奥数拾遗 2018年12月

1. 某地质学院的学生对一种矿石进行观察和鉴别:

甲判断:不是铁,也不是铜。

乙判断:不是铁,而是锡。

丙判断:不是锡,而是铁。

经化验证明:有一个人的判断完全正确,有一个人说对了一半,而另一个人完全说错了。你知道三人中谁是对的,谁是错的,谁是只对一半的吗?

- 2. 数学竞赛后,小明、小华和小强各获得一枚奖牌,其中一人得金牌,一人得银牌,一人得铜牌。老师猜测:"小明得金牌,小华不得金牌,小强不得铜牌。"结果老师只猜对了一个,那么谁得金牌,谁得银牌,谁得铜牌?
- 3. 一位法官在审理一起盗窃案中,对涉及到的四名嫌疑犯甲、乙、丙、丁进行了审问。四人分别供述如下:

甲说: "罪犯在乙、丙、丁三人之中。"

乙说: "我没有做案,是丙偷的。"

丙说: "在甲和丁中间有一人是罪犯。"

丁说: "乙说的是事实。"

经过充分的调查,证实这四人中有两人说了真话,另外两人说的是假话。

同学们,请你做一名公正的法官,对此案进行裁决,确认谁是罪犯?

- 4. 老师拿来一批树苗,分给一些同学去栽,每人每次分给一棵,一轮一轮往下分,当分剩下12棵时不够每人分一棵了,如果再拿来8棵,那么每个同学正好栽10棵。问参加栽树的有多少名同学?原有树苗多少棵?
- 5. 学校买来一批体育用品,羽毛球拍是乒乓球拍的 2 倍,分给同学们,每组分乒乓球拍 5 副,余乒乓球拍 15 副,每组分羽毛球拍 14 副,则差 30 副,问: 学而思学校买来羽毛球拍、乒乓球拍各多少副?
- 6. 学校买来一批体育用品,羽毛球拍是乒乓球拍的 2 倍,分给同学们,每组分乒乓球拍 5 副,余乒乓球拍 15 副,每组分羽毛球拍 14 副,则差 30 副,问: 学而思学校买来羽毛球拍、乒乓球拍各多少副?
- 7. 阿姨给幼儿园小朋友分饼干. 如果每人分 3 块,则多出 16 块饼干;如果每人分 5 块,那么就缺 4 块饼干. 问有多少小朋友,有多少块饼干?
- 8. 某校同学排队上操. 如果每行站 9 人,则多 37 人;如果每行站 12 人,则少 20 人. 一共有多少学生?
- 9. 小强由家里到学校,如果每分钟走50米,上课就要迟到3分钟;如果每分钟走60米,就可以比上课时间提前2分钟到校.小强家到学校的路程是多少米?

- 10. 乙两位学生原计划每天自学的时间相同,若甲每天增加自学时间半小时,乙每天减少自学时间半小时,则乙自学6天的时间仅相等于甲自学一天的时间。问:甲、乙原订每天自学的时间是多少分钟?
- 11. 一大块金帝牌巧克力可以分成若干大小一样的正方形小块。小明和小强各有一大块金帝巧克力,他们同时开始吃第一小块巧克力。小明每隔 20 分钟吃 1 小块,14 时 40 分吃最后 1 小方块; 小强每隔 30 分钟吃 1 小块,18 时吃最后 1 小方块。那么他们开始吃第 1 小块的时间是几时几分?
- 12. 聪聪用 10 元钱买了 3 支圆珠笔和 7 本练习本,剩下的钱若买一支圆珠笔就少 1 角 4 分;若买一本练习本还多 8 角,问一支圆珠笔的售价是多少元?
- 13. 二(1)班的图书角里有课外辅导书和连环画共227本,如果课外辅导书拿走67本后,课外辅导书的本数就是连环画的4倍. 原有连环画和课外辅导书各有多少本?
- 14. 两个正整数相除, 商是 7, 余数是 5, 如果被除数、除数都扩大到原来的 4 倍, 那么被除数、除数、商、余数的和等于 1039. 原来的被除数是多少?
- 15. 有两块同样长的布,第一块卖出 25 米,第二块卖出 14 米,剩下的布第二块是第一块的 2 倍,求每块布原有多少米?
- 16. A, B, C, D 四个盒子中依次放有 8, 6, 3, 1 个球. 第 1 个小朋友找到放球最少的盒子,然后从其它盒子中各取一个球放入这个盒子;第 2 个小朋友也找到放球最少的盒子,然后也从其它盒子中各取一个球放入这个盒子…当100 位小朋友放完后,A 盒中放有______个球; B 盒中放有______个球; C 盒中放有______个球; D 盒中放有______个球.
- 17. 在下面一串数中,从第五数起,每个数都是它前面四个数之和的个位数字.那么这串数字会不会出现 2002? 135761939237134
- 18. 有一串很长的珠子,它是按照 5 颗红珠、3 颗白珠、1 颗黄珠、2 颗绿珠的顺序重复排列的.问:第 100 颗珠子是什么颜色?前 200 颗珠子中有多少颗红珠?
- 19. 将 1, 2, 3, 4, ······除以 3 的余数依次排列起来,得到一个数列。求这个数列前 100 个数的和。
- 20. 三年级一班参加运动会入场式, 排成一个方阵, 最外层一周的人数为 20 人, 问方阵最外层每边的人数是多少?这个方阵共有多少人?

- 21. 明明用围棋子摆成一个三层空心方阵,如果最外层每边有围棋子 15 个,明明摆这个方阵最里层一周共有多少棋子?摆这个三层空心方阵共用了多少个棋子?
- 22. 有五对夫妇围成一圈,使每一对夫妇的夫妻二人动相邻的排法有多少种?
- 23. 若把英语单词 hello 的字母写错了,则可能出现的错误共有多少种?
- 24. 乙两地相距 6 千米,小晶从甲地、小红从乙地同时相向而行,在两村之间不断地往返行走,在出发后 40 分钟,两人第一次相遇。小红到达甲村后返回,在离甲村 2 千米处,两人第二次相遇,求两人的速度。
- 25. 小名参加了四次语文测验,平均成绩是68分,他想通过一次语文测验,讲5次的平均成绩提高最少70分,那么在下次测验中,他至少要得多少分?
- 26. 甲、乙两人带着同样多的钱,用他们全部的钱买了香皂,甲拿走了12块乙拿走了8块,回家后甲补给乙4元,每块香皂多少元?
- 27. 用数字 1、3、0 可以组成多少个没有重复数字的奇数和偶数?
- 28. 3+5+7+9+11+13+15+17 的和是奇数还是偶数? 为什么?
- 29. 有一本 500 页的书,从中任意撕下 20 张纸,这 20 张纸上的所有页码之和能 否使 1999?
- 30. 一本书共100页, 在排页码时要用多少个数字是6的铅字?
- 31. 印刷工人在排印一本书的页码时共用 1890 个数码,这本书有多少页?
- 32. 篮子里有一些梨. 小刚取走总数的一半多一个. 小明取走余下的一半多1个. 小军取走了小明取走后剩下一半多一个. 这时篮子里还剩梨1个. 问: 篮子里原有梨多少个?
- 33. 甲乙两个油桶各装了 15 千克油. 售货员卖了 14 千克. 后来, 售货员从剩下较多油的甲桶倒一部分给乙桶使乙桶油增加一倍; 然后从乙桶倒一部分给甲桶, 使甲桶油也增加一倍, 这时甲桶油恰好是乙桶油的 3 倍. 问: 售货员从两个桶里各卖了多少千克油?
- 34. 某个外星人来到地球上,随身带有本星球上的硬币 1 分、2 分、4 分、8 分各一枚,如果他想买 7 分钱的一件商品,他应如何付款?买 9 分、10 分、13 分、14 分和 15 分的商品呢?他又将如何付款?

- 35. 有人以为 8 是个吉利数字,他们得到的东西的数量都能要够用"8"表示才好. 现有 200 块糖要分发给一些人,请你帮助想一个吉利的分糖方案.
- 36. 乙、丙、丁 4 名同学排成一行。从左到右数,如果甲不排在第一个位置上, 乙不排在第二个位置上,丙不排在第三个位置上,丁不排在第四个位置上, 那么不同的排法共有多少种?
- 37. abcd 代表一个四位数,其中 a, b, c, d 均为 1, 2, 3, 4 中的某个数字,但 彼此不同。请写出所有满足关系 a < b, b > c, c < d 的四位数。
- 38. 一个两位数乘以 5, 所得的积的结果是一个三位数,且这个三位数的个位与百位数字的和恰好等于十位上的数字。问一共有多少个这样的数?
- 39. 用红、绿、黄三种信号灯组成一种信号,可以组成多少种不同的信号?
- 40. 一个长方形的周长是22米,如果它的长和宽都是整米数,那么这个长方形的面积有多少种可能?
- 41. 有 4 位小朋友, 寒假中互相通一次电话, 他们一共打了多少次电话?
- 42. 一条铁路, 共有 10 个车站, 如果每个起点站到终点站只用一种车票(中间至少相隔 5 个车站), 那么这样的车票共有多少种?
- 43. 三年级一班参加运动会入场式, 排成一个方阵, 最外层一周的人数为 20 人, 问方阵最外层每边的人数是多少?这个方阵共有多少人?
- 44. 明明用围棋子摆成一个三层空心方阵, 如果最外层每边有围棋子 15 个, 明明 摆这个方阵最里层一周共有多少棋子?摆这个三层空心方阵共用了多少个棋子?
- 45. 王老师家的电话号码是一个七位数,把它前四位组成的数与后三位组成的数相加得到 9063,把它前三位组成的数与后四位组成的数相加得到 2529,求王老师家的号码?
- 46. 将一个四位数的各位顺序颠倒过来,得到一个新的四位数。如果新数比原数大 7902,那么在所有符合这样条件的四位数中,原数最大是多少?