계산력 연습

[영역] 3.함수



중 2 과정

3-3-1.일차함수의 식 구하기





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일: 2016-03-15

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

계산시 참고사항

1. 기울기와 y절편이 주어질 때, 일차함수의 식 구하기

기울기가 a이고, y절편이 b인 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은 y = ax + b이다.

2. 기울기와 한 점이 주어질 때, 일차함수의 식 구하기

기울기가 a이고, 한 점 (x_1, y_1) 을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은

- (1) 기울기가 a이므로 구하는 일차함수의 식을 y = ax + b로 놓는다.
- (2) y = ax + b에 $x = x_1$, $y = y_1$ 을 대입하여 b의 값을 구한다.

3. 서로 다른 두 점 (x_1, y_1) , (x_2, y_2) 가 주어질 때(단, $x_1 \neq x_2$), 일차함수의 식 구하기 서로 다른 두 점 (x_1, y_1) , (x_2, y_2) 를 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은 기울기와 한 점의 좌표를 이용하여 구할 수 있다

(1) 기울기
$$a$$
를 구한다. $\Rightarrow a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}$

(2) y = ax + b에 한 점의 좌표를 대입하여 b의 값을 구한다.

4. x절편과 y절편이 주어질 때, 일차함수의 식 구하기

x절편이 $m,\ y$ 절편이 n인 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은 두 점 $(m,\ 0),\ (0,\ n)$ 을 지나는 일차함수의 식과 같다.

(1) 기울기
$$a$$
를 구한다. $\Rightarrow a = \frac{n-0}{0-m} = -\frac{n}{m}$

(2) y절편이 n이므로 일차함수의 식은 $y=-\frac{n}{m}x+n$ 이다.

서로 다른 두 점이 주어질 때, 식 구하는 또 다른 방법

(1) y = ax + b에 두 점의 좌표를 각각 대입한다.

(2) (1)의 두 <u>일차방정식을 연립</u>하여 a, b의 값을 구한다.

↑ 기울기와 y절편이 주어질 때

☑ 다음 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

1. 기울기가 3이고, y절편이 -1인 직선

2. 기울기가 -4이고, y절편이 5인 직선

3. 기울기가 4이고 y절편이 -3인 직선

4. 기울기가 -8이고, y절편이 5인 직선

5. 기울기가 $-\frac{2}{3}$ 이고, y절편이 2인 직선

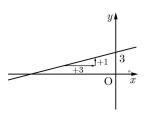
6. 기울기가 $\frac{2}{5}$ 이고 점 (0, -2)를 지나는 직선

7. y=5x+3의 그래프와 평행하고, y절편이 -2인 직선

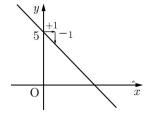
- 8. 일차함수 y=4x-5의 그래프와 평행하고, y절편이 2인 직 선
- 9. 일차함수 $y=-2x+\frac{1}{3}$ 의 그래프와 평행하고 y절편이 2인 직선
- 10. x의 값이 3만큼 증가할 때 y의 값이 6만큼 증가하고, y절 편이 -2인 직선
- 11. x의 값이 3만큼 증가할 때 y의 값은 4만큼 감소하고, y절 편이 -2인 직선
- 12. x의 값이 증가량에 대한 y의 값의 증가량의 비가 $-\frac{1}{3}$ 이고, y절편이 5인 직선
- 13. 두 점 (1, -2), (-2, 7)을 지나는 직선에 평행하고 y절편 이 -1인 직선
- 14. 두 점 (-3, -4), (3, 0)을 지나는 직선과 평행하고 y절편 이 -2인 직선
- 15. 두 점 (1, 1), (-2, 7)을 지나는 직선과 평행하며 y절편이 1인 직선
- 16. 두 점 $(1,\ 3)$ 과 $(3,\ 5)$ 를 지나는 직선과 기울기가 같고, y 절편이 -2인 직선

□ 다음 그림과 같은 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

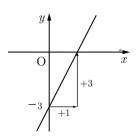
17.



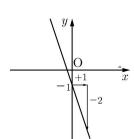
18.



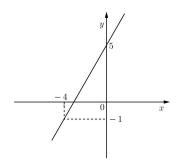
19.



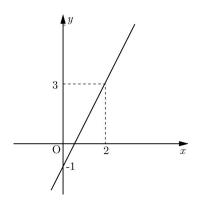
20.



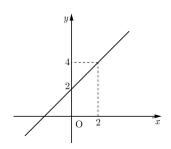
21.



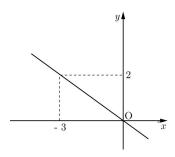
22.



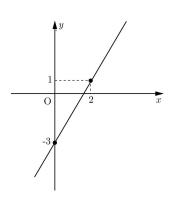
23.



24.



25.





🥎 기울기와 지나는 한 점이 주어질 때

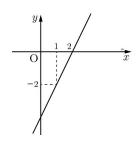
☑ 다음 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

- 26. 기울기가 1이고 점 (1, 4)를 지나는 직선
- 27. 기울기가 -4이고, 점 (1, -1)을 지나는 직선
- 28. 기울기가 $-\frac{1}{2}$ 이고 점 (-2, -5)를 지나는 직선
- 29. 기울기가 -2이고, 점 (2, 3)을 지나는 직선
- 30. 기울기가 -4이고, 점 (1, 5)를 지나는 그래프
- 31. 기울기가 $-\frac{2}{3}$ 이고, 점(3, 2)를 지나는 직선
- 32. 일차함수 y = -3x + 2의 그래프와 평행하고 점 (-4, 3)을 지나는 직선
- 33. 일차함수 y=-3x+2의 그래프와 평행하고, x절편이 4인
- 34. 일차함수 $y = -\frac{3}{5}x + 6$ 의 그래프와 평행하고 점 (10, -3)을 지나는 직선
- 35. 일차함수 y = -2x + 7의 그래프와 평행하고, 점 (-1, 4)를 지나는 직선

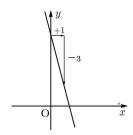
- 36. 일차함수 y = -4x + 7의 그래프와 평행하고, 점 (-1, 3)를 지나는 직선
- 37. 일차함수 y = -2x + 4의 그래프와 평행하고, 점 (2, -5)를 지나는 직선
- 38. *x*의 값의 증가량이 *y*의 값의 증가량의 3배이고, 점 (6. -4)를 지나는 직선
- x의 값이 2만큼 증가할 때 y의 값은 8만큼 증가하고, 점 (1, -5)를 지나는 직선
- 40. x의 값이 2만큼 감소할 때 y의 값이 8만큼 증가하고, 점 (-3, 5)를 지나는 직선
- 41. x의 값의 증가량에 대한 y의 값의 증가량의 비가 $-\frac{7}{4}$ 이고, 점 $(-4,\ 3)$ 을 지나는 직선
- 42. x의 값이 4만큼 증가하면 y값은 -2만큼 증가하고, 점 (2, 2)를 지나는 직선
- 43. x의 값이 1만큼 증가할 때, y의 값이 2만큼 감소하고, x절편이 $-\frac{3}{4}$ 인 직선
- 44. 두 점 (0, -2), (3, 2)를 지나는 일차함수의 그래프와 평행하고 x절편이 4인 그래프

□ 다음 그림과 같은 일차함수의 그래프와 평행하고,
 점 (-1, 2)을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의
 식을 구하여라.

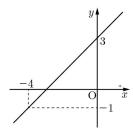
45.



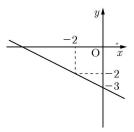
46.



47.

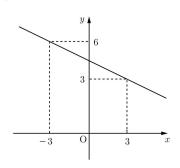


48.

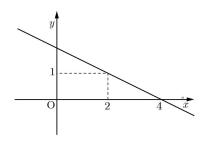


☑ 다음 물음에 알맞은 일차함수 식을 구하여라.

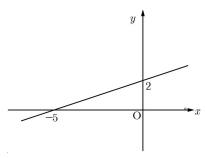
49. 다음 그림의 일차함수의 그래프와 평행하고, x절편이 2인 일차함수의 식



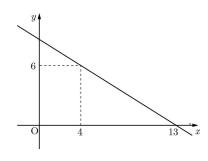
50. 다음 그림의 일차함수의 그래프와 평행하고, x절편이 -1 인 직선



51. 다음 그림의 일차함수 그래프와 평행하고 점 (0, -3)을 지나는 일차함수의 식



52. 다음 그림의 일차함수의 그래프와 평행하고 점 (-1, 3)을 지나는 직선



8

서로 다른 두 점이 주어질 때

□ 다음 두 점을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

54.
$$(-2, 5), (4, 11)$$

55.
$$(-2, 1), (3, -4)$$

58.
$$(2, 5), (-1, -4)$$

59.
$$(1, 2), (3, -2)$$

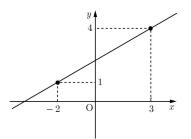
61.
$$(1, 1), (2, -2)$$

62.
$$(2,-1), (4, 2)$$

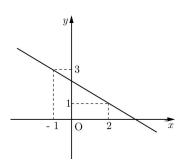
63.
$$(0,-2), (-4,2)$$

□ 다음 그림과 같은 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

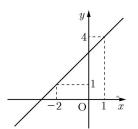
64.



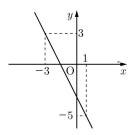
65.



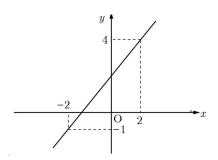
66.



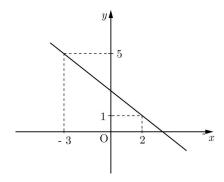
67.



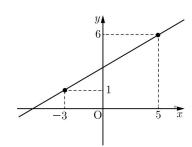
68.



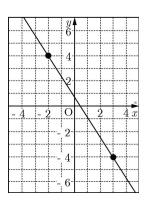
69.



70.



71.



[영역] 3.함수 3-3-1.일차함수의 식 구하기

☑ 다음 값을 구하여라.

- 72. 두 점 (-1, 3), (2, -3)을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수 식을 y = ax + b라 할 때, a + b의 값
- 73. 두 점 (1, 1), (2, -1)을 지나는 직선을 그래프로 하는 일 차함수의 식을 y = ax + b라 할 때, b a의 값
- 74. 두 점 (-3, a), (1, 3a)를 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은 y = -4x + b일 때, -2a + b의 값
- 75. 두 점 (2, a), (6, -5)를 지나는 직선을 그래프로 하는 일 차함수의 식이 y=-3x+b일 때, 2a-b의 값
- 76. 두 점 (-1, a), (2, 3a)를 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식이 y=4x+b일 때, a+b의 값
- 77. 두 점 $(-4,\ 0),\ (2,\ 3)$ 을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 $y=\frac{1}{a}x-\frac{b}{a}$ 라 할 때, a+b의 값
- 78. 두 점 (3, 4), (1, 8)을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차 함수의 기울기를 a, x절편을 b, y절편을 c라 할 때, a-b+c의 값
- 79. 두 점 (-2, 5), (2, -3)을 지나는 직선의 그래프를 y축의 방향으로 k만큼 평행이동 하였더니 y = ax + 3의 그래프와 일치하였을 때. a + k의 값

- 80. 두 점 (2, 2), (1, a)을 지나는 직선이 두 점 (-2, 3), (4, -3)을 지나는 직선과 평행하다고 한다. 또한 두 직선의 y절편의 차가 b일 때, a+b의 값
- 81. 두 점 (-1, 10), (5, -8)를 지나는 직선을 y축의 방향으로 -4만큼 평행이동한 직선이 (a, 4)를 지날 때, 상수 a의 x

B

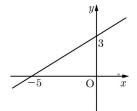
$m{x}$ 절편, $m{y}$ 절편이 주어질 때

☑ 다음 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

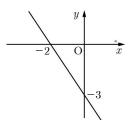
- 82. x절편이 2, y절편이 4인 직선
- 83. x절편이 -2, y절편이 -4인 직선
- $84. \quad x$ 절편이 -3, y절편이 3인 직선
- 85. x절편이 -4, y절편이 5인 직선
- 86. x절편이 -5, y절편이 -3인 직선
- 87. x절편이 3, y절편이 6인 직선
- 88. x절편이 -2이고, y절편이 4인 직선
- 89. x절편이 2이고 y절편이 3인 직선

- 90. 두점 (3, 0), (0, 5)를 지나는 직선
- 91. **두 점** (-1,0),(0,5)를 지나는 직선
- 92. 두 점 (-2,0),(0,8)를 지나는 직선
- 93. 두 점 $\left(\frac{2}{3},0\right),\left(0,\frac{4}{5}\right)$ 를 지나는 직선
- □ 다음 그림과 같은 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 구하여라.

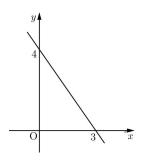
94.



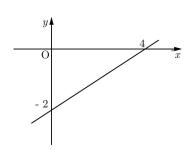
95.



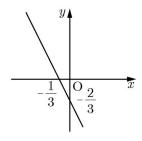
96.



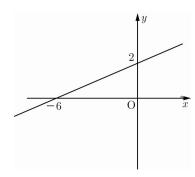
97.



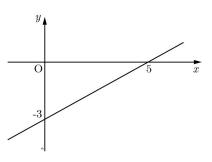
98.



99.

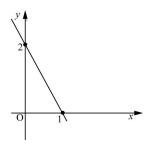


100

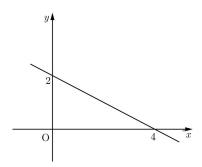


☑ 다음 그래프를 보고 물음에 알맞은 값을 구하여라.

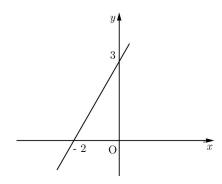
101. 일차함수 $y=-rac{a}{b}x-rac{c}{b}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $rac{b}{a}$ 의 값



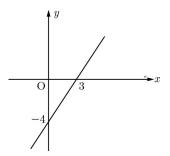
102 일차함수 $y=-\frac{a}{b}x-\frac{c}{b}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $\frac{a}{b}$ 의 값



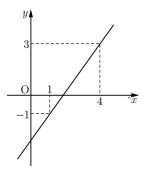
103. 일차함수 y = ax - b의 그래프가 다음 그림과 같다. 이 직선 이 점 (-6, c)를 지날 때, 2a + b + c의 값



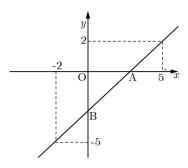
104. 다음 그림의 일차함수 그래프를 y축의 방향으로 7만큼 평행이동한 일차함수를 y = ax + b라 할 때, ab의 값



105 다음 일차함수의 그래프는 x의 값이 6만큼 증가할 때, y의 값이 a만큼 증가하고, 점 $(0,\ b)$ 를 지나는 직선이다. 이때, a+b의 값



106. 다음 그래프에서 점 A의 좌표는 (c, 0)이고 점 B의 좌표 는 (0, d)일 때, c+d의 값





정답 및 해설

- 1) y = 3x 1
- 2) y = -4x + 5
- 3) y = 4x 3
- 4) y = -8x + 5
- 5) $y = -\frac{2}{3}x + 2$
- 의 일차함수 y=ax+b에서 기울기는 $a,\ y$ 절편은 b이다. 따라서 기울기가 $-\frac{2}{3},\ y$ 절편이 2인 일차함수의 식은 $y=-\frac{2}{3}x+2$ 이다.
- 6) $y = \frac{2}{5}x 2$
- 7) y = 5x 2
- 8) y = 4x + 2
- y = 4x 5의 그래프에 평행하면 기울기가 4이고, y절편 이 2인 직선의 식은 y = 4x + 2이다.
- 9) y = -2x + 2
- 10) y = 2x 2
- 11) $y = -\frac{4}{3}x 2$
- 12) $y = -\frac{1}{3}x + 5$
- 13) y = -3x 1

따라서 직선의 기울기는 $\frac{7+2}{-2-1}$ =-3 이고, y절편이 -1 이므로 구하는 식은 y=-3x-1

- 14) $y = \frac{2}{3}x 2$
- 다 두 점 (-3, -4), (3, 0)을 지나는 직선과 평행하므로 $(기울기) = \frac{0-(-4)}{3-(-3)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \text{이고 } y$ 절편은 -2이므로 구하는 직선의 방정식은 $y = \frac{2}{3}x 2$ 이다.
- 15) y = -2x + 1

- \Rightarrow 두 점(1, 1), (-2, 7)을 지나는 직선의 기울기 -2와 y 절편이 1인 직선의 방정식은 y = -2x + 1이다.
- 16) y = x 2
- 다 두 점(1, 3), (3, 5)을 지나는 직선의 기울기는 1이고 y 절편은 -2이므로 일차함수의 식은 y=x-2이다.
- 17) $y = \frac{1}{3}x + 3$
- \Rightarrow 기울기가 $\frac{1}{3}$ 이고, y절편이 3이므로 $y = \frac{1}{3}x + 3$
- 18) y = -x + 5
- \Rightarrow 기울기가 -1이고, y절편이 5이므로 y=-x+5
- 19) y = 3x 3
- \Rightarrow 기울기가 3이고, y절편이 -3이므로 y=3x-3
- 20) y = -2x 1
- \Rightarrow 기울기가 -2이고, y절편이 -1이므로 y=-2x-1
- 21) $y = \frac{3}{2}x + 5$
- \Rightarrow 두 점 (0, 5), (-4, -1)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{-1-5}{-4} = \frac{3}{2} \text{이고}, \ y$ 절편이 5이므로 일차함수의 식은 $y = \frac{3}{2} x + 5 \text{이다}.$
- 22) y = 2x 1
- 다 두 점 (0, -1), (2, 3)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{3-(-1)}{2-0}=2$ 이고, y절편이 -1이므로 일차함수의 식은 y=2x-1이다.
- 23) y = x + 2
- 다 두 점 (0, 2), (2, 4)를 지나는 직선의 기울기는 $(기울기) = \frac{2-4}{0-2} = 1 \text{이고}, \quad y$ 절편이 2 이므로 일차함수의 식은 y = x + 2 이다.
- 24) $y = -\frac{2}{3}x$
- \Rightarrow 원점과 점 (-3, 2)를 지나므로 (7)울기 $=-\frac{2}{3}$ 이고, y절편이 0이므로 일차함수의 식은 $y=-\frac{2}{3}x$ 이다.
- 25) y = 2x 3
- 26) y = x + 3
- y=x+b에 x=1, y=4를 대입하면 4=1+b, b=3 $\therefore y=x+3$
- 27) y = -4x + 3

- ightharpoonup기울기가 -4인 일차함수의 식은 y=-4x+b이고, 점 (1,-1)을 지나므로 위 식에 대입하면 $-1=-4+b,\ b=3$ 이다. 따라서 구하는 일차함수의 식은 y=-4x+3이다.
- 28) $y = -\frac{1}{2}x 6$
- $\Rightarrow y=-rac{1}{2}x+b$ 에 x=-2, y=-5를 대입하면 -5=1+b, b=-6 $\therefore y=rac{1}{2}x-6$
- 29) y = -2x + 7
- \Rightarrow y=-2x+b로 놓고 x=2,y=3을 대입하면 3=-4+b $\therefore b=7$ $\therefore y=-2x+7$
- 30) y = -4x + 9
- \Rightarrow y = -4x + b가 점 (1, 5)를 지나므로 식에 대입하면 5 = -4 + b, b = 9이다. 따라서 구하는 함수의 식은 y = -4x + 9이다.
- 31) $y = -\frac{2}{3}x + 4$
- \Rightarrow 기울기가 $-\frac{2}{3}$ 인 직선의 방정식을 $y=-\frac{2}{3}x+b$ 라 하면 점 $(3,\ 2)$ 를 지나므로 위 식에 대입하면 $2=-2+b,\ b=4$ 이다. 따라서 직선의 방정식은 $y=-\frac{2}{3}x+4$ 이다.
- 32) y = -3x 9
- $\Rightarrow y = -3x + b$ 에 x = -4, y = 3을 대입하면 3 = 12 + b, b = -9 $\therefore y = -3x 9$
- 33) y = -3x + 12
- $\Rightarrow y = -3x + b$ 로 놓고 x = 4, y = 0을 대입하면 0 = -12 + b $\therefore b = 12$ $\therefore y = -3x + 12$
- 34) $y = -\frac{3}{5}x + 3$
- \Rightarrow 일차함수의 식을 y=ax+b라 하면 기울기가 $-\frac{3}{5}$ 이므로 $y=-\frac{3}{5}x+b$ 라 나타낼 수 있다. 이 때, 이 그래프가 점 $(10,\ -3)$ 을 지나므로 식에 대입하면 $-3=-\frac{3}{5}\times 10+b,\ b=3$ 이다.
 - 따라서 구하는 함수의 식은 $y=-\frac{3}{5}x+3$ 이다.
- 35) y = -2x + 2
- \Rightarrow 일차함수 y=-2x+7의 그래프와 평행한 그래프는 기울 기가 -2이므로 y=-2x+b이고, 점(-1,4)를 지나면 $4=2+b,\ b=2$ 이다. 따라서 구하는 일차함수의 식은 y=-2x+2이다.

- 36) y = -4x 1
- 다 구하는 일차함수 y=ax+b가 y=-4x+7와 평행하므로 기울기 a는 -4이고, 점 (-1,3)을 지나므로 위 식에 대입하면 3=4+b, b=-1이다. 즉, 일차함수 식은 y=-4x-1이다.
- 37) y = -2x 1
- ightharpoonup 직선 y=-2x+4에 평행이면 기울기가 -2이다. 이 때, 직선의 방정식을 y=-2x+b라 하면 점(2,-5)를 지나므로 -5=-4+b, b=-1이다. 따라서 구하는 직선의 방정식은 y=-2x-1이다.
- 38) $y = \frac{1}{3}x 6$
- \Rightarrow x의 값의 증가량이 y의 값의 증가량의 3배이면 기울기 는 $\frac{1}{3}$ 이므로 일차함수 $y=\frac{1}{3}x+b$ 라 나타낸다.
 - 이 때, 이 그래프가 점 (6, -4)를 지나므로 위 식에 대입하면 -4=2+b, b=-6이다. 따라서 일차함수의 식은 $y=\frac{1}{2}x-6$ 이다.
- 39) y = 4x 9
- \Rightarrow y=4x+b로 놓고 x=1,y=-5를 대입하면 -5=4+b $\therefore b=-9$ $\therefore y=4x-9$
- 40) y = -4x 7
- \Rightarrow y=-4x+b에 x=-3, y=5를 대입하면 5=12+b, b=-7 \therefore y=-4x-7
- 41) $y = -\frac{7}{4}x 4$
- $\Rightarrow y = -\frac{7}{4}x + b$ 에 x = -4, y = 3을 대입하면
- 3 = 7 + b, b = -4 : $y = -\frac{7}{4}x 4$
- 42) $y = -\frac{1}{2}x + 3$
- \Rightarrow 일차함수 식을 y=ax+b라 하면 기울기 $a=\frac{y}{x} \stackrel{\text{X}}{\text{의 증가량}} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2} \text{이고, A} \quad (2,\ 2) = \text{ 지나므}$ 로 식에 대입하면 $2=-\frac{1}{2}\times 2+b,\ b=3$ 이다.
 - 따라서 구하는 일차함수 식은 $y=-\frac{1}{2}x+3$ 이다.
- 43) $y = -2x \frac{3}{2}$
- 다 x의 값이 1만큼 증가할 때, y의 값이 2만큼 감소하면 그 기울기는 -2인 일차함수 y=-2x+b로 나타낼 수 있다. 이 때, 이 그래프의 x절편이 $-\frac{3}{4}$ 이면 $0=\frac{3}{2}+b,\ b=-\frac{3}{2}$ 이다. 따라서 일차함수의 식은

$$y = -2x - \frac{3}{2} \, 0 | \, \Box |$$

44)
$$y = \frac{4}{3}x - \frac{16}{3}$$

- 다 두 점(0,-2), (3,2)를 지나는 일차함수의 기울기는 $\frac{2-(-2)}{3-0} = \frac{4}{3} \text{ 이다. 이를 만족하는 식은 } y = \frac{4}{3}x + b \text{이고,}$ x절편이 4이므로 점(4,0)을 위 식에 대입하면 $0 = \frac{16}{3} + b, \ b = -\frac{16}{3} \text{ 이다. 따라서 구하는 일차함수 식은}$ $y = \frac{4}{3}x \frac{16}{3} \text{ 이다.}$
- 45) y = 2x + 4
- 다 주어진 그래프의 기울기가 2이므로 y=2x+b로 놓고 $x=-1,\ y=2$ 를 대입하면 2=-2+b $\therefore b=4$
- 46) y = -3x 1
- \Rightarrow 주어진 그래프의 기울기가 -3이므로 y=-3x+b로 놓고 $x=-1,\ y=2$ 를 대입하면 2=3+b $\therefore b=-1$
- 47) y = x + 3
- 다 주어진 그래프의 기울기가 1이므로 y=x+b로 놓고 $x=-1,\ y=2$ 를 대입하면 2=-1+b \therefore b=3
- 48) $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$
- \Rightarrow 주어진 그래프의 기울기가 $-\frac{1}{2}$ 이므로 $y=-\frac{1}{2}x+b$ 로 놓고 $x=-1,\ y=2$ 를 대입하면 $2=\frac{1}{2}+b \qquad \therefore b=\frac{3}{2}$
- 49) $y = -\frac{1}{2}x + 1$
- 다 무 점(-3, 6), (3, 3)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{3-6}{3-(-3)} = -\frac{1}{2} \text{이므로 함수의 식은 } y = -\frac{1}{2}x + b \text{이고},$ x절편이 2이므로 점(2, 0)을 대입하면 $0 = -1 + b, \ b = 1 \text{이다}.$ 따라서 구하는 함수의 식은 $y = -\frac{1}{2}x + 1 \text{이다}.$
- 50) $y = -\frac{1}{2}x \frac{1}{2}$
- \Rightarrow 두 점 $(2,\ 1),\ (4,\ 0)$ 을 지나는 직선과 평행이면 기울기는 $\dfrac{0-1}{4-2} = -\dfrac{1}{2}$ 와 같다. 이 때, 구하는 함수의 식을 $y = -\dfrac{1}{2}x + b$ 라 하자. x절편이 -1이므로 점 $(-1,\ 0)$ 을

- 이 식에 대입하면 $0 = \frac{1}{2} + b$, $b = -\frac{1}{2}$ 이므로 함수의 식은 $y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$ 이다.
- 51) $y = \frac{2}{5}x 3$
- 다 기울기가 $\frac{2}{5}$ 이고, 점(0, -3)을 지나므로 y절편이 -3인 일차함수의 식을 y = ax + b라 하면 그 식은 $y = \frac{2}{5}x 3$ 이다.
- 52) $y = -\frac{2}{3}x + \frac{7}{3}$
- ⇒ 그림의 직선은 두 점 (4, 6), (13, 0)을 지나므로 그 기울기는 $\frac{0-6}{13-4} = \frac{-6}{9} = -\frac{2}{3}$ 이다. 평행한 두 직선의 기울기는 같으므로 구하는 일차함수의 기울기 역시 $-\frac{2}{3}$ 으로 $y = -\frac{2}{3}x + b$ 로 나타낼 수 있다. $y = -\frac{2}{3}x + b$ 에 x = -1, y = 3을 대입하면 $3 = \frac{2}{3} + b$ 이므로 $b = \frac{7}{3}$ 이다. 따라서 구하는 함수의 식은 $y = -\frac{2}{3}x + \frac{7}{3}$ 이다.
- 53) y = 3x 5
- \Rightarrow (기울기)= $\frac{1-4}{2-3}$ =3이므로 y=3x+b에 $x=2,\ y=1$ 을 대입하면 b=-5 따라서 구하는 함수의 식은 y=3x-5이다.
- 54) y = x + 7
- \Rightarrow (기울기)= $\frac{5-11}{-2-4}$ =1이므로 y=x+b에 x=-2, y=5를 대입하면 b=7이다. 따라서 구하는 함수의 식은 y=x+7이다.
- 55) y = -x 1
- \Rightarrow (기울기)= $\frac{1-(-4)}{-2-3}$ =-1이므로 y=-x+b에 x=-2, y=1을 대입하면 b=-1이다. 따라서 구하는 함수의 식은 y=-x-1이다.
- 56) $y = \frac{3}{2}x \frac{1}{2}$
- $(7|울7|) = \frac{4-7}{3-5} = \frac{3}{2} \text{이므로 } y = \frac{3}{2}x + b \text{에}$ $x = 3, \ y = 4 를 \ \text{대입하면 } b = -\frac{1}{2}$ $\therefore y = \frac{3}{2}x \frac{1}{2}$

57)
$$y = -\frac{1}{3}x + \frac{14}{3}$$

$$\Rightarrow$$
 (기울기)= $\frac{3-5}{5-(-1)}$ = $-\frac{1}{3}$ 이므로 $y=-\frac{1}{3}x+b$ 에 $x=5,\ y=3$ 을 대입하면 $b=\frac{14}{3}$

$$\therefore y = -\frac{1}{3}x + \frac{14}{3}$$

58)
$$y = 3x - 1$$

다 (기울기) =
$$\frac{-4-5}{-1-2}$$
 = 3이므로 $y=3x+b$ 로 놓고 $x=2,y=5$ 를 대입하면 $5=6+b$ $\therefore b=-1$ $\therefore y=3x-1$

59)
$$y = -2x + 4$$

다 두 점
$$(1, 2)$$
, $(3, -2)$ 를 지나는 직선의 기울기는
$$\frac{-2-2}{3-1} = -2$$
이므로 $y = -2x + b$ 이다. 이 때, 점 $(1, 2)$ 를 대입하면 $2 = -2 + b$, $b = 4$ 이다. 따라서 구하는 함수의 식은 $y = -2x + 4$ 이다.

60)
$$y = -\frac{1}{3}x + \frac{16}{3}$$

$$(기울기) = \frac{4-5}{4-1} = -\frac{1}{3} \text{ 이므로 } y = -\frac{1}{3}x + b \text{ 돌 } \Sigma$$

$$x = 1, x = 5 \text{ 를 대입하면 } 5 = -\frac{1}{3} + b \text{ } \therefore b = \frac{16}{3}$$
 따라서 구하는 함수의 식은 $y = -\frac{1}{3}x + \frac{16}{3}$ 이다.

61)
$$y = -3x + 4$$

$$\Rightarrow$$
 $(기울기)=\frac{-2-1}{2-1}=-3$ 이므로 $y=-3x+b$ 놓고, 점 $(1,\ 1)$ 을 대입하면 $1=-3+b,\ b=4$ 이다. 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=-3x+4$ 이다.

62)
$$y = \frac{3}{2}x - 4$$

$$(기울기) = \frac{2-(-1)}{4-2} = \frac{3}{2} \text{ 이므로 } y = \frac{3}{2}x + b \text{ 를 돌고}$$
 $x=2,y=-1$ 을 대입하면 $-1=3+b$ $\therefore b=-4$ 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=\frac{3}{2}x-4$ 이다.

63) y = -x - 2

다 (기울기) =
$$\frac{2-(-2)}{-4-0}$$
 = -1 이므로 $y=-x+b$ 로 놓고 $x=0,y=-2$ 를 대입하면 $-2=0+b$ $\therefore b=-2$ 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=-x-2$ 이다.

64)
$$y = \frac{3}{5}x + \frac{11}{5}$$

$$\Rightarrow$$
 두 점 $(-2, 1), (3, 4)$ 을 지나는 직선 $y = ax + b$ 의 기울기

$$a=\frac{4-1}{3-(-2)}=\frac{3}{5} \text{ 이므로 } y=\frac{3}{5}x+b \text{을 만족한다. } \mathfrak{E}, \text{ 위}$$
 식에 $(3,\ 4)$ 를 대입하면 $4=\frac{9}{5}+b,\ b=\frac{11}{5}$ 이다. 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=\frac{3}{5}x+\frac{11}{5}$ 이다.

65)
$$y = -\frac{2}{3}x + \frac{7}{3}$$

다 두 점
$$(-1, 3)$$
, $(2, 1)$ 을 지나므로
$$(기울기) = \frac{3-1}{-1-2} = -\frac{2}{3} \text{이므로 } y = -\frac{2}{3} x + b \text{라 놓고}$$
 $x = -1$, $y = 3$ 을 대입하면 $b = \frac{7}{3}$ 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y = -\frac{2}{3} x + \frac{7}{3}$ 이다.

66)
$$y = x + 3$$

$$ightharpoonup 두 점 (-2, 1), (1, 4)를 지나므로
$$(기울기) = \frac{4-1}{1-(-2)} = 10 | \text{므로 } y = x+b \text{로 놓고}$$

$$x = -2, y = 1 \text{을 대입하면 } 1 = -2+b \text{ } \therefore b = 3$$

$$\therefore y = x+3$$$$

67)
$$y = -2x - 3$$

$$\Rightarrow$$
 두 점 $(-3, 3)$, $(1, -5)$ 를 지나므로 (7) 울기 $) = \frac{-5-3}{1-(-3)} = -20$ l므로 $y = -2x + b$ 로 놓고 $x = -3, y = 3$ 을 대입하면 $3 = 6 + b$ $\therefore b = -3$ $\therefore y = -2x - 3$

68)
$$y = \frac{5}{4}x + \frac{3}{2}$$

다 두 점
$$(-2, -1)$$
, $(2, 4)$ 를 지나므로
$$(기울기) = \frac{4-(-1)}{2-(-2)} = \frac{5}{4} \text{이다.}$$

$$y = \frac{5}{4}x + b \text{라 놓고 이 식에 점 } (2, 4) \text{를 대입하면 }$$

$$4 = \frac{5}{2} + b \qquad \therefore b = \frac{3}{2}$$
 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y = \frac{5}{4}x + \frac{3}{2} \text{이다.}$

69)
$$y = -\frac{4}{5}x + \frac{13}{5}$$

다 두 점
$$(-3, 5)$$
, $(2, 1)$ 을 지나므로 기울기는
$$\frac{5-1}{-3-2} = -\frac{4}{5} \text{ 이다.} \quad y = -\frac{4}{5} x + b \text{라 놓고 점 } (2, 1)$$
을 지나므로 대입하면 $b = \frac{13}{5} \text{ 이다.}$

따라서 구하는 일차함수의 식은
$$y = -\frac{4}{5}x + \frac{13}{5}$$
이다.

70)
$$y = \frac{5}{8}x + \frac{23}{8}$$

⇨ 두 점 (-3, 1), (5, 6)을 지나므로

$$(7|울7|) = \frac{6-1}{5-(-3)} = \frac{5}{8}$$

$$y = \frac{5}{8}x + b$$
라 놓고 $(-3, 1)$ 을 대입하면

$$1 = -\frac{15}{8} + b$$
 : $b = \frac{23}{8}$

따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=\frac{5}{8}x+\frac{23}{8}$ 이다.

71) $y = -\frac{8}{5}x + \frac{4}{5}$

⇨ 두 점 (-2, 4), (3, -4)를 지나므로

$$(7|울7) = \frac{-4-4}{3-(-2)} = -\frac{8}{5}$$
이다.

 $y=-rac{8}{5}x+b$ 라 하면 $(-2,\ 4)$ 를 지나므로 대입하면

$$4 = \frac{16}{5} + b \qquad \therefore \quad b = \frac{4}{5}$$

따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=-\frac{8}{5}x+\frac{4}{5}$ 이다.

72) -1

 \Rightarrow 두 점(-1, 3), (2, -3)을 지나는 직선 y = ax + b에서

기울기
$$a = \frac{-3-3}{2-(-1)} = -2$$
이므로 $y = -2x + b$ 이다.

이 때, 점 (-1, 3)을 대입하면 3=2+b, b=1이다.

따라서 a+b=-1이다.

73) 5

울기가 $\frac{-1-1}{2-1}$ =-2이므로 y=-2x+b이고, 점(1, 1)을

대입하면 b=3이다. 따라서 일차함수의 식은 y=-2x+3이고, b-a=5이다.

74) -4

ightharpoonup 두 점 $(-3,\ a),\ (1,\ 3a)$ 를 지나는 직선의 식이

y = -4x + b이면 기울기는

$$\frac{3a - a}{1 - (-3)} = -4 \implies 2a = -16 \implies a = -8$$

또, y = -4x + b의 식에 점 (-3, -8)을 대입하면

-8 = 12 + b, $\therefore b = -20$

 $\therefore -2a+b=-4$

75) 1

 \Rightarrow 두 점 (2, a), (6, -5)을 지나는 그래프의 기울기는

y = -3x + b의 기울기와 같으므로 $\frac{-5-a}{6-2} = -3$, a = 7

일차함수 y=-3x+b의 식에 점 (2, 7)을 대입하면

 $7 = -6 + b \qquad \therefore \quad b = 13$ $\therefore \quad 2a - b = 1$

76) 16

 \Rightarrow 두 점(-1, a), (2, 3a)를 지나는 직선의 기울기가 일차함수 y = 4x + b의 기울기와 같으므로

$$\frac{3a-a}{2-(-1)} = 4, \ 2a = 12, \ \therefore a = 6$$

또, 점(-1, 6)을 y = 4x + b에 대입하면

$$6 = -4 + b$$
 $\therefore b = 10$

 $\therefore a+b=16$

77) -2

 \Rightarrow 두 점(-4, 0), (2, 3)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{1}{2}$ 이

고, 두 점을 지나므로 직선의 방정식은 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 이다.

이 때, 구하는 식이 $y=\frac{1}{a}x-\frac{b}{a}$ 이므로 $a=2,\ b=-4$ 이

다.

 $\therefore a+b=-2$

78) 3

⇒ 두 점 (3, 4), (1, 8)을 지나므로

$$(7|울7|) = \frac{4-8}{3-1} = \frac{-4}{2} = -20$$
다. $y = -2x + t$ 라 놓고

점 (1, 8)을 지나므로 대입하면 t=10이다.

따라서 일차함수는 y = -2x + 10이고, x절편은 5, y절편은 10이다.

 $\therefore a-b+c=-2-5+10=3$

79) 0

 \Rightarrow 두 점 (-2, 5), (2, -3)을 지나는 직선의 그래프는 기울기가 $\frac{-3-5}{2-(-2)} = \frac{-8}{4} = -2$ 로 y = -2x + b의 형태로 나

타내 스 이다

위 식에 x=-2, y=5를 대입하면 5=4+b에서 b=1이므로 두 점을 지나는 일차함수의 식은 y=-2x+1이다.

이 직선의 그래프를 y축의 방향으로 k만큼 평행이동 한 식은 y=-2x+1+k이므로 a=-2, 3=1+k이다.

 $\therefore a = -2, k = 2$

 $\therefore a+k=-2+2=0$

80) 6

$$\stackrel{\sim}{\neg}$$
, $\frac{a-2}{-1} = \frac{-6}{6} \Rightarrow \therefore a = 3$

이 때, 각각의 직선의 식을 $y=-x+b_1$, $y=-x+b_2$ 라 하면 점(2, 2)와 점(-2, 3)을 각각의 식에 대입한다.

즉, $2=-2+b_1$, $b_1=4$ 이고 $3=2+b_2$, $b_2=1$ 이고 y절편 b_1

와 b_2 의 차가 b일 때, b=3 이다.

따라서 a+b=6이다.

81) $-\frac{1}{3}$

ightharpoonup 두 $\mathrm{Ad}(-1,\ 10),(5,\ -8)$ 을 지나는 직선의 방정식을

y=ax+b라 하면 기울기 $a=\frac{-8-10}{5-(-1)}=-3$ 이므로 y=-3x+b이고, 이 식에 점 $(-1,\ 10)$ 을 대입하면 $10=3+b,\ b=7$ 이다. 즉, 직선의 방정식은 y=-3x+7이다. 이 때, 이 직선을 y축의 방향으로 -4만큼 평행 이동한 식은 y=-3x+3이고 이 직선이 $(a,\ 4)$ 를 지나므로 식에 대입하면 $4=-3a+3,\ \therefore a=-\frac{1}{3}$ 이다.

- 82) y = -2x + 4
- \Rightarrow 두 점 (2, 0), (0, 4)를 지나므로 $(7|27) = \frac{0-4}{2-0} = -2 \therefore y = -2x + 4$
- 83) y = -2x 4
- \Rightarrow 두 점(-2, 0), (0, -4)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{-4-0}{0-(-2)} = -20$ 므로 구하는 일차함수의 식은 y = -2x-4이다.
- 84) y = x + 3
- \Rightarrow 두 점 (-3, 0), (0, 3)을 지나므로 $(7|37) = \frac{0-3}{-3-0} = 1 : y = x+3$
- 85) $y = \frac{5}{4}x + 5$
- \Rightarrow 두 점 (-4, 0), (0, 5)를 지나므로 $(7|37) = \frac{0-5}{-4-0} = \frac{5}{4} \therefore y = \frac{5}{4}x + 5$
- 86) $y = -\frac{3}{5}x 3$
- \Rightarrow x절편이 -5인 좌표 (-5,0), y절편이 -3인 좌표 (0,-3)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{-3-0}{0-(-5)}=-\frac{3}{5}$ 이다. 따라서 구하는 일차함수의 식은 $y=-\frac{3}{5}x-3$ 이다.
- 87) y = -2x + 6
- \Rightarrow y절편이 6이므로 y=ax+6이고, x절편이 3이므로 (3,0)을 지난다. y=ax+6에 x=3, y=0을 대입하면 3a+6=0에서 a=-2이다.
- 88) y = 2x + 4
- \Rightarrow (두 점 (-2,0),(0,4)를 지나므로 $(기울기) = \frac{4-0}{0-(-2)} = 2$ 이고, y절편이 4이므로 y=2x+4
- 89) $y = -\frac{3}{2}x + 3$
- \Rightarrow 두 점(2, 0), (0, 3)을 지나는 일차함수 y=ax+b의 기을 기 $a=-\frac{3}{2}$ 이고, y절편 b=3이므로 구하는 일차함수의

식은
$$y = -\frac{3}{2}x + 3$$
이다.

- 90) $y = -\frac{5}{3}x + 5$
- \Rightarrow (기울기)= $\frac{0-5}{3-0}$ = $-\frac{5}{3}$ $\therefore y = -\frac{5}{3}x + 5$
- 91) y = 5x + 5
- ⇒ (7)울기 $) = \frac{5-0}{0-(-1)} = 5$ 이고, 점 (0,5)를 지나므로 y절 편은 5이다. ∴y = 5x + 5
- 92) y = 4x + 8
- \Rightarrow (기울기)= $\frac{8-0}{0-(-2)}$ =4이고, y절편이 8이므로 일차함수의 식은 y=4x+8이다.
- 93) $y = -\frac{6}{5}x + \frac{4}{5}$
- $\Rightarrow (7) \Rightarrow (7) \Rightarrow \frac{\frac{4}{5}}{\left(-\frac{2}{3}\right)} = -\frac{6}{5} \text{이고}, \ y \\ \text{절편이} \quad \frac{4}{5} \text{이므로 구하는}$
 - 일차함수의 식은 $y = -\frac{6}{5}x + \frac{4}{5}$ 이다.
- 94) $y = \frac{3}{5}x + 3$
- \Rightarrow 두 점 (-5,0),(0,3)을 지나므로
 - $(7]울7]) = \frac{3-0}{0-(-5)} = \frac{3}{5}$ y절편이 3이므로 $y = \frac{3}{5}x + 3$
- 95) $y = -\frac{3}{2}x 3$
- ⇒ 두 점 (-2,0),(0,-3)을 지나므로
 - (기울기 $) = \frac{-3-0}{0-(-2)} = -\frac{3}{2}$ y절편이 -3이므로
 - $y = -\frac{3}{2}x 3$
- 96) $y = -\frac{4}{3}x + 4$
- ⇒ 두 점 (3, 0), (0, 4)를 지나므로
 - $(7|울7|) = \frac{0-4}{3-0} = -\frac{4}{3}$
 - $\therefore y = -\frac{4}{3}x + 4$
- 97) $y = \frac{1}{2}x 2$
- ⇒ 두 점 (4, 0), (0, -2)를 지나므로
 - $(7|울7|) = \frac{0 (-2)}{4 0} = \frac{1}{2}$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x - 2$$

98)
$$y = -2x - \frac{2}{3}$$

99)
$$y = \frac{1}{3}x + 2$$

- \Rightarrow 기울기 $\frac{1}{3}$ 이고, y절편이 2이므로 직선의 방정식은 $y = \frac{1}{3}x + 2$ 이다.
- 100) $y = \frac{3}{5}x 3$
- \Rightarrow 기울기가 $\frac{3}{5}$ 이고, y절편이 -3이므로 일차함수의 식은 $y = \frac{3}{5}x 3$ 이다.
- 101) $\frac{1}{2}$
- $\Rightarrow y = -\frac{a}{b}x \frac{c}{b}$ 의 그래프가 두 점 (1, 0), (0, 2)를 지나 므로 (7)울기 $) = \frac{2-0}{0-1} = -2$ $-\frac{a}{b} = -2$ 에서 $\frac{a}{b} = 2$ $\therefore \frac{b}{a} = \frac{1}{2}$
- 102) $\frac{1}{2}$
- \Rightarrow 그래프는 x절편이 4, y절편이 2이므로 $\frac{x}{4} + \frac{y}{2} = 1$ 이다.
- $\therefore y = -\frac{1}{2}x + 2$ $-\frac{a}{b} = -\frac{1}{2} \qquad \therefore \frac{a}{b} = \frac{1}{2}$
- 103) -6
- \Rightarrow y=ax-b에서 기울기 $a=\frac{3}{2}$, y절편 b=-3이므로 직선의 방정식은 $y=\frac{3}{2}x+3$ 이다.
 - 이 직선이 점(-6, c)를 지날 때, c=-6이다.
 - $\therefore 2a+b+c=-6$
- 104) 4
- \Rightarrow 그래프의 식은 $y=\frac{4}{3}x-4$ 이다. 이 식을 y축의 방향으로 7만큼 평행 이동한 식은 $y=\frac{4}{3}x+3$ 이다.
 - $\therefore ab = \frac{4}{3} \times 3 = 4$
- 105) $\frac{17}{3}$

- \Rightarrow 두 점(1, -1), (4, 3)을 지나는 직선의 기울기는 $\frac{4}{3}$ 이고
 - 그 식을 $y=\frac{4}{3}x+b$ 라 하자. 이 때, x의 값이 6만큼 증가할 때, y의 값이 a만큼 증가하면 a=8이다.
 - 또, 점(1, -1)을 $y = \frac{4}{3}x + b$ 에 대입하면 $b = -\frac{7}{3}$ 이다.
 - $\therefore a+b=\frac{17}{3}$

106) 0

- 다 두 점(5, 2), (-2, -5)를 지나는 직선의 기울기는 $\frac{-5-2}{-2-5}$ =1이므로 일차함수 y=x+b이고, 점(5, 2)를 대입하면 2=5+b, b=-3이다.
 - 따라서 일차함수의 식은 y=x-3이다. 이 때, 점 A의 좌표가 $(c,\ 0)$ 이면 $(3,\ 0)$ 이므로 c=3, B의 좌표가 $(0,\ d)$ 이면 $(0,\ -3)$ 이므로 d=-3이다.
 - $\therefore c+d=0$