용인고등학교 2학기 기말고사

수학2

내신코치에서는 전국 최신 기출문제를 완전무료로 제공합니다.

점 수

- $\mathbf{1}$. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각
- **2.** t에서 위치 x가 $x = \frac{1}{3}t^3 \frac{5}{2}t^2 + 6t + 1$ 일 때, 점 P 가 운동 방향을 처음으로 바꾸는 시각은?
 - 1 1
- ② 2
- ③ 3
- 4

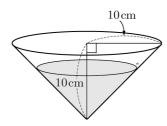
- **⑤** 5
- **3.** 함수 f(x)가 $f(x) = \int \left\{ \frac{d}{dx} (2x^3 2x) \right\} dx$ 이고 f(0) = 3일 때, f(1)의 값은?
 - 1 1
- ② 2
- 3 3
- (4) 4
- **⑤** 5
- **4.** 방정식 $x^3 2x^2 = x^2 2 + k$ 가 서로 다른 두 개의 양의 근과 한 개의 음의 근을 갖도록 하는 정수 k의 개수는?
 - ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 5개
- **5.** $\int_{-1}^{1} |2x^3| dx$ 의 값은?
 - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- (4) 4
- **⑤** 5

6. 임의의 실수 x에 대하여

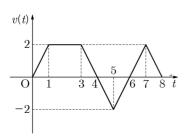
$$\int_a^x f(t)dt = 2x^2 - 10x + 12$$
을 만족시키는 연속함수 $f(x)$ 와 상수 a 에 대하여 $f(3) + a$ 의 값은? (단, $a \leq 2$)

- 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5
- **7.** $\lim_{h\to 0} \left\{ -\frac{5}{2h} \int_{1}^{1-h} (5x^2 6x + 3) dx \right\}$ 의 값은?
 - ① 1
- 2 2
- 3 3
- **4**
- **⑤** 5
- 8. 다항함수 f(x)의 한 부정적분을 F(x)라고 하면 $F(x) = xf(x) 5x^3 + 4x^2$ 이 성립하고 $f(2) = \frac{31}{2}$ 일 때, 함수 f(1)의 값은?
 - 1
- $\bigcirc 2$
- ③ 3
- (4) 4
- ⑤ 5
- 9. 곡선 $y=x^2+ax$ 와 x축으로 둘러싸인 도형의 넓이가 $\frac{4}{3}$ 일 때, 양수 a의 값은?
 - ① $\frac{1}{2}$
- 2 1
- $3\frac{3}{2}$
- **4** 2

10. 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 10 cm 이고 높이가 10 cm 인 원뿔 모양의 그릇이 있다. 비어 있는 이 그릇에 매초 2 cm의 속도로 수면의 높이가 상승하도록 물을 부을 때, 3초 후 그릇에 담긴 물의 부피의 변화율은? (단, 그릇의 두께는 무시한다.)



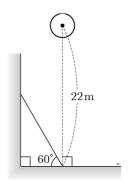
- ① $24\pi \,\mathrm{cm}^3/\mathrm{s}$
- ② $36\pi \, \text{cm}^3/\text{s}$
- $3 48\pi \, \text{cm}^3/\text{s}$
- $40 64\pi \, \text{cm}^3/\text{s}$
- (5) $72\pi \text{ cm}^3/\text{s}$
- 11. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t에서의 속도 v(t)의 그래프가 그림과 같을 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?



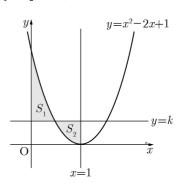
<보기>

- 지. 점 P는 출발 후 움직이는 동안 운동 방향을 2번 바 꾼다.
- ㄴ. t=4일 때 점 P는 원점을 다시 지난다.
- c. t = 6 일 때 점 P의 위치는 8이다.
- ① ¬
- (2) L
- ③ ¬, ⊏
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄸ

12. 그림과 같이 평평한 바닥에 60° 만큼 기울어진 경사면과 반지름의 길이가 1 m 0 공이 있다. 이 공의 중심은 경사면과 바닥이 만나는 지점에서 수직으로 22 m 높이에 있다. 이 공이 자유 낙하할 때, t 초 후 공의 중심의 높이를 h m라고 하면 $h = 22 - 5t^2 0$ 관계가 성립한다고 한다. 공이 경사면과 처음으로 충돌하는 순간, 공의 중심의 속도는?



- ① $-50 \,\mathrm{m/s}$
- $2 40 \, \text{m/s}$
- $3 30 \, \text{m/s}$
- $(4) 20 \,\mathrm{m/s}$
- $(5) -10 \,\mathrm{m/s}$
- **13.** 그림과 같이 곡선 $y=x^2-2x+1$ 과 y축 및 직선 y=k로 둘러싸인 도형의 넓이를 S_1 , 이 곡선과 두 직선 x=1, y=k로 둘러싸인 도형의 넓이를 S_2 라 하자. $S_1=S_2$ 일 때, 상수 k의 값은? (단, k>0)



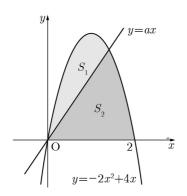
- $\textcircled{1} \ \frac{1}{4}$

 $3\frac{1}{2}$

4) 1

(5) 2

- **14.** 함수 $f(x) = \sqrt{x-a}$ 의 역함수를 g(x)라고 할 때, $\int_a^{a+4} f(x) dx + \int_0^2 g(x) dx = 16$ 을 만족시키는 양수 a의 값은?
 - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5
- **15.** 그림과 같이 곡선 $y=-2x^2+4x$ 와 x축으로 둘러싸인 도형이 직선 y=ax로 나누어진 부분 중 위쪽과 아래쪽의 넓이를 각각 S_1 , S_2 라고 할 때, S_1 : $S_2=8$: 19 를 만족시키는 양수 a의 값은?



- ① $\frac{2}{3}$
- ② 1
- $3\frac{4}{3}$
- $4 \frac{5}{3}$
- ⑤ 2
- 16. 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q가 있다. 점 P는 좌표가 1인 점에서 출발하여 시각 t에서 속도 가 $v(t)=12t^2-36t+25$ 이고, 점 Q는 좌표가 k인 점에서 출발하여 시각 t에서 속도가 1이다. 두 점 P, Q가 동시에 출발한 후 세 번 만나도록 하는 정수 k의 값은?
 - \bigcirc 2
- ② 4
- ③ 6
- **4**) 8
- (5) 10

- **17.** 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 t에서 위치 x가 $x=t^3-2t^2-3t$ 일 때, 다음 물음에 답하시오.
 - (1) 점 P가 다시 원점에 돌아온 순간의 속도를 구하시오.
 - (2) 점 *P*가 다시 원점에 돌아온 순간의 가속도를 구하시 오.
- **18.** 함수 f(x)가

 $f'(x) = 2x + 3x^2 + 4x^3 + \dots + 10x^9 + 11x^{10}$ 을 만족할 때, 다음 물음에 답하시오.

- (1) f(x)를 구하시오.
- (2) f(0) = 5일 때, f(1)의 값을 구하시오.
- **19.** 곡선 $y=x^3+x^2-2x$ 위의 점 P(-1,2)에서의 접선과 이 곡선으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하시오.





무조건 시험에 나오는 <mark>필수 출제 유형 문제</mark>

3일의기적 쪽집게 문제!!!

- 1) ②
- 2) ③
- 3) ③
- 4) ①
- 5) ④
- 6) ⑤
- 7) ①
- 8) ④
- 9) ⑤
- 10) ①
- 11) ④
- 12) ②
- 13) ④
- 14) ③
- 15) ⑤
- 16) (1) 12 (2) 14
- 17) (1) $f(x)=x^2+x^3+x^4+\cdots+x^{11}+C$ (*C*는 적분상수)
 - (2) f(1)=15
- 18) $\frac{4}{3}$