

용인고(경기) 2019 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 김주원 (won9863@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-06-24
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

- **1.** 극한값 $\lim_{x\to\infty} \frac{2x^2+1}{x^2-2}$ 은?
 - ① 1

2 2

③ 3

(4) 4

- **⑤** 5
- **2.** 함수 $f(x) = x^2 2x 1$ 에 대하여 닫힌구간 [-2,0]에서 평균값 정리를 만족시키는 실수 c의 값은?
 - ① $-\frac{3}{2}$ ② $-\frac{5}{4}$

 - 3 1 $4 \frac{3}{4}$
 - $\bigcirc -\frac{1}{2}$
- **3.** 두 함수 f(x), g(x)에 대하여 $\lim_{x\to a} f(x) = a$, $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = b \mathbf{0} | \mathbf{I}, \qquad \qquad \lim_{x \rightarrow 1} \{f(x) + g(x)\} = 1,$ $\lim_{x \to 1} f(x)g(x) = -2$ 일 때, 극한값 $\lim_{x \to 1} \frac{f(x)+2}{3g(x)+4}$ 는? (단, a, b는 a > b인 실수)
- ② 2
- ③ 3
- **(4)** 4
- (5) 5

- **4.** 함수 f(x)가 모든 양의 실수 x에 대하여 $3 - \frac{3}{x} < f(x) < 3 + \frac{7}{x}$ 을 만족시킬 때, 극한값 $\lim f(x)$ 는?
 - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- **(4)** 4
- (5) 5
- **5.** 함수 $f(x) = \begin{cases} ax^2 + x & (x \ge 1) \\ 2x \frac{1}{2} & (x < 1) \end{cases}$ 가 x = 1에서 미분 가능할 때, 상수 a의 값은?
- ① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{4}$
- 3 0
- $4 \frac{1}{4}$
- **6.** 다항함수 f(x)가 $f(x)=x^3-2x^2+2xf'(-1)$ 을 만 족시킬 때, f'(1)의 값은?
 - $\bigcirc 1 19$
- (2) -18
- $\bigcirc 3 17 \qquad \bigcirc 4 16$
- (5) -15
- **7.** 함수 $f(x) = x^2 + ax 5$ 가

 $\lim_{h o 0} rac{f(1+3h) - f(1-h)}{3h} = 12$ 를 만족시킬 때, 상수 a의 값은?

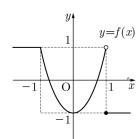
- 1 1
- ② 3

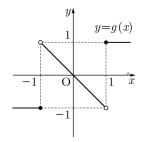
③ 5

(4) 7

⑤ 9

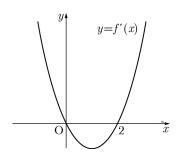
- **8.** 함수 $f(x)=x^3-6x^2+kx+4$ 가 닫힌구간 [-1,3]에서 증가하도록 하는 정수 k의 최솟값은?
 - ① 9
- ② 10
- 3 11
- 4 12
- (5) 13
- 9. 두 함수 y = f(x), y = g(x)의 그래프가 그림과 같 을 때, 극한값 $\lim_{x \to 1} f(x)g(x)$ 는?





- $\bigcirc -1$
- ② 0
- ③ 1
- **4** 2
- (5) ₃
- **10.** 미분가능한 함수 f(x)가 모든 실수 x, y에 대하 f(x+y) = f(x) + f(y) - 2xy만족시키고 f'(0)=1일 때, f'(3)의 값은?
 - $\bigcirc -5$
- $\bigcirc 2 4$
- 3 3
- (4) -2
- (5) -1
- **11.** 연속함수 f(x)에 대하여 f(-1)=0, f(0)=-2, f(1)=2, f(2)=3일 때, 방정식 f(x)=x는 열린구간 (-1,2)에서 적어도 몇 개의 실근을 갖는가?
 - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- **4**
- **⑤** 5

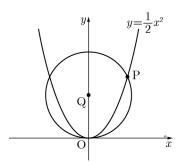
12. 함수 $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ 의 도함수 y = f'(x)의 그래프가 그림과 같다. 함수 f(x)의 극댓값이 3이고 극솟값이 -1일 때, f(-1)의 값은? (단, a, b, c, d는 상수이다.)



- (1) -1
- ② 0

- ③ 1
- 4) 2
- (5) 3
- **13.** 원점 O에서 곡선 $y = \frac{1}{2}x^4 + 6$ 에 그은 두 접선의 접점을 각각 A, B라고 할 때, 삼각형 OAB의 넓이 는?
 - ① $2\sqrt{2}$
- 2 4
- $3) 4\sqrt{2}$
- **(4)** 8
- (5) $8\sqrt{2}$

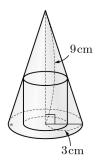
14. 그림과 같이 곡선 $y = \frac{1}{2}x^2$ 위의 원점이 아닌 점 P에 대하여 점 P와 원점 O를 지나고 y축 위의 점 Q를 중심으로 하는 원이 있다. 점 P가 곡선 $y = \frac{1}{2}x^2$ 을 따라 원점 O에 한없이 가까워질 때, 점 Q는 점 (0,a)에 한없이 가까워진다. 이때, a의 값



1 1

- 3 2

- ⑤ 3
- 15. 밑면의 반지름의 길이가 3cm이고, 높이가 9cm인 원뿔이 있다. 이 원뿔에 내접하는 원기둥 중에서 부피가 최대인 원기둥 밑면의 반지름의 길이는?



- 2 1
- **4** 2

- **16.** $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{x+a}-b}{x-3} = \frac{1}{4}$ 일 때, 다음 물음에 답하시오. (단, a, b는 상수)
 - (1) b를 a에 대한 식으로 나타내시오.
 - (2) a, b의 값을 구하시오.
- **17.** 다항식 $x^{10}-3x+1$ 을 $(x+1)^2$ 으로 나누었을 때, 나머지를 구하시오.
- **18.** 함수 $f(x) = \frac{1}{3}x^3 ax^2 + 2ax + 4$ 가 열린구간 (0,3)에서 극댓값과 극솟값을 모두 갖도록 하는 실 수 a의 값의 범위를 구하시오.

4

- 1) ②
- 2) ③
- 3) ④
- 4) ③
- 5) ⑤
- 6) ⑤
- 7) ④
- 8) ④
- 9) ③
- 10) ①
- 11) ②
- 12) ①
- 13) ⑤
- 14) ①
- 15) ④
- 16) (1) $b = \sqrt{3+a}$ (2) a = 1, b = 2
- 17) -13x-8
- 18) $2 < a < \frac{9}{4}$