

태성고(경기) 2019 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 장수연 (ky180405@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-06-26
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

1. 점 (2,-7)을 x축에 대하여 대칭이동 한 점의 좌 표는 (a,b)이다. a+b의 값은?

- ① 3
- ② 5
- ③ 7
- **4** 9
- ⑤ 11

2. 전체집합 $U = \{x \mid x \in 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부 분집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ 에 대하 여 $n(A \cap B^C)$ 의 값은?

① 1

- ② 2
- ③ 3
- **4**
- (5) 5

3. 두 함수 f(x)=x+1, $g(x)=x^2$ 에 대하여 $(f \circ g)(2)$ 의 값은?

1 1

② 2

- ③ 3
- **(4)** 4
- (5) 5

4. 명제 ' $0 \le x \le k$ 인 모든 x에 대하여 $-1 \le x \le 4$ 이다.'가 참이 되도록 하는 k의 최댓값은?

 \bigcirc 1

- ② 2
- ③ 3
- **4**
- (5) 5

5. 두 조건 ' $p: |x-2| \le 1$ ', ' $q: |x-a| \le 4$ '에 대 하여 q는 p이기 위한 필요조건일 때, 실수 a값의 범위는 $k_1 \leq a \leq k_2$ 이다. k_1k_2 의 값은?

- $\bigcirc -10$
- (2) -5
- ③ 0
- **4**) 5

⑤ 10

6. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 공집합이 아닌 두 부분집합 $A = \{1, 2\}$, B에 대하여 $(A \cup B) \cap (A^C \cup B^C) = B - A$ 가 성립하게 하는 집합 **B의 개수는?**

- $\bigcirc 0$
- 2 1
- 3 2
- (4) 4

(5) 8

7. 두 함수 f(x)=-x+3, g(x)=2x+k에 대하여 $f \circ g = g \circ f$ 가 항상 성립하도록 하는 상수 k의 값 은?

- $\bigcirc -2$
- $\bigcirc -\frac{3}{2}$
- (3) -1
- $(4) \frac{1}{2}$

(5) 0

8. 두 집합 $X = \{x \mid 0 \le x \le 3\}$.

 $Y = \{y \mid -2 \le y \le 4\}$ 에 대하여 X에서 Y로의 함수 f(x) = ax + b가 일대일대응이 되도록 하는 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? (단, a < 0이다.)

- $\bigcirc -4$
- (2) -2
- ③ 0
- **4** 2
- (5) 4

- **9.** 두 점 A(1,1), B(2,4)와 y축 위를 움직이는 점 C에 대하여 $\overline{AC}+\overline{BC}$ 가 최소가 되도록 하는 점 C의 y좌표는 k이다. 이 때, $\overline{AC}+\overline{BC}$ 의 최솟값을 m이라 할 때, k+m의 값은?
 - (1) $2+3\sqrt{2}$
- ② $3+3\sqrt{2}$
- $3 + 4\sqrt{2}$
- $4) 2+3\sqrt{3}$
- (5) $3+3\sqrt{3}$
- 10. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

 $f(x) = egin{cases} ax + x & (x \geq 1) \ ax - x + 2 & (x < 1) \end{cases}$ 이 일대일대응이 되도록 하는 상수 a값의 범위는?

- ① $a < -1 \, \stackrel{\square}{=} \, a > 1$ ② $a < -2 \, \stackrel{\square}{=} \, a > 2$
- 3 -1 < a < 1 4 -2 < a < 2
- (5) a > 3
- **11.** 원 $x^2+(y-1)^2=13$ 을 x축의 방향으로 a만큼 평 행이동 하였더니 직선 2x-3y-1=0과 접하였다. 다음은 양수 a의 값을 구하는 과정이다. 다음 과정에서 (가)에 알맞은 식을 f(x), (나)에 알 맞은 식을 g(y), (다)에 알맞은 식을 h(a)라 할 때, f(a)+g(5)+h(1)의 값은?

원 $x^2 + (y-1)^2 = 13$ 을 x축의 방향으로

a만큼 평행이동한 원의 방정식은

 $[7]^2 + [4]^2 = 13$ 이다.

그런데 이 원의 직선 2x-3y-1=0과 접하므로

원의 중심 (a,1)과 직선 2x-3y-1=0사이의 거리가 원의 반지름과 같으므로

| [다] |=13이다.

그런데 a는 양수이므로 $a = \frac{17}{2}$

1) 2

- ③ 6
- **(4)** 8
- **⑤** 10

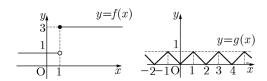
12. 자연수 전체의 집합에서 정의된 함수 f(x)가

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{2} & (x 는 \ \, \text{ 작수}) \\ \frac{x+1}{2} \left(x \leftarrow \ \, \underline{\mathring{\mathbf{s}}} + \hat{\mathbf{c}} \right) \end{cases}$$
라 하자. <보기>에서 옳은

것만을 있는 대로 고른 것은? (단, $f^1(x) = f(x)$, $f^{n+1}(x) = f(f^n(x))(n=1,2,3,\cdots)$ 이다.)

<보기>

- $\neg . f(99) = 1$ 이다.
- L. $f^2(99) = 25$ 이다.
- $\Box f^n(99) = 1$ 을 만족시키는 자연수 n의 최솟값은 7이다.
- ② ¬. ∟
- ③ ∟, ⊏
- ④ ¬. ⊏
- ⑤ 7. ∟. ⊏
- **13.** x > 3일 때, $x^2 + \frac{49}{x^2 9}$ 의 값은 x = a에서 최솟 값 b를 갖는다. a와 b를 각각 구하시오.
- **14.** 두 함수 y = f(x)와 y = g(x)의 그래프가 각각 다 음 그림과 같다. $h(x)=(q \circ f)(x)$ 라 할 때, $\frac{3}{2}\{h(-1)+h(0)+h(1)\}$ 의 값을 구하시오.



15. 두 조건 ' $p: x^2-2x+a < 0$ ',

q:(x+1)(x-3)<0'에 대하여 조건 p, q가 다음 두 조건을 만족한다고 한다. 실수 a값의 범위를 구 하시오. (단, p의 진리집합은 공집합이 아니다.)

- (Y) $p \leftarrow q$ 이기 위한 충분조건이다.
- (나) 명제 $p \rightarrow q$ 의 역은 참이 아니다.

- **16.** 실수 전체의 집합에 대하여 명제 '어떤 실수 x에 대하여 $x^2 - 16x + k < 0$ 이다.'의 부정이 참이 되도록 하는 상수 k의 최솟값을 구하시오.
- **17.** 집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 함수 $f: A \rightarrow A$ 를 $f(x) = \begin{cases} x+1 & (x \leq 3) \\ 1 & (x=4) \end{cases}$ 로 정의하자. $f^{2019}(1)+f^{2020}(2)+f^{2021}(3)$ 의 값을 구하시오. (단, $f^{1}(x)=f(x)$, $f^{n+1}(x)=f(f^{n}(x))(n=1,2,3,\ldots)$ 0| 다.)
- **18.** 좌표평면에서 원 $x^2 + y^2 = 2$ 를 x축 방향으로 1만 큼, y축 방향으로 3만큼 평행이동한 원과 함수 y = m |x|의 그래프가 서로 다른 두 점에서만 만나 도록 하는 m의 값의 범위를 구하시오.

- 1) ④
- 2) ③
- 3) ⑤
- 4) ④
- 5) ②
- 6) ⑤
- 7) ②
- 8) ④
- 9) ①
- 10) ①
- 11) ①
- 12) ③
- 13) a=4, b=23
- 14) $\frac{9}{2}$
- 15) -3 < a < 1
- 16) 64
- 17) 10
- 18) 1 < m < 7