



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

2-2.조건부확률

- 1) 제작연월일 : 2020-03-10
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법

개념check

[조건부확률]

두 사건 A와 B에 대하여, 사건 A가 일어났다고 가정할 때 사건 B가 일어날 확률을 기호로 $\mathrm{P}(B|A)$ 와 같이 나타낸다.

•사건 A가 일어났을 때 사건 B의 조건부확률은

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$
 (단, $P(A) \neq 0$)

[확률의 곱셈정리]

• 두 사건 A와 B에 대하여 $\mathrm{P}(A) \neq 0$, $\mathrm{P}(B) \neq 0$ 일 때, $P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = P(B)P(A|B)$

기본문제

[문제]

- **1.** 한 개의 주사위를 던져 소수의 눈이 나왔을 때, 그 눈이 짝수일 확률은?
- $3\frac{1}{4}$
- $4 \frac{1}{3}$

- 2. 어느 학교에서 새로 도입한 교복 점퍼에 대한 구 매 희망 여부를 조사하였더니 구매를 희망하는 학생 은 전체 학생의 80%이고, 구매를 희망하는 2학년 학생은 전체 학생의 35%이었다. 전체 학생 중에서 임의로 뽑은 한 명이 구매를 희망하는 학생일 때, 그 학생이 2학년 학생일 확률은?

- $4) \frac{39}{80}$

외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다. [문제]

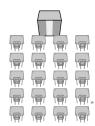
- 3. 어느 분식집의 1년간 이용 고객 수를 조사하였더 니 학생이 전체 고객의 $\frac{7}{8}$ 이고, 여학생이 전체 고객 의 $\frac{3}{4}$ 이었다. 이 분식집 이용 고객 중에서 임의로 뽑은 한 명이 학생일 때, 그 학생이 여학생일 확률

윤영이가 사과 맛 젤리 5개와 딸기 맛 젤리 3개 가 들어 있는 봉지에서 임의로 2개의 젤리를 한 개 씩 차례로 꺼낼 때, 첫 번째에는 사과 맛 젤리를 꺼 내고, 두 번째에는 딸기 맛 젤리를 꺼낼 확률은? (단, 꺼낸 젤리는 다시 넣지 않는다.)



[문제]

5. 다음 그림과 같이 책상 배열이 가로 4줄, 세로 5 줄로 이루어진 어느 반에서 제비뽑기를 통해 자리를 정하려고 한다. 첫 번째로 자리를 뽑는 학생과 두 번째로 자리를 뽑는 학생 모두 맨 앞줄의 좌석을 뽑 게 될 확률은? (단, 뽑은 제비는 다시 넣지 않는다.)



- ① $\frac{3}{95}$

- $4) \frac{6}{95}$

평가문제

[소단원 확인 문제]

- 6. 두 사건 A, B에 대하여 P(A) = 0.3, P(B) = 0.5, P(A \cup B) = 0.6 일 때, P(B | A)의 값은?
 - ① $\frac{1}{2}$
- $3\frac{2}{3}$
- $4 \frac{3}{4}$

[소단원 확인 문제]

- 7. 어느 봉사 단체 회원 중에서 외국인은 전체 회원의의 17 %이고, 외국인 중에서 독일인은 전체 회원의 4 %라고 한다. 이 봉사 단체 회원 중에서 임의로 뽑은 한 명이 외국인일 때, 그 외국인이 독일인일확률은?
 - ① $\frac{4}{17}$
- ② $\frac{6}{17}$
- $3\frac{8}{17}$
- $4 \frac{10}{17}$

[소단원 확인 문제]

8. 다음 표는 휴대 전화 제조 회사에서 학생 300명을 대상으로 신제품 A, B 중에서 선호하는 제품을 조사한 것이다. 조사한 학생 중에서 임의로 뽑은 한명이 B제품을 선호하는 학생일 때, 그 학생이 여학생일 확률은?

(단위: 명)

	A	В	합계
남학생	60	80	140
여학생	68	92	160
합계	128	172	300

- $\textcircled{1} \ \frac{22}{43}$
- ② $\frac{23}{43}$
- $4) \frac{25}{43}$

[소단원 확인 문제]

9. 다음 표는 100명을 대상으로 음식 A를 매주 한 번 이상 먹는 사람과 질병 B와의 연관성 여부를 조사한 것이다.

	질병 B에 걸림	질병 B에 걸리지 않음	합계
음식 A를 매주 한 번 이상 먹음	12	40	52
음식 A를 매주 한 번 이상 먹지는 않음	12	36	48
합계	24	76	100

(단위: 명)

전체 100명 중에서 임의로 한 명을 택할 때, 택한 사람이 음식 A를 매주 한 번 이상 먹는 사람일 때, 이 사람이 질병 B에 걸린 사람일 확률은?

- ① $\frac{1}{13}$
- $3 \frac{3}{13}$
- $4\frac{4}{13}$

[소단원 확인 문제]

- **10.** 어느 학교 행사의 행운권 추첨에서 10개의 제비 중 2개의 행운권이 있다. 지민이와 윤기가 차례대로 제비를 뽑을 때, 윤기가 행운권을 뽑을 확률은? (단, 뽑은 제비는 다시 넣지 않는다.)
- $3\frac{2}{9}$
- $4 \frac{11}{45}$
- $\bigcirc \frac{4}{15}$

[중단원 연습 문제]

- **11.** 어느 시험에서 A가 1차 시험에 합격할 확률은 $\frac{1}{5}$, 1차 시험과 2차 시험에 모두 합격할 확률은 $\frac{1}{7}$ 이라고 한다. A가 1차 시험에 합격했을 때, 2차 시 험에도 합격할 확률은?

[중단원 연습 문제]

- **12.** 어느 반 학생 32명 중에서 A 영화를 본 학생은 20명, B 영화를 본 학생은 18명, A 영화와 B 영화 를 모두 보지 않은 학생은 6명이다. 이 반 학생 중 에서 임의로 택한 한 명이 A 영화를 본 학생일 때, 이 학생이 B 영화도 본 학생일 확률은?

[중단원 연습 문제]

- **13.** 상자 A에는 흰 공 4개, 검은 공 2개, 상자 B에 는 흰 공 3개, 검은 공 3개가 각각 들어 있다. 상자 A, B 중에서 임의로 상자 하나를 택하고, 그 상자 에서 임의로 두 개의 공을 동시에 꺼낼 때, 흰 공 2 개가 나올 확률은?

- 14. 어느 제과점에 지난 한 달간 들른 손님 중 임의 로 한 명을 택할 때, 그 손님이 식빵을 구매한 손님 일 확률은 0.3이고, 식빵과 샌드위치를 모두 구매한 손님일 확률은 0.2이다. 이 제과점에 들른 손님 중 에서 임의로 택한 한 명이 식빵을 구매한 손님일 때, 그 손님이 샌드위치를 구매하지 않은 손님일 확 률은? (단, 식빵을 구매하는 사건과 샌드위치를 구 매하는 사건은 서로 독립이다.)

[대단원 종합 문제]

15. 두 사건 *A*, B에 대하여

$$P(A) = \frac{3}{4}, P(B) = \frac{3}{5}, P(B|A) + P(A|B) = \frac{3}{2}$$

일 때, P(A∩B)는?

[대단원 종합 문제]

- 16. 여학생 3명, 남학생 3명이 공연을 보기 위해 연속된 6개의 좌석을 예매하여 임의로 좌석에 앉기로하였다. 여학생끼리는 어느 두 명도 이웃한 좌석에 앉지 않을 때, 남학생 두 명이 이웃한 좌석에 앉을확률은?
 - ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{3}{8}$
- $3 \frac{1}{2}$
- $4) \frac{5}{8}$
- ⑤ $\frac{3}{4}$

유사문제

- 17. 여름 방학 방과후학교 수강 학생 48명 중에서 수학을 수강하는 학생은 30명, 영어를 수강하는 학생은 26명, 수학과 영어 중 어느 하나도 수강하지 않는 학생은 8명이다. 방과후학교 수강 학생 중에서 임의로 선택한 한 명이 수학을 수강하는 학생일 때, 이 학생이 영어는 수강하지 않는 학생일 확률은?
 - ① $\frac{11}{24}$
- $3\frac{8}{15}$
- $4 \frac{7}{10}$
- 18. 어느 고등학교 2학년 학생 30명을 대상으로 수학 포트폴리오 만들기에 대해 조사한 표이다. 이 학생 들 중에서 임의로 택한 1명이 남학생일 때, 그 학생 이 마인드맵을 선택한 학생일 확률은?

(단위 : 명)

	수학일기	마인드맵	합계	
여학생	4	6	10	
남학생	6	14	20	
합계	10	20	30	

- ① $\frac{3}{10}$
- ② $\frac{2}{5}$
- $3 \frac{1}{2}$
- $4 \frac{3}{5}$

- 19. 흰 공이 5개, 검은 공이 3개가 들어있는 상자에서 차례로 한 개씩 공을 꺼낸다. 세 번째 꺼낸 공이 흰 공이었을 때, 첫 번째 꺼낸 공도 흰 공일 확률은? (단, 꺼낸 공은 다시 넣지 않는다.)
- ① $\frac{3}{7}$
- $2\frac{1}{2}$
- $3\frac{4}{7}$
- $\frac{9}{14}$

- 20. 어떤 고등학교 학생회장 선거에 갑과 을, 두 명의 후보가 출마했다. 갑과 을의 선거운동 시작 전 지지율은 각각 70%, 30%이었으나 선거 운동 후 갑을 지지하던 학생 중 60%가 을에게 투표하여 을이 57%의 득표율로 당선되었다. 투표 후 을에게 투표한 학생 중 한 명을 선택했을 때 이 학생이 선거운 동 시작 전에도 을 후보를 지지하던 학생일 확률은?(단, 기권과 무효표는 없다.)
 - ① $\frac{3}{19}$
- $2 \frac{4}{19}$
- $3\frac{5}{19}$
- $4 \frac{6}{19}$
- $\bigcirc \frac{7}{10}$
- **21.** 두 사건 A, B에 대하여 $P(A) = \frac{2}{3}$, $P(B) = \frac{3}{5}$,

 $P(A \cup B) = \frac{5}{6}$ 일 때, P(B|A)의 값은?

- ① $\frac{13}{30}$
- $2 \frac{1}{2}$
- $3 \frac{13}{20}$
- $\bigcirc \frac{13}{18}$

정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설] 소수의 눈이 나오는 사건을 $A = \{2, 3, 5\}$ 짝수의 눈이 나오는 사건을 $B = \{2, 4, 6\}$

$$P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{6}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{3}$$

2) [정답] ②

[해설] 임의로 뽑은 학생이 교복 점퍼 구매를 희망하는 학생일 사건을 A, 2학년 학생일 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{80}{100} = \frac{4}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{35}{100} = \frac{7}{20}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{7}{16}$$

3) [정답] ⑤

[해설] 학생일 사건을 A, 여자인 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{7}{8}, \ P(A \cap B) = \frac{3}{4}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{6}{7}$$

4) [정답] ④

[해설] 첫 번째에 사과 맛 젤리를 꺼내는 사건을 A, 두 번째에 딸기 맛 젤리를 꺼내는 사건을 B라고 하면 첫 번째에 사과 맛 젤리를 꺼낼 확률은

$$P(A) = \frac{5}{8}$$

첫 번째에 사과 맛 젤리를 꺼냈을 때, 두 번째에 는 딸기 맛 젤리를 꺼낼 확률은

$$P(B \mid A) = \frac{3}{7}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{5}{8} \times \frac{3}{7} = \frac{15}{56}$$

5) [정답] ①

[해설] 첫 번째로 자리를 뽑는 학생이 앞줄의 좌석을 뽑는 사건을 A, 두 번째로 자리를 뽑는 학생이 앞줄의 좌석을 뽑는 사건을 B라고 하면

첫 번째 학생이 앞줄의 좌석을 뽑을 확률은

$$P(A) = \frac{4}{20} = \frac{1}{5}$$

첫 번째 학생이 앞줄의 좌석을 뽑았을 때, 두 번째 학생도 앞줄의 좌석을 뽑을 확률은

$$P(B | A) = \frac{3}{19}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{1}{5} \times \frac{3}{19} = \frac{3}{95}$$

6) [정답] ③

[해설] $P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$ 에서

$$P(A \cap B) = 0.3 + 0.5 - 0.6 = 0.2$$

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0.2}{0.3} = \frac{2}{3}$$

7) [정답] ①

[해설] 임의로 뽑은 한 명이 외국인인 사건을 A, 독일인인 사건을 B라고 하면

$$P(A) = 0.17, P(A \cap B) = 0.04$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{4}{17}$$

8) [정답] ②

[해설] B제품을 선호하는 학생인 사건을 A, 여학생인 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{172}{300}, P(A \cap B) = \frac{92}{300}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{23}{43}$$

9) [정답] ③

[해설] 음식 A를 매주 한 번 이상 먹는 사람일 사건을 A, 질병 B에 걸린 사람일 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{52}{100} = \frac{13}{25}, \ P(A \cap B) = \frac{12}{100} = \frac{3}{25}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{3}{13}$$

10) [정답] ②

[해설] 윤기가 행운권을 뽑는 사건은 지민이와 윤기 모두 행운권을 뽑는 사건과 지민이가 행운권을 뽑지 못하고, 윤기가 행운권을 뽑는 사건으로 나 눌 수 있다.

지민이가 행운권을 뽑는 사건을 A, 윤기가 행운 권을 뽑는 사건을 B라 하면

$$P(A) = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}, \ P(B|A) = \frac{1}{9}$$

$$P(A^{C}) = \frac{4}{5}, P(B|A^{C}) = \frac{2}{9}$$

따라서 윤기가 행운권을 뽑을 확률은
$$\begin{split} \mathbf{P}(B) &= \mathbf{P}(A)\mathbf{P}(B|A) + \mathbf{P}(A^C)\mathbf{P}(B|A^C) \\ &= \frac{1}{5} \times \frac{1}{9} + \frac{4}{5} \times \frac{2}{9} = \frac{9}{45} = \frac{1}{5} \end{split}$$

11) [정답] ③

[해설] A가 1차 시험에 합격하는 사건을 *A*, 2차 시험에 합격하는 사건을 *B*라고 하면

$$P(A) = \frac{1}{5}, P(A \cap B) = \frac{1}{7}$$

A가 1차 시험에 합격했을 때, 2차 시험에도 합 격할 확률

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{5}{7}$$

12) [정답] ①

[해설] A 영화를 본 사건을 A, B 영화를 본 사건을 B라 하면

$$n(A) = 20, \ n(B) = 18, \ n((A \cup B)^{C}) = 6$$

에서
$$n(A \cup B) = 32 - 6 = 26$$

$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$
$$= \frac{20}{32} + \frac{18}{32} - \frac{26}{32} = \frac{12}{32} = \frac{3}{8}$$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{3}{5}$$

13) [정답] ③

[해설] 상자 A, B 중에서 임의로 상자 하나를 택하는 학률은 $\frac{1}{2}$

(i) 상자 A를 택하는 경우

흰 공 4개, 검은 공 2개에서 흰 공 2개가 나올

확률은
$$\frac{4^{C_2}}{6^{C_2}} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

(ii) 상자 B를 택하는 경우

흰 공 3개, 검은 공 3개에서 흰 공 2개가 나올

확률은
$$\frac{{}_{3}C_{2}}{{}_{6}C_{2}} = \frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

따라서 구하는 확률은

$$\frac{1}{2} \times \frac{2}{5} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{3}{10}$$

14) [정답] ①

[해설] 식빵을 구매한 손님인 사건을 A, 샌드위치를 구매한 손님인 사건을 B라고 하면

$$P(A) = 0.3, P(A \cap B) = 0.2$$

두 사건 A, B는 독립이므로

 $P(A \cap B) = P(A)P(B)$ 에서

$$0.2 = 0.3 P(B)$$
, $P(B) = \frac{2}{3}$ 이므로 $P(B^C) = \frac{1}{3}$

따라서 구하는 확률은 사건 A가 일어났을 때의 사건 B^C 의 조건부확률이므로

$$P(B^C|A) = \frac{P(B^C \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{3} \times 0.3}{0.3} = \frac{1}{3}$$

15) [정답] ④

[해설] $P(B|A) + P(A|B) = \frac{3}{2}$ 에서

$$\frac{4}{3}P(B \cap A) + \frac{5}{3}P(A \cap B) = \frac{3}{2},$$

$$3P(A \cap B) = \frac{3}{2}$$

$$\therefore P(A \cap B) = \frac{1}{2}$$

16) [정답] ③

[해설] 6명의 학생이 임의로 좌석에 앉는 경우의 수 는 6!

여학생끼리는 어느 두 명도 이웃한 좌석에 앉지 않는 사건을 A, 남학생 두 명이 이웃한 좌석에 앉는 사건을 B라고 하자.

이때 사건 A가 일어나는 경우는 다음 그림과 같이 남학생을 먼저 일렬로 나열한 후, 양 끝과 그사이사이의 4곳 중 3곳에 여학생 3명이 앉으면되므로 그 경우의 수는 $3! \times {}_4P_3$

V9V9V9V

즉, 사건 A가 일어날 확률은

$$P(A) = \frac{3! \times {}_{4}P_{3}}{6!} = \frac{1}{5}$$

또, 여학생끼리는 어느 두 명도 이웃한 좌석에 앉지 않고, 남학생 두 명은 이웃한 좌석에 앉는 사건은 $A \cap B$ 이다.

이때 사건 $A \cap B$ 가 일어나는 경우는 다음 그림과 같이 남학생을 먼저 일렬로 나열한 후, 양 끝에 여학생 두 명이 앉고, 남학생 사이사이의 2곳 중 1곳에 나머지 한 명의 여학생이 앉으면 되므로 그 경우의 수는

 $3! \times {}_{3}P_{2} \times {}_{2}P_{1}$

@ VBVB

즉, 사건 $A \cap B$ 가 일어날 확률은

$$P(A \cap B) = \frac{3! \times {}_{3}P_{2} \times {}_{2}P_{1}}{6!} = \frac{1}{10}$$

따라서 구하는 확률은 P(B|A)이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{1}{2}$$

17) [정답] ②

[해설] 수학을 수강하는 학생은 30명,

이 중에서 수학만 수강하는 학생은 14명

따라서 구하는 확률은 $\frac{14}{30} = \frac{7}{15}$

18) [정답] ⑤

[해설]
$$\frac{14}{20} = \frac{7}{10}$$

19) [정답] ③

[해설] 흰 공 → 흰 공 → 흰 공
$$\frac{5}{8} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{6} = \frac{5}{28}$$
 흰 공 → 검은 공 → 흰 공 $\frac{5}{8} \times \frac{3}{7} \times \frac{4}{6} = \frac{5}{28}$ 검은 공 → 흰 공 → 흰 공 $\frac{3}{8} \times \frac{5}{7} \times \frac{4}{6} = \frac{5}{28}$ 검은 공 → 검은 공 → 흰 공 $\frac{3}{8} \times \frac{2}{7} \times \frac{5}{6} = \frac{5}{56}$ 따라서 세 번째 꺼낸 공이 흰공일 때, 첫 번째 꺼낸 공이 흰 공일 확률은

$$\frac{\frac{5}{28} + \frac{5}{28}}{\frac{5}{28} + \frac{5}{28} + \frac{5}{56}} = \frac{4}{7}$$

20) [정답] ③

[해설] 전체 학생을 100명으로 보고 조건을 표로 만 들어 보면

투표결과 선거운동전	갑에게 투표	을에게 투표	합계
갑지지	28	42	70
을지지	15	15	30
합계	43	57	100

을에게 투표한 학생중 한명이 선거 운동 전에도 지지 했던 학생일 확률은 $\frac{15}{57} = \frac{5}{19}$

21) [정답] ③

[해설]
$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$

= $\frac{2}{3} + \frac{3}{5} - \frac{5}{6} = \frac{13}{30}$

$$P(B|A) = \frac{\frac{13}{30}}{\frac{2}{3}} = \frac{13}{20}$$