#### 실력 완성 | 고 1

4-2-1.명제와 조건



### 수학 계산력 강화

#### (1)명제와 조건





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-07-25

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

#### 01 / 명제와 조건

(1) 명제 : 참 또는 거짓을 분명히 판별할 수 있는 문장이나 식

(42) 명제는 보통 알파벳 소문자  $p,q,r,\cdots$ 로 나타낸다.

(2) 조건 : 미지수 x의 값에 따라 참, 거짓이 정해지는 문장이나 식

(3) 명제  $p \rightarrow q$ : 두 조건 p, q로 이루어진 명제 'p이면 q이다.'를 기호로  $p \rightarrow q$ 와 같이 나타낸다. 이때, p를 가정, q를 결론이라 한다.

☑ 다음 중 명제인 것에는 ○표, 명제가 아닌 것에는 × 표를 하여라.

1.	장미꽃은 향기롭다.	(	)
----	------------	---	---

2. 3+5<6( )

3.  $x+2 \le 4$ ) (

**4.** 삼각형의 내각의 크기의 합은 180°이다. ( )

5. 두 내각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이 다. ( )

**6.** 짝수인 소수는 2뿐이다. ( )

7. 1000의 약수는 많다. ( )

**8.** 가을 하늘은 아름답다. ( )

**9.** 주현이의 남자친구는 멋지다. ( )

<b>10</b> .	두 삼각형의	넓이가 같으면	합 <del>동</del> 이다.	(	)
<b>±</b> 0.	T = 7 6 H	ᆲ기기 ㅌㅡ 년	10 MM.	(	

**11.**  $2^3+1$ 은 소수이다. ( )

**12.** 31은 짝수이다. ( )

**13.** 정삼각형의 세 변의 길이는 같다. ( )

**14.** 정삼각형의 변은 4개이다.

**15.** 정사각형은 직사각형이다. ( )

**16.** 4의 배수이면 2의 배수이다. ( )

17.  $x^2-2x-3=0$ ( )

**18.**  $\sqrt{2}$ 는 유리수이다. ( )

**19.** 3<sup>5</sup>은 큰 수이다. ( )

20. 지구는 한 달에 한 번씩 자전한다. ( )

**21.** 1은 소수이다. ( )

**22.** 실수 x에 대하여  $x^2-25=0$ ( )

- ☑ 다음 문장이나 식을 명제와 조건으로 구분하고, 명제 인 경우 참, 거짓을 판별하여라.
- **23.** 4는 유리수이다.
- **24.** 2+6=9
- **25.** x-1=0
- **26.**  $2^3 > 3^2$
- **27.**  $x^2 = 4$ 이면 x = 2이다.
- **28.** 어떤 양수 x에 대하여  $x^2 3x < 10$ 이다.
- **29.** x+4=1
- **30.** 실수 x에 대하여 2+x>0
- **31.** 4는 14의 약수이다.
- **32.** *x*는 3과 5의 공배수이다.
- **33.**  $\emptyset \subset \{\emptyset\}$
- **34.** 2x-6<0

## 02 명제와 조건의 부정

- (1) 명제 또는 조건 p에 대하여 'p가 아니다'를 p의 부정이라 하고, 이것을 기호로  $\sim p$ 와 같이 나타낸다.
  - ①  $\sim p$ 의 부정은 p이다. 즉,  $\sim (\sim p) = p$
  - ② 'p 또는 q'의 부정은 ' $\sim p$ 이고,  $\sim q$ 이다.'
  - ③ 'p이고 q'의 부정은 ' $\sim p$  또는  $\sim q$ '이다.
- (2) 명제 p가 참이면  $\sim p$ 는 거짓이고, 명제 p가 거짓이면  $\sim p$ 는 참이다.
- ☑ 다음 명제 또는 조건의 부정을 말하여라.
- **35.** 2는 소수이다.
- **36.** 3의 배수는 6의 배수이다.
- **37.** 6은 무리수가 아니다.
- **38.** 3과 4는 서로소이다.
- 39. 직사각형은 평행사변형이다.
- **40.** 정사각형은 직사각형이다.
- **41.** 자연수는 정수이다.
- **42.** 4는 6의 약수이다.
- **43.** 1은 3의 배수이다.
- **44.** *x*는 8의 배수이다.
- **45.** a는 짝수이고, b는 홀수이다. (단, a, b는 자연수)

- **46.** 1은 4의 양의 배수이다.
- **47.**  $\sqrt{3}$ 는 실수이다.
- **48.** 4는 홀수이다.
- **49.** 3은 25의 약수이다.
- **50.** x는 5 이하의 소수이다.
- **51.** *x*는 홀수이다.
- **52.** x > 2
- **53.** x < -1 또는  $x \ge 2$
- **54.**  $x \ge -5$
- **55.** 1 < x < 2
- **56.** x > 1
- **57.** x = -2 또는 x = 2
- **58.**  $-2 < x \le 1$
- **59.**  $\emptyset \subset \{1, 2\}$
- **60.**  $0 \le x < 3$

- **61.** x = 3 또는 x = 5
- **62.**  $x \neq 1$ **0**]  $x \neq 3$
- **63.** abc = 0 (단, a, b, c는 실수)

### $\bigcirc$ **03** $\bigcirc$ 조건 'p 또는 q'와 'p 그리고 q'

- (1) '모든'이나 '어떤'이 있는 명제의 참, 거짓 전체집합을 U에 대하여 조건 p의 진리집합을 P라
  - ① '모든 x에 대하여 p이다.'는 P = U이면 참이고,  $P \neq U$ 이면 거짓이다.
  - ② '어떤 x에 대하여 p이다.'는  $P \neq \emptyset$ 이면 참이고,  $P = \emptyset$ 이면 거짓이다.
- (2) '모든'이나 '어떤'이 있는 명제의 부정
  - $oldsymbol{1}$  '모든 x에 대하여 p이다.'의 부정은 '어떤 x에 대하여  $\sim p$ 이다.'이다.
  - ② '어떤 x에 대하여 p이다.'의 부정은 '모든 x에 대하여  $\sim p$ 이다.'이다.
- ☑ 다음 빈 칸에 알맞은 것을 써넣어라.
- **64.** 'p 또는 q'의 부정은 이다.
- **65.** 'p 그리고 q'의 부정은 이다.
- **66.** 명제 p에 대하여  $\sim p$ 를 명제 p의  $\qquad$  (이)라고 한다.
- 67. 명제 '모든 x $\in$ U에 대하여 p(x)'의 부정은 이다.
- **68.** 명제 '어떤  $x \in U$ 에 대하여 p(x)의 부정은 이다.

- ☑ 다음 명제의 부정을 말하여라.
- **69.** 모든 자연수 x에 대하여  $x^2 > x$ 이다.
- **70.** 모든 실수 x에 대하여  $x^2 3x + 1 > 0$ 이다.
- **71.** 모든 실수 x에 대하여  $x^2 + 3x \ge 0$ 이다
- **72.** 어떤 정수 x에 대하여 3x+1=0이다.
- **73.** 어떤 실수 x에 대하여  $x^2 6x + 9 \le 0$ 이다.
- **74.** 모든 자연수 x에 대하여 x+3 > 4이다.
- **75.** 어떤 실수 x에 대하여  $2 \le x < 5$ 이다.
- 76. 모든 직각삼각형은 이등변삼각형이 아니다.
- 77. 모든 자연수 x에 대하여  $x-1 \ge 0$ 이다.
- **78.** 모든 실수 x에 대하여  $x^2-2x-1>0$ 이다.
- **79.** 어떤 정수 x에 대하여 x > |x|이다.
- **80.** 어떤 실수 x에 대하여  $x^2 + x + 1 < 0$ 이다.

# 

### 정답및해설

- 1) ×
- 2) 🔾
- 3) ×
- 4) 🔾
- 5) 🔾
- ⇒ 참인 명제
- 6) 🔾
- ⇒ 참인 명제
- 7) ×
- 8) ×
- 9) ×
- 10) 🔾
- ⇒ 거짓인 명제
- 11)  $\bigcirc$
- ⇨ 거짓인 명제
- 12) 🔾
- ⇒ 거짓인 명제
- 13) 🔾
- 14) 🔾
- ⇒ 거짓인 명제
- 15) 🔾
- ⇨ 참인 명제
- 16) 🔾
- 17) ×
- 18) 🔾
- 19) ×
- 20) 🔾
- ⇒ 거짓인 명제
- 21)  $\bigcirc$
- $22) \times$
- 23) 명제, 참
- 24) 명제, 거짓
- 25) 조건

- 26) 명제, 거짓
- 27) 명제, 거짓
- 28) 명제, 참
- 29) 조건
- 30) 조건
- 31) 명제, 거짓
- 32) 조건
- 33) 명제, 참
- 34) 조건
- 35) 2는 소수가 아니다.
- 36) 3의 배수는 6의 배수가 아니다.
- 37) 6은 무리수이다.
- 38) 3과 4는 서로소가 아니다.
- 39) 직사각형은 평행사변형이 아니다.
- 40) 정사각형은 직사각형이 아니다.
- 41) 자연수는 정수가 아니다.
- 42) 4는 6의 약수가 아니다.
- 43) 1은 3의 배수가 아니다.
- 44) x는 8의 배수가 아니다.
- 45) a는 홀수이거나 b는 짝수이다.
- 46) 1은 4의 양의 배수가 아니다.
- 47)  $\sqrt{3}$ 는 실수가 아니다.
- 48) 4는 홀수가 아니다.
- 49) 3은 25의 약수가 아니다.
- 50) x는 5 이하의 소수가 아니다.
- 51) x는 홀수가 아니다.
- 52)  $x \le 2$
- 53)  $-1 \le x < 2$
- 54) x < -5
- 55)  $x \le 1$  또는  $x \ge 2$
- 56)  $x \le 1$

- 57)  $x \neq -2$ 이고  $x \neq 2$
- 58)  $x \le -2 \, \, \pm \frac{1}{2} \, \, x > 1$
- 59)  $\emptyset \not\subset \{1, 2\}$
- 60) x < 0 또는  $x \ge 3$
- 61)  $x \neq 3$ 이고  $x \neq 5$
- 62) x = 1 또는 x = 3
- 63)  $a \neq 0$  이고  $b \neq 0$  이고  $c \neq 0$
- 64) ~ p 그리고 ~ q
- 65) ~ p 또는 ~ q
- 66) 부정
- 67) 어떤  $x \in U$ 에 대하여  $\sim p(x)$
- 68) 모든  $x \in U$ 에 대하여  $\sim p(x)$
- 69) 어떤 자연수 x에 대하여  $x^2 \le x$ 이다.
- 70) 어떤 실수 x에 대하여  $x^2 3x + 1 \le 0$ 이다.
- 71) 어떤 실수 x에 대하여  $x^2 + 3x < 0$ 이다.
- 72) 모든 정수 x에 대하여  $3x+1 \neq 0$ 이다.
- 73) 모든 실수 x에 대하여  $x^2 6x + 9 > 0$ 이다.
- 74) 어떤 자연수 x에 대하여  $x+3 \le 4$  이다.
- 75) 모든 실수 x에 대하여 x < 2 또는  $x \ge 5$  이다.
- 76) 어떤 직각삼각형은 이등변삼각형이다.
- 77) 어떤 자연수 x에 대하여 x-1 < 0이다.
- 78) 어떤 실수 x에 대하여  $x^2 2x 1 \le 0$ 이다.
- 79) 모든 정수 x에 대하여  $x \le |x|$ 이다.
- 80) 모든 실수 x에 대하여  $x^2 + x + 1 \ge 0$ 이다.