

[영역] 5.기하



중 1 과정

5-4-1.작도_길이가 같은 선분, 크기가 같은 각, 평행선의 작도





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-10-25

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

계산시 참고사항

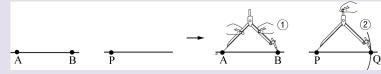
1. 작도

1) 작도: 눈금없는 자와 컴퍼스만을 사용하여 도형을 그리는 것

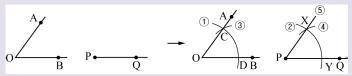
(1) 눈금 없는 자 : 두 점을 잇는 선분을 그리거나 선분을 연장하는데 사용한다.

(2) 컴퍼스 : 원을 그리거나 선분의 길이를 옮기는데 사용한다.

2. 길이가 같은 선분



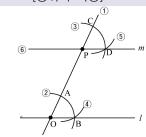
3. 크기가 같은 각



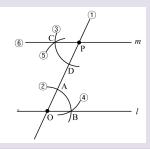
4. 평행선의 작도

평행선의 성질인 '동위각 또는 엇각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다'는 성질을 이용하여 평행선을 작도하는 방법은 다음과 같다.

[동위각 이용]



[엇각 이용]



% 작도

☑ 작도에 대한 다음 설명 중 옳은 것에는 ○표, 옳지 않은 것 에는 ×표 하여라.

1. 선분을 연장할 때 자를 사용한다.

()

2. 선분의 길이를 잴 때 자를 사용한다.

()

3. 두 점을 지나는 직선을 그릴 때 컴퍼스를 사용한다.

()

4. 주어진 선분의 길이를 다른 직선 위에 옮길 때에는 컴퍼스를 사용한다.

()

5. 자를 이용해서 작도를 할 때 자의 눈금을 이용해서 작도한 다.

)

6.	컴퍼스는 원을 그릴 때만 사용한다.		
		()
7.	선분의 길이를 잴 때 사용하는 도구는 눈금 없는	자이다.	,
		()
8.	세 변의 길이가 주어지면 항상 삼각형을 작도할	수 있다.	
		()
9.	선분의 길이를 재어 옮길 때 사용하는 도구는 컴	퍼스이디	
		()
10.	원을 그릴 때 컴퍼스를 이용한다.		
		()
11.	선분의 길이를 2배로 연장할 때 컴퍼스를 사용한	다.	
		()
12.	같은 각을 옮기는 작도에 사용하는 도구는 각도기	이다.	
		()
13.	두 선분의 길이를 비교할 때에는 눈금 있는 자 를	-	
		()
	길이가 같은 선분을 옮길 때 사용하는 도구는 눈	금 있는	자
O	[다.	()
1 5	드 저오 이오 때 피르 이오랜드		
15.	두 점을 이을 때 자를 이용한다.	()
1.0	조시된 사람이 가지를 다른 된다야 오긴 뿐 것	יום מוכ	5 -1
16. E	· 주어진 선분의 길이를 다른 직선에 옮길 때 지 사.	·)글 이경	5안

-		
- 4	0	
		>
- 1		

길이가 같은 선분의 작도

☑ 다음 물음에 답하여라.

18. 다음은 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 점 $C = \overline{AB} = \overline{BC}$ 인 점 $C = \overline{AB} = \overline{BC}$ 안에 알맞은 것을 써넣고, 점 C = 작도하여라.

•	,
Α	В

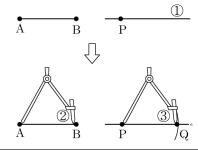
- ② 를 이용하여 AB의 길이를 잰다.
- ③ 점 ____ 를 중심으로 ②에서 잰 길이를 반지름으로 하는 원을 그려서 \overline{AB} 의 연장선과 만나는 점을 점 C라 하면 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이다.

19. \overline{PQ} 와 길이가 같은 \overline{AB} 를 \overline{PQ} 의 연장선 위에 작도하려고 한다. <보기>에서 작도 순서를 바르게 나열하여라.

<보기>

- \neg . 컴퍼스로 \overline{PQ} 의 길이를 잰다.
- L . 반지름의 길이가 $\overline{\mathsf{PQ}}$ 인 원이 직선 l과 만나는 점을 B 라고
- \Box . 컴퍼스로 점 A를 중심으로 하고 반지름의 길이가 \overline{PQ} 인 원 을 그린다.
- a. 눈금 없는 자를 이용하여 선분 \overline{PQ} 에서 점 Q쪽으로 연장선 을 그어 점 A를 잡는다.

20. 다음 그림은 \overline{AB} 와 길이가 같은 \overline{PQ} 를 작도하는 과정을 나타낸 것이다. □ 안에 알맞은 것을 써넣어라.



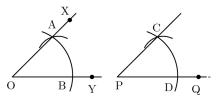
- ① 자로 직선을 긋고, 그 위에 한 점 □를 잡는다.
- ② 컴퍼스로 의 길이를 잰다.

)

③ 점 □를 중심으로 반지름의 길이가 □ 인 원을 그려 직선 과의 교점을 그라 한다.

17. 선분을 연장할 때 컴퍼스를 이용한다.

ightharpoonup 다음 그림은 ightharpoonup XOY와 크기가 같은 각을 <math>
ightharpoonup
ighthar



21. $\overline{AB} = \overline{CD}$

()

22. $\overline{OY} = \overline{PQ}$

()

23. $\overline{OB} = \overline{PD}$

)

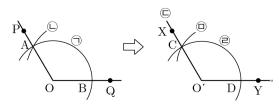
24. \overline{OA} 와 길이가 같은 선분은 2개이다.

()

25. 점 C는 중심이 점 P이고 반지름의 길이가 \overline{OA} 인 원과 중심이 점 D이고 반지름의 길이가 \overline{OB} 인 원의 교점이다.

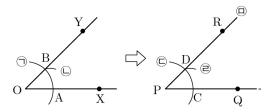
()

□ 다음 그림은 ∠POQ와 크기가 같은 각을 작도한 것이다. □ 안에 알맞은 것을 써넣어라.



- 26. 작도 순서는 ⑤→ □→ □→ □→ □
- 27. $\overline{OA} = \boxed{} = \boxed{} = \boxed{}$
- 28. $\angle POQ = \angle$

□ 다음 그림은 $\angle XOY$ 와 크기가 같은 $\angle QPR$ 를 \overrightarrow{PQ} 위에 작도한 것이다. 다음 중 옳은 것에는 \bigcirc 표, 옳지 않은 것에는 \times 표를 하여라.



29. 작도 순서는 ①→◎→◎→◎→◎ 이다.

()

30. $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{PC} = \overline{PD}$

()

31. $\overline{OX} = \overline{PQ}$

()

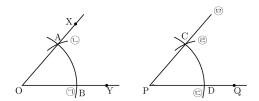
32. $\overline{AB} = \overline{CD}$

()

33. $\overline{OY} = \overline{PR}$

()

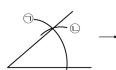
□ 다음은 ∠XOY와 크기가 같은 각을 PQ를 한 변으로 하여 작도하는 과정이다. 다음 물음에 답하여라.



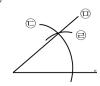
- 34. 작도 순서를 써라.
- \overline{OA} 와 같은 길이의 선분을 모두 써라.
- 36. AB **와 같은 길이의 선분을 모두 써라.**

- ☑ 다음 그림에 알맞은 작도 순서를 나타내어라.
- 37. 다음 그림을 보고 (가)와 크기가 같은 각의 작도 순서를 나타내여라.

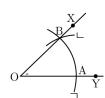


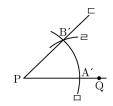


(나)

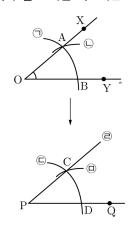


38. 그림은 ∠XOY와 크기가 같은 각을 반직선 PQ를 한 변으로 하여 작도한 것이다.

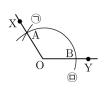


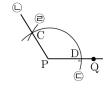


39. ∠XOY의 크기가 같은 각을 작도하는 과정이다.

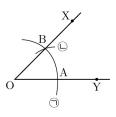


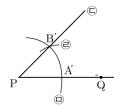
40. 다음 그림은 ∠XOY와 크기가 같은 각을 작도한 것이다.



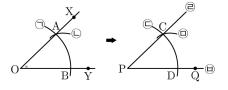


41. 다음 그림은 $\angle XOY$ 의 크기와 같은 각을 반직선 PQ를 한 변으로 하여 작도한 것이다.





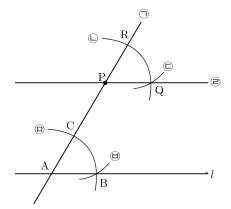
42. 다음 그림은 ∠XOY와 크기가 같은 각을 작도하는 과정이다.





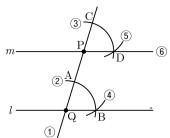
평행선의 작도

□ 다음 그림은 직선 ℓ밖의 한 점 ₽를 지나고 직선 ℓ과 평행한 직선을 작도하는 과정을 보고 다음을 답하여라.



- 43. 작도에 필요한 도구를 나열하여라.
- 44. 작도 순서를 나열하여라.
- 45. 이 작도에서 이용된 평행선의 성질을 말하여라.

☑ 다음 그림은 직선 l 밖의 한 점 P가 있을 때, 점 P를 지나면서 직선 l에 평행한 직선 m을 작도한 것이다. 다음 설명중 옳은 것에는 \bigcirc 표, 옳지 않은 것에는 \times 표 하여라.



46. $\overline{QA} = \overline{PC}$

()

47. $\angle CPD = \angle AQB$

(

)

48. $\overline{AB} = \overline{CD}$

()

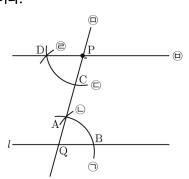
49. $\overline{PD} = \overline{PA}$

)

50. 엇각의 크기가 같으면 두 직선이 평행하다는 성질을 이용하여 작도한 것이다.

)

□ 직선 l밖의 한 점 P를 지나고 직선 l에 평행한 직선을 작도 한 것이다. 다음 설명 중 옳은 것에는 ○표, 옳지 않은 것에 는 ×표 하여라.



51. $\overline{QA} = \overline{AB}$

)

52. $\overline{PC} = \overline{PD}$

)



()

()

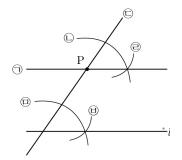
55. 평행선과 엇각의 성질을 이용한 것이다.

(

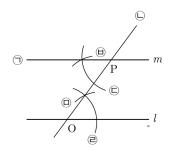
)

☐ 다음 그림은 점 P를 지나며 직선 ℓ에 평행한 직선을 작도한 것이다. 작도 순서를 바르게 나열하여라.

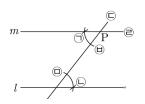
56.



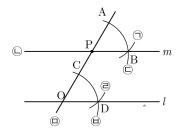
57.



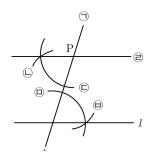
58.



59.



60.





정답 및 해설

- 1) \bigcirc
- 2) ×
- ⇒ 선분의 길이를 잴 때에 컴퍼스를 사용한다.
- 3) ×
- □ 두 점을 지나는 직선을 그릴 때 눈금 없는 자를 사용한다.
- 4) 🔾
- 5) ×
- ⇒ 자를 이용해서 작도를 할 때 눈금 없는 자를 사용한다.
- 6) ×
- ⇒ 선분의 길이를 재거나 각의 크기를 잴 때도 사용한다.
- 7) ×
- ⇒ 선분의 길이를 잴 때 컴퍼스를 사용한다.
- 8) ×
- □ 가장 긴 변이 나머지 두 변 길이의 합 보다 작아야 한 다.
- 9) 🔾
- 10) 🔾
- 11) 🔾
- 12) ×
- 13) ×
- 14) ×
- 15) 🔾
- 16) ×
- 17) ×
- 18) ①눈금없는 자 ②컴퍼스 ③ B
- 19) ≥, ¬, ⊏, ∟
- □ PQ 위의 연장선 위에 점 A를 잡고 점 A에서 PQ 의 길이만큼 떨어진 점 B를 작도한다. 따라서 작도 순서는 ㄹ-¬-ㄷ-ㄴ이다.
- 20) P, \overline{AB} , P, \overline{AB} , Q

- 21) 🔾
- 22) ×
- \Rightarrow 점 X, Y, Q는 반직선 위의 임의의 점이므로 $\overline{OY} \neq \overline{PQ}$
- 23) 🔾
- 24) ×
- $\Rightarrow \overline{OA} = \overline{OB} = \overline{PC} = \overline{PD}$
- 25) ×
- □ 중심이 점 P이고 반지름의 길이가 OA인 원과 중심이 점 D이고 반지름의 길이가 AB인 원의 교점이다.
- 26) 🖹, 🗅, 🖨, 🗁
- 27) \overline{OB} , $\overline{O'C}$, $\overline{O'D}$
- 28) XO'Y
- 29) ×
- ⇒ 작도 순서는 ⑤→⑥→⑥→⑥→◎이다.
- 30) 🔾
- 31) ×
- 32) 🔾
- 33) ×
- 34) ①-©-©-@-@
- 35) \overline{OB} , \overline{PC} , \overline{PD}
- 36) CD
- 37) \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc
- 38) ¬-ロ-L-2-⊏
- 39) つーローローロー目
- 40) \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc
- 41) $\bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc$
- 42) 🗎 🗇 🗀 🗀 🖹
- 43) 컴퍼스, 눈금 없는 자
- 44) ① ① ① ② ② ②
- 45) 두 직선과 한 직선이 만나 생기는 동위각의 크기가 같으면 두 직선은 평행하다.
- 46) 🔾

- $ightharpoonup \overline{QA} = \overline{QB} = \overline{PC} = \overline{PD}, \overline{AB} = \overline{CD}$ 이고, $\angle AQB = \angle CPD$ 이다.
- 47) 🔾
- 48) ()
- 49) ×
- 50) ×
- □ 동위각의 크기가 같으면 두 직선이 평행하다는 성질을 이용하여 작도한 것이다.
- 51) ×
- $\Rightarrow \overline{QA} = \overline{QB} = \overline{PC} = \overline{PD}$
- 52) 🔾
- 53) 🔾
- 54) ×
- ⇒ 작도 순서는 □-□-□-□-□-□
- 55) 🔾
- 56) \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc
- 57) 🗀 🖹 🗀 🗎 🗇
- 58) ©-@-B-U-¬-@
- ⇒ 작도 순서는
- □ 점 P와 직선 l를 지나는 직선을 긋고
 □ □ □ □ □ □에서 동위각의 크기가 같도록 작도한다.
 □에서 점 P를 지나며 직선 l과 평행한 직선을 작도한다.
- 60) \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc \rightarrow \bigcirc
- ☆ 점 P 를 지나는 선을 긋고엇각의 크기가 같도록 크기가 같은 각의 작도를 한다.따라서 작도 순서는 ③-@-©-⊕-©-@