



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-02-13

2) 제작자 : 교육지대(주)

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 / 두 수를 근으로 하는 이차방정식

(1) α, β 를 두 근으로 하고, x^2 의 계수가 1인

이차방정식은

$$(x-\alpha)(x-\beta)=0, \text{ 즉 } x^2-(\alpha+\beta)x+\alpha\beta=0$$

(2) α, β 를 두 근으로 하고, x^2 의 계수가 a 인

이차방정식은

$$a(x-\alpha)(x-\beta)=0, \text{ 즉 } a\{x^2-(\alpha+\beta)x+\alpha\beta\}=0$$

■ 다음 두 수를 근으로 하고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식을 구하여라.

1. $2, -1$

2. $2, -3$

3. $2, 3$

4. $-4, 5$

5. $-4, 3$

6. $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$

7. $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}$

8. $-\sqrt{3}, \sqrt{3}$

9. $1+\sqrt{2}, 1-\sqrt{2}$

10. $\sqrt{3}-\sqrt{2}, \sqrt{3}+\sqrt{2}$

11. $3+\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}$

12. $2+\sqrt{3}, 2-\sqrt{3}$

13. $-2+\sqrt{3}, -2-\sqrt{3}$

14. $\sqrt{3}+1, \sqrt{3}-1$

15. $1+i, 1-i$

16. $-2i, 2i$

17. $2+i, 2-i$

18. $-7i, 7i$

19. $3-i, 3+i$

20. $1+3i, 1-3i$

21. $\sqrt{5}i, -\sqrt{5}i$

■ 이차방정식 $x^2-2x+3=0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, 다음 두 수를 근으로 하고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식을 구하여라.

22. $2\alpha, 2\beta$

23. $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}$

24. $\alpha+1, \beta+1$

25. $2\alpha-1, 2\beta-1$

26. $\alpha+\beta, \alpha\beta$

27. $\alpha-1, \beta-1$

28. α^2, β^2

29. α^2+1, β^2+1

■ 이차방정식 $x^2-3x+6=0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, 다음 두 수를 근으로 하고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식을 구하여라.

30. $2\alpha, 2\beta$

31. $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}$

32. $\alpha+1, \beta+1$

33. $2\alpha-1, 2\beta-1$

34. $\alpha+\beta, \alpha\beta$

35. $\alpha-1, \beta-1$

36. α^2, β^2

37. α^2-1, β^2-1

■ 이차방정식 $x^2-6x+1=0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, 다음 두 수를 근으로 하고 x^2 의 계수가 1인 이차방정식을 구하여라.

38. $2\alpha, 2\beta$

39. $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}$

40. $\alpha+1, \beta+1$

41. $2\alpha-1, 2\beta-1$

42. $\alpha+\beta, \alpha\beta$

43. $\alpha-1, \beta-1$

44. α^2, β^2

45. $\frac{\beta}{\alpha}, \frac{\alpha}{\beta}$

02 이차식의 인수분해

이차방정식 $ax^2+bx+c=0$ 의 두 근을 α, β 라 하면

$$ax^2+bx+c=a(x-\alpha)(x-\beta)$$

■ 다음 이차식을 복소수의 범위에서 인수분해하여라.

46. x^2+1

47. x^2+2x-1

48. $x^2 + x - 4$

49. $x^2 - 2$

50. $x^2 - 4x + 6$

51. $x^2 + 25$

52. $x^2 + x + 1$

53. $x^2 - x - 1$

54. $x^2 - x + 3$

55. $x^2 + 2x - 5$

56. $x^2 - 4x + 13$

57. $x^2 - 2x + 4$

58. $x^2 + 9$

59. $x^2 - 5$

60. $x^2 + 6x + 3$

61. $x^2 - 2x + 5$

62. $x^2 - 4x + 1$

63. $2x^2 - 2x + 3$

64. $2x^2 - 3x + 3$

65. $3x^2 + x - 1$

66. $3x^2 - 2x + 2$

67. $3x^2 - 6x + 6$

03 / 이차방정식의 켈레근

이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 에서

(1) 계수 a, b, c 가 유리수인 경우

한 근이 $p + q\sqrt{m}$ 이면 다른 한 근은 $p - q\sqrt{m}$ 이다.

(단, p, q 는 유리수, \sqrt{m} 은 무리수)

(2) 계수 a, b, c 가 실수인 경우

한 근이 $p + qi$ 이면 다른 한 근은 $p - qi$ 이다.

(단, p, q 는 실수, $i = \sqrt{-1}$)

■ 다음 조건을 만족시키는 유리수 a, b 의 값을 구하여라.

68. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + \sqrt{2}$ 이다.

69. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + \sqrt{3}$ 이다.

70. $x^2 + ax - b = 0$ 의 한 근이 $\sqrt{2} - 1$ 이다.

71. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 - \sqrt{5}$ 이다.

72. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $2 - \sqrt{3}$ 이다.

73. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $2 + \sqrt{2}$ 이다.

74. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $3 - \sqrt{3}$ 이다.

75. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $2 + \sqrt{3}$ 이다.

76. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $5 + 3\sqrt{2}$ 이다.

77. $x^2 + 2ax + b = 0$ 의 한 근이 $3 + \sqrt{2}$ 이다.

78. $ax^2 + x + b = 0$ 의 한 근이 $2 - \sqrt{2}$ 이다. (단, $a \neq 0$)

■ 다음 조건을 만족시키는 실수 a, b 의 값을 구하여라. (단, $i = \sqrt{-1}$)

79. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 - 2i$ 이다.

80. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $3 + 4i$ 이다.

81. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + 2i$ 이다.

82. $x^2 - 2ax + b = 0$ 의 한 근이 $3 - i$ 이다.

83. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $3 + \sqrt{2}i$ 이다.

84. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $2 + \sqrt{3}i$ 이다.

85. $x^2 - ax + b = 0$ 의 한 근이 $\frac{1}{1+i}$ 이다.

86. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $\frac{2}{1-i}$ 이다.

87. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $\frac{5}{2+i}$ 이다.

88. $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $\frac{5i}{1-2i}$ 이다.

89. $ax^2 + x + b = 0$ 의 한 근이 $2 + \sqrt{2}i$ 이다. (단, $a \neq 0$)



정답 및 해설

1) $x^2 - x - 2 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 2 + (-1) = 1$

(두 근의 곱) $= 2 \times (-1) = -2$

따라서 구하는 이차방정식은

$x^2 - x - 2 = 0$

2) $x^2 + x - 6 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 2 + (-3) = -1$

(두 근의 곱) $= 2 \cdot (-3) = -6$

$\therefore x^2 + x - 6 = 0$

3) $x^2 - 5x + 6 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 2 + 3 = 5$, (두 근의 곱) $= 2 \times 3 = 6$

$\therefore x^2 - 5x + 6 = 0$

4) $x^2 - x - 20 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= -4 + 5 = 1$

(두 근의 곱) $= (-4) \cdot 5 = -20$

$\therefore x^2 - x - 20 = 0$

5) $x^2 + x - 12 = 0$

$\Rightarrow x^2 - (-4 + 3)x + (-4) \cdot 3 = 0$

$\therefore x^2 + x - 12 = 0$

6) $x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6} = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

(두 근의 곱) $= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$

$\therefore x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6} = 0$

7) $x^2 - 2x + \frac{3}{4} = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= \frac{1}{2} + \frac{3}{2} = 2$,

(두 근의 곱) $= \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} = \frac{3}{4}$

$\therefore x^2 - 2x + \frac{3}{4} = 0$

8) $x^2 - 3 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= -\sqrt{3} + \sqrt{3} = 0$,

(두 근의 곱) $= -\sqrt{3} \times \sqrt{3} = -3$

$\therefore x^2 - 3 = 0$

9) $x^2 - 2x - 1 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= (1 + \sqrt{2}) + (1 - \sqrt{2}) = 2$

(두 근의 곱) $= (1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) = -1$

$\therefore x^2 - 2x - 1 = 0$

10) $x^2 - 2\sqrt{3}x + 1 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 2\sqrt{3}$, (두 근의 곱) $= 1$

$\therefore x^2 - 2\sqrt{3}x + 1 = 0$

11) $x^2 - 6x + 7 = 0$

\Rightarrow

$x^2 - \{(3 + \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2})\}x + (3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2}) = 0$

$\therefore x^2 - 6x + 7 = 0$

12) $x^2 - 4x + 1 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= (2 + \sqrt{3}) + (2 - \sqrt{3}) = 4$,

(두 근의 곱) $= (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 1$

$\therefore x^2 - 4x + 1 = 0$

13) $x^2 + 4x + 1 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= (-2 + \sqrt{3}) + (-2 - \sqrt{3}) = -4$

(두 근의 곱) $= (-2 + \sqrt{3})(-2 - \sqrt{3}) = 1$

$\therefore x^2 + 4x + 1 = 0$

14) $x^2 - 2\sqrt{3}x + 2 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= (\sqrt{3} + 1) + (\sqrt{3} - 1) = 2\sqrt{3}$

(두 근의 곱) $= (\sqrt{3} + 1) \cdot (\sqrt{3} - 1) = 2$

$\therefore x^2 - 2\sqrt{3}x + 2 = 0$

15) $x^2 - 2x + 2 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= (1 + i) + (1 - i) = 2$

(두 근의 곱) $= (1 + i) \cdot (1 - i) = 2$

$\therefore x^2 - 2x + 2 = 0$

16) $x^2 + 4 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 0$, (두 근의 곱) $= -2i \cdot 2i = -4i^2 = 4$

$\therefore x^2 + 4 = 0$

17) $x^2 - 4x + 5 = 0$

$\Rightarrow x^2 - \{(2 + i) + (2 - i)\}x + (2 + i)(2 - i) = 0$

$\therefore x^2 - 4x + 5 = 0$

18) $x^2 + 49 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 0$,

(두 근의 곱) $= -7i \cdot 7i = -49i^2 = 49$

$\therefore x^2 + 49 = 0$

19) $x^2 - 6x + 10 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 6$, (두 근의 곱) $= (3 - i)(3 + i) = 10$

$\therefore x^2 - 6x + 10 = 0$

20) $x^2 - 2x + 10 = 0$

\Rightarrow (두 근의 합) $= 2$,

(두 근의 곱) $= (1 + 3i)(1 - 3i) = 10$

$\therefore x^2 - 2x + 10 = 0$

$$21) x^2 + 5 = 0$$

$$\Rightarrow (\text{두 근의 합}) = \sqrt{5}i + (-\sqrt{5}i) = 0$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \sqrt{5}i \cdot (-\sqrt{5}i) = 5$$

$$\therefore x^2 + 5 = 0$$

$$22) x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = 2\alpha + 2\beta = 2(\alpha + \beta) = 2 \cdot 2 = 4$$

$$(\text{두 근의 곱}) = 2\alpha \cdot 2\beta = 4\alpha\beta = 4 \cdot 3 = 12$$

$$\therefore x^2 - 4x + 12 = 0$$

$$23) x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{3} = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = \frac{2}{3}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} = \frac{1}{\alpha\beta} = \frac{1}{3}$$

$$\therefore x^2 - \frac{2}{3}x + \frac{1}{3} = 0$$

$$24) x^2 - 4x + 6 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3 \text{이므로}$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha + 1) + (\beta + 1) = \alpha + \beta + 2 = 2 + 2 = 4$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha + 1)(\beta + 1) = \alpha\beta + \alpha + \beta + 1 = 3 + 2 + 1 = 6$$

$$\text{따라서 구하는 이차방정식은 } x^2 - 4x + 6 = 0$$

$$25) x^2 - 2x + 9 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3 \text{이므로}$$

$$(2\alpha - 1) + (2\beta - 1) = 2(\alpha + \beta) - 2 = 2 \cdot 2 - 2 = 2$$

$$(2\alpha - 1)(2\beta - 1) = 4\alpha\beta - 2(\alpha + \beta) + 1 = 4 \cdot 3 - 2 \cdot 2 + 1 = 9$$

$$\therefore x^2 - 2x + 9 = 0$$

$$26) x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha + \beta) + \alpha\beta = 2 + 3 = 5$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha + \beta) \cdot \alpha\beta = 2 \cdot 3 = 6$$

$$\therefore x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$27) x^2 + 2 = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha - 1) + (\beta - 1) = \alpha + \beta - 2 = 2 - 2 = 0$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha - 1)(\beta - 1) = \alpha\beta - (\alpha + \beta) + 1 = 3 - 2 + 1 = 2$$

$$\therefore x^2 + 2 = 0$$

$$28) x^2 + 2x + 9 = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 2^2 - 2 \cdot 3 = -2$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \alpha^2\beta^2 = (\alpha\beta)^2 = 3^2 = 9$$

$$\therefore x^2 + 2x + 9 = 0$$

$$29) x^2 + 8 = 0$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 2x + 3 = 0 \text{의 두 근이 } \alpha, \beta \text{이므로}$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha^2 + 1) + (\beta^2 + 1) = \alpha^2 + \beta^2 + 2 = -2 + 2 = 0$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha^2 + 1)(\beta^2 + 1) = \alpha^2\beta^2 + \alpha^2 + \beta^2 + 1 = 9 + (-2) + 1 = 8$$

$$\therefore x^2 + 8 = 0$$

$$30) x^2 - 6x + 24 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$2\alpha + 2\beta = 2(\alpha + \beta) = 6, \quad 2\alpha \cdot 2\beta = 4\alpha\beta = 24$$

$$\therefore x^2 - 6x + 24 = 0$$

$$31) x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{6} = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$(\text{두 근의 합}) = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} = \frac{1}{\alpha\beta} = \frac{1}{6}$$

$$\text{따라서 구하는 이차방정식은 } x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{6} = 0$$

$$32) x^2 - 5x + 10 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha + 1) + (\beta + 1) = \alpha + \beta + 2 = 3 + 2 = 5$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha + 1)(\beta + 1) = \alpha\beta + \alpha + \beta + 1 = 6 + 3 + 1 = 10$$

$$\text{따라서 구하는 이차방정식은 } x^2 - 5x + 10 = 0$$

$$33) x^2 - 4x + 19 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$(2\alpha - 1) + (2\beta - 1) = 2(\alpha + \beta) - 2 = 2 \cdot 3 - 2 = 4$$

$$(2\alpha - 1)(2\beta - 1) = 4\alpha\beta - 2(\alpha + \beta) + 1 = 4 \cdot 6 - 2 \cdot 3 + 1 = 19$$

$$\therefore x^2 - 4x + 19 = 0$$

$$34) x^2 - 9x + 18 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$(\text{두 근의 합}) = (\alpha + \beta) + \alpha\beta = 3 + 6 = 9$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (\alpha + \beta) \cdot \alpha\beta = 3 \cdot 6 = 18$$

$$\therefore x^2 - 9x + 18 = 0$$

$$35) x^2 - x + 4 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$\begin{aligned} (\text{두 근의 합}) &= (\alpha - 1) + (\beta - 1) = \alpha + \beta - 2 \\ &= 3 - 2 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{두 근의 곱}) &= (\alpha - 1)(\beta - 1) = \alpha\beta - (\alpha + \beta) + 1 \\ &= 6 - 3 + 1 = 4 \end{aligned}$$

$$\therefore x^2 - x + 4 = 0$$

$$36) x^2 + 3x + 36 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$(\text{두 근의 합}) = \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 3^2 - 2 \cdot 6 = -3$$

$$(\text{두 근의 곱}) = \alpha^2\beta^2 = 6^2 = 36$$

$$\text{따라서 구하는 이차방정식은 } x^2 + 3x + 36 = 0$$

$$37) x^2 + 5x + 40 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 6 \text{이므로}$$

$$\begin{aligned} (\text{두 근의 합}) &= (\alpha^2 - 1) + (\beta^2 - 1) = \alpha^2 + \beta^2 - 2 \\ &= (-3) - 2 = -5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{두 근의 곱}) &= (\alpha^2 - 1)(\beta^2 - 1) = \alpha^2\beta^2 - (\alpha^2 + \beta^2) + 1 \\ &= 6^2 - (-3) + 1 = 40 \end{aligned}$$

$$\text{따라서 구하는 이차방정식은 } x^2 + 5x + 40 = 0$$

$$38) x^2 - 12x + 4 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$2\alpha + 2\beta = 2(\alpha + \beta) = 12, 2\alpha \cdot 2\beta = 4\alpha\beta = 4$$

$$\therefore x^2 - 12x + 4 = 0$$

$$39) x^2 - 6x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = \frac{6}{1} = 6, \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} = \frac{1}{\alpha\beta} = \frac{1}{1} = 1$$

$$\therefore x^2 - 6x + 1 = 0$$

$$40) x^2 - 8x + 8 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$(\alpha + 1) + (\beta + 1) = \alpha + \beta + 2 = 8$$

$$(\alpha + 1)(\beta + 1) = \alpha\beta + (\alpha + \beta) + 1 = 6 + 1 + 1 = 8$$

$$\therefore x^2 - 8x + 8 = 0$$

$$41) x^2 - 10x - 7 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$(2\alpha - 1) + (2\beta - 1) = 2(\alpha + \beta) - 2 = 2 \cdot 6 - 2 = 10$$

$$(2\alpha - 1)(2\beta - 1) = 4\alpha\beta - 2(\alpha + \beta) + 1 = 4 \cdot 1 - 2 \cdot 6 + 1 = -7$$

$$\therefore x^2 - 10x - 7 = 0$$

$$42) x^2 - 7x + 6 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$(\alpha + \beta) + \alpha\beta = 7, \alpha\beta(\alpha + \beta) = 1 \times 6 = 6$$

$$\therefore x^2 - 7x + 6 = 0$$

$$43) x^2 - 4x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$\begin{aligned} (\alpha - 1) + (\beta - 1) &= (\alpha + \beta) - 2 \\ &= 6 - 2 = 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\alpha - 1)(\beta - 1) &= \alpha\beta - (\alpha + \beta) + 1 \\ &= 1 - 6 + 1 = -4 \end{aligned}$$

$$\therefore x^2 - 4x - 4 = 0$$

$$44) x^2 - 34x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 6^2 - 2 \cdot 1 = 34$$

$$\alpha^2 \cdot \beta^2 = (\alpha\beta)^2 = 1^2 = 1$$

$$\therefore x^2 - 34x + 1 = 0$$

$$45) x^2 - 34x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 6, \alpha\beta = 1 \text{이므로}$$

$$\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{34}{1} = 34, \frac{\beta}{\alpha} \cdot \frac{\alpha}{\beta} = 1$$

$$\therefore x^2 - 34x + 1 = 0$$

$$46) (x+i)(x-i)$$

$$\Rightarrow x^2 + 1 = 0 \text{의 근이 } x = \pm i \text{이므로}$$

$$x^2 + 1 = (x+i)(x-i)$$

$$47) (x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2})$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 1 = 0 \text{의 근이 } x = -1 \pm \sqrt{2} \text{이므로}$$

$$x^2 + 2x - 1 = (x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2})$$

$$48) \left(x + \frac{1-\sqrt{17}}{2}\right) \left(x + \frac{1+\sqrt{17}}{2}\right)$$

$$\Rightarrow x^2 + x - 4 = 0 \text{에서 근의 공식에 의하여}$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-4)}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore x^2 + x - 4 &= \left(x - \frac{-1+\sqrt{17}}{2}\right) \left(x - \frac{-1-\sqrt{17}}{2}\right) \\ &= \left(x + \frac{1-\sqrt{17}}{2}\right) \left(x + \frac{1+\sqrt{17}}{2}\right) \end{aligned}$$

$$49) (x+\sqrt{2})(x-\sqrt{2})$$

$$\Rightarrow x^2 - 2 = 0 \text{의 근이 } x = \pm \sqrt{2} \text{이므로}$$

$$x^2 - 2 = (x+\sqrt{2})(x-\sqrt{2})$$

$$50) (x-2-\sqrt{2}i)(x-2+\sqrt{2}i)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 - 4x + 6 = 0 \text{의 근은}$$

$$x = -(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 1 \cdot 6} = 2 \pm \sqrt{2}i$$

$$\begin{aligned} \therefore x^2 - 4x + 6 &= \{x - (2 + \sqrt{2}i)\} \{x - (2 - \sqrt{2}i)\} \\ &= (x - 2 - \sqrt{2}i)(x - 2 + \sqrt{2}i) \end{aligned}$$

$$51) (x+5i)(x-5i)$$

$$\Rightarrow x^2 + 25 = 0 \text{에서 } x^2 = -25 \quad \therefore x = \pm 5i$$

$$\therefore x^2 + 25 = (x+5i)(x-5i)$$

$$52) \left(x + \frac{1-\sqrt{3}i}{2}\right) \left(x + \frac{1+\sqrt{3}i}{2}\right)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2 + x + 1 = 0 \text{의 근은}$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2}$$

$$\therefore x^2+x+1=\left(x-\frac{-1+\sqrt{3}i}{2}\right)\left(x-\frac{-1-\sqrt{3}i}{2}\right)$$

$$=\left(x+\frac{1-\sqrt{3}i}{2}\right)\left(x+\frac{1+\sqrt{3}i}{2}\right)$$

$$53) \left(x-\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}}{2}\right)$$

$$\Rightarrow x^2-x-1=0 \text{의 근이 } x=\frac{1\pm\sqrt{5}}{2} \text{이므로}$$

$$x^2-x-1=\left(x-\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}}{2}\right)$$

$$54) \left(x-\frac{1+\sqrt{11}i}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{11}i}{2}\right)$$

$$\Rightarrow x^2-x+3=0 \text{의 근이 } x=\frac{1\pm\sqrt{11}i}{2} \text{이므로}$$

$$x^2-x+3=\left(x-\frac{1+\sqrt{11}i}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{11}i}{2}\right)$$

$$55) (x+1-\sqrt{6})(x+1+\sqrt{6})$$

$$\Rightarrow x^2+2x-5=0 \text{에서 근의 공식에 의하여}$$

$$x=-1\pm\sqrt{1^2-1\cdot(-5)}=-1\pm\sqrt{6}$$

$$\therefore x^2+2x-5=\{x-(-1+\sqrt{6})\}\{x-(-1-\sqrt{6})\}$$

$$=(x+1-\sqrt{6})(x+1+\sqrt{6})$$

$$56) (x-2-3i)(x-2+3i)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2-4x+13=0 \text{의 근은}$$

$$x=-(-2)\pm\sqrt{(-2)^2-1\cdot13}=2\pm3i$$

$$\therefore x^2-4x+13=\{x-(2+3i)\}\{x-(2-3i)\}$$

$$=(x-2-3i)(x-2+3i)$$

$$57) (x-1-\sqrt{3}i)(x-1+\sqrt{3}i)$$

$$\Rightarrow x^2-2x+4=0 \text{의 근이 } x=1\pm\sqrt{3}i \text{이므로}$$

$$x^2-2x+4=(x-1-\sqrt{3}i)(x-1+\sqrt{3}i)$$

$$58) (x+3i)(x-3i)$$

$$\Rightarrow x^2+9=0 \text{의 근이 } x=\pm3i \text{이므로}$$

$$x^2+9=(x+3i)(x-3i)$$

$$59) (x+\sqrt{5})(x-\sqrt{5})$$

$$\Rightarrow x^2-5=0 \text{의 근이 } x=\pm\sqrt{5} \text{이므로}$$

$$x^2-5=(x+\sqrt{5})(x-\sqrt{5})$$

$$60) (x+3-\sqrt{6})(x+3+\sqrt{6})$$

$$\Rightarrow x^2+6x+3=0 \text{의 근이 } x=-3\pm\sqrt{6} \text{이므로}$$

$$x^2+6x+3=(x+3-\sqrt{6})(x+3+\sqrt{6})$$

$$61) (x-1-2i)(x-1+2i)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } x^2-2x+5=0 \text{의 근은}$$

$$x=-(-1)\pm\sqrt{(-1)^2-1\cdot5}=1\pm2i$$

$$\therefore x^2-2x+5=\{x-(1+2i)\}\{x-(1-2i)\}$$

$$=(x-1-2i)(x-1+2i)$$

$$62) (x-2-\sqrt{3})(x-2+\sqrt{3})$$

$$\Rightarrow x^2-4x+1=0 \text{의 근이 } x=2\pm\sqrt{3} \text{이므로}$$

$$x^2-4x+1=(x-2-\sqrt{3})(x-2+\sqrt{3})$$

$$63) 2\left(x-\frac{1+\sqrt{5}i}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}i}{2}\right)$$

$$\Rightarrow 2x^2-2x+3=0 \text{의 근이 } x=\frac{1\pm\sqrt{5}i}{2} \text{이므로}$$

$$2x^2-2x+3=2\left(x-\frac{1+\sqrt{5}i}{2}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}i}{2}\right)$$

$$64) 2\left(x-\frac{3+\sqrt{15}i}{4}\right)\left(x-\frac{3-\sqrt{15}i}{4}\right)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } 2x^2-3x+3=0 \text{의 근은}$$

$$x=\frac{-(-3)\pm\sqrt{(-3)^2-4\cdot2\cdot3}}{2\cdot2}=\frac{3\pm\sqrt{15}i}{4}$$

$$\therefore 2x^2-3x+3=2\left(x-\frac{3+\sqrt{15}i}{4}\right)\left(x-\frac{3-\sqrt{15}i}{4}\right)$$

$$65) 3\left(x+\frac{1-\sqrt{13}}{6}\right)\left(x+\frac{1+\sqrt{13}}{6}\right)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } 3x^2+x-1=0 \text{의 근은}$$

$$x=\frac{-1\pm\sqrt{1^2-4\cdot3\cdot(-1)}}{2\cdot3}=\frac{-1\pm\sqrt{13}}{6}$$

$$\therefore 3x^2+x-1=3\left(x-\frac{-1+\sqrt{13}}{6}\right)\left(x-\frac{-1-\sqrt{13}}{6}\right)$$

$$=3\left(x+\frac{1-\sqrt{13}}{6}\right)\left(x+\frac{1+\sqrt{13}}{6}\right)$$

$$66) 3\left(x-\frac{1+\sqrt{5}i}{3}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}i}{3}\right)$$

$$\Rightarrow 3x^2-2x+2=0 \text{에서 근의 공식에 의하여}$$

$$x=\frac{-(-1)\pm\sqrt{(-1)^2-3\cdot2}}{3}=\frac{1\pm\sqrt{-5}}{3}$$

$$=\frac{1\pm\sqrt{5}i}{3}$$

$$\therefore 3x^2-2x+2=3\left(x-\frac{1+\sqrt{5}i}{3}\right)\left(x-\frac{1-\sqrt{5}i}{3}\right)$$

$$67) 3(x-1-i)(x-1+i)$$

$$\Rightarrow \text{이차방정식 } 3x^2-6x+6=0, \text{ 즉 } x^2-2x+2=0 \text{의}$$

$$\text{근은}$$

$$x=-(-1)\pm\sqrt{(-1)^2-1\cdot2}=1\pm i$$

$$\therefore 3x^2-6x+6=3(x^2-2x+2)$$

$$=3\{x-(1+i)\}\{x-(1-i)\}$$

$$=3(x-1-i)(x-1+i)$$

$$68) a=-2, b=-1$$

$$\Rightarrow \text{계수가 유리수이고 한 근이 } 1+\sqrt{2} \text{이므로}$$

$$\text{다른 한 근은 } 1-\sqrt{2} \text{이다.}$$

$$\text{근과 계수의 관계에 의하여}$$

$$a=-\{(1+\sqrt{2})+(1-\sqrt{2})\}=-2$$

$$b=(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})=1-2=-1$$

$$69) a=-2, b=-2$$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $1 + \sqrt{3}$ 이므로
다른 한 근은 $1 - \sqrt{3}$ 이다.

근과 계수의 관계에 의해

$$(1 + \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3}) = -a \quad \therefore a = -2$$

$$(1 + \sqrt{3})(1 - \sqrt{3}) = b \quad \therefore b = -2$$

[다른풀이]

이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + \sqrt{3}$ 이므로

$$(1 + \sqrt{3})^2 + a(1 + \sqrt{3}) + b = 0$$

$$1 + 2\sqrt{3} + 3 + a + a\sqrt{3} + b = 0$$

$$(a + 2)\sqrt{3} + a + b + 4 = 0$$

따라서 $a + 2 = 0, a + b + 4 = 0$ 이므로 $a = -2, b = -2$

70) $a = 2, b = 1$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $\sqrt{2} - 1$, 즉 $-1 + \sqrt{2}$ 이므로

다른 한 근은 $-1 - \sqrt{2}$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해

$$(-1 + \sqrt{2}) + (-1 - \sqrt{2}) = -a \quad \therefore a = 2$$

$$(-1 + \sqrt{2})(-1 - \sqrt{2}) = b \quad \therefore b = 1$$

71) $a = -2, b = -4$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $1 - \sqrt{5}$ 이므로

다른 한 근은 $1 + \sqrt{5}$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해

$$(1 - \sqrt{5}) + (1 + \sqrt{5}) = -a \quad \therefore a = -2$$

$$(1 - \sqrt{5})(1 + \sqrt{5}) = b \quad \therefore b = -4$$

72) $a = -4, b = 1$

⇒ a, b 가 유리수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $2 - \sqrt{3}$ 이므로 다른 한 근은 $2 + \sqrt{3}$ 이다.

따라서 근과 계수의 관계에 의하여

$$(2 - \sqrt{3}) + (2 + \sqrt{3}) = -a, (2 - \sqrt{3})(2 + \sqrt{3}) = b$$

$$\therefore a = -4, b = 1$$

73) $a = -4, b = 2$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $2 + \sqrt{2}$ 이므로

다른 한 근은 $2 - \sqrt{2}$ 이다.

근과 계수의 관계에 의하여

$$a = -\{(2 + \sqrt{2}) + (2 - \sqrt{2})\} = -4$$

$$b = (2 + \sqrt{2})(2 - \sqrt{2}) = 2$$

74) $a = -6, b = 6$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $3 - \sqrt{3}$ 이므로

다른 한 근은 $3 + \sqrt{3}$ 이다.

근과 계수의 관계에 의하여

$$a = -\{(3 - \sqrt{3}) + (3 + \sqrt{3})\} = -6$$

$$b = (3 - \sqrt{3})(3 + \sqrt{3}) = 6$$

75) $a = -4, b = 1$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $2 + \sqrt{3}$ 이므로

다른 한 근은 $2 - \sqrt{3}$ 이다.

근과 계수의 관계에 의하여

$$-a = 2 + \sqrt{3} + 2 - \sqrt{3} = 4$$

$$b = (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 4 - 3 = 1$$

$$\therefore a = -4, b = 1$$

76) $a = -10, b = 7$

⇒ a, b 가 유리수이고 주어진 이차방정식의 한 근이

$5 + 3\sqrt{2}$ 이므로 다른 한 근은 $5 - 3\sqrt{2}$ 이다.

따라서 근과 계수의 관계에 의하여

$$(5 + 3\sqrt{2}) + (5 - 3\sqrt{2}) = -a,$$

$$(5 + 3\sqrt{2})(5 - 3\sqrt{2}) = b$$

$$\therefore a = -10, b = 7$$

77) $a = -3, b = 7$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $3 + \sqrt{2}$ 이므로

다른 한 근은 $3 - \sqrt{2}$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해

$$(3 + \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2}) = -2a \quad \therefore a = -3$$

$$(3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2}) = b \quad \therefore b = 7$$

78) $a = -\frac{1}{4}, b = -\frac{1}{2}$

⇒ 계수가 유리수이고 한 근이 $2 - \sqrt{2}$ 이므로

다른 한 근은 $2 + \sqrt{2}$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해

$$(2 - \sqrt{2}) + (2 + \sqrt{2}) = -\frac{1}{a} \quad \therefore a = -\frac{1}{4}$$

$$(2 - \sqrt{2})(2 + \sqrt{2}) = \frac{b}{a}, b = 2a \quad \therefore b = -\frac{1}{2}$$

79) $a = -2, b = 5$

⇒ a, b 가 실수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $1 - 2i$ 이므로 다른 한 근은 $1 + 2i$ 이다.

따라서 근과 계수의 관계에 의하여

$$(1 - 2i) + (1 + 2i) = -a, (1 - 2i)(1 + 2i) = b$$

$$\therefore a = -2, b = 5$$

80) $a = -6, b = 25$

⇒ a, b 가 실수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $3 + 4i$ 이므로 다른 한 근은 $3 - 4i$ 이다.

따라서 근과 계수의 관계에 의하여

$$(3 + 4i) + (3 - 4i) = -a, (3 + 4i)(3 - 4i) = b$$

$$\therefore a = -6, b = 25$$

81) $a = -2, b = 5$

⇒ a, b 가 실수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $1 + 2i$ 이므로 다른 한 근은 $1 - 2i$ 이다.

따라서 근과 계수의 관계에 의하여

$$a = -\{(1 + 2i) + (1 - 2i)\} = -2$$

$$b = (1 + 2i)(1 - 2i) = 5$$

82) $a = 3, b = 10$

⇒ 계수가 실수이고 한 근이 $3 - i$ 이므로 다른 한 근은 $3 + i$ 이다.

근과 계수의 관계에 의해

$$(3 - i) + (3 + i) = 2a \quad \therefore a = 3$$

$$(3 - i)(3 + i) = b \quad \therefore b = 10$$

83) $a=-6, b=11$

$\Rightarrow a, b$ 가 실수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $3+\sqrt{2}i$ 이므로 다른 한 근은 $3-\sqrt{2}i$ 이다.
따라서 근과 계수의 관계에 의하여
 $a=-\{(3+\sqrt{2}i)+(3-\sqrt{2}i)\}=-6$
 $b=(3+\sqrt{2}i)(3-\sqrt{2}i)=9+2=11$

84) $a=-4, b=7$

$\Rightarrow a, b$ 가 실수이고 주어진 이차방정식의 한 근이 $2+\sqrt{3}i$ 이므로 다른 한 근은 $2-\sqrt{3}i$ 이다.
따라서 근과 계수의 관계에 의하여
 $a=-\{(2+\sqrt{3}i)+(2-\sqrt{3}i)\}=-4$
 $b=(2+\sqrt{3}i)(2-\sqrt{3}i)=4+3=7$

85) $a=1, b=\frac{1}{2}$

\Rightarrow 계수가 실수이고 한 근이 $\frac{1}{1+i}$ 이면 $\frac{1-i}{(1+i)(1-i)}=\frac{1-i}{2}$ 이므로 다른 한 근은 $\frac{1+i}{2}$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해
 $\frac{1-i}{2}+\frac{1+i}{2}=a \therefore a=1$
 $\frac{1-i}{2} \cdot \frac{1+i}{2}=b \therefore b=\frac{1}{2}$

86) $a=-2, b=2$

\Rightarrow 계수가 실수이고 한 근이 $\frac{2}{1-i}$ 이면 $\frac{2(1+i)}{(1-i)(1+i)}=1+i$ 이므로 다른 한 근은 $1-i$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해
 $(1+i)+(1-i)=-a \therefore a=-2$
 $(1+i)(1-i)=b \therefore b=2$

87) $a=-4, b=5$

\Rightarrow 계수가 실수이고 한 근이 $\frac{5}{2+i}$ 이면 $\frac{5(2-i)}{(2+i)(2-i)}=2-i$ 이므로 다른 한 근은 $2+i$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해
 $(2-i)+(2+i)=-a \therefore a=-4$
 $(2-i)(2+i)=b \therefore b=5$

88) $a=4, b=5$

\Rightarrow 계수가 실수이고 한 근이 $\frac{5i}{1-2i}$ 이면 $\frac{5i(1+2i)}{(1-2i)(1+2i)}=i(1+2i)=-2+i$ 이므로 다른 한 근은 $-2-i$ 이다.
따라서 근과 계수의 관계에 의해
 $(-2+i)+(-2-i)=-a \therefore a=4$
 $(-2+i)(-2-i)=b \therefore b=5$

89) $a=-\frac{1}{4}, b=-\frac{3}{2}$

\Rightarrow 계수가 실수이고 한 근이 $2+\sqrt{2}i$ 이므로 다른 한

근은 $2-\sqrt{2}i$ 이다. 근과 계수의 관계에 의해
 $(2+\sqrt{2}i)+(2-\sqrt{2}i)=-\frac{1}{a} \therefore a=-\frac{1}{4}$
 $(2+\sqrt{2}i)(2-\sqrt{2}i)=\frac{b}{a}, b=6a \therefore b=-\frac{3}{2}$