极客时间算法训练营 第九课 排序

李煜东

《算法竞赛进阶指南》作者



日录

- 1. 基于比较的各类排序算法
- 2. 其他排序算法,不同排序算法的适用场景
- 3. 第K大数、中位数、逆序对等应用

排序算法分类

基于比较的排序

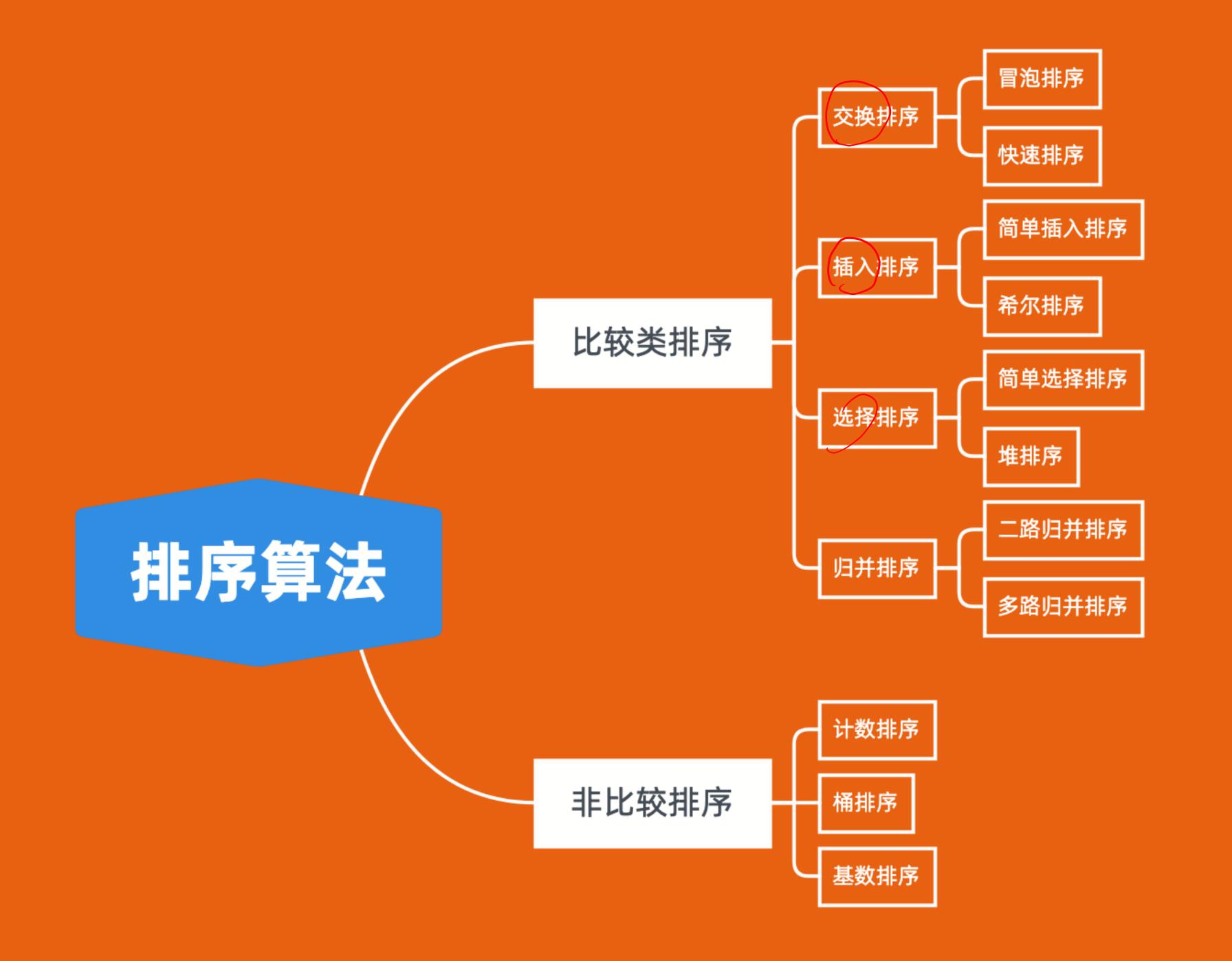
通过比较大小来决定元素间的相对次序

可以证明时间复杂度下界为 O(logN) —— 不可能突破这个复杂度达到更快

非比较类排序

不通过比较大小来决定元素间的相对次序

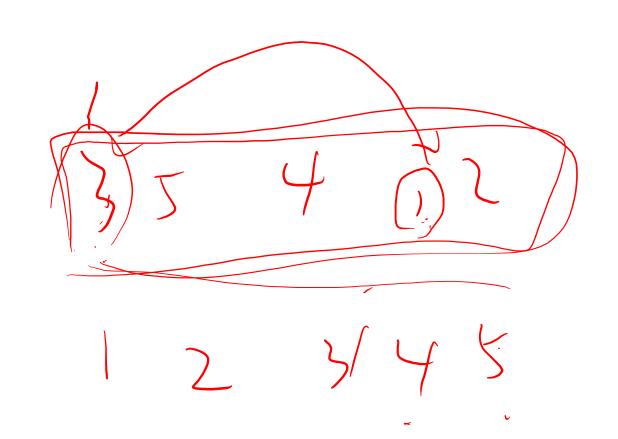
时间复杂度受元素的范围以及分布等多种因素影响,不单纯取决于元素数量N



基于比较的各类排序算法

初级排序算法

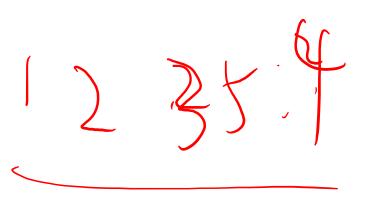
选择排序(Selection Sort)—"该放哪个数了?" 每次从未排序数据中找最小值,放到已排序序列的末尾



插入排序 (Insertion Sort) —— "这个数该放哪儿?" 从前到后依次考虑每个未排序数据,在已排序序列中找到合适位置插入

冒泡排序(Bubble Sort)
不断循环扫描,每次查看相邻的元素,如果逆序,则交换

平均时间复杂度均为 O(N²)





堆排序

```
堆排序(Heap Sort)是对选择排序的优化——利用二叉堆高效地选出最小值
建立一个包含所有N个元素的二叉堆
重复N次从堆中取出最小值,即可得到有序序列
时间复杂度 O(NlogN)
void heap_sort(int a[], int n) {
   priority_queue<int> q; 大龙戏
   for(int i = 0; i < n; i++) {
      q.push(-a[i]);
   for(int i = 0; i < n; i++) {</pre>
                               加美观
      a[i] = (\neg q.top());
```

希尔排序(选做)

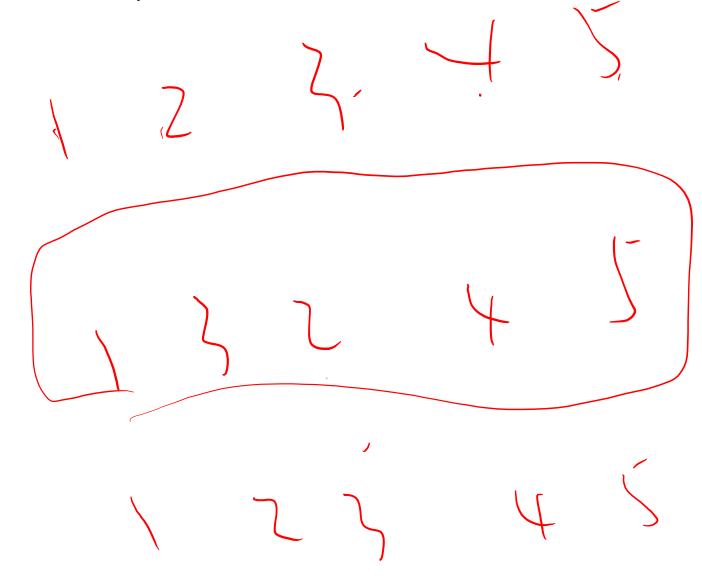
希尔排序(Shell Sort)是对插入排序的优化——增量分组插入排序

图示

希尔排序的时间复杂度取决于增量序列(步长序列)的选取

目前已知的最好序列可以做到 $O(N^{4/3})$ 或 $O(N\log^2 N)$

增量序列列表



归并排序

```
归并排序 (Merge Sort) 是一个基于分治的算法
时间复杂度 O(NlogN)
原问题: 把数组排序
子问题:把数组前一半、后一半分别排序
然后再合并左右两半(两个有序数组)就可以了
public static void mergeSort(int[] arr, int 1, int r)
                                                       arr[L..r]
   if (1 >= r) return;
   int mid = (1 + r) >> 1; // (L + r) / 2
mergeSort(arr, 1, mid);
mergeSort(arr, mid + 1, r);
   merge(arr, 1, mid, r);
```

归并排序

```
static void merge(int[] arr, int left, int mid, int right) {
  int i = left, j = mid + 1;
  for (int k = 0; k < temp.length; k++) { // 合并两
         temp[k] = arr[i++];
     else
        temp[k] = arr[j++];
  for (int k = 0; k < temp.length; k++) {</pre>
     arr[left + k] = temp[k];
```

快速排序

快速排序(Quick Sort)也是一个基于分治的算法

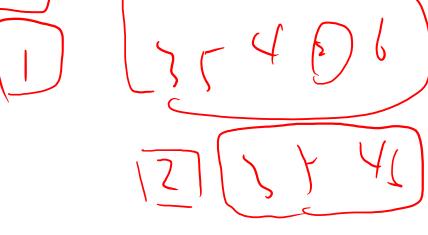
- 从数组中选取中轴元素 pivot / //
- 将小元素放在 pivot 左边,大元素放在右边
- 然后分别对左边和右边的子数组进行快排

快速排序和归并排序具有相似性,但步骤顺序相反

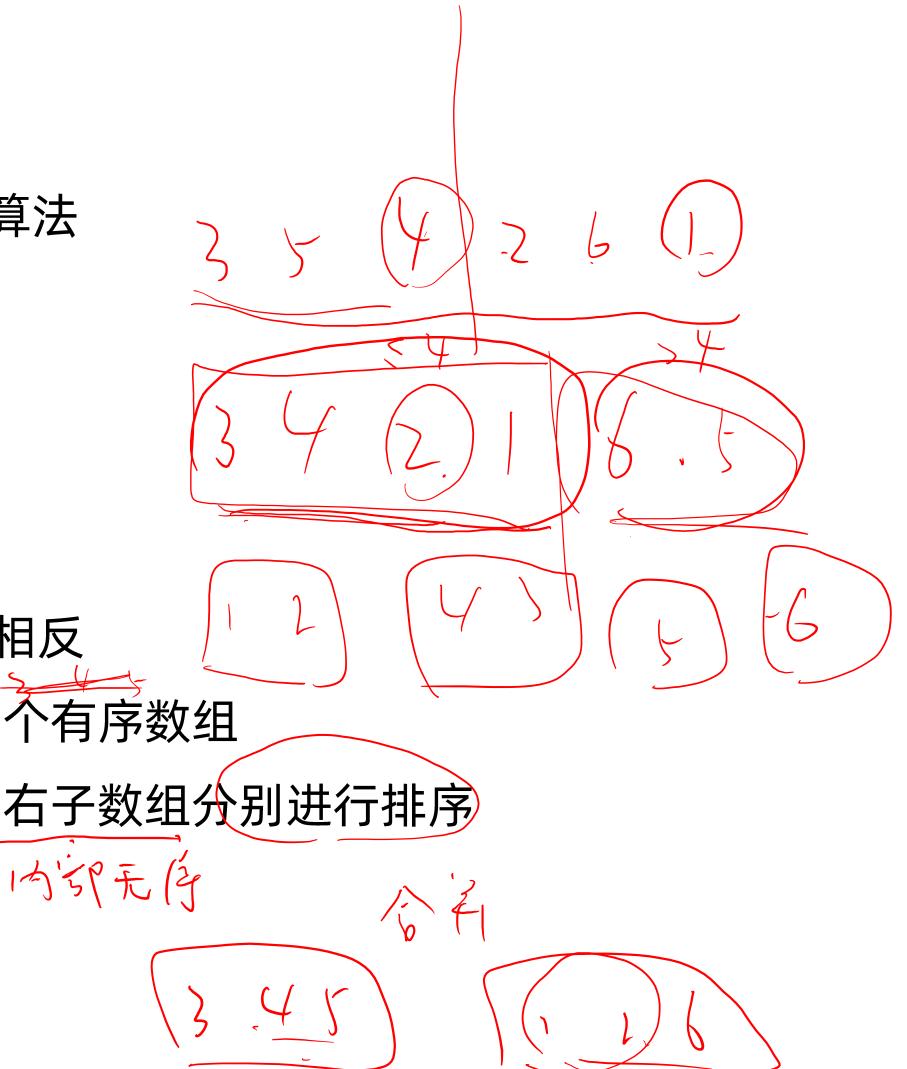
• 归并排序: 先排序左右子数组, 然后合并两个有序数组

• 快速排序: 先调配出左右子数组) 然后对左右子数组分别进行排序

随机选取pivot,期望时间复杂度 O(NlogN)







快速排序

快速排序可以通过适当的交换来原地实现数组调配,避免占用额外空间最经典和高效的调配方式叫作 Hoare Partition

Hoare Partition 动画: https://www.bilibili.com/video/BV1q64y1S7Ax 这个应该是大多数人在课本上学到的,双指针一边向中间扫描一边交换

```
public static void quickSort(int[] arr, int 1, int r) {
    if (l == r) return;
    int pivot = partition(arr, 1, r);
    quickSort(arr, 1, pivot);
    quickSort(arr, pivot + 1, r);
}
```

快速排序

```
static int partition(int[] a, int l, int r) {
    int pivot = l + (int)(Math.random() * (r - l + 1));
    int pivotVal = a[pivot];
    while
       while (a[1] < pivotVal) l++;</pre>
       while (a[r] > pivotVal) r--;
       if (1 <= r) {
           int temp = a[1]; a[1] = a[r]; a[r] \neq temp;
           1++; r--;
```

非比较类排序算法

非比较类排序

3354426613

计数排序 (Counting Sort)

计数排序要求输入的数据必须是有确定范围的整数。将输入的数据作为 key 存储在额外的数组中,

然后依次把计数大于 1 的填充回原数组

时间复杂度 O(N+M), N为元素个数, M为数值范围

(123344566)

桶排序 (Bucket Sort)

桶排序假设输入数据服从均匀分布,将数据分到有限数量的桶里,每个桶再分别排序(有可能使用别的排序算法,或是以递归方式继续使用桶排序)

时间复杂度 O(N) ~ O(N^2)

(1254)9, 234217, 1268)43

基数排序 (Radix Sort)

基数排序把数据切割成一位位数字(0-9),从低位到高位对每一位分别进行计数排序时间复杂度 O(NK), K 为数字位数

排序的稳定性

对于序列中存在的若干个大小相等的元素(重复元素)

如果排序前后它们的相对次序一定保持不变,就称排序算法是稳定的否则就称排序算法是不稳定的

插入、冒泡、归并、计数、基数和桶排序是稳定的选择、希尔、快速、堆排序是不稳定的

排序阵营九宫格

	稳定		不稳定	
O(n²)	守序划水	中立划水	混乱划水	
	插入排序	冒泡排序	选择排序	
	都有地儿,一个个来嘛…	有逆序?容我交换一下	随便找个最小的?好的马上	
???	宁序中立 计数排序/基数排序 不比较? 那从数值范围入手吧	绝对中立 桶排序 我就分个组,具体咋排你们定	混乱中立 希尔排序 插排慢? 这年头不会增量分组吗	
O(nlogn)	字序内卷	中立内卷	混乱内卷	
	归并排序	堆排序	快速排序	
	nlogn稳定可靠,你值得拥有	优化也是要讲基本法的	nlogn里常数最小了解一下?	
	合并有序数组大家都会吧	选最小值不考虑一下堆吗?	swap是一门艺术,不服不要玩	

排序算法实战应用

排序数组

https://leetcode-cn.com/problems/sort-an-array/

模板练习题

数组的相对排序

https://leetcode-cn.com/problems/relative-sort-array/

比较类排序

- 利用哈希表对 arr2 建立数值到索引的映射
- 自定义比较函数

非比较类排序

- 计数排序
- 第一遍把计数数组中出现在 arr2 的数值填充回 arr1
- 第二遍把剩下的填充回 arr1

合并区间

https://leetcode-cn.com/problems/merge-intervals/

方法一: 对区间进行双关键字排序(左右端点)

然后扫描合并(排序后能合并的区间一定是连续的)

方法二:差分思想、关键事件思想

把每个区间 [l, r] 看作一次+1的覆盖,进一步转化为 "l 处 +1"、"r+1 处 -1"两个事件把 2n 个事件排序、扫描,用一个计数变量记录覆盖次数,0变1、1变0时就找到了合并后的区间端点

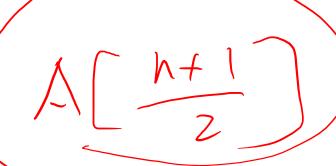
数组中的第K个最大元素

https://leetcode-cn.com/problems/kth-largest-element-in-an-array/

货仓选址

https://www.acwing.com/problem/content/description/106/

在一条数轴上有 N 家商店,它们的坐标分别为 $A_1 \sim A_n$ 。

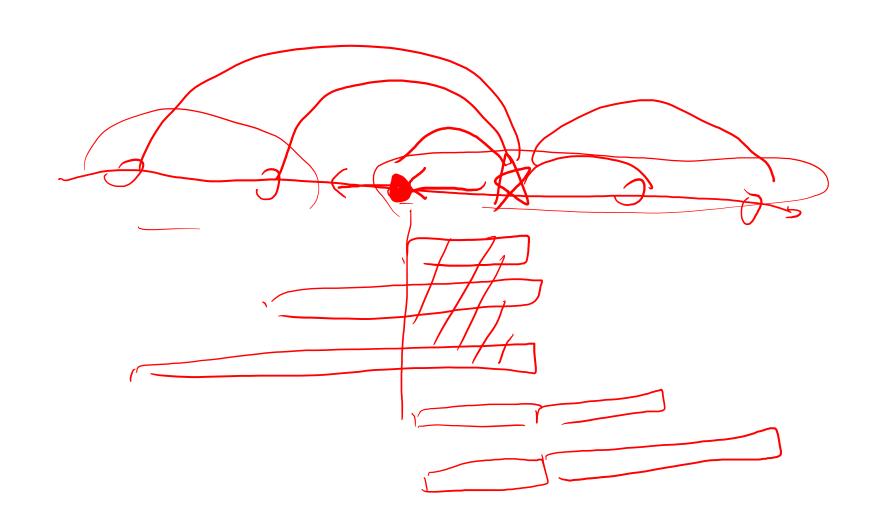


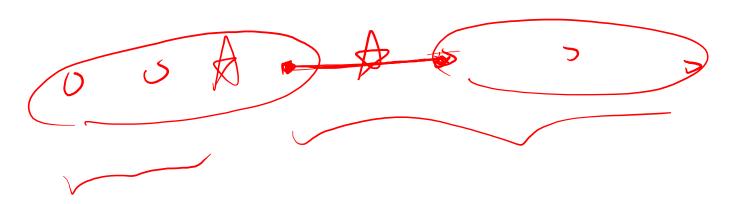
7 /2

现在需要在数轴上建立一家货仓,每天清晨,从货仓到每家商店都要运送一车商品。

为了提高效率,求把货仓建在何处,可以使得货仓到每家商店的距离之和最小。

 $1 \le N \le 100000$





翻转对

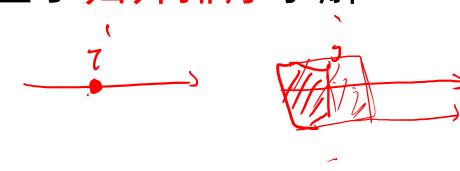
https://leetcode-cn.com/problems/reverse-pairs/

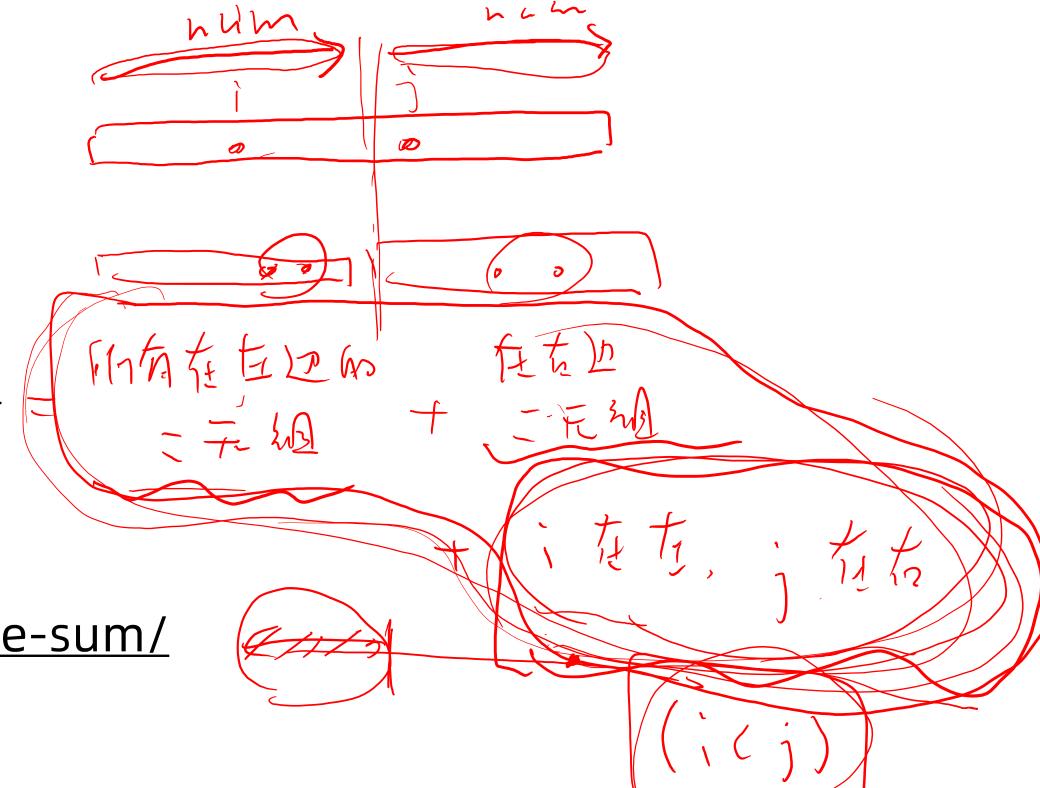
区间和的个数 (Homework, 困难,选做)

https://leetcode-cn.com/problems/count-of-range-sum/

总结:

在一个数组中统计满足特定大小关系的pair数量,可以考虑基于归并排序求解





THANKS

₩ 极客时间 训练营