



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2019-08-13

2) 제작자 : 교육지대(주)

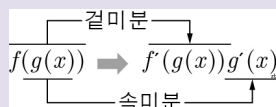
3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 합성함수의 미분

두 함수 $y=f(u)$, $u=g(x)$ 가 미분가능할 때
 합성함수 $y=f(g(x))$ 의 도함수

$$\Rightarrow \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \times \frac{du}{dx} \quad \text{또는} \quad y' = f'(g(x))g'(x)$$

(참고) 함수 $f(x)$ 가 미분가능할 때

(1) $y=f(ax+b)$ (a, b 는 상수) $\Rightarrow y'=af'(ax+b)$

(2) $y=\{f(x)\}^n$ (n 은 정수) $\Rightarrow y'=n\{f(x)\}^{n-1}$

▣ 다음 함수를 미분하여라.

1. $y = \sqrt{2x^2 + 1}$

2. $y = x\sqrt{1+x^2}$

3. $y = \sqrt{x^2 + 3x}$

4. $y = (x+1)^2(x^2-2)$

5. $y = \frac{1}{(3-2x)^3}$

6. $y = (5x^3 + 2)^2$

7. $y = (2x^2 + 3x + 1)^2$

8. $y = (5x+1)^2 - 3(5x+1) + 4$

9. $y = \frac{1}{(x^3 + 2x)^2}$

10. $y = \frac{3}{x^4 + 5}$

11. $y = (x^2 + 4x - 1)^3$

12. $y = (2x-1)^3(3x+1)^2$

13. $y = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2$

$$14. \quad y = \frac{1}{(3x+2)^2}$$

$$15. \quad y = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2\left(x - \frac{1}{x}\right)$$

$$16. \quad y = (x+3)^3$$

$$17. \quad y = \cos^2 x$$

$$18. \quad y = \sin^3 x$$

$$19. \quad y = \cos(x^2 + x)$$

$$20. \quad y = \tan(\sin x)$$

$$21. \quad y = \sin(2x+1)$$

$$22. \quad y = \sin(\tan x)$$

$$23. \quad y = \sqrt{1+\tan x}$$

$$24. \quad y = \tan x^3$$

$$25. \quad y = \sin(2x+3)$$

$$26. \quad y = \tan(3x-4)$$

$$27. \quad y = \sin^2 x^3$$

$$28. \quad y = \tan^4(e^x + 2x)$$

$$29. \quad y = \cos^3(3x+1)$$

▣ 다음 값을 구하여라.

$$30. \quad \text{함수 } f(x) = (3x-2)^{10} \text{에 대하여 } f'(1) \text{의 값}$$

$$31. \quad \text{함수 } f(x) = (x + \sqrt{x^4+3})^3 \text{에 대하여 } f'(1) \text{의 값}$$

$$32. \quad \text{함수 } f(x) = \sqrt{4x^2+1} \text{에 대하여 } f'\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \text{의 값}$$

33. 함수 $f(x) = \sqrt[3]{2x+6}$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

34. 함수 $f(x) = \sin 2x - \sqrt{3} \cos x - 2x$ 에 대하여 $f'(\pi)$ 의 값

35. 함수 $f(x) = \sin 2x$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ 의 값

36. 함수 $f(x) = \tan^2 x$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ 의 값

37. 함수 $f(x) = \sin^2\left(\pi x - \frac{\pi}{2}\right)$ 에 대하여 $f'\left(\frac{2}{3}\right)$ 의 값

38. 함수 $f(x) = \sec^2 x$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ 의 값

39. 함수 $f(x) = \sin 4x \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ 의 값

02 $y = x^r$ (r 는 실수)의 도함수

$r \neq 0$ 이 실수일 때, $y = x^r$ 의 도함수 $y' = r x^{r-1}$

■ 다음 함수를 미분하여라.

40. $y = \frac{1}{x\sqrt{x}}$

41. $y = 2\sqrt{x}$

42. $y = \frac{1}{x^2\sqrt{x}}$

43. $y = x^{-\frac{3}{2}}$

44. $y = 2\sqrt{x^3}$

45. $y = x\sqrt{6x}$

46. $y = 3x^{\sqrt{3}} (x > 0)$

47. $y = x^e (x > 0)$

03 합성함수 미분법을 이용한 지수함수의 도함수

(1) $y = e^{f(x)} \Rightarrow y' = e^{f(x)} f'(x)$

(2) $y = a^{f(x)} \Rightarrow y' = a^{f(x)} f'(x) \ln a$

■ 다음 함수를 미분하여라.

48. $y = e^{3x+1}$

49. $y = e^{3x+5}$

50. $y = e^{x^2+2x}$

51. $y = 2^{5x-3}$

52. $y = 3^{\sin x}$

53. $y = e^{3^x}$

54. $y = 2^{x^2-x}$

55. $y = 4^{2x-1}$

56. $y = 2^{\sin x}$

■ 다음 값을 구하여라.

57. 함수 $f(x) = 2^{\tan x} + \cos x$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ 의 값

58. 함수 $f(x) = 5^{\sin x}$ 에 대하여 $f'(\pi)$ 의 값

59. 함수 $f(x) = 5e^{3x-3}$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

60. 함수 $f(x) = 2e^{\sin x}$ ($x > 0$)에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ 의 값

61. 함수 $f(x) = e^{\cos x + 1}$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{2}\right)$ 의 값

62. 함수 $f(x) = xe^{x^2}$ 에 대하여 $f'(\sqrt{2})$ 의 값

63. 함수 $f(x) = 3^{2x} + x + 1$ 에 대하여 $f'(0)$ 의 값

64. 함수 $f(x) = -3e^{3x+1}$ 에 대하여 $f'\left(\frac{1}{3}\right)$ 의 값

04 합성함수 미분법을 이용한 로그함수의 도함수

$$(1) y = \ln |f(x)| \Rightarrow y' = \frac{f'(x)}{f(x)}$$

$$(2) y = \log_a |f(x)| \Rightarrow y' = \frac{f'(x)}{f(x) \ln a}$$

▣ 다음 함수를 미분하여라.

65. $y = \ln |3x+6|$

66. $y = \ln |x^2|$

67. $y = \ln |x^3+5x-4|$

68. $y = \log_2 |x^3-1|$

69. $y = \ln |x^2-3|$

70. $y = \log_3 |5x+2|$

71. $y = \ln |\cos x|$

72. $y = \log_2 |e^x-1|$

73. $y = \ln |\sin 2x|$

74. $y = \ln |4x+1|$

75. $y = \ln (x^2+5x+10)$

76. $y = \log_3 (e^x+2)$

77. $y = \log_5 (x-1)^2$

▣ 로그함수의 미분법을 이용하여 다음 함수를 미분하여라.

78. $f(x) = \frac{(x-1)(x+2)^3}{(x-5)^4}$

79. $f(x) = \frac{(x-1)\sqrt{x-4}}{x+5}$

80. $f(x) = x^{\sin x} \quad (x > 0)$

81. $f(x) = \frac{(x+1)(x-2)^2}{x+3}$

■ 다음 값을 구하여라.

82. 함수 $f(x) = \ln(3x+2)$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

83. 함수 $f(x) = \ln|\tan x|$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ 의 값

84. 함수 $f(x) = \ln\left|\cos \frac{x}{3}\right|$ 에 대하여 $f'(\pi)$ 의 값

85. 함수 $f(x) = \ln(x^4+3)$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

86. 함수 $f(x) = \ln(x^2+4x+5)$ 에 대하여 $f'(-1)$ 의 값

87. 함수 $f(x) = \ln \frac{x^2+1}{5x^4+7}$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

88. 함수 $f(x) = \log_2|\tan x|$ 에 대하여 $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ 의 값

89. 함수 $f(x) = x^{\ln x}$ ($x > 0$)에 대하여 $f'\left(\frac{1}{e}\right)$ 의 값

90. 함수 $f(x) = \left(\frac{2x}{x^2+1}\right)^3$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값

91. 함수 $f(x) = \ln(e^x + e^{2x} + e^{3x} + e^{4x} + e^{5x})$ 에 대하여 $f'(0)$ 의 값

■ 다음 물음에 답하여라.

92. 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 $f(3) = -1$, $f'(3) = 2$ 를 만족시킬 때, 함수 $g(x) = \sqrt{1+\{f(x)\}^2}$ 에 대하여 $g'(3)$ 의 값을 구하여라.

93. 미분가능한 두 함수 $f(x)$, $g(x)$ 가 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-3}{x-1} = 1$, $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{g(x)+2}{x-3} = -2$ 를 만족하고 $h(x) = (g \circ f)(x)$ 라 할 때, $h'(1)$ 의 값을 구하여라.

94. 미분가능한 함수 $f(x)$ 와 $g(x) = \frac{x^2}{x^3+1}$ 에 대하여 합성함수 $h(x) = (f \circ g)(x)$ 는 $h'(1) = 4$ 를 만족시킬 때, $f'\left(\frac{1}{2}\right)$ 의 값을 구하여라.

95. 미분가능한 두 함수 $f(x)$, $g(x) = 3x - 1$ 에 대하여 합성함수 $(f \circ g)(x) = x^2 + 5x - 3$ 일 때, $f'(5)$ 의 값을 구하여라.

96. 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 0이 아닌 실수 x 에 대하여 $f(3x-2) = e^x + x^2 + \ln|x|$ 를 만족할 때, $f'(4)$ 의 값을 구하여라.

97. 함수 $f(x) = x^2 + x + 2$ 와 미분 가능한 함수 $g(x)$ 에 대하여 함수 $h(x)$ 를 $h(x) = (g \circ f)(x)$ 라 하자. $g'(4) = 3$ 일 때, $h'(1)$ 의 값을 구하여라.

98. 구간 $6 < x < 10$ 에서 정의된 함수 $f(x)$ 가 $f(x) = \log_5(x^2 - 5x)$ 를 만족시킬 때, $f'(7)$ 의 값을 구하여라.

99. 이차함수 $f(x) = ax^2 + 1$ 과 일차함수 $g(x) = 3x + 1$ 에 대하여 함수 $y = f(g(x))$ 의 도함수가 $y' = 3x + 1$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

100. 함수 $f(x) = \ln x$ 의 합성함수 $y = f(f(x))$ 의 $x = e^2$ 에서의 미분계수를 구하여라. (단, $x > e$)



정답 및 해설

$$1) y' = \frac{2x}{\sqrt{2x^2+1}}$$

$$\Rightarrow y = \sqrt{2x^2+1} = (2x^2+1)^{\frac{1}{2}} \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} y' &= \frac{1}{2}(2x^2+1)^{\frac{1}{2}-1} (2x^2+1)' \\ &= \frac{1}{2}(2x^2+1)^{-\frac{1}{2}} \times 4x \\ &= \frac{2x}{\sqrt{2x^2+1}} \end{aligned}$$

$$2) y' = \frac{1+2x^2}{\sqrt{1+x^2}}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= (x)' \sqrt{1+x^2} + x(\sqrt{1+x^2})' \\ &= \sqrt{1+x^2} + x \times \frac{1}{2}(1+x^2)^{-\frac{1}{2}} \times 2x \\ &= \sqrt{1+x^2} + \frac{x^2}{\sqrt{1+x^2}} = \frac{1+2x^2}{\sqrt{1+x^2}} \end{aligned}$$

$$3) y' = \frac{2x+3}{2\sqrt{x^2+3x}}$$

$$\Rightarrow y = (x^2+3x)^{\frac{1}{2}} \text{ 이므로}$$

$$y' = \frac{1}{2}(x^2+3x)^{-\frac{1}{2}} \times (x^2+3x)' = \frac{2x+3}{2\sqrt{x^2+3x}}$$

$$4) y' = 2(x+1)(2x^2+x-2)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= \{(x+1)^2\}'(x^2-2) + (x+1)^2(x^2-2)' \\ &= 2(x+1)(x^2-2) + (x+1)^2 \times 2x \\ &= 2(x+1)\{(x^2-2) + x(x+1)\} \\ &= 2(x+1)(2x^2+x-2) \end{aligned}$$

$$5) y' = \frac{6}{(3-2x)^4}$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{(3-2x)^3} = (3-2x)^{-3} \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} y' &= -3(3-2x)^{-4} (3-2x)' = -3(3-2x)^{-4} \times (-2) \\ &= \frac{6}{(3-2x)^4} \end{aligned}$$

$$6) y' = 30x^2(5x^3+2)$$

$$\Rightarrow u = 5x^3+2 \text{로 놓으면 } y = u^2 \text{에서}$$

$$\begin{aligned} \frac{du}{dx} &= 15x^2, \quad \frac{dy}{du} = 2u \text{ 이므로} \\ \frac{dy}{dx} &= \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = 2u \cdot 15x^2 \\ &= 2(5x^3+2) \cdot 15x^2 = 30x^2(5x^3+2) \end{aligned}$$

$$7) y' = 2(x+1)(2x+1)(4x+3)$$

$$\Rightarrow u = 2x^2+3x+1 \text{로 놓으면 } y = u^2 \text{에서}$$

$$\frac{du}{dx} = 4x+3, \quad \frac{dy}{du} = 2u \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} \frac{dy}{dx} &= \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = 2u \cdot (4x+3) \\ &= 2(2x^2+3x+1)(4x+3) \\ &= 2(x+1)(2x+1)(4x+3) \end{aligned}$$

$$8) y' = 50x-5$$

$$\Rightarrow u = 5x+1 \text{로 놓으면 } y = u^2-3u+4 \text{에서}$$

$$\begin{aligned} \frac{du}{dx} &= 5, \quad \frac{dy}{du} = 2u-3 \text{ 이므로} \\ \frac{dy}{dx} &= \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (2u-3) \cdot 5 \\ &= 10u-15 = 10(5x+1)-15 \\ &= 50x+10-15 = 50x-5 \end{aligned}$$

$$9) y' = -\frac{2(3x^2+2)}{(x^3+2x)^3}$$

$$\Rightarrow y = (x^3+2x)^{-2} \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} y' &= -2(x^3+2x)^{-3} \times (x^3+2x)' \\ &= -2(x^3+2x)^{-3} \times (3x^2+2) = -\frac{2(3x^2+2)}{(x^3+2x)^3} \end{aligned}$$

$$10) y' = \frac{-12x^3}{(x^4+5)^2}$$

$$\Rightarrow u = x^4+5 \text{로 놓으면 } y = \frac{3}{u} \text{에서}$$

$$\begin{aligned} \frac{du}{dx} &= 4x^3, \quad \frac{dy}{du} = -\frac{3}{u^2} \text{ 이므로} \\ \frac{dy}{dx} &= \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = \left(-\frac{3}{u^2}\right) \cdot 4x^3 \\ &= \left(-\frac{3}{(x^4+5)^2}\right) \cdot 4x^3 = \frac{-12x^3}{(x^4+5)^2} \end{aligned}$$

$$11) y' = 6(x+2)(x^2+4x-1)^2$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= 3(x^2+4x-1)^2(x^2+4x-1)' \\ &= 3(x^2+4x-1)^2(2x+4) \\ &= 6(x+2)(x^2+4x-1)^2 \end{aligned}$$

$$12) y' = 30x(2x-1)^2(3x+1)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= \{(2x-1)^3\}'(3x+1)^2 + (2x-1)^3\{(3x+1)^2\}' \\ &= 3(2x-1)^2 \times 2 \times (3x+1)^2 + (2x-1)^3 \times 2(3x+1) \times 3 \\ &= 6(2x-1)^2(3x+1)\{(3x+1) + (2x-1)\} \\ &= 30x(2x-1)^2(3x+1) \end{aligned}$$

$$13) y' = 2\left(x - \frac{1}{x}\right)\left(1 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$\Rightarrow y' = 2\left(x - \frac{1}{x}\right)\left(x - \frac{1}{x}\right)' = 2\left(x - \frac{1}{x}\right)\left(1 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$14) y' = -\frac{6}{(3x+2)^3}$$

$$\Rightarrow u = 3x+2 \text{로 놓으면 } y = \frac{1}{u^2} \text{에서}$$

$$\frac{du}{dx} = 3, \quad \frac{dy}{du} = -\frac{2}{u^3} \text{ 이므로}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = \left(-\frac{2}{u^3}\right) \cdot 3$$

$$= \left(-\frac{2}{(3x+2)^3}\right) \cdot 3 = -\frac{6}{(3x+2)^3}$$

$$15) \quad y' = 2x + 2 + \frac{2}{x^2} - \frac{2}{x^3}$$

$$\Rightarrow u = x - \frac{1}{x} \text{로 놓으면 } y = u^2 + 2u \text{에서}$$

$$\frac{du}{dx} = 1 + \frac{1}{x^2}, \quad \frac{dy}{du} = 2u + 2 \text{ 이므로}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (2u + 2) \cdot \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$= \left\{2\left(x - \frac{1}{x}\right) + 2\right\} \cdot \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$= 2x + 2 + \frac{2}{x^2} - \frac{2}{x^3}$$

$$16) \quad y' = 3(x+3)^2$$

$$\Rightarrow y' = 3(x+3)^2(x+3)' = 3(x+3)^2 \times 1 = 3(x+3)^2$$

$$17) \quad y' = -2\sin x \cos x$$

$$\Rightarrow y = \cos^2 x = \cos x \times \cos x \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned} y' &= (\cos x)' \cos x + \cos x (\cos x)' \\ &= -\sin x \times \cos x + \cos x \times (-\sin x) \\ &= -2\sin x \cos x \end{aligned}$$

$$18) \quad y' = 3\sin^2 x \cos x$$

$$\Rightarrow y' = 3\sin^2 x \times (\sin x)' = 3\sin^2 x \cos x$$

$$19) \quad y' = -(2x+1)\sin(x^2+x)$$

$$\Rightarrow y' = -\sin(x^2+x) \times (x^2+x)' = -(2x+1)\sin(x^2+x)$$

$$20) \quad y' = \sec^2(\sin x) \cos x$$

$$\Rightarrow y' = \sec^2(\sin x) \times (\sin x)' = \sec^2(\sin x) \cos x$$

$$21) \quad y' = 2\cos(2x+1)$$

$$\Rightarrow y' = \cos(2x+1)(2x+1)' = 2\cos(2x+1)$$

$$22) \quad y' = \sec^2 x \cos(\tan x)$$

$$\Rightarrow y' = \cos(\tan x) \times (\tan x)' = \sec^2 x \cos(\tan x)$$

$$23) \quad y' = \frac{\sec^2 x}{2\sqrt{1+\tan x}}$$

$$\Rightarrow y = (1+\tan x)^{\frac{1}{2}} \text{ 이므로}$$

$$y' = \frac{1}{2}(1+\tan x)^{\frac{1}{2}-1} \times (1+\tan x)'$$

$$= \frac{1}{2}(1+\tan x)^{-\frac{1}{2}} \times \sec^2 x = \frac{\sec^2 x}{2\sqrt{1+\tan x}}$$

$$24) \quad y' = 3x^2 \sec^2 x^3$$

$$\Rightarrow y' = \sec^2 x^3 \times (x^3)' = 3x^2 \sec^2 x^3$$

$$25) \quad y' = 2\cos(2x+3)$$

$$\Rightarrow u = 2x+3 \text{으로 놓으면 } y = \sin u \text{에서}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = \cos u \cdot 2 = 2\cos(2x+3)$$

$$26) \quad y' = 3\sec^2(3x-4)$$

$$\Rightarrow u = 3x-4 \text{로 놓으면 } y = \tan u \text{에서}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = \sec^2 u \cdot 3 = 3\sec^2(3x-4)$$

$$27) \quad y' = 6x^2 \sin x^3 \cos x^3$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= \{(\sin x^3)^2\}' = 2\sin x^3 \times \cos x^3 \times (x^3)' \\ &= 6x^2 \sin x^3 \cos x^3 \end{aligned}$$

$$28) \quad y' = 4(e^x+2)\tan^3(e^x+2x)\sec^2(e^x+2x)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= [\{\tan(e^x+2x)\}^4]' \\ &= 4\tan^3(e^x+2x) \times \sec^2(e^x+2x) \times (e^x+2)' \\ &= 4(e^x+2)\tan^3(e^x+2x)\sec^2(e^x+2x) \end{aligned}$$

$$29) \quad y' = -9\cos^2(3x+1)\sin(3x+1)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow y' &= [\{\cos(3x+1)\}^3]' \\ &= 3\cos^2(3x+1) \times \{-\sin(3x+1)\} \times 3 \\ &= -9\cos^2(3x+1)\sin(3x+1) \end{aligned}$$

$$30) \quad 30$$

$$\Rightarrow f'(x) = 10(3x-2)^9 \cdot 3 \quad \therefore f'(1) = 30$$

$$31) \quad 54$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow f'(x) &= 3(x+\sqrt{x^4+3})^2(x+\sqrt{x^4+3})' \\ &= 3(x+\sqrt{x^4+3})^2 \left(1 + \frac{2x^3}{\sqrt{x^4+3}}\right) \\ \therefore f'(1) &= 3(1+2)^2 \times (1+1) = 54 \end{aligned}$$

$$32) \quad \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{8x}{2\sqrt{4x^2+1}} \quad \therefore f'\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \sqrt{3}$$

$$33) \quad \frac{1}{6}$$

$$34) \quad 0$$

$$35) \quad 1$$

$$36) \quad 8\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow f(x) = \tan^2 x \text{를 미분하면}$$

$$f'(x) = 2\tan x (\tan x)' = 2\tan x \cdot \sec^2 x$$

$$\therefore f'\left(\frac{\pi}{3}\right) = 2\tan \frac{\pi}{3} \sec^2 \frac{\pi}{3} = 2 \cdot \sqrt{3} \cdot (2^2) = 8\sqrt{3}$$

$$37) \frac{\sqrt{3}}{2}\pi$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow f'(x) &= 2\sin\left(\pi x - \frac{\pi}{2}\right) \times \cos\left(\pi x - \frac{\pi}{2}\right) \times \pi \\ \therefore f'\left(\frac{2}{3}\right) &= 2\sin\left(\frac{2}{3}\pi - \frac{\pi}{2}\right) \times \cos\left(\frac{2}{3}\pi - \frac{\pi}{2}\right) \times \pi \\ &= 2\pi \sin \frac{\pi}{6} \cos \frac{\pi}{6} = 2\pi \times \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}\pi\end{aligned}$$

$$38) 8\sqrt{3}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow f'(x) &= 2\sec x (\sec x \tan x) = 2\sec^2 x \tan x \\ \therefore f'\left(\frac{\pi}{3}\right) &= 8\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$39) \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow f'(x) &= 4\cos 4x \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right) + \sin 4x \left(-\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)\right) \\ \therefore f'\left(\frac{\pi}{3}\right) &= 0 + \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \left(-\sin\left(\frac{\pi}{2}\right)\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}\end{aligned}$$

$$40) y' = -\frac{3}{2x^2\sqrt{x}}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow y &= \frac{1}{x\sqrt{x}} = x^{-\frac{3}{2}} \text{이므로} \\ y' &= -\frac{3}{2}x^{-\frac{3}{2}-1} = -\frac{3}{2}x^{-\frac{5}{2}} = -\frac{3}{2x^2\sqrt{x}}\end{aligned}$$

$$41) y' = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$$\Rightarrow y' = 2(x^{\frac{1}{2}})' = 2 \times \frac{1}{2}x^{\frac{1}{2}-1} = x^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{x}}$$

$$42) y' = -\frac{5}{2x^3\sqrt{x}}$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{x^2\sqrt{x}} = x^{-\frac{5}{2}} \text{이므로 } y' = -\frac{5}{2}x^{-\frac{5}{2}-1} = -\frac{5}{2x^3\sqrt{x}}$$

$$43) y' = -\frac{3}{2x^2\sqrt{x}}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow y' &= \left(x^{-\frac{3}{2}}\right)' = -\frac{3}{2} \cdot x^{-\frac{3}{2}-1} = -\frac{3}{2}x^{-\frac{5}{2}} \\ &= -\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{x^2\sqrt{x}} = -\frac{3}{2x^2\sqrt{x}}\end{aligned}$$

$$44) y' = 3\sqrt{x}$$

$$\Rightarrow y' = (2\sqrt{x^3})' = \left(2x^{\frac{3}{2}}\right)' = 2 \cdot \frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}-1} = 3x^{\frac{1}{2}} = 3\sqrt{x}$$

$$45) y' = \frac{3\sqrt{6}x}{2}$$

$$\Rightarrow y' = (x\sqrt{6x})' = \left(\sqrt{6}x^{\frac{3}{2}}\right)' = \sqrt{6} \cdot \frac{3}{2}x^{\frac{3}{2}-1}$$

$$= \frac{3\sqrt{6}x}{2}$$

$$46) y' = 3\sqrt{3}x^{\sqrt{3}-1}$$

$$47) y' = ex^{e-1}$$

$$48) y' = 3e^{3x+1}$$

$$\Rightarrow y' = e^{3x+1}(3x+1)' = 3e^{3x+1}$$

$$49) y' = 3e^{3x+5}$$

$$\Rightarrow u = 3x+5 \text{로 놓으면 } y = e^u \text{에서}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (e^u)' \cdot (3x+5)' = e^u \cdot 3 = 3e^{3x+5}$$

$$50) y' = 2(x+1)e^{x^2+2x}$$

$$\Rightarrow y' = e^{x^2+2x} \times (x^2+2x)' = 2(x+1)e^{x^2+2x}$$

$$51) y' = 5 \times 2^{5x-3} \ln 2$$

$$\Rightarrow y' = 2^{5x-3} \times \ln 2 \times (5x-3)' = 5 \times 2^{5x-3} \ln 2$$

$$52) y' = 3^{\sin x} \ln 3 \cos x$$

$$\Rightarrow y' = 3^{\sin x} \times \ln 3 \times (\sin x)' = 3^{\sin x} \ln 3 \cos x$$

$$53) y' = e^{3^x} \times 3^x \ln 3$$

$$\Rightarrow y' = e^{3^x} \times (3^x)' = e^{3^x} \times 3^x \ln 3$$

$$54) y' = (2x-1)2^{x^2-x} \ln 2$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow y' &= 2^{x^2-x} \times \ln 2 \times (x^2-x)' \\ &= (2x-1)2^{x^2-x} \ln 2\end{aligned}$$

$$55) y' = 2^{4x} \ln 2$$

$$\Rightarrow y' = (4^{2x} \cdot 4^{-1})' = \frac{1}{4} \cdot 4^{2x} \ln 4 \cdot 2 = 2^{4x} \ln 2$$

$$56) y' = 2^{\sin x} \ln 2 \cos x$$

$$\Rightarrow u = \sin x \text{로 놓으면 } y = 2^u \text{에서}$$

$$\begin{aligned}\frac{dy}{dx} &= \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (2^u)' \cdot (\sin x)' \\ &= 2^u \ln 2 \cdot \cos x = 2^{\sin x} \ln 2 \cos x\end{aligned}$$

$$57) 4\ln 2 - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\Rightarrow (a^x)' = a^x \ln a \text{이므로 } f(x) = 2^{\tan x} + \cos x \text{를 미분하면}$$

$$f'(x) = 2^{\tan x} \ln 2 \sec^2 x - \sin x$$

$$\begin{aligned}\therefore f'\left(\frac{\pi}{4}\right) &= 2^{\tan \frac{\pi}{4}} \ln 2 \sec^2 \frac{\pi}{4} - \sin \frac{\pi}{4} \\ &= 2^1 \cdot \ln 2 \cdot (\sqrt{2})^2 - \frac{\sqrt{2}}{2} \\ &= 4\ln 2 - \frac{\sqrt{2}}{2}\end{aligned}$$

$$58) -\ln 5$$

$$\Rightarrow f'(x) = 5^{\sin x} \ln 5 \times (\sin x)' = 5^{\sin x} \ln 5 \times \cos x \text{ 이므로}$$

$$\text{구하는 극한값은 } f'(\pi) = -\ln 5$$

$$59) 15$$

$$60) \sqrt{3e}$$

$$61) -e$$

$$\Rightarrow f'(x) = e^{\cos x + 1} \times (\cos x + 1)' = -e^{\cos x + 1} \sin x \text{ 이므로}$$

$$f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = -e \sin \frac{\pi}{2} = -e$$

$$62) 5e^2$$

$$\Rightarrow f'(x) = (x)'e^{x^2} + x(e^{x^2})'$$

$$= e^{x^2} + x \times 2xe^{x^2} = (1 + 2x^2)e^{x^2}$$

$$\text{따라서 구하는 극한값은 } f'(\sqrt{2}) = 5e^2$$

$$63) 2\ln 3 + 1$$

$$\Rightarrow f'(x) = 3^{2x} \ln 3 \times (2x)' + 1 = 3^{2x} \times 2\ln 3 + 1 \text{ 이므로}$$

$$f'(0) = 2\ln 3 + 1$$

$$64) -9e^2$$

$$\Rightarrow f'(x) = -3e^{3x+1} \times (3x+1)' = -9e^{3x+1} \text{ 이므로}$$

$$f'\left(\frac{1}{3}\right) = -9e^2$$

$$65) y' = \frac{1}{x+2}$$

$$\Rightarrow u = 3x+6 \text{ 으로 놓으면 } y = \ln |u| \text{ 에서}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (\ln |u|)' \cdot (3x+6)'$$

$$= \frac{1}{u} \cdot 3 = \frac{3}{3x+6} = \frac{1}{x+2}$$

$$66) y' = \frac{2}{x}$$

$$\Rightarrow y' = (\ln |x^2|)' = \frac{(x^2)'}{x^2} = \frac{2x}{x^2} = \frac{2}{x}$$

$$67) y' = \frac{3x^2+5}{x^3+5x-4}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(x^3+5x-4)'}{x^3+5x-4} = \frac{3x^2+5}{x^3+5x-4}$$

$$68) y' = \frac{3x^2}{(x^3-1)\ln 2}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(x^3-1)'}{x^3-1} \cdot \frac{1}{\ln 2} = \frac{3x^2}{(x^3-1)\ln 2}$$

$$69) y' = \frac{2x}{x^2-3}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(x^2-3)'}{x^2-3} = \frac{2x}{x^2-3}$$

$$70) y' = \frac{5}{(5x+2)\ln 3}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(5x+2)'}{(5x+2)\ln 3} = \frac{5}{(5x+2)\ln 3}$$

$$71) y' = -\tan x$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(\cos x)'}{\cos x} = \frac{-\sin x}{\cos x} = -\tan x$$

$$72) y' = \frac{e^x}{(e^x-1)\ln 2}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(e^x-1)'}{(e^x-1)\ln 2} = \frac{e^x}{(e^x-1)\ln 2}$$

$$73) y' = 2\cot 2x$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(\sin 2x)'}{\sin 2x} = \frac{2\cos 2x}{\sin 2x} = 2\cot 2x$$

$$74) y' = \frac{4}{4x+1}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(4x+1)'}{4x+1} = \frac{4}{4x+1}$$

$$75) y' = \frac{2x+5}{x^2+5x+10}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(x^2+5x+10)'}{x^2+5x+10} = \frac{2x+5}{x^2+5x+10}$$

$$76) y' = \frac{e^x}{(e^x+2)\ln 3}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{(e^x+2)'}{(e^x+2)\ln 3} = \frac{e^x}{(e^x+2)\ln 3}$$

$$77) y' = \frac{2}{(x-1)\ln 5}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{\{(x-1)^2\}'}{(x-1)^2\ln 5} = \frac{2(x-1)}{(x-1)^2\ln 5} = \frac{2}{(x-1)\ln 5}$$

$$78) \frac{(x+2)^2(-25x+13)}{(x-5)^5}$$

\Rightarrow 양변의 절댓값에 자연로그를 취하면

$$\ln |f(x)| = \ln \left| \frac{(x-1)(x+2)^3}{(x-5)^4} \right|$$

$$= \ln |x-1| + 3\ln |x+2| - 4\ln |x-5|$$

이 식의 양변을 x 에 대하여 미분하면

$$\frac{f'(x)}{f(x)} = \frac{1}{x-1} + \frac{3}{x+2} - \frac{4}{x-5}$$

$$= \frac{(x+2)(x-5) + 3(x-1)(x-5) - 4(x-1)(x+2)}{(x-1)(x+2)(x-5)}$$

$$= \frac{-25x+13}{(x-1)(x+2)(x-5)}$$

$$\therefore f'(x) = f(x) \cdot \frac{-25x+13}{(x-1)(x+2)(x-5)}$$

$$= \frac{(x-1)(x+2)^3}{(x-5)^4} \cdot \frac{(-25x+13)}{(x-1)(x+2)(x-5)}$$

$$= \frac{(x+2)^2(-25x+13)}{(x-5)^5}$$

$$79) f'(x) = \frac{x^2+16x-53}{2(x+5)^2\sqrt{x-4}}$$

⇒ 양변의 절댓값에 자연로그를 취하면

$$\begin{aligned}\ln |f(x)| &= \ln \left| \frac{(x-1)\sqrt{x-4}}{x+5} \right| \\ &= \ln |x-1| + \frac{1}{2} \ln |x-4| - \ln |x+5|\end{aligned}$$

이 식의 양변을 x 에 대하여 미분하면

$$\begin{aligned}\frac{f'(x)}{f(x)} &= \frac{1}{x-1} + \frac{1}{2(x-4)} - \frac{1}{x+5} \\ &= \frac{x^2+16x-53}{2(x-4)(x-1)(x+5)} \\ \therefore f'(x) &= f(x) \cdot \frac{x^2+16x-53}{2(x-4)(x-1)(x+5)} \\ &= \frac{(x-1)\sqrt{x-4}}{x+5} \cdot \frac{x^2+16x-53}{2(x-4)(x-1)(x+5)} \\ &= \frac{x^2+16x-53}{2(x+5)^2\sqrt{x-4}}\end{aligned}$$

$$80) f'(x) = x^{\sin x} \left(\cos x \ln x + \frac{\sin x}{x} \right)$$

⇒ 양변의 절댓값에 자연로그를 취하면

$$\begin{aligned}\ln |f(x)| &= \ln |x^{\sin x}| = \sin x \ln x \\ \text{이 식의 양변을 } x \text{에 대하여 미분하면} \\ \frac{f'(x)}{f(x)} &= \cos x \ln x + \frac{\sin x}{x}\end{aligned}$$

따라서

$$\begin{aligned}f'(x) &= f(x) \left(\cos x \ln x + \frac{\sin x}{x} \right) \\ &= x^{\sin x} \left(\cos x \ln x + \frac{\sin x}{x} \right)\end{aligned}$$

$$81) f'(x) = \frac{2(x-2)(x^2+5x+1)}{(x+3)^2}$$

⇒ 양변의 절댓값에 자연로그를 취하면

$$\begin{aligned}\ln |f(x)| &= \ln \left| \frac{(x+1)(x-2)^2}{x+3} \right| \\ &= \ln |x+1| + 2\ln |x-2| - \ln |x+3| \\ \text{이 식의 양변을 } x \text{에 대하여 미분하면} \\ \frac{f'(x)}{f(x)} &= \frac{1}{x+1} + \frac{2}{x-2} - \frac{1}{x+3} \\ &= \frac{(x-2)(x+3) + 2(x+1)(x+3) - (x+1)(x-2)}{(x+1)(x-2)(x+3)} \\ &= \frac{2x^2+10x+2}{(x+1)(x-2)(x+3)} \\ \therefore f'(x) &= f(x) \cdot \frac{2x^2+10x+2}{(x+1)(x-2)(x+3)} \\ &= \frac{(x+1)(x-2)^2}{x+3} \cdot \frac{2x^2+10x+2}{(x+1)(x-2)(x+3)} \\ &= \frac{2(x-2)(x^2+5x+1)}{(x+3)^2}\end{aligned}$$

$$82) \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{3}{3x+2} \quad \therefore f'(1) = \frac{3}{5}$$

$$83) \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

$$\begin{aligned}\Rightarrow f'(x) &= \frac{\sec^2 x}{\tan x} = \frac{1}{\sin x \cos x} \\ \therefore f'\left(\frac{\pi}{6}\right) &= \frac{4\sqrt{3}}{3}\end{aligned}$$

$$84) -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{\left(\cos \frac{x}{3}\right)'}{\cos \frac{x}{3}} = \frac{-\frac{1}{3} \sin \frac{x}{3}}{\cos \frac{x}{3}} = -\frac{1}{3} \tan \frac{x}{3} \text{이므로}$$

구하는 극한값은

$$f'(\pi) = -\frac{1}{3} \tan \frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$85) 1$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{(x^4+3)'}{x^4+3} = \frac{4x^3}{x^4+3} \text{이므로 구하는}$$

$$\text{극한값은 } f'(1) = \frac{4}{4} = 1$$

$$86) 1$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{(x^2+4x+5)'}{x^2+4x+5} = \frac{2x+4}{x^2+4x+5} \text{이므로}$$

$$f'(-1) = \frac{-2+4}{1-4+5} = 1$$

$$87) -\frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow f(x) = \ln(x^2+1) - \ln(5x^4+7) \text{에서}$$

$$\begin{aligned}f'(x) &= \frac{(x^2+1)'}{(x^2+1)} - \frac{(5x^4+7)'}{5x^4+7} \\ &= \frac{2x}{x^2+1} - \frac{20x^3}{5x^4+7}\end{aligned}$$

$$\text{이므로 } f'(1) = 1 - \frac{20}{12} = -\frac{2}{3}$$

$$88) \frac{2}{\ln 2}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{(\tan x)'}{\tan x \times \ln 2} = \frac{\sec^2 x}{\tan x \times \ln 2} \text{이므로}$$

$$f'\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{2}{\ln 2}$$

$$89) -2e^2$$

⇒ 주어진 함수식의 양변에 자연로그를 취하여 x 에 대해 미분하면

$$\frac{f'(x)}{f(x)} = \frac{2 \ln x}{x}$$

$$f'(x) = f(x) \frac{2 \ln x}{x}$$

$$\therefore f'\left(\frac{1}{e}\right) = e \times (-2e) = -2e^2$$

90) 0

91) 3

$$\Rightarrow f(x) = \ln(e^x + e^{2x} + e^{3x} + e^{4x} + e^{5x}) \text{이므로}$$

$$f'(x) = \frac{(e^x + e^{2x} + e^{3x} + e^{4x} + e^{5x})'}{e^x + e^{2x} + e^{3x} + e^{4x} + e^{5x}}$$

$$= \frac{e^x + 2e^{2x} + 3e^{3x} + 4e^{4x} + 5e^{5x}}{e^x + e^{2x} + e^{3x} + e^{4x} + e^{5x}}$$

$$\therefore f'(0) = \frac{1+2+3+4+5}{5} = \frac{15}{5} = 3$$

92) $-\sqrt{2}$

$$\Rightarrow g'(x) = \frac{2f(x)f'(x)}{2\sqrt{1+\{f(x)\}^2}} = \frac{f(x)f'(x)}{\sqrt{1+\{f(x)\}^2}}$$

$$\therefore g'(3) = \frac{f(3)f'(3)}{\sqrt{1+\{f(3)\}^2}} = \frac{(-1) \times 2}{\sqrt{1+(-1)^2}} = -\sqrt{2}$$

93) -2

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-3}{x-1} = 1 \text{에서 } x \rightarrow 1 \text{일 때 (분모)} \rightarrow 0 \text{이고,}$$

극한값이 존재하므로 (분자) $\rightarrow 0$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \{f(x)-3\} = 0 \quad \therefore f(1) = 3$$

미분계수의 정의에 의해

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-3}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-f(1)}{x-1} = f'(1) = 1$$

$$\text{마찬가지로 } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{g(x)+2}{x-3} = -2 \text{에서}$$

 $x \rightarrow 3$ 일 때, (분모) $\rightarrow 0$ 이고,극한값이 존재하므로 (분자) $\rightarrow 0$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \{g(x)+2\} = 0 \quad \therefore g(3) = -2$$

미분계수의 정의에 의하여

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{g(x)+2}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{g(x)-g(3)}{x-3} = g'(3) = -2$$

합성함수의 미분법을 이용하여

 $h(x) = g(f(x))$ 를 미분하면

$$h'(x) = g'(f(x))f'(x)$$

$$\therefore h'(1) = g'(f(1))f'(1) = g'(3)f'(1)$$

$$= -2 \times 1 = -2$$

94) 16

$$\Rightarrow h'(x) = f'(g(x))g'(x)$$

$$\therefore h'(1) = f'(g(1))g'(1) = f'\left(\frac{1}{2}\right)g'(1) = 4$$

$$\therefore f'\left(\frac{1}{2}\right) = 16 \quad \left(\because g'(x) = \frac{2x-x^4}{(x^3+1)^2}, g'(1) = \frac{1}{4} \right)$$

95) 3

$$\Rightarrow (f \circ g)'(x) = f'(g(x))g'(x) = 2x+5 = f'(g(x)) \times 3$$

 $g(x) = 5$ 인 $x = 2$ 이므로

$$(f \circ g)'(2) = f'(g(2))g'(2) = 2 \times 2 + 5 = f'(g(2)) \times 3 = 3f'(5)$$

$$\therefore f'(5) = 3$$

96) $\frac{e^2}{3} + \frac{3}{2}$

$$\Rightarrow f(3x-2) = e^x + x^2 + \ln|x| \text{를 미분하면}$$

$$\{f(3x-2)\}' = (e^x + x^2 + \ln|x|)'$$

$$f'(3x-2) \cdot 3 = e^x + 2x + \frac{1}{x}$$

$$f'(3x-2) = \frac{e^x}{3} + \frac{2}{3}x + \frac{1}{3x}$$

위의 도함수 $f'(3x-2)$ 에 대하여 $f'(4)$ 의 값은 $x=2$ 일 때이다.

$$\text{즉, } f'(4) = f'(3 \cdot 2 - 2) = \frac{e^2}{3} + \frac{2}{3} \cdot 2 + \frac{1}{3 \cdot 2}$$

$$= \frac{e^2}{3} + \frac{3}{2}$$

97) 9

$$\Rightarrow f'(x) = 2x+1, f'(1) = 3, f(1) = 4$$

따라서 $g'(4) = 3$ 이므로 $h'(x) = g'(f(x))f'(x)$

$$h'(1) = g'(f(1))f'(1) = g'(4) \times 3 = 3 \times 3 = 9$$

98) $\frac{9}{14 \ln 5}$

$$\Rightarrow u = x^2 - 5x \text{로 놓으면 } y = \log_5 u \text{에서}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx} = (\log_5 u)' \cdot (x^2 - 5x)'$$

$$= \left(\frac{1}{u \ln 5} \right) \cdot (2x - 5) = \frac{2x - 5}{(x^2 - 5x) \ln 5}$$

$$\therefore f'(7) = \frac{2 \cdot 7 - 5}{(7^2 - 5 \cdot 7) \ln 5} = \frac{9}{14 \ln 5}$$

99) $\frac{1}{6}$

$$\Rightarrow \text{두 함수 } f(x), g(x) \text{를 미분하면}$$

$$f'(x) = 2ax, g'(x) = 3$$

이때, 합성함수 $y = f(g(x))$ 의 도함수를 구하면

$$y' = \{f(g(x))\}' = f'(g(x)) \cdot g'(x)$$

$$= 2a(3x+1) \cdot 3 = 6a(3x+1) \text{이고,}$$

문제에서 $y' = 3x+1$ 이라 하였으므로

$$6a = 1 \quad \therefore a = \frac{1}{6}$$

100) $\frac{1}{2e^2}$

$$\Rightarrow y = f(f(x)) \text{를 미분하면 } y' = f'(f(x)) \cdot f'(x)$$

또한 $f(x) = \ln x$ 의 도함수는 $f'(x) = \frac{1}{x}$ 이므로

$$y' = f'(f(x)) \cdot f'(x) = \frac{1}{\ln x} \cdot \frac{1}{x} = \frac{1}{x \ln x}$$

따라서 $x = e^2$ 에서의 미분계수는 $\frac{1}{e^2 \ln e^2} = \frac{1}{2e^2}$ 이
다.