

고림고(경기) 2020 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 최재연 (jychoi1224@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-06-24
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

1. 집합 $A = \{x | x \in 7 \text{ or } 3 \text{ or } 3 \text{ or } 4 \text{ or } 4$ n(A)의 값은?

- \bigcirc 3
- 2 4
- ③ 5
- **4** 6
- ⑤ 7

2. 두 집합 A, B에 대하여 n(A) = 12, n(B) = 5, $n(A \cup B) = 14$ 일 때, $n(A \cap B)$ 값은?

 \bigcirc 3

2 4

3 5

4) 6

⑤ 7

3. 직선 2x-3y+1=0을 원점 대칭이동한 도형의 방정식은?

- $\bigcirc -3x + 2y + 1 = 0$
- $\bigcirc 2x + 3y + 1 = 0$
- 3x-3y-2=0
- (4) 2x+3y+1=0
- (5) 3x-2y+1=0

4. 원 $x^2 + y^2 = 25$ 에 접하고 기울기가 4인 접선의 방정식은?

- (1) $y = 4x \pm 4\sqrt{17}$
- ② $y = 4x \pm 4\sqrt{18}$
- ③ $y = 4x \pm 5\sqrt{17}$
- (4) $y = 4x \pm 5\sqrt{18}$
- ⑤ $y = 4x \pm 5\sqrt{19}$

5. 두 점 A(-4,2), B(2,10)를 지름의 양 끝점으로 하는 원의 방정식이 $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$ 일 때. a+b+r의 값은? (단, a, b은 실수이고, r > 0이다.)

- 10
- ② 12
- ③ 18
- **4**) 20
- **⑤** 30

6. 점 (-2,1)를 원점으로 옮기는 평행이동에 의하 여 원 $x^2+y^2-4x-6y+4=0$ 을 평행이동하였더니 원의 중심 좌표가 (a,b)로 옮겨졌다. 이 때 a+b의 값은? (단, a, b는 실수)

- ① 3
- 2 4
- 3 5
- **4**) 6

(5) 7

7. 세 집합 A, B, C가 n(A) = 20, n(B) = 16, $n(A \cap B) = 10$, $n(A \cap B \cap C) = 5$ 를 만족시킬 때, $n((A \cup B) - C)$ 최솟값은?

- \bigcirc 5
- ② 6
- ③ 7
- **4**) 8

(5) 9

8. 두 조건 p, q가 다음과 같을 때, p는 q이기 위한 충분조건은 아니지만, 필요조건인 것은?

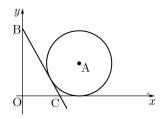
- ① $p: |x| \le 2$
- $q:-3 \le x \le 3$
- ② $p: x^2 4x + 4 = 0$

⑤ p: a=0, b=0

- q: x=2
- ③ p: x-1 < 3
- q:-x+5>0
- ④ p:x는 12의 약수이다. q:x는 6의 약수이다.
 - q: a+b=0

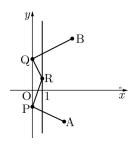
- **9.** 명제 'xy = 0이면 x = 0이고 y = 0이다.'의 대우 는? (단, x, y는 실수)
 - ① x = 0이고 y = 0이면 xy = 0이다.
 - ② $x \neq 0$ 이고 $y \neq 0$ 이면 $xy \neq 0$ 이다.
 - ③ $x \neq 0$ 이거나 $y \neq 0$ 이면 $xy \neq 0$ 이다.
 - ④ x = 0이거나 y = 0이면 xy = 0이다.
 - ⑤ $xy \neq 0$ 이면 $x \neq 0$ 이거나 $y \neq 0$ 이다.
- 10. ూ축. y**축에** 접하고, 동시에 $(x-3)^2 + (y+1)^2 = 1$ 에 외접하는 모든 원들의 반지 름의 길이의 합은?
 - ① 3
- 2 4
- 3 10
- **4**) 12
- (5) 13
- **11.** y축에 접하는 서로 다른 두 원이 점 A(1,3)와 점 B(3,9)에서 만난다. 두 원의 중심을 지나는 직 선과 공통외접선의 교점의 좌표를 (a,b)라 할 때, a+3b의 값은? (단, a, b는 실수)
 - ① 10
- ② 13
- 3 16
- 4 18
- (5) 20

12. y축 위의 점 B와 x축 위의 점 C를 지나는 직선 BC에 대하여 원점 (0,0)을 대칭이동 시킨 점이 A(8,4)이다. 이 때 직선 BC에 접하고 점 A를 중 심으로 하는 원 C_1 에 대해 점 B에서 원 C_1 에 그은 두 접선 중 직선 BC가 아닌 다른 접선의 기울기 는?



- ① $-\frac{1}{11}$

- **13.** 좌표평면 위에 두 점 A(3,-3), B(4,5)가 있다. y축 위의 두 점 P, Q와 직선 x=1 위의 점 R에 대하여 $\overline{AP}+\overline{PR}+\overline{RQ}+\overline{QB}$ 의 최솟값을 a라 할 때 a²의 값은? (단, a는 실수)



- ① 113
- ② 123
- ③ 132
- **(4)** 145
- (5) 152
- **14.** 전체집합 $U = \{x | x \in 10$ 이하의 자연수}의 부분집 합 A, B, X에 대해 집합 $A = \{2,4,6,8,9,10\}$, $B = \{2,3,6,8\}$ 이다. $A \subset X$, $B \subset X$ 를 만족시키는 집합 X의 개수는?
 - (1) 8
- ② 16
- ③ 32
- **(4)** 64
- (5) 128

- **15.** 전체집합 $U = \{x | x \in \mathbb{A} \cap \mathbb{A} \}$ 의 부분집합 $A \in \mathbb{B}$ 원소의 개수가 4이고 모든 원소의 합이 20이다. 상수 k에 대하여 집합 $B = \{x + k | x \in A\}$ 가 다음 조건을 만족시킨다.
- (71) $A \cap B = \{4, 7\}$
- (나) $A \cup B$ 의 모든 원소의 합이 41이다.

집합 *B*의 원소 중 가장 큰 수는?

- ① 8
- ② 9
- ③ 10
- 4 11
- (5) 12
- **16.** 두 조건 p, q가 $p:x^2+(1-10a)x-10a>0$, $q:x^2-(a^2+2a+13)x+a^2+2a+12\geq 0$ 이고, p는 q이기 위한 충분조건이 되게 하는 모든 정수 a값들의 합은?
 - ① 12
- ② 14
- ③ 16
- **4**) 18
- ⑤ 20
- **17.** 다음은 원 $x^2 + y^2 = r^2$ 위의 점 (3,4)에서 접선의 방정식을 구하는 과정이다.

원점 O(0,0)에 대해 점 P(3,4)에서의 접선은 직선 OP와 수직이므로, 접선의 기울기는 ((7))이다. 따라서 기울기가 (7)이고 점 (3,4)를 지나는 접선의 방정식은 3x+4y=((4))이다.

위의 과정에서 (가)에 알맞은 수를 α , (나)에 알맞은 수를 β 라 할 때, $\alpha\beta$ 의 값은?

- ① $-\frac{75}{4}$
- $\bigcirc -\frac{15}{4}$
- $(4) \frac{20}{3}$

- **18.** 직선 x+y-4=0이 x축과 만나는 점을 A, y축과 만나는 점을 B라 하자. 원 $x^2+y^2=2$ 위의 점 P에 대하여 $\overline{PA}^2+\overline{PB}^2$ 의 최솟값을 m, 최댓값을 M이라 할 때, m+M의 값은?
 - 1 48
- ② 50
- ③ 52
- **(4)** 64
- **⑤** 72
- **19.** '모든 실수 a에 대하여 $a^4-2a^2b+2b^2+2b-24>0$ 이다.'가 거짓 명제가 되게 하는 정수 b값의 최솟값을 m, 최댓값을 M이라할 때, m+2M의 값은?
 - \bigcirc 2
- ② 3
- 3 4
- **4** 5
- **⑤** 6
- **20.** 세 조건 p, q, r의 진리집합을 각각 P, Q, R라 할 때, $P \cap Q^C = \varnothing$, $R \cup Q^C = Q^C$ 이라 한다. <보기>에서 항상 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. r은 $\sim p$ 이기 위한 충분조건이다.
- L. p 는 q이기 위한 필요조건이다.
- \Box . $P \cap R = \emptyset$
- ① ¬
- ② L
- ③ ¬, ⊏
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ 7, ∟, ⊏
- **21.** 가로의 길이가 a이고, 세로의 길이가 4b인 직사 각형 모양의 정원이 있다. 정원을 넓히기 위해 가로, 세로의 길이를 각각 $\frac{1}{b}$, $\frac{1}{a}$ 만큼 늘려 새로운 직사각형 모양의 정원을 만든다고 할 때, 새로운 정원의 넓이 최솟값은?
 - 1) 8
- ② 9
- 3 10
- 4 11
- ⑤ 12

☞ 정답

- 1) ②
- 2) ①
- 3) ②
- 4) ③
- 5) ①
- 6) ④
- 7) ①
- 8) 4
- 9) ③
- 10) ⑤
- 11) ⑤
- 12) ②
- 13) ④
- 14) ①
- 15) ④
- 16) ⑤
- 17) ①
- 18) ⑤
- 19) ③
- 20) ③
- 21) ②