실력완성 | 고1

4-1-3.집합의 연산



수학 계산력 강화

(3)집합의 연산법칙(02)





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2018-06-04
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 집합의 연산법칙

(1) 흡수법칙

 $A \cup (A \cap B) = A$, $A \cap (A \cup B) = A$

(2) 드모르간의 법칙

 $(A \cap B)^C = A^C \cup B^C$, $(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$

(3) 부정법칙

 $(A^{C})^{C} = A, \{(A^{C})^{C}\}^{C} = A^{C}$

- ☑ 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음을 간단히 하여라.
- **1.** A∪A
- **2.** $A \cap A$
- **3.** A∪∅
- **4.** $A \cap \emptyset$
- **5.** $(A \cup A) \cap U$
- **6.** $(A \cap A) \cup \emptyset$
- **7.** $(A \cup \varnothing) \cap A$

- 8. $(A \cap \emptyset) \cap U$
- **9.** A∪U
- **10.** A∩U
- **11.** B ^C∪B
- **12.** $B^{C} \cap B$
- **13.** (B ^C)^C
- **14.** \emptyset^{C}
- **15.** U^C
- ☑ 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음을 간단히 하여라.
- **16.** $(A \cup B^{C})^{C}$

- **17.** $(A \cap B^{C})^{C}$
- **18.** $(A^{C} \cup B)^{C}$
- **19.** $(A^{C} \cap B)^{C}$
- **20.** $(A^{C} \cup B^{C})^{C}$
- **21.** $(A^{C} \cap B^{C})^{C}$
- **22.** $A \cap (B \cap A^{C})$
- **23.** $A \cup (A \cap B)^C$
- **24.** $(A^{C} \cup B) \cap A$
- **25.** $A \cup (A^{C} \cap B^{C})$
- **26.** $(B^{C}-A)^{C}\cap A$
- **27.** $A-(A^{C}-B)$

- **28.** (A-B)-A
- **29.** $(A \cup B) \cup (A^{C} \cap B^{C})$
- **30.** $(A \cup B) \cap (A \cup B^{C})$
- **31.** $(A \cup B) \cap (A B)^C$
- **32.** $(A-B) \cup (A-B^{C})$
- ☑ 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음 중 옳은 것은 ○표, 옳지 않은 것은 ×표를 ()안에 써넣 어라.
- **33.** $A^{C} = U A$
- ()

34. $A - A^{C} = \emptyset$

- ()
- **35.** $A B = A \cap B^{C}$
- ()
- **36.** $(A \cap B) \subset (A \cup B)$ ()
- 37. $A \cap B = \emptyset$ 이면 $A \cup B = U$ ()

38.
$$A \cap B = \emptyset$$
이면 $A^C = B$

()

39.
$$A \cup B = A$$
이면 $A \cap B = B$

()

40.
$$A \cup B = U$$
 이면 $B = A^{C}$

()

41.
$$A \cap B^{C} = \emptyset$$
 이면 $A \subset B$

()

42.
$$A - B = A$$
이면 $B = \emptyset$

()

☑ 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음 안에 알맞은 것을 써넣어라.

43.
$$A - B = A \cap \Box$$

44.
$$B - A = B \cap \Box$$

45.
$$A - B^{C} = A \cap (\Box)^{C} = A \cap \Box$$

46.
$$A^{C} - B = A^{C} \cap \Box$$

47.
$$B - A^{C} = B \cap ()^{C} = B \cap []$$

48.
$$A^{C}-B^{C}= \bigcap (B^{C})^{C}= \bigcap B$$

☑ 다음은 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 주어진 식을 간단히 하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 써넣어라.

49.
$$A \cap (B \cup B^{C}) = A \cap$$

51.
$$A^{c} \cup (A \cap B) = (A^{c} \cup A) \square (A^{c} \cup B)$$

= $U \square (A^{c} \cup B)$
= \square

- **54.** $(B^{C} A^{C})^{C} \cap A = \{B^{C} \cap (A^{C})^{C}\}^{C} \cap A$ $= (B \ ^C \cap \boxed{})^C \cap A$ $= \{(B^C)^C \cup \boxed{} \} \cap A$ $= (B \cup A^C) \cap A$ $= (B \cap A) \cup (A^{C} \cap A)$ $=(B \cap A) \cup \square$
- **55.** $(A-B^{C}) \cup (B \cap C)$ $= \{A \cap (B^C)^C\} \cup (B \cap C)$ $=(A\cap \square)\cup (B\cap C)$ $= (B \cap A) \cup (B \cap C)$ $=B \square (A \square C)$
- **56.** $(A \cap B^{C}) \cup (A^{C} \cup C)^{C}$ $= (A \cap B^C) \cup \{(A^C)^C \cap C^C\}$ $=A \square (B^{C} \cup C^{C})$ $=A\cap (\boxed{})^C$ =A-(
- ☑ 다음은 전체집합 U의 세 부분집합 A, B, C에 대하 여 집합의 연산의 성질과 법칙을 이용하여 간단히 하 는 과정이다. 각 과정에서 이용된 것을 <보기> 중 골 라 차례대로 써라.

<보기>

그.
$$A \cup A^C = U$$
L. $A \cap A^C = \emptyset$

C. $(A^C)^C = A$
a. $A - B = A \cap B^C$

D. 교환법칙
b. 결합법칙

A. 분배법칙
c. 드모르간의 법칙

57. $A \cup (A \cap B)^{c}$ $=A \cup (A^c \cup B^c)$ $=(A \cup A^c) \cup B^c$ $=U\cup B^{c}$ =U

- 58. $A \cap (A \cup B)^{c}$ $=A\cap (A^{c}\cap B^{c})$ $=(A \cap A^{c}) \cap B^{c}$ $=\Phi \cap B^c$ $=\Phi$
- **59.** $A \cup (B^{C} \cup A^{C}) \downarrow \Gamma$ $= A \cup (A^C \cup B^C) \quad \downarrow$ $= (A \cup A^{C}) \cup B^{C} \downarrow$ $=U \cup B^{C}$ =U
- 60. $A-(B\cap C)$ $=A\cap (B\cap C)^{c}$ — $=A \cap (B^c \cup C^c)$ \leftarrow $=(A \cap B^c) \cup (A \cap C^c) \leftarrow$ $=(A-B)\cup(A-C)$
- **61.** $(A-B) \cup A^C \downarrow \square$ $=(A \cap B^{C}) \cup A^{C} \downarrow$ $= (A \cup A^{C}) \cap (B^{C} \cup A^{C}) \downarrow \square$ $= U \cap (B^C \cup A^C)$ $= B^{C} \cup A^{C} \downarrow \square$ $= A^{C} \cup B^{C} \downarrow \square$ $=(A \cap B)^{C}$
- 62. (A-B)-C $=(A\cap B^c)\cap C^c$ $=A\cap (B^c\cap C^c)$ $=A\cap (B\cup C)^{c}$ $=A-(B\cup C)$

63.	$(A-B) \cup (A \cap C) \downarrow \square$
	$= (A \cap B^{C}) \cup (A \cap C) \overline{\downarrow} \square$
	$=A\cap (B^C\cup C)\downarrow$
	$= A \cap (B \cap C^{C})^{C} \downarrow \Box$
	$= A - (B \cap C^{C}) \downarrow \Box$
	=A-(B-C)

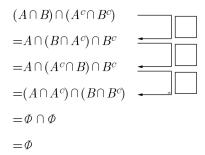
	4	
h	4	

$(A \cup B) \cap (A^c \cap B^c)$	
$= (A \cup B) \cap (A \cup B)^{c}$	* n
$= (A \cup B) - (A \cup B)$	
$=\Phi$	

65.

A-(A-B)	
$=A\cap (A\cap B^c)^c $	
$= A \cap \{A^{\scriptscriptstyle \mathcal{O}} \cup (B^{\scriptscriptstyle \mathcal{O}})^{\scriptscriptstyle \mathcal{O}}\}$	
$=A\cap (A^{\sigma}\cup B)$ ——	
$= (A \cap A^{c}) \cup (A \cap B)$	د. 🔻
$= \varPhi \cup (A \cap B)$	
$=A\cap B$	

66.



- ☑ 전체집합 U={1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}의 두 부분집합 A = {1, 3, 5, 7}, B = {3, 4, 5}에 대하여 다음을 구 하여라.
- **67.** $(A \cap B)^C$
- **68.** A^C∪B^C
- **69.** (A∪B)^C
- **70.** A^C∩B^C
- **71.** $(A \cup B^{C})^{C}$
- **72.** $(A \cap B^{C})^{C}$
- **73.** $(A^{C} \cup B)^{C}$
- **74.** $(A^{C} \cap B)^{C}$
- ightharpoonup 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 2, 3, 6\}, B = \{2, 4, 6\}$ 에 대하여 다음을 구 하여라.
- **75.** $(A \cap B)^{C}$

76.	$A^{C} \cup B^{C}$
<i>7</i> U.	$A \cup D$

- **77.** $(A \cup B)^{C}$
- **78.** A^C∩B^C
- **79.** $(A \cup B^{C})^{C}$
- **80.** $(A \cap B^{C})^{C}$
- **81.** $(A^{C} \cup B)^{C}$
- **82.** $(A^{C} \cap B)^{C}$
- ☑ 전체집합 U = {1, 2, 3, 4, 5}의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A = \{2, 3, 5\}, B = \{1, 2, 5\}$ 일 때, 다음을 구하여라.
- **83.** $(A \cap B)^C$
- **84.** A^CUB^C
- **85.** (A∪B)^C

- **86.** A^C∩B^C
- **87.** $(A \cup B^{C})^{C}$
- **88.** $(A \cap B^{C})^{C}$
- **89.** $(A^{C} \cup B)^{C}$
- **90.** $(A^{C} \cap B)^{C}$
- ightharpoonup 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 이 두 부분집합 A = {2, 4}, B = {1, 2, 4, 6}에 대하여 다음을 구하여 라.
- **91.** A∩B
- **92.** A∪B
- **93.** $A (A \cap B)$
- **94.** $(A \cup B) B$
- **95.** A∩B^C

96. B C – A C

정답 및 해설

- 1) A
- 2) A
- 3) A
- 4) Ø
- 5) A
- 6) A
- 7) A
- 8) Ø
- 9) U
- 10) A
- 11) U
- 12) Ø
- 13) B
- 14) U
- 15) Ø
- 16) $A^{C} \cap B$
- \Rightarrow $(A \cup B^{C})^{C} = A^{C} \cap (B^{C})^{C} = A^{C} \cap B$
- 17) $A^C \cup B$
- \Rightarrow $(A \cap B^C)^C = A^C \cup (B^C)^C = A^C \cup B$
- 18) A∩B^C
- \Rightarrow $(A^C \cup B)^C = (A^C)^C \cap B^C = A \cap B^C$
- 19) AUB^C
- \Rightarrow $(A^{c} \cap B)^{c} = (A^{c})^{c} \cup B^{c} = A \cup B^{c}$
- 20) A∩B
- \Rightarrow $(A^C \cup B^C)^C = (A^C)^C \cap (B^C)^C = A \cap B$
- 21) A∪B
- \Rightarrow $(A^{c} \cap B^{c})^{c} = (A^{c})^{c} \cup (B^{c})^{c} = A \cup B$
- 22) Ø
- \Rightarrow A \cap (B \cap A c)= A \cap (A c \cap B)
- $= (A \cap A^{C}) \cap B$
- $= \varnothing \cap B = \varnothing$
- 23) U
- \Rightarrow A \cup (A \cap B)^C = A \cup (A ^C \cup B ^C)

- $= (A \cup A^{C}) \cup B^{C}$
- $= U \cup B^{C}$
- =U
- 24) B ∩ A
- \Rightarrow $(A^C \cup B) \cap A = (A^C \cap A) \cup (B \cap A)$
- $= \varnothing \cup (B \cap A) = B \cap A$
- 25) A∪B^C
- \Rightarrow A \cup (A ^C \cap B ^C) = (A \cup A ^C) \cap (A \cup B ^C)
- $= U \cap (A \cup B^{C})$
- $= A \cup B^C$
- 26) A
- \Rightarrow $(B^{C}-A)^{C} \cap A = (B^{C} \cap A^{C})^{C} \cap A$
- $= (B \cup A) \cap A = A$
- 27) A
- \Rightarrow A (A^C B) = A \cap (A^C \cap B^C)^C
- $= A \cap \{(A^C)^C \cup (B^C)^C\}$
- $= A \cap (A \cup B)$
- =A
- 28) Ø
- \Rightarrow $(A-B)-A=(A\cap B^{C})-A$
- $= (A \cap B^C) \cap A^C$
- $= (B^{C} \cap A) \cap A^{C}$
- $= B^{C} \cap (A \cap A^{C})$
- $=B^{C}\cap\varnothing$
- $= \emptyset$
- 29) U
- \Rightarrow $(A \cup B) \cup (A^{C} \cap B^{C}) = (A \cup B) \cup (A \cup B)^{C} = U$
- 30) A
- \Rightarrow $(A \cup B) \cap (A \cup B^{C}) = A \cup (B \cap B^{C})$
- $= A \cup \emptyset = A$
- 31) B
- \Rightarrow $(A \cup B) \cap (A B)^{C} = (A \cup B) \cap (A \cap B^{C})^{C}$
- $= (A \cup B) \cap \{A^C \cup (B^C)^C\}$
- $=(A \cup B) \cap (A^C \cup B)$
- $= (A \cap A^C) \cup B$
- $= \varnothing \cup B$
- =B
- 32) A
- $\Rightarrow (A-B) \cup (A-B^{C}) = (A \cap B^{C}) \cup \{A \cap (B^{C})^{C}\}\$
- $= (A \cap B^C) \cup (A \cap B)$
- $= A \cap (B^C \cup B)$
- $= A \cap U$
- = A

33) 🔾

34) ×

 \Rightarrow A - A ^C = A \cap (A ^C) ^C = A \cap A = A

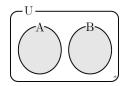
35) 🔾

36) 🔾

 \Rightarrow $(A \cap B) \subset A \subset (A \cup B)$

 \Rightarrow $A \cap B = \emptyset$ 일 때, $A \cup B$ 는 다음 그림에서 색칠한 부분과 같다.

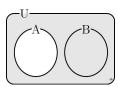
 $\therefore (A \cup B) \neq U$



38) ×

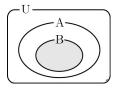
 \Rightarrow A \cap B = \emptyset 일 때, A^C는 다음 그림에서 색칠한 부 분과 같다.

 $\therefore B \subset A^C$



39) 🔾

 \Rightarrow A \cup B=A이면 B \subset A이므로 다음 그림에서 $A \cap B = B$



40) ×

 □ U = {1, 2, 3, 4, 5}에 대하여 A = {1, 2, 3}, B = {3, 4, 5}일 때,

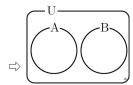
 $A \cup B = U$ 이지만 $B \neq A$ ^C이다.

41) 🔾

 \Rightarrow A \cap B^C= \varnothing 이면 A-B= \varnothing

 $\therefore A \subset B$

 $42) \times$



위 그림과 같이 $A \cap B = \emptyset$ 이면 A - B = A이지만

 $B \neq \emptyset$

43) B^C

 \Rightarrow A - B = A \cap B C

44) A^C

 \Rightarrow B - A = B \cap A^C

45) B^C, B

 \Rightarrow A-B^C = A \cap (B^C))^C = A \cap B

46) B^C

47) A^C, A

 \Rightarrow B - A^C = B \cap (\begin{bmatrix} A^C \end{bmatrix})^C = B \cap \begin{bmatrix} A \end{bmatrix}

48) A^C, A^C

49) U, A

50) Ø, Ø

51) \cap , \cap , $A^{C} \cup B$

52) $A \cup A^{C}$, U, U

53) B^{C} , $A \cap B$, $A \cap B$, $A \cap B$

54) A, A^{C} , \varnothing , $B \cap A$

55) B, ∩, ∪

 \Rightarrow $(A-B^{C}) \cup (B \cap C)$

 $= \{A \cap (B^C)^C\} \cup (B \cap C)$

 $=(A \cap B) \cup (B \cap C)$

 $= (B \cap A) \cup (B \cap C)$

 $=B \cap (A \cup C)$

56) A, \cap , B \cap C, B \cap C

 \Rightarrow $(A \cap B^{C}) \cup (A^{C} \cup C)^{C}$

 $= (A \cap B^{C}) \cup \{(A^{C})^{C} \cap C^{C}\}$

 $= (A \cap B^{C}) \cup (\overline{A} \cap C^{C})$

 $=A \cap (B^C \cup C^C)$

 $=A\cap (B\cap C)^{C}$

 $=A-(B\cap C)$

57) о, н

58) о, н

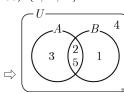
59) ㅁ, ㅂ, ㄱ

60) 0, 入

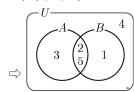
61) ㄹ, ㅅ, ㄱ, ㅁ, ㅇ

- 62) н, о
- 63) ㄹ, ㅅ, ㅇ, ㄹ, ㄹ
- 64) o
- 65) 0, 人
- 66) н, п, н
- 67) {1, 2, 4, 6, 7}
- ⇒ A∩B = {3, 5}이므로
- $(A \cap B)^C = \{1, 2, 4, 6, 7\}$
- 68) {1, 2, 4, 6, 7}
- $\Rightarrow A^C \cup B^C = \{2, 4, 6\} \cup \{1, 2, 6, 7\}$
- $= \{1, 2, 4, 6, 7\}$
- 69) {2, 6}
- ⇒ A∪B = {1, 3, 4, 5, 7}이므로
- $(A \cup B)^{C} = \{2, 6\}$
- 70) {2, 6}
- $\Rightarrow \ A^{C} \cap B^{C} = \{2, \ 4, \ 6\} \cap \{1, \ 2, \ 6, \ 7\}$
- $= \{2, 6\}$
- 71) {4}
- \Rightarrow $(A \cup B^C)^C = A^C \cap (B^C)^C$
- $= A^{C} \cap B$
- $= \{2, 4, 6\} \cap \{3, 4, 5\}$
- $= \{4\}$
- 72) {2, 3, 4, 5, 6}
- \Rightarrow $(A \cap B^C)^C = A^C \cup (B^C)^C$
- $= A^C \cup B$
- $= \{2, 4, 6\} \cup \{3, 4, 5\}$
- $= \{2, 3, 4, 5, 6\}$
- 73) {1, 7}
- $\Rightarrow (A^C \cup B)^C = (A^C)^C \cap B^C$
- $= A \cap B^C$
- $= \{1, 3, 5, 7\} \cap \{1, 2, 6, 7\}$
- $=\{1, 7\}$
- 74) {1, 2, 3, 5, 6, 7}
- \Rightarrow $(A^{C} \cap B)^{C} = (A^{C})^{C} \cup B^{C}$
- $= A \cup B^C$
- $= \{1, 3, 5, 7\} \cup \{1, 2, 6, 7\}$
- $= \{1, 2, 3, 5, 6, 7\}$
- 75) {1, 3, 4, 5, 7}
- ⇒ A∩B = {2, 6}이므로
- $(A \cap B)^C = \{1, 3, 4, 5, 7\}$
- 76) {1, 3, 4, 5, 7}

- $\Rightarrow A^{C} \cup B^{C} = \{4, 5, 7\} \cup \{1, 3, 5, 7\}$ = \{1, 3, 4, 5, 7\}
- (, , , , ,
- $77) \{5, 7\}$
- ⇒ A∪B = {1, 2, 3, 4, 6}이므로
- $(A \cup B)^{C} = \{5, 7\}$
- 78) {5, 7}
- $\Rightarrow \ A^{\,C} \cap B^{\,C} = \{4,\ 5,\ 7\} \cap \{1,\ 3,\ 5,\ 7\}$
- $= \{5, 7\}$
- 79) {4}
- \Rightarrow $(A \cup B^C)^C = A^C \cap (B^C)^C$
- $= A^{C} \cap B$
- $=\{4,\ 5,\ 7\}\cap\{2,\ 4,\ 6\}$
- $= \{4\}$
- 80) {2, 4, 5, 6, 7}
- \Rightarrow $(A \cap B^{C})^{C} = A^{C} \cup (B^{C})^{C}$
- $= A^C \cup B$
- $=\{4,\ 5,\ 7\}\cup\{2,\ 4,\ 6\}$
- $= \{2, 4, 5, 6, 7\}$
- 81) {1, 3}
- \Rightarrow $(A^C \cup B)^C = (A^C)^C \cap B^C$
- $=A\cap B^{C}$
- $=\{1,\ 2,\ 3,\ 6\}\cap\{1,\ 3,\ 5,\ 7\}$
- $= \{1, 3\}$
- 82) {1, 2, 3, 5, 6, 7}
- \Rightarrow $(A^{C} \cap B)^{C} = (A^{C})^{C} \cup B^{C}$
- $= A \cup B^{C}$
- $= \{1, 2, 3, 6\} \cup \{1, 3, 5, 7\}$
- $= \{1, 2, 3, 5, 6, 7\}$
- 83) {1, 3, 4}

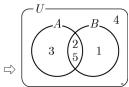


- $A \cap B = \{2, 5\}$ 이므로
- $(A \cap B)^C = \{1, 3, 4\}$
- 84) {1, 3, 4}



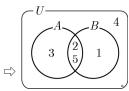
- $A^{C} \cup B^{C} = \{1, 4\} \cup \{3, 4\}$ = $\{1, 3, 4\}$
- 85) {4}

I410-ECN-0199-2017-001-000057208



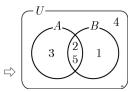
$$A \cup B = \{1, 2, 3, 5\}$$
이므로 $(A \cup B)^{C} = \{4\}$

86) {4}



$$A^C \cap B^C = \{1,\ 4\} \cap \{3,\ 4\} = \{4\}$$

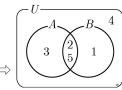
87) {1}



$$(A \cup B^{C})^{C} = A^{C} \cap (B^{C})^{C}$$

= $A^{C} \cap B$
= $\{1, 4\} \cap \{1, 2, 5\}$
= $\{1\}$

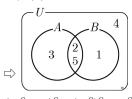
88) {1, 2, 4, 5}



$$(A \cap B^{C})^{C} = A^{C} \cup (B^{C})^{C}$$

= $A^{C} \cup B$
= $\{1, 4\} \cup \{1, 2, 5\}$
= $\{1, 2, 4, 5\}$

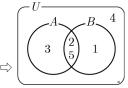
89) {3}



$$(A^{C} \cup B)^{C} = (A^{C})^{C} \cap B^{C}$$

= $A \cap B^{C}$
= $\{2, 3, 5\} \cap \{3, 4\}$
= $\{3\}$

90) {2, 3, 4, 5}



$$(A^{c} \cap B)^{c} = (A^{c})^{c} \cup B^{c}$$

= $A \cup B^{c}$
= $\{2, 3, 5\} \cup \{3, 4\}$
= $\{2, 3, 4, 5\}$

- 91) A \Rightarrow A \cap B = {2, 4}=A
- \Rightarrow A \cup B = {1, 2, 4, 6}=B
- 93) Ø \Rightarrow A - (A \cap B) = A - A = \emptyset
- \Rightarrow $(A \cup B) B = B B = \emptyset$
- 95) Ø \Rightarrow A \cap B C = A -B = \emptyset
- 96) Ø \Rightarrow B C - A C = {3, 5} - {1, 3, 5, 6} = \emptyset