



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시
 1) 제작연월일 : 2019-03-08
 2) 제작자 : 교육지대(주)
 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 / 함수의 극한

(1) 함수 $f(x)$ 에서 x 의 값이 a 가 아니면서 a 에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값이 일정한 값 L 에 한없이 가까워지면 함수 $f(x)$ 는 L 에 수렴한다고 하고, L 을 함수 $f(x)$ 의 $x=a$ 에서의 **극한값** 또는 **극한**이라 하고 이것을 기호로 나타내면 다음과 같다.

$$\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = L \text{ 또는 } x \rightarrow a \text{ 일 때 } f(x) \rightarrow L$$

(2) 함수 $f(x)$ 에서 x 의 값이 a 가 아니면서 a 에 한없이 가까워질 때,

① $f(x)$ 의 값이 한없이 커지면 함수 $f(x)$ 는 **양의 무한대로 발산**한다고 하고 이것을 기호로 나타내면 다음과 같다.

$$\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty \text{ 또는 } x \rightarrow a \text{ 일 때 } f(x) \rightarrow \infty$$

② $f(x)$ 의 값이 음수이면서 그 절댓값이 한없이 커지면 함수 $f(x)$ 는 **음의 무한대로 발산**한다고 하고 이것을 기호로 나타내면 다음과 같다.

$$\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty \text{ 또는 } x \rightarrow a \text{ 일 때 } f(x) \rightarrow -\infty$$

▣ 다음 극한값을 구하여라.

1. $\lim_{x \rightarrow 3} (2x + 1)$

2. $\lim_{x \rightarrow 3} (x + 2)$

3. $\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2x + 5}$

4. $\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 2)$

5. $\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 3x)$

6. $\lim_{x \rightarrow 2} (x + 1)(x^2 - 2)$

7. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x}$

8. $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2}{x - 3}$

9. $\lim_{x \rightarrow 0} 5$

10. $\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 - 3x + 2)$

11. $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$

12. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 1}$

▣ 다음 극한을 그래프를 이용하여 조사하여라.

13. $\lim_{x \rightarrow -2} (x + 3)$

14. $\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{4x-3}$

15. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{|x-1|}$

16. $\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{5}$

17. $\lim_{x \rightarrow 0} \left(-\frac{1}{|x|} + 2\right)$

18. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + x - 1}{x + 1}$

19. $\lim_{x \rightarrow \infty} (-x + 5)$

20. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x+1}$

21. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x-1}$

22. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{1}{x} - 1\right)$

23. $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 + x)$

24. $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 - x)$

25. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(3 - \frac{1}{x}\right)$

26. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{1}{x^2} - 1\right)$

27. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{2-2x}$

02 / 우극한과 좌극한

함수 $f(x)$ 에 대하여 $x=a$ 에서 함수 $f(x)$ 의 우극한과 좌극한이 존재하고 그 값이 L 로 같으면 극한값 $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$ 가 존재한다. 또 그 역도 성립한다.

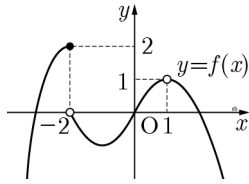
$$\Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a} f(x) = L \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow a+} f(x) = \lim_{x \rightarrow a-} f(x) = L$$

28. 함수 $f(x) = \begin{cases} -x+2 & (x < 1) \\ x+1 & (x \geq 1) \end{cases}$ 의 그래프를 이용하여 다음 극한값을 구하여라.

(1) $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x)$

(2) $\lim_{x \rightarrow 1-} f(x)$

■ 함수 $y=f(x)$ 의 그래프가 다음과 같을 때, 다음 극한을 조사 하여라.



29. $\lim_{x \rightarrow -2+} f(x)$

30. $\lim_{x \rightarrow -2-} f(x)$

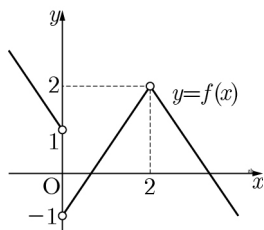
31. $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

32. $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x)$

33. $\lim_{x \rightarrow 1-} f(x)$

34. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

■ 함수 $y=f(x)$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 극한값을 구하여라.



35. $\lim_{x \rightarrow 0+} f(x)$

36. $\lim_{x \rightarrow 0-} f(x)$

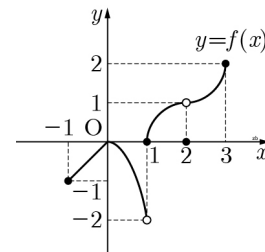
37. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

38. $\lim_{x \rightarrow 2+} f(x)$

39. $\lim_{x \rightarrow 2-} f(x)$

40. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$

■ 함수 $y=f(x)$ 의 그래프가 다음과 같을 때, 다음 극한값을 구 하여라.



41. $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x)$

42. $\lim_{x \rightarrow 1-} f(x)$

43. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

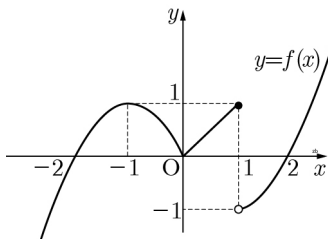
44. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$

45. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$

46. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$

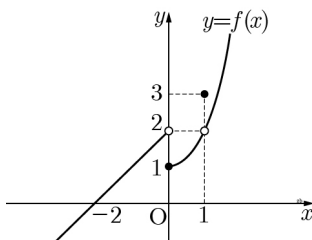
▣ 그래프를 보고 다음 값을 구하여라.

47. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



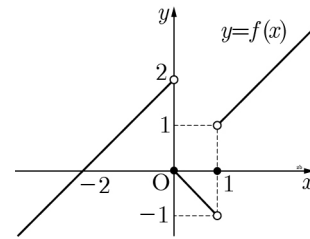
$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ 의 값을 구하여라.

48. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



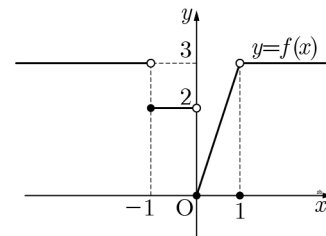
$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ 의 값을 구하여라.

49. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값을 구하여라.

50. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ 의 값을 구하여라.

▣ 다음 극한값이 존재하는지 조사하고, 존재하면 그 값을 구하여라.

51. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x}$

52. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{|x|}$

53. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{|x + 1|}$

$$54. \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{|x + 2|}$$

$$55. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{x - 2}$$

$$56. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{|x - 1|}$$

■ x 보다 크지 않은 최대의 정수를 $[x]$ 라 할 때, 다음 극한을 조사 하여라.

$$57. \lim_{x \rightarrow 1+} [x]$$

$$58. \lim_{x \rightarrow 1-} [x]$$

$$59. \lim_{x \rightarrow 1} [x]$$

$$60. \lim_{x \rightarrow 2+} [x]$$

$$61. \lim_{x \rightarrow 2-} [x]$$

$$62. \lim_{x \rightarrow 2} [x]$$

$$63. \lim_{x \rightarrow 5+} (3 - [x])$$

$$64. \lim_{x \rightarrow 5-} (3 - [x])$$

$$65. \lim_{x \rightarrow 5} (3 - [x])$$

$$66. \lim_{x \rightarrow 1+} (x - [x])$$

$$67. \lim_{x \rightarrow 1-} (x - [x])$$

$$68. \lim_{x \rightarrow 1} (x - [x])$$

$$69. \lim_{x \rightarrow 2+} \frac{[x]}{x}$$

$$70. \lim_{x \rightarrow 2-} \frac{[x]}{x}$$

$$71. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{[x]}{x}$$



정답 및 해설

1) 7

⇒ $f(x) = 2x + 1$ 이라고 하면 x 의 값이 3에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 7에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 3} (2x + 1) = 7$$

2) 5

⇒ $f(x) = x + 2$ 라 하면 x 의 값이 3에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 5에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 3} (x + 2) = 5$$

3) 3

⇒ $f(x) = \sqrt{2x+5}$ 라고 하면 x 의 값이 2에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 3에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2x+5} = 3$$

4) 3

⇒ $f(x) = x^2 + 2$ 라고 하면 x 의 값이 1에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 3에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 2) = 3$$

5) 4

⇒ $f(x) = x^2 + 3x$ 라 하면 x 의 값이 1에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 4에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + 3x) = 4$$

6) 6

$$\begin{aligned} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} (x+1)(x^2-2) &= \lim_{x \rightarrow 2} (x+1) \times \lim_{x \rightarrow 2} (x^2-2) \\ &= 3 \times 2 = 6 \end{aligned}$$

7) $\frac{1}{2}$

⇒ $f(x) = \frac{1}{x}$ 이라고 하면 x 의 값이 2에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 $\frac{1}{2}$ 에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x} = \frac{1}{2}$$

8) 16

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2}{x-3} = \frac{\lim_{x \rightarrow 4} x^2}{\lim_{x \rightarrow 4} (x-3)} = \frac{4^2}{1} = 16$$

9) 5

⇒ $f(x) = 5$ 라 하면 x 의 값이 0에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 5에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 0} 5 = 5$$

10) 0

$$\begin{aligned} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} (x^2 - 3x + 2) &= \lim_{x \rightarrow 2} x^2 - 3 \lim_{x \rightarrow 2} x + \lim_{x \rightarrow 2} 2 \\ &= 2^2 - 3 \times 2 + 2 = 0 \end{aligned}$$

11) 8

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 9}{x - 3} = \frac{\lim_{x \rightarrow 5} (x^2 - 9)}{\lim_{x \rightarrow 5} (x - 3)} = \frac{16}{2} = 8$$

12) 1

⇒ $f(x) = \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 1}$ 라 하면 $x \neq -1$ 일 때,

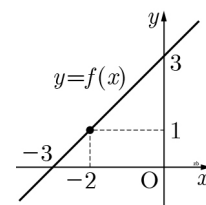
$$f(x) = \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 1} = \frac{(x+1)(x+2)}{x+1} = x+2$$

따라서 x 의 값이 -1에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 1에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 2}{x + 1} = 1$$

13) 1

⇒ $f(x) = x + 3$ 이라 하면 $y = f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.

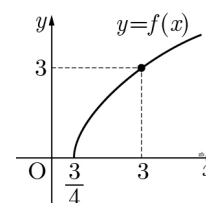


x 의 값이 -2가 아니면서 -2에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 1에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow -2} (x + 3) = 1$$

14) 3

⇒ $f(x) = \sqrt{4x-3}$ 이라 하면 $y = f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.



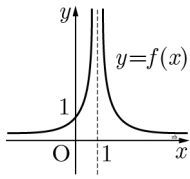
x 의 값이 3이 아니면서 3에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 3에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{4x-3} = 3$$

15) ∞

⇒ $f(x) = \frac{1}{|x-1|}$ 이라 하면 $y = f(x)$ 의 그래프는 다

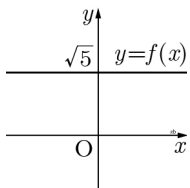
음 그림과 같다.



$$\therefore \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{|x-1|} = \infty$$

16) $\sqrt{5}$

$\Rightarrow f(x) = \sqrt{5}$ 라 하면 $y=f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.

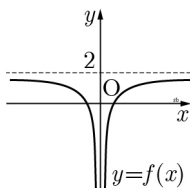


이때 상수함수는 모든 x 의 값에 대하여 함숫값이 $\sqrt{5}$ 이므로

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{5} = \sqrt{5}$$

17) $-\infty$

$\Rightarrow f(x) = -\frac{1}{|x|} + 2$ 라 하면 $y=f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.



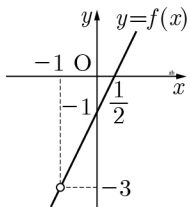
$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} \left(-\frac{1}{|x|} + 2 \right) = -\infty$$

18) -3

$\Rightarrow f(x) = \frac{2x^2+x-1}{x+1}$ 이라 하면 $x \neq -1$ 일 때,

$$f(x) = \frac{(x+1)(2x-1)}{x+1} = 2x-1$$

이므로 $y=f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.

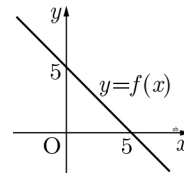


x 의 값이 -1 이 아니면서 -1 에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 -3 에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2+x-1}{x+1} = -3$$

19) $-\infty$

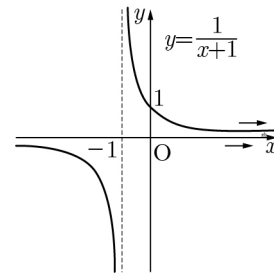
$\Rightarrow f(x) = -x+5$ 라 하면 $y=f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.



$$\therefore \lim_{x \rightarrow \infty} (-x+5) = -\infty$$

20) 0

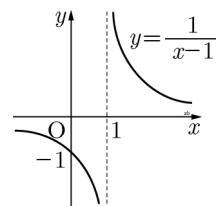
$\Rightarrow y = \frac{1}{x+1}$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x+1} = 0$$

21) 0

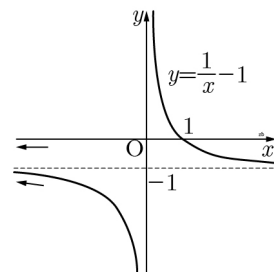
$\Rightarrow y = \frac{1}{x-1}$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x-1} = 0$$

22) -1

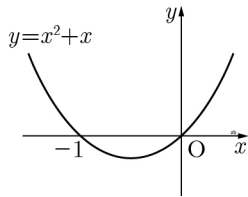
$\Rightarrow y = \frac{1}{x} - 1$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{1}{x} - 1 \right) = -1$$

23) ∞

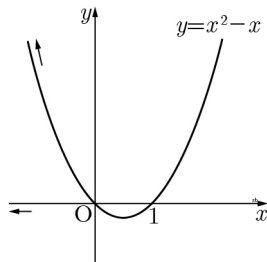
$\Rightarrow y = x^2+x$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 + x) = \infty$$

24) ∞

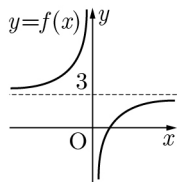
$\Rightarrow y = x^2 - x$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (x^2 - x) = \infty$$

25) 3

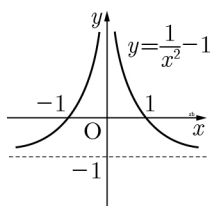
$\Rightarrow f(x) = 3 - \frac{1}{x}$ 이라 하면 $y = f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(3 - \frac{1}{x} \right) = 3$$

26) -1

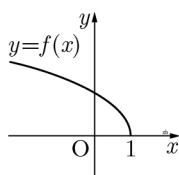
$\Rightarrow y = \frac{1}{x^2} - 1$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{1}{x^2} - 1 \right) = -1$$

27) ∞

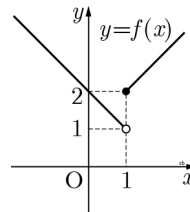
$\Rightarrow f(x) = \sqrt{2-2x}$ 라 하면 $y = f(x)$ 의 그래프는 다음 그림과 같다.



$$\therefore \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{2-2x} = \infty$$

28) (1) 2, (2) 1

\Rightarrow 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$(1) \lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = 2$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 1-} f(x) = 1$$

29) 0

30) 2

31) 존재하지 않는다.

$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2+} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow -2-} f(x)$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ 의 값은 존재하지 않는다.

32) 1

33) 1

34) 1

$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1-} f(x) = 1$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 1$

35) -1

$\Rightarrow x$ 의 값이 0보다 크면서 0에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 -1에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 0+} f(x) = -1$

36) 1

$\Rightarrow x$ 의 값이 0보다 작으면서 0에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 1에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 0-} f(x) = 1$

37) 존재하지 않는다.

$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0+} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 0-} f(x)$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ 의 값은 존재하지 않는다.

38) 2

$\Rightarrow x$ 의 값이 2보다 크면서 2에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 2에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 2+} f(x) = 2$

39) 2

$\Rightarrow x$ 의 값이 2보다 작으면서 2에 한없이 가까워질 때, $f(x)$ 의 값은 2에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 2-} f(x) = 2$

40) 2

$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2-} f(x) = 2$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 2$

41) 0

⇒ x 의 값이 1보다 크면서 1에 한없이 가까워질 때,
 $f(x)$ 의 값은 0에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = 0$

42) -2

⇒ x 의 값이 1보다 작으면서 1에 한없이 가까워질 때,
 $f(x)$ 의 값은 -2에 가까워지므로
 $\lim_{x \rightarrow 1-} f(x) = -2$

43) 존재하지 않는다.

⇒ $\lim_{x \rightarrow 1+} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 1-} f(x)$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ 의 값은 존재
 하지 않는다.

44) 1

⇒ x 의 값이 2보다 크면서 2에 한없이 가까워질 때,
 $f(x)$ 의 값은 1에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 2+} f(x) = 1$

45) 1

⇒ x 의 값이 2보다 작으면서 2에 한없이 가까워질 때,
 $f(x)$ 의 값은 1에 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 2-} f(x) = 1$

46) 1

⇒ $\lim_{x \rightarrow 2+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2-} f(x) = 1$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 1$

47) -1

⇒ x 가 0이 아니면서 0에 한없이 가까워질 때 $f(x)$
 는 0에 한없이 가까워지므로 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$

x 가 1보다 큰 값을 가지면서 1에 한없이 가까워질 때
 $f(x)$ 는 -1에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = -1$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = -1$$

48) 4

⇒ x 가 0보다 작은 값을 가지면서 0에 한없이 가까
 워질 때 $f(x)$ 는 2에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 0-} f(x) = 2$$

x 가 1이 아니면서 1에 한없이 가까워질 때 $f(x)$ 는
 2에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 2 + 2 = 4$$

49) 3

⇒ x 가 0보다 작은 값을 가지면서 0에 한없이 가까
 워질 때 $f(x)$ 는 2에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 0-} f(x) = 2$$

x 가 1보다 큰 값을 가지면서 1에 한없이 가까워질 때
 $f(x)$ 는 1에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = 1$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1+} f(x) = 2 + 1 = 3$$

50) 4

⇒ x 가 -1보다 큰 값을 가지면서 -1에 한없이 가
 까워질 때 $f(x)$ 는 2에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow -1+} f(x) = 2$$

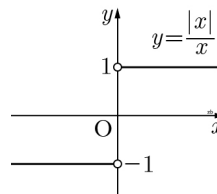
x 가 0보다 작은 값을 가지면서 0에 한없이 가까워질 때
 $f(x)$ 는 2에 한없이 가까워지므로

$$\lim_{x \rightarrow 0-} f(x) = 2$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow -1+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0-} f(x) = 2 + 2 = 4$$

51) 존재하지 않는다.

⇒ $y = \frac{|x|}{x}$ 의 그래프가 다음 그림과 같으므로



$$\lim_{x \rightarrow 0+} \frac{|x|}{x} = 1, \quad \lim_{x \rightarrow 0-} \frac{|x|}{x} = -1$$

따라서 $\lim_{x \rightarrow 0+} \frac{|x|}{x} \neq \lim_{x \rightarrow 0-} \frac{|x|}{x}$ 이므로 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x}$ 의 값은
 존재하지 않는다.

52) 0

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0+} \frac{x^2}{|x|} = \lim_{x \rightarrow 0+} \frac{x^2}{x} = \lim_{x \rightarrow 0+} x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0-} \frac{x^2}{|x|} = \lim_{x \rightarrow 0-} \frac{x^2}{-x} = \lim_{x \rightarrow 0-} (-x) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0+} \frac{x^2}{|x|} = \lim_{x \rightarrow 0-} \frac{x^2}{|x|} = 0 \text{이므로 } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{|x|} = 0$$

53) 극한값은 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -1+} \frac{x^2-1}{|x+1|} = \lim_{x \rightarrow -1+} \frac{(x+1)(x-1)}{x+1} \\ = \lim_{x \rightarrow -1+} (x-1) = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow -1-} \frac{x^2-1}{|x+1|} = \lim_{x \rightarrow -1-} \frac{(x+1)(x-1)}{-(x+1)} \\ = \lim_{x \rightarrow -1-} \{-(x-1)\} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow -1+} \frac{x^2-1}{|x+1|} \neq \lim_{x \rightarrow -1-} \frac{x^2-1}{|x+1|} \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2-1}{|x+1|} \text{의 극한값은 존재하지 않는다.}$$

54) 극한값은 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -2+} \frac{x^2-4}{|x+2|} = \lim_{x \rightarrow -2+} \frac{(x+2)(x-2)}{x+2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -2+} (x-2) = -4$$

$$\lim_{x \rightarrow -2-} \frac{x^2-4}{|x+2|} = \lim_{x \rightarrow -2-} \frac{(x+2)(x-2)}{-(x+2)} \\ = \lim_{x \rightarrow -2-} \{-(x-2)\} = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow -2+} \frac{x^2-4}{|x+2|} \neq \lim_{x \rightarrow -2-} \frac{x^2-4}{|x+2|} \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2-4}{|x+2|} \text{의 극한값은 존재하지 않는다.}$$

55) 2

$$\Rightarrow x \neq 2 \text{일 때, } \frac{x^2-2x}{x-2} = \frac{x(x-2)}{x-2} = x \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2+} \frac{x^2-2x}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2+} x = 2,$$

$$\lim_{x \rightarrow 2-} \frac{x^2-2x}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2-} x = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 2+} \frac{x^2-2x}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2-} \frac{x^2-2x}{x-2} = 2 \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2-2x}{x-2} = 2$$

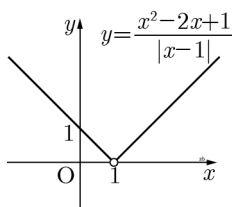
56) 0

$$\Rightarrow x \neq 1 \text{일 때,}$$

$$\frac{x^2-2x+1}{|x-1|} = \frac{(x-1)^2}{|x-1|} = |x-1|$$

$$\text{따라서 } y = \frac{x^2-2x+1}{|x-1|} \text{의 그래프는 다음 그림과 같으}$$

므로



$$\lim_{x \rightarrow 1+} \frac{x^2-2x+1}{|x-1|} = 0, \lim_{x \rightarrow 1-} \frac{x^2-2x+1}{|x-1|} = 0$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2-2x+1}{|x-1|} = 0$$

57) 1

$$\Rightarrow x \rightarrow 1+ \text{일 때, } x > 1 \text{이므로 } \lim_{x \rightarrow 1+} [x] = 1$$

58) 0

$$\Rightarrow x \rightarrow 1- \text{일 때, } x < 1 \text{이므로 } \lim_{x \rightarrow 1-} [x] = 0$$

59) 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1+} [x] \neq \lim_{x \rightarrow 1-} [x] \text{이므로 극한 } \lim_{x \rightarrow 1} [x] \text{는 존재하지 않는다.}$$

60) 2

$$\Rightarrow x \rightarrow 2+ \text{일 때, } 2 < x < 3 \text{이므로 } \lim_{x \rightarrow 2+} [x] = 2$$

61) 1

$$\Rightarrow x \rightarrow 2- \text{일 때, } 1 < x < 2 \text{이므로 } \lim_{x \rightarrow 2-} [x] = 1$$

62) 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2+} [x] \neq \lim_{x \rightarrow 2-} [x] \text{이므로 극한 } \lim_{x \rightarrow 2} [x] \text{는 존재하지 않는다.}$$

63) -2

$$\Rightarrow x \rightarrow 5+ \text{일 때, } [x] = 5 \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 5+} (3-[x]) = 3-5 = -2$$

64) -1

$$\Rightarrow x \rightarrow 5- \text{일 때, } [x] = 4 \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 5-} (3-[x]) = 3-4 = -1$$

65) 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 5+} (3-[x]) \neq \lim_{x \rightarrow 5-} (3-[x]) \text{이므로}$$

$$\text{극한 } \lim_{x \rightarrow 5} (3-[x]) \text{는 존재하지 않는다.}$$

66) 0

$$\Rightarrow x \rightarrow 1+ \text{일 때, } [x] = 1 \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1+} (x-[x]) = \lim_{x \rightarrow 1+} (x-1) = 0$$

67) 1

$$\Rightarrow x \rightarrow 1- \text{일 때, } [x] = 0 \text{이므로}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1-} (x-[x]) = \lim_{x \rightarrow 1-} x = 1$$

68) 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1+} (x-[x]) \neq \lim_{x \rightarrow 1-} (x-[x]) \text{이므로}$$

$$\text{극한 } \lim_{x \rightarrow 1} (x-[x]) \text{는 존재하지 않는다.}$$

69) 1

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2+} \frac{[x]}{x} = \lim_{x \rightarrow 2+} \frac{2}{x} = 1$$

70) $\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2-} \frac{[x]}{x} = \lim_{x \rightarrow 2-} \frac{1}{x} = \frac{1}{2}$$

71) 존재하지 않는다.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2+} \frac{[x]}{x} \neq \lim_{x \rightarrow 2-} \frac{[x]}{x} \text{이므로 극한 } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{[x]}{x} \text{는 존재하지 않는다.}$$