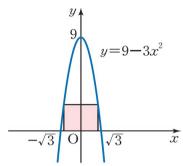


2022학년도 수학2 기말고사 대비

DATE NAME GRADE

중급 9회

1. 오른쪽 그림과 같이 이차함수 $y = 9 - 3x^2$ 과 x축으로 둘러싸인 부분에 내접하고, 한 변이 x축위에 있는 직사각형의 넓이의 최댓값은?



- ① 3 ② 6 ③ 9

- **4** 12
- ⑤ 15
- **4.** 다음을 만족하는 x의 값은?

$$\log_x \left(\frac{d}{dx} \int x^2 dx\right) = x^2 - 2x - 1$$

- $\bigcirc 1 1 \qquad \bigcirc 0 \qquad \bigcirc 3 \ 1 \qquad \bigcirc 4 \ 2$

3. $x \ge 0$ 인 모든 실수 x에 대하여 부등식 $2x^3 - 6x^2 > k$ 가 성립

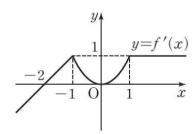
① k < -8 ② -8 < k < 0 ③ k > 0 ④ 0 < k < 8

하도록 k의 값의 범위를 구하면?

- ⑤ 3

- **2.** 방정식 $x^3 + 3x^2 k = 0$ 이 서로 다른 세 실근을 갖기 위한 k 값의 범위를 구하면?
- ① k < -4 ② -4 < k < 0 ③ k > 0
- (4) 0 < k < 4 (5) k > 4

5. y = f'(x)의 그래프가 다음 그림과 같다.



 $f(-2) = -\frac{1}{2}$ 일 때, f(2)의 값은?

(단, 곡선 부분은 이차함수의 그래프의 일부이다.)

- ① 0 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

- **6.** 정적분 $\int_0^3 |x-1| dx$ 의 값은?
- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

- **7.** x에 대한 일차식 f(x)에 대하여 $\int_0^1 f(x) dx = 1$ 일 때, $S = \int_0^1 \{f(x)\}^2 dx$ 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ③ S > 1

8. 다음 〈보기〉 중에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

- $\neg . \lim_{x \to a} \frac{1}{x a} \int_{a}^{x} f(t)dt = f(a)$
- $\ \, \cdot \frac{d}{dx} \int f(x) dx = \int \left\{ \frac{d}{dx} f(x) \right\} dx$
- $\Box \cdot \int_{-a}^{a} (x^3 + x) dx = 0$
- ④ L, □
- 2 L
- ⑤ 7, L, ⊏
- ③ ¬, ⊏

- **9.** $f(x) = \int_a^x (t^2 + 2t + 3)dt$ 일 때, f'(1)의 값은?
- ② 6 ③ 8
 - 4 10
- ⑤ 12

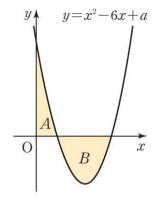
- **10.** 함수 $f(x) = \int_0^x (3t^2 + 6t 24)dt$ 의 극솟값은?

- **11.** $f(x) = \int_0^x (|t| 1)dt$ 라 정의할 때, 방정식 f(x) = 0의 실근에
 - 대한 다음의 설명 중 옳은 것은?

- ③ 0과 음의 근 2개를 갖는다
- ④ 양의 근 1개, 음의 근 1개를 갖는다.
- ⑤ 0뿐이다.

- **12.** 다항함수 f(x)가 $\int_{a}^{b} f(x)dx = 0$ 을 만족할 때, 다음 중 방정식 f(x)= 0에 대한 설명으로 항상 옳은 것은?
- ① 구간 (a, b)에서 오직 하나의 실근을 갖는다.
- ② 구간 (a, b)에서 적어도 하나의 실근을 갖는다.
- ③ 구간 (a, b)에서 두 실근을 갖는다.
- ④ 구간 (a, b)에서 적어도 두 개의 실근을 갖는다.
- ⑤ 구간 (a, b)에서 무한히 많은 실근을 갖는다.

14. 오른쪽 그림과 같이 곡선 $y=x^2-6x+a$ 와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 각각 A, B라 하자. 2A = B가 성립할 때, 상수a의 값은?



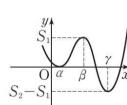
- $\bigcirc -6$
- 3 0
- **4** 3
- **⑤** 6

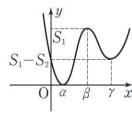
- **15.** 두 곡선 $y = x^2 9$ 와 $y = -x^2 + 2x + 3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① $\frac{125}{3}$ ② $\frac{127}{3}$ ③ $\frac{128}{3}$ ④ $\frac{134}{3}$ ⑤ $\frac{175}{3}$

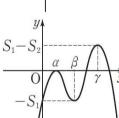
13. $f(x)=(x-\alpha)(x-\beta)(x-\gamma), \ 0<\alpha<\beta<\gamma$ $S_1=\int_{lpha}^{eta}|f(x)|dx,\ S_2=\int_{eta}^{\gamma}|f(x)|dx$ 일 때, $S_1>S_2$ 를 만족 한다. 이때, 다음 중 함수 $F(x)=\int_{a}^{x}f(t)dt$ 의 그래프의 개형 으로 적당한 것은?

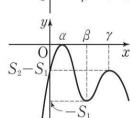


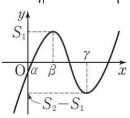




3

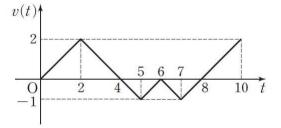


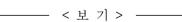




16. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각

t $(0 \le t \le 10)$ 와 속도 v(t) 사이의 관계가 다음 그림과 같을 때, 〈보기〉 중에서 옳은 것을 모두 고르면?





- ㄱ. 점 P는 출발하고 나서 10초 동안 방향을 네 번 바꿨다.
- L. 점 P가 출발한 지 10초 후의 위치는 4이다.
- 다. 점 P가 출발 후 6초 동안 움직인 거리는 3이다.

- 1) L 2 C 3 7, L 4 7, C 5 L, C

 $oldsymbol{17}$. 수직선 위를 움직이는 점 \mathcal{P} 의 시각 t 에서의 속도 v(t)가 다음과 같이 주어질 때, t=0에서 t=5까지 점 P가 움직인 거리는?

$$v(t) = \begin{cases} t & (0 \le t < 2) \\ -t + 4 & (t \ge 2) \end{cases}$$

- ① 3 ② $\frac{7}{2}$ ③ 4 ④ $\frac{9}{2}$

서울형 논울형 꾸관식

- $oxed{18}$. 기차가 어느 구간에서 제동을 건 후 t초 사이에 간 거리를 s(t)라 하면 $s(t) = 54t - \frac{3}{2}t^2$ (m) $(0 \le t \le 18)$ 인 관계가 있다고 한다. 이때, 제동을 건 후 정지할 때까지 걸린 시간을 구하여라.
- **21.** $f(x) = \int_{x}^{x+1} (t^3 t) dt$ 라 할 때, 구간 [-1, 1]에서 f(x)의 최댓값과 최솟값의 합을 구하여라.

20. 함수 f(x)가 등식 $(x-1)f(x)=(x-1)^2+\int_{-1}^x f(t)\,dt$ 를 만족할

때, $\lim_{x\to 0} \frac{1}{x} \int_1^{x+1} f(t)dt$ 의 값을 구하여라.

19. 미분가능한 함수 f(x)가 f'(0)=1이고 임의의 실수 x, y에 대하여 등식 f(x+y)=f(x)+f(y)+xy(x+y)를 만족할 때, $\int_0^1 f(x)dx$ 의 값을 구하여라.

- 1) [정답] : ④
- 2) [정답] : ④
- 3) [정답] : ①
- 4) [정답] : ⑤
- 5) [정답] : ⑤
- 6) [정답] : ④
- 7) [정답] : ③
- 8) [정답] : ③
- 9) [정답] : ②
- 10) [정답] : ①
- 11) [정답] : ①
- 12) [정답] : ②
- 13) [정답] : ②
- 14) [정답] : ⑤
- 15) [정답] : ①
- 16) [정답] : ①
- 17) [정답] : ④
- 18) [정답] : 18초
- 19) [정답] : $\frac{7}{12}$
- 20) [정답] : **2**
- 21) [정답] : **2**