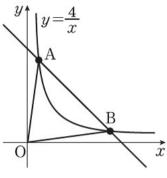
## 중급 10회

- **1.** 함수 f(x) = -2x + 7에 대하여 함수 y = f(3x + 1)의 역함수가 h(x) = ax + b일 때, 상수 a, b에 대하여 36ab의 값은?

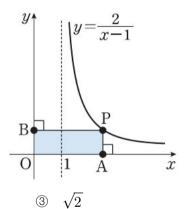
- ① -7 ②  $-\frac{13}{2}$  ③ -6 ④  $-\frac{11}{2}$  ⑤ -5
- 3. 오른쪽 그림과 같이 함수  $y = \frac{4}{x}$ 의 그래프 위의 두 점 A, B에 대하여 직선 AB의 기울기가 -1이고,  $\overline{OA} \cdot \overline{OB} = 16$ 을 만족시킨다. 선분 AB의 길이는? (단, 〇는 원점이다.)



- **4**
- ⑤  $2\sqrt{5}$

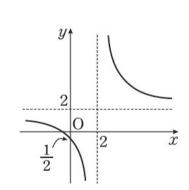
- **2.** 함수  $f(x) = \frac{1}{5}x^2 + \frac{6}{5}(x \ge 0)$ 의 역함수를 g(x)라 할 때, 두 함수 y = f(x)와 y = g(x)의 그래프의 두 교점 사이의 거리는?

- ①  $\sqrt{2}$  ②  $2\sqrt{2}$  ③  $3\sqrt{2}$  ④  $4\sqrt{2}$  ⑤  $5\sqrt{2}$
- **4.** 곡선  $y = \frac{2}{x-1}$  위의 한 점 P에서 x축, y축에 내린 수선의 발을 각각 A, B라고 하자. 사각형 OAPB의 둘레의 길이가 최소일 때, 이 사각형의 넓이는? (단, 점 P는 제1사분면 위의 점이다.)



- **5.** 실수 k에 대하야 함수  $y = \left| \frac{3x-2}{x+1} \right|$ 의 그래프와 직선 y = k의 교점의 개수를 f(k)라 할 때, f(-2)+f(-1)+f(0)+f(1)+f(2)+f(3)+f(4)+f(5)의 값은?
- ① 10
- ② 12
- ③ 16
- **4** 18
- ⑤ 20

**6.** 유리함수  $f(x) = \frac{bx+c}{x-a}$ 의 그래프가 오른쪽 그림과 같다.  $f^1 = f, \ f^{n+1} = f \circ f^n$ (단, n은 자연수)으로 정의할 때,  $(f^{-1})^{100}(1)+f^{99}(1)$ 의 값은? (단,  $f^{-1}$ 은 f의 역함수이다.)



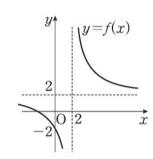
- $\bigcirc -3$   $\bigcirc -2$   $\bigcirc -1$
- 4 1

- **7.** 두 함수  $f(x) = \frac{2x-1}{x+3}$ ,  $g(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$   $(ad-bc \neq 0, c \neq 0)$ 일 때,  $x \neq -3$ ,  $x \neq 2$ 인 모든 실수 x에 대하여  $(f \circ g)(x) = x$ 가 되도록 하는 함수 y = g(x)의 그래프의 점근선의 방정식이 x=p, y=q일 때, 상수 p, q에 대하여 p+q의 값은?

  - $\bigcirc -3$   $\bigcirc -2$   $\bigcirc -1$   $\bigcirc 1$

- ⑤ 2

**8.** 유리함수  $f(x) = \frac{bx+c}{x+a}$ 의 그래프가 오른쪽 그림과 같을 때, 무리함수  $g(x)=a\sqrt{x+b}+c$ 에 대하여 다음 〈보기〉 중에서 옳은 것을 있는 대로 고른 것은?



- --- < 보 기 > -
- ㄱ. 함수  $\mathbf{g}(x)$ 의 정의역은  $\{x \mid x \geq -2\}$ 이고 치역은  $\{y \mid y \leq 4\}$ 이다.
- ㄴ. 함수 g(x)의 그래프는 제3사분면을 지나지 않는다.
- ㄷ. 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $\alpha \leq x \leq \beta$ 에서 함수  $\mathbf{g}(x)$ 의 최댓값은 2이다.
- ㄹ. 함수 g(x)의 역함수를 h(x)라 할 때, h(2)의 값은 3이다.
- ④ 7, 6, 2
- ② L ⑤ 기, L, C, Z
  - ③ ᄀ, ㄴ, ⊏

- **9.** 정의역이  $\{x \mid x>1\}$ 인 두 함수  $f(x)=\frac{2x+3}{x-1}, \ \mathrm{g}(x)=\sqrt{x+2}$ 에 대하여  $(g \circ f^{-1})(a)=2$ 일 때, a의 값은?
- ① 7
- ② 8
- 3 9
- **4** 10
- ⑤ 11

- **10.** 함수  $y = (x-1)^2 1$   $(x \ge 1)$ 의 그래프와 그 역함수 그래프의 교점을 P라 할 때, 선분 OP의 길이는? (단, O는 원점이다.)

- ①  $\sqrt{2}$  ② 2 ③  $2\sqrt{2}$  ④ 3 ⑤  $3\sqrt{2}$

11. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x-1} & (x > 2) \\ \sqrt{2-x} + a & (x \le 2) \end{cases}$$

- 가 일대일함수이고 치역은  $\{y \mid y>2\}$ 이다. f(1)f(k)=15일 때, 상수 k의 값은?
- ① 2
- ② 3 ③ 4 ④ 5
- ⑤ 6

- **12.** 두 곡선  $y = \sqrt{-2x-4}$ ,  $y = \sqrt{-2x+4}$ 와 x축 및 직선 y = 2로 둘러싸인 도형의 넓이는?
- ① 5
- ② 6
- 3 7
- **4** 8
- ⑤ 9

**13.** 두 집합  $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \{0, 1, 2, 3\}$ 에 대하여  $a \in A$ ,  $b \in B$ 일 때, x에 대한 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 이 실근을 가지는 경우의 수는?

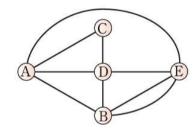
① 14

2 15

③ 16 ④ 17

⑤ 18

14. 오른쪽 그림과 같이 지점 A, B, C, D, E 5개를 연결 하는 도로망이 있다. 지점 A 에서 지점 E로 가는 모든 방법의 수는? (단, 같은 지점은 두 번 지나지 않는다.)

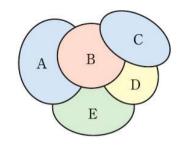


① 8 ② 10 ③ 12

**4 14** 

⑤ 16

15. 오른쪽 그림과 같이 구분된 5개의 영역을 서로 다른 4가지 색 중 전부 또는 일부를 사용하여 칠하려고 한다. 한 가지 색을 여러 번 사용해도 좋으나 이웃한 영역은 서로 다른 색으로 칠하여 구분할 때, 칠하는 경우의 수는?



① 64 ② 72 ③ 96

4 108

⑤ 144

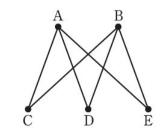
- **16.** 5개의 영문자 G, R, E, A, T에 대하여 다음 각각의 조건에 따라 일렬로 세우려 한다. 각각의 경우의 수를  $a,\ b,\ c$ 라 할 때, a+b+c의 값은?
  - (가) E, A, T가 서로 이웃하도록 5개의 문자를 한 줄로 나열하는 경우의 수
  - (나) 양 끝에 G, R이 오도록 5개의 문자를 한 줄로 나열 하는 경우의 수
  - (다) R, E가 서로 이웃하지 않도록 5개의 문자를 한 줄로 나열하는 경우의 수

① 72 ② 81 ③ 110

4 120

⑤ 160

**17.** 5개의 도시 A, B, C, D, E를 연결하는 도로를 오른쪽 그림과 같이 나타내 보았다. 이 도로를 이용하여 5개의 도시를 여행하는 경우의 수는? (단, 한 번 여행한 도시는 다시 지나가지 않는다.)



① 12

② 24

③ 36

48

**⑤** 60

**18.** 0, 1, 2, 3, 4의 5개 숫자 중 서로 다른 3개의 숫자를 사용하여 만들 수 있는 세 자리 자연수 중 321과 같이 일의 자리의 수보다 십의 자리의 수가 더 크고 십의 자리의 수보다 백의 자리의 수가 더 큰 자연수의 개수는?

① 8 ② 10 ③ 12

④ 24

 $\mathbf{19}$ . 집합 A를 다음과 같이 정의하면 집합 A의 원소의 개수는  $_{10}$ C $_3 = 120$ 개다.

> $A = \{100a + 10b + c \mid a > b > c, a, b, c$ 는 0부터 9까지의 정수} 집합 A의 원소를 가장 작은 것부터 가장 큰 것까지 순서대로 나열할 때, 30번째 수는?

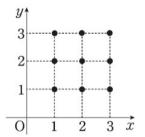
① 631

② 632 ③ 642 ④ 643 © 650

20. 오른쪽 그림과 같이 좌표평면 위에 9개의 점이 놓여 있다. 다음 조건을 만족하는 p, q에 대하여 p+q의 값은?

> (가) 두 점을 이어서 만들 수 있는 서로 다른 직선의 개수 p

(나) 세 점을 꼭짓점으로 하는 삼각형의 개수 q



- ⑤ 120
- ① 76
- ② 80
- 3 84
- 4 88
- ⑤ 96

21. 오른쪽 그림과 같이 원에 같은 간격으로 놓인 12개의 점 중에서 4개의 점을 이어서 만들 수 있는 직사각형의 개수는?



① 8

- ② 12
- ③ 15
- **4** 20
- ⑤ 52

- **22.** 두 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}, Y = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족하는 함수  $f:X \rightarrow Y$ 의 개수는?
  - (7) f(4) = 5
  - (나) 집합 X의 임의의 두 원소  $x_1,\ x_2$ 에 대하여  $x_1 < x_2$ 이면  $f(x_1) < f(x_2)$ 이다.

① 6 ② 8

- ③ 10 ④ 12
- ⑤ 14

## 서울형 논울형 꾸관식

**23.**  $1 \le x \le 3$ 인 임의의 실수 x에 대하여

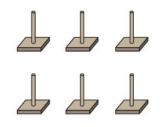
$$ax+3 \le \frac{3x+5}{x+1} \le bx+3$$

- 이 항상 성립할 때, b-a의 최솟값을 구하여라.
- (단, a, b는 상수이다.)

**24.** 실수 a에 대하여 두 함수  $y = \sqrt{|x| + x}$ , y = |x + a|의 그래프의 교점이 서로 다른 세 점에서 만나기 위한 a의 값의 범위를 구하여라.

25. 서로 다른 흰색 모자 2개와

서로 다른 검은색 모자 3개를
오른쪽 그림과 같이 놓인
모자걸이 6개에 진열하려고 한다.
같은 가로줄에 같은 색 모자를
진열하는 모든 경우의 수를 구하여라.



**26.** 운전석을 포함한 5인승 승용차 3대에 12명이 나누어 타려고 한다. 운전면허를 가진 사람이 3명이고 이들은 각각 자신의 승용차를 운전한다. 이때 12명이 차에 나누어 타는 방법의 수를 구하여라.

- 1) [정답] : ⑤
- 2) [정답] : ①
- 3) [정답] : ④
- 4) [정답] : ⑤
- 5) [정답] : ①
- 6) [정답] : ②
- 7) [정답] : ③
- 8) [정답] : ③
- 9) [정답] : ①
- 10) [정답] : ⑤
- 11) [정답] : ②
- 12) [정답] : ④
- 13) [정답] : ①
- 14) [정답] : ②
- 15) [정답] : ③
- 16) [정답] : ④
- 17) [정답] : ①
- 18) [정답] : ②
- 19) [정답] : ④
- 20) [정답] : ⑤
- 21) [정답] : ③
- 22) [정답] : ②
- 23) [정답] :  $\frac{5}{6}$
- 24) [정답] :  $0 < a < \frac{1}{2}$
- 25) [정답] : 72가지
- 26) [정답] : 11130