

용인고(경기) 2020 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 위주영 (wndud7101@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-06-08
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

4. $\vec{a} = (-1, 2), \vec{b} = (2, -2)$ 일 때, $|\vec{3a} + 2\vec{b}|$ 의 값

1. 세 점 \overrightarrow{A} , \overrightarrow{B} , \overrightarrow{C} 의 위치벡터를 각각 \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} 라고할 때, $2\overrightarrow{BC} - \overrightarrow{AB}$ 를 \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} 로 나타낸 것은?

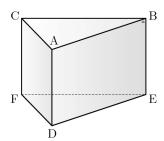
- $\overrightarrow{a} 3\overrightarrow{b} + 2\overrightarrow{c}$
- (2) $\overrightarrow{a} + 3\overrightarrow{b} 2\overrightarrow{c}$
- $3 \vec{a} + 3\vec{b} 2\vec{c}$
- $(4) -\vec{a} 3\vec{b} + 2\vec{c}$
- $\bigcirc -\vec{a} \vec{3b} \vec{2c}$

 \vec{c} , \vec{c} 라고 은? 은? ① 2 ② $\sqrt{5}$

기를 θ 라고 할 때, $\cos \theta$ 의 값은?

- (3) $\sqrt{6}$
- (4) $\sqrt{7}$
- ⑤ $2\sqrt{2}$

2. 다음 삼각기둥에 대하여 <보기>에서 평면이 결정되는 것만을 있는 대로 고른 것은?



<보기>

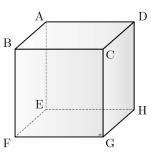
- \neg . 세 점 A, B, C
- ㄴ. 직선 AB와 점 D
- 다. 두 직선 *BC*, *CE*
- ㄹ. 두 직선 *BC* 와 *DF*
- ① ¬, ∟
- ② ⊏, ≥
- ③ ᄀ, ㄴ, ㄷ
- ④ ¬, ⊏, ≥
- ⑤ ∟, ⊏, ⊒

5. 두 벡터 $\vec{a} = (2,1)$, $\vec{b} = (1,2)$ 가 이루는 각의 크

- $3\frac{3}{5}$
- $4 \frac{4}{5}$

⑤ 1

6. 다음 직육면체의 모서리 중에서 직선 BF와 꼬인 위치에 있는 직선의 개수를 a, 직선 CD와 평행한 직선의 개수를 b 라고 할 때, a+b의 값은?



- 1 4
- 2 5

3 6

4 7

⑤ 8

3. 점 (2,-1) 을 지나고 직선 x+2y+1=0 에 수직 인 직선의 방정식의 방향벡터를 $\overrightarrow{u}=(a,b)$ 라고 할 때, a+b의 값은? (단, a와 b는 서로소인 양의 정수이다.)

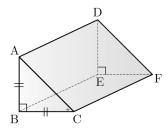
 \bigcirc 2

- ② 3
- 3 4

(4) 5

⑤ 6

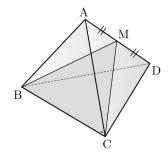
7. 다음 그림과 같이 밑면이 직각이등변삼각형인 삼 각기둥에 대한 설명으로 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?



<보기>

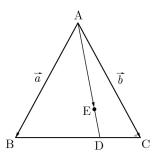
- ㄱ. 직선 AB 와 직선 CF 가 이루는 각의 크기는 $45\,^{\circ}$ 이 다.
- ㄴ. 직선 AC와 직선 BE가 이루는 각의 크기는 $90\,^{\circ}$ 이 다.
- \Box . 두 평면 ACFD, ABED가 이루는 각의 크기는 $45\,^{\circ}$ 이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ⊏
- ④ ¬. ⊏
- ⑤ ∟, ⊏
- **8.** $\stackrel{\rightarrow}{p}=(a,b)$, $\stackrel{\rightarrow}{q}=(2,a)$, $\stackrel{\rightarrow}{r}=(b,-4)$ 일 때, $\stackrel{\rightarrow}{p}//\stackrel{\rightarrow}{r}$, $\stackrel{\rightarrow}{p}\perp\stackrel{\rightarrow}{q}$ 를 만족시키는 두 실수 a, b 에 대하여 a+b 의 값은? (단, $ab\neq 0$)
 - (1) -3
- $\bigcirc 2 2$
- (3) -1
- **4**) 0
- (5) 1
- 9. 삼각형 ABC에 대하여 $4\overrightarrow{PA} + 2\overrightarrow{PC} + \overrightarrow{PB} = \overrightarrow{CB}$ 를 만족시키는 점 P의 위치는?
 - ① 변 AB = 3:4로 내분하는 점
 - ② 변 AB 를 4:3 로 내분하는 점
 - ③ 변 AC = 3:4로 내분하는 점
 - ④ 변 AC를 4:3로 내분하는 점
 - ⑤ 변 *BC* 를 4:3로 내분하는 점

10. 다음 정사면체에서 선분 AD의 중점을 M이라 하고 두 평면 BCM, BCD가 이루는 각의 크기를 θ 라고 할 때, $\cos\theta$ 의 값은?



- $\bigcirc \frac{\sqrt{6}}{6}$
- $3 \frac{\sqrt{6}}{4}$
- $\frac{\sqrt{6}}{3}$
- **11.** $|\vec{a}|=2$, $|\vec{b}|=1$ 인 두 벡터 \vec{a} , \vec{b} 가 이루는 각의 크기가 $60\degree$ 일 때, $|3\vec{a}+4\vec{b}|$ 의 값은?
 - (1) $2\sqrt{19}$
- ② $4\sqrt{5}$
- $3 4\sqrt{21}$
- (4) $2\sqrt{23}$
- ⑤ $4\sqrt{6}$
- **12.** 직선 x+ay+1=0 은 직선 x-by+2=0 과 수직 이고, $\frac{x-1}{-4}=\frac{y+1}{a}$ 과 서로 평행하다. 두 상수 a, b 에 대하여 a^2+b^2 의 값은?
 - ① 17
- $2 \frac{9}{2}$
- $3 \frac{19}{4}$
- **4** 5

13. 다음 삼각형 ABC에서 $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{b}$ 라 하고 선분 BC를 3:1로 내분하는 점을 D, 선분 \overrightarrow{AD} 를 5:2로 내분하는 점을 E라고 할 때, $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{xa} + y\overrightarrow{b}$ 를 만족시키는 두 실수 x, y의 값에 대하여 x+y의 값은?



- ① $\frac{1}{7}$
- ② $\frac{2}{7}$
- $4\frac{4}{7}$
- **14.** 세 점 A(1,2), B(3,6), C(-1,-2) 에 대하여 $|\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC}| = 2$ 를 만족시키는 점 P가 나타 내는 도형의 넓이는?
 - ① $\frac{2}{9}\pi$
- $3\frac{4}{9}\pi$
- $\frac{5}{9}\pi$
- ⑤ $\frac{2}{3}\pi$
- **15.** 두 점 A(2,0), B(4,3) 와 원점 O에 대하여 점 A 에서 직선 OB에 내린 수선의 발을 H라고 할 때, 다음은 점 H의 좌표를 구하는 과정이다. 이때, $\frac{m+n}{k}$ 의 값은?

 $\overrightarrow{OH} = k \overrightarrow{OB}$ 를 만족시키는 0 이 아닌 실수 k 가

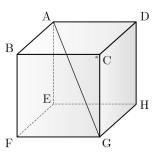
 $\overrightarrow{AH} = (\bigcirc , \bigcirc)$ 이고 $\overrightarrow{OB} \perp \overrightarrow{AH}$ 이다.

따라서 $\overrightarrow{OH} = (m, n)$ 이다.

- 1 5
- ② 6

- ③ 7
- **4** 8
- **(5)** 9

16. 다음 정육면체에 대한 설명 중 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?



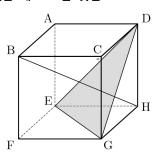
<보기>

- \neg . 직선 BD와 평면 AEGC는 수직이다.
- \bot . \overline{AG} 와 꼬인 위치에 있는 모서리의 개수는 5 개다.
- 다. 세 꼭짓점을 택하여 만들 수 있는 평면 중 직선 AC를 포함하는 서로 다른 평면의 개수는 4 개이다.
- ① ¬
- 2 L
- ③ ┐, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ∟, ⊏
- **17.** 삼각형 ABC와 점 P에 대하여 $3\overrightarrow{PA} + 2\overrightarrow{PB} + 5\overrightarrow{PC} = \overrightarrow{0}$ 일 때, <보기>에서 옳은 것 만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

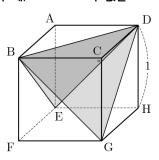
- \neg . 점 P는 선분 AB = 2:3 으로 내분하는 점이다.
- L . 삼각형 APC의 넓이와 삼각형 BPC의 넓이는 같다.
- \Box . 삼각형 ABC의 넓이는 삼각형 ABP의 넓이의 2 배이다.
- ① ¬
- ② L
- ③ ⊏
- ④ ¬, ∟
- ⑤ ∟, ⊏
- **18.** 점 A(2,0) 과 포물선 $y^2 = 4x$ 위의 점 P, 초점 F 에 대하여 $\overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{FP}$ 의 최솟값은?
 - ① $\frac{7}{4}$
- ② 2
- $3\frac{9}{4}$
- $4 \frac{5}{2}$

- **19.** 세 점 A, B, P의 위치벡터 \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{p} 에 대하여 $\overrightarrow{a}=(-1,5)$, $\overrightarrow{b}=(2,3)$ 이고 $(\overrightarrow{p}-\overrightarrow{b}) \cdot (\overrightarrow{p}-\overrightarrow{b})=1$ 일 때, $|\overrightarrow{p}-\overrightarrow{a}|$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?
 - ① 6
- ② 8
- $3) 2\sqrt{11}$
- (4) $2\sqrt{13}$
- ⑤ $2\sqrt{15}$
- **20.** 다음 정육면체에 대한 설명 중 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?



- <보기>
- $\neg. \ \overline{BC} \bot \overline{DG}$
- \vdash . $\overline{BH} \perp \overline{DE}$
- \Box . $\overline{BH} \bot (평면 DEG)$
- 1 7
- ② ¬, ∟
- ③ ∟, ⊏
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ᄀ, ㄴ, ㄷ

21. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 1 인 정육 면체에서 평면 BED, 평면 BGD가 이루는 각의 크기를 θ 라고 할 때, 다음은 $\cos\theta$ 의 값을 구하는 과정이다. 이 때, $k \times m + n$ 의 값은?



 \overline{BD} 의 중점을 M 이라고 하면

 $\overline{BD} \perp \overline{GM}, \ \overline{BD} \perp \overline{EM}$

따라서 $\theta = \angle EMG$

 $\overline{MG} = k$ 이고,

점 E에서 \overline{MG} 에 내린 수선의 발을 L이라고 하면

 $\overline{EG}=$ 이므로 삼각형 \overline{EGM} 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \boxed{ } \times \sqrt{2} = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{6}}{2} \times \overline{EL}$$

 $\overline{EL} =$

삼각형 MEL 에서 $\overline{ML} = \boxed{m}$

따라서 $\cos \theta = \boxed{n}$ 이다.

- ① $\frac{1}{6}$
- $2 \frac{1}{3}$
- $3 \frac{1}{2}$
- $4) \frac{2}{3}$

⊗ 정답

- 1) ①
- 2) ③
- 3) ②
- 4) ②
- 5) ④
- 6) ④
- 7) ⑤
- 8) ①
- 9) ③
- 10) ④
- 11) ①
- 12) ①
- 13) ⑤
- 14) ③
- 15) ③
- 16) ④
- 17) ③
- 18) ②
- 19) ④
- 20) ⑤
- 21) ⑤