## 데이터 구조

큐(Queue)

#### **Contents**

#### ❖ 학습목표

- 큐 자료구조의 개념을 스택과 비교하여 알아본다.
- 큐의 특징과 연산 방법을 알아본다.
- 순차 자료구조와 연결 자료구조를 이용해 큐를 구현해 본다.
- 큐를 확장한 자료구조인 데크의 특징과 연산 방법을 알아본다.
- 큐를 응용하는 방법을 알아본다.

#### ❖ 내용

01 큐의 이해

02 큐의 구현

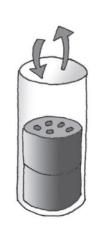
03 데크

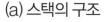
04 큐의 응용

#### 1. 큐의 이해 : 큐의 개념과 구조

#### ❖ 큐(Queue)

- 스택과 비슷한 삽입과 삭제의 위치가 제한되어있는 유한 순서 리스트
- 큐는 뒤에서는 삽입만 하고, 앞에서는 삭제만 할 수 있는 구조
  - 삽입한 순서대로 원소가 나열되어 가장 먼저 삽입(First-In)한 원소는 맨 앞에 있다가 가장 먼저 삭제(First-Out)됨
    - ☞ 선입선출 구조 (FIFO, First-In-First-Out)







(b) 큐의 구조

그림 6-1 스택과 큐의 구조 비교 예

#### 1. 큐의 이해 : 큐의 개념과 구조

■ FIFO 구조의 예

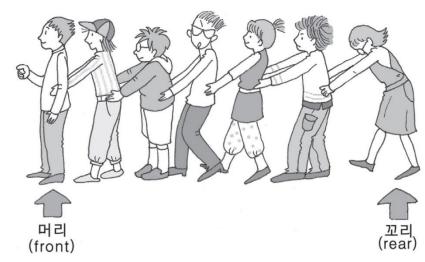
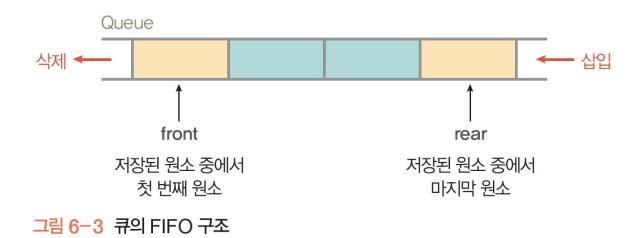


그림 6-2 FIFO 구조의 예: 꼬리잡기 놀이의 머리와 꼬리



#### 1. 큐의 이해 : 큐의 개념과 구조

■ 큐의 연산

• 삽입 : enQueue

• 삭제 : deQueue

- 스택과 큐의 연산 비교

표 6-1 스택과 큐에서의 삽입과 삭제 연산 비교

항목	삽입 연산		삭제 연산	
자료구조	연산자	삽입 위치	연산자	삭제 위치
스택	push	top	pop	top
큐	enQueue	rear	deQueue	front

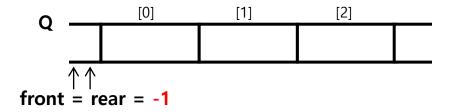
#### 1. 큐의 이해 : 큐의 추상 자료형

#### ADT 6-1 큐의 추상 자료형

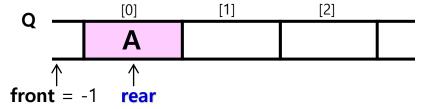
```
ADT Queue
데이터: 0개 이상의 원소를 가진 유한 순서 리스트
연산: 0 ∈ Oueue; item ∈ Element;
  // 공백 큐를 생성하는 연산
   createQueue() ::= create an empty Q;
   // 큐가 공백 상태인지 검사하는 연산
   isQueueEmpty(Q) ::= if (Q is empty) then return true
                else return false;
   // 큐의 rear에 원소를 삽입하는 연산
   enOueue(0, item) ::= insert item at the rear of 0;
   // 큐의 front에 있는 원소를 삭제하는 연산
   deQueue(Q) ::= if (isQueueEmpty(Q)) then return error
                else { delete and return the front item 0 };
   // 큐의 front에 있는 원소를 반환하는 연산
   peek(Q) ::= if (isQueueEmpty(Q)) then return error
             else { return the front item of the Q };
End Queue
```

#### 1. 큐의 이해

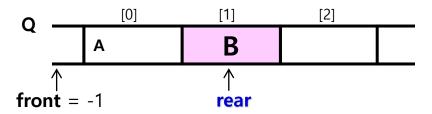
- 큐의 연산 과정
  - 1 공백 큐 생성 : createQueue();



• **②** 원소 A 삽입 : enQueue(Q, A);

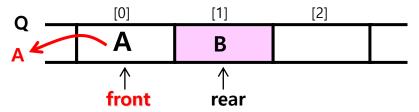


• 🕄 원소 B 삽입 : enQueue(Q, B);

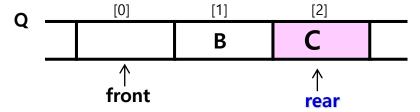


#### 1. 큐의 이해

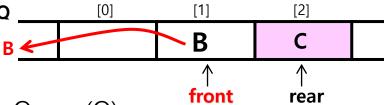
• 4 원소 삭제 : deQueue(Q);



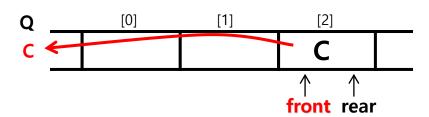
• 6 원소 C 삽입 : enQueue(Q, C);



• 6 원소 삭제 : deQueue(Q);



• **7** 원소 삭제 : deQueue(Q);



#### ❖ 순차 큐

- 1차원 배열을 이용한 큐
  - 큐의 크기 = 배열의 크기
  - 변수 front : 저장된 첫 번째 원소의 인덱스 저장
  - 변수 rear : 저장된 마지막 원소의 인덱스 저장

#### ■ 상태 표현

- 초기 상태 : front = rear = -1
- 공백 상태 : front = rear
- 포화 상태 : rear = n-1 (n : 배열의 크기, n-1 : 배열의 마지막 인덱스)

- 초기 공백 큐 생성 알고리즘
  - 크기가 n인 1차원 배열 생성
  - front와 rear를 -1로 초기화

```
알고리즘 6-1 공백 순차 큐 생성

createQueue()
 Q[n];
 front ← -1;
 rear ← -1;
 end createQueue()
```

- 공백 큐 검사 알고리즘과 포화상태 검사 알고리즘
  - 공백 상태 : front = rear
  - 포화 상태 : rear = n-1 (n : 배열의 크기, n-1 : 배열의 마지막 인덱스)

#### 알고리즘 6-2 순차 큐의 공백 상태 검사

```
isQueueEmpty(Q)
   if (front == rear) then return true;
   else return false;
end isQueueEmpty()
```

#### 알고리즘 6-3 순차 큐의 포화 상태 검사

```
isQueueFull(Q)
  if (rear == n - 1) then return true;
  else return false;
end isQueueFull()
```

- 큐의 삽입 알고리즘

```
알고리즘 6-4 순차 큐의 원소 삽입

enQueue(Q, item)

if (isQueueFull(Q)) then Queue_Full(); // 포화 상태이면 삽입 연산 중단

else {
    ① rear ← rear + 1;
    ② Q[rear] ← item;
    }

end enQueue()
```

- 마지막 원소의 뒤에 삽입해야 하므로
  - ① 마지막 원소의 인덱스를 저장한 rear의 값을 하나 증가시켜 삽입할 자리 준비
  - ② 수정한 rear값에 해당하는 배열원소 Q[rear]에 item을 저장

- 큐의 삭제 알고리즘

```
알고리즘 6-5 순차 큐의 원소 삭제

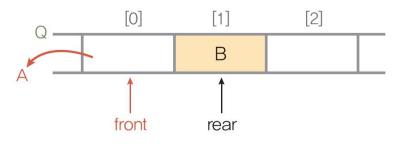
deQueue(Q)

if (isQueueEmpty(Q)) then Queue_Empty();  // 공백 상태이면 삭제 연산 중단

else {
    ① front ← front + 1;
    ② return Q[front];
    }

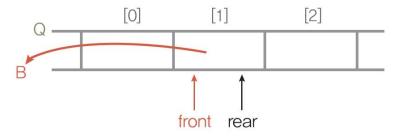
end deQueue()
```

- 가장 앞에 있는 원소를 삭제해야 하므로
  - ① front의 위치를 한자리 뒤로 이동하여 큐에 남아있는 첫 번째 원소의 위치로 이동하여 **삭제할 자리 준비**
  - ② front 자리의 원소를 삭제하여 반환



(a) 첫 번째 deQueue() 연산 후 상태

그림 6-4 deQueue() 연산 후 상태



(b) 두 번째 deQueue() 연산 후 상태

■ 큐의 검색 알고리즘

```
알고리즘 6-6 순차 큐의 원소 검색

peekQ(Q)
  if (isQueueEmpty(Q)) then Queue_Empty();
  else return Q[front + 1];
end peekQ()
```

- 가장 앞에 있는 원소를 검색하여 반환하는 연산
  - ① 현재 front의 한자리 뒤(front+1)에 있는 원소, 즉 큐에 있는 첫 번째 원소를 반환

- [예제 6-1] 순차 자료구조를 이용해 순차 큐 구현하기 : 교재 294p
- 실행 결과

```
****** 순차 큐 연산 ******

삽입 A〉〉 Queue:[AB]
삽입 B〉〉 Queue:[AB]
삽입 C〉〉 Queue:[ABC] peek item: A

삭제 〉〉 Queue:[BC] 삭제 데이터: A
삭제 〉〉 Queue:[C] 삭제 데이터: B
삭제 〉〉 Queue:[D]
삽입 D〉〉 Queue:[D]
삽입 E〉〉 Queue is full!
Queue:[D]
```

- 순차 큐의 잘못된 포화상태 인식
  - 큐에서 삽입과 삭제를 반복하면서 그림(a)와 같은 상태일 경우, 앞부분에 빈자리가 있지만 rear=n-1 상태이므로 포화상태로 인식하고 더 이상의 삽입을 수행하지 않는다.
- 순차 큐의 잘못된 포화상태 인식의 해결 방법-1
  - 저장된 원소들을 배열의 앞부분으로 이동시키기
    - 순차자료에서의 이동 작업은 연산이 복잡하여 효율성이 떨어짐

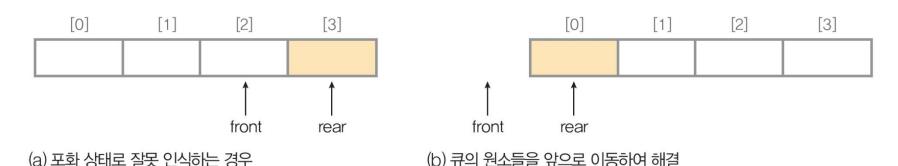


그림 6-5 순차 큐의 잘못된 포화 상태 문제와 해결 방법

- 순차 큐의 잘못된 포화상태 인식의 해결 방법-2
  - 1차원 배열을 사용하면서 논리적으로 배열의 처음과 끝이 연결되어 있다고 가정하고 사용 ⇒ 원형 큐
  - 원형 큐의 논리적 구조

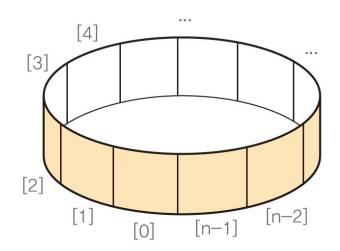


그림 6-6 원형 큐의 논리적 구조

- 원형 큐의 구조
  - 초기 공백 상태 : front = rear = 0
  - front와 rear의 위치가 배열의 마지막 인덱스 n-1에서 논리적인 다음 자리인 인덱스 0번으로 이동하기 위해서 나머지연산자 mod를 사용
    - $-3 \div 4 = 0 ...3 (몫=0, <u>나머지=3</u>)$
    - $-3 \mod 4 = 3$

#### 표 6-2 순차 큐와 원형 큐의 비교

종류	삽입 위치	삭제 위치	
순차 큐	rear = rear + 1	front = front +1	
원형 큐 rear = (rear+1) mod n		front = (front+1) mod n	

사용조건) 공백 상태와 포화 상태 구분을 쉽게 하기 위해서 front가 있는 자리는 사용하지 않고 항상 빈자리로 둠

- 초기 공백 원형 큐 생성 알고리즘
  - 크기가 n인 1차원 배열 생성
  - front와 rear를 0 으로 초기화

```
알고리즘 6-7 공백 원형 큐 생성

createQueue()

cQ[n];

front ← 0;

rear ← 0;

end createQueue()
```

■ 원형 큐의 공백상태 검사 알고리즘과 포화상태 검사 알고리즘

```
알고리즘 6-8 원형 큐의 공백 상태 검사

isCQueueEmpty(cQ)

if (front == rear) then return true;
else return false;
end isCQueueEmpty()
```

```
알고리즘 6-9 원형 큐의 포화 상태 검사

isCQueueFull(cQ)

if (((rear + 1) mod n) == front) then return true;
else return false;
end isCQueueFull()
```

#### 표 6-3 원형 큐의 상태에 따른 front와 rear의 관계

구분	조건
공백 상태	front == rear
포화 상태	(rear+1) mod n == front

- 원형 큐의 삽입 알고리즘
  - ① rear의 값을 조정하여 삽입할 자리를 준비 : rear ← (rear+1) mod n;
  - ② 준비한 자리 cQ[rear]에 원소 item을 삽입

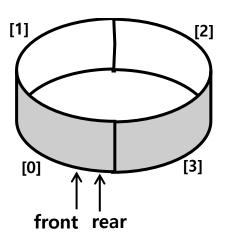
## 알고리즘 6-10 원형 큐의 원소 삽입 enCQueue(cQ, item) if (isCQueueFull(cQ)) then Queue\_Full(); // 포화 상태이면 삽입 연산 중단 else { ① rear +-(rear + 1) mod n; ② cQ[rear] +-item; } end enCQueue()

- 원형 큐의 삭제 알고리즘
  - ① front의 값을 조정하여 삭제할 자리를 준비
  - ② 준비한 자리에 있는 원소 cQ[front]를 삭제하여 반환

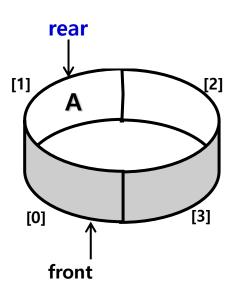
# 알고리즘 6-11 원형 큐의 원소 삭제 deCQueue(cQ) if (isCQueueEmpty(cQ)) then Queue\_Empty(); // 공백 상태이면 삭제 연산 중단 else { ① front ← (front + 1) mod n; ② return cQ[front]; } end deCQueue()

■ 크기가 4인 원형 큐에서 큐를 생성하고 삽입·삭제하는 연산 과정

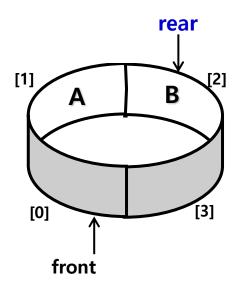
① 공백 원형 큐 생성 : createQueue();



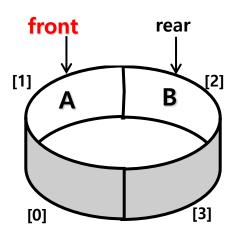
② 원소 A 삽입: enQueue(cQ, A);



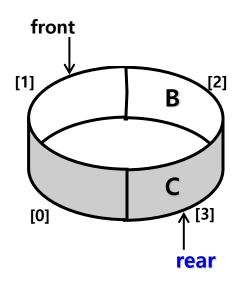
❸ 원소 B 삽입 : enQueue(cQ, B);



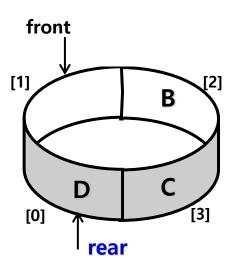
⁴ 원소 삭제 : deQueue(cQ);(삭제 데이터 : A)



5 원소 C 삽입: enQueue(cQ, C);



6 원소 D 삽입 : enQueue(cQ, D);



- [예제 6-2] 순차 자료구조를 이용해 원형 큐 구현하기 : 교재 301p
- 실행 결과

```
- ******* 원형 큐 연산 *******

삽입 A〉〉 Circular Queue : [ A ]
삽입 B〉〉 Circular Queue : [ A B ]
삽입 C〉〉 Circular Queue : [ A B C ] peek item : A

삭제 〉〉 Circular Queue : [ B C ] 삭제 데이터 : A
삭제 〉〉 Circular Queue : [ C ] 삭제 데이터 : B
삭제 〉〉 Circular Queue : [ ] 삭제 데이터 : C
삽입 D〉〉 Circular Queue : [ D ]
삽입 E〉〉 Circular Queue : [ D E ]
```

#### ❖ 연결 큐

- 단순 연결 리스트를 이용한 큐
  - 큐의 원소 : 단순 연결 리스트의 노드
  - 큐의 원소의 순서 : 노드의 링크 포인터로 연결
  - 변수 front : 첫 번째 노드를 가리키는 포인터 변수
  - 변수 rear : 마지막 노드를 가리키는 포인터 변수
- 상태 표현
  - 초기 상태와 공백 상태 : front = rear = null
- 연결 큐의 구조

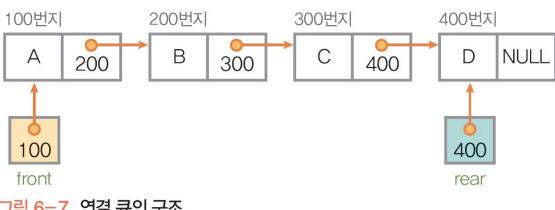


그림 6-7 연결 큐의 구조

- 공백 연결 큐 생성 알고리즘
  - 초기화 : front = rear = null

```
알고리즘 6-12 공백 연결 큐 생성

createLinkedQueue()

front ← NULL;

rear ← NULL;

end createLinkedQueue()
```

- 연결 큐의 공백 상태 검사 알고리즘
  - 공백 상태 : front = rear = null

```
알고리즘 6-13 연결 큐의 공백 상태 검사

isLQEmpty(LQ)

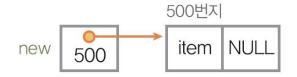
if (front == NULL) then return true;

else return false;
end isLQEmpty()
```

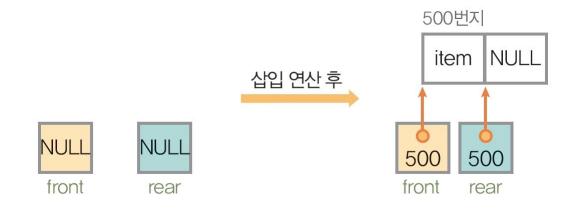
• 연결 큐의 삽입 알고리즘

```
알고리즘 6-14 연결 큐의 원소 삽입
enLQueue(LQ, item)
     new ← getNode();
  new.data ← item;
     new.link ← NULL;
     if (front == NULL) then {
         rear ← new;
         front ← new;
     else {
         rear.link ← new;
         rear ← new;
end enLQueue()
```

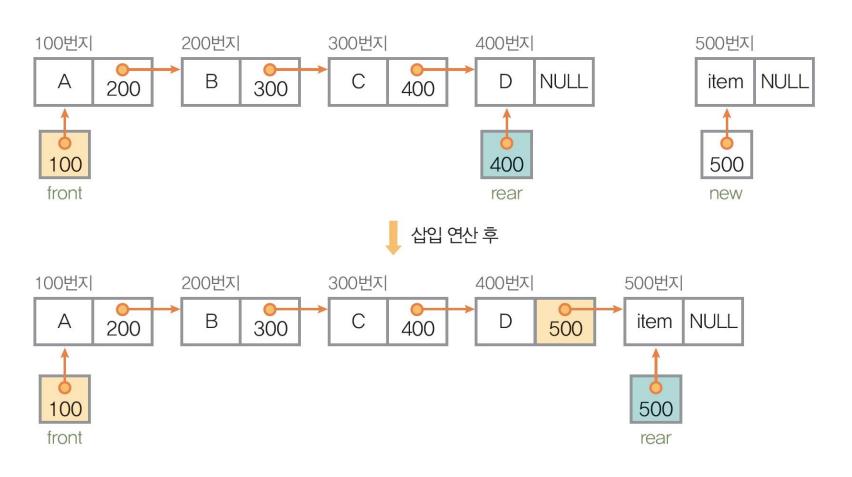
① 삽입할 새 노드를 생성하여 데이터 필드에 item을 저장. 삽입할 새 노드는 연결 큐의 마지막 노드가 되어야 하므로 링크 필드에 NULL을 저장



❷ 새 노드를 삽입하기 전에 연결 큐가 공백인지 아닌지를 검사. 연결 큐가 공백인 경우에는 삽입할 새 노드가 큐의 첫 번째 노드이자 마지막 노드이므 로 포인터 front와 rear가 모두 새 노드를 가리키도록 설정

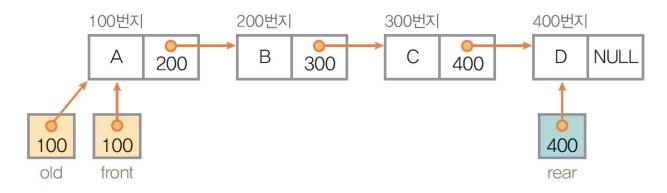


❸ 큐가 공백이 아닌 경우, 즉 노드가 있는 경우에는 현재 큐의 마지막 노드의 뒤에 새 노드를 삽입하고 마지막 노드를 가리키는 rear가 삽입한 새 노드를 가리키도록 설정

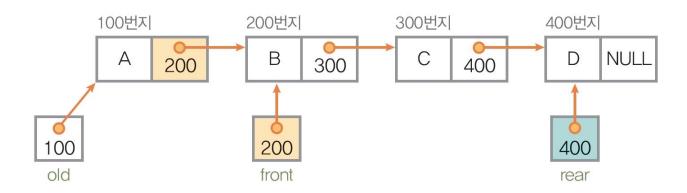


• 연결 큐의 원소 삭제 알고리즘

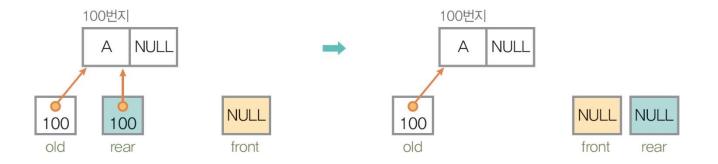
① 삭제 연산에서 삭제할 노드는 큐의 첫 번째 노드로, 포인터 front가 가리키고 있는 노드. Front가 가리키는 노드를 포인터 old가 가리키게 하여 삭제할 노드로 지정



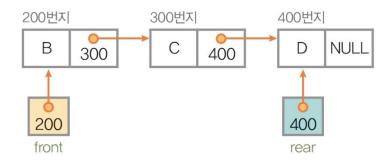
❷ 삭제 연산 후에는 현재 front 노드 다음 노드(front.link)가 front 노드가 되어야 하므로 포인터 front를 재설정



❸ 현재 큐에 노드가 하나뿐이어서 재설정한 front가 NULL이 되는 경우에는 삭제 연산 후에 공백 큐가 되므로 포인터 rear를 NULL로 설정



◆ 포인터 old가 가리키고 있는 노드를 삭제하여 메모리 공간을 시스템에 반환(returnNode())



- 연결 큐의 원소 검색 알고리즘
  - 연결 큐의 첫 번째 노드, 즉 front 노드의 데이터 필드 값을 반환

```
알고리즘 6-16 연결 큐의 원소 검색

peekLQ(LQ)

if (isLQEmpty(LQ)) then Queue_Empty()

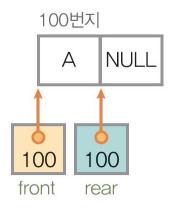
else return (front.data);
end peekLQ()
```

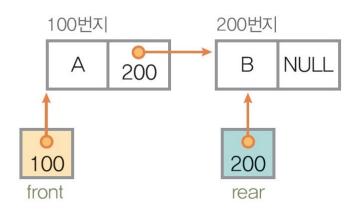
- 연결 큐에서의 연산 과정
  - ① 공백 연결 큐 생성 : createLinkedQueue();



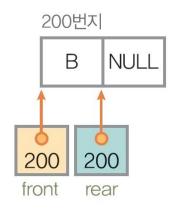


- ② 원소 A 삽입 : enLQueue(LQ, A);
  ❸ 원소 B 삽입 : enLQueue(LQ, B);

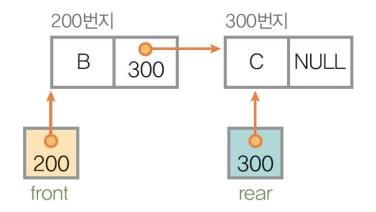




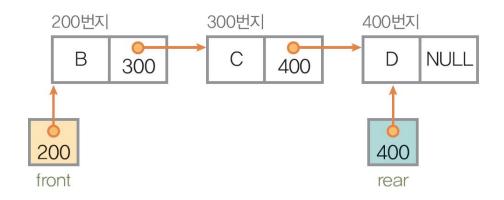
④ 원소 삭제 : deLQueue(LQ);



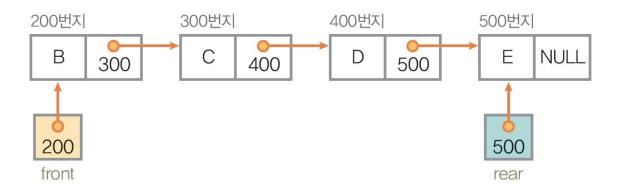
5 원소 C 삽입: enLQueue(LQ, C);



6 원소 D 삽입: enLQueue(LQ, D);



7 원소 E 삽입 : enLQueue(LQ, E);



- [예제 6-3] 연결 자료구조를 이용해 연결 큐 구현하기 : 교재 309p
- 실행 결과

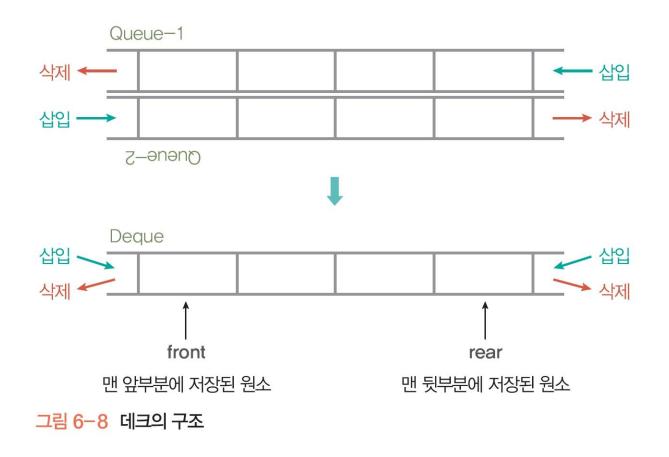
```
****** 연결 큐 연산 ******

삽입 A〉〉 Linked Queue: [A]
삽입 B〉〉 Linked Queue: [AB]
삽입 C〉〉 Linked Queue: [ABC] peek item: A

삭제 〉〉 Linked Queue: [BC] 삭제 데이터: A
삭제 〉〉 Linked Queue: [C] 삭제 데이터: B
삭제 〉〉 Linked Queue: [] 삭제 데이터: C
삽입 D〉〉 Linked Queue: [D]
삽입 E〉〉 Linked Queue: [D]
```

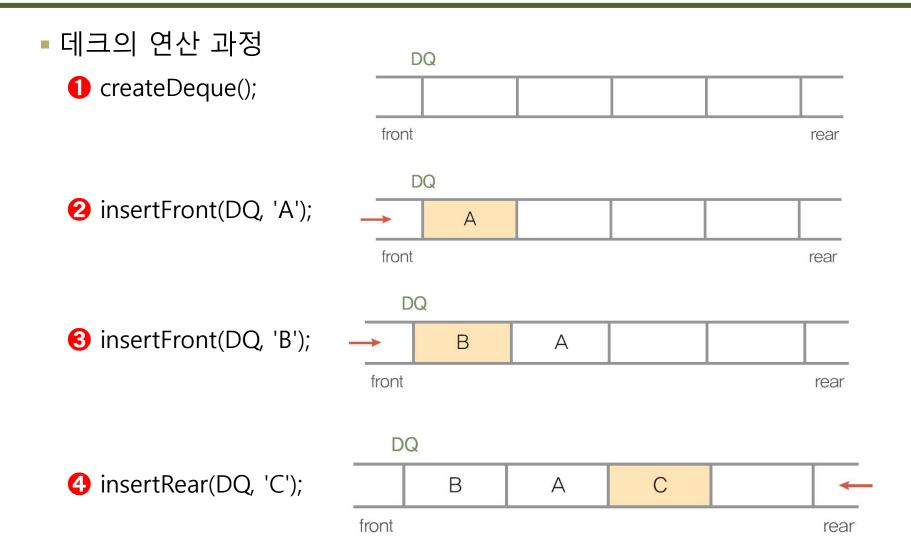
#### ❖ 데크Deque : double-ended queue

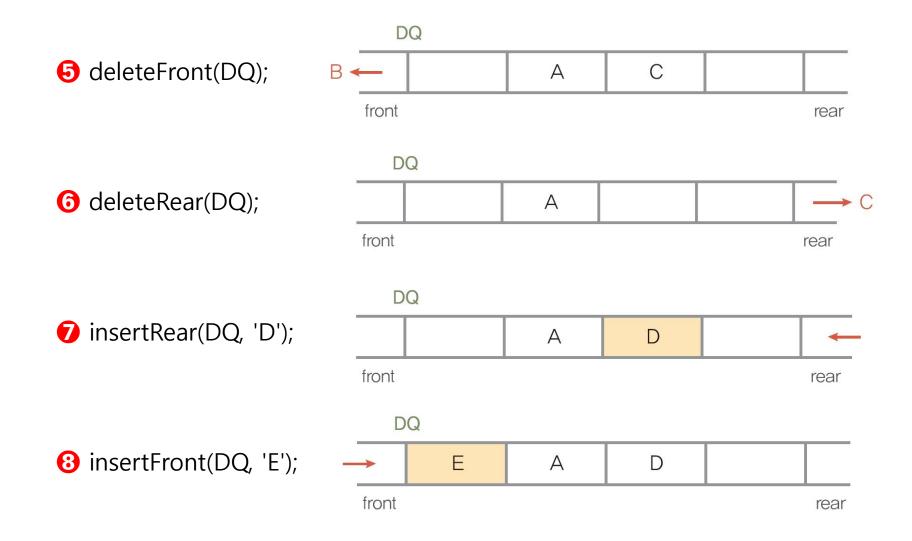
■ 큐 두 개 중 하나를 좌우로 뒤집어서 붙인 구조, 큐의 양쪽 끝에서 삽입 연산과 삭제 연산을 수행할 수 있도록 확장한 자료구조

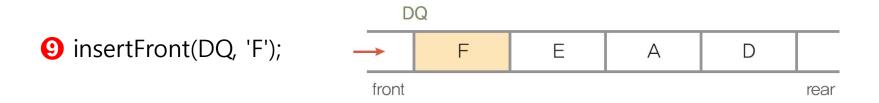


#### ADT 6-2 데크의 추상 자료형

```
ADT deque
데이터: 0개 이상의 원소를 가진 유한 순서 리스트
연산 :
  DQ ∈ deque; item ∈ Element;
  // 공백 데크를 생성하는 연산
  createDeque() ::= create an empty DQ;
  // 데크가 공백 상태인지 검사하는 연산
  isDeQEmpty(DQ) ::= if (DQ is empty) then return true
                 else return false;
  // 데크의 front 앞에 item(원소)을 삽입하는 연산
  insertFront(DQ, item) ::= insert item at the front of DQ;
  // 데크의 rear 뒤에 item(원소)을 삽입하는 연산
  insertRear(DO, item) ::= insert item at the rear of DO;
  // 데크의 front에 있는 item(원소)을 삭제하는 연산
  deleteFront(DQ) ::= if (isDeQEmpty(DQ)) then return NULL
                    else { delete and return the front item of DQ };
  // 데크의 rear에 있는 item(원소)을 삭제하는 연산
  deleteRear(DQ) ::= if (isDeQEmpty(DQ)) then return NULL
                   else { delete and return the rear item of DQ };
  // 데크의 front에 있는 item(원소)을 반환하는 연산
  getFront(DQ) ::= if (isDeQEmpty(DQ)) then return NULL
                 else { return the front item of the DQ };
  // 데크의 rear에 있는 item(원소)을 반환하는 연산
  getRear(DQ) ::= if (isDeQEmpty(DQ)) then return NULL
                 else { return the rear item of the DO };
End deque
```







- 데크의 구현
  - 양쪽 끝에서 삽입/삭제 연산을 수행하면서 크기 변화와 저장된 원소의 순서 변화가 많으므로 순차 자료구조는 비효율적임
  - 양방향으로 연산이 가능한 이중 연결 리스트를 사용

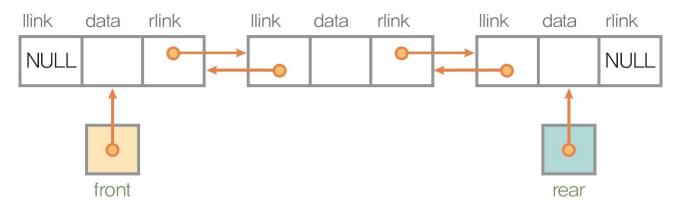


그림 6-9 데크의 이중 연결 리스트 구조

- [예제 6-4] 이중 연결 리스트를 이용해 데크 구현하기 : 교재 316p
- 실행 결과

```
****** 데크 연산 ******

front 삽입 A〉 DeQue:[A]

front 삽입 B〉 DeQue:[BA]

rear 삽입 C〉 DeQue:[BAC]

front 삭제 〉 DeQue:[A]

vear 삭제 〉 DeQue:[A]

front 삽입 D〉 DeQue:[AD]

front 삽입 E〉 DeQue:[EAD]

front 삽입 F〉 DeQue:[FEAD]

peek Front item:F

peek Rear item:D
```

## 4. 큐의 응용 : 운영체제의 작업 큐

#### ❖ 운영체제의 작업 큐

- 프린터 버퍼 큐Printer Buffer Queue
  - CPU에서 프린터로 보낸 데이터 순서대로(선입선출) 프린터에서 출력하기 위해서 선입선출 구조의 큐 사용
- 스케줄링 큐Scheduling Queue
  - CPU 사용을 요청한 프로세서들의 순서를 스케줄링 하기 위해서 큐를 사용

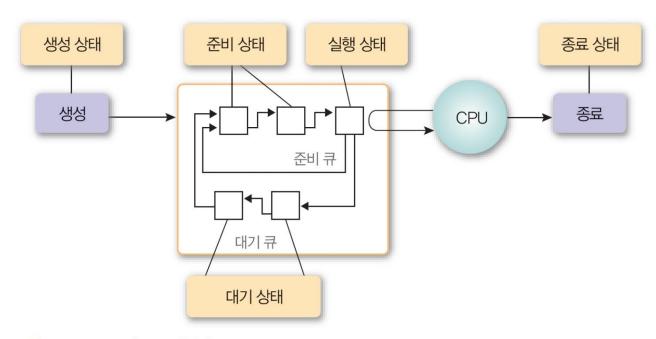


그림 6-10 프로세스 스케줄링 큐

# 4. 큐의 응용: 시뮬레이션에서의 큐잉 시스템

#### ❖ 시뮬레이션에서의 큐잉 시스템

■ 시뮬레이션을 위한 수학적 모델링에서 대기행렬과 대기시간 등을 모델링 하기 위해서 큐잉 이론(Queueing theory) 사용