

3-2-1.직선의 방정식_천재(류희찬)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-03-05
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[기울기와 한 점이 주어진 직선의 방정식]

기울기가 m이고 점 $\left(x_1,y_1\right)$ 을 지나는 직선의 방정식은 $y-y_1=m(x-x_1)$

[두 점을 지나는 직선의 방정식]

좌표평면 위의 두 점 $(x_1,y_1),(x_2,y_2)$ 를 지나는 직선의 방정식은

•
$$x_1 \neq x_2$$
이면 $y-y_1 = \frac{y_2-y_1}{x_2-x_1}(x-x_1)$

$$oldsymbol{\cdot}$$
 $x_1=x_2$ 이면 $x=x_1$

기본문제

[문제]

- **1.** 점 (-1,3)을 지나고 기울기가 3인 직선의 방정식은?
 - ① y = 3x + 2
- ② y = 3x + 4
- 3 y = 3x + 6
- y = 3x + 8
- ⑤ y = 3x

[문제]

- **2.** 점 (2, -3)을 지나고 x축에 수직인 직선의 방정 식은?
 - ① x = 2
- ② y = -3
- ③ x = -1
- (4) y = 2
- (5) x = -3

- [예제]
- **3.** 두 점 (1,4), (4,-2)을 지나는 직선의 방정식은?
 - ① y = 2x 10
- ② y = 2x + 2
- 3 y = -2x + 4
- y = -2x + 6
- ⑤ y = -2x + 8

[문제]

- **4.** 두 점 (3,-2), (5,6)을 지나는 직선의 방정식은?
 - ① y = -4x + 10
- ② y = -4x + 26
- 3 y = 4x 10
- (4) y = 4x 12
- ⑤ y = 4x 14

[문제]

5. 다음은 x절편이 a, y절편이 b인 직선의 방정식은 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ 임을 설명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 내용으로 옳지 않은 것은? (단, $a \neq 0, \ b \neq 0$)

두 점 (a,0), (0,(7)))를 지나는 직선의 방정식이므로

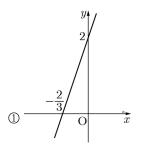
- 즉, y = -[(라)]x + [(마)]
- 이 식의 양변을 b로 나누어 정리하면 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$

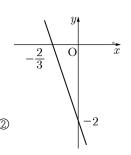
따라서 x절편이 a, y절편이 b인 직선의 방정식은

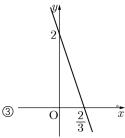
$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

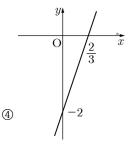
- ① (7)): b
- ② (나): 0
- ③ (다): a
- ④ (라): $\frac{b}{a}$

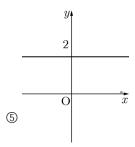
일차방정식 3x-y+2=0이 나타내는 그래프로 옳 은 것은?











평가문제

[스스로 확인하기]

7. (가)~(마)에 들어갈 내용으로 옳지 않은 것은?

- (1) 점 $A(x_1, y_1)$ 을 지나고 기울기가 m인 직선의 방정식 은 $y-y_1=\overline{(7)}(x-x_1)$
- (2) 점 $A(x_1, y_1)$ 을 지나고 x축에 평행한 직선의 방정식 은 y=[나]
- (3) 점 $A(x_1, y_1)$ 을 지나고 x축에 수직인 직선의 방정식 $\stackrel{\circ}{\vdash} x = [$ [다]
- (4) 서로 다른 두 점 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ 를 지나는 직
- ② $x_1 = x_2$ 일 때, x = [(마)]
- ① (7}): m
- ② (나): y₁
- ③ (다): x₁
- ④ (라): $y_1 y_2$
- ⑤ (\square): $x_1 = x_2$

[스스로 확인하기]

8. 두 점 (-3,4), (3,-8)을 지나는 직선의 방정식 은?

- ① y = 2x + 10
- ② y = 2x 14
- ③ y = -2x
- (4) y = -2x-2
- y = -2x 4

[스스로 확인하기]

세 점 A(2,3), B(0,2), C(4,-5)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC가 있다. 삼각형 ABC의 넓이를 이등분하고 점 B를 지나는 직선이 점 (-1,a)를 지 날 때, 상수 a의 값은?

① 1

② 3

3 5

(4) 7

(5) 9

[스스로 확인하기]

10. 온도를 나타내는 단위에는 섭씨온도 (\mathfrak{C}) 와 화씨 온도 $(^{\circ}F)$ 가 있다. 1기압의 대기에서 물의 온도가 30 ℃일 때, 86 ℉이고, 물의 온도가 50 ℃일 때, $122\,^\circ\mathrm{F}$ 이다. $x\,^\circ\mathrm{C}\,\mathbf{Y}$ $y\,^\circ\mathrm{F}$ 사이의 관계를 그래프로 나 타내면 직선이 된다. 이 직선의 방정식은?



- ① $y = \frac{9}{5}x + 32$ ② $y = -\frac{9}{5}x + 392$
- ③ $y = -\frac{9}{5}x + 32$ ④ $y = \frac{5}{9}x + 32$
- (5) $y = \frac{5}{9}x + \frac{1408}{9}$

[스스로 마무리하기]

11. 두 직선 x+2y-3=0, 3x+y-4=0의 교점과 점 A(2, -3)을 지나는 직선의 방정식은?

- (1) y = -4x + 5
- ② y = -3x + 3
- y = -2x + 1
- (4) y = -x 1
- y = x 5

[스스로 마무리하기]

- **12.** 직선 y=3x+a가 원 $x^2+y^2-4x-8y-5=0$ 의 넓이를 이동분할 때, 상수 a의 값은?
 - 1 4
- 2 2
- ③ 0
- \bigcirc -2
- (5) -4

유사문제

- **13.** 점 (1,2)를 지나고 y절편이 -2인 직선의 기울기는?
 - 1 1
- ② 2
- 3 3
- **4**

- **⑤** 5
- **14.** 점 (3,-1)을 지나고 기울기가 2인 직선의 방정식은?
 - ① y = 3x + 2
- ② y = 3x 10
- y = 2x 5
- $(4) \ \ y = 2x 7$
- ⑤ y = -x + 2
- **15.** 점 (3,5)를 지나고 직선 y=3x+9와 기울기가 같은 직선의 방정식을 구하였더니 y=ax+b가 되었다. 이때 a+b의 값은?
 - ① -7
- (2) -1
- 3 1
- (4) 7
- (5) 14
- **16.** 두 점 A(-1,-4),B(2,-7)을 지나는 직선의 방정식을 구하면?
 - ① y = -3x 1
- ② y = 2x 2
- ③ y = -x 3
- (4) y = -x 5
- ⑤ y = x 3

- **17.** 두 점 (1,3), (-2,5)를 지나는 직선의 방정식이 (4,a)를 지날 때, a의 값은?
 - $\bigcirc \frac{1}{3}$

- 3 1
- $4\frac{4}{3}$
- $(5) \frac{5}{3}$
- **18.** 점 (1, 3)을 지나고 x축에 수직인 직선의 방정식은?
 - ① x = 1
- ② y = 3
- 3x y = 0
- (4) 2x + y = 5
- (5) x-y=-2
- **19.** 세 점 A(-2, -5), B(1, a), C(-a, -11)가 한 직선 위에 있도록 하는 양수 a의 값은?
 - \bigcirc 2
- ② 3
- 3 4
- **4** 5
- (5) 6
- **20.** 세 점 A(3, 1), B(-1, 3), C(1, -3)을 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이를 직선 y = m(x+1) + 3이 이동분할 때, 상수 m의 값은?
 - $\bigcirc -\frac{4}{3}$
- $\bigcirc -\frac{5}{3}$
- 3 2
- $(4) \frac{7}{3}$
- $(5) \frac{8}{3}$

4

정답 및 해설

1) [정답] ③

[해설] 점 (-1,3)을 지나고 기울기가 3이므로 $y-3=3\{x-(-1)\}$ 따라서 y=3x+6

2) [정답] ①

[해설] 점 (2,-3)을 지나고 x축에 수직이므로 x=2

3) [정답] ④

[해설] 두 점 (1,4), (4,-2)를 지나는 직선의 방정 식은

$$y-4 = \frac{-2-4}{4-1}(x-1)$$
$$y-4 = -2(x-1)$$

따라서 y = -2x + 6

4) [정답] ⑤

[해설] 두 점 (3,-2), (5,6)을 지나는 직선의 방정 식은

$$y - (-2) = \frac{6 - (-2)}{5 - 3}(x - 3)$$

$$y+2=4(x-3)$$

따라서 y = 4x - 14

5) [정답] ⑤

[해설] 두 점 (a, 0), (0, b)를 지나는 직선의 방정식 이므로

$$y-0 = \frac{b-0}{0-a}(x-a)$$

$$\stackrel{\sim}{\neg}$$
, $y = -\frac{b}{a}x + b$

이 식의 양변을 b로 나누어 정리하면

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

6) [정답] ①

[해설] (i) x절편은 $-\frac{2}{3}$, y절편은 2이므로

$$\frac{x}{-\frac{2}{3}} + \frac{y}{2} = 1$$
, $3x - y + 2 = 0$

(ii) x절편은 $-\frac{2}{3}$, y절편은 -2이므로

$$\frac{x}{-\frac{2}{3}} + \frac{y}{-2} = 1$$
, $3x + y + 2 = 0$

(iii) x절편은 $\frac{2}{3}$, y절편은 2이므로

$$\frac{x}{\frac{2}{3}} + \frac{y}{2} = 1$$
, $3x + y - 2 = 0$

$$(iv)$$
 x 절편은 $\frac{2}{3}$, y 절편은 -2 이므로

$$\frac{x}{\frac{2}{3}} + \frac{y}{-2} = 1$$
, $3x - y - 2 = 0$

 (\mathbf{v}) (0,2)를 지나고 x축에 평행한 직선이므로 y=2

7) [정답] ④

[해설] (i) 점 $A(x_1,y_1)$ 을 지나고 기울기가 m인 직 선의 방정식은 $y-y_1=m(x-x_1)$

(ii) 점 $\mathbf{A}(x_1,y_1)$ 을 지나고 x축에 평행한 직선의 방정식은 $y=y_1$

(iii) 점 $\mathbf{A}(x_1,y_1)$ 을 지나고 x축에 수직인 직선 의 방정식은 $x=x_1$

(iv) 서로 다른 두 점 ${\bf A}(x_1,\ y_1),\ {\bf B}(x_2,\ y_2)$ 를 지나는 직선의 방정식은

$$x_1 \neq x_2$$
일 때, $y-y_1 = \frac{y_2-y_1}{x_2-x_1}(x-x_1)$
$$x_1 = x_2$$
일 때, $x=x_1=x_2$

8) [정답] ④

[해설] 두 점 (-3,4), (3,-8)을 지나는 직선의 방 정식은

$$y-4 = \frac{-8-4}{3+3}(x+3)$$

$$y-4 = -2(x+3)$$

따라서 y = -2x - 2

9) [정답] ②

[해설] 삼각형 ABC의 넓이를 이등분하고 점 B를 지나는 직선은 선분 AC의 중점을 지난다.

선분 AC의 중점은
$$\left(\frac{2+4}{2}, \frac{3-5}{2}\right)$$
, 즉 $(3, -1)$

두 점 (3,-1), (0,2)를 지나는 직선의 방정식은 $y-2=\frac{2+1}{0-3}(x-0)$

$$y-2 = -x$$

따라서 y=-x+2이고 (-1,3)을 지나므로 a=3

10) [정답] ①

[해설] 구하는 직선의 방정식은 좌표평면 위의 두 점 (30,86), (50,122)를 지나는 직선의 방정식이므로

$$y-86 = \frac{122-86}{50-30}(x-30), \stackrel{\triangle}{\lnot} y = \frac{9}{5}x+32$$

11) [정답] ①

[해설] x+2y-3=0, 3x+y-4=0의 교점은

연립방정식 $\begin{cases} x+2y-3=0\\ 3x+y-4=0 \end{cases}$ 의 해 이므로

$$x = 1, y = 1$$

두 점 (1,1), (2,-3)를 지나는 직선의 방정식은

$$y-1 = \frac{-3-1}{2-1}(x-1)$$
 $y-1 = -4(x-1)$ 따라서 $y = -4x+5$

12) [정답] ④

[해설]
$$x^2+y^2-4x-8y-5=0$$
에서
$$(x-2)^2+(y-4)^2=25$$
이므로 원의 넓이를 이등분하는 직선 $y=3x+a$ 는 원의 중심 $(2,4)$ 를 지난다. 따라서 $4=3\times 2+a$, 즉 $a=-2$

13) [정답] ④

[해설] y = ax - 2가 (1,2)를 지나므로 a = 4

14) [정답] ④

[해설]
$$y+1=2(x-3)$$
 : $y=2x-7$

15) [정답] ②

[해설] 기울기가 3이고 점
$$(3,5)$$
를 지나는 직선의 방
정식은 $y=3(x-3)+5$ 이다.
따라서 $y=3x-4$ 이고 $a=3,b=-4$ \therefore $a+b=-1$

16) [정답] ④

[해설]
$$\overline{AB}$$
의 기울기 $=\frac{-7+4}{2+1}=-1$
따라서 직선의 방정식은 $y=-(x+1)-4=-x-5$

17) [정답] ③

[해설] 직선
$$y-3=\frac{5-3}{-2-1}(x-1)$$
에 점 $(4,a)$ 를 대입하면 $a-3=-2$ $\therefore a=1$

18) [정답] ①

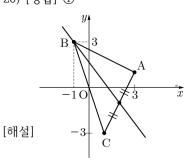
[해설] 점(1,3)을 지나고 x 축에 수직이므로 x=1

19) [정답] ③

[해설] 세 점이 한 직선 위에 있으므로 기울기가 같다.

$$\frac{a+5}{1+2} = \frac{-11+5}{-a+2}$$
$$(a+5)(a-2) = 18$$
$$a^2 + 3a - 28 = 0$$
$$(a+7)(a-4) = 0$$
$$\therefore a = 4 \quad (\because a > 0)$$

20) [정답] ①



 ΔABC 의 넓이를 이등분하는 직선 y=m(x+1)+3은 B(-1,3)을 지나므로 \overline{AB} 의 중점 $\left(\frac{1+3}{2},\frac{1-3}{2}\right)=(2,-1)$ 을 지난다. 따라서 $m=-\frac{4}{3}$