# 실력완성 | 고1

#### 2-3-3.연립일차부등식



수학 계산력 강화

## (2)연립부등식의 풀이(2)





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2018-02-15
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

# A < B < C 꼴의 연립부등식의 풀이

A < B < C 꼴의 연립부등식의 풀이는 반드시  $\left\{ egin{aligned} A < B \\ B < C \end{aligned} \right.$  의 꼴로 바꾸어 푼다.

# ☑ 다음 연립부등식을 풀어라.

- 1.  $-3 < 2x + 1 \le 5$
- 2.  $3x+1 \le 2x+5 < 3$
- 5x-3 < 4x-1 < 7x+5
- 4.  $2x-8 < 3x-2 \le x+6$
- $5. 2x < 3x 5 \le 8x + 5$
- **6.**  $2x-1 \le 3x+4 \le x+8$
- 7.  $2(x-3) < x-5 \le 3x-5$

**8.** 
$$2(x+2) \le 3x-1 < 4(2x+1)+5$$

**9.** 
$$-\frac{1}{2}x \le x+1 < 2(5-x)$$

**10.** 
$$-5 < -4x + 7 \le 3$$

**11.** 
$$2x-3 \le 3(x+1) < 2(x+5)$$

**12.** 
$$\frac{1}{2}x+5 \le 2x+2 < 8-x$$

**13.** 
$$x-2 < 2x \le -x+3$$

**14.** 
$$2x+7 \le 4x+3 < 2x-3$$

**15.** 
$$5(x-3) \le 2x+3 < 4x-1$$

**16.** 
$$4x-7 < -3x+14 \le 2x+9$$

17. 
$$8-x < 4x-2 < 2x+2$$

- **18.**  $5x+7 < 3x+5 \le 4x+10$
- **19.**  $-2x+2 < x-7 \le 3x+1$

# 02 / 연립일차부등식의 해가 주어진 경우

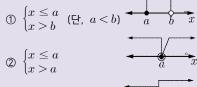
각 부등식을 풀어 공통부분을 구한 후 주어진 해와 비교하여 미지수의 값을 구한다.

- ☑ 다음 연립부등식의 해가 ( )안의 범위와 같을 때, 실 수 a의 값 또는 값의 범위를 구하여라.
- $\begin{cases} x+5 < 2(a+1) \\ 2x-3 < 5x+6 \end{cases}$ 20. [-3 < x < 1]
- $\begin{cases} 1 2x < 3x + 11 \\ 1 2x < 3x + 11 \end{cases} \quad [-2 < x < 3]$ 21. 4x + 3 < 2x + a
- $\begin{cases} -2x+3 < 5x-4 \\ 3a-x \ge 2x+3 \end{cases}$ 22.  $[1 < x \le 3]$
- $\int 3x a > 5x + 2$ 23. [4 < x < 6]2x+3 < 3x-1
- $\begin{cases} 4x \le 6x + 2 \\ 2x a \ge 4x + 1 \end{cases} \quad [-1 \le x \le 2]$ 24.

 $\begin{cases} -5x + 4 \ge x - 8 \\ 3x - 2a \ge 2x + 1 \end{cases}$ 25. [x = 2]

# 03 / 해가 특수한 연립부등식의 풀이

(1) 해가 없는 경우



- $\Im \begin{cases} x < a \\ x > a \end{cases}$
- (2) 해가 한 개인 경우

$$\begin{cases} x \le a \\ x > a \end{cases} \Rightarrow \overbrace{a} \quad x \Rightarrow x = a$$

# ☑ 다음 연립부등식을 풀어라.

- $\begin{cases} x 1 \le -6 \\ 3(x 4) < 5x 8 \end{cases}$ 26.
- **27.**  $\begin{cases} 6-2x \le x \\ 4x-3 \le 5-(x+3) \end{cases}$
- **28.**  $\begin{cases} 3(1+x) \le 3-x \\ x < 5x \end{cases}$
- **29.**  $\begin{cases} 2(3-x) < 4x \\ 1-4x < -3(2x-1) \end{cases}$
- **30.**  $\begin{cases} -3(x-2) \ge 2x-4 \\ 7-2x \le 2x-1 \end{cases}$

**31.** 
$$\begin{cases} 4(x-1) \ge -(x+4) \\ -\frac{x-2}{2} + 2 \ge 0.5x + 3 \end{cases}$$

**32.** 
$$\begin{cases} \frac{1}{2}(x+4) \le 3x - 13 \\ -2x + 11 > x - 7 \end{cases}$$

☐ 다음 연립부등식이 해를 갖도록 하는 실수 a의 값의 범위를 구하여라.

**33.** 
$$\begin{cases} x-4 > a \\ 5-3x \ge 2x \end{cases}$$

**34.** 
$$\begin{cases} x \le 3(x-2) \\ 4x+1 \le a \end{cases}$$

**35.** 
$$\begin{cases} 3(x+a) \le 2 \\ 2x+3 < 3x-1 \end{cases}$$

**36.** 
$$\begin{cases} a-2 < 2x \\ 3x+4 < 2(x-1) \end{cases}$$

☑ 다음 연립부등식이 해를 갖지 않도록 하는 실수 a의 값의 범위를 구하여라.

**37.** 
$$\begin{cases} 2x - 5 > 3 \\ x + 2 \le a \end{cases}$$

**38.** 
$$\begin{cases} 5x+6 \ge 4x+2 \\ 2x-a > 3(x+1) \end{cases}$$

**39.** 
$$\begin{cases} 6 - 2x < x + a \\ 4x - 1 < -(2x + 3) \end{cases}$$

**40.** 
$$\begin{cases} 2(x+1) \ge a \\ 3x+2 \le 2(x+2) \end{cases}$$

- ☑ 다음을 만족시키는 실수 a의 값 또는 값의 범위를 구하여라.
- **41.**  $\begin{cases} 2(2x+1) \le 3x+4 \\ x+3 < 2x-a \end{cases}$  를 만족시키는 정수가 3개 이다.
- **42.**  $\begin{cases} 4(x-1)-3 \le 1 \\ x-a \ge 0 \end{cases}$  을 만족시키는 정수가 1개이 다.
- **43.**  $\begin{cases} 3x+5 \leq 2x+7 \\ 2x+a > 5 \end{cases}$  를 만족시키는 정수해가 2개이 다.
- **44.**  $\begin{cases} 4-3x \le 5-2x \\ x-3a \le 0 \end{cases}$  을 만족시키는 정수가 4개이다.
- **45.**  $\begin{cases} x+7 > 2x+5 \\ 3x+a > 4 \end{cases}$  를 만족시키는 정수가 2개이다.

- ${3x-a>x-2 \ 2x-4 \le 16-3x}$  의 해가 존재한다. 46.
- **51.** |2x-3| < 1

- **47.** 5-(x+a) < 2x-1 < -4x-3의 해가 존재하지 않는다.
- **52.**  $|x-2| \le 4$

**53.**  $|3x-2| \ge 4$ 

**54.**  $|2x+1| \le 5$ 

**55.**  $|2-x| \ge 3$ 

**56.** |5-x| < 3

- 04 / 절댓값 기호를 포함한 일차부등식
  - (1) 절댓값 기호를 1개 포함한 일차 부등식의 풀이
    - ① a > 0일 때
    - 부등식 |x| < a의 해는 -a < x < a
    - 부등식 |x| > a의 해는 x < -a 또는 x > a
    - ② 0 < a < b일 때
    - 부등식 a < |x| < b의 해는
    - a < x < b 또는 -b < x < -a
    - ③ 부등식 |x-a| < bx 꼴은 다음과 같은 경우로 나누어 풀이한다.

$$-x < a$$

$$-x \geq a$$

(2) 절댓값 기호를 2개 포함한 일차 부등식의 풀이 |x-a|+|x-b| < k (단, a < b) 꼴은 다음과 같은 경우로 나누어 풀이한다.

$$\bigcirc x < a$$

① 
$$x < a$$
 ②  $a \le x < b$ 

$$\mathfrak{J} x \geq b$$

☑ 다음 부등식을 풀어라.

**48.** 
$$|5-x| < 4$$

**49.** 
$$|x-3| < 5$$

**50.** 
$$|x+1| \ge 3$$

**57.**  $\left| 2 - \frac{x}{3} \right| > 1$ 

**58.** 
$$|3x-2| \ge 5$$

**59.** 
$$|2x-1| > 3$$

**60.** 
$$|2x-5| \le 3$$

**61.** 
$$|6-x| > 1$$

**62.** 
$$1 < |4x+1| < 6$$

**63.** 
$$|2x-1| < x+4$$

**64.** 
$$|2x+1| < x+2$$

**65.** 
$$|x-1| \ge 2x+3$$

**66.** 
$$|x+1| < 2x-1$$

**67.** 
$$|x+2| > 3x-4$$

**68.** 
$$|x|+|x+3|<5$$

**69.** 
$$|x|+|x-2|<4$$

**70.** 
$$|x-1|+|x+2| \le 7$$

**71.** 
$$|x+2|+|x-3|>6$$

**72.** 
$$|x+1|-|x-2|>0$$

**73.** 
$$2|x-4|+|x-1|>9$$

**74.** 
$$|x+1|-|x-4|<3$$

**75.** 
$$|x+1|+|x-1| \le 4$$

**76.** 
$$3|x-2|-2|x+1| < 6$$

**77.** 
$$|x-2|+|x+1| \ge -2x+6$$

☑ 다음을 만족시키는 실수 a의 값을 구하여라.

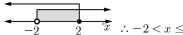
**78.** 
$$|x-a| \le 3$$
의 해가  $-2 \le x \le 4$ 이다.

**79.** 
$$\left|\frac{1}{3}x-1\right|>a$$
의 해가  $x<-3$  또는  $x>9$ 이다. (단,  $a>0$ )

# 정답 및 해설

1) 
$$-2 < x \le 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -3 < 2x + 1 \\ 2x + 1 \le 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x > -4 \\ 2x \le 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > -2 \\ x \le 2 \end{cases}$$



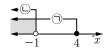
## 2) x < -1

$$\Rightarrow 3x+1 \le 2x+5$$
에서  $x \le 4 \cdots$  ①

$$2x+5 < 3에서 2x < -2$$

$$\therefore x < -1 \cdots \bigcirc$$

x < -1



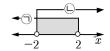
#### 3) -2 < x < 2

$$\Rightarrow 5x-3 < 4x-1 \text{ oil } k \mid x < 2 \cdots \text{ for } x < 2 \cdots \text{$$

$$4x-1 < 7x+5$$
에서  $-3x < 6$   $\therefore x > -2 \cdots$  ()

⊙, ⊙의 공통부분을 구하면

-2 < x < 2



# 4) $-6 < x \le 4$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x - 8 < 3x - 2 \cdots \bigcirc \\ 3x - 2 \le x + 6 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $-x < 6$   $\therefore x > -6$ 

①에서 
$$x \leq 4$$

따라서 주어진 연립부등식의 해는  $-6 < x \le 4$ 

#### 5) x > 5

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x < 3x - 5 & \cdots \\ 3x - 5 \le 8x + 5 \cdots \\ \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $-x < -5$   $\therefore x > 5$ 

©에서 
$$-5x \le 10$$
  $\therefore x \ge -2$ 

따라서 주어진 연립부등식의 해는 x>5

# 6) $-5 \le x \le 2$

$$\Rightarrow 2x-1 \leq 3x+4 \text{ odd } -x \leq 5$$

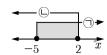
$$\therefore x \ge -5 \cdots \bigcirc$$

 $3x+4 \le x+8$ 에서  $2x \le 4$ 

$$\therefore x \leq 2 \cdots \bigcirc$$

⊙,⊙의 공통부분을 구하면

-5 < x < 2



7) 
$$0 \le x < 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2(x-3) < x-5 \cdots \bigcirc \\ x-5 \le 3x-5 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $2x-6 < x-5$   $\therefore x < 1$ 

$$\bigcirc$$
에서  $-2x \le 0$   $\therefore x \ge 0$ 

따라서 주어진 연립부등식의 해는  $0 \le x < 1$ 

# 8) $x \ge 5$

$$\Rightarrow 2(x+2) \leq 3x-1 < 4(2x+1)+5$$
에서

$$\begin{cases} 2(x+2) \le 3x - 1 & \cdots \\ 3x - 1 < 4(2x+1) + 5 & \cdots \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $3x-1 < 8x+4+5, -5x < 10  $\therefore x > -2$$ 

따라서 주어진 연립부등식의 해는 
$$x \geq 5$$

9) 
$$-\frac{2}{3} \le x < 3$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -\frac{1}{2}x \leq x+1 & \cdots \\ x+1 < 2(5-x) \cdots \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $-x \le 2x + 2, -3x \le 2$   $\therefore x \ge -\frac{2}{3}$ 

$$\bigcirc \bigcirc \land \land x+1 < 10-2x, 3x < 9 : x < 3$$

따라서 주어진 연립부등식의 해는  $-\frac{2}{3} \le x < 3$ 

#### 10) 1 < x < 3

 $\Rightarrow$   $-5 < -4x + 7 \le 3$ 의 양변에 -7을 더하면 -12 <-4x ≤-4이고, 이 식의 양변을 -4로 나누 면  $1 \le x < 3$ 이다.

## 11) $-6 \le x < 7$

 $\Rightarrow \begin{cases} 2x-3 \leq 3(x+1)\cdots \textcircled{1} \end{cases}$  에서 ①을 풀면  $3(x+1) < 2(x+5)\cdots \textcircled{2}$  $-x \le 6 \Rightarrow x \ge -6$ 이고, ②를 풀면 x < 7이다.

즉, 연립부등식의 해는  $-6 \le x < 7$ 이다.

# 12) 해가 없다.

즉, 연립부등식의 해가 없다.

# 13) $-2 < x \le 1$

$$\begin{cases} x-2 < 2x \cdots ① 에서 ①을 풀면 \\ 2x \le -x+3 \cdots ② \end{cases}$$

 $-x < 2 \Rightarrow x > -2$ 이고, ②를 풀면  $3x \le 3 \Rightarrow x \le 1$ 

즉, 연립부등식의 해는  $-2 < x \le 1$ 이다.

## 14) 해가 없다.

$$\Rightarrow$$
 
$$\begin{cases} 2x+7 \leq 4x+3\cdots \text{①에서} & \text{①을} & \text{풀면} \\ 4x+3 < 2x-3\cdots \text{②} \end{cases}$$

$$-2x \le -4 \Rightarrow x \ge 2$$
이고, ②를 풀면  $2x < -6 \Rightarrow x < -3$ 이다.

따라서 위 연립부등식의 해가 없다.

## 15) $2 < x \le 6$

- $\Leftrightarrow \begin{cases} 5(x-3) \leq 2x+3\cdots$  ①에서 ①을 풀면  $2x+3 < 4x-1 \cdots$  ②
  - $3x \le 18 \Rightarrow x \le 6$ 이고, ②를
  - $-2x < -4 \Rightarrow x > 2$ 이다. 즉, 연립부등식의 해는  $2 < x \le 6$ 이다.

## 16) $1 \le x < 3$

- - $-5x \le -5 \Rightarrow x \ge 1$ 이다.
  - 즉, 연립부등식의 해는  $1 \le x < 3$ 이다.

# 17) 해가 없다.

- $\Rightarrow \begin{cases} 8-x < 4x-2\cdots \text{ }\bigcirc{} \text{ }\bigcirc{} \text{ } \\ 4x-2 < 2x+2\cdots \text{ }\bigcirc{} \text{ } \end{cases}$ 
  - ①을 풀면  $-5x < -10 \Rightarrow x > 2$
  - ②를 풀면  $2x < 4 \Rightarrow x < 2$
  - 따라서 위 연립부등식의 해가 없다.

#### 18) $-5 \le x < -1$

- - 고, ②를 풀면  $-5 \le x$ 이다.
  - 따라서 연립부등식의 해는  $-5 \le x < -1$ 이다.

#### 19) x > 3

- $\Rightarrow \begin{cases} -2x+2 < x-7 \cdots$  ①에서 ①을 풀면  $3 < x, \\ x-7 \leq 3x+1 \cdots$  ②
  - ②를 풀면  $-4 \le x$ 이다.
  - 따라서 연립부등식의 해는 x > 3이다.

# 20) 2

- $\Rightarrow x+5 < 2(a+1) \text{ on } x < 2a-3$
- 2x-3 < 5x+6 of |x| -3x < 9  $\therefore x > -3$
- 주어진 연립부등식의 해가 -3 < x < 1이므로
- 2a-3=1  $\therefore a=2$

# 21) 9

- $\Rightarrow 1-2x < 3x+11$ 에서
- -5x < 10  $\therefore x > -2$
- 4x+3 < 2x+a에서

$$2x < a-3$$
  $\therefore x < \frac{a-3}{2}$ 

주어진 연립부등식의 해가 -2 < x < 3이므로

$$\frac{a-3}{2} = 3, a-3 = 6$$
  $\therefore a = 9$ 

#### 22) a = 4

- $\Rightarrow -2x+3 < 5x-4$ 에서
- -7x < -7  $\therefore x > 1$
- $3a-x \ge 2x+3$ 에서
- $-3x \ge 3-3a$   $\therefore x \le a-1$

주어진 연립부등식의 해가  $1 < x \le 3$ 이므로

$$a-1=3$$
  $\therefore a=4$ 

$$23) -14$$

풀면

 $\Rightarrow 3x-a > 5x+2$ 에서

$$-2x>a+2 \quad \therefore x<-\frac{a+2}{2}$$

- 2x+3 < 3x-1에서
- -x < -4  $\therefore x > 4$

주어진 연립부등식의 해가 4 < x < 6이므로

$$-\frac{a+2}{2} = 6, a+2 = -12$$
 :  $a = -14$ 

#### 24) -5

- $\Rightarrow 4x \leq 6x + 2$ 에서
- $-2x \le 2$   $\therefore x \ge -1$
- $2x-a \ge 4x+1$ 에서

$$-2x \ge a+1$$
  $\therefore x \le -\frac{a+1}{2}$ 

주어진 연립부등식의 해가  $-1 \le x \le 2$ 이므로

$$-\frac{a+1}{2} = 2, a+1 = -4$$
 :  $a = -5$ 

- 25)  $a = \frac{1}{2}$
- $\Rightarrow -5x+4 \ge x-8$ 에서
  - $-6x \ge -12$   $\therefore x \le 2$
  - $3x-2a \ge 2x+1$ 에서  $x \ge 2a+1$

주어진 연립부등식의 해가 x=2이므로

$$2a+1=2 \qquad \therefore a=\frac{1}{2}$$

#### 26) 해는 없다.

- $\Rightarrow x-1 \le -6$ 에서  $x \le -5 \cdots$   $\bigcirc$
- 3(x-4) < 5x-8 에서 3x-12 < 5x-8
- -2x < 4  $\therefore x > -2 \cdots \bigcirc$
- ①,ⓒ의 공통부분이 없으므로 주어진 연립부등식의 해는 없다.

## 27) 해는 없다.

- $\Rightarrow 6-2x \leq x \text{ MeV}$
- $-3x \le -6$   $\therefore x \ge 2$
- $4x-3 \le 5-(x+3)$ 에서
- $4x-3 \le 5-x-3, 5x \le 5 : x \le 1$
- 따라서 주어진 연립부등식의 해는 없다.

# 28) 해는 없다.

- $\Rightarrow 3(1+x) \leq 3-x$ 에서
- $3+3x \le 3-x, 4x \le 0 \quad \therefore x \le 0$
- $x < 5x \, \text{old} \quad -4x < 0 \quad \therefore x > 0$
- 따라서 주어진 연립부등식의 해는 없다.

# 29) 해는 없다.

- $\Rightarrow 2(3-x) < 4x$ 에서
  - $6-2x < 4x, -6x < -6 \quad \therefore x > 1$

1-4x < -3(2x-1)에서

1-4x < -6x+3, 2x < 2 :: x < 1

따라서 주어진 연립부등식의 해는 없다.

30) x = 2

$$\Rightarrow -3(x-2) \ge 2x-4$$
에서

$$-3x+6 \ge 2x-4, -5x \ge -10 : x \le 2$$

$$7-2x \leq 2x-1$$
에서

$$-4x \le -8$$
  $\therefore x \ge 2$ 

따라서 주어진 연립부등식의 해는 x=2

31) x = 0

$$\Rightarrow 4(x-1) \ge -(x+4)$$
에서

$$4x-4 \ge -x-4, 5x \ge 0 : x \ge 0$$

$$-\frac{x-2}{2} + 2 \ge 0.5x + 3$$
에서

 $-5x+10+20 \ge 5x+30, -10x \ge 0$   $\therefore x \le 0$ 

따라서 주어진 연립부등식의 해는 x=0

32) 해는 없다.

$$\Rightarrow \frac{1}{2}(x+4) \leq 3x-13$$
의 양변에 2를 곱하면

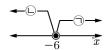
$$x+4 \le 6x-26, -5x \le -30$$

$$\therefore x \ge 6 \cdots \bigcirc$$

$$-2x+11 > x-7$$
에서  $-3x > -18$ 

$$\therefore x < 6 \cdots \bigcirc$$

⊙,⊙의 공통부분이 없으므로 주어진 연립부등식의 해는 없다.

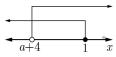


33) a < -3

$$\Rightarrow x-4>a$$
에서  $x>a+4$ 

$$5-3x \ge 2x$$
 에서  $-5x \ge -5$   $\therefore x \le 1$ 

주어진 연립부등식이 해를 가지려면 다음 그림에서



$$a+4<1$$
  $\therefore a<-3$ 

34)  $a \ge 13$ 

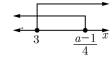
$$\Rightarrow x \leq 3(x-2)$$
에서

$$x \le 3x - 6, -2x \le -6$$
  $\therefore x \ge 3$ 

 $4x+1 \leq a$ 에서

$$4x \le a - 1 \quad \therefore x \le \frac{a - 1}{4}$$

주어진 연립부등식이 해를 가지려면 다음 그림에서



$$\frac{a-1}{4} \ge 3, a-1 \ge 12$$

$$\therefore a \geq 13$$

35) 
$$a < -\frac{10}{3}$$

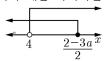
 $\Rightarrow$   $3(x+a) \leq 2$ 에서

$$3x + 3a \le 2, 3x \le 2 - 3a$$
  $\therefore x \le \frac{2 - 3a}{3}$ 

$$2x+3 < 3x-1$$
에서

$$-x < -4$$
  $\therefore x > 4$ 

주어진 연립부등식이 해를 가지려면 다음 그림에서



$$\frac{2-3a}{3} > 4, 2-3a > 12$$

$$-3a > 10$$
 :  $a < -\frac{10}{3}$ 

36) a < -10

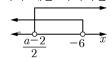
$$\Rightarrow a-2 < 2x$$
 에서

$$x > \frac{a-2}{2}$$

3x+4 < 2(x-1)에서

$$3x+4 < 2x-2$$
 :  $x < -6$ 

주어진 연립부등식이 해를 가지려면 다음 그림에서



$$\frac{a-2}{2} < -6$$
 :  $a < -10$ 

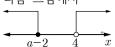
37)  $a \le 6$ 

$$\Rightarrow 2x-5>3$$
에서  $2x>8$   $\therefore x>4$ 

$$x+2 \le a$$
에서  $x \le a-2$ 

주어진 연립부등식이 해를 갖지 않으려면

다음 그림에서



$$a-2 \le 4$$
  $\therefore a \le 6$ 

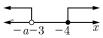
38)  $a \ge 1$ 

$$\Rightarrow 5x+6 \ge 4x+2$$
에서  $x \ge -4$ 

$$2x-a > 3(x+1)$$
에서

$$2x-a > 3x+3, -x > a+3$$
 :  $x < -a-3$ 

주어진 연립부등식이 해를 갖지 않으려면 다음 그림 에서



$$-a-3 \le -4, -a \le -1 \quad \therefore a \ge 1$$

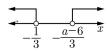
39)  $a \le 7$ 

$$\Rightarrow 6 - 2x < x + a \text{ on } k = 3x < a - 6 : x > -\frac{a - 6}{3}$$

$$4x-1<-(2x+3)$$
에서

$$4x-1 < -2x-3, 6x < -2$$
  $\therefore x < -\frac{1}{3}$ 

주어진 연립부등식이 해를 갖지 않으려면 다음 그림 에서



$$-\frac{a-6}{3} \ge -\frac{1}{3}, a-6 \le 1 \quad \therefore a \le 7$$

40) 
$$a > 6$$

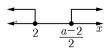
$$\Rightarrow 2(x+1) \ge a$$
에서

$$2x+2 \ge a, 2x \ge a-2$$
  $\therefore x \ge \frac{a-2}{2}$ 

$$3x+2 \le 2(x+2)$$
에서

$$3x + 2 \le 2x + 4 \quad \therefore x \le 2$$

주어진 연립부등식이 해를 갖지 않으려면 다음 그림 에서



$$\frac{a-2}{2} > 2, a-2 > 4$$
 ::  $a > 6$ 

#### 41) $-4 \le a < -3$

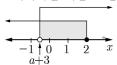
$$\Rightarrow 2(2x+1) \leq 3x+4$$
에서

$$4x+2 \le 3x+4$$
  $\therefore x \le 2$ 

$$x+3 < 2x-a$$
에서

$$-x < -a-3$$
  $\therefore x > a+3$ 

주어진 연립부등식을 만족시키는 정수 x의 개수가 3개이려면 다음 그림에서



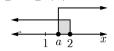
 $-1 \le a+3 < 0$  :  $-4 \le a < -3$ 

# 42) $1 < a \le 2$

다 
$$4(x-1)-3 \le 1$$
에서  $4x-4-3 \le 1, 4x \le 8$   $x \le 2$ 

$$x-a \ge 0$$
에서  $x \ge a$ 

주어진 연립부등식을 만족시키는 정수 x의 개수가 1 개이려면 다음 그림에서  $1 < a \le 2$ 



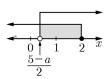
#### 43) $3 < a \le 5$

$$\Rightarrow 3x+5 \le 2x+7$$
에서  $x \le 2$ 

$$2x + a > 5$$
에서

$$2x > 5 - a$$
 :  $x > \frac{5 - a}{2}$ 

주어진 연립부등식을 만족시키는 정수 x의 개수가 2 개이려면 다음 그림에서



$$0 \le \frac{5-a}{2} < 1, 0 \le 5-a < 2$$

$$-5 \le -a < -3$$

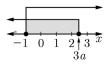
$$\therefore 3 < a \le 5$$

44) 
$$\frac{2}{3} \le a < 1$$

$$\Rightarrow 4-3x \le 5-2x \text{ odd } -x \le 1 : x \ge -1$$

$$x-3a \le 0$$
에서  $x \le 3a$ 

주어진 연립부등식을 만족시키는 정수 x의 개수가 4 개이려면 다음 그림에서



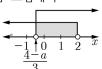
$$2 \le 3a < 3 \quad \therefore \frac{2}{3} \le a < 1$$

#### 45) $4 < a \le 7$

$$\Rightarrow x+7 > 2x+5 \text{ on } x - x > -2 \quad \therefore x < 2$$

$$3x + a > 4$$
 에서  $3x > 4 - a$   $\therefore x > \frac{4 - a}{3}$ 

주어진 연립부등식을 만족시키는 정수 x의 개수가 2 개이려면 다음 그림에서



$$-1 \le \frac{4-a}{3} < 0$$
  $\therefore 4 < a \le 7$ 

# 46) *a* < 10

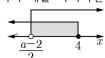
$$\implies 3x - a > x - 2 \, \text{oll} \, \lambda \text{d}$$

$$2x > a-2 \quad \therefore x > \frac{a-2}{2}$$

$$2x-4 \le 16-3x$$
에서

$$5x \le 20$$
  $\therefore x \le 4$ 

주어진 연립부등식이 해를 가지려면 다음 그림에서



$$\frac{a-2}{2} < 4, a-2 < 8$$
 :  $a < 10$ 

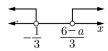
#### 47) $a \le 7$

$$\Rightarrow 5 - (x+a) < 2x-1 < -4x-3$$
 에서

$$\begin{cases} 5 - (x+a) < 2x - 1 \cdots \bigcirc \\ 2x - 1 < -4x - 3 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
에서  $5-x-a < 2x-1, -3x < a-6$   $\therefore x > \frac{6-a}{3}$ 

- ①에서 6x < -2  $\therefore x < -\frac{1}{3}$
- 주어진 연립부등식이 해를 갖지 않으려면 다음 그림 에서



$$\frac{6-a}{3} \ge -\frac{1}{3}, 6-a \ge -1 \quad \therefore a \le 7$$

- 48) 1 < x < 9
- $\Rightarrow |5-x| < 4$  에서 -4 < 5-x < 4-9 < -x < -1 : 1 < x < 9
- 49) -2 < x < 8
- $\Rightarrow |x-3| < 5에서$ -5 < x - 3 < 5  $\therefore -2 < x < 8$
- 50)  $x \le -4 \, \text{ } \pm \text{ } \pm x \ge 2$
- $\Rightarrow |x+1| \ge 3$ 에서

 $x+1 \le -3$  또는  $x+1 \ge 3$   $\therefore x \le -4$  또는  $x \ge 2$ 

- 51) 1 < x < 2
- $\Rightarrow |2x-3| < 1$  에서 -1 < 2x-3 < 1
- -1 < 2x 3에서 x > 1 …  $\bigcirc$
- 2x-3 < 1에서 x < 2 … ①
- $\bigcirc$ ,으에서 1 < x < 2
- 52)  $-2 \le x \le 6$
- $\Rightarrow$   $-4 \le x 2 \le 4$
- $-4 \le x 2$ 에서  $x \ge -2$  … ①
- $x-2 \le 4$ 에서  $x \le 6$  … ①
- $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 에서  $-2 \le x \le 6$
- 53)  $x \le -\frac{2}{3}$  또는  $x \ge 2$
- $\Rightarrow |3x-2| \ge 4$ 에서

 $3x-2 \le -4$  또는  $3x-2 \ge 4$   $\therefore x \le -\frac{2}{3}$  또는  $x \ge 2$ 

- 54)  $-3 \le x \le 2$
- $\Rightarrow$   $-5 \le 2x+1 \le 5$
- $-5 \le 2x + 1$ 에서  $x \ge -3$  …  $\bigcirc$
- $2x+1 \le 5$ 에서  $x \le 2$  … ①
- $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 에서  $-3 \le x \le 2$
- 55)  $x \le -1$  또는  $x \ge 5$
- $\Rightarrow 2-x \geq 3, x \leq -1 \cdots \bigcirc$
- $2-x \le -3, x \ge 5 \cdots \bigcirc$
- $\bigcirc$ , $\bigcirc$ 에서  $x \leq -1$  또는  $x \geq 5$



- 56) 2 < x < 8
- ⇒ |5-x|<3에서

-3 < 5 - x < 3. -8 < -x < -2 : 2 < x < 8

- 57) x < 3 또는 x > 9
- $\Rightarrow 2 \frac{x}{3} > 1, 6 x > 3, x < 3 \cdots \bigcirc$
- $2 \frac{x}{3} < -1, 6 x < -3, x > 9 \cdots \bigcirc$
- $\bigcirc$ ,으에서 x < 3 또는 x > 9
- 58)  $x \le -1 + \frac{\pi}{2} + x \ge \frac{7}{3}$
- $\Rightarrow$   $|3x-2| \ge 5$ 에서  $3x-2 \le -5$  또는  $3x-2 \ge 5$

 $3x \le -3$  또는  $3x \ge 7$   $\therefore x \le -1$  또는  $x \ge \frac{7}{2}$ 

- 59) x < -1 또는 x > 2
- $\Rightarrow |2x-1| > 3$ 에서

2x-1<-3 또는 2x-1>3  $\therefore x<-1$  또는 x>2

- 60)  $1 \le x \le 4$
- $\Rightarrow |2x-5| \leq 3$ 에서

 $-3 \le 2x - 5 \le 3$   $\therefore 1 \le x \le 4$ 

- 61) x < 5 또는 x > 7
- $\Rightarrow |6-x| > 1에서$

 $6-x<-1 \ \underline{\mathtt{F}} \ \underline{\mathtt{L}} \ 6-x>1 \ \therefore x<5 \ \underline{\mathtt{F}} \ \underline{\mathtt{L}} \ x>7$ 

- 62)  $-\frac{7}{4} < x < -\frac{1}{2}$  또는  $0 < x < \frac{5}{4}$
- $\Rightarrow 1 < |4x+1| < 6 에서$

1 < 4x + 1 < 6 또는 -6 < 4x + 1 < -1

- (i) 1 < 4x + 1 < 6에서 0 < 4x < 5 :  $0 < x < \frac{5}{4}$
- (ii) -6 < 4x + 1 < -1에서 -7 < 4x < -2

$$\therefore -\frac{7}{4} < x < -\frac{1}{2}$$

(i), (ii)에서 주어진 부등식의 해는

$$-\frac{7}{4} < x < -\frac{1}{2}$$
 또는  $0 < x < \frac{5}{4}$ 

- 63) -1 < x < 5
- $\Rightarrow |2x-1| < x+4$ 에서
- (i)  $x < \frac{1}{2}$ 일 때, -2x+1 < x+4 : x > -1

그런데  $x < \frac{1}{2}$ 이므로  $-1 < x < \frac{1}{2}$ 

- (ii)  $x \ge \frac{1}{2}$ 일 때, 2x-1 < x+4  $\therefore x < 5$
- 그런데  $x \ge \frac{1}{2}$ 이므로  $\frac{1}{2} \le x < 5$
- (i), (ii)에서 -1 < x < 5
- 64) -1 < x < 1
- $\Rightarrow |2x+1| < x+2$ 에서
- (i)  $x < -\frac{1}{2}$ 에서 -2x-1 < x+2  $\therefore x > -1$

그런데  $x < -\frac{1}{2}$ 이므로  $-1 < x < -\frac{1}{2}$ 

(ii) 
$$x \ge -\frac{1}{2}$$
일 때,  $2x+1 < x+2$   $\therefore x < 1$ 

그런데 
$$x \ge -\frac{1}{2}$$
이므로  $-\frac{1}{2} \le x < 1$ 

(i), (ii)에서 -1 < x < 1

65) 
$$x \le -\frac{2}{3}$$

 $\Rightarrow |x-1| \geq 2x + 3 \text{ odd}$ 

(i) 
$$x < 1$$
일 때,  $-x+1 \ge 2x+3$   $\therefore x \le -\frac{2}{3}$ 

그런데 x < 1이므로  $x \le -\frac{2}{3}$ 

(ii)  $x \ge 1$ 일 때,  $x-1 \ge 2x+3$   $\therefore x \le -4$ 그런데  $x \ge 1$ 이므로 해는 없다.

( i ), ( ii )에서 
$$x \le -\frac{2}{3}$$

66) x > 2

 $\Rightarrow |x+1| < 2x-1$  에서

(i) x < -1일 때, -x-1 < 2x-1  $\therefore x > 0$ 그런데 x < -1이므로 해는 없다.

(ii)  $x \ge -1$ 일 때, x+1 < 2x-1 : x > 2그런데  $x \ge -1$ 이므로 x > 2

(i), (ii)에서 x>2

67) x < 3

 $\Rightarrow |x+2| > 3x-4$ 에서

(i) 
$$x < -2$$
일 때,  $-x-2 > 3x-4$   $\therefore x < \frac{1}{2}$ 

그런데 x < -2이므로 x < -2

(ii)  $x \ge -2$ 일 때, x+2 > 3x-4  $\therefore x < 3$ 그런데  $x \ge -2$ 이므로  $-2 \le x < 3$ 

(i), (ii)에서 x < 3

68) -4 < x < 1

 $\Rightarrow$  |x|+|x+3|<5에서

(i) x <-3일 때, -x-x-3<5 ∴x>-4

그런데 x < -3이므로 -4 < x < -3

(ii)  $-3 \le x < 0$ 일 때, -x+x+3 < 5에서 3 < 5

이 부등식은 항상 성립하므로  $-3 \le x < 0$ 

(iii)  $x \ge 0$ 일 때, x+x+3 < 5  $\therefore x < 1$ 

그런데  $x \ge 0$ 이므로  $0 \le x < 1$ 

(i), (ii), (iii)에서 -4 < x < 1

69) -1 < x < 3

 $\Rightarrow$  |x|+|x-2|<4에서

(i) x < 0에서 -x - x + 2 < 4  $\therefore x > -1$ 

그런데 x < 0이므로 -1 < x < 0

(ii)  $0 \le x < 2$ 일 때, x-x+2 < 4 에서 2 < 4

이 부등식이 항상 성립하므로  $0 \le x < 2$ 

(iii)  $x \ge 2$ 일 때, x+x-2 < 4  $\therefore x < 3$ 

그런데  $x \ge 2$ 이므로  $2 \le x < 3$ 

(i), (ii), (iii)에서 -1 < x < 3

70)  $-4 \le x \le 3$ 

 $\Rightarrow |x-1|+|x+2| \leq 7$ 에서

(i) x < -2일 때,  $-x+1-x-2 \le 7$   $\therefore x \ge -4$ 그런데 x < -2이므로  $-4 \le x < -2$ 

(ii) -2 ≤ x < 1일 때, -x+1+x+2 ≤ 7에서 3 ≤ 7

이 부등식은 항상 만족하므로  $-2 \le x < 1$ 

(iii)  $x \ge 1$ 일 때,  $x-1+x+2 \le 7$  :  $x \le 3$ 

그런데  $x \ge 1$ 이므로  $1 \le x \le 3$ 

(i), (ii), (iii)에서  $-4 \le x \le 3$ 

71) 
$$x < -\frac{5}{2}$$
 또는  $x > \frac{7}{2}$ 

 $\Rightarrow |x+2|+|x-3|>6$ 에서

(i) 
$$x < -2$$
일 때,  $-x - 2 - x + 3 > 6$   $\therefore x < -\frac{5}{2}$ 

그런데 x < -2이므로  $x < -\frac{5}{2}$ 

(ii)  $-2 \le x < 3$ 일 때, x+2-x+3 > 6에서 5 > 6

이 부등식은 항상 성립하지 않으므로 해는 없다.

(iii) 
$$x \ge 3$$
일 때,  $x+2+x-3 > 6$   $\therefore x > \frac{7}{2}$ 

그런데  $x \ge 3$ 이므로  $x > \frac{7}{2}$ 

( i ), (ii), (iii)에서 
$$x < -\frac{5}{2}$$
 또는  $x > \frac{7}{2}$ 

72) 
$$x > \frac{1}{2}$$

 $\Rightarrow |x+1|-|x-2|>0$ 에서

(i) x < -1에서 -x-1+x-2 > 0 -3 > 0

이 부등식은 항상 성립하지 않으므로 해는 없다.

 $(ii) -1 \le x < 2$ 일 때.

$$x+1+x-2>0, 2x>1$$
  $\therefore x>\frac{1}{2}$ 

그런데 
$$-1 \le x < 2$$
이므로  $\frac{1}{2} < x < 2$ 

(iii)  $x \ge 2$ 일 때, x+1-x+2 > 0에서 3 > 0

이 부등식은 항상 성립하므로  $x \ge 2$ 

(i), (ii), (iii)에서 
$$x > \frac{1}{2}$$

73) x < 0 또는 x > 6

 $\Rightarrow$  (i) x < 1일 때,

$$-2(x-4)-(x-1) > 9 \Rightarrow -3x > 0 : x < 0$$

 $\therefore x < 0 \cdots \bigcirc$ 

(ii)  $1 \le x < 4$ 일 때,

 $-2(x-4)+(x-1)>9 \implies -x>2 : x<-2$ 

따라서 이 범위에서 해는 없다. ……①

(iii)  $x \ge 4$ 일 때.

 $2(x-4)+(x-1)>9 \implies 3x>18 : x>6$  $\therefore x > 6 \cdots \bigcirc$ 

 $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 에서 x < 0 또는 x > 6

74) x < 3

 $\Rightarrow |x+1|-|x-4| < 3 \cdots \bigcirc$ 

(i) x < -1일 때, x+1 < 0, x-4 < 0이므로 부등식 🗇은

$$-(x+1)-\{-(x-4)\}<3, -x-1+x-4<3$$

 $\therefore 0 \cdot x < 8$ 

따라서 부등식의 해는 모든 실수이다.

그런데 x < -1이므로 x < -1

(ii)  $-1 \le x < 4$ 일 때,  $x+1 \ge 0$ , x-4 < 0이므로 부등식 ①은

$$x+1-\{-(x-4)\}<3, x+1+x-4<3$$

2x < 6  $\therefore x < 3$ 

그런데  $-1 \le x < 4$ 이므로  $-1 \le x < 3$ 

(iii)  $x \ge 4$ 일 때,  $x+1 > 0, x-4 \ge 0$ 이므로 부등식 ①은

x+1-(x-4) < 3, x+1-x+4 < 3

 $\therefore 0 \cdot x < -2$ 

따라서 해는 없다.

따라서 부등식  $\bigcirc$ 의 해는 x < 3

75)  $-2 \le x \le 2$ 

$$-(x+1)-(x-1) \le 4 : x \ge -2$$

그런데 x < -1이므로  $-2 \le x < -1$  … ①

 $(ii) -1 \le x < 1$ 일 때,

 $(x+1)-(x-1) \le 4$ 에서  $2 \le 4$ 이므로

주어진 부등식은 이 범위에서 항상 성립한다.

$$\therefore -1 \le x < 1 \cdots \bigcirc$$

(iii)  $x \ge 1$ 일 때,

 $(x+1)+(x-1) \le 4 : x \le 2$ 

그런데  $x \ge 1$ 이므로  $1 \le x \le 2$  ··· ©

따라서 구하는 해는  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 에서  $-2 \le x \le 2$ 이다.

76) 
$$-\frac{2}{5} < x < 14$$

 $\Rightarrow 3|x-2|-2|x+1| < 6$ 에서

(i) x <-1일 때,

$$-3(x-2)+2(x+1)<6$$

$$-3x+6+2x+2 < 6$$
 :  $x > 2$ 

그런데 x < -1이므로 해는 없다.

(ii)  $-1 \le x < 2$ 일 때,

$$-3(x-2)-2(x+1)<6$$

$$-3x+6-2x-2 < 6$$
  $\therefore x > -\frac{2}{5}$ 

그런데 
$$-1 \le x < 2$$
이므로  $-\frac{2}{5} < x < 2$ 

(iii)  $x \ge 2$ 일 때,

$$3(x-2)-2(x+1)<6$$

$$3x - 6 - 2x - 2 < 6$$
  $\therefore x < 14$ 

그런데 
$$x \ge 2$$
이므로  $2 \le x < 14$ 

(i), (ii), (iii)에서 
$$-\frac{2}{5} < x < 14$$

77) 
$$x \ge \frac{3}{2}$$

 $\Rightarrow$  (i) x < -1일 때,

 $-(x-2)-(x+1) \ge -2x+6$ 에서  $1 \ge 6$ 이므로 주어진 부등식은 이 범위에서 해는 없다.…… 🗇

(ii)  $-1 \le x < 2$ 일 때,

$$-(x-2)+(x+1) \ge -2x+6 \implies 2x \ge 3 \implies x \ge \frac{3}{2}$$

$$\therefore \frac{3}{2} \le x < 2 \cdots \bigcirc$$

(iii)  $x \ge 2$ 일 때,

$$(x-2)+(x+1) \ge -2x+6 \implies 4x \ge 7 \implies x \ge \frac{7}{4}$$

$$\therefore x \ge 2 \cdots \bigcirc$$

$$\bigcirc$$
,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 에서  $x \ge \frac{3}{2}$ 

#### 78) 1

 $\Rightarrow |x-a| \leq 3$  에서

$$-3 \le x - a \le 3$$
  $\therefore a - 3 \le x \le a + 3$ 

이때, 주어진 부등식의 해가  $-2 \le x \le 4$ 이므로 a-3=-2, a+3=4 : a=1

$$\Rightarrow \left| \frac{1}{3}x - 1 \right| > a$$
에서

$$\frac{1}{3}x-1 < -a + \frac{1}{3}x-1 > a$$

$$\therefore x < 3 - 3a + 3$$

이때, 주어진 부등식의 해가 x < -3 또는 x > 9이므

$$3-3a=-3,3a+3=9$$
 :  $a=2$