### [영역] 2.문자와 식



중 1 과정

#### 2-4-2.일차방정식의 풀이





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2016-02-16
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

#### 계산시 참고사항

#### 1. 일차방정식

방정식에서 우변의 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하였을 때, (x)에 관한 일차식)=0, 즉 ax+b=0  $(a\neq 0)$ 의 꼴로 변형되는 방정식을 x에 대한 일차 방정식이라 한다.

#### 2. 등식의 성질을 이용한 방정식의 풀이

- (1) x를 포함하는 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항한다.
- (2) 양변을 정리하여 ax = b의 꼴로 만든다.
- (3) x의 계수 a로 양변을 나누어 해  $x = \frac{b}{a}$ 를 구한다.



#### 일차방정식의 해

□ 다음 방정식이 x에 대한 일차방정식이 되기 위한 상수 a 의 조건을 구하여라.

1.	ax + 5 = -	-2r + 3
<b>±</b> .	ux + o -	4.0

2. 
$$(a+4)x+5=0$$

3. 
$$(2a-3)x+3=1$$

4. 
$$ax + 3 = x - 2$$

5. 
$$3ax + 5 = 6x - a$$

#### ☑ 다음 중 일차방정식인 것에는 ○표, 일차방정식이 아닌 것에는 ×표를 하여라.

6. 
$$x-2=2+x$$

7. 
$$2x+3=7$$

8. 
$$3x + 5$$

9. 
$$x+5 > 0$$

10. 
$$2+3=5$$

11. 
$$3x-6=3(x-3)$$

12. 
$$4x = 4x$$

13. 
$$x+4=2x-x$$

)

[영역] 2.문자와 식 2-4-2.일차방정식의 풀이

14. 
$$\frac{1}{x} + 2 = -3$$

28. 
$$x^2 + 2 = x(x+2)$$

15. 
$$3x-4=2x+3$$

29. 
$$3x+4=2x+5$$

16. 
$$6x-5=2x+3$$

30. 
$$4x-5=2x+1$$

17. 
$$2x+5=3+2x$$

31. 
$$x+9=2$$

18. 
$$3x-4=5$$

32. 
$$-\frac{3}{4}x - 5 = 0$$

19. 
$$0.7x + 5 = -0.3x - 1$$

33. 
$$2(x+4)=5+2x$$

20. 
$$-\frac{2}{3}x+1=0$$

$$34. \quad x^2 - 2x + 5 = x^2 + 3x$$

21. 
$$\frac{x}{5} + 1 = \frac{3}{5}x - 2$$

35. 
$$-x+2x^2=2x^2-3$$

22. 
$$x^2 + 2x + 1 = 0$$

36. 
$$-x^2+1=-x^2+x$$

23. 
$$2x-1-x^2=0$$

$$37. \quad x^2 + 3x - 2 = 3 - x^2$$

24. 
$$x^2 - 3 = 2x - x^2$$

38. 
$$x^2 - 3x + 2 = x^2$$

39.  $x^2 + 2x = 0$ 

25. 
$$2x^2 + 3x = 1 + 2(x^2 - 1)$$

26. 
$$x^2 = 3x + 4$$

27. 
$$x^2 + 3x + 1 = 0$$

41. 
$$2x+7 < 1$$

40. x+8=7

#### $\square$ 다음 중 x=5일 때, 참인 것은 'O', 거짓인 것은 'X'를 하 여라.

42. 3x-1=16

( )

43. 2(x-1)=x+3

( )

)

#### $\square$ 다음 중 x=3일 때, 참인 것은 'O', 거짓인 것은 'X'를 써 라.

45. 2x = 0

( )

46. 3x-2=7

( )

47. -5x-5=-10

( )

48. 2(x-1)=5x-7

)

49. x+6=9

( )

50. 7 - x = -4

( )

51.  $\frac{x}{3} = 1$ 

( )

# $\blacksquare$ x의 값이 -2, -1, 0, 1일 때, 다음 방정식의 해를 구하

- 52. x+2=1
- 53. 3x = 5
- 54. -2x+6=3x-5
- $55. \quad x + \frac{5}{2} = \frac{5}{2}x + 1$
- 56. 4x-6=-3(2-x)

### 🈘 일차방정식의 풀이

#### ☑ 다음 방정식을 등식의 성질을 이용하여 풀어라.

- 57. x+2=8
- 58. 7x = 49
- 59. x-3=0
- 60. x+3=-1
- 61.  $\frac{1}{3}x = 2$

62. 
$$-\frac{x}{2} = 3$$

63. 
$$3x = 6$$

64. 
$$-5x = 10$$

65. 
$$4x-3=5$$

66. 
$$3x + 5 = 4x$$

67. 
$$\frac{1}{3}x - 4 = 2$$

68. 
$$-\frac{2}{3}x = 4$$

69. 
$$-x+3=5$$

70. 
$$3-2x=5$$

71. 
$$\frac{2}{5}x - 4 = -2$$

72. 
$$3+2x=7$$

73. 
$$5 = -3 - 4x$$

74. 
$$-4x+1=-3+2x$$

75. 
$$3x+6=-5(x+2)$$

76. 
$$x-4=0$$

77. 
$$x + 24 = 12$$

78. 
$$-5x = 15$$

79. 
$$3x-6=-4x+15$$

80. 
$$3x-4=5$$

81. 
$$5x = 12 + x$$

82. 
$$-2x-1=3$$

83. 
$$\frac{-4x+2}{3} = 6$$

84. 
$$3x-5=7$$

85. 
$$2x-1=3$$

86. 
$$7x+4=-45$$

87. 
$$7 - \frac{3}{2}x = 1$$

88. 
$$\frac{3}{4}x - 3 = 6$$

89. 
$$3x = 2x + 5$$

90. 
$$4x = 3x - 1$$

91. 
$$\frac{1}{4}x + 3 = -1$$

92. 
$$2x = 5x - 18$$

93. 
$$x = 5x - 8$$

94. 
$$-3x+12=x$$

95. 
$$x-6 = -x$$

96. 
$$2x-4=x+5$$

97. 
$$2x+1=-x+4$$

98. 
$$x-6 = -2x+12$$

99. 
$$-5x = x + 12$$

$$100_{x}$$
  $-x+4=3x-8$ 

$$101$$
,  $4x+1=-x+3$ 

102. 
$$-5x+4=-x+16$$

$$103_{1}$$
  $-7x+2=-4x+11$ 

$$104 \cdot 4x = 5x + 9$$

$$105, 2x+9=-x+3$$

[영역] 2.문자와 식 2-4-2.일차방정식의 풀이

$$106 - x + 5 = -2$$

107. 
$$10x - 15 = 25$$

108. 
$$x+30=24$$

$$109 \cdot 8x - 12 = 20$$

110. 
$$10 = -4x + 6$$

111, 
$$9 = 2x - 3$$

112. 
$$8x+7=6x-15$$

113. 
$$4(2x-1)=12$$

$$114 - 2(x-5) = 12$$

115. 
$$3(x-4)=5x$$

116. 
$$-(3x-4)=x$$

117. 
$$2(3x+1)=x-8$$

118. 
$$x+1 = -(x+1)$$

119. 
$$2(2x-3)=-(x+6)$$

$$120 - 2(3-2x) = 7(2-x) + 2$$

$$121 \cdot 2(3-2x) = 3(x-2)$$

$$122 \cdot 5 - 2(3x+1) = 3(5-x)$$

123. 
$$27 = 5(2x+4) - 3(x+7)$$

$$124$$
:  $x = 4x - 9$ 

$$125_{1} - 5x + 13 = -2x - 2$$

126. 
$$4x-5=2x+3$$

127. 
$$5-7x = -2x+25$$

128. 
$$28 = 5(2x+3) - 3(x-2)$$

[영역] 2.문자와 식 2-4-2.일차방정식의 풀이

129. 
$$2(3x-5)-(4x+1)=7$$

130 
$$4(x+2)+3(3x-6)=3$$

131. 
$$5(2x+4) = 6(x-2)$$

132. 
$$2(3x-10) = -(5-3x)$$

133. 
$$4(2x-1) = 3(x+2)$$



## 정답 및 해설 👸

- 1)  $a \neq -2$
- 다 ax+5=-2x+3에서 (a+2)x+2=0위의 방정식이 일차방정식이 되려면  $a+2\neq 0$   $\therefore$   $a\neq -2$
- 2)  $a \neq -4$
- $\Rightarrow$  x에 대한 일차방정식이 되려면  $a+4\neq 0$   $\therefore a\neq -4$
- 3)  $a \neq \frac{3}{2}$
- $\Rightarrow$  (2a-3)x+3=1에서 (2a-3)x+2=0위의 방정식이 x에 대한 일차방정식이 되려면  $2a-3\neq 0$   $\therefore a\neq \frac{3}{2}$
- 4)  $a \neq 1$
- 5)  $a \neq 2$
- $\Rightarrow$  3ax+5=6x-a에서 (3a-6)x+5+a=0위의 방정식이 x에 대한 일차방정식이 되려면  $3a-6\neq 0$   $\therefore a\neq 2$
- 6) ×
- 7) (
- 8) ×
- 9) ×
- 10) ×
- 11) ×
- 12) ×
- $\Rightarrow 4x-4x=0,0=0$  따라서 일차방정식이 아니다.
- 13) ×
- 14) ×
- 15) (
- 16) 🔾
- $\Rightarrow 6x 5 2x 3 = 0, 4x 8 = 0$  따라서 일차방정식이다.

- 17) ×
- ☆ 2x+5-2x-3=0,2=0
   따라서 일차방정식이 아니다.
- 18) ()
- 19) ()
- □ 0.7x+5+0.3x+1=0,x+6=0
  따라서 일차방정식이다.
- 20) 🔾
- 21) ()
- $\Rightarrow \frac{x}{5} + 1 \frac{3}{5}x + 2 = 0, -\frac{2}{5}x + 3 = 0$ 따라서 일차방정식이다.
- 22) ×
- 23) ×
- 24) ×
- $\Rightarrow x^2 3 2x + x^2 = 0, 2x^2 2x 3 = 0$  따라서 일차방정식이 아니다.
- 25) 🔾
- □ 2x²+3x=1+2x²-2 2x²+3x-1-2x²+2=0,3x+1=0 따라서 일차방정식이다.
- 26) ×
- 27) ×
- 28) ()
- ☆ x²+2=x²+2x, x²+2-x²-2x=0
   -2x+2=0
   따라서 일차방정식이다.
- 29) (
- $\Rightarrow$  3x+4-2x-5=0, x-1=0따라서 일차방정식이다.
- 30) 🔘
- $\Rightarrow 4x-5-2x-1=0, 2x-6=0$  따라서 일차방정식이다.
- 31) 🔾
- $\Rightarrow x+9-2=0, x+7=0$ 따라서 일차방정식이다.
- 32) 🔾

- 33) ×
- □ 2x+8=5+2x, 2x+8-5-2x=0,3=0
   따라서 일차방정식이 아니다.
- 34) ()
- 35) 🔾
- 36) ()
- 37) ×
- $\Rightarrow x^2 + 3x 2 3 + x^2 = 0, 2x^2 + 3x 5 = 0$  따라서 일차방정식이 아니다.
- 38) ()
- 39) ×
- 40) ()
- ☆ x+8-7=0,x+1=0
   따라서 일차방정식이다.
- 41) ×
- 42) ×
- 43) 🔾
- 44) 🔾
- 45) ×
- $\Rightarrow 2 \times 3 \neq 0$
- 46) 🔾
- $\Rightarrow 3 \times 3 2 = 7$
- 47) ×
- $\Rightarrow$   $-5 \times 3 5 \neq -10$
- 48) ×
- $\Rightarrow 2(3-1) \neq 15-7$
- 49) 🔾
- 50) ×
- 51) ()
- 52) x = -1
- 53) 해가 없다
- 54) 해가 없다

- 55) x = 1
- 56) x = 0
- 57) x = 6
- $\Rightarrow x+2-2=8-2$   $\therefore x=6$
- 58) x = 7
- $\Rightarrow \frac{7x}{7} = \frac{49}{7} \qquad \therefore x = 7$
- 59) x = 3
- $\Rightarrow x-3+3=0+3$   $\therefore x=3$
- 60) x = -4
- $\Rightarrow x+3-3=-1-3$   $\therefore x=-4$
- 61) x = 6
- $\Rightarrow \frac{1}{3}x \times 3 = 2 \times 3 \qquad \therefore \quad x = 6$
- 62) x = -6
- $\Rightarrow -\frac{x}{2} \times (-2) = 3 \times (-2) \qquad \therefore \quad x = -6$
- 63) x = 2
- $\Rightarrow 3x \div 3 = 6 \div 3$   $\therefore x = 2$
- 64) x = -2
- $\Rightarrow$   $-5x \div (-5) = 10 \div (-5)$   $\therefore x = -2$
- 65) x = 2
- $\Rightarrow 4x-3+3=5+3, \quad 4x=8$  $4x \div 4=8 \div 4 \quad \therefore \quad x=2$
- 66) x = 5
- $\Rightarrow 3x+5=4x \text{ on } -x=-5 \quad \therefore x=5$
- 67) x = 18
- $\Rightarrow \frac{1}{3}x 4 + 4 = 2 + 4, \quad \frac{1}{3}x = 6$ 
  - $\frac{1}{3}x \times 3 = 6 \times 3 \qquad \therefore \quad x = 18$
- 68) x = -6
- $\Rightarrow -\frac{2}{3}x \times \left(-\frac{3}{2}\right) = 4 \times \left(-\frac{3}{2}\right) \quad \therefore \quad x = -6$
- 69) x = -2
- $\Rightarrow -x+3-3=5-3, -x=2$  $-x \times (-1) = 2 \times (-1)$   $\therefore x=-2$
- 70) x = -1
- $\Rightarrow 3-2x-3=5-3, -2x=2 \\ -2x \div (-2) = 2 \div (-2) \qquad \therefore x=-1$

[영역] 2.문자와 식 2-4-2.일차방정식의 풀이

- 71) x = 5
- $\Rightarrow \frac{2}{5}x 4 + 4 = -2 + 4, \quad \frac{2}{5}x = 2$ 2 5 5
  - $\frac{2}{5}x \times \frac{5}{2} = 2 \times \frac{5}{2} \qquad \therefore \quad x = 5$
- 72) x = 2
- $\Rightarrow 2x = 4$   $\therefore x = 2$
- 73) x = -2
- $\Rightarrow 4x = -8$   $\therefore x = -2$
- 74)  $x = \frac{2}{3}$
- $\Rightarrow$  -6x = -4  $\therefore x = \frac{2}{3}$
- 75) x = -2
- $\Rightarrow 3x+6=-5x-10, 8x=-16$   $\therefore x=-2$
- 76) x = 4
- 77) x = -12
- $\Rightarrow x = 12 24$   $\therefore x = -12$
- 78) x = -3
- $\Rightarrow \frac{-5x}{-5} = \frac{15}{-5} \qquad \therefore x = -3$
- 79) x = 3
- $\Rightarrow$  7x = 21  $\therefore$  x = 3
- 80) x = 3
- $\Rightarrow$  3x = 5 + 4, 3x = 9  $\therefore x = 3$
- 81) x = 3
- $\Rightarrow 5x x = 12, 4x = 12$   $\therefore x = 3$
- 82) x = -2
- $\Rightarrow -2x = 3+1, -2x = 4$  : x = -2
- 83) x = -4
- □ 양변에 3을 곱하면 -4x+2=18
   -4x=16
   ∴ x=-4
- 84) x = 4
- $\Rightarrow 3x 5 + 5 = 7 + 5, 3x = 12 \\ \frac{3x}{3} = \frac{12}{3} \qquad \therefore x = 4$
- 85) x = 2
- $\Rightarrow 2x 1 + 1 = 3 + 1, 2x = 4$  $\frac{2x}{2} = \frac{4}{2} \qquad \therefore x = 2$
- 86) x = -7

$$\Rightarrow 7x + 4 - 4 = -45 - 4, 7x = -49$$

$$\frac{7x}{7} = \frac{-49}{7} \qquad \therefore x = -7$$

- 87) x = 4
- $\Rightarrow 7 \frac{3}{2}x 7 = 1 7, -\frac{3}{2}x = -6$  $-\frac{3}{2}x \times \left(-\frac{2}{3}\right) = -6 \times \left(-\frac{2}{3}\right) \quad \therefore x = 4$
- 88) x = 12
- $\Rightarrow \frac{3}{4}x 3 + 3 = 6 + 3, \frac{3}{4}x = 9$  $\frac{3}{4}x \times \frac{4}{3} = 9 \times \frac{4}{3} \qquad \therefore x = 12$
- 89) x = 5
- $\Rightarrow 3x 2x = 2x + 5 2x \qquad \therefore x = 5$
- 90) x = -1
- $\Rightarrow 4x 3x = 3x 1 3x \qquad \therefore x = -1$
- 91) x = -16
- $\Rightarrow \frac{1}{4}x + 3 3 = -1 3, \frac{1}{4}x = -4$  $\frac{1}{4}x \times 4 = -4 \times 4 \qquad \therefore x = -16$
- 92) x = 6
- 2x 5x = 5x 18 5x $-3x = -18, \frac{-3x}{-3} = \frac{-18}{-3}$   $\therefore x = 6$
- 93) x = 2
- $\Rightarrow x-5x=-8, -4x=-8 \qquad \therefore x=2$
- 94) x = 3
- $\Rightarrow$  -3x-x=-12, -4x=-12  $\therefore x=3$
- 95) x = 3
- $\Rightarrow x+x=6, 2x=6$   $\therefore x=3$
- 96) x = 9
- $\Rightarrow 2x-x=5+4$   $\therefore x=9$
- 97) x = 1
- $\Rightarrow 2x+x=4-1, 3x=3$   $\therefore x=1$
- 98) x = 6
- $\Rightarrow x + 2x = 12 + 6, 3x = 18$   $\therefore x = 6$
- 99) x = -2
- $\Rightarrow$  -5x-x=12, -6x=12  $\therefore x=-2$
- 100) x = 3
- $\Rightarrow -x-3x = -8-4, -4x = -12$   $\therefore x = 3$

[영역] 2.문자와 식 2-4-2.일차방정식의 풀이

101) 
$$x = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow 4x + x = 3 - 1, 5x = 2$$
  $\therefore x = \frac{2}{5}$ 

102) 
$$x = -3$$

$$\Rightarrow -5x + x = 16 - 4, -4x = 12$$
  $\therefore x = -3$ 

103) 
$$x = -3$$

$$\Rightarrow -7x + 4x = 11 - 2, -3x = 9$$
  $\therefore x = -3$ 

104) 
$$x = -9$$

$$\Rightarrow 4x-5x=9, -x=9$$
  $\therefore x=-9$ 

105) 
$$x = -2$$

$$\Rightarrow 2x + x = 3 - 9, 3x = -6$$
  $\therefore x = -2$ 

106) 
$$x = 7$$

$$\Rightarrow -x = -2 - 5, -x = -7$$
  $\therefore x = 7$ 

107) 
$$x = 4$$

$$\Rightarrow 10x = 25 + 15, 10x = 40$$
  $\therefore x = 4$ 

108) 
$$x = -6$$

$$\Rightarrow x = 24 - 30$$
  $\therefore x = -6$ 

109) 
$$x = 4$$

$$\Rightarrow 8x = 20 + 12, 8x = 32$$
  $\therefore x = 4$ 

110) 
$$x = -1$$

$$\Rightarrow 4x = 6 - 10, 4x = -4$$
  $\therefore x = -1$ 

111) 
$$x = 6$$

$$\Rightarrow -2x = -3 - 9, -2x = -12$$
  $\therefore x = 6$ 

112) 
$$x = -11$$

$$\Rightarrow 8x - 6x = -15 - 7, 2x = -22$$
  $\therefore x = -11$ 

113) 
$$x = 2$$

$$8x-4=12, 8x=12+4$$
  
 $8x=16$   $\therefore x=2$ 

114) 
$$x = -1$$

$$\begin{array}{c} \Rightarrow \ -2x + 10 = 12, -2x = 12 - 10 \\ -2x = 2 & \therefore x = -1 \end{array}$$

115) 
$$x = -6$$

$$\Rightarrow 3x - 12 = 5x, 3x - 5x = 12 \\
-2x = 12 \qquad \therefore x = -6$$

116) 
$$x = 1$$

$$\Rightarrow -3x + 4 = x, -3x - x = -4 \\ -4x = -4 \qquad \therefore x = 1$$

117) 
$$x = -2$$

$$\Rightarrow 6x + 2 = x - 8, 6x - x = -8 - 2 \\ 5x = -10 \qquad \therefore x = -2$$

118) 
$$x = -1$$

$$\Rightarrow x+1 = -x-1, x+x = -1-1 \\ 2x = -2 \qquad \therefore x = -1$$

119) 
$$x = 0$$

120) 
$$x = 2$$

$$\Rightarrow -6+4x = 14-7x+2, \ 11x = 22$$
  $\therefore x = 2$ 

121) 
$$x = \frac{12}{7}$$

$$\Rightarrow 6 - 4x = 3x - 6, -4x - 3x = -6 - 6$$
$$-7x = -12 \qquad \therefore x = \frac{12}{7}$$

122) 
$$x = -4$$

$$\begin{array}{l} \Leftrightarrow 5 - 6x - 2 = 15 - 3x, -6x + 3x = 15 - 5 + 2 \\ -3x = 12 \qquad \therefore x = -4 \end{array}$$

123) 
$$x = 4$$

$$\begin{array}{l} \Leftrightarrow 27 = 10x + 20 - 3x - 21, -10x + 3x = 20 - 21 - 27 \\ -7x = -28 \qquad \therefore x = 4 \end{array}$$

124) 
$$x = 3$$

$$\Rightarrow x - 4x = -9, -3x = -9$$
$$\therefore x = 3$$

125) 
$$x = 5$$

$$\Rightarrow -5x + 2x = -2 - 13, -3x = -15$$

$$\therefore x = 5$$

126) 
$$x = 4$$

$$\Rightarrow 4x - 2x = 3 + 5, 2x = 8$$
$$\therefore x = 4$$

127) 
$$x = -4$$

$$\Rightarrow -7x + 2x = 25 - 5, -5x = 20$$
  
\(\text{:} x = -4\)

128) 
$$x = 1$$

$$\Rightarrow 28 = 5(2x+3) - 3(x-2)$$

$$28 = 10x + 15 - 3x + 6$$

$$-7x = 21 - 28$$

$$\therefore x = 1$$

129) 
$$x = 9$$

$$\Rightarrow 2(3x-5)-(4x+1)=7$$
에서  $6x-10-4x-1=7$   
 $2x=18$   $\therefore x=9$ 

130) 
$$x = 1$$

다 
$$4(x+2)+3(3x-6)=3$$
에서  $4x+8+9x-18=3$   
 $13x=13$   $\therefore x=1$ 

131) 
$$x = -8$$

$$\Rightarrow$$
 5(2x+4) = 6(x-2)  $\land$   $\Rightarrow$  10x+20 = 6x-12

[영역] 2.문자와 식 2~4~2.일차방정식의 풀이

$$4x = -32$$
  $\therefore x = -8$ 

132) 
$$x = 5$$

$$2(3x-10) = -(5-3x)$$
에서  $6x-20 = -5+3x$   $3x = 15$   $\therefore x = 5$ 

133) 
$$x = 2$$