

## 3-1-1.함수의 뜻과 함숫값\_비상(김원경)



[문제]

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-03-10
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

#### 개념check /

#### [함수의 뜻]

- 변수:  $x,\ y$ 와 같이 여러 가지로 변하는 값을 가지는 문자를 변수라 한다.
- 함수: 두 변수  $x,\ y$ 에 대하여 x의 값이 정해짐에 따라 y의 값이 오직 하나씩 정해질 때, y는 x의 함수라고 한다.  $\Rightarrow$  y=f(x)

#### [한수간]

- 함수  $y\!=\!f(x)$ 에서 x의 값에 따라 정해지는 y의 값을 함숫값이라 하다
- 즉, x=a일 때의 함숫값  $\Rightarrow f(a)$

기본문제

[문제]

# **1.** 다음 중 y가 x의 함수가 아닌 것은?

- ① 한 변이 x cm 인 정사각형의 둘레의 길이는 y cm 이다.
- ② 자연수 x의 약수는 y이다.
- ③ 500원짜리 볼펜 x개의 값은 y원이다.
- ④ 10%의 소금물 xg 속에 들어 있는 소금의 양은 yg이 다.
- ⑤ 시속 x km로 y시간 동안 간 거리는 80 km이다.

[예제]

# **2.** 다음 중 y가 x의 함수가 <u>아닌</u> 것은?

- ① 자연수 x 와 서로소인 수 y
- ② 자연수 x 를 3 으로 나눈 나머지 y
- ③ 시속 xkm 로 7시간 동안 달린 거리 ykm
- ④ 자연수 x와 x보다 작은 소수의 개수 y
- ⑤ 한 변의 길이가 x cm 인 정사각형의 둘레 y cm

# **3.** 다음 중 y가 x의 함수인 것을 <u>모두</u> 고른 것은?

- ㄱ. 음료수  $300\,\mathrm{mL}$ 가 들어 있는 병에서 음료수  $x\,\mathrm{mL}$ 를 마셨을 때 남은 양  $y\,\mathrm{mL}$
- $\mathsf{L}$ . 자연수 x와 그 배수 y
- $\Box$ . 키가  $x \, \mathrm{cm}$  인 사람의 몸무게  $y \, \mathrm{kg}$
- = 2개에 100 g인 물건 x개의 무게 yg
- ㅁ. 시속 xkm로 100km를 달린 시간 y시간
- ① ¬, ∟
- ② ∟, ⊏, □
- ③ 7, 2, 0
- ④ ¬, ⊏, ≥, □
- ⑤ 7, ∟, ⊏, □

[문제]

**4.** 함수 f(x) = ax + b에서 f(0) = -5이고 f(3) = 4일 때, a + b의 값은?

- $\bigcirc -1$
- 3 3
- (4) -4
- (5) -5

[문제]

# **5.** 다음 중 일차함수인 것은?

- ① y = 5
- ②  $y = x^2 + 2$
- ③ y = 4 x
- $y = x^3 3x^2$
- (5) x = -5

[예제]

**6.** 시속 55 km로 x시간 동안 이동한 거리를 y km라 하면 y는 x의 함수이다. 이 함수를 y = f(x)라고 할 때, x = 2일 때의 함숫값은?

- 110
- ② 115
- **③** 120
- **4** 125
- ⑤ 130

#### 평가문제

- **7.** 함수 f(x) = -3x + a에 대하여 f(-1) = 9일 때, 상수 *a*의 값은?
  - ① 4
- ② 6

- ③ 8
- **4**) 10
- (5) 12

- [단원 마무리]
- 8. 다음  $\langle \pm 1 \rangle$ 중에서 y가 x의 함수인 것을 모두 찾으면?

<보기>

- $\neg$ . 한 개에 1000원인 사과 x개의 가격 y 원
- $\mathsf{L.}\ 5\,\mathsf{km}$ 의 거리를 x시간 동안 달렸을 때의 속력 시속 y km
- $\Box$ . 절댓값이 x인 수 y
- = . 몸무게가  $x \log 0$  학생의 키 y cm
- ① ¬. ∟
- ② ¬. ⊏
- ③ ∟, ⊏
- ④ ∟, ≥
- ⑤ ⊏, ⊇

[단원 마무리]

- 9. 함수  $f(x) = \frac{3}{4}x 2$ 에 대하여 f(4) f(-4)의 값 은?
  - $\bigcirc$  2

② 4

- 3 6
- **4** 8
- (5) 10

#### 유사문제

- **10.** 다음 중 y가 x의 함수인 것을 모두 고르면?
  - $\neg$ . 합이 15인 두 자연수 x와 y
  - $\mathsf{L}.$  한 개에 1200원 하는 빵 x개의 가격 y원
  - $\Box$ . 자연수 x보다 작은 자연수 y
  - =. 키가 x cm 인 사람의 몸무게 y kg
  - ① ¬, ∟
- ② 7. □
- ③ ∟, ⊏
- ④ ∟, ≥
- ⑤ ⊏, ⊇

- $oldsymbol{11}$ . 다음 보기에서 y가 x의 함수인 것을 모두 고르
- $\neg$ . 자동차를 타고 시속 x km 로 3시간 동안 달린 거리 ykm
- $\mathsf{L}$ . 자연수 x의 약수 y
- $\Box$ . 한 개에 500원인 귤 x개의 가격 y원
- a. 자연수 x보다 작은 자연수 y
- ① ¬. L
- ② 7. 🗆
- ③ ∟. ⊏
- ④ ∟. ≥
- ⑤ □, ⊇
- **12.** 함수 f(x) = -ax + 3에서 f(1) = 5일 때, 상수 a의 값은?
  - $\bigcirc -3$
- $\bigcirc 2 2$
- (3) -1
- **4** 0

- (<del>5</del>) 1
- **13.** 함수  $f(x) = \frac{1}{2}x + 1$ 에 대하여

f(-2) + f(2)의 값은?

- ① 2
- 2 4

③ 6

- **(4)** 8
- (5) 10
- 14. 어느 자동차 회사에서 개발한 친환경 전기 자동 차는 배터리를 1.5시간 충전할 때마다 30km씩 주 행할 수 있다고 한다. 이 배터리를 x시간 충전하였 을 때, 주행할 수 있는 거리를 y km라고 하자. y = f(x)라고 할 때, f(4)의 값은?
  - 1) 60
- ② 65
- 3 70
- **4**) 75
- (5) 80

**15.** 일차함수 f(x) = (a-1)x + 3a + 2에 대하여

f(1) = 17일 때, f(2)의 값은?

- 18
- 2 19
- 3 20
- 4 21
- ⑤ 22

# 

#### 정답 및 해설

### 1) [정답] ②

[해설] ① y = 4x

② 자연수 x의 약수는 여러 개가 나올 수 있으므로 함수가 아니다.

③ y = 500x

⑤ 
$$xy = 80$$
 에서  $y = \frac{80}{x}$ 

## 2) [정답] ①

[해설] ① x = 2일 때 2와 서로소인 수는 3, 5, 7, 11, ... 로 무수히 많으므로 함수가 아니다.

### 3) [정답] ③

[해설]  $\neg y = 300 - x \Rightarrow y \in x$ 의 함수이다.

ㄴ. 자연수 x와 그 배수 y는 무수히 많으므로 y는 x의 함수가 아니다.

 $\mathsf{C}$ . 키가  $x\,\mathrm{cm}\,\mathsf{O}$  사람의 몸무게  $y\,\mathrm{kg}\,\mathsf{O}$  때,  $x\,\mathsf{O}$  대한  $y\,\mathsf{O}$  값이 여러 개가 될 수 있으므로  $y\,\mathsf{C}$  x 의 함수가 아니다.

 $= . y = 50x \Rightarrow y 는 x$ 의 함수이다.

 $y = \frac{100}{x}$   $\Rightarrow y$ 는 x의 함수이다.

### 4) [정답] ②

[해설] f(0) = b = -5

$$f(3) = 3a + b = 3a - 5 = 4$$
  $\therefore a = 3$   
  $\therefore a + b = 3 + (-5) = -2$ 

# 5) [정답] ③

[해설] ① y=5 는 일차함수가 아니다.

②  $y=x^2+2$  는 y=(x의 일차식)이 아니므로 일 차함수가 아니다.

④  $y = x^3 - 3x^2$ 는 y = (x의 일차식)이 아니므로 일차함수가 아니다.

⑤ x=-5는 y=(x의 일차식)이 아니므로 일차 함수가 아니다.

## 6) [정답] ①

[해설] f(x) = 55x이므로 f(2) = 110이다.

#### 7) [정당] ②

[해설] f(x) = -3x + a에서 f(-1) = 9이므로 x = -1을 대입하면 3 + a = 9이다.

따라서 a=6이다.

### 8) [정답] ①

[해설] x의 값이 정해짐에 따라 y의 값이 하나씩 정해지는 것을 함수라고 한다.

 $\Box$ . 절댓값이 x인 수 y의 값은 2개가 될 수 있으므로 함수가 아니다.

a. 몸무게가 x kg 인 학생의 키 y cm의 값이 다양하므로 함수가 아니다.

¬. y = 1000x ⇒ 함수

L. 
$$y = \frac{5}{x}$$
 ⇒ 함수

# 9) [정답] ③

[해설] 
$$f(x) = \frac{3}{4}x - 2$$
에서 
$$f(-4) = -3 - 2 = -5, \ f(4) = 3 - 2 = 1$$
 
$$f(4) - f(-4) = 1 - (-5) = 6$$

### 10) [정답] ①

[해설] ㄱ. x+y=15  $\therefore y=-x+15$ 

 $\bot$ . y = 1200x

 $\Box$ . x의 값에 대하여 y값이 하나로 정해지지 않으므로 함수가 아니다.

a. 키가 160 cm인 사람의 몸무게는 다양하기 때문에 x의 값에 대하여 y값이 하나로 정해지지 않으므로 함수가 아니다,

#### 11) [정답] ②

[해설] ㄱ. y=3x

 $\mathsf{L}$ . x=4라고 하면  $y=1,\ 2,\ 4$ 이므로 x의 값에 대한 y의 값이 하나로 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

 $\Box$ . y = 500x

a. x=3이라고 하면 y=1, 2이므로 x의 값에 대한 y의 값이 하나로 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

# 12) [정답] ②

[해설] 
$$f(x) = -ax + 3$$
에서  $f(1) = 5$ 이므로  $5 = -a + 3$   $\therefore a = -2$ 

# 13) [정답] ①

[해설] 
$$f(x) = \frac{1}{2}x + 1$$
에서

$$f(-2) = \frac{1}{2} \times (-2) + 1 = 0$$
,  $f(2) = \frac{1}{2} \times 2 + 1 = 2$   
 $f(-2) + f(2) = 0 + 2 = 2$ 

#### 14) [정답] ⑤

[해설] 1.5시간 충전할 때마다  $30\,\mathrm{km}$  씩 주행할 수 있으므로 x시간 충전할 때마다  $\frac{30}{1.5}x = 20x\,\mathrm{km}$  씩 주행할 수 있다. 따라서 f(x) = 20x이므로 f(4) = 80

# 15) [정답] ③

[해설] f(1) = a - 1 + 3a + 2 = 4a + 1 = 17이므로 a = 4그러므로 f(x) = 3x + 14이고 f(2) = 20이다.