데이터 구조

자료 구조의 소개

수업 진행 정리

❖ 분반 별 인원 수 및 예상 학점 인원수

- 오전반(2분반) 34명 10등(A), 23등(B)
- 오후반(1분반) 29명 8등(A), 20등(B)

❖ 팀플 관련

- 오전반 1~4명 (약 17문제 예상)
- 오후반 무조건 2명 (15문제 예상)
- 프로그램 공유 및 같이 공부하기 : 표절률 50% 전체 모두 가능
- 팀원명 25일까지 제출(메일로)

Contents

❖ 학습목표

- 자료구조의 의미와 중요성을 알아본다.
- 자료구조에서 다루는 내용을 알아본다.
- 컴퓨터 내부의 2진수 코드 체계를 알아본다.
- 자료 형태에 따른 자료 표현 형식을 알아본다.
- 자료를 추상화하고 구체화하는 개념을 이해한다.
- 알고리즘의 개념을 이해하고 알고리즘의 표현 방법을 알아본다.
- 알고리즘의 성능 분석 방법을 알아본다.

❖ 내용

01 자료구조의 이해 04 알고리즘의 이해

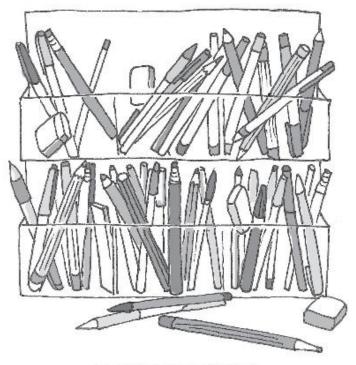
02 자료의 표현 05 알고리즘의 표현 방법

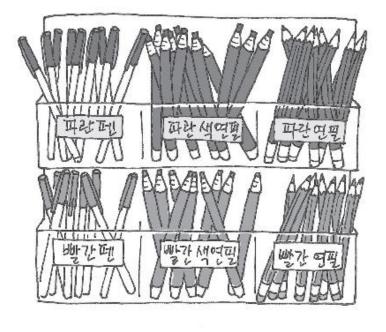
03 자료의 추상화 06 알고리즘의 성능 분석

1. 자료구조의 이해: 개념

❖ 자료구조의 개념

■ 자료를 효율적으로 표현하고 저장하고 처리할 수 있도록 정리하는 것





(a) 자료구조를 적용하기 전

그림 1-1 생활 속에서 자료구조를 적용한 예

(b) 자료구조를 적용한 후

1. 자료구조의 이해: 개념

❖ 컴퓨터 분야에서 자료구조를 왜 배워야 하는가?

- 컴퓨터가 효율적으로 문제를 처리하기 위해서는 문제를 정의하고 분석하여 그에 대한 최적의 프로그램을 작성해야 한다.
 - 자료구조에 대한 개념과 활용 능력 필요!

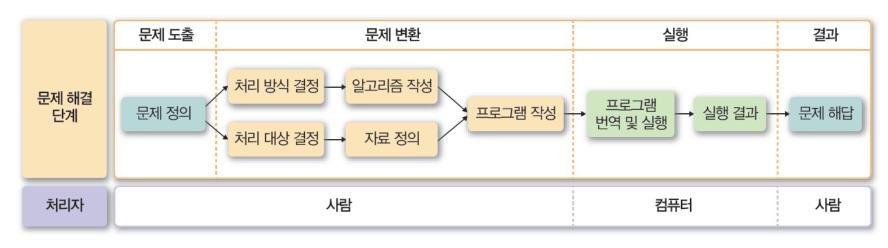


그림 1-2 문제 해결 과정

1. 자료구조의 이해 : 분류

❖ 자료의 형태에 따른 분류

- 단순 구조
 - 정수, 실수, 문자, 문자열, 등의 기본 자료형
- 선형 구조
 - 자료들 사이의 관계가 1:1 관계
 - 순차 리스트, 연결 리스트, 스택, 큐, 데크 등
- 비선형 구조
 - 자료들 사이의 관계가 1:다, 또는 다:다 관계
 - 트리, 그래프 등
- 파일 구조
 - 서로 관련 있는 필드로 구성된 레코드의 집합인 파일에 대한 구조
 - 순차 파일, 색인 파일, 직접 파일 등

1. 자료구조의 이해 : 분류

❖ 자료의 형태에 따른 분류와 이 책에서 다루는 세부 주제

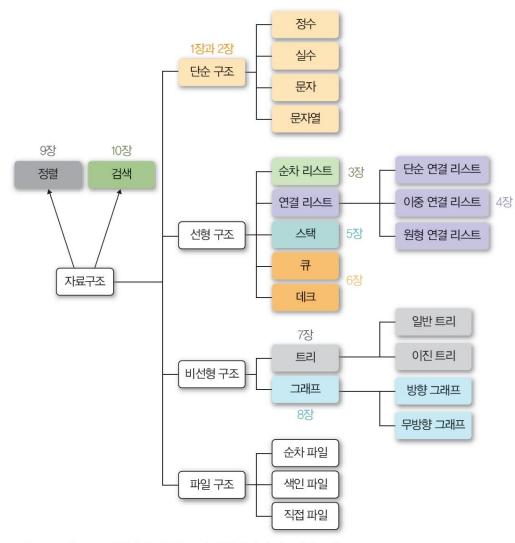


그림 1-4 자료구조의 형태에 따른 분류와 이 책에서 다루는 세부 주제

2. 자료의 표현

* 컴퓨터에서의 자료 표현

- 숫자, 문자, 그림, 소리, 기호 등 모든 형식의 자료를 2진수 코드로 표현하여 저장 및 처리
- 2진수 코드란?
 - 1과 0, On과 Off, 참^{™ue}과 거짓^{False}의 조합
- 2진수 코드의 단위

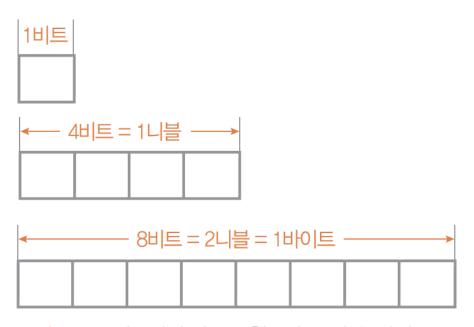
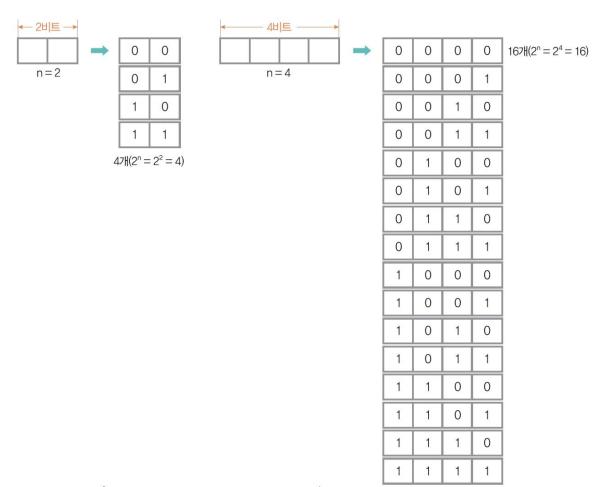


그림 1-5 컴퓨터의 자료 표현 : 비트, 니블, 바이트

2. 자료의 표현

❖ 디지털 시스템에서의 자료 표현

■ n개의 비트로 2ⁿ개의 상태 표현



(a) n=2인 경우 : 2²개의 상태 표현

(b) n=4인 경우 : 2⁴개의 상태 표현

그림 1-6 자료 표현 예: n개의 비트로 2ⁿ개의 상태 표현

2. 자료의 표현

❖ 컴퓨터 내부에서 표현할 수 있는 자료의 종류

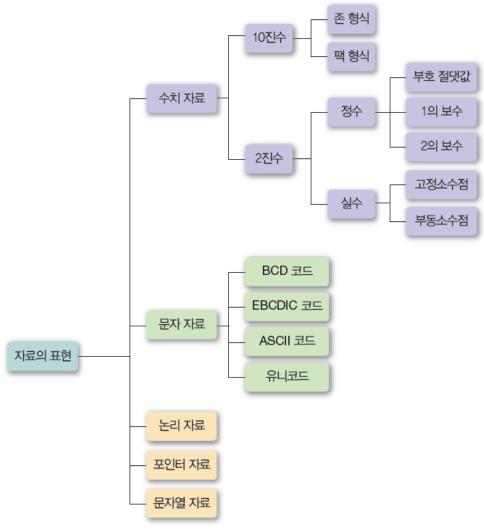


그림 1-7 컴퓨터 내부에서 자료를 표현하는 방법

❖ 10진수의 표현

- 존^{Zone} 형식의 표현
 - 10진수 한 자리를 표현하기 위해서 1바이트(8비트)를 사용하는 형식
 - 존 영역
 - 상위 4비트
 - 1111로 표현
 - 수치 영역
 - 하위 4비트
 - 표현하고자 하는 10진수 한 자리 값에 대한 2진수 값을 표시
 - 존 형식의 구조

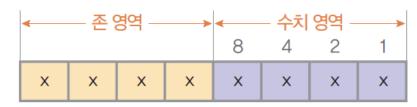


그림 1-8 존 형식의 구조

❖ 10진수의 표현

■ 수치 영역의 값 표현 : [표 1-1]

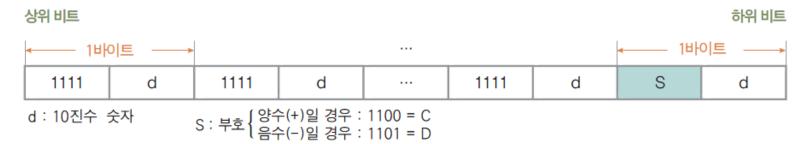
표 1-1 4비트의 2진수에 대한 10진수 표현

4	4비트의 2진수			10진수 변환	10진수
0	0	0	0	$0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$	0
0	0	0	1	$0 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	1
0	0	1	0	$0 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	2
0	0	1	1	$0 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	3
0	1	0	0	$0 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	4
0	1	0	1	$0 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	5
0	1	1	0	$0 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	6
0	1	1	1	$0 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	7
1	0	0	0	$1 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	8
1	0	0	1	$1 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	9
1	0	1	0	$1 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	10 = A
1	0	1	1	$1 \times 2^{3} + 0 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	11 = B
1	1	0	0	$1 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	12 = C
1	1	0	1	$1 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 0 \times 2^{1} + 1 \times 2^{0}$	13 = D
1	1	1	0	$1 \times 2^{3} + 1 \times 2^{2} + 1 \times 2^{1} + 0 \times 2^{0}$	14 = E
1	1	1	1	$1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$	15=F

❖ 10진수의 표현

- 여러 자리의 10진수를 표현하는 방법
 - 10진수의 자릿수만큼 존 형식을 연결하여 사용
 - 마지막 자리의 존 영역에 부호를 표시
 - 양수(+): 1100

- 음수(-) : 1101



(a) 존 형식의 10진수 표현 형식



(b) 존 형식의 10진수 표현 예

그림 1-9 존 형식의 10진수 표현 형식과 예

❖ 10진수의 표현

- 팩Pack 형식의 표현
 - 10진수 한 자리를 표현하기 위해서 존 영역 없이 4비트를 사용하는 형식
 - 최하위 4비트에 부호를 표시
 - 양수(+): 1100

- 음수(-) : 1101

상위 비트

하위 비트



d: 10진수 숫자

S: 부호 {양수(+)일 경우: 1100 = C 음수(-)일 경우: 1101 = D

(a) 팩 형식의 10진수 표현 형식

+213

0010	0001	0011	1100
2	1	3	C(+)

-213

0010	0001	0011	1101
2	1	3	D(-)

(b) 팩 형식의 10진수 표현 예

그림 1-10 팩 형식의 10진수 표현 형식과 예

❖ 2진수의 정수 표현

- n비트의 부호 절댓값 형식
 - 최상위 1비트 : 부호 표시
 - 양수(+): 0
 - 음수(-):1
 - 나머지 n-1 비트 : 이진수 표시
 - 1바이트를 사용하는 부호 절댓값 표현 예

 1비트
 7비트

 1
 0
 0
 1
 0
 1

 부호
 절댓값=21
 →

-21

그림 1-11 +21과 -21의 부호와 절댓값 표현 예

❖ 2진수의 정수 표현

- 1의 보수¹′ Complement 형식
 - 음수 표현에서 부호 비트를 사용하는 대신 1의 보수를 사용하는 방법
 - 음수를 n비트의 1의 보수로 만드는 방법
 - 방법 a) (2ⁿ-1)에서 음수x (-x)의 절댓값을 뺌 ☞ (2ⁿ-1) |-x|
 - 방법 b) n비트를 모두 1로 만든 이진수에서 음수x (-x)의 절댓값 이진수 |-x|를 뺌
 - 방법 c) 음수x (-x)의 절댓값 이진수의 각 비트를 반대값(1→0, 0→1)으로 변환
 - 예) 10진수 음수21 (-21)을 1바이트의 1의 보수로 표현하기

```
(a) (2^8 - 1) - |-21| = (2^8 - 1) - |21|
= (1\ 0000\ 0000 - 0000\ 0001) - |0001\ 0101|
= (1111\ 1111) - |0001\ 0101|
= 1110\ 1010
```

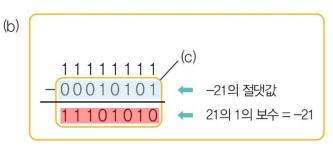


그림 1-12 1의 보수 형식 표현 과정

+21

▶ 양수는 부호절댓값형식의 양수 표현과 같음!

0 0 0 1 0 1 0 1 부호 ← 21의 절댓값 → 그림 1-13 +21과 -21의 1의 보수 형식 표현 예

* 2진수의 정수 표현

- 2의 보수^{2′ Complement} 형식
 - <u>음수 표현에서</u> 부호 비트를 사용하는 대신 2의 보수를 사용하는 방법
 - 음수를 n비트의 2의 보수로 만드는 방법
 - 방법 a) 2ⁿ에서 음수x (-x)의 절댓값을 뺌 ☞ 2ⁿ |-x|
 - 방법 b) n비트를 모두 1로 만든 이진수에서 음수x (-x)의 절댓값 이진수 |-x|를 뺀 값(1의 보수)에 1을 더함
 - 예) 10진수 음수21 (-21)을 1바이트의 2의 보수로 표현하기

(a)
$$2^8 - |-21| = 2^8 - 21$$

= 1 0000 0000 - 0001 0101
= 1110 1011

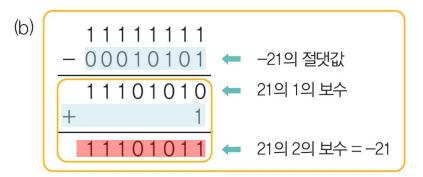


그림 1-14 2의 보수 형식 표현 과정

❖ 2진수의 정수 표현

- 2의 보수^{2′ Complement} 형식
 - 1바이트를 사용하는 2의 보수 형식의 예



그림 1-15 +21과 -21의 2의 보수 형식 표현 예

 2진수 정수의 세 가지 표현 방법에서 양수의 표현은 같고 음수의 표현만 다르다.

표 1-3 2진수를 표현하는 세 가지 방법 비교

표현 방법	특징
부호와 절댓값 형식	 MSB값을 바꿔 음수를 간단히 표현할 수 있다. 가산기와 감산기가 모두 필요하므로 하드웨어 구성 비용이 많이 든다. +0(00000000)과 -0(10000000)이 존재하므로 논리적으로 맞지 않다. n비트로 -(2ⁿ⁻¹-1)~+(2ⁿ⁻¹-1)의 범위를 표현할 수 있다.
1의 보수 형식	 (A-B) 뺄셈을 (A+(B의 1의 보수))로 변환하여 계산할 수 있으므로 가산기 회로로 감산을 수행할 수 있다. +0(00000000)과 -0(111111111)이 존재하므로 논리적으로 맞지 않다. n비트로 -(2ⁿ⁻¹-1) ~ +(2ⁿ⁻¹-1)의 범위를 표현할 수 있다.
2의 보수 형식	 (A−B) 뺄셈을 (A+(B의 2의 보수))로 변환하여 계산할 수 있으므로 가산기 회로로 감산을 수행할 수 있다. 덧셈 연산에서 발생하는 오버플로 처리가 1의 보수 형식보다 간단하다. 컴퓨터 시스템에서 실제로 사용하는 형식이다. n비트로 -2ⁿ⁻¹ ~ +(2ⁿ⁻¹-1)의 범위를 표현할 수 있다.

* 2진수의 실수 표현

- 고정 소수점 표현
 - 소수점이 항상 최상위 비트의 왼쪽 밖에 고정되어 있는 것으로 취급하는 방법
 - 고정 소수점 표현의 00010101은 0.00010101의 실수 값을 의미
- 부동 소수점 형식의 표현
 - 고정 소수점 형식에 비해서 표현 가능한 값의 범위가 넓음
 - 실수를 구분하여 표현

그림 1-16 실수의 과학적 표기

❖ 2진수의 실수 표현

■ 부동 소수점 형식의 표현

4바이트를 사용하는 부동 소수점 형식



8바이트를 사용하는 부동 소수점 형식



그림 1-17 부동소수점 표현 형식

❖ 문자 자료의 표현

- 문자에 대한 이진수 코드를 정의하여 사용
- 문자에 대한 이진수 코드표
 - BCD 코드
 - EBCDIC 코드
 - ASCII 코드

❖ BCD 코드

• 6비트를 사용하여 문자 표현

상위 2비트 : 존 비트

• 하위 4비트 : 2진수 비트

• 존 비트와 2진수 비트를 조합하여 10진수 0~9와 영어 대문자, 특수 문자를 표현

← 존!	네트→	—	_ 숫자		
Α	В	8	4	2	1
Х	Х	Х	X	X	Х

그림 1-19 BCD 코드의 구성

❖ BCD 코드

존 비트 01과 숫자 비트 0001을 연결한 01 0001이 A에 대한 BCD 코드

표 1-4 BCD 코드 표

존 비트	숫자 비트	표현 문자	존비트	숫자 비트	표현 문자	존 비트	숫자 비트	표현 문자	존 비트	숫자 비트	표현 문자
00	0001	1	01	0001	А	10	0001	J			
00	0010	2	01	0010	В	10	0010	K	11	0010	S
00	0011	3	01	0011	С	10	0011	L	11	0011	Т
00	0100	4	01	0100	D	10	0100	М	11	0100	U
00	0101	5	01	0101	Е	10	0101	N	11	0101	V
00	0110	6	01	0110	F	10	0110	0	11	0110	W
00	0111	7	01	0111	G	10	0111	Р	11	0111	X
00	1000	8	01	1000	Н	10	1000	Q	11	1000	Y
00	1001	9	01	1001		10	1001	R	11	1001	Z
00	1010	0		•							.

❖ EBCDIC 코드

■ 8비트를 사용하여 문자 표현

• 상위 4비트 : 존 비트

• 하위 4비트 : 2진수 비트

 존 비트와 2진수 비트를 조합하여 10진수 0~9와 영어 대문자/소문자와 특수문자를 표현

■ EBCDIC 코드의 구성

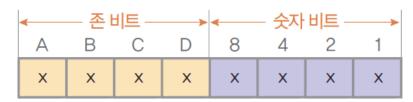


그림 1-20 EBCDIC 코드의 구성

❖ EBCDIC 코드

A가 있는 자리의 열(존 비트) '1100'과 행(숫자 비트) '0001'을 연결한 '11000001'이 A에 대한 EBCDIC 코드

	A가 있는 자리의 열(존 비트) '1100'과 행(숫자 비트) '0001'을 연결한 '11000001'이 A에 대한 EBCDIC 코드															
丑1-5	± 1−5 EBCDIC 코드 표															
상위하위	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
0000	NUL	DLE	DS		SP	&	::						{	}	₩(\)	0
0001	SOH	DC1	sos				1		а	j	~		A	J		1
0010	STX	DC2	FS	SYN					b	k	s		В	K	S	2
0011	ETX	TM							С	ľ	t		С	L	Т	3
0100	PF	RES	BYP	PN					d	m	u		D	М	U	4
0101	НТ	NL	LF	RS					е	n	V		Е	Ν	V	5
0110	LC	BS	ETB	UC					f	0	w		F	0	W	6
0111	DEL	IL	ESC	EOT					g	р	х		G	Р	X	7
1000	GE	CAN							h	q	У		Н	Q	Υ	8
1001	RLF	EM							i	r	Z		1	R	Z	9
1010	SMM	CC	SM		¢	ļ.		:		< ACKnowk	edae		- DO	Device Co	ntrol 1	2
1011	VT	CU1	CU2	CU3	•	\$,	#	• BEL	BELI			• DC	Device Co	ntrol 2	
1100	FF	IFS		DC4	<	*	%	@	• BS	BackSpace BYPass			• DC4	Device Co DELete	ntrol 4	
1101	CR	IGS	ENQ	NAK	()	8_8	1	· CAI	V CANcel	l		• DLE	Data Link	Escape	
1110	SO	IRS	ACK		+	j	>	=	• CR	Cursor Cont Carriage Ref	tum		· DS	Customer Digital Selec	t	
1111	SI	IUS	BEL	SUB	1	-	?	"	• CU	1 Customer	Use 1		 EM 	End of Med	um	
EOT End Of Transmission ESC ESCape FTB End of Transmission Block ETX End of TeXt FF From Feed FS Field Separator HT Hortzontal Tab IFS Interchange File Separator PN Punch oN RES REStore RS Reader Stop SI Shift In SM Set Mode SMM Start of Manual Message SO Shift Out SOH Start Of Heading IGS Interchange Group Separator IL IdLe					CU3 Customer Use 3 IRS Interchange Record Separator IUS Interchange Unit Separator LC Lower Case LF Line Feed NAK Negative Acknowledge NIL New Line NUL NUL PF Punch off SOS Start of Significance ENQ ENQuire SP SPace STX Start of Text SUB SUBstitute SYN SYNchronous TM Tape Mark UC Upper Case VT Vertical Tab											

❖ ASCII 코드

■ 7비트를 사용하여 문자 표현

• 상위 3비트 : 존 비트

• 하위 4비트 : 2진수 비트

• 존 비트와 2진수 비트를 조합하여 10진수 0~9와 영어 대문자/소문자, 특수문자를 표현

■ ASCII 코드의 구성

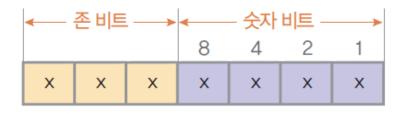


그림 1-21 ASCII 코드의 구성

❖ ASCII 코드

A가 있는 자리의 열(존 비트) '100'과 행(숫자 비트) '0001'을 연결한 '1000001'이 A에 대한 ASCII 코드

≖1 −6 AS	CII 코드 표	į						
상위 하위	000	001	010	011	100	101	110	111
0000	NUL	DLE	SP	0	@	Р	S	р
0001	SOH	DC1	!	1	A	Q	а	q
0010	STX	DC2	"	2	В	R	b	r
0011	ETX	DC3	#	3	С	S	С	S
0100	EOT	DC4	\$	4	D	Т	d	t
0101	END	NAK	%	5	Е	U	е	u
0110	ACK	SYN	&	6	F	V	f	V
0111	BEL	ETB	1	7	G	W	g	W
1000	BS	CAN	(8	Н	X	h	х
1001	HT	EM)	9	L	Υ	i	У
1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	Z
1011	VT	ESC	+	;	К	[k	{
1100	FF	FS	,	<	L	₩(\)	1	
1101	CR	GS	0 -	=	М]	m	}
1110	SO	RS		>	N	٨	n	~
1111	SI	US	/	?	0	. 	0	DEL

GS Group Separator

RS Record Separator

[•] US Unit Separator

2. 자료의 표현 : 논리자료의 표현

❖ 유니코드

- EBCDIC 코드나 ASCII 코드는 최대 8비트로 숫자, 몇 가지 특수문자, 알 파벳 정의하므로 문자 코드 표에 정의되어 있지 않은 문자 표현 불가 능
- 이런 문제 해결 위해 세계 여러 나라의 언어를 통일된 방법으로 표현 할 수 있도록 정의한 국제 표준 코드(ISO/IEC 10646)
- 2바이트를 조합하여 하나의 글자를 표현하기 때문에 1바이트 코드로 표현할 수 없었던 다양한 언어를 표현.
- 유니코드 표는 http://www.unicode.org/에서 확인 가능
- 초기 IBM 컴퓨터 시스템에서는 BCD 코드를 사용하다가 더 많은 문자 코드를 표현할 수 있는 EBCDIC코드로 대체, 그러다 미국 표준 코드인 ASCII 코드 일반화, 현재는 표현의 한계를 극복한 유니코드가 일반화
- XML, Java, CORBA 3.0, WML 등 인터넷 기반 프로그램과 제품에 사용

2. 자료의 표현 : 논리자료의 표현

❖ 논리자료

- 논리값을 표현하기 위한 자료 형식
- ►논리값
 - 참(True)와 거짓(False), 1과 0
- 1바이트를 사용하여 논리자료를 표현하는 방법
 - 방법 1)

참 : 최하위 비트를 1로 표시 00000001거짓 : 전체 비트를 0으로 표시. 00000000

방법2)

- 참 : 전체 비트를 1로 표시. **11111111** - 거짓 : 전체 비트를 0으로 표시. **00000000**

방법3)

- 참 : 하나 이상의 비트를 1로 표시 00000001 or 00000100 - 거짓 : 전체 비트를 0으로 표시. 00000000

2. 자료의 표현: 포인터 자료의 표현

❖ 포인터 자료

- 메모리의 주소를 표현하기 위한 자료 형식
- 변수의 주소나 메모리의 특정 위치에 대한 주소를 저장하고 주소연산하기 위해 사용

❖ 문자열String 자료

- 여러 문자로 이루어진 문자의 그룹을 하나의 자료로 취급하여 메모리에 연속적으로 저장하는 자료 형식
- 하나의 문자열 자료에 포함된 부분문자열을 표현하는 방법
 - 방법 1 : 부분 문자열 사이에 구분자를 사용하여 저장한다.
 - 방법 2 : 가장 긴 문자열의 길이에 맞춰 고정 길이로 저장한다.
 - 방법 3 : 부분 문자열을 연속하여 저장하고 각 부분 문자열에 대한 포인터를 사용한다.

❖ 문자열String 자료

• 방법 1. 구분자를 사용하는 표현 : 구분자로 세미콜론(;) 사용



• 방법 2. 고정길이를 사용하는 표현



• 방법 3. 포인터를 사용하는 표현

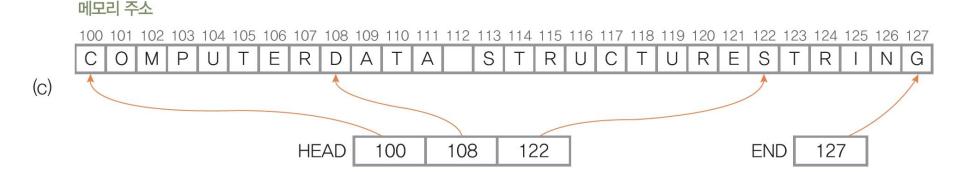


그림 1-22 문자열 자료의 표현 예 : {COMPUTER, DATA STRUCTURE, STRING} 저장

❖ 문자열String 자료

표 1-7 문자열 표현 방법 비교

비교 항목 방법	메모리 이용률	부분 문자열 탐색 시간				
구분자를 사용하는 방법	문자열 길이 + 구분자 길이 → 효율적	문자 비교 연산 시간 + 구분자 식별 시간 → 비효율적				
고정 길이로 저장하는 방법	가장 긴 부분 문자열 길이 × 부분 문자열의 개수 → 비효율적	문자 비교 연산 시간 → 효율적				
포인터를 사용하는 방법	문자열 길이 + 포인터 저장 공간 → 효율적	문자 비교 연산 시간 + 포인터 주소 연산 시간 → 효율적				

3. 자료의 추상화

* 뇌의 추상화 기능

■ 기억할 대상의 구별되는 특징만을 단순화하여 기억하는 기능



그림 1-23 뇌의 추상화 기능

3. 자료의 추상화

❖ 컴퓨터를 이용한 문재해결에서의 추상화

- 크고 복잡한 문제를 단순화시켜 쉽게 해결하기 위한 방법
- 자료 추상화(Data Abstraction)
 - 처리할 자료, 연산, 자료형에 대한 추상화 표현
 - 자료 : 프로그램의 처리 대상이 되는 모든 것을 의미
 - 여사
 - 어떤 일을 처리하는 과정. 연산자에 의해 수행
 - 예) 더하기 연산은 +연산자에 의해 수행
 - 자료형
 - 처리할 자료의 집합과 자료에 대해 수행할 연산자의 집합
 - 예) 정수 자료형

자료 : 정수의 집합. {..., -1, 0, 1, ...}

연산자 : 정수에 대한 연산자 집합. {+, -, x, ÷, mod}

3. 자료의 추상화: 개념

❖ 추상 자료형(ADT, Abstract Data Type)

■ 자료와 연산자의 특성을 논리적으로 추상화하여 정의한 자료형

❖ 추상화와 구체화

- 추상화 "무엇(what)인가?"를 논리적으로 정의
- 구체화 "어떻게(how) 할 것인가?"를 실제적으로 표현

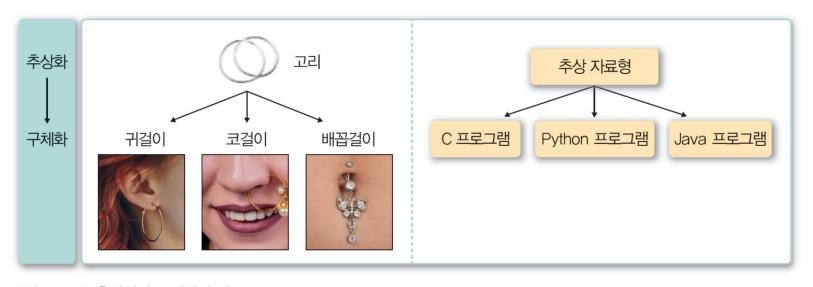


그림 1-25 추상화와 구체화의 예

3. 자료의 추상화

❖ 추상화와 구체화

■ 자료와 연산에 있어서의 추상화와 구체화의 관계

표 1-8 자료와 연산의 추상화와 구체화

구분	자료	연산	
추상화	추상 자료형	알고리즘 정의	
구체화	자료형	프로그램 구현	

4. 알고리즘의 이해

❖ 알고리즘

 문제해결 방법을 추상화하여 단계적 절차를 논리적으로 기술해 놓은 명세서

https://www.youtube.com/watch?v=I5cq54MFQCo

❖ 알고리즘의 조건

- 입력^{input}: 알고리즘 수행에 필요한 자료가 외부에서 입력으로 제공될수 있어야 한다.
- 출력^{output} : 알고리즘 수행 후 하나 이상의 결과를 출력해야 한다.
- 명확성definiteness : 수행할 작업의 내용과 순서를 나타내는 알고리즘의 명령어들은 명확하게 명세되어야 한다.
- 유한성finiteness : 알고리즘은 수행 뒤에 반드시 종료되어야 한다.
- 효과성effectiveness : 알고리즘의 모든 명령어들은 기본적이며 실행이 가능해야 한다.

4. 알고리즘의 이해

요리 재료





케이크 시트(20cm×20cm) 1개, 크림치즈 무스(크림치즈 200g, 달걀 2알, 설탕 3큰술, 레몬즙 1큰술, 바닐라 에센스 1큰술), 딸기 시럽(딸기 500g, 설탕 1½컵, 레몬즙 1작은술), 딸기 1개, 플레인 요구르트 2큰술

_{요리법} 알고리즘

- 1 케이크 틀에 유산지를 깔고 케이크 시트를 놓는다.
- ② 달걀 2일을 잘 푼다. 볼에 크림치즈를 넣고 거품기로 젓는다. 달걀 푼 물과 설탕 3큰술을 세 차례로 나누어 넣으면서 크림 상태가 되도록 거품기로 젓는다.
- ③ ②에 레몬즙과 바닐라 에센스를 넣고 살짝 저은 다음 ①에 붓는다. 180℃로 예열된 오븐에 전체를 넣고 20분 정도 굽는다.
- ④ 딸기를 얇게 자르고 냄비에 넣은 다음 설탕 1½컵을 넣고 약한 불로 끓인다. 눌어붙지 않도록 계속해서 젓고 거품이 생기면 걷어 낸다. 되직해지면 레몬즙을 넣고 차갑게 식힌다.
- ⑤ 치즈케이크 한 조각을 접시에 담고 ❹를 뿌린 다음 플레인 요구르트와 딸기를 얹는다.

그림 1-27 딸기 시럽을 얹은 치즈케이크 만들기

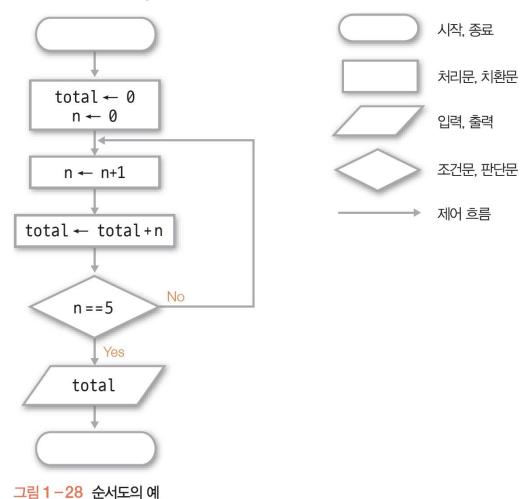
절차

❖ 알고리즘의 표현 방법의 종류

- 자연어를 이용한 서술적 표현 방법
- 순서도Flow chart를 이용한 도식화 표현 방법
- 프로그래밍 언어를 이용한 구체화 방법
- 가상코드Pseudo-code를 이용한 추상화 방법

❖ 순서도를 이용한 도식화

• 순서도의 예) 1부터 5까지의 합을 구하는 알고리즘



가상코드를 이용한 추상화

- 가상코드, 즉 알고리즘 기술언어ADL, Algorithm Description Language를 사용하여 프로그래밍 언어의 일반적인 형태와 유사하게 알고리즘을 표현
- 특정 프로그래밍 언어가 아니므로 직접 실행은 불가능
- 일반적인 프로그래밍 언어의 형태이므로 원하는 특정 프로그래밍 언어로의 변환 용이

* 가상코드의 형식

- 기본 요소
 - 기호
 - 변수, 자료형 이름, 프로그램 이름, 레코드 필드 명, 문장의 레이블 등을 나타냄
 - 문자나 숫자의 조합. 첫 문자는 반드시 영문자 사용.
 - 자료형
 - 정수형과 실수형의 수치 자료형, 문자형, 논리형, 포인터, 문자열 등의 모든 자료형 사용
 - 연산자
 - 산술연산자, 관계연산자, 논리연산자
- 지정문 형식과 예

(b) 지정문 예

그림 1-29 지정문 형식과 예

❖ 조건문

- 조건에 따라 실행할 명령문이 결정되는 선택적 제어구조를 만든다.
- if 문의 형식과 제어흐름

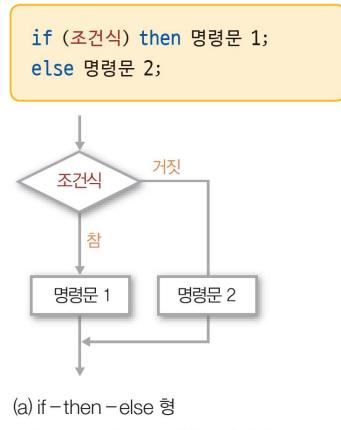


그림 1-30 기본 if 문의 형식과 제어 흐름

if (조건식) then 명령문 1; 거짓 조건식 명령문 1 (b) if -then 형

- 다단계 조건문
 - 중첩 if 문의 형식과 제어 흐름

```
if (조건식 1) then 명령문 1;
else if (조건식 2) then 명령문 2;
else 명령문 3;
        참
                     거짓
            조건식 1
                                    거짓
                             조건식 2
명령문 1
                    명령문 2
                                        명령문 3
```

그림 1-31 중첩 if 문의 형식과 제어 흐름

■ 중첩 if문 사용 예) 평균 점수에 따른 등급 계산하기

```
if Average >= 90 then grade ← 'A';
else if Average >= 80 then grade ← 'B';
else if Average >= 70 then grade ← 'C';
else grade ← 'F';
                         거짓
           Average >= 90
                          Average >= 80
grade ← 'A'
                                          Average >= 70
             grade ← 'B'
                            grade ← 'C'
                                                        grade ← 'F'
```

- case 문
 - 여러 조건식 중에서 해당 조건을 찾아서 그에 대한 명령문을 수행
 - 중첩 if 문으로 표현 가능
 - 형식과 제어흐름

```
case {
    조건식 1 : 명령문 1;
    조건식 2 : 명령문 2;
    ...
    조건식 n : 명령문 n;
    else : 명령문 n+1;
}
```

조건식 1 명령문 1 거짓 명령문 2 조건식 2 거짓 조건식 n 명령문 n 거짓 명령문 n+1

그림 1-33 case 문의 형식과 제어 흐름

- case 문
 - 예) 평균 점수에 따른 등급 계산하기

```
case {
    Average >= 90 : grade ← 'A';
    Average >= 80 : grade ← 'B';
    Average >= 70 : grade ← 'C';
    else : grade ← 'F';
}
```

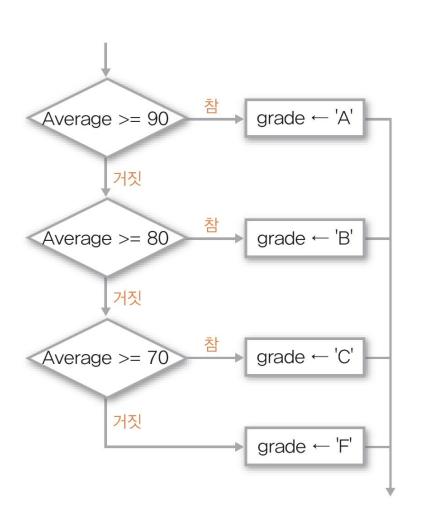
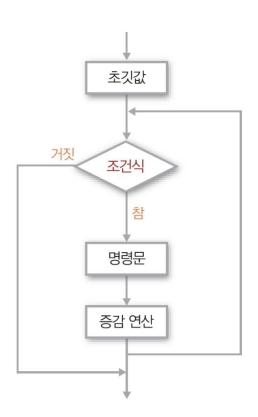


그림 1-34 case 문의 예

❖ 반복문

- 일정한 명령을 반복 수행하는 루프(loop) 형태의 제어구조
- for 문
 - 형식과 제어흐름



for (초깃값; 조건식; 증감값) do 명령문;

그림 1-35 for 문의 형식과 제어 흐름

- while do 문
 - 형식과 제어흐름

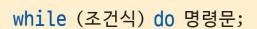
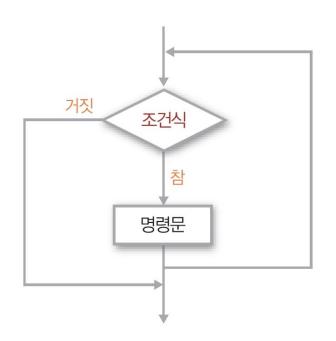


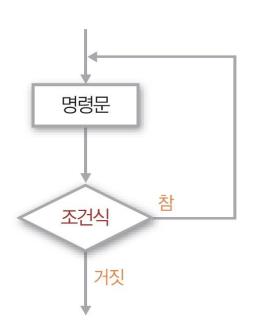
그림 1-36 while -do 문의 형식과 제어 흐름



- do-while 문
 - 형식과 제어흐름

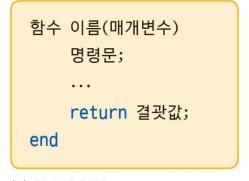
do 명령문; while (조건식);

그림 1-37 do - while 문의 형식과 제어 흐름



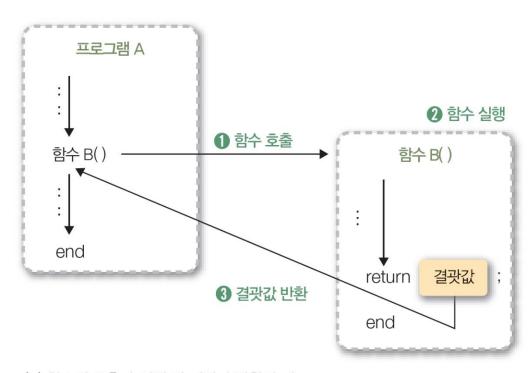
❖ 함수문

- 처리작업 별로 모듈화하여 만든 부프로그램
- 형식과 예



(a) 함수의 형식

그림 1-38 함수의 형식과 예



(b) 함수의 호출과 실행 및 결괏값 반환의 예

* 알고리즘 성능 분석 기준

- 기준에는 정확성, 명확성, 수행량, 메모리 사용량, 최적성 등 있음
 - 정확성 : 올바른 자료 입력 시 유한한 시간 내에 올바른 결과 출력 여부
 - 명확성 : 알고리즘이 얼마나 이해하기 쉽고 명확하게 작성되었는가
 - 수행량 : 일반적인 연산 제외, 알고리즘 특성 나타내는 중요 연산 모두 분석
 - 메모리 사용량
 - 최적성 : 가장 중요

❖ 알고리즘 성능 분석 방법

- 공간 복잡도
 - 알고리즘을 프로그램으로 실행하여 완료하기까지 필요한 총 저장 공간의 양
 - 공간 복잡도 = 고정 공간 + 가변 공간
- ■시간 복잡도
 - 알고리즘을 프로그램으로 실행하여 완료하기까지의 총 소요시간
 - 시간 복잡도 = 컴파일 시간 + 실행 시간
 - 컴파일 시간 : 프로그램마다 거의 고정적인 시간 소요
 - 실행 시간 : 컴퓨터의 성능에 따라 달라질 수 있으므로 실제 실행시간 보다는 명령 문의 실행 빈도수에 따라 계산
 - 실행 빈도수의 계산
 - 지정문, 조건문, 반복문 내의 제어문과 반환문은 실행시간 차이가 거의 없으므로 하나의 단위시간을 갖는 기본 명령문으로 취급

■ 시간 복잡도 예)

```
알고리즘 1-1 피보나치 수열
      fibonacci(n)
 00
 01
          if (n < 0) then
 02
             stop;
     if (n≤1) then
 03
 04
     return n;
 05 f_1 \leftarrow 0;
     f_2 \leftarrow 1;
 06
     for (i \leftarrow 2; i \le n; i \leftarrow i + 1) do {
 07
       f_n \leftarrow f_1 + f_2;
 08
      f_1 \leftarrow f_2;
 09
     f_2 \leftarrow f_n;
 10
 11
     return f<sub>n</sub>;
 12
 13 end
```

■ 시간 복잡도 n<0, n=0, n=1의 경우에 대한 실행 빈도수

표 1-9 피보나치 수열 알고리즘의 실행 빈도수

(a) n (0, n=0, n=1인 경우 (b) n 1인 경우

행 번호	n < 0	n=0	n=1
01	1	1	1
02	1	0	0
03	0	1	1
04	0	1	1
05~13	0	0	0

행 번호	n>1	행 번호	n>1
01	1	08	n-1
02	0	09	n-1
03	1	10	n-1
04	0	11	0
05	1	12	1
06	1	13	0
07	n		

❖ 알고리즘 성능 분석 표기법

- 빅-오 표기법
 - O(f(n))과 같이 표기, "Big Oh of f (n)"으로 읽음
 - 수학적 정의
 - 함수 f(n)과 g(n)이 주어졌을 때, 모든 n≥n0에 대하여 |f(n)| ≤ c |g(n)|을 만족하는 상수 c와 n0이 존재하면, f(n) = O(g(n))이다.
 - 함수의 상한을 나타내기 위한 표기법
 - 최악의 경우에도 g(n)의 수행 시간 안에는 알고리즘 수행 완료 보장
 - 먼저 실행 빈도수를 구하여 실행 시간 함수를 찾고, 이 함수값에 가장 큰 영향을 주는 n에 대한 항을 한 개 선택하여 계수는 생략하고 O의 오른쪽 괄호안에 표시
 - [알고리즘 1-1]의 피보나치 수열에서 실행 시간 함수는 4n+2이고, 가장 영향이 큰 항은 4n인데 여기에서 계수 4를 생략하여 O(n)으로 표기

- 빅-오메가 표기법
 - Ω(f(n))과 같이 표기, "Big Omega of f (n)"으로 읽음
 - 수학적 정의
 - 함수 f(n)과 g(n)이 주어졌을 때, 모든 n≥n0에 대하여 |f(n)| ≥ c |g(n)|을 만족하는 상수 c와 n0이 존재하면, f(n) = Ω(g(n))이다.
 - 함수의 하한을 나타내기 위한 표기법
 - 어떤 알고리즘의 시간 복잡도가 $\Omega(g(n))$ 으로 분석되었다면, 이 알고리즘 수행에는 적어도 g(n)의 수행 시간이 필요함을 의미

- 빅-세타 표기법
 - θ(f(n))과 같이 표기, "Big Theta of f (n)"으로 읽음
 - 수학적 정의
 - f(n)과 g(n)이 주어졌을 때, 모든 n≥n에 대하여 c|g(n)| ≤ f(n) ≤ c|g(n) | 을 만족하는 상수 c₁, c₂와 n₅이 존재하면, f(n) = θ(g(n))이다
 - 상한과 하한이 같은 정확한 차수를 표현하기 위한 표기법
 - $-f(n) = \theta(g(n))$ 이 되려면 f(n) = O(g(n))이면서 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이어야 함

■ 각 실행 시간 함수에서 n값의 변화에 따른 실행 빈도수 비교

logn <	n	< nlogn	< n ²	< n ³	< 2 ⁿ
0	1	0	1	1	2
1	2	2	4	8	4
2	4	8	16	64	16
3	8	24	64	512	256
4	16	64	256	4096	65536
5	32	160	1024	32768	4294967296

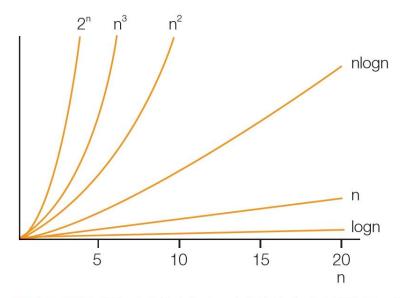


그림 1-39 실행 시간 함수에서 n값의 변화에 따른 실행 빈도수 비교

■ 시간 복잡도에 따른 알고리즘 수행 시간 비교

표 1-10 시간 복잡도에 따른 알고리즘 수행 시간 비교 예

입력 <i>크</i> 기 n	알고리즘 수행 시간					
	n	nlogn	n ²	n ³	2 ⁿ	
10	10 ⁻⁸ 초	3×10 ⁻⁸ 초	10 ⁻⁷ 초	10 ⁻⁶ 초	10 ⁻⁶ 초	
30	3×10 ⁻⁸ 초	2×10 ⁻⁷ 초	9×10 ⁻⁷ 초	3×10 ⁻⁵ 초	1초	
50	5×10 ⁻⁸ 초	3×10 ⁻⁷ 초	3×10 ⁻⁶ 초	10 ⁻⁴ 초	13일	
100	10 ⁻⁷ 초	7×10 ⁻⁷ 초	10 ⁻⁵ 초	10 ⁻³ 초	4×10 ¹³ 년	
1,000	10 ⁻⁶ 초	10 ⁻⁵ 초	10 ⁻³ 초	1초	3×10 ²⁸³ 년	
10,000	10 ⁻⁵ 초	10 ⁻⁴ 초	10 ⁻¹ 초	17분		
100,000	10 ⁻⁴ 초	2×10 ⁻³ 초	10초	12일		
1,000,000	10 ⁻³ 초	2×10 ⁻² 초	17분	32년		