계산력 연습

[영역] 2.문자와 식



중 3 과정

2-1-3.인수분해 공식을 이용하여 인수분해하기





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-01-12

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

계산시 참고사항

1. 인수분해 공식(3)

(1) 곱하여 상수항 ab가 되고, 합하여 x의 계수 a+b가 되는 두 수 a, b를 찾는다.

(2) (x+a)(x+b)의 꼴로 인수분해한다.

2. 인수분해 공식(4)

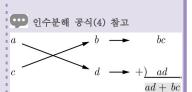
$$acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$$

(1) x^2 의 항 아래에 곱하여 x^2 의 계수 ac가 되는 두 수 a, c를 세로로 나열한다.

(2) 상수항 아래에 곱하여 bd가 상수항 bd가 되는 두 수 b, d를 세로로 나열한다.

(3) (1), (2)에서 찾은 수들을 대각선 방향으로 곱하여 합한 값이 x의 계수 ad+bc가 되는 것을 찾는다.

(4) (ax+b)(cx+d)의 꼴로 인수분해한다.



8

인수분해공식(3)을 이용하여 인수분해하기

☑ 다음을 구하여라.

- 1. 합이 4, 곱이 3인 두 정수
- 2. **합이** -3, 곱이 2인 두 정수
- 3. 합이 5, 곱이 6인 두 정수
- 4. 합이 -1, 곱이 -6인 두 정수
- 5. 합이 6, 곱이 8인 두 정수
- 6. 합이 -8, 곱이 15인 두 정수

☑ 다음 식을 인수분해하여라.

7.
$$x^2 + 3x + 2$$

8.
$$x^2 - 7x + 12$$

9.
$$x^2 - 6x + 8$$

10.
$$x^2 + 3x - 70$$

11.
$$x^2 - 2x - 15$$

12.
$$x^2 - 4xy - 21y^2$$

13.
$$x^2 - xy - 6y^2$$

14.
$$x^2 + 3xy - 40y^2$$

15.
$$x^2 - 7xy + 12y^2$$

16.
$$x^2 + 6xy - 27y^2$$

17.
$$x^2 + 12x + 35$$

18.
$$x^2 - 4x - 21$$

19.
$$x^2 + 9x + 18$$

20.
$$x^2 - 12x + 20$$

21.
$$x^2 + 7x + 6$$

22.
$$x^2 - 4x - 32$$

23.
$$x^2 + xy - 6y^2$$

24.
$$x^2 - 2xy - 15y^2$$

25.
$$x^2 - 4xy - 12y^2$$

26.
$$x^2 + 5xy - 24y^2$$

27.
$$x^2 - 15xy + 56y^2$$

28.
$$x^2 - 7xy - 18y^2$$

29.
$$x^2 + 7x + 10$$

30.
$$x^2 - 6x + 5$$

31.
$$x^2 + 3x - 10$$

32.
$$x^2 - 3x - 4$$

33.
$$x^2 - x - 6$$

34.
$$x^2 - 7x + 12$$

35.
$$x^2 + 6xy - 16y^2$$

36.
$$x^2 - 10xy + 24y^2$$

37.
$$x^2 + 8xy + 15y^2$$

38.
$$x^2 - 8xy + 12y^2$$

39.
$$x^2 - 9x + 20$$

40.
$$x^2 + 5x - 14$$

41.
$$x^2 - x - 12$$

42.
$$-x^2+8x-12$$

43.
$$x^2 + x - 6$$

44.
$$x^2 - 13xy + 40y^2$$

45.
$$x^2 - xy - 30y^2$$

46.
$$x^2 - 3xy - 4y^2$$

47.
$$x^2 + 4x - 21$$

48.
$$x^2 - 5xy - 24y^2$$

49.
$$x^2 + 5xy - 14y^2$$

50.
$$x^2 - 3x - 10$$

51.
$$x^2 + x - 20$$

인수분해공식(4)를 이용하여 인수분해하기

☑ 다음 식을 인수분해하여라.

52.
$$2x^2 + 5x + 2$$

53.
$$2x^2 + 5x - 3$$

54.
$$2x^2 - 7x + 6$$

55.
$$2x^2 - x - 15$$

56.
$$6x^2 - 13x + 6$$

57.
$$4x^2 + 4xy - 3y^2$$

58.
$$12x^2 - 7xy - 12y^2$$

59.
$$3x^2 - 8xy + 5y^2$$

60.
$$6x^2 + 5xy - 21y^2$$

61.
$$3x^2 + xy - 10y^2$$

62.
$$3x^2 - 7x + 2$$

63.
$$6x^2 - 11x + 3$$

64.
$$3x^2 - x - 10$$

65.
$$4x^2 - 9xy + 5y^2$$

66.
$$6x^2 - xy - y^2$$

67.
$$4x^2 - 13xy + 9y^2$$

68.
$$3x^2 - 7xy - 10y^2$$

69.
$$2x^2 + 5xy + 3y^2$$

70.
$$9x^2 - 6xy - 8y^2$$

71.
$$6x^2 + 11xy - 10y^2$$

72.
$$2x^2 + 4x - 6$$

73.
$$3x^2 + 9xy + 6y^2$$

74.
$$4x^2 - 10xy + 4y^2$$

75.
$$3x^2 - 14xy + 8y^2$$

76.
$$2x^2 - 3xy - 20y^2$$

77.
$$5x^2 - 17xy + 14y^2$$

78.
$$7x^2 - 3xy - 4y^2$$

79.
$$2x^2 - 6x - 8$$

80.
$$3x^2 + 21x + 36$$

81.
$$-3x^2 + 15x - 12$$

82.
$$2x^2y + 6xy - 80y$$

83.
$$4x^2 + 7x + 3$$

84.
$$6x^2 - 5x + 1$$

85.
$$3x^2 - 5x - 2$$

86.
$$5x^2 - 11x - 36$$

87.
$$8x^2 - 10xy - 3y^2$$

88.
$$9x^2 - 13xy + 4y^2$$

89.
$$2x^2 - 5xy - 12y^2$$

90.
$$8x^2 + 2xy - 3y^2$$

91.
$$7x^2 - 3x - 4$$

92.
$$2x^2 + 7xy + 6y^2$$

93.
$$3x^2 - 23xy + 40y^2$$

94.
$$6x^2 + 14x - 20$$

95.
$$-10x^2 - 11x + 6$$

96.
$$2x^2 - 9x + 4$$

97.
$$8x^2 - 2x - 3$$

98.
$$6x^2 + 5xy - 4y^2$$

99.
$$6x^2 - 7xy + 2y^2$$

$$100 \cdot 2x^2 + x - 1$$

$$101 \quad 2x^2 + 7x + 3$$

102.
$$3x^2 - 4x + 1$$

103.
$$3x^2 - 16x + 5$$

$$104 \cdot 2x^2 + x - 15$$

$$105 \cdot 2x^2 - 9x + 4$$

106.
$$3x^2 + 8x + 4$$

$$107 \cdot 5x^2 - 8x - 4$$

108
$$2x^2 - 5x - 12$$

109.
$$6x^2 + 13x + 6$$

110
$$3x^2 + 7x + 2$$

111
$$8x^2 - 2x - 3$$

$$112 \cdot 9x^2 - 3x - 2$$

113.
$$3x^2 + x - 24$$

114.
$$4x^2 + 7x + 3$$

$$115$$
, $2x^2 - 11x + 15$

116.
$$2x^2 + x - 3$$

117.
$$5x^2 + 17x + 6$$

$$118_{1} - 2x^2 - 4x + 6$$

119
$$4x^3 - 6x^2 + 2x$$

120.
$$3x^2 + 19xy - 14y^2$$



정답 및 해설 🖀

- 1) 1, 3
- □ 곱이 3인 두 수는 (1, 3), (-1, -3)이고, 이 중 합이 4
 인 두 수는 1, 3이다.
- 2) -1, -2
- □ 곱이 2인 두 수는 (1, 2), (-1, -2)이고, 이 중 합이
 -3인 두 수는 -1, -2이다.
- 3) 2, 3
- □ 곱이 6인 두 수는 (1, 6), (2, 3), (-1, -6), (-2, -3)이고, 이 중 합이 5인 두 수는 2, 3이다.
- 4) -3, 2
- □ 곱이 -6인 두 수는 (-1, 6), (-2, 3), (-3, 2), (-6, 1)이고, 이 중 합이 -1인 두 수는 -3, 2이다.
- 5) 2, 4
- □ 곱이 8인 두 수는 (1, 8), (-1, -8), (2, 4),
 (-2, -4)이고, 이 중 합이 6인 두 수는 2, 4이다.
- 6) -3, -5
- □ 곱이 15인 두 수는 (1, 15), (3, 5), (-1, -15),
 (-3, -5)이고, 이 중 합이 -8인 두 수는 -3, -5이다.
- 7) (x+1)(x+2)
- 8) (x-3)(x-4)
- 9) (x-2)(x-4)
- 10) (x+10)(x-7)
- 11) (x-5)(x+3)
- 12) (x-7y)(x+3y)
- 13) (x-3y)(x+2y)
- 14) (x+8y)(x-5y)
- 15) (x-3y)(x-4y)
- □ 합이 -7이고 곱이 12인 두 수는 -3, -4이므로
 ∴ x²-7xy+12y=(x-3y)(x-4y)
- 16) (x-3y)(x+9y)
- □ 합이 6이고 곱이 -27인 두 수는 -3, 9이므로
 ∴ x²+6xy-27y²=(x-3y)(x+9y)
- 17) (x+5)(x+7)
- 합이 12이고 곱이 35인 두 수는 5, 7이므로

- $x^{2}+12x+35=(x+5)(x+7)$
- 18) (x-7)(x+3)
- \Rightarrow 합이 -4이고 곱이 -21인 두 수는 -7, 3이므로 $x^2-4x-21=(x-7)(x+3)$
- 19) (x+3)(x+6)
- \Rightarrow 합이 9이고 곱이 18인 두 수는 3, 6이므로 $x^2+9x+18=(x+3)(x+6)$
- 20) (x-2)(x-10)
- \Rightarrow 합이 -12이고 곱이 20인 두 수는 -2, -10이므로 $x^2-12x+20=(x-2)(x-10)$
- 21) (x+1)(x+6)
- \Rightarrow 합이 7이고 곱이 6인 두 수는 1, 6이므로 $x^2 + 7x + 6 = (x+1)(x+6)$
- 22) (x-8)(x+4)
- \Rightarrow 합이 -4이고 곱이 -32인 두 수는 -8, 4이므로 $x^2 4x 32 = (x 8)(x + 4)$
- 23) (x-2y)(x+3y)
- \Rightarrow 합이 1이고 곱이 -6인 두 수는 -2, 3이므로 $x^2 + xy 6y^2 = (x 2y)(x + 3y)$
- 24) (x-5y)(x+3y)
- \Rightarrow 합이 -2이고 곱이 -15인 두 수는 -5, 3이므로 $x^2 2xy 15y^2 = (x 5y)(x + 3y)$
- 25) (x-6y)(x+2y)
- \Rightarrow 합이 -4이고 곱이 -12인 두 수는 -6, 2이므로 $x^2 4xy 12y^2 = (x 6y)(x + 2y)$
- 26) (x-3y)(x+8y)
- \Rightarrow 합이 5이고 곱이 -24인 두 수는 -3, 8이므로 $x^2 + 5xy 24y^2 = (x 3y)(x + 8y)$
- 27) (x-7y)(x-8y)
- \Rightarrow 합이 -15이고 곱이 56인 두 수는 -7, -8이므로 $x^2-15xy+56y^2=(x-7y)(x-8y)$
- 28) (x-9y)(x+2y)
- \Rightarrow 합이 -7이고 곱이 -18인 두 수는 -9, 2이므로 $x^2 7xy 18y^2 = (x 9y)(x + 2y)$
- 29) (x+2)(x+5)
- \Rightarrow 합이 7이고 곱이 10인 두 수는 2, 5이므로 $x^2 + 7x + 10 = (x+2)(x+5)$
- 30) (x-1)(x-5)
- \Rightarrow 합이 -6이고 곱이 5인 두 수는 -1, -5이므로 $x^2-6x+5=(x-1)(x-5)$

- 31) (x-2)(x+5)
- \Rightarrow 합이 3이고 곱이 -10인 두 수는 -2, 5이므로 $x^2+3x-10=(x-2)(x+5)$
- 32) (x-4)(x+1)
- \Rightarrow 합이 -3이고 곱이 -4인 두 수는 -4, 1이므로 $x^2-3x-4=(x-4)(x+1)$
- 33) (x-3)(x+2)
- \Rightarrow 합이 -1이고 곱이 -6인 두 수는 -3, 2이므로 $x^2-x-6=(x-3)(x+2)$
- 34) (x-3)(x-4)
- \Rightarrow 합이 -7이고 곱이 12인 두 수는 -3, -4이므로 $x^2 7x + 12 = (x 3)(x 4)$
- 35) (x-2y)(x+8y)
- \Rightarrow 합이 6이고 곱이 -16인 두 수는 -2, 8이므로 $x^2 + 6xy 16y^2 = (x 2y)(x + 8y)$
- 36) (x-4y)(x-6y)
- \Rightarrow 합이 -10이고 곱이 24인 두 수는 -4, -6이므로 $x^2 10xy + 24y^2 = (x 4y)(x 6y)$
- 37) (x+3y)(x+5y)
- ⇒ 합이 8이고 곱이 15인 두 수는 3, 5이므로 $x^2 + 8xy + 15y^2 = (x + 3y)(x + 5y)$
- 38) (x-2y)(x-6y)
- \Rightarrow 합이 -8이고 곱이 12인 두 수는 -2, -6이므로 $x^2 8xy + 12y^2 = (x 2y)(x 6y)$
- 39) (x-4)(x-5)
- \Rightarrow 합이 -9이고 곱이 20인 두 수는 -4, -5이므로 $x^2-9x+20=(x-4)(x-5)$
- 40) (x-2)(x+7)
- \Rightarrow 합이 5이고 곱이 -14인 두 수는 -2, 7이므로 $x^2 + 5x 14 = (x 2)(x + 7)$
- 41) (x-4)(x+3)
- □ 합이 -1이고 곱이 -12인 두 수는 -4, 3이므로 x²-x-12=(x-4)(x+3)
- 42) -(x-2)(x-6)
- \Rightarrow $-x^2 + 8x 12 = -(x^2 8x + 12) = -(x 2)(x 6)$
- 43) (x-2)(x+3)
- \Rightarrow 합이 1이고 곱이 -6인 두 수는 -2, 3이므로 $x^2+x-6=(x-2)(x+3)$
- 44) (x-5y)(x-8y)
- ⇒ 합이 -13이고 곱이 40인 두 수는 -5, -8이므로

$$x^{2}-13xy+40y^{2}=(x-5y)(x-8y)$$

- 45) (x-6y)(x+5y)
- \Rightarrow 합이 -1이고 곱이 -30인 두 수는 -6, 5이므로 $x^2 xy 30y^2 = (x 6y)(x + 5y)$
- 46) (x-4y)(x+y)
- \Rightarrow 합이 -3이고 곱이 -4인 두 수는 -4, 1이므로 $x^2 3xy 4y^2 = (x 4y)(x + y)$
- 47) (x-3)(x+7)
- \Rightarrow 합이 4이고 곱이 -21인 두 수는 -3, 7이므로 $x^2+4x-21=(x-3)(x+7)$
- 48) (x-8y)(x+3y)
- \Rightarrow 합이 -5이고 곱이 -24인 두 수는 -8, 3이므로 $x^2 5xy 24y^2 = (x 8y)(x + 3y)$
- 49) (x-2y)(x+7y)
- \Rightarrow 합이 5이고 곱이 -14인 두 수는 -2, 7이므로 $x^2 + 5xy 14y^2 = (x 2y)(x + 7y)$
- 50) (x-5)(x+2)
- ⇒ 합이 -3이고 곱이 -10인 두 수는 -5, 2이므로
 ∴ x²-3x-10=(x-5)(x+2)
- 51) (x-4)(x+5)
- □ 합이 1이고 곱이 -20인 두 수는 -4, 5이므로
 ∴ x²+x-20=(x-4)(x+5)
- 52) (x+2)(2x+1)
- 53) (x+3)(2x-1)
- 54) (2x-3)(x-2)
- 55) (x-3)(2x+5)
- 56) (2x-3)(3x-2)
- 57) (2x-y)(2x+3y)
- 58) (3x-4y)(4x+3y)
- 59) (x-y)(3x-5y)
- 60) (2x-3y)(3x+7y)
- \Rightarrow $6x^2 + 5xy 21y^2 = (2x 3y)(3x + 7y)$

61) (x+2y)(3x-5y)

$$3x^2 + xy - 10y^2 = (x+2y)(3x-5y)$$

62)
$$(x-2)(3x-1)$$

$$3x^2-7x+2=(x-2)(3x-1)$$

63)
$$(2x-3)(3x-1)$$

64)
$$(x-2)(3x+5)$$

65)
$$(x-y)(4x-5y)$$

66)
$$(2x-y)(3x+y)$$

$$\Rightarrow 6x^2 - xy - y^2 = (2x - y)(3x + y)$$

67)
$$(x-y)(4x-9y)$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 13xy + 9y^2 = (x - y)(4x - 9y)$$

68)
$$(x+y)(3x-10y)$$

69)
$$(x+y)(2x+3y)$$

70)
$$(3x-4y)(3x+2y)$$

$$\Rightarrow 9x^2 - 6xy - 8y^2 = (3x - 4y)(3x + 2y)$$

71)
$$(2x+5y)(3x-2y)$$

$$\Rightarrow 6x^2 + 11xy - 10y^2 = (2x + 5y)(3x - 2y)$$

72)
$$2(x-1)(x+3)$$

$$\Rightarrow 2x^2+4x-6=2(x^2+2x-3)=2(x-1)(x+3)$$

73)
$$3(x+y)(x+2y)$$

$$\Rightarrow 3x^2 + 9xy + 6y^2 = 3(x^2 + 3xy + 2y^2) = 3(x+y)(x+2y)$$

74)
$$2(x-2y)(2x-y)$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 10xy + 4y^2 = 2(2x^2 - 5xy + 2y^2)$$

= $2(x - 2y)(2x - y)$

75)
$$(x-4y)(3x-2y)$$

$$3x^2-14xy+8y^2=(x-4y)(3x-2y)$$

76)
$$(x-4y)(2x+5y)$$

77)
$$(x-2y)(5x-7y)$$

78)
$$(x-y)(7x+4y)$$

79)
$$2(x-4)(x+1)$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 6x - 8 = 2(x^2 - 3x - 4) = 2(x - 4)(x + 1)$$

80)
$$3(x+3)(x+4)$$

$$\Rightarrow 3x^2 + 21x + 36 = 3(x^2 + 7x + 12) = 3(x+3)(x+4)$$

81)
$$-3(x-1)(x-4)$$

$$\Rightarrow -3x^2 + 15x - 12 = -3(x^2 - 5x + 4)$$

= -3(x-1)(x-4)

82)
$$2y(x-5)(x+8)$$

$$\Rightarrow 2x^2y + 6xy - 80y = 2y(x^2 + 3x - 40)$$
$$= 2y(x - 5)(x + 8)$$

83)
$$(4x+3)(x+1)$$

$$\Rightarrow \begin{array}{c} 4x \\ x \\ 1 \\ \hline \\ 7x \end{array}$$

$$4x^2+7x+3=(4x+3)(x+1)$$

84)
$$(3x-1)(2x-1)$$

$$\begin{array}{c|cccc}
3x & -1 & -2x \\
-1 & -3x & + \\
\hline
& -5x & -5x
\end{array}$$

$$6x^2 - 5x + 1 = (3x - 1)(2x - 1)$$

85)
$$(3x+1)(x-2)$$

$$\begin{array}{c|c}
3x & 1 & x \\
 & -2 & -6x \\
\hline
 & -5x
\end{array}$$

$$3x^2-5x-2=(3x+1)(x-2)$$

86)
$$(5x+9)(x-4)$$

$$5x^2 - 11x - 36 = (5x + 9)(x - 4)$$

87)
$$(2x-3y)(4x+y)$$

$$2x \longrightarrow -12xy$$

$$y \longrightarrow 2xy(+)$$

$$-10xy$$

$$8x^2-10xy-3y^2=(2x-3y)(4x+y)$$

88)
$$(9x-4y)(x-y)$$

9x

-4y

-9xy

-13xy

9x^2-13xy+4y^2 = $(9x-4y)(x-y)$

92)
$$(x+2y)(2x+3y)$$

91) (x-1)(7x+4)

93)
$$(x-5y)(3x-8y)$$

94)
$$2(3x+10)(x-1)$$

 $\Rightarrow 6x^2 + 14x - 20 = 2(3x^2 + 7x - 10)$
 $= 2(3x+10)(x-1)$

95)
$$-(5x-2)(2x+3)$$

 $\Rightarrow -10x^2 - 11x + 6 = -(10x^2 + 11x - 6)$
 $= -(5x-2)(2x+3)$

96)
$$(x-4)(2x-1)$$

 $\Rightarrow 2x^2 - 9x + 4 = (x-4)(2x-1)$
 $x \rightarrow -4 \rightarrow -8x$
 $-1 \rightarrow -8x$
 $-9x$

97)
$$(2x+1)(4x-3)$$

98)
$$(2x-y)(3x+4y)$$

99)
$$(2x-y)(3x-2y)$$

100)
$$(x+1)(2x-1)$$

$$\therefore 2x^2 + x - 1 = (x+1)(2x-1)$$

101)
$$(x+3)(2x+1)$$

$$\therefore 2x^2 + 7x + 3 = (x+3)(2x+1)$$

102)
$$(x-1)(3x-1)$$

$$\therefore 3x^2-4x+1=(x-1)(3x-1)$$

103)
$$(x-5)(3x-1)$$

$$3x^2-16x+5=(x-5)(3x-1)$$

104)
$$(x+3)(2x-5)$$

$$\therefore 2x^2 + x - 15 = (x+3)(2x-5)$$

105)
$$(x-4)(2x-1)$$

$$\therefore 2x^2 - 9x + 4 = (x-4)(2x-1)$$

106)
$$(x+2)(3x+2)$$

107)
$$(x-2)(5x+2)$$

108)
$$(x-4)(2x+3)$$

109)
$$(2x+3)(3x+2)$$

$$\Rightarrow 6x^2 + 13x + 6 = (2x + 3)(3x + 2)$$

110)
$$(x+2)(3x+1)$$

$$\Rightarrow 3x^2 + 7x + 2 = (x+2)(3x+1)$$

111)
$$(2x+1)(4x-3)$$

$$\Rightarrow 8x^2 - 2x - 3 = (2x+1)(4x-3)$$

112)
$$(3x-2)(3x+1)$$

113)
$$(x+3)(3x-8)$$

114)
$$(x+1)(4x+3)$$

115)
$$(x-3)(2x-5)$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 11x + 15 = (x-3)(2x-5)$$

116)
$$(x-1)(2x+3)$$

117)
$$(x+3)(5x+2)$$

118)
$$-2(x-1)(x+3)$$

$$\Rightarrow$$
 $-2x^2-4x+6=-2(x^2+2x-3)=-2(x-1)(x+3)$

119)
$$2x(x-1)(2x-1)$$

$$\Rightarrow 4x^3 - 6x^2 + 2x = 2x(2x^2 - 3x + 1) = 2x(x - 1)(2x - 1)$$

120)
$$(3x-2y)(x+7y)$$