Contents

[Contents 1](#_Toc480816637)

[《数论》 2](#_Toc480816638)

[<命令行中的数据科学> 3](#_Toc480816639)

[1. Linux内置命令 3](#_Toc480816640)

[2. csvkit 6](#_Toc480816641)

[3. JSON处理器，包括分片、过滤、转换等等 8](#_Toc480816642)

[4. scrape – 用XPath和CSS选择器进行HTML信息提取的工具 8](#_Toc480816643)

[5. XML2JSON xml <-> json 8](#_Toc480816644)

[6. json2csv 8](#_Toc480816645)

[python 10](#_Toc480816646)

[python 工具包 10](#_Toc480816647)

[numPy 10](#_Toc480816648)

[pandas 13](#_Toc480816649)

[matplotlib 15](#_Toc480816650)

[graphviz 16](#_Toc480816651)

[scikit-learn 17](#_Toc480816652)

[scipy 17](#_Toc480816653)

[SymPy 24](#_Toc480816654)

[《数据科学导论》 27](#_Toc480816655)

[install & upgrade 27](#_Toc480816656)

[数据集 28](#_Toc480816657)

[数据预处理 29](#_Toc480816658)

[特征创建 31](#_Toc480816659)

[特征降维 32](#_Toc480816660)

[特征选择 34](#_Toc480816661)

[异常检测 34](#_Toc480816662)

[验证 35](#_Toc480816663)

[机器学习 36](#_Toc480816664)

[《数据科学入门》 38](#_Toc480816665)

[《Python数据科学指南》 39](#_Toc480816666)

[《数据挖掘导论》 39](#_Toc480816667)

[数据 40](#_Toc480816668)

[数据探索 44](#_Toc480816669)

[分类 45](#_Toc480816670)

[不平衡类问题 49](#_Toc480816671)

[多类问题解决方法？ 50](#_Toc480816672)

[关联分析 51](#_Toc480816673)

[聚类 51](#_Toc480816674)

[异常检测 51](#_Toc480816675)

[R 51](#_Toc480816676)

[install R and RStudio 52](#_Toc480816677)

[<R语言初学者指南> 52](#_Toc480816678)

[R语法 52](#_Toc480816679)

[数据获取 54](#_Toc480816680)

[数据预处理 （一般针对数据框） 55](#_Toc480816681)

[数据分析 55](#_Toc480816682)

[数据可视化 56](#_Toc480816683)

[<R and Ruby数据分析之旅> 57](#_Toc480816684)

[Spark 58](#_Toc480816685)

[《Spark快速大数据分析》 58](#_Toc480816686)

[install spark 59](#_Toc480816687)

[命令行（交互式分析数据） 59](#_Toc480816688)

[脚本（独立应用） 60](#_Toc480816689)

[RDD编程 60](#_Toc480816690)

# 《数论》

倍数，公倍数，最小公倍数(两个或多个整数的公倍数里最小的一个)

约数(因数), 公因数,最大公因数(两个数的公因数中最大的一个)

a称为b的倍数，b称为a的约数

2的倍数：　一个数的末尾是偶数（0，2，4，6，8）

3的倍数：　一个数的各位数之和是3的倍数

5的倍数：　一个数的末尾是0或5

9的倍数：　若一个整数的数字和能被9整除

合数的倍数：分解合数为质数乘积，如

4的倍数：　一个数的末两位是4的倍数

6的倍数：　一个数只要能同时被2和3整除

8的倍数：　一个数的末三位是8的倍数

10的倍数：　若一个整数的末位是0

12的倍数：　若一个整数能被3和4整除

证明：任意两个奇数的平方差是8的倍数

设任意奇数2n+1,2m+1, 其中m,n∈N

(2m+1)2 – (2n+1)2 = 4(m+n+1)(m-n)

当m,n都是奇数或都是偶数时，m-n是偶数，被2整除

当m,n一奇一偶时，m+n+1是偶数，被2整除

最大公因数与最小公倍数求法？

短除法

最大公因数 = 2\*3 （除数乘积）

最小公倍数 = 2\*3 \* 2\*3 （除数与商乘积）

欧几里得算法

假定a>b, 令b = r0

a = r0 \* q1 + r1

r0 = r1 \* q2 + r2 直至整除为止，最后一个非零余数即为最大公因数,如

8251 = 6105\*1 + 2146

6105 = 2146\*2 + 1813

2146 = 1813\*1 + 333

1813 = 333\*5 + 148

333 = 148\*2 + 37

148 = 37\*4

则最大公因数为37

性质

a\*b = (a,b) \* [a, b] 整数a,b, 最大公因子(a,b), 最小公倍数[a,b]

算术基本定理

大于1的正整数N可以**唯一分解**成有限个质数的乘积

N = p1a1 \* p2a2 \* ...\*pnan

正因数个数 = (1+a1)(1+a2)...(1+an)

全体正因数之和 = (1+p1+p12+...p1a1)(1+p2+p22+...p2a2)...(1+pn+pn2+...pnan)

当全体正因数之和=2N时，则N为完全数

质数（素数）：只有1和它本身两个因数的自然数

合数：除了1与本身以外，还有其他约数

{质数} + {合数} + {1} = 正整数

100以内共25个质数：2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97　...

哥德巴赫猜想：是否每个大于2的偶数都可写成两个素数之和？

孪生素数就是差为2的素数对，例如11和13

大于3的素数只分布在6n-1和6n+1两数列中

所有大于10的质数中，个位数只有1,3,7,9

判断是否质数？

在一般领域，对正整数n，如果用2到 之间的所有整数去除，均无法整除，则n为质数。

完全数, 亏数: 真约数之和 < 自已

数恰好等于它的真约数(除了自身以外的约数)之和

6 = 1+2+3 {1,2,3,6}

28 = 1+2+4+7+14 = 1+2+...7

496 = 1+2+4+8+16+31+62+124+248 = 1+2+...31

8128 = 1+2+...+127

所有的完全数都是三角形数

6 = 1+2+3

28 = 1+2+...7

496 = 1+2+...31

8128 = 1+2+...+127

完全数的所有约数是调和数　（即所有约数的倒数和等于2)

1/1+1/2+1/3+1/6 = 2

1/1+1/2+1/4+1/7+1/14 = 2

…

完全数(>6)可以表示成连续奇数的立方和

28 = 13 + 33

496 = 13 + 33 + 53 + 73

8128 = 13 + 33 + 53 + 73 + ...153

完全数可以表示2的连续正整数次幂和

6 = 21 + 22

28 = 22 + 23  + 24

496 = 24 + 25 + 26 + 27 + 28

8128 = 26 + 27 + 28 + … + 212

完全数都是以6或8结尾,如果以8结尾，那么就肯定是以28结尾

亲和数　(a,b)

a的真约数之和 = b

a = b的真约数之和

(220 284), (1184 1210), (2620 2924), …

python code:

**import** numpy **as** np

**from** primefac **import** factorint, isprime

**from** numba **import** jit, cuda

@jit

**def find\_amicable\_numbers**(num):

cache = np.zeros(num, dtype=long)

**for** i **in** xrange(num):

cache[i] = calc\_divisors\_sum(i)

out = np.zeros(100, dtype=long)

count = 0

**for** i **in** xrange(1, num):

**for** j **in** xrange(i + 1, num):

**if** cache[i] == j **and** i == cache[j]:

out[count] = i

count += 1

result = []

**for** i **in** xrange(count):

result.append((out[i], cache[out[i]]))

**return** result

@jit

**def calc\_divisors\_sum**(n):

divs = [1]

high = int(math.sqrt(n))+1

**for** i **in** xrange(2, high):

**if** n % i == 0:

divs.extend([i, n/i])

**return** sum(list(set(divs)))

# <命令行中的数据科学>

数据科学是一个宽广的领域，与许多领域都有交叉，例如程序设计、数据可视化以及机器学习。

数据科学含5个步骤：**数据获取、数据清洗、数据探索、数据建模和数据解释**

数据科学是OSEMN（和 awesome 相同发音），它包括获取(Obtaining)、整理(Scrubbing)、探索(Exploring)、建模(Modeling)和翻译(iNterpreting)数据。

数据获取

1. 从其他地方（如网页或服务器）下载数据
2. 从数据库或API（如MySQL and Twitter）中查询数据
3. 从其他文件（如HTML文件或电子表格）中提取数据
4. 自己生成数据（例如读取传感器或进行调查）

获取数据的格式通常是纯文本、CSV、JSON或HTML/XML

数据清洗

在所获取的数据中，缺失值、不一致、错误、怪异字符或冗余列屡见不鲜。常见的清洗操作：**行过滤，列抽取、值替换、单词提取、缺失值处理、数据格式转换**。任何数据项目中80%的工作都是数据清洗

数据探索

查看数据，从数据中推导统计量，创建有趣的可视化

数据建模

若想解释数据或预测将要发生的事情，应为数据建立统计模型。技术包括聚类、分类、回归以及降维

数据解释：从数据中得出结论、评估结果的含义

1. Linux内置命令
2. sudo apt-get install tree

tree -L 2 只查看当前第N级的目录和文件

1. seq first increment last 产生序列

seq -f "Line %g" 10

1. Bash特性：括号扩展，会将{0..100..2}变成一列由空格分隔的数字：0 2 4 … 98 100

for i in {0..100..2}

do

echo "$i^2" | bc

done | head

$echo $RANDOM 内置伪随机数，返回0~32 767之间

1. find

$find ~ -name "\*.txt" -print #在$HOME中查.txt文件并显示

$find /home -size +512k 查大于512k的文件

1. linux命令parallel实现多进程并行计算

$sudo apt-get install parallel

并行处理命令和管道

parallel -j 2 "sh a.sh" "sh b.sh"; 进程a.sh与进程b.sh并行运行

sh c.sh 等以上进程结束，才运行进程c.sh

1. 输入的字符进行替换、压缩和删除

tr(选项)(参数)

选项：

-c：取代所有不属于第一字符集的字符

-d：删除所有属于第一字符集的字符

-s：把连续重复的字符以单独一个字符表示

-t：先删除第一字符集较第二字符集多出的字符。

参数：

字符集1：指定要转换或删除的原字符集

字符集2：指定要转换成的目标字符集。

$ echo "thissss is a text linnnnnnne." | tr -s ' sn' 压缩输入中重复的字符

this is a text line.

$ tr '[:lower:]' '[:upper:]' 小写 -> 大写

$ echo $PATH | tr : '\n' | sort 显示搜索路径

$ echo ‘hello\_world!’ | tr ‘ ‘ ‘\_’

hello\_world!

1. $ sort -nrk 3 -t: sort.txt

eee:40:5.4

eee:60:5.1

ddd:20:4.2

ccc:50:3.3

bbb:10:2.5

aaa:30:1.6

AAA:BB:CC

# -n是按照数字大小排序，-r是以相反顺序，-k是指定需要爱排序的栏位，-t指定栏位分隔符为冒号

sort -u file.txt 删除重复行

1. uniq

uniq命令用于报告或忽略文件中的重复行，一般与sort命令结合使用。

uniq(选项)(参数)

选项

-c：在每列旁边显示该行重复出现的次数

-d：仅显示重复出现的行列

-f<栏位>：忽略比较指定的栏位

-s<字符位置>：忽略比较指定的字符

-u：仅显示出一次的行列

-w<字符位置>：指定要比较的字符。

参数

输入文件：指定要去除的重复行文件。如果不指定此项，则从标准读取数据；

输出文件：指定要去除重复行后的内容要写入的输出文件。如果不指定此选项，则将内容显示到标准输出设备（显示终端）。

uniq -u file.txt 只显示单一行：

sort file.txt | uniq -c 统计各行在文件中出现的次数：

sort file.txt | uniq -d 在文件中找出重复的行：

1. grep

grep（global search regular expression(RE) and print out the line，全面搜索正则表达式并把行打印出来）是一种强大的文本搜索工具，它能使用正则表达式搜索文本，并把匹配的行打印出来

grep -E "[1-9]+"

grep match\_pattern file\_name

#只在目录中所有的.php和.html文件中递归搜索字符"main()"

grep "main()" . -r --include \*.{php,html}

#在搜索结果中排除所有README文件

grep "main()" . -r --exclude "README"

#在搜索结果中排除filelist文件列表里的文件

grep "main()" . -r --exclude-from filelist

1. awk '{pattern + action}' {filenames}

是一个强大的文本分析工具，相对于grep的查找，sed的编辑，awk在其对数据分析并生成报告时，显得尤为强大。简单来说awk就是把文件逐行的读入，以空格为默认分隔符将每行切片，切开的部分再进行各种分析处理。

命令行方式

awk [-F field-separator] 'commands' input-file(s)

其中，commands 是真正awk命令，[-F域分隔符]是可选的。 input-file(s) 是待处理的文件。

在awk中，文件的每一行中，由域分隔符分开的每一项称为一个域。通常，在不指名-F域分隔符的情况下，默认的域分隔符是空格。

$</etc/passwd | awk -F ':' 'BEGIN {print “start”} {print $1} END {print “end”}'

**awk工作流程是这样的：读入有'\n'换行符分割的一条记录，然后将记录按指定的域分隔符划分域，填充域，$0则表示所有域,$1表示第一个域,$n表示第n个域**。默认域分隔符是"空白键" 或 "[tab]键",所以$1表示登录用户，$3表示登录用户ip,以此类推。

1. sed

sed编辑器：可以基于输入到命令行的或是存储在命令文本文件中的命令来处理数据流中的数据。**它每次从输入中读取一行，用提供的编辑器命令匹配数据、按命令中指定的方式修改流中的数据，然后将生成的数据输出到STDOUT。**

set options script file

$echo "This is a test" | sed 's/test/big test/' 替换

$sed '3i\This is an inserted line.' data7 插入行到数据流第3行前

$sed '3a\This is an inserted line.' data7 插入行到数据流第3行后

$sed '3c\This is a changed line of text.' data7 指定行整行替换

$sed 'y/123/789/' data8 转换命令

$sed -e 's/brown/breen/; s/dog/cat/' data1 执行多个命令于文件中的每行数据上

$sed 's!/bin/bash!/bin/csh!' /etc/passwd 感叹号使路径名不需要转义

1. printf命令

printf "%-5s %-10s %-4s\n" NO Name Mark

printf "%-5s %-10s %-4.2f\n" 01 Tom 90.3456

1. cut

cut的工作就是“剪”，具体的说就是在文件中负责剪切数据用的。cut是以每一行为一个处理对象的

cut命令主要是接受三个定位方法：

第一，字节（bytes），用选项-b

第二，字符（characters），用选项-c

第三，域（fields），用选项-f

$ head -n5 /etc/passwd |cut -d : -f 1,3-5

root:0:0:root

bin:1:1:bin

**-d指定域分隔符，-f 指定要剪出哪几个域**

1. curl -s http//www.../\*.txt -o data/finn.txt

curl -u username:password ftp://host/file

curl -L http://t.co/ 重定向

1. csvkit

<https://csvkit.readthedocs.io/en/0.9.0/>

**$pip install csvkit**

1. Input

**in2csv**将csv,dbf, fixed, geojson, json, ndjson, xls, xlsx -> csv

$in2csv data/imdb.xlsx > data/imdb.csv

$head data/imdb.csv | cvscut -c Title,Year,Rating | csvlook

**sql2csv**利用python SQLAlchemy软件包，只需要使用一个工具就可以在许多不同的数据库上执行查询，包括MySQL, Oracle, PostgreSQL, SQLite, SQL Server and Sybase.

Execute an SQL query on a database and output the result to a CSV file.

#Load sample data into a table using csvsql and then query it using sql2csv:

$ csvsql --db "sqlite:///dummy.db" --table "test" --insert examples/dummy.csv

$ sql2csv --db "sqlite:///dummy.db" --query "select \* from test"

1. Processing

**csvclean**

cleans a CSV file of common syntax errors. Outputs [basename]\_out.csv and [basename]\_err.csv, the former containing all valid rows and the latter containing all error rows along with line numbers and descriptions

$ csvclean examples/bad.csv

$ csvclean -n examples/bad.csv

**csvcut**

Filters and truncates CSV files. Like unix “cut” command, but for tabular data:

#Print the indices and names of all columns:

$ csvcut -n \*.csv

$ csvcut -c 1,3 \*.csv

$ csvcut -c TOTAL,"State Name" \*.csv

**csvgrep**

Filter tabular data to only those rows where certain columns contain a given value or match a regular expression:

Like the unix "grep" command, but for tabular data.

$ csvgrep -c 1 -r "^I" \*.csv

**csvjoin**

Merges two or more CSV tables together using a method analogous to SQL JOIN operation. By default it performs an inner join, but full outer, left outer, and right outer are also available via flags.

$csvjoin -c "ColumnKey,Column Key" --outer file1.csv file2.csv

This command says you have two files to outer join, file1.csv and file2.csv. The key column in file1.csv is ColumnKey, the key column in file2.csv is Column Key.

**csvsort**

sort CSV files. Like unix “sort” command, but for tabular data:

$ <countries.csv csvsort -c 2

**csvstack**

stack up the rows from multiple CSV files, optionally adding a grouping value to each row:

$ csvstack -g 2009,2010 State1.csv State2.csv

1. Output (and Analysis)

**csvformat**

convert a CSV file to a custom output format.

#convert “standard” CSV file to a pipe-delimited one

$ csvformat -D "|" examples/dummy.csv

**csvjson**

converts a CSV file into JSON or GeoJSON (depending on flags):

$ <examples/realdata/FY09\_EDU\_Recipients\_by\_State.csv csvjson -i 4

**csvlook**

render a CSV file in the console as a fixed-width table.

$ csvlook examples/testfixed\_converted.csv

**csvpy**

loads a CSV file into a csvkit.CSVKitReader object and then drops into a Python shell so the user can inspect the data however they see fit

$ csvpy --dict examples/dummy.csv -v

**csvsql**

generate SQL statements for a CSV file or create execute those statements

directly on a database.

generate a SQL CREATE TABLE statement for a CSV file.

$ createdb test

$ csvsql --db postgresql:///test --table fy09 --insert FY09\_EDU\_Recipients\_by\_State.csv

use CSVSQL to “directly” query one or more CSV files. Please note that this will create an in-memory SQL database, so it won’t be very fast:

$ csvsql --query "select m.usda\_id, avg(i.sepal\_length) as mean\_sepal\_length from iris as i join irismeta as m on (i.species = m.species) group by m.species" examples/iris.csv examples/irismeta.csv

$ <data/imdb-lists.csv csvsql --query "SELECT title trim, Year, Rating FROM stdin"

**csvstat**

Prints descriptive statistics for all columns in a CSV file. Will intelligently determine the type of each column and then print analysis relevant to that type (ranges for dates, mean and median for integers, etc.):

$ csvstat examples/realdata/FY09\_EDU\_Recipients\_by\_State.csv

1. JSON处理器，包括分片、过滤、转换等等

<https://stedolan.github.io/jq/manual/>

$apt-get install jq

$<data.json python -m json.tool 格式化json

$<data.json jq . 格式化打印并高亮

$jq '.\_id' u.json 查看某个属性

$jq '.\_id, .description' u.json 查看某2个属性

jq '.versions["1.0.3"].keywords' u.json 看看一个数组

jq '.versions["1.0.3"].keywords[1]' u.json 查看一个数组的第1个值

jq '.versions["1.0.3"] | .name, .author.name' u.json 过滤属性

1. scrape – 用XPath和CSS选择器进行HTML信息提取的工具

<https://github.com/jeroenjanssens/data-science-at-the-command-line>

将python脚本scrape -> scrape命令

$ pip install cssselect

$ curl -sL 'http://en.wikipedia.org/wiki/List\_of\_countries\_and\_territories\_by\_border/area\_ratio' > wiki.html

$ < data/wiki.html grep wikitable -A 21

$ < data/wiki.html scrape -be 'table.wikitable > tr:not(:first-child)' > table.html

$ xml2json.py -t xml2json -o data/table.json data/table.html --strip\_text

$<table.json jq -c '.html.body.tr[] | {country: .td[1], border: .td[2], surface: .td[3]}' >countries.json

$ <data/countries.json json2csv -p -k border,surface >countries.csv

1. XML2JSON xml <-> json

<https://github.com/hay/xml2json>

$ chmod u+x xml2json

$ xml2json.py -t xml2json -o data/table.json data/table.html --strip\_text

$ xml2json.py -t json2xml -o data/table1.xml data/table.json

1. json2csv

converts a stream of newline separated json data to csv format.

https://github.com/jehiah/json2csv

$sudo apt-get install golang

$gedit ~/.bashrc

export GOPATH=$HOME/go

export PATH=$PATH:$GOROOT/bin:$GOPATH/bin

$go get github.com/jehiah/json2csv

$ <data/countries.json json2csv -p -k border,surface >data/countries.csv

data/countries.json

{"surface":"0.44","border":"3.2","country":"Vatican City"}

{"surface":"2","border":"4.4","country":"Monaco"}

border,surface

3.2,0.44

4.4,2

<干净的数据-数据清洗入门与实践>

数据科学的六个步骤：（迭代）

问题陈述

数据收集与存储

数据清洗

数据分析

数据可视化

问题决议

认真地记录下曾经按什么顺序做了什么事情？工作日志，包含链接、屏幕截图、或是复制粘贴你曾经运行过的命令，并配上为什么要这样做的解释性文字

文件格式：

文本文件

CSV,TSV等分隔格式 --结构化数据

JSON格式 --半结构化数据

HTML格式 --非结构化数据

二进制文件

分隔文件，用什么字符来封闭分隔数据？

1. 采用双引号来对数据进行封闭
2. 字符转义

# python

## python 工具包

### numPy

<http://old.sebug.net/paper/books/scipydoc/numpy_intro.html>

NumPy提供了两种基本的对象：**ndarray**（N-dimensional array object）和 ufunc（universal function object）

创建

# 通过给array函数传递Python的序列对象创建数组，如果传递的是多层嵌套的序列，将创建多维数组

>>> a = np.array([1, 2, 3, 4])

>>> b = np.array((5, 6, 7, 8), dtype=np.float)

>>> c = np.array([[1, 2, 3, 4],[4, 5, 6, 7], [7, 8, 9, 10]], dtype=np.complex)

c.dtype 数组元素类型

c.shape 数组尺寸

c.shape = 4,3 #原数组尺寸改变

c.T # 转置

d = a.reshape((2, 2)) #原数组尺寸不改变，但生成指定尺寸的新数组，注意a and d共享数据存储内存区域

a\_copy = a.reshape((2,2)).copy()

#类似python的range，指定开始值，终值和步长，注意不包括终值

np.arange(start=0, stop=1, step=0.1)

注意：np.arange(0, 1, 0.1)[::-1].reshape(5, 2) 逆序+维数改变

np.linspace(start=0, stop=1, num=12) #等差数列，包括终值

np.logspace(start=0, stop=2, num=20, base=10.0) #等比数列

np.zeros((2,2))

np.ones((1,2))

np.full((2,2), 7)

np.eye(N=3, k=0), 正对角阵, k指定对角线，k=1指定正对角线向上平移1

np.random.randint(low=1, high=10, size(3,3)) 有限范围的随机整数

np.random.random((2,2)) [0, 1]范围内的随机数 (b-a)\*random(2,2) + a范围内

np.random.uniform(low=0, high=1, size=(3,3)) 有限范围的均匀分布

np.random.normal(loc=1.0, scale=3.0, size=(3,3)) 指定均值和标准偏差生成正态分布

存取元素

a[5]

切片

a[3:5] #通过下标范围获取的新的数组是原始数组的一个视图。它与原始数组共享同一块数据空间

a[:5]

a[:-1]

a[1:-1:2] 第三个参数表示步长

a[::-1] 数组逆序

a[[3, 3, 1, 8]] 使用整数序列作为下标获得的数组不和原始数组共享数据空间

a[a>5] 使用布尔数组作为下标获得的数组不和原始数组共享数据空间

多维数组

NumPy采用组元(tuple)作为数组的下标

也有整数序列或布尔数组作为下标，注意是多维

M[2:9:2, :] 取某行子集

M[2:9, 3:5] 取子矩阵

row\_index = [1,2]

col\_index = [0, 2]

M[row\_index, col\_index] (1,0), (2,2)对应的元素组成

注意：切片只是数据的观测，若要生成新数据，请加copy()

数组堆叠

np.vstack((dataset, sub\_dataset)) == np.stack((row1, row2)) 添加行

np.hstack((row1\_sub, row1\_sub))) 级联

np.stack((dataset, col), axis=-1) 添加列

np.insert(dataset, 3, col, axis=1) 按指定轴插入数据，这里是插入第3列

np.insert(data, 2, row, axis=0) 插入第2行

内存结构



运算： 对数组的每个元素进行操作的函数

result = np.sin(a)

result = a1 + a2 类似matlab点运算

点运算： +, -, \*, /, //, \*\*, %； abs(), sign(), round(), floor(), sqrt(), log(), exp()

聚合运算：sum(), prod()

np.sum(result, axis=0) 按指定维运算

矩阵运算

np.dot(v, w) # 矢量与矢量内积，矩阵与矢量乘，矩阵与矩阵乘

广播

# array([[ 0],

[10],

[20],

[30],

[40],

[50]])

a = np.arange(0, 60, 10).reshape(-1, 1)

# array([0, 1, 2, 3, 4])

b = np.arange(0, 5)

c = a + b

array([[ 0, 1, 2, 3, 4],

[10, 11, 12, 13, 14],

[20, 21, 22, 23, 24],

[30, 31, 32, 33, 34],

[40, 41, 42, 43, 44],

[50, 51, 52, 53, 54]])

x, y = np.ogrid[0:1:4j, 0:1:3j] 开始值：结束值： 数组长度

x =

array([[ 0. ],

[ 0.33333333],

[ 0.66666667],

[ 1. ]])

y = array([[ 0. , 0.5, 1. ]])

利用ogrid的返回值，我能很容易计算x, y网格面上各点的值，或者x, y, z网格体上各点的值

x, y = np.ogrid[-2:2:20j, -2:2:20j]

z = x \* np.exp( - x\*\*2 – y\*\*2)

三维坐标空间

z, y, x = np.mgrid[0:slice, 0:height, 0:width]

distance2center = (z - zc) \*\* 2 + (y - yc) \*\* 2 + (x - xc) \*\* 2 球体坐标

sphere[(tu2cen\*\*2 <= dist2cen) & (dist2cen < rim2cen\*\*2)] += rim\_intensity

广播机制表达三维坐标空间

xx = np.arange(0, width).reshape(1, 1, width)

yy = np.arange(0, height).reshape(1, height, 1)

zz = np.arange(0, slice).reshape(slice, 1, 1)

distance2center = (zz - zc) \*\* 2 + (yy - yc) \*\* 2 + (xx - xc) \*\* 2

文件存取

numpy.load和numpy.save函数以NumPy专用的二进制类型保存数据，这两个函数会自动处理元素类型和shape等信息

>>> np.save("a.npy", a)

>>> c = np.load( "a.npy" )

将多个数组保存到一个文件中的话，可以使用numpy.savez函数

np.savez("result.npz", a, b, sin\_array = c)

>>> r = np.load("result.npz")

http://simplecv.org/

### pandas

pandas是建立在numpy基础上的，因此很容易从数据框对象提取数据，反之数据也可以自己转换成数据框

**import pandas as pd**

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as plt

sd = pd.DataFrame({‘Col1’: range(5), ‘Col2’: ‘qzlin’}) 直接生成DataFrame数据框

dates = pd.date\_range('20130101', periods=6)

df = pd.DataFrame(np.random.randn(6,4), index=dates, columns=list('ABCD'))

df.head()

df.tail(3)

df.index

df.columns

df.values

df.T

df[‘Col1’] = df[‘Col1’].astype(float) 数据类型转换

selection

df['A'] # select a single column 返回pandas.Series 表示一维向量

df.loc['20130102':'20130104',['A','B']] # both endpoints are included

df.loc[subRow, subCol] 子数据框

df[[‘sepal\_length’, ‘sepal\_width’]] 按列方式获取子数据框

df.at[dates[0],'A'] # 获取单元素

df[0:3] # slices the rows.

df.iloc[3:5,0:2] # By integer slices

df.iat[1,1] # 获取单元素

Boolean Indexing 掩模表明数据行是否被选中

mask\_target = iris[‘target’] == ‘Iris-virginica’ #数据行的掩模

iris.loc[mask\_target, ‘target’] = ‘New label’ 基于行列索引访问元素

df[df.A > 0]

df[df > 0]

df2[df2['E'].isin(['two','four'])]

df2[df2 > 0] = -df2 #只对df2>0的部分进行操作，别的元素不动

Missing Data

pandas primarily uses the value np.nan to represent missing data. It is **by default not included in computations**

df1.dropna(how='any') # To drop any rows that have missing data.

df1.fillna(value=5) # Filling missing data

pd.isnull(df1) # To get the boolean mask where values are nan

df.describe() # 描述性统计

df.mean(axis=0) 行平均值 .median(axis=0) 行中值

df.apply(lambda x: x.max() - x.min()) # 列处理

s = pd.Series(np.random.randint(0, 7, size=10))

s.value\_counts() # 直方图

pd.concat([df[:3], df[3:7], df[7:]])

pd.merge(left, right, on='key') # SQL style merges

df.append(s, ignore\_index=True) # Append rows to a dataframe

iris.sort\_index(by=’sepal\_length’).head() 按特征对观测值排序

df.sort\_index(axis=1, ascending=False) #sorting by an axis

df.sort\_values(by='B') #sorting by values

Grouping：

Splitting the data into groups based on some criteria

Applying a function to each group independently

Combining the results into a data structure

df.groupby('A').sum()

iris.groupby([‘target’]).mean() 以目标种类进行分组操作

iris.groupby([‘target’]).var()

Time Series

Converting between period and timestamp

rng = pd.date\_range('3/6/2012 00:00', periods=5, freq='D')

rng = pd.date\_range('1/1/2012', periods=5, freq='M')

Categoricals

df = pd.DataFrame({"id":[1,2,3,4,5,6], "raw\_grade":['a', 'b', 'b', 'a', 'a', 'e']})

df["grade"] = df["raw\_grade"].astype("category")

df["grade"].unique() 种类

df.to\_csv('foo.csv') # Writing to a csv file

pd.read\_csv('foo.csv') # Reading from a csv file

df.to\_hdf('foo.h5','df') # Writing to a HDF5 Store

pd.read\_hdf('foo.h5','df') # Reading from a HDF5 Store

df.to\_excel('foo.xlsx', sheet\_name='Sheet1') # Writing to an excel file

pd.read\_excel('foo.xlsx', 'Sheet1', index\_col=None, na\_values=['NA']) # Reading from an excel file

### matplotlib

**import matplotlib.pyplot as plt**

曲线绘图

plt.plot([1,2,3,4]) # array of y-axis, the default x [0, .. len(y)-1]

or plt.plot(t, t, 'r--', t, t\*\*2, 'bs', t, t\*\*3, 'g^')

plt.ylabel('some numbers')

plt.show()

Controlling line properties （matplotlib.lines.Line2D）

linewidth, dash style, antialiased, ...

same to matlab, pyplot has concept of current figure and axes

matplotlib.axes.Axes = gca()

matplotlib.figure.Figure = gcf()

clf(), cla(), close()

xlabel(), ylabel(), title() , text(), annotate(), xscale(‘log’), yscale9'log')

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as plt

def f(t):

return np.exp(-t) \* np.cos(2\*np.pi\*t)

t1 = np.arange(0.0, 5.0, 0.1)

t2 = np.arange(0.0, 5.0, 0.02)

plt.figure(1)

plt.subplot(211)

plt.plot(t1, f(t1), 'bo', t2, f(t2), 'k')

plt.subplot(212)

plt.plot(t2, np.cos(2\*np.pi\*t2), 'r--')

plt.show()

TeX markup in any matplotlib text

箱须图

以列为变量，展示四分位和outlier

plt.boxplot(x)

散点图

将两变量以点的形式画在一个平面上，可以帮助找出两个变量之间的关系。如果要表示分组和簇，散点图非常有效, c顔色参数，每个标签对应着一个唯一的顔色

plt.scatter(xy[:,0], xy[:,1], c=z, alpha=0.8, edgecolors='none')

plt.hist(x, bins=20) 直方图

plt.barh(index, average, xerr=std) 柱状图，比较每个特征的均值和标准差

热图

x = np.random.normal(loc=0.5, scale=0.2, size=(10,10))

plt.pcolor(x)

plt.colorbar()

#显示图像

plt.imshow(data, cmap=plt.cm.gray, interpolation='nearest')

plt.close(‘all’) 关闭所有图

x = np.random.normal(loc=0.5, scale=0.2, size=(10,10))plt.colorbar()

plt.axhline(perc\_25, label=’25th perc’, c=’r’) 画水平线

### graphviz

$sudo apt-get update

$sudo apt-get install graphviz

$pip install graphviz

**from** graphviz **import** Digraph

dot = Digraph(comment='The Round Table')

dot.node('A', 'YongQin')

dot.node('B', 'YinBin')

dot.node('C', 'JunBo')

dot.node('D', 'Choo')

dot.edges(['AB', 'AC', 'AD'])

dot.render('result.gv', view=True)

### scikit-learn

预处理模块

from sklearn.preprocessing import Imputer

#Loading an example dataset

from sklearn import datasets

digits = datasets.load\_digits()

#Learning

from sklearn import svm

clf = svm.SVC(gamma=0.001, C=100.)

clf.fit(digits.data[:-1], digits.target[:-1])

#predicting

clf.predict(digits.data[-1:])

#Model persistence

from sklearn.externals import joblib

joblib.dump(clf, 'filename.pkl')

clf = joblib.load('filename.pkl')

#Generalized Linear Models

from sklearn import linear\_model

reg = linear\_model.LinearRegression() #Ordinary Least Squares

reg = linear\_model.Ridge (alpha = .5) #Ridge Regression

#Polynomial regression: extending linear models with basis functions

from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

poly = PolynomialFeatures(degree=2)

### scipy

SciPy contains additional routines needed in scientific work: for example, routines for computing integrals numerically, solving differential equations, optimization, and sparse matrices.

Subpackage Description

cluster Clustering algorithms

constants Physical and mathematical constants

**fftpack** Fast Fourier Transform routines

**integrate** Integration and ordinary differential equation solvers

**interpolate** Interpolation and smoothing splines

io Input and Output

**linalg** Linear algebra

ndimage N-dimensional image processing

odr Orthogonal distance regression

optimize Optimization and root-finding routines

**signal** Signal processing

sparse Sparse matrices and associated routines

spatial Spatial data structures and algorithms

special Special functions

**stats** Statistical distributions and functions

weave C/C++ integration

#### Statistics (scipy.stats)

continuous random variables and discrete random variables . Over 80 continuous random variables (RVs) and 10 discrete random variables

The main public methods for continuous RVs are:

rvs: Random Variates

pdf: Probability Density Function

cdf: Cumulative Distribution Function

sf: Survival Function (1-CDF)

ppf: Percent Point Function (Inverse of CDF)

isf: Inverse Survival Function (Inverse of SF)

stats: Return mean, variance, (Fisher’s) skew, or (Fisher’s) kurtosis

moment: non-central moments of the distribution

离散概率分布也称为概率质量函数（probability mass function）。离散概率分布的例子有伯努利分布（Bernoulli distribution）、二项分布（binomial distribution）、泊松分布（Poisson distribution）和几何分布（geometric distribution）等。

连续概率分布也称为概率密度函数（probability density function），它们是具有连续取值（例如一条实线上的值）的函数。正态分布（normal distribution）、指数分布（exponential distribution）和β分布（beta distribution）等都属于连续概率分布。

from scipy import stats

# 二项分布binomial distribution

n次事件中，发生概率为0.5, 恰好发生x次的概率

#计算概率值p(x=650), p(x=651), ...p(x=1200), n=1200, p=0.5

stats.binom.pmf(range(650, 1201), 1200, 0.5)

#生成随机变量x, 服从二项分布n=1200, p=0.5

data = stats.binom.rvs(n=1200, p=0.5, size=1000)

plt.hist(data, bins=24, normed=True) #可视化随机变量pmf

# 泊松分布 Poisson distribution

某路口事件发生的比率是ramda(每天发生次数), 求一段固定时间间隔内(这里是1天）发生x次事件的概率

stats.poisson.pmf(range(0, 10), 2)

#生成随机变量x, 服从泊松分布ramda=2

data = stats.poisson.rvs(mu=2, size=1000)

# 正态分布

stats.norm.pdf(np.arange(-5, 5, 0.1), loc=0, scale=1)

data = stats.norm.rvs(loc=0, scale=1, size=1000)

perc\_25 = np.percentile(y, 25) 数据的百分位，第25位

np.percentile(y, 50)

np.mean(col), np.var(col), np.std(col), np.median(col)

stats.trim\_mean(col, 0.1) 将数据中最大和最小的10%截去，然后计算剩下的平均值

#### image processing (scipy.ndimage)

from scipy.misc import imread, imsave, imresize

import matplotlib.pyplot as plt

# Read an JPEG image into a numpy array

img = imread('assets/cat.jpg')

# Resize the image to be 300 by 300 pixels.

img\_tinted = imresize(img, (300, 300))

# Write the tinted image back to disk

imsave('assets/cat\_tinted.jpg', img\_tinted)

# Show the original image

plt.subplot(1, 2, 1)

plt.imshow(img)

<https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/tutorial/basic.html>

>>> import numpy as np

>>> import matplotlib as mpl

>>> import matplotlib.pyplot as plt

>>> from scipy import linalg, optimize

a = np.r\_[3,[0]\*5,-1:1:10j] row concatenation

np.c\_ column concatenation

meshgrid

produce N, N-d arrays which provide coordinate arrays for an N-dimensional volume

>>> np.mgrid[0:5:4j,0:5:4j]

array([[[ 0. , 0. , 0. , 0. ],

[ 1.6667, 1.6667, 1.6667, 1.6667],

[ 3.3333, 3.3333, 3.3333, 3.3333],

[ 5. , 5. , 5. , 5. ]],

[[ 0. , 1.6667, 3.3333, 5. ],

[ 0. , 1.6667, 3.3333, 5. ],

[ 0. , 1.6667, 3.3333, 5. ],

[ 0. , 1.6667, 3.3333, 5. ]]])

Polynomials

1-d polynomials = poly1d class (coefficients or polynomial roots to initialize a po lynomial)

manipulated in algebraic expressions, integrated, differentiated, and evaluated

>>> from numpy import poly1d

>>> p = poly1d([3,4,5]) 3x\*x + 4x + 5

>>> print p.integ(k=6) 积分

>>> print p.deriv() 微分

Vectorizing functions (vectorize)

# 定义标量函数

>>> def addsubtract(a,b):

... if a > b:

... return a - b

... else:

... return a + b

# 矢量化标量函数

>>> vec\_addsubtract = np.vectorize(addsubtract)

>>> vec\_addsubtract([0,3,6,9],[1,3,5,7])

Special functions (scipy.special)

airy, elliptic, bessel, gamma, beta, hypergeometric, parabolic cylinder, mathieu, spheroidal wave, struve, and kelvin

>>> from scipy import special

>>> def drumhead\_height(n, k, distance, angle, t):

... kth\_zero = special.jn\_zeros(n, k)[-1]

... return np.cos(t) \* np.cos(n\*angle) \* special.jn(n, distance\*kth\_zero)

>>> theta = np.r\_[0:2\*np.pi:50j]

>>> radius = np.r\_[0:1:50j]

>>> x = np.array([r \* np.cos(theta) for r in radius])

>>> y = np.array([r \* np.sin(theta) for r in radius])

>>> z = np.array([drumhead\_height(1, 1, r, theta, 0.5) for r in radius])

Integration (scipy.integrate)

>>> help(integrate)

>>> from scipy.integrate import quad 单变量积分

>>> from scipy.integrate import dblquad 双变量积分

>>> from scipy.integrate import tplquad 三变量积分

>>> from scipy.integrate import nquad 多变量积分

>>> N = 5

>>> def f(t, x):

... return np.exp(-x\*t) / t\*\*N

>>> nquad(f, [[1, np.inf],[0, np.inf]])

>>> from scipy.integrate import simps Integrating using Samples

Ordinary differential equations 常微分方程

>>> from scipy.integrate import odeint

Optimization (scipy.optimize)

1. Unconstrained and constrained minimization of multivariate scalar functions (minimize) using a variety of algorithms (e.g. BFGS, Nelder-Mead simplex, Newton Conjugate Gradient, COBYLA or SLSQP)

2. Global (brute-force) optimization routines (e.g. basinhopping, differential\_evolution)

3. Least-squares minimization (least\_squares) and curve fitting (curve\_fit) algorithms

4. Scalar univariate functions minimizers (minimize\_scalar) and root finders (newton)

5. Multivariate equation system solvers (root) using a variety of algorithms (e.g. hybrid Powell, Levenberg-Marquardt or large-scale methods such as Newton-Krylov).

>>> from scipy.optimize import minimize

# Unconstrained minimization of multivariate scalar functions 无约束

>>> def rosen(x):

... """The Rosenbrock function"""

... return sum(100.0\*(x[1:]-x[:-1]\*\*2.0)\*\*2.0 + (1-x[:-1])\*\*2.0)

>>> x0 = np.array([1.3, 0.7, 0.8, 1.9, 1.2])

>>> res = minimize(rosen, x0, method='nelder-mead',

... options={'xtol': 1e-8, 'disp': True})

# Constrained minimization of multivariate scalar functions (minimize) 有约束

the Sequential Least SQuares Programming optimization algorithm (SLSQP)

Least-squares minimization (least\_squares)

Univariate function minimizers (minimize\_scalar)

# Unconstrained minimization (method='brent')

>>> from scipy.optimize import minimize\_scalar

>>> f = lambda x: (x - 2) \* (x + 1)\*\*2

>>> res = minimize\_scalar(f, method='brent')

# Bounded minimization (method='bounded')

>>> from scipy.special import j1

>>> res = minimize\_scalar(j1, bounds=(4, 7), method='bounded')

Root finding

# Finding a root of a set of non-linear equations can be achieve using the root function

>>> import numpy as np

>>> from scipy.optimize import root

>>> def func(x):

... return x + 2 \* np.cos(x)

>>> sol = root(func, 0.3)

Interpolation (scipy.interpolate)

# 1-D interpolation (interp1d)

>>> from scipy.interpolate import interp1d

>>> x = np.linspace(0, 10, num=11, endpoint=True)

>>> y = np.cos(-x\*\*2/9.0)

>>> f = interp1d(x, y)

>>> f2 = interp1d(x, y, kind='cubic')

# Multivariate data interpolation (griddata)

>>> from scipy.interpolate import griddata

>>> points = np.random.rand(1000, 2)

>>> values = func(points[:,0], points[:,1])

>>> grid\_x, grid\_y = np.mgrid[0:1:100j, 0:1:200j]

>>> grid\_z0 = griddata(points, values, (grid\_x, grid\_y), method='nearest')

>>> grid\_z1 = griddata(points, values, (grid\_x, grid\_y), method='linear')

>>> grid\_z2 = griddata(points, values, (grid\_x, grid\_y), method='cubic')

# Spline interpolation in 1-d: Procedural (interpolate.splXXX)

Spline interpolation requires two essential steps: (1) a spline representation of the curve is computed, and (2) the spline is evaluated at the desired points. In order to find the spline representation, there are two different ways to represent a curve and obtain (smoothing) spline coefficients: directly and parametrically

>>> from scipy.interpolate import splrep， splev

>>> x = np.arange(0, 2\*np.pi+np.pi/4, 2\*np.pi/8)

>>> y = np.sin(x)

>>> tck = splrep(x, y, s=0)

>>> xnew = np.arange(0, 2\*np.pi, np.pi/50)

>>> ynew = splev(xnew, tck, der=0)

Two-dimensional spline representation: Procedural (bisplrep)

>>> from scipy.interpolate import bisplrep, bisplev

>>> x, y = np.mgrid[-1:1:20j, -1:1:20j]

>>> z = (x+y) \* np.exp(-6.0\*(x\*x+y\*y))

>>> xnew, ynew = np.mgrid[-1:1:70j, -1:1:70j]

>>> tck = interpolate.bisplrep(x, y, z, s=0)

>>> znew = interpolate.bisplev(xnew[:,0], ynew[0,:], tck)

Fourier analysis

discrete Fourier transform (DFT)

Fast Fourier Transform (FFT)

>>> from scipy.fftpack import fft, ifft

>>> x = np.array([1.0, 2.0, 1.0, -1.0, 1.5])

>>> y = fft(x)

>>> yinv = ifft(y)

Two and n-dimensional discrete Fourier transforms

>>> from scipy.fftpack import fft2, ifft2, fftn, ifftn

Discrete Cosine Transforms

>>> from scipy.fftpack import dct, idct

Discrete Sine Transforms

>>> from scipy.fftpack import dst, idst

Signal Processing (scipy.signal)

Filtering: Convolution/Correlation

Time-discrete filters: FIR(finite response filters) and IIR(infinite response filters)

Other filters: Median Filter, Order Filter, Wiener filter, Hilbert filter

Spectral Analysis, spectral density

Analog Filter Design

Linear Algebra (scipy.linalg)

scipy.linalg vs numpy.linalg

numpy.matrix vs 2D numpy.ndarray

Basic routines: Inverse, Solving linear system, Determinant, norms, Solving linear least-squares problems and pseudo-inverses, Decompositions(Eigenvalues and eigenvectors), SVD(Singular value decomposition)

Singular Value Decomposition (SVD) can be thought of as an extension of the eigenvalue problem to matrices that are not square, Every matrix has a singular value decomposition. Sometimes, the singular values are called the spectrum of A

Sparse Eigenvalue Problems with ARPACK

Spatial data structures and algorithms (scipy.spatial)

Delaunay triangulations

The Delaunay triangulation is a subdivision of a set of points into a non-overlapping set of triangles,

Convex hulls

Convex hull is the smallest convex object containing all points in a given point set.

Voronoi diagrams

A Voronoi diagram is a subdivision of the space into the nearest neighborhoods of a given set of points.

Correlation and convolution

Fourier domain filters

Distance transforms

Interpolation functions

Morphology: Binary morphology, Grey-scale morphology

Segmentation and labeling

Object measurements

File IO (scipy.io)

MATLAB files

>>> import scipy.io as sio

sio.loadmat(file\_name[, mdict, appendmat]) Load MATLAB file.

sio.savemat(file\_name, mdict[, appendmat, ...]) Save a dictionary of names and arrays into a MATLAB-style .mat file.

sio.whosmat(file\_name[, appendmat]) List variables inside a MATLAB file.

Weave (scipy.weave)

The scipy.weave (below just weave) package provides tools for including C/C++ code within in Python code

### SymPy

Symbolic computation deals with the computation of mathematical objects symbolically

Symbolic computation systems (which by the way, are also often called computer algebra systems, or just CASs) such as SymPy are capable of computing symbolic expressions with variables.

SymPy can simplify expressions, compute derivatives, integrals, and limits, solve equations, work with matrices, it includes modules for plotting, printing (like 2D pretty printed output of math formulas, or LATEXLATEX), code generation, physics, statistics, combinatorics, number theory, geometry, logic, and more

Whenever you combine a SymPy object and a SymPy object, or a SymPy object and a Python object, you get a SymPy object, but whenever you combine two Python objects, SymPy never comes into play, and so you get a Python object.

import math

math.sqrt(8)

import sympy

sympy.sqrt(8)

易犯错误点：

x = symbols('x')

expr = x + 1

expr.subs(x, 2) 符号表达式求值

expr.subs(x, x\*y) 符号替换

expr = x\*\*3 + t\*x\*y - z

expr.subs([(x, 2), (y, 4), (z, 0)])

expr = x\*\*4 - 4\*x\*\*3 + 4\*x\*\*2 - 2\*x + 3

replacements = [(x\*\*i, y\*\*i) for i in range(5) if i%2 == 0]

expr.subs(replacements) 结果y\*\*4 - 4\*x\*\*3 + 4\*y\*\*2 - 2\*x + 3

注意：SymPy expressions are immutable, no function will change them in-place. All functions will return new expressions.

条件测试

a = (x+1)\*\*2

b = x\*\*2 + 2\*x + 1

if simplify(a - b) == 0:

if a.equals(b):

字符串转符号表达式converting strings to sympy expressions

str\_expr = "x\*\*2 + 3\*x - 1/2"

expr = sympify(str\_expr)

convert a SymPy expression to an expression

expr = sin(x)

f = lambdify(x, expr, "numpy")

f(numpy.arange(10))

Simplification

uses heuristics to determine the simplest result

>>> simplify(sin(x)\*\*2 + cos(x)\*\*2)

>>> simplify((x\*\*3 + x\*\*2 - x - 1)/(x\*\*2 + 2\*x + 1))

Polynomial/Rational Function Simplification

x, y =symbols('x y z')

>>> expand((x + 1)\*\*2)

>>> factor(x\*\*2\*z + 4\*x\*y\*z + 4\*y\*\*2\*z)

expr.coeff(x, n) gives the coefficient of x\*\*n in expr:

>>> expr = x\*y + x - 3 + 2\*x\*\*2 - z\*x\*\*2 + x\*\*3

>>> collected\_expr = collect(expr, x)

>>> collected\_expr.coeff(x, 2)

>>> trigsimp(sin(x)\*tan(x)/sec(x)) #simplify trigonometric

>>> expand\_trig(sin(x + y)) #expand trigonometric functions

By default, SymPy Symbols are assumed to be complex

Symbols can be given different assumptions by passing the assumption to symbols()

>>> x, y = symbols('x y', positive=True)

>>> a, b = symbols('a b', real=True)

Special Functions

>>> factorial(n)

>>> binomial(n, k) n choose k

>>> gamma(z)

Calculus

>>> diff(x\*\*4, x, 3) #the third derivative 微分

>>> diff(exp(x\*y\*z), x, y, 2, z, 4) #多阶偏微分

integrate(exp(x)\*sin(x) + exp(x)\*cos(x), x) 积分

integrate(sin(x\*\*2), (x, -oo, oo)) 定积分

>>> integrate(exp(-x\*\*2 - y\*\*2), (x, -oo, oo), (y, -oo, oo)) #多变量积分

limit(sin(x)/x, x, 0) 极限

>>> limit(1/x, x, 0, '+') 单边极限

>>> expr = exp(sin(x))

>>> expr.series(x, 0, 4) 泰勒级数展开

Solvers

Eq(x+1, 4) x+1 = 4 方程等式

>>> solveset(Eq(x\*\*2, 1), x) #solving algebraic equations

注：solve(x\*\*2 - 2, x)求根不被推荐

>>> f = symbols('f', cls=Function)

>>> diffeq = Eq(f(x).diff(x, x) - 2\*f(x).diff(x) + f(x), sin(x))

>>> dsolve(diffeq, f(x)) 解微分方程

Matrix([[1, 2], [2, 2]]).eigenvals()

besselj(nu, z).rewrite(jn)

latex(Integral(cos(x)\*\*2, (x, 0, pi)))

## 《数据科学导论》

数据科学 = 线性代数，统计建模，可视化，计算语言学，图形分析，机器学习，商业智能，数据存储和检索等众多学科

PyPI: Python软件的公共仓库

<http://www.scipy.org/install.html>

### install & upgrade

Upgrade pip

$ python -m pip install --upgrade pip

$ pip install --user **numpy scipy matplotlib pandas sympy** **scikit-learn**

安装环境

<https://www.digitalocean.com/community/tutorials/how-to-set-up-a-jupyter-notebook-to-run-ipython-on-ubuntu-16-04>

$ sudo apt-get -y install ipython ipython-notebook #install ipython

**$ sudo -H pip install jupyter # install Jupyter Notebook**

别的工具包

$ pip install --user statsmodels beautifulsoup4 networkx nltk gensim

注意：若>>>import matplotlib.pyplot as plt occus no module named “python-tk”，则需安装

$sudo apt-get install python-tk

Upgrade （安装即升级）

>>>import numpy as np

>>>numpy.\_\_version\_\_ 查看安装包的版本

$ pip install - U numpy==1.9.1 安装指定版本

$ pip install – U numpy 安装最新版本

IPython使用

$ipython

Obj? 查看对象

!pwd 运行bash命令，在命令前加一个！

$ipython notebook web浏览器方式

$ jupyter notebook #run jupyter notebook

### 数据集

Scikit-learn工具包自带数据集

from sklearn import datasets

iris = datasets.load\_iris()

数据集对象：

iris.DESCR 数据集总体描述

.data 特征空间 返回numpy.ndarray

.target 目标值 返回numpy.ndarray

.feature\_names 特征名称

.target\_names 目标名称

随机split训练集和测试集

from sklearn.cross\_validation import train\_test\_split

X\_train, X\_test, y\_train, y\_test = train\_test\_split(X, y, train\_size=0.8)

mldata.org机器学习数据集的公共资源库

from sklearn.datasets import fetch\_mldata

earthquakes = fetch\_mldata(‘global-earthquakes’)

LIBSVM Data样本

ip\_addr = <http://www.csie.ntu.edu.tw/~cjlin/libsvmtools/datasets/>

target\_page = ip\_addr + ‘binary/ala’

import urllib2

a2a = urllib2.urlopen(target\_page)

from sklearn.datasets import load\_svmlight\_file

X\_train, y\_train = load\_svmlight\_file(a2a)

直接从csv, txt, json, sql, hdfs, html, State文件加载

pandas库提供各种函数来加载以上各种文件

import numpy as np

housing = np.loadtxt(‘\*.csv’, delimiter=’,’)

loadtxt函数默认制表符为文件中数值之间的分隔符，如果分隔符是, or ; 则必须使用参数定义符进行说明; 参数skip指出从文件中的第几行开始读取数据。要求数组所有元素具有相同的类型。

import pandas as pd

iris = pd.read\_csv(‘\*.csv‘, parse\_dates=[0], error\_bad\_lines=False…)

返回pandas.DataFrame, 按照矩阵形式处理数据集，可以由不同类型的变量组成

分隔符分割变量，推断每一列的正确数据类型，转换数据，解析日期，缺失值和出错数据

parse\_dates解析日期

error\_bad\_lines,当加载的数据集有错误或坏行，忽略坏行（默认行为是停止并抛出异常）

Scikit-learn样本生成器

from sklearn import datasets

x, y = datasets.make\_classification(n\_samples=10\*\*6, n\_features=10, random\_state=101)

X, y = datasets.make\_circles()

X, y = datasets.make\_moons()

…

详细见sklearn/datasets/samples\_generator.py

处理大数据集

区块划分和加载

iris\_chunks = pd.read\_csv(filename, header=None, chunksize=10) 每次导入10行

for chunk in iris\_chunks:

print chunk.shape

以数据流方式处理

import csv

def batch\_read(filename, batch=5):

with open(filename, 'rb') as data\_stream:

batch\_output = []

for n, row in enumerate(csv.reader(data\_stream), dialect='excel')):

if n>0 and n%batch==0:

yield(np.array(batch\_output))

batch\_output = ()

batch\_output.append(row)

yield(np.array(batch\_output))

for batch\_input in batch\_read(iris\_filename, batch=3):

print batch\_input

### 数据预处理

数据改写

data munge, data wrangling, data preparation

观测数据，然后在假设的设计和测试中不断循环。例如，以图形化的方式考察变量。在描述性统计资料的帮助下，将领域知识运用于实践，你会找到创建新变量的方法。处理冗余信息和意外信息（首先是异常值），然后选择最有意义的变量和最有效的参数，选择一个机器学习算法进行测试

异质数据(pandas.DataFrame) -> 数据表格(numpy.ndarray)

EDA (Exploratory Data Analysis) 探索性数据分析

了解数据集、检查数据集的特征和形状，验证脑海中已有的一些假设，对数据科学任务接下来的步骤有一些初步的想法

数据框对象探索函数

.describe() 统计描述

.boxplot() 各个特征的box图（均值，标准差，最大/小值，分位数）

.quantile([0.1, 0.9]) 分位数

.target.unique() 目标种类

交叉表和散列图，度量两个特征的关联性

交叉表：两列特征均是种类，一列置于数据表左侧，一列置于数据表右侧，交叉处值表示满足行列条件的记录的汇总

pd.crosstab(iris['len']>iris['len'].mean(), iris['width']>iris['width'].mean())

len>mean(len) False True <- width>mean(width)

False 56 1

True 4 89

从以上交叉表可以看出，这两种特征（width and len）与均值的比较几乎总是同时发生

plt.scatter(iris['len'], iris['width'])

散列图，若呈现主对角(或副对角)趋势，则正相关(或负相关)

协方差矩阵：度量所有不同特征对之间相关性，若m个特征，则产生协方差矩阵m\*m，　从协方差矩阵，可以视查出强相关特征（也是可以丢弃的特征）和独立特征的数量。

cov\_data = np.corrcoef(iris.data.T)

直方图：如何选择bin数？

根据经验法则，分箱数量的初始值是观测数量的平方根，然后，需要不断修正，直到得到一个很好的概率分布形状

plt.hist(iris['width'], bins=20)

Freedman-Diaconis规则：直方图中最佳的分箱数量取决于分箱的宽度，分箱宽度可采用四分位间距IQR和观测数量进行计算

h = 2 \* IQR \* n^(-1/3) 分箱宽度h

bins = (max – min) / h

数据框提供很多可视化函数进行EDA

.boxplot() 每列箱线图

iris\_df['groups'] = pd.Series([iris.target\_names[k] for k in list(iris.target)])

.boxplot(column='sepal length (cm)', by='groups') 分组箱线图 某列按groups

.plot(kind='density') 变量密度图 （每列即一个变量）

iris\_df['petal width (cm)'].plot(kind='hist', alpha=0.5) 变量直方图

散点图

colors\_palette = {0: 'red', 1: 'yellow', 2: 'blue'}

colors = [colors\_palette[c] for c in groups]

simple\_scatterplot = iris\_df.plot(kind='scatter', x=0, y=1, c=colors)

散点图矩阵

from pandas.tools.plotting import scatter\_matrix

scatter\_matrix(iris\_df, alpha=0.2, figsize=(6, 6), c=colors, diagonal='kde')

平行坐标图

from pandas.tools.plotting import parallel\_coordinates

pll = parallel\_coordinates(iris\_df, 'groups')

plt.show()

输入特征进行标准化

Z-scores标准化：z=(x-mean)/std

from sklearn.preprocessing import StandardScaler

scaler = StandardScaler()

X\_train\_scaled = scaler.fit\_transform(X\_train) 均值为0,标准差为1

归一化

y = (x-min)/(max-min) + min

from sklearn.preprocessing import MinMaxScaler

scaler = MinMaxScaler()

哑元，虚拟编码

离散数据集编码为二进制特征，若某分类变量level=5, 则引入5个哑元变量，每个哑元变量取值0/1，每个二进制特征对应分类数据的一个等级

categorical\_feature = pd.Series(['sunny', 'cloudy', 'snowy', 'rainy', 'foggy'])

dummies = pd.get\_dummies(categorical\_feature)

对整个数据集进行虚拟编码

比如10个变量表示5张牌中的13个点数和4种花色，目标变量是0-9有序值表示不同的牌组合，使用OneHotEncoder可以将10个变量转换成(13+4)\*5=85个二值变量，有10类需要预测，需要训练10个分类器，每个分类器针对单个类相对于其他类进行预测

from sklearn.preprocessing import OneHotEncoder

hot\_encoding = OneHotEncoder(sparse=True)

X\_train = hot\_encoding.fit\_transform(X\_train.toarray())

### 特征创建

若发现特征和目标变量并不是很相关，在这种情况下，可以修改输入的数据集，应用线性或非线性变换来提高系统的精度，或者采用其他相似的方法，数据科学家负责改变数据集和输入数据，使数据更好地符合分类模型

比如房间长宽高参数与估价没有明显的关系，但长宽高经非线性变换产生新特征体积，和估计或许有明显的关系

### 特征降维

1. 缺失值比率(missing values ratio)

若数据列包含太多缺失值，则包含有用信息的可能性较少。可以将数据列缺失值大于某个阈值的列去掉

1. 低方差滤波(low variance filter)

若数据列变化非常小，则包含的信息少。所以数据列方差小的列被移除。注意方差与数据范围相关，因此前提：数据归一化处理

1. 高相关滤波(high correlation filter)

若两数据列高度相关（即变化趋势相似），则包含信息也相同，那么使用一列即可。注意类别相关系数是通过计算皮尔逊方值来表示。相关系数对范围敏感，所以前提：数据归一化处理

1. PCA

新的特征是现有特征的线性组合（即旋转），输入空间经过旋转后，输出集合的第一个向量包含信号的大部分能量（即方差）。第二个向量与第一个向量正交，它包含剩余的大部分，第三个向量又与前两人个向量正交，并包含剩余能量的大部分，以此类推

主要算法：奇异值分解Singular value Decompositions

通过情况下，输出集合的基数是保证输入能量的95%（有时候是99%)

注：PCA变换对正交向量的尺度敏感，解决方案：对信号进行白化。在这种情况下，各维度特征向量的方差强制为１。白化会去除部分信息，但是，有时候它会提高机器学习算法的精度

PCA变换会丧失数据的解释性，若数据的解释能力对分析很重要，那么就不适合用PCA

#信号白化，然后PCA,保留能量（方差）>９５%,　从而知道维数和具体方差

pca\_95pc = PCA(n\_components=0.95, whiten=True)

X\_pca\_95pc = pca\_95pc.fit\_transform(iris.data)

print pca\_95pc.explained\_variance\_ratio\_.sum()

print X\_pca\_95pc.shape

若降至两维，画散列图，看类别是否可分

plt.scatter(X\_pca\_1cw[:, 0], X\_pca\_1cw[:, 1], c=iris.target, alpha=0.8, edgecolors='none')；plt.show()

PCA奇异值分解算法进行满秩计算，计算量很大，可以采用随机SVD(Randomized SVD)进行近似的迭代计算，速度更快，常用于大数据的PCA

from sklearn.decomposition import RandomizedPCA

rpca\_2c = RandomizedPCA(n\_components=2)

X\_rpca\_2c = rpca\_2c.fit\_transform(iris.data)

附加知识：

通过正交变换将一组可能存在相关性的变量转换为一组线性不相关的变量,前提是尽可能多地反映原来变量的信息

转换后的这组变量叫主成分

从原始变量中导出少数几个主成分，使它们尽可能多地保留原始变量的信息

应用场合：特征降维（比如人脸识别，200\*200图像，将灰度值作为特征，即40000维，邻近像素相关性高，可以用PCA降维，保存识别所需要的信息）

 

数据变化的主方向u1就是协方差矩阵的主特征向量，而u2是次特征向量。

白化的目的就是降低输入的冗余性,即如下：

1. 特征之间相关性较低；(ii)所有特征具有相同的方差。

白化是一种数据预处理方法。 事实证明这也是一种生物眼睛(视网膜)处理图像的粗糙模型。具体而言，当你的眼睛感知图像时，由于一幅图像中相邻的部分在亮度上十分相关，大多数临近的“像素”在眼中被感知为相近的值。因此，如果人眼需要分别传输每个像素值（通过视觉神经）到大脑中，会非常不划算。取而代之的是，视网膜进行一个与ZCA中相似的去相关操作 (这是由视网膜上的ON-型和OFF-型光感受器细胞将光信号转变为神经信号完成的)。由此得到对输入图像的更低冗余的表示，并将它传输到大脑。

1. Factor Analysis （因子分析）

从特征变量群中提取共性因子的统计技术。如一个学生的英语，语文，数学成绩都很好，那么潜在的共性因子可能是智力水平高。

要求：变量之间具有强相关性（这样才能找到共性特征）

主要算法：PCA,　主轴因子法，极大似然法，最小二乘法，a因子提取法等

from sklearn.decomposition import FactorAnalysis

fact\_2c = FactorAnalysis(n\_components=2)

X\_factor = fact\_2c.fit\_transform(iris.data)

1. LDA(Linear Discriminant Analysis)

线性判别分析是一种分类器，也经常用于降维

条件：有监督，只能用于分类，不能用于回归分析

基本思想：将高维特征空间投影到最佳子空间，使类间距最大，类内距最小

对于两类，即找到最佳投影轴，使两类样本在该轴投影之间的距离尽可能远，而每一类样本的投影尽可能紧。

from sklearn.lda import LDA

lda\_2c = LDA(n\_components=2)

X\_lda\_2c = lda\_2c.fit\_transform(iris.data, iris.target)

受限玻耳兹曼机(Restricted Boltzmann Machine RBM)

常用于降维（隐层少一点），学习特征（隐层输出就是特征）

from sklearn.neural\_network import BernoulliRBM

rbm = BernoulliRBM(n\_components=64, learning\_rate=0.01, n\_iter=100)

rbm.fit(X)

rbm.components\_

### 特征选择

单特征选择

#选择最优25%特征

Xbin = Binarizer().fit\_transform(scale(X))

Selector\_chi2 = SelectPercentile(chi2, percentile=25).fit(Xbin, y)

chi\_scores = Selector\_chi2.get\_support()

print sum(chi\_scores)

Selector\_f\_classif = SelectPercentile(f\_classif, percentile=25).fit(X, y)

f\_classif\_scores = Selector\_f\_classif.get\_support()

print sum(f\_classif\_scores)

最优特征子集　（见page111)

from sklearn.feature\_selection import RFECV

selector = RFECV(estimator=classifier, step=1, cv=10, scoring='accuracy')

selector.fit(X\_train, y\_train)

print 'Optimal number of features: %d' % selector.n\_features\_

X\_train\_selected = selector.transform(X\_train)

若变量数>训练集，除了降维，特征选择，有些算法使用正则化限制系数的权重，从而防止过拟合，并在不失去预测能力的情况下选择最相关的变量。特别是L1正则化lasso,它根据集合的正则化强度把许多变量的系数都设置为0.

### 异常检测

单变量异常检测

使用z-scores，绝对值>3的观测值

boxplot(), 最小值，下四分位，中位数，上四分位，最大值，　其余的为outlier

多变量异常检测

EllipticEnvelope算法：检查每个观测量与总均值的距离

# Robust Covariance Estimate

from sklearn.covariance import EllipticEnvelope

robust\_covariance\_est = EllipticEnvelope(store\_precision=False, assume\_centered=False, contamination=.05)

robust\_covariance\_est.fit(normalized\_data)

detection = robust\_covariance\_est.predict(normalized\_data)

outliers = np.where(detection==-1)

regular = np.where(detection==1)

OneClassSVM　一类SVM(异常检测器）

指training data只有一类positive or negative的data,而没有另外一类

若数据集二分类，那么经典svm寻找两类的最大间隔

若只有一类，那么OneClassSVM通过学习该类的特征或服从某类分布。若新的样本不符合以前的数据分布，那么标记为新奇样本。

若两类极度不平衡，若用经典SVM会造成分类过于偏向数目多的样本类别，使train出来的model有bias,可以考虑用OneClassSVM

from sklearn import svm

outliers\_fraction = 0.02

nu\_estimate = 0.95 \* outliers\_fraction + 0.05

machine\_learning = svm.OneClassSVM(kernel='rbf', gamma=1.0/len(normalized\_data), degree=3, nu=nu\_estimate)

machine\_learning.fit(normalized\_data)

detection = machine\_learning.predict(normalized\_data)

outliers = np.where(detection==-1)

regular = np.where(detection==1)

### 验证

混淆矩阵：confusion matrix

每类被错分为其他类情况的表。理想情况下，一个完美的分类，其混淆矩阵所有非对角线上的元素都应该为0

from sklearn.metrics import confusion\_matrix

cm = confusion\_matrix(y\_test, y\_pred)

准确率Accuracy = 正确分类的样本数/总样本数

若类极不平衡，如google抓取感兴趣页面100，共索引1000,0000万页面，若把所有页面归为非感兴趣页面，则accuracy = 99.999%

假定感兴趣的为正类，不感兴趣的为负类

若正类判定为正类，称为true positive；若正类判定为负类，称false negative 即去真

若负类判定为负类，称为true negative；若负类判定为正类，称false positive即存伪

精确度Precision = 正确被检索的item(TP) / 所有被检索到的item(TP+FP)

召回率Recall = 正确被检索的item(TP) / 应该被检索到的item(TP+FN)

F1 Score = 精确度和召回率的调和平均 = 2 / (1/P + 1/R) = 2\*PR/(P+R)

from sklearn.metrics import classification\_report

print classification\_report(y\_test, y\_pred, target\_names=iris.target\_names)

随机分解数据集

总是根据训练集同类别样本的比例划分数据集

from sklearn import cross\_validation

X\_train, X\_test, y\_train, y\_test = cross\_validation.train\_test\_split(X, y, test\_size=.3, random\_state=1)

交叉验证

交叉验证只是用于优化目的，而不是为了性能评估，交叉验证只是从平均最佳的角度，指出模型最好的算法和参数选择。为了得到模型性能的无偏估计，更应该使用测试集

k fold　=> mean(模型总体性能的公正估计) and std(模型的方差)

from sklearn import svm

model = svm.SVC(kernel='rbf', gamma=0.001, C=1.0)

scores = cross\_validation.cross\_val\_score(model, X, y, cv=10, scoring='accuracy', n\_jobs=-1)

np.mean(scores), np.std(scores)

超参数优化：　通过搜索空间，自动搜索最佳参数，并使用预定义或自定义的评分函数对结果进行评分

from sklearn import grid\_search, svm

search\_grid = [

{'C': np.logspace(start=-2, stop=3, num=6, base=10.0), 'kernel': ['linear']},

{'C': np.logspace(start=-2, stop=3, num=6, base=10.0), 'kernel': ['rbf'], 'gamma': [0.001, 0.0001]},

]

search\_func = grid\_search.GridSearchCV(estimator=svm.SVC(), param\_grid=search\_grid, scoring='accuracy', n\_jobs=-1, iid=False, refit=True, cv=10)

search\_func.fit(X, y)

print search\_func.best\_estimator\_

print search\_func.best\_params\_

print search\_func.best\_score\_

### 机器学习

#### 线性回归

目标是找到一个好的权重列向量W, 当与观测向量相乘时能很好地近似目标值

即X \* W = Y

#### 逻辑回归

线性回归模型 + 01非线性映射

简单采用硬阈值函数：sign(X\*W) = Y

为了平滑硬阈值函数并且预测样本属于某个类别的概率，逻辑回归模型使用了logit函数。它的输出是一个0~1之间的实数，表示观测值属于类别1的概率

Prob(yi=1|Xi) = logistic(Xi\*W)

logistic(a) = e^a/(1+e^a)

**from sklearn.linear\_model import LinearRegression**

regr = LinearRegression()

regr.fit(X\_train, y\_train)

from sklearn.metrics import mean\_absolute\_error

print 'MAE', mean\_absolute\_error(y\_test, regr.predict(X\_test))

**from sklearn.linear\_model import LogisticRegression**

clf = LogisticRegression()

clf.fit(X\_train, y\_train)

from sklearn.metrics import classification\_report

print classification\_report(y\_test, clf.predict(X\_test))

#### native bayes (多类分类器)

后验概率通过类的先验概率乘以似然函数再除以证据值

**from sklearn.naive\_bayes import GaussianNB**

clf = GaussianNB()

clf.fit(X\_train, y\_train)

print classification\_report(y\_test, clf.predict(X\_test))

#### KNN (多类分类器, 回归)

from sklearn.neighbors import KneighborsClassifier

用于分类，预测值是近邻的k个目标值的投票表决

clf = KNeighborsClassifier(3)

clf.fit(X\_train, y\_train)

print classification\_report(y\_test, clf.predict(X\_test))

from sklearn.neighbors import KneighborsRegressor

用于回归，预测值是近邻的k个目标值的平均

#### SVM (多类分类器，回归)

SVM对不同尺度的变量和大数值很敏感，需要归一化

不平衡类，算法倾向于频繁的类别（即该类包含较多的样本数），除了重采样，还可以采用根据类别出现的频率设置相应的惩罚参数Ｃ

from sklearn.svm import SVC

clf = SVC(kernel='rbf', degree=2, random\_state=101)

clf.fit(X\_train, y\_train)

print classification\_report(y\_test, clf.predict(X\_test))

from sklearn.svm import SVR

hypothesis = SVR()

hypothesis.fit(X\_train, y\_train)

from sklearn.metrics import mean\_absolute\_error

print 'MAE', mean\_absolute\_error(y\_test, hypothesis.predict(X\_test))

**ensemble组合策略**

from sklearn.ensemble import BaggingClassifier

from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier

hypothesis = BaggingClassifier(KNeighborsClassifier(n\_neighbors=1), max\_samples=0.7, max\_features=0.7, n\_estimators=100)

decision tree

from sklearn import tree

dtree = tree.DecisionTreeClassifier()

dtree.fit(X, y)

# 查看决策树

def output\_dtree(dtree, output="iris.pdf"):

import pydot

from sklearn.externals.six import StringIO

dotfile = StringIO()

tree.export\_graphviz(dtree, out\_file=dotfile)

graph = pydot.graph\_from\_dot\_data(dotfile.getvalue())

graph[0].write\_pdf(output)

## 《数据科学入门》

直方图

from collections import Counter

c = Counter([0, 1, 2, 0])

# c = {0: 2, 1: 1, 2: 1}

word\_counts = Counter(document)

for word, count in word\_counts.most\_common(10):

print word, count

排序

x = [4, 1, 2, 3]

y = sorted(x) 原列表不变

x.sort() 原列表改变

x = sorted([-4, 1, -2, 3], key=abs, reverse=True) 通过绝对值函数排序，并逆序

wc = sorted(word\_counts.items(), key=lambda(word, count):count, reverse=True)

《数据挖掘导论》

## 《Python数据科学指南》

词频统计

from collections import Counter

sentence = “I am qzlin”

words = sentence.split()

word\_count = Counter(words)

在程序中使用json在模块间传送信息，字典就是最适合的数据类型。Json ↔ dictionary

在机器学习程序开发中，常常有不同模块生成不同的特征值，此时使用元组串联是一个很好的选择

## 《数据挖掘导论》

抛开理解数据的人和数据所处的领域而简单地使用数据分析技术是不可行的

数据挖掘技术可以用来支持广泛的商务智能应用，如顾客分析、定向营销、工作流管理、商店分布和欺诈检测等

**数据挖掘**技术用来探查大型数据库，发现先前未知的有用模式，预测未来观测结果

**信息检索**：使用数据库管理系统查找个别的记录，或通过因特网的搜索引擎查找特定的web页面。它们主要依赖传统的计算机科学技术和数据的明显特征来创建索引结构，从而有效地组织和检索信息

输入数据存储：可以以各种形式存储如平展文件、电子数据表或关系表，并且可以驻留在集中的数据存储库中，或分布在多个站点上。

数据预处理：融合来自多个数据源的数据，清洗数据以消除噪声或重复的观测值，选择与当前数据挖掘任务相关的记录和特征

可视化：从各种不同的视角探查数据和数据挖掘结果。在后处理阶段，还能使用统计度量或假设检验，删除虚假的数据挖掘结果

**数据挖掘的难点：**

可伸缩：处理海量数据集，算法必须是可伸缩的。许多数据挖掘算法使用特殊的搜索策略处理指数级搜索问题

高维性：成百上千属性的数据集

异种数据和复杂数据

**数据挖掘与传统统计方法的比较？**

传统的**统计方法**基于一种假设检验模式，即提出一种假设，设计实验来收集数据，然后针对假设分析数据。当前的数据分析任务常常需要产生和评估数千种假设，因此需要自动地产生和评估假设。

数据挖掘所分析的数据集通常不是精心设计的实验的结果，并且它们通常代表数据的时机性样本（opportunistic sample），而不是随机样本(random sample).

数据挖掘来自如下领域思想：1统计学的抽样、估计和假设检验。2人工智能、模式识别和机器学习的搜索算法、建模技术和学习理论。3最优化、进化计算、信息论、信号处理、可视化和信息检索

**数据挖掘任务：**

1预测任务

以说明变量函数的方式为目标变量建立模型，有两类预测建模任务：分类（用于预测离散的目标变量）和回归（用于预测连续的目标变量）。目标都是训练一个模型，使目标变量预测值与实际值之间的误差达到最小。常见的应用：检查结果判断病人是否患有某种疾病。

2描述任务

其目标是导出概括数据中潜在联系的模式（相关、趋势、聚类、轨迹和异常）。本质上，描述性数据挖掘任务通常是探查性的，并且常常需要后处理技术验证和解释结果。

### 数据

#### 数据类型

决定我们应使用何种工具和技术来分析数据。

知道属性的类型是重要的，因为它告诉我们测量值的哪些性质与属性的基本性质一致，从而使得我们可以避免诸如计算雇员的平均ID这样的愚蠢行为

不同的属性类型

分类的(定性的)

标称 区分对象(=, ~=) 一对一变换

序数 确定对象的序(>, <) 值的保序变换，即新值=f(旧值)，f是单调函数

数值的（定量的）

区间 值之间的差(+, -) 新值=a\*旧值+b

比率 差和比率(\*, /) 新值=a\*旧值

数据集特性：维度，稀疏性和分辨率（常常可以在不同的分辨率下得到数据，并且在不同的分辨率下数据的性质也不同，即**数据的模式也依赖于分辨率，如果分辨率太高，模式可能看不出，或者掩埋在噪声中；如果分辨率太低，模式可能不出现**）

#### 数据质量

如存在噪声和离群点，数据遗漏、不一致或重复，数据有偏差或者不能代表它应该描述的现象或总体情况

数据挖掘常常不能“在数据源头控制质量）。相比之下，统计学的实验设计或调查往往其数据质量都达到了一定的要求。由于无法避免数据质量问题，因此数据挖掘着眼于两个方面：1数据质量问题的检测和纠正.2使用可以容忍低质量数据的算法。

测量和数据收集问题

1. 测量误差和数据收集错误
2. 噪声和伪像

噪声通常用于包含时间或空间分量的数据。在这些情况下，常常可以使用信号或图像处理技术降低噪声，从而帮助发现可能”淹没在噪声中“的模式（信号）

伪像：数据错误可能是更确定性现象的结果，即数据的某种确定性失真。如一组照片在同一地方出现条纹

1. 精度、偏倚和准确率
2. 离群点

在某种意义上具有不同于数据集中其他大部分数据对象的特征的数据对象，或是相对于该属性的典型值来说不寻常的属性值。Outlier可以是合法的数据对象或值。因此不像噪声，离群点本身有时是人们感兴趣的对象

1. 遗漏值

处理遗漏值的策略：1删除数据对象或属性2估计遗漏值。如果属性是连续的，则可以使用最近邻的平均属性值；如果属性是分类的，则可以取最近邻中最常出现的属性3在分析时忽略遗漏值。如果某对的一个对象或两个对象都有某些属性有遗漏值，则可以仅使用没有遗漏值的属性来计算相似性

1. 不一致的值
2. 重复数据

数据集 = 数据对象的集合

数据对象 = {属性：值}

记录数据

数据表病人信息

事务数据如购物蓝信息

数据矩阵如特征空间

文档-词矩阵

序列数据 = 记录数据 + 时间信息（或空间信息）

时间自相关：分析时间数据时，如果两个测量的时间很接近，则这些测量的值通常非常相似

空间自相关：物理上靠近的对象趋向于在其他方面也相似。如地球上相互靠近的两个点通常具有相近的气温和降水量

#### 预处理

原始数据必须加以处理才能适合于分析。如将连续值属性如长度转换成具有离散的分类值的属性如短中长；如数据集属性的数目常常需要减少，因为属性较少时许多技术用起来更加有效

* 聚集

将多个对象合并成单个对象，聚集是删除属性（如商品类型）的过程，或者是压缩特定属性不同值个数的过程

好处：1数据归约导致较小数据集需要较少的内存和处理时间2通过高层而不是低层数据视图，聚集起到了范围或标度转换的作用3对象或属性群的行为通常比单个对象或属性的行为更加稳定

缺点：丢失有趣的细节

* 抽样

统计学使用抽样是因为得到感兴趣的整个数据集的费用太高、太费时间；

数据挖掘使用抽样是因为处理所有的数据的费用太高、太费时间

有效抽样：样本是代表性的，前提是它近似地具有与原数据集相同的感兴趣的性质。如果数据对象的均值是感兴趣的性质，而样本具有近似于原数据集的均值，则样本就是有代表性的。我们所能做的最好的抽样方案就是选择一个确保以很高的概率得到有代表性的样本

抽样方法

无放回抽样和有放回抽样。当样本与数据集相比相对较小时，两种方法产生的样本差别不大。但是对于分析，有放回抽样较为简单，因为在抽样过程中，每个对象被选中的概率保持不变

分层抽样：从预先指定的组开始抽样。在最简单的情况下，尽管抽样的大小不同，但是从每组抽取的对象个数相同。另一种变形是从每一组抽取的对象数量正比于该组的大小。

渐进抽样（自适应抽样）：从一个小样本开始，然后增加样本容量直至得到足够容量的样本。尽管这种技术不需要在开始就确定正确的样本容量，但是需要评估样本的方法，确定它是否足够大。尽管预测模型的准确率随样本容量增加，但是在某一点准确率的增加趋于确定

* 维归约

好处：1维归约可以删除不相关的特征并降低噪声，一部分是因为维灾难。2维归约可以使模型更容易理解，因为模型可能只涉及较小的属性3数据也可通过观察属性或对三元组属性达到可视化4使用维归约降低了数据挖掘算法的时间和内存需求

维灾难：随着数据维度的增加，许多数据分析变得非常困难。特别是随着维度增加，数据在它所占据的空间中越来越稀疏。对于分类，这可能意味着没有足够的数据对象来创建模型，将所有可能的对象可靠地指派到一个类。对于聚类，点之间的密度和距离的定义失去了意义

最常用的方法：线性代数技术，将数据由高维空间投影到低维空间。如主成分分析PCA:找出新的属性（主成分），这些属性是原属性的线性组合，是相互正交的，并且捕获了数据的最大变差；如奇异值分解

* 特征子集选择

看起来这种方法可能丢失信息，但是在存在冗余或不相关特征的时候，情况并非如此。冗余特征重复了包含在一个或多个其他属性中的许多或所有信息。不相关特征包含对于手头的数据挖掘任务几乎完全没用的信息。冗余和不相关的特征可能降低分类的准确率，影响所发现的聚类的质量

* 特征创建

特征提取：对数据进行处理，获得一些较高层次的特征。最常使用的特征提取技术都是高度针对具体领域

映射数据到新的空间：使用一种完全不同的视角挖掘数据可能揭示出重要和有趣的特征。如果有大量周期模式，并且存在大量噪声，则很难检测这些模式。尽管如此，通过对该时间序列实施傅里叶变换，将它转换成频率信息明显的表示，就能检测到这些模式

特征构造：使用专家的意见构造特征

* 离散化和二元化

非监督离散化

用于分类的离散化方法之间的根本区别在于使用类信息还是不使用类信息。如果不使用类信息，则常使用一些相对简单的方法，如等宽，等频

监督离散化

如熵entropy,区间的熵是区间纯度的度量。如果一个区间只包含一个类的值（该区间非常纯），则其熵为0并且不影响总熵。如果一个区间中的值类出现的频率相等（该区间心可能不纯），则其熵最大。

* 变量变换

在统计学中，变量变换（特别是平方根、对数和倒数变换）常用来将不具有高斯（正态）分布的数据变换成具有高斯（正态）分布的数据。

使用变量变换时需要小心，因为它们改变了数据的特性。

标准化或规范化：目标是使整个值的集合具有特定的性质。统计学中术语规范化可能与使变量正态（高斯）的变换相混淆。对变量标准化是为了避免具有较大值域的变量左右计算结果。均值和标准差受离群点的影响很大，因此通常需要修改，用中位数取代均值，用绝对标准差取代标准差

#### 相似性和相异性的度量

邻近度：表示相似性或相异性，由于两个对象之间的邻近度是两个对象对应属性之间的邻近度的函数

相似度：[0, 1]

相异度：>0

相关性：[-1, 1]

如果邻近度度量原来在区间[0, ]上取值，则需要使用非线性变换，d’ = d/(d+1)， 注意logistic函数就是e^a/(e^a + 1)

任意单调减函数都可以用来将相异度转换到相似度（或相反）

##### 简单属性的相异度

标称属性：

序数属性：

, 值映射到整数0~n-1,其中n是值的个数

区间或比率的属性：

d =|x-y|

数据对象之间的相异度

Minkowski distance, 见page42

##### 记录之间的相似性度量

对称二元属性：简单匹配系数simple Matching Coefficient

SMC = 值匹配的属性个数/属性个数

SMC可以在一个仅包含是非题的测验中用来发现回答问题相似的学生

非对称二元属性：Jaccard系数，忽略0-0度量，因为稀疏性大多0

J = 匹配的个数/不涉及0-0匹配的属性个数

多元属性：余弦相似度

余弦相似度实际上是x和y之间夹角（余弦）的度量，如果余弦相似度为1,则x and y之间夹角是0.余弦相似不考虑两个数据对象的量值。

##### 记录之间的相关性度量

Person’s correlation:

连续变量：Corr(x,y) = covariance(x, y) / (standard\_deviation(x) \* standard\_deviation(y))

二元变量：

is defrieved from Pearson’s chi-squared test

如果相关度为0,则两个数据对象的属性之间不存在线性关系。然而仍然可能存在非线性关系。

##### 邻近度计算

若属性不同尺度，但属性之间独立，只需要对变量标准化，然后计算欧几里得距离

若属性不同尺度，且属性之间相关，需要计算Mahalanobis距离

### 数据探索

#### 汇总统计

频率：frequency(vi) = 具有属性值vi的对象数/m

众数: 最高频率值

百分位数

位置度量：均值和中位数

**均值对离群值很敏感，对于包含离群值的数据，中位数可以更稳健地提供值集中间的估计**

散布度量：极差和方差 (表明属性值是否散布很宽，或是否相对集中在均值附近

极差：range(x) = max(x)-min(x)

标准差：与均值差平方和除以(m-1) = 方差的平方根

**因为方差用均值计算，因此它也对离群值敏感。**

对于多元数据，数据的散布用协方差矩阵表示。协方差矩阵的对角线上是属性的方差。

两个属性的协方差是两个属性一起变化并依赖于变量大小的度量。协方差的值接近

#### 可视化

数据对象、它们的属性，以及数据对象之间的联系要转换成诸如点、线、形状和颜色等图形元素。

1. Stem and leaf plot
2. Histogram
3. 2D historgram
4. Box plot
5. Pie chart
6. Scatter plot

散布图的作用：图形化显示两个属性之间的关系。当类标给出时，可以使用散布图考察两个属性将类分开的程度。

1. Contour plot （等高线图）
2. Surface plot （曲面图）

可视化高维数据

1. 图像
2. 平等坐标系

记录用线表示，每个属性值对应坐标轴上的点

缺点：图中模式的检测可能取决于坐标轴的序

联机分析处理(OLAP)

在不同的维上或不同的属性值上聚集数据

多维数据分析的关键目标是观察聚集量，如总和或平均值

### 分类

#### 基本概念

应用场景：根据电子邮件的标题和内容检查出垃圾邮件；根据核磁共振扫描的结果区分肿瘤是恶性的还是良性的？

分类任务的输入数据是样例的集合，用元组(X, y)表示，其中X是属性的集合，y是样例类标号。类桔必须是离散属性。

区别分类与回归？回归也是一种预测建模任务，其中目标属性是连续

分类任务是通过学习得到一个目标函数f,把每个属性集X映射到一个预先定义的类标号y. 目标函数也称为分类模型

分类模型的有两个目的：

描述性建模

分类模型可以作为解释性的工具，用于区分不同类中的对象

预测性建模

分类模型还可以用于预测未知记录的类标号

分类技术非常适合预测或描述二元或标称类型的数据集，对于序数分类（如把人分类为高收入，中等收入或低收入组），分类技术不太有效，因为分类技术不考虑隐含在目标类中的序关系。

分类法：根据输入数据集建立分类模型的系统方法。如**决策树，基于规则，神经网络，支持向量机和贝叶斯**。这些技术都使用学习算法确定分类模型，该模型能很好地拟合输入数据中类标号和属性集之间的联系。学习算法很到的模型不仅要很好地拟合输入数据，还要能够正确地预测未知样本的类标号。

#### 决策树

决策树是一种由结点和有向边组成的层次结构

在决策树中，每个**叶结点都赋予一个类标号**。**非终结点（包含根结点和内部结点）包含属性测试条件**，用以分开具有不同特性的记录。

如何建立决策树？

原则上讲，对于给定的属性集，可以构造的决策树的数目达指数级。由于搜索空间是指数规模的，找出最佳决策树在计算上是不可行的。所以算法的目的是能够在合理的时间内构造出具有一定准确率的局部最优决策树

Hunt算法是许多决策树算法的基础，如CART

1. 假定分类问题的初始决策树只有一个结点，因为根结点包含超过一个类的记录，所以需要进一步的细化
2. 根据一个属性测试条件，数据集被划分为较小的子集
3. 对根结点的每个子女递归地调用Hunt算法

核心：

**如何选择一个属性测试条件，作为划分数据的最优标准**？也就是说，算法必须提供为不同类的属性指定测试条件的方法，并且提供评估每种测试条件的客观度量

**选择最佳划分的度量通常是：根据划分后子女结点不纯性的程度。不纯的程度越低，类分布就越倾斜。均衡分布(0.5, 0.5)的结点具有最高的不纯性**

其中t是给定结点t的总数

其中表示给定结点t中属性类i的记录所占的比例

例子：

如何用决策树分类法区分正常的用户访问，还是由Web爬虫产生的访问？

输入数据：Web服务器日志

Web日志记录的字段：包括客户端的IP地址、请求的时间戳、请求访问的文档的网址、文档的大小、客户的身份（通过用户代理字段获得）。

Web会话是客户在一次网站访问期间发出的请求序列，每个Web会话都可以用有向图来建模，其中结点对应于网页，而有向边对应于连接网页的超链。

目标：对Web会话进行分类

特征构建：构造描述每次会话特性的特征，如遍历的深度和宽度…

训练的模型：（作为描述性模型）

* Web机器人的访问倾向于宽而浅，而正常用户访问比较集中（窄而深）
* 与正常用户不同，Web机器人很少访问与Web文档相关的图片页
* Web机器人的会话的长度趋于较长，包含了大量请求页面
* Web机器人更可能对相同的文档发出重复的请求，因为正常用户访问的网页常常会被浏览器保存

决策树归纳的特点：

* 非参数方法，也就是说，它不要求任何先验假设，不假定类和其他属性服从一定的概率分布。
* NP完全问题，一般采用启发式方法指导对假设空间的搜索
* 容易解释
* 对噪声的干扰具有相当好的鲁棒性
* 冗余属性（一个属性在数据中与另一个属性是强相关的）不会对决策树的准确率造成不利的影响。但是**如果数据集中含有很多不相关的属性（即对分类任务没有用的属性），则某些不相关属性可能在树的构造过程中偶然被选中，导致决策树过于庞大。**
* 大多数的决策算法采用自顶向下的递归划分方法，因此沿着树向下，记录会越来越少。**在叶结点，记录可能太少，对于叶结点代表的类，不能做出具有统计意义的判决，这就是所谓的数据碎片问题。**

决策树的物理解释：

可以将决策树的生长过程看成划分属性空间不相交的区域的过程，直到每个区域都只包含同一类的记录。**由于测试条件只涉及单个属性，因此决策边界是直线，即平行于坐标轴，这就限制了决策树对连续属性之间复杂关系建模的表达能力。**

模型存在的一般问题？

过分拟合

决策树过大容易受所谓过分拟合(overfitting)现象的影响。通过修剪初始决策树的分支，剪枝有助于提高决策树的泛化能力。模型越是复杂，出现过分拟合的几率就越高，可以采用**奥卡姆剃刀原则：给定两个具有相同的泛化误差的模型，较简单的模型比较复杂的模型更可取**

过分拟合会导致低训练误差，但高泛化误差。

两种可能：噪声导致的过分拟合，缺乏代表性样本导致的过分拟合

如何解决？

先剪枝（提前终止规则）：当观察到的不纯性度量的增益（或估计的泛化误差的改进）低于某个确定的阈值时就停止扩展叶结点。然而很难为提前终止选取正确的阈值，阈值太高将导致拟合不足，阈值太低就不能充分解决过分拟合的问题

后剪枝（常用方法）：初始决策树按照最大规模生长，然后自底向上的方式修剪完全增长的决策树。1)用新的叶结点替换子树，该叶结点的类标号由子树下记录中的多数类确定；2）用子树中最常使用的分支代替子树。

拟合不足

决策树过小会导致高训练误差和高泛化误差。因为模型尚未学习到数据的真实结构。

分类器性能的评估

在检验集上评估模型的性能。

1. Holdout方法

数据集 = 训练集 + 测试集

训练集越小，模型的方差越大；若训练集太大，较小的检验集估计的准确率不太可靠

1. 交叉验证法

K折交叉验证 （若k=2, 则二折交叉；k=10 常见；若k=N，则留一法）

误差为K个检测集的误差总和

#### 貝叶期分类器

在很多应用中，属性集和类变量之间的关系是不确定的。換句话说，尽管测试记录的属性集和某些训练样例相同，但是也不能正确地预测它的类标号。Bayes是对属性集和类变量的概率关系建模的方法

若X表示属性集，Y表示类变量， 若类变量和属性之间的关系不确定，可以把X和Y看作随机变量

若假定测试记录有属性集：X=（有房＝否，婚姻状况＝已婚，年收入＝$120k)，预测该记录属于拖欠贷款 YES or 还清贷款NO

即求P(YES|X) and P(NO|X)

P(Y|X) = P(X|Y)\*P(Y) / P(X)

因为先验概率P(Y) and P(X)是常数

所以argmaxP(Y|X) = argmaxP(X|Y)

朴素Bayes分类器：假定属性之间相互独立，则

P(X|Y) = P(x1|Y) \* P(x2|Y) \* … \* P(xd|Y) 假定d个属性

argmaxP(No|X) = argmaxP(X|No) = argmax(

p(有房＝否|No) \* p(婚姻状况＝已婚 | No) \* p(年收入＝$120k|No) )

若属性是分类的：P(xi|Y): 类y中等于xi的训练实例的比例

若属性是连续的：假设连续变量服从某种概率分布，然后使用训练数据估计分布的参数。高斯分布通常被用来表示连续属性的类条件概率分布。该分布有两个参数：mean and std.

P(xi|Y) = exp(-(xi-mean)\*(xi-mean)/(2\*std\*std) / (sqrt(2pi)\*std)

mean: 类yi所有训练记录关于Xi的样本均值

std: 类yi所有训练记录关于Xi的样本标准差

计算结果若P(No|X) > P(Yes|X), 则估计为还清贷款

Bayes特点：

1. 面对孤立的噪声点，朴素Bayes分类器是健壮的。因为在从数据中估计条件概率时，这些点被平均。
2. 若Xi是无关属性，那么P(Xi|Y)几乎变成了均匀分布，不会对总的估计产生影响
3. 相关属性会降低朴素Bayes分类器的性能

基于规则分类器

#### KNN

#### ANN

#### SVM

#### Emsemble组合方法

Bagging(装袋)

Adaboost

random forest

随机森林是一类专门为决策树分类器设计的组合方法，它组合多棵决策树作出的预测，其中每棵树都是基于随机向量的一个独立集合的值产生的。与AdaBoost使用的自适应方法不同，AdaBoost中概率分布是变化的，以关注难分类的样本，而随机森林则采用一个固定的概率分布来产生随机向量。

### 不平衡类问题

稀有类的正确分类比多数类的正确分类更有价值。准确率经常用来比较分类器的性能，然而它可能不适合评价从不平衡数据集得到的模型。

检测稀有类的实例好比大海捞针。因为这些实例很少出现，因此描述稀有类的模型趋向于高度特殊性。例如，在基于规则的分类器中，为稀有类提取的规则通常涉及大量的属性，并很难简化为更一般的，具有很高覆盖率的规则。这样的模型很容易受训练数据中噪声的影响。

对于二元分类，稀有类通常记为正类，而多数类被认为是负类。

不平衡类一般用precesion, recall, and F1

ROC曲线：显示分类器真正率和假正率之间折中的一种图形化方法。ROC曲线中，真正率沿y轴，假正率沿x轴上，沿着曲线每个点对应于一个分类器

如何解决不平衡类问题？

1. 代价敏感学习

将一个类错分另一个类的代价是不一样的，可以用代价矩阵表达将一个类的记录分类到另一个类的惩罚进行编码　C = [c(i, j)]，

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | | 预测的类 | |
| 类=+ | 类=- |
| 实际的类 | 类=+ | -1 | 100 |
| 类=- | 1 | 0 |

可以证明　：在0/1代价矩阵中，总代价等于误分类的数目

C = TP\*c(+,+) + FP\*c(-, +) + FN\*c(+,-) + TN\*c(-,-)

　= TP\*0 + FP\*1 + FN\*1 + TN\*0

= FP + FN = N\*Err

医学上，宁可误判为恶性，但不可漏了一个恶性，也就是说假阳性代价远高于假阴性，对应代价矩阵中c(+, -)=100 > c(-, +)=1

如何将代价信息引入分类算法中？

以决策树归纳为例，代价信息修改每个叶结点上的决策规则。

典型的二元分类，若误分代价相同，则将正类批派到结点t

p(+|t) > p(-|t)

=> p(+|t) > 1-p(+|t)

=> p(+|t) > 0.5

从而表明，叶结点的类标号取决于到达该结点的训练记录的多数类

若引入代价信息

C(i|t) = sum( p(j|t)\*c(j, i) ) j=类别

若两类

c(+|t) = p(+|t)\*c(+, +) + p(-|t)\*c(-, +) > c(- |t) = p(+|t)\*c(+, 1) + p(-|t)\*c(-, -)

=> p(+|t) > [c(-,-) - c(-,+)]/[c(+,+) + c(-,-) - c(-,+) - c(+,-)]

1. 基于抽样的方法

降采样：　对多的某类样本执行降采样，从而生成基分类器，多次如此，从而生成多分类器，然后组合多分类器

上采样：对少的某类样本执行上采样，如在少样本集中，对某个数据的k近邻，随机生成新的样本。

上采样缺点：对于噪声数据，上采样可能导致模型过分拟合，因为一些噪声样本也可能被复制多次。原则上，上采样没有向训练集中添加任何新的信息

### 多类问题解决方法？

分解成K个二类问题(yi, yj+ym+...)，也称为1-r方法　（容易产生不平衡类）

分解成K(k-1)/2个二类问题(yi, yj)，也称为1-1方法

　（当为类(yi, yj)构建分类器，不属于yi or yj的样本忽略）

最终通过组合所有二元分类器的预测对检验实例分类。组合预测的典型做法是使用投票表决，将检验样本指派到得票最多的类

纠错输出编码error-correcting output coding, ECOC

受信息理论中通过噪声信道发送信息的启发。其基本思想是借助于代码字向传输信息中增加一些冗余，从而使得接收方能发现接收信息中的一些错误，而且如果错误量很少，还可能恢复原始信息。

对于多类学习，每个类yi用一个长度为n的唯一位串来表示，称为它的代码字。然后训练n个二元分类器，预测代码字串的每个二进位。检验实例的预测类由这样的代码字给出，该代码字到二元分类器产生的代码字海明距离最近。（两个位串之间的海明距离是它们的不同的二进位的数目）

关键是：如何为不同的类设计合适的代码字集合？

对于通信任务，代码字应该最大化各行之间的海明距离，使得纠错可以进行。

对于多类学习要求，将代码字列向和行向的距离很好地分开。较大的列向距离可以确保二元分类器是相互独立的。

|  |  |
| --- | --- |
| 类 | 代码字 |
| y1 | 1 1 1 1 1 |
| y2 | 0 0 0 1 1 |
| y3 | 1 1 1 0 0 |

文献：稀有类，不平衡数据集，代价敏感学习，多类学习

### 关联分析

用来发现描述数据中强关联特征的模式。由于搜索空间是指数规模的，关联分析的目标是以有效的方式提取最有趣的模式。常见的应用：具体有相关功能的基因组、识别用户一起访问的web页面、理解地球气候系统不同元素之间的联系等

### 聚类

发现紧密相关的观测值结果。常见应用：对相关的顾客分组、找出显著影响地球气候的海洋区域以及压缩数据等。

### 异常检测

识别其特征显著不同于其他数据的观测值。常见应用：检测欺诈、网络攻击、疾病的不寻常模式、生态系统扰动等。

# R

统计计算和统计制图

CRAN: Comprehensive R Archive Network

## install R and RStudio

/etc/apt/sources.list

deb https://mirrors.tuna.tsinghua.edu.cn/CRAN/bin/linux/ubuntu trusty/

sudo apt-get update

sudo apt-get install r-base

//install RStudio

apt-get install libjpeg62

wget http://download1.rstudio.org/rstudio-0.98.1062-amd64.deb

sudo dpkg -i \*.deb

rm \*.deb

$which R R命令行方式

$R

$which Rscript R脚本运行方式

helloworld.r

#!/usr/bin/Rscript

print("Hello World")

$chmod u+x helloworld.r

$./helloworld.r

$which rstudio R IDE

$rstudio 启动RStudio环境

## <R语言初学者指南>

### R语法

>help(”boxplot“)

>library(MASS) 载入包

>q() 退出

>getwd()

>setwd(file="C:/.../") 改变当前目录

>rm(list = ls(all=TRUE) ) 删除当前所有变量

一般来说，R中的变量名最好使用大写字母开头，这样可以避免将它和一些内部函数名混淆

在R中使用内部函数前最好查看一下相应的帮助文件，以确保你知道这个函数如何处理缺失值

#表示注释

<-表示赋值

向量

Wing <- c(59, 55, 53.5, 55) c()表示连接(Concatenate)

Wing[1]

Wing[1:3]

Id <- rep(c(1, 2, 3, 4), each=8) 生成8个1,然后是8个2,...

Id <- rep(1:4, each=8)

Id <- rep(seq(from=1, to=4, by=1), each=8)

Head <- c(33, 22, 11, 44)

向量嵌套向量

Z <- cbind(Wing, Head) 以列的方式结合变量

Z[, 1] 第一列

Z[1:8, 1] 子数组

Z[2, ] 第二行

Size <- dim(Z) 返回维数(行，列）

Z2 <- rbind(Wing, Head) 以行的方式结合变量

矩阵

Dmat <- matrix(nrow=8, ncol=4) 矩阵

colnames(Dmat) <- c("Wing", "Tarsus", "Head", "Wt") 给矩阵加列名

Dmat[3:5, 2:3] 子矩阵

Dmat2 <- as.matrix(cbind(Wing, Head)) 生成矩阵

多维数组

a <- array(1:24, c(2, 3, 4))

4组两行三列

a[1, 2, 3] 访问第3组，第1行第2列元素

数组框

Dfrm <- data.frame(WC=Wing, TS=Tarsus, HD=Head, W=Wt, Wsq=sqrt(Wt)) 数据框

每一行表示一个样本的不同观察值

Dfrm$WC 访问列

Dfrm[ c(‘WC’, ‘W’) ] 访问数据框某几列

列表

Y <- list(x1 = c(1, 2,3),

x2 = c("a", "b"),

x3 = matrix(nrow=2, ncol=2)) 同python and javascript的list

Y$x1 访问元素

引入list函数的原因是因为几乎所有R中的函数（比如线性回归，广义线性模型，t-检验等等）的输出结果都是保存在列表中

条件指令

if (a) {

x < -1

} else {

x <- 2

}

ifelse (a, x <- 1, x < -2) 相当于a ? x=1 : x=2

循环

for (i in 1:27) {

YourFileName <- paste(i, ".jpg", sep="") 将变量连接为字符串

jpeg(file=YourFileName) 打开一个jpg文件

plot(x, y, ...)

dev.off() 关闭jpg文件

}

函数

函数中最后一行代码的结果将是返回信息, 也可以用return提前返回

Index.function <- function(Spec, Choice1="Sannon") {

if (Choice1 == "Richness") {

Index <- rowSums(Spec>0, na.rm=TRUE)

}

if (Choice1 == "Shannon") {

RS <- rowSums(Spec, na.rm=TRUE)

prop <- Spec / RS

Index <- -rowSums(prop\*log10(prop), na.rm=TRUE)

}

list(Index=Index, MyChoice=Choice1)

}

### 数据获取

以NA表示缺失值，一般最好以Excel中的第一列来识别样本单元，第一行作为变量名

Squid <- read.table(file="C:/RBook/squid.txt", header=TRUE) 将csv读入数据框中

write.table(Squid, file="Squid.txt", sep=",", quote=TRUE, append=FALSE, na="NA") 写csv

### 数据预处理 （一般针对数据框）

names(Squid) 返回变量名（列名）

str(Squid) 显示变量的属性

unique(Squid$Sex) 等价于levels(Squid$Sex)

attach(Squid)

Squid3 <- Squid[Sex==1 | Location==2, ] 过滤子集

Squid4 <- Squid[order(Sex), ] 排序

deattach(Squid)

合并数据框，Sample是两个数据框的相同变量

SquidMerged <- merge(Sq1, Sq2, by="Sample", all=TRUE)

变换列产生新列

Squid$fLocation <- factor(Squid$Location)

Squid$fSex <- factor(Squid$Sex, levels=c(1,2), labels=c("M", "F"))

在做任何统计分析之前，你应该将数据可视化

最后一部分data=Squid告诉R,变量在数据框 Squid中，从而lm()函数参数可以使用使用变量GSI,Location,...

有些函数没有data数据框，可以用Squid$GSI访问变量，若嫌麻烦，可以用attach and deattach限定上下文

M1 <- lm(GSI~factor(Location)+factor(Year), data=Squid)

attach(Squid）

...直接使用变量GSI, Location,...

deattach(Squid)

### 数据分析

tapply(y, x, FUN=mean) 根据x的不同水平对y使用FUN函数

sapply(y, FUN=mean)

lapply(y, FUN=mean) 对y的每一个变量使用FUN的函数

summary(y) 计算基本信息

y可以是一个变量，cbind命令的输出，或数据框

table(x,y) 计算列联表

### 数据可视化

plot(y, x) y对x的图形

不建议写成plot(Y~X, data=Veg)，因为Y~X符号是用来告诉R，Y作为X的函数。但并不是每个涉及变量的散点图都有一个因果关系

lines(x, y) 在已存在图形上添加线

order(x) 排序

M <- loess(y ~ x) 使用LOESS平滑

fitted(M) 得到拟合值

生成具有4个面板的图形窗口， mar选项指定每个图形周围空白的大小

op <- par(mfrow=c(2,2), mar=c(3,3,2,1))

pie(Cases) 饼图

pie3D(Cases)

par(op)

barplot(x) 条形图

boxplot(y) 盒形图

pairs(x) 生成多面板散点图

arrows(x1,y1, x2,y2) 绘制箭头

text(x,y, "hello") 在图形上添加文本

points(x, y) 在图形上添加点

legend("topleft", MyText, lty=c(1, 2, 3)) 添加图例

title(MyText) 添加标题

高维数据绘图

library(lattice)

xyplot(SAL ~ MyTime | factor(Station), ...) 散点图

~连接的变量分别表示y轴和x轴

|后条件变量是为了生成多面板

条件变量通常是一个因子，也可以是连续变量，当使用连续的变量作为条件变量时，它的每一个值在默认情况下都被理解为一个离散值，然而，此类变量通常具有很多的值，此时我们就需要将其分割为一些区间。

bwplot(SAL ~ factor(Month) | Area, ...) 盒形图

dotplot(factor(Month) ~ SAL | Station, ...) 点图

histogram(~ SAL | Station, ...) 直方图

barchart()

contourplot()

levelplot()

...

## <R and Ruby数据分析之旅>

$R

>install.packages('tree') 安装R程序包

>installed.packages() 查看已安装程序包

>library(tree) 使用程序包

因子factor

值可以分为名义型nominal, 顺序型ordinal 和连续型continuous

在R中，名义值和顺序值都用因子来表示

colors <- c('green', 'red', 'blue')

factor(colors) nominal

默认情况下，对于字符数据，因子各水平的排序是根据字母顺序创建的。但是，我们也可以在创建因子的时候指定各水平的顺序

results <- c('poor', 'average', 'good')

factor(results, order=TRUE, levels=results) ordinal

数据框

按列构造

league <- data.frame(team, home\_wins, home\_draws, home\_losses, away\_wins, away\_draws, away\_losses)

league[ c('team', 'home\_wins') ]

league$team

league$team[league$home\_wins > 8]

league$team[ league$away\_wins > league$home\_wins ]

等价于

with(league, team[away\_wins > home\_wins] ) with上下文管理

league <- merge(league, points, by='team') 合并数据框（添加列方式）

league[order(-league$pts, ]) 按字段pts降序

league <- rbind(league, league\_another) 合并数据框（添加行方式）

R包自带数据

install.packages('ggplot2')

library(ggplot2)

mpg

str(mpg)

summary(mpg)

从csv文件导入数据

epl <- read.csv('\*.csv')

从MySQL数据库导入数据

install.packages( c('DBI', 'RMySQL') )

con <- dbConnect(MySQL(), host='localhost', dbname='eps', user='root', password='root')

league <- dbGetQuery(con, 'select \* from league')

dbDisconnect(conn)

绘图

如果你将图表输出到文件，你可以使用pdf(), png(), jpeg(), bmp(), win.metafile()及其他函数来设置输出文件的格式。

pdf('some\_file\_name.pdf')

#do some chart plotting

dev.off()

R中绘图是逐层进行的。在绘制了图形之后（通过plot()函数），你可以继续添加新的图层，在其中包含新的信息

install.packages('ggplot2')

程序包ggplot2基本思想：复合多个图层，各层之是相互堆叠起来。

统计绘图实际上是从数据到几何对象的审美属性的一个映射过程，而这些几何对象应当可以进行统计变换，并且可以在坐标系统内画出。审美属性包括颜色、形状、大小，而几何对象类型可以是点、线条或柱形等性质

具体见p52

# Spark

## 《Spark快速大数据分析》

**Spark：批处理，迭代算法，交互式查询，流处理**



Spark Core实现了Spark的基本功能，包含任务调度，内存管理，错误恢复，与存储系统交互，RDD(Resilient distributed dataset:弹性分布式数据集)等

Spark SQL是Spark用来操作结构化数据的程序包，Spark SQL还支持开发者将SQL和传统的RDD编程的数据操作方式相结合

Spark Streaming是Spark提供的对实时数据进行流式计算的组件

MLib: 机器学习库

GraphX: 用来操作图的程序库，可以进行并行的图计算

数据科学家就是主要负责分析数据并建模的人。数据科学家有可能具备SQL、统计、预测建模（机器学习）等方面的经验，以及一定的使用python, matlab or R语言进行编程的能力

数据科学家在使用R或Pandas等**传统数据分析工具时所能处理的数据集受限于单机**，而有了**Spark**,就能**处理更大数据**规模的问题。

对工程师来说，Spark为开发用于集群并行执行的程序提供了一条捷径。通过封装，Spark不需要开发者关注如何在分布式系统上编程这样的复杂问题，也无需过多关注网络通信和程序容错性。Spark已经为工程师提供了足够的接口来实现常见的任务，以及对应用进行监视、审查和性能调优

**Hadoop MapReduce在迭代计算和交互计算的任务上表现得效率低下**。因此，**Spark从一开始就是为交互式查询和迭代算法设计**的，同时还支持内存和高效的容错机制

Shell工具类似R,Python, Scala, matlab, Bash等，只能使用单机的硬盘和内存来操作数据，而Spark shell可用来与分布式存储在许多机器的内存或者硬盘上的数据进行交互，并且处理过程的分发由Spark自动控制完成

在Spark中，我们通过对**分布式数据集**的操作来表达我们的计算意图，这些计算会自动地在集群上并行进行。这样的数据集被称为RDD, RDD是Spark对分布式数据和计算的基本抽象

驱动器程序Spark shell启动时自动创建SparkContext对象，即sc变量，从而可以创建RDD,在RDD上执行操作

驱动器程序一般要管理多个执行器节点，比如我们在集群上运行count()，那么不同的节点会统计文件的不同部分的行数。Spark会自动将函数如filter里的fun函数发到各个执行器节点上。这样你就可以在单一的驱动器程序中编程，并且让代码自动运行在多个节点上

### install spark

$wget <http://d3kbcqa49mib13.cloudfront.net/spark-2.0.0-bin-hadoop2.7.tgz>

$tar -xf spark…tgz

$cd spark…

### 命令行（交互式分析数据）

启动Spark中Python的shell

**$bin/pyspark**

// actions, return values

lines = sc.textFile("README.md")

lines.count()

lines.first()

//transformation, return a new RDD

pythonlines = lines.filter(lambda line: "Python" in line)

textFile.map(lambda line: len(line)).reduce(lambda a,b: a if (a>b) else b)

wordCounts = textFile.flatMap(lambda line: line.split()).

map(lambda word: (word, 1)).

reduceByKey(lambda a, b: a+b)

wordCounts.collect()

### 脚本（独立应用）

pi.py

from random import random

from pyspark import SparkContext

def sample(p):

x, y = random(), random()

return 1 if x\*x + y\*y < 1 else 0

NUM\_SAMPLES = 100000

sc = SparkContext("local", "Pi App") 通过集群URL和应用名初始化sc,然后同shell一样操作

count = sc.parallelize(xrange(0, NUM\_SAMPLES)).map(sample).reduce(lambda a,b: a+b)

print "Pi is roughly %f" % (4.0 \* count / NUM\_SAMPLES)

**$bin/spark-submit** pi.py

spark-submit脚本会帮我们引入python程序的spark依赖。这个脚本为Spark的PythonAPI配置好了运行环境

查看spark自带的范例

$tree examples/src/main/python

$cat examples/src/main/python/pi.py

$bin/spark-submit examples/src/main/python/pi.py

### RDD编程

RDD其实就是分布式的元素集合。在Spark中，对数据的所有操作不外乎**创建RDD、转化已有RDD以及调用RDD操作进行求值**。而在这一切背后，Spark会自动将RDD中的数据分发到集群上，并将操作并行化执行

Spark中的RDD就是一个不可变的分布式对象集合。每个RDD都被分为多个分区，这些分区运行在集群中的不同节点上

Spark只会惰性计算这些RDD。它们只有第一次在一个行动操作中用到时，才会真正计算

默认情况下，Spark的RDD会在你每次对它们进行行动操作时重新计算。可以使用RDD.persist()让Spark把这个RDD缓存下来，Spark会把RDD的内容保存到内存中（以分区方式存储到集群中的各机器上）。在实际操作中，你会经常用persist()来把数据的一部分读取到内存中，并反复查询这部分数据

每个Spark程序或shell会话都按如下方式工作：

1. 从外部数据创建出输入RDD
2. 使用转化操作对RDD进行转化，以定义新的RDD
3. **对需要被重用的中间结果RDD执行persist()操作**
4. 使用行动操作触发一次并行计算

创建ADD

lines = sc.textFile("README.md") 读取一个外部数据集

list = ["pands", "i like pandas"]

lines = sc.parallelize(list) 将已有集合转RDD

RDD转换操作

返回一个新的RDD，

惰性求值，

不会改变已有的数据，会返回一个全新的RDD

rdd.map(func)

rdd.flapMap(func)

rdd.filter(func)

rdd.distinct(func) 去重

rdd.sample(withReplacement, fraction, [seed]) 采样

rdd.union(other)

rdd.intersection(other)

rdd.subtract(other)

rdd.cartesian(other) 笛卡尔积

RDD行动操作 (触发并行计算，返回值)

rdd.collect() 返回RDD中的所有元素

rdd.count() RDD中的元素个数

rdd.countByValue() 各元素在RDD中出现的次数

rdd.take(num) 从RDD中返回num个元素

rdd.top(num) 从RDD中返回前num个元素

rdd.takeOrdered(num)(myOrdering)

rdd.takeSample(withReplacement, num, [seed])

rdd.reduce(func) 整合RDD中所有数据

rdd.fold(initValue)(func) 同reduce,只是需要初始值

rdd.aggregate(initValue)(seqOp, combOp)

rdd.foreach(func)

持久化（缓存）

如果简单地对RDD调用行动操作，Spark每次都会重算RDD以及它的所有依赖。这在迭代算法中消耗大，因为迭代算法常常会多次使用同一组数据

为了避免多次计算同一个RDD，可以让Spark对数据进行持久化。当我们让Spark持久化存储一个RDD时，计算出RDD的节点会分别保存它们所求出的分区数据

RDD不同的持久化级别：在Scala and Java中，默认情况下persist()会把数据以序列化的形式缓存在JVM的堆空间中。在Python中，我们会始终序列化要持久化存储的数据，所以持久化级别默认值就是以序列化后的对象存储在JVM堆空间中。

如果要缓存的数据太多，内存中放不下，Spark会自动利用最近最小使用LRU的缓存策略把最老的分区从内存中移除