♪ | 주2 2-3.연립일차방정식의 활용



교과서 변형문제 기본

2-3-1.연립일차방정식의 활용_비상(김원경)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-03-10
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check

[연립방정식의 활용]

1. 자연수에 대한 연립방정식의 활용

처음 수의 십의 자리 숫자를 x, 일의 자리 숫자를 y라 하면

- (1) 처음 수 ⇒ 10x+y
- (2) 십의 자리 숫자와 일의 자리 숫자를 바꾼 수 \Rightarrow 10y+x
- 2. 나이에 대한 연립방정식의 활용

현재 a살일 때

- (1) x년 후의 나이: a+x 살
- (2) x년 전의 나이: a-x 살

3. 가격, 개수에 대한 연립방정식의 활용

- (1) 물건의 가격 구하기: 물건 하나의 가격을 각각 미지수로 놓고 연립방정식을 세운다.
- (2) 물건의 개수 구하기: 물건의 개수를 미지수로 놓고 연립방정식을 세운다.

4. 도형에 대한 연립방정식의 활용

- (1) (삼각형의 넓이)= $\frac{1}{2}$ ×(밑변의 길이)×(높이)
- (2) (사다리꼴의 넓이)= $\frac{1}{2}$ ×{(윗변의 길이)+(아랫변의 길이)}×(높이)

5. 증가, 감소에 대한 연립방정식의 활용

- (1) 전체의 $\frac{b}{a} \Rightarrow \frac{b}{a} \times (전체 수)$
- (2) 전체의 a% \Rightarrow $\frac{a}{100} \times$ (전체 수)
- (3) x가 a%증가했을 때
- \Rightarrow 증가량: $\frac{a}{100}x$, 증가한 후의 양: $\left(1+\frac{a}{100}\right)x$
- (4) x가 b%감소했을 때
- \Rightarrow 감소량: $\frac{b}{100}x$, 감소한 후의 양: $\left(1-\frac{b}{100}\right)x$

6. 일에 대한 연립방정식의 활용

- (1) 전체 일의 양을 1로 놓는다.
- (2) 한 사람이 단위 시간(1일, 1시간 등)에 할 수 있는 일의 양을 각각 미지수 x, y로 놓는다.

[거리, 속력, 시간과 농도에 대한 활용]

1. 거리, 속력, 시간에 대한 연립방정식의 활용

- (1) (거리)=(속력)×(시간)
- (2) (속력)= (거리) (시간)
- (3) (시간)= (거리) (속력)

2. 농도에 대한 연립방정식의 활용

- (1) (소금의 양)= $\frac{(소금물의 농도)}{100} \times (소금물의 양)$
- (2) (소금물의 농도)= <u>(소금의 양)</u>×100 (소금물의 양)

기본문제

[문제]

- **1.** A, B 두 종류의 과자가 있다. A과자 3봉지와 B 과자 4봉지의 총 가격은 5000원이고, A과자 한 봉지의 가격은 B과자 한 봉지의 가격보다 200원 더 싸다고 한다. A과자 한 봉지의 가격은?
 - ① 500원
- ② 600원
- ③ 700원
- ④ 800원
- ⑤ 900원

[문제]

- 2. 경수는 둘레의 길이가 15 km인 공원을 한 바퀴 도는데 자전거를 타고 시속 20 km로 달리다가 도 중에 친구를 만나 시속 6 km로 걸어서 1시간 20분이 걸렸다. 경수가 걸어간 거리는?
 - ① 3 km
- ② 5 km
- 3 9 km
- 4) 10 km
- ⑤ 15 km

평가문제

[중단원 학습 점검]

- **3.** 민수는 친구와 농구 경기를 하였는데, 2점짜리 슛과 3점짜리 슛을 합해서 모두 9골을 넣어 20점을 획득하였다. 2점짜리 슛은 몇 번 넣었는가?
 - ① 2번
- ② 4번
- ③ 5번
- ④ 7번
- ⑤ 8번

[중단원 학습 점검]

- **4.** 가로의 길이가 세로의 길이보다 7 cm 더 긴 직사 각형의 둘레의 길이가 34 cm일 때, 이 직사각형의 넓이는?
 - ① 50 cm^2
- ② 60 cm^2
- $3 \cdot 70 \text{ cm}^2$
- $40 80 \text{ cm}^2$
- 590 cm^2

[중단원 학습 점검]

- 5. A, B 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 5계단씩 올라가고, 진 사람은 2단계씩 내려가기로 하였다. 게임이 끝난 후 A는 처음보다 3계단 내려가 있고, B는 처음보다 18계단 올라가 있었다면 B가 이긴 횟수는? (단, 비기는 경우는 생각하지 않는다.)
 - ① 1회
- ② 2회
- ③ 4회
- ④ 5회
- ⑤ 6회

- [단원 마무리]
- 6. 두 자리의 자연수가 있다. 이 수의 각 자리의 숫자의 합은 13이고, 이 수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 수는 처음 수보다 27이 크다고 한다. 이때 처음 수는?
 - ① 49
- ② 94
- 3 67
- 4) 58
- (5) 85

- [단원 마무리]
- **7.** 어느 동물농장에 닭과 코끼리를 합하여 모두 20 마리가 있다. 닭과 코끼리의 다리 수의 합이 54개일 때, 닭의 수는?
 - ① 11
- ② 12
- ③ 13
- 4 14
- (5) 15

유사문제

- 8. 탄수화물과 단백질의 비가 2:3인 음료 A와 탄수화물과 단백질의 비가 3:7인 음료 B를 섞어서 탄수화물과 단백질의 비가 1:2인 음료 450g을 만들어 마실 때, 음료 B의 양은?
- ① 100g
- ② 150g
- 3 200 g
- (4) 250 g
- $\bigcirc 300\,\mathrm{g}$
- 9. 각 자리의 숫자의 합이 9인 두 자리의 자연수가 있다. 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼수는 처음 수보다 45가 크다고 할 때, 처음의 수는?
 - ① 18
- ② 27
- 3 36
- ④ 72
- (5) 81
- **10.** 현재 어머니의 나이와 딸의 나이의 차는 24세이고, 5년 후에는 어머니의 나이가 딸의 나이의 3배라고 한다. 현재 딸의 나이는?
 - ① 5세
- ② 6세
- ③ 7세
- ④ 8세
- ⑤ 12세
- **11.** 아들과 아버지가 6km 떨어진 지점에서 동시에 서로를 향해 쉬지 않고 가고 있다. 아들은 시속 3km의 속력으로 걷고, 아버지는 시속 5km의 속력으로 달릴 때 출발한지 몇 분 후에 만나는가?
 - ① 30분 후
- ② 35분 후
- ③ 40분 후
- ④ 45분 후
- ⑤ 50분 후

- 12. 두 자리의 자연수에서 각 자리의 숫자의 합은 8 이다. 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 두 자리의 수는 처음 수보다 18이 작다고 할 때, 처음 두 자리의 자연수는?
 - ① 26
- ② 38
- 3 53
- **4**) 62
- **⑤** 72
- **13.** A, B 두 사람이 가위바위보를 하여 계단 오르기를 하였다. 이긴 사람은 5계단을 올라가고 진 사람은 4계단을 내려가기로 하였다. 가위바위보를 시작했을 때의 위치보다 A는 12계단 올라가 있었고, B는 3계단 올라가 있을 때, B가 이긴 횟수는?
 - ① 5번
- ② 6번
- ③ 7번
- ④ 8번
- ⑤ 9번
- **14.** 황금이네 학교 학생 수는 작년에 여학생과 남학 생을 합하여 500명이었다. 올해 학생 수는 작년에 비하여 남학생은 15%증가하고, 여학생은 10%감소 하여 전체적으로 5%가 증가했다고 한다. 올해의 남 학생과 여학생 수는?
 - ① 남학생: 200명, 여학생: 300명
 - ② 남학생: 255명, 여학생: 230명
 - ③ 남학생: 300명, 여학생: 200명
 - ④ 남학생: 330명, 여학생: 170명
 - ⑤ 남학생: 345명, 여학생: 180명

4

정답 및 해설

1) [정답] ②

[해설] A과자 한 봉지의 가격을 x원, B과자 한 봉지 의 가격을 y원이라고 하면

$$\begin{cases} 3x + 4y = 5000 \\ x = y - 200 \end{cases} \quad \therefore \quad x = 600, \quad y = 800$$

따라서 A과자 한 봉지의 가격은 600원이다.

2) [정답] ②

[해설] 경수가 자전거를 타고 간 거리를 x km, 걸어 간 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} x+y=15 \\ \frac{x}{20}+\frac{y}{6}=1+\frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+y=15 & \cdots \bigcirc \\ 3x+10y=80 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①×3-Û을 하면

$$-7y = -35$$
 $\therefore y = 5$

따라서 경수가 걸어간 거리는 5 km 이다.

3) [정답] ④

[해설] 2점짜리 슛을 <math>x번, 3점짜리 슛을 <math>y번 넣었다

고 하면
$$\begin{cases} x+y=9\\ 2x+3y=20 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면 x=7, y=2따라서 2점 짜리 슛은 7번 넣었다.

4) [정답] ②

[해설] 가로의 길이를 x cm, 세로의 길이를 y cm라고

$$\begin{cases} x = y + 7 \\ 2(x + y) = 34 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - y = 7 & \cdots & \bigcirc \\ x + y = 17 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

 $\bigcirc + \bigcirc$ 을 풀면 2x = 24 $\therefore x = 12, y = 5$

따라서 직사각형의 넓이는 $12 \times 5 = 60 \text{ (cm}^2)$ 이다.

5) [정답] ③

[해설] A가 이긴 횟수를 x회, B가 이긴 횟수를 y회 라고 하면

$$\begin{cases} 5x - 2y = -3 & \cdots \bigcirc \\ 5y - 2x = 18 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

 $\bigcirc \times 5 + \bigcirc \times 2$ 를 풀면 21x = 21 $\therefore x = 1$

x=1을 \bigcirc 에 대입하면 y=4

따라서 B가 이긴 횟수는 4회이다.

6) [정답] ④

[해설] 십의 자리를 x, 일의 자리를 y라 두면,

$$\begin{cases} x + y = 13 \\ 10y + x = 10x + y + 27 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y=13\\ -9x+9y=27 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x+y=13\\ -x+y=3 \end{cases}$$

연립하여 풀면 x=5, y=8이다.

따라서 처음 수는 58이다.

7) [정답] ③

[해설] 닭의 수를 x마리, 코끼리의 수를 y마리라 하

$$\begin{cases} x+y=20 & \cdots \bigcirc \\ 2x+4y=54 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①×2-ⓒ을 하면 -2y=-14 $\therefore y = 7$

y=7을 ①에 대입하면 x=13

따라서 닭의 수는 13마리이다.

8) [정답] ⑤

[해설] 음료 A의 양을 x, 음료 B의 양을 y라 하면

$$\begin{cases} \frac{2}{5}x + \frac{3}{10}y = 450 \times \frac{1}{3} \\ \frac{3}{5}x + \frac{7}{10}y = 450 \times \frac{2}{3} \end{cases} \stackrel{\text{(4)}}{=} \begin{cases} 4x + 3y = 1500 & \cdots & \text{(2)} \\ 6x + 7y = 3000 & \cdots & \text{(2)} \end{cases}$$

①×3-①×2를 하면

-5y = -1500 : y = 300

y=300을 ⊙에 대입하면

4x + 900 = 1500, 4x = 600

 $\therefore x = 150$

따라서 음료 *B*의 양은 300q이다.

9) [정답] ②

[해설] 처음 수의 십의 자리 숫자를 x, 일의 자리의 숫자를 y라 하면

$$\begin{cases} x+y=9 \\ 10y+x=10x+y+45 \end{cases} \stackrel{\triangle}{\lnot}, \begin{cases} x+y=9 & \cdots \bigcirc \\ -x+y=5 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①+⑥을 하면

2y = 14 $\therefore y = 7$

y=7를 \bigcirc 에 대입하면 x=2

따라서 처음 수는 27이다.

10) [정답] ③

[해설] 현재 어머니와 딸의 나이를 각각 x, y라 하

$$\begin{cases} x-y=24 \\ x+5=3(y+5) \end{cases} \stackrel{\Xi}{\lnot}, \ \begin{cases} x-y=24 & \cdots \\ x-3y=10 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①-ⓒ을 하면 2y=14

 $\therefore y = 7$

y=7을 \bigcirc 에 대입하면 x=31

따라서 현재 딸의 나이는 7세이다.

11) [정답] ④

[해설] 아들이 걸은 거리를 x km, 아버지가 달린 거 리를 ykm라 하자.

연립방정식
$$\begin{cases} x+y=6\cdots \text{①에서 } x=rac{3}{5}y$$
를 $\begin{cases} rac{x}{3}=rac{y}{5}\cdots \text{②} \end{cases}$ ①에 대입하면 $rac{3}{5}y+y=6, \ rac{8}{5}y=6,$

$$y = \frac{15}{4}$$
이고 $x = \frac{9}{4}$ 이다.

따라서 아버지와 아들은 $\frac{\frac{3}{4}}{3} = \frac{3}{4}$ 시간 후,

즉, 45분 후에 만난다.

12) [정답] ③

[해설] 십의 자리의 숫자를 x, 일의 자리의 숫자를 y라 하면 연립방정식 $\begin{cases} x+y=8\cdots \mathbb{O} & \text{ } \\ 10y+x=10x+y-18\cdots \mathbb{O} \end{cases}$

성립한다. 정리하면 $\begin{cases} x+y=8\cdots \oplus z \\ x-y=2\cdots \end{cases}$

①+③를 풀면 x=5, y=3이다. 따라서 처음 두 자리의 자연수는 53이다.

13) [정답] ③

[해설] A가 이긴 횟수를 x, B가 이긴 횟수를 y라 하자. 그러면 A는 y번 졌고, B는 x번 졌다. 연립방정식 $\begin{cases} 5x-4y=12\cdots$ ①가 성립한다. $5y-4x=3\cdots$ ② ① $\times 4+2\times 5$ 를 풀면 y=7, x=8이다. 따라서 B가 이긴 횟수는 7번이다.

14) [정답] ⑤

[해설] 작년 남학생의 수와 여학생의 수를 각각 x명, y명이라고 하면

$$\begin{cases} x+y = 500 \\ \frac{15}{100}x - \frac{10}{100}y = \frac{5}{100} \times 500 \\ 3x + 2y = 1000 \\ 3x - 2y = 500 \end{cases}$$

$$5x = 1500$$
 $\therefore x = 300, y = 200$

따라서 올해 남학생 수는 $300 \times \left(1 + \frac{15}{100}\right) = 345$

(명), 올해 여학생 수는 $200 \times \left(1 - \frac{10}{100}\right) = 180$ (명)