可证明安全 - 引言

钱宸

网络空间安全学院 山东大学

2025.09.15

Contents

1. 背景

背景

古典密码学



从古典密码到现代密码

古典密码与现代密码的区别

• 古典密码: 替换、置换

• 现代密码: 数学基础、计算复杂性

密码学

常见的密码学应用

• 机密性: 私钥加密、公钥加密

• 完整性: 消息认证码、数字签名

• 认证: 认证协议

• 密钥交换: 密钥交换协议

• 零知识证明

• ..

密码学

常见的密码学应用

• 机密性: 私钥加密、公钥加密

• 完整性: 消息认证码、数字签名

• 认证: 认证协议

• 密钥交换: 密钥交换协议

• 零知识证明

• ...



密码学

常见的密码学应用

• 机密性: 私钥加密、公钥加密

• 完整性: 消息认证码、数字签名

• 认证: 认证协议

• 密钥交换: 密钥交换协议

• 零知识证明

• ...



怎么论证安全性?

- 经验主义方法
- 数学证明方法



敌手 \mathcal{A}

- 敌手 A 是一个试图攻击密码学方案的算法 (图灵机).
- 安全性定义通常将 A 的能力限制在多项式时间内的概率算法.



敌手 A

- 敌手 A 是一个试图攻击密码学方案的算法 (图灵机).
- 安全性定义通常将 A 的能力限制在多项式时间内的概率算法. (为什么呢?)



安全性目标

- 机密性: 敌手 A 无法在多项式时间内区分两条消息的加密结果.
- 完整性: 敌手 A 无法在多项式时间内伪造合法的消息认证码.
- 认证: 敌手 A 无法在多项式时间内冒充合法用户.
- 密钥交换: 敌手 A 无法在多项式时间内计算出通信双方的会话密钥.

上述所有目标都是说明 A 不能达成某个目标. 通常使用"安全性游戏 G"来形式化这个过程. 更加严谨的定义:

安全性定义

- 使用 $G^A \Rightarrow 1$ 表示敌手 A 在安全性游戏 G 中获胜.
- 对于一个密码学方案 Π , 给定任意敌手 A, 我们使用 $Adv_{\Pi,A}^{\mathbf{G}}$ 表示敌手 A 在安全性游戏 \mathbf{G} 中获胜的概率, 即需要证明

$$\forall \mathcal{A}, \quad \mathsf{Adv}_{\Pi, \mathcal{A}}^{\mathbf{G}} = \Pr \Big[\mathbf{G}^{\mathcal{A}} \Rightarrow 1 \Big] \leq \mathsf{negl}(\lambda).$$

这里需要对于所有多项式时间的敌手 A 成立, 其中 $negl(\lambda)$ 是一个忽略函数.

安全性证明可以看作以下断言的正确性证明:

$$\forall \mathcal{A}, \quad \mathsf{Adv}_{\Pi,\mathcal{A}}^{\mathbf{G}} = \Pr \Big[\mathbf{G}^{\mathcal{A}} \Rightarrow 1 \Big] \leq \mathsf{negl}(\lambda).$$

安全性证明

对于一个协议 Π , 一个安全性游戏 G, 给出一个上述断言的正确性证明.

安全性证明

本课程目的

- 什么样的证明是一个严谨的安全性证明?
- 如何构造一个严谨的安全性证明?
- 如何使用形式化验证工具来辅助安全性证明?

形式化验证与密码学

本课程结构

- 1. 密码学中的安全性证明
 - 基于规约的证明
 - 基于安全游戏的证明
 - 基于模拟的证明

形式化验证与密码学

本课程结构

- 1. 密码学中的安全性证明
 - 基于规约的证明
 - 基于安全游戏的证明
 - 基于模拟的证明

3. 形式化验证工具

- 消息与演绎推理
- 等式论与静态等价性
- 密码学计算模型
- 安全性质建模
- 自动化验证

课程参考书目

- 基于安全游戏的证明 [Bellare and Rogaway, 1994]
- 基于模拟的证明 [Lindell, 2016]
- 形式化验证 [Cortier et al., 2014]

References

- Bellare, M. and Rogaway, P. (1994).
 Entity authentication and key distribution.
 In Stinson, D. R., editor, *CRYPTO'93*, volume 773 of *LNCS*, pages 232–249.
 Springer, Berlin, Heidelberg.
- Cortier, V., Kremer, S., et al. (2014).
 Formal models and techniques for analyzing security protocols: A tutorial.

 Foundations and Trends® in Programming Languages, 1(3):151–267.
- Lindell, Y. (2016).

 How to simulate it A tutorial on the simulation proof technique.

 Cryptology ePrint Archive, Report 2016/046.