4-1-1.집합의 개념과 표현_천재(이준열)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

4-1.집합

1) 제작연월일 : 2020-07-13

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check

[집합과 원소]

- 집합: 어떤 기준에 의하여 그 대상을 분명하게 결정할 수 있는 것들의 모임
- •원소: 집합을 이루는 대상 하나하나의 것 $(a{\in}A\ \Leftrightarrow\ a{\leftarrow}\ \ \mbox{집합}\ A\ \mbox{의 원소이다.})$

[원소나열법과 조건제시법]

- •원소나열법: 그 집합에 속하는 모든 원소를 { } 안에 일일이 나열하는 방법
- 조건제시법: 집합의 각 원소가 가지는 공통된 성질을 { } 안에 조건으로 제시하여 나타내는 방법

[벤다이어그램]

• 벤다이어그램: 집합을 원이나 직사각형 등을 이용하여 그림으로 나타내는 방법

[원소의 개수에 따른 집합의 분류]

- 유한집합 : 원소가 유한개인 집합
- 무한집합 : 원소가 무한히 많은 집합
- 공집합(∅): 원소가 하나도 없는 집합
 - 공집합은 원소의 개수가 0인 유한집합이다.
- A= arnothing이면 n(A)=0, n(A)=0이면 A= arnothing

기본문제

[문제]

1. 다음 중 집합인 것의 개수는?

- * 현악기의 모임
- * 아주 작은 수의 모임
- * 맛있는 음식의 모임
- * 90보다 큰 두 자리 자연수의 모임
- ① 0개
- ② 1개
- ③ 2개
- ④ 3개
- ⑤ 4개

[문제]

- **2.** 집합 $A = \{x \mid x \vdash 12 \text{ 이하의 짝수}\}$ 에 관한 내용으로 옳은 것은?
 - ① $\{1, 2, 4, 6, 8, 10, 12\}$
 - ② {1, 2, 4, 6, 8, 10}
 - (3) {2, 4, 6, 8, 10, 12}
 - 4 {1, 2, 4, 6, 8, 10}
 - \bigcirc {0, 2, 4, 6, 8, 10}

[문제]

- **3.** 36의 약수의 집합을 *A*라고 할 때, 다음 중 □ 안에 들어갈 기호가 다른 하나는?
 - ① $2 \square A$
- $\bigcirc 4 \square A$
- $39 \square A$
- $\textcircled{4} \ 27 \square A$
- (5) 36 A

[문제]

4. 다음과 같은 집합이 있다.

 $A = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$

 $B = \{x \mid x 는 4 의 양의 약수\}$

 $C = \{x \mid x 는 x^2 + 1 \le 0$ 인 실수 $\}$

다음 n(A), n(B), n(C)의 대소 관계로 옳은 것은?

- (1) n(A) < n(B) < n(C)
- ② n(A) < n(C) < n(B)
- (3) n(B) < n(A) < n(C)
- (4) n(C) < n(A) < n(B)
- (5) n(C) < n(B) < n(A)



평가문제

[소단원 확인 문제]

5. 다음 모임 중 집합인 것을 있는 대로 고른 것은?

- ㄱ. 10보다 작은 자연수의 모임
- L. 1보다 작은 자연수의 모임
- ㄷ. 5에 가까운 자연수의 모임
- ① ¬
- ② L
- ③ ¬, ∟
- ④ ¬, ⊏
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

[소단원 확인 문제]

6. 다음 중 같은 집합을 나타낸 것으로 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① $\{x \mid x^2 = -2$ 인 실수 $\} = \emptyset$
- 2 $\{x | x^2 5x 6 = 0\} = \{-1, 6\}$
- ③ {x | x는 8의 약수} = {1, 2, 4, 8}
- ④ {x | x는 10보다 작은 5의 배수} = {5, 10}
- ⑤ $\{x | x = x^2 3x 4 = 0$ 인 자연수 $\} = \{4\}$

[소단원 확인 문제]

7. 두 집합 $A = \{2, 4, 6, \cdots, 20\},$

 $B = \{x \mid x = 10 < x < 20$ 인 소수}에 대하여 n(A) - n(B)의 값은?

- ① 3
- 2 4
- 3 5
- **4**) 6
- (5) 7

[소단원 확인 문제]

- **8.** 숫자 1, 2, 3이 각각 두 개씩 적혀 있는 큰 주사 위와 숫자 2, 4, 6이 각각 두 개씩 적혀 있는 작은 주사위가 있다. 두 주사위를 동시에 던져서 나온 눈의 수의 합의 집합을 A라 할 때, n(A)의 값은?
 - 1) 6
- ② 7
- 3 8
- (4) 9
- (5) 10

[중단원 연습 문제]

9. 다음 집합들 중 집합 {1, 2, 3, 4}와 같은 집합은?

- ① {x | x는 한 자리 소수}
- ② {x | x는 4의 약수}
- ③ $\{x \mid x \vdash x^2 4x 5 < 0$ 인 자연수 $\}$
- ④ {x | x는 |x-3|<2인 자연수}
- ⑤ {x | x는 5보다 작은 정수}

유사문제

10. 다음 중에서 집합인 것의 개수는?

- ㄱ. 복소수의 모임
- ㄴ. 10에 가까운 소수의 모임
- C. 귀여운 동물의 모임
- ㄹ. 10에 가장 가까운 자연수의 모임
- $\bigcirc 0$
- 2 1
- 3 2

- **4** 3
- ⑤ 4

11. 다음 <보기>에서 집합인 것의 개수는?

<보기>

- ㄱ. 키가 큰 학생들의 모임
- L. 잘 생긴 배우들의 모임
- ㄷ. 8의 약수의 모임
- 리. 노래를 잘 하는 학생들의 모임
- ㅁ. 100보다 작은 짝수의 모임
- ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개

- ④ 4개
- ⑤ 5개

12. 집합 중 나머지 넷과 다른 하나는?

- ① $\{1, 2, 3, \dots, 9\}$
- ② $\{x|x$ 는 9이하의 자연수 $\}$
- ③ {x|x는10미만의자연수}
- ④ {x|x는 한자리의 자연수}
- ⑤ $\{x|1 < x < 10, x$ 는 자연수 $\}$

- **13.** 집합 $\{x|x$ 는 10이하의 짝수}을 원소나열법으로 표현한 것으로 맞는 것은?
 - ① $\{1,3,6,8,10\}$
- 2 {2, 4, 5, 7, 10}
- (3) $\{2,3,6,9,10\}$
- $\{1,3,5,7,9\}$
- \bigcirc $\{2,4,6,8,10\}$
- **14.** 2이하의 자연수의 집합을 표현한 것이다. 올바른 것은?
 - 1 2
- ② {12}
- (3) $\{1,2,\}$
- (4) {1,2}
- (5) (1,2)
- **15.** 두 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{3, 5, 7, 9, 11\}$ 에 대하여 옳은 것은?
 - ① $1 \subseteq A$
- @ $2 \in B$
- $3 \not \in A$
- ④ 9∈A
- \bigcirc $11 \not\in B$
- **16.** 집합 $A = \{x | x \in 12$ 의 약수 $\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?
 - ① $1 \subseteq A$
- $\bigcirc 2 \subseteq A$
- $3 \in A$
- $4 \not\in A$
- $5 \leq A$
- **17.** 두 집합 A, B에 대하여

 $A = \{x \mid x 는 10 \$ 이상 20 이하의 홀수 $\}$

 $B = \{x \mid x \vdash |x| < 3$ 인 정수 $\}$ **일 때, 옳은 것은?**

- ① 12 = A
- ② $0 \subset B$
- ③ n(B) = 7
- $\{13, 15\} \in A$
- ⑤ n(A) = n(B)

18. 다음 중 옳은 것은?

- ① $n(\{0,1,2\}) n(\{1,2\}) = 0$
- $\bigcirc n(\varnothing) = 1$
- ③ $n(\{x|x 는 12의 약수\})=6$
- ① $n(\{x,y,z\}) n(\{x,y\}) = z$
- ⑤ $n(\{0\}) = 0$

19. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $n(\{\emptyset\}) = 1$
- ② $n(\{x|x$ 는 10보다 작은 2의 배수 $\})=4$
- $\mathfrak{J}_n(\{0\}) = n(\emptyset)$
- (1,2,3) n(1,2) = 1
- ⑤ $n(\{a,b,c\})=3$

4

정답 및 해설

- 1) [정답] ③
- [해설] 현악기의 모임은 집합이고, 90보다 큰 두 자리 자연수의 모임도 집합이다.
- 2) [정답] ③

[해설] $A = \{2, 4, 6, 8, 10, 12\}$ 이므로 ③이다.

- 3) [정답] ④
- [해설] ① , ② , ③ , ⑤에는 □ 안에 ∈이 들어가지만 27은 36을 나누지 못하므로 약수가 아니다. 따라서 27 ☑ A가 성립한다.
- 4) [정답] ④
- [해설] n(A)=2, n(B)=3, n(C)=0가 성립하므로 n(C) < n(A) < n(B)가 성립하다.
- 5) [정답] ③
- [해설] ㄱ. 10보다 작은 자연수의 모임은 집합이다. ㄴ. 1보다 작은 자연수의 모임은 공집합이다. ㄷ. 5에 가까운 자연수는 기준이 분명하지 않다. 따라서 집합인 것은 ㄱ, ㄴ 이다.
- 6) [정답] ④

[해설] ④에서 10보다 작은 5의 배수는 5뿐이다.

- 7) [정답] ④
- [해설] n(A)=10, n(B)=4이다. 따라서 n(A)-n(B)=6이다.
- 8) [정답] ②
- [해설] 두 주사위를 던져서 나오는 두 눈의 수의 합은 3,4,5,6,7,8,9 가 가능하다. 따라서 $A=\{3,4,5,\cdots,9\}$ 이므로 n(A)=7이다.
- 9) [정답] ③

[해설] ① $\{2, 3, 5, 7\}$ 이다.

- ② {1, 2, 4}이다.
- ④ {2, 3, 4}이다.
- ⑤ {…, -1, 0, 1, 2, 3, 4}이다.
- 10) [정답] ③

[해설] ㄹ.10에 가장 가까운 자연수의 모임은 {9, 11}이다.

- :.집합인 것은 ㄱ, ㄹ의 2개이다.
- 11) [정답] ②

[해설] 집합인 것은 ㄷ, ㅁ의 2개다.

12) [정답] ⑤

[해설] ①, ②, ③, ④ {1,2,3,4,5,6,7,8,9}이고

⑤ {2,3,4,5,6,7,8,9}이다.

13) [정답] ⑤

[해설] 주어진 집합을 원소나열법으로 나타내면 $\{2,4,6,8,10\}$ 이다.

14) [정답] ④

[im[d $] \{1,2\}$

15) [정답] ①

[해설] ① 1은 집합 A의 원소이므로 $1 \in A$

16) [정답] ④

[해설] $A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$

- ⓐ 4 ∈ A
- 17) [정답] ⑤

[해설] $A = \{11, 13, 15, 17, 19\}$

 $B = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$

n(A) = 5, n(B) = 5

 $\therefore n(A) = n(B)$

18) [정답] ③

[해설] ① $n(\{0,1,2\})-n(\{1,2\})=3-2=1$

- ② $n(\emptyset) = 0$
- $3 n(\{1,2,3,4,6,12\}) = 6$
- (4) $n(\{x,y,z\}) n(\{x,y\}) = 3 2 = 1$
- ⑤ $n(\{0\}) = 1$
- 19) [정답] ③

[해설] ② $n(\{x \mid x \in 10$ 보다 작은 2의 배수}) = $n(\{2, 4, 6, 8\})$ = 4

- -
- ③ $n(\{0\}) = 1$, $n(\emptyset) = 0$
- $(\{1, 2, 3\}) n(\{1, 2\}) = 3 2 = 1$