

## [영역] 2.문자와 식



중 3 과정

### 2-1-1.인수분해의 뜻과 공통인수를 이용하여 인수분해하기





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-01-12

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

# 계산시 참고사항

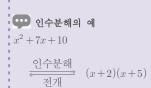
### 1. 인수분해의 뜻

- (1) 인수분해: 하나의 다항식을 두 개 이상의 다항식의 곱의 꼴로 나타내는 것
- (2) 인수: 인수분해했을 때, 곱해진 각각의 식을 처음 다항식의 인수라고 한다.
- @ 다항식  $x^2+7x+10$ 의 인수는 1, x+2, x+5, (x+2)(x+5)이다.

### 2. 공통인수를 이용하여 인수분해하기

- (1) 공통인수: 다항식의 각 항에 공통으로 들어 있는 인수
- (2) 공통인수를 이용하여 인수분해하기: 각 항의 공통인수를 찾아 괄호 밖으로 묶어내고, 괄호 안에는 각 항에 남아있는 것을 쓴다.

$$ma + mb + mc = \underline{m}(a + b + c)$$
 공통인수



# 8

### 인수분해의 뜻

#### ☑ 다음 식은 어떤 다항식을 인수분해한 것인지 구하여라.

- 1. 3a(b+3)
- 2.  $(a+2)^2$
- 3.  $(5y-3)^2$
- 4. (2x+1)(2x-1)
- 5. (x+2y)(x-4y)
- 6. (4x-9)(3x-2)
- 7. x(x-2y)

## ☑ 다음 주어진 식의 인수를 <보기>에서 모두 골라라.

8. 3a(4a+1)

	<보기>	
¬. 3	$\vdash$ . $a$	$\sqsubset$ . $4a+1$
$\exists . 4a^2 + a$	$\Box$ . $3a+1$	$\exists a(4a+1)$

9.  $a^2b - 5ab$ 

	<보기>		
¬. a	$\vdash$ . $ab$	$\Box$ . $a^2b$	
$\exists$ . $b(a-5)$	$\Box$ . $ab(a-5)$		

10.  $6ab^2 - 8a^2b^2$ 

<보기>		
$\vdash$ . $2b^2$	□. 6-8 <i>a</i>	
$\Box$ . $3a^2-4a$		

11. 2(x-1)(x+4)

<보기>

- $\neg$ . 2
- $\vdash$ . x-1
- $\sqsubseteq$ .  $x^2-4$

- $\exists . x+1$
- $\Box x^2 + 3x 4$
- $\exists . \ 2(x+4)$

12. (x-3)(3x+2)

<보기>

- $\neg$ . x
- $\mathrel{\sqsubseteq}$  . 3x
- $\sqsubseteq x-3$

- $\exists . 3x+2$
- $\Box$ .  $3x^2 4x + 6$   $\boxminus$ .  $3x^2 7x 6$
- 13. x(x+y)(x-y)

<보기>

- $\neg$ . x
- $\sqsubseteq$ . x-y
- $\Box$ .  $x^2-y^2$

- $\exists x^2+y^2$
- $\Box$ .  $x^2 + xy$
- $\exists . x(x+y)(x-y)$

14.  $2x^2 - 6xy$ 

<보기>

- $\neg$ .  $2x^2$
- $\vdash$ . x
- $\Box$ . 2x

- **=**. *xy*
- $\Box$ . x-3y
- 15.  $5xy^2(x-1)$

- $\neg . 5y^2$
- $\bot$ . 5x(x-1)

<보기>

 $\sqsubseteq$ .  $y^2(x-1)$ 

- $\exists . (x-1)^2$
- $\Box$ . xy(x-1)
- $\exists . x^2$

16.  $2ax + 2bx^2$ 

<보기>

- $\neg$ . 2x
- $\sqsubseteq$ . ax
- $\Box$ .  $2bx^2$

- $\exists . a+bx$
- $\Box$ . ax+b

17. 2x(x-y) + y(x-y)

<보기>

 $\neg$ . xy

- $\sqsubseteq$ . x-y
- $\Box$ . x+2y
- = 2x+y
- 18.  $x^2y(3-2y)$

<보기>

- $\neg$ . x
- $\vdash$ .  $x^3$
- $\Box$ .  $y^2$

- **⊒**. *xy*
- $\Box$ .  $xy^2$
- $\exists . y(3-2y)$

19.  $x^3 - x^2$ 

<보기>

- $\neg$ . x
- $x^2 1$
- $\Box$ .  $x^3$

- $\exists . x-1$
- $\Box$ . x(x-1)

공통인수를 이용하여 인수분해하기

☑ 다음 식에서 공통인수를 찾아 인수분해하여라.

20.  $x^2 + xy$ 

- 21.  $4ab 8b^2$
- 22. -2x 8xy
- 23.  $-4xy^2 + 8x^2y^3$
- 24.  $2x^2y + 3xy^2$
- 25. ax ay

- 26. mx+my-mz
- 27. ax-ay+az
- 28.  $x^2y 2xy^2$
- 29.  $x^2y 2xy$
- 30.  $a^3 + 5a^2$
- 31.  $4x^2y + 8x^3$
- 32.  $a^2 ab + a$
- 33.  $a^2b^2 ab^2$
- 34.  $2x + 4x^2$
- 35. abx-3ab
- $3y^3 9y^2$ 36.
- $ab^2-ab$ 37.
- 38.  $3x^2y + 6xy$
- 39.  $5x^3 4x^2 + 3x$

- 40.  $8a^3b 10a^2b^2$
- 41.  $2x^2 6xy + 4x$
- 42.  $a^2b + b^2c + ab^2$
- 43.  $2x^2z 4xy^2 + 8xyz$
- 44.  $-3a^2b^2+9a^2b-6a^3b^2$
- 45.  $ax^2y 3bxy 2acxy$
- 46. a(x+y) + b(x+y)
- 47. 3(x+2)-(x+2)y
- 48.  $-2x^2y+6xy-2x$
- 49. x(y-1)-2y+2
- 50.  $2x^2y + 4xy 10xy^2$
- 51. a(x-y) b(y-x)
- 52. x(y-3)+3-y
- 53. a(x+3y)-b(x+3y)

54. 
$$xy(a+2)-3(a+2)$$

55. 
$$ab(a-b)+2(a-b)$$

56. 
$$3a(x+y) - 4b(x+y)$$

57. 
$$4(a+b)+(x+y)(a+b)$$

58. 
$$2(x-y)+(a+3b)(x-y)$$

59. 
$$xy(x+y)-xy$$

60. 
$$x(a+1)+(a+1)$$

61. 
$$a(x+y) - b(x+y)$$

62. 
$$(a+b) + 2ab(a+b)$$

63. 
$$2(a+1)-xy(a+1)$$

64. 
$$(a+b)^2 + 5(a+b)$$

65. 
$$-(a+2b)-x(a+2b)$$

66. 
$$7(a-b) + x(b-a)$$

67. 
$$x(y-1)-y+1$$

68. 
$$6x^2y^3 - 3x^3y^2 - 12x^2y$$

69. 
$$a(x+2y)-3(x+2y)$$

70. 
$$2(x-y)+(3a-b)(x-y)$$

71. 
$$x^2(1-x)+y^2(1-x)$$

72. 
$$a(a+1)+(a-1)(a+1)$$

73. 
$$(a+3)(x+y)+(a+3)(x-2y)$$

74. 
$$(a-2)(x+y)+(a+3)(x+y)$$

75. 
$$(x-1)(a+2b)+(x-1)(3a-2b)$$

76. 
$$(x+y)(a+b)-(x-y)(a+b)$$

77. 
$$a(x+1)+b(x+1)$$

78. 
$$3x^2 + 6xy - 9xz$$

79. 
$$(a+b)-(3x-2y)(a+b)$$

80. 
$$a(x-2)+(2a-1)(x-2)$$

81. 
$$x(a+1)-y(a+1)+z(a+1)$$

- 82. (x+2y)(a+6)-(2x-y)(a+6)
- 83. (x-y)(y-z)-(z-y)(z-x)
- 84. ab+a-b-1
- 85.  $(3x-x^2)-2(x-3)$
- 86. 2xy-2x+y-1
- 87. a(x-4y)-b(x-4y)
- 88. 3xy(y+2)-5y(y+2)
- 89.  $2(x+1)(x-1)-(x-1)^2$
- 90. x(y-3)+5(3-y)
- 91. ab(x-y)+b(y-x)



# 정답 및 해설

- 1) 3ab + 9a
- 2)  $a^2 + 4a + 4$
- 3)  $25y^2 30y + 9$
- 4)  $4x^2 1$
- 5)  $x^2 2xy 8y^2$
- 6)  $12x^2 35x + 18$
- 7)  $x^2 2xy$
- 8) ¬, ∟, ⊏, ≥, ⊨
- 9) 7, 4, 2, 5
- 10) ¬, ∟, ⊏, ≥
- 11) ¬, ∟, □, ⊨
- 12) ⊏, ⊒, ⊟
- 13) ¬, ∟, ⊏, □, ㅂ
- 14) ∟, ⊏, □
- 15) ¬, ∟, ⊏, □
- 16) ¬, ≥
- 17) ∟, ≥
- 18) ¬, ≥, ⊨
- 19) ¬, ≥, □
- $\Rightarrow x^3 x^2 = x^2(x-1)$
- 20) x(x+y)
- 21) 4b(a-2b)
- 22) -2x(1+4y)
- 23)  $-4xy^2(1-2xy)$
- 24) xy(2x+3y)
- 25) a(x-y)
- 26) m(x+y-z)
- 27) a(x-y+z)

- 28) xy(x-2y)
- $\Rightarrow 16x^2 \boxed{ xy + y^2 = (4x y)^2 = 16x^2 \boxed{8}xy + y^2}$
- 29) xy(x-2)
- 30)  $a^2(a+5)$
- 31)  $4x^2(y+2x)$
- 32) a(a-b+1)
- 33)  $ab^2(a-1)$
- 34) 2x(1+2x)
- 35) ab(x-3)
- $\Rightarrow abx 3ab = ab(x 3)$
- 36)  $3y^2(y-3)$
- 37) ab(b-1)
- 38) 3xy(x+2)
- 39)  $x(5x^2-4x+3)$
- 40)  $2a^2b(4a-5b)$
- 41) 2x(x-3y+2)
- 42)  $b(a^2+bc+ab)$
- 43)  $2x(xz-2y^2+4yz)$
- 44)  $-3a^2b(b-3+2ab)$
- 45) xy(ax-3b-2ac)
- 46) (x+y)(a+b)
- 47) (x+2)(3-y)
- 48) -2x(xy-3y+1)
- $\Rightarrow \quad -2x^2y + 6xy 2x = -2x(xy 3y + 1)$
- 49) (x-2)(y-1)
- 50) 2xy(x-5y+2)
- 51) (x-y)(a+b)
- $\Rightarrow a(x-y) b(y-x) = a(x-y) + b(x-y)$ = (x-y)(a+b)
- 52) (y-3)(x-1)
- $\Rightarrow x(y-3)+3-y=x(y-3)-(y-3)=(y-3)(x-1)$
- 53) (x+3y)(a-b)

54) 
$$(a+2)(xy-3)$$

55) 
$$(a-b)(ab+2)$$

56) 
$$(x+y)(3a-4b)$$

57) 
$$(a+b)(4+x+y)$$

58) 
$$(x-y)(2+a+3b)$$

59) 
$$xy(x+y-1)$$

60) 
$$(a+1)(x+1)$$

61) 
$$(x+y)(a-b)$$

62) 
$$(a+b)(1+2ab)$$

63) 
$$(a+1)(2-xy)$$

64) 
$$(a+b)(a+b+5)$$

65) 
$$-(a+2b)(1+x)$$

66) 
$$(a-b)(7-x)$$

$$\Rightarrow$$
 7(a-b)+x(b-a) = 7(a-b)-x(a-b) = (a-b)(7-x)

67) 
$$(x-1)(y-1)$$

$$\Rightarrow x(y-1)-y+1=x(y-1)-(y-1)=(x-1)(y-1)$$

68) 
$$3x^2y(2y^2-xy-4)$$

69) 
$$(x+2y)(a-3)$$

70) 
$$(x-y)(2+3a-b)$$

71) 
$$(1-x)(x^2+y^2)$$

72) 
$$(a+1)(2a-1)$$

$$\Rightarrow a(a+1) + (a-1)(a+1) = (a+1)(a+a-1)$$
  
=  $(a+1)(2a-1)$ 

73) 
$$(a+3)(2x-y)$$

$$\Rightarrow (a+3)(x+y) + (a+3)(x-2y) = (a+3)(x+y+x-2y) = (a+3)(2x-y)$$

74) 
$$(x+y)(2a+1)$$

$$=(x+y)(a-2+a+3)=(x+y)(2a+1)$$

75) 
$$4a(x-1)$$

$$\Rightarrow (x-1)(a+2b) + (x-1)(3a-2b) = (x-1)(a+2b+3a-2b) = 4a(x-1)$$

76) 
$$2y(a+b)$$

$$\Rightarrow (x+y)(a+b) - (x-y)(a+b) = (a+b)(x+y-x+y)$$
$$= 2y(a+b)$$

77) 
$$(x+1)(a+b)$$

78) 
$$3x(x+2y-3z)$$

79) 
$$(a+b)(-3x+2y+1)$$

80) 
$$(x-2)(3a-1)$$

81) 
$$(a+1)(x-y+z)$$

$$\Rightarrow x(a+1)-y(a+1)+z(a+1)=(a+1)(x-y+z)$$

82) 
$$(a+6)(-x+3y)$$

83) 
$$-(y-z)^2$$

$$\ \, \Rightarrow \, (x-y)(y-z)-(z-y)(z-x)$$

$$= (x-y)(y-z) + (y-z)(z-x)$$

$$= (y-z)(x-y+z-x) = -(y-z)^2$$

84) 
$$(a-1)(b+1)$$

$$\Rightarrow ab+a-b-1 = a(b+1)-(b+1) = (a-1)(b+1)$$

85) 
$$-(x-3)(x+2)$$

86) 
$$(2x+1)(y-1)$$

$$\Rightarrow 2xy-2x+y-1=2x(y-1)+y-1=(2x+1)(y-1)$$

87) 
$$(a-b)(x-4y)$$

$$\Rightarrow a(x-4y)-b(x-4y)=(x-4y)(a-b)$$

88) 
$$y(3x-5)(y+2)$$

$$=3xy^2+6xy-5y^2-10y=y^2(3x-5)+2y(3x-5)$$

$$=(3x-5)(y^2+2y)=(3x-5)(y+2)y$$

89) 
$$(x-1)(x+3)$$

90) 
$$(x-5)(y-3)$$

91) 
$$b(a-1)(x-y)$$