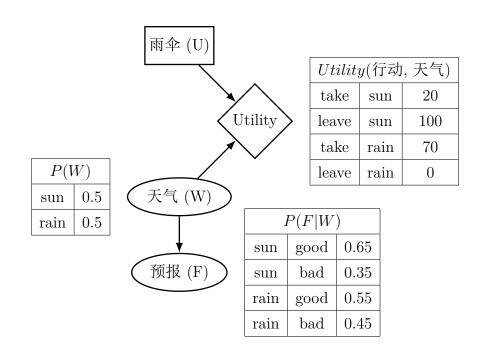
## 作业 4, 人工智能导论课(2023春季学期)

观察变量的信息价值,隐式马可夫模型 (HMM),粒子滤波 (采样近似推理)

## 1. 信息价值。

请根据下面的决策网络计算以下各小题。



- 1). 如果不观察随机变量 F, 计算该决策网络的 MEU 值。
- 2). 计算概率分布 P(W|F)。
- 3). 计算概率分布 P(F)。
- 4). 计算获知 F 变量的信息价值。

	$X_1$	$P(X_1)$	
	0	0.2	
	1	0.8	
$\langle \lambda \rangle$	$(x_1)$	$\longrightarrow (X_2)$	
`		$\overline{}$	

$X_t$	$X_{t+1}$	$P(X_{t+1} X_t)$
0	0	0.3
0	1	0.7
1	0	0.8
1	1	0.2

$X_1$	$X_2$
$E_1$	$E_2$

$X_t$	$E_t$	$P(E_t X_t)$
0	A	0.8
0	В	0.2
1	A	0.4
1	В	0.6

- 2. 根据以上的 HMM 模型, 计算以下各题。
- 1) 知道  $E_1$ =A, 计算  $P(X_2, E_1 = A) = ?$
- 2)观察到  $E_2$ =B,计算  $P(X_2,E_1=A,E_2=B)=?,$   $P(X_2|E_1=A,E_2=B)=?$  3. 粒子滤波练习
- 1)初始粒子两个,分别是 P1=0, P2=1, 此时观察到  $E_1=A,$  计算两个粒子的权值?
- 2) 基于加权后的粒子分布,重新采样 P1, P2 是多少? (假设随机数依次是 0.23, 0.06)
- 3) 对当前两个粒子在时间上进行推移一步的结果,两个粒子变成什么? (随机数是 0.34, 0.21)
- 4) 此时观察到  $E_2 = B$ , 计算当前粒子的权值?
- 5) 对带权粒子进行重新采样的结果? (随机数是 0.21, 0.53)
- 6) 现在用粒子估算概率分布  $P(X_2|E_1=A,E_2=B)$ ?