

# 《机器学习数学基础》勘误和修改

---

[下载本页的 PDF 版](#)

说明：

- 阅读2022年3月第1次印刷的读者，请参考以下勘误中的所有内容，也包括第2次印刷。
- 阅读2022年9月第2次印刷的读者，请仅参考**2022年9月第2次印刷**以下的勘误。

# 一、勘误

---

## 2022年3月第1次印刷

1. 位置：29页，正文倒数第3行至最后

• 原文：

$$\begin{cases} \beta_1 = b_{11}\alpha_1 + \cdots + b_{1n}\alpha_n \\ \vdots \\ \beta_n = b_{n1}\alpha_1 + \cdots + b_{nn}\alpha_n \end{cases}$$

• 修改为：

$$\begin{cases} \beta_1 = b_{11}\alpha_1 + \cdots + b_{n1}\alpha_n \\ \vdots \\ \beta_n = b_{1n}\alpha_1 + \cdots + b_{nn}\alpha_n \end{cases}$$

2. 位置：30页，正文第3行至第5行

• 原文：

$$\begin{bmatrix} \beta_1 \\ \vdots \\ \beta_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_{11} & \cdots & b_{1n} \\ \vdots & & \\ b_{n1} & \cdots & b_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix}$$

• 修改为：

$$[\beta_1 \quad \cdots \quad \beta_n] = [\alpha_1 \quad \cdots \quad \alpha_n] \begin{bmatrix} b_{11} & \cdots & b_{1n} \\ \vdots & & \\ b_{n1} & \cdots & b_{nn} \end{bmatrix}$$

3. 位置：30页，正文第11行至第13行

• 原文：

在同一个向量空间，由基  $[\alpha]$  向基  $[\beta]$  的过渡矩阵是  $P$ ，则：

$$[\beta] = P[\alpha]$$

注意： $[\alpha]$  和  $[\beta]$  分别用行向量方式表示此向量空间的不同的基。

• 修改为：

在同一个向量空间，由基  $\{\alpha_1 \quad \cdots \quad \alpha_n\}$  向基  $\{\beta_1 \quad \cdots \quad \beta_n\}$  的过渡矩阵是  $P$ ，则：

$$[\beta_1 \quad \cdots \quad \beta_n] = [\alpha_1 \quad \cdots \quad \alpha_n]P$$

4. 位置：30页，正文第13行

• 原文：注意： $[\alpha]$  和  $[\beta]$  分别用列向量方式表示此向量空间的不同的基。

• 修改说明：删除原文中的那一行。

5. 位置：30页，正文第15至第7行

- 原文：

$$\begin{aligned} x'_1\beta_1 + \cdots + x'_n\beta_n &= x'_1b_{11}\alpha_1 + \cdots + x'_1b_{1n}\alpha_n \\ &+ \cdots \\ &+ x'_nb_{n1}\alpha_1 + \cdots + x'_nb_{nn}\alpha_n \end{aligned}$$

- 修改为：

$$\begin{aligned} x'_1\beta_1 + \cdots + x'_n\beta_n &= x'_1b_{11}\alpha_1 + \cdots + x'_1b_{n1}\alpha_n \\ &+ \cdots \\ &+ x'_nb_{1n}\alpha_1 + \cdots + x'_nb_{nn}\alpha_n \end{aligned}$$

6. 位置：31页，正文第1行至第3行

- 原文

在某个向量空间中，由基  $[\alpha]$  向基  $[\beta]$  的过渡矩阵是  $P$ 。某向量在基  $[\alpha]$  的坐标是  $x$ ，在基  $[\beta]$  的坐标是  $x'$ ，这两组坐标之间的关系是：

$$x = Px'$$

- 修改为：

在某个向量空间中，由基  $\{\alpha_1 \cdots \alpha_n\}$  向基  $\{\beta_1 \cdots \beta_n\}$  的过渡矩阵是  $P$ 。某向量在基  $\{\alpha_1 \cdots \alpha_n\}$  的坐标是  $x = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}$ ，在基

$\{\beta_1 \cdots \beta_n\}$  的坐标是  $x' = \begin{bmatrix} x'_1 \\ \vdots \\ x'_n \end{bmatrix}$ ，这两组坐标之间的关系是：

$$x = Px'$$

- 修改说明：从29页到31页，对过渡矩阵和坐标变换的推导中，有上述错误，更详细的说明请见文章：[重要更正第1号：过渡矩阵和坐标变换推导](#)

7. 位置：31页，正文，倒数第2行

- 原文：同样，在  $x'Oy'$  中，分别以基向量的  $\overrightarrow{Oi}$  和  $\overrightarrow{Oj}$  的长度为单位长度并建立  $x'$  和  $y'$  坐标轴。
- 同样，在  $x'Oy'$  中，分别以基向量的  $\overrightarrow{Oi'}$  和  $\overrightarrow{Oj'}$  的长度为单位长度并建立  $x'$  和  $y'$  坐标轴。
- 致谢：此错误由读者李韬指出，非常感谢。

8. 位置：36页，正文第2行

- 原文：设内积空间中的两个向量.....
- 修改为：设向量空间中的两个向量.....
- 说明：将原文中的“内积”，修改为“向量”。

9. 位置：39页，正文第1行

- 原文： $d(u, v) = u - v$
- 修改为： $d(u, v) = \|u - v\|$

10. 位置：39页，正文第2行

- 原文:  $\mathbf{u} - \mathbf{v} = \sqrt{\langle (\mathbf{u} - \mathbf{v}), (\mathbf{u} - \mathbf{v}) \rangle}$
- 修改为:  $\|\mathbf{u} - \mathbf{v}\| = \sqrt{\langle (\mathbf{u} - \mathbf{v}), (\mathbf{u} - \mathbf{v}) \rangle}$

11. 位置: 41页, 图1-5-4下第4行

- 原文:  $d(\mathbf{u}, \mathbf{v}) = u_1 - v_1 + \cdots + u_n - v_n = \sum_{i=1}^n |u_i - v_i|$
- 修改为:  $d(\mathbf{u}, \mathbf{v}) = |u_1 - v_1| + \cdots + |u_n - v_n| = \sum_{i=1}^n |u_i - v_i|$
- 修改说明: 原文中的  $u_1 - v_1$  和  $u_n - v_n$  应该加上绝对值符号

12. 位置: 46页, 倒数第5行

- 原文:  $\|\mathbf{u}\|_1 = u_1 + \cdots + u_n = \sum_{r=1}^{r=n} |u_i|$
- 修改为:  $\|\mathbf{u}\|_1 = |u_1| + \cdots + |u_n| = \sum_{r=1}^{r=n} |u_i|$

13. 位置: 49页, 图1-5-9下的第1行

- 原文: 对于  $\triangle ABC$ ,
- 修改为: 对于  $\triangle OAB$ ,

14. 位置: 51页, 表1-5-1

- 原文:

表 1-5-1							
	数学	是	基础	重要	很	打牢	要
文本 1	1	1	2	1	1	0	0
文本 2	2	0	1	1	1	1	1

- 修改说明: 将“文本2”中的“数学”项下的数字修改为“1”, “要”项下的数字修改为“2”

15. 位置: 51页, 表1-5-1之下的第 2 行

- 原文:  $\mathbf{d}_2 = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$
- 修改为:  $\mathbf{d}_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$

16. 位置: 52页, 正文第4行

- 原文: 在 1.4.1 中曾有一个这样的内积函数:  $\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \rangle = x_1 y_1 + 4x_2 y_2$ ,
- 修改为: 设内积函数:  $\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \rangle = x_1 x_2 + 4y_1 y_2$ ,

17. 位置: 58页, 正文第1行

- 原文:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & a_{22} & \cdots & 0 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ 0 & 0 & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

- 修改为:

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & a_{22} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

- 修改说明: 对矩阵的排版样式给予修改。

18. 位置: 64页, 正文, 倒数第5行

- 原文: 如果用一个标量  $c$  乘以矩阵, 此计算结果仍然是与原矩阵形状一样的矩阵, 遵从乘法封闭的原则。
- 修改为: 如果用一个标量  $c$  乘以矩阵, 此计算结果仍然是与原矩阵形状一样的矩阵, 遵从数量乘法封闭的原则。
- 修改说明: 将“遵从乘法封闭的原则”, 修改为“遵从数量乘法封闭的原则”。

19. 位置: 71页, 正文第10行、第11行

- 原文: 但另一个被称为“线性函数”的  $f(x) = kx + b$  不符合上述规定的第二条 ( $f(cx) = kcx + b, c(fx) = ckx + cb$ , 得:  $f(cx) \neq cf(x)$ ) ,
- 修改为: 但另一个被称为“线性函数”的  $f(x) = kx + b$  仅以上述规定的第二条考察 ( $f(cx) = kcx + b, c(fx) = ckx + cb$ , 得:  $f(cx) \neq cf(x)$ ) , 就明显不符合,
- 修改说明: 表述方式进行修改

20. 位置: 97页, 正文第2行至第4行

- 原文:  
性质  
矩阵列向量线性无关  $\iff |\mathbf{A}| \neq 0$   
矩阵列向量线性相关  $\iff |\mathbf{A}| = 0$

- 修改为:

性质

- 矩阵列向量线性无关  $\iff |\mathbf{A}| \neq 0$
- 矩阵列向量线性相关  $\iff |\mathbf{A}| = 0$

- 修改说明:

- 原文中的“性质”二字是宋体字, 应该修改为楷体字。
- 在“性质”下面的两条性质前面, 增加项目符号 (小圆点, 类似于97页底部所列其他性质那样)

21. 位置: 102页, 正文第1行

- 原文: 观察可知, 原线性方程组有解, 又因为  $m = 3$ ,  $n = 4$ ,  $m < n$

，所以原线性方程组有无穷多个解。

- 修改为：观察可知，原线性方程组有解；又因为阶梯形矩阵的非零行数量  $r = 3$ ，未知量个数  $n = 4$ ， $r < n$ ，所以原线性方程组有无穷多个解。

22. 位置：107页，正文，倒数第3行

- 原文：除在上述统计词频时生成稀疏矩阵之外，
- 修改为：除在上述统计字词频率时生成稀疏矩阵之外，
- 修改说明：将原文中的“词频”，修改为“字词频率”

23. 位置：114页，图2-7-4上面的第1行

- 原文：从  $C$  到  $A$ 。
- 修改为：从  $C$  到  $B$ 。
- 致谢：此错误由读者西交利物浦大学的周若骏同学指出，非常感谢。

24. 位置：115页，正文（不含代码），倒数第3行

- 原文：可以使用 NexworkX
- 修改为：可以使用 NetworkX
- 修改说明：将原文的“NexworkX”，修改为“NetworkX”

25. 位置：116页，正文，第4行

- 原文：利用 NexworkX 中的函数 `adjacency_matrix()` 可以得到图G的邻接矩阵。
- 修改为：利用 NetworkX 中的函数 `adjacency_matrix()` 可以得到图G的邻接矩阵。
- 修改说明：修改内容同上一条

26. 位置：120页，正文（不含代码）第1行

- 原文：依然使用 NetworkX 库中的方法创建图 2-7-2 对应的图D，
- 修改为：依然使用 NetworkX 库中的方法创建图 2-7-7 对应的图D，

27. 位置：125页，正文，第14行

- 原文： $|\mathbf{A} - \lambda \mathbf{I}_n| = \begin{vmatrix} -4 - \lambda & -6 \\ 3 & 5 - \lambda \end{vmatrix} = (-4 - \lambda)(5 - \lambda) + 1$
- 修改为： $|\mathbf{A} - \lambda \mathbf{I}_n| = \begin{vmatrix} -4 - \lambda & -6 \\ 3 & 5 - \lambda \end{vmatrix} = (-4 - \lambda)(5 - \lambda) + 18$

28. 位置：125页，正文，第15行

- 原文：即： $(-4 - \lambda)(5 - \lambda) + 1 = 0$ ,
- 修改为：即： $(-4 - \lambda)(5 - \lambda) + 18 = 0$ ,

29. 位置：132页，第1个代码段

- 原文：

```
1 import numpy as np
2 np.set_printoptions(precision=3, suppress=True)
3 u0 = np.mat("0.21;0.68;0.11")
```

- 修改为：

```
1 import numpy as np
2 np.set_printoptions(precision=3, suppress=True)
3 P = np.mat("0.65 0.15 0.12;0.28 0.67 0.36;0.07 0.18
4           0.52")
5 u0 = np.mat("0.21;0.68;0.11")
```

- 修改说明：在原代码段的第2行和第3行之间插入一行： $P =$

```
np.mat("0.65 0.15 0.12;0.28 0.67 0.36;0.07 0.18 0.52")
```

30. 位置：133页，正文，倒数第1行公式：

- 原文：
$$\begin{bmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} - 1 & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & a_{ij} - 1 & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} - 1 \end{bmatrix}$$
- 修改为：
$$\begin{bmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} - 1 & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & a_{ij} - 1 & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} - 1 \end{bmatrix}$$

31. 位置：134页，正文，第3行，公式：

- 原文： $|\mathbf{A} - \mathbf{1}| = 0$
- 修改为： $|\mathbf{A} - \mathbf{1} \cdot \mathbf{I}_n| = 0$

32. 位置：137页，正文，3.3.1节的标题之下第4行

- 原文：设极大线性无关向量组  $\{\alpha_1, \cdots, \alpha_2\}$  和  $\{\beta_1, \cdots, \beta_n\}$  分别作为两个向量空间的基
- 修改为：设极大线性无关向量组  $\{\alpha_1, \cdots, \alpha_2\}$  和  $\{\beta_1, \cdots, \beta_n\}$  分别作为向量空间的两个基
- 修改说明：“两个向量空间的基”改为“向量空间的两个基”

33. 位置：137页，正文，3.3.1节的标题之下第9行

- 原文： $[\alpha] = P^{-1}[\beta]$
- 修改为： $[\alpha] = [\beta]P^{-1}$

34. 位置：137页，正文，倒数第1行

- 原文： $\overrightarrow{OM} = \mathbf{A}v_\alpha$
- 修改为： $\overrightarrow{ON} = \mathbf{A}v_\alpha$
- 致谢：此错误由读者李韬指出，非常感谢。

35. 位置：154页，正文，第二行

- 原文： $\mathbf{a}_i = \begin{bmatrix} a_{i1} \\ \vdots \\ a_{im} \end{bmatrix}, (i = 1, 2, \cdots, n)$
- 修改为： $\mathbf{a}_i = \begin{bmatrix} a_{1i} \\ \vdots \\ a_{mi} \end{bmatrix}, (i = 1, 2, \cdots, n)$

- 致谢：此错误由读者西交利物浦大学的周若骏同学指出，非常感谢。

36. 位置: 160页, 倒数第7行末尾和倒数第6行开头部分
- 原文: 它是向量  $\mathbf{a}$  的  $l_2$  范数,
  - 修改为: 它是向量  $\mathbf{a}$  的  $l_2$  范数平方,
37. 位置: 161页, 正文, 第1行
- 原文: 再观察 (3.4.6) 是,
  - 修改为: 再观察 (3.4.6) 式,
38. 位置: 162页, 正文, 第14行
- 原文: 由 (3.4.9) 可得
  - 修改为: 由 (3.4.11) 可得
39. 位置: 164页, 正文, 倒数第 2 行
- 原文: .....正交投影量之后的残余量 (在平面空间中即图3-4-4中所示的  $\mathbf{x} - \mathbf{y}$ ) 。
  - 修改为: .....正交投影量之后的残余量。
40. 位置: 168页, 正文, 第20行
- 原文: 即  $\mathbf{v}_i = \mathbf{v}_i \cdot \mathbf{v}_i = \mathbf{v}^T \mathbf{v}_i = 1$
  - 修改为: 即  $\|\mathbf{v}_i\|^2 = \mathbf{v}_i \cdot \mathbf{v}_i = \mathbf{v}^T \mathbf{v}_i = 1$
41. 位置: 194页, 图4-1-3之上的第三行
- 原文:  $\begin{matrix} \mathbf{a} \\ \times \\ \mathbf{b} \end{matrix} = \begin{matrix} \mathbf{a} \\ \times \\ \mathbf{b} \end{matrix} \sin \theta$
  - 修改为:  $\begin{matrix} \mathbf{a} \\ \times \\ \mathbf{b} \end{matrix} = \begin{matrix} \mathbf{a} \\ \times \\ \mathbf{b} \end{matrix} \sin \theta$
42. 位置: 216页, 正文, 第4行
- 原文:  $8x + 10 \leq 2800$
  - 修改为:  $8x + 10y \leq 2800$
43. 位置: 224页, 正文, 第4行
- 原文: 然后根据 (4.3.8) 式编写计算 .....
  - 修改为: 然后根据 (4.3.13) 式编写计算 .....
  - 修改说明: 将原文中的“ (4.3.8) ”修改为“ (4.3.13) ”
44. 位置: 224页, 正文, 导数第 2 行
- 原文: (4.3.8) 式中的 .....
  - 修改为: (4.3.13) 式中的 .....
  - 修改说明: 将原文中的“ (4.3.8) ”修改为“ (4.3.13) ”
45. 位置: 242页, 公式 (4.4.23-3) 下的第 1 行
- 原文: 根据 (4.4.9) 式可知,
  - 修改为: 根据 (4.4.13) 式可知,
46. 位置: 250页, 正文, 第 2 行
- 原文:  $L_\delta = \begin{cases} \frac{1}{2}(y_i - \hat{y}_i)^2, & \text{if } |y_i - \hat{y}_i| \leq \delta \\ \delta|y_i - \hat{y}_i| - \frac{1}{2}\delta^2, & \text{其他} \end{cases}$
  - 修改为:  $L_\delta = \begin{cases} \frac{1}{2}(y_i - \hat{y}_i)^2, & \text{if } |y_i - \hat{y}_i| \leq \delta \\ \delta|y_i - \hat{y}_i| - \frac{1}{2}\delta^2, & \text{其他} \end{cases}$
  - 修改说明: 将原文中的“  $|y_i - \hat{y}_i| \leq \delta$  ”修改为“  $|y_i - \hat{y}_i| \leq \delta$  ”



47. 位置: 250页, 正文, 第3行

- 原文: 如果  $|\hat{y}_i - y_i| \leq \delta$ ,
- 修改为: 如果  $|y_i - \hat{y}_i| \leq \delta$ ,

48. 位置: 254页, 图4-4-4-14

- 修改说明: 将图4-4-14中的纵坐标名称  $f(x)$  修改为  $f'(x)$

49. 位置: 264页, 倒数第3行

- 原文: 例如  $\{H\}$  就是
- 修改为: 例如  $H$  就是

50. 位置: 270页, 正文, 倒数第9行

- 原文: (B3): 若  $B \subset A$ , 则  $A \cap B = B$ , 故  $P(B|A) = \frac{P(B)}{P(A)} \geq 1$
- 修改为: (B3): 若  $B \subset A$ , 则  $A \cap B = B$ , 故  $P(B|A) = \frac{P(B)}{P(A)} \leq 1$
- 致谢: 本错误是由读者“开花一季”指出, 非常感谢。

51. 位置: 273页, 倒数第4行

- 原文:  $P(B|A) = P(A)$  同样说明两个事件相互对立。
- 修改为:  $P(B|A) = P(A)$  同样说明两个事件相互独立。
- 修改说明: 将原文中的“对立”修改为“独立”。

52. 位置: 277页, 正文, 第7行

- 原文: ..... 取出2个黑球事件,
- 修改为: ..... 取出2个黑球事件,

53. 位置: 287页, 正文, 第4行

- 原文: (5.3.17) 式就可以表示为  $p_i = f(\theta^T, \tilde{x})$
- 修改为: (5.3.17) 式就可以表示为  $p_i = f(\theta^T, \tilde{x}_i)$

54. 位置: 287页, 正文, (5.3.18) 式:

- 原文:  $p_i = \frac{1}{1 + \exp(-\theta^T \tilde{x})}$
- 修改为:  $p_i = \frac{1}{1 + \exp(-\theta^T \tilde{x}_i)}$

55. 位置: 287页, 正文, 第6行 (式 (5.3.18) 下一行)

- 原文: 写出似然函数 (参阅5.2.3节):
- 修改为: 写出似然函数 (参阅6.2.1节):

56. 位置: 287页, 正文, (5.3.19) 式:

- 原文:  $L(D|\theta) = P(y_1, y_2, \dots, y_n | x_1, x_2, \dots, \theta) = \prod_{i=1}^n (p_i)^{y_i} (1 - p_i)^{1-y_i}$
- 修改为:  $L(\theta|D) = P(\theta|D) = \prod_{i=1}^n (p_i)^{y_i} (1 - p_i)^{1-y_i}$

57. 位置: 298页, 正文, 第1行

- 原文:  $F(y) = P(Y \leq y) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda y} & (y \geq 0) \\ 0 & (y \leq 0) \end{cases}$
- 修改为:  $F(y) = P(Y \leq y) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda y} & (y \geq 0) \\ 0 & (y \leq 0) \end{cases}$

58. 位置: 300页, 正文, 第1行

- 原文:  $\sigma$  为方差

- 修改为:  $\sigma$  为标准差

59. 位置: 311页, 正文, 倒数第 3 行

- 原文: 再如二维多维连续型随机变量的分布式正态分布,
- 修改为: 再如二维连续型随机变量的分布是正态分布,
- 修改说明: 删除原文中的“多维”, 并将“式”修改为“是”。

60. 位置: 314页, 正文, 第 11 行

- 原文:  $P\{X = x_i | Y = y_i\} = \frac{P(X=x_i, Y=y_i)}{P(Y=y_i)} = \frac{p_{ij}}{P(Y=y_i)}$
- 修改为:  $P(X = x_i | Y = y_i) = \frac{P(X=x_i, Y=y_i)}{P(Y=y_i)} = \frac{p_{ij}}{P(Y=y_i)}$
- 修改说明: 将原文的  $P\{X = x_i | Y = y_i\}$  修改为  $P(X = x_i | Y = y_i)$

61. 位置: 322页, 正文, 第 12 行

- 原文:  $200 \times \frac{1}{4} + 0 \times \frac{1}{4} = 50$
- 修改为:  $200 \times \frac{1}{4} + 0 \times \frac{3}{4} = 50$
- 致谢: 此错误由读者鲸落指出, 非常感谢。

62. 位置: 328页, 正文, 第 5 行

- 原文:  $\text{Var}(X) = \sum_{k=1}^{\infty} (a_i - E(X))^2 p_i$
- 修改为:  $\text{Var}(X) = \sum_{i=1}^{\infty} (a_i - E(X))^2 p_i$
- 修改说明: 将原文中求和符号下面的  $k$  修改为  $i$
- 致谢: 此错误由读者鲸落指出, 非常感谢。

63. 位置: 328页, 正文, 第 11 行, 即 (5.5.7) 式之上的推导过程

- 原文:

$$\begin{aligned} \text{Var}(X) &= E([X - E(X)]^2) = E(X^2 - 2XE(X) + (E(X))^2) \\ &= E(X^2) - 2E(X)E(X) + (E(X))^2 \\ &= E(X^2) - (E(X))^2 \end{aligned}$$

- 修改为:

$$\begin{aligned} \text{Var}(X) &= E([X - E(X)]^2) = E(X^2 - 2XE(X) + (E(X))^2) \\ &= E(X^2) - 2E(X)E(X) + (E(X))^2 \\ &= E(X^2) - (E(X))^2 \end{aligned}$$

- 修改说明: 注意观察第一个等号之后的平方的位置。
- 致谢: 此错误由读者西交利物浦大学的周若骏同学指出, 非常感谢。

64. 位置: 333页, 正文, 倒数第 1 行

- 原文:

$$\begin{cases} a_0 &= \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)} \\ b_0 &= E(Y) - E(X) \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)} \end{cases}$$

- 修改为:

$$\begin{cases} a_0 &= E(Y) - E(X) \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)} \\ b_0 &= \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\text{Var}(X)} \end{cases}$$

65. 位置: 334页, 正文, 第3行

- 原文: 根据 (5.5.8) 式, 可得:
- 修改为: 根据 (5.5.7) 式, 可得:

66. 位置: 334页, 正文, 第10行

- 原文:  $\text{Var}(Y) + \text{Var}(-b_0X) + 2\text{Cov}(X, -2b_0X)$  (根据协方差的性质 (C6) )
- 修改为:  $\text{Var}(Y) + \text{Var}(-b_0X) + 2\text{Cov}(X, -b_0X)$  (根据协方差的性质 (G6) ) )

67. 位置: 334页, 正文, 倒数第2行

- 原文: 又因为 (见 (5.5.8) 式) :
- 修改为: 又因为 (见 (5.5.7) 式)

68. 位置: 338页, 正文, 第2行

- 原文: 其中,  $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i, \bar{y} = \frac{1}{n} y_i$ 。
- 修改为: 其中,  $\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i, \bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i$ 。
- 致谢: 此错误由读者西交利物浦大学的周若骏同学指出, 非常感谢。

69. 位置: 339页, 正文, 倒数第4行 (略去表格)

- 原文:  $(x_i^r, y_i^r)$  的顺序组成一队,
- 修改为:  $(x_i^r, y_i^r)$  的顺序组成一对,

70. 位置: 357页, 正文, 倒数第4行 (公式)

- 原文:  $\log L = \sum_{i=1}^n \log f(x_i; \theta_i, \dots, \theta_k)$
- 修改为:  $\log L = \sum_{i=1}^n \log f(x_i; \theta_1, \dots, \theta_k)$
- 修改说明: 原文中的  $\theta_i$  的角标  $i$  修改为  $1$

71. 位置: 368页, 正文, (6.2.18) 式之下的第1行

- 原文: 若  $\text{Var}(\hat{\theta}_1) \leq \text{Var}(\hat{\theta})$ ,
- 修改为: 若  $\text{Var}(\hat{\theta}_1) \leq \text{Var}(\hat{\theta}_2)$ ,
- 修改说明: 原文中第二个  $\theta$  增加下角标  $2$

72. 位置: 375页, 正文, 第12行

- 原文: 则有  $\frac{\bar{X}-\mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 0.3^2)$  (参见 6.3 节的 (6.3.1) 式),
- 修改为: 原文: 则有  $\frac{\bar{X}-\mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1^2)$  (参见 6.3 节的 (6.3.2) 式),

73. 位置: 376页, 正文, 倒数第6行 (式子 (6.4.2) 之上第2行)

- 原文:  $Z = \frac{\bar{X}-\mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 0.3^2)$
- 修改为:  $Z = \frac{\bar{X}-\mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1^2)$

74. 位置: 382页, 正文, 第1行

- 原文: (3) 两个正态总体
- 修改为: 2. 两个正态总体
- 修改说明: 此处应该修改为与 378 页 “1. 一个正态总体” 的标题相对应

75. 位置: 387页, 正文, 第5行

- 原文: 并且  $n\hat{p}_1 = 56 < 5$ ,  $m\hat{p}_2 = 142 < 5$ ,
- 修改为: 并且  $n\hat{p}_1 = 56 > 5$ ,  $m\hat{p}_2 = 142 > 5$ ,

76. 位置: 387页, 正文, 第9行

- 原文：由于  $|\eta| = 6.1133 < 1.96$  ,
- 修改为：由于  $|\eta| = 6.1133 > 1.96$  ,

77. 位置：393页，正文，倒数第 6 行（公式 (6.5.8) 之上第 2 行）

- 原文：..... 是泊松分布中的  $\alpha$  无偏估计，
- 修改为：..... 是泊松分布中的  $\lambda$  无偏估计，

78. 位置：397页，正文，第 1 行

- 原文：再结合 (6.5.11) 和 (6.5.8) 式.....
- 修改为：再结合 (6.5.11) 和 (6.5.9) 式.....

79. 位置：402页，代码段，第6行、第7行

- 原文：

```
1 print(f"P(green ball)=4/9, information:
   {round(I_green, 4)} bits")
2 print(f"P(yellow ball)=4/9, information:
   {round(I_yellow, 4)} bits")
```

- 修改为：

```
1 print(f"P(green ball)=3/9, information:
   {round(I_green, 4)} bits")
2 print(f"P(yellow ball)=2/9, information:
   {round(I_yellow, 4)} bits")
```

80. 位置：411页，正文，公式 (7.4.4) 式

- 原文：

$$D_{KL}(P \parallel Q) = \sum_{x \in \mathcal{X}} P(x) Z = E_P(Z) = E_P(-\log(Q(X))) - [-\log(P(X))] \quad (7.4.4)$$

这说明相对熵是按概率  $P(X)$  损失的信息的期望.....

- 修改为：

$$D_{KL}(P \parallel Q) = \sum_{x \in \mathcal{X}} P(x) Z = E_P(Z) = E_P(-\log(Q(x))) - [-\log(P(x))] \quad (7.4.4)$$

这说明相对熵是按概率  $P(x)$  损失的信息的期望.....

- 修改说明：将原文中大写的  $X$  修改为小写的  $x$

81. 位置：411页，正文，公式 (7.4.5) 式

- 原文：

$$D_{KL}(P \parallel Q) = E_P \left[ \log \left( \frac{P(X)}{Q(X)} \right) \right] \quad (7.4.5)$$

其含义为按概率  $P(X)$  的  $P$  和  $Q$  的对数商的期望。

- 修改为：

$$D_{KL}(P \parallel Q) = E_P \left[ \log \left( \frac{P(x)}{Q(x)} \right) \right] \quad (7.4.5)$$

其含义为按概率  $P(x)$  的  $P$  和  $Q$  的对数商的期望。

- 修改说明：将原文中大写的  $X$  修改为小写的  $x$

82. 位置：412页，正文，第8行

- 原文：利用 (7.2.18) 式，
- 修改为：利用 (7.4.7) 式，

83. 位置：412页，正文，第10行

- 原文：  
 $H_1(\mathbf{y} \parallel \hat{\mathbf{y}}_1) = -[1 \cdot \log 0.775 + 0 \cdot \log 0.116 + 0 \cdot \log 0.039 + 0 \cdot \log 0.070] \approx$
- 修改为：  
 $H_1(\mathbf{y}, \hat{\mathbf{y}}_1) = -[1 \cdot \log 0.775 + 0 \cdot \log 0.116 + 0 \cdot \log 0.039 + 0 \cdot \log 0.070] \approx$

84. 位置：412页，正文，第12行

- 原文： $H_2(\mathbf{y} \parallel \hat{\mathbf{y}}_2) = -\log 0.938 \approx 0.0923$
- 修改为： $H_2(\mathbf{y}, \hat{\mathbf{y}}_2) = -\log 0.938 \approx 0.0923$

85. 位置：412页，正文，第13行

- 原文：根据 (7.4.5)
- 修改为：根据 (7.4.8)

86. 位置：413页，公式 (7.4.10)

- 原文： $C = -\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N [y_i \log(q_i) + (1 - y_i) \log(1 - q_i)]$   
(7.4.10)
- 修改为： $C = -\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N [y_i \log(q_i) + (1 - y_i) \log(1 - q_i)]$   
(7.4.10)

87. 位置：413页，正文，第6行

- 原文：二分类的交叉熵的交叉熵为损失函数，
- 修改为：二分类的交叉熵损失函数，

88. 位置：416页，正文，公式 (7.6.2)

- 原文： $H(\mathbf{X}) = -\int f(x) \log(f(x)) dx$  (7.6.2)
- 修改为： $H(\mathbf{X}) = -\int f(\mathbf{x}) \log(f(\mathbf{x})) d\mathbf{x}$  (7.6.2)
- 修改说明：将原文中小写  $x$  加粗

## 2022年9月第2次印刷

1. 位置：52页，正文第4行

- 原文：在 1.4.1 中曾有一个这样的内积函数： $\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \rangle = x_1 y_1 + 4x_2 y_2$ ，
- 修改为：设内积函数： $\langle \mathbf{u}, \mathbf{v} \rangle = x_1 x_2 + 4y_1 y_2$ ，

2. 位置：68页，正文，第14行

- 原文： $\mathbf{A}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- 修改为： $\mathbf{A}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$
- 致谢：感谢网名为春的读者指出此错误。

## 3. 位置: 75页, 正文, 第3行

- 原文: 那么经过线性映射之后,  $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$ ,
- 修改为: 那么经过线性映射之后,  $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$ ,
- 修改说明: 原文中的矩阵  $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$  修改为  $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$  (原来的第1行第3列的数字1, 修改为0)
- 致谢: 感谢网名为春的读者指出此错误。

## 4. 位置: 101页, 第二段代码

- 原文:

```

1  A = np.mat("1 3 -4 2;3 -1 2 -1;-2 4 -1 3;3 0 -7 6")
2  b = np.mat("0 0 0 0").T
3
4  r = np.linalg.solve(A, b)
5  print(r)
6
7  # 输出结果
8  [[ 0.]
9   [ 0.]
10  [-0.]
11  [ 0.]]

```

- 修改为:

```

1  A = np.mat("1 3 -4 2;3 -1 2 -1;-2 4 -1 3;3 9 -7 6")
2  b = np.mat("0 0 0 0").T
3
4  r = np.linalg.solve(A, b)
5
6  # 抛出异常信息: numpy.linalg.LinAlgError: Singular
   matrix

```

- 修改说明, 将 **A** 中的最后一行, 由原来的 `3 0 -7 6` 修改为: `3 9 -7 6`。
- 致谢: 感谢网名为春的读者指出此错误。

## 5. 位置: 133页, 正文, 第2行

- 原文: 尽管两次的初始值差距交代
- 修改为: 尽管两次的初始值差距较大
- 致谢: 感谢读者孔祥松指出此错误。



## 二、修改

---

### 2022年3月第1次印刷

1. 位置：164页，公式 (3.5.3) 下第 2 行开始，到公式 (3.5.4) 所在的行为止。

- 说明：这一段内容旨在推导  $\mathbf{q}_i^T \mathbf{a}_j = r_{ij}$  的结果，原文的推导过程中使用了求和符号，这种记法虽然简介，但不利于不熟悉有关运算的读者理解，故修改如下（原文并没有错误，只是为了更便于理解，修改为下文内容）：

- 修改为：

在 (3.5.3) 式的两边都左乘  $\mathbf{q}_i^T$ ，请注意上面的假设条件： $i \leq j$ ，即  $i = 1, 2, \dots, j-1$ ，那么在 (3.5.3) 式中必然有  $r_{ij}\mathbf{q}_i$  项，得：

$$\mathbf{q}_i^T \mathbf{a}_j = \mathbf{q}_i^T (r_{1j}\mathbf{q}_1 + r_{2j}\mathbf{q}_2 + \dots + r_{ij}\mathbf{q}_i + \dots + r_{jj}\mathbf{q}_j)$$

利用 (3.5.2) 式，计算可得：

$$\begin{aligned} \mathbf{q}_i^T \mathbf{a}_j &= \mathbf{q}_i^T r_{1j}\mathbf{q}_1 + \mathbf{q}_i^T r_{2j}\mathbf{q}_2 + \dots + \mathbf{q}_i^T r_{ij}\mathbf{q}_i + \dots + \mathbf{q}_i^T r_{jj}\mathbf{q}_j \\ &= r_{1j}\mathbf{q}_i^T \mathbf{q}_1 + r_{2j}\mathbf{q}_i^T \mathbf{q}_2 + \dots + r_{ij}\mathbf{q}_i^T \mathbf{q}_i + \dots + r_{jj}\mathbf{q}_i^T \mathbf{q}_j \\ &= 0 \quad + 0 \quad + \dots + r_{ij} \cdot 1 \quad + \dots + 0 \\ &= r_{ij} \end{aligned}$$

故：

$$\mathbf{q}_i^T \mathbf{a}_j = r_{ij}, \quad (i = 1, 2, \dots, j-1) \quad (3.5.4)$$


---

《机器学习数学基础》，电子工业出版社出版。

本书在线支持网站：[https://github.com/qiwsir/Math4ML\\_book](https://github.com/qiwsir/Math4ML_book)



