



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시
1) 제작연월일 : 2022-01-10
2) 제작자 : 교육지대(주)
3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초
제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호
되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무
단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법
외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE

이 단원에서는 이전 개념들을 이용하는 문제들이 자주 출제된다.
두 곡선 사이의 넓이에서는 함수의 그래프의 개형을 파악하여 넓
이를 구해야하며 유형이 다양하므로 유형을 파악하는 연습이 필요
하다. 수직선 위를 움직이는 점에서는 위치, 속도, 가속도의 그래
프 세 가지를 혼동하지 않도록 주의하여 풀이하도록 한다.



[스스로 확인하기]

1. $f(x) = 3x^2 + \frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ 를 만족시키는 함수 $f(x)$

와 직선 $y = 28$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① 96 ② 108
③ 132 ④ 144
⑤ 155

[스스로 확인하기]

2. 곡선 $y = x^2 - 5x + 4$ 과 x 축으로 둘러싸인 도형의
넓이를 구하면?

- ① $\frac{5}{2}$ ② $\frac{7}{2}$
③ $\frac{9}{2}$ ④ $\frac{11}{2}$
⑤ $\frac{13}{2}$

[스스로 마무리하기]

3. $a > 1$ 인 실수 a 에 대하여

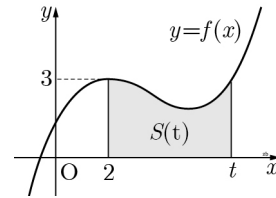
$y = -x^2 + ax$, $y = -x^3 + ax^2$ 로 둘러싸인 두 도형의
넓이가 같아지도록 하는 실수 a 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 2
③ 3 ④ 4
⑤ 5

[스스로 마무리하기]

4. 다음 그림은 함수 $y = f(x)$ 의 그래프이다.

$f(x) = 3x^2 - 2x + 1$, $f(2) = 3$ 이고, 곡선 $y = f(x)$ 와
 x 축 및 두 직선 $x = 2$, $x = t$ 로 둘러싸인 도형의 넓
이를 $S(t)$ 라 할 때, $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{S(4+h) - S(4)}{h}$ 의 값을 구
하면?



- ① 37 ② 39
③ 41 ④ 43
⑤ 45

[스스로 마무리하기]

5. 곡선 $y = 4x^3$ 과 x 축 및 두 직선 $x = -2$ 와 $x = a$
로 둘러싸인 도형의 넓이가 32일 때, 양수 a 의 값
은?

- ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ② 1
③ $\sqrt{2}$ ④ 2
⑤ $2\sqrt{2}$

[스스로 마무리하기]

6. 곡선 $y = -x^2 + 4$ 와 이 곡선 위의 점 $(1, 3)$ 에서
의 접선 및 $x = 0$, $x = 2$ 로 둘러싸인 도형의 넓이
는?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{2}$
③ $\frac{2}{3}$ ④ 1
⑤ $\frac{5}{4}$

[스스로 마무리하기]

7. 곡선 $y = 4x^2 - 8x + k$ 와 x 축, y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 S_1 , 이 곡선과 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 S_2 라 하면 $S_2 = 2S_1$ 이다. 이 때, 상수 k 의 값을 구하면?

- ① $\frac{5}{3}$ ② $\frac{7}{3}$
 ③ $\frac{8}{3}$ ④ $\frac{10}{3}$
 ⑤ $\frac{11}{3}$

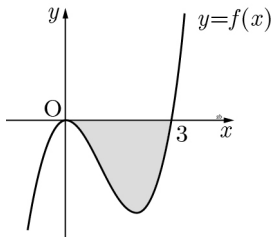
[스스로 확인하기]

8. 곡선 $y = x(x-2)(x-a)$ 와 x 축으로 둘러싸인 두 도형의 넓이가 서로 같을 때, 상수 a 의 값을 구하면? (단, $a > 2$)

- ① 1 ② 2
 ③ 3 ④ 4
 ⑤ 5

[스스로 확인하기]

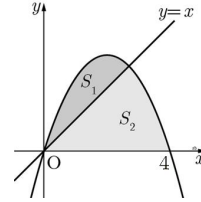
9. 다음 그림은 삼차함수 $y = f(x)$ 의 그래프이다. 곡선 $y = f(x)$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이가 27일 때, $f(x)$ 를 구하면?



- ① $f(x) = 4x^2(x-3)$
 ② $f(x) = 3x^2(x-3)$
 ③ $f(x) = 2x^2(x-3)$
 ④ $f(x) = x^2(x-3)$
 ⑤ $f(x) = -x^2(x-3)$

[스스로 확인하기]

10. 다음 그림과 같이 $y = -x^2 + 4x$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형을 $y = x$ 로 나눈 두 부분의 넓이를 각각 S_1 , S_2 라고 할 때, $4(S_1 \times S_2)$ 의 값을 구하면?



- ① 100 ② 105
 ③ 111 ④ 120
 ⑤ 125

[스스로 확인하기]

11. $y = -x^2 + x + 2$ 와 x 축, y 축으로 둘러싸인 두 도형의 넓이를 S_1 , S_2 라 할 때, 서로소인 자연수 p , q 에 대하여 $S_1 : S_2 = p : q$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하면? (단, $S_1 < S_2$)

- ① 3 ② 9
 ③ 18 ④ 27
 ⑤ 30

[스스로 확인하기]

12. 곡선 $y = x^3 + 2x^2 - x - 2$ 위의 점 $(-2, 0)$ 에서의 접선과 이 곡선으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{13}{3}$ ② $\frac{23}{3}$
 ③ $\frac{43}{3}$ ④ $\frac{64}{3}$
 ⑤ $\frac{82}{3}$

[스스로 확인하기]

13. 곡선 $y = x^2 - x - 2$ 와 직선 $y = x + 1$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{19}{3}$ ② $\frac{21}{3}$
 ③ $\frac{28}{3}$ ④ $\frac{32}{3}$
 ⑤ $\frac{37}{3}$

[스스로 확인하기]

14. 곡선 $y = x|2x - 1|$ 의 그래프와 직선 $y = x$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$
 ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$
 ⑤ $\frac{1}{5}$

[스스로 확인하기]

15. 곡선 $y = -2x^3 + 2x^2 + 4x$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이 S 에 대하여 $6S$ 의 값은?

- ① 30 ② 33
 ③ 37 ④ 40
 ⑤ 47

[스스로 확인하기]

16. 곡선 $y = -x^3 + x^2$ 과 직선 $y = -2x$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{37}{10}$ ② $\frac{37}{11}$
 ③ $\frac{37}{12}$ ④ $\frac{37}{13}$
 ⑤ $\frac{37}{14}$

[스스로 확인하기]

17. 곡선 $y = x^2(x - 2)$ 과 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$
 ③ 1 ④ $\frac{4}{3}$
 ⑤ $\frac{5}{3}$

[스스로 확인하기]

18. 원점에서 동시에 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각 t 에서의 속도는 각각 $v_P(t) = 3t^2 - 8t$, $v_Q(t) = 6 - 3t^2$ 이다. 두 점 P, Q가 다시 만나게 되는 시각은?

- ① 1 ② 2
 ③ 3 ④ 4
 ⑤ 5

[스스로 확인하기]

19. 두 자동차 A, B가 같은 직선 도로를 따라 같은 방향으로 달리고 있다. P 지점을 지나면서부터 A의 속도는 10 m/s로 일정하다. A가 P 지점을 지난 지 2초 후에 B도 P 지점을 지났으며 P 지점을 지난 지 t 초 후의 B의 속도는 $(t+1)$ m/s이었다. 두 자동차가 만나게 되는 것은 B가 P 지점을 지난 지 몇 초 후인지 구하면? (단, 두 자동차가 만난 후, B는 A와 만날 때의 속도로 일정하게 달린다.)

- ① 10 ② 20
 ③ 30 ④ 40
 ⑤ 50

[스스로 마무리하기]

20. 어느 승강기가 1층에서 출발하여 멈추지 않고 꼭대기 층까지 올라갈 때, t 초 후의 속도는

$$v(t) = \begin{cases} 3t^2 & (0 \leq t \leq 2) \\ 10 & (2 < t \leq 5) \\ 2t & (5 < t \leq 10) \end{cases} \text{ 이다. 이 승강기가 1층}$$

에서 꼭대기 층까지 움직인 거리를 구하면? (단, 속도의 단위는 m/s이다.)

- ① 110 ② 111
 ③ 112 ④ 113
 ⑤ 114

[스스로 확인하기]

21. 수평인 지면으로부터 5 m의 높이에서 50 m/s의 속도로 수직으로 위로 던져 올린 물체의 t 초 후의 속도가 $v(t) = 50 - 10t$ (m/s)일 때, 물체를 던져 올린 후 3초 동안 물체가 움직인 거리를 구하면? (단, $0 \leq t \leq 4$)

- ① 85 ② 90
 ③ 95 ④ 100
 ⑤ 105

[스스로 확인하기]

22. 좌표가 -1 인 점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간 t 에서의 속도가 $v(t) = 20 - 4t$ 일 때, 점 P가 움직이는 방향이 바뀔 때의 점 P의 위치를 구하면?

- ① 46 ② 47
③ 48 ④ 49
⑤ 50

[스스로 마무리하기]

23. 원점을 동시에 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시간 t 에서의 속도를 각각 $v_1(t)$, $v_2(t)$ 라 하면 $v_1(t) = -2t$, $v_2(t) = 3t^2 - 2$ 이다. 선분 PQ의 중점을 R라 할 때, 점 R이 다시 원점을 지날 때의 시간을 구하면?

- ① 1 ② 2
③ 3 ④ 4
⑤ 5

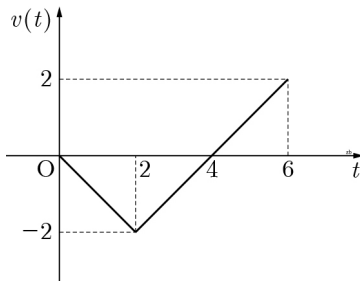
[스스로 확인하기]

24. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간 t 에서의 속도가 $v(t) = 16 - 4t$ 이다. $t = 3$ 일 때 점 P의 위치를 구하면?

- ① 10 ② 20
③ 30 ④ 40
⑤ 50

[스스로 확인하기]

25. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간 t 에서의 속도 $v(t)$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $t = 2$ 에서 $t = 6$ 까지 점 P가 움직인 거리를 구하면? (단, $0 \leq t \leq 6$)



- ① 1 ② 2
③ 3 ④ 4
⑤ 5

[스스로 마무리하기]

26. 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간 t 에서의 속도가 $v(t) = t^2 - 4t$ 일 때, 점 P가 다시 원점을 통과하는 시간을 구하면?

- ① 2 ② 3
③ 4 ④ 5
⑤ 6

[스스로 마무리하기]

27. 서현이는 직선 도로를 따라 학교와 공원을 지나 복지관에 도착했다. 서현이가 학교를 출발한지 t 분 후의 속도는 $v(t) = 30 + 2t - t^2$ (m/min)이고, $t = 3$ 일 때 공원을 지나고 $t = 6$ 일 때 복지관에 도착했다고 한다. 이때 공원과 복지관 사이의 거리를 구하면?

- ① 50 ② 51
③ 52 ④ 53
⑤ 54



정답 및 해설

1) [정답] ②

[해설] $f(x)=3x^2+\frac{1}{2}\int_0^1 f(t)dt$ 의 양변을

0부터 1까지 정적분하면

$$\int_0^1 f(x)dx = 1 + \frac{1}{2} \int_0^1 f(t)dt \text{ 이고,}$$

$$\int_0^1 f(t)dt = \int_0^1 f(x)dx \text{ 이므로}$$

$$\int_0^1 f(t)dt = 2 \text{ 이다. 따라서}$$

$$f(x)=3x^2+1 \text{ 과 직선 } y=28 \text{ 로}$$

둘러싸인 도형의 넓이는

$$3x^2+1=28 \text{ 의 근이 } -3, 3 \text{ 이고}$$

열린구간 $(-3, 3)$ 에서 $28 > 3x^2+1$ 이므로

$$\int_{-3}^3 (28-3x^2-1)dx = \int_{-3}^3 (-3x^2+27)dx$$

$$= [-x^3+27x]_{-3}^3 = 54+54=108 \text{ 이다.}$$

2) [정답] ③

[해설] $x^2-5x+4=0$, $(x-1)(x-4)=0$ 에서

$x=1$ 또는 $x=4$ 이다. 따라서 구하는 값은

$$-\int_1^4 (x^2-5x+4)dx = -\left[\frac{1}{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 4x\right]_1^4 = \frac{9}{2}$$

3) [정답] ②

[해설] $y=-x^2+ax$, $y=-x^3+ax^2$ 의 교점의 x 좌표는

$$-x^2+ax=-x^3+ax^2 \text{ 의 근이다.}$$

$$x^3-(a+1)x^2+ax=0,$$

$$x(x-1)(x-a)=0 \text{ 에서 근은}$$

$$x=0, x=1, x=a \text{ 이므로}$$

$$\int_0^a \{(-x^2+ax)-(-x^3+ax^2)\}dx$$

$$= \int_0^a \{x^3-(a+1)x^2+ax\}dx$$

$$= \left[\frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}(a+1)x^3 + \frac{1}{2}ax^2\right]_0^a$$

$$= \frac{1}{4}a^4 - \frac{1}{3}(a+1)a^3 + \frac{1}{2}a^3$$

$$= \frac{a^3(-a+2)}{12} = 0, a=2$$

4) [정답] ③

[해설] $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{S(4+h)-S(4)}{h} = S'(4) = f(4)$

$$f(4) = 48-8+1=41$$

5) [정답] ④

[해설] $S = \int_{-2}^a |4x^3|dx = \int_{-2}^0 (-4x^3)dx + \int_0^a 4x^3dx$

$$= [-x^4]_{-2}^0 + [x^4]_0^a = 16 + a^4 = 32$$

$$\text{그러므로 } a=2$$

6) [정답] ③

[해설] $y'=-2x$ 이므로

$x=1$ 에서의 접선의 기울기는 -2 이고

접선의 방정식은 $y=-2x+5$ 이다. 따라서

$$S = \int_0^2 \{-2x+5-(-x^2+4)\}dx$$

$$= \int_0^2 (x^2-2x+1)dx = \left[\frac{1}{3}x^3 - x^2 + x\right]_0^2$$

$$= \frac{8}{3} - 4 + 2 = \frac{2}{3}$$

7) [정답] ③

[해설] 주어진 곡선은 $y=4(x-1)^2-4+k$ 이므로

이 곡선은 $x=1$ 에 대하여 대칭이다.

$S_2=2S_1$ 이려면 $x=0$ 에서 $x=1$ 까지 정적분한

값이 0이므로

$$\int_0^1 (4x^2-8x+k)dx = 0,$$

$$\left[\frac{4}{3}x^3 - 4x^2 + kx\right]_0^1 = \frac{4}{3} - 4 + k = 0 \text{ 에서}$$

$$k = \frac{8}{3}$$

8) [정답] ④

[해설] $\int_0^a x(x-2)(x-a)dx = 0$

$$\int_0^a \{x^3 - (a+2)x^2 + 2ax\}dx = 0$$

$$\left[\frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}(a+2)x^3 + ax^2\right]_0^a = 0$$

$$\frac{1}{4}a^4 - \frac{1}{3}(a+2)a^3 + a^3 = 0$$

$$\frac{1}{4}a - \frac{1}{3}(a+2) + 1 = 0$$

$$-a+4=0, a=4$$

9) [정답] ①

[해설] $f(x)=ax^2(x-3)$

$$\int_0^3 |f(x)|dx = \int_0^3 |ax^2(x-3)|dx = 27$$

$$\int_0^3 (-ax^3+3ax^2)dx$$

$$= \left[-\frac{a}{4}x^4 + ax^3\right]_0^3 = \frac{27}{4}a = 27, a=4$$

$$\text{그러므로 } f(x)=4x^2(x-3)$$

10) [정답] ③

[해설] $y=-x^2+4x$ 와 $y=x$ 의 교점의 x 좌표는

$-x^2+4x=x$ 의 근이므로

$$x^2-3x=0 \text{ 에서 } x(x-3)=0,$$

근은 $x=0$, $x=3$ 이다. 따라서

$$\begin{aligned} S_1 &= \int_0^3 (-x^2 + 4x - x) dx = \int_0^3 (-x^2 + 3x) dx \\ &= \left[-\frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 \right]_0^3 = \frac{9}{2} \\ S_2 &= \int_0^4 (-x^2 + 4x) dx - S_1 = \left[-\frac{1}{3}x^3 + 2x^2 \right]_0^4 - \frac{9}{2} \\ &= \frac{32}{3} - \frac{9}{2} = \frac{37}{6} \\ 4(S_1 \times S_2) &= 4\left(\frac{9}{2} \times \frac{37}{6}\right) = 111 \end{aligned}$$

11) [정답] ④

[해설] $y = -x^2 + x + 2$ 는 x 축과 $x = -1$, 2 일 때 만나고, 따라서 각 넓이의 값은

$$\begin{aligned} S_1 &= \int_{-1}^0 (-x^2 + x + 2) dx = \frac{7}{6}, \\ S_2 &= \int_0^2 (-x^2 + x + 2) dx = \frac{10}{3} \quad \text{이므로} \\ S_1 : S_2 &= \frac{7}{6} : \frac{10}{3} = 7 : 20 \quad \text{이므로} \\ p + q &= 27 \text{이다.} \end{aligned}$$

12) [정답] ④

[해설] $y' = 3x^2 + 4x - 1$ 이므로 $(-2, 0)$ 에서의 접선의 기울기는 $12 - 8 - 1 = 3$ 이고, 접선의 방정식은 $y = 3x + 6$ 이다.

곡선과 접선의 교점을 찾으면

$$\begin{aligned} x^3 + 2x^2 - x - 2 &= 3x + 6 \\ x^3 + 2x^2 - 4x - 8 &= 0 \\ (x+2)^2(x-2) &= 0, \quad x = -2, \quad x = 2 \quad \text{이므로} \\ \int_{-2}^2 \{(3x+6) - (x^3 + 2x^2 - x - 2)\} dx \\ &= \int_{-2}^2 (-x^3 - 2x^2 + 4x + 8) dx \\ &= 2 \int_0^2 (-2x^2 + 8) dx = 2 \left[-\frac{2}{3}x^3 + 8x \right]_0^2 = \frac{64}{3} \end{aligned}$$

13) [정답] ④

[해설] 곡선 $y = x^2 - x - 2$ 과 직선 $y = x + 1$ 의 교점을 구하면

$$\begin{aligned} x^2 - x - 2 &= x + 1, \quad x^2 - 2x - 3 = 0 \\ (x+1)(x-3) &= 0, \quad x = -1, \quad x = 3 \quad \text{이므로} \\ y &= x^2 - x - 2 \text{와 } y = x + 1 \text{로 둘러싸인} \\ \text{도형의 넓이를 구하면} \\ S &= \int_{-1}^3 \{(x+1) - (x^2 - x - 2)\} dx \\ &= \int_{-1}^3 (-x^2 + 2x + 3) dx = \left[-\frac{x^3}{3} + x^2 + 3x \right]_{-1}^3 \\ &= -9 + 9 + 9 - \frac{1}{3} - 1 + 3 = \frac{32}{3} \end{aligned}$$

14) [정답] ④

$$[\text{해설}] \quad y = x|2x-1| = \begin{cases} 2x^2 - x & (x \geq \frac{1}{2}) \\ -2x^2 + x & (x \leq \frac{1}{2}) \end{cases}$$

1) $x \geq \frac{1}{2}$ 일 때

$$2x^2 - x = x, \quad x(x-1) = 0, \quad x = 0, \quad x = 1$$

$x \geq \frac{1}{2}$ 이므로 $x = 1$

2) $x \leq \frac{1}{2}$ 일 때

$$-2x^2 + x = x, \quad x^2 = 0, \quad x = 0 \quad \text{이므로}$$

$y = x|2x-1|$ 의 그래프와 $y = x$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하면

$$\begin{aligned} &\int_0^{\frac{1}{2}} \{x - (-2x^2 + x)\} dx + \int_{\frac{1}{2}}^1 \{x - (2x^2 - x)\} dx \\ &= \int_0^{\frac{1}{2}} 2x^2 dx + \int_{\frac{1}{2}}^1 (-2x^2 + 2x) dx \\ &= \left[\frac{2}{3}x^3 \right]_0^{\frac{1}{2}} + \left[-\frac{2}{3}x^3 + x^2 \right]_{\frac{1}{2}}^1 \\ &= \frac{1}{12} + \frac{1}{6} = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

15) [정답] ③

[해설] $y = -2x^3 + 2x^2 + 4x$ 와 x 축과의 교점을 구하면

$$-2x^3 + 2x^2 + 4x = 0$$

$$x^3 - x^2 - 2x = 0$$

$$x(x+1)(x-2) = 0, \quad x = -1, \quad x = 0, \quad x = 2$$

$$\begin{aligned} &\int_{-1}^0 (2x^3 - 2x^2 - 4x) dx + \int_0^2 (-2x^3 + 2x^2 + 4x) dx \\ &= \left[\frac{1}{2}x^4 - \frac{2}{3}x^3 - 2x^2 \right]_{-1}^0 + \left[-\frac{1}{2}x^4 + \frac{2}{3}x^3 + 2x^2 \right]_0^2 \\ &= \frac{5}{6} + \frac{16}{3} = \frac{37}{6} \\ \text{따라서 } 6S &= 37 \end{aligned}$$

16) [정답] ③

[해설] 주어진 직선과 곡선의 교점을 구하면

$$-x^3 + x^2 = -2x$$

$$x^3 - x^2 - 2x = 0, \quad x(x+1)(x-2) = 0 \quad \text{에서}$$

$$x = -1, \quad x = 0, \quad x = 2 \quad \text{이다. 따라서}$$

$$\begin{aligned} &\int_{-1}^0 (x^3 - x^2 - 2x) dx + \int_0^2 (-x^3 + x^2 + 2x) dx \\ &= \left[\frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 \right]_{-1}^0 + \left[-\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + x^2 \right]_0^2 \\ &= \frac{5}{12} + \frac{8}{3} = \frac{37}{12} \end{aligned}$$

17) [정답] ④

[해설] $-\int_0^2 (x^3 - 2x^2) dx = -\left[\frac{1}{4}x^4 - \frac{2}{3}x^3\right]_0^2$
 $= -\left(4 - \frac{16}{3}\right) = \frac{4}{3}$

18) [정답] ③

[해설] 시각 t 에서의 두 점 P, Q의 위치를 각각 $x_P(t)$, $x_Q(t)$ 라 하면

$$x_P(t) = \int_0^t (3t^2 - 8t) dt = t^3 - 4t^2$$

$$x_Q(t) = \int_0^t (6 - 3t^2) dt = 6t - t^3$$

두 점 P, Q가 만나는 것은 두 점의 위치가 같을 때, 즉 $x_P(t) = x_Q(t)$ 일 때이므로

$$t^3 - 4t^2 = 6t - t^3 \text{에서 } 2t^3 - 4t^2 - 6t = 0,$$

$$2t(t+1)(t-3) = 0 \text{ 이때 } t \geq 0 \text{이므로}$$

$$t = 0 \text{ 또는 } t = 3 \text{ 이다.}$$

따라서 두 점 P, Q가 다시 만나게 되는 시각은 $t = 3$ 일 때이다.

19) [정답] ②

[해설] B가 P 지점을 지나고 달린 시간을 t 초라 하면 A가 P 지점을 지나고 달린 시간은 $(t+2)$ 초이다. A가 P 지점을 지나고 $(t+2)$ 초 동안 달린 거리는 $10(t+2)$ (m)
 또, B가 P 지점을 지나고 달린 거리는

$$\int_0^t (t+1) dt = \frac{1}{2}t^2 + t \text{ (m)}$$

$$10(t+2) = \frac{1}{2}t^2 + t \text{에서}$$

$$(t-20)(t+2) = 0$$

$$\text{이때 } t > 0 \text{이므로 } t = 20$$

따라서 20초 후에 두 자동차가 만난다.

20) [정답] ④

[해설] $\int_0^2 3t^2 dt + \int_2^5 10t dt + \int_5^{10} 2t dt$
 $= [t^3]_0^2 + [10t^2]_2^5 + [t^2]_5^{10}$
 $= 8 + 50 - 20 + 100 - 25 = 113$

21) [정답] ⑤

[해설] $\int_0^3 |50 - 10t| dt = [50t - 5t^2]_0^3 = 150 - 45 = 105$

22) [정답] ④

[해설] 움직이는 방향이 바뀔 때 속도가 0이므로

$$v(t) = 20 - 4t = 0 \text{ 일 때 } t = 5,$$

$t = 5$ 일 때의 위치는

$$-1 + \int_0^5 (20 - 4t) dt = -1 + [20t - 2t^2]_0^5$$

$$= -1 + 100 - 50 = 49$$

23) [정답] ②

[해설] 시각 t 에서의 점 P의 위치를 $x_1(t)$ 라 하면

$$x_1(t) = \int_0^t (-2t) dt = -t^2$$

시각 t 에서의 점 Q의 위치를 $x_2(t)$ 라 하면

$$x_2(t) = \int_0^t (3t^2 - 2) dt = t^3 - 2t$$

시각 t 에서의 점 R의 위치를 $s(t)$ 라 하면

$$s(t) = \frac{1}{2}(t^3 - t^2 - 2t)$$

점 R가 원점을 지날 때 $s(t) = 0$ 이므로

$$s(t) = \frac{1}{2}(t^3 - t^2 - 2t) = 0$$

$$t(t-2)(t+1) = 0 \text{에서}$$

$$t = 0 \text{ 또는 } t = -1 \text{ 또는 } t = 2$$

24) [정답] ③

[해설] $0 + \int_0^3 (16 - 4t) dt$
 $= [16t - 2t^2]_0^3 = 48 - 18 = 30$

25) [정답] ④

[해설] 주어진 그래프에서 $t = 2$ 부터 $t = 6$ 까지의 삼각형의 넓이를 구하면

$$\frac{1}{2} \times 2 \times 2 + \frac{1}{2} \times 2 \times 2 = 4$$

26) [정답] ⑤

[해설] 원점을 통과하는 시간을 a 라고 하면 위치가 0일 때의 a 의 값은

$$\int_0^a (t^2 - 4t) dt = \left[\frac{1}{3}t^3 - 2t^2\right]_0^a$$

$$= \frac{1}{3}a^3 - 2a^2 = 0 \text{ 에서 } a^2(a-6) = 0,$$

$$\text{따라서 } a = 6$$

27) [정답] ⑤

[해설] 공원에서 복지관까지의 거리를 구하면

$$\int_3^6 (30 + 2t - t^2) dt = \left[30t + t^2 - \frac{1}{3}t^3\right]_3^6$$

$$= 180 + 36 - 72 - 90 - 9 + 9 = 54$$