

[영역] 5.기하



5-1-2.선분의 중점과 길이, 점과 직선사이의 거리



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일: 2016-10-25

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

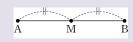
계산시 참고사항

1. 선분의 길이

1) 두 점 A, B 사이의 거리

: 두 점 A, B를 잇는 무수히 많은 선 중에서 길이가 가장 짧은 선인 선분 \overline{AB} 의 길이 2) 선분 AB의 중점

: 선분 \overline{AB} 위의 한 점 \overline{M} 에 대하여 $\overline{AM} = \overline{MB}$ 일 때, 점 M을 선분의 중점이라 한다. \Rightarrow $\overline{\rm AM} = \overline{\rm MB} = \frac{1}{2}\overline{\rm AB}$



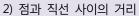
● (두 점 A, B사이의 거리) =(선분 AB의 길이) =(선분 BA의 길이)

2. 점과 직선 사이의 거리

1) 수선의 발

: 직선 l위에 있지 않은 한 점 P에서 직선 l에 수선을 그을 때

이 수선과 직선 l의 교점 H를 점 P에서 직선 l에 내린 수선의 발이라 한다

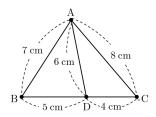


: 점 P에서 점 H까지의 거리, 즉 \overline{PH} 의 길이



선분의 길이

☑ 다음 그림을 보고 다음을 구하여라.



두 점 A, B 사이의 거리 1.

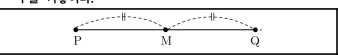
두 점 C, D 사이의 거리 2.

AC의 길이 3.

AD 의 길이 4.

BC 의 길이 5.

ightharpoonup 다음 그림에서 ightharpoonup
ightharpoonup의 중점을 m M이라 할 때, ightharpoonup안에 알맞은 수를 써넣어라.



 $\overline{PQ} = \overline{PM}$

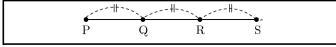
 $\overline{MQ} = \overline{PQ}$ 7.

 $\overline{PM} = 4 \text{cm} \ \underline{\textbf{Q}} \ \mathbf{m}, \ \overline{MQ} = \boxed{\text{cm}}$ 8.

 \overline{PQ} =10cm 일 때, \overline{PM} = \Box cm 9.

 $\overline{PM} = 2.5 \text{cm}$ **2 M**, $\overline{PQ} = \square$ cm 10.

\square 다음 그림에서 점 Q, R가 \overline{PS} 의 삼등분점일 때, \square 안에 알 맞은 수를 써넣어라.



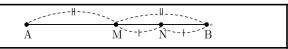
- $\overline{QR} = \overline{PS}$ 11.
- 12. $\overline{PS} = \overline{PQ}$
- $\overline{PR} = \overline{PS}$ 13.
- 14. RS=3cm**일 때,** PS = cm
- 15. $\overline{PS} = 12 \text{cm} \ \underline{Q} \ \mathbf{m}, \ \overline{PQ} = \boxed{\text{cm}}$
- $\overline{PS} = 15 \text{cm}$ 일 때, $\overline{QS} = \Box \text{cm}$ 16.

ightharpoonup 다음 그림에서 점 m M은 $m \overline{AB}$ 의 중점이고, 점 m N은 $m \overline{MB}$ 의 중 점일 때, □안에 알맞은 수를 써넣어라.



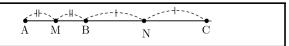
- 17. $\overline{AB} = \overline{AM}$
- $\overline{MN} = \overline{MB} = \overline{AM}$ 18.
- $\overline{AB} = \overline{MN}$ 19.
- $\overline{AN} = \overline{MN}$ 20.
- 21. $\overline{AN} = \overline{AB}$

\square 다음 그림에서 점 M은 \overline{AB} 의 중점이고, 점 N은 \overline{MB} 의 중 점일 때, 다음을 구하여라.



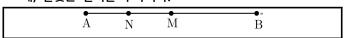
- 22. $\overline{AB} = 12$ cm 일 때, \overline{MN} 의 길이
- $\overline{AB} = 20$ cm 일 때, \overline{MN} 의 길이 23.
- $\overline{\mathrm{AM}} = 16\mathrm{cm}$ 일 때, $\overline{\mathrm{MN}}$ 의 길이 24.
- $\overline{\rm AM} = 18 {
 m cm}$ 일 때, $\overline{\rm MN}$ 의 길이 25.
- $\overline{MN} = 4 \text{cm} \, \mathbf{9} \, \mathbf{M}, \, \overline{AB} \, \mathbf{9} \, \mathbf{20}$ 26.
- $\overline{\mathrm{MN}} = 6.5 \mathrm{cm}$ 일 때, $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 길이 27.

\square 다음 그림에서 점 M은 \overline{AB} 의 중점이고, 점 N은 \overline{BC} 의 중 점일 때, 다음을 구하여라.

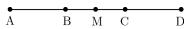


- 28. $\overline{AC} = 16 \text{cm}$ 일 때, \overline{MN} 의 길이
- $\overline{AC} = 6 \text{cm}$ 일 때, \overline{MN} 의 길이 29.
- 30. $\overline{AC} = 14$ cm 일 때, \overline{MN} 의 길이
- $\overline{MN} = 5 \text{cm}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이 31.
- $\overline{MN} = 11 \text{cm}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이 32.

 \square 다음 그림에서 점 M은 \overline{AB} 의 중점, 점 N은 \overline{AM} 의 중점일 때, 알맞은 길이를 구하여라.



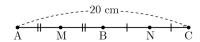
- 33. $\overline{AN} = 2cm$ 일 때, \overline{AB} 의 길이
- 34. $\overline{\text{MB}} = 10 \text{cm}$ 일 때, $\overline{\text{NM}}$ 의 길이
- 35. $\overline{AB} = 16 \text{cm}$ 일 때, \overline{NM} 의 길이
- \square 다음 그림에서 점 B, C는 \overline{AD} 의 삼등분점, 점 M은 \overline{BC} 의 중점일 때, 알맞은 길이를 구하여라.



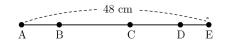
- 36. $\overline{MC} = 1 \text{cm} \, \mathbf{9} \, \mathbf{m}, \, \overline{AB} \, \mathbf{9} \, \mathbf{30}$
- 37. $\overline{BM} = 6 \text{cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이
- 38. AD=30cm **일 때**, MD **의 길이**

☑ 다음 물음에 답하여라.

 $\overline{AC} = 20 cm$ 이고 두 점 M, N 이 각각 \overline{AB} , \overline{BC} 의 중점일 때, \overline{MN} 의 길이를 구하여라.



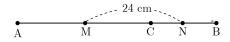
40. 다음 그림에서 $\overline{AE} = 48 \text{cm}$ 이고, $\overline{AB} = \frac{1}{3}\overline{AC}$, $\overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{CD}$ 일 때, \overline{BD} 의 길이를 구하여라.



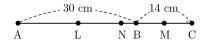
41. 다음 그림에서 $\overline{BD} = 3\overline{AB}$, $\overline{AC} = \frac{2}{5}\overline{AD}$, $\overline{BC} = 3$ cm 일 때, \overline{AD} 의 길이를 구하여라.



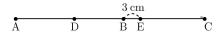
42. 다음 그림에서 점 M, N은 각각 \overline{AC} , \overline{BC} 의 중점이고, $\overline{MC}:\overline{CN}=2:1$ 이다. $\overline{MN}=24$ cm 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



43. 다음 그림에서 점 L, M은 각각 \overline{AB} , \overline{BC} 의 중점이고, 점 \overline{N} 은 \overline{LM} 의 중점이다. \overline{AB} = 30cm, \overline{BC} = 14cm일 때, \overline{NB} 의 길이를 구하여라.



44. 다음 그림에서 점 D는 \overline{AB} 의 중점, 점 E는 \overline{DC} 의 중점, $\overline{AD} = \frac{2}{7}\overline{AC}, \ \overline{BE} = 3cm$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



45. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \frac{3}{2} \overline{BC}$, $\overline{AD} : \overline{DB} = 4 : 1$ 이고 $\overline{CD} = 7 \text{cm}$ 일 때, \overline{BD} 의 길이를 구하여라.

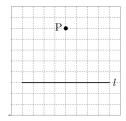




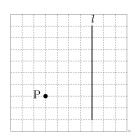
점과 직선 사이의 거리

☐ 다음은 한 눈금의 길이가 1인 모눈종이이다. 점 P에서 직선 ℓ 위에 수선의 발 H를 나타내고, 점 P와 직선 ℓ 사이의 거 리를 구하여라.

46.

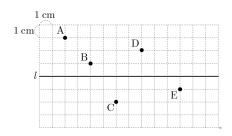


47.

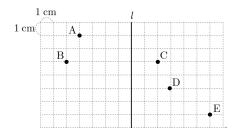


☑ 모눈종이 위의 점 A, B, C, D, E에서 직선 l에 내린 수선
 의 발을 그림 위에 점 A', B', C', D', E'으로 나타내고,
 점 D와 직선 l사이의 거리를 구하여라.

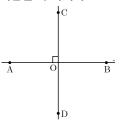
48.



49.

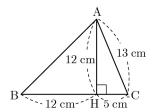


☑ 다음 그림을 보고 다음을 구하여라.



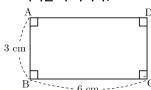
- 50. **두 직선** AB 와 CD 의 관계
- 51. 점 C에서 직선 AB에 내린 수선의 발
- 52. 점 B에서 직선 CD까지의 거리

☑ 평면도형에서 다음을 구하여라.



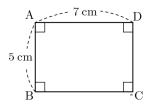
- $\overline{53}$. 점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발
- 54. 점 A와 \overline{BC} 사이의 거리

☑ 다음 그림을 보고 거리를 구하여라.



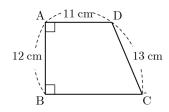
- 55. 점 A에서 $\overline{\text{CD}}$ 까지의 거리
- 56. 점 A에서 \overline{BC} 까지의 거리
- 57. $\mathbf{A} \ \mathbf{B} \mathbf{O} \mathbf{M} \ \mathbf{C} \mathbf{D} \mathbf{M} \ \mathbf{H} \mathbf{H} \mathbf{O} \mathbf{D} \mathbf{M}$

☑ 평면도형에서 다음을 구하여라.



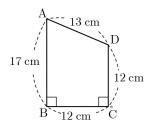
- 58. 점 B에서 \overline{DC} 에 내린 수선의 발
- 59. 점 D와 BC 사이의 거리

☑ 평면도형에서 다음을 구하여라.



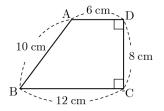
- 60. 점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발
- 61. 점 A와 \overline{BC} 사이의 거리

☑ 평면도형에서 다음을 구하여라.



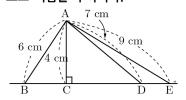
- 62. 점 B에서 \overline{DC} 에 내린 수선의 발
- 63. 점 B와 DC 사이의 거리

☑ 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 다음을 구하여라.



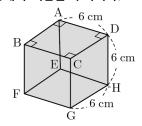
- 64. 점 A에서 \overline{CD} 에 내린 수선의 발
- 65. 점 A에서 $\overline{\text{CD}}$ 사이의 거리
- 66. 점 B에서 CD 사이의 거리
- 67. 점 D에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발
- 68. 점 D에서 \overline{BC} 사이의 거리
- 69. 점 A에서 \overline{BC} 사이의 거리

☑ 다음 그림을 보고 다음을 구하여라.



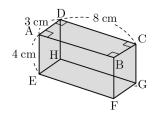
- 70. **직선** BE의 수선
- 71. 점 A에서 직선 BE에 내린 수선의 발
- 72. 점 A에서 직선 BE까지의 거리

☑ 그림의 입체도형에서 다음을 구하여라.



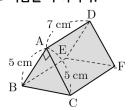
- 73. 점 F에서 \overline{EH} 에 내린 수선의 발
- 74. **점** F**와** EH 사이의 거리

☑ 그림의 입체도형에서 다음을 구하여라.



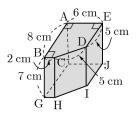
- 75. 점 H에서 \overline{FG} 에 내린 수선의 발
- 76. 점 D와 \overline{HG} 사이의 거리

☑ 다음 그림을 보고 다음을 구하여라.



- 77. 점 B에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발
- 78. 점 F와 \overline{BC} 사이의 거리

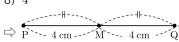
☑ 다음 그림을 보고 다음을 구하여라.

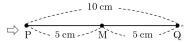


- 79. 점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발
- 80. 점 \overline{A} 와 \overline{ED} 사이의 거리

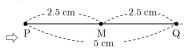


- 1) 7cm
- 2) 4cm
- 3) 8cm
- 4) 6cm
- 5) 9cm
- 6) 2
- 7) $\frac{1}{2}$



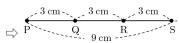


10) 5

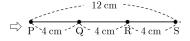


- 11) $\frac{1}{3}$
- 12) 3
- 13) $\frac{2}{3}$

14) 9



15) 4



$$\Rightarrow \overline{P} \xrightarrow{5 \text{ cm}} \overline{Q} \xrightarrow{5 \text{ cm}} \overline{R} \xrightarrow{5 \text{ cm}} S$$

$$\Rightarrow \overline{QS} = 5 + 5 = 10 \text{ (cm)}$$

17) 2

- 18) $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{2}$
- 19) 4
- 20) 3
- 21) $\frac{3}{4}$
- 22) 3cm
- ⇒ 점M이 \overline{AB} 의 중점이므로 $\overline{AM} = \overline{MB} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 6$ (cm) 점 N이 $\overline{\text{MB}}$ 의 중점이므로 $\overline{\text{MN}} = \overline{\text{NB}} = \frac{1}{2}\overline{\text{MB}} = 3 \text{(cm)}$

$$\Rightarrow \overline{AM} = \overline{MB} = \frac{1}{2} \overline{AB} = 10 \text{ (cm)}$$
$$\overline{MN} = \overline{NB} = \frac{1}{2} \overline{MB} = 5 \text{ (cm)}$$

- 24) 8cm
- □ MB = AM = 16 (cm)이므로 $\overline{\text{MN}} = \overline{\text{NB}} = \frac{1}{2} \overline{\text{MB}} = 8 \text{ (cm)}$
- 25) 9cm

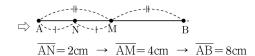
- \Rightarrow $\overline{MB} = 2\overline{MN} = 8 \text{ (cm)}$ 이므로 $\overline{AB} = 2\overline{MB} = 16 \text{ (cm)}$
- 27) 26cm
- $\Rightarrow \overline{MB} = 2\overline{MN} = 13 \text{ (cm)}$ 이므로 $\overline{AB} = 2\overline{MB} = 26 \text{ (cm)}$
- 28) 8cm

$$\Rightarrow \overline{\mathrm{MB}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{AB}}, \ \overline{\mathrm{BN}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{BC}}$$
이므로
$$\overline{\mathrm{MN}} = \overline{\mathrm{MB}} + \overline{\mathrm{BN}} = \frac{1}{2}(\overline{\mathrm{AB}} + \overline{\mathrm{BC}}) = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{AC}} = 8(\mathrm{cm})$$

- 29) 3cm
- 30) 7cm
- 31) 10 cm

$$ightarrow \overline{AB} = 2\overline{MB}, \ \overline{BC} = 2\overline{BN}$$
이므로
$$\overline{AC} = \overline{AB} + \overline{BC} = 2(\overline{MB} + \overline{BN}) = 2\overline{MN} = 10(cm)$$

- 32) 22 cm
- 33) 8cm



34) 5cm

$$\overrightarrow{A} \xrightarrow{H} \overrightarrow{N} \xrightarrow{H} \overrightarrow{M} = 10 \text{cm} \rightarrow \overrightarrow{NM} = 5 \text{cm}$$

35) 4 cm

$$\Rightarrow \overbrace{A} \xrightarrow{H} \overbrace{N} \xrightarrow{H} \overbrace{M} = 8cm \rightarrow \overline{NM} = 4cm$$

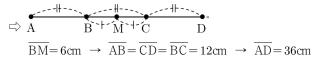
$$\overline{AB} = 16cm \rightarrow \overline{AM} = 8cm \rightarrow \overline{NM} = 4cm$$

36) 2 cm

$$\Rightarrow \overrightarrow{A} \xrightarrow{B^{+} \overrightarrow{M}^{-} + \overrightarrow{C}} \overrightarrow{D}$$

$$\overline{MC} = 1 \text{cm} \rightarrow \overline{BM} = 1 \text{cm} \rightarrow \overline{AB} = \overline{BC} = 2 \text{cm}$$

37) 36 cm



38) 15 cm

$$\overrightarrow{A} = 30 \text{cm} \rightarrow \overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = 10 \text{cm} \rightarrow \overline{MC} = 5 \text{cm}$$

$$\rightarrow \overline{MD} = 5 + 10 = 15 \text{(cm)}$$

39) 10cm

$$\Rightarrow \overline{MN} = \overline{MB} + \overline{BN} = \frac{1}{2}\overline{AB} + \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2}(\overline{AB} + \overline{BC})$$
$$\frac{1}{2}\overline{AC} = \frac{1}{2} \times 20 = 10 \text{ (cm)}$$

40) 32cm

지점
$$=\frac{1}{3}$$
 AC에서 $\overline{AB}:\overline{AC}=1:3$ 이므로 $\overline{AB}=x, \overline{BC}=2x$ 라 하자. $\overline{DE}=\frac{1}{2}\overline{CD}$ 에서 $\overline{DE}:\overline{CD}=1:2$ 이므로 $\overline{DE}=y, \overline{CD}=2y$ 라 하자. $\overline{AC}+\overline{CE}=3x+3y=48 \text{ (cm)}$ $x+y=16 \text{ (cm)}$ $\overline{BD}=2(x+y)=2\times16=32 \text{ (cm)}$

41) 20cm

$$\Rightarrow$$
 $\overline{AD}:\overline{AC}=5:$ 9 $|$ 므로 $\overline{AC}=2a,\ \overline{AD}=5a$ $\overline{AB}:\overline{BD}=1:$ 9 $|$ 므로 $\overline{AB}=\frac{1}{4}\overline{AD}=\frac{5}{4}a$

$$\overline{BC} = \overline{AC} - \overline{AB} = 2a - \frac{5}{4}a = \frac{3}{4}a = 3 \text{ (cm)} \rightarrow a = 4 \text{ cm}$$

 $\therefore \overline{AD} = 5a = 20 \text{ cm}$

42) 32cm

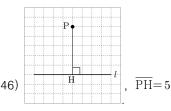
$$\overline{\text{MC}} = \frac{2}{3}\overline{\text{MN}} = 16\text{cm}, \ \overline{\text{NC}} = \frac{1}{3}\overline{\text{MN}} = 8\text{cm}$$
이므로 $\overline{\text{AC}} = 2\overline{\text{MC}} = 2 \times 16 = 32 \text{ (cm)}$

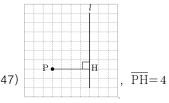
43) 4cm

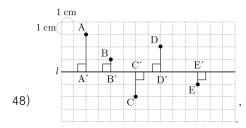
44) 42cm

45) 3cm

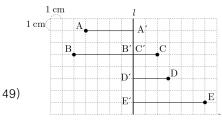
다 2
$$\overline{AB} = 3\overline{BC}$$
이므로 $\overline{AB} : \overline{BC} = 3 : 2$ 이므로 $\overline{AB} = 3a, \ \overline{BC} = 2a$ 라 하자. 이제 $\overline{AD} : \overline{DB} = 4 : 1$ 이므로 $\overline{AD} = \frac{4}{5}\overline{AB} = \frac{12}{5}a, \ \overline{DB} = \frac{1}{5}\overline{AB} = \frac{3}{5}a$ 이때 $\overline{CD} = \frac{12}{5}a - a = \frac{7}{5}a = 7$ (cm) $\rightarrow a = 5$ cm $\therefore \overline{BD} = \frac{3}{5}a = \frac{3}{5} \times 5 = 3$ (cm)





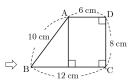


2cm



3 cm

- 50) \(\overline{AB} \pm \overline{CD} \)
- 51) 점 ()
- 52) $\overline{\rm OB}$
- 53) 점 H
- 54) 12cm
- 55) 6cm
- 56) 3cm
- 57) 점 C
- 58) 점 C
- 59) 5cm
- 60) 점 B
- 61) 12cm
- 62) 점 C
- 63) 12cm
- 64) 점 D
- 65) 6cm
- 66) 12cm
- 67) 점 C
- 68) 8cm
- 69) 8cm



위 그림에서 점 A와 \overline{BC} 사이의 거리는 \overline{CD} 의 길이와 같으므로 8cm이다.

- 70) AC
- 71) 점 C
- 72) 4cm
- 73) 점 E
- 74) 6cm
- 75) 점 G
- 76) 4cm
- 77) 점 A
- 78) 7cm
- 79) 점 B
- 80) 6cm