

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-11-09
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE /

이 단원에서는 **일차함수의 그래프를 찾는 문제, 식에서 미지수를** 구하는 문제 등이 자주 출제되며 일차함수의 그래프의 성질에 대한 개념 문제가 많이 출제되므로 그래프에 대해 확실히 이해할 수 있도록 학습합니다.

평가문제

[중단원 학습 점검]

- 두 변수 x, y에 대하여 x는 30보다 작은 자연수
 일 때, 함수 f(x)=(x의 양의 약수의 개수)라 하자. 이때, f(x) ≤ 3를 만족하는 x의 개수는?
 - 10
- ② 11
- ③ 12
- 4 13
- (5) 14

[중단원 학습 점검]

2. 다음 <보기>중에서 *y*가 *x*의 함수가 <u>아닌</u> 것은 모두 몇 개인가?

<보기>

- \neg . 절댓값이 x인 수 y
- L . 정가가 x원인 주스를 10% 할인한 가격 y원
- \Box . 물 200L를 x명에게 똑같이 나누어 줄 때, 한 사람이 받는 물의 양 yL
- =. 자연수 x의 제곱인 수 y
- \Box . 시속 x km의 속력으로 20 km를 갔을 때, 걸린 시간 y시간
- ㅂ. 연이율 5%인 원금 x원의 1년간 이자 <math>y원
- \land . 자연수 x와 서로소인 수 y
- ㅇ. 농도가 25%인 소금물 yg에 들어 있는 소금의 양 xg
- ㅈ. 어떤 수 x에 가장 가까운 정수 y
- 1 1

- 2 2
- 3
- 4
- **⑤** 5

[단원 마무리]

- **3.** 함수 $f(x) = \frac{10}{x}$ 에서 f(4a) + f(6a) = 5일 때, 다음 중 a의 값은?
 - ① $\frac{2}{3}$
- ② $\frac{3}{5}$

 $3\frac{5}{6}$

 $4) \frac{5}{2}$

[단원 마무리]

4. 다음 〈보기〉 중에서 *y*가 *x*의 일차함수인 것을 모두 찾으면?

<보기>

- ㄱ. 반지름의 길이가 x cm 인 원의 넓이는 $y \text{ cm}^2$ 이다.
- ㄴ. 시속 x km 로 y시간 달린 거리는 5 km이다.
- \Box . 정가가 5000원에서 x원 인상한 가격은 y원이다.
- \mathbf{z} . x각형의 내각의 크기의 합은 y 이다.
- \Box . 하루 중 낮의 길이는 x시간, 밤의 길이는 y시간이다.
- \mathbf{u} . x각형의 외각의 크기의 합은 y°이다.
- ① 7, ∟
- ② 7, L, ⊏
- ③ ㄴ, ㄹ, ㅂ
- ④ □ □
- ⑤ □. □

[중단원 학습 점검]

- 5. 좌표평면 위의 세 점 (a+2, 5), (1, -1), (a, 1)을 꼭짓점으로 하는 삼각형이 만들어지지 않 도록 하는 a의 값은?
 - 1 1

② 2

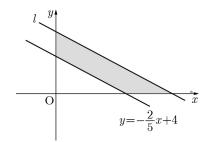
33

4

⑤ 5

[중단원 학습 점검]

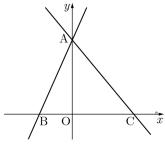
6. 직선 l은 일차함수 $y = -\frac{2}{5}x + 4$ 의 그래프를 y축 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이다. 두 직선과 x축, y축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?



- ① 30
- 2 25
- 3 20
- 4) 15
- (5) 10

[중단원 학습 점검]

7. 다음 그림과 같이 두 일차함수 y = ax + 5, y = -x + b의 그래프와 x축으로 둘러싸인 삼각형 ABC의 넓이가 20일 때, 상수 a, b에 대하여 $\frac{b}{a}$ 의 값은?



① 5

② 3

③ 1

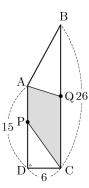
- (4) -1
- (5) -2

- [단원 마무리]
- **8.** 네 점 A(0, 1), B(a, b), C(5, 2), D(1, 3)이 평 행사변형 ABCD의 네 꼭깃점을 이룰 때, a+b의 값은?
 - 1 1
- ② 2
- 3
- **4**
- **⑤** 5

- [단원 마무리]
- 9. 일차함수 y=f(x)는 x의 값이 4만큼 증가할 때 y의 값은 k만큼 증가하고, 서로 다른 두 상수 $m,\ n$ 에 대하여 f(m)+8m=f(n)+8n을 만족시킨다. 이때 k의 값은?
 - $\bigcirc -30$
- $\bigcirc -32$
- 3 34
- $\bigcirc 4 36$
- $\bigcirc -38$

[단원 마무리]

10. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 점 P는 꼭짓점 A를 출발하여 변 AD를 따라 꼭짓점 D까지 5초에 1cm씩 움직이고, 점 Q는 꼭짓점 B를 출발하여 변 BC를 따라 꼭짓점 C까지 2초에 0.5cm씩 움직인다. 두 점 P, Q가 동시에 출발한 지 몇 초후에 사각형 AQCP의 넓이가 75cm²이 되는가?



- ① 8초
- ② 12초
- ③ 15초
- ④ 20초
- ⑤ 22초

- [중단원 학습 점검]
- **11.** 일차함수 y=-12ax-3의 그래프는 일차함수 y=6x+5의 그래프와 만나지 않고, 일차함수 y=(2b-4)x-10의 그래프와 x축 위에서 만난다. 이때, 상수 a, b에 대하여 ab의 값은?
 - $\bigcirc -2$
- $\bigcirc -4$
- 3 6
- (4) 8
- \bigcirc -10

[중단원 학습 점검]

- 12. 1층으로부터 $100 \, \mathrm{m}$ 높이인 $25 \, \mathrm{\ref{smn}}$ 지 일정한 속력으로 움직이는 엘리베이터가 $3 \, \mathrm{\ref{smn}}$ 에 도착하는데 4 초가 걸렸다. 이 엘리베이터가 $25 \, \mathrm{\ref{smn}}$ 에서 출발하여중간에 멈추지 않고 내려온다고 할 때, $1 \, \mathrm{\ref{smn}}$ 이터의 높이가 $64 \, \mathrm{\ref{smn}}$ 인 순간은 출발한지 몇초 후인지 구하면? (단, 충별 높이는 똑같고 엘리베이터의 높이와 엘리베이터의 문이 열리고 닫히는 시간은 생각하지 않는다.)
 - 10
- ② 13
- ③ 15
- 4) 18
- (5) 20

[단원 마무리]

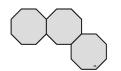
- 13. A 수조에는 45L, B 수조에는 30L의 물이 채워져 있다. A수조에는 2분마다 6L의 물이 채워지면서 10L의 물이 흘러나온다. B수조에는 4분마다 3L의 물이 채워지면서 7L의 물이 흘러나온다. 두수조의 물의 양이 같아지는 데 걸리는 시간을 구하면? (단, 물은 일정하게 채워지고 일정하게 흘러나온다.)
 - ① 15
- ② 16
- 3 20
- 4) 21
- ⑤ 24

[단원 마무리]

14. 다음 그림과 같이 길이가 1인 막대를 이용하여 정팔각형을 만들 때, 몇 단계에서 둘레의 길이가 122가 되는가?



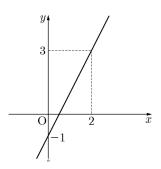




- [1단계]
- [2단계]
- [3단계]

- 16
- 2 17
- ③ 18
- 4 19
- **⑤** 20

- 실전문제
- **15.** 그림은 일차함수 y = ax의 그래프를 y축의 방향으로 b만큼 평행이동한 것이다. 이 그래프의 x절편을 c라 할 때, 상수 a, b, c에 대하여 a+b+c의 값을 구하면?



- ① $-\frac{3}{2}$
- $2 \frac{1}{4}$
- $3\frac{1}{4}$
- $4) \frac{1}{2}$

- $(5) \frac{3}{2}$
- **16.** 일차함수 y = ax 2 에서 f(5) = 18 일 때, f(-3) + f(3) 의 값을 구하면?
 - \bigcirc -4
- $\bigcirc -2$
- 3 0
- (4) 2

- (5) 4
- **17.** 일차함수 $y = \frac{7}{2}x + b$ 의 그래프를 y축의 방향으로 3만큼 평행이동 하였더니 x절편이 4b가 되었다. b 의 값은?
 - ① $-\frac{1}{5}$
- $\bigcirc -\frac{1}{9}$
- $3\frac{1}{3}$
- 4
- ⑤ 14

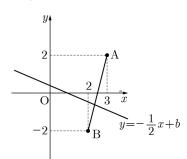
- **18.** 세 점 (-1, 8), (1, 2), (k, k-3)이 한 직선 위 에 있고, 이 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식을 y = ax + b라 할 때, b + k의 값을 구하면?
 - ① 3

2 4

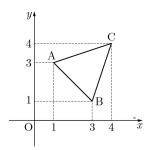
3 5

(4) 6

- ⑤ 7
- **19.** 좌표평면 위의 두 점 A(3,2), B(2,-2)에 대하여 일차함수 $y=-\frac{1}{2}x+b$ 의 그래프가 선분 AB와 만나 도록 하는 상수 b의 값의 범위는?

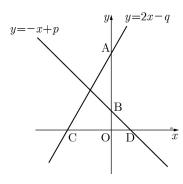


- ① $-1 \le b$
- ② $1 \le b \le 4$
- $3 2 \le b \le 2$
- $4 1 \le b \le \frac{7}{2}$
- $\bigcirc -1 \le b \le \frac{7}{2}$
- **20.** 그림과 같이 세 점 A(1,3), B(3,1), C(4,4) 를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC에 대하여 일차함수 y = ax + a - 1 의 그래프가 삼각형 ABC와 만나도 록 하는 상수 a의 값의 범위를 구하면?



- ① $a \leq \frac{1}{2}$
- ② $\frac{1}{2} \le a \le 1$
- $\frac{1}{2} \le a \le 2$
- (5) $a \ge 2$

21. 그림은 두 일차함수 y = -x + p와 y = 2x - q의 그 래프이다. \overline{AB} : \overline{BO} = 3:1, \overline{CD} = 3일 때, 상수 p, q에 대하여 p-q의 값을 구하면?

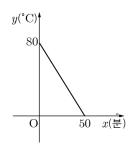


- (1) 3

③ 1

(4) 3

- (5) 5
- **22.** 일차함수 $y=-\frac{3}{2}x$ 의 그래프를 y축의 방향으로 6만큼 평행이동한 그래프와 두 점 (2, 8), (4, 4)를 지나는 일차함수의 그래프가 있다. 이 두 그래프와 x축 및 y축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?
 - ① 12
- ② 18
- 3 24
- **4**) 30
- (5) 36
- 23. 그래프는 처음 온도가 80 ℃인 물을 어떤 냉각기 에 넣었을 때 x분 후의 물의 온도 y $^{\circ}$ 를 나타낸 것이다. 물을 냉각기에 넣은 지 40분 후의 물의 온 도는?



- ① 12℃
- ② 13℃
- ③ 14℃
- 4) 15℃
- ⑤ 16℃

9

정답 및 해설

1) [정답] ⑤

[해설] f(x) = (x 의 양의 약수의 개수)이므로

- (1) f(x) = 1일 때, 약수의 개수가 1개인 자연수 x의 개수는 1의 1개
- (2) f(x) = 2일 때, 약수의 개수가 2인 자연수 x의 개수는 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29의 10개
- (3) f(x) = 3일 때, 약수의 개수가 3인 자연수 x의 개수는 4, 9, 25의 3개
- 따라서 $f(x) \le 3$ 을 만족하는 x의 개수는 14개이 다.

2) [정답] ③

- [해설] \neg . x=1일 때, 절댓값이 1인 수는 1, -1로 y의 값이 하나로 정해지지 않으므로 함수가 아니다.
 - ㄴ. $y = \frac{9}{10}x$, 정비례 관계이므로 함수이다.
 - \Box . $y = \frac{200}{x}$, 반비례 관계이므로 함수이다.
 - a. 자연수 x의 제곱인 수 y는 하나씩 정해지므로 함수이다.
 - ㅁ. $y = \frac{20}{x}$, 반비례 관계이므로 함수이다.
 - ㅂ. $y = \frac{5}{100}x$, 정비례 관계이므로 함수이다.
 - $\land . \ x$ 가 6일 때, y의 값은 $1, 5, 7, \cdots$ 로 하나로 정해지지 않으므로 함수가 아니다.
 - \circ . y = 4x, 정비례 관계이므로 함수이다.
 - ㅈ. x가 0.5일 때, y의 값은 0, 1로 하나로 정해 지지 않으므로 함수가 아니다.
 - 따라서 함수가 아닌 것은 ㄱ, ㅅ, ㅈ의 3개이다.

3) [정답] ③

[해설]
$$f(4a) + f(6a) = \frac{10}{4a} + \frac{10}{6a} = 5$$
,

$$\frac{5}{2a} + \frac{5}{3a} = 5$$
, $6a = 5$ $\therefore a = \frac{5}{6}$

4) [정답] ④

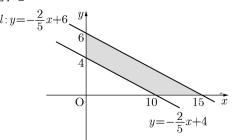
- [해설] ㄱ. $y=x^2\pi$, 이차항이 있으므로 일차함수가 아니다.
 - ㄴ. $y = \frac{5}{x}$, 분모에 x가 있으므로 일차함수가 아니다.
 - \Box . y = 5000 + x, 일차함수이다.
 - = 180x 360, 일차함수이다.
 - y = 24 x, 일차함수이다.
 - ㅂ. y=360, 일차식이 없으므로 일차함수가 아니다.
 - 따라서 일차함수는 ㄷ, ㄹ, ㅁ이다.

5) [정답] ②

[해설] 세 점이 한 직선 위에 있을 때 삼각형이 만들 어지지 않으므로 $\frac{5-(-1)}{a+2-1}=\frac{1-(-1)}{a-1}$ 2a+2=6a-6 \therefore a=2

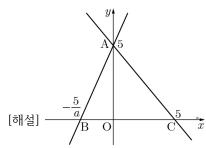
6) [정답] ②

[해설]



 $y=-\frac{2}{5}x+4$ 의 그래프를 y축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-\frac{2}{5}x+4+2$, 즉, $y=-\frac{2}{5}x+6$ $y=-\frac{2}{5}x+4$ 의 그래프의 x절편은 10, y절편은 4 이고, $y=-\frac{2}{5}x+6$ 의 그래프의 x절편은 15, y절편은 6이므로 구하는 넓이는 $\frac{1}{2}\times15\times6-\frac{1}{2}\times10\times4=45-20=25$

7) [정답] ②



y=ax+5의 y절편이 5이므로 A(0, 5) y=-x+b의 그래프가 점 A(0, 5)를 지나므로 b=5

$$y = ax + 5$$
의 x 절편은 $-\frac{5}{a}$, 즉 $B\left(-\frac{5}{a}, 0\right)$
 $y = -x + 5$ 의 x 절편은 5, 즉 C (5, 0)
이때 \triangle ABC = 20이므로
 $\left(5 + \frac{5}{a}\right) \times 5 \times \frac{1}{2} = 20$, $5 + \frac{5}{a} = 8$ \therefore $a = \frac{5}{3}$
따라서 $\frac{b}{a} = 5 \div \frac{5}{3} = 3$

8) [정답] ④

[해설] 평행사변형 ABCD에서 AD와 BC는 평행하므로 두 선분의 기울기는 같다.

$$\stackrel{\triangle}{\neg}$$
, $\frac{3-1}{1-0} = \frac{b-2}{a-5}$, $b-2 = 2a-10$

$$\therefore 2a-b=8 \cdots \bigcirc$$

 \overline{AB} 와 \overline{DC} 는 평행하므로 두 선분의 기울기는

같다. 즉,
$$\frac{2-3}{5-1} = \frac{b-1}{a}$$
, $-a = 4b-4$

$$\therefore a+4b=4 \cdots ②$$

①과 ②를 연립하면 a=4, b=0

따라서 a+b=4

9) [정답] ②

[해설]
$$y = f(x)$$
의 기울기는 $\frac{k}{4}$

$$f(m) + 8m = f(n) + 8n$$
에서

$$f(m) - f(n) = -8m + 8n$$
 :: $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} = -8$

이때
$$\frac{k}{4} = \frac{f(m) - f(n)}{m - n} = -8$$
이므로 $k = -32$

10) [정답] ④

[해설] 점 P는 1초에 $\frac{1}{5}$ cm씩 움직이므로 x초 후의

$$\overline{AP}$$
의 길이는 $\frac{1}{5}x$ cm

점 Q는 1초에 $\frac{1}{4}$ cm 씩 움직이므로 x초 후에

$$\overline{\rm QC}$$
의 길이는 $\left(26-\frac{1}{4}x\right){\rm cm}$

x초 후의 사각형 AQCP의 넓이를 $y \text{ cm}^2$ 라 하면

$$y = -\frac{3}{20}x + 78$$

위의 식에 y=75를 대입하면 x=20

따라서 사각형 AQCP의 넓이가 $75 \, \mathrm{cm}^2$ 이 되는 것은 20초 후이다.

11) [정답] ③

[해설] y = -12ax - 3의 그래프가 y = 6x + 5의 그래프

와 평행하므로
$$-12a=6$$
 $\therefore a=-\frac{1}{2}$

$$y = 6x - 3$$
의 x 절편은 $\frac{1}{2}$, $y = (2b - 4)x - 10$ 의 x

절편은 $\frac{5}{b-2}$ 이고 두 그래프가 x축 위에서 만나

므로
$$\frac{1}{2} = \frac{5}{b-2}$$
, $b-2=10$ $\therefore b=12$

따라서 ab =-6

12) [정답] ④

[해설] 25층의 높이는 100 m이므로 1층의 높이는 4 m 이다. 따라서 8 m 올라가는데 4 초가 걸렸으므로 엘리베이터는 1초에 2 m 움직인다. 엘리베이터가 25층에서 내려온 시간을 x 초라 할 때 엘리베이터가 움직인 길이는 2x m이고 그때의 높이를 y m라고 하면 y=100-2x

위의 식에 y=64를 대입하면

64 = 100 - 2x $\therefore x = 18$

따라서 1층으로부터 엘리베이터의 높이가 64m가 되는 순간은 18초 후이다.

13) [정답] ①

[해설] 수조에서 x분 동안 물이 흘러나오고 남아있는 물의 양을 yL라 하자. A수조는 2분에 4L가 흘러나오므로 1분에 2L씩 흘러나온다.

$$\therefore y = 45 - 2x$$

B수조는 4분에 4L가 흘러나오므로 1분에 1L씩 흘러나온다.

 $\therefore y = 30 - x$

따라서 두 물의 양이 같아질 때 걸리는 시간은

 $45-2x=30-x \quad \therefore \quad x=15$

즉, 15분 후이다.

14) [정답] ⑤

[해설] [1단계]의 도형의 둘레의 길이는 8이고, 한 단계가 늘어날 때마다 둘레의 길이는 6씩 증가하므

$$\exists y = 8 + 6(x - 1)$$
 ∴ $y = 6x + 2$

위의 식에 y=122를 대입하면

122 = 6x + 2 : x = 20

따라서 둘레의 길이가 122가 될 때는 [20단계]이다.

15) [정답] ⑤

[해설] y = ax + b의 그래프는 점 (0,-1), (2,3)을 지 난다. x의 값이 2만큼 증가할 때 y의 값은 4만 큼 증가한다. 즉, 기울기는 2이다. $\Rightarrow y = 2x - 1$

이 그래프의 x절편은 $\frac{1}{2}$ 이다.

$$\Rightarrow a = 2, b = -1, c = \frac{1}{2}$$

$$\therefore a+b+c=2+(-1)+\frac{1}{2}=\frac{3}{2}$$

16) [정답] ①

[해설] f(5) = 18이므로 5a - 2 = 18 $\therefore a = 4$

$$f(x) = 4x - 2$$
에서

$$f(-3) = 4 \times (-3) - 2 = -14$$

$$f(3) = 4 \times 3 - 2 = 10$$

$$f(-3) + f(3) = (-14) + 10 = -4$$

17) [정답] ①

[해설] $y = \frac{7}{2}x + b$ 의 그래프를 y축의 방향으로

3만큼 평행이동하면 $y = \frac{7}{2}x + b + 3$ 이고,

x절편이 4b이므로 x=4b,

y=0을 $y=\frac{7}{2}x+b+3$ 에 대입하면

0 = 14b + b + 3, -15b = 3 : $b = -\frac{1}{5}$

18) [정답] ⑤

[해설] 세 점이 한 직선 위에 있으려면 기울기가 같아야 한다.

$$\frac{2-8}{1-(-1)} = \frac{(k-3)-2}{k-1} \Rightarrow \frac{-6}{2} = \frac{k-5}{k-1}$$

$$\Rightarrow -3(k-1) = k-5 \Rightarrow -3k+3 = k-5$$

$$\Rightarrow -4k = -8 \Rightarrow k = 2$$
또한 직선의 기울기는 -3 이므로
직선의 방정식은 $y-2 = -3(x-1)$ 이다.
$$\Rightarrow y = -3x+5 \Rightarrow a = -3, b = 5$$

$$\therefore b+k=5+2=7$$

19) [정답] ⑤

[해설] 일차함수 $y=-\frac{1}{2}x+b$ 가 선분 AB와 만나려면 $y=-\frac{1}{2}x+b$ 가 점 A를 지날 때 b의 값보다는 작거나 같고, 점 B를 지날 때 b의 값보다는 크거나 같아야 한다.

$$y=-\frac{1}{2}x+b$$
에 점 $A(3,2)$ 를 지나므로
$$2=-\frac{3}{2}+b \ \therefore b=\frac{7}{2}$$

$$y=-\frac{1}{2}x+b$$
에 점 $B(2,-2)$ 를 지나므로
$$-2=-1+b \ \therefore b=-1$$
 따라서 b 의 값의 범위는 $-1 \le b \le \frac{7}{2}$ 이다.

20) [정답] ④

[해설] y=ax+a-1의 그래프가 점 A를 지날 때 3=a+a-1 $\therefore a=2$ y=ax+a-1의 그래프가 점 B를 지날 때 1=3a+a-1 $\therefore a=\frac{1}{2}$ y=ax+a-1의 그래프가 점 C를 지날 때 4=4a+a-1 $\therefore a=1$ a의 최솟값이 $\frac{1}{2}$, 최댓값이 2이므로 $\frac{1}{2} \le a \le 2$

21) [정답] ⑤

[해설] 점 A의 좌표는 (0,-q),

점 B의 좌표는 (0,p)이고 \overline{AB} : \overline{BO} =3:1이므로 (-q-p):p=3:1 3p=-q-p $\therefore q=-4p\cdots$ \bigcirc

점 C의 좌표는 $\left(\frac{q}{2},0\right)$,

점 D의 좌표는 (p,0)이고 \overline{CD} =3이므로 $p-\frac{q}{2}=3\cdots$ \bigcirc

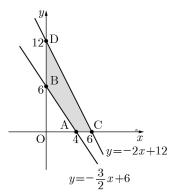
⊙을 ⓒ에 대입하면

$$p - \frac{-4p}{2} = 3$$
, $3p = 3$ $\therefore p = 1$
 $p = 1$ 을 \bigcirc 에 대입하면 $q = -4$

$$\therefore p - q = 1 - (-4) = 5$$

22) [정답] ③

[해설] $y=-\frac{3}{2}x$ 의 그래프를 y축 방향으로 6만큼 평행이동한 그래프는 $y=-\frac{3}{2}x+6$ 이다. 두 점 (2,8), (4,4)를 지나는 일차함수의 기울기는 $\frac{4-8}{4-2}=\frac{-4}{2}=-2$ 이다. 일차함수의 식은 y-4=-2(x-4)로 y=-2x+12이다. 두 그래프와 x축, y축으로 둘러싸인 도형은 다음과 같다.



$$\therefore S = \triangle COD - \triangle AOB$$
$$= 36 - 12 = 24$$

23) [정답] ⑤

[해설] 일차함수의 식을 y = ax + 80이라 할 때 그래프가 점 (50, 0)을 지나므로

$$0 = 50a + 80$$
 $\therefore a = -\frac{8}{5}$

따라서 일차함수의 식이 $y = -\frac{8}{5}x + 80$ 일 때,

$$x = 40$$
이면 $y = -\frac{8}{5} \times 40 + 80 = -64 + 80 = 16$