



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-02-15

2) 제작자 : 교육지대(주)

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01

 x, y 에 대한 대칭식인 연립방정식의 풀이

(1) x, y 에 대한 대칭식: x 와 y 를 바꾸어도 원래의 식과 같아지는 식을 대칭식이라고 한다.

(2) 대칭식인 연립방정식의 풀이: $x+y=p, xy=q$ 일

때, x, y 는 t 에 대한 이차방정식 $t^2-pt+q=0$ 의 두 근임을 이용하여 x, y 의 값을 구한다.

$$\Leftrightarrow t^2-(x+y)t+xy=0, (t-x)(t-y)=0$$

$$\therefore t=x \text{ 또는 } t=y$$

■ 다음 연립방정식을 풀어라.

1.
$$\begin{cases} x+y=2 \\ xy=-8 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x+y=3 \\ xy=-18 \end{cases}$$

3.
$$\begin{cases} x+y=-5 \\ xy=-6 \end{cases}$$

4.
$$\begin{cases} x+y=-4 \\ xy=3 \end{cases}$$

5.
$$\begin{cases} x+y=2 \\ xy=-15 \end{cases}$$

6.
$$\begin{cases} x+y=8 \\ xy=15 \end{cases}$$

7.
$$\begin{cases} x+y=6 \\ xy=8 \end{cases}$$

8.
$$\begin{cases} x+y=-1 \\ x-xy+y=5 \end{cases}$$

9.
$$\begin{cases} x^2+y^2+xy=12 \\ xy=-8 \end{cases}$$

10.
$$\begin{cases} x+y+xy=-5 \\ x^2+y^2=10 \end{cases}$$

11.
$$\begin{cases} x^2+y^2=13 \\ xy=-6 \end{cases}$$

$$12. \begin{cases} x+y+xy=-1 \\ x^2+y^2=5 \end{cases}$$

$$13. \begin{cases} x^2+y^2+xy=3 \\ x^2+y^2=5 \end{cases}$$

$$14. \begin{cases} x^2+y^2=80 \\ xy=32 \end{cases}$$

$$15. \begin{cases} x+y=9 \\ xy=20 \end{cases}$$

$$16. \begin{cases} x^2+y^2=40 \\ xy=12 \end{cases}$$

$$17. \begin{cases} xy+x+y=7 \\ 2xy-x-y=2 \end{cases}$$

$$18. \begin{cases} x+y=-1 \\ x^2+y^2=-1 \end{cases}$$

$$19. \begin{cases} x^2+y^2-x-y=2 \\ x^2+xy+y^2=1 \end{cases}$$

$$20. \begin{cases} x+y+xy=6 \\ x^2y+xy^2=8 \end{cases}$$

$$21. \begin{cases} x^2+y^2-x-y=2 \\ x^2+xy+y^2=1 \end{cases}$$

$$22. \begin{cases} x^2+y^2=65 \\ xy=28 \end{cases}$$

$$23. \begin{cases} xy+2x+2y=-10 \\ xy-x-y=-1 \end{cases}$$

$$24. \begin{cases} xy-2x-2y=-2 \\ xy+x+y=19 \end{cases}$$

$$25. \begin{cases} xy+x+y=1 \\ x^2+y^2+2x+2y=3 \end{cases}$$

$$26. \begin{cases} x+y=4 \\ xy=4 \end{cases}$$

27.
$$\begin{cases} x^2 + xy + y^2 = 7 \\ x^2 - xy + y^2 = 3 \end{cases}$$

28.
$$\begin{cases} xy + 3x + 3y = 0 \\ \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = -\frac{5}{2} \end{cases}$$

29.
$$\begin{cases} x + y = 2 \\ x^2 + xy + y^2 = 7 \end{cases}$$

30.
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x^2 + y^2 = 100 \end{cases}$$

31.
$$\begin{cases} x^2 + y^2 + x + y = 2 \\ x^2 + xy + y^2 = 1 \end{cases}$$

32.
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 5 \\ xy = 2 \end{cases}$$

02 연립방정식의 활용

연립방정식의 활용 문제는 다음과 같은 순서로 푼다.

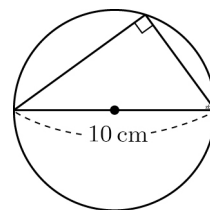
- ① 구하고자 하는 것을 미지수로 놓는다.
- ② 주어진 조건을 이용하여 연립방정식을 세운다.
- ③ 연립방정식을 풀고 구한 해가 문제의 조건을 만족하는지 확인한다.

■ 다음 물음에 답하여라.

33. 대각선의 길이가 15cm 인 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 2cm 씩 늘렸더니 그 넓이가 처음보다 46cm^2 만큼 더 커졌다. 가로의 길이가 세로의 길이보다 길 때, 처음 직사각형의 세로의 길이를 구하여라.

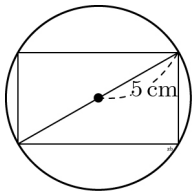
34. 대각선의 길이가 10cm 인 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 2cm 씩 늘렸더니 그 넓이가 처음 넓이보다 32cm^2 만큼 커졌다. 이때, 처음 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 구하여라. (단, 가로의 길이가 세로의 길이보다 길다.)

35. 다음 그림과 같이 지름의 길이가 10cm 인 원에 내접하는 직각삼각형의 둘레의 길이가 24cm 일 때, 나머지 두 변의 길이를 구하여라.

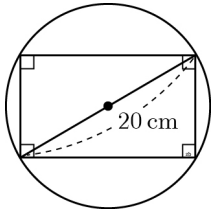


36. 대각선의 길이가 50cm 인 직사각형의 가로를 4cm 늘리고, 세로를 8cm 줄였더니 그 넓이가 처음보다 48cm^2 만큼 더 커졌다. 처음 직사각형의 세로의 길이를 구하여라.

37. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 원에 내접하는 직사각형이 있다. 직사각형의 둘레의 길이가 28cm 일 때, 이 직사각형의 가로의 길이를 구하여라. (단, (가로의 길이) > (세로의 길이))



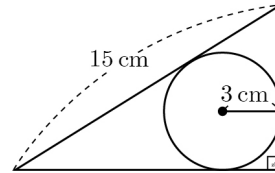
38. 다음 그림과 같이 지름의 길이가 20cm 인 원에 내접하는 직사각형의 둘레의 길이가 56cm 일 때, 이 직사각형의 넓이를 구하여라.



39. 길이가 280cm 인 철사를 남김없이 사용하여 한 변의 길이가 $x\text{cm}$, $y\text{cm}$ 인 두 개의 정사각형을 만들었다. 이 두 정사각형의 넓이의 합이 2900cm^2 일 때, x, y 의 값을 구하여라. (단, $x > y$ 이고 철사의 굵기는 무시한다.)

40. 길이가 48cm 인 철사를 잘라서 한 변의 길이가 각각 $a\text{cm}, b\text{cm}$ 인 두 개의 정사각형을 만들었다. 이 두 정사각형의 넓이의 합이 74cm^2 일 때, a, b 의 값을 구하여라. (단, $a > b$ 이고, 철사는 모두 사용하고 굵기는 무시한다.)

41. 다음 그림과 같이 빗변의 길이가 15cm 이고 내접원의 반지름의 길이가 3cm 인 직각삼각형이 있다. 이 직각삼각형의 빗변이 아닌 다른 두 변의 길이를 각각 구하여라.



42. 길이가 160cm 인 철사를 잘라서 한 변의 길이가 각각 $a\text{cm}, b\text{cm}$ 인 두 개의 정사각형을 만들었다. 이 두 정사각형의 넓이의 합이 850cm^2 일 때, a, b 의 값을 구하여라. (단, $a > b$ 이고, 철사는 모두 사용하고 굵기는 무시한다.)

43. 두 자리 정수에서 각 자리 숫자의 제곱의 합은 73이고, 일의 자리 숫자와 십의 자리 숫자를 바꾼 정수와 처음 정수와의 합은 121일 때, 처음 정수를 구하여라. (단, 십의 자리의 숫자가 일의 자리 숫자보다 크다.)

03 / 정수 조건의 부정방정식

(1) 부정방정식: 방정식의 개수가 미지수의 개수보다 적어 그 근을 정할 수 없는 방정식

(2) 정수 조건의 부정방정식:

(일차식) \times (일차식)=(정수)의 꼴로 변형하여 일차식이 정수의 약수가 됨을 이용한다.

▣ 다음 방정식을 만족시키는 정수 x, y 의 값을 구하여라.

44. $xy + 4x - 2y - 10 = 0$

45. $6xy + 4x - 3y - 7 = 0$

46. $xy - 2x - 3y + 1 = 0$

47. $xy - 3x - y = 0$

48. $xy - x - y - 1 = 0$

49. $xy + 3x - 2y - 2 = 0$

50. $x + y - xy = 4$

51. $xy - x - 3y = 2$

▣ 다음 방정식을 만족하는 자연수 x, y 의 순서쌍 (x, y) 를 구하여라.

52. $xy - 4x - 3y + 5 = 0$

53. $xy - 3x + 2y = 0$

54. $xy - 3x - 3y + 7 = 0$

55. $xy - 4x - 3y + 10 = 0$

56. $xy + 2x - 3y - 14 = 0$

04 / 실수 조건의 부정방정식

- ① A, B 가 실수이고 $A^2 + B^2 = 0$ 의 풀이면 $A = B = 0$ 임을 이용한다.
- ② 실수 x, y 에 대한 이차방정식으로 주어지면 한 문자에 대하여 정리한 후 판별식 $D \geq 0$ 임을 이용한다.

▣ 다음 방정식을 만족시키는 실수 x, y 의 값을 구하여라.

57. $x^2 + y^2 + 2x - 4y + 5 = 0$
58. $2x^2 - 6xy + 9y^2 - 6x + 9 = 0$
59. $x^2 + y^2 - 4x - 6y + 13 = 0$
60. $x^2 - 4xy + 5y^2 + 2x - 8y + 5 = 0$
61. $x^2 - 8xy + 17y^2 - 6y + 9 = 0$
62. $x^2 - 2xy + 2y^2 + 4x - 6y + 5 = 0$
63. $x^2 + 2y^2 + 2xy - 2x - 6y + 5 = 0$
64. $x^2 - 2xy + 2y^2 - 4x + 2y + 5 = 0$
65. $4x^2 - 4xy + 2y^2 - 2y + 1 = 0$
66. $x^2 + y^2 - 6x + 2y = -10$
67. $x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = 0$
68. $x^2 - 6xy + 10y^2 - 2y + 1 = 0$
69. $9x^2 - 6xy + 4y^2 - 3x - 2y + 1 = 0$
70. $x^2 + y^2 + 2x - 8y + 17 = 0$

71. $x^2 + y^2 - 2x - 4y + 5 = 0$

72. $x^2 + y^2 - 4x + 6y + 13 = 0$



정답 및 해설

$$1) \begin{cases} x=-2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-2 \end{cases}$$

⇒ x, y 는 t 에 대한 이차방정식 $t^2 - 2y - 8 = 0$ 의 두 근
이므로 $(t+2)(t-4) = 0 \therefore t = -2$ 또는 $t = 4$

따라서 구하는 해는

$$\begin{cases} x=-2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} x=-3 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=6 \\ y=-3 \end{cases}$$

⇒ $\begin{cases} x+y=3 \\ xy=-18 \end{cases}$ 에서 x, y 는 $t^2 - 3t - 18 = 0$ 의 두 근이
고,

$$(t+3)(t-6) = 0 \therefore t = -3 \text{ 또는 } t = 6$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-3 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=6 \\ y=-3 \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} x=-6 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-6 \end{cases}$$

⇒ $\begin{cases} x+y=-5 \\ xy=-6 \end{cases}$ 에서 x, y 는 $t^2 + 5t - 6 = 0$ 의 두 근이
고,

$$(t+6)(t-1) = 0 \therefore t = -6 \text{ 또는 } t = 1$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-6 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-6 \end{cases}$$

$$4) \begin{cases} x=-1 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=-1 \end{cases}$$

⇒ $\begin{cases} x+y=-4 \\ xy=3 \end{cases}$ 에서 x, y 는 $t^2 + 4t + 3 = 0$ 의 두 근이
고,

$$(t+1)(t+3) = 0 \therefore t = -1 \text{ 또는 } t = -3$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-1 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$5) \begin{cases} x=-3 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=-3 \end{cases}$$

⇒ $\begin{cases} x+y=2 \\ xy=-15 \end{cases}$ 에서 x, y 는 $t^2 - 2t - 15 = 0$ 의 두 근이
고,

$$(t+3)(t-5) = 0 \therefore t = -3 \text{ 또는 } t = 5$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-3 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=-3 \end{cases}$$

$$6) \begin{cases} x=3 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=3 \end{cases}$$

⇒ x, y 의 합은 8이고 곱이 15이므로 두 수 x, y 는
이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여
 t 에 대한 이차방정식 $t^2 - 8t + 15 = 0$ 의 두 근이 된다.
인수분해하면 $(t-3)(t-5) = 0$ 이므로
 $t = 3$ 또는 $t = 5$

따라서 구하는 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=3 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=3 \end{cases}$$

$$7) \begin{cases} x=2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=2 \end{cases}$$

⇒ x, y 는 이차방정식 $t^2 - 6t + 8 = 0$ 의 두 근이고,
 $(t-2)(t-4) = 0 \therefore t = 2$ 또는 $t = 4$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=2 \end{cases}$$

[다른 풀이]

$$\begin{cases} x+y=6 \cdots \textcircled{1} \\ xy=8 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①을 y 에 대하여 정리하면

$$y = -x + 6 \cdots \textcircled{3}$$

②을 ③에 대입하면

$$x(-x+6) = 8, x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$(x-2)(x-4) = 0 \therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 4$$

③에서 $x = 2$ 이면 $y = 4$, $x = 4$ 이면 $y = 2$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=2 \end{cases}$$

$$8) \begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases}$$

⇒ $x - xy + y = 5$ 에서 $x + y = -1$ 이므로
 $xy = -6$

즉 x, y 는 t 에 대한 이차방정식 $t^2 + t - 6 = 0$ 의 두 근
이므로

$$(t+3)(t-2) = 0 \therefore t = -3 \text{ 또는 } t = 2$$

따라서 구하는 해는

$$\begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases}$$

$$9) \begin{cases} x=-2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=2 \end{cases}$$

⇒ $\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 12 \\ xy = -8 \end{cases}$ 에서 $x + y = p$, $xy = q$ 라 하면

$$\begin{cases} p^2 - q = 12 \cdots \textcircled{1} \\ q = -8 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

②을 ①에 대입하여 정리하면 $p^2 = 4 \therefore p = \pm 2$

(i) $p = 2, q = -8$ 이면 x, y 는 $t^2 - 2t - 8 = 0$ 의 두 근이
다.

$$(t+2)(t-4) = 0 \text{에서 } t = -2 \text{ 또는 } t = 4$$

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-2 \end{cases}$$

(ii) $p = -2, q = -8$ 이면 x, y 는 $t^2 + 2t - 8 = 0$ 의 두 근
이다.

$$(t-2)(t+4) = 0 \text{에서 } t = 2 \text{ 또는 } t = -4$$

$$\therefore \begin{cases} x=2 \\ y=-4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=2 \end{cases}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-2 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=2 \end{cases}$$

$$10) \quad \begin{cases} x = \sqrt{5} \\ y = -\sqrt{5} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -\sqrt{5} \\ y = \sqrt{5} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -3 \\ y = 1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = 1 \\ y = -3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y+xy=-5 \\ x^2+y^2=10 \end{cases} \text{ 에서 } x+y=p, xy=q \text{ 라 하면}$$

$$\begin{cases} p+q=-5 \\ p^2-2q=10 \end{cases} \text{ 이고, 이 연립방정식을 풀면}$$

$$\begin{cases} p=0 \\ q=-5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} p=-2 \\ q=-3 \end{cases}$$

(i) $p=0, q=-5$ 이면 x, y 는 $t^2-5=0$ 의 두 근이다.

$$t^2=5 \text{ 에서 } t=\pm\sqrt{5}$$

$$\therefore \begin{cases} x = \sqrt{5} \\ y = -\sqrt{5} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -\sqrt{5} \\ y = \sqrt{5} \end{cases}$$

(ii) $p=-2, q=-3$ 이면 x, y 는 $t^2+2t-3=0$ 의 두 근이다.

$$(t+3)(t-1)=0 \text{ 에서 } t=-3 \text{ 또는 } t=1$$

$$\therefore \begin{cases} x=-3 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-3 \end{cases}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x = \sqrt{5} \\ y = -\sqrt{5} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -\sqrt{5} \\ y = \sqrt{5} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -3 \\ y = 1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = 1 \\ y = -3 \end{cases}$$

$$11) \quad \begin{cases} x=-2 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x+y=p, xy=q \text{ 라 하면 } \begin{cases} p^2-2q=13 \cdots \textcircled{1} \\ q=-6 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

②을 ①에 대입하면 $p^2=1 \therefore p=\pm 1$

(i) $p=1, q=-6$ 이면 x, y 는 $t^2-t-6=0$ 의 두 근이다.

$$(t+2)(t-3)=0 \text{ 에서 } t=-2 \text{ 또는 } t=3$$

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-2 \end{cases}$$

(ii) $p=-1, q=-6$ 이면 x, y 는 $t^2+t-6=0$ 의 두 근이다.

$$(t-2)(t+3)=0 \text{ 에서 } t=2 \text{ 또는 } t=-3$$

$$\therefore \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-2 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는}$$

$$\begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=2 \end{cases}$$

$$12) \quad \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y+xy=-1 \\ x^2+y^2=5 \end{cases} \text{ 에서 } x+y=p, xy=q \text{ 라 하면}$$

$$\begin{cases} p+q=-1 \cdots \textcircled{1} \\ p^2-2q=5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \text{에서 } q=-p-1 \cdots \textcircled{3}$$

③을 ②에 대입하여 정리하면 $p^2+2p-3=0$

$$(p+3)(p-1)=0 \therefore p=-3 \text{ 또는 } p=1$$

③에서 $p=-3$ 이면 $q=2$, $p=1$ 이면 $q=-2$

(i) $p=-3, q=2$ 이면 x, y 는 $t^2+3t+2=0$ 의 두 근이다.

$$(t+2)(t+1)=0 \text{ 에서 } t=-2 \text{ 또는 } t=-1$$

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases}$$

(ii) $p=1, q=-2$ 이면 x, y 는 $t^2-t-2=0$ 의 두 근이다.

$$(t+1)(t-2)=0 \text{ 에서 } t=-1 \text{ 또는 } t=2$$

$$\therefore \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$13) \quad \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2+y^2+xy=3 \\ x^2+y^2=5 \end{cases} \text{ 에서 } x+y=p, xy=q \text{ 라 하면}$$

$$\begin{cases} p^2-q=3 \\ p^2-2q=5 \end{cases} \text{ 이고, 이 연립방정식을 풀면}$$

$$\begin{cases} p=1 \\ q=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} p=-1 \\ q=-2 \end{cases}$$

(i) $p=1, q=-2$ 이면 x, y 는 $t^2-t-2=0$ 의 두 근이다.

$$(t+1)(t-2)=0 \text{ 에서 } t=-1 \text{ 또는 } t=2$$

$$\therefore \begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

(ii) $p=-1, q=-2$ 이면 x, y 는 $t^2+t-2=0$ 의 두 근이다.

$$(t+2)(t-1)=0 \text{ 에서 } t=-2 \text{ 또는 } t=1$$

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-2 \end{cases}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=-1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-2 \end{cases}$$

$$14) \quad \begin{cases} x=4 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=-8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-8 \\ y=-4 \end{cases}$$

$\Rightarrow x+y=u, xy=v$ 로 놓으면 주어진 연립방정식은

$$\begin{cases} u^2-2v=80 \cdots \textcircled{1} \\ v=32 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

②을 ①에 대입하면 $u^2-64=80$

$$u^2=144 \therefore u=\pm 12$$

(i) $u=12, v=32$, 즉 $x+y=12, xy=32$ 일 때, x, y 는 이차방정식 $t^2-12t+32=0$ 의 두 근이므로

$$(t-4)(t-8)=0 \therefore t=4 \text{ 또는 } t=8$$

$$\therefore \begin{cases} x=4 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=4 \end{cases}$$

(ii) $u=-12, v=32$, 즉 $x+y=-12, xy=32$ 일 때 x, y 는 이차방정식 $t^2+12t+32=0$ 의 두 근이므로

$$(t+4)(t+8)=0 \therefore t=-4 \text{ 또는 } t=-8$$

$$\therefore \begin{cases} x=-4 \\ y=-8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-8 \\ y=-4 \end{cases}$$

(i), (ii)에서 구하는 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=4 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=-8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-8 \\ y=-4 \end{cases}$$

$$15) \begin{cases} x=4 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=4 \end{cases}$$

\Rightarrow 두 수 x, y 는 t 에 대한 이차방정식 $t^2-9t+20=0$ 의 두 근이 된다.

$$(t-4)(t-5)=0 \therefore t=4 \text{ 또는 } t=5$$

따라서 구하는 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=4 \\ y=5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=4 \end{cases}$$

$$16) \begin{cases} x=2 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=6 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=-6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-6 \\ y=-2 \end{cases}$$

$\Rightarrow x+y=u, xy=v$ 로 놓으면 주어진 연립방정식은

$$\begin{cases} u^2-2v=40 \cdots \textcircled{1} \\ v=12 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{2}$ 을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $u^2-24=40$

$$u^2=64 \therefore u=\pm 8$$

(i) $u=8, v=12$, 즉 $x+y=8, xy=12$ 일 때, x, y 는 이차방정식

$$t^2-8t+12=0 \text{의 두 근이므로}$$

$$(t-2)(t-6)=0 \therefore t=2 \text{ 또는 } t=6$$

$$\therefore \begin{cases} x=2 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=6 \\ y=2 \end{cases}$$

(ii) $u=-8, v=12$, 즉 $x+y=-8, xy=12$ 일 때, x, y 는 이차방정식 $t^2+8t+12=0$ 의 두 근이므로

$$(t+2)(t+6)=0 \therefore t=-2 \text{ 또는 } t=-6$$

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=-6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-6 \\ y=-2 \end{cases}$$

(i), (ii)에서 구하는 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=2 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=6 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=-6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-6 \\ y=-2 \end{cases}$$

$$17) \begin{cases} x=1 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} xy+x+y=7 \cdots \textcircled{1} \\ 2xy-x-y=2 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$x+y=u, xy=v$ 라고 하면

$$\textcircled{1} \text{에서 } v+u=7 \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{2} \text{에서 } 2v-u=2 \cdots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{3}+\textcircled{4} \text{을 하면 } 3v=9$$

$$\therefore v=3$$

이를 $\textcircled{3}$ 에 대입하면 $u=4$

따라서 $u=4, v=3$ 일 때 x, y 는 이차방정식

$$t^2-4t+3=0 \text{의 두 근이므로 } (t-1)(t-3)=0$$

$$\therefore t=1 \text{ 또는 } t=3$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=1 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=1 \end{cases}$$

$$18) \begin{cases} x=\frac{-1+\sqrt{3}i}{2} \\ y=\frac{-1-\sqrt{3}i}{2} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=\frac{-1-\sqrt{3}i}{2} \\ y=\frac{-1+\sqrt{3}i}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow (x+y)^2=x^2+y^2+2xy \text{에서 } (-1)^2=-1+2xy$$

$$2xy=2 \therefore xy=1$$

$x+y=-1, xy=1$ 일 때, x, y 는 이차방정식

$$t^2+t+1=0 \text{의 두 근이다.}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=\frac{-1+\sqrt{3}i}{2} \\ y=\frac{-1-\sqrt{3}i}{2} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=\frac{-1-\sqrt{3}i}{2} \\ y=\frac{-1+\sqrt{3}i}{2} \end{cases}$$

$$19) \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$\text{또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2+y^2-x-y=2 \cdots \textcircled{1} \\ x^2+xy+y^2=1 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$x+y=u, xy=v$ 라고 하면

$$x^2+y^2=(x+y)^2-2xy=u^2-2v$$

$$\textcircled{1} \text{에서 } u^2-2v-u=2 \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{2} \text{에서 } u^2-v=1 \cdots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{3}-\textcircled{4} \text{을 하면 } -u-v=1$$

$$\therefore v=-u-1 \cdots \textcircled{5}$$

$\textcircled{5}$ 을 $\textcircled{4}$ 에 대입하면

$$u^2+u=0, u(u+1)=0 \therefore u=0 \text{ 또는 } u=-1$$

$$u=0 \text{일 때 } v=-1, u=-1 \text{일 때 } v=0$$

(i) $u=0, v=-1$ 일 때 x, y 는 이차방정식 $t^2-1=0$ 의 두 근이므로 $(t+1)(t-1)=0 \therefore t=\pm 1$

(ii) $u=-1, v=0$ 일 때 x, y 는 이차방정식 $t^2+t=0$ 의

$$\text{두 근이므로 } t(t+1)=0 \therefore t=0 \text{ 또는 } t=-1$$

$$(i), (ii) \text{에서 } \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$\text{또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=0 \end{cases}$$

$$20) \begin{cases} x=1+\sqrt{3}i \\ y=1-\sqrt{3}i \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1-\sqrt{3}i \\ y=1+\sqrt{3}i \end{cases} \text{ 또는}$$

$$\begin{cases} x=2+\sqrt{2} \\ y=2-\sqrt{2} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2-\sqrt{2} \\ y=2+\sqrt{2} \end{cases}$$

$\Rightarrow x+y=u, xy=v$ 라고 하면 주어진 연립방정식은

$$u+v=6 \therefore v=6-u \cdots \textcircled{1}$$

$$uv=8 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$u(6-u)=8, u^2-6u+8=0$$

$$(u-2)(u-4)=0 \therefore u=2 \text{ 또는 } u=4$$

$u=2$ 일 때, $v=4$, $u=4$ 일 때, $v=2$

(i) $u=2, v=4$ 즉, $x+y=2, xy=4$ 일 때, x, y 이차방정식 $t^2-2t+4=0$ 의 두 근이다.

$$\therefore t=1 \pm \sqrt{3}i$$

(ii) $u=4, v=2$ 즉, $x+y=4, xy=2$ 일 때, x, y 이차방정식 $t^2-4t+2=0$ 의 두 근이다.

$$\therefore t=2 \pm \sqrt{2}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=1+\sqrt{3}i \\ y=1-\sqrt{3}i \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1-\sqrt{3}i \\ y=1+\sqrt{3}i \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2+\sqrt{2} \\ y=2-\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\text{또는 } \begin{cases} x=2-\sqrt{2} \\ y=2+\sqrt{2} \end{cases}$$

$$21) \begin{cases} x=0 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases}$$

$\Rightarrow x+y=u, xy=v$ 로 치환하면

$$\begin{cases} u^2-2v-u=2 \\ u^2-v=1 \end{cases}$$

두 식을 빼면 $u=-v-1$

$$u^2-v=1 \text{에 대입하면 } v^2+v=0 \quad v(v+1)=0$$

$\therefore xy$ 의 값은 0 또는 -1이다.

따라서 $\begin{cases} x+y=-1 \\ xy=0 \end{cases}$ 또는 $\begin{cases} x+y=0 \\ xy=-1 \end{cases}$ 이므로

주어진 연립방정식의 해는

$$\begin{cases} x=0 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases}$$

$$22) \begin{cases} x=4 \\ y=7 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=7 \\ y=4 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-4 \\ y=-7 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-7 \\ y=-4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2 = 121$$

$$\therefore x+y=\pm 11$$

$$i) \begin{cases} x+y=11 & \dots \textcircled{1} \\ xy=28 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면

$$\therefore x=4, y=7 \text{ 또는 } x=7, y=4$$

$$ii) \begin{cases} x+y=-11 & \dots \textcircled{3} \\ xy=28 & \dots \textcircled{4} \end{cases}$$

$\textcircled{3}, \textcircled{4}$ 을 연립하여 풀면

$$\therefore x=-4, y=-7 \text{ 또는 } x=-7, y=-4$$

$$23) \begin{cases} x=-4 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} xy+2x+2y=-10 & \dots \textcircled{1} \\ xy-x-y=-1 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}-\textcircled{2}$ 을 하면

$$3x+3y=-9$$

$$x+y=-3$$

따라서 $\textcircled{2}$ 에 $y=-x-3$ 을 대입하면

$$x(-x-3)-x-(-x-3)=-1$$

$$-x^2-3x-x+x+3=-1$$

$$x^2+3x-4=0$$

$$(x+4)(x-1)=0$$

$$\therefore x=-4, y=1 \text{ 또는 } x=1, y=-4$$

$$24) \begin{cases} x=4 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} xy-2x-2y=-2 & \dots \textcircled{1} \\ xy+x+y=19 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}-\textcircled{2}$ 을 하면

$$-3x-3y=-21$$

$$x+y=7$$

$$\therefore y=7-x \quad \dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{3}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$x(7-x)+x+(7-x)=19$$

$$-x^2+7x+x+7-x=19$$

$$x^2-7x+12=0$$

$$(x-4)(x-3)=0$$

$$\therefore \begin{cases} x=4 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=4 \end{cases}$$

$$25) \begin{cases} x=-2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-3 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} xy+x+y=1 & \dots \textcircled{1} \\ x^2+y^2+2x+2y=3 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $x+y=1-xy$ 이므로 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$x^2+y^2+2x+2y=3 \Rightarrow x^2+y^2+2(1-xy)=3$$

$$x^2+y^2-2xy=1$$

$$(x-y)^2=1$$

$$\therefore x-y=\pm 1$$

i) $x-y=1$

$y=x-1$ 이므로 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x(x-1)+x+(x-1)=1$$

$$x^2+x-2=0$$

$$(x+2)(x-1)=0$$

$$\therefore x=-2 \text{ 또는 } x=1$$

$$y=-3 \text{ 또는 } y=0$$

ii) $x-y=-1$

$y=x+1$ 이므로 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x(x+1)+x+(x+1)=1$$

$$x^2+3x=0$$

$$x(x+3)=0$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=-3$$

$$y=1 \text{ 또는 } y=-2$$

$$26) \begin{cases} x=2 \\ y=2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y=4 & \dots \textcircled{1} \\ xy=4 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $y=4-x$ 이므로 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$x(4-x)=4$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$(x-2)^2 = 0$$

$$\therefore x=2, y=2$$

$$27) \begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases}$$

⇒ 주어진 연립방정식을 더하면

$$2x^2 + 2y^2 = 10, x^2 + y^2 = 5 \text{ 이고}$$

주어진 연립방정식을 빼면

$$2xy = 4, xy = 2 \text{ 이다.}$$

$$\therefore x=2, y=1 \text{ 또는 } x=1, y=2 \text{ 또는}$$

$$x=-2, y=-1 \text{ 또는 } x=-1, y=-2$$

$$28) \begin{cases} x=3 \\ y=-\frac{3}{2} \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-\frac{3}{2} \\ y=3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = -\frac{5}{2}$$

$$\frac{x^2 + y^2}{xy} = -\frac{5}{2}$$

$$2x^2 + 5xy + 2y^2 = 0$$

$$(x+2y)(2x+y) = 0$$

$$\therefore x = -2y \text{ 또는 } x = -\frac{1}{2}y$$

(i) $x = -2y$ 일 때

$$xy + 3x + 3y = 0 \text{ 에 } x = -2y \text{ 를 대입하면}$$

$$-2y^2 - 6y + 3y = 0$$

$$2y^2 + 3y = 0 \therefore y = 0 \text{ 또는 } y = -\frac{3}{2}$$

$$y \neq 0 \text{ 이므로 } y = -\frac{3}{2}, x = 3$$

(ii) $x = -\frac{1}{2}y$ 일 때

$$xy + 3x + 3y = 0 \text{ 에 } x = -\frac{1}{2}y \text{ 를 대입하면}$$

$$-\frac{1}{2}y^2 - \frac{3}{2}y + 3y = 0$$

$$y^2 - 3y = 0$$

$$y = 0 \text{ 또는 } y = 3$$

$$y \neq 0 \text{ 이므로 } y = 3, x = -\frac{3}{2}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$x = 3, y = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = -\frac{3}{2}, y = 3$$

$$29) \begin{cases} x=-1 \\ y=3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-1 \end{cases}$$

⇒ $y = 2 - x$ 이므로

$$x^2 + x(2-x) + (2-x)^2 = 7 \text{ 에서 정리하면}$$

$$x^2 - 2x - 3 = 0 \text{ 에서 } x = -1 \text{ 또는 } x = 3 \text{ 이다.}$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는 $x = -1, y = 3$ 또는 $x = 3, y = -1$

$$30) \begin{cases} x=6 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=6 \end{cases}$$

⇒ $x + y = 14$ 에서 $y = 14 - x$

$$x^2 + y^2 = 100 \text{ 에 대입하면 } x^2 + (14-x)^2 = 100 \text{ 에서}$$

$$2x^2 - 28x + 96 = 0, 2(x-6)(x-8) = 0$$

$$\begin{cases} x=6 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=6 \end{cases}$$

$$31) \begin{cases} x=1 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=1 \end{cases}$$

⇒ $x^2 + xy + y^2 = 1$ 에서 $x^2 + y^2 = 1 - xy$

$$\text{이를 } x^2 + y^2 + x + y = 2 \text{ 에 대입하면}$$

$$1 - xy + x + y - 2 = 0 \text{ 에서}$$

$$x + y - xy - 1 = (x-1)(-y+1) = 0$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는

$$x=1, y=0 \text{ 또는 } x=1, y=-1 \text{ 또는 } x=0, y=1$$

$$\text{또는 } x=-1, y=1$$

$$32) \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases}$$

⇒ $x^2 + y^2 = 5$ 는 $(x+y)^2 - 2xy = 5 \cdots \textcircled{A}$ 와 같으므로

\textcircled{A} 에 $xy = 2$ 를 대입하면

$$x + y = 3 \text{ 또는 } x + y = -3 \text{ 이다.}$$

(i) $x + y = 3, xy = 2$ 인 경우

x, y 를 두 근으로 갖는 이차방정식

$$t^2 - 3t + 2 = 0 \text{ 의 해를 구하면 } t = 1, 2 \text{ 이므로}$$

$$(x, y) = (1, 2), (2, 1) \text{ 이다.}$$

(ii) $x + y = -3, xy = 2$ 인 경우

x, y 를 두 근으로 갖는 이차방정식

$$t^2 + 3t + 2 = 0 \text{ 의 해를 구하면 } t = -1, -2 \text{ 이므로}$$

$$(x, y) = (-1, -2), (-2, -1)$$

$$(i), (ii) \text{ 에서 } \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는}$$

$$\begin{cases} x=-1 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases}$$

33) 9cm

⇒ 처음 직사각형의 가로의 길이를 x cm, 세로의 길이를 y cm라 하면 대각선의 길이가 15cm이므로

$$x^2 + y^2 = 15^2 \therefore x^2 + y^2 = 225 \cdots \textcircled{A}$$

직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 2cm씩 늘렸더니

직사각형의 넓이가 처음보다 46cm²만큼 커졌으므로

$$(x+2)(y+2) = xy + 46$$

$$\therefore x + y = 21 \cdots \textcircled{B}$$

$\textcircled{A}, \textcircled{B}$ 을 연립하여 풀면

$$x = 12, y = 9 (\because x > y)$$

따라서 처음 직사각형의 세로의 길이는 9cm이다.

34) 가로의 길이: 8cm, 세로의 길이: 6cm

⇒ 처음 직사각형의 가로의 길이를 x cm, 세로의 길이를 y cm($x > y$)라 하면 대각선의 길이가 10cm이므로

로

$$x^2 + y^2 = 10^2 \therefore x^2 + y^2 = 100 \dots \textcircled{1}$$

직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 2cm 씩 늘렸더니 직사각형의 넓이가 처음보다 32cm^2 만큼 커졌으므로

$$(x+2)(y+2) = xy + 32 \therefore x + y = 14 \dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면 $x = 8, y = 6 (\because x > y)$

따라서 처음 직사각형의 가로의 길이는 8cm , 세로의 길이는 6cm 이다.

35) $6\text{cm}, 8\text{cm}$

\Rightarrow 나머지 두 변의 길이를 각각 $x\text{cm}, y\text{cm}$ 라 하면 직각삼각형의 둘레의 길이가 24cm 이므로

$$x + y = 14 \dots \textcircled{1}$$

빗변의 길이가 10cm 이므로

$$x^2 + y^2 = 100 \dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면

$$x = 6, y = 8 \text{ 또는 } x = 8, y = 6$$

따라서 직각삼각형의 나머지 두 변의 길이는 $6\text{cm}, 8\text{cm}$ 이다.

36) 48cm

\Rightarrow 처음 직사각형의 가로의 길이를 $x\text{cm}$, 세로의 길이를

$y\text{cm}$ 라 하면

$$x^2 + y^2 = 2500 \dots \textcircled{1}$$

직사각형의 가로를 4cm 늘리고,

세로를 8cm 줄였더니

직사각형 넓이가 처음보다 48cm^2 만큼 커졌으므로

$$(x+4)(y-8) = xy + 48$$

$$\therefore 2x - y = -20 \dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면

$$x = 14, y = 48 (\because x > 0, y > 0)$$

따라서 처음 직사각형의 세로의 길이는 48cm 이다.

37) 8cm

\Rightarrow 직사각형의 가로의 길이를 $a\text{cm}$, 세로의 길이를 $b\text{cm}$

라고 하면

$$\begin{cases} 2a + 2b = 28 \\ a^2 + b^2 = 10^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a + b = 14 \dots \textcircled{1} \\ a^2 + b^2 = 10^2 \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $b = 14 - a$ 이므로 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$a^2 + (14 - a)^2 = 100, a^2 - 14a + 48 = 0$$

$$(a - 8)(a - 6) = 0 \therefore a = 8 \text{ 또는 } a = 6$$

$$\therefore \begin{cases} a = 8 \\ b = 6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} a = 6 \\ b = 8 \end{cases}$$

$a > b$ 이므로 $a = 8, b = 6$

따라서 직사각형의 가로의 길이는 8cm 이다.

38) $192(\text{cm}^2)$

\Rightarrow 직사각형의 가로의 길이를 $x\text{cm}$, 세로의 길이를 $y\text{cm}$ 라 하면 직사각형의 둘레의 길이가 56cm 이므로

$$2(x + y) = 56 \therefore x + y = 28 \dots \textcircled{1}$$

대각선의 길이가 20cm 이므로

$$x^2 + y^2 = 20^2 \therefore x^2 + y^2 = 400 \dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면

$$x = 12, y = 16 \text{ 또는 } x = 16, y = 12$$

따라서 직사각형의 넓이는

$$12 \cdot 16 = 192(\text{cm}^2)$$

39) $x = 50, y = 20$

\Rightarrow 처음 철사의 길이가 280cm 이므로

$$4x + 4y = 280 \therefore x + y = 70 \dots \textcircled{1}$$

두 정사각형의 넓이의 합이 2900cm^2 이므로

$$x^2 + y^2 = 2900 \dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 연립하여 풀면

$$x = 50, y = 20 (\because x > y)$$

40) $a = 7, b = 5$

\Rightarrow 문제의 조건에서 식을 세우면

$$\begin{cases} 4a + 4b = 48 \dots \textcircled{1} \\ a^2 + b^2 = 74 \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $a + b = 12, b = 12 - a$

$b = 12 - a$ 를 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$a^2 + (12 - a)^2 = 74 \Leftrightarrow a^2 - 12a + 35 = 0$$

$$(a - 5)(a - 7) = 0 \therefore a = 5 \text{ 또는 } a = 7$$

$$\therefore \begin{cases} a = 5 \\ b = 7 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} a = 7 \\ b = 5 \end{cases}$$

그런데 $a > b$ 이므로 $a = 7, b = 5$.

41) $9\text{cm}, 12\text{cm}$

\Rightarrow 직각삼각형의 나머지 두 변의 길이를 각각 $x\text{cm}, y\text{cm}$ 라 하면 빗변의 길이가 15cm 이므로

$$x^2 + y^2 = 15^2 \therefore x^2 + y^2 = 225 \dots \textcircled{1}$$

내접원의 반지름의 길이가 3cm 이므로

$$\frac{1}{2} \cdot 15 \cdot 3 + \frac{1}{2} \cdot x \cdot 3 + \frac{1}{2} \cdot y \cdot 3 = \frac{1}{2} xy$$

$$\therefore 3x + 3y - xy + 45 = 0 \dots \textcircled{2}$$

이때, $x + y = p, xy = q$ 라 하면

$$\textcircled{1} \text{에서 } p^2 - 2q = 225$$

$$\textcircled{2} \text{에서 } 3p - q + 45 = 0$$

두 식을 연립하면 $p = 21, q = 108 (\because p > 0)$

$p = 21, q = 108$ 이면 x, y 는 $t^2 - 21t + 108 = 0$ 의 두 근이다.

$$(t - 12)(t - 9) = 0 \text{에서 } t = 12 \text{ 또는 } t = 9$$

$$\therefore \begin{cases} x = 12 \\ y = 9 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = 9 \\ y = 12 \end{cases}$$

따라서 직각삼각형의 빗변이 아닌 다른 두 변의 길이는 각각

$$12\text{cm}, 9\text{cm} \text{이다.}$$

42) $a = 25, b = 15$

\Rightarrow 길이가 160cm 인 철사를 잘라서 한 변의 길이가 각각

$a\text{cm}, b\text{cm}$ 인 두 개의 정사각형을 만들었으므로

$$4a+4b=160 \therefore a+b=40 \cdots \textcircled{1}$$

이 두 정사각형의 넓이의 합이 850cm^2 이므로

$$a^2+b^2=850 \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}\text{에서 } a=40-b$$

이것을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$(40-b)^2+b^2=850, \quad b^2-40b+375=0$$

$$(b-25)(b-15)=0 \therefore b=25 \text{ 또는 } b=15$$

$$\therefore a=25, b=15 \quad (\because a>b)$$

43) 83

⇒ 처음 두 자리 정수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리

의 숫자를 각각 x, y 라고 하면

$$\begin{cases} x^2+y^2=74 & \cdots \textcircled{1} \\ (10y+x)+(10x+y)=121 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{2}$ 을 정리하면 $x+y=11$ 이므로 $y=11-x$

$y=11-x$ 를 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x^2+(11-x)^2=73, \quad x^2-11x+24=0$$

$$(x-3)(x-8)=0 \therefore x=3 \text{ 또는 } x=8$$

$$\therefore \begin{cases} x=3 \\ y=8 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=3 \end{cases}$$

$x>y$ 이므로 $x=8, y=3$

따라서 처음 정수는 83이다.

44)

$$\begin{cases} x=0 \\ y=-5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-3 \end{cases}$$

⇒ $xy+4x-2y-10=0$ 에서

$$x(y+4)-2(y+4)-2=0 \therefore (x-2)(y+4)=2$$

이때, x, y 가 정수이므로 $x-2, y+4$ 의 값은 다음 표와 같다.

$x-2$	-2	-1	1	2
$y+4$	-1	-2	2	1

$$\therefore \begin{cases} x=0 \\ y=-5 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=-6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=3 \\ y=-2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=-3 \end{cases}$$

$$45) \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=1 \end{cases}$$

⇒ $6xy+4x-3y-7=0$ 에서

$$2x(3y+2)-(3y+2)-5=0 \therefore (2x-1)(3y+2)=5$$

이때, x, y 가 정수이므로 $2x-1, 3y+2$ 의 값은 다음 표와 같다.

$2x-1$	-5	-1	1	5
$3y+2$	-1	-5	5	1

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=-1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=1 \\ y=1 \end{cases}$$

<주의>

$3y+2=-5, 3y+2=1$ 일 때의 y 의 값은 정수가 아니다.

46)

$$\begin{cases} x=-2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=7 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=3 \end{cases}$$

⇒ $xy-2x-3y+1=0$ 에서

$$x(y-2)-3(y-2)-5=0 \therefore (x-3)(y-2)=5$$

이때, x, y 가 정수이므로 $x-3, y-2$ 의 값은 다음 표와 같다.

$x-3$	-5	-1	1	5
$y-2$	-1	-5	5	1

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=-3 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=7 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=8 \\ y=3 \end{cases}$$

$$47) \begin{cases} x=-2 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=4 \end{cases}$$

⇒ $xy-3x-y=0$ 에서 $x(y-3)-(y-3)-3=0$

$$\therefore (x-1)(y-3)=3$$

이때, x, y 가 정수이므로 $x-1, y-3$ 의 값은 다음 표와 같다.

$x-1$	-3	-1	1	3
$y-3$	-1	-3	3	1

$$\therefore \begin{cases} x=-2 \\ y=2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=0 \\ y=0 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=2 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=4 \\ y=4 \end{cases}$$

$$48) \quad x=2, y=3 \text{ 또는 } x=3, y=2 \text{ 또는 } x=0, y=-1 \text{ 또는 } x=-1, y=0$$

⇒ $xy-x-y-1=(x-1)(y-1)-2=0$ 에서

$(x-1)(y-1)=2$ 를 만족하는 정수 (x, y) 의 순서쌍은 $(2, 3), (3, 2), (0, -1), (-1, 0)$ 이다.

따라서 $x=2, y=3$ 또는 $x=3, y=2$ 또는 $x=0, y=-1$ 또는 $x=-1, y=0$ 이다.

$$49) \quad x=-2, y=-2 \text{ 또는 } x=6, y=-4 \text{ 또는 } x=4, y=-5 \text{ 또는 } x=0, y=-1 \text{ 또는 } x=3, y=-7 \text{ 또는 } x=1, y=1$$

⇒ $xy+3x-2y-2=(x-2)(y+3)+4=0$ 에서

$(x-2)(y+3)=-4$ 이므로 $(x-2, y+3)$ 이 될 수 있는

순서쌍은 $(-4, 1), (4, -1), (2, -2), (-2, 2), (-1, 4)$

$(1, -4)$ 이므로 만족하는 (x, y) 의 순서쌍을 구하면

$(-2, -2), (6, -4), (4, -5), (0, -1), (3, -7),$

$(1, 1)$ 이다. 따라서 $x=-2, y=-2$ 또는

$x=6, y=-4$ 또는 $x=4, y=-5$ 또는

$x=0, y=-1$ 또는 $x=3, y=-7$ 또는

$x=1, y=1$ 이다.

$$50) \quad x=2, y=-2 \text{ 또는 } x=4, y=0 \text{ 또는 } x=0, y=4 \text{ 또는 } x=-2, y=2$$

⇒ $x+y-xy=4$ 에서 $(x-1)(-y+1)+1=4,$

$(x-1)(-y+1)=3$ 을 만족하는 (x, y) 의 순서쌍은 $(2, -2), (4, 0), (0, 4), (-2, 2)$ 이다.

따라서 $x=2, y=-2$ 또는 $x=4, y=0$ 또는 $x=0, y=4$ 또는 $x=-2, y=2$

51) $x=4, y=6$ 또는 $x=8, y=2$ 또는 $x=2, y=-4$ 또는 $x=-2, y=0$

⇒ $xy-x-3y-2=(x-3)(y-1)-5=0$ 에서
 $(x-3)(y-1)=5$ 를 만족하는 (x, y) 의 순서쌍은
 $(4, 6), (8, 2), (2, -4), (-2, 0)$ 이다.

따라서 $x=4, y=6$ 또는 $x=8, y=2$ 또는 $x=2, y=-4$ 또는 $x=-2, y=0$

52) $(4, 11), (10, 5)$

⇒ $xy-4x-3y+5=0$ 에서
 $x(y-4)-3(y-4)-7=0 \therefore (x-3)(y-4)=7$
 이때, x, y 가 자연수이므로 $x-3, y-4$ 의 값은 다음
 표와 같다.

$x-3$	1	7
$y-4$	7	1

$$\therefore \begin{cases} x=4 \\ y=11 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=10 \\ y=5 \end{cases}$$

53) $(1, 1), (4, 2)$

⇒ $xy-3x+2y=0$ 에서 $y(x+2)-3(x+2)=-6$
 $(x+2)(y-3)=-6$

$x+2$	-6	-3	-2	-1	1	2	3	6
$y-3$	1	2	3	6	-6	-3	-2	-1

이를 만족하는 x, y 의 순서쌍 (x, y) 는
 $(-8, 4), (-5, 5), (-4, 6), (-3, 9), (-1, -3),$
 $(0, 0), (1, 1), (4, 2)$
 x, y 는 자연수이므로 구하는 해는 $(1, 1), (4, 2)$

54) $(1, 2), (2, 1), (4, 5), (5, 4)$

⇒ $xy-3x-3y+7=0$ 에서
 $x(y-3)-3(y-3)=2 \Rightarrow (x-3)(y-3)=2$

$x-3$	-2	-1	1	2
$y-3$	-1	-2	2	1

이를 만족하는 x, y 의 순서쌍 (x, y) 는
 $(1, 2), (2, 1), (4, 5), (5, 4)$ 이고 x, y 는 모두 자연수
 이므로 모두 구하는 해이다.

55) $(1, 3), (2, 2), (4, 6), (5, 5)$

⇒ $xy-4x-3y+10=0$ 에서
 $x(y-4)-3(y-4)=2 \Rightarrow (x-3)(y-4)=2$

$x-3$	-2	-1	1	2
$y-4$	-1	-2	2	1

이를 만족하는 x, y 의 순서쌍 (x, y) 는
 $(1, 3), (2, 2), (4, 6), (5, 5)$ 이다.

56) $(4, 6), (5, 2)$

⇒ $xy+2x-3y-14=0$ 에서
 $x(y+2)-3(y+2)-8=0 \therefore (x-3)(y+2)=8$

이때, x, y 가 자연수이므로 $x-3, y+2$ 의 값은 다음
 표와 같다.

$x-3$	1	2
$y+2$	8	4

$$\therefore \begin{cases} x=4 \\ y=6 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x=5 \\ y=2 \end{cases}$$

57) $x=-1, y=2$

⇒ 주어진 식을 변형하면
 $(x^2+2x+1)+(y^2-4y+4)=0$
 $(x+1)^2+(y-2)^2=0$
 이때, x, y 가 실수이므로
 $x+1=0, y-2=0$
 $\therefore x=-1, y=2$

58) $x=3, y=1$

⇒ 주어진 방정식을 $A^2+B^2=0$ 의 꼴로 변형하면
 $(x^2-6xy+9y^2)+(x^2-6x+9)=0$
 $\therefore (x-3y)^2+(x-3)^2=0$
 이때, x, y 가 실수이므로
 $x-3y=0, x-3=0$
 $\therefore x=3, y=1$

59) $x=2, y=3$

⇒ $x^2+y^2-4x-6y+13=0$ 에서
 $(x^2-4x+4)+(y^2-6y+9)=0$
 $\therefore (x-2)^2+(y-3)^2=0$
 이때, x, y 가 실수이므로
 $x-2=0, y-3=0 \therefore x=2, y=3$

60) $x=3, y=2$

⇒ 좌변을 x 에 대하여 내림차순으로 정리하면
 $x^2+2(1-2y)x+5y^2-8y+5=0$
 x 가 실수이므로 주어진 방정식이 실근을 가져야 한
 다.

$$\frac{D}{4}=(1-2y)^2-5y^2+8y-5 \geq 0$$

$$-y^2+4y-4 \geq 0 \Rightarrow (y-2)^2 \leq 0$$

y 도 실수이므로 y 의 값은 2뿐이다.

이 값을 주어진 방정식에 대입하면 $x^2-6x+9=0$

$$(x-3)^2=0 \therefore x=3$$

$$\therefore (x, y)=(3, 2)$$

61) $x=12, y=3$

⇒ $x^2-8xy+17y^2-6y+9=0$ 에서
 $(x^2-8xy+16y^2)+(y^2-6y+9)=0$
 $\therefore (x-4y)^2+(y-3)^2=0$
 이때, x, y 가 실수이므로
 $x-4y=0, y-3=0 \therefore x=12, y=3$

62) $x=-1, y=1$

⇒ 주어진 방정식을 x 에 대하여 내림차순으로 정리하

면

$$x^2 - 2(y-2)x + 2y^2 - 6y + 5 = 0 \cdots \textcircled{1}$$

이때, x 가 실수이므로 $\textcircled{1}$ 의 판별식을 D 라 하면

$$\frac{D}{4} = (y-2)^2 - (2y^2 - 6y + 5) \geq 0, \quad -y^2 + 2y - 1 \geq 0,$$

$$y^2 - 2y + 1 \leq 0 \quad \therefore (y-1)^2 \leq 0$$

 y 는 실수이므로 $y=1$ 이고, 이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x^2 + 2x + 1 = 0, \quad (x+1)^2 = 0 \quad \therefore x = -1$$

$$63) \quad x = -1, y = 2$$

 \Rightarrow 주어진 방정식을 x 에 대하여 내림차순으로 정리하면

$$x^2 + 2(y-1)x + 2y^2 - 6y + 5 = 0 \cdots \textcircled{1}$$

이때, x 가 실수이므로 $\textcircled{1}$ 의 판별식을 D 라 하면

$$\frac{D}{4} = (y-1)^2 - (2y^2 - 6y + 5) \geq 0, \quad -y^2 + 4y - 4 \geq 0,$$

$$y^2 - 4y + 4 \leq 0 \quad \therefore (y-2)^2 \leq 0$$

 y 는 실수이므로 $y=2$ 이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x^2 + 2x + 1 = 0, \quad (x+1)^2 = 0 \quad \therefore x = -1$$

$$64) \quad x = 3, y = 1$$

 \Rightarrow 주어진 방정식을 x 에 대하여 내림차순으로 정리하면

$$x^2 - 2(y+2)x + 2y^2 + 2y + 5 = 0 \cdots \textcircled{1}$$

이때, x 가 실수이므로 $\textcircled{1}$ 의 판별식을 D 라 하면

$$\frac{D}{4} = (y+2)^2 - (2y^2 + 2y + 5) \geq 0, \quad -y^2 + 2y - 1 \geq 0$$

$$y^2 - 2y + 1 \leq 0 \quad \therefore (y-1)^2 \leq 0$$

 y 는 실수이므로 $y=1$ 이고, 이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$x^2 - 6x + 9 = 0, \quad (x-3)^2 = 0 \quad \therefore x = 3$$

$$65) \quad x = \frac{1}{2}, y = 1$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 4xy + 2y^2 - 2y + 1 = 0 \text{에서}$$

$$(4x^2 - 4xy + y^2) + (y^2 - 2y + 1) = 0$$

$$\therefore (2x - y)^2 + (y - 1)^2 = 0$$

이때, x, y 가 실수이므로

$$2x - y = 0, y - 1 = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{2}, y = 1$$

$$66) \quad x = 3, y = -1$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 6x + 2y = -10 \text{에서}$$

$$(x^2 - 6x + 9) + (y^2 + 2y + 1) = 0$$

$$\therefore (x-3)^2 + (y+1)^2 = 0$$

이때, x, y 가 실수이므로

$$x - 3 = 0, y + 1 = 0$$

$$\therefore x = 3, y = -1$$

$$67) \quad x = 2, y = 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = 0 \text{에서}$$

$$(x^2 - 4x + 4) + (y^2 - 8y + 16) = 0$$

$$(x-2)^2 + (y-4)^2 = 0$$

이때, x, y 가 실수이므로 $x-2=0, y-4=0$

$$\therefore x = 2, y = 4$$

$$68) \quad x = 3, y = 1$$

$$\Rightarrow x^2 - 6yx + 10y^2 - 2y + 1 = 0$$

이 방정식이 실근을 가져야 하므로

$$\frac{D}{4} = 9y^2 - 10y^2 + 2y - 1 \geq 0$$

$$-y^2 + 2y - 1 \geq 0 \Rightarrow (y-1)^2 \leq 0 \quad \therefore y = 1$$

 $y=1$ 을 주어진 방정식에 대입하면

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

$$(x-3)^2 = 0 \quad \therefore x = 3$$

$$\therefore (x, y) = (3, 1)$$

$$69) \quad x = \frac{1}{3}, y = \frac{1}{2}$$

 \Rightarrow 주어진 방정식을 x 에 대하여 내림차순으로 정리하면

$$9x^2 - 3(2y+1)x + 4y^2 - 2y + 1 = 0 \cdots \textcircled{1}$$

이때, x 가 실수이므로 $\textcircled{1}$ 의 판별식을 D 라 하면

$$D = 9(2y+1)^2 - 4 \cdot 9(4y^2 - 2y + 1) \geq 0$$

$$-12y^2 + 12y - 3 \geq 0, \quad 4y^2 - 4y + 1 \leq 0$$

$$\therefore (2y-1)^2 \leq 0$$

 y 는 실수이므로 $y = \frac{1}{2}$ 이고, 이것을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$9x^2 - 6x + 1 = 0, \quad (3x-1)^2 = 0 \quad \therefore x = \frac{1}{3}$$

$$70) \quad x = -1, y = 4$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 + 2x - 8y + 17 = 0 \text{에서 } (x+1)^2 + (y-4)^2 = 0$$

$$\text{이므로 } x = -1, y = 4$$

$$71) \quad x = 1, y = 2$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 + (y-2)^2 = 0 \text{이므로 } x = 1, y = 2 \text{이다.}$$

$$72) \quad x = 2, y = -3$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 4x + 6y + 13 = (x-2)^2 + (y+3)^2 = 0$$

$$\text{따라서 } x = 2, y = -3 \text{이다.}$$