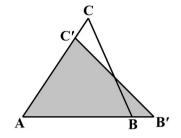


## 2022학년도 3-2 기말고사 대비

DATE
NAME
GRADE

## 중급 7회

**1.** 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB}$ 는 20%만큼 늘이고  $\overline{AC}$ 는 20%만큼 줄여  $\triangle AB'C'$ 을 만들 때,  $\triangle AB'C'$ 의 넓이는  $\triangle ABC$ 의 넓이에 비해 얼만큼 증가 또는 감소하는가?



- ① 8%만큼 증가한다.
- ② 4%만큼 증가한다.
- ③ 8%만큼 감소한다.
- ④ 4%만큼 감소한다.
- ⑤ 변함없다.

- ① 4 km
- $2 4\sqrt{3} \text{ km}$

4. 다음 그림은 두 척의 배가 () 지점에서 동시에 출발하여 서로 다른

Q에 각각 도착한 것을 간단히 나타낸 것이다.  $\angle POR = 20^{\circ}$ ,

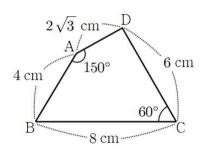
 $\angle ROQ = 40^{\circ}$ 일 때, 두 배 사이의 거리인  $\overline{PQ}$ 의 길이는?

방향으로 시속  $16 \, \mathrm{km}$ , 시속  $24 \, \mathrm{km}$ 로 항해하여 30분 후 두 지점 P,

 $3 \sqrt{3} \text{ km}$ 

- ④  $4\sqrt{7}$  km
- $5\sqrt{7}$  km

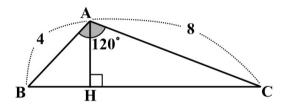
**2.** 다음 사각형 ABCD의 넓이를 구하면?



- ①  $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- $2 ext{ } 14\sqrt{3} ext{ cm}^2$
- ③  $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

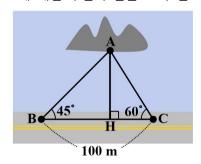
- $4 18\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ⑤  $20\sqrt{3} \text{ cm}^2$

**5.** 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서  $\angle$ BAC=120°,  $\overline{AC}$ =8,  $\overline{AB}$ =4,  $\overline{AH}$  $\bot$  $\overline{BC}$ 일 때,  $7\times\overline{AH}$ 의 길이는?



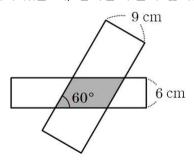
- $\bigcirc$   $\sqrt{7}$
- $\bigcirc$   $\sqrt{21}$
- $3 4\sqrt{5}$
- $4\sqrt{7}$
- ⑤  $4\sqrt{21}$

3. 그림과 같이 바위섬의 위치를 A, 해안 도로 위의 두 지점의 위치를 B, C라 하면 BC=100 m, ∠ABC=45°, ∠ACB=60°이다. 점 A에서 BC에 내린 수선의 발을 H라 할 때 AH의 길이는?



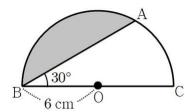
- ①  $50(3-\sqrt{3})$  m
- ②  $50(\sqrt{3}-1)$  m
- ③  $50(3+\sqrt{3})$  m
- $4 100(2-\sqrt{3}) \text{ m}$
- $5 100(2+\sqrt{3}) \text{ m}$

**6.** 폭이 각각 6 cm, 9 cm로 일정한 두 종이 테이프가 다음 그림과 같이 60°로 겹쳐져 있을 때, 겹쳐진 부분의 넓이는?

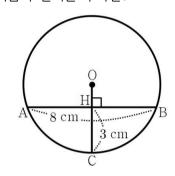


- ①  $16\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ②  $24\sqrt{2} \text{ cm}^2$ 
  - $36\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- $40\sqrt{3} \text{ cm}^2$   $5 48\sqrt{3} \text{ cm}^2$

7. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6 cm인 반원 O에서  $\angle ABC = 30^{\circ}$ 일 때, 색칠된 부분의 넓이는?

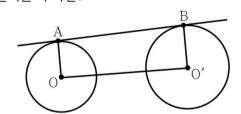


- ①  $(10\pi 9\sqrt{3}) \text{ cm}^2$
- ②  $(12\pi 9\sqrt{3})$  cm<sup>2</sup>
- $(3) (10\pi + 9\sqrt{3}) \text{ cm}^2$
- $(4) (12\pi + 9\sqrt{3}) \text{ cm}^2$
- $(16\pi 9\sqrt{3}) \text{ cm}^2$
- **8.** 다음 그림의 원 O에서  $\overline{AB} \perp \overline{OC}$ 이고  $\overline{AB} = 8$  cm,  $\overline{CH} = 3$  cm 일 때, 원 🔾의 지름의 길이를 구하면?



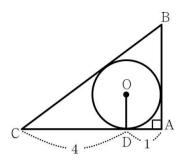
① 8 cm ②  $\frac{25}{3}$  cm ③  $\frac{26}{3}$  cm ④ 9 cm ⑤  $\frac{28}{3}$  cm

**9.** 그림과 같이 직선 AB가 두 원 O, O'와 각각 A, B에서 접한다. 원 O의 반지름은  $\overline{OA}=3$ , 원 O'의 반지름은  $\overline{O'B}=4$ 이고  $\overline{OO'}=11$ 일 때  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하면?



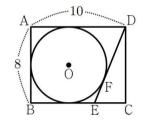
- ① 12
- ②  $\sqrt{119}$  ③  $2\sqrt{30}$
- **4** 11
- ⑤  $\sqrt{122}$

**10.** 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC의 내접원과  $\overline{AC}$ 의 접점을 D라 하자.  $\overline{AD} = 1$ ,  $\overline{CD} = 4$ 일 때  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하면?



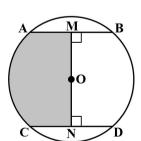
- $3 \frac{8}{3}$
- 4 3

**11.** 그림과 같이  $\overline{AB} = 8$ ,  $\overline{AD} = 10$ 인 직사각형 ABCD의 세 변에 원 O가 접하고 있다. 또한  $\overline{DE}$ 가 원 O의 접선이고, 점 F가 접점일 때  $\overline{\mathrm{EF}}$ 의 길이는?



- ① 2 ②  $\frac{7}{3}$  ③  $\frac{8}{3}$
- **4** 3

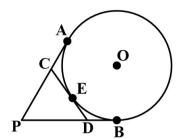
**12.** 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6 cm인 원 O에서  $\overline{AB} = \overline{CD}$ ,  $\overline{\mathrm{OM}} = 3\sqrt{2} \; \mathrm{cm}$ 이고  $\overline{\mathrm{MN}}$  위에 원의 중심이 있을 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ①  $(18+9\pi)$  cm<sup>2</sup>
- ②  $(18+3\pi)$  cm<sup>2</sup>
- $(12+9\pi)$  cm<sup>2</sup>

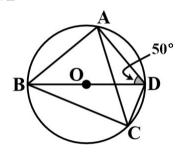
- $(6+3\pi)$  cm<sup>2</sup>
- ⑤  $(4+6\pi)$  cm<sup>2</sup>

**13.** 그림에서  $\overline{PA} = 8 \text{ cm}$ ,  $\overline{PC} = 5 \text{ cm}$ ,  $\overline{PD} = 6 \text{ cm}$ 이고  $\overline{PA}$ ,  $\overline{PB}$ ,  $\overline{\text{CD}}$ 는 각각 A, B E를 접점으로 하는 원 O의 접선일 때,  $\overline{\text{CD}}$ 의 길이는?



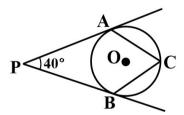
- ① 1 cm
  - ② 2 cm
- ③ 3 cm
- ④ 4 cm
- ⑤ 5 cm

**14.** 그림에서  $\overline{\mathrm{BD}}$ 는 원 O의 지름이고  $\angle \mathrm{ADB} = 50^{\circ}$ 일 때, ∠ACD의 크기는?



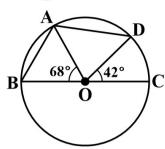
- ① 30°
- ② 40°
- $350^{\circ}$
- 4 60°
- ⑤ 70°

**15.** 그림에서  $\overrightarrow{PA}$ ,  $\overrightarrow{PB}$ 는 원 O의 접선이고, 두 점 A, B는 접점이다. ∠APB=40°일 때 ∠ACB의 크기는?



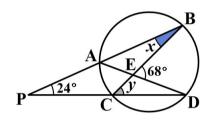
- ① 30°
- ② 40°
- 3 50°
- 4 60°
- ⑤ 70°

**16.** 그림에서  $\overline{BC}$ 는 원 O의 지름이고  $\angle$  AOB = 68°,  $\angle$  COD = 42° 일 때, ∠BAD의 크기는?



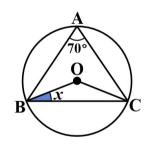
- ① 110°
- ② 111°
- ③ 112°
- 4 113°
- ⑤ 114°

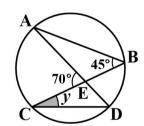
**17.** 그림에서  $\angle P = 24^{\circ}$ ,  $\angle BED = 68^{\circ}$ 일 때  $\angle y - \angle x$ 의 크기는?



- ① 20°
- ② 21°
- ③ 22°
- ④ 23°
- ⑤ 24°

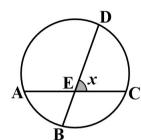
**18.** 다음 두 그림에서  $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하면?





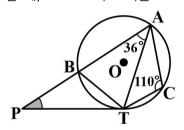
- ① 30°
- ② 40°
- $345^{\circ}$
- 4 60°
- ⑤ 75°

**19.** 그림에서  $\widehat{AB}$ 의 길이는 원주의  $\frac{1}{6}$ 이고  $\widehat{CD}$ 의 길이는 원주의  $\frac{1}{4}$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



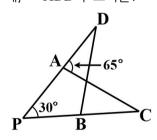
- ① 60°
- ② 65°
- $370^{\circ}$
- 4 75°
- ⑤ 80°

**20.** 그림에서  $\overline{\text{PT}}$ 는 원 O의 접선이고  $\angle BAT = 36^{\circ}$ , ∠ACT = 110°일 때, ∠APT의 크기는?



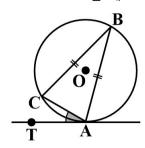
- ① 30°
- ② 32°
- ③ 34°
- $4 36^{\circ}$
- ⑤ 38°

**21.** 그림에서  $\angle P = 30^{\circ}$ ,  $\angle DAC = 65^{\circ}$ 이다. 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, ∠ADB의 크기는?



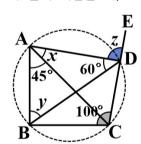
- ① 32° ② 33°
- ③ 34°
- 4 35°
- ⑤ 36°

**22.** 그림에서  $\overrightarrow{AT}$ 는 원  $\overrightarrow{O}$ 의 접선이고 점  $\overrightarrow{T}$ 는 접점이다.  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이고  $\widehat{AB}: \widehat{AC} = 5: 2$ 일 때  $\angle CAT$ 의 크기는?



- ① 26°
- ② 28°
- $30^{\circ}$
- ④ 32°
- ⑤ 34°

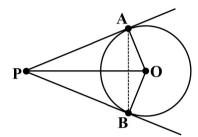
**23.** 그림에서  $\square$ ABCD가 원에 내접할 때,  $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 크기는?



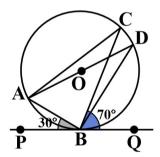
- ① 110°
- ② 120°
- $3130^{\circ}$
- 4 140°
- ⑤ 150°

## 서술형 주관식 [20~22]

**24.** 그림에서 원 O에 그은 두 접선은 각각 A, B를 접점으로 할 때, 다음의 각 물음에 답하여라. (단,  $\angle AOB = 120^{\circ}$ ,  $\overline{OA} = 12$ )

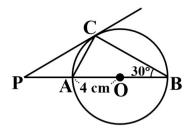


- (1) ∠APO의 크기를 구하여라.
- (2) 선분 PO의 길이를 구하여라.
- (3) 선분 AB의 길이를 구하여라.
- **25.** 그림에서 PQ는 원 O의 접선, 점 B는 접점이다. AD는 원 O의 지름이고 ∠PBA=30°, ∠CBQ=70°일 때, 다음의 각 물음에 답하여라.



- (1) ∠ ADB의 크기를 구하여라.
- (2) ∠ BAD의 크기를 구하여라.
- (3) ∠CAD의 크기를 구하여라.

**26.** 그림에서  $\overrightarrow{PC}$ 는 원 O의 접선이고 점 C는 접점이다.  $\angle ABC = 30^{\circ}$ 일 때, 다음의 각 물음에 답하여라.



- (1)  $\overline{AC}$ 의 길이를 구하여라..
- (2) ∠ CPA의 크기를 구하여라.
- (3) PA의 길이를 구하여라.

- 1) ④
- 2) ②
- 3) ①
- 4) ④
- 5) ⑤
- 6) ③
- 7) ②
- 8) ②
- 9) ③
- 10) ③
- 11) ③
- 12) ①
- 13) ⑤
- 14) ②
- 15) ⑤
- 16) ②
- 17) ⑤
- 18) ③
- 19) ④
- 20) ③
- 21) ④
- 22) ③
- 23) ⑤
- 24) (1)  $30^{\circ}$  (2) 24 (3)  $12\sqrt{3}$
- 25) (1)  $30^{\circ}$  (2)  $60^{\circ}$  (3)  $10^{\circ}$
- 26) (1) 4 cm (2) 30° (3) 4 cm