수학 | 고1 교과서 변형문제 기본

2-3.여러 가지 방정식과 부등식

2-3-3.연립일차부등식 천재(이준열)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2020-03-05
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[미지수가 1개인 연립일차부등식]

- (1) 각 부등식의 해를 구한다.
- (2) 공통부분을 찾아 해를 구한다.

[A < B < C꼴의 연립부등식]

연립부등식 $\begin{cases} A < B \\ B < C \end{cases}$ 의 꼴로 바꾸어 푼다.

[절댓값 기호를 포함한 일차부등식]

- 양수 a에 대하여
- |x| < a이면 -a < x < a
- |x| > a이면 x < -a 또는 x > a
- 절댓값 기호를 포함한 부등식은 미지수의 값의 범위에 따라 절댓값 기호를 포함하지 않은 식으로 고쳐서 푼다.

[예제]

- 연립부등식 $\begin{cases} 3x > 9 \\ x+1 \le 6 \end{cases}$ 의 해는?
 - ① $2 < x \le 5$
- ② $3 < x \le 5$
- $3 2 < x \le 6$
- $\bigcirc 3 < x \le 6$
- (5) $3 \le x \le 5$

[문제]

- 연립부등식 $\left\{ egin{array}{ll} 4x+2>x+8 \\ -x-3<-2x+1 \end{array}
 ight.$ 의 해는?
 - ① 2 < x < 4
- ② 3 < x < 5
- 3 1 < x < 4
- (4) 2 < x < 5
- ⑤ 3 < x < 4

[예제]

3. 연립부등식 $\begin{cases} x+1 \leq -x+5 \\ 2x-1 \geq -x-10 \end{cases}$ 의 해를

 $a \le x \le b$ 라고 할 때, b-a는?

① 5

② 6

③ 7

4) 8

⑤ 9

- $\begin{cases} x-5 \leq 2x-3 \\ 2+5x \geq 2(3x+2) \end{cases}$ 의 해는?
 - ① $-2 \le x \le 2$ ② $-1 \le x \le 2$
- - 3 x = 2
- $\bigcirc -2 \le x \le 1$
- (5) x = -2

[예제]

[문제]

- **5.** 부등식 2x+2 < 3x+3 < -x+7의 해는?
 - (1) -1 < x < 2
- $\bigcirc 2 2 < x < 1$
- ③ x > 1
- $\bigcirc (4) -1 < x < 1$
- ⑤ x < -1

[문제]

- **6.** 부등식 -1 < 2x 3 < 5의 해는?
 - ① 2 < x < 8
- ② 1 < x < 4
- 3 1 < x < 5
- $4 \frac{1}{2} < x < \frac{5}{2}$
- ⑤ 1 < x < 2

[예제]

- **7.** 부등식 |x-1| < 3의 해는?
 - $\bigcirc -4 < x < 2$
- $\bigcirc -3 < x < 3$
- 3 2 < x < 4
- (4) -1 < x < 3
- (5) 0 < x < 4

[문제]

- **8.** 부등식 |3-x| < 2의 해는?
 - $\bigcirc -5 < x < -1$
- $\bigcirc -3 < x < 1$
- 3 1 < x < 5
- 4) 1 < x < 5
- (5) -2 < x < 2

[예제]

9. 부등식 $|x+1|+|x-2| \le 5$ 의 해는?

- (1) $-1 \le x \le 1$
- ② $-2 \le x \le 2$
- $\bigcirc 3 1 \le x \le 2$
- $\bigcirc -1 \le x \le 3$
- (5) $-2 \le x \le 3$

[문제]

10. 부등식 |x+1|+|x-3|>4의 해는?

- ① x < -1
- ② x > 3
- ③ x < -1 또는 x > 3 ④ x > 1
- ⑤ x < -5

평가문제

[소단원 확인 문제]

11. 연립부등식 $\begin{cases} 3x < x+8 \\ x+5 > 3 \end{cases}$ 의 해는?

- ① -2 < x < 3
- 2 2 < x < 4
- 3 1 < x < 3
- $\bigcirc (4) -1 < x < 4$
- ⑤ 0 < x < 3

[소단원 확인 문제]

12. 부등식 2 < 4x + 14 < 18의 해는?

- $\bigcirc 1 1 < x < 1$
- $\bigcirc -3 < x < 2$
- $\bigcirc 3 2 < x < 2$
- $\bigcirc 3 < x < 1$
- (5) -2 < x < 1

[소단원 확인 문제]

13. 부등식 |2x-2| < 4의 해는?

- $\bigcirc -3 < x < 2$
- $\bigcirc 2 2 < x < 2$
- $\bigcirc 3 2 < x < 3$
- $\bigcirc (4) -1 < x < 2$
- (5) -1 < x < 3

[소단원 확인 문제]

- ${f 14}$. 볼링 핀 제조사의 품질 관리원은 볼링 핀의 무게 가 1200 g 이상 1600 g 이하인 것을 합격품으로 인정한다. 볼링 핀의 무게를 x g이라 하면 합격인 볼링 핀의 무게를 $|x-a| \le b$ 꼴로 나타냈을 때, a-5b의 값은? (단, a, b는 상수)
- 1 400
- ③ 500
- **(4)** 550
- (5) 600

[중단원 연습 문제]

15. 연립부등식 $\begin{cases} 3x < x+6 \\ x+4 > 1 \end{cases}$ 의 해는?

- (1) -2 < x < 2
- $\bigcirc 2 2 < x < 3$
- 3 3 < x < 2
- (4) -3 < x < 3
- $\bigcirc -3 < x < 4$

[중단원 연습 문제]

- **16.** 부등식 |2x-a| > 4의 해가 x < -1 또는 x > b일 때, 실수 a, b에 대하여 a+b의 값은?
 - ① 5

② 6

3 7

(4) 8

(5) 9

[중단원 연습 문제]

17. 부등식 $-9-x < 2x \le \frac{4}{3}(x+2)$ 의 해가

 $a < x \le b$ 일 때, 실수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

- $\bigcirc -1$
- ② 0
- 3 1
- **4** 2
- (5) 3

[중단원 연습 문제]

18. 부등식 $1 \le |4x - 3| \le 5$ 를 만족시키는 모든 정수 x의 값의 합은?

1 1

2 2

- 3 3
- (4) 4

⑤ 5

[대단원 종합 문제]

- **19.** 부등식 |x+1|+|x-3| < 5의 해가 a < x < b일 때, a+b의 값은? (단, a, b는 실수)
 - ① $\frac{5}{3}$
- 3 2
- $4 \frac{13}{6}$

[대단원 종합 문제]

- **20.** 연립부등식 $\begin{cases} 2x-3<5 \\ x>a \end{cases}$ 를 만족시키는 정수가 오직 하나뿐일 때, 실수 a의 값의 범위는?
 - ① a > 3
- ② a < 1
- 3 1 < a < 2
- ① $2 < a \le 3$
- ⑤ $2 \le a < 3$



정답 및 해설

1) [정답] ②

[해설]
$$\begin{cases} 3x > 9 & \cdots & \bigcirc \\ x+1 \le 6 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

부등식 \bigcirc 을 풀면 x > 3 ····· ©

부등식 \bigcirc 을 풀면 $x \le 5$ ····· \bigcirc

⑤, ②을 수직선 위에 나타내면

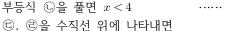


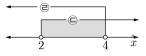
따라서 구하는 해는 $3 < x \le 5$

2) [정답] ①

[해설]
$$\begin{cases} 4x+2>x+8 & \cdots & \bigcirc \\ -x-3<-2x+1 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

부등식 ①을 풀면 3x > 6, x > 2





따라서 구하는 해는 2 < x < 4

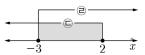
3) [정답] ①

[해설]
$$\begin{cases} x+1 \le -x+5 & \cdots & \bigcirc \\ 2x-1 \ge -x-10 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

부등식 \bigcirc 을 풀면 $2x \le 4$, $x \le 2$ ····· \bigcirc

부등식 ①을 풀면 $3x \ge -9$, $x \ge -3$ ····· ②

⑤, ②을 수직선 위에 나타내면



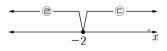
따라서 구하는 해는 $-3 \le x \le 2$ 이므로 a = -3, $b = 2 \circ]$ $\boxed{2}$ b - a = 5

4) [정답] ⑤

[해설]
$$\begin{cases} x-5 \leq 2x-3 & \cdots & \bigcirc \\ 2+5x \geq 2(3x+2) & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

부등식 ①을 풀면 $x \ge -2$ ······ © 부등식 ①을 풀면 $x \le -2$ ······ ②

ⓒ, ②을 수직선 위에 나타내면

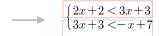


따라서 구하는 해는 x=-2

5) [정답] ④

[해설] 주어진 부등식은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$2x+2 < 3x+3 < -x+7$$



....(7)

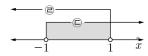
부등식 ①을 풀면

x > -1····· (È)

부등식 🗅을 풀면

4x < 4, $\stackrel{\frown}{\hookrightarrow} x < 1$ ····· $\stackrel{\frown}{\circledcirc}$

©, ②을 수직선 위에 나타내면



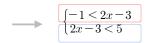
따라서 구하는 해는

-1 < x < 1

6) [정답] ②

[해설] 주어진 부등식은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$-1 < 2x - 3 < 5$$



····· 🗇

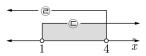
부등식 ①을 풀면

2x > 2, - x > 1····· (È)

부등식 ⓒ을 풀면

2x < 8, $\stackrel{\triangle}{\neg} x < 4$ $\stackrel{\square}{\equiv}$

ⓒ, ②을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 1 < x < 4

7) [정답] ③

 $[m ext{d}] |x-1| < 3 ext{d}$

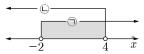
$$-3 < x - 1 < 3$$

부등식 -3 < x-1을 풀면

x > -2 ······

부등식 x-1 < 3을 풀면

①, ①을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 -2 < x < 4

8) [정답] ④

[ind] |3-x| < 2 MM

$$-2 < 3 - x < 2$$

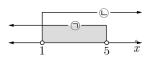
부등식 -2<3-x를 풀면

x < 5

부등식 3-x < 2를 풀면

x > 1

①, ①을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 1 < x < 5

9) [정답] ⑤

[해설] 주어진 부등식에서 x+1, x-2의 값이 각각 0이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x < -1, $-1 \le x < 2$, $x \ge 2$ 의 세 경우로 나누어 푼다.

(i) x < -1일 때,

|x+1| = -x-1, |x-2| = -x+2이므로

 $-x-1-x+2 \le 5$, $2x \ge -4$,

 $\frac{4}{7} x \ge -2$

x <-1이므로

 $-2 \le x < -1$

.....

 $(ii) -1 \le x < 2$ 일 때,

|x+1| = x+1, |x-2| = -x+2이므로

 $x+1-x+2 \le 5$, $\le 3 \le 5$

 $3 \le 5$ 는 항상 성립하므로

 $-1 \le x < 2$

(iii) $x \ge 2$ 일 때,

|x+1| = x+1, |x-2| = x-2이므로

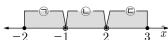
 $x+1+x-2 \le 5, \ 2x \le 6, \ \le x \le 3$

그런데 $x \ge 2$ 이므로

 $2 \le x \le 3$

····· (È)

①, ②, ⑤을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는

 $-2 \le x \le 3$

10) [정답] ③

[해설] 주어진 부등식에서 x+1, x-3의 값이 각각 0이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x < -1, $-1 \le x < 3$, $x \ge 3$ 의 세 경우로 나누어 푼다.

(i) x <-1일 때,

|x+1| = -x-1, |x-3| = -x+3이므로

-x-1-x+3 > 4, 2x < -2, $\overline{}$ x < -1

x <-1이므로

x < -1

(ii) $-1 \le x < 3$ 일 때,

|x+1| = x+1, |x-3| = -x+3이므로

x+1-x+3 > 4, = 4 > 4

4>4는 성립하지 않으므로

해가 존재하지 않는다.

(iii) $x \ge 3 일 때,$

|x+1| = x+1, |x-3| = x-3이므로

x+1+x-3>4, 2x>6, = x>3

그런데 $x \ge 3$ 이므로

x > 3

..... 🗅

①, ②을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 x <-1 또는 x > 3

11) [정답] ②

[해설] $\begin{cases} 3x < x+8 & \cdots & \cdots \\ x+5 > 3 & \cdots & \cdots \end{cases}$

부등식 ①을 풀면 2x < 8, x < 4 ······ ©

부등식 \bigcirc 을 풀면 x>-2

...... ② ⓒ, ②을 수직선 위에 나타내면

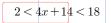


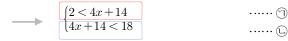
따라서 구하는 해는 -2 < x < 4

12) [정답] ④

[해설] 2 < 4x + 14 < 18

주어진 부등식은 다음과 같이 나타낼 수 있다.





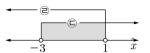
부등식 ①을 풀면

4x > -12, $\frac{4}{7}$ x > -3

부등식 ⓒ을 풀면

4x < 4, $\leq x < 1$

向, ②을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는

-3 < x < 1

13) [정답] ⑤

[해설] |2x-2| < 4에서

-4 < 2x - 2 < 4

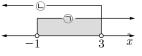
부등식 -4 < 2x - 2를 풀면

2x > -2, $\leq x > -1$

부등식 2x-2<4를 풀면

2x < 6, $\leq x < 3$

①, ①을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는

-1 < x < 3

14) [정답] ①

[해설] 볼링 핀의 무게가 1200 g 이상 1600 g 이하 인 것이 합격품이므로

 $1200 \leq x \leq 1600$

1400을 빼면 -200 ≤ *x* -1400 ≤ 200이고 $|x-1400| \le 200$ 따라서 a = 1400, b = 200이고 a-5b=400

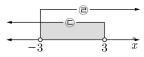
15) [정답] ④

[해설]
$$\begin{cases} 3x < x+6 & \cdots & \bigcirc \\ x+4 > 1 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

부등식 ①을 풀면 2x < 6, x < 3 ······ ©

부등식 \bigcirc 을 풀면 x>-3

它, ②을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 -3 < x < 3

16) [정답] ①

[해설] |2x-a| > 4에서

2x-a > 4 또는 2x-a < -4부등식 2x-a>4을 풀면 $x > \frac{a+4}{2}$

부등식 2x-a<-4을 풀면 $x < \frac{a-4}{2}$

해는 x<-1 또는 x>b이므로

$$\frac{a-4}{2} = -1, \ a=2$$

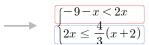
$$\frac{a+4}{2} = 3 = b, \ b = 3$$

따라서 a+b=5

17) [정답] ③

[해설] 주어진 부등식은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$\boxed{-9-x < 2x \le \frac{4}{3}(x+2)}$$



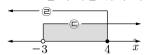
부등식 ①을 풀면

3x > -9, $\stackrel{\sim}{\neg} x > -3$

부등식 ⓒ을 풀면

 $\frac{2}{3}x \le \frac{8}{3}$, $\stackrel{\sim}{\neg}$ $x \le 4$

⑤, ②을 수직선 위에 나타내면



구하는 해는 $-3 < x \le 4$ 이므로 a = -3, b = 4

18) [정답] ③

[해설] $1 \le |4x - 3| \le 5$ 는

 $1 \le 4x - 3 \le 5 \quad \text{E}_{\frac{1}{1}} \quad -5 \le 4x - 3 \le -1$

즉
$$1 \le x \le 2$$
 또는 $-\frac{1}{2} \le x \le \frac{1}{2}$
모든 정수 x 의 값의 합은 $0+1+2=3$

19) [정답] ③

[해설] 주어진 부등식에서 x+1, x-3의 값이 각각 0이 되는 x의 값을 경계로 범위를 x < -1. $-1 \le x < 3$, $x \ge 3$ 의 세 경우로 나누어 푼다.

(i) x < -1일 때,

|x+1| = -x-1, |x-3| = -x+3이므로 -x-1-x+3 < 5, 2x > -3.

$$rac{4}{5}$$
 $x > -\frac{3}{2}$

x <-1이므로

$$-\frac{3}{2} < x < -1$$

 $(ii) -1 \le x < 3$ 일 때,

|x+1| = x+1, |x-3| = -x+3이므로

x+1-x+3 < 5, $\stackrel{r}{\lnot}$ 4 < 5

4<5는 항상 성립하므로

$$-1 \le x < 3$$

(iii) $x \ge 3$ 일 때,

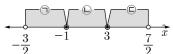
|x+1| = x+1, |x-3| = x-3이므로

$$x+1+x-3 < 5$$
, $2x < 7$, $= x < \frac{7}{2}$

 $x \ge 3$ 이므로

$$3 \le x < \frac{7}{2}$$

①, ①, ⑤을 수직선 위에 나타내면



따라서 구하는 해는 $-\frac{3}{2} < x < \frac{7}{2}$ 이므로

$$a = -\frac{3}{2}, b = \frac{7}{2}$$
이고 $a+b=2$

20) [정답] ⑤

[해설] 2x-3 < 5에서 2x < 8, 즉 x < 4연립부등식을 만족시키는 정수는 하나이므로 a < x < 4에서 2 < a < 3