

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

5-1.삼각비

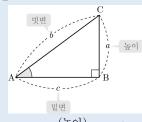
- 1) 제작연월일: 2020-07-28
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check

[삼각비의 뜻]

 $\angle B = 90$ °인 직각삼각형 ABC에서 $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ 의 대변의 길이를 각각 *a*, *b*, *c*라 하면

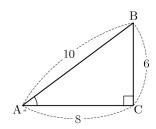


- (높이) (1) $\angle A$ 의 사인: $\sin A = \frac{(\frac{1}{30})}{($ (빗변의 길이 $)} = \frac{a}{b}$
- (2) $\angle A$ 의 코사인: $\cos A = \frac{\left(\text{밑변의 길이} \right)}{\left(\text{빗변의 길이} \right)} = \frac{c}{b}$
- (높이) (3) ∠A의 탄젠트: tanA = (묘 // (밑변의 길이)

기본문제

[문제]

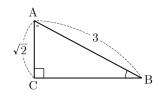
1. 다음 그림에서 옳지 않은 것은?



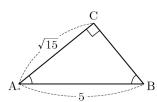
- ② $\cos A = \frac{4}{5}$
- $3 \tan A = \frac{4}{3}$
- ⑤ $\cos B = \frac{3}{5}$

[예제]

2. 다음은 그림의 직각삼각형 \overline{ABC} 에서 $\overline{AB}=3$, $\overline{AC} = \sqrt{2}$ 일 때, $\sin A + \cos A \times \tan A$ 의 값을 구하 면?



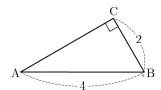
3. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 옳은 것 은?



- $4 \tan B = \frac{\sqrt{6}}{2}$
- $\Im \sin B \times \cos B = \sqrt{6}$

평가문제

4. 다음 직각삼각형 ABC에서 tan B + cos B의 값을 구하면?



- ① $\sqrt{3} + \frac{1}{2}$
- ② $\sqrt{3} + \frac{\sqrt{2}}{2}$

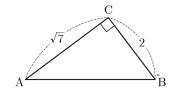
- $(5) \frac{\sqrt{3}}{2} + 1$

[중단원 학습 점검]

- **5.** $\angle C = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\sin A = \frac{2}{3}$ 일 때, tan B의 값을 구하면?
 - ① $\frac{2}{\sqrt{5}}$
- ② $\frac{3}{\sqrt{5}}$
- $3\frac{\sqrt{5}}{3}$
- $4 \frac{\sqrt{5}}{2}$
- ⑤ $\sqrt{5}$

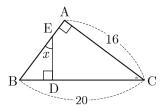
[단원 마무리]

6. 다음 그림의 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \sqrt{7}$, $\overline{BC} = 2$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?



- $3 \tan A = \frac{\sqrt{14}}{2}$
- (4) $\sin B = \frac{\sqrt{77}}{11}$

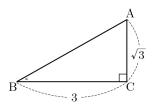
7. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{DE} \perp \overline{BC}$ 이고 $\angle BED = \angle x$ 라고 할 때, tan x의 값을 구하면?



⑤ 2

유사문제

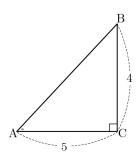
8. 다음 직각삼각형 *ABC*에서 $\sin A + \cos A \times \tan A$ 의 계산한 값을 다음 중에서 고르면?



1 1

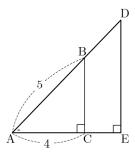
- $3 + \sqrt{3}$

- 9. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\sin B$ 의 값과 같은 것 은?

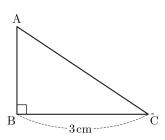


- ① $\cos A$
- $2 \sin A$
- ③ tanB
- $4 \tan A$

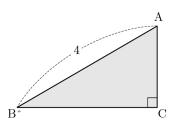
10. 다음 직각삼각형 ADE에서 $\overline{BC}//\overline{DE}$ 일 때, $\sin A$ 를 나타내는 것은?



- $\textcircled{4} \ \frac{\overline{BC}}{\overline{AD}}$
- **11.** 그림과 같이 $\angle B=90\,^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{BC}=3\,cm$, $\tan C=\frac{2}{3}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?

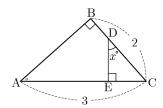


- ① $\sqrt{11} cm$
- $2\sqrt{3} cm$
- $4 \sqrt{14} cm$
- **12.** 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AB}=4$ 이고 $\sin B=\frac{1}{2}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① $\sqrt{3}$
- 2 2
- $\sqrt{5}$
- (4) $2\sqrt{3}$
- **⑤** 4

- **13.** $\angle B = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC에서 tan A = 2일 때, sin A cos A의 값은?
 - $\bigcirc \frac{\sqrt{5}}{5}$
- $2 \frac{2\sqrt{5}}{5}$
- $\underbrace{3}_{5} \frac{2\sqrt{3}}{5}$
- **14.** $\tan A = \frac{3}{4}$ 일 때, $\sin A + \cos A$ 의 값은? (단, $0^{\circ} < A < 90^{\circ}$)
 - ① $\frac{3}{5}$
- $3\frac{7}{5}$
- $4 \frac{5}{3}$
- $\frac{7}{3}$
- **15.** 다음 직각삼각형 ABC에서 \overline{AC} =3, \overline{BC} =2이다. $\overline{AC}\bot\overline{DE}$, $\angle CDE$ =x°라고 할 때, $\sin x$ °의 값은?



- ① $\frac{1}{3}$
- $2 \frac{1}{2}$
- $3\frac{2}{3}$
- $4 \frac{\sqrt{5}}{3}$

4

정답 및 해설

1) [정답] ③

[해설] ③
$$\tan A = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

2) [정답] ④

[해설]
$$\overline{BC} = \sqrt{3^2 - (\sqrt{2})^2} = \sqrt{7}$$
이므로
$$\sin A = \frac{\sqrt{7}}{3}, \cos A = \frac{\sqrt{2}}{3}, \tan A = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{2}}$$
$$\therefore \sin A + \cos A \times \tan A = \frac{\sqrt{7}}{3} + \frac{\sqrt{2}}{3} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{7}}{3} + \frac{\sqrt{7}}{3}$$
$$= \frac{2\sqrt{7}}{3}$$

3) [정답] ④

[해설]
$$\overline{BC} = \sqrt{5^2 - (\sqrt{15})^2} = \sqrt{10}$$
이므로

$$3 \tan A = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{15}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

$$4 \tan B = \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$

(5)
$$\sin B \times \cos B = \frac{\sqrt{15}}{5} \times \frac{\sqrt{10}}{5} = \frac{\sqrt{6}}{5}$$

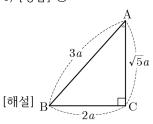
4) [정답] ①

[해설]
$$\overline{AC} = \sqrt{4^2 - 2^2} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

 $\therefore \tan B + \cos B = \frac{2\sqrt{3}}{2} + \frac{2}{4}$

$$=\sqrt{3}+\frac{1}{2}$$

5) [정답] ④



$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} = \frac{2}{3}$$
이므로 $\overline{BC} : \overline{AB} = 2 : 3$

따라서
$$\overline{BC} = 2a$$
, $\overline{AB} = 3a$ 라 하면 $\overline{AC} = \sqrt{(3a)^2 - (2a)^2} = \sqrt{5}a$

$$\therefore \tan B = \frac{\sqrt{5} a}{2a} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

6) [정답] ④

[해설]
$$\overline{AB} = \sqrt{(\sqrt{7})^2 + 2^2} = \sqrt{11}$$

①
$$\sin A = \frac{2}{\sqrt{11}} = \frac{2\sqrt{11}}{11}$$

②
$$\cos A = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{11}} = \frac{\sqrt{77}}{11}$$

$$3 \tan A = \frac{2}{\sqrt{7}} = \frac{2\sqrt{7}}{7}$$

$$4 \sin B = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{11}} = \frac{\sqrt{77}}{11}$$

7) [정답] ②

[해설] $\triangle BDE에서 \angle DBE = 90^{\circ} - x$ 이므로

$$\triangle ABC \cap A \cap ACB = 90 \circ - (90 \circ -x) = x$$

이제
$$\overline{AB} = \sqrt{20^2 - 16^2} = 12$$
일 때 ΔAB C에서

$$\therefore \tan x = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$$

[해설] $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \sqrt{(\sqrt{3})^2 + 3^2} = 2\sqrt{3}$

$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} = \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2},$$

$$\cos A = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \frac{1}{2}$$

$$\tan A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}$$

$$\sin A + \cos A \times \tan A = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{3}$$

9) [정답] ①

[해설] $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \sqrt{5^2 + 4^2} = \sqrt{41}$ 이므로

$$\sin B = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{5}{\sqrt{41}} = \frac{5\sqrt{41}}{41}$$

①
$$\cos A = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{5}{\sqrt{41}} = \frac{5\sqrt{41}}{41}$$

$$3 \tan B = \frac{\overline{AC}}{\overline{BC}} = \frac{5}{4}$$

(5)
$$\cos B = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} = \frac{4}{\sqrt{41}} = \frac{4\sqrt{41}}{41}$$

10) [정답] ③

[해설] $\triangle ABC$ 에서 $\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}}$

$$\triangle ADE$$
에서 $\sin A = \frac{\overline{DE}}{\overline{AD}}$

11) [정답] ③

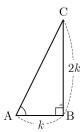
[해설]
$$\triangle ABC$$
에서 $\tan C = \frac{\overline{AB}}{3} = \frac{2}{3}$ $\therefore \overline{AB} = 2$
 $\therefore \overline{AC} = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$

12) [정답] ④

[해설]
$$\triangle ABC$$
에서 $\sin B = \frac{\overline{AC}}{4} = \frac{1}{2}$ $\therefore \overline{AC} = 2$ 따라서 $\overline{BC} = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3}$ 이므로 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 2 = 2\sqrt{3}$

13) [정답] ①

[해설] $\angle B = 90$ °인 직각삼각형 ABC에서 $\tan A = 2$ 이므로 다음 그림과 같이 나타낼 수 있다.



$$\overline{AC} = \sqrt{k^2 + (2k)^2} = \sqrt{5} \, k \circ | \, \Box \, \Box \, \Box$$

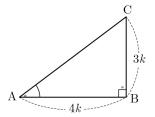
$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{2k}{\sqrt{5} \, k} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5},$$

$$\cos A = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{k}{\sqrt{5} \, k} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\therefore \sin A - \cos A = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

14) [정답] ③

[해설] $\angle B = 90$ ° 인 직각삼각형 ABC에서 $\tan A = \frac{3}{4}$ 이라 하면 다음과 같이 나타낼 수 있다.



$$\overline{AC} = \sqrt{(4k)^2 + (3k)^2} = 5k$$
이므로
$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{3k}{5k} = \frac{3}{5}, \cos A = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{4k}{5k} = \frac{4}{5}$$
$$\therefore \sin A + \cos A = \frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{7}{5}$$

15) [정답] ③

[해설] $\triangle ABC \hookrightarrow \triangle DEC(AA$ 닮음)이므로 $\angle BAC = \angle EDC = x^{\circ}$

따라서 $\triangle ABC$ 에서

$$\sin x^{\circ} = \sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{2}{3}$$