SD04630230: E-Cash and Blockchain

Oct 30, 2023

实验 1: 哈希函数与零知识证明

Lecturer: 钱宸 (Chen Qian)

免责声明:该实验材料仅用于山东大学网络空间安全学院课程教学,尚未经过通常用于正式出版物的审查。 仅在获得讲师的许可的情况下,可以在课堂外部分发。

1.1 Python 基础

本次实验基于 Python 以及 ecc-pycrypto 库来实现。其中我们将使用 ecc-pycrypto 库中的 P256 椭圆曲线的一个简单实现。

其中 P256 椭圆曲线源代码取自: https://github.com/lc6chang/ecc-pycrypto。

使用方法,下载并解压到所在目录。进入 ecc-pycrypto 文件夹,并运行 "pip3 install."。

仔细阅读 curve.py 的源代码,理解每个函数之间的关系。熟悉椭圆曲线上的运算操作。

几点提示:

- 使用"from ecc.curve import P256, Point" 加载 P256 曲线
- 椭圆曲线的生成元定义为"P256.G"
- 椭圆曲线的阶的大小为"P256.n"
- 随机产生一个阶数为 "x = random.randint(1,P256.n)", 需要在最开始 "import random"
- 椭圆曲线上每个点的字符表示可以写成 "repr(point)"

1.2 哈希函数

在课上我们知道了抗碰撞的哈希函数可以由离散对数假设得到。

问题 1: 利用 curve 库,构造抗碰撞的哈希函数。

提示: 包括 Setup() \rightarrow K 和 Hash(K, m) \rightarrow h 两个函数。

我们证明了如果离散对数问题是困难的,那么找到问题 1 中的哈希函数的碰撞是一个困难问题。那么在知道哈希函数密钥 K=(g,h) 中离散对数 $k=\log_q(h)$ 的情况下,能够产生哈希函数的碰撞呢?

问题 2: 构造两个新的函数 SetupInsecure 和 FindCol。其中 SetupInsecure 不仅产生哈希函数的密钥 K,也输出离散对数 $k = \log_a(h)$ 。FincCol 函数利用离散对数找到一组哈希函数的碰撞。

- SetupInsecure() \rightarrow (K, k)
- FindCol(K, k) \rightarrow (x_1, x_2)

测试: 找出的 (x_1,x_2) 是否满足哈希函数碰撞的定义。

1.3 零知识证明

在课堂上, 我们给出了离散对数的非交互式零知识证明。

问题 3: 实现离散对数的非交互式零知识证明。

- Prove(x, w) $\rightarrow \pi$
- $Verif(x, \pi) \rightarrow \{0, 1\}$

提示: 使用 Python 自带的 hash 函数 hash(Any) → int

(DDH 的零知识证明) 我们在之前的课程中学过判定性 Diffie-Hellman 假设,即给定 $(f,g,F,G) \in \mathbb{G}^4$ 四个不同的群元素,判断是否存在 $r \in \mathbb{Z}_p$,使得 $(F,G) = (f^r,g^r)$ 。

问题 4: 令 $(f,g,F=f^r,G=g^r)\in\mathbb{G}^4$,写出 (f,g,F,G) 为 DDH 对的<u>交互式</u> 零知识证明(此处不需要编程),并证明在离散对数假设下,如果 (f,g,F,G) 不存在 DDH 关系,则能够给出可通过验证的证明等价于能解决离散对数难题。

提示: 如果 $(F,G) = (f^r,g^r)$,则我们知道 $F/G = (f/g)^r$ 。

问题 5:编程实现问题 4 中零知识证明的非交互式版本。