



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2022-01-11
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE

이 단원에서는 집합의 연산법칙과 관련된 문제, 집합의 원소의 개 수의 활용에 대한 문제 등이 자주 출제되며 벤다이어그램을 이용 하여 집합의 연산법칙을 이해하고, 문제를 통한 반복적인 연습이 필요합니다.

평가문제

[소단원 확인 문제]

- **1.** 다음 중 집합인 것은?
 - ① 0보다 작은 자연수의 모임
 - ② 3에 가까운 수의 모임
 - ③ 큰 자연수의 모임
 - ④ 달리기를 잘하는 사람의 모임
 - ⑤ 우리반에서 착한 학생들의 모임

[중단원 연습 문제]

- 2. 다음은 공통된 성질을 제시하여 나타낸 집합을 원소나열법으로 나타낸 것이다. 옳지 않은 것은?
 - ① { $a \mid a \models 10$ 이하의 3의 배수} \Rightarrow {3, 6, 9}
 - ② $\left\{\frac{b}{3} \mid b$ 는 두 자리의 짝수의 개수 $\right\}$ \Rightarrow $\{15\}$
 - ③ $\{x | x^2 3x 4 = 0$ 인 실수} $\Rightarrow \{-1, 4\}$
 - ④ {x | |x|< 3인 정수} 🖒 {-2,-1, 0, 1, 2}

[소단원 확인 문제]

3. 집합

 $A = \left\{ x \mid 2x - 7 < \frac{3x + 2}{5} \le 4x - 3, x 는 자연수 \right\}$ 의 모든 원소의 합을 구하면?

6

- ③ 12
- 4) 15
- (5) 18

[대단원 종합 문제]

- **4.** 원소의 개수가 3인 두 집합 $A = \{a, a+2, 4\}$, $B = \{-1, b, 4\}$ 에 대하여 $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 일 때, b-a의 값은? (단, $a \neq b$)
 - ① 1

② 2

3

(4) 4

(5) 5

[소단원 확인 문제]

- **5.** 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 와 집합 B에 대하여 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}, A \cap B = \{2, 4\}$ 성립할 때, 집합 B-A를 원소나열법으로 나타내면?
 - \bigcirc {2, 4, 6}
- (2) {5, 6, 7}
- (3) {1, 2, 6}
- **4**) {6, 7}
- ⑤ {3, 4, 6, 7}

[소단원 확인 문제]

6. 전체집합 U의 공집합이 아닌 두 부분집합 A, B에 대하여 옳은 것만을 $\langle 보기 \rangle$ 에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- \neg . $(A \cap B) \cup B = B$
- \bot . $(A \cup B)^C \cap B = \emptyset$
- \Box . $(A \cup B)^C \cup (A^C \cap B) = A$
- \bigcirc -

- ② L
- ③ ᄀ, ∟
- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

[중단원 연습 문제]

- 7. 전체집합 $U = \{x \mid x \in 10 \text{ 이하의 } \text{ 자연수}\}$ 의 두 부분집합 A, B에 대하여 $A = \{3, 5, 7, 9\}$, $A^C \cap B^C = \{2, 4, 6\}$ 을 만족하는 집합 B의 개수는?
 - 1 4
- ② 8
- 3 12
- 4) 16
- (5) 20

[대단원 종합 문제]

- 8. 자연수 전체의 집합의 두 부분집합 $A=\{1,\ 4,\ 9,\ a+2b\}, \quad B=\{3,\ 4,\ a+b,\ 2a+b\}$ 에 대하여 $A\cap B^C=\{5,\ 9\}$ 일 때, 두 상수 $a,\ b$ 의 곱 ab의 값은?
 - $\bigcirc -3$

- 3 2
- **(4)** 4
- (5) 6

[중단원 연습 문제]

- 9. 어느 반 학생 36명을 대상으로 급식 신청을 받았더니 중식만 신청한 학생이 17명, 석식만 신청한 학생이 6명, 중식과 석식을 모두 신청하지 않은 학생은 3명이었다. 이때, 중식과 석식을 모두 신청한 학생의 수는?
 - ① 9
- ② 10
- ③ 11
- (4) 12
- ⑤ 13

[대단원 종합 문제]

- **10.** 두 집합 $A = \{2n-1|n$ 은 $n \le 20$ 인 자연수}, $B = \{3m|m$ 은 m < 15인 자연수}에서 집합 $B \{(A-B) \cup (A-B^C)\}$ 의 모든 원소의 합은?
- ① 120
- 2 144
- ③ 168
- 4) 192
- ⑤ 216

[대단원 종합 문제]

- **11.** 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 n(U)=40, $n(A\cup B)=30$, $n(A^C\cup B^C)=22$ 일 때, n(A)+n(B)의 값은?
 - ① 24
- ② 32
- 3 38
- (4) 42
- ⑤ 48

[소단원 확인 문제]

- **12.** 전체집합 $U = \{x | x \in 10$ 미만의 자연수 $\}$ 의 두부분집합 $A = \{x | x \in 2$ 의 배수 $\}$, $B = \{x | x \in 12$ 의 약수 $\}$ 일 때, 집합 $A^C \cap B^C$ 의 모든 원소의 합은?
 - 12
- 2 16
- 3 21
- **4** 26
- ⑤ 31

실전문제

- **13.** 두 집합 $A = \{x | x = 4 \text{ 4P } \text{ 약수}\}$, $B = \{x | x = 18 \text{ 4P } \text{ 9P}\}$ 에 대하여 X A = X, $B \cup X = B$ 를 만족시키는 집합 X의 개수를 구하면?
 - \bigcirc 2
- ② 4
- 3 6
- **(4)** 8
- **⑤** 16

14. 실수 전체의 집합의 두 부분집합

 $A = \{0,1,2\}$, $B = \{x | x^2 + ax - a - 1 = 0\}$ 에 대하여 $A \cup B = A$ 가 되도록 하는 모든 실수 a의 값의 합은?

- ① -3
- (3) 5
- (4) 6
- \bigcirc -7

15. 전체 집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 연산 \emptyset 을 $A \heartsuit B = A - (A \cap B)$ 라 정의하자. 전체집합 U의 세 부분집합 A, B, C에 대해서 옳은 것만을 <보기>에서 모두 고르면?

<보기>

- $\neg A \heartsuit B = B \heartsuit A$
- \bot . $A \heartsuit (B \heartsuit C) = (A \heartsuit B) \heartsuit C$
- \Box . $(A \heartsuit B) \heartsuit C = (A \heartsuit C) \heartsuit B$
- \bigcirc
- 2 L
- ③ ⊏
- ④ ¬. ∟
- ⑤ ∟, ⊏

- **16.** 전체집합 $U = \{x | x \in \mathbb{R} \times \mathbb{C}^2\}$ 의 두 부분집합 P, Q에 대하여 집합 P의 모든 원소의 합은 25이고, 집합 $Q = \{x + k | x \in P\}$ 이다. 두 집합 P, Q가 다음 조건을 모두 만족시킬 때, 집합 P의 모든 원소의 곱은? (단, $k \in \mathbb{C}$)
- (7) n(P) = 4
- (나) $P \cap Q = \{5,7\}$
- (다) $P \cup Q$ 의 모든 원소의 합은 46이다.
- 1 700
- ② 770
- 3 840
- 4 1050
- (5) 1260
- **17.** A, B, C를 전체집합 U의 부분집합이라 하자. 다음 \langle 보기 \rangle 중 A-(B-C)와 같은 집합의 개수는?

<보기>

- \neg . $(A \cap B^C) \cup (A \cap C)$
- \vdash . $A \cap (A \cap (B-C))^C$
- \sqsubset . $(A \cup B) \cap (B C)^C$
- \exists . $(A-(B\cup C))\cup (A-C^C)$
- 1 0
- ② 1

- 3 2
- 4 3

- **⑤** 4
- **18.** 어느 학교 학생 m 명을 대상으로 동아리 A, B, C의 가입 여부를 조사한 결과가 다음과 같을 때, m 의 값은?
- 동아리 A 에 가입한 학생은 20 명, 동아리 B 에 가입 한 학생은 30 명, 동아리 C 에 가입한 학생은 18 명 이다
- 세 동아리 A, B, C 모두 가입한 학생은 6 명이다.
- 모든 학생은 동아리 A, B, C 중 적어도 하나에는 가입하였다.
- 동아리 *A*, *B*, *C* 중 두 개의 동아리만을 가입한 학생 수는 10 명이다.
- 1 46
- 2 48
- 350
- **4** 52
- **⑤** 54

- **19.** C고등학교 학생 100명을 대상으로 제주, 부산, 속초에 대한 관광 선호도를 조사한 결과 다음과 같 은 결과를 얻었다.
- (가) 제주를 선호한 학생은 68명, 부산을 선호한 학생은 42명이다.
- (나) 제주, 부산 중 어느 곳도 선호하지 않은 학생은 24 명이다.
- (다) 속초만 선호한 학생은 15명이다.
- (라) 세 도시를 모두 선호한 학생은 11명이다.
- 이때 제주와 부산을 모두 선호하고, 속초를 선호하지 않 은 학생의 수는?
 - ① 15
- 2 17
- 3 19
- 4 21
- ⑤ 23

20. 전체집합 U의 세 부분집합 P, Q, R에 대하여 $(P \cap Q) \cup (R-P) = \emptyset$ 이 성립할 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? (단, P, Q, R는 공집합이 아니다.)

<보기>

- $\neg.\ P\cap R=\varnothing$
- $L. R \cap Q = \emptyset$
- \vdash . $P \subseteq Q^C$
- 1 7
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟
- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

P

정답 및 해설

1) [정답] ①

[해설] ② 3에 가까운 수의 모임

- ③ 큰 자연수의 모임
- ④ 달리기를 잘하는 사람의 모임
- ⑤ 우리반에서 착한 학생들의 모임
- 이 네 개의 보기는 참, 거짓을 명확하게 판정할 수 없으므로 집합이 아니다.

2) [정답] ⑤

② 두 자리의 짝수의 개수는 45개이므로

 $\left\{\frac{b}{3} \mid b$ 는 두 자리의 짝수의 개수 $\right\} = \{15\}$

(3) $x^2 - 3x - 4 = 0$

(x+1)(x-4)=0

x=-1 또는 x=4이므로

 $\{x \mid x^2 - 3x - 4 = 0$ 인 실수 $\} = \{-1, 4\}$

④ |x|<3에서 -3<x<3이므로

{x | |x|<3인 정수}={-2,-1, 0, 1, 2}

⑤ $x^3 = 1$ 를 만족하는 실수는 1뿐이다.

따라서 $\{2x | x^3 = 1, x$ 는 실수 $\} = \{2\}$

3) [정답] ④

[해설] 부등식의 각 변에 5를 곱하면

 $5(2x-7) < 3x+2 \le 5(4x-3)$

 $10x - 35 < 3x + 2 \le 20x - 15$

연립부등식 $\begin{cases} 10x-35 < 3x+2 \\ 3x+2 \leq 20x-15 \end{cases}$ 를 풀면 $x < \frac{37}{7}$,

 $x \ge 1$ 이므로 $1 \le x < \frac{37}{7}$ 이다.

따라서 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 이므로 모든 원소의 합은 15 이다.

4) [정답] ②

[해설] (i) a=-1일 때

$$A = \{-1, 1, 4\}, B = \{-1, b, 4\}$$

 $\therefore b=1$

(ii) a+2=-1인 경우 a=-3

 $A = \{-3, -1, 4\}, B = \{-1, b, 4\}$

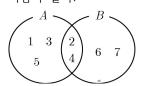
 $\therefore b = -3$

그런데 $a \neq b$ 이므로 a = -1, b = 1

 $\therefore b-a=2$

5) [정답] ④

[해설] 집합 A, B를 벤다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



따라서 $B-A = \{6, 7\}$

6) [정답] ③

[해설] ㄱ. $(A \cap B) \cup B = B$

$$\vdash . (A \cup B)^C \cap B = (A^C \cap B^C) \cap B$$

$$=A^{C}\cap (B^{C}\cap B)=A^{C}\cap \varnothing=\varnothing$$

 $\sqsubset . (A \cup B)^C \cup (A^C \cap B)$

 $= (A^C \cap B^C) \cup (A^C \cap B)$

 $=A^{C}\cap (B^{C}\cup B)=A^{C}\cap U=A^{C}$

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

7) [정답] ④

[해설] $U=\{1, 2, 3, \cdots 8, 9, 10\}$

$$A^{C} \cap B^{C} = (A \cup B)^{C} = \{2, 4, 6\}$$

 $A \cup B = \{1, 3, 5, 7, 8, 9, 10\}$

A={3, 5, 7, 9}이므로 집합 B는 1, 8, 10을

꼭 포함하고, 2, 4, 6은 포함하지 않는

U의 부분집합이다. 따라서 구하는 값은

 $2^{10-3-3}=2^4=16$ 이다.

8) [정답] ①

[해설] $A \cap B^C = \{5, 9\}$ 이므로

a+2b=5이고,

a+b=1 또는 2a+b=1

(i) a+2b=5, a+b=1일 때,

a = -3, b = 4

 $A = \{1, 4, 9, 5\}, B = \{3, 4, 1, -2\}$ 에서

B의 원소 -2가 자연수가 아니다.

(ii) a+2b=5, 2a+b=1일 때

a = -1, b = 3

 $A = \{1, 4, 5, 9\}, B = \{3, 4, 2, 1\}$

따라서 $ab=-1\times 3=-3$

9) [정답] ②

[해설] 중식, 석식을 신청한 학생의 집합을

각각 A, B라 하면

n(U) = 36, $n(A \cap B^C) = 17$, $n(B \cap A^C) = 6$,

 $n(A^C \cap B^C) = 3$

 $n(A^C \cap B^C) = 3$ 에서 $n(A \cup B) = 36 - 3 = 33$

 $n(A \cup B) - n(A \cap B) = n(A \cap B^{C}) + n(B \cap A^{C})$

이므로 $33-n(A\cap B)=17+6$,

 $\therefore n(A \cap B) = 10$

10) [정답] ③

[해설] $A = \{1, 3, 5, \dots, 39\}$

 $B = \{3, 6, 9, \dots, 42\}$

 $B - \{(A - B) \cup (A - B^{C})\}$

 $= B - \{(A \cap B^C) \cup (A \cap B)\}$

 $=B-\{(A\cap (B^C\cup B))\}$

 $=B-(A\cap U)=B-A$ 이므로

집합 B의 원소 중 홀수를 빼면

42이하의 6의 배수이다.

6+12+18+24+30+36+42= (6+42)+(12+36)+(18+30)+24= $48\times3+24=168$

11) [정답] ⑤

[해설] $A^C \cup B^C = (A \cap B)^C$ 이므로 $n(A \cap B) = 40 - 22 = 18$ $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 이므로 30 = n(A) + n(B) - 18 $\therefore n(A) + n(B) = 48$

12) [정답] ③

[해설] $U = \{1, 2, 3, \cdots, 9\}$ $A = \{2, 4, 6, 8\}, B = \{1, 2, 3, 4, 6\}$ $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 6, 8\}$ $A^C \cap B^C = (A \cup B)^C = \{5, 7, 9\}$ 따라서 $A^C \cap B^C$ 의 모든 원소의 합은 5 + 7 + 9 = 21

13) [정답] ⑤

[해설] X-A=X이면 $X\cap A=\emptyset$ 이고 $B\cup X=B$ 이면 $X\subset B$ 이다. 즉, 집합 X는 집합 B의 부분집합이면서 집합 A의 원소는 가지지 않는 집합이다. 따라서 조건을 만족하는 집합 X의 개수는 $2^{6-2}=16$ 개다.

14) [정답] ④

[해설] $A \cup B = A$ 이면 $B \subset A$ 이다.

집합 B에서 방정식 $x^2 + ax - a - 1 = 0$ 이

(i)x = 0을 중근으로 가질 때,

실수 a는 존재하지 않는다.

(ii) x = 1을 중근으로 가질 때,

 $x^2 + ax - a - 1 = (x - 1)^2$ 에서 a = -2이다.

(iii) x = 2를 중근으로 가질 때.

실수 a는 존재하지 않는다.

(iv) 두 실근 x=0, x=1을 가질 때,

 $x^2 + ax - a - 1 = x(x - 1)$ 에서 a = -1이다.

(y)두 실근 x=0, x=2를 가질 때,

실수 a는 존재하지 않는다.

(vi)두 실근 x=1, x=2를 가질 때,

 $x^2 + ax - a - 1 = (x - 1)(x - 2)$ 에서 a = -3이다.

 $(\mathrm{i}) {\sim} (\mathrm{vi})$ 로부터 a = -1 또는 a = -2 또는 a = -3 따라서 그 합은 -6이다.

15) [정답] ③

[해설] 주어진 연산을 간단히 하면

$$A \nabla B = A - (A \cap B)$$

$$= A \cap (A \cap B)^{C}$$

$$= A \cap (A^{C} \cup B^{C})$$

$$= (A \cap A^{C}) \cup (A \cap B^{C})$$

$$= A - B$$

 $\neg . A - B \neq B - A$ (거짓)

ㄴ. 좌변을 간단히 하면

$$A - (B - C) = A \cap (B \cap C^{C})^{C}$$
$$= A \cap (B^{C} \cup C)$$

우변을 간단히 하면

$$(A-B) - C = (A \cap B^{C}) \cap C^{C}$$
$$= A \cap (B^{C} \cup C^{C})$$

이므로 좌변과 우변이 다르다. (거짓)

ㄷ. ㄴ으로부터 좌변을 간단히 하면

$$(A \cap B^C) \cap C^C$$
 ... \bigcirc

우변을 간단히 하면

$$(A-C)-B=(A\cap C^C)\cap B^C \qquad \cdots \bigcirc$$

①, ⓒ에서 결합법칙이 성립하므로 좌변과 우변이 서로 같다. (참) 따라서 옳은 것은 ㄷ이다.

16) [정답] ④

[해설] 집합 P를 $P = \{a_1, a_2, 5, 7\}$ 이라고 하면

$$a_1+a_2+5+7=25 \quad \therefore \ a_1+a_2=13 \qquad \qquad \cdots \bigcirc \\$$

집합 Q의 정의로부터

 $Q = \{a_1 + k, a_2 + k, 5 + k, 7 + k\}$

집합 X의 모든 원소의 합을 S(X)라 하면 $S(A \cup B) = S(A) + S(B) - S(A \cap B)$ 이 성립하므로

46 = 25 + (25 + 4k) - 12 : k = 2

따라서 집합 Q는 $Q = \{a_1 + 2, a_2 + 2, 7, 9\}$ 이다.

한편 $P\cap Q = \{5, \ 7\}$ 이 되므로 $a_1 + 2 = 5, \ a_1 = 3$

 \bigcirc 에서 $a_2 = 10$ 이다.

 $P = \{3, 5, 7, 10\}$

따라서 집합 P의 모든 원소의 곱은

 $3 \times 5 \times 7 \times 10 = 1050$ 이다.

17) [정답] ④

[해설] ㄱ. $(A \cap B^C) \cup (A \cap C) = A \cap (B^C \cup C)$

$$=A \cap (B \cap C^{C})^{C} = A - (B - C)$$

 $\bot. A \cap (A \cap (B-C))^C = A \cap (A^C \cup (B-C)^C)$

 $=(A\cap A^C)\cup (A\cap (B-C)^C)$

 $=A\cap (B-C)^{C}=A-(B-C)$

 \sqsubset . $(A \cup B) \cap (B - C)^C$

 $= (A \cup B) - (B-C) \neq A - (B-C)$

 $\exists . (A-(B\cup C))\cup (A-C^C)$

 $= (A \cap (B \cup C)^C) \cup (A \cap C)$

 $=A\cap((B\cup C)^C\cup C)$

 $=A\cap((B\cup C)\cap C^C)^C$

 $=A-((B\cup C)-C)$

=A-(B-C)

따라서 A-(B-C)와 같은 것은

ㄱ, ㄴ, ㄹ로 3개다.

18) [정답] ①

[해설] 어느 학교 학생의 집합을 U라 하고

이 중 동아리 A, B, C를 가입한 학생의 집합을 각각 A, B, C라고 하자. n(U) = m, n(A) = 20, n(B) = 30, n(C) = 18 $n(A \cap B \cap C) = 6$ 모든 학생이 동아리 A, B, C 중 적어도 하나를 가입하였으므로 $n(A \cup B \cup C) = n(U)$ 이다. 동아리 A, B, C 중 두 개의 동아리만을 가입한 학생수가 10 명이므로 $n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A)$ $-3 \times n(A \cap B \cap C) = 10$ 이다. $n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A) = 28$ $n(A \cup B \cup C) = n(A) + n(B) + n(C)$ $-\{n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A)\}$ $+n(A \cap B \cap C)$ 따라서 m = 20 + 30 + 18 - 28 + 6 = 46 이다.

19) [정답] ⑤

[해설] C고등학교 학생 100명의 전체집합을 U라고 하고, 제주를 선호하는 학생들의 집합을 A, 부산을 선호하는 학생들의 집합을 B, 속초를 선호하는 학생들의 집합을 C라고 하자. $n(U)=100,\ n(A)=68,\ n(B)=42,\ n((A\cup B)^C)=24,\ n(C-(A\cup B))=15$ $n(A\cap B\cap C)=11$ 이다. $n((A\cup B)^C)=24$ 이므로 $n(A\cup B)=76$ 이고 $n(A\cap B)=68+42-76=34$ 이다. 따라서 제주와 부산을 모두 선호하고 속초를 선호하지 않는 학생의 수는 $n(A\cap B)-n(A\cap B\cap C)=34-11=23$ 명이다.

20) [정답] ④

[해설] $(P\cap Q)\cup(R-P)=\varnothing$ 이므로 $P\cap Q=\varnothing$ 이고 $R-P=\varnothing$ 이다. \neg . $R-P=\varnothing$ 이므로 $R\subset P$ 이다. 따라서 $P\cap R=R$ 이다. \bot . $R-P=\varnothing$ 이므로 $R\subset P$ 이다. $E\cap Q\subset P\cap Q=\varnothing$ 이므로 $E\cap Q=\varnothing$ 이다. $E\cap Q=\varnothing$ 이므로 $E\cap Q=\varnothing$ 이다. $E\cap Q=\varnothing$ 이다. $E\cap Q=\varnothing$ 이다. 따라서 $E\cap Q=\varnothing$ 이다. $E\cap Q=\varnothing$ 이다. 그러므로 옳은 것을 모두 고르면 \Box . \Box .