실력완성 | 고1





수학 계산력 강화

(2)집합의 연산법칙(01)





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-06-04

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 / 집합의 교환법칙

(1) 집합의 교환법칙

 $A \cup B = B \cup A$, $A \cap B = B \cap A$

- \blacksquare 다음 두 집합 A, B에 대하여 $A \cap B, B \cap A$ 를 각각 구하고, 그 결과를 비교하여라.
- **1.** $A = \{1, 2, 3\}, B = \{1\}$
- 2. $A = \{a, b, d\}, B = \{a, b\}$
- **3.** $A = \{2, 4, 6\}, B = \{4, 6\}$
- 4. $A = \{1, 2, 3\}, B = \{3, 4, 5\}$
- $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4\}$
- 6. $A = \{a, b, c, d\}, B = \{a, c, e\}$
- 7. $A = \{1, 2, 3, 5, 7, 9\}, B = \{3, 5, 7, 9, 11\}$
- 8. A= {x|x는 27의 양의 약수}, B= {x|x는 소수}

- \blacksquare 다음 두 집합 A, B에 대하여 $A \cup B, B \cup A$ 를 각각 구하고 그 결과를 비교하여라.
- **9.** $A = \{1, 2, 3\}, B = \{1, 2\}$
- **10.** $A = \{1, 2, 3\}, B = \{1, 5\}$
- **11.** $A = \{1, 2, 3\}, B = \{3, 4\}$
- **12.** A= $\{a, b, c\}$, B= $\{x, y, z\}$
- **13.** $A = \{2, 4, 6\}, B = \{4, 6, 8\}$
- **14.** $A = \{1, 2, 3, 5\}, B = \{3, 5, 7\}$
- **15.** A= {x | x는 10의 양의 약수}, $B = \{x \mid x = 10 \text{ 이하의 소수}\}$
- B= {x|x는 27의 양의 약수}

02 / 집합의 결합법칙

(1) 집합의 결합법칙

 $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C), (A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$

- ightharpoonup 세 집합 $A = \{1, 3, 5, 7\}, B = \{2, 3, 6, 7\},$ $C = \{2, 4, 5, 7\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **17.** (AUB) UC를 구하여라.
- **18.** AU(BUC)를 구하여라.
- **△ M 3 a b** $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{3, 4, 5, 6\},$ $C = \{1, 3, 5, 7\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **19.** (AUB) UC를 구하여라.
- **20.** AU(BUC)를 구하여라.
- $A = \{2, 4, 6, 8\}, B = \{4, 8, 10\},$ $C = \{1, 4, 8\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **21.** (AUB) UC를 구하여라.
- **22.** A U (B U C)를 구하여라.
- ✓ 세 집합 A = {1, 2, 3, 4, 8}, B = {1, 3, 5, 8, 9}, $C = \{2, 3, 7, 8, 9\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **23.** (AUB) UC를 구하여라.

- **24.** A U (B U C)를 구하여라.
- 세 집합 A = {1, 2, 3, 4}, B = {3, 4, 5, 6}, $C = \{1, 3, 5, 7\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **25.** (A∩B)∩C를 구하여라.
- **26.** A∩(B∩C)를 구하여라.
- $C = \{2, 3, 7, 9\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **27.** (A∩B)∩C를 구하여라.
- **28.** A∩(B∩C)를 구하여라.
- ✓ 세 집합 A = {1, 3, 5, 7}, B = {2, 4, 5, 7}, $C = \{1, 2, 3, 4, 7\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **29.** (A∩B)∩C를 구하여라.
- **30.** A∩(B∩C)를 구하여라.
- Arr 세 집합 $A = \{2, 4, 6, 8\}, B = \{4, 8, 10\},$ $C = \{1, 4, 8\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **31.** (A∩B)∩C를 구하여라.

- **32.** A∩(B∩C)를 구하여라.
- \blacksquare 세 집합 A, B, C에 대하여 집합 A, 집합 $B \cup C$ 가 다음과 같을 때, $A \cup (B \cup C)$ 와 $(A \cup B) \cup C$ 를 차례 로 구하여라.
- **33.** $A = \{2\}, B \cup C = \{4, 6\}$
- **34.** $A = \{1, 5\}, B \cup C = \{2, 5\}$
- **35.** $A = \{5, 7\}, B \cup C = \{5, 9, 11\}$
- **36.** $A = \{4, 7\}, B \cup C = \{4, 9, 10\}$
- **37.** $A = \{1, 3, 5\}, B \cup C = \{2, 3, 5\}$
- \blacksquare 세 집합 A, B, C에 대하여 집합 $A \cap B$, 집합 C가 다음과 같을 때, $(A \cap B) \cap C$ 와 $A \cap (B \cap C)$ 를 차례 로 구하여라.
- **38.** $A \cap B = \{0\}, C = \{0, 2\}$
- **39.** $A \cap B = \{5\}, C = \{1, 3, 5\}$
- **40.** $A \cap B = \{2, 7\}, C = \{1, 2, 3\}$

- **41.** $A \cap B = \{3, 4\}, C = \{1, 3, 4, 5\}$
- **42.** $A \cap B = \{2, 6\}, C = \{2, 4, 6, 8\}$

03 / 집합의 분배법칙

(1) 집합의 분배법칙

 $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C),$ $(A \cap B) \cup C = (A \cup C) \cap (B \cup C)$ $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$ $(A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$

- ☑ 세 집합 A, B, C에 대하여 분배법칙을 사용하여 다 음 등식이 성립하도록 🗌 안에 알맞은 것을 써넣어 라.
- **43.** $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \bigcap (A \cup C)$
- **44.** $A \cap (B \cup C) = (A \bigcap B) \cup (A \bigcap C)$
- **46.** $B \cap (A \cup C) = (\bigcirc) \cup (\bigcirc)$
- **47.** $C \cap (A \cup B) = (C \cap A) \cup (C \cap B)$

- Arr 세 집합 $A = \{1, 2, 4, 6\}, B = \{1, 2, 5\},$ $C = \{2, 5, 6\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **49.** A∩(B∪C)를 구하여라.
- **50.** (A∩B)∪(A∩C)를 구하여라.
- **51.** A∪(B∩C)를 구하여라.
- **52.** (A∪B)∩(A∪C)를 구하여라.
- $C = \{6, 7, 8, 9\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **53.** A∩(B∪C)를 구하여라.
- **54.** (A∩B)∪(A∩C)를 구하여라.
- **55.** A∪(B∩C)를 구하여라.
- **56.** (A∪B)∩(A∪C)를 구하여라.
- Arr 세 집합 A = $\{1, 2, 3, 4\}$, B = $\{1, 4, 7\}$, $C = \{1, 3, 5, 7\}$ 에 대하여 다음 물음에 답하여라.
- **57.** A∩(B∪C)를 구하여라.

- **58.** (A∩B) ∪ (A∩C)를 구하여라.
- **59.** A∪(B∩C)를 구하여라.
- **60.** (A∪B)∩(A∪C)를 구하여라.
- 집합 $A = \{1, 2, 3\}, B = \{2, 3, 4\}, C = \{3, 4, 5\}$ 에 대하 여 다음 물음에 답하여라.
- **61.** $A \cap (B \cup C)$
- **62.** $(A \cap B) \cup (A \cap C)$
- **63.** $A \cup (B \cap C)$
- **64.** $(A \cup B) \cap (A \cup C)$

정답및해설

- 1) 같다.
- ⇒ A∩B = {1}, B∩A = {1}이므로 A∩B와 B∩A는 같다.
- 2) 같다.
- \Rightarrow A \cap B = $\{a, b\}$, B \cap A= $\{a, b\}$ 이므로 $A \cap B = B \cap A$
- 3) 같다.
- \Rightarrow A \cap B = {4, 6}, B \cap A = {4, 6}이므로 $A \cap B = B \cap A$
- 4) 같다.
- \Rightarrow A \cap B = B \cap A = {3}이므로 A \cap B = B \cap A
- 5) 같다.
- \Rightarrow A \cap B = {3, 4}, B \cap A = {3, 4}이므로 $A \cap B = B \cap A$
- 6) 같다.
- $A \cap B = \{a, c\}, B \cap A = \{a, c\}$ 이므로 \Rightarrow $A \cap B = B \cap A$
- 7) 같다.
- \Rightarrow A \cap B = {3, 5, 7, 9}, B \cap A = {3, 5, 7, 9}이므로 $A \cap B = B \cap A$
- 8) 같다.
- \Rightarrow A = {1, 3, 9, 27}, B = {2, 3, 5, 7, 11, ...} \circ] \Box
- $A \cap B = B \cap A = \{3\}$ $\therefore A \cap B = B \cap A$
- 9) 같다.
- ⇒ A∪B = {1, 2, 3}, B∪A = {1, 2, 3}이므로 $A \cup B = B \cup A$
- 10) 같다.
- \Rightarrow A \cup B = {1, 2, 3, 5} \cap B \cup A = {1, 2, 3, 5} \cap \cap

AUB와 BUA는 같다.

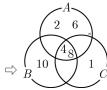
- 11) 같다.
- □ A∪B = {1, 2, 3, 4}, B∪A = {1, 2, 3, 4}이므로 $A \cup B = B \cup A$
- 12) 같다.
- \Rightarrow

 $A \cup B = \{a, b, c, x, y, z\}, B \cup A = \{a, b, c, x, y, z\}$ 이므로

 $A \cup B = B \cup A$

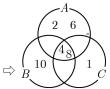
- 13) 같다.
- □ A∪B = {2, 4, 6, 8}, B∪A = {2, 4, 6, 8}이므로 $A \cup B = B \cup A$

- 14) 같다.
- \Rightarrow A \cup B = {1, 2, 3, 5, 7} $B \cup A = \{1, 2, 3, 5, 7\}$ 이므로 $A \cup B = B \cup A$
- 15) 같다.
- ⇒ A = {1, 2, 5, 10}, B = {2, 3, 5, 7}이므로 $A \cup B = \{1, 2, 3, 5, 7, 10\}, B \cup A = \{1, 2, 3, 5, 7, 10\}$ $\therefore A \cup B = B \cup A$
- 16) 같다.
- \Rightarrow A = {1, 2, 4, 8}, B = {1, 3, 9, 27} $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 8, 9, 27\}$ $B \cup A = \{1, 2, 3, 4, 8, 9, 27\}$ 이므로 $A \cup B = B \cup A$
- 17) {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} \Rightarrow (A \cup B) \cup C = {1, 2, 3, 5, 6, 7} \cup {3, 4, 5, 7}
- $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- 18) {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7} \Rightarrow A \cup (B \cup C) = {1, 3, 5, 7} \cup {2, 3, 4, 5, 6, 7} $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- 19) {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}
- \Rightarrow (A \cup B) \cup C = {1, 2, 3, 4, 5, 6} \cup {1, 3, 5, 7} $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- 20) {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}
- \Rightarrow A \cup (B \cup C) = {1, 2, 3, 4} \cup {1, 3, 4, 5, 6, 7} $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$
- 21) {1, 2, 4, 6, 8, 10}



 $(A \cup B) \cup C = \{2, \ 4, \ 6, \ 8, \ 10\} \cup \{1, \ 4, \ 8\}$ $= \{1, 2, 4, 6, 8, 10\}$

22) {1, 2, 4, 6, 8, 10}



 $A \cup (B \cup C) = \{2, 4, 6, 8\} \cup \{1, 4, 8, 10\}$ $= \{1, 2, 4, 6, 8, 10\}$

- 23) {1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9}
- \Rightarrow (AUB)UC
- $= \{1, 2, 3, 4, 5, 8, 9\} \cup \{2, 3, 7, 8, 9\}$
- $= \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9\}$
- 24) {1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9}

 \Rightarrow AU(BUC)

 $= \{1, 2, 3, 4, 8\} \cup \{1, 2, 3, 5, 7, 8, 9\}$

 $= \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9\}$

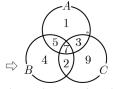
25) {3}

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = \{3, 4\} \cap \{1, 3, 5, 7\} = \{3\}

26) {3]

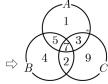
 \Rightarrow A \cap (B \cap C) = {1, 2, 3, 4} \cap {3, 5} = {3}

 $(27) \{7\}$



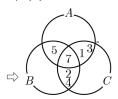
 $(A \cap B) \cap C = \{5, 7\} \cap \{2, 3, 7, 9\} = \{7\}$

28) {7}



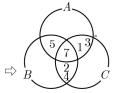
 $A \cap (B \cap C) = \{1, 3, 5, 7\} \cap \{2, 7\} = \{7\}$

29) {7}



 $(A \cap B) \cap C = \{5, 7\} \cap \{1, 2, 3, 4, 7\} = \{7\}$

30) {7}



 $A \cap (B \cap C) = \{1, 3, 5, 7\} \cap \{2, 4, 7\} = \{7\}$

31) {4, 8}

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = \{4, 8\} \cap \{1, 4, 8\} = \{4, 8\}

32) {4, 8}

 \Rightarrow A \cap (B \cap C) = \{2, 4, 6, 8\} \cap \{4, 8\} = \{4, 8\}

33) {2, 4, 6}, {2, 4, 6}

 \Rightarrow A \cup (B \cup C) = {2} \cup {4, 6}={2, 4, 6}

그런데 $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$ 이므로

 $(A \cup B) \cup C = \{2, 4, 6\}$

34) $\{1, 2, 5\}, \{1, 2, 5\}$

 \Rightarrow A \cup (B \cup C) = {1, 5} \cup {2, 5}= {1, 2, 5}

 $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C) = \{1, 2, 5\}$

35) {5, 7, 9, 11}, {5, 7, 9, 11}

 $\Rightarrow A \cup (B \cup C) = \{5, 7\} \cup (5, 9, 11\} = \{5, 7, 9, 11\}$ $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C) = \{5, 7, 9, 11\}$

36) {4, 7, 9, 10}, {4, 7, 9, 10}

 $\Rightarrow \ A \cup (B \cup C) = \{4, \ 7\} \cup \{4, \ 9, \ 10\} = \{4, \ 7, \ 9, \ 10\}$

 $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C) = \{4, 7, 9, 10\}$

37) {1, 2, 3, 5}, {1, 2, 3, 5}

 $\Rightarrow A \cup (B \cup C) = \{1, 3, 5\} \cup \{2, 3, 5\} = \{1, 2, 3, 5\}$

 $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C) = \{1, 2, 3, 5\}$

38) {0}, {0}

 \Rightarrow $(A \cap B) \cap C = \{0\} \cap \{0, 2\} = \{0\}$

그런데 $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$ 이므로

 $A \cap (B \cap C) = \{0\}$

39) {5}, {5}

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = \{5\} \cap \{1, 3, 5\} = \{5\}

 $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C = \{5\}$

40) {2}, {2}

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = \{2, 7\} \cap \{1, 2, 3\} = \{2\}

 $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C = \{2\}$

41) $\{3, 4\}, \{3, 4\}$

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = {3, 4} \cap {1, 3, 4, 5} = {3, 4}

 $A\cap (B\cap C)=(A\cap B)\cap C=\{3,\ 4\}$

42) {2, 6}, {2, 6}

 \Rightarrow (A \cap B) \cap C = \{2, 6\} \cap \{2, 4, 6, 8\} = \{2, 6\}

 $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C = \{2, 6\}$

43) ∩

44) ∩, ∩

45) $B \cup A$, $B \cup C$

46) $B \cap A$, $B \cap C$

47) ∩, ∩

48) $C \cup A$, $C \cup B$

49) {1, 2, 6}

10) (1, 2, 0)

 $A \cap (B \cup C) = \{1, 2, 4, 6\} \cap \{1, 2, 5, 6\} = \{1, 2, 6\}$

50) {1, 2, 6}

 \Rightarrow $(A \cap B) \cup (A \cap C) = A \cap (B \cup C) = \{1, 2, 6\}$

51) {1, 2, 4, 5, 6}

 \Rightarrow A \cup (B \cap C) = {1, 2, 4, 6} \cup {2, 5}

 $= \{1, 2, 4, 5, 6\}$

- 52) {1, 2, 4, 5, 6}
- \Rightarrow $(A \cup B) \cap (A \cup C) = A \cup (B \cap C) = \{1, 2, 4, 5, 6\}$
- 53) {5, 6, 9}
- \Rightarrow A \cap (B \cup C) = {1, 5, 6, 9} \cap {3, 5, 6, 7, 8, 9} $= \{5, 6, 9\}$
- 54) {5, 6, 9}
- \Rightarrow (A \cap B) \cup (A \cap C) = \{5, 9\} \cup \{6, 9\} = \{5, 6, 9\}
- 55) {1, 5, 6, 7, 9}
- \Rightarrow A \cup (B \cap C)= {1, 5, 6, 9} \cup {7, 9}
- $= \{1, 5, 6, 7, 9\}$
- 56) {1, 5, 6, 7, 9}
- \Rightarrow $(A \cup B) \cap (A \cup C)$
- $= \{1, 3, 5, 6, 7, 9\} \cap \{1, 5, 6, 7, 8, 9\}$
- $= \{1, 5, 6, 7, 9\}$
- 57) {1, 3, 4}
- \Rightarrow A \cap (B \cup C)={1, 2, 3, 4} \cap {1, 3, 4, 5, 7} $= \{1, 3, 4\}$
- 58) {1, 3, 4}
- \Rightarrow $(A \cap B) \cup (A \cap C) = \{1, 4\} \cup \{1, 3\}$ $= \{1, 3, 4\}$
- 59) {1, 2, 3, 4, 7}
- \Rightarrow A \cup (B \cap C)= {1, 2, 3, 4} \cup {1, 7}
- $= \{1, 2, 3, 4, 7\}$
- 60) {1, 2, 3, 4, 7}
- \Rightarrow $(A \cup B) \cap (A \cup C)$
- $= \{1, 2, 3, 4, 7\} \cap \{1, 2, 3, 4, 5, 7\}$
- $= \{1, 2, 3, 4, 7\}$
- 61) {2, 3}
- \Rightarrow A \cap (B \cup C) = {1, 2, 3} \cap {2, 3, 4, 5}= {2, 3}
- \Rightarrow $(A \cap B) \cup (A \cap C) = A \cap (B \cup C) = \{2, 3\}$
- 63) {1, 2, 3, 4}
- \Rightarrow A \cup (B \cap C) = {1, 2, 3} \cup {3, 4}= {1, 2, 3, 4}
- 64) {1, 2, 3, 4}
- $\Rightarrow (A \cup B) \cap (A \cup C) = A \cup (B \cap C) = \{1, 2, 3, 4\}$