교과서 변형문제 기본



[문제]



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-07-13
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[부분집합]

- 부분집합: 집합 A의 모든 원소가 집합 B에 속할 때, 집합 A는 집합 B의 부분집합이고, 기호로 $A \subset B$ 와 같이 나타낸다.
- 부분집합의 성질
- (1) 공집합은 모든 집합의 부분집합이다.
- (2) 모든 집합은 자기 자신의 부분집합이다.

[기호 ∈, ⊂의 사용]

- (1) 원소와 집합 사이의 관계를 나타내는 기호: ∈
- (2) 집합과 집합 사이의 관계를 나타내는 기호: ○

[서로 같은 집합]

• 서로 같은 집합: 집합 A의 모든 원소가 집합 B에 속하고, 집합 B의 모든 원소가 집합 A에 속할 때, 두 집합 A, B는 서로 같다고 한다. 기호로 A=B와 같이 나타낸다.

[부분집합의 개수]

집합 $A = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$ 일 때,

- (1) 집합 A의 부분집합의 개수: 2^n
- (2) 집합 A의 진부분집합의 개수: $2^{n}-1$
- ($A \subset B$ 이고 $A \neq B$ 일 때, 집합 A를 집합 B의 **진부분집합**이라 한다.)

기본문제

[문제]

- **1.** 두 집합 A, B가 다음과 같을 때, 두 집합 사이에 $A \subset B$ 의 포함 관계가 성립하는 것을 있는 대로 고른 것은?
- \neg . $A = \{1, 3, 5\}$

 $B = \{x \mid x \in 3$ 이하의 자연수\

- $A = \{x \mid x^2 4 = 0\}$
 - $B = \{-2, 2\}$
- \Box . $A = \{1, 2, 3, 12\}$

B={x | x는 12의 양의 약수}

- ① ¬
- 2 L
- ③ ┐, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ∟, ⊏

2. 두 집합 A, B가 다음과 같을 때, 두 집합 사이에 A = B의 포함 관계가 성립하는 것을 있는 대로 고른 것은?

 \neg . $A = \{1, 3, 5\}$

 $B = \{5, 3, 1\}$

 \bot . $A = \{2, 4, 6, 8\}$

 $B = \{x \mid x = 10 \ \text{보다 작은 짝수}\}$

 \Box . $A = \{x \mid x \in 3$ 보다 큰 홀수\

 $B = \{x \mid x$ 는 4보다 큰 홀수 $\}$

- ① ¬
- 2 L
- ③ ┐, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ᄀ, ∟, ⊏

[예제]

- **3.** 집합 $A = \{1, 2, 3\}$ 에서 A의 진부분집합의 개수는?
 - ① 6개
- ② 77H
- ③ 8개
- ④ 9개
- ⑤ 10개

[문제]

4. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합 중 원소의 개수가 3개 이상인 부분집합의 개수는?

- ① 2개
- ② 3개
- ③ 4개
- ④ 5개
- ⑤ 6개

평가문제

[소단원 확인 문제]

- 5. 자연수, 정수, 유리수, 실수 전체의 집합을 각각 N, Z, Q, R 라고 할 때, 다음 중 그 포함 관계를 옳게 나타낸 것은?
 - ① $N \subset Z \subset Q \subset R$

 - 4 $Z \subset N \subset R \subset Q$

[소단원 확인 문제]

- **6.** 다음 중 (¬), (ㄴ)에 들어갈 기호로 알맞은 것은?
- * $A = \{1, 2, 4, 8\}$, $B = \{x \mid x = 16 의 약수\} 일 때 <math>A \boxed{\neg}B$
- ① (¬): ⊂
- (∟): ⊂
- ② (¬): ⊂
- (∟): ⊄
- ③ (¬): ∠
- (∟): ⊂
- ④ (¬): ⊄
- (∟): ⊄
- ⑤ (¬):∈
- (∟): ⊂

[소단원 확인 문제]

7. 두 집합 A, B가 다음과 같다.

 $A = \{-1, 1\}, B = \{x | x^3 + ax = b\}$

두 집합 사이에 $A \subset B$ 의 관계가 성립할 때, 두 상 수 a,b에 대하여 a+2b의 값은?

- $\bigcirc -2$
- 2 1

- 3 0
- **4** 1
- (5) 2

[소단원 확인 문제]

- 8. 두 집합 A = {x | x 는 8의 배수}, B = {x | x 는 a의 배수}에서 A ⊂ B이고 A ≠ B를 만족시킬 때, 가능한 1보다 큰 모든 자연수 a 값의 합은?
 - 1 6
- ② 7
- 3 8

- **4** 9
- (5) 10

[소단원 확인 문제]

- 9. 두 집합 $A = \{x \mid 3 \le x \le 8\}$, $B = \{x \mid 1 < x < a\}$ 에서 $A \subset B$ 가 성립할 때, 정수 a의 최솟값은?
 - 6

② 7

3 8

- **4** 9
- **⑤** 10

[소단원 확인 문제]

- **10.** 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 일 때, 집합 A의 부분집합 중에서 원소 1, 2는 속하고 원소 6은 속하지 않는 집합의 개수는?
 - ① 2개
- ② 4개
- ③ 8개
- ④ 16개
- ⑤ 32개

[중단원 연습 문제]

- **11.** 두 집합 $A = \{a, 3\}$, $B = \{2a-1, 3, 4\}$ 에서 A가 B의 부분집합일 때, 가능한 정수 a의 값의 합은? (단, $a \neq 3$)
 - \bigcirc 2
- ② 3
- ③ 4
- **4**) 5
- (5) 6

[중단원 연습 문제]

- **12.** 두 집합 $A = \{x | -2 < x < 3\}$, $B = \{x | a < x \le b\}$ 에서 $A \supset B$ 가 성립할 때, 두 정수 a, b에 대하여 b-a의 최댓값은?
 - ① 3

2 4

35

4 6

⑤ 7

[문세

13. 다음 중 (¬), (L)에 들어갈 내용으로 알맞은 것은?

 $\{x \mid x^2 - 4 = 0\}$ (\neg) $\{-2, 0, 2\}$

 $\{x \mid x = 12$ 의 약수 $\{x \mid x = 16$ 의 약수 $\}$

- ① $(\neg) \in (\bot) \subset$
- 2 (\neg) \subset , (\bot) $\not\subset$
- ④ (¬) ⊄, (∟) ⊄
- ⑤ (¬) ⊄, (∟) ⊂

[문제]

- **14.** 두 집합 $A = \{1, 3, a\}, B = \{b-1, a-1, 1\}$ 에 대하 여 A = B일 때, 두 상수 a, b의 합 a+b의 값은?
 - ① 6
- 2 7
- 3 8
- (4) 9
- **⑤** 10

[문제]

- **15.** 집합 $A = \{x | x \in 15$ 보다 작은 홀수 $\}$ 의 진부분집합으로 옳지 않은 것들을 모두 고르면?
 - ① $\{x | x^2 16 < 0, (단, x = 2k 1, k$ 는 정수)}
 - ② $\{x | x^2 10x + 24 < 0, (단, x는 자연수)\}$
 - 3 $\{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$
 - ④ $\{x | x 는 소수\} \cap \{x | x 는 12 의 약수\}$
 - (5) $\{1, 3, 5, 7, 9\} \cap \{2, 4, 6, 8\}$

[문제]

- **16.** 다음 중 두 집합 A, B가 서로소인 것만을 있는 대로 고른 것은?
- $\lnot.\ A = \{f,\,a,\,c,\,t\}$

 $B = \{h, a, p, y\}$

- $L. A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$
 - $B = \{x | x 는 100 이하의 짝수\}$
- C. A = {x | x는 12의 약수}
 - B = {x | x 는 9의 배수}
- ① 7
- 2 L
- ③ ┐, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ∟. ⊏

유사문제

- $\lnot.\ \{\varnothing\}{\subset}\, A$
- ∟. 1∈A
- \sqsubset . $\{1,3\}$ \subset A
- ${\,\dashv\!=\,}.\ \varnothing\subset A$
- \Box . $\{3\} \in A$
- ㅂ. $\{1,3,4\} \subset A$
- ① ¬, ∟, □
- ② ㄴ, ㄷ, ㄹ
- ③ 7, □, ⊇
- ④ L. 己. ㅂ
- ⑤ ⊏, □, ㅂ

18. 두 집합 $A = \{x \mid -5 \le x < -3k\}$,

 $B = \{x \mid k \le x \le 6\}$ 에 대하여 $B \subset A$ 가 성립할 때, k의 범위는?

- ① -5 < k < 2
- ② $-5 < k \le -2$
- $3 5 \le k \le -2$
- $\bigcirc 4 5 \le k < -2$
- ⑤ $k < -5, k \ge -2$
- **19.** 두 집합 $A = \{1,7,a\}$, $B = \{1,2,a+b\}$ 에 대하여 A = B를 만족시키는 상수 b의 값은?
 - ① 2

② 3

③ 4

4) 5

- **⑤** 6
- **20.** 집합 $\{-1,0,1\}$ 의 진부분집합의 개수는?
 - ① 6

2 7

- 3 8
- **4** 9
- **⑤** 10
- **21.** 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, \dots, n\}$ 의 부분집합 중에서 3, 5는 반드시 원소로 갖고 2, 4는 원소로 갖지 않는 집합 X의 개수가 64일 때, 자연수 n의 값은?
 - ① 7

- ② 10
- 3 12
- (4) 15
- (5) 18

정답 및 해설

1) [정답] ⑤

[해설] \neg . $5 \in A$ 인데 $5 \not\in B$ 이므로 $A \not\subset B$ 이다.

L. $A = \{-2, 2\}$ 이므로 $A \subset B$ 이다.

 \sqsubset . $1 \in B$, $2 \in B$, $3 \in B$, $12 \in B$ 이므로 $A \subset B$ 이다.

따라서 $A \subset B$ 가 성립하는 것은 L, C이다.

2) [정답] ⑤

[해설] \neg . A = B이다.

L. $B = \{2, 4, 6, 8\}$ 이므로 A = B이다.

 \sqsubset . $A = \{5, 7, 9, \dots\}$, $B = \{5, 7, 9, \dots\}$ 이므로 A = B이다.

따라서 A=B인 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

3) [정답] ②

[해설] 집합 A의 진부분집합은 A 자기 자신이 제외되므로 개수는 $2^3-1=7$ 이다.

4) [정답] ④

[해설] A의 부분집합 중 원소의 개수가 3개 이상인 집합은

{1, 2, 3}, {1, 2, 4}, {1, 3, 4}, {2, 3, 4}, {1, 2, 3, 4}이므로 총 5개다.

5) [정답] ①

[해설] 모든 자연수는 정수이고, 모든 정수는 유리수이며, 유리수와 무리수가 모여 실수가 된다. 따라서 포함 관계는

 $N \subset Z \subset Q \subset R$ 가 성립한다.

6) [정답] ②

[해설] * $A = \{1, 2, 4, 8\}$, $B = \{x \mid x$ 는 16의 약수} 일 때 $A \subset B$

* $A = \{x \mid x \in 15 의 약수\},$

 $B = \{x \mid x \leftarrow 10 의 약수\}$ 일 때 $A \not\subset B$

7) [정답] ②

[해설] $A \subset B$ 가 성립하려면

 $x^3 + ax = b$ 의 근 중 2개가 -1, 1이어야 한다.

즉, 대입하면

-1-a=b, 1+a=b

이를 연립하면 a=-1, b=0이다.

따라서 a+2b=-1이다.

8) [정답] ①

[해설] $A \subset B$ 가 성립하려면 a는 8의 약수여야 한다. $A \neq B$ 이므로 a=2,4이다. 따라서 그 합은 6이다.

9) [정답] ④

[해설] $A \subset B$ 가 성립하므로

1 < 3, 8 < a가 성립해야 한다.

따라서 정수 a의 최솟값은 9이다.

10) [정답] ③

[해설] A의 부분집합 중에서 1, 2는 반드시 속하고 6은 속하지 않아야 하므로 집합 A에 속하거나 속하지 않는 원소의 개수는 3이다. 따라서 부분집합의 개수는 $2^{6-3}=8$ 이다.

11) [정답] ④

[해설] $A \subset B$ 이기 위해서는

 $a \in B$ 가 성립해야 한다.

1) a = 2a - 1인 경우 a = 1이다.

2) a = 40 경우이다.

따라서 가능한 정수 a의 값의 합은 5이다.

12) [정답] ②

[해설] $A \supset B$ 가 성립하려면

 $-2 \le a$, b < 3이 성립해야 한다.

b-a가 최대이기 위해서는 b가 최댓값, a가 최솟 값이어야 하므로 b=2, a=-2일 때 b-a=4가 최솟값이다.

13) [정답] ②

[해설] $\{x|x^2-4=0\}\subset\{-2,0,2\}$ $\{x|x\in 12$ 의 약수 $\}$ $\not\in$ $\{x|x\in 16$ 의 약수 $\}$

14) [정답] ④

[해설] A = B이므로 $3, a \in B$

a=a-1일 수 없으므로

a = b - 1, 3 = a - 1

 $a=4,\;b=5$

 $\therefore a+b=9$

15) [정답] ①, ③, ④

[해설] 집합 $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$ 이고 집합 A의 진부분집합은 집합 A와 같지 않은 집합 A의 부분집합이다.

보기들을 원소나열법으로 표현하면 다음과 같다.

- ① $\{-3, -1, 1, 3\}$
- (2) $\{5\}$
- 3 $\{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$
- (4) $\{2, 3\}$
- (5) Ø

따라서 옳지 않은 것은 ①, ③, ④

16) [정답] ⑤

[해설] \neg . $A \cap B = \{a\}$ 이므로 서로소가 아니다.

 $L. A \cap B = \emptyset$ 이므로 서로소이다.

 \Box . $A \cap B = \emptyset$ 이므로 서로소이다.

따라서 A, B가 서로소인 것은 \bot , \Box 이다.

17) [정답] ②

[해설] \neg . Ø는 집합 A의 원소가 아니다.

□. {3}은 집합 A의 원소가 아니다. ㅂ. 4는 집합 A의 원소가 아니다. 따라서 옳은 것은 ㄴ, ㄷ, ㄹ이다.

18) [정답] ④

[해설] $-5 \le k$ 이고 6 < -3k이므로 $-5 \le k < -2$ 이다.

19) [정답] ④

[해설] a=2, a+b=7 $\therefore b = 5$

20) [정답] ②

[해설] 원소의 개수가 3개이므로 진부분집합의 개수는 $2^3 - 1 = 7$ 이다.

21) [정답] ②

[해설] $2^{n-2-2} = 64$ 이므로 n-4=6이다. 따라서 n=10이다.

