Matrix Profile XIII: Time Series Snippets (A New Primitive for Time Series Data Mining)

1 概要

1.1 どんな論文?

Matrix Profile を用いて時系列データから頻繁に表れるような部分時系列 (snippets) を抽出

1.2 似ている手法

モチーフ検出、部分時系列クラスタリング、shapelets など

1.3 メリット

- 長い時系列から代表的な (頻繁に表れる) 部分時系列を抽出できる
- 抽出した snippets がどの程度支配的かの割合 (論文では coverage に対応) を得られる 論文中の例:

Patient Smith slept for 7.2 hours. This ten-second snippet (\(\to\)) accounts for 78% of his respiration, and this (\(\to\)) ten-second snippet accounts for 17% of his respiration. His maximum temperature was 98.7°...

図 1 train データの例

● ノイズに対してロバスト (MPdist を使っているから?)

2 手法

前提知識: matrix profile, MPdist snippets の長さをm に設定する。また、扱う時系列の長さをn とする。

- snippets の探索 (貪欲法)
 - Q = 値が全て Inf のベクトル (長さ <math>m n 1)
 - $C = \emptyset$ (snippets を格納するリスト)
 - 1. 時系列を n/m 等分する (等分された部分時系列を左から $T_1, T_2, \cdots, T_{n/m}$ とする)
 - 2. $T_1, T_2, \dots, T_{n/m}$ のそれぞれについて MPdist ベクトルを作成する
 - 3. for num=1:k
 - 各々の MPdist ベクトル D_i について ProfileArea を求める ProfileArea $_i = \text{sum}(\min(D_i, Q))$
 - $-j = \underset{i}{\operatorname{arg \; min}} \operatorname{ProfileArea}_{i}$ を計算し、 C_{num} に T_{j} を格納
 - $-Q = \min(D_i, Q)$ に更新
- coverage の求め方
 - $-T_i$ の coverage は、 T_i と Q で同じ値を取る時間点の割合

3 感想・メモ

- アルゴリズムはものすごく単純
- 貪欲法の部分はもう少し最適化できそうかも (精度的に)
- 得られたすべての snippets の coverage を足すと必ず 100%(以上) になる
- 計算オーダーが $O(n^2 \times (n-m)/m)$

 $(O(n^2):$ それぞれの部分時系列に対しての MPdist ベクトルの計算量、O((n-m)/m): 等分された部分時系列の数)

らしいが、等分された部分時系列の長さは m なので、 $\mathrm{O}(nm \times (n-m)/m) = \mathrm{O}(n \times (n-m))$ のような気がする・・・

 $(n\gg m$ の時,前者と後者のオーダーがそれぞれ $O(n^3)$ と $O(n^2)$ となり大きな差があるので、どちらが合っているのか要調査)