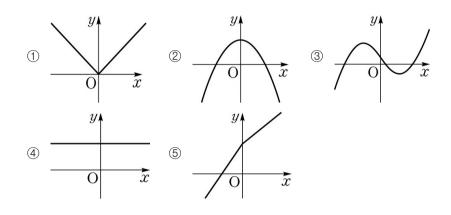


2022학년도 수학(하) 기말고사 대비

초급 4회

1. 다음 함수의 그래프 중에서 역함수가 존재하는 것은?



- **2.** 함수 f(x) = mx + n에 대하여 f(-2) = 1, $f^{-1}(7) = 1$ 이 성립할 때,

n-m의 값은? (단, m, n은 상수이다.)

- ① 3 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

- **3.** $\frac{x^2 9y^2}{x^2 6xy + 9y^2} \times \frac{x 3y}{x^2 + 3xy}$ 를 간단히 하면?

- ① $\frac{1}{x-1}$ ② $\frac{1}{x}$ ③ $\frac{1}{x+1}$ ④ $\frac{1}{x+3}$ ⑤ 1

- **4.** 함수 $y = \frac{3x+4}{x+2}$ 의 그래프는 점 (a, b)에 대하여 대칭이다. 이때,

- **5.** 유리함수 $f(x) = \frac{x+b}{x+a}$ 의 점근선의 방정식이 x=-1과 y=1이고 점 (0, 3)을 지난다. $1 \le x \le 3$ 에서 y = f(x)의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 할 때, 상수 a, b, M, m의 합 a+b+M+m의 값은?

- ① $\frac{15}{2}$ ② 8 ③ $\frac{17}{2}$ ④ 9 ⑤ $\frac{19}{2}$

6. 유리함수 $y=\frac{k}{x-p}+q\;(k\neq 0)$ 에 대한 설명 중 옳은 것을 〈보기〉 중에서 있는 대로 고른 것은? (단, k, p, q는 실수이다.)

----- < 보 기 > ----

- \neg . x < p에서 x의 값이 증가하면 y의 값이 감소한다.
- ㄴ. 유리함수 $y=\frac{k}{x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 p만큼, y축의 방향으로 q만큼 평행이동 한 것이다.
- ㄷ. $y=\frac{-2k}{x-p}+q$ $(k\neq 0)$ 의 그래프보다 $(p,\ q)$ 에서 멀리 떨어져 있다.
- (1) ¬ (2) L (4) ¬, L (5) L, E

- 7. 유리함수와 무리함수에 대한 명제이다. 거짓인 것은?
- ① $y = 4x \sqrt{7}$ 은 유리함수이다.
- ② $y = \sqrt{2x+1} 1$ 은 무리함수이다.
- ③ $y = \sqrt{3x}$ 의 정의역은 $\{x | x \ge 0\}$ 이다.
- ④ $y = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$ 의 정의역은 $\{x | x > -1\}$ 이다.
- ⑤ $f(x) = \frac{x^2 1}{x 1}$, g(x) = x + 1일 때, 두 함수 f(x), g(x)는 서로 같은 함수이다.

- **8.** $\frac{\sqrt{x}+\sqrt{y}}{\sqrt{x}-\sqrt{y}}+\frac{\sqrt{x}-\sqrt{y}}{\sqrt{x}+\sqrt{y}}$ 를 간단히 하면?
- ① $-4\sqrt{xy}$ ② $-\frac{\sqrt{xy}}{x-y}$ ③ 2x④ $\frac{2(x+y)}{x-y}$ ⑤ $\frac{2x}{x-1}$

- **9.** 함수 $y = \sqrt{ax}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -1만큼 평행이동한 후 x축에 대하여 대칭이동하면 점 $\left(-2,\;-2\right)$ 를 지난다. 이때, 상수 *a*의 값은?

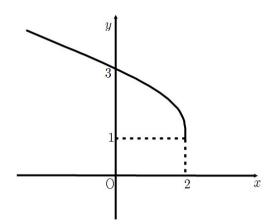
10. 무리함수 $y=\sqrt{-3x}$ 에 대한 설명 중 옳은 것을 〈보기〉에서 있는 대로 고른 것은?

----- < 보 기 > ----

- ㄱ. 정의역은 $\{x|x\leq 0\}$, 치역은 $\{y|y\leq 0\}$ 이다.
- ㄴ. 함수 $y=-\sqrt{3x}$ 의 그래프와 x축에 대하여 대칭이다.
- ㄷ. 함수 $y=-\frac{x^2}{3}$ $(x\geq 0)$ 의 그래프와 직선 y=x에 대하여

- ① ¬ ② L ④ ¬, □ ⑤ L, □

11. 함수 $y = \sqrt{ax + b} + c$ 의 그래프가 그림과 같을 때, 세 상수 **13.** 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나오는 눈의 수의 a, b, c의 합 a+b+c의 값은?



- $\bigcirc -4$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc 4$ 1 $\bigcirc 3$

- **12.** 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6의 7개의 숫자 중 서로 다른 3개의 숫자를 택하여 세 자리의 자연수를 만들 때, 250 보다 큰 수의 개수는?

- ① 129 ② 130 ③ 131 ④ 132 ⑤ 133

- 합이 5의 배수가 되는 경우의 수는?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

- **14.** 500원, 1000원, 2000원 짜리의 세 종류의 우표가 있다. 이 우표들을 각각 적어도 한 장씩 구매하여 총 7000원 어치 우표를 구입하는 방법의 수는?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

- **15.** 6개의 문자 a, b, c, d, e, f를 일렬로 배열할 때, a, f가 이웃하는 경우의 수는?
- ① 120 ② 180 ③ 200 ④ 240 ⑤ 320

16. picture의 7개의 문자를 일렬로 나열할 때, 적어도 한쪽 끝에 모음이 오는 경우의 수는?

① 3560

② 3600

③ 3640

4 3680

⑤ 3720

① 80

② 120

③ 160

19. 8명 중에서 4명을 뽑아 일렬로 세울 때, 특정한 2명이 모두

포함되고, 또 그들끼리 이웃하도록 세우는 방법의 수는?

4 180

⑤ 220

17. 12명으로 구성되어 있는 동아리에서 회장, 부회장, 총무를 각각 1명씩 선출하는 방법의 수는?

① 780

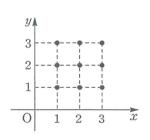
② 850

3 870

4 980

⑤ 1320

20. 오른쪽 그림과 같이 좌표평면 위에 9개의 점이 놓여 있다. 이 9개의 점 중에서 3개를 선택하여 만들 수 있는 삼각형의 개수는?



① 68 ② 76 ③ 84 ④ 92

⑤ 98

18. 5번의 농구대회에서 리그전을 치른 결과 총 140회의 경기를 했다면 이 대회에 참가한 팀의 수는?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9

⑤ 10

서술형 논술형 꾸관식

- **21.** $x \ge 0$ 에서 정의된 두 함수 $f(x) = x^2 + 3$, g(x) = 2x 1에 대하여 $(f \circ (g \circ f)^{-1} \circ f)(x)$ 을 구하여라.
- **23.** 함수 $f(x) = \sqrt{ax+b}$ $(a \neq 0)$ 의 역함수를 g(x)라고 하자. f(1) = 2, g(1) = 2일 때, 상수 a, b의 값을 구하여라.

- **24.** 1, 2, 3, 4, 5, 6의 자연수가 하나씩 쓰여 있는 6장의 카드 중에서 2장의 카드를 뽑을 때, 짝수가 쓰여 있는 카드를 적어도 1장 뽑는 경우의 수를 구하여라.
- **22.** 함수 $f(x) = \frac{ax+1}{x-3}$ 의 그래프가 그 역함수 $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프와 일치할 때, f(5)의 값을 구하여라. (단, a는 상수)

25. 한 평면 위에 있는 서로 다른 5개의 점 중에서 어느 세 점도 일직선 위에 있지 않을 때, 이 5개의 점을 이어서 만들 수 있는 직선의 개수를 구하여라.

- 1) [정답] : ⑤
- 2) [정답] : ①
- 3) [정답] : ②
- 4) [정답] : ③
- 5) [정답] : ①
- 6) [정답] : ②
- 7) [정답] : ⑤
- 8) [정답] : ④
- 9) [정답] : ①
- 10) [정답] : ③
- 11) [정답] : ⑤
- 12) [정답] : ①
- 13) [정답] : ⑤
- 14) [정답] : ③
- 15) [정답] : ④
- 16) [정답] : ②
- 17) [정답] : ⑤
- 18) [정답] : ③
- 19) [정답] : ④
- 20) [정답] : ②
- 19) [정답] : $\frac{1}{2}x^2+2$
- 22) [정답] : 8
- 20) [정답] : a=-3, b=7
- 24) [정답] : 12
- 25) [정답] : 10