교과서 변형문제 기본

6-3.삼각형의 무게중심

6-3-1.삼각형의 두 변의 중점을 연결한 선분_비상(김원경) 🏟 🎎점



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

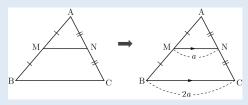
- 1) 제작연월일: 2020-07-25
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check

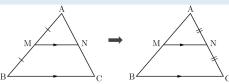
[삼각형의 두 변의 중점을 연결한 선분의 성질]

- (1) 삼각형의 두 변의 중점을 연결한 선분은 나머지 변과 평행하고,
- 그 길이는 나머지 변의 길이의 $\frac{1}{2}$ 이다.
- ⇒ $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AM} = \overline{MB}$, $\overline{AN} = \overline{NC}$ 이면 $\overline{MN} / \overline{BC}$, $\overline{MN} = \frac{1}{2}\overline{BC}$



(2) 삼각형의 한 변의 중점을 지나고 다른 한 변에 평행한 직선은 나머지 변의 중점을 지난다.

 \Rightarrow △ABC에서 $\overline{AM} = \overline{MB}$, $\overline{MN} / \overline{BC}$ 이면 $\overline{AN} = \overline{NC}$

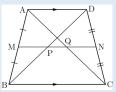


[사다리꼴의 두 변의 중점을 연결한 선분의 성질]

사다리꼴 ABCD에서

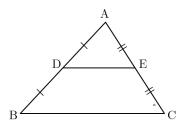
 $\overline{AD}/\overline{BC}$, $\overline{AM} = \overline{BM}$, $\overline{CN} = \overline{DN}$ 이면

- (1) $\overline{AD}//\overline{MN}//\overline{BC}$
- (2) $\overline{\text{MN}} = \frac{1}{2} (\overline{\text{AD}} + \overline{\text{BC}})$
- (3) $\overline{PQ} = \frac{1}{2} (\overline{BC} \overline{AD})$ (단, $\overline{BC} > \overline{AD}$ 이다.)



1. 다음 △ABC**에서 두 변** AB, AC**의 중점을 각각** D, E라고 할 때, <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

기본문제

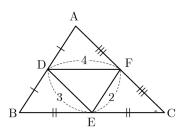


<보기>

- ¬. △ADE와 △ABC는 AA 닮음이다.
- \angle ADE = \angle ABC
- \Box . $\overline{BC} = \frac{1}{2}\overline{DE}$
- ㄹ. △ADE와 △ABC의 넓이의 비는 1:4이다.
- ① ¬, ∟
- ② 7, ⊏
- ③ ∟. ⊏
- ④ ∟. ≥
- ⑤ ⊏, ≥

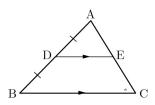
[문제]

2. 다음 △ABC에서 세 변 AB, BC, CA의 중점을 각각 D, E, F라고 하면, $\overline{DF}=4$, $\overline{DE}=3$, $\overline{EF}=2$ 이 다. 이때 △ABC의 둘레의 길이는?



- 1 16
- 2 17
- ③ 18
- (4) 19
- ⑤ 20

3. 다음은 △ABC에서 변 AB의 중점 D를 지나고 변 BC에 평행한 직선이 변 AC와 만나는 점을 E라 고 할 때, 점 E가 변 AC의 중점임을 설명하는 과 정이다. 빈 칸에 들어갈 것으로 옳은 것은?



△ADE와 △ABC에서

(가)는 공통, ∠ADE = (나) (동위각)이므로

 \triangle ADE \triangle ABC ((다) 닮음)이다.

따라서 $\overline{AE} : \overline{AC} = \overline{AD} : (라) = 1 : (마) 이므로$

점 E가 \overline{AC} 의 중점이다.

① (7)): AD

② (나): ∠ACB

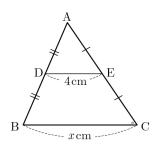
③ (다): SAS

④ (라): DB

⑤ (□): 2

[중단원 학습 점검]

4. 다음 △ABC**에서** $\overline{AE} = \overline{EC}$. $\overline{AD} = \overline{DB}$, $\overline{DE} = 4 \text{cm}$ 일 때, x의 값을 구하면?

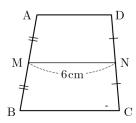


1) 8

- 2 10
- 3 12
- (4) 14
- **⑤** 16

[중단원 학습 점검]

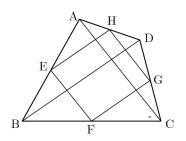
5. 다음 그림에서 $\overline{\rm AD}$ $//\overline{\rm MN}$ $//\overline{\rm BC}$ 이고 $\overline{AM} = \overline{MB}$, $\overline{DN} = \overline{NC}$ or, or $\overline{AD} + \overline{BC}$ $\overline{DN} = \overline{DN}$ 구하시오.



- ① 8cm
- ② 9cm
- ③ 10cm
- 4 11cm
- ⑤ 12cm

[단원 마무리]

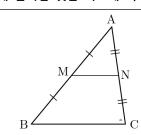
6. 다음 그림과 같은 □ABCD에서 점 E, F, G, H 는 각각 AB, BC, CD, DA의 중점이고, □EFGH 의 둘레의 길이는 24cm일 때, □ABCD의 두 대각 선의 길이의 합은?



- ① 20cm
- ② 21cm
- ③ 22cm
- ④ 23cm
- ⑤ 24cm

유사문제

7. 다음은 삼각형의 두 변의 중점을 이은 선분과 나 머지 한 변의 어떤 관계에 관한 설명이다. (가), (나), (다)에 들어갈 것을 바르게 짝지은 것은?



그림과 같이 △ABC의 변 AB, AC의 중점을 각각 M, N이라고 하면 \triangle ABC와 \triangle AMN에서

 $\overline{AB} : \overline{AM} = \overline{AC} : \overline{AN} = \overline{(7)}$

∠A는 공통

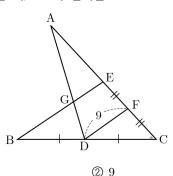
두 쌍의 대응하는 변의 길이의 비가 같고, 그 끼인각의 크기가 같으므로 $\triangle ABC \hookrightarrow \triangle AMN$ 이다.

따라서 $\angle ABC = \angle AMN이므로$ (나) 의 크기가 같게 되어 $\overline{MN}//\overline{BC}$ 이다.

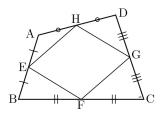
또, \overline{BC} : $\overline{MN} = 2$: 1이므로 $\overline{MN} = \overline{(\Gamma)}$ \overline{BC} 이다.

	<u>(기)</u>	<u>(나)</u>	(다)
1	2:1	동위각	$\frac{1}{2}$
2	2:1	엇각	2
3	2:1	동위각	2
4	1:2	동위각	2
(5)	1:2	엇각	$\frac{1}{2}$

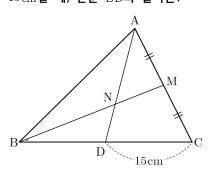
8. 그림에서 $\overline{BD} = \overline{DC}$, $\overline{EF} = \overline{FC}$, $\overline{AG} = 2\overline{GD}$, $\overline{DF} = 9$ 일 때, \overline{BG} 의 길이는?



- ① 6
- 3 12
- 4 13.5
- (5) 18
- 9. \square ABCD의 두 대각선의 길이의 합이 16 cm일 때, □EFGH의 둘레의 길이는?

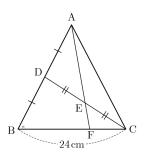


- ① 8 cm
- ② 12 cm
- ③ 16 cm
- 4 24 cm
- ⑤ 32 cm
- **10.** 그림에서 M은 \overline{AC} 의 중점이고 $\overline{BN} = 2\overline{NM}$, DC=15 cm**일 때, 선분** BD**의 길이는?**

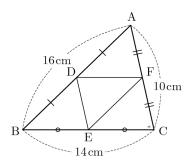


- ① 14 cm
- ② $\frac{43}{3}$ cm
- $3 \frac{44}{3}$ cm
- 4 15 cm

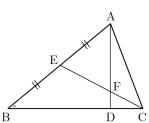
11. 그림의 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} 의 중점을 D라 하고, 점 A에서 \overline{DC} 의 중점 E를 지나는 직선이 \overline{BC} 와 만나 는 점을 F라 하자. $\overline{BC} = 24 \text{ cm}$ 일 때, \overline{BF} 의 길이 는?



- ① 8 cm
- ② 10 cm
- ③ 12 cm
- (4) 14 cm
- ⑤ 16 cm
- **12. 그림과 같이** △ABC**에서 세 변** AB, BC, CA**의** 중점을 각각 D, E, F라고 할 때, \triangle DEF의 둘레의 길이는?



- 1 20
- ② 22
- 3 24
- 4) 26
- ⑤ 28
- **13.** 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BD} : \overline{CD} =5:2이고, \overline{AB} 의 중점을 E, \overline{AD} 와 \overline{CE} 의 교점을 F라고 하자. 이때 \overline{FD} =4cm일 때, \overline{AF} 의 길이는?



- ① 13cm
- ② 14cm
- ③ 15cm
- 4 16cm
- (5) 17cm

4

정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설] ㄱ. AD: AB = AE: AC = 1:2, ∠DAE = ∠BAC이므로 SAS 닮음이다.

ㄴ. 대응각의 크기가 같으므로 ∠ADE = ∠ABC

 \Box . $\overline{DE}:\overline{BC}=1:2$ 이므로 $\overline{BC}=2\overline{DE}$

리. $\triangle ADE와$ $\triangle ABC의 닮음비가 1:2이므로$ $\triangle ADE와$ $\triangle ABC의 넓이의 비는 <math>1^2:2^2=1:4$ 따라서 옳은 것은 \Box , \Box 이다.

2) [정답] ③

[해설] $\overline{AB} = 2\overline{EF} = 4$, $\overline{BC} = 2\overline{DF} = 8$, $\overline{AC} = 2\overline{DE} = 6$ 그러므로 $\triangle AB$ C의 둘레의 길이는 $\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{AC} = 4 + 8 + 6 = 18$

3) [정답] ⑤

[해설] (가): ∠A

(나): ∠ABC

(다): AA

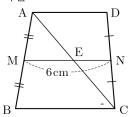
(라): AB

4) [정답] ①

[해설] $\overline{BC} = 2\overline{DE} = 8$ cm $\therefore x = 8$

5) [정답] ⑤

[해설] 다음 그림과 같이 \overline{AC} 와 \overline{MN} 의 교점을 \overline{E} 라고 하면



$$\overline{\text{ME}} = \frac{1}{2}\overline{\text{BC}}, \ \overline{\text{EN}} = \frac{1}{2}\overline{\text{AD}}$$

ाम् $\overline{\text{MN}} = \overline{\text{ME}} + \overline{\text{EN}} = \frac{1}{2} (\overline{\text{BC}} + \overline{\text{AD}}) = 6 \text{ cm}$

 $\therefore \overline{AD} + \overline{BC} = 12 \text{ cm}$

6) [정답] ⑤

[해설] □EFGH의 둘레의 길이는 24cm이고

$$\overline{\mathrm{EH}} = \overline{\mathrm{FG}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{BD}}, \ \overline{\mathrm{GH}} = \overline{\mathrm{EF}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{AC}}$$
이므로

 $\overline{\text{EF}} + \overline{\text{FG}} + \overline{\text{GH}} + \overline{\text{EH}} = \overline{\text{AC}} + \overline{\text{BD}} = 24 \text{ cm}$ 그러므로 $\Box \text{ABCDP}$ 두 대각선의 길이의 합은 $\overline{\text{AC}} + \overline{\text{BD}} = 24 \text{ cm}$

7) [정답] ①

[해설] 점 M, N이 \overline{AB} , \overline{AC} 의 중점이므로 $\overline{AB}:\overline{AM}=\overline{AC}:\overline{AN}=2:1$

또한 $\angle ABC$ 와 $\angle AMN$ 은 동위각이다.

이제 $\overline{\mathit{MN}}:\overline{\mathit{BC}}\!\!=\!1\!:\!2$ 이므로 $\overline{\mathit{MN}}\!\!=\!\frac{1}{2}\overline{\mathit{BC}}$

8) [정답] ③

[해설] $\overline{BD} = \overline{DC}$, $\overline{EF} = \overline{FC}$ 이므로

$$\overline{DF}//\overline{BE}$$
, $\overline{DF} = \frac{1}{2}\overline{BE}$ 이므로 $\overline{BE} = 18$

이제 $\overline{AG}:\overline{GD}=2:1$ 이므로

$$\overline{AG}: \overline{AD} = 2:3 = \overline{GE}: \overline{DF} \rightarrow \overline{GE} = 6$$

 $\therefore \overline{BG} = 18 - 6 = 12$

9) [정답] ③

[해설] $\overline{EH} = \overline{FG} = \frac{1}{2}\overline{BD}$, $\overline{HG} = \overline{EF} = \frac{1}{2}\overline{AC}$ 이므로

 $\overline{AC}+\overline{BD}=16$ 일 때

□EFGH의 둘레의 길이는

$$2(\overline{\mathit{EH}} + \overline{\mathit{HG}}) = 2 \bigg(\frac{1}{2} \, \overline{\mathit{BD}} + \frac{1}{2} \, \overline{\mathit{AC}} \bigg)$$

 $= \overline{BD} + \overline{AC} = 16$

10) [정답] ④

[해설] 점 M에서 \overline{BC} 와 평행한 직선을 그었을 때

 \overline{AD} 와 만나는 점을 E라 하면

 $\overline{EM}//\overline{DC}$ 에서

 $\overline{AM}:\overline{AC}=\overline{EM}:\overline{DC}$ 이므로

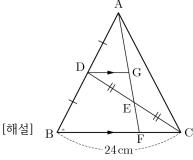
$$1:2 = \overline{EM}:15 \rightarrow \overline{EM} = \frac{15}{2}$$

또한 $\overline{EM}//\overline{BD}$ 에서

 $\overline{EM}:\overline{BD}=\overline{MN}:\overline{BN}=1:2$ 이므로

 $\overline{BD} = 2\overline{EM} = 15$

11) [정답] ⑤



점 D에서 \overline{BC} 와 평행한 직선이 \overline{AF} 와 만나는 점을 G라 하면

 $\triangle DGE \equiv \triangle CFE(ASA$ 합동)

따라서 $\overline{DG} = \overline{CF} = x$ 라 하자.

이때 $\overline{BF} = 2\overline{DG} = 2x$ 이므로

 $\overline{BC} = 3x = 24cm \rightarrow x = 8cm$

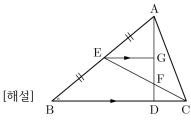
 $\therefore \overline{BF} = 16cm$

12) [정답] ①

[해설] $\triangle ABC$ 와 $\triangle EFD$ 가 2:1닮음이므로

둘레의 길이의 비 역시 2:1이다. $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이가 (14+10+16)cm = 40cm일 때 ΔDEF 의 둘레의 길이는 $40 \div 2 = 20cm$

13) [정답] ②



점 E에서 \overline{BC} 와 평행한 직선을 그어 \overline{AD} 와 만 나는 점을 G라 하면

$$\overline{EG} = \frac{1}{2}\overline{BD}$$
이므로 $\overline{EG} = x$, $\overline{BD} = 2x$ 라 하자.

이때
$$\overline{BD}:\overline{CD}=5:2$$
이므로 $\overline{CD}=\frac{4}{5}x$

또한 $\triangle EGF$ 와 $\triangle CDF$ 가 AA닮음이므로

$$\overline{EG}:\overline{CD} = x: \frac{4}{5}x = 5: 4 = \overline{GF}: \overline{FD}$$

$$5:4 = \overline{GF}:4 \rightarrow \overline{GF}=5$$

$$\overline{AG} = \overline{GD} = 9$$

$$\therefore \overline{AF} = 9 + 5 = 14$$