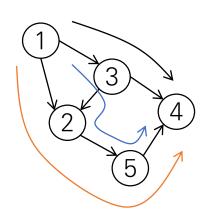
// pop()
n = s[top--];
```

✓ Stack Class 활용

```
import java.util.Stack;
public class Solution {
   static Stack(Integer) s;
   public static void main(String[] args) {
       s = new Stack()();
       s.push(new Integer(1));
       s.push(new Integer(2));
       s.push(new Integer(3));
       while(!s.empty())
           System.out.println(s.pop());
```

■ DFS 응용

• 1에서 4번 노드에 도착할 수 있는 경로의 수 찾기.

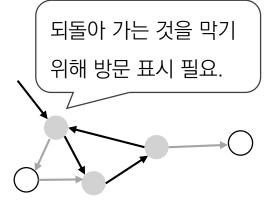


가능한 경로

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow 4$$

$$1 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow 4$$

접근하는 경로가 다르면 중복을 허용해야 함.



다른 경로에서의 접근을 위해 갈림길로 되돌아갈 때는 방문표시 지움. ■ 1에서 4번 노드에 도착할 수 있는 경로의 수 찾기.

```
// n = 1, k = 4

DFS(n, k)

if( n == k )

cnt++;

else

V[n] = 1; // 방문 표시

for i : 1 -> N

if( M[n][i] == 1 && V[i] == 0 )

DFS(i, k); // 인접하고 방문하지 않은 노드로 이동

V[n] = 0; // 방문 표시 삭제
```

for문 밖에서 처리

- 1에서 4번 노드에 도착할 수 있는 최단 거리 찾기.
 - 모든 경로를 찾는 것이 기본.
 - 지나온 간선의 수를 인자로 전달.

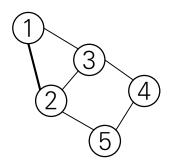
```
// 호출 조건 : n = 1, k = 4, e = 0, min = INF
DFS(n, k, e)
   if(n == k)
      if(min > e)
         min = e;
   else
      V[n] = 1;
                        // 방문 표시
      for i: 1-\rangle N
         if(M[n][i] == 1 \&\& V[i] == 0)
            DFS(i, k, e+1); // 인접하고 방문하지 않은 노드로 이동
      V[n] = 0;
                        // 방문 표시 삭제
```

- 1에서 4번 노드에 도착할 수 있는 최단 거리 찾기.
 - 호출을 줄이려면 중단 조건 추가.

```
// 호출 조건 : n = 1, k = 4, e = 0, min = INF
DFS(n, k, e)
   if(n == k)
      if(min > e)
         min = e;
   else if( e >= min ) // 현재까지 거리가 기존의 min보다 크면 다른 경로
      return:
   else
      V[n] = 1;
                        // 방문 표시
      for i: 1-\rangle N
         if(M[n][i] == 1 \&\& V[i] == 0)
            DFS(i, k, e+1); // 인접하고 방문하지 않은 노드로 이동
                     // 방문 표시 삭제
      V[n] = 0;
```

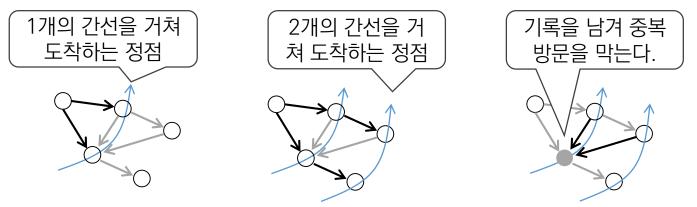
연습

■ 다음 그래프를 DFS로 탐색하고 방문 순서를 출력하시오.



입력 노드 수, 간선 수 간선 정보 56 121332342554

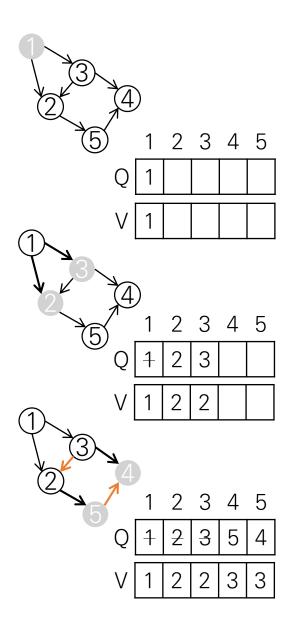
- BFS (너비 우선 탐색)
 - 시작 정점부터 거쳐가는 간선의 수가 같은 순서로 탐색하는 방식.



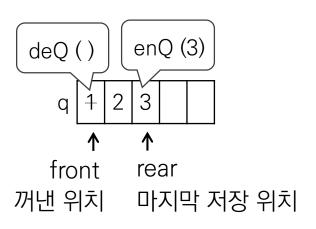
- 시작에서 n개의 간선을 지나 도착하는 정점의 인접 정점은 n+1개의 간선을 지나 도착하게 됨.
- 거리가 n인 정점들을 처리할 때 n+1인 인접 정점들을 저장함.
- 거리 n인 정점들을 처리하면, 저장해둔 n+1 정점들을 꺼내 처리함.

BFS

'V[i] = 1' 대신 'V[i] = V[n] + 1'로 표시하면 인접한 정점으로 부터의 거 리를 알 수 있다.



✓배열을 이용한 큐(queue)



```
enQ(int n)
if( rear == Q_SIZE-1 )
Error! // 가득참
else
q[ ++rear] = n

int deQ()
if( front == rear ) // 비었음
Error!
else
return q[++front]
```

```
int front = -1;
int rear = -1;
int q[Q_SIZE];
q[++rear] = 1; //enqueue
q[++rear] = 2;
q[++rear] = 3;
while( front!=rear) // 큐가 비어있지 않으면
print(q[++front]); // dequeue
```

✓ Queue 클래스

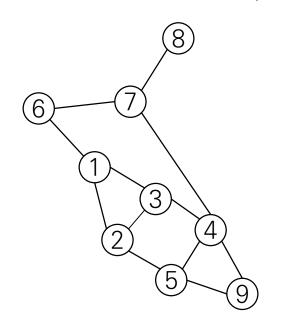
```
import java.util.LinkedList;
import java.util.Queue;
...

Queue ⟨Integer⟩ q = new LinkedList⟨⟩();

q.add(1); // enqueue()
q.add(2);
q.add(3);
while(!q.isEmpty())
System.out.println(q.poll()); // dequeue()
```

연습

■ 다음 그래프의 1번 노드에서 다른 노드까지 최소한의 간선을 거쳐 도착한다고 할 때, 지나는 간선 수의 총 합을 구하시오.

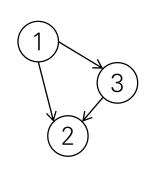


각 노드까지의 거리 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 1 1 2 2 1 2 3 3

9 12 1 2 1 3 3 2 3 4 2 5 5 4 1 6 6 7 7 8 4 7 4 9 5 9

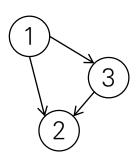
위상 정렬

- 앞의 1, 3이 처리되어야 2번을 처리할 수 있는 경우.
 - 정점의 진입 차수를 활용.
 - 진입 차수가 0인 정점부터 시작.
 - 정점을 처리할 때 인접 정정에 처리되었음을 알림.
 - 인접 정점의 진입 차수를 하나 줄임.
 - 진입 차수가 0이 되면 다음 번에 처리할 차례가 됨.



1	2	3
0	1	1
0	0	0
0	1	0
\		
0	2	1
	0 0 0	0 1 0 0 0 1

A: 인접행렬 I: 진입 차수

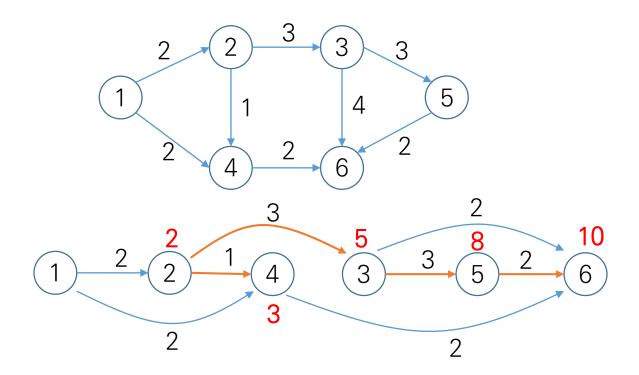


A : 인접행렬 I : 진입 차수



■ 최장거리 구하기

- 조건 : 사이클이 없는 방향성 그래프(DAG)
- 시작 노드 1, 도착 노드 6.
- 위상 정렬을 사용해 거리 계산 순서를 결정한다.



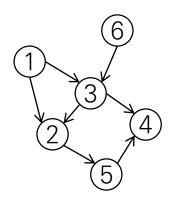
연습

■ 6명이 사람이 각자 갖고 있는 100원짜리 동전의 개수를 비교했더니 다음과 같은 조건이 되었다. 1번과 6번이 갖고 있는 금액이 100원 이었다면, 가장 많은 동전을 가진 사람은 최소한 몇 개의 동전을 갖고 있었는가?

3 \ 4

5 \ 4

2 \ 5



미로

- 2차원 배열 활용 -

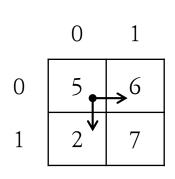
오른쪽과 아래로만 이동하는 경우

- 각 칸에서는 오른쪽이나 아래로만 이동할 수 있다.
- 출발은 맨 왼쪽 위, 도착은 맨 오른쪽 아래이다.

■ 각 칸은 1에서 9사이의 숫자.

	<u> </u>	1	<u></u>	<u> </u>	4	_
0	5	6	1	5	5	
1	2	7	6	→ 1	8	
2	7	8	2	6	6	
3	9	5	1	8	1	
4	1	1	3	8	7	
					도착	

- 다음 칸의 좌표 계산.
 - 현재 위치가 (0, 0)이면, 갈 수 있는 칸은 (0, 1)이나 (1, 0)이다.
 - 재귀 호출의 각 단계에서는 현재 위치를 저장한다.
 - 오른 쪽 칸으로 가는 경우와 아래로 가는 경우를 나누어 호출한다.
 - 현재 칸 까지의 숫자의 합을 항상 구한다.



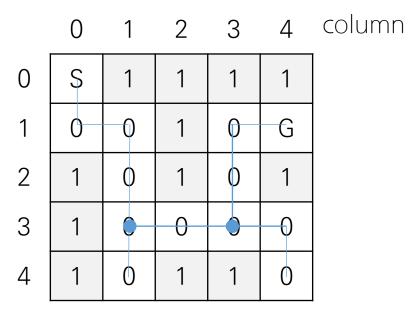
```
f(row, col, sum)
{
    if(도착점이면)
        if(sum+m[row][col] < min)
            min = sum + m[row][col];
    else
        if(col+1<N)
        f(row, col + 1, sum + m[row][col]);
        if(row+1<N)
        f(row + 1, col, sum + m[row][col]);
}
```

- 모든 칸을 지나지 않고 답을 찾는 방법.
 - 도착점이 아닌 경우, 지나온 숫자의 합이 min보다 크면 return.

```
f(row, col, sum)
{
    if(도착점이면)
        if(sum+m[row][col] < min)
        min = sum + m[row][col];
    else if(sum + m[row][col] > min)
        return;
    else
        f(row, col + 1, sum + m[row][col]);
        f(row + 1, col, sum + m[row][col]);
}
```

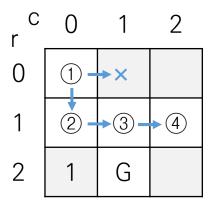
미로의 응용

- 배열에 저장한 미로
 - 1-벽, 0-통로, S-출발, G-도착
 - 도착 가능 여부 판단, 최단 거리 구하기, 경로의 수 구하기 등.



row

■ 미로에서의 이동

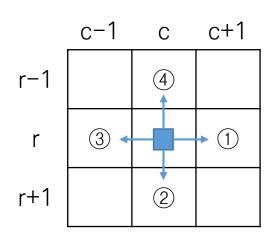


	r	С	
1	0	0	오른쪽 불가. 아래 가능.
2	1	0	오른쪽 가능.
3	1	1	오른쪽 가능.

c r	0	1	2	
0	1		×	
1	2	3	4 -	→ ×
2	1	Ğ	×	

	r	C	
4	_	2	오른쪽/아래 불가. 왼쪽 이미 방문 . 위쪽 불가.
3	1	1	이전 위치 로 되돌아감. 아래 가능.
G	2	1	도착

■ 이동할 칸의 좌표 계산



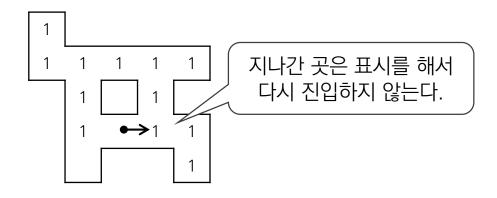
```
//크기가 NxN인 2차원 배열 일 때,
//현재 위치 (r, c)에서 새 좌표로 이동하기.

if (c+1 〈 N )
    next(r, c+1); // ①
if (r+1 〈 N )
    next(r+1, c); // ②
if (c 〉 0 )
    next(r, c-1); // ③
if (r 〉 0 )
    next(r-1, c); // ④
```

벽으로 둘러싸인 미로의 경우 유효 좌표 검사가 필요없다. ■ 반복문을 이용한 이동할 칸의 좌표 계산

```
int dr[] = \{ 0, 1, 0, -1 \};
                                                                       c-1
                                                                                      c+1
                                                                                С
int dc[] = \{ 1, 0, -1, 0 \};
                                                               r-1
                                                                                (4)
                                                                        (3)
for(i = 0; i < 4; i++)
                                                               r+1
    nr = r + dr[i];
    nc = c + dc[i];
    if(( nr \geq= 0 )&&( nr \langle N )&&( nc \geq=0 )&&( nc \langle N ))
         next( nr, nc );
```

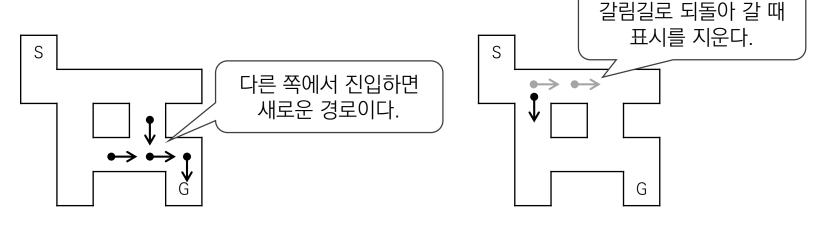
- 경로의 존재만 확인하는 경우
 - 한번 지나간 칸은 표시를 해서 다시 들어가지 않는다.
 - 일단 목적지에 도착하면 나머지 경로는 확인하지 않는다.



```
map[r][c] = 1; // 현재 위치를 벽으로 변경
for i : 1 -> 4
//새 좌표 계산
...
next( nr, nc );
```

■ 경로의 수를 찾는 경우.

• 목적지에 도착 가능한 모든 경로를 지나야 한다.



연습

▼숫자가 적혀 있는 2차원 배열이 있다. 이웃한 칸으로 움직여 1
 234563이란 수열을 찾을 수 있으면 1, 없으면 0을 출력하라. 배열안의 숫자는 1번씩만 사용할 수 있고, 대각선으로는이동할 수 없다.

0	0	0	0	0
0	1	2	0	0
3	6	3	0	0
0	5	4	0	0
0	0	0	0	0

수열을 찾을 수 있는 경우

0	0	0	0	0
0	1	2	0	0
0	0	3	6	0
0	0	4	5	0
0	0	0	0	0

수열을 찾을 수 없는 경우

■ 미로와 그래프.

	0	1	2
0	S		
1	0	0	0
2		0	

$$(0,0)$$
 $(1,1)$
 $(1,2)$
 $(2,1)$

상하좌우만 인접할 수 있기때문에 인접행렬이 필요 없음.

■ BFS를 적용하는 경우

0 1 2 0 0 0 1 1 2 3 2 3

시작 위치부터 거리가 같은 곳을 찾거나 최단 거리를 찾을 수 있다.

✔ 좌표를 큐에 저장하기.

배열

```
// enqueue
rear++;
qr[rear] = row;
qc[rear] = col;

// dequeue
front++;
row = qr[front];
col = qc[front];
```

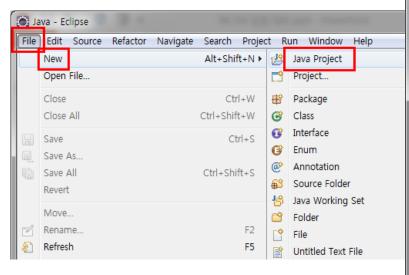
Point Class

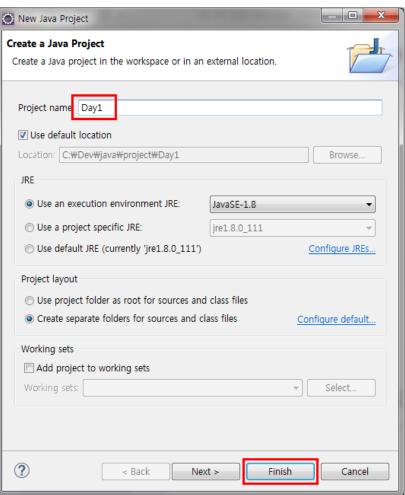
```
import java.awt.Point;
Queue(Point) q = new LinkedList()();
q.add(new Point(row, col)); // enqueue
Point p = q.poll(); // dequeue
row = p.x;
col = p.y;
```

부록

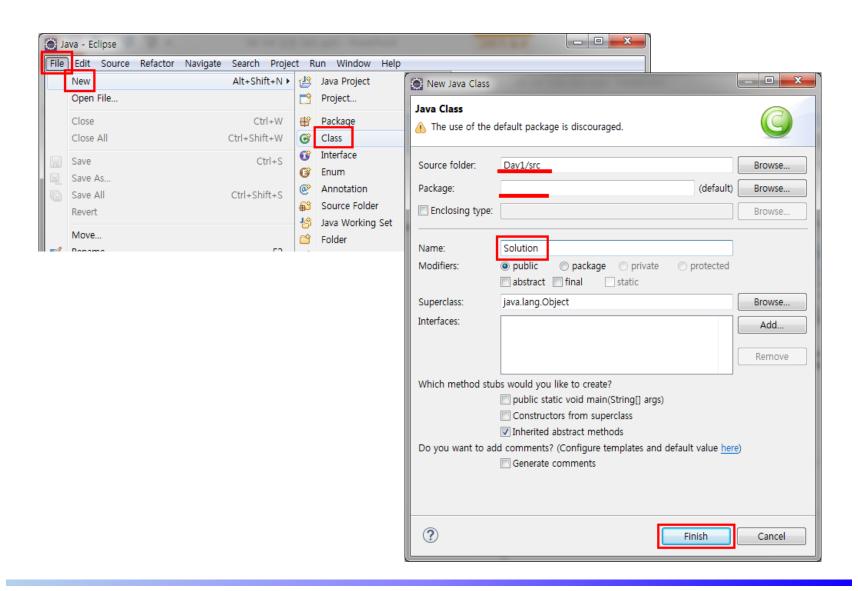
Eclipse

■ Project 만들기





■ Class 생성



■ Class 작성

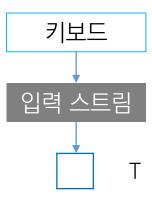
```
Java - Day1/src/Solution.java - Eclipse
File Edit Source Refactor Navigate Search Project Run Window Help
Quick Access
                                     🔛 🕍 Java EE 🐉 Java 🎋 Debug
   8
                                                     2 public class Solution {
         public static void main(String[] args) {
                                                     85
    6 }
                                                     ▣
           Writable
                           4:9
                    Smart Insert
```

■ 콘솔 입력에 의한 초기화

```
import java.util.Scanner;

class Solution {
    public static void main(String args[]) {

    Scanner sc = new Scanner(System.in);
    int T = sc.nextInt();
...
```



■ 파일에서 가져오기.

```
import java.util.Scanner;
import java.io.FileInputStream;

class Solution {
  public static void main(String args[]) {

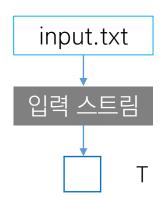
    Scanner sc = new Scanner(new FileInputStream("input.txt"));

  int T = sc.nextInt();
...
```

input.txt

10

// 다음 형식도 가능 System.setIn(new FileInputStream("input.txt")); Scanner sc = new Scanner(System.in);



■ 변수의 출력

```
System.out.print(T);
System.out.println();
System.out.println(T);
Sytstem.out.printf("%d", T)
```

서식문자	출력 형태
% d	부호 있는 10진수 정수
% o	부호 없는 8진수 정수
%x	부호 없는 16진수 정수
%f	부호 있는 10진수 실수
%e	e 표기법 기반의 실수
%s	문자열
%с	문자

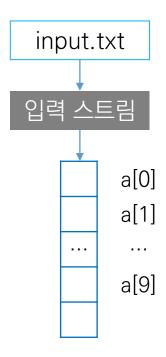
■ 실습

• char, byte, float, double 형 변수를 선언하고 값을 출력해보기.

■ 정수형 데이터 입력

• 키보드로는 디버깅을 위한 다량의 데이터 입력이 어려움.

```
import java.util.Scanner;
import java.io.FileInputStream;
class Solution {
   public static void main(String args[])
       System.setIn(new FileInputStream("input.txt"));
       Scanner sc = new Scanner(System.in);
       Scanner sc = new Scanner(System.in);
       for(int i = 0; i \langle 10; i++\rangle
           a[i] = sc.nextInt();
```



■ 공백 없는 숫자 입력

• '0에서 9까지의 숫자가 적힌 5장의 카드'의 예

```
int N = sc.nextInt();
String str = sc.next();

for(int i = 0; i < N; i++)
{
    a[i] = str.charAt(i) - '0';
}</pre>
```

Text.txt

5 49679

a | 4 | 9 | 6 | 7 | 9

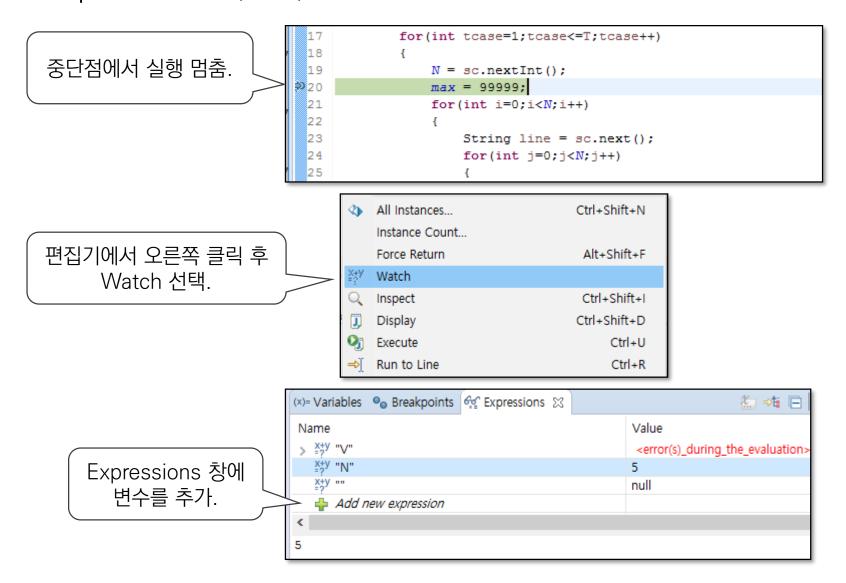
■ Eclipse 디버거

```
중단점(break point)를
                                               for(int tcase=1;tcase<=T;tcase++)</pre>
                                   18
설정할 위치를 더블 클릭.
                                   19
                                                   N = sc.nextInt();
                                                   max = 999999;
                                   20
                                   21
                                                   for(int i=0;i<N;i++)</pre>
                                   22
                                   23
                                                       String line = sc.next();
                                   24
                                                       for (int j=0; j< N; j++)
                                   25
 중단점(break point)
                                               for(int tcase=1;tcase<=T;tcase++)</pre>
          생성.
                                   18
                                   19
                                                   N = sc.nextInt();
                                  20
                                                   max = 99999;
                                   21
                                                   for(int i=0;i<N;i++)</pre>
                                   22
                                   23
                                                       String line = sc.next();
                                   24
                                                       for(int j=0;j<N;j++)
                                   25
                                         디버깅 시작

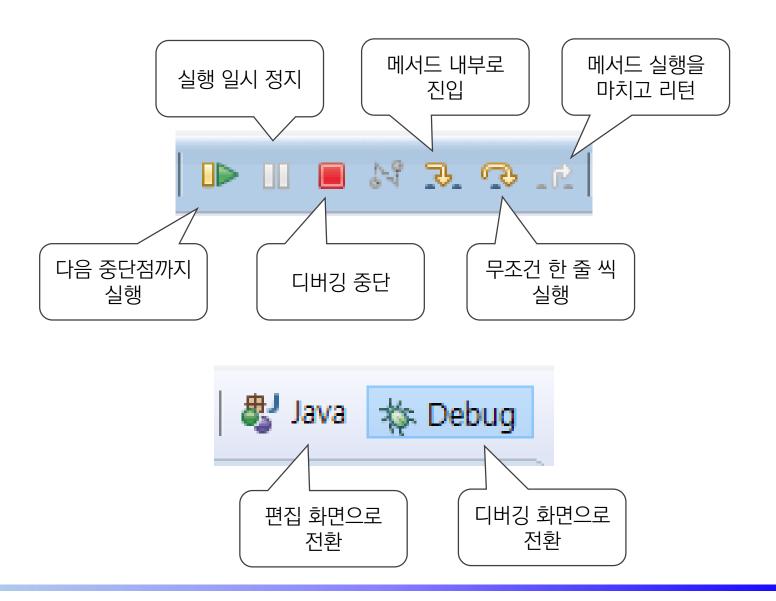
→ HelloWorld.java

                                                  Solution.java
                                                                 fac Debug DFS_Shortest va
```

■ Eclipse 디버거 (계속)



■ Eclipse 디버거 (계속)



■ 조건에 의한 중단

