제 2 교시

# 수학 영역(나형)

#### 5지선다형

- 1.  $3 \times 27^{\frac{1}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① 3 ② 6 ③ 9 ④ 12
- ⑤ 15

2. 두 집합

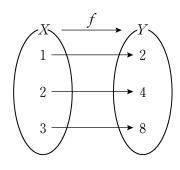
$$A = \{1, 2\}, B = \{1, 2, 4\}$$

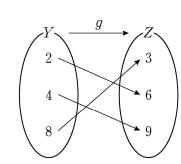
에 대하여 집합  $A \cup B$ 의 모든 원소의 합은? [2점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

- 3.  $\lim_{n\to\infty} \frac{8^{n+1}-4^n}{8^n+3}$ 의 값은? [2점]
- ① 6 ② 8 ③ 10
- 4 12

4. 그림은 두 함수  $f: X \rightarrow Y, g: Y \rightarrow Z$ 를 나타낸 것이다.





(g ∘ f)(1)의 값은? [3점]

- ① 3
- 2 4 3 6
- **4** 8
- ⑤ 9

5. 두 사건 A와 B는 서로 독립이고

$$P(A) = \frac{2}{3}, P(A \cap B) = \frac{1}{9}$$

일 때, P(B)의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{2}$  ④  $\frac{2}{3}$  ⑤  $\frac{5}{6}$

6. 실수 x에 대한 두 조건

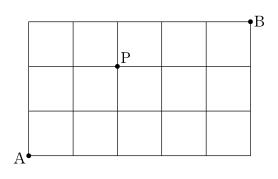
$$p: x^2+2x-a=0, q: x-3=0$$

에 대하여 p가 q이기 위한 필요조건이 되도록 하는 상수 a의 값은? [3점]

- ① 15 ② 12 ③ 9 ④ 6

- ⑤ 3

7. 그림과 같이 직사각형 모양으로 연결된 도로망이 있다. 이 도로망을 따라 A 지점에서 출발하여 P 지점을 지나 B지점까지 최단거리로 가는 경우의 수는? [3점]



- ① 16
- 2 18
- 3 20
- **4** 22
- (5) 24

8. 자연수 8을 4개의 자연수로 분할하는 방법의 수는? [3점]

- ① 3
- 2 5
- 3 7
- **4** 9
- ⑤ 11

최솟값은? [3점] ① 1 ② 2

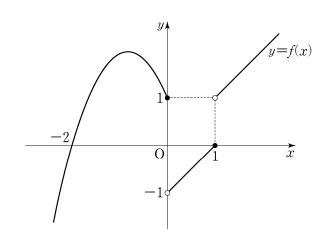
- ③ 3

10. 닫힌 구간 [-1, 3]에서 함수  $f(x) = x^3 - 3x + 5$ 의

4

⑤ 5

9. 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x\to 0-} f(x) + \lim_{x\to 1+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- (1) -2
- (2) -1
- $\bigcirc 0$
- **4** 1
- **⑤** 2

#### 11. 두 함수

$$f(x) = x^3 + 1$$
,  $g(x) = x - 4$ 

에 대하여  $(g^{-1} \circ f)(-1)$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

- ⑤ 5

#### 12. 실수 a에 대하여 명제

$$a \geq \sqrt{3}$$
 이면  $a^2 \geq 3$ 이다.

#### 의 대우는? [3점]

- ①  $a^2 < 3$ 이면  $a > \sqrt{3}$ 이다.
- ②  $a^2 < 3$ 이면  $a < \sqrt{3}$ 이다.
- ③  $a^2 \le 3$ 이면  $a \le \sqrt{3}$ 이다.
- ④  $a > \sqrt{3}$  이면  $a^2 \le 3$ 이다.
- ⑤  $a \ge \sqrt{3}$  이면  $a^2 < 3$ 이다.

13. 함수  $y = \frac{4x-5}{x-1}$ 의 그래프의 두 점근선의 교점의 좌표가 (a, b)일 때, a+b의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

14. 함수

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 5x + a}{x - 3} & (x \neq 3) \\ b & (x = 3) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, a+b의 값은? (단, a와 b는 상수이다.) [4점]

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

15. 공차가 양수인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 이차방정식

 $x^2-14x+24=0$ 의 두 근이  $a_3$ ,  $a_8$ 이다.  $\sum_{n=3}^8 a_n$ 의 값은? [4점]

- ① 40
- ② 42
- ③ 44 ④ 46
- ⑤ 48
- 16. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + ax + b & (x \le -2) \\ 2x & (x > -2) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 미분가능할 때, a+b의 값은? (단, a와 b는 상수이다.) [4점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9
- **⑤** 10

17. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t(t>0)에서의 위치 x가

 $x = t^3 - 12t + k \quad (k 는 상수)$ 

이다. 점 P의 운동 방향이 원점에서 바뀔 때, k의 값은? [4점]

① 10

② 12

③ 14

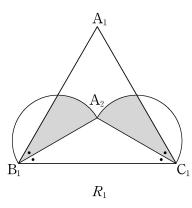
**4** 16

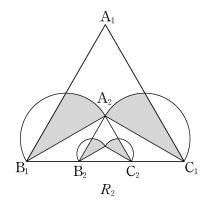
⑤ 18

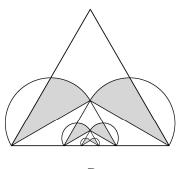
**18.** 한 변의 길이가  $2\sqrt{3}$  인 정삼각형  $A_1B_1C_1$ 이 있다. 그림과 같이  $\angle A_1B_1C_1$ 의 이등분선과  $\angle A_1C_1B_1$ 의 이등분선이 만나는 점을  $A_2$ 라 하자. 두 선분  $B_1A_2$ ,  $C_1A_2$ 를 각각 지름으로 하는 반원의 내부와 정삼각형  $A_1B_1C_1$ 의 내부의 공통부분인 모양의 도형에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자. 그림  $R_1$ 에서 점  $A_2$ 를 지나고 선분  $A_1B_1$ 에 평행한 직선이

선분  $B_1C_1$ 과 만나는 점을  $B_2$ , 점  $A_2$ 를 지나고 선분  $A_1C_1$ 에 평행한 직선이 선분  $B_1C_1$ 과 만나는 점을  $C_2$ 라 하자. 그림  $R_1$ 에 정삼각형  $A_2B_2C_2$ 를 그리고, 그림  $R_1$ 을 얻는 것과 같은 방법으로 정삼각형  $A_2B_2C_2$ 의 내부에  $\bigcirc$  모양의 도형을 그리고 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim S_n$ 의 값은? [4점]







 $R_3$ 

①  $\frac{9\sqrt{3}+6\pi}{16}$  ②  $\frac{3\sqrt{3}+4\pi}{8}$  ③  $\frac{9\sqrt{3}+8\pi}{16}$  ④  $\frac{3\sqrt{3}+2\pi}{4}$  ⑤  $\frac{3\sqrt{3}+6\pi}{8}$ 

19. 다음은 x에 대한 다항식  $(x+a^2)^n$ 과  $(x^2-2a)(x+a)^n$ 의 전개식에서  $x^{n-1}$ 의 계수가 같게 되는 두 자연수 a와  $n(n \ge 4)$ 의 값을 구하는 과정의 일부이다.

 $(x+a^2)^n$ 의 전개식에서  $x^{n-1}$ 의 계수는  $a^2n$ 이다.  $(x^2-2a)(x+a)^n = x^2(x+a)^n - 2a(x+a)^n$  $x^2(x+a)^n$ 을 전개하면  $x^{n-1}$ 의 계수는 (7)  $\times a^3$ 이고,  $2a(x+a)^n$ 을 전개하면  $x^{n-1}$ 의 계수는  $2a^2n$ 이다. 따라서  $(x^2-2a)(x+a)^n$ 의 전개식에서  $x^{n-1}$ 의 계수는 (7)  $\times a^3 - 2a^2n$ 

이다. 그러므로

$$a^2n = \boxed{(7)} \times a^3 - 2a^2n$$

이고, 이 식을 정리하여 a = n에 관한 식으로 나타내면

$$a = \frac{18}{\boxed{(나)}}$$

이다. 여기서 a는 자연수이고 n은 4 이상의 자연수이므로 n= (다)

이다.

위의 (7), (4)에 알맞은 식을 각각 f(n), g(n)이라 하고, (다)에 알맞은 수를 k라 할 때, f(k)+g(k)의 값은? [4점]

- ① 10 ② 16
- ③ 22 ④ 28
- **⑤** 34

20. 함수

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - kx^2 + 1$$
  $(k > 0$ 인 상수)

의 그래프 위의 서로 다른 두 점 A, B에서의 접선 l, m의 기울기가 모두  $3k^2$ 이다. 곡선 y = f(x)에 접하고 x축에 평행한 두 직선과 접선 l, m으로 둘러싸인 도형의 넓이가 24일 때, k의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{2}$  ② 1 ③  $\frac{3}{2}$  ④ 2 ⑤  $\frac{5}{2}$

21. 함수

$$f(x) = \frac{k}{x-11} + 6 \quad (k \ge 36)$$

에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 자연수 k의 개수는? [4점]

 $|f(x)| \le y \le -x + 5$ 인 두 자연수 x, y의 모든 순서쌍 (x, y)의 개수는 2 이상 4 이하이다.

18

② 21

③ 24

**4** 27

⑤ 30

단답형

**22.** <sub>6</sub>C<sub>4</sub>의 값을 구하시오. [3점]

**23.** 함수  $f(x) = 5x^5 + 3x^3 + x$ 에 대하여 f'(1)의 값을 구하시오. [3점]

# 10

# 수학 영역(나형)

24. 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 부분집합 A에 대하여

$$\{1, 2, 3\} \cap A = \emptyset$$

을 만족시키는 모든 집합 A의 개수를 구하시오. [3점]

**25.**  $\log_3 \frac{9}{2} + \log_3 6$ 의 값을 구하시오. [3점]

 $oldsymbol{26}$ . 첫째항이 3인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_3}{a_2} - \frac{a_6}{a_4} = \frac{1}{4}$$

일 때,  $a_5 = \frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- **27.** 함수  $y = \sqrt{ax+b} + c$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -4만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 후, y축에 대하여 대칭이동 하였더니 함수  $y = \sqrt{-2x+9} + 6$ 의 그래프와 일치하였다. a+b+c의 값을 구하시오. (단, a, b, c는 상수이다.) [4점]

### 12

### 수학 영역(나형)

 $\mathbf{29}$ . 공차가 0이 아닌 등차수열  $\left\{a_{n}\right\}$ 이 있다. 수열  $\left\{b_{n}\right\}$ 은

$$b_1 = a_1$$

이고, 2이상의 자연수 n에 대하여

$$b_n = \left\{ \begin{array}{ll} b_{n-1} + a_n & (n \, {\rm ol} \, \, 3 \, {\rm ol} \, \, {\rm idh} \, {\rm ol} \, \, {\rm$$

이다.  $b_{10}=a_{10}$ 일 때,  $\frac{b_8}{b_{10}}=\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- ${f 30.}$  최고차항의 계수가  ${f 1}$ 인 삼차함수  ${f f}(x)$ 와 최고차항의 계수가  ${f 2}$ 인 이차함수  ${f g}(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.
  - (가)  $f(\alpha)=g(\alpha)$ 이고  $f'(\alpha)=g'(\alpha)=-16$  인 실수  $\alpha$ 가 존재한다.
  - (나)  $f'(\beta) = g'(\beta) = 16$  인 실수  $\beta$ 가 존재한다.

 $g(\beta+1)-f(\beta+1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.