4-1-3.집합의 연산_신사고(고성은)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2020-07-13

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[합집합과 교집합]

• 합집합: $A \cup B = \{x | x \in A \ \mathbb{X} \leftarrow x \in B\}$

• 교집합: $A \cap B = \{x | x \in A$ 그리고 $x \in B\}$

- *A*∩*B*= ∅일 때, 두 집합 *A*, *B*는 **서로소**라 한다.

[여집합과 차집합]

• 전체집합(U): 주어진 집합에 대하여 그 부분집합을 생각할 때, 처음에 주어진 집합

• 여집합: $A^C = \{x | x \in U$ 그리고 $x \not\in A\}$

• 차집합: $A - B = \{x | x \in A \ 그리고 x \not\in B\}$

[집합의 연산법칙]

• 교환법칙: $A \cup B = B \cup A$, $A \cap B = B \cap A$

• 결합법칙: $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$, $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$

• 분배법칙: $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$, $(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C), \\ A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C), \\ (A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$

• 드모르간의 법칙: $(A \cap B)^C = A^C \cup B^C$, $(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$

[유한집합의 원소의 개수]

두 유한집합 A, B에 대하여 다음이 성립한다.

• 합집합의 원소의 개수: $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$

기본문제

[문제]

1. 두 집합 A={x|x는 20의 이하의 짝수}, B={x|x는 3의 배수}에 대하여 A∩B의 원소의 개수는?

① 0개

② 1개

③ 2개

④ 3개

⑤ 4개

[문제]

2. 집합 $A = \{1, 3, 5\}$ 와 집합 B에 대하여 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $A \cap B = \{1\}$ 가 성립할 때, 집합 B의 모든 원소의 합은?

① 6

② 7

3 8

4 9

(5) 10

• 다음 중 세 집합 *A, B, C*에 대하여

 $A \cup C = \{1, 2, 7\}$ 이고, $B = \{1, 6, 8\}$ 일 때, $n(A \cup (B \cup C))$ 의 값은?

1

② 3

3 4

4) 5

⑤ 6

[문제]

[예제]

4. 세 집합 *A, B, C*에 대한 다음의 설명 중 (¬), (ㄴ)에 들어갈 내용으로 알맞은 것은?

 $(1) (A \cap B) \cap C = A \cap (B (\neg) C)$

(2) $(A \lceil (\sqcup) \rceil B) \cup C = A \lceil (\sqcup) \rceil (B \cup C)$

① (¬): ∩

(∟): ∩

② (¬): ∩

(∟): ∪

③ (¬): ∪

(口): -

④ (¬): ∪

(∟): ∩

⑤ (¬): −

(∟): ∪

[예제]

5. 세 집합 A, B, C에 대하여 다음 중 $A\cap (B\cup C)$ 와 항상 같은 집합인 것은? (단, U는 전체집합이고 \varnothing 은 공집합이다.)

 $\textcircled{1} \ \varnothing$

 \bigcirc U

 $\ \, \mathfrak{A}\cap B\cap C$

 $\textcircled{4} \ (A\cap B) \cup (A\cap \textit{C})$

[문제]

6. 세 집합 A, B, C에 대하여 다음 중 $(A \cap B) \cup (C \cap B)$ 와 항상 같은 집합인 것은? (단, U는 전체집합이고 \varnothing 은 공집합이다.)

 \bigcirc $A \cap C$

 $\bigcirc B$

 $\ \, 3 \ \, A \cup B \cup C$

 $\textcircled{4} \ (A \cap \mathit{C}) \cup \mathit{B}$

 $(A \cup C) \cap B$

[문제]

- 7. 전체집합 $U = \{x | x = 8 \text{ 이하의 자연수} \}$ 에 대하 여 집합 $A = \{2, 4, 8\}$ 의 여집합 A^C 의 모든 원소의 합은?
 - ① 21
- 2 22
- ③ 23
- 4
- ⑤ 25

[문제]

- **8.** 두 집합 $A = \{1, 2, 3, \cdots, 20\}$, $B = \{x | x$ 의 약수의 개수는 3개 이상이다.}에 대하여 n(A B)의 값은?
 - ① 6
- ② 7

- 3 8
- (4) 9
- ⑤ 10

[예제]

- 9. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음 중 항상 성립하는 것만을 있는 대로 고른 것은?
- $\neg A B = A \cap B^C$
- \bot . $A-B=A-(A\cap B)$
- \sqsubset . $(A \cup B) A = B$
- (1) ¬
- 2 L
- ③ ┐, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

문제]

- **10.** 전체집합 U의 부분집합 A에 대하여 다음 중 항상 성립하는 것만을 있는 대로 고른 것은?
 - \neg . $((U-A)^C)^C = A$
 - \bot . $A \cup U^C = U$
 - \Box . $A \cap A^C = \emptyset$
 - ① ¬
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ᄀ, ∟, ⊏

- [문제]
- 11. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음 중 집합 $(A \cap B^c) \cup (A \cap B)$ 와 항상 같은 집합인 것은?
 - \bigcirc A
 - $\bigcirc B$
 - $\ \ \ \ \ A\cap B$
 - \bigcirc $A \cup B$
 - (5) U

[예제]

12. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 관한 다음 설명 중에서 (¬), (⊢)에 들어갈 내용으로 알맞은 것은?

$$(1) A - B^C = A \cap \boxed{(\neg)}$$

(2)
$$(A \cap B)^C = A^C () B^C$$

- $\textcircled{1}(\neg):A^{C}$
- (ㄴ): ∪
- $\textcircled{2}(\neg):B$
- (∟): ∩
- (L): U
- $\textcircled{5}(\neg):B^{C}$
- (∟): ∪

[문제]

13. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대한 다음 설명 중 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

$$\neg. (A \cup B)^C = A^C \cap B^C$$

$$\bot. (B^C - A)^C = A \cup B$$

$$\sqsubseteq. \ (A\cup B) - (A\cap B) = (A-B)\cup (B-A)$$

- ① ¬
- 2 L
- ③ ᄀ, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ 7, ∟, ⊏

[문제]

- **14.** 두 집합 A, B에 대하여 n(A) = 9, n(B) = 13, $n(A \cup B) = 20$ 일 때, $n(A \cap B)$ 의 값은?
 - $\bigcirc 0$

2 1

32

4 3

⑤ 4

[문제]

15. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 n(U)=50, n(A)=31, n(B)=22, $n(A\cap B)=10$, 일 때, $n(A^C\cap B^C)$ 의 값은?

① 3

- 2 4
- 3 5

4) 6

⑤ 7

[예제

16. 어느 반 학생 30명 중에서 미술 동아리에 가입한 학생은 17명, 음악 동아리에 가입한 학생은 19명이 다. 이 반 학생 모두가 미술 동아리 또는 음악 동아리에 가입하였을 때, 미술 동아리와 음악 동아리에 모두 가입한 학생의 수는?

- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- **(4)** 9
- (5) 10

[문제]

17. 20명으로 구성된 어느 동아리의 학생 중에서 축제 준비로 체험 부스를 희망하는 학생은 11명, 전시부스를 희망하는 학생은 13명, 체험 부스와 전시 부스를 모두 희망하는 학생은 7명이었다. 이때 체험부스와 전시 부스 중 어느 곳도 희망하지 않는 학생의 수는?

- 1 0
- 2 1

- 3 2
- (4) 3
- (5) 4

평가문제

[중단원 마무리]

18. 전체집합 $U = \{x | x \in 10 \text{ 이하의 짝수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{2, 4, 6\}$, $B = \{2, 8, 10\}$ 에 대하여 집합 $(A \cap B^C) \cup (B \cap A^C)$ 의 모든 원소의 합은?

- 1 20
- ② 22
- 3 24
- 4) 26
- (5) 28

[중단원 마무리]

19. 두 집합 A, B에 대하여 n(A) = 13, n(B) = 8, $n(A \cap B) = 6$ 일 때, $n(A \cup B)$ 의 값은?

- 1) 11
- 2 13
- 3 15
- 4) 17
- (5) 19

[중단원 마무리]

20. 세 집합 A, B, C에 대하여 $A = \{x | x \succeq 10 \text{ 이하의 } \triangle \uparrow \},$ $B \cup C = \{1, 3, 5, 7\}$ **일 때**, 집합 $(A \cup B) \cup C$ 의 모든 원소의 합은?

- ① 16
- 2 17
- 3 18
- 4) 19
- (5) 20

[중단원 마무리]

21. 두 집합 $A = \{x | x \vdash 20 \text{ 이하의 } 4 \text{의 } \text{배수}\},$ $B = \{x | x \vdash 10 \text{ 이상의 자연수}\}$ 에 대하여 $A \cup X = A$, $B \cap X = X$ 를 만족시키는 집합 X의 개수는?

- ① 2개
- ② 4개
- ③ 8개
- ④ 16개
- ⑤ 32개

[중단원 마무리]

22. 전체집합 $U=\{1, 2, 4, 8, 16\}$ 의 두 부분집합 A, B에 대하여 $A-B=\{1, 2\}$, $A^C\cap B=\{16\}$, $A^C\cap B^C=\{4\}$ 일 때, 집합 A의 모든 원소의 합은?

1 8

- **②** 9
- 3 10
- 4 11

⑤ 12

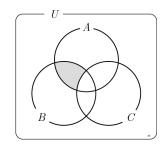
[중단원 마무리]

23. 전체집합 U의 세 부분집합 A, B, C에 대한 다음의 설명 중 (\neg) , (\bot) 에 들어갈 내용으로 알맞은 것은?

- $(1) (A \cap B) \cup (A \cap B \cap B) = (U A B) \cup (\neg)$
- (2) $(A \cup C) B = (A B) \cup ((\cup))$
- ① $(\neg): A \cap B \quad (\bot): B C$
- $\textcircled{2}(\neg):A\cap B$ $(\sqcup):C-B$
- $\textcircled{4}(\neg):A\cup B (\bot):C-B$
- $\textcircled{5}(\neg):A\cup B(\bot):B-C$

[중단원 마무리]

24. 다음 중에서 그림의 벤다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합과 항상 같은 집합은?



- $(1) (A \cap B) \cap C^C$
- $\textcircled{2} (A \cap B) \cup C^C$
- (3) $A \cap (B^C \cap C)$
- $\textcircled{4} A^C \cap (B \cap C)$
- \bigcirc $A^C \cap (B \cup C)$

[중단원 마무리]

- **25.** 두 집합 A, B에 대하여 $n(A \cup B) = 32$, n(A) = 18, $n((A-B) \cup (B-A)) = 20$ 일 때, n(B)의 값은?
 - ① 20
- ② 22
- 3 24
- **4** 26
- ⑤ 28

[중단원 마무리

- **26.** 전체집합 $U=\{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 두 부분집합 $A=\{2, 3, 5\}$, $B=\{1, 2\}$ 에 대하여 $A\cap X=B\cap X$ 를 만족시키는 U의 부분집합 X의 개수는? (단, $X\neq\varnothing$)
 - ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 5개

[중단원 마무리]

- **27.** 어느 반 25명의 학생 중에서 영어를 좋아하는 학생은 20명, 수학을 좋아하는 학생은 14명이다. 영어와 수학을 모두 좋아하는 학생이 x명일 때, 자연수 x의 최댓값과 최솟값의 차는?
- \bigcirc 2

② 3

3 4

(4) 5

⑤ 6

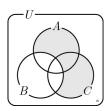
[대단원 마무리]

- **28.** 전체집합 U의 공집합이 아닌 두 부분집합 A, B에 대하여 $A^C \subset B$ 일 때, 다음 중에서 옳은 것은?
 - ① $A \cap B = A$
- $\bigcirc A \cup B = U$
- $\textcircled{4} \ B A = B$

[대단원 마무리]

- **29.** 두 집합 $A = \{1, 3, 5\}$, $B = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 $B \cup X = B$, $(B A) \cap X = B A$ 를 만족시키는 집합 X의 개수는?
 - ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- 4) 4개
- ⑤ 5개

- [대단원 마무리]
- **30.** 전체집합 U의 세 부분집합 A, B, C에 대하여 다음 벤다이어그램이 나타내는 영역을 알맞게 나타 낸 것은?



- ① $(A \cap B) \cup C$
- $\textcircled{2}(A \cup B) \cap C$
- $(A \cup B) \cap C^C$
- $(A \cup C) \cap B$
- 5 $(A \cup C) \cap B^C$

[대단원 마무리]

- **31.** 전체집합 $U = \{x | x \vdash 20 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{x | x \vdash 3 \text{의 배수}\}$, $B = \{x | x \vdash 5 \text{의 배수}\}$ 에 대하여 $n(A^C \cap B^C)$ 의 값은?
 - ① 8
- 29
- 3 10
- (4) 11
- ⑤ 12

[대단원 마무리]

- **32.** 어느 동아리 32명의 학생 중에서 A 가수의 음악을 선호하는 학생은 17명, B 가수의 음악을 선호하는 학생은 14명이다. B 가수의 음악만을 선호하는 학생이 6명일 때, A, B 어느 가수의 음악도 선호하지 않는 학생의 수는?
 - ① 6

② 7

- 3 8
- **4** 9
- (5) 10

[대단원 마무리]

- 33. 전체집합 $U=\{1,\ 2,\ 3,\ 4,\ 5\}$ 의 세 부분집합 A, B, X에 대하여 $A=\{1\}$, $B=\{2,\ 4\}$ 일 때, $A\cap X=\varnothing$, $B\cap X=\{4\}$ 를 만족시키는 집합 X의 개수는?
 - ① 2개
- ② 4개
- ③ 8개
- ④ 16개
- ⑤ 32개

[대단원 마무리]

- 34. 어느 반 20명의 학생들에게 국어, 영어, 수학 과목의 선호도를 조사하였더니 국어만 선호하는 학생은 4명, 영어만 선호하는 학생은 3명이었고, 수학을 선호하는 학생은 10명이었다. 학생들 중 세 과목을 모두 선호하지 않는 학생은 없었다고 할 때, 국어와 영어는 선호하고 수학은 선호하지 않는 학생의 수는?
 - 1 0

- 2 1
- 3 2
- **(4)** 3

⑤ 4

4

정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설] $A = \{2, 4, 6, \dots, 20\}$ 이고 $B = \{3, 6, 9, \dots\}$ 이므로 $A \cap B = \{6, 12, 18\}$ 이 되어 집합 $A \cap B$ 의 원소의 개수는 3이다.

2) [정답] ②

[해설] $A \cap B = \{1\}$ 이므로 $1 \in B$ 가 성립한다. 또한 $A = \{1, 3, 5\}$ 에 의해 $3 \not\in B$, $5 \not\in B$ 가 성립한다. $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 의해 $2 \in B$, $4 \in B$ 가 성립하므로 집합 $B = \{1, 2, 4\}$ 라 할 수 있다. 따라서 집합 B의 모든 원소의 합은 7이다.

3) [정답] ④

[해설] $A \cup (B \cup C) = A \cup (C \cup B) = (A \cup C) \cup B \circ$ 로 $A \cup (B \cup C) = (A \cup C) \cup B = \{1, 2, 6, 7, 8\}$ 따라서 $n(A \cup (B \cup C)) = n((A \cup C) \cup B) = 5$

4) [정답] ②

[해설] (1) $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$ (2) $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$

5) [정답] ④

[해설] 분배법칙에 의해 $A\cap (B\cup C)=(A\cap B)\cup (A\cap C)$ 가 성립하므로 항상 같은 집합인 것은 ④이다.

6) [정답] ⑤

[해설] 괄호 안은 교집합이고, 괄호 밖은 합집합이므로 분배법칙이 성립한다. 따라서 $(A \cap B) \cup (C \cap B) = (A \cup C) \cap B$ 이므로 항상 같은 집합인 것은 ⑤이다.

7) [정답] ②

[해설] $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 이고 $A = \{2, 4, 8\}$ 이므로 $A^C = \{1, 3, 5, 6, 7\}$ 가 되어 모든 원소의 합은 22이다.

8) [정답] ④

[해설] 집합 A-B는 20이하의 자연수 중에서 약수의 개수가 2개 이하인 수의 집합이므로 $A-B=\{1,2,3,5,7,11,13,17,19\}$ 이다. 따라서 n(A-B)=9이다.

9) [정답] ③

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

10) [정답] ②

11) [정답] ①

[해설] $(A \cap B^C) \cup (A \cap B)$ 에서 $A \cap \mathbb{C}$ 공통부분이고, 괄호 안에는 교집합이고 괄호 밖은 합집합이므로 분배법칙이 성립한다. 따라서 $(A \cap B^C) \cup (A \cap B) = A \cap (B^C \cup B)$ $= A \cap U = A$ 이다.

12) [정답] ③

[해설] (1) $A - B^{C} = A \cap B$ (2) $(A \cap B)^{C} = A^{C} \cup B^{C}$

13) [정답] ⑤

14) [정답] ③

[해설] 유한집합의 원소의 개수에 의해 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 가 성립한다. 따라서 $20 = 9 + 13 - n(A \cap B)$ $n(A \cap B) = 2$ 이다.

15) [정답] ⑤

[해설] $n(A^C \cap B^C) = n(U) - n(A \cup B)$ 이다. 유한집합의 원소의 개수에 의해 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 가 성립한다. 따라서 $n(A \cup B) = 31 + 22 - 10 = 43$ $n(A^C \cap B^C) = 50 - 43 = 7$ 이다.

16) [정답] ①

[해설] 미술 동아리에 가입한 학생의 집합을 A, 음악 동아리에 가입한 학생의 집합을 B라 하자. $n(U)=30,\ n(A)=17,\ n(B)=19$ 이고 문제 조건에 의해 $A\cup B=U$ 이므로 $n(A\cup B)=n(A)+n(B)-n(A\cap B)$ 에서 $30=17+19-n(A\cap B)$ $n(A\cap B)=6$ 이다.

17) [정답] ④



[해설] 체험 부스를 희망하는 학생의 집합을 A, 전시 부스를 희망하는 학생의 집합을 B라 하자. $n(U)=20,\ n(A)=11,\ n(B)=13,\ n(A\cap B)=7$ 이다. 문제 조건에 의해 구하는 집합은 $n(A^C\cap B^C)=n(U)-n(A\cup B)$ $n(A\cup B)=n(A)+n(B)-n(A\cap B)$ 에서 $n(A\cup B)=11+13-7=17$ $n(A^C\cap B^C)=20-17=3$ 이다.

18) [정답] ⑤

[해설] $(A \cap B^C) \cup (B \cap A^C) = (A - B) \cup (B - A)$ 이다. $A - B = \{4, 6\}, B - A = \{8, 10\}$ 이므로 $(A \cap B^C) \cup (B \cap A^C) = \{4, 6, 8, 10\}$ 따라서 모든 원소의 합은 28이다.

19) [정답] ③

[해설] $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 이므로 $n(A \cup B) = 13 + 8 - 6 = 15$ 이다.

20) [정답] ③

[해설] 결합법칙에 의해 $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ 이고 $A = \{2, 3, 5, 7\}$ 이므로 $(A \cup B) \cup C = \{1, 2, 3, 5, 7\}$ 이다. 따라서 모든 원소의 합은 18이다.

21) [정답] ③

[해설] $A \cup X = A$ 이면 $X \subset A$ 이고 $B \cap X = X$ 이면 $X \subset B$ 이다. 따라서 $X \subset (A \cap B)$ 인 집합 X의 개수를 구해야 한다. $A \cap B = \{12, 16, 20\}$ 이므로 집합 X의 개수는 $2^3 = 8$ 이다.

22) [정답] ④

[해설] $A^{C} \cap B^{C} = \{4\}$ 이므로 $A \cup B = \{1, 2, 8, 16\}$ 이고 $A - B = \{1, 2\}, B - A = \{16\}$ 에 의해 $A \cap B = \{8\}$ 이다. 따라서 집합 $A = \{1, 2, 8\}$ 이므로 모든 원소의 합은 11이다.

23) [정답] ②

[해설] (1) $(A \cap B) \cup (A^{C} \cap B^{C}) = (A^{C} \cap B^{C}) \cup (A \cap B)$ $= \{U - (A \cup B)\} \cup (A \cap B)$ $= \{U - A - B\} \cup (A \cap B)$ 따라서 (ㄱ)은 $A \cap B$ (2) $(A \cup C) - B = (A \cup C) \cap B^{C}$ $= (A \cap B^{C}) \cup (C \cap B^{C}) = (A - B) \cup (C - B)$ 따라서 (ㄴ)은 C - B

24) [정답] ①

[해설] 벤다이어그램의 색칠한 부분은 $A \cap B$ 에서 C와 겹치는 부분이 제외된 부분이다. 따라서 $(A \cap B) - C$ 와 같은 집합인 것은

① $(A \cap B) \cap C^C$ 이다.

25) [정답] ④

[해설] $n(A \cup B) = 32$ 이고 n(A) = 18이므로 n(B-A) = 32 - 18 = 14이다. 두 집합 A-B와 B-A는 서로소이므로 $n((A-B) \cup (B-A)) = 20$ 에서 n(A-B) = 20 - 14 = 6이다. 따라서 $n(A \cap B) = 18 - 6 = 12$ 이고 n(B) = 14 + 12 = 26이다.

26) [정답] ③

[해설] $A=\{2,3,5\}$ 이고 $B=\{1,2\}$ 이므로 $A\cap B=\{2\},\ A\cup B=\{1,2,3,5\}$ 이다. $A\cap X=B\cap X$ 을 만족하기 위해서는 X가 두 집합 $A-B,\ B-A$ 의 원소는 반드시 가지고 있지 않아야 한다. 따라서 $n(A\cap B)=1,\ n(A^C\cap B^C)=1$ 이므로 공집합이 아닌 집합 X의 개수는 $2^2-1=3$ 이다.

27) [정답] ④

[해설] 영어를 좋아하는 학생의 집합을 A, 수학을 좋아하는 학생의 집합을 B라 하면 n(U)=25, n(A)=20, n(B)=14 $n(A\cap B)=x$ 라 하면 $n(A\cup B)=n(A)+n(B)-n(A\cap B)$ 에 의해 $x=34-n(A\cup B)$ 그런데 $n(A\cup B)\leq n(U)=25$ 이므로 x의 최솟값은 34-25=9이다. 또한, $n(A\cap B)\leq n(A)$, $n(A\cap B)\leq n(B)$ 이므로 따라서 $x\leq 20$, $x\leq 14$ 가 성립해야 하므로 x의 최댓값은 14이다. 따라서 최댓값과 최솟값의 차는 5이다.

28) [정답] ②

[해설] ① $A \cap B = B \cap (A^C)^C = B - A^C \neq A$ (거짓) ② $A^C \subset B$ 이므로 $A \cup A^C \subset A \cup B$ 즉, $U = A \cup A^C \subset A \cup B$ 이므로 $A \cup B = U$ (참) ③ $B \subset A^C$ (거짓) ④ $B - A = B \cap A^C = A^C \neq B$ (거짓) ⑤ ②에 의하여 $A \cup B = U$ 이므로 $(A \cup B)^C = U^C = \emptyset \neq B^C$ (거짓)

29) [정답] ④

[해설] $B \cup X = B$ 이므로 $X \subset B$ 이고, $(B-A) \cap X = B-A \text{ 이므로 } (B-A) \subset X$ 가 성립해야 한다. 즉, $\{2,4\} \subset X \subset \{1,2,3,4\}$ 가 성립해야 하므로 집합 X의 개수는 $2^{4-2} = 4$ 이다.

30) [정답] ⑤

[해설] 벤다이어그램이 나타내는 영역은



A와 C의 합집합에서 B의 영역은 제외되는 영역이므로 이를 나타내면 $(A \cup C)$ -B이다. 이와 같은 집합인 것은 ⑤ $(A \cup C) \cap B^C$ 이다.

31) [정답] ④

[해설] $A^{C} \cap B^{C} = (A \cup B)^{C}$ 이므로 $n(A^C \cap B^C) = n(U) - n(A \cup B)$ 이다. n(A)=6, n(B)=4, $n(A \cap B)=1$ 이므로 $n(A \cup B) = 6 + 4 - 1 = 9$ 가 되어 $n(A^C \cap B^C) = 20 - 9 = 11$ 이다.

32) [정답] ④

[해설] A 가수의 음악을 선호하는 학생의 집합을 A, B 가수의 음악을 선호하는 학생의 집합을 B라 하면 n(A)=17, n(B)=14, n(B-A)=6이므로 $n(A \cap B) = 14 - 6 = 8$ 이다. 따라서 $n(A \cup B) = 17 + 14 - 8 = 23$ 이므로 문제에서 구하는 원소의 개수 $n(A^C \cap B^C)$ 는 $n(A^C \cap B^C) = 32 - 23 = 9$ 이다.

33) [정답] ②

[해설] $A \cap X = \emptyset$ 이므로 $1 \not\in X$ 이다. $B \cap X = \{4\}$ 이므로 $2 \not\in X$, $4 \in X$ 이다. $X \subset U$ 이므로 집합 X의 개수는 $2^{5-3} = 4$ 이다.

34) [정답] ④

[해설] 국어를 선호하는 학생들의 집합을 A, 영어를 선호하는 학생들의 집합을 B, 수학을 선호하는 학생들의 집합을 C라 하면 $n(A \cap B^C \cap C^C) = 4, \ n(A^C \cap B \cap C^C) = 3$ n(C)=10, $n(A \cup B \cup C)=20$ 이다. 따라서 $n(A \cap B \cap C^C)$ 의 값을 구하면 $n(A \cap B \cap C^{C}) = 20 - 4 - 3 - 10 = 3 \circ C$.

