#### [영역] 5.기하



중 ] 과정

#### 5-4-2.삼각형의 작도, 삼각형이 하나로 정해지는 조건





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-10-25

2) 제작자 : 교육지대㈜

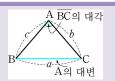
3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

#### 계산시 참고사항

#### 1. 삼각형

1) 삼각형 ABC: 한 직선 위에 있지 않은 세 점 A, B, C를 연결한 세 선분 AB, BC, CA로 이루어진 도형 ➡ 기호: △ABC

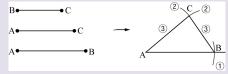
2) 대변 : 한 각과 마주 보는 변3) 대각 : 한 변과 마주 보는 각



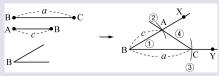
#### 2. 삼각형의 작도

: 다음과 같은 조건 중 하나가 주어지면 삼각형은 단 하나로 작도 될 수 있다.

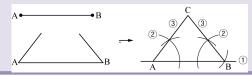
1) 세 변의 길이가 주어질 때 : '삼각형의 두 변의 길이의 합은 나머지 한 변의 길이 보다 크다.'는 성질을 이용하여 작도한다.



2) 두 변의 길이와 그 끼인 각의 크기가 주어질 때



3) 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때

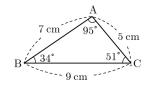


#### 참고

- 삼각형의 세 변의 길이 사이의 관계: 삼각형의 두 변의 길이의 합은 나머지 한 변의 길이보다 크다.
- 세 변의 길이가 주어질 때 삼각형의 성립 조건
- : (가장 긴 변의 길이) <(나머지 두 변의 길이의 합)
- 한 변의 길이와 그 양 끝각이 아닌 다른 두 각의 크기가 주어진 경우는 삼각형의 내각의 크기의 합이 180°
  임을 이용하여 나머지 한 각의 크기를 구한다.

### **삼각형**

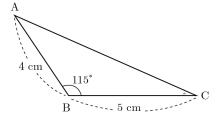
#### ☑ 다음 그림과 같은 △ABC에서 다음을 구하여라.



- 1. ∠A의 대변의 길이
- ∠C의 대변의 길이
- 3. **변** AC의 대각의 크기
- 4. 변 BC의 대각의 크기

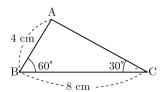
#### ☑ 다음 물음에 답하여라.

 $\triangle$  ABC 에서  $\angle$  A의 대변의 길이를 x cm, 변 AC의 대각의 크기를 y°라 할 때, x+y의 값을 구하여라.

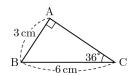




다음 삼각형 ABC에서  $\angle A$ 의 대변의 길이를 a cm, 변 AC의 대각의 크기를  $b^{\circ}$ 라고 할 때, a+b의 값을 구하여라.

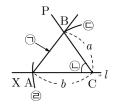


7. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서  $\angle A$ 의 대변의 길이를 a cm,  $\overline{\mathrm{AC}}$ 의 대각의 크기를  $b^\circ$ 라고 할 때,  $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.



# 삼각형의 작도

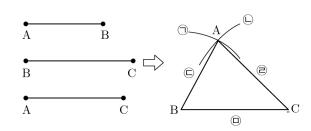
두 변의 길이 a, b와 그 끼인 각  $\angle$   $\mathbb{C}$ 의 크기가 주어졌을 때, △ABC를 다음 그림과 같이 작도하려고 한다. 작도 과정 을 순서대로 써라.



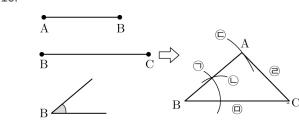
- $\bigcirc$   $\overline{AB}$ 를 그려  $\triangle ABC$ 를 완성한다.
- □ ∠C와 크기가 같은 ∠PCX를 작도한다.
- 와의 교점을 B라 한다.
- $\bigcirc$  점  $\bigcirc$  중심으로 하고 반지름의 길이가 b인 원을 그려  $\bigcirc$  CX 와의 교점을 A라 한다.

☑ 다음은 주어진 조건으로 △ABC를 작도한 것이다. 작도 순 서를 구하여라.

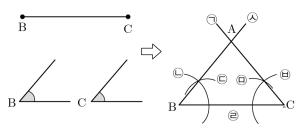
9.



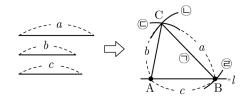
10.



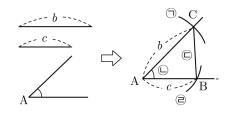
11.



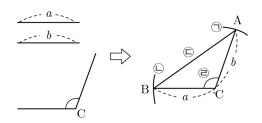
12.



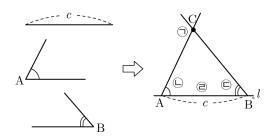
13.



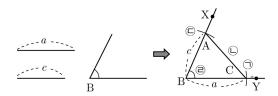
14.



15.



16.



☑ 삼각형의 세 변의 길이가 다음과 같이 주어질 때, 삼각형이 될 수 있는 것에는  $\bigcirc$ 표, 될 수 없는 것에는  $\times$ 표를 하여라.

17. 4cm, 5cm, 8cm

( )

18. 2cm, 7cm, 9cm

)

19. 6cm, 15cm, 8cm

)

)

20. 7cm, 8cm, 3cm

lacktriangle 삼각형의 세 변의 길이가 다음과 같이 주어질 때, x의 값의 범위를 구하여라.

- 21. 3, 5, x (단, x > 5)
- 22. 5, 8, x (단, x > 8)
- 23. 5, x, 11
- 24. 6, x, 10
- 25. x, 3, 7
- 26. 4, 7, x
- 27. 3, x, 7 (단, x < 7)
- 28. 5, x, 7 (단, x < 7)
- 29. x, x+3, x+7
- 30. x-3, x, x+1

#### ☑ 다음 물음에 답하여라.

- 31. 길이가 2cm, 3cm, 4cm, 5cm, 6cm 인 막대가 각각 하나씩 있다. 다섯 개의 막대 중에서 3개를 이용하여 만들 수 있는 삼각형의 개수를 구하여라.
- 32. 길이가 다음과 같은 4개의 막대가 있다. 이 중 3개를 선택하여 만들 수 있는 삼각형의 개수를 구하여라.

33. 길이가 각각 4, 5, 8, 11, 14인 5개의 선분 중에서 3개를 골라 삼각형을 만들 때. 서로 다른 삼각형의 개수를 구하여라.

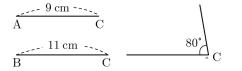
# B

#### 삼각형이 하나로 정해지는 조건

 $\square$  다음 주어진 조건으로  $\triangle ABC$ 가 하나로 결정되면  $\bigcirc$ 표, 하나로 결정되지 않으면  $\times$ 표 하여라.

34. ( )

35. ( )



36. 
$$\overline{AB} = 5 \text{cm}, \ \overline{BC} = 1 \text{cm}, \ \overline{CA} = 13 \text{cm}$$

37. 
$$\overline{AB} = 9 \text{cm}, \ \overline{BC} = 7 \text{cm}, \ \angle A = 30^{\circ}$$

38. 
$$\overline{AB} = 10 \text{cm}$$
,  $\angle A = 50^{\circ}$ ,  $\angle B = 105^{\circ}$ 

39. 
$$\angle$$
 A = 100  $^{\circ}$  ,  $\angle$  B = 45  $^{\circ}$  ,  $\angle$  C = 35  $^{\circ}$ 

40. 
$$\overline{AB} = 5 \text{cm}, \overline{BC} = 9 \text{cm}, \overline{CA} = 6 \text{cm}$$

41. 
$$\overline{AB} = 8 \text{cm}, \overline{BC} = 12 \text{cm}, \angle C = 40^{\circ}$$

42. 
$$\overline{AC} = 10 \text{cm}, \angle A = 20^{\circ}, \angle B = 90^{\circ}$$
 ( )

43. 
$$\overline{AB} = 4 \text{cm}, \angle A = 50^{\circ}, \angle B = 130^{\circ}$$

44. 
$$\overline{AB} = 3 \text{ cm}$$
,  $\overline{BC} = 5 \text{ cm}$ ,  $\overline{CA} = 8 \text{ cm}$ 

45. 
$$\overline{AB} = 9 \text{ cm}$$
,  $\overline{BC} = 7 \text{ cm}$ ,  $\angle A = 53 ^{\circ}$ 

46. 
$$\overline{BC} = 8 \text{ cm}$$
,  $\overline{AC} = 5 \text{ cm}$ ,  $\angle C = 30^{\circ}$ 

47. 
$$\overline{AC} = 7 \text{ cm}$$
,  $\angle A = 49 \degree$ ,  $\angle C = 38 \degree$ 

48. 
$$\angle$$
 A = 90  $^{\circ}$  ,  $\angle$  B = 30  $^{\circ}$  ,  $\angle$  C = 60  $^{\circ}$ 

49. 
$$\overline{AB} = 5 \text{cm}$$
,  $\angle A = 15$ °,  $\angle B = 30$ ° ( )

☑ 다음과 같은 조건이 주어졌을 때 △ABC가 하나로 정해지기

 $\overline{AB} = 3 \text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 2 \text{cm}$ ,  $\overline{CA} = 4 \text{cm}$ 50.

)

)

61.

62.

 $\overline{AB} = 3 \text{cm}$ .  $\overline{AC} = 4 \text{cm}$ .  $\angle C = 40^{\circ}$ 51.

)

(

(

 $\overline{\text{CA}} = 6 \text{cm}$ ,  $\angle \text{A} = 30^{\circ}$ ,  $\angle \text{C} = 55^{\circ}$ 52.

53.  $\angle A = 45$ °,  $\angle B = 60$ °,  $\angle C = 75$ °

)

위해 더 필요한 조건을 구하여라.

 $\overline{AC}$ 의 길이,  $\overline{BC}$ 의 길이

∠A**의 크기**, ∠B**의 크기** 

 $\overline{AB}$ 의 길이와  $\overline{BC}$ 의 길이가 주어졌을 때

 $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 길이와  $\angle \mathrm{B}$ 의 크기가 주어졌을 때

65.  $\overline{BC}$ 의 길이와  $\angle B$ 의 크기가 주어졌을 때

54.  $\overline{AB} = 5 \text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 2 \text{cm}$ ,  $\overline{CA} = 7 \text{cm}$ 

> ( )

 $\overline{AB} = 14 \text{cm}, \ \overline{BC} = 8 \text{cm}, \ \overline{AC} = 6 \text{cm}$ 55.

> ( )

 $\overline{AB} = 8 \text{cm}, \ \overline{AC} = 5 \text{cm}, \ \angle A = 80^{\circ}$ 56.

( )

 $\overline{AB} = 6 \text{cm}, \ \overline{BC} = 6 \text{cm}, \ \angle C = 45^{\circ}$ 57.

)

67.

- ☑ △ABC에서 다음과 같은 〈조건〉이 주어졌을 때, △ABC가 하나로 결정되기 위해 더 필요한 조건을 모두 찾아 기호를 써라.
- ☑ 다음과 같은 조건이 주어졌을 때, 몇 개의 삼각형을 작도할 수 있는지 구하여라.
- 66.  $\overline{AB} = 8 \text{cm}, \overline{AC} = 6 \text{cm}, \angle B = 30^{\circ}$

 $\angle A = 40^{\circ}, \ \angle B = 85^{\circ}, \ \angle C = 55^{\circ}$ 

- **<조건>** AB, BC 의 길이 58.
  - ① <u>CA</u>의 길이
- © ∠A의 크기
- © ∠B의 크기
- ② ∠ C의 크기
- 59. **<조건>** BC 의 길이, ∠C의 크기
  - ¬ AB 의 길이
- © <u>CA</u>의 길이
- © ∠A의 크기
- ② ∠B의 크기
- 60. **<조건>** AB 의 길이, ∠B의 크기
- BC의 길이
- © <u>CA</u>의 길이
- © ∠A의 크기
- ② ∠ C 의 크기

68. 두 변의 길이가 4cm, 6cm이고 한 각의 크기가 30°인 삼 각형



# 정답 및 해설

- 1) 9cm
- 2) 7cm
- 3)  $34^{\circ}$
- 4) 95°
- 5) 120
- 6) 68
- $\Rightarrow a=8, b=60$ 
  - $\therefore a+b=68$
- 7) 9
- $\Rightarrow a=6, b=90-36=54$ 이므로  $\frac{b}{a}=\frac{54}{6}=9$
- 9)  $\bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc$
- 10) □→¬→□→□→冟
- 11)  $\exists \rightarrow \Box \rightarrow \Box \rightarrow \Box \rightarrow \Box \rightarrow \Box \rightarrow \Box \rightarrow \Diamond$
- 12) **(2)**→**(1)**→**(1)**→**(1)**
- 13) □→¬→□→□
- 14) ②→¬→□→□
- 15) ⊜→□→□→□
- 16) ②→⑦→◎→◎
- 17) ()
- ⇒ 4+5>8이므로 삼각형이 될 수 있다.
- 18) ×
- ⇒ 2+7=9이므로 삼각형이 될 수 없다.
- 19) ×
- ⇒ 6+8<15이므로 삼각형이 될 수 없다.
- 20) ()
- ⇒ 7+3>8이므로 삼각형이 될 수 있다.
- 21) 5 < x < 8
- $\Rightarrow$  가장 긴 변의 길이가 x이므로 x < 3 + 5이때, x > 5이므로 5 < x < 8
- 22) 8 < x < 13
- $\Rightarrow$  가장 긴 변의 길이가 x이므로 x < 5 + 8

이때, x > 8이므로 8 < x < 13

- 23) 6 < x < 16
- $\Rightarrow 11-5 < x < 5+11$
- 24) 4 < x < 16
- $\mathrel{\ \ \ } \mathrel{\ \ }$  ( i ) 가장 긴 변의 길이가 10일 때
  - 6+x>10  $\therefore x>4$
  - (ii) 가장 긴 변의 길이가 x일 때
  - 6+10 > x  $\therefore x < 16$
  - (i),(ii)에서 4<x<16
- 25) 4 < x < 10
- $\Rightarrow 7-3 < x < 3+7$
- 26) 3 < x < 11
- $\Rightarrow 7-4 < x < 4+7$
- 27) 4 < x < 7
- 다 가장 긴 변의 길이가 7이므로 3+x>7  $\therefore x>4$  이때, x<7이므로 4< x<7
- 28) 2 < x < 7
- ⇒ 가장 긴 변의 길이가 7이므로 5+x>7 ∴ x>2 이때, x<7이므로 2< x<7
- 29) x > 4
- 다 가장 긴 변의 길이가 x+7이므로 x+(x+3)>x+7  $\therefore x>4$
- 30) x > 4
- 다 가장 긴 변의 길이가 x+1이므로 (x-3)+x>x+1  $\therefore x>4$
- 31) 7개
- ☆ 삼각형이 되려면 가장 긴 변이 다른 두변 길이의 합 보다 작아야 한다.

(6, 5, 4), (6, 5, 3), (6, 5, 2), (6, 4, 3), (5, 4, 3), (5, 4, 2), (4, 3, 2)

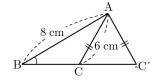
- 32) 1개
- □ 삼각형이 되려면 가장 긴 변이 다른 두변 길이의 합 보다 작아야 한다. 4<3+2으로 2, 3, 4를 세 변으로 하는 삼각형 한 개를 만들 수 있다.</li>
- 33) 6개
- □ 삼각형이 되려면 가장 긴 변이 다른 두변 길이의 합 보다 작아야 한다.

(14, 11, 8), (14, 11, 5), (14, 11, 4) (11, 8, 5), (11, 8, 4), (8, 5, 4)

- 34) ×
- ⇒ 삼각형의 두 변의 길이의 합은 나머지 한 변의 길이보

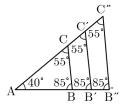
- 다 커야 삼각형이 하나로 결정된다.
- $\rightarrow$  6cm +5cm < 13cm (×)
- 35) 🔾
- 36) ×
- 37)  $\times$
- □ 두 변의 길이가 주어진 경우에는 그 끼인각의 크기가 주어져야 삼각형이 하나로 결정된다.
- 38) 🔾
- 39) ×
- □ 세 각의 크기가 주어진 삼각형은 모양은 같고 크기가 다른 삼각형을 무수히 많이 그릴 수 있다.
- 40) 🔾
- 41) ×
- 42) 🔾
- □ ∠ C = 180° (20° + 90°) = 70° 이므로 삼각형이 하나로 정해진다
- 43) ×
- $\Rightarrow$   $\angle A + \angle B = 180$  이므로 삼각형이 될 수 없다.
- 44) ×
- ⇒ 3+5=8이므로 삼각형이 될 수 없다.
- 45) ×
- □ ∠A는 끼인 각이 아니므로 삼각형 ABC가 하나로 정해 지지 않는다.
- 46) 🔾
- 47) 🔾
- 48) ×
- □ 세 각의 크기가 주어진 삼각형은 무수히 많이 그릴 수 있다.
- 49) (
- □ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어졌으므로 삼 각형이 하나로 결정된다.
- 50) (
- □ 세 변의 길이가 주어졌고, 3+2>4이므로 삼각형이 하나로 결정된다.
- 51) ×
- ⇒ 두 변의 길이가 주어졌으나 그 끼인 각이 한 각의 크기

- 가 주어졌으므로 삼각형이 하나로 결정되지 않는다.
- 52) 🔾
- 53) ×
- □ 세 각의 크기가 주어지면 모양은 같고 크기가 다른 삼 각형이 무수히 많이 그려진다.
- 54) ×
- $55) \times$
- ⇒ 14cm = 8cm +6cm 이므로 삼각형을 그릴 수 없다.
- 56) 🔾
- 57) ×
- Arr Arr
- 58) ⑦. ଢ
- ⇒ Э 세 변의 길이가 주어질 때
  - ⓒ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때
- 59) □, □, 킅
- ⇒ □ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때
  - © 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때
  - ② 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때
- 60) つ, ©, ⊜
- ⇨ ⑤ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 주어질 때
  - ◎ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때
  - ② 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때
- 61) AB의 길이 또는 ∠C의 크기
- 62)  $\overline{AB}$ 의 길이 또는  $\overline{BC}$ 의 길이 또는  $\overline{AC}$ 의 길이
- 63) AC의 길이 또는 ∠C의 크기
- 64)  $\overline{BC}$ 의 길이 또는  $\angle A$  또는  $\angle C$ 의 크기
- 65)  $\angle A$  또는  $\angle C$ 의 크기 또는  $\overline{AB}$ 의 길이
- 66) 2개
- 다음 그림과 같이 두 개의 삼각형  $\triangle$ ABC,  $\triangle$ ABC'을 그릴 수 있다.



#### 67) 무수히 많다

□ 그림과 같이 무수히 많은 삼각형을 그릴 수 있다.



68) 4개