

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-11-09
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE

이 단원에서는 **순환소수를 분수로 나타내는 문제, 분수가 유한소수 또는 순환소수가 되도록 하는 미지수를 찾는 문제** 등이 자주출제되며 소인수분해와 약분 등의 계산이 많이 필요하므로 실수가생기지 않도록 학습합니다.

평가문제

[중단원 학습 점검]

- $oldsymbol{1}$. 분수 $rac{27}{2 imes 5^2 imes a}$ 을 순환소수로만 나타낼 수 있을
 - 때, 30이하의 자연수 *a*의 개수는?
 - ① 12
- ② 13
- 3 15
- **4** 17
- ⑤ 19

[중단원 학습 점검]

- 2. 순환소수 1.92에 어떤 자연수를 곱하여 유한소수 로 나타내려고 한다. 곱할 수 있는 가장 작은 자연 수와 가장 큰 두 자리 자연수의 합은?
 - ① 99
- ② 102
- 3 105
- **4** 108
- ⑤ 117

[중단원 학습 점검]

- **3.** 분수 $\frac{x}{225}$ 는 유한소수로 나타낼 수 있고, 기약분 수로 나타내면 $\frac{1}{y}$ 이다. 이때 자연수 x와 y의 순서 쌍 (x, y)의 개수는? (단, $y \ne 1$)
 - ① 1

- ② 2
- 3 3
- **4**

(5) 5

[단원 마무리]

- **4.** 다음 중에서 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면? (정답 2개)
 - ① $\frac{5}{18}$ 를 소수로 나타내면 무한소수이다.
 - ② 0.132857은 유한소수이다.
 - ③ $\frac{14}{11}$ 를 소수로 나타내면 순환하지 않는 무한소수이다.
 - ④ $\frac{1}{37}$ 의 순환마디는 027이다.
 - ⑤ 2.455…은 2.45으로 나타낼 수 있다.

[단원 마무리]

5. 다음 〈보기〉에 있는 분수 중에서 유한소수로 나 타낼 수 있는 것을 모두 고르면?

<型フト</td>

① $\frac{44}{275}$ ② $\frac{12}{45}$ ② $\frac{28}{245}$

② $\frac{21}{77}$ ③ $\frac{51}{34}$ ④ $\frac{91}{104}$

- ① ⑦ , ①
- 20,0,0
- 3 🗇 , 回
- 4 7, 0, 9
- 5 0, 2, 0

[중단원 학습 점검]

- **6.** 분수 $\frac{4}{7}$ 를 소수로 나타냈을 때, 소수점 아래 n번 째 자리의 숫자를 f(n)이라고 하자. 옳은 것을 고르면?
 - ① f(100) = 3
 - ② f(60) + f(41) = 10
 - ③ $f(32) \times f(61) = 40$
 - (4) f(48) = f(148)
 - ⑤ f(15) > f(26)

[중단원 학습 점검]

- **7.** 두 정수 a, b ($b \neq 0$)에 대하여 a를 b로 나누었을 때 계산 결과가 될 수 없는 것은?
 - ① $\frac{14}{9}$
- ② 23.14
- 3 0.2727
- ④ 0.0102030405···
- **⑤** 0

- [단원 마무리]

- ① 12
- ② 20
- 3 30
- (4) 33
- (5) 36

[중단원 학습 점검

- **9.** 분수 $\frac{37}{198}$ 을 소수로 나타냈을 때 순환마디를 이루는 숫자의 각 자리 숫자의 합은?
 - ① 12
- ② 13
- ③ 14
- (4) 15
- **⑤** 16

- [중단원 학습 점검]
- **10.** 다음 분수를 순환소수로 나타낼 때 순환마디의 개수가 다른 하나는?
 - ① $\frac{16}{9}$
- ② $\frac{5}{12}$
- $4\frac{3}{22}$

- [단원 마무리]
- **11.** 정n각형의 외각의 크기의 합은 $360\degree$ 이다. 정이 십이각형, 정삼십오각형, 정육십삼각형, 정칠십오각형, 정구십육각형의 한 외각의 크기를 각각 구했을 때 각의 크기를 유한소수로 나타낼 수 <u>없는</u> 정다각형은 몇 개인가?
 - 1 1

2 2

3 3

(4) 4

⑤ 5

[중단원 학습 점검]

- **12.** 분수 $\frac{3}{10}$, $\frac{3}{11}$, $\frac{3}{12}$, ..., $\frac{3}{50}$ 을 소수로 나타낼 때, 순환소수가 되는 분수의 개수는?
 - ① 25
- ② 26
- 3 27
- ④ 28
- (5) 29

- [단원 마무리]
- **13.** 다음은 어떤 기약분수를 소수로 나타내는 데 A 학생은 분자를 잘못보아서 0.16로 나타냈고 B학생은 분모를 잘못보아서 0.07으로 나타내었다. 처음 기약분수를 순환소수로 바르게 고친 것은?
 - $\bigcirc 0.07$
- $\bigcirc 0.15$
- 3 1.16
- (4) 0.01
- $\bigcirc 0.17$

[단원 마무리]

- **14.** 2.56을 기약분수로 나타낸 후 어떤 자연수 a를 곱하였더니 유한소수로 나타낼 수 있었다. 자연수 a의 값 중 가장 작은 수는?
- ① 2

② 3

35

4 7

⑤ 9

[단원 마무리]

15. 다음 <보기>의 설명 중에서 옳은 것을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 모든 유리수는 유한소수이다.
- ㄴ. 순환소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- C. 정수가 아닌 유리수는 유한소수나 순환소수로 나타낼수 있다.
- 리. 모든 정수는 유리수이다.
- ロ. 무한소수는 유리수가 아니다.
- ㅂ. 기약분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐이면 유한소 수로 나타낼 수 있다.
- ① 7. □
- ② L, Z, D
- ③ L, Н
- ④ □, ⊇, ㅂ
- ⑤ ≥, □

[중단원 학습 점검]

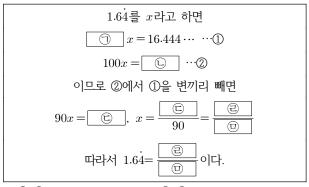
16. $x = \frac{3}{5} + \frac{3}{5^2 \times 2} + \frac{3}{5^3 \times 2^2} + \cdots$ 라고 할 때, x의 역

수를 구하면?

- ① $\frac{2}{3}$
- $3 \frac{3}{5}$
- $4 \frac{5}{2}$

[중단원 학습 점검]

17. 다음은 순환소수 1.64를 분수로 나타내는 과정이다. 빈칸에 들어갈 수로 옳지 <u>않은</u> 것은?



- ① ① 10
- ② ① 164.444…
- ③ 🗈 148
- 4) (a) 73
- (5) (a) 45

[다워 마므리]

18. 순환소수 32.17을 분수로 나타내려고 한다. 적합 한 식이 아닌 것은?

- ① 100x x
- ② 1000000x x
- \bigcirc 10000x 10x
- \bigcirc 1000x 10x
- $\textcircled{5} \ 1000000x 10000x$

실전문제

19. 다음 조건을 모두 만족하는 자연수 n의 값의 개수는?

- $1 \le n \le 100$
- •분수 $\frac{n}{15}$ 은 정수가 아니다.
- •분수 $\frac{n}{30}$ 을 소수로 나타내면 유한소수이다.
- ① 18개
- ② 20개
- ③ 24개
- ④ 27개
- ⑤ 30개

20. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 모든 유한소수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ② 모든 순환소수는 유리수이다.
- ③ 무한소수 중에는 유리수로 나타낼 수 없는 수도 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 분수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 분모를 소인수분해 했을 때, 2 또는 5 이외의 소인수가 존재하면 유한소수로 나타낼 수 없다.

21. 순환소수 1.23과 순환소수 0.307을 분수로 나타내려고 한다. 이들을 분수로 나타낼 때 공통으로 사용할 수 있는 식은?

- ① $10^4 x x$
- ② $10^5 x x$
- $3) 10^6 x x$
- $4) 10^5 x 10x$
- ⑤ $10^6x 10x$

- **22.** x=1.412, y=0.421일 때, 다음 식의 값 중 자연수인 것은? (정답 2개)
 - ① 1000x 10x
- ② 100x 100y
- 3 1000x 100y
- 4 1000y 10x
- ⑤ 10y y
- **23.** 분수 $\frac{x}{11}$ 를 소수로 나타내면 순환마디가 27인 순환소수이다. 이를 만족하는 두 자리 자연수 x의 개수는?
 - ① 5개
- ② 6개
- ③ 7개
- ④ 8개
- ⑤ 9개
- **24.** 다음 조건을 만족하는 자연수 *a*의 개수는?
 - \circ $\frac{3}{2 imes a}$ 은 유한소수로 나타낼 수 있다.
 - $\circ \ \frac{3}{2 \times a}$ 을 기약분수로 나타내면 분모가 두 자리 자연수이다.
 - 1 14
- 2 15
- 3 16
- **4** 17
- **⑤** 18

4

정답 및 해설

1) [정답] ①

[해설]
$$\frac{27}{2 \times 5^2 \times a} = \frac{3^3}{2 \times 5^2 \times a}$$
이므로

주어진 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐일 때, a는 1, 2, 2^2 , 2^3 , 2^4 , 5, 5^2 , 2×5 , $2^2 \times 5$ 의 9 개,

주어진 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐인 수에 3을 곱할 때,

a는 3, 2×3 , $2^2\times3$, $2^3\times3$, 5×3 , $2\times5\times3$ 의 6개

주어진 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐인 수 에 3^2 을 곱할 때,

 $a = 3^2$, 2×3^2 의 2개

주어진 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐인 수에 3^3 을 곱할 때.

a는 3³의 1개

따라서 분수를 순환소수로만 나타낼 수 있는 30이하의 자연수 a의 개수는 30-18=12(71)이다.

2) [정답] ④

[해설]
$$1.9\dot{2} = \frac{192 - 19}{90} = \frac{173}{90} = \frac{173}{2 \times 3^2 \times 5}$$

따라서 곱할 수 있는 자연수는 9의 배수이므로 가장 작은 자연수는 9이고 가장 큰 두 자리 자연수는 99이다. 따라서 두 수의 합은 9+99=108이다.

3) [정답] ②

[해설] $\frac{x}{225} = \frac{x}{3^2 \times 5^2}$ 이므로 유한소수로 나타내어지려 면 x는 9의 배수이어야 한다. 또 기약분수로 나타내면 $\frac{1}{y}$ 이므로 x는 225의 약수이어야 한다. 따라서 만족하는 x의 값은 9, 45, 225이고 이때 $y \neq 1$ 이므로 가능한 순서쌍은 (9, 25), (45, 5)의 2개이다.

4) [정답] ③,⑤

[해설] ③ $\frac{14}{11}$ =1.27이므로 순환소수이다.

⑤ 2.455···은 2.45으로 나타낸다. 따라서 옳지 않은 것은 ③ ,⑤이다.

5) [정답] ④

[해설]
$$\bigcirc$$
 $\frac{44}{275} = \frac{2^2 \times 11}{5^2 \times 11} = \frac{2^2}{5^2}$ \bigcirc $\frac{12}{45} = \frac{3 \times 2^2}{3^2 \times 5}$

$$\bigcirc$$
 $\frac{51}{34} = \frac{3 \times 17}{2 \times 17} = \frac{3}{2} \bigcirc$ \bigcirc $\frac{91}{104} = \frac{7 \times 13}{2^3 \times 13} = \frac{7}{2^3}$

따라서 유한소수로 나타낼 수 있는 것은 \bigcirc , \bigcirc . \bigcirc .

6) [정답] ②

[해설] $\frac{4}{7}$ = $0.\overline{5}71428$ 이므로 순환마디를 이루는 숫자는 6개이고 f(1)=5, f(2)=7, f(3)=1, f(4)=4, f(5)=2, f(6)=8이다.

① f(100) = f(4) = 4

③ f(32) = f(2) = 7, f(61) = f(1) = 5이므로 $f(32) \times f(61) = 35$

④ f(48) = f(6) = 8, f(148) = f(4) = 4이므로 $f(48) \neq f(148)$

⑤ f(15) = f(3) = 1, f(26) = f(2) = 7이므로 f(15) < f(26)

7) [정답] ④

[해설] $a \div b = \frac{a}{b}$ 는 유리수이다.

따라서 ④ 0.0102030405…는 순환하지 않는 무한 소수이므로 유리수가 될 수 없다.

8) [정답] ②

[해설] ㄱ. $\frac{6}{2^2 \times 5 \times x}$ 이 유한소수로 나타내어지려면 기약분수의 분모에 2 또는 5뿐이어야 하므로 만

기약분수의 분모에 2 또는 5뿐이어야 하므로 만 족하는 한 자리의 자연수 x는 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8이다.

L. $\frac{x}{2^2 \times 3}$ 은 유한소수로 나타낼 수 없으려면 기약분수의 분모에 2와 5 이외의 소인수가 있어야 하므로 만족하는 한 자리의 자연수는 x는 3의 배수가 아닌 수로 1, 2, 4, 5, 7, 8이다. 따라서 두 조건을 모두 만족하는 한 자리 자연수 x는 1, 2, 4, 5, 8이므로 1+2+4+5+8=20이다.

9) [정답] ③

[해설] $\frac{37}{198}$ =0.186이므로 순환마디는 86이다. 따라서 순환마디의 각 자리 숫자의 합은 8+6=14

10) [정답] ④

[해설] ① $\frac{16}{9}$ =1.777···=1.7이므로 순환마디는 7

② $\frac{5}{12}$ =0.41666 ···=0.416이므로 순환마디는 6

③ $\frac{7}{24}$ =0.29166 \cdots =0.2916이므로 순환마디는 6

④ $\frac{3}{22}$ = $0.13636\cdots$ =0.136이므로 순환마디는 36

⑤ $\frac{1}{3}$ =0.333···=0.3이므로 순환마디는 3

따라서 순환마디의 개수가 다른 분수는 ④이다.

11) [정답] ③

[해설] 정이십이각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360}{22} = \frac{180}{11}$, 정삼십오각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360}{35} = \frac{72}{7}$, 정육십삼각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360}{63} = \frac{40}{7}$ 정칠십오각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360}{75} = \frac{24}{5}$ 정구십육각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360}{96} = \frac{15}{4}$ 이므 로 한 외각의 크기를 유한소수로 나타낼 수 없는 정다각형은 정이십이각형, 정삼십오각형, 정육십 삼각형의 3개이다.

12) [정답] ⑤

[해설] 유한소수가 되는 경우는 주어진 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5뿐일 때 10, 16, 20, 25, 32, 40, 50, 주어진 모든 분수는 분자가 3이므로 분모의 소인 수가 2 또는 5뿐인 수에 3을 곱할 때 3×2^2 , 3×5 , 3×2^3 , $2\times3\times5$, 3×2^4 이므로 유 한소수인 분수의 개수는 12개이다. 따라서 순환 소수인 분수의 개수는 41-12=29(개)이다.

13) [정답] ③

[해설] $0.16 = \frac{16-1}{90} = \frac{15}{90} = \frac{1}{6}$ 이므로 처음 기약분수의 분모는 6이고, $0.07 = \frac{7}{99}$ 이므로 처음 기약분수의 분자는 7이다. 따라서 $\frac{7}{6} = 1.16$ 이다.

14) [정답] ②

[해설] $2.5\dot{6} = \frac{256 - 25}{90} = \frac{231}{90} = \frac{77}{30}$ 이므로 $\frac{77}{30} \times a$ 가 유한소수가 되려면 a는 3의 배수이어야 한다. 따 라서 구하는 a의 값 중 가장 작은 수는 3이다.

15) [정답] ④

[해설] ㄱ. 정수가 아닌 유리수는 유한소수나 순환소 수로 나타낼 수 있다. 니. 모든 순환소수는 분수로 나타낼 수 있다. □. 무한소수 중 순환소수는 유리수이다.

따라서 옳은 것은 ㄷ, ㄹ, ㅂ이다.

16) [정답] ②

[해설]
$$x = \frac{3}{5} + \frac{3}{5^2 \times 2} + \frac{3}{5^3 \times 2^2} + \cdots$$

= $\frac{6}{10} + \frac{6}{5^2 \times 2^2} + \frac{6}{5^3 \times 2^3} + \cdots$
= $0.6 + 0.06 + 0.006 + \cdots = 0.\dot{6} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$
따라서 x 의 역수는 $\frac{3}{2}$ 이다.

17) [정답] ④

[해설] $1.64 = \frac{148}{90} = \frac{74}{45}$ 이므로 @은 74이다.

18) [정답] ③

[해설] $x = 32.171717 \cdots$ 라 하면 ③ $10000x - 10x = 321717.1717 \cdots - 321.7171 \cdots$ 이므로 순환소수의 소수 부분이 같지 않아 분수 로 나타내기 적합하지 않은 식이다.

19) [정답] ④

[해설] $\frac{n}{30} = \frac{n}{2 \times 3 \times 5}$ 이 유한소수가 되도록 하는 자 연수 n은 3의 배수이다. $1 \le n \le 100$ 일 때, n의 개수는 33개다. 이 때, $\frac{n}{15}$ 은 정수가 아니므로 n배수가 아니다. 15, 30, 45, 60, 75, 90 6개는 제외해야 한다. 따 라서 위 조건을 모두 만족하는 자연수 n의 개수 는 33-6=27개다.

20) [정답] ⑤

[해설] ⑤기약분수의 분모를 소인수분해했을 때, 2 또 는 5 이외의 소인수가 존재하면 유한소수로 나타 낼 수 없다.

21) [정답] ③

[해설] 1.23과 0.307의 순환마디의 개수는 각각 2개, 3개이므로 공배수는 6의 배수이다. 또, 소수점 아래의 숫자는 0이어야 한다. 따라서 두 순환소 수를 분수로 나타낼 때, 공통으로 사용할 수 있 는 식은 $10^6x - x$ 이다.

22) [정답] ①, ③

[해설] 두 순환소수의 차가 자연수이기 위해서는 소수 점 아래 자리의 숫자가 같아야 한다.

즉, $x = 1.4121212 \cdots$, $y = 0.4212121 \cdots$ 일 때,

① $1000x = 1412.121212 \cdots$ $10x = 14.12121212 \cdots$ 1000x - 10x = 1398

 $3 1000x = 1412.121212 \cdots$ $-100y = 42.12121212 \cdots$ 1000x - 100y = 1370이다.

23) [정답] ④

[해설] $\frac{x}{11}$ 을 소수로 나타내면 순환마디가 27일 때, 이를 $\frac{x}{11} = \frac{9x}{99}$ 를 만족하는 두 자리의 자연수 x를 구하면 다음과 같다. $1.\overline{27} = \frac{126}{99} \implies 9x = 126, \ x = 14$

$$3.\overline{27} = \frac{324}{99} \implies 9x = 324, \ x = 36$$

$$8.\dot{27} = \frac{819}{99} \implies 9x = 819, \ x = 91$$

따라서 $\frac{x}{11}$ 을 만족하는 두 자리의 자연수 x의 개수는 8개다.

24) [정답] ③

[해설] $\frac{3}{2 \times a}$ 가 유한소수가 되려면

*a*는 소인수 2, 5를 가져야 하고 소인수 3은 한 개만 가져야 한다.

또한 $\frac{3}{2 \times a}$ 을 기약분수로 나타내면

분모가 두 자리 자연수가 되어야 한다.

(i) a가 소인수 3을 갖지 않는 경우

 $a = 2^3 = 8$, $2^4 = 16$, $2^5 = 32$, 5,

 $5^2 = 25$, $2 \times 5 = 10$, $2^2 \times 5 = 20$, $2^3 \times 5 = 40$

(ii) a가 소인수 3을 한 개 가지는 경우

 $a = 2^3 \times 3 = 24, \ 2^4 \times 3 = 48, \ 2^5 \times 3 = 96,$

 $5 \times 3 = 15$, $5^2 \times 3 = 75$, $2 \times 5 \times 3 = 30$,

 $2^2 \times 5 \times 3 = 60, \ 2^3 \times 5 \times 3 = 120$

따라서 총 16개이다.