3-1-2.일차함수의 뜻과 그 그래프 비상(김원경)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-03-10
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[일차함수의 뜻과 그래프]

1. 일차함수의 뜻

- 함수 y=f(x)에서 y가 x에 관한 일차식 y=ax+b (a, b는 상수, $a \neq 0$)로 나타내어질 때, 이 함수 f를 x에 관한 일차함수라고 한다.
- 2. 일차함수의 그래프

일차함수 $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프

a > 0	a < 0	
❶ 제1사분면과 제3사분면을	❶ 제2사분면과 제 4사분면을	
지난다	지난다.	
❷ 오른쪽 위로 향하는 직선이다.	❷ 오른쪽 아래로 향하는 직선이	다
❸ <i>x</i> 의 값이 증가할 때,	🚯 x 의 값이 증가할 때, y 의 깂	Ī
y의 값도 증가한다.	은 감소한다.	

[일차함수의 그래프의 <math>x절편, y절편]

일차함수 $y = ax + b \ (a \neq 0)$ 의 그래프에서

- (1) x절편: 일차함수의 그래프가 x축과 만나는 점의 x좌표
- $\Rightarrow y = 0$ 일 때의 x의 값
- (2) y절편: 일차함수의 그래프가 y축과 만나는 점의 y좌표 $\Rightarrow x = 0$ 일 때의 y의 값
- (3) 일차함수 y = ax + b의 그래프의 x절편, y절편
- ① x절편: $-\frac{b}{}$
 - ② y절편: b

기본문제

= ax + b

 η 절편

x 절편

1. x와 y의 관계를 식으로 나타낼 때, y가 x에 대 한 일차함수가 아닌 것은?

- ① 현재 14살인 사람의 x년 후의 나이 y살
- ② 한 변의 길이가 x cm 인 정삼각형의 둘레의 길이 y cm
- ③ 300원짜리 볼펜 x자루를 사고 1000원을 냈을 때 거스 름돈 *y*원
- ④ 1시간에 50km를 달리는 자동차가 x시간 동안 달린 거리 y km
- ⑤ 3L의 물을 x개의 물통에 똑같이 담을 때 한 물통에 담 기는 물의 양 yL

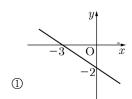
[문제]

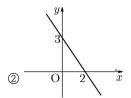
2. 다음에서 y를 x에 대한 식으로 나타내었을 때, 일차함수를 모두 고르면? (정답 2개)

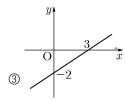
- ① 넓이가 10cm^2 인 평행사변형의 밑변의 길이가 x cm일 때, 높이 ycm
- ② 하루 중 낮의 길이 x시간과 밤의 길이 y시간
- ③ 400쪽의 소설책을 하루에 10쪽씩 읽을 때, x일 동안 읽은 후 남은 양 y쪽
- ④ 300 km 인 거리를 시속 x km로 달릴 때 걸린 y시간
- ⑤ 한 변의 길이가 xcm 인 정사각형의 넓이 ycm 2

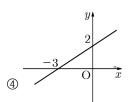
[문제]

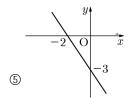
3. 다음 중 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프를 y축의 방 향으로 -5만큼 평행이동한 후, 다시 y축의 방향으 로 3만큼 평행이동한 그래프를 바르게 나타낸 것 은?



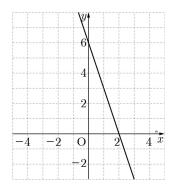








 $\bf 4$. 다음 그림과 같은 일차함수의 그래프에서 x절편 과 y절편을 각각 구하면?



- ① x 절편: 2, y 절편: 4
- ② x절편: 2, y절편: 5
- ③ x 절편: 2, y 절편: 6
- ④ x절편: 3, y절편: 4
- ⑤ x 절편: 3, y 절편: 2

[예제]

- **5.** 일차함수 y=4x-8의 그래프에서 x절편을 a, y절편을 b라 할 때, a+b의 값은?
 - $\bigcirc -4$
- (3) 6
- $\bigcirc 4 7$
- (5) 8

- 6. 일차함수 y=-2x의 그래프를 y축의 방향으로 -6만큼 평행 이동한 그래프의 x절편을 m, y절편 을 n이라고 할 때, 3m-n은?
 - (1) 15
- 3 0
- **4** 3
- (5) 15

- **7.** 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x + a$ 의 그래프의 x절편이 -6일 때, y절편을 구하면?
 - (1) 2
- $\bigcirc -4$
- (3) 6
- $\bigcirc -8$
- (5) 10

- [예제]
- **8.** 일차함수 $y = \frac{3}{4}x + 9$ 의 그래프의 x절편을 a, y절 편을 b라 할 때, b-a의 값을 구하면?
 - ① 20
- ② 21
- ③ 23
- (4) 25
- ⑤ 28

[문제]

- 9. $y=\frac{2}{5}(x+1)$ 의 그래프에서 x 절편과 y 절편의 합
 - ① $-\frac{6}{5}$
- $\bigcirc -\frac{4}{5}$
- $3 \frac{3}{5}$
- 4 1

(5) 2

평가문제

[중단원 학습 점검]

- **10.** 다음 중에서 y가 x의 일차함수인 것은?
 - ① 넓이가 10cm^2 인 삼각형의 밑변의 길이가 x cm일 때, 높이 ycm
 - ② 반지름의 길이가 x cm 인 원의 둘레의 길이 y cm
 - ③ 자연수 x보다 작은 소수 y
 - ④ 75 km 인 거리를 시속 x km로 달릴 때 걸린 y시간
 - ⑤ 한 변의 길이가 xcm 인 정사각형의 넓이 ycm 2

유사문제

- **11.** 일차함수 $y = \frac{1}{2}x 3$ 의 그래프를 y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 것은?
- ① $y = \frac{1}{2}x 9$ ② $y = \frac{1}{2}x 6$
- ③ $y = \frac{1}{2}x$ ④ $y = \frac{1}{2}x + 3$

12. *y*가 *x*에 관한 일차함수인 것은?

- ① 지름의 길이가 xcm인 원의 넓이는 ycm^2 이다.
- ② 한 변의 길이가 xcm인 정사각형의 넓이는 ycm^2 이다.
- ③ 시속 xkm의 속력으로 100km를 갈 때 걸린 시간은 y시간이다.
- ④ 넓이가 $6cm^2$ 인 삼각형의 밑변의 길이는 xcm이고 높이는 ycm이다.
- ⑤ 높이가 80cm인 책상 위에 두께가 3cm인 책이 x권 쌓여 있을 때, 바닥으로부터 쌓은 책까지의 높이는 ycm이다.
- **13.** 다음 중 일차함수 y=-3x+2의 그래프 위에 있지 않은 점은?
 - (1) (-2,4)
- \bigcirc (-1,5)
- (0.2)
- 4 (1,-1)
- (5)(2,-4)
- **14.** 일차함수 y=2x의 그래프를 y축의 방향으로 3만 큼 평행이동한 그래프가 점 (-1, k)를 지날 때, k의 값은?
 - $\bigcirc -3$
- (2) -1

- ③ 1
- **4** 3
- (5) 5
- **15.** 두 일차함수 y=ax+2, y=3x+b의 그래프가 모두 점 $\left(\frac{2}{3},6\right)$ 을 지날 때, ab의 값은?
 - ① 12
- 2 16
- 3 20
- 4 24
- (5) 28
- **16.** 일차함수 y = 3x + 6의 그래프의 x절편을 a, y절 편을 b라 할 때, 10a + b의 값은?
 - $\bigcirc -26$
- $\bigcirc -24$
- 3 14
- **4** 14
- **⑤** 26

- **17.** 일차함수 y = ax + 3의 그래프는 x의 값이 1만큼 증가할 때, y의 값은 3만큼 증가한다. 이때, x절편은? (단, a는 상수)
 - $\bigcirc -2$
- 2 1

③ 0

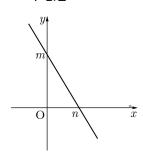
(4) 1

- **⑤** 2
- **18.** 일차함수 $y = \frac{3}{2}x + 6$ 의 그래프에서 x절편을 a, y 절편을 b라 할 때, a + b의 값은?
 - (1) 2
- ② 0

3 2

(4) 4

- **⑤** 6
- **19.** 일차함수 $y = -\frac{5}{3}x + 2$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, m n의 값은?



- ① $\frac{3}{5}$
- $2\frac{4}{5}$
- $3\frac{6}{5}$

4 7/5

- **20.** 그래프를 그렸을 때, 일차함수 y = 5x + 10의 그래 프와 x축 위에서 만나는 것은?
 - ① y = -5x + 5
- ② y = -2x 4
- $3 y = \frac{1}{3}x + 6$
- y = x 3
- (5) y = 4x 6

4

정답 및 해설

1) [정답] ⑤

[해설] ① y = 14 + x

- ② y = 3x
- y = 1000 300x
- ④ y = 50x
- ⑤ $y = \frac{3}{x}$ \Rightarrow 일차함수가 아니다.

2) [정답] ②, ③

[해설] ① $y = \frac{10}{x}$ 는 y = (x9 2 % 4)이 아니므로 일 차한수가 아니다.

- ② $y = 24 x \Rightarrow$ 일차함수
- ③ $y = 400 10x \Rightarrow 일차함수$
- ④ $y = \frac{300}{x}$ 는 y = (x의 일차식)이 아니므로 일차 한수가 아니다.
- ⑤ $y=x^2$ 는 y=(x의 일차식)이 아니므로 일차함 수가 아니다.

3) [정답] ①

[해설] y축의 방향으로 -5만큼 또 y축의 방향으로 3만큼 이동하므로 최종적으로 y축의 방향으로 -2만큼이동한 $y=-\frac{2}{3}x-2$ 의 그래프를 그린다. 따라서 그래프는 y절편이 -2이고, x절편이 -3

4) [정답] ③

인 그래프이다.

[해설] 그래프가 x축과 만나는 점이 (2, 0)이므로 x 절편은 2, y축과 만나는 점이 (0, 6)이므로 y절 편은 6이다.

5) [정답] ③

[해설] y=4x-8의 그래프의 x절편을 구하기 위해 y=0을 대입하면 0=4x-8 $\therefore x=2$ y절편을 구하기 위해 x=0을 대입하면 y=-8 $\therefore a+b=2-8=-6$

6) [정답] ②

[해설] 평행이동한 일차함수 그래프는 y=-2x-6이 므로 x절편을 구하기 위해 y=0을 대입하면 x=-3 y절편을 구하기 위해 x=0을 대입하면 y=-6 $\therefore 3m-n=3\times(-3)-(-6)=-9+6=-3$

7) [정답] ②

[해설] $y=-\frac{2}{3}x+a$ 의 그래프에서 x절편이 -6이므로 $0=-\frac{2}{3}\times(-6)+a\quad \therefore a=-4$

$$y = -\frac{2}{3}x - 4$$
에서 $x = 0$ 을 대입하면 $y = -4$
따라서 y 절편은 -4 이다.

8) [정답] ②

[해설] $y = \frac{3}{4}x + 9$ 에서 y = 0을 대입하면 $0 = \frac{3}{4}x + 9, \quad \frac{3}{4}x = -9 \qquad \therefore x = -12$ 마찬가지로 x = 0을 대입하면 $y = \frac{3}{4} \times 0 + 9 = 9 \qquad \therefore y = 9$ 따라서 x절편은 y = 0 등이므로 y = 0 등이므로 y = 0 등이므로 y = 0

9) [정답] ③

[해설] $y=\frac{2}{5}(x+1)$ 의 x절편을 구하기 위해 y=0을 대입하면 $\frac{2}{5}(x+1)=0$ $\therefore x=-1$ y절편을 구하기 위해 x=0을 대입하면 $y=\frac{2}{5}$ 따라서 x절편과 y절편의 합은 $-1+\frac{2}{5}=-\frac{3}{5}$ 이다.

10) [정답] ②

- [해설] ① 넓이가 $10 {\rm cm}^2$ 인 삼각형의 밑변의 길이가 $x {\rm cm}$ 일 때, 높이 $y {\rm cm}$ \Rightarrow $y = \frac{20}{x}$
 - ② 반지름의 길이가 x cm인 원의 둘레의 길이 y cm $\Rightarrow y = 2\pi x$
 - ③ 자연수 x보다 작은 소수 y
 - ⇒ 일차함수가 아니다.
 - ④ 75km인 거리를 시속 xkm로 달릴 때 걸린 y시간 \Rightarrow $y = \frac{75}{x}$
 - ⑤ 한 변의 길이가 xcm 인 정사각형의 넓이 ycm 2 \Rightarrow $y=x^2$

11) [정답] ③

[해설] $y = \frac{1}{2}x - 3$ 의 그래프를 y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = \frac{1}{2}x - 3 + 3$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x$$

12) [정답] ⑤

[해설] ① $y = \frac{\pi x^2}{4}$

②
$$y = x^2$$

$$y = \frac{100}{x}$$

(4)
$$y = \frac{12}{x}$$

⑤ y = 80 + 3x

13) [정답] ①

[해설] ① $4 \neq (-3) \times (-2) + 2$

즉, (-2, 4)는 y = -3x + 2의 그래프 위에 있는 점이 아니다.

14) [정답] ③

[해설] y = 2x의 그래프를 y축 방향으로 3만큼 평행이동한 그래프의 식은 y = 2x + 3이다. 점 (-1,k)를 지나므로 대입하면 k = -2 + 3 = 1이다.

15) [정답] ④

[해설]
$$\frac{2}{3}a+2=6$$
, $\frac{2}{3}a=4$, $a=6$
 $2+b=6$, $b=4$
 $\therefore ab=24$

16) [정답] ③

[해설] x절편이 a이므로

$$3a+6=0$$
, $3a=-6$: $a=-2$

또,
$$y$$
절편이 b 이므로 $b=6$

$$\therefore 10a + b = (-20) + 6 = -14$$

17) [정답] ②

[해설]
$$a = \frac{3}{1} = 3$$
이므로 $y = 3x + 3$ 의 x 절편은

$$3x + 3 = 0$$

$$\therefore x = -1$$

18) [정답] ③

[해설]
$$0 = \frac{3}{2}a + 6$$
에서 $-\frac{3}{2}a = 6$

$$\therefore a = -4$$

$$\therefore a+b=(-4)+6=2$$

19) [정답] ②

[해설]
$$y=-\frac{5}{3}x+2$$
에 $x=0$ 을 대입하면 $y=2$ $\therefore m=2$

$$y=0$$
을 대입하면 $-\frac{5}{3}x+2=0$, $\frac{5}{3}x=2$

$$\therefore x = \frac{6}{5} \quad \therefore n = \frac{6}{5}$$

$$\therefore m-n=2-\frac{6}{5}=\frac{4}{5}$$

20) [정답] ②

[해설] y=5x+10의 그래프와 x축 위에서 만나려면 (-2,0)을 지나야 한다. y=-2x-4에서 x=-2를 대입하면 $-2\times(-2)-4=4-4=0$ 이므로 y=5x+10, y=-2x-4의 그래프는 x축 위에서

만난다.