

## 용인고(경기) 2019 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 장수연 (ky180405@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-06-26
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

**1.** 집합  $A = \{1, 2, 3, \{1, 2\}\}$ 에 대하여 옳은 것은?

- $\bigcirc$   $\emptyset \in A$
- $2 \in A$
- $(3) \{3\} \in A$
- $\{1,2\} \in A$
- (5)  $\{1,2,3,\{1,2\}\}\not\subset A$

**2.** 두 점 A(1,2), B(-3,4)와 x축 위를 움직이는 점 P에 대하여  $\overline{AP}+\overline{BP}$ 의 최솟값은?

- ①  $2\sqrt{10}$
- ② 7
- $3) 2\sqrt{13}$
- (4)  $2\sqrt{15}$
- (5) 8

**3.** 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 두 부분집합 A, B에 대하여  $A \cap B^C = \{1,6\}, B-A = \{3\},$  $A^{C} \cap B^{C} = \{2\}$ 를 만족시키는 집합 A의 모든 원소 의 합은?

- ① 12
- ② 13
- ③ 14
- **4**) 15
- **⑤** 16

**4.** 원  $x^2+y^2+2x-12y+32=0$ 을 x축의 방향으로 a만큼, y축의 방향으로 b만큼 평행이동 하였더니 중심이 원점인 원이 되었다. 이때, a+b의 값은?

- $\bigcirc -6$
- $\bigcirc -5$
- $\bigcirc 3 4$
- (4) -3
- (5) -2

**5.** 집합 A, B에 대하여 n(A)=37, n(B)=29이고  $n((A-B) \cup (B-A)) = 50$ 일 때,  $n(A \cup B)$ 의 값은?

- ① 58
- ② 59
- 3 60
- **(4)** 61
- (5) 62

**6.**  $= \{-2,0,2\}, Y = \{0,1,2,3,4\}$ **일**  $= \{0,1,2,3,4\}$ **일**  $= \{0,1,2,3,4\}$ **9**  $= \{0,1,2$ 다음  $\langle 보기 \rangle$  중에서 X에서 Y로의 함수인 것만을 고른 것은?

< 보기	ŀ
<u> </u>	ľ

$$\neg . \ y = |x| + 2$$

$$\sqsubseteq y = \frac{1}{2}x$$

$$\Box$$
.  $y = x^2$ 

$$\exists. y = x^2 - x + 1$$

- ① ¬, ∟
- ③ ¬, ≥
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ ⊏, ⊇

**7.** 명제 '어떤 실수 x에 대하여  $x^2 - 6x + k < 0$ 이다.' 의 부정이 참이 되도록 하는 정수 k의 최솟값은?

- ① 6
- ② 7
- 3 8
- **4** 9
- (5) 10

**8.** x > 1일 때,  $x + \frac{4}{x-1}$ 은 x = a에서 최솟값 b = a갖는다. 이때, 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- **4**) 8

(5) 9

- 9. 직선 y=x-1위의 점 A(a,b)를 직선 y=x에 대 하여 대칭이동한 점을 B, 점 B를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 C라고 하자. 삼각형 ABC의 넓이 가 4일 때, ab의 값은? (단, 점 A는 제 1 사분면 위의 점이다.)
  - ①  $\frac{15}{4}$
- ② 3
- **4**) 2
- 10. 두 조건 p, q에 대하여 p가 q이기 위한 충분조건 이지만 필요조건이 아닌 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg . p : a = b$
- q:ac=bc
- L.  $p: a \neq 0$  또는  $b \neq 0$   $q: a^2 + b^2 \neq 0$
- $\sqsubset$ .  $p:A \subset B$ 이고  $A \subset C$   $q:A \subset (B \cup C)$
- <u>(1)</u> ¬
- ② L
- ③ ¬, ⊏
- ④ ∟, ⊏
- ⑤ 7. ∟. ⊏
- **11.** 실수 전체의 집합에서 세 조건

p: -3 < x < 1 또는 x > 2', q: x > a',

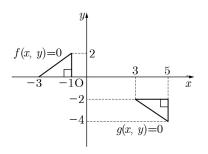
 $r: x \ge b$ '에 대하여 p는 q이기 위한 필요조건이고, p는 r이기 위한 충분조건이다. 이때, a-b의 최솟값 은? (단, a, b는 상수이다.)

- ① 7
- 5
- ③ 3
- $\bigcirc$  -1
- (5) -5
- **12.** 두 함수  $f(x) = \frac{1}{2}(x-1)$ ,  $g(x) = \begin{cases} x^2 1 & (x \ge 0) \\ x 1 & (x < 0) \end{cases}$ 에

대하여  $f^{-1}(2)+(f\circ q)(-2)$ 의 값은?

- 1 1
- ② 2
- 3 3
- 4
- (5) 5

**13.** 두 방정식 f(x,y)=0, g(x,y)=0이 나타내는 도 형이 각각 다음 그림과 같을 때, 옳은 것은?

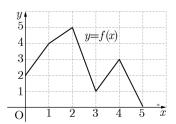


- ① g(x,y) = f(x-6, -y-2)
- ② q(x,y) = f(x-6, -y+2)
- g(x,y) = f(-x-6, -y+2)
- (4) g(x,y)=f(-x+6,y-2)
- (5) q(x,y) = f(-x+6, -y-2)
- **14.** 명제 'k-2 < x < k+4인 어떤 실수 x에 대하여  $-1 \le x \le 2$ 이다.'가 참이 되도록 하는 정수 k의 개 수는?
  - 8
- ② 9
- 3 10
- 4 11
- (5) 12
- ${f 15}$ . 전체집합 U에 대하여 세 조건 p, q, r의 진리집 합을 각각 P, Q, R이라고 하자, 두 명제  $\sim q \rightarrow \sim p$ 와  $q \rightarrow r$ 가 모두 참일 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg$ .  $P \subseteq R$
- $L. (P^C \cap R^C) \subset Q^C$
- $\sqsubset. (Q \cap R^{\mathit{C}}) \subset P$
- ① ¬
- ② □
- ③ ┐. ∟
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ 7, ∟, ⊏

**16.** 그림은  $0 \le x \le 5$ 에서 정의된 함수 y = f(x)의 그래프이다. 이 함수에서  $f^1(x) = f(x)$ ,  $f^{n+1}(x) = (f \circ f^n)(x)$  (n은 자연수)로 정의할 때,  $f^{20}(1)+f^{50}(4)$ 의 값은?



1 8

② 7

3 6

**4**) 5

- ⑤ 4
- **17.** 전체집합  $U = \{x \mid x \in 8 \text{ old} \}$  자연수}의 세 부 분집합 A, B, C에 대하여  $A = \{5,8\}$ ,  $B = \{x \mid x$ 는 4의 약수}**일 때,**  $A \cap C \neq \emptyset$ ,  $B \cap C = \emptyset$ 을 만족시키는 집합 C의 개수는?
  - ① 16
- 20 20
- ③ 24
- **(4)** 28
- ⑤ 32
- **18.** 집합  $X = \{2,4,8\}$ 에 대하여 X에서 X로의 세 함 수 f, g, h가 다음 조건을 모두 만족시킨다.  $f^{-1}(2) + (q^{-1} \circ f)^{-1}(4) + h(2)$ 의 값은?

<조건>

- f는 일대일대응, g는 항등함수, h는 상수함수이다.
- $\frac{1}{4}f(4)f(8) = f(2)$
- f(8) = q(8) = h(8)
- ① 6

- 2 8
- ③ 10
- **4**) 12
- ⑤ 14

- **19.** 학생 40명을 대상으로 통학할 때의 교통수단을 조사하였더니 지하철을 이용하는 학생이 32명, 지하 철을 이용하지 않거나 버스를 이용하는 학생이 16 명이었다. 이 때, 다음 물음에 답하시오.
  - (1) 지하철만 이용하여 통학하는 학생 수를 구하시오.
  - (2) 버스를 이용하여 통학하는 학생 수의 최솟값을 구하시
  - (3) 버스를 이용하여 통학하는 학생 수의 최댓값을 구하시
- **20.** 실수 전체의 집합 R에 대하여 함수  $f: R \rightarrow R$ 가 f(x)=2x+a|x-2|+1로 정의될 때, 이 함수가 일 대일대응이 되도록 정수 a의 개수를 구하시오.

· 정답

- 1) ④
- 2) ③
- 3) ⑤
- 4) ②
- 5) ①
- 6) ②
- 7) ④
- 8) 4
- 9) ①
- 10) ③
- 11) ②
- 12) ③
- 13) ①
- 14) ①
- 15) ⑤
- 16) ⑤
- 17) ③
- 18) ⑤
- 19) (1) 24 (2) 8 (3) 16
- 20) 3개