

# Contenidos

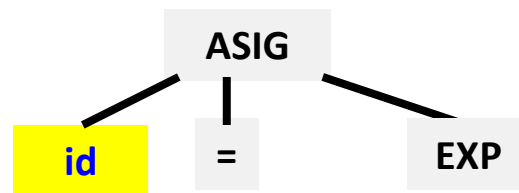
- Funciones del analizador sintáctico
- Conexión con el analizador léxico
- Errores sintácticos
- Fundamentos teóricos
- Analizadores ascendentes
- Desarrollo de analizadores sintácticos
- **Analizadores descendentes**



# Analizadores descendentes

- Construcción del árbol **de la raíz a las hojas**
  - Lectura de la **cadena** de **izquierda a derecha**
  - Procesamiento del símbolo más a la izquierda
    - Terminal: **reconocer** en la cadena de entrada
    - No terminales: aplicar la **derivación**

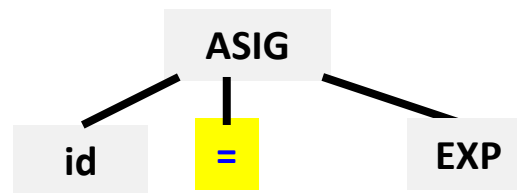
LL



# Analizadores descendentes

- Construcción del árbol **de la raíz a las hojas**
  - Lectura de la **cadena** de **izquierda a derecha**
  - Procesamiento del símbolo más a la izquierda
    - Terminal: **reconocer** en la cadena de entrada
    - No terminales: aplicar la **derivación**

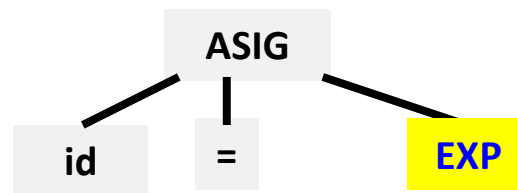
LL



# Analizadores descendentes

- Construcción del árbol **de la raíz a las hojas**
  - Lectura de la **cadena** de **izquierda a derecha**
  - Procesamiento del símbolo más a la izquierda
    - Terminal: **reconocer** en la cadena de entrada
    - No terminales: aplicar la **derivación**

LL



¿qué producción?



# Analizadores descendentes

- Construcción del árbol **de la raíz a las hojas**
  - Lectura de la **cadena** de **izquierda a derecha**
  - Procesamiento del símbolo más a la izquierda
    - Terminal: **reconocer** en la cadena de entrada
    - No terminales: aplicar la **derivación**
  - **Predicción:** ¿qué derivación hay que aplicar?
    - LL(**1**): predecir con **un** símbolo
    - LL(**k**): predecir con **k** símbolos

LL



# Analizadores descendentes

- Conjunto de **símbolos** que **indican** que hay que **aplicar** la producción  **$A ::= \alpha$**
- $DIR(A ::= \alpha)$
- **Cálculo** en función de otros tres conjuntos:
  - $CAB(X)$
  - $CAB'(X)$ : es  $CAB(X)$  sin  $\lambda$
  - $SIG(X)$



# Analizadores descendentes

- $CAB(X)$ : **primer símbolo terminal ( $\in T$ )** de las cadenas derivadas de  $X$

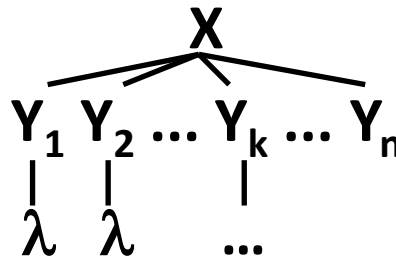
1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$

3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces

- a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$

- b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$$CAB'(X) = CAB(X) \text{ sin } \lambda$$



Análisis Sintáctico



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$CAB(S) = \{\}$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$





# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$CAB(S) = \{\}$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. **Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces**
  - a. **añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$**
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. **Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces**
  - a. **añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$**
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \mathbf{CAB'(a)}$



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = CAB'(a)$



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$CAB(S) = \{a\}$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{\}$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{\}$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  si  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \text{CAB}'(C)$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  si  $\forall i=1, k-1 \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall i=1, k-1 \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \text{CAB}'(B)$

Obvio, se puede omitir



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid \mathbf{b}$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid \mathbf{b}$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. **Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces**
  - a. **añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$**
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \mathbf{CAB'(b)}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid \mathbf{b}$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \mathbf{CAB'(b)}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid \mathbf{b}$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  si  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{\mathbf{b}\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= \text{cc} \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= \mathbf{cc} \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{\mathbf{c}\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid \mathbf{e} \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c\} \cup \{\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid \mathbf{e} \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c\} \cup \{\mathbf{e}\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::= * \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c\} \cup \{e\} \cup \{\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::= * \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c\} \cup \{e\} \cup \{\lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = CAB'(C) \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e\} \cup \{b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X \in T$  entonces añadir  $\{X\}$  a  $CAB(X)$
2. Si  $X ::=^* \lambda$  entonces añadir  $\{\lambda\}$  a  $CAB(X)$
3. Si  $\exists X ::= Y_1 Y_2 \dots Y_n$  entonces
  - a. añadir  $CAB'(Y_1)$  a  $CAB(X)$
  - b. añadir  $CAB'(Y_k)$  a  $CAB(X)$  sii  $\forall_{i=1, k-1} \lambda \in CAB(Y_i)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

- $SIG(X)$ : terminales **inmediatamente a continuación** de  $X$  en cualquier frase o forma sentencial.
  1. Si  $X$  es el **axioma** entonces añadir  **$\{\$ \}$**  a  **$SIG(X)$**
  2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  **$z$**  a  **$SIG(X)$**   $\forall z \in CAB'(\beta)$
  3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  **$SIG(Y)$**  a  **$SIG(X)$** 

```

graph TD
    Y[Y] --- alpha1[α]
    Y --- X1[X]
    Y --- beta[β]
    alpha1 --- alpha2[α]
    X1 --- X2[X]
    beta --- dots[...]
    beta --- lambda[λ]
    subgraph SIG_X [SIG(X)]
        X2
    end
    subgraph SIG_Y [SIG(Y)]
        alpha2
    end
            
```





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{ \}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

**S ::= aBCd**

**B ::= CB | b**

**C ::= cc | e |  $\lambda$**

**SIG(S) = {\$}**

**SIG(B) = {}**

1. Si X es el axioma entonces añadir {\$} a SIG(X)
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir z a SIG(X)  $\forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir SIG(Y) a SIG(X)

**CAB(S) = {a}**

**CAB(B) = {c,e,b}**

**CAB(C) = {c,e, $\lambda$ }**



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{ \}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \mathbf{CAB'(Cd)}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in \mathbf{CAB'(\beta)}$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

**$S ::= aBCd$**

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c,e\} \cup \{d\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c,e,b\}$

$CAB(C) = \{c,e,\lambda\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c,e\} \cup \{d\} \cup \{\}$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c,e,b\}$

$CAB(C) = \{c,e,\lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c,e\} \cup \{d\} \cup \{\}$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c,e,b\}$

$CAB(C) = \{c,e,\lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \text{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e\} \cup \{d\} \cup \text{SIG(B)}$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

**Obvio, se puede omitir**



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{ \}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{ \}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = CAB'(d)$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \mathbf{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d\} \cup \{\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \mathbf{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in \mathbf{CAB}'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d\} \cup \mathbf{CAB}'(\mathbf{B})$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= \mathbf{CB} \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d\} \cup \{\mathbf{c, e, b}\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in \mathbf{CAB'(\beta)}$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$

1. Si  $X$  es el axioma entonces añadir  $\{\$ \}$  a  $SIG(X)$
2. Si  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  entonces añadir  $z$  a  $SIG(X) \forall z \in CAB'(\beta)$
3. Si  $\exists Y ::= \alpha X$  ó  $\exists Y ::= \alpha X \beta$  y  $\lambda \in CAB(\beta)$  entonces añadir  $SIG(Y)$  a  $SIG(X)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$



# Analizadores descendentes

- $\text{DIR}(Y ::= X\alpha)$ : *terminales por los que **comienza** la derivación de **una producción**.*
  1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
  2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
  3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
    - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
    - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

**S ::= aBCd**

B ::= CB | b

C ::= cc | e |  $\lambda$

DIR(S::=aBCd) = {}

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. **Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \{X\}$**
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

CAB(S) = {a}

CAB(B) = {c,e,b}

CAB(C) = {c,e, $\lambda$ }

SIG(S) = {\$}

SIG(B) = {c,e,d}

SIG(C) = {d,c,e,b}



# Analizadores descendentes

**S ::= aBCd**

B ::= CB | b

C ::= cc | e |  $\lambda$

DIR(S::=aBCd) = {**a**}

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. **Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \{X\}$**
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

CAB(S) = {a}

CAB(B) = {c,e,b}

CAB(C) = {c,e, $\lambda$ }

SIG(S) = {\$}

SIG(B) = {c,e,d}

SIG(C) = {d,c,e,b}



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \text{CAB}'(C) \cup \text{DIR}(B ::= B)$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e\} \cup \text{DIR}(B ::= B)$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e\} \cup \text{DIR}(B ::= B)$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e\} \cup \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{ \}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$





# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{b\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$
  - b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{b\}$

$DIR(C ::= cc) = \{\}$

$DIR(C ::= e) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$

2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$

3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$

a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$

b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{b\}$

$DIR(C ::= cc) = \{c\}$

$DIR(C ::= e) = \{e\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$

2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$

3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$

a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$

b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{b\}$

$DIR(C ::= cc) = \{c\}$

$DIR(C ::= e) = \{e\}$

$DIR(C ::= \lambda) = \{\}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$

2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\} \vee X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$

3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\} \vee X \in NT \Rightarrow$

a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$

b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

$DIR(S ::= aBCd) = \{a\}$

$DIR(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$DIR(B ::= b) = \{b\}$

$DIR(C ::= cc) = \{c\}$

$DIR(C ::= e) = \{e\}$

$DIR(C ::= \lambda) = \mathbf{SIG(C)}$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = SIG(Y)$

2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = \{X\}$

3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$

a. Si  $CAB(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB(X)$

b. Si  $CAB(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow DIR(Y ::= X\alpha) = CAB'(X) \cup DIR(Y ::= \alpha)$

$CAB(S) = \{a\}$

$CAB(B) = \{c, e, b\}$

$CAB(C) = \{c, e, \lambda\}$

$SIG(S) = \{\$ \}$

$SIG(B) = \{c, e, d\}$

$SIG(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$\text{DIR}(B ::= b) = \{b\}$

$\text{DIR}(C ::= cc) = \{c\}$

$\text{DIR}(C ::= e) = \{e\}$

$\text{DIR}(C ::= \lambda) = \{d, c, e, b\}$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

$S ::= aBCd$

$B ::= CB \mid b$

$C ::= cc \mid e \mid \lambda$

1. Si  $\{X\alpha\} = \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{SIG}(Y)$
2. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in T \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \{X\}$
3. Si  $\{X\alpha\} \neq \{\lambda\}$  y  $X \in NT \Rightarrow$ 
  - a. Si  $\text{CAB}(X) \notin \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}(X)$
  - b. Si  $\text{CAB}(X) \in \{\lambda\} \Rightarrow \text{DIR}(Y ::= X\alpha) = \text{CAB}'(X) \cup \text{DIR}(Y ::= \alpha)$

$\text{DIR}(S ::= aBCd) = \{a\}$

$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e, b\}$

$\text{DIR}(B ::= b) = \{b\}$

$\text{DIR}(C ::= cc) = \{c\}$

$\text{DIR}(C ::= e) = \{e\}$

$\text{DIR}(C ::= \lambda) = \{d, c, e, b\}$

$\text{CAB}(S) = \{a\}$

$\text{CAB}(B) = \{c, e, b\}$

$\text{CAB}(C) = \{c, e, \lambda\}$

$\text{SIG}(S) = \{\$ \}$

$\text{SIG}(B) = \{c, e, d\}$

$\text{SIG}(C) = \{d, c, e, b\}$



# Analizadores descendentes

- Condiciones LL(1)
  - Sin **recursividad por la izquierda**.
  - **Un símbolo de anticipación** es suficiente:

$$\forall_{i \neq j} \text{DIR}(A ::= \alpha_j) \cap \text{DIR}(A ::= \alpha_i) = \emptyset$$

$$\text{DIR}(B ::= CB) = \{c, e, \mathbf{b}\}$$

$$\text{DIR}(C ::= e) = \{\mathbf{e}\}$$

$$\text{DIR}(B ::= b) = \{\mathbf{b}\}$$

$$\text{DIR}(C ::= \lambda) = \{d, c, \mathbf{e}, b\}$$





# Analizadores descendentes

- Ejercicio:

Calcular conjuntos CAB, SIG y DIR de la siguiente gramática y explicar si cumple las condiciones LL(1):

$$E ::= \text{cte } E'$$
$$E' ::= + T E' \mid - T E' \mid \lambda$$
$$T ::= \text{cte } T'$$
$$T' ::= * \text{cte } T' \mid / \text{cte } T' \mid \lambda$$
