4-1-2.집합 사이의 포함 관계 신사고(고성은)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

4-1.집합

1) 제작연월일: 2020-07-13

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[부분집합]

- ullet 부분집합: 집합 A의 모든 원소가 집합 B에 속할 때, 집합 A는 집합 B의 부분집합이고, 기호로 $A \subset B$ 와 같이 나타낸다.
- 부분집합의 성질
- (1) 공집합은 모든 집합의 부분집합이다.
- (2) 모든 집합은 자기 자신의 부분집합이다.

[기호 ∈, ⊂의 사용]

- (1) 원소와 집합 사이의 관계를 나타내는 기호: ∈
- (2) 집합과 집합 사이의 관계를 나타내는 기호: ⊂

[서로 같은 집합]

• 서로 같은 집합: 집합 A의 모든 원소가 집합 B에 속하고, 집합 B의 모든 원소가 집합 A에 속할 때, 두 집합 A, B는 서로 같다고 한다. 기호로 A = B와 같이 나타낸다.

[부분집합의 개수]

집합 $A = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$ 일 때,

- (1) 집합 A의 부분집합의 개수: 2^n
- (2) 집합 A의 진부분집합의 개수: $2^{n}-1$
- ($A\subset B$ 이고 A
 eq B일 때, 집합 A를 집합 B의 **진부분집합**이라 한다.)

기본문제

[문제]

- **1.** 다음 중 (ㄱ), (ㄴ)에 들어갈 내용으로 알맞은 것 은?

- $(1)(\neg):\in$ (∟): ⊂
- ② (¬): ⊂ (∟): ⊄
- ③ (¬): ⊂ (∟): ⊂
- ④ (¬): ⊄ (∟): ⊄
- ⑤ (¬): ⊄ (L): \subset

[예제]

- 2. 집합 $A = \{1, 2, 3, \dots, 6\}$ 의 부분집합의 개수는?
 - ① 16개
- ② 32개
- ③ 64개
- ④ 128개
- ⑤ 256개

[문제]

- **3.** 집합 $A = \{1, 3, 6, 8, 10\}$ 의 부분집합 X에 대하 여 $X \neq A$ 인 집합 X의 개수는?
 - ① 8개
- ② 15개
- ③ 16개
- ④ 31개
- ⑤ 32개

[문제]

다음 중 두 집합 A, B에 대하여 A = B가 성립 하는 것만을 있는 대로 고른 것은?

$$A = \{x \mid x^2 - 9 = 0\}, B = \{x \mid |x| = 3\}$$

$$\Box$$
. $A = \{x | x^2 = 1\}, B = \{x | x^3 - x = 0\}$

- ① ¬
- ② L
- ③ ∟, ⊏
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

[문제]

- 집합 $A = \{0, 1, 2, 3\}$ 에 대하여 $X \subset A$ 이고 $1 \in X$ 인 집합 X의 개수는?
 - ① 2개
- ② 4개
- ③ 8개
- ④ 16개
- ⑤ 32개

평가문제

[중단원 마무리]

6. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것의 개수는?

- $\neg. \ \varnothing \subset A$
- L. 3∈A
- \sqsubset . $A \subset \{1, 2, 3, 4\}$
- $\exists . n(A) = 5$
- ① 0개
- ② 1개
- ③ 2개
- ④ 3개
- ⑤ 4개

[중단원 마무리]

7. 세 집합 $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$, $B = \{x - y | x \in A, y \in A\}, C = \{|x||x \in A\}$ 에 대하여 다음 중에서 옳은 것은?

- ① $A \subset B \subset C$
- ② $B \subset A \subset C$
- 4 $C \subset A \subset B$
- \bigcirc $C \subset B \subset A$

[중단원 마무리]

- 8. 두 집합 $A = \{a, a^2 + 3a + 1, 3\}$, $B = \{1, 5, b\}$ 에 대하여 $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 일 때, 두 상수 a, b의 합 a + b의 값은?
 - \bigcirc 0
- ② 1
- 3 2
- **4** 3
- ⑤ 4

[대단원 마무리]

- **9.** 집합 $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}, 1, 3, \{1\}\}$ 에 대하여 다음 중에서 옳지 않은 것은?
 - ① $\varnothing \subset A$
- $(3) \{\emptyset\} \in A$
- $\{1\} \subset A$
- ⑤ $\{1, 3\} \not\subset A$

유사문제

집합에 대하여 <보기>에서 옳은 것을 고른 것은?

<보기>

- $\neg n(\varnothing) = 0$
- $L. 0 \subset \{1, 2\}$
- \sqsubset . $\{3, 2, 1\} \subset \{1, 2, 3\}$
- ㄹ. $\{x \mid x \vdash |x| < 1 인 정수\} = \emptyset$
- ① ¬, ∟
- ② ¬. ⊏
- ③ 7. ≥
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ ⊏, ≥
- **11.** 집합 $A = \{\emptyset, 1, 2, 3, \{1, 2, 3\}\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?
 - \bigcirc $\emptyset \subseteq A$
- ② $1 \in A$
- $3 \{1,2\} \in A$
- $\{1,2,3\} \subset A$
- ⑤ $\{\emptyset, 2, \{1, 2, 3\}\} \subset A$
- **12.** 집합 $A = \{\emptyset, \{\emptyset\}, 2, 3, \{2,3\}\}$ 에 대하여 옳은 것 만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg. \ \varnothing \subset A$
- $L. \{2,3\} \subseteq A$
- \sqsubset . $\{\varnothing,2\}$ \in A
- $\exists . \{\emptyset,3\} \subset A$
- ① ¬, ∟
- ② ¬, ⊏
- ③ ⊏, ≥
- ④ 7, ∟, ≥
- ⑤ ㄴ, ㄷ, ㄹ
- **13.** 집합 $A = \{\emptyset, 1, 2, \{1, 2\}, 3\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?
 - ① $\varnothing \in A$
- ② $\{1, 2\} \in A$
- $3 \{1, 2\} \subset A$
- $\{1, 2, 3\} \subset A$
- ⑤ {1}∈A

14. 두 집합 *A*, *B*가

 $A = \{2, a+1, 8\}$, $B = \{b-4, 8, 5\}$ 일 때, $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 이다. 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

① 7

2 8

- 3 9
- **4**) 10
- ⑤ 11
- **15.** 두 집합 $A = \{1, 4, x-1\}$, $B = \{1, 5, y+3\}$ 에 대하 여 $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 일 때, x+y의 값은?
 - 5
- ② 6
- 3 7
- **4** 8
- **⑤** 9
- **16.** 집합 $A = \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ 일 때, A의 진부분 집합의 개수는?
 - 10
- ② 63
- 3 127
- (4) 255
- **⑤** 1023
- **17.** 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 부분집합의 개수는?
 - 1 8

- 2 16
- 3 24
- **4**) 32
- **⑤** 40

정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설] (1) {1, 2, 4, 6} ✓ {x|x는 짝수} (2) {0, 1, 2, ···, 10} ✓ {x|x는 자연수}

2) [정답] ③

[해설] $A = \{1, 2, 3, \dots, 6\}$ 에서 n(A) = 6이므로 부분집합의 개수는 $2^6 = 64$ 이다.

3) [정답] ④

[해설] A의 부분집합의 개수는 $2^5=32$ 개다. 이때 $X \neq A$ 이므로 조건을 만족하는 집합 X의 개수는 32-1=31개다.

4) [정답] ②

[해설] ¬. $A = \{1, 2, 4, 16\}$, $B = \{1, 2, 4, 8, 16\}$ 이므로 $A \neq B$ 이다. ∟. $A = \{-3, 3\}$, $B = \{-3, 3\}$ 이므로 A = B이다. □. $A = \{-1, 1\}$, $B = \{-1, 0, 1\}$ 이므로 $A \neq B$ 이다. 따라서 A = B가 성립하는 것은 ∟이다.

5) [정답] ③

[해설] 집합 X는 A의 부분집합이면서 반드시원소 1을 가지고 있어야 한다. 따라서 집합 X의 개수는 $2^{4-1}=2^3=8$ 이다.

6) [정답] ④

7) [정답] ④

[해설] $A=\{-2,\ -1,\ 0,\ 1,\ 2\}$ 에 의하여 $B=\{-4,\ -3,\ -2,\ -1,\ 0,\ 1,\ 2,\ 3,\ 4\}$ $C=\{0,\ 1,\ 2\}$ 이므로 $C\subset A\subset B$

8) [정답] ⑤

[해설] $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 이면 A = B이다. $3 \in B$ 이므로 b = 3이다. $1 \in A$, $5 \in A$ 에서 a = 5이면 $a^2 + 3a + 1 \neq 1$ 이므로 a = 1이다. 따라서 a + b = 4이다.

9) [정답] ⑤

[해설] ⑤ $1 \in A$, $3 \in A$ 이므로 $\{1, 3\} \subset A$ 이다.

10) [정답] ②

[해설] ㄱ. 공집합의 원소의 개수는 0개다.

ㄷ. 자기 자신은 자기 자신의 부분집합이다.

ㄹ. {0}이므로 공집합이 아니다.

따라서 보기에서 옳은 것은 ㄱ, ㄷ이다.

11) [정답] ③

[해설] ③ $\{1,2\}$ 는 집합 A의 원소가 아니다.

12) [정답] ④

[해설] ㄱ. 공집합은 모든 집합의 부분집합이다.

 $L. \{2,3\}$ 은 집합 A의 원소이다.

 \Box . $\{\emptyset,2\}$ 는 집합 A의 원소가 아니다.

 \mathbf{z} . \emptyset , $\mathbf{3}$ 은 집합 A의 원소이다.

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄹ이다.

13) [정답] ⑤

[해설] $\emptyset \in A$, $1 \in A$, $2 \in A$, $\{1,2\} \in A$, $3 \in A$ 이므로 정답은 ⑤이다.

14) [정답] ④

[해설] $A \subset B$, $B \subset A$ 이므로 A = B이다. a+1=5에서 a=4, b-4=2에서 b=6이다. $\therefore a+b=10$

15) [정답] ③

[해설] $A \subset B$, $B \subset A$ 이므로 A = B이다. $5 \in A$ 이므로 x - 1 = 5에서 x = 6이다. $4 \in B$ 이므로 y + 3 = 4에서 y = 1이다. $\therefore x + y = 7$

16) [정답] ⑤

[해설] n(A) = 10이므로 진부분집합의 개수는 $2^{10} - 1 = 1023$ 이다.

17) [정답] ④

[해설] $2^5 = 32$

