Wymagania edukacyjne niezbędne do otrzymania przez ucznia klasy 4 Szkoły Podstawowej poszczególnych śródrocznych i rocznych ocen klasyfikacyjnych z matematyki, wynikające z programu nauczania matematyki w klasach 4–8 w szkole podstawowej "Matematyka z plusem" M. Jucewicz, M. Karpiński, J. Lech

Ocena	Zakres umiejętności	Zakres wiedzy
CELUJĄCY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki, nawet o podwyższonym stopniu trudności; • rozwiązuje problemy matematyczne oraz zadania nietypowe; • rozwiązuje zadania na dowodzenie; • proponuje nietypowe sposoby rozwiązywania zadań; • biegle posługuje się zdobytą wiedzą; • rozwija własne uzdolnienia matematyczne; • bierze udział w konkursach matematycznych i osiąga w nich sukcesy.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie lub posiada wiedzę wykraczającą poza podstawę programową.
BARDZO DOBRY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki • samodzielnie rozwiązuje złożone zadania tekstowe, również nietypowe; • rozwiązuje proste zadania na dowodzenie; • sprawnie posługuje się językiem matematycznym; • potrafi połączyć i zastosować zdobytą wiedzę z różnych działów matematyki; • wykazuje umiejętność wnioskowania i logicznego rozumowania.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOBRY DOSTATECZNY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki o średnim stopniu trudności; • rozwiązuje samodzielnie typowe zadania tekstowe, również złożone; • poprawnie stosuje zdobytą wiedzę; • posługuje się językiem matematycznym. Uczeń: • wykonuje proste obliczenia rachunkowe;	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. Uczeń: • opanował podstawowe
	 zna algorytmy działań, ale czasami robi błędy rachunkowe; rozwiązuje typowe zadania o średnim stopniu trudności; zadania złożone rozwiązuje z pomocą nauczyciela; samodzielnie formułuje proste wnioski. 	wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOPUSZCZAJĄCY	 Uczeń: popełnia błędy w prostych obliczeniach rachunkowych; rozwiązuje zadania o niewielkim stopniu trudności, jego praca jest wspomagana przez nauczyciela; intuicyjnie rozumie podstawowe pojęcia. 	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej nie uniemożliwiają mu opanowania podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.
NIEDOSTATECZNY	 Uczeń: ma problemy z wykonywaniem prostych obliczeń, popełnia błędy rachunkowe oraz wynikające z nieznajomości podstawowych algorytmów; nie potrafi samodzielnie rozwiązać prostych zadań, ma trudności z ich rozwiązaniem nawet przy pomocy nauczyciela; nie zna podstawowych pojęć matematycznych. 	Uczeń: • nie opanował wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej uniemożliwiają mu opanowanie podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.

Treści nauczania i umiejętności – wymagania szczegółowe z podstawy programowej, realizowane w klasie czwartej. (numeracja zgodna z podstawą programową)

I. Liczby naturalne w dziesiątkowym układzie pozycyjnym. Uczeń:

- 1) odczytuje i zapisuje liczby naturalne wielocyfrowe
- 2) interpretuje liczby naturalne na osi liczbowej
- 3) porównuje liczby naturalne
- 5) liczby w zakresie do 3000 zapisane w systemie rzymskim przedstawia w systemie dziesiątkowym, a zapisane w systemie dziesiątkowym przedstawia w systemie rzymskim

II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń:

- 1) dodaje i odejmuje w pamięci liczby naturalne dwucyfrowe lub większe, liczbę jednocyfrową dodaje do dowolnej liczby naturalnej i odejmuje od dowolnej liczby naturalnej
- 2) dodaje i odejmuje liczby naturalne wielocyfrowe pisemnie i za pomocą kalkulatora
- 3) mnoży i dzieli liczbę naturalną przez liczbę naturalną jednocyfrową, dwucyfrową lub trzycyfrową pisemnie, w pamięci (w najprostszych przykładach) i za pomocą kalkulatora (w trudniejszych przykładach)
- 4) wykonuje dzielenie z resztą liczb naturalnych
- 5) stosuje wygodne dla niego sposoby ułatwiające obliczenia, w tym przemienność i łączność dodawania i mnożenia oraz rozdzielność mnożenia względem dodawania
- 6) porównuje różnicowo i ilorazowo liczby naturalne
- 10) oblicza kwadraty i sześciany liczb naturalnych
- 11) stosuje reguły dotyczące kolejności wykonywania działań
- 14) rozpoznaje wielokrotności danej liczby, kwadraty, sześciany, liczby pierwsze, liczby złożone
- 15) odpowiada na pytania dotyczące liczebności zbiorów różnych rodzajów liczb wśród liczb z pewnego niewielkiego zakresu (np. od 1 do 200 czy od 100 do 1000), o ile liczba w odpowiedzi jest na tyle mała, że wszystkie rozważane liczby uczeń może wypisać
- 17) wyznacza wynik dzielenia z resztą liczby a przez liczbę b i zapisuje liczbę a w postaci: $a = b \cdot q + r$

IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń:

- 1) opisuje część danej całości za pomocą ułamka
- 2) przedstawia ułamek jako iloraz liczb naturalnych,
- a iloraz liczb naturalnych jako ułamek
- 3) skraca i rozszerza ułamki zwykłe
- 5) przedstawia ułamki niewłaściwe w postaci liczby mieszanej a liczbę mieszaną w postaci ułamka niewłaściwego
- 6) zapisuje wyrażenia dwumianowane w postaci ułamka dziesiętnego i odwrotnie
- 7) zaznacza ułamki zwykłe i dziesiętne na osi liczbowej oraz odczytuje ułamki zwykłe i dziesiętne zaznaczone na osi
- 8) zapisuje ułamek dziesiętny skończony w postaci ułamka zwykłego
- 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne)

V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń:

- 1) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki zwykłe o mianownikach jedno lub dwucyfrowych, a także liczby mieszane
- 2) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki dziesiętne w pamięci (w najprostszych przykładach), pisemnie i za pomocą kalkulatora (w trudniejszych przykładach)
- 8) wykonuje działania na ułamkach dziesiętnych, używając własnych, poprawnych strategii lub z pomocą kalkulatora

VII. Proste i odcinki. Uczeń:

- 1) rozpoznaje i nazywa figury: punkt, prosta, półprosta, odcinek
- 2) rozpoznaje odcinki i proste prostopadłe i równoległe
- 3) rysuje pary odcinków prostopadłych i równoległych
- 4) mierzy długość odcinka z dokładnością do 1 milimetra

VIII. Katy. Uczeń:

- 1) wskazuje w dowolnym kącie ramiona i wierzchołek
- 2) mierzy kąty mniejsze od 180 stopni z dokładnością do 1 stopnia
- 3) rysuje kąt o mierze mniejszej niż 180 stopni
- 4) rozpoznaje kąt prosty, ostry i rozwarty
- 5) porównuje kąty

IX. Wielokąty, koła, okręgi. Uczeń:

- 4) rozpoznaje i nazywa: kwadrat, prostokat, romb, równoległobok i trapez
- 5) zna najważniejsze własności kwadratu, prostokąta, rombu, równoległoboku i trapezu, rozpoznaje figury osiowosymetryczne i wskazuje osie symetrii
- 6) wskazuje na rysunku cięciwę, średnicę oraz promień koła i okręgu

7) rysuje cięciwę koła i okręgu, a także, jeżeli dany jest środek okręgu, promień i średnicę

X. Bryły. Uczeń:

4) rysuje siatki prostopadłościanów

XI. Obliczenia w geometrii. Uczeń:

- 1) oblicza obwód wielokąta o danych długościach boków
- 2) oblicza pola: kwadratu, prostokąta, rombu, równoległoboku, trójkąta, trapezu, przedstawionych na rysunku oraz w sytuacjach praktycznych, w tym także danych wymagających zamiany jednostek i w sytuacjach z nietypowymi wymiarami, na przykład pole trójkąta o boku 1 km i wysokości 1mm
- 3) stosuje jednostki pola: m2, cm2, km2, mm2, dm2, ar, hektar (bez zamiany jednostek w trakcie obliczeń)
- 5) oblicza objętość i pole powierzchni prostopadłościanu przy danych długościach krawędzi

XII. Obliczenia praktyczne. Uczeń:

- 3) wykonuje proste obliczenia zegarowe na godzinach, minutach i sekundach
- 4) wykonuje proste obliczenia kalendarzowe na dniach, tygodniach, miesiącach, latach
- 6) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki długości: metr, centymetr, decymetr, milimetr, kilometr
- 7) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki masy: gram, kilogram, dekagram, tona
- 8) oblicza rzeczywistą długość odcinka, gdy dana jest jego długość w skali, oraz długość odcinka w skali, gdy dana jest jego rzeczywista długość

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami
- 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania np. poprzez szacowanie, sprawdzanie wszystkich warunków zadania, ocenianie rzędu wielkości otrzymanego wyniku

Dostosowanie wymagań edukacyjnych z matematyki. Klasa 4.

1. Uczniowie z orzeczeniem do kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **zaburzeniami rozwojowymi** (niesłyszenie, niedosłyszenie, niewidzenie, niedowidzenie, niepełnosprawność ruchowa w tym afazja, upośledzenie umysłowe, autyzm, zespół Aspergera, niepełnosprawności sprzężone, choroby przewlekłe, niedostosowanie społeczne, zagrożenie niedostosowaniem społecznym) wymagają stosowania specjalnej organizacji nauki i dlatego mają dostosowane treści, metody i warunki pracy określone przez IPET z uwzględnieniem ustaleń zawartych w orzeczeniu o potrzebie kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **upośledzeniem w stopniu lekkim** mają tak dostosowane metody pracy, formy organizacyjne oraz środki dydaktyczne aby zapewnić im ich ustawiczny rozwój.

W pracy z takimi uczniami stosuje się metody praktycznego działania, zadawania pytań, formułowania problemów, eksperymenty i doświadczenia. Korzystanie z takich środków dydaktycznych jak modele, filmy, plansze, interaktywne wizualizacje ma umożliwić uczniowi zrozumienie istoty zagadnienia czy zadania.

Uczniowie niedowidzący czy niedosłyszący mają następujące udogodnienia:

- możliwość siedzenia w miejscu o najlepszej widoczności czy słyszalności,
- praca z tekstem w wersji powiększonej,
- podawanie modeli i przedmiotów do obejrzenia z bliska,
- wydłużenie czasu na wykonanie określonych zadań,
- uproszczenie konstrukcji geometrycznych, wykresów czy schematów czy wykonywaniu ich na większym formacie.

Dostosowania dla uczniów z adhd polegają na:

- pomaganiu uczniowi w skupieniu się na wykonywaniu jednej czynności,
- dzielenie zadań na mniejsze możliwe do zrealizowania etapy,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń,
- zadawanie małych partii materiału do nauki,
- modyfikowaniu zadań domowych (skracanie ilości przykładów), tłumaczenie poleceń zadania domowego,
- zmniejszanie materiału przepisywanego z tablicy do zeszytu,
- dzielenie dłuższych sprawdzianów na części, wydłużanie czasu odpowiedzi,

- angażowanie ucznia w konkretne działania,
- przypominanie o regułach,
- pomaganie uczniowi w rozładowywania napięcia, takimi sposobami, które byłyby akceptowane w klasie,
- koncentrowanie uwagi ucznia na istotnych elementach lekcji w celu lepszego zapamiętania treści.

2. Uczniowie z opinią poradni psychologiczno-pedagogicznej.

Uczniowie ze specyficznymi trudnościami w uczeniu się (**dysgrafia, dysleksja, dyskalkulia**) - mają dostosowane wymagania, formy i metody pracy w zależności od rodzaju dysfunkcji.

Dostosowania dla uczniów o specyficznych trudnościach w uczeniu się:

- krótkie, precyzyjne polecenia, ewentualnie dodatkowe instrukcje wyjaśniające pytanie,
- sprecyzowanie materiału z którego uczeń ma być odpytany, częste sprawdzanie wiedzy z krótkich części materiału.
- rozłożenie w czasie, przypominanie i utrwalanie tabliczki mnożenia oraz algorytmów działań,
- sprawdzenie stopnia zrozumienia zadania tekstowego w trakcie jego rozwiązania, dodatkowe instrukcje, wyjaśnienie treści,
- większa ilość czasu podczas prac pisemnych lub zmniejszenie ilości zadań (stosowane zamiennie),
- dzielenie materiału na mniejsze partie,
- możliwość odpytywania z ławki albo tylko w formie pisemnej czy w przypadku młodszych dzieci również po lekcjach,
- uwzględnianie trudności związanych z myleniem znaków działań, przestawianiem cyfr, pomijaniem przecinka czy zer w dużych liczbach, błędnym zapisywaniu znaków działań czy nierówności,
- podczas oceniania ucznia z dysgrafią uwzględnienie niskiego poziomu graficznego wykresów i rysunków,
- możliwość wykonania nawet prostych rachunków na kartce, bez konieczności liczenia w pamieci,
- podczas wykonywania ścisłych operacji wymagających wielokrotnych przekształceń, czy przekształceń wzorów umożliwienie uczniowi ustne skomentowanie wykonywanych działań czy sposobu postępowania,
- w niektórych przypadkach możliwość korzystania z gotowych wzorów czy tablic,
- w przypadku ucznia z dysgrafią zachęcanie do pisania drukowanymi literami,
- zwrócenie uwagi na trudności z wyobraźnią przestrzenną, dodatkowe wskazówki w zadaniach tego typu
- tolerancyjne ocenianie ucznia przy opanowaniu różnego rodzaju terminologii matematycznej i zapamiętywaniu definicji i reguł czy wzorów matematycznych,
- w przypadku uczniów z dyskalkulią ocenianie toku rozumowania, nawet, gdyby ostateczny wynik zadania był błędny, co wynikać może z pomyłek rachunkowych.

W przypadku uczniów **z odchyleniami rozwojowymi** tj. inteligencją niższą niż przeciętna sposoby dostosowania wymagań edukacyjnych uwzględniają możliwości psychoedukacyjne dziecka i polegają na:

- częstym odwoływaniu się do konkretu (np. graficzne przedstawianie treści zadań),
- omawianiu niewielkich partii materiału i o mniejszym stopniu trudności, nie ograniczając jednak podstawy programowej,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń i dzielenie złożonych na bardziej zrozumiałe części,
- wydłużanie czasu na wykonanie zadania,
- dodatkowe wskazówki i instrukcje podczas samodzielnej pracy, mobilizowanie do wysiłku i ukończenia zadania.
- modyfikacja zadań domowych,
- większej ilości czasu i powtórzeń dla przyswojenia danej partii materiału.

W przypadku uczniów **uzdolnionych matematycznie** stosuje się indywidualizację nauczania i stopniowanie trudności zadań dodatkowych. Zadania mają być tak pomyślane by były z jednej strony dla ucznia wyzwaniem, a z drugiej ich rozwiązanie stanowiło dla ucznia satysfakcję i motywację do dalszej pracy.

Wymagania edukacyjne niezbędne do otrzymania przez ucznia klasy 5 Szkoły Podstawowej poszczególnych śródrocznych i rocznych ocen klasyfikacyjnych z matematyki, wynikające z programu nauczania matematyki dla klas 4-8 "Matematyka z plusem" M. Jucewicz, M. Karpiński, J. Lech

Wymagania edukacyjne na poszczególne oceny

Ocena	Zakres umiejętności	Zakres wiedzy
CELUJĄCY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki, nawet o podwyższonym stopniu trudności; • rozwiązuje problemy matematyczne oraz zadania nietypowe; • rozwiązuje zadania na dowodzenie; • proponuje nietypowe sposoby rozwiązywania zadań; • biegle posługuje się zdobytą wiedzą; • rozwija własne uzdolnienia matematyczne; • bierze udział w konkursach matematycznych i osiąga w nich sukcesy.	Uczeń: opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie lub posiada wiedzę wykraczającą poza podstawę programową.
BARDZO DOBRY	Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki samodzielnie rozwiązuje złożone zadania tekstowe, również nietypowe; rozwiązuje proste zadania na dowodzenie; sprawnie posługuje się językiem matematycznym; potrafi połączyć i zastosować zdobytą wiedzę z różnych działów matematyki; wykazuje umiejętność wnioskowania i logicznego rozumowania.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOBRY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki o średnim stopniu trudności; • rozwiązuje samodzielnie typowe zadania tekstowe, również złożone; • poprawnie stosuje zdobytą wiedzę; • posługuje się językiem matematycznym.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie.
DOSTATECZNY	Uczeń: • wykonuje proste obliczenia rachunkowe; • zna algorytmy działań, ale czasami robi błędy rachunkowe; • rozwiązuje typowe zadania o średnim stopniu trudności; • zadania złożone rozwiązuje z pomocą nauczyciela; • samodzielnie formułuje proste wnioski.	Uczeń: opanował podstawowe wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOPUSZCZAJĄCY	Uczeń: • popełnia błędy w prostych obliczeniach rachunkowych; • rozwiązuje zadania o niewielkim stopniu trudności, jego praca jest wspomagana przez nauczyciela; • intuicyjnie rozumie podstawowe pojęcia.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej nie uniemożliwiają mu opanowania podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.
NIEDOSTATECZNY	 Uczeń: ma problemy z wykonywaniem prostych obliczeń, popełnia błędy rachunkowe oraz wynikające z nieznajomości podstawowych algorytmów; nie potrafi samodzielnie rozwiązać prostych zadań, ma trudności z ich rozwiązaniem nawet przy pomocy nauczyciela; nie zna podstawowych pojęć matematycznych. 	Uczeń: • nie opanował wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej uniemożliwiają mu opanowanie podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.

Treści nauczania i umiejętności – wymagania szczegółowe z podstawy programowej, realizowane w klasie piątej. (numeracja zgodna z podstawą programową)

I. Liczby naturalne w dziesiątkowym układzie pozycyjnym. Uczeń:

5) liczby w zakresie do 3000 zapisane w systemie rzymskim przedstawia w systemie dziesiątkowym, a zapisane w systemie dziesiątkowym przedstawia w systemie rzymskim.

II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń:

- 1) dodaje i odejmuje w pamięci liczby naturalne dwucyfrowe lub większe, liczbę jednocyfrową dodaje do dowolnej liczby naturalnej i odejmuje od dowolnej liczby naturalnej;
- 2) dodaje i odejmuje liczby naturalne wielocyfrowe pisemnie, a także za pomocą kalkulatora;
- 3) mnoży i dzieli liczbę naturalną przez liczbę naturalną jednocyfrową, dwucyfrową lub trzycyfrową pisemnie, w pamięci (w najprostszych przykładach) i za pomocą kalkulatora (w trudniejszych przykładach);
- 4) wykonuje dzielenie z resztą liczb naturalnych;
- 5) stosuje wygodne dla niego sposoby ułatwiające obliczenia, w tym przemienność i łączność dodawania i mnożenia oraz rozdzielność mnożenia względem dodawania;
- 6) porównuje różnicowo i ilorazowo liczby naturalne;
- 7) rozpoznaje liczby naturalne podzielne przez 2, 3, 4, 5, 9, 10, 100;
- 8) rozpoznaje liczbę złożoną, gdy jest ona jednocyfrowa lub dwucyfrowa, a także, gdy na istnienie dzielnika wskazuje poznana cecha podzielności;
- 9) rozkłada liczby dwucyfrowe na czynniki pierwsze;
- 10) oblicza kwadraty i sześciany liczb naturalnych;
- 11) stosuje reguły dotyczące kolejności wykonywania działań;
- 12) szacuje wyniki działań;
- 14) rozpoznaje wielokrotności danej liczby, kwadraty, sześciany, liczby pierwsze, liczby złożone;
- 16) rozkłada liczby naturalne na czynniki pierwsze, w przypadku gdy co najwyżej jeden z tych czynników jest liczbą większą niż 10;
- 17) wyznacza wynik dzielenia z resztą liczby a przez liczbę b i zapisuje liczbę a w postaci: $a = b \cdot q + r$.

III. Liczby całkowite. Uczeń:

- 1) podaje praktyczne przykłady stosowania liczb ujemnych;
- 2) interpretuje liczby całkowite na osi liczbowej;
- 4) porównuje liczby całkowite;
- 5) wykonuje proste rachunki pamięciowe na liczbach całkowitych.

IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń:

- 1) opisuje część danej całości za pomocą ułamka;
- 2) przedstawia ułamek jako iloraz liczb naturalnych, a iloraz liczb naturalnych jako ułamek zwykły;
- 3) skraca i rozszerza ułamki zwykłe;
- 4) sprowadza ułamki zwykłe do wspólnego mianownika;
- 5) przedstawia ułamki niewłaściwe w postaci liczby mieszanej, a liczbę mieszaną w postaci ułamka niewłaściwego;
- 6) zapisuje wyrażenia dwumianowane w postaci ułamka dziesiętnego i odwrotnie;
- 7) zaznacza i odczytuje ułamki zwykłe i dziesiętne na osi liczbowej oraz odczytuje ułamki zwykłe i dziesiętne zaznaczone na osi liczbowej;
- 8) zapisuje ułamki dziesiętne skończone w postaci ułamków zwykłych;
- 9) zamienia ułamki zwykłe o mianownikach będących dzielnikami liczb 10, 100, 1 000 itd. na ułamki dziesiętne skończone dowolną metodą (przez rozszerzanie lub skracanie ułamków zwykłych, dzielenie licznika przez mianownik w pamięci, pisemnie lub za pomocą kalkulatora);
- 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne).

V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń:

- 1) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki zwykłe o mianownikach jedno- lub dwucyfrowych, a także liczby mieszane;
- 2) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki dziesiętne w pamięci (w najprostszych przykładach), pisemnie i za pomocą kalkulatora (w trudniejszych przykładach);
- 3) wykonuje nieskomplikowane rachunki, w których występują jednocześnie ułamki zwykłe i dziesiętne;
- 4) porównuje ułamki z wykorzystaniem ich różnicy;
- 5) oblicza ułamek danej liczby całkowitej;
- 6) oblicza kwadraty i sześciany ułamków zwykłych i dziesiętnych oraz liczb mieszanych;
- 7) oblicza wartości prostych wyrażeń arytmetycznych, stosując reguły dotyczące kolejności wykonywania działań.

VII. Proste i odcinki. Uczeń:

- 1) rozpoznaje i nazywa figury: punkt, prosta, półprosta, odcinek;
- 2) rozpoznaje proste i odcinki prostopadłe i równoległe
- 3) rysuje pary odcinków prostopadłych i równoległych.

VIII. Katy. Uczeń:

1) wskazuje w dowolnym kącie ramiona i wierzchołek;

- 2) mierzy kąty mniejsze od 180 stopni z dokładnością do 1 stopnia;
- 3) rysuje kat o mierze mniejszej niż 180 stopni;
- 4) rozpoznaje kat prosty, ostry i rozwarty;
- 5) porównuje kąty;
- 6) rozpoznaje kąty wierzchołkowe i kąty przyległe oraz korzysta z ich własności.

IX. Wielokaty, koła i okręgi. Uczeń:

- 1) rozpoznaje i nazywa trójkaty ostrokatne, prostokatne i rozwartokatne, równoboczne i równoramienne;
- 2) konstruuje trójkat o trzech danych bokach; ustala możliwość zbudowania trójkata (na podstawie nierówności trójkata);
- 3) stosuje twierdzenie o sumie kątów wewnętrznych trójkąta;
- 4) rozpoznaje i nazywa: kwadrat, prostokat, romb, równoległobok i trapez;
- 5) zna najważniejsze własności kwadratu, prostokąta, rombu, równoległoboku i trapezu, rozpoznaje figury osiowosymetryczne i wskazuje osie symetrii figur;
- 8) w trójkącie równoramiennym wyznacza przy danym jednym kącie miary pozostałych kątów oraz przy danych obwodzie i długości jednego boku długości pozostałych boków.

X. Bryły. Uczeń:

- 1) rozpoznaje graniastosłupy proste, ostrosłupy, walce, stożki i kule w sytuacjach praktycznych i wskazuje te bryły wśród innych modeli brył;
- 2) wskazuje wśród graniastosłupów prostopadłościany i sześciany i uzasadnia swój wybór;
- 3) rozpoznaje siatki graniastosłupów prostych i ostrosłupów;
- 4) rysuje siatki prostopadłościanów.

XI. Obliczenia w geometrii. Uczeń:

- 1) oblicza obwód wielokata o danych długościach boków;
- 2) oblicza pola: trójkąta, kwadratu, prostokąta, rombu, równoległoboku, trapezu, przedstawionych na rysunku oraz w sytuacjach praktycznych, w tym także dla danych wymagających zamiany jednostek i w sytuacjach z nietypowymi wymiarami, na przykład pole trójkąta o boku 1 km i wysokości 1 mm;
- 3) stosuje jednostki pola: m², cm², km², mm², dm², ar, hektar (bez zamiany jednostek w trakcie obliczeń);
- 4) oblicza pola wielokątów metodą podziału na mniejsze wielokąty lub uzupełniania do większych wielokątów jak w sytuacjach:
- 5) oblicza objętość i pole powierzchni prostopadłościanu przy danych długościach krawędzi;
- 6) stosuje jednostki objętości i pojemności: litr, mililitr, dm³, m³, cm³, mm³;
- 7) oblicza miary kątów, stosując przy tym poznane własności kątów i wielokątów.

XII. Obliczenia praktyczne. Uczeń:

- 3) wykonuje proste obliczenia zegarowe na godzinach, minutach i sekundach;
- 4) wykonuje proste obliczenia kalendarzowe na dniach, tygodniach, miesiącach, latach;
- 5) odczytuje temperaturę (dodatnią i ujemną);
- 6) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki długości: milimetr, centymetr, decymetr, metr, kilometr;
- 7) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki masy: gram, dekagram, kilogram, tona.

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki i geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe, a także własne poprawne metody.

Dostosowanie wymagań edukacyjnych z matematyki. Klasa 5.

1. Uczniowie z orzeczeniem do kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **zaburzeniami rozwojowymi** (niesłyszenie, niedosłyszenie, niewidzenie, niedowidzenie, niepełnosprawność ruchowa w tym afazja, upośledzenie umysłowe, autyzm, zespół Aspergera, niepełnosprawności sprzężone, choroby przewlekłe, niedostosowanie społeczne, zagrożenie niedostosowaniem społecznym) wymagają stosowania specjalnej organizacji nauki i dlatego mają dostosowane treści, metody i warunki pracy określone przez IPET z uwzględnieniem ustaleń zawartych w orzeczeniu o potrzebie kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **upośledzeniem w stopniu lekkim** mają tak dostosowane metody pracy, formy organizacyjne oraz środki dydaktyczne aby zapewnić im ich ustawiczny rozwój.

W pracy z takimi uczniami stosuje się metody praktycznego działania, zadawania pytań, formułowania problemów, eksperymenty i doświadczenia. Korzystanie z takich środków dydaktycznych jak modele, filmy, plansze, interaktywne wizualizacje ma umożliwić uczniowi zrozumienie istoty zagadnienia czy zadania.

Uczniowie niedowidzący czy niedosłyszący mają następujące udogodnienia:

- możliwość siedzenia w miejscu o najlepszej widoczności czy słyszalności,
- praca z tekstem w wersji powiększonej,

- podawanie modeli i przedmiotów do obejrzenia z bliska,
- wydłużenie czasu na wykonanie określonych zadań,
- uproszczenie konstrukcji geometrycznych, wykresów czy schematów czy wykonywaniu ich na większym formacie.

Dostosowania dla uczniów z adhd polegają na:

- pomaganiu uczniowi w skupieniu się na wykonywaniu jednej czynności,
- dzielenie zadań na mniejsze możliwe do zrealizowania etapy,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń,
- zadawanie małych partii materiału do nauki,
- modyfikowaniu zadań domowych (skracanie ilości przykładów), tłumaczenie poleceń zadania domowego,
- zmniejszanie materiału przepisywanego z tablicy do zeszytu,
- dzielenie dłuższych sprawdzianów na części, wydłużanie czasu odpowiedzi,
- angażowanie ucznia w konkretne działania,
- przypominanie o regułach,
- pomaganie uczniowi w rozładowywania napięcia, takimi sposobami, które byłyby akceptowane w klasie,
- koncentrowanie uwagi ucznia na istotnych elementach lekcji w celu lepszego zapamiętania treści.

2. Uczniowie z opinią poradni psychologiczno-pedagogicznej.

Uczniowie ze specyficznymi trudnościami w uczeniu się (**dysgrafia**, **dysleksja**, **dyskalkulia**) - mają dostosowane wymagania, formy i metody pracy w zależności od rodzaju dysfunkcji.

Dostosowania dla uczniów o specyficznych trudnościach w uczeniu się:

- krótkie, precyzyjne polecenia, ewentualnie dodatkowe instrukcje wyjaśniające pytanie,
- sprecyzowanie materiału z którego uczeń ma być odpytany, częste sprawdzanie wiedzy z krótkich części materiału,
- rozłożenie w czasie, przypominanie i utrwalanie tabliczki mnożenia oraz algorytmów działań,
- sprawdzenie stopnia zrozumienia zadania tekstowego w trakcie jego rozwiązania, dodatkowe instrukcje, wyjaśnienie treści.
- większa ilość czasu podczas prac pisemnych lub zmniejszenie ilości zadań (stosowane zamiennie),
- dzielenie materiału na mniejsze partie,
- możliwość odpytywania z ławki albo tylko w formie pisemnej czy w przypadku młodszych dzieci również po lekcjach,
- uwzględnianie trudności związanych z myleniem znaków działań, przestawianiem cyfr, pomijaniem przecinka czy zer w dużych liczbach, błędnym zapisywaniu znaków działań czy nierówności,
- podczas oceniania ucznia z dysgrafią uwzględnienie niskiego poziomu graficznego wykresów i rysunków,
- możliwość wykonania nawet prostych rachunków na kartce, bez konieczności liczenia w pamięci,
- podczas wykonywania ścisłych operacji wymagających wielokrotnych przekształceń, czy przekształceń wzorów umożliwienie uczniowi ustne skomentowanie wykonywanych działań czy sposobu postępowania,
- w niektórych przypadkach możliwość korzystania z gotowych wzorów czy tablic,
- w przypadku ucznia z dysgrafią zachęcanie do pisania drukowanymi literami,
- zwrócenie uwagi na trudności z wyobraźnią przestrzenną, dodatkowe wskazówki w zadaniach tego typu
- tolerancyjne ocenianie ucznia przy opanowaniu różnego rodzaju terminologii matematycznej i zapamiętywaniu definicji i reguł czy wzorów matematycznych,
- w przypadku uczniów z dyskalkulią ocenianie toku rozumowania, nawet, gdyby ostateczny wynik zadania był błędny, co wynikać może z pomyłek rachunkowych.

W przypadku uczniów **z odchyleniami rozwojowymi** tj. inteligencją niższą niż przeciętna sposoby dostosowania wymagań edukacyjnych uwzględniają możliwości psychoedukacyjne dziecka i polegają na:

- częstym odwoływaniu się do konkretu (np. graficzne przedstawianie treści zadań),
- omawianiu niewielkich partii materiału i o mniejszym stopniu trudności, nie ograniczając jednak podstawy programowej,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń i dzielenie złożonych na bardziej zrozumiałe części,
- wydłużanie czasu na wykonanie zadania,
- dodatkowe wskazówki i instrukcje podczas samodzielnej pracy, mobilizowanie do wysiłku i ukończenia zadania,
- modyfikacja zadań domowych,
- większej ilości czasu i powtórzeń dla przyswojenia danej partii materiału.

W przypadku uczniów **uzdolnionych matematycznie** stosuje się indywidualizację nauczania i stopniowanie trudności zadań dodatkowych. Zadania mają być tak pomyślane by były z jednej strony dla ucznia wyzwaniem, a z drugiej ich rozwiązanie stanowiło dla ucznia satysfakcję i motywację do dalszej pracy.

Wymagania edukacyjne niezbędne do otrzymania przez ucznia klasy 6 Szkoły Podstawowej poszczególnych śródrocznych i rocznych ocen klasyfikacyjnych z matematyki, wynikające z programu nauczania matematyki dla klas 4-8 Matematyka z plusem - M. Jucewicz, M. Karpiński, J. Lech

Ocena	Zakres umiejętności	Zakres wiedzy
CELUJĄCY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki, nawet o podwyższonym stopniu trudności; • rozwiązuje problemy matematyczne oraz zadania nietypowe; • rozwiązuje zadania na dowodzenie; • proponuje nietypowe sposoby rozwiązywania zadań; • biegle posługuje się zdobytą wiedzą; • rozwija własne uzdolnienia matematyczne; • bierze udział w konkursach matematycznych i osiąga w nich sukcesy.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie lub posiada wiedzę wykraczającą poza podstawę programową.
BARDZO DOBRY	Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki samodzielnie rozwiązuje złożone zadania tekstowe, również nietypowe; rozwiązuje proste zadania na dowodzenie; sprawnie posługuje się językiem matematycznym; potrafi połączyć i zastosować zdobytą wiedzę z różnych działów matematyki; wykazuje umiejętność wnioskowania i logicznego rozumowania.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOBRY	Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki o średnim stopniu trudności; rozwiązuje samodzielnie typowe zadania tekstowe, również złożone; poprawnie stosuje zdobytą wiedzę; posługuje się językiem matematycznym.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie.
DOSTATECZNY	 Uczeń: wykonuje proste obliczenia rachunkowe; zna algorytmy działań, ale czasami robi błędy rachunkowe; rozwiązuje typowe zadania o średnim stopniu trudności; zadania złożone rozwiązuje z pomocą nauczyciela; samodzielnie formułuje proste wnioski. 	Uczeń: • opanował podstawowe wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOPUSZCZAJĄCY	Uczeń: • popełnia błędy w prostych obliczeniach rachunkowych; • rozwiązuje zadania o niewielkim stopniu trudności, jego praca jest wspomagana przez nauczyciela; • intuicyjnie rozumie podstawowe pojęcia.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej nie uniemożliwiają mu opanowania podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.
NIEDOSTATECZNY	 Uczeń: ma problemy z wykonywaniem prostych obliczeń, popełnia błędy rachunkowe oraz wynikające z nieznajomości podstawowych algorytmów; nie potrafi samodzielnie rozwiązać prostych zadań, ma trudności z ich rozwiązaniem nawet przy pomocy nauczyciela; nie zna podstawowych pojęć matematycznych. 	Uczeń: • nie opanował wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej uniemożliwiają mu opanowanie podstawowej wiedzy w dalszym • etapie nauki.

Treści nauczania i umiejętności – wymagania szczegółowe z podstawy programowej, realizowane w klasie szóstej. (numeracja zgodna z podstawą programową)

LICZBY NATURALNE I UŁAMKI

I. Liczby naturalne w dziesiątkowym układzie pozycyjnym. Uczeń:

- 1) odczytuje i zapisuje liczby naturalne wielocyfrowe;
- 2) interpretuje liczby naturalne na osi liczbowej;
- 3) porównuje liczby naturalne.
- 4) zaokrągla liczby naturalne.
- 5) liczby w zakresie do 3 000 zapisane w systemie rzymskim przedstawia w systemie dziesiątkowym, a zapisane w systemie dziesiątkowym przedstawia w systemie rzymskim;

II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń:

- 1) dodaje i odejmuje w pamięci liczby naturalne dwucyfrowe lub większe, liczbę jednocyfrową dodaje do dowolnej liczby naturalnej i odejmuje od dowolnej liczby naturalnej;
- 2) dodaje i odejmuje liczby naturalne wielocyfrowe sposobem pisemnym i za pomocą kalkulatora;
- 3) mnoży i dzieli liczbę naturalną przez liczbę naturalną jednocyfrową, dwucyfrową lub trzycyfrową (...) w pamięci (w najprostszych przykładach) (...);
- 4) wykonuje dzielenie z resztą liczb naturalnych;
- 5) stosuje wygodne dla siebie sposoby ułatwiające obliczenia, w tym przemienność i łączność dodawania i mnożenia oraz rozdzielność mnożenia względem dodawania;
- 6) porównuje liczby naturalne z wykorzystaniem ich różnicy lub ilorazu;
- 9) rozkłada liczby dwucyfrowe na czynniki pierwsze;
- 10) oblicza kwadraty i sześciany liczb naturalnych;
- 11) stosuje reguły dotyczące kolejności wykonywania działań;
- 13) znajduje największy wspólny dzielnik (NWD) (...)oraz wyznacza najmniejszą wspólną wielokrotność dwóch liczb naturalnych (...);
- 16) rozkłada liczby naturalne na czynniki pierwsze, w przypadku gdy co najwyżej jeden z tych czynników jest liczbą większą niż 10;
- 17) wyznacza wynik dzielenia z resztą liczby a przez liczbę b i zapisuje liczbę a w postaci: $a = b \cdot q + r$.

IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń:

- 1) opisuje część danej całości za pomocą ułamka;
- 2) przedstawia ułamek jako iloraz liczb naturalnych, a iloraz liczb naturalnych jako ułamek zwykły;
- 3) skraca i rozszerza ułamki zwykłe;
- 4) sprowadza ułamki zwykłe do wspólnego mianownika;
- 5) przedstawia ułamki niewłaściwe w postaci liczby mieszanej, a liczbę mieszaną w postaci ułamka niewłaściwego;
- 7) zaznacza i odczytuje ułamki zwykłe (...) na osi liczbowej oraz odczytuje ułamki zwykłe (...) zaznaczone na osi liczbowej.
- 8) zapisuje ułamki dziesiętne skończone w postaci ułamków zwykłych;
- 9) zamienia ułamki zwykłe o mianownikach będących dzielnikami liczb 10, 100, 1000 itd. na ułamki dziesiętne skończone dowolną metodą (przez rozszerzanie lub skracanie ułamków zwykłych, dzielenie licznika przez mianownik w pamięci, pisemnie lub za pomocą kalkulatora);
- 10) zapisuje ułamki zwykłe o mianownikach innych niż wymienione w pkt. 9 w postaci rozwinięcia dziesiętnego nieskończonego (z użyciem wielokropka po ostatniej cyfrze), uzyskane w wyniku dzielenia licznika przez mianownik w pamięci, pisemnie lub za pomocą kalkulatora.
- 11) zaokrągla ułamki dziesiętne.
- 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne);
- 13) oblicza liczbę, której część jest podana (wyznacza całość, z której określono część za pomocą ułamka).
- 14) wyznacza liczbę, która powstaje po powiększeniu lub pomniejszeniu o pewną część innej liczby.

V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń:

- dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki zwykłe o mianownikach jedno- lub dwucyfrowych, a także liczby mieszane:
- 2) dodaje, odejmuje, mnoży i dzieli ułamki dziesiętne w pamięci (w przykładach najprostszych) (...);
- 3) wykonuje nieskomplikowane rachunki, w których występują jednocześnie ułamki zwykłe i dziesiętne;
- 4) porównuje ułamki z wykorzystaniem ich różnicy;
- 5) oblicza ułamek danej liczby całkowitej;
- 6) oblicza kwadraty i sześciany ułamków (...) dziesiętnych (...);
- oblicza wartość prostych wyrażeń arytmetycznych, stosując reguły dotyczące kolejności wykonywania działań;

- 8) wykonuje działania na ułamkach dziesiętnych, używając własnych, poprawnych strategii (...);
- 9) oblicza wartości wyrażeń arytmetycznych, wymagających stosowania działań na (...) liczbach zapisanych za pomocą ułamków zwykłych, liczb mieszanych (...).

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe;
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania;
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami;
- 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania;
- 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki (...) oraz nabyte umiejętności rachunkowe (...);
- 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania, np. poprzez szacowanie, sprawdzanie wszystkich warunków zadania, ocenianie rzędu wielkości otrzymanego wyniku.

FIGURY NA PŁASZCZYŹNIE

VII. Proste i odcinki. Uczeń:

- 1) rozpoznaje i nazywa figury: punkt, prosta, półprosta, odcinek;
- 2) rozpoznaje proste i odcinki prostopadłe i równoległe (...);
- 3) rysuje pary odcinków prostopadłych i równoległych;
- 5) znajduje odległość punktu od prostej.

VIII. Katy. Uczeń:

- 1) wskazuje w dowolnym kącie ramiona i wierzchołek;
- 2) mierzy z dokładnością do 1° kąty mniejsze niż 180°;
- 3) rysuje katy mniejsze od 180°;
- 4) rozpoznaje kąt prosty, ostry i rozwarty;
- 5) porównuje kąty;
- 6) rozpoznaje kąty wierzchołkowe i przyległe oraz korzysta z ich własności.

IX. Wielokaty, koła i okręgi. Uczeń:

- 1) rozpoznaje i nazywa trójkaty ostrokatne, prostokatne, rozwartokatne, równoboczne i równoramienne;
- 2) konstruuje trójkąt o danych trzech bokach i ustala możliwość zbudowania trójkąta na podstawie nierówności trójkąta;
- 3) stosuje twierdzenie o sumie kątów wewnętrznych trójkąta;
- 4) rozpoznaje i nazywa: kwadrat, prostokat, romb, równoległobok i trapez;
- 5) zna najważniejsze własności kwadratu, prostokąta, rombu, równoległoboku i trapezu (...);
- 6) wskazuje na rysunku cięciwę, średnicę oraz promień koła i okręgu;
- 7) rysuje cięciwę koła i okręgu, a także, jeśli dany jest środek okręgu, promień i średnicę.
- 8) w trójkącie równoramiennym wyznacza (...) przy danych obwodzie i długości jednego boku długości pozostałych boków.

XI. Obliczenia w geometrii. Uczeń:

- 1) oblicza obwód wielokąta o danych długościach boków.
- 7) oblicza miary kątów, stosując przy tym poznane własności kątów (...).

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe;
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania;
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami;
- 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania;
- 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu (...) geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe (...);
- 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania (...).

LICZBY NA CO DZIEŃ

XII. Obliczenia praktyczne. Uczeń:

- 3) wykonuje proste obliczenia zegarowe na godzinach, minutach i sekundach;
- 4) wykonuje proste obliczenia kalendarzowe na dniach, tygodniach, miesiacach, latach.
- 6) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki długości: milimetr, centymetr, decymetr, metr, kilometr;
- 7) zamienia i prawidłowo stosuje jednostki masy: gram, dekagram, kilogram, tona.
- 8) oblicza rzeczywistą długość odcinka, gdy dana jest jego długość w skali, oraz długość odcinka w skali, gdy dana jest jego rzeczywista długość.
- 9) w sytuacji praktycznej oblicza: (...) czas przy danej drodze i prędkości (...).

XIII. Elementy statystyki opisowej. Uczeń:

- 1) gromadzi i porządkuje dane;
- 2) odczytuje i interpretuje dane przedstawione w tekstach, tabelach, na diagramach (...), odczytuje i interpretuje dane przedstawione (...) na wykresach zjawiska przez określenie przebiegu zmiany wartości danych, na przykład z użyciem określenia "wartości rosną", "wartości maleją", "wartości są takie same" ("przyjmowana wartość jest stała").

POLA WIELOKATÓW

XI. Obliczenia w geometrii. Uczeń:

- 2) oblicza pola: trójkąta, (...) przedstawionych na rysunku oraz w sytuacjach praktycznych, w tym także dla danych wymagających zamiany jednostek i w sytuacjach z nietypowymi wymiarami, na przykład pole trójkąta o boku 1 km i wysokości 1 mm;
- 3) stosuje jednostki pola: mm², cm², dm2, m², km², ar, hektar (bez zamiany jednostek w trakcie obliczeń);
- 4) oblicza pola wielokątów metodą podziału na mniejsze wielokąty lub uzupełniania do większych wielokątów (...).

PROCENTY

XII. Obliczenia praktyczne. Uczeń:

- 1) interpretuje 100% danej wielkości jako całość, 50% jako połowę, 25% jako jedną czwartą, 10% jako jedną dziesiątą, 1% jako jedną setną części danej wielkości liczbowej;
- 2) w przypadkach osadzonych w kontekście praktycznym oblicza procent danej wielkości w stopniu trudności typu 50%, 20%, 10%.

XIII. Elementy statystyki opisowej. Uczeń:

- 1) gromadzi i porządkuje dane;
- 2) odczytuje i interpretuje dane przedstawione w tekstach, tabelach, na diagramach (...).

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe;
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania;
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami;
- 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania;
- 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki (...) oraz nabyte umiejętności rachunkowe (...);
- 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania (...).

LICZBY CAŁKOWITE

III. Liczby całkowite. Uczeń:

- 1) podaje praktyczne przykłady stosowania liczb ujemnych;
- 2) interpretuje liczby całkowite na osi liczbowej;
- 3) oblicza wartość bezwzględną;
- 4) porównuje liczby całkowite.
- 5) wykonuje proste rachunki pamięciowe na liczbach całkowitych.

WYRAŻENIA ALGEBRAICZNE I RÓWNANIA

VI. Elementy algebry. Uczeń:

- 1) korzysta z nieskomplikowanych wzorów, w których występują oznaczenia literowe, opisuje wzór słowami;
- 2) stosuje oznaczenia literowe nieznanych wielkości liczbowych i zapisuje proste wyrażenia algebraiczne na podstawie informacji osadzonych w kontekście praktycznym (...).

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe;
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania;
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami;
- 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania;
- 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki i geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe (...);
- 6) weryfikuje wynik zadania tekstowego, oceniając sensowność rozwiązania (...).
- 7) układa zadania i łamigłówki, rozwiązuje je; stawia nowe pytania związane z sytuacją w rozwiązanym zadaniu.

FIGURY PRZESTRZENNE

X. Bryły. Uczeń:

- 1) rozpoznaje graniastosłupy proste (...) wskazuje te bryły wśród innych modeli brył;
- 2) wskazuje wśród graniastosłupów prostopadłościany i sześciany i uzasadnia swój wybór;
- 3) rozpoznaje siatki graniastosłupów prostych (...);
- 4) rysuje siatki prostopadłościanów;
- 5) wykorzystuje podane zależności między długościami krawędzi graniastosłupa do wyznaczania długości poszczególnych krawędzi.

XI. Obliczenia w geometrii. Uczeń:

- 3) stosuje jednostki pola: mm², cm², dm², m², km² (...) (bez zamiany jednostek w trakcie obliczeń);
- 5) oblicza (....) pole powierzchni prostopadłościanu przy danych długościach krawędzi.
- 6) stosuje jednostki objętości i pojemności: mililitr, litr, cm³, dm³, m³.

XIV. Zadania tekstowe. Uczeń:

- 1) czyta ze zrozumieniem tekst zawierający informacje liczbowe;
- 2) wykonuje wstępne czynności ułatwiające rozwiązanie zadania, w tym rysunek pomocniczy lub wygodne dla niego zapisanie informacji i danych z treści zadania;
- 3) dostrzega zależności między podanymi informacjami;
- 4) dzieli rozwiązanie zadania na etapy, stosując własne, poprawne, wygodne dla niego strategie rozwiązania;
- 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki i geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe (...);

Dostosowanie wymagań edukacyjnych z matematyki. Klasa 6.

1. Uczniowie z orzeczeniem do kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **zaburzeniami rozwojowymi** (niesłyszenie, niedosłyszenie, niewidzenie, niedowidzenie, niepełnosprawność ruchowa w tym afazja, upośledzenie umysłowe, autyzm, zespół Aspergera, niepełnosprawności sprzężone, choroby przewlekłe, niedostosowanie społeczne, zagrożenie niedostosowaniem społecznym) wymagają stosowania specjalnej organizacji nauki i dlatego mają dostosowane treści, metody i warunki pracy określone przez IPET z uwzględnieniem ustaleń zawartych w orzeczeniu o potrzebie kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **upośledzeniem w stopniu lekkim** mają tak dostosowane metody pracy, formy organizacyjne oraz środki dydaktyczne aby zapewnić im ich ustawiczny rozwój.

W pracy z takimi uczniami stosuje się metody praktycznego działania, zadawania pytań, formułowania problemów, eksperymenty i doświadczenia. Korzystanie z takich środków dydaktycznych jak modele, filmy, plansze, interaktywne wizualizacje ma umożliwić uczniowi zrozumienie istoty zagadnienia czy zadania.

Uczniowie niedowidzący czy niedosłyszący mają następujące udogodnienia:

- możliwość siedzenia w miejscu o najlepszej widoczności czy słyszalności,
- praca z tekstem w wersji powiększonej,
- podawanie modeli i przedmiotów do obejrzenia z bliska,
- wydłużenie czasu na wykonanie określonych zadań,
- uproszczenie konstrukcji geometrycznych, wykresów czy schematów czy wykonywaniu ich na większym formacie.

Dostosowania dla uczniów z adhd polegają na:

- pomaganiu uczniowi w skupieniu się na wykonywaniu jednej czynności,
- dzielenie zadań na mniejsze możliwe do zrealizowania etapy,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń,
- zadawanie małych partii materiału do nauki,
- modyfikowaniu zadań domowych (skracanie ilości przykładów), tłumaczenie poleceń zadania domowego,
- zmniejszanie materiału przepisywanego z tablicy do zeszytu,
- dzielenie dłuższych sprawdzianów na części, wydłużanie czasu odpowiedzi,
- angażowanie ucznia w konkretne działania,
- przypominanie o regułach,
- pomaganie uczniowi w rozładowywania napięcia, takimi sposobami, które byłyby akceptowane w klasie,
- koncentrowanie uwagi ucznia na istotnych elementach lekcji w celu lepszego zapamiętania treści.

2. Uczniowie z opinią poradni psychologiczno-pedagogicznej.

Uczniowie ze specyficznymi trudnościami w uczeniu się (**dysgrafia, dysleksja, dyskalkulia**) - mają dostosowane wymagania, formy i metody pracy w zależności od rodzaju dysfunkcji.

Dostosowania dla uczniów o specyficznych trudnościach w uczeniu się:

- krótkie, precyzyjne polecenia, ewentualnie dodatkowe instrukcje wyjaśniające pytanie,
- sprecyzowanie materiału z którego uczeń ma być odpytany, częste sprawdzanie wiedzy z krótkich części materiału,
- rozłożenie w czasie, przypominanie i utrwalanie tabliczki mnożenia oraz algorytmów działań,
- sprawdzenie stopnia zrozumienia zadania tekstowego w trakcie jego rozwiązania, dodatkowe instrukcje, wyjaśnienie treści,
- większa ilość czasu podczas prac pisemnych lub zmniejszenie ilości zadań (stosowane zamiennie),
- dzielenie materiału na mniejsze partie,
- możliwość odpytywania z ławki albo tylko w formie pisemnej czy w przypadku młodszych dzieci również po lekcjach,
- uwzględnianie trudności związanych z myleniem znaków działań, przestawianiem cyfr, pomijaniem przecinka czy zer w dużych liczbach, błędnym zapisywaniu znaków działań czy nierówności,
- podczas oceniania ucznia z dysgrafią uwzględnienie niskiego poziomu graficznego wykresów i rysunków,
- możliwość wykonania nawet prostych rachunków na kartce, bez konieczności liczenia w pamięci,
- podczas wykonywania ścisłych operacji wymagających wielokrotnych przekształceń, czy przekształceń wzorów umożliwienie uczniowi ustne skomentowanie wykonywanych działań czy sposobu postępowania,
- w niektórych przypadkach możliwość korzystania z gotowych wzorów czy tablic,
- w przypadku ucznia z dysgrafią zachęcanie do pisania drukowanymi literami,
- zwrócenie uwagi na trudności z wyobraźnią przestrzenną, dodatkowe wskazówki w zadaniach tego typu
- tolerancyjne ocenianie ucznia przy opanowaniu różnego rodzaju terminologii matematycznej i zapamiętywaniu definicji i reguł czy wzorów matematycznych,
- w przypadku uczniów z dyskalkulią ocenianie toku rozumowania, nawet, gdyby ostateczny wynik zadania był błędny, co wynikać może z pomyłek rachunkowych.

W przypadku uczniów **z odchyleniami rozwojowymi** tj. inteligencją niższą niż przeciętna sposoby dostosowania wymagań edukacyjnych uwzględniają możliwości psychoedukacyjne dziecka i polegają na:

- częstym odwoływaniu się do konkretu (np. graficzne przedstawianie treści zadań),
- omawianiu niewielkich partii materiału i o mniejszym stopniu trudności, nie ograniczając jednak podstawy programowej,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń i dzielenie złożonych na bardziej zrozumiałe części,
- wydłużanie czasu na wykonanie zadania,
- dodatkowe wskazówki i instrukcje podczas samodzielnej pracy, mobilizowanie do wysiłku i ukończenia zadania,
- modyfikacja zadań domowych,
- większej ilości czasu i powtórzeń dla przyswojenia danej partii materiału.

W przypadku uczniów **uzdolnionych matematycznie** stosuje się indywidualizację nauczania i stopniowanie trudności zadań dodatkowych. Zadania mają być tak pomyślane by były z jednej strony dla ucznia wyzwaniem, a z drugiej ich rozwiązanie stanowiło dla ucznia satysfakcję i motywację do dalszej pracy.

Wymagania edukacyjne niezbędne do otrzymania przez ucznia klasy 7 Szkoły Podstawowej poszczególnych śródrocznych i rocznych ocen klasyfikacyjnych z matematyki, wynikające z programu nauczania matematyki dla klas 4-8 Matematyka z kluczem (Marcin Braun Agnieszka Mańkowska Małgorzata Paszyńska)

Ocena	Zakres umiejętności	Zakres wiedzy
CELUJĄCY	 Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki, nawet o podwyższonym stopniu trudności; rozwiązuje problemy matematyczne oraz zadania nietypowe; rozwiązuje zadania na dowodzenie; proponuje nietypowe sposoby rozwiązywania zadań; biegle posługuje się zdobytą wiedzą; rozwija własne uzdolnienia matematyczne; bierze udział w konkursach matematycznych i osiąga w nich sukcesy. 	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie lub posiada wiedzę wykraczającą poza podstawę programową.
BARDZO DOBRY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki • samodzielnie rozwiązuje złożone zadania tekstowe, również nietypowe; • rozwiązuje proste zadania na dowodzenie; • sprawnie posługuje się językiem matematycznym; • potrafi połączyć i zastosować zdobytą wiedzę z różnych działów matematyki; • wykazuje umiejętność wnioskowania i logicznego rozumowania.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOBRY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki o średnim stopniu trudności; • rozwiązuje samodzielnie typowe zadania tekstowe, również złożone; • poprawnie stosuje zdobytą wiedzę; • posługuje się językiem matematycznym.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie.
DOSTATECZNY	Uczeń: wykonuje proste obliczenia rachunkowe; rozwiązuje typowe zadania o średnim stopniu trudności; zadania złożone rozwiązuje z pomocą nauczyciela; samodzielnie formułuje proste wnioski.	Uczeń: opanował podstawowe wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOPUSZCZAJĄCY	Uczeń: • popełnia błędy w prostych obliczeniach rachunkowych; • rozwiązuje zadania o niewielkim stopniu trudności, jego praca jest wspomagana przez nauczyciela; • intuicyjnie rozumie podstawowe pojęcia.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej nie uniemożliwiają mu opanowania podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.
NIEDOSTATECZNY	 Uczeń: ma problemy z wykonywaniem prostych obliczeń, popełnia błędy rachunkowe oraz wynikające z nieznajomości podstawowych algorytmów; nie potrafi samodzielnie rozwiązać prostych zadań, ma trudności z ich rozwiązaniem nawet przy pomocy nauczyciela; nie zna podstawowych pojęć matematycznych. 	Uczeń: • nie opanował wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej uniemożliwiają mu opanowanie podstawowej wiedzy w dalszym • etapie nauki.

Treści nauczania i umiejętności – wymagania szczegółowe.

Uczeń powinien opanować wszystkie treści z podstawy programowe, również te, które były realizowane w klasach 4 - 6. Poniżej przedstawiono **z zachowaniem numeracji** wszystkie treści i umiejętności etapu formalnego określone w podstawie programowej i realizowane w klasie 7.

1. Potegi o podstawach wymiernych. Uczeń:

- 1. zapisuje iloczyn jednakowych czynników w postaci potęgi o wykładniku całkowitym dodatnim;
- 2. mnoży i dzieli potegi o wykładnikach całkowitych dodatnich;
- 3. mnoży potęgi o różnych podstawach i jednakowych wykładnikach;
- 4. podnosi potęgę do potęgi;
- 5. odczytuje i zapisuje liczby w notacji wykładniczej $a \cdot 10^k$, gdy $1 \le a < 10$, k jest liczbą całkowitą.

2. Pierwiastki. Uczeń:

- 1. oblicza wartości pierwiastków kwadratowych i sześciennych z liczb, które są odpowiednio kwadratami lub sześcianami liczb wymiernych;
- 2. szacuje wielkość danego pierwiastka kwadratowego lub sześciennego oraz wyrażenia arytmetycznego zawierającego pierwiastki;
- 3. porównuje wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego pierwiastki z daną liczbą wymierną oraz znajduje liczby wymierne większe lub mniejsze od takiej wartości
- 4. oblicza pierwiastek z iloczynu i ilorazu dwóch liczb, wyłącza liczbę przed znak pierwiastka i włącza liczbę pod znak pierwiastka;
- 5. mnoży i dzieli pierwiastki tego samego stopnia.

3. Tworzenie wyrażeń algebraicznych z jedną i z wieloma zmiennymi. Uczeń:

- 1. zapisuje wyniki podanych działań w postaci wyrażeń algebraicznych jednej lub kilku zmiennych;
- 2. oblicza wartości liczbowe wyrażeń algebraicznych;
- 3. zapisuje zależności przedstawione w zadaniach w postaci wyrażeń algebraicznych jednej lub kilku zmiennych;
- 4. zapisuje rozwiązania zadań w postaci wyrażeń algebraicznych.

4. Przekształcanie wyrażeń algebraicznych. Sumy algebraiczne i działania na nich. Uczeń:

- 1. porządkuje jednomiany i dodaje jednomiany podobne (tzn. różniące się jedynie współczynnikiem liczbowym);
- 2. dodaje i odejmuje sumy algebraiczne, dokonując przy tym redukcji wyrazów podobnych;
- 3. mnoży sumy algebraiczne przez jednomian i dodaje wyrażenia powstałe z mnożenia sum algebraicznych przez jednomiany;
- 4. mnoży dwumian przez dwumian, dokonując redukcji wyrazów podobnych.

5. Obliczenia procentowe. Uczeń:

- 1. przedstawia część wielkości jako procent tej wielkości;
- 2. oblicza liczbę a równą p procent danej liczby b;
- 3. oblicza, jaki procent danej liczby b stanowi liczba a;
- 4. oblicza liczbę b, której p procent jest równe a;
- 5. stosuje obliczenia procentowe do rozwiązywania problemów w kontekście praktycznym, również w przypadkach wielokrotnych podwyżek lub obniżek danej wielkości.

6. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń:

- 1. sprawdza, czy dana liczba jest rozwiązaniem równania (stopnia pierwszego, drugiego lub trzeciego) z jedną niewiadomą,
- 4. rozwiązuje zadania tekstowe za pomocą równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą, w tym także z obliczeniami procentowymi;
- przekształca proste wzory, aby wyznaczyć zadaną wielkość we wzorach geometrycznych (np. pól figur) i fizycznych (np. dotyczących prędkości, drogi i czasu).

7. Proporcjonalność prosta. Uczeń:

- 1. podaje przykłady wielkości wprost proporcjonalnych;
- 2. wyznacza wartość przyjmowaną przez wielkość wprost proporcjonalną w przypadku konkretnej zależności proporcjonalnej;
- 3. stosuje podział proporcjonalny.

8. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń:

- przedstawia na płaszczyźnie dwie proste w różnych położeniach względem siebie, w szczególności proste prostopadłe i proste równoległe;
- 8. zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa (bez twierdzenia odwrotnego);

9. Wielokaty. Uczeń:

2. stosuje wzory na pole trójkąta, prostokąta, kwadratu, równoległoboku, rombu, trapezu, a także do wyznaczania długości odcinków.

10. Oś liczbowa. Układ współrzędnych na płaszczyźnie. Uczeń:

- 1. zaznacza na osi liczbowej zbiory liczb spełniających podany warunek
- 2. znajduje współrzędne danych (na rysunku) punktów kratowych w układzie współrzędnych na płaszczyźnie;
- 3. rysuje w układzie współrzędnych na płaszczyźnie punkty kratowe o danych współrzędnych całkowitych (dowolnego znaku);
- 4. znajduje środek odcinka, którego końce mają dane współrzędne (całkowite lub wymierne) oraz znajduje współrzędne drugiego końca odcinka, gdy dany jest jeden koniec i środek;
- 5. oblicza długość odcinka, którego końce są danymi punktami kratowymi w układzie współrzędnych;
- 6. dla danych punktów kratowych A i B znajduje inne punkty kratowe należące do prostej AB.

Dostosowanie wymagań edukacyjnych z matematyki. Klasa 7.

1. Uczniowie z orzeczeniem do kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **zaburzeniami rozwojowymi** (niesłyszenie, niedosłyszenie, niewidzenie, niedowidzenie, niepełnosprawność ruchowa w tym afazja, upośledzenie umysłowe, autyzm, zespół Aspergera, niepełnosprawności sprzężone, choroby przewlekłe, niedostosowanie społeczne, zagrożenie niedostosowaniem społecznym) wymagają stosowania specjalnej organizacji nauki i dlatego mają dostosowane treści, metody i warunki pracy określone przez IPET z uwzględnieniem ustaleń zawartych w orzeczeniu o potrzebie kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **upośledzeniem w stopniu lekkim** mają tak dostosowane metody pracy, formy organizacyjne oraz środki dydaktyczne aby zapewnić im ich ustawiczny rozwój.

W pracy z takimi uczniami stosuje się metody praktycznego działania, zadawania pytań, formułowania problemów, eksperymenty i doświadczenia. Korzystanie z takich środków dydaktycznych jak modele, filmy, plansze, interaktywne wizualizacje ma umożliwić uczniowi zrozumienie istoty zagadnienia czy zadania.

Uczniowie niedowidzący czy niedosłyszący mają następujące udogodnienia:

- możliwość siedzenia w miejscu o najlepszej widoczności czy słyszalności,
- praca z tekstem w wersji powiększonej,
- podawanie modeli i przedmiotów do obejrzenia z bliska,
- wydłużenie czasu na wykonanie określonych zadań,
- uproszczenie konstrukcji geometrycznych, wykresów czy schematów czy wykonywaniu ich na większym formacie.

Dostosowania dla uczniów z adhd polegają na:

- pomaganiu uczniowi w skupieniu się na wykonywaniu jednej czynności,
- dzielenie zadań na mniejsze możliwe do zrealizowania etapy,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń,
- zadawanie małych partii materiału do nauki,
- modyfikowaniu zadań domowych (skracanie ilości przykładów), tłumaczenie poleceń zadania domowego,
- zmniejszanie materiału przepisywanego z tablicy do zeszytu,
- dzielenie dłuższych sprawdzianów na części, wydłużanie czasu odpowiedzi,
- angażowanie ucznia w konkretne działania,
- przypominanie o regułach,
- pomaganie uczniowi w rozładowywania napięcia, takimi sposobami, które byłyby akceptowane w klasie.
- koncentrowanie uwagi ucznia na istotnych elementach lekcji w celu lepszego zapamiętania treści.

2. Uczniowie z opinią poradni psychologiczno-pedagogicznej.

Uczniowie ze specyficznymi trudnościami w uczeniu się (**dysgrafia, dysleksja, dyskalkulia**) - mają dostosowane wymagania, formy i metody pracy w zależności od rodzaju dysfunkcji.

Dostosowania dla uczniów o specyficznych trudnościach w uczeniu się:

- krótkie, precyzyjne polecenia, ewentualnie dodatkowe instrukcje wyjaśniające pytanie,
- sprecyzowanie materiału z którego uczeń ma być odpytany, częste sprawdzanie wiedzy z krótkich części materiału,

- rozłożenie w czasie, przypominanie i utrwalanie tabliczki mnożenia oraz algorytmów działań,
- sprawdzenie stopnia zrozumienia zadania tekstowego w trakcie jego rozwiązania, dodatkowe instrukcje, wyjaśnienie treści,
- większa ilość czasu podczas prac pisemnych lub zmniejszenie ilości zadań (stosowane zamiennie),
- dzielenie materiału na mniejsze partie,
- możliwość odpytywania z ławki albo tylko w formie pisemnej czy w przypadku młodszych dzieci również po lekcjach,
- uwzględnianie trudności związanych z myleniem znaków działań, przestawianiem cyfr, pomijaniem przecinka czy zer w dużych liczbach, błędnym zapisywaniu znaków działań czy nierówności,
- podczas oceniania ucznia z dysgrafią uwzględnienie niskiego poziomu graficznego wykresów i rysunków,
- możliwość wykonania nawet prostych rachunków na kartce, bez konieczności liczenia w pamięci,
- podczas wykonywania ścisłych operacji wymagających wielokrotnych przekształceń, czy przekształceń wzorów umożliwienie uczniowi ustne skomentowanie wykonywanych działań czy sposobu postepowania,
- w niektórych przypadkach możliwość korzystania z gotowych wzorów czy tablic,
- w przypadku ucznia z dysgrafią zachęcanie do pisania drukowanymi literami,
- zwrócenie uwagi na trudności z wyobraźnią przestrzenną, dodatkowe wskazówki w zadaniach tego typu
- tolerancyjne ocenianie ucznia przy opanowaniu różnego rodzaju terminologii matematycznej i zapamiętywaniu definicji i reguł czy wzorów matematycznych,
- w przypadku uczniów z dyskalkulią ocenianie toku rozumowania, nawet, gdyby ostateczny wynik zadania był błędny, co wynikać może z pomyłek rachunkowych.

W przypadku uczniów **z odchyleniami rozwojowymi** tj. inteligencją niższą niż przeciętna sposoby dostosowania wymagań edukacyjnych uwzględniają możliwości psychoedukacyjne dziecka i polegają na:

- częstym odwoływaniu się do konkretu (np. graficzne przedstawianie treści zadań),
- omawianiu niewielkich partii materiału i o mniejszym stopniu trudności, nie ograniczając jednak podstawy programowej,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń i dzielenie złożonych na bardziej zrozumiałe części,
- wydłużanie czasu na wykonanie zadania,
- dodatkowe wskazówki i instrukcje podczas samodzielnej pracy, mobilizowanie do wysiłku i ukończenia zadania,
- modyfikacja zadań domowych,
- większej ilości czasu i powtórzeń dla przyswojenia danej partii materiału.

W przypadku uczniów **uzdolnionych matematycznie** stosuje się indywidualizację nauczania i stopniowanie trudności zadań dodatkowych. Zadania mają być tak pomyślane by były z jednej strony dla ucznia wyzwaniem, a z drugiej ich rozwiązanie stanowiło dla ucznia satysfakcję i motywację do dalszej pracy.

Wymagania edukacyjne niezbędne do otrzymania przez ucznia klasy 8 Szkoły Podstawowej poszczególnych śródrocznych i rocznych ocen klasyfikacyjnych z matematyki, wynikające z programu nauczania matematyki dla klas 4-8 Matematyka z kluczem (Marcin Braun Agnieszka Mańkowska Małgorzata Paszyńska)

Ocena	Zakres umiejętności	Zakres wiedzy
CELUJĄCY	Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki, nawet o podwyższonym stopniu trudności; rozwiązuje problemy matematyczne oraz zadania nietypowe; rozwiązuje zadania na dowodzenie; proponuje nietypowe sposoby rozwiązywania zadań; biegle posługuje się zdobytą wiedzą; rozwija własne uzdolnienia matematyczne; bierze udział w konkursach matematycznych i osiąga w nich sukcesy.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie lub posiada wiedzę wykraczającą poza podstawę programową.
BARDZO DOBRY	Uczeń: sprawnie wykonuje rachunki samodzielnie rozwiązuje złożone zadania tekstowe, również nietypowe; rozwiązuje proste zadania na dowodzenie; sprawnie posługuje się językiem matematycznym; potrafi połączyć i zastosować zdobytą wiedzę z różnych działów matematyki; wykazuje umiejętność wnioskowania i logicznego rozumowania.	Uczeń: • opanował w pełni wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOBRY	Uczeń: • sprawnie wykonuje rachunki o średnim stopniu trudności; • rozwiązuje samodzielnie typowe zadania tekstowe, również złożone; • poprawnie stosuje zdobytą wiedzę; • posługuje się językiem matematycznym.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie.
DOSTATECZNY	Uczeń: • wykonuje proste obliczenia rachunkowe; • zna algorytmy działań, ale czasami robi błędy rachunkowe; • rozwiązuje typowe zadania o średnim stopniu trudności; • zadania złożone rozwiązuje z pomocą nauczyciela; • samodzielnie formułuje proste wnioski.	Uczeń: • opanował podstawowe wiadomości określone podstawą programową, przewidziane do realizacji w danej klasie.
DOPUSZCZAJĄCY	Uczeń: • popełnia błędy w prostych obliczeniach rachunkowych; • rozwiązuje zadania o niewielkim stopniu trudności, jego praca jest wspomagana przez nauczyciela; • intuicyjnie rozumie podstawowe pojęcia.	Uczeń: • nie opanował w pełni wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. • braki w opanowaniu treści podstawy programowej nie uniemożliwiają mu opanowania podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.
NIEDOSTATECZNY	 Uczeń: ma problemy z wykonywaniem prostych obliczeń, popełnia błędy rachunkowe oraz wynikające z nieznajomości podstawowych algorytmów; nie potrafi samodzielnie rozwiązać prostych zadań, ma trudności z ich rozwiązaniem nawet przy pomocy nauczyciela; nie zna podstawowych pojęć matematycznych. 	Uczeń: nie opanował wiadomości określonych podstawą programową, przewidzianych do realizacji w danej klasie. braki w opanowaniu treści podstawy programowej uniemożliwiają mu opanowanie podstawowej wiedzy w dalszym etapie nauki.

Treści nauczania i umiejętności – wymagania szczegółowe.

Uczeń powinien opanować wszystkie treści z podstawy programowej, również te, które były realizowane w klasach 4 - 7. Poniżej przedstawiono wszystkie treści i umiejętności etapu formalnego (klasa 7 i 8) określone w podstawie programowej, w zachowaniu numeracji. **Boldem** wyróżniono te treści, które są realizowane w klasie ósmej

1. Potegi o podstawach wymiernych. Uczeń:

- 1. zapisuje iloczyn jednakowych czynników w postaci potęgi o wykładniku całkowitym dodatnim;
- 2. mnoży i dzieli potegi o wykładnikach całkowitych dodatnich;
- 3. mnoży potęgi o różnych podstawach i jednakowych wykładnikach;
- 4. podnosi potęgę do potęgi;
- 5. odczytuje i zapisuje liczby w notacji wykładniczej $a \cdot 10^k$, gdy $1 \le a < 10$, k jest liczbą całkowitą.

2. Pierwiastki. Uczeń:

- 1. oblicza wartości pierwiastków kwadratowych i sześciennych z liczb, które są odpowiednio kwadratami lub sześcianami liczb wymiernych;
- 2. szacuje wielkość danego pierwiastka kwadratowego lub sześciennego oraz wyrażenia arytmetycznego zawierającego pierwiastki;
- 3. porównuje wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego pierwiastki z daną liczbą wymierną oraz znajduje liczby wymierne większe lub mniejsze od takiej wartości
- oblicza pierwiastek z iloczynu i ilorazu dwóch liczb, wyłącza liczbę przed znak pierwiastka i włącza liczbę pod znak pierwiastka;
- 5. mnoży i dzieli pierwiastki tego samego stopnia.

3. Tworzenie wyrażeń algebraicznych z jedną i z wieloma zmiennymi. Uczeń:

- 1. zapisuje wyniki podanych działań w postaci wyrażeń algebraicznych jednej lub kilku zmiennych;
- 2. oblicza wartości liczbowe wyrażeń algebraicznych;
- 3. zapisuje zależności przedstawione w zadaniach w postaci wyrażeń algebraicznych jednej lub kilku zmiennych;
- 4. zapisuje rozwiązania zadań w postaci wyrażeń algebraicznych.

4. Przeksztalcanie wyrażeń algebraicznych. Sumy algebraiczne i działania na nich. Uczeń:

- 1. porządkuje jednomiany i dodaje jednomiany podobne (tzn. różniące się jedynie współczynnikiem liczbowym);
- 2. dodaje i odejmuje sumy algebraiczne, dokonując przy tym redukcji wyrazów podobnych;
- 3. mnoży sumy algebraiczne przez jednomian i dodaje wyrażenia powstałe z mnożenia sum algebraicznych przez jednomiany;
- 4. mnoży dwumian przez dwumian, dokonując redukcji wyrazów podobnych.

5. Obliczenia procentowe. Uczeń:

- 1. przedstawia część wielkości jako procent tej wielkości;
- 2. oblicza liczbę a równą p procent danej liczby b;
- 3. oblicza, jaki procent danej liczby b stanowi liczba a;
- 4. oblicza liczbę b, której p procent jest równe a;
- 5. stosuje obliczenia procentowe do rozwiązywania problemów w kontekście praktycznym, również w przypadkach wielokrotnych podwyżek lub obniżek danej wielkości.

6. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń:

- 1. sprawdza, czy dana liczba jest rozwiązaniem równania (stopnia pierwszego, drugiego lub trzeciego) z jedną niewiadomą,
- 2. rozwiązuje równania pierwszego stopnia z jedną niewiadomą metodą równań równoważnych;
- 3. rozwiązuje równania, które po prostych przekształceniach wyrażeń algebraicznych sprowadzają się do równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą;
- 4. rozwiązuje zadania tekstowe za pomocą równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą, w tym także z obliczeniami procentowymi;
- 5. przekształca proste wzory, aby wyznaczyć zadaną wielkość we wzorach geometrycznych (np. pól figur) i fizycznych (np. dotyczących prędkości, drogi i czasu).

7. Proporcjonalność prosta. Uczeń:

- 1. podaje przykłady wielkości wprost proporcjonalnych;
- 2. wyznacza wartość przyjmowaną przez wielkość wprost proporcjonalną w przypadku konkretnej zależności proporcjonalnej;
- 3. stosuje podział proporcjonalny.

8. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń:

- 1. zna i stosuje twierdzenie o równości kątów wierzchołkowych (z wykorzystaniem zależności między kątami przyległymi);
- 2. przedstawia na płaszczyźnie dwie proste w różnych położeniach względem siebie, w szczególności proste prostopadłe i proste równoległe;

- 3. korzysta z własności prostych równoległych, w szczególności stosuje równość kątów odpowiadających i naprzemianległych;
- 4. zna i stosuje cechy przystawania trójkątów;
- 5. zna i stosuje własności trójkątów równoramiennych (równość kątów przy podstawie);
- 6. zna nierówność trójkąta $AB + BC \ge AC$ i wie, kiedy zachodzi równość;
- 7. wykonuje proste obliczenia geometryczne wykorzystując sumę kątów wewnętrznych trójkąta i własności trójkatów równoramiennych;
- 8. zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa (bez twierdzenia odwrotnego);
- 9. przeprowadza dowody geometryczne
 - 9. Wielokaty. Uczeń:
- 1. zna pojęcie wielokąta foremnego;
- 2. stosuje wzory na pole trójkąta, prostokąta, kwadratu, równoległoboku, rombu, trapezu, a także do wyznaczania długości odcinków.
 - 10. Oś liczbowa. Układ współrzędnych na płaszczyźnie. Uczeń:
- 1. zaznacza na osi liczbowej zbiory liczb spełniających podany warunek
- 2. znajduje współrzędne danych (na rysunku) punktów kratowych w układzie współrzędnych na płaszczyźnie;
- 3. rysuje w układzie współrzędnych na płaszczyźnie punkty kratowe o danych współrzędnych całkowitych (dowolnego znaku);
- 4. znajduje środek odcinka, którego końce mają dane współrzędne (całkowite lub wymierne) oraz znajduje współrzędne drugiego końca odcinka, gdy dany jest jeden koniec i środek;
- 5. oblicza długość odcinka, którego końce są danymi punktami kratowymi w układzie współrzędnych;
- 6. dla danych punktów kratowych A i B znajduje inne punkty kratowe należące do prostej AB.
 - 11. Geometria przestrzenna. Uczeń:
- 1. rozpoznaje graniastosłupy i ostrosłupy w tym proste i prawidłowe;
- 2. oblicza objętości i pola powierzchni graniastosłupów prostych, prawidłowych i takich, które nie są prawidłowe w trudniejszych zadaniach,
- 3. oblicza objętości i pola powierzchni ostrosłupów prawidłowych i takich, które nie są prawidłowe w trudniejszych zadaniach.
 - 12. Wprowadzenie do kombinatoryki i rachunku prawdopodobieństwa. Uczeń:
- 1. wyznacza zbiory obiektów, analizuje i oblicza, ile jest obiektów, mających daną własność, w przypadkach niewymagających stosowania reguł mnożenia i dodawania;
- 2. przeprowadza proste doświadczenia losowe, polegające na rzucie monetą, rzucie sześcienną kostką do gry, rzucie kostką wielościenną lub losowaniu kuli spośród zestawu kul, analizuje je i oblicza prawdopodobieństwa zdarzeń w doświadczeniach losowych.
 - 13. Odczytywanie danych i elementy statystyki opisowej. Uczeń:
- 1. interpretuje dane przedstawione za pomocą tabel, diagramów słupkowych i kołowych, wykresów, w tym także wykresów w układzie współrzędnych;
- 2. tworzy diagramy słupkowe i kołowe oraz wykresy liniowe na podstawie zebranych przez siebie danych lub danych pochodzących z różnych źródel;
- 3. oblicza średnią arytmetyczną kilku liczb.
 - 14. Długość okręgu i pole koła. Uczeń:
- 1. oblicza długość okręgu o danym promieniu lub danej średnicy;
- 2. oblicza promień lub średnicę okręgu o danej długości okręgu;
- 3. oblicza pole koła o danym promieniu lub danej średnicy;
- 4. oblicza promień lub średnicę koła o danym polu koła;
- 5. oblicza pole pierścienia kołowego o danych promieniach lub średnicach obu okręgów tworzących pierścień.
 - 15. Symetrie. Uczeń:
- 1. rozpoznaje symetralną odcinka i dwusieczną kąta;
- 2. zna i stosuje w zadaniach podstawowe własności symetralnej odcinka i dwusiecznej kąta jak w przykładowym zadaniu: Wierzchołek C rombu ABCD leży na symetralnych boków AB i AD. Oblicz kąty tego rombu;
- 3. rozpoznaje figury osiowosymetryczne i wskazuje ich osie symetrii oraz uzupełnia figurę do figury osiowosymetrycznej przy danych: osi symetrii figury i części figury;
- 4. rozpoznaje figury środkowosymetryczne i wskazuje ich środki symetrii.
 - 16. Zaawansowane metody zliczania. Uczeń:
- 1. stosuje regułę mnożenia do zliczania par elementów o określonych własnościach;
- 2. stosuje regułę dodawania i mnożenia do zliczania par elementów w sytuacjach, wymagających rozważenia kilku przypadków
 - 17. Rachunek prawdopodobieństwa. Uczeń:
- 1. oblicza prawdopodobieństwa zdarzeń w doświadczeniach, polegających na rzucie dwiema kostkami lub losowaniu dwóch elementów ze zwracaniem;

2. oblicza prawdopodobieństwa zdarzeń w doświadczeniach, polegających na losowaniu dwóch elementów bez zwracania jak w przykładzie: Z urny zawierającej kule ponumerowane liczbami od 1 do 7 losujemy bez zwracania dwie kule. Oblicz prawdopodobieństwo tego, że suma liczb na wylosowanych kulach będzie parzysta.

Dostosowanie wymagań edukacyjnych z matematyki. Klasa 8.

1. Uczniowie z orzeczeniem do kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **zaburzeniami rozwojowymi** (niesłyszenie, niedosłyszenie, niewidzenie, niedowidzenie, niepełnosprawność ruchowa w tym afazja, upośledzenie umysłowe, autyzm, zespół Aspergera, niepełnosprawności sprzężone, choroby przewlekłe, niedostosowanie społeczne, zagrożenie niedostosowaniem społecznym) wymagają stosowania specjalnej organizacji nauki i dlatego mają dostosowane treści, metody i warunki pracy określone przez IPET z uwzględnieniem ustaleń zawartych w orzeczeniu o potrzebie kształcenia specjalnego.

Uczniowie z **upośledzeniem w stopniu lekkim** mają tak dostosowane metody pracy, formy organizacyjne oraz środki dydaktyczne aby zapewnić im ich ustawiczny rozwój.

W pracy z takimi uczniami stosuje się metody praktycznego działania, zadawania pytań, formułowania problemów, eksperymenty i doświadczenia. Korzystanie z takich środków dydaktycznych jak modele, filmy, plansze, interaktywne wizualizacje ma umożliwić uczniowi zrozumienie istoty zagadnienia czy zadania.

Uczniowie niedowidzący czy niedosłyszący mają następujące udogodnienia:

- możliwość siedzenia w miejscu o najlepszej widoczności czy słyszalności,
- praca z tekstem w wersji powiększonej,
- podawanie modeli i przedmiotów do obejrzenia z bliska,
- wydłużenie czasu na wykonanie określonych zadań,
- uproszczenie konstrukcji geometrycznych, wykresów czy schematów czy wykonywaniu ich na większym formacie.

Dostosowania dla uczniów z adhd polegają na:

- pomaganiu uczniowi w skupieniu się na wykonywaniu jednej czynności,
- dzielenie zadań na mniejsze możliwe do zrealizowania etapy,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń,
- zadawanie małych partii materiału do nauki,
- modyfikowaniu zadań domowych (skracanie ilości przykładów), tłumaczenie poleceń zadania domowego.
- zmniejszanie materiału przepisywanego z tablicy do zeszytu,
- dzielenie dłuższych sprawdzianów na części, wydłużanie czasu odpowiedzi,
- angażowanie ucznia w konkretne działania,
- przypominanie o regułach,
- pomaganie uczniowi w rozładowywania napięcia, takimi sposobami, które byłyby akceptowane w klasie,
- koncentrowanie uwagi ucznia na istotnych elementach lekcji w celu lepszego zapamiętania treści.

2. Uczniowie z opinią poradni psychologiczno-pedagogicznej.

Uczniowie ze specyficznymi trudnościami w uczeniu się (**dysgrafia, dysleksja, dyskalkulia**) - mają dostosowane wymagania, formy i metody pracy w zależności od rodzaju dysfunkcji. Dostosowania dla uczniów o specyficznych trudnościach w uczeniu się:

- krótkie, precyzyjne polecenia, ewentualnie dodatkowe instrukcje wyjaśniające pytanie,
- sprecyzowanie materiału z którego uczeń ma być odpytany, częste sprawdzanie wiedzy z krótkich części materiału,
- rozłożenie w czasie, przypominanie i utrwalanie tabliczki mnożenia oraz algorytmów działań,
- sprawdzenie stopnia zrozumienia zadania tekstowego w trakcie jego rozwiązania, dodatkowe instrukcje, wyjaśnienie treści,
- większa ilość czasu podczas prac pisemnych lub zmniejszenie ilości zadań (stosowane zamiennie),
- dzielenie materiału na mniejsze partie,

- możliwość odpytywania z ławki albo tylko w formie pisemnej czy w przypadku młodszych dzieci również po lekcjach,
- uwzględnianie trudności związanych z myleniem znaków działań, przestawianiem cyfr, pomijaniem przecinka czy zer w dużych liczbach, błędnym zapisywaniu znaków działań czy nierówności,
- podczas oceniania ucznia z dysgrafią uwzględnienie niskiego poziomu graficznego wykresów i rysunków,
- możliwość wykonania nawet prostych rachunków na kartce, bez konieczności liczenia w pamięci,
- podczas wykonywania ścisłych operacji wymagających wielokrotnych przekształceń, czy przekształceń wzorów umożliwienie uczniowi ustne skomentowanie wykonywanych działań czy sposobu postępowania,
- w niektórych przypadkach możliwość korzystania z gotowych wzorów czy tablic,
- w przypadku ucznia z dysgrafią zachęcanie do pisania drukowanymi literami,
- zwrócenie uwagi na trudności z wyobraźnią przestrzenną, dodatkowe wskazówki w zadaniach tego typu
- tolerancyjne ocenianie ucznia przy opanowaniu różnego rodzaju terminologii matematycznej i zapamiętywaniu definicji i reguł czy wzorów matematycznych,
- w przypadku uczniów z dyskalkulią ocenianie toku rozumowania, nawet, gdyby ostateczny wynik zadania był błędny, co wynikać może z pomyłek rachunkowych.

W przypadku uczniów **z odchyleniami rozwojowymi** tj. inteligencją niższą niż przeciętna sposoby dostosowania wymagań edukacyjnych uwzględniają możliwości psychoedukacyjne dziecka i polegają na:

- czestym odwoływaniu się do konkretu (np. graficzne przedstawianie treści zadań),
- omawianiu niewielkich partii materiału i o mniejszym stopniu trudności, nie ograniczając jednak podstawy programowej,
- formułowaniu krótkich, precyzyjnych poleceń i dzielenie złożonych na bardziej zrozumiałe części,
- wydłużanie czasu na wykonanie zadania,
- dodatkowe wskazówki i instrukcje podczas samodzielnej pracy, mobilizowanie do wysiłku i ukończenia zadania,
- modyfikacja zadań domowych,
- większej ilości czasu i powtórzeń dla przyswojenia danej partii materiału.

W przypadku uczniów **uzdolnionych matematycznie** stosuje się indywidualizację nauczania i stopniowanie trudności zadań dodatkowych. Zadania mają być tak pomyślane by były z jednej strony dla ucznia wyzwaniem, a z drugiej ich rozwiązanie stanowiło dla ucznia satysfakcję i motywację do dalszej pracy.