파이썬 라이브러리를 활용한 데이터 분석

3장 numpy 기본: 배열과 벡터 연산

2020。06.19(音) 2h

실습

- 교재 파일
 - ch04.ipynb
 - Ch04-study.ipynb로 복사해서 연습
- 난수와 실수의 정확도
 - import numpy as np
 - np.random.seed(12345)
 - 난수를 발생시키기 위한 초기 값 지정
 - 이후 난수가 동일하게 발생
 - np.set_printoptions(precision=4, suppress=True)
 - precision=4: 소수점 이하 반올림해 4개 표시
 - np.array(3.123456)
 - array(3.1235)
 - suppress=True: e-04와 같은 scientific notation을 억제하고 싶으면
- Alt + Enter
 - 현재 셀 실행 후, 다음 셀 삽입
- Ctrl + shift + enter
 - _ 셀 분리

브로드캐스팅 슬라이싱

4.1.3 numpy 배열의 산술 연산 4.1.4 색인과 슬라이스 기초

4.1.3 numpy 배열 산술 연산

• 벡터화

- for 문 없이 데이터를 일괄 처리
 - 같은 크기의 배열은 각 원소 별로 연산
 - 스칼라 인자
 - 배열 내의 모든 원소에 스칼라 인자가 적용
- 배열의 비교 연산
 - 결과: 불리언 배열

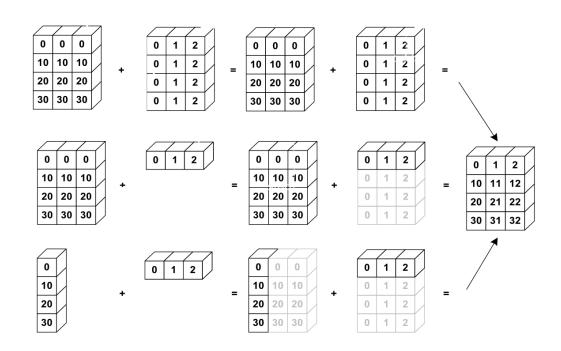
• 브로드캐스팅

- 크기가 다른 배열 간의 연산

```
In [51]: arr = np.array([[1., 2., 3.], [4., 5., 6.]])
In [52]: arr
Out[52]:
array([[ 1., 2., 3.].
      [4., 5., 6.]
In [53]: arr * arr
Out[53]:
array([[ 1., 4., 9.],
      [ 16., 25., 36.]])
In [54]: arr - arr
Out[54]:
array([[ 0., 0., 0.],
      [0..0.0.0.11)
In [55]: 1 / arr
Out[55]:
array([[ 1. , 0.5 , 0.3333],
      [ 0.25 , 0.2 , 0.1667]])
In [56]: arr ** 0.5
Out[56]:
array([[ 1. , 1.4142, 1.7321],
      [ 2. . 2.2361, 2.4495]])
```

브로드캐스팅

- Shape이 같은 두 배열에 대한 이항 연산은 배열의 요소별로 수행
- 두 배열 간의 Shape이 다를 경우
 - 크기가 다른 배열 간의 연산
 - 두 배열 간의 형상을 맞추는 Broadcasting 과정을 거쳐 계산



브로드캐스팅 예

```
In [8]: # 데모 배열 생성
        a = np.arange(5).reshape((1, 5))
        pprint(a)
        b = np.arange(5).reshape((5, 1))
        pprint(b)
        shape: (1, 5), dimension: 2, dtype:int64
        Array's Data
        [[0 1 2 3 4]]
        shape: (5, 1), dimension: 2, dtype:int64
                                                         0 1 2 3 4
        Array's Data
        [[0]]
        [1]
        [2]
        [3]
        [4]]
In [9]:
       a+b
Out[9]: array([[0, 1, 2, 3, 4],
             [1, 2, 3, 4, 5],
             [2, 3, 4, 5, 6],
             [3, 4, 5, 6, 7],
             [4, 5, 6, 7, 8]])
```

4.1.4 색인과 슬라이싱 기초

- 부분이나 한 원소의 참조
 - 반환 값의 배열 조각은 원본 배열의 뷰
 - 그러므로 반환 값을 수정하면 원본에도 반영
 - 대용량의 데이터 처리를 위해 설계
 - 복사하기 위해서는
 - arr[5:8].copy()
 - 2차원 배열 원소 참조
 - arr[행][열]
 - arr[행, 열]

슬라이싱

- 여러 개의 배열 요소를 참조할 때 슬라이싱을 사용
- axis 별로 범위를 지정하여 실행
 - 범위 from_index:to_index 형태로 지정
 - from_index는 범위의 시작 인덱스이며, to_index는 범위의 종료 인덱스
 - to_index는 결과에 포함되지 않음
 - from index는 생략 가능, 생략할 경우 0을 지정한 것으로 간주
 - to_index 역시 생략 가능, 이 경우 마지막 인덱스로 설정
 - ":" 형태로 지정된 범위는 전체 범위를 의미

인덱싱과 슬라이싱



Indexing a subset of 1D array

$$a = array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])$$

a[0:5]

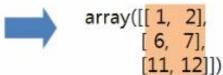
array([0, 1, 2, 3, 4])



Not a copy, but a VIEW!!!

http://rfriend.tistory.com

Indexing a subset of 2D array



슬라이싱

Array Slicing

SLICING WORKS MUCH LIKE STANDARD PYTHON SLICING

STRIDES ARE ALSO POSSIBLE

```
>>> a[2::2,::2]
array([[20, 22, 24],
[40, 42, 44]])
```

정수 색인: 차원 이 작아짐

모두 슬라이스 사용: 차원이 같음

-1	0	1	2	3	4	5		
	10	11	12	13	14	15		
	20	21	22	23	24	25		
	30	31	32	33	34	35		
	40	41	42	43	44	45		
	50	51	52	53	54	55		

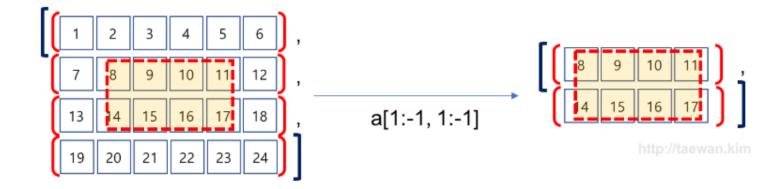
2차원 배열의 축과 슬라이싱

```
In [1]: # 데모 배열 생성
        a1 = np.arange(1, 25).reshape((4, 6)) #2차원 배열
        pprint(a1)
                                                                          axis 1
        shape: (4, 6), dimension: 2, dtype:int64
                                                                                 2
        Array's Data
        [[1 2 3 4 5 6]
                                                                                 0,2
                                                                     0,0
                                                                           0, 1
         7 8 9 10 11 12]
        [13 14 15 16 17 18]
        [19 20 21 22 23 24]]
                                                           axis 0
                                                                                 1, 2
                                                                     1,0
                                                                           1, 1
        가운데 요소 가져오기
                                                                     2,0
                                                                           2, 1
                                                                                 2,2
           Axis 1
 Axis 0
                                   a[1:3, 1:5]
In [2]: a1[1:3, 1:5]
Out[2]: array([[ 8, 9, 10, 11],
             [14, 15, 16, 17]])
```

음수 인덱스를 이용한 범위 설정

• 음수 인덱스

- 지정한 axis의 마지막 요소로 부터 반대 방향의 인덱스
- -1은 마지막 요소의 인덱스를 의미



```
In [3]: a1[1:-1, 1:-1]
```

다양한 슬라이싱 활용

• 슬라이싱에 대입도 가능

```
In [4]: # 데모 대상 배열 조회
                                                 In [6]: # 슬라이싱 결과 배열에 슬라이싱을 적용하여 4개 요소 참조
       pprint(a1)
                                                        slide_arr[:, 1:3]
                                                        pprint(slide arr)
       shape: (4, 6), dimension: 2, dtype:int64
       Array's Data
                                                        shape: (2, 4), dimension: 2, dtype:int64
                                                        Array's Data
       [[1 2 3 4 5 6]
                                                        [[ 8 9 10 11]
        [ 7 8 9 10 11 12]
                                                        [14 15 16 17]]
       [13 14 15 16 17 18]
       [19 20 21 22 23 24]]
                                                 In [7]: # 슬라이싱을 적용하여 참조한 4개 요소 업데이트 및 슬라이싱
                                                        배열 조회
In [5]: # 슬라이싱 배열
                                                        slide arr[:, 1:3]=99999
        slide arr = a1[1:3, 1:5]
                                                        pprint(slide arr)
       pprint(slide arr)
                                                        shape: (2, 4), dimension: 2, dtype:int64
                                                        Array's Data
       shape: (2, 4), dimension: 2, dtype:int64
                                                             8 99999 99999
                                                                            11]
       Array's Data
                                                                           17]]
                                                           14 99999 99999
       [[ 8 9 10 11]
       [14 15 16 17]]
```

슬라이싱 정리

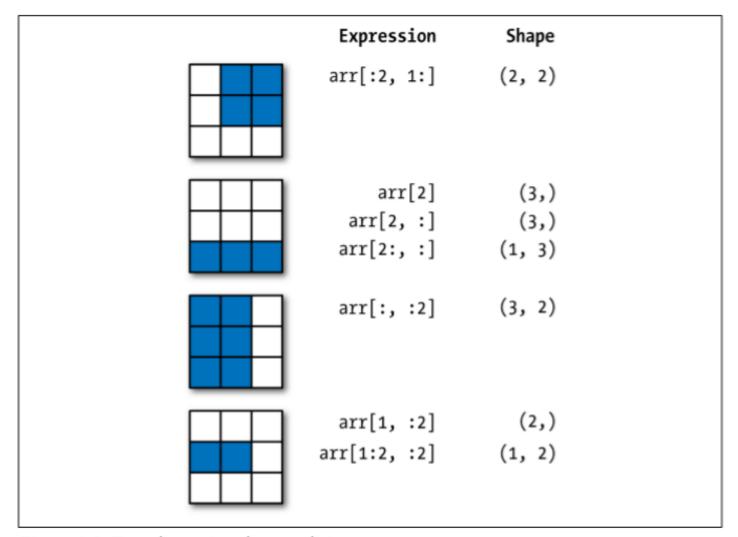


Figure 4-2. Two-dimensional array slicing

4.1.5 불리언 값으로 행 선택하기

• 불리언 배열

색인하려는 축(행, 0)의 길이와 같아야 함

Boolean Indexing

```
names = np.array(['Bob', 'Joe', 'Will', 'Bob', 'Will', 'Joe', 'Joe']
In [14]:
         data = np.random.randn(7, 4)
         names
Out[14]: array(['Bob', 'Joe', 'Will', 'Bob', 'Will', 'Joe', 'Joe'], dtype='<
         U4')
In [15]: data
Out[15]: array(\{[-0.2047, 0.4789, -0.5194, -0.5557], -0.5194, -0.5557\}
                [ 1.9658, 1.3934, 0.0929, 0.2817],
                \langle [0.275, 0.2289]
                                  1.3529. 0.88641
                [-2.0016, -0.3718, 1.669, -0.4386],
               [-0.5397. 0.477. 3.2489. -1.0212].
               [-0.5771, 0.1241, 0.3026, 0.5238]])
In [16]: names == 'Bob
Out[16]: array([ True, False, False, True, False, False, False])
In [24]: data[names == 'Bob']
Out[24]: array([[-0.2047, 0.4789, -0.5194, -0.5557],
               [ 0.275 , 0.2289 , 1.3529 , 0.8864]])
In [26]: data[:4:3]
Out [26]: array([[-0.2047, 0.4789, -0.5194, -0.5557],
               [ 0.275 , 0.2289, 1.3529, 0.8864]])
```

논리 값 배열로 열 선택

• 열의 길이에 맞게

- 4

```
In [34]:
        data
Out[34]: array([[-0.2047, 0.4789, -0.5194, -0.5557],
                [ 1.9658, 1.3934, 0.0929, 0.2817],
                [ 0.769 , 1.2464, 1.0072, -1.2962],
                [0.275, 0.2289, 1.3529, 0.8864],
                [-2.0016, -0.3718, 1.669, -0.4386],
                [-0.5397, 0.477, 3.2489, -1.0212],
                [-0.5771, 0.1241, 0.3026, 0.5238]])
In [33]: test = np.array([True, False, True, False])
         test
Out[33]: array([ True, False, True, False])
In [32]:
         data[:, test] #0, 3 열 선택
Out[32]: array([[-0.2047, -0.5194],
                [ 1.9658, 0.0929].
                [ 0.769 . 1.0072].
                [ 0.275 , 1.3529],
                [-2.0016, 1.669],
               [-0.5397. 3.2489].
                [-0.5771, 0.3026]
```

4.1.6 팬시 인덱싱(Fancy Indexing)

- 특정 순서로 로우를 선 택
 - 순서가 명시된 ndarray나 리스트를 사용
- 특정 순서로 열를 선택

```
In [49]: arr = np.arange(32).reshape((8, 4))
Out[49]: array([[ 0, 1, 2, 3],
                [4, 5, 6, 7],
                [8, 9, 10, 11],
                [12, 13, 14, 15].
                [16, 17, 18, 19],
                [20, 21, 22, 23],
                [24, 25, 26, 27],
                [28, 29, 30, 31]])
In [50]: arr[:, [1, 0]]
Out[50]: array([[ 1, 0],
                [5, 4].
                [9, 8],
                [13, 12],
                [17, 16],
                [21, 20],
                [25, 24],
                [29, 28]])
```

Fancy Indexing

```
In [35]:
         arr = np.emptv((8, 4))
         for i in range(8):
             arr[i] = i
Out[35]: array([[0., 0., 0., 0.],
                [1., 1., 1., 1.],
                [2., 2., 2., 2.],
                [3., 3., 3., 3.],
                [4., 4., 4., 4.],
                [5., 5., 5., 5.],
                [6., 6., 6., 6.],
                [7... 7... 7... 7.]]
         arr[[4, 3, 0, 6]]
In [37]:
Out[37]: array([[4., 4., 4., 4.],
                [3., 3., 3., 3.],
                [0., 0., 0., 0.],
                [6.. 6.. 6.. 6.11)
        arr[4, 3, 0, 6]
In [39]:
         IndexError
                                                     Traceback (most recent call last)
         <ipython-input-39-0e5c5006e5da> in <module>
         ----> 1 arr[4, 3, 0, 6]
         IndexError: too many indices for array
         arr[[-3, -5, -7]]
In [40]:
Out[40]: array([[5., 5., 5., 5.],
                [3., 3., 3., 3.],
                [1., 1., 1., 1.]])
```

팬시 인덱싱(Fancy Indexing)

배열에 인덱스 배열을 전달하여 요소를 참조하는 방법

```
In [2]: arr = np.arange(1, 25).reshape((4, 6))
        pprint(arr)
        shape: (4, 6), dimension: 2, dtype:int64
       Array's Data
        [[1 2 3 4 5 6]
        [7 8 9 10 11 12]
       [13 14 15 16 17 18]
        [19 20 21 22 23 24]]
       Facncy Case 1
In [3]: [arr[0,0], arr[1, 1], arr[2, 2], arr[3, 3]]
Out[3]: [1, 8, 15, 22]
In [4]: # 두 배열을 전달==> (0, 0), (1,1), (2,2), (3, 3)
        arr[[0, 1, 2, 3], [0, 1, 2, 3]]
Out [4]: array([ 1, 8, 15, 22])
       Facncy Case 2
In [5]: # 전체 행에 대해서, 1, 2번 컬럼 참조
       arr[:, [1, 2]]
Out [5]: array([[ 2, 3],
            [8, 9],
            [14, 15],
            [20, 21]])
```

다차원 색인 배열

• 각각의 색인 튜플에 대응하는 1차원 배열 선택

```
In [51]: arr = np.arange(32).reshape((8, 4))
         arr
Out[51]: array([[ 0, 1, 2, 3],
                 [4, 5, 6, 7],
                 [8, 9, 10, 11],
                 [12, 13, 14, 15],
                 [16, 17, 18, 19],
                 [20, 21, 22, 23],
                 [24, 25, 26, 27],
                 [28, 29, 30, 31]])
In [59]: arr[[1, 5, 7, 2], [0, 3, 1, 2]]
Out [59]: array([4, 23, 29, 10])
In [63]: s = [(x, y) \text{ for } x, y \text{ in } zip([1, 5, 7, 2], [0, 3, 1, 2])]
         S
Out [63]: [(1, 0), (5, 3), (7, 1), (2, 2)]
In [62]: s = [arr[x, y] for x, y in zip([1, 5, 7, 2], [0, 3, 1, 2])]
         S
Out[62]: [4, 23, 29, 10]
```

4.1.7 배열 전치와 축 바꾸기

- 배열 전치
 - 행 열을 바꾸는 것
 - 모양이 바뀐 뷰를 반환
 - T라는 속성
- 다차원 배열
 - 축 번호를 받아서 교환
 - 첫 번째와 두 번째 축 번호가 바뀜
 - 첨자 교환 예, 5
 - 첨자: (0, 1, 1)
 - 교환
 - 수정된 첨자: (1, 0, 1)

```
In [64]: | arr = np.arange(16).reshape((2, 2, 4))
         arr # (2, 2, 4)
Out[64]: arram([[[0, 1, 2, 3],
                 [ 4, (5,) 6, 7]],
                [[8, 9]10,11],
                [12, 13 14, 15]]])
 In []: # p157
         arr.transpose((0, 1, 2)) # (2, 2, 4)
 In []: arr.transpose((♠, 2, 1)) # , 축 1과 2를 바꾸기 (2, 4, 2)
In [65]: arr.transpose((1, 0, 2)) # (2, 2, 4)
Out[65]: array([[[0, 1, 2, 3],
                [8, 9, 10, 11]],
                [[4,(5),6,7],
                [12, 13, 14, 15]]])
```

배열 형태 변경: 전치(Transpose)

- 행렬의 인덱스가 바뀌는 변환
 - [numpy.ndarray 객체].T 속성

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$$

```
In [1]: # 행렬 생성
a = np.random.randint(1, 10, (2, 3))
pprint(a)

shape: (2, 3), dimension: 2, dtype:int64
Array's Data
[[6 6 1]
[4 1 3]]

In [2]: #행렬의 전치
pprint(a.T)

shape: (3, 2), dimension: 2, dtype:int64
Array's Data
[[6 4]
[6 1]
[1 3]]
```

배열 형태 변경: reshape 메서드 이해

- [numpy.ndarray 객체]의 shape을 변경한 것을 반환
 - 자체는 변환되지 않음

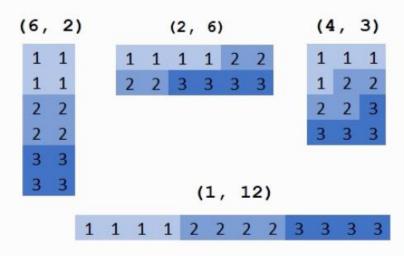
```
In [1]: # 대상 행렬 속성 확인
        a = np.random.randint(1, 10, (2, 3))
        pprint(a)
        shape: (2, 3), dimension: 2, dtype:int64
        Array's Data
        [[7 7 8]
        [3 9 1]]
In [2]: result = a.reshape((3, 2, 1))
        pprint(result)
        shape: (3, 2, 1), dimension: 3, dtype:int64
        Array's Data
        [[[7]
        [7]]
        [[8]]
        [3]]
        [[9]]
        [1]]]
```

배열 형태 변경: reshape 메서드의 활용

Original

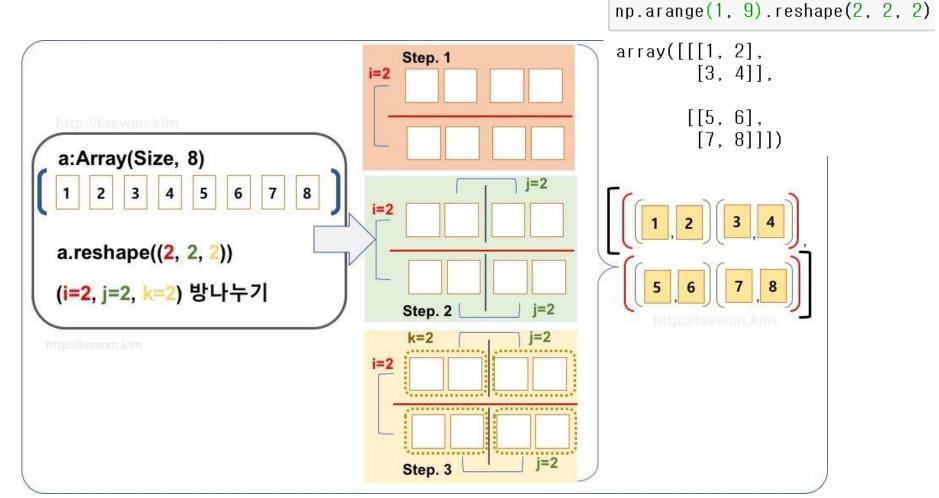
(3, 4)

1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 3 3



삼차원 배열의 이해

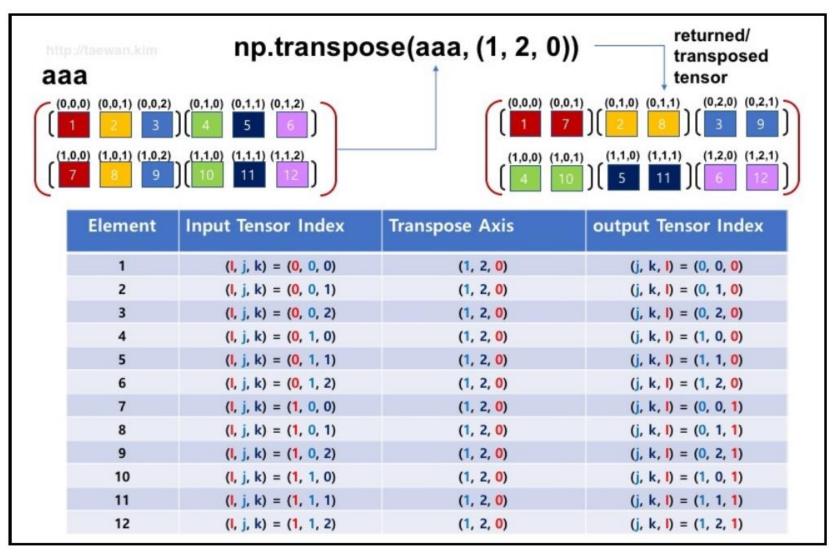
np.arange(1, 9).reshape(2, 2, 2)



3차원 배열의 전치 transpose

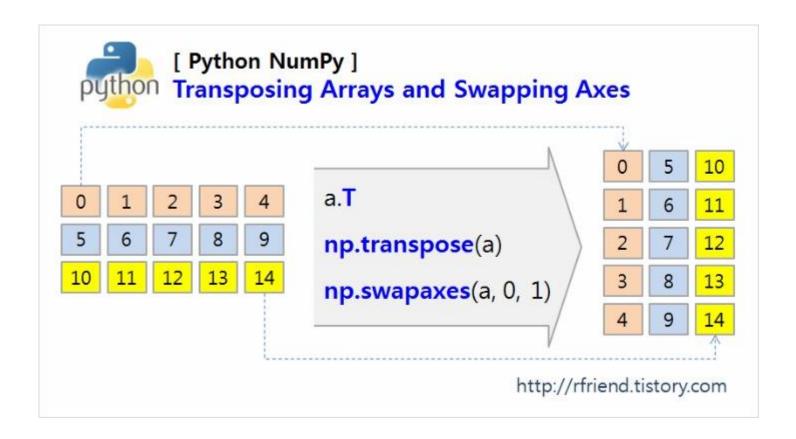
```
In [283]: ccc = np.transpose(aaa, (1, 2, 0))
         print(ccc.shape)
         CCC
                                 i=0, j=1, k=2
                                 (1, 2, 0)로 axis를 지정하면
         (2, 3, 2)
                                 aaa의 첫 번째 Shape이
Out[283]: array([[[ 1, 7],
                                 출력 텐서의 마지막으로 이동
                [2, 8],
                [ 3, 9]],
                                 입력 텐서의 ijk 요소가
               [[ 4, 10],
                                 출력 텐서에서는 jki로 이동
               [ 5, 11],
               [ 6, 12]]])
```

arr.transpose의 이해



arr.swapaxes()

• 두 개의 축 번호를 교환



배열 형태 변경: ravel 메서드

- 배열의 shape을 1차원 배열로 만드는 메서드
 - [numpy.ndarray 객체].ravel()
 - 배열을 1차원 배열로 반환하는 메서드
 - 자체는 변환되지 않음
 - 주의
 - revel이 반환하는 배열은 a 행렬의 view
 - 반환 행렬의 데이터를 변경하 면 a 행렬도 변경

```
In [1]: # 데모 배열 생성
        a = np.random.randint(1, 10, (2, 3))
        pprint(a)
        shape: (2, 3), dimension: 2, dtype:int64
       Array's Data
        [[7 9 6]
        [2 1 1]]
In [2]: | a.ravel()
Out[2]: array([7, 9, 6, 2, 1, 1])
[3]: b = a.ravel()
        pprint(b)
        shape: (6,), dimension: 1, dtype:int64
       Array's Data
        [7 9 6 2 1 1]
In [4]:
       b[0]=99
        pprint(b)
        shape: (6,), dimension: 1, dtype:int64
       Array's Data
        [99 9 6 2 1 1]
In [5]: # b 배열 변경이 a 행렬에 반영되어 있습니다.
        pprint(a)
        shape: (2, 3), dimension: 2, dtype:int64
       Array's Data
        [[99 9 6]
        [2 1 1]]
                                               thon
```

배열 슬라이스도 배열을 참조

- P144
 - Pythontutor.com에서 테스트

import numpy as np arr = np.arange(10) a = arr[3:5] a[0] = 20 print(arr)

