

● 1회차

- 01 ③ 02 ③ 03 ④ 04 ③ 05 ①
 06 ③ 07 ④ 08 ④ 09 ③ 10 ④
 11 ⑤ 12 ④ 13 ② 14 ② 15 ③
 16 ③ 17 ②

[서술형 1] 7

[서술형 2] (1) $-\frac{3}{8}$ (2) $-\frac{\sqrt{7}}{4}$

[서술형 3] 9

01 $\sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{16} = \sqrt[3]{4 \times 16}$
 $= \sqrt[3]{64}$
 $= \sqrt[3]{4^3}$
 $= (\sqrt[3]{4})^3$
 $= 4$

- 02 ㄱ. 81의 네제곱근 중 실수인 것은
 $-\sqrt[4]{81} = -\sqrt[4]{3^4} = -3, \sqrt[4]{81} = \sqrt[4]{3^4} = 3$
 이므로 그 개수는 2이다.
 ㄴ. $\sqrt[3]{(-2)^3} = -2$ 이므로 $\sqrt[3]{(-2)^3}$ 의 세제곱근 중 실
 수인 것은 $\sqrt[3]{-2}$ 이다.
 ㄷ. $\sqrt{(-25)^2} = 25$ 이므로 $\sqrt{(-25)^2}$ 의 제곱근 중 실
 수인 것은 $-5, 5$ 이다.
 따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

Lecture n제곱근

n 이 2 이상의 정수일 때, 실수 a 의 n 제곱근 중 실수인
 것은 다음과 같다.

	$a > 0$	$a = 0$	$a < 0$
n 이 홀수	$\sqrt[n]{a}$	0	$\sqrt[n]{a}$
n 이 짝수	$\sqrt[n]{a}, -\sqrt[n]{a}$	0	없다.

- 03 $\{(-2)^2\}^{\frac{3}{2}} = 4^{\frac{3}{2}} = (2^2)^{\frac{3}{2}} = 2^3 = 8$
 따라서 등호가 성립하지 않는 부분은 (라)이다.

오답 피하기

지수법칙이 성립하기 위한 지수의 범위에 따른 밑 a 의 조건
 은 다음과 같다.

지수	자연수	정수	유리수	실수
밑 a	$a \neq 0$	$a \neq 0$	$a > 0$	$a > 0$

04 $a^{\frac{1}{2}} + a^{-\frac{1}{2}} = 5$ 의 양변을 제곱하면
 $(a^{\frac{1}{2}})^2 + 2a^{\frac{1}{2}} \times a^{-\frac{1}{2}} + (a^{-\frac{1}{2}})^2 = 25$
 $a + 2 + a^{-1} = 25$
 $\therefore a + a^{-1} = 23$

05 $\log_5 7 - 2 \log_5 \frac{1}{5} - \log_5 35 = \log_5 \frac{7}{35} - 2 \log_5 \frac{1}{5}$
 $= \log_5 \frac{1}{5} - 2 \log_5 \frac{1}{5}$
 $= -\log_5 \frac{1}{5}$
 $= -\log_5 5^{-1}$
 $= 1$

- 06 밑의 조건에서 $x-1 > 0, x-1 \neq 1$
 $x > 1, x \neq 2$
 $\therefore 1 < x < 2$ 또는 $x > 2$ ㉠
 진수의 조건에서 $-x^2 + 5x - 4 > 0$ 이므로
 $x^2 - 5x + 4 < 0, (x-1)(x-4) < 0$
 $\therefore 1 < x < 4$ ㉡
 ㉠, ㉡의 공통 범위를 구하면
 $1 < x < 2$ 또는 $2 < x < 4$
 따라서 정수 x 의 값은 3이다.

- 07 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$\alpha + \beta = 3, \alpha\beta = -3$
 $\therefore 2^{(4-\alpha)(4-\beta)} = 2^{16-4(\alpha+\beta)+\alpha\beta}$
 $= 2^{16-4 \cdot 3 + (-3)}$
 $= 2$

Lecture 이차방정식의 근과 계수의 관계

이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때

(1) $\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$ (2) $\alpha\beta = \frac{c}{a}$

08 $\log_3 5 = a$ 에서 $\frac{1}{\log_5 3} = a \quad \therefore \log_5 3 = \frac{1}{a}$
 $\log_2 5 = b$ 에서 $\frac{1}{\log_5 2} = b \quad \therefore \log_5 2 = \frac{1}{b}$

$$\begin{aligned}\therefore \log_6 5 &= \frac{1}{\log_5 6} = \frac{1}{\log_5 (3 \times 2)} \\ &= \frac{1}{\log_5 3 + \log_5 2} \\ &= \frac{1}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}} = \frac{1}{\frac{a+b}{ab}} \\ &= \frac{ab}{a+b}\end{aligned}$$

Lecture 로그의 밑의 변환

$a > 0, a \neq 1, b > 0, b \neq 1, c > 0, c \neq 1$ 일 때

$$(1) \log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a} \quad (2) \log_a b = \frac{1}{\log_b a}$$

09 $\log 356 = \log(3.56 \times 10^2) = 2 + \log 3.56$
 $= 2 + 0.5514 = 2.5514$
 이므로 $a = 2.5514$
 $-1.4486 = 0.5514 - 2 = \log 3.56 - \log 10^2$
 $= \log 3.56 - \log 100 = \log \frac{3.56}{100}$
 $= \log 0.0356$
 이므로 $b = 0.0356$
 $\therefore a + b = 2.5514 + 0.0356 = 2.5870$

10 지진의 규모가 5.7인 지진의 에너지를 E_1 이라 하면
 $\log E_1 = 1.5 \times 5.7 + 11.4 = 19.95$
 또 지진의 규모가 3.7인 지진의 에너지를 E_2 라 하면
 $\log E_2 = 1.5 \times 3.7 + 11.4 = 16.95$
 이때 $\log E_1 - \log E_2 = 19.95 - 16.95 = 3$ 이므로
 $\log \frac{E_1}{E_2} = 3 \quad \therefore \frac{E_1}{E_2} = 10^3 = 1000$
 따라서 지진의 규모가 5.7인 지진의 에너지는 지진의
 규모가 3.7인 지진의 에너지의 1000배이다.

11 함수 $y = 2^{x-1} + 1$ 에서 밑 2는 1보다 크므로
 함수 $y = 2^{x-1} + 1$ 은 증가함수이다. 따라서
 $x = 3$ 일 때 최댓값은 $M = 2^2 + 1 = 5$
 $x = -1$ 일 때 최솟값은 $m = 2^{-2} + 1 = \frac{5}{4}$
 $\therefore M + m = 5 + \frac{5}{4} = \frac{25}{4}$

12 함수 $y = \log_2 x$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 a 만큼,
 y 축의 방향으로 b 만큼 평행이동하면
 $y - b = \log_2(x - a)$
 $\therefore y = \log_2(x - a) + b \quad \dots\dots \textcircled{A}$
 $y = \log_2(8x - 4)$ 에서
 $y = \log_2 8 \left(x - \frac{1}{2}\right) = \log_2 \left(x - \frac{1}{2}\right) + \log_2 8$
 $= \log_2 \left(x - \frac{1}{2}\right) + 3 \quad \dots\dots \textcircled{B}$
 이때 \textcircled{A} 과 \textcircled{B} 의 그래프가 일치하므로
 $a = \frac{1}{2}, b = 3$
 $\therefore 2a + b = 2 \cdot \frac{1}{2} + 3 = 4$

13 진수의 조건에서 $x + 1 > 0, 5 - x > 0$
 $\therefore -1 < x < 5 \quad \dots\dots \textcircled{A}$
 $2\log_5(x + 1) \leq \log_5(5 - x)$ 에서
 $\log_5(x + 1)^2 \leq \log_5(5 - x)$
 이때 밑 5는 1보다 크므로 $(x + 1)^2 \leq 5 - x$
 $x^2 + 2x + 1 \leq 5 - x, x^2 + 3x - 4 \leq 0$
 $(x + 4)(x - 1) \leq 0$
 $\therefore -4 \leq x \leq 1 \quad \dots\dots \textcircled{B}$
 $\textcircled{A}, \textcircled{B}$ 의 공통 범위를 구하면 $-1 < x \leq 1$
 따라서 정수 x 는 0, 1로 그 개수는 2이다.

14 ① $-345^\circ = 360^\circ \times (-1) + 15^\circ$
 ② $-15^\circ = 360^\circ \times (-1) + 345^\circ$
 ③ $15^\circ = 360^\circ \times 0 + 15^\circ$
 ④ $375^\circ = 360^\circ \times 1 + 15^\circ$
 ⑤ $735^\circ = 360^\circ \times 2 + 15^\circ$
 따라서 각을 나타내는 동경이 나머지 넷과 다른 하나는 ②이다.

오답 피하기

$360^\circ \times n + \alpha^\circ$ (n 은 정수)에서 α° 는 보통 $0^\circ \leq \alpha^\circ < 360^\circ$ 인 것을 택한다.

15 종이의 넓이는
 $\frac{1}{2} \cdot 18^2 \cdot \frac{8}{9} \pi - \frac{1}{2} \cdot 9^2 \cdot \frac{8}{9} \pi = 144\pi - 36\pi = 108\pi$

16 $\overline{OP} = \sqrt{(-1)^2 + (-\sqrt{3})^2} = 2$ 이므로
 $\sin \theta = \frac{-\sqrt{3}}{2} = -\frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \theta = \frac{-1}{2} = -\frac{1}{2}$
 $\therefore 4 \sin \theta \cos \theta = 4 \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = \sqrt{3}$

17 $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cos \theta, \cos\left(\frac{3}{2}\pi + \theta\right) = \sin \theta,$
 $\tan(\pi - \theta) = -\tan \theta$
 $\therefore (\text{주어진 식}) = \cos \theta + \sin \theta - \tan \theta$

[서술형 1] 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여
 $\log_2 a + \log_2 b = 6, \log_2 a \times \log_2 b = 4$

$\therefore \log_a b + \log_b a$
 $= \frac{\log_2 b}{\log_2 a} + \frac{\log_2 a}{\log_2 b}$
 $= \frac{(\log_2 a)^2 + (\log_2 b)^2}{\log_2 a \times \log_2 b}$
 $= \frac{(\log_2 a + \log_2 b)^2 - 2 \log_2 a \times \log_2 b}{\log_2 a \times \log_2 b}$
 $= \frac{6^2 - 2 \times 4}{4} = 7$

채점 기준	배점
① $\log_2 a + \log_2 b, \log_2 a \times \log_2 b$ 의 값을 구할 수 있다.	2점
② $\log_a b + \log_b a$ 의 값을 구할 수 있다.	4점

Lecture 곱셈 공식의 변형

- (1) $a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab = (a-b)^2 + 2ab$
(2) $a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$
(3) $a^3 - b^3 = (a-b)^3 + 3ab(a-b)$

[서술형 2] (1) $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{2}$ 의 양변을 제곱하면

$\sin^2 \theta + 2 \sin \theta \cos \theta + \cos^2 \theta = \frac{1}{4}$
 $1 + 2 \sin \theta \cos \theta = \frac{1}{4}, 2 \sin \theta \cos \theta = -\frac{3}{4}$
 $\therefore \sin \theta \cos \theta = -\frac{3}{8}$

(2) $(\sin \theta - \cos \theta)^2$
 $= \sin^2 \theta - 2 \sin \theta \cos \theta + \cos^2 \theta$
 $= 1 - 2 \sin \theta \cos \theta$
 $= 1 - 2 \cdot \left(-\frac{3}{8}\right) = \frac{7}{4}$
이때 $\frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$ 이므로 $\sin \theta < 0, \cos \theta > 0$
즉 $\sin \theta - \cos \theta < 0$ 이므로
 $\sin \theta - \cos \theta = -\sqrt{\frac{7}{4}} = -\frac{\sqrt{7}}{2}$
 $\therefore \sin^2 \theta - \cos^2 \theta$
 $= (\sin \theta + \cos \theta)(\sin \theta - \cos \theta)$
 $= \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{\sqrt{7}}{2}\right)$
 $= -\frac{\sqrt{7}}{4}$

채점 기준	배점
① $\sin \theta \cos \theta$ 의 값을 구할 수 있다.	3점
② $\sin^2 \theta - \cos^2 \theta$ 의 값을 구할 수 있다.	4점

[서술형 3] $a > 0$ 이고 최댓값은 2, 최솟값은 -2 이므로
 $a = 2$

$b > 0$ 이고 주기가 $\frac{2}{3}\pi$ 이므로
 $\frac{2\pi}{b} = \frac{2}{3}\pi \therefore b = 3$

$\therefore y = 2 \sin(3x - c)$
이때 주어진 함수의 그래프가 점 $(0, 2)$ 를 지나므로
 $2 = 2 \sin(-c), -\sin c = 1$
 $\sin c = -1 \therefore c = \frac{3}{2}\pi (\because 0 < c < 2\pi)$

$\therefore \frac{abc}{\pi} = \frac{2 \cdot 3 \cdot \frac{3}{2}\pi}{\pi} = 9$

채점 기준	배점
① a, b 의 값을 구할 수 있다.	3점
② c 의 값을 구할 수 있다.	3점
③ $\frac{abc}{\pi}$ 의 값을 구할 수 있다.	1점