## 수학I

20

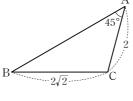
점수

 $3\frac{3}{2}$ 

• 문항 수는 객관식(17), 서술형(3) 총 20문항입니다.

• 각 문항의 배점은 각 문항 끝에 기록되어 있습니다.

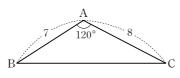
01 오른쪽 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $a=2\sqrt{2}$ . b=2, A=45°일 때, *B*의 크기는? [4점]



- $(1)30^{\circ}$
- $(2) 40^{\circ}$
- $\bigcirc 4050^{\circ}$
- $(5)60^{\circ}$

 $(3)45^{\circ}$ 

**02** 오른쪽 그림과 같 은 △ABC에서 b = 8, c = 7,



- $A=120^{\circ}$ 일 때, a의 값은? [4점]
- (1)10
- (2) **11**
- ③ 12

- **(4)** 13
- (5)14

**05** 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_2=4$ ,  $a_6=8$ 일 때,  $a_{14}$ 의 값 은? [4.5점]

2a=b, C=120°일 때, a의 값은? [5점]

21

 $\Im \frac{5}{2}$ 

1) 12

04 오른쪽 그림과 같

가  $2\sqrt{3}$ 이고.

**4** 2

은 △ABC의 넓이

- (2) **14**
- ③ 16

- (4) 18
- (5)20

- **13** 반지름의 길이가 3인 원에 내접하는 삼각형 ABC에 대하여  $\sin A + \sin B + \sin C = 2$ 일 때, 삼각형 ABC의 둘레의 길이는? [5점]
  - ① 11
- 2) 12
- ③ 13

- **4** 14
- **(5)** 15

- **06** 네 + 2, x, y, z가 이 순서대로 등차수열을 이루 고 7x-z=4y일 때, x+y+z의 값은? [5점]
  - ① 12
- 2) 14
- ③ 16

- **4** 18
- $\bigcirc$  20

- $\mathbf{07}$  등비수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_1+a_2=3$ ,  $a_5+a_6=12$ 일 때,  $a_9+a_{10}$ 의 값은? [5점]
  - ① 42
- 2 44
- 3 46

- **4** 48
- ⑤ 50

- $oxed{08}$  등비수열  $\{a_n\}$ 의 모든 항이 양수이고  $a_6=3$ 일 때,  $a_1a_2a_3\cdots a_{11}$ 의 값은? [5점]
  - ①  $3^{8}$
- $(2) 3^9$
- $(3) 3^{10}$

- (4) 3<sup>11</sup>
- $\bigcirc 3^{12}$

- $\mathbf{09}$  두 수  $\frac{1}{2}$ 과 32 사이에 다섯 개의 양수  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ ,  $a_4$ ,  $a_5$ 를 넣어 만든 수열  $\frac{1}{2}$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ ,  $a_4$ ,  $a_5$ , 32 가 이 순서대로 등비수열을 이룰 때,  $\frac{a_1a_5}{a_3}$ 의 값은? [5점]
  - **1**) 2
- 2 4
- 38

- **4**) 16
- **(5)** 32

- **10**  $\sum_{k=1}^{6} k(k-1)$ 의 값은? [3.5점]
  - $\textcircled{1}\ 62$
- 2 64
- 3 66

- **4** 68
- **⑤** 70

**11** 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} a_k = 4, \sum_{k=1}^{10} a_k^2 = 7$$

일 때,  $\sum\limits_{k=1}^{10}(3a_k-1)^2$ 의 값은? [4.5점]

- ① 37
- 2 40
- ③ 43
- **4** 46
- **(5)** 49

- **12** 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_2=6$ ,  $a_7=-4$ 일 때,  $\sum_{k=1}^{10} a_k$ 의 값은? [4점]
  - $\bigcirc 1 10$
- 2 6 3 2

- $\stackrel{\textstyle \bigcirc}{}$
- (5) 6

- **13** 수열  $\frac{1}{2^2-2}$ ,  $\frac{1}{3^2-3}$ ,  $\frac{1}{4^2-4}$ ,  $\cdots$ 의 첫째항부터 제10항까지의 합은? [5점]

- 4 1  $\textcircled{5} \frac{11}{10}$

- **14** 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합 $S_n$ 이  $S_n = n^2 + 2$ 일 때,  $a_1 + a_5$ 의 값은? [5점]
  - ① 10
- ② 12
- ③ 14

- **4** 16
- **(5)** 18

15 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 모두 만족시킬 때,  $a_9$ 의 값은? [5점]

$$(71) a_1 = a_2 - 1$$

$$(4) a_{n+1} = 2a_n (n \ge 1)$$

- (1)32
- **2**) 64
- ③ 128

- **4** 256
- **(5)** 512

- **16** 수열 {*a<sub>n</sub>*}이  $a_1 = 40$ ,  $a_{n+1} \! = \! \left\{ \begin{array}{l} a_n \! + \! 1 \; (a_n \! \circ \hspace{-0.1cm} \mid \hspace{-0.1cm} \stackrel{\bullet}{\underline{\hspace{-0.1cm} \square}} \hspace{-0.1cm} \uparrow) \\ \frac{1}{2} a_n \; (a_n \! \circ \hspace{-0.1cm} \mid \hspace{-0.1cm} \stackrel{\bullet}{\underline{\hspace{-0.1cm} \square}} \hspace{-0.1cm} \uparrow) \end{array} \right. (n \! = \! 1, 2, 3, \cdots)$ 
  - 로 정의될 때,  $a_6$ 의 값은? [5점]
  - $\bigcirc$  1
- $\bigcirc$  2
- 33

- **4** 4
- $\bigcirc 5$

**17** 다음은 2 이상의 모든 자연수 n에 대하여 부등식

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \cdots + \frac{1}{n^2} < 2 - \frac{1}{n}$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명하는 과정 이다

(i) n=2일 때.

(좌변)=
$$1+\frac{1}{2^2}=\frac{5}{4}$$
, (우변)= $2-\frac{1}{2}=\frac{3}{2}$ 이므로 주어진 부등식이 성립한다.

(ii) n=k  $(k\geq 2)$ 일 때, 주어진 부등식이 성립 한다고 가정하면

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{k^2} < 2 - \frac{1}{k} \quad \dots \quad \bigcirc$$

⇒의 양변에 (개) 을 더하면

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \cdots + \frac{1}{k^2} + \boxed{(7)}$$

$$<\!2\!-\!\frac{1}{k}\!+\!\boxed{\text{(7h)}}$$

이때

$$\begin{array}{l} \left(2-\frac{1}{k}+\boxed{\text{(7)}}\right)-\left(2-\frac{1}{k+1}\right) \\ = \boxed{\text{(L)}}<0 \end{array}$$

이므로

$$1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{k^2} + \frac{1}{(k+1)^2}$$

$$<\!2\!-\!\frac{1}{k\!+\!1}$$

즉 n=k+1일 때도 주어진 부등식이 성립 하다.

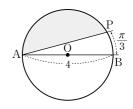
(i), (ii)에서 2 이상의 모든 자연수 n에 대하여 주어진 부등식이 성립한다.

위의 과정에서 (7), (4)에 알맞은 식을 각각 f(k). g(k)라 할 때, f(0)+g(1)의 값은? [5.5점]

- ② $\frac{1}{2}$
- $3\frac{3}{5}$
- $4\frac{3}{4}$   $5\frac{5}{6}$

\* 서술형은 풀이 과정을 자세히 적으시오.

[서술형 1] 오른쪽 그림에서 원 O의 지름인  $\overline{AB}$ 의 길이가 4이 고, 호 BP의 길이가  $\frac{\pi}{3}$ 일 때, 색 칠한 부분의 넓이를 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. [7점]



[서술형 2]  $a_3=14$ ,  $a_{11}=30$ 인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하 여 다음을 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. [7점]

- (1) 일반항 *a<sub>n</sub>*
- (2) 처음으로 100 이상이 되는 항
- (3) 첫째항부터 제10항까지의 합

[서술형 3] 수열  $\{a_n\}$ 이  $a_1=5$ .

 $a_{n+1} = a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_n (n=1, 2, 3, \cdots)$ 정의될 때,  $a_{11} + a_{13}$ 의 값을 구하고, 풀이 과정을 쓰시 오. [6점]