수학 | 고1 2-3.여러 가지 방정식과 부등식





교과서 변형문제 기본



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-03-05
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[미지수가 1개인 연립일차부등식]

- (1) 각 부등식의 해를 구한다.
- (2) 공통부분을 찾아 해를 구한다.

[A<B<C꼴의 연립부등식]

연립부등식 ${A < B \atop B < C}$ 의 꼴로 바꾸어 푼다.

[절댓값 기호를 포함한 일차부등식]

- 양수 a에 대하여
- |x| < a이면 -a < x < a
- |x|>a이면 x<-a 또는 x>a
- 절댓값 기호를 포함한 부등식은 미지수의 값의 범위에 따라 절댓값 기호를 포함하지 않은 식으로 고쳐서 푼다.

기본문제

[예제]

1. 다음 연립부등식을 만족하는 정수 x의 개수는?

$\int x + 2 \le$	3(x+4)
$5-x \ge$	2(x-5)

1 5

② 7

- ③ 9
- 4) 11
- (5) 14

[문제]

2. 연립부등식 $\begin{cases} -x+3 \le 4x-2 \\ 6-2x \ge 2(x-5) \end{cases}$ 의 해는?

- ① $-1 \le x \le 4$
- $\bigcirc -4 \le x \le 1$
- $3 \ 1 \le x \le 4$
- $4 4 \le x \le -1$
- ⑤ 1 < x < 4

[예제]

3. 연립부등식 $\begin{cases} 2x+3 \le -x+3 \\ 1-2x \ge -5 \end{cases}$ 의 해는?

- ① $x \leq 0$
- ② $-3 \le x \le 0$
- ③ $x \leq 3$
- ① $0 \le x \le 3$
- ⑤ $x \le 2$

- **4.** 연립부등식 $\begin{cases} 1-3x \le 4 \\ x+1 \ge -2x+7 \end{cases}$ 의 해는?
 - ① $x \ge 2$
- ② $x \ge -2$
- ③ $x \ge -1$
- $4 1 \le x \le 2$
- ⑤ $-2 \le x \le 1$

[예제]

[문제]

- **5.** 부등식 6x+3 < 5x < 7x+8의 해는?
 - ① -4 < x < 0
- ② -3 < x < 4
- 3 4 < x < 3
- 4 3 < x < 4
- \bigcirc -4 < x < -3

[문제]

- **6.** 부등식 $3x+4 \le 5(x+1) \le 3x+9$ 을 만족하는 정수 x의 합은?
 - 1
- ② 2
- ③ 3

- **(4)** 4
- (5) 5

[예제]

- 7. 부등식 $|8-x| \le 6$ 을 성립하는 정수 x의 개수는?
 - ① 11
- ② 12
- 313
- **4** 14
- ⑤ 15

[문제]

- 8. 부등식 $|x-m| \le 4$ 의 해가 -7 < x에 모두 포함 될 때, 음의 정수 m의 개수는?
 - 1 1
- ② 2
- ③ 3
- **(4)** 4
- **⑤** 5

[예제]

- **9.** 부등식 $|x+1|+|x-2| \le 5$ 의 해가 $a \le x \le b$ 일 때, a+b의 값은?
 - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- **4 4**
- ⑤ 5

[문제]

- **10.** 부등식 $|x+3|+|x+1| \le 4$ 의 해가 $a \le x \le b$ 일 때, a+b의 값은?
 - $\bigcirc -1$
- 3 3
- (4) -4
- (5) 5

평가문제

[중단원 마무리]

- **11.** 연립부등식 $\begin{cases} 2+2x < 10 \\ 3x-4 \ge 2 \end{cases}$ 의 해는?
 - ① $2 \le x < 4$
- ② x < 4
- $3 \ 2 < x \le 4$
- ① $x \le 2$
- ⑤ $2 \le x \le 4$

[중단원 마무리]

- **12.** 부등식 x+3 < 4x < 3x+a의 해가 1 < x < 3일 때, a의 값은?
 - ① 1

- ② 3
- 3 5
- (4) 7

⑤ 9

[중단원 마무리]

- **13.** 부등식 $|-2x+4| \le 2$ 의 해는?
 - ① $-1 \le x \le 3$
- ② $-3 \le x \le -1$
- $3 1 \le x \le 3$
- $\bigcirc -2 \le x \le 1$
- ⑤ $1 \le x \le 2$

[중단원 마무리]

- **14.** 연립부등식 $\begin{cases} 2|x-1| < 6 \\ x^2 + 3x 4 < 0 \end{cases}$ 의 해는?
 - ① -1 < x < 2
- $\bigcirc -2 < x < 1$
- 3 4 < x < 4
- $\bigcirc -2 < x < 4$
- ⑤ -1 < x < 4

[중단원 마무리]

- **15.** 부등식 $|x+2|+2|x-3| \le 8$ 의 해가 $a \le x \le b$ 일 때, a+b의 값은?
 - ① 1

② 2

- 3 3
- (4) 4

⑤ 5

[대단원 마무리]

- **16.** 부등식 |x-2a| < 5의 해가 b < x < 3일 때, 실수 a, b에 대하여 a+b의 값은?
 - \bigcirc -2
- $\bigcirc -4$
- 3 6
- (4) -8
- (5) 10

유사문제

- **17.** 연립부등식 $\begin{cases} x+1>4 \\ 2(x+2) \geq 3x-1 \end{cases}$ 의 정수해의 개수는?
 - 1 1

② 2

3 3

4

⑤ 5

- **18.** 연립부등식 5x-4 < 2x+5 < 4x+3의 해를 구하 면 a < x < b이다. 이 때 a+b의 값은?
 - 1 1

2 2

③ 3

(4) 4

- **⑤** 5
- **19.** 연립부등식 $-4x+10 < 2x-2 \le -3x+13$ 을 풀 면?
 - $\bigcirc -2 < x < 3$
- $\bigcirc 2 2 \le x < 3$
- 3 2 < x < 3
- $4 2 \le x < 3$
- ⑤ $2 < x \le 3$
- **20.** 연립부등식 $\begin{cases} 3x-5 \leq 10 \\ 5x+a \geq 7 \end{cases}$ 의 해가 $1 \leq x \leq b$ 일 때, 상수 a,b에 대하여 a+b의 값은?
 - ① 7
- ② 8
- 3 9
- **4**) 10
- ⑤ 11
- **21.** 2|x+1|-|x-1|<3 을 만족시키는 해의 범위는?

 - ① $-6 < x < \frac{2}{3}$ ② $-1 \le x < \frac{2}{3}$
 - $3 6 \le x < \frac{2}{3}$ $4 1 < x \le \frac{2}{3}$
 - (5) -9 < x < 1
- **22.** 부등식 $2|x-2|-3|x+1| \ge -1$ 을 만족시키는 정 수 *x* 의 개수는?
 - ① 7개
- ② 9 개
- ③ 11 개
- ④ 13 개
- ⑤ 15 개

정답 및 해설

- 1) [정답] ④
- [해설] $\begin{cases} x+2 \leq 3(x+4) \\ 5-x \geq 2(x-5) \end{cases}$ $x+2 \leq 3x+12$ 에서 $-5 \leq x$ $5-x \geq 2(x-5)$ 에서 $5 \geq x$ 따라서 $-5 \leq x \leq 5$ 이고 정수 x는 총 11개
- 2) [정답] ③
- [해설] $\begin{cases} -x+3 \leq 4x-2 \\ 6-2x \geq 2(x-5) \end{cases}$ $-x+3 \leq 4x-2 \text{ 에서 } 1 \leq x$ $6-2x \geq 2x-10 \text{에서 } 4 \geq x$ 따라서 $1 \leq x \leq 4$
- 3) [정답] ①
- [해설] $\begin{cases} 2x+3 \le -x+3 \\ 1-2x \ge -5 \end{cases}$ $2x+3 \le -x+3 \text{ 에서 } x \le 0$ $1-2x \ge -5 \text{에서 } x \le 3$ 따라서 $x \le 0$
- 4) [정답] ①
- [해설] $\begin{cases} 1-3x \leq 4 \\ x+1 \geq -2x+7 \end{cases}$ $1-3x \leq 4$ 에서 $x \geq -1$ $x+1 \geq -2x+7$ 에서 $x \geq 2$ 따라서 $x \geq 2$
- 5) [정답] ⑤
- [해설] 6x+3 < 5x < 7x+86x+3 < 5x에서 x < -35x < 7x+8에서 -4 < x따라서 -4 < x < -3
- 6) [정답] ③
- [해설] $3x+4 \le 5(x+1) \le 3x+9$ $3x+4 \le 5x+5 에서 -\frac{1}{2} \le x$ $5x+5 \le 3x+9 으로 \ x \le 2$ 따라서 $-\frac{1}{2} \le x \le 2$ 이고 정수 x는 $0,\ 1,\ 2$ 이므로 정수 x의 합은 3
- 7) [정답] ③
- [해설] $|8-x| \le 6$ 에서 $-6 \le 8-x \le 6$ 이므로 $2 \le x \le 14$ 따라서 정수 x는 총 13개
- 8) [정답] ②
- [해설] $|x-m| \le 4$ 에서 $-4+m \le x \le 4+m$ -7 < x에 포함되려면 -7 < -4+m 따라서 -3 < m이고 음의 정수 m은 총 2개

- 9) [정답] ①
- [해설] 주어진 부등식에서 x+1, x-2의 값이 각각 0 이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x<-1, $-1 \le x < 2$, $x \ge 2$ 의 세 경우로 나누어 푼다.
 - (i) x < -1일 때,

|x+1|=-x-1, |x-2|=-x+2이므로 $-x-1-x+2 \le 5$, $2x \ge -4$, 즉 $x \ge -2$ x < -1이므로

- $-2 \le x < -1$
- $(ii) \ -1 \leq x < 2$ 일 때, $|x+1| = x+1, \ |x-2| = -x+2$ 이므로
- $x+1-x+2 \le 5$, $\le 3 \le 5$
- 3≤5은 항상 성립하므로
- $-1 \le x < 2$
- (iii) $x \ge 2$ 일 때, |x+1| = x+1, |x-2| = x-2이므로
- |x+1|-x+1|, |x-2|-x-20|으로 $x+1+x-2 \le 5$, $2x \le 6$, 즉 $x \le 3$ $x \ge 2$ 이므로
- x = 2 | $2 \le x \le 3$
- 따라서 구하는 해는 $-2 \le x \le 3$ 이고 a=-2, b=3이므로 a+b=1
- 10) [정답] ④
- [해설] 주어진 부등식에서 x+3, x+1의 값이 각각 0이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x<-3, $-3 \le x < -1$, $x \ge -1$ 의 세 경우로 나누어 푼다.
 - (i) x < -3일 때,

|x+3|=-x-3, |x+1|=-x-1이므로 $-x-3-x-1 \le 4$, $2x \ge -8$, 즉 $x \ge -4$ x < -3이므로

 $-4 \le x < -3$ (ii) $-3 \le x < -1$ 일 때,

|x+3| = x+3, |x+1| = -x-1이므로

 $x+3-x-1 \le 4$, $\frac{2}{3}$ $2 \le 4$

 $2 \le 4$ 은 항상 성립하므로

- $-3 \le x < -1$
- (iii) $x \ge -1$ 일 때,

|x+3| = x+3, |x+1| = x+1이므로

 $x+3+x+1 \le 4$, $2x \le 0$, 5×10^{-3} $x \le 0$

 $x \ge -1$ 이므로

 $-1 \le x \le 0$

따라서 구하는 해는 $-4 \le x \le 0$ 이고 a=-4, b=0이므로 a+b=-4

- 11) [정답] ①
- [해설] $\begin{cases} 2+2x < 10 \\ 3x-4 \ge 2 \end{cases}$ 2+2x < 10에서 x < 4 $3x-4 \ge 2$ 에서 $2 \le x$ 따라서 해는 $2 \le x < 4$
- 12) [정답] ②

[해설] x+3 < 4x < 3x+a

x+3 < 4x에서 1 < x 4x < 3x + a에서 x < a 따라서 해가 1 < x < 3되려면 a=3

- 13) [정답] ③
- [해설] $|-2x+4| \le 2$ 에서 $-2 \le -2x+4 \le 2$ 따라서 해는 $1 \le x \le 3$
- 14) [정답] ②

[해설]
$$\begin{cases} 2|x-1| < 6 \\ x^2 + 3x - 4 < 0 \end{cases}$$

$$2|x-1| < 6 에서 -2 < x < 4,$$

$$x^2 + 3x - 4 < 0 에서 -4 < x < 1$$
 따라서 해는 $-2 < x < 1$

- 15) [정답] ④
- [해설] 주어진 부등식에서 x+2, x-3의 값이 각각 0이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x<-2, $-2 \le x < 3$, $x \ge 3$ 의 세 경우로 나누어 푼다.
 - (i) x <-2일 때,

$$|x+2| = -x-2$$
, $|x-3| = -x+3$ 이므로

$$-x-2+2(-x+3) \le 8$$
, $3x \ge -4$, $\frac{5}{7}$ $x \ge -\frac{4}{3}$

x < -2이므로

- 해가 존재하지 않는다.
- (ii) -2 ≤ x < 3일 때,

|x+2| = x+2, |x-3| = -x+3이므로

 $x+2+2(-x+3) \le 8$, $= 0 \le x$

-2 ≤ x < 3이므로

- $0 \le x < 3$
- (iii) $x \ge 3일$ 때,

|x+2| = x+2, |x-3| = x-3이므로

 $x+2+2(x-3) \le 8$, $3x \le 12$, $\pi \times 4$

 $x \ge 3$ 이므로

 $3 \le x \le 4$

따라서 구하는 해는 $0 \le x \le 4$ 이고 a=0, b=4이므로 a+b=4

- 16) [정답] ④
- [해설] |x-2a| < 5에서 -5 < x-2a < 5이므로 2a-5 < x < 2a+5그러므로 2a-5=b, 2a+5=3따라서 a=-1, b=-7
- 17) [정답] ②
- [해설] $\begin{cases} x+1>4 \\ 2(x+2) \geq 3x-1 \end{cases}$ 을 풀면 $3 < x \leq 5$ 이므로 정수해는 4,5의 2개다.
- 18) [정답] ④
- [해설] $\begin{cases} 3x < 9 \\ 2 < 2x \end{cases}$ 이므로 1 < x < 3 a = 1, b = 3 이므로 a + b = 4
- 19) [정답] ⑤

- [해설] -4x+10 < 2x-2에서 x>2 $2x-2 \le -3x+13$ 에서 $x\le 3$ 따라서 연립부등식의 해는 $2 < x \le 3$
- 20) [정답] ①

[해설]
$$3x-5 \le 10$$
에서 $3x \le 15$ $\therefore x \le 5$ $5x+a \ge 7$ 에서 $5x \ge 7-a$ $\therefore x \ge \frac{7-a}{5}$ 연립부등식의 해가 $1 \le x \le b$ 이므로 $\frac{7-a}{5} = 1$ $a=2, b=5$ $\therefore a+b=7$

- 21) [정답] ①
- [해설] (i) x < -1일 때 -2x-2+x-1 < 3, x > -6

 $\therefore -6 < x < -1$

(ii) $-1 \le x < 1$ 일 때

2x+2+x-1 < 3, 3x < 2

$$\therefore -1 \le x < \frac{2}{3}$$

- (iii) $x \ge 1 일 때$
- $2x+2-x+1<3, \quad x<0$

해가 없다.

따라서 만족시키는 해는 $-6 < x < \frac{2}{3}$ 이다.

- 22) [정답] ②
- [해설] (i) $x \le -1$ 일 때

$$-2(x-2)+3(x+1) \ge -1, x \ge -8$$

 $\therefore -8 \leq x \leq -1$

(ii) -1 < x < 2일 때

$$-2(x-2)-3(x+1) \ge -1, \ x \le \frac{2}{5}$$

$$\therefore -1 < x \le \frac{2}{5}$$

- (iii) $x \ge 2$ 일 때
- $2(x-2)-3(x+1) \ge -1, x \le -6$

해가 없다.

 \therefore (i), (ii), (iii)에 의해 해는 $-8 \le x \le \frac{2}{5}$ 이다. 따라서 정수 x의 개수는 9개이다.