

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2022-01-11
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE /

이 단원에서는 **곱셈공식 및 그 변형을 묻는 문제, 항등식과 나머** 지정리를 이용하여 해결하는 문제 등이 자주 출제되며 <u>계산을 많이 필요로 하는 단원이므로 실수가 생기지 않도록 학습합니다.</u> 또한, 간단한 단순 계산 유형부터 복합적인 고난도 문제까지 다양하게 출제되므로 여러 가지 유형을 학습하도록 합니다.

평가문제

[중단원 마무리]

- **1.** 세 다항식 A, B, C가 $A=3x^2-2xy+4y^2$, $B=5x^2-3xy+y^2$, $C=2x^2-5y^2$ 일 때, $A-\{B+2C-(A-B)\}$ 를 구하면?
 - (1) $8x^2 + 2xy + 16y^2$
- $2 8x^2 + 2xy + 16y^2$
- $3 8x^2 2xy + 16y^2$
- $(4) 8x^2 + 2xy 16y^2$
- $(5) 8x^2 2xy + 16y^2$

[중단원 마무리]

- **2.** 두 다항식 A, B에 대하여 $2A+B=x^2+6x-5$, $A-B=2x^2+3x+8$ 이다. 두 상수 a, b에 대하여 A+B=ax+b일 때, a-b의 값을 구하면?
 - ① 7

② 8

- 3 9
- **4**) 10
- ⑤ 11

[대단원 마무리]

- **3.** 두 다항식 A, B에 대하여 $A+B=-x^2-x+4$, $2A-B=4x^2+4x-7$ 일 때, 두 다항식 A, B를 차 례대로 구하면?
 - ① x^2-x+2 , $2x^2-x+5$
 - ② $x^2 x 2$. $2x^2 x 5$
 - $3x^2-x+1$, $2x^2-2x+5$
 - (3) $x^2 + x 1$, $-2x^2 2x + 5$
 - (5) $x^2 + x + 1$, $-2x^2 + 2x + 5$

[중단원 마무리]

- **4.** $(x+1)(x+2)(x^2+3x-2)$ 를 전개하면 $x^4+ax^3+bx^2-4$ 일 때, 상수 a, b에 대하여 a+b의 값을 구하면?
 - ① 10
- ② 13
- ③ 15
- 4) 19
- (5) 24

[중단원 마무리]

- **5.** 두 실수 a, b에 대하여 $a^3 = 7 + \sqrt{50}$, $b^3 = 7 \sqrt{50}$ 일 때, $(a+b)^3 + 3(a+b) + 1$ 의 값을 구하면?
 - 14
- ② 15
- ③ 16
- ④ 17
- ⑤ 18

[중단원 마무리]

6. $x^2+x-1=0$ 일 때, x^4+x^3+2x+1 의 값을 구하면?

①
$$\frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

②
$$\frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$3 \pm \sqrt{5}$$

$$4 \frac{-3 \pm \sqrt{5}}{2}$$

[중단원 마무리]

7. 다음 식의 전개 중 옳은 것은?

①
$$(2x-3y+z)^2 = 4x^2+9y^2+z^2-xy+yz-zx$$

②
$$(3x-1)(9x^2+3x+1)=27x^3+1$$

$$(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 - 8x^2 + y^4$$

$$(x-1)(x+3)(x-5) = x^3 - 3x^2 - 13x + 15$$

$$(x+y-z)(x^2+y^2+z^2-xy+yz+zx)$$

$$= x^3-y^3+z^3+3xyz$$

[대단원 마무리]

- **8.** 다항식 $(1+x+x^2+\cdots+x^{2007})^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수를 구하면?
 - ① 1
- ② 2
- 3 3
- **(4)** 4
- **⑤** 5

[대단원 마무리]

- 9. 다항식 $A = 4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫이 2x 1, 나머지가 3x 4이었다. 이때 다항식 A = 7하면?
 - ① $8x^3 3$
- ② $8x^3 4$
- $3 8x^2 + 3x 3$
- (4) $8x^3 + 3x 4$
- (5) $8x^3 + 3x 5$

[대단원 마무리]

- **10.** 다항식 P(x)를 x-1로 나눈 나머지가 20, x-2로 나눈 나머지가 16일 때, 다항식 P(4-x)+P(x-1)을 x-3으로 나눈 나머지를 구하면?
 - ① 32
- ② 34
- ③ 36
- **4** 38
- **⑤** 40

[대단원 마무리]

- **11.** 다항식 $x^{99}-1$ 을 $(x-1)^2$ 으로 나누었을 때의 나 머지를 R(x)라고 할 때, R(0)의 값을 구하면?
 - $\bigcirc -100$
- $\bigcirc -99$
- 3 98
- **4**) 98
- **⑤** 99

[대단원 마무리]

- **12.** 다항식 $x^3 + ax + b$ 가 $x^2 3x + 2$ 로 나누어떨어질 때, 상수 a, b에 대하여 ab의 값을 구하면?
 - $\bigcirc -42$
- 2 30
- 3 12
- (4) 12
- ⑤ 42

[대단원 마무리]

- **13.** x에 대한 삼차식 f(x)에 대하여 f(1)=1, 2f(2)=3, 3f(3)=5, 4f(4)=7일 때, 5f(5)의 값을 구하면?
 - 10
- ② 13
- ③ 15
- 4 19
- ⑤ 24

[대단원 마무리]

- **14.** x에 대한 다항식 f(x)를 x-1로 나누었을 때의 나머지는 12이고, f(x)를 x+2로 나누었을 때의 몫을 x-1로 나눈 나머지는 3일 때, f(x)를 x+2로 나눈 나머지를 구하면?
 - ① 3
- ② 6
- 3 9
- **4** 12
- ⑤ 15

[대단원 마무리]

- **15.** 삼각형의 세 변의 길이 a, b, c가 ab(a+b)-bc(b+c)-ca(c-a)=0을 만족시킬 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?
 - ① 정삼각형
 - ② a = b인 이등변삼각형
 - ③ b=c인 이등변삼각형
 - ④ a = c인 이등변삼각형
 - ⑤ 빗변의 길이가 a인 직각삼각형

[중단원 마무리]

- **16.** 다음 중 (x-4)(x-3)(x+1)(x+2)-24의 인수 인 것은?
 - ① x+3
- ② x+2
- \mathfrak{I} x^2
- (4) $x^2 + 2x 11$
- (5) $x^2 2x 11$

- **17.** 다항식 $f(x) = x^4 + 6x^3 24x^2 + 26x 9$ 일 f(1.1)의 값을 구하면?
 - ① 0.0001
- ② 0.0011
- ③ 0.0051
- **4** 0.0091
- **⑤** 0.0101

실전문제

 $oldsymbol{18}$. 다음 두 다항식 $A,\ B$ 에 대하여 B-A를 계산하

$$A = \frac{1}{4}(x^2 + 2xy + y^2), B = \frac{1}{3}(x^2 + xy + y^2)$$

- ① $\frac{1}{12}(x^2 xy y^2)$ ② $\frac{1}{12}(x^2 2xy y^2)$
- $3\frac{1}{12}(x^2-2xy+y^2)$ $4\frac{1}{12}(x^2+2xy+y^2)$
- $\bigcirc \frac{1}{12}(2x^2+2xy+y^2)$

- **19.** 다항식 $-4x^4+3x^2+x-6$ 을 $2x^2+x+3$ 로 나눌 때 몫과 나머지를 각각 P(x), R(x)라 할 때, P(1)+R(1)의 값은?
 - $\bigcirc -27$
- $\bigcirc 2 21$

③ 0

- (4) 21
- ⑤ 27
- **20.** $\frac{2019^3+3\times2019-4}{2019\times2020+4}$ 의 값은?
 - ① 2017
- ② 2018
- 3 2019
- 4 2020
- **⑤** 2021

P

정답 및 해설

1) [정답] ②

[해설]
$$A - \{B + 2C - (A - B)\} = A - (B + 2C - A + B)$$

= $2(A - B - C)$
= $2(3x^2 - 2xy + 4y^2 - 5x^2 + 3xy - y^2 - 2x^2 + 5y^2)$
= $2(-4x^2 + xy + 8y^2) = -8x^2 + 2xy + 16y^2$

2) [정답] ③

[해설]
$$2A+B=x^2+6x-5$$
 ···⊙
 $A-B=2x^2+3x+8$ ···⊙
 \Rightarrow
 $A=3x^2+9x+3$ 이므로
 $A=x^2+3x+1$ 이다. ···ⓒ
ⓒ을 ©에 대입하면 $x^2+3x+1-B=2x^2+3x+8$
이므로 $B=-x^2-7$ 이다.
따라서 $A+B=x^2+3x+1+(-x^2-7)=3x-6$ 이

고 a=3, b=-6이므로 a-b=9이다.

3) [정답] ④

[해설]
$$A+B=-x^2-x+4$$
 ···① $2A-B=4x^2+4x-7$ ···① ①+①을 하면 $3A=3x^2+3x-3$ 이므로 $A=x^2+x-1$ 이다. ···② ②을 ①에 대입하면 $x^2+x-1+B=-x^2+x-1$ 이므로 $B=-x^2-x+4-x^2-x+1=-2x^2-2x+5$ 이다. 따라서 $A=x^2+x-1$, $B=-2x^2-2x+5$ 이다.

4) [정답] ③

[해설]
$$x^2 + 3x$$
를 t 로 치환하면
$$(x+1)(x+2)(x^2 + 3x - 2)$$

$$= (x^2 + 3x + 2)(x^2 + 3x - 2)$$

$$= (t+2)(t-2) = t^2 - 4 = (x^2 + 3x)^2 - 4$$

$$= x^4 + 6x^3 + 9x^2 - 4$$

$$= x^4 + ax^3 + bx^2 - 4$$
이다. 따라서 $a = 6, b = 9$ 이고 $a + b = 15$ 이다.

5) [정답] ②

[해설]
$$a^3 + b^3 = (7 + \sqrt{50}) + (7 - \sqrt{50}) = 14$$

$$a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$$
이므로
$$(a+b)^3 - 3ab(a+b) = 14$$
이다. …⑤
$$a^3b^3 = (7 + \sqrt{50})(7 - \sqrt{50}) = -1$$
이므로
$$ab = -1$$
이다. …⑥
⑥을 ③에 대입하면 $(a+b)^3 + 3(a+b) = 14$ 이다.
따라서 $(a+b)^3 + 3(a+b) + 1 = 15$ 이다.

6) [정답] ③

$$x^2+x-1 = \cfrac{x^2+1}{)x^4+x^3 +2x+1}$$
$$\cfrac{x^4+x^3-x^2}{x^2+2x+1}$$
[해설]
$$\cfrac{x^2+x-1}{x+2}$$

위와 같이 나눗셈을 하면
$$x^4+x^3+2x+1=(x^2+x-1)(x^2+1)+(x+2)$$
 = $x+2$ 그런데 $x^2+x-1=0$ 에서 $x=\frac{-1\pm\sqrt{5}}{2}$ 이므로 주어진 식의 값은 $x+2=\frac{3\pm\sqrt{5}}{2}$ 이다.

7) [정답] ④

[해설] ①
$$(2x-3y+z)^2$$

 $=4x^2+9y^2+z^2-12xy-6yz+4zx$
② $(3x-1)(9x^2+3x+1)=27x^3-1$
③ $(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2)=x^4+x^2y^2+y^4$
④ $(x-1)(x+3)(x-5)=x^3-3x^2-13x+15$
⑤ $(x+y-z)(x^2+y^2+z^2-xy+yz+zx)$
 $=x^3+y^3-z^3+3xyz$
따라서 옳은 것은 ④이다.

8) [정답] ④

[해설]
$$(1+x+x^2+\cdots+x^{2007})(1+x+x^2+\cdots+x^{2007})$$
의 전개식에서 x^3 의 항은 $1 \cdot x^3+x \cdot x^2+x^2 \cdot x+x^3 \cdot 1=4x^3$ 이다. 따라서 x^3 의 계수는 4이다.

9) [정답] ⑤

[해설] 다항식
$$A = 4x^2 + 2x + 1$$
로 나누었을 때의 몫이 $2x - 1$, 나머지가 $3x - 4$ 이므로 $A = (4x^2 + 2x + 1)(2x - 1) + 3x - 4$ $= 8x^3 + 4x^2 + 2x - 4x^2 - 2x - 1 + 3x - 4$ $= 8x^3 + 3x - 5$ 이다.

10) [정답] ③

[해설]
$$P(x)$$
를 $x-1$ 로 나눈 나머지가 20이므로
$$P(1)=20,\ P(x)$$
를 $x-2$ 로 나눈 나머지가 16이 므로 $P(2)=16$ 이다.
$$Q(x)=P(4-x)+P(x-1)$$
로 놓으면 $Q(x)$ 를 $x-3$ 으로 나눈 나머지는
$$Q(3)=P(1)+P(2)=20+16=36$$
이다.

11) [정답] ②

므로 R(x) 도 x-1로 나누어 떨어진다. 또 R(x)의 차수는 1차 이하이므로 R(x) = a(x-1)로 놓을 수 있다. $(x-1)(x^{98}+x^{97}+x^{96}+\cdots+x^2+x+1)$ $= (x-1)^2Q(x)+a(x-1)$ 식의 양변을 x-1로 나누면 $x^{98}+x^{97}+x^{96}+\cdots+x^2+x+1=(x-1)Q(x)+a$ 식의 양변에 x=1을 대입하면 a=99이다. 따라서 R(x)=99(x-1)이므로 R(0)=-99이다.

12) [정답] ①

[해설]
$$f(x) = x^3 + ax + b$$
로 놓으면 $f(x)$ 가 $x^2 - 3x + 2 = (x - 1)(x - 2)$ 로 나누어떨어 지므로 인수정리에 의해 $f(1) = 0$, $f(2) = 0$ $f(1) = 0$ 에서 $f(1) = 1 + a + b = 0$, $a + b = -1$ 이다. ···⊙ $f(2) = 0$ 에서 $f(2) = 8 + 2a + b = 0$, $2a + b = -8$ 이다. ··· © ⊙, ⓒ을 연립하여 풀면 $a = -7$, $b = 6$ 이다. ∴ $ab = -42$

13) [정답] ①

[해설]
$$f(x)$$
가 3차 다항식이므로 $xf(x)$ 는 4차 다항 식이다. $f(1)=1$, $2f(2)=3$, $3f(3)=5$, $4f(4)=7$ 을 만족하도록 하는 4차식 $xf(x)=k(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)+2x-1$ $(k는 상수)을 잡고 $x=0$ 을 대입하면 $0=k\cdot(-1)\cdot(-2)\cdot(-3)\cdot(-4)-1$ $k=\frac{1}{24}$ 이다.
$$xf(x)=\frac{1}{24}(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)+2x-1$$
 $5f(5)=\frac{1}{24}\cdot 4\cdot 3\cdot 2\cdot 1+10-1=10$$

14) [정답] ①

나머지를 R라고 하면 f(x)=(x+2)Q(x)+R이다. f(x)를 x-1로 나누었을 때의 나머지는 12이므로 나머지정리에 의해 f(1)=12이다. Q(x)를 x-1로 나눈 나머지는 3이므로 나머지정리에 의해 Q(1)=3이다. f(x)는 x에 관한 항등식이므로 양변에 x=1을 대입하면 f(1)=3Q(1)+R이고 R=3이다. 따라서 f(x)를 x+2로 나눈 나머지R은 3이다.

[해설] f(x)를 x+2로 나누었을 때의 몫을 Q(x),

15) [정답] ④

[해설] 주어진 식의 좌변을 a에 대한 내림차순으로 정리하여 인수분해하면 $ab(a+b)-bc(b+c)-ca(c-a) = a^2b+ab^2-b^2c-bc^2-c^2a+ca^2$

$$=(b+c)a^2+(b^2-c^2)a-b^2c-bc^2$$

$$=(b+c)a^2+(b+c)(b-c)a-bc(b+c)$$

$$=(b+c)\{a^2+(b-c)a-bc\}$$

$$=(b+c)(a+b)(a-c)=0$$
이다.
$$b+c=0$$
 또는 $a+b=0$ 또는 $a-c=0$ …① 이때 a,b,c 는 삼각형의 세 변의 길이이므로 $a>0,b>0,c>0$ 이고 $a+b>0,b+c>0$ 이다. 따라서 $a-c=0,a=c$ 이므로 삼각형은 $a=c$ 인 이등변삼각형이다.

16) [정답] ⑤

[해설]
$$x^2-2x=t$$
로 치환하여 인수분해하면
$$(x-4)(x-3)(x+1)(x+2)-24$$

$$= \{(x-4)(x+2)\}\{(x-3)(x+1)\}-24$$

$$= (x^2-2x-8)(x^2-2x-3)-24$$

$$= (t-8)(t-3)-24=t^2-11t=t(t-11)$$

$$= (x^2-2x)(x^2-2x-11)=x(x-2)(x^2-2x-11)$$
 따라서 인수인 것은 ⑤이다.

17) [정답] ⑤

[해설] 다항식 $f(x) = x^4 + 6x^3 - 24x^2 + 26x - 9$ 을 조립 제법을 이용하여 인수분해하면 $f(x) = (x-1)(x+9)(x^2-2x+1)$ $= (x-1)^3(x+9)$ 이다. 따라서 $f(1.1) = (1.1-1)^3(1.1+9) = 0.0101$ 이다.

18) [정답] ③

[해설]
$$B-A=\frac{4}{12}(x^2+xy+y^2)-\frac{3}{12}(x^2+2xy+y^2)$$

$$=\frac{1}{12}(x^2-2xy+y^2)$$

19) [정답] ②

[해설] 다항식의 나눗셈을 하면

로

$$P(x) = -2x^2 + x + 4$$
이고 $R(x) = -6x - 18$ 이다.
 $\therefore P(1) + R(1) = 3 - 24 = -21$

20) [정답] ②

[해설] 2019 = a라고 하면

$$2019^3 + 3 \times 2019 - 4 = a^3 + 3a - 4$$

$$1 \begin{vmatrix} 1 & 0 & 3 & -4 \\ & 1 & 1 & 4 \\ \hline & 1 & 1 & 4 \end{vmatrix}$$

위 조립제법에서 $a^3+3a-4=(a-1)(a^2+a+4)$

$$\frac{a^3+3a-4}{a(a+1)+4}\!=\!\frac{(a-1)(a^2+a+4)}{a^2+a+4}\!=\!a-1$$

따라서 주어진 식의 값은 2018이다.

