# 수학 **| 고1** 교과서 변형문제 <mark>발전</mark>



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2022-01-11

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

# 단원 ISSUE /

이 단원에서는 이웃하거나 이웃하지 않는 순열의 수 구하는 문제, 특정한 것을 포함하거나 포함하지 않는 조합의 수 구하는 문제, 분할한 후 분배하는 방법의 수 구하는 문제 등이 자주 출제되며 다양한 문제를 풀어보고, 패턴화하는 연습이 필요합니다.

평가문제

[대단원 마무리]

- **1.** 부등식  $3x+y \le 8$ 을 만족시키는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y)의 개수는?
  - ① 6
- ② 7
- 3 8
- **4** 9
- **⑤** 10

[대단원 마무리]

- 2. 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나 오는 눈의 수의 합이 3의 배수가 되는 경우의 수 는?
  - 10
- ② 11
- ③ 12
- (4) 13
- ⑤ 14

[중단원 마무리]

- 3. 1부터 4까지의 자연수가 각각 하나씩 적힌 4개의 공이 들어 있는 주머니에서 한 개씩 세 번 공을 꺼낼 때, 꺼낸 공에 적힌 세 수의 곱이 4 또는 6이되는 경우의 수는? (단, 꺼낸 공은 다시 넣는다.)
  - 10
- 2 11
- 3 12
- (4) 13
- ⑤ 14

[중단원 마무리]

- **4.** 1000원짜리 지폐 2장, 500원짜리 동전 2개, 100 원짜리 동전 3개의 일부 또는 전부를 사용해서 지 불할 수 있는 경우의 수는? (단, 0원을 지불하는 것 은 제외한다.)
  - ① 30
- ② 32
- 3 34
- **4** 35
- **⑤** 36

[중단원 마무리]

- **5.** 서로 다른 두 개의 주사위 A, B를 동시에 던져서 나오는 눈의 수를 각각 a, b라 할 때, 이차함수  $y=x^2+(a+b)x+ab+1$ 의 그래프가 x축과 접하도록하는 a, b의 순서쌍 (a, b)의 개수는?
  - 1 4

② 5

3 6

(4) 7

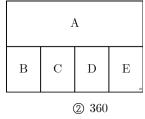
(<del>5</del>) 8

[중단원 마무리]

- **6.** (x+y)(a+b+c)의 전개식에서 항의 개수를 m,  $(x^2+1)(x^2+x+1)$ 의 전개식에서 항의 개수를 n이라 할 때, m+n의 값은?
  - 10
- 2 11
- ③ 12
- ④ 13
- **⑤** 14

#### [대단원 마무리]

**7.** 다음 그림과 같은 5개의 영역을 서로 다른 5가지 색의 일부 또는 전부를 사용하여 색칠하려고 한다. 인접한 영역은 서로 다른 색을 칠할 때, A, B, C, D, E의 영역에 색을 칠할 수 있는 경우의 수는? (단, 각 영역에는 한 가지 색만 칠한다.)



- ① 240 ③ 540
- (4) 720
- (5) 1200

#### [중단원 마무리]

- **8.** 다섯 개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5를 일렬로 나열할 때, 홀수와 짝수가 번갈아 나열되는 경우의 수를 a, 홀수가 양쪽 끝에 오는 경우의 수를 b라 할 때, a+b의 값은?
  - ① 12
- ② 24
- ③ 36
- **4**8
- (5) 60

# [대단원 마무리]

- **9.** 5개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5 중에서 3개를 이용하 여 만들 수 있는 세 자리 자연수 중 3의 배수의 개 수를 a, 5의 배수의 개수를 b라 할 때, a+b의 값 은?
  - 1 6
- ② 12
- 3 24
- **4**) 36
- (5) 48

# [대단원 마무리]

- **10.** 남자 3명, 여자 3명을 일렬로 세울 때 남자는 남 자끼리, 여자는 여자끼리 이웃하는 경우의 수를 a, 남녀를 교대로 세우는 경우의 수를 b라 할 때, a+b의 값은?
  - ① 36
- 2 48
- 3 72
- (4) 108
- ⑤ 144

#### [대단원 마무리]

- **11.** 5개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5를 사용하여 다섯자리 자연수를 만들 때, 짝수는 이웃하고 3, 5는 이웃하 지 않는 경우의 수는?
  - ① 6

- ② 12
- ③ 24
- **4**) 36
- **⑤** 48

#### [중단원 마무리]

- **12.** 5개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5를 한 번씩 사용하여 다섯 자리 자연수를 만들 때, 100번째로 큰 수를 구 하면?
  - ① 43125
- ② 21543
- ③ 31245
- (4) 15243
- **⑤** 15324

#### [대단원 마무리]

- **13.** 여섯 개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6에서 서로 다른 네 개를 사용하여 만든 네 자리 자연수 중 3200보 다 작은 것의 개수는?
  - ① 98
- 2 102
- ③ 124
- (4) 132
- (5) 156

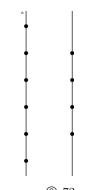
- $oldsymbol{14.}$  computer에 있는 8개의 문자 중에서 4개를 뽑아 일렬로 나열할 때, 모음이 없는 경우의 수는?
  - ① 30
- ② 48
- ③ 72
- (4) 96
- ⑤ 120

# [대단원 마무리]

- **15.** 남자 6명과 여자 5명 중에서 대표 4명을 뽑을 때, 남녀가 혼합되어 뽑히는 경우의 수는? (단, 남자 의 수는 여자의 수보다 적지 않다.)
  - 100
- 2 150
- ③ 200
- 4 250
- (5) 300

#### [대단원 마무리]

16. 다음 그림과 같이 두 평행한 직선 위에 10개의 점이 있을 때, 주어진 점을 이어서 만들 수 있는 서 로 다른 사각형의 개수는?



- ① 24
- ② 72
- 3 90
- 4 108
- ⑤ 144

# [대단원 마무리]

- **17.** 7명의 학생을 3개의 조로 나누어 A, B, C 세구역을 청소하도록 하는 경우의 수는? (단, 세구역에는 적어도 한 명의 학생이 배치된다.)
  - ① 726
- 2 1012
- ③ 1260
- 4) 1386
- (5) 1806

#### [중단원 마무리]

- **18.** 8개의 농구팀은 한 시즌에 상대팀과 4번씩 게임을 한다. 한 시즌에 치뤄지는 경기 수는?
  - ① 78
- 2 96
- ③ 112
- 4 128
- (5) 144

# [중단원 마무리]

- **19.**  $_{n}$ P $_{3}$  = 60,  $_{m}$ C $_{m-3}$  = 20일 때, n+m의 값은?
  - ① 7

2 8

- ③ 9
- **4** 10
- ⑤ 11

#### [중단원 마무리]

- **20.** 집합  $A = \{x \mid x \in 10$ 이하의 자연수 $\}$ 의 부분집합 중에서 5의 배수를 원소로 갖고 원소의 개수가 4인 경우의 수는?
  - 90
- ② 102
- ③ 124
- **4** 140
- ⑤ 146

#### [중단원 마무리]

**21.** 다음 그림과 같이 일정한 간격으로 놓인 9개의점 중에서 2개를 골라 직선을 그을 수 있는 경우의수를 a, 3개를 골라 삼각형을 만들 수 있는 경우의수를 b라 할 때, a+b의 값은?

- ① 48 ③ 72
- *∆*) 04

- 12
- **4** 84
- **⑤** 96

# [중단원 마무리]

- 22. 여섯 개의 숫자 2, 3, 4, 5, 6, 8에서 4개의 숫자를 뽑아 비밀번호를 설정하려고 한다. 비밀번호의 숫자 4개가 모두 짝수는 아니도록 설정할 때, 비밀번호를 설정하는 경우의 수는? (단, 비밀번호는 숫자배열에 따라 각각 다르다.)
  - 124
- ② 212
- ③ 256
- ④ 336
- ⑤ 446

# [중단원 마무리]

- **23.** 집합  $X = \{1, 2, 3\}$ ,  $Y = \{4, 5, 6, 7, 8\}$ 에 대하여 X에서 Y로의 함수의 개수를 a, 일대일함수의 개수를 b, a < b이면 f(a) < f(b)인 함수 f의 개수를 c라고 할 때, a + b + c의 값은? (단,  $a \in X$ ,  $b \in X$ )
  - ① 78
- $\textcircled{2}\ 102$
- ③ 165
- (4) 195
- ⑤ 225

# [중단원 마무리]

- 24. 교실 바닥에 다섯명의 학생 A, B, C, D, E의 가방이 놓여 있다. 학생 5명이 각각 하나씩 가방을 선택할 때, 2명만 자기 가방을 선택하게 되는 경우 의 수는?
  - 1 8
- 2 16
- 3 20
- 4 24
- **⑤** 32

#### [대단원 마무리]

- **25.**  $_{n}$ P $_{r}$  = 210,  $_{n}$ C $_{r}$  = 35일 때, 자연수 n, r에 대하여 n+r의 값은?
  - 1 6

2 7

- 3 8
- **(4)** 9
- **⑤** 10

# [대단원 마무리]

- **26.** 몸무게가 서로 다른 5명의 학생 중 3명을 뽑아 한 줄로 세우는 경우의 수를 a, 몸무게가 큰 순서대 로 한 줄로 세우는 경우의 수를 b라 할 때, a+b의 값은?
  - ① 35
- ② 55
- 3 60
- **4**) 70
- **⑤** 80

# 4

#### 정답 및 해설

# 1) [정답] ②

[해설]  $3x+y \le 8$ 에서

- i) x=1일 때, y=1, 2, 3, 4, 5
- ii) x = 2일 때, y = 1, 2
- (iii)  $x \ge 3$ 일 때, 자연수 y는 존재하지 않는다. 따라서 구하는 경우의 수는 7개다.

# 2) [정답] ③

[해설] 두 주사위를 던져 나온 눈의 수를 순서쌍으로 나타내면 각 눈의 합의 경우가

- i) 3인 경우: (1, 2), (2, 1)
- ii) 6인 경우: (1, 5), (2, 4), (3, 3),
- (4, 2), (5, 1)
- iii) 9인 경우: (3, 6), (4, 5), (5, 4), (6, 3)
- iv) 12인 경우: (6, 6)
- 이므로 구하는 경우의 수는 12이다.

#### 3) [정답] ③

[해설] 주머니에서 꺼낸 공의 숫자를

- (x, y, z)라 하면
- i) *xyz* = 4인 경우
- (1, 1, 4), (1, 4, 1), (4, 1, 1),
- (1, 2, 2), (2, 1, 2), (2, 2, 1)
- 의 6가지
- ii) xyz=6인 경우
- (1, 2, 3), (1, 3, 2), (2, 1, 3),
- (2, 3, 1), (3, 1, 2), (3, 2, 1)
- 의 6가지

따라서 구하는 경우의 수는 12이다.

#### 4) [정답] ④

[해설] 1000원 짜리 지폐를 지불할 수 있는 경우의 수는 3가지, 500원 짜리 동전을 지불할 수 있는 경우의 수는 3가지, 100원 짜리 동전을 지불할 수 있는 경우의 수는 4가지이고, 이때 0원을 지불하는 경우는 제외해야 하므로 구하는 경우의 수는  $3 \times 3 \times 4 - 1 = 35$  이다.

## 5) [정답] ⑤

[해설]  $y = x^2 + (a+b)x + ab + 1$ 의 그래프가

x축과 접하면  $x^2 + (a+b)x + ab + 1 = 0$ 의 판별식이 0이다.

 $D = (a+b)^2 - 4(ab+1) = 0$  에서  $(a-b)^2 = 4$ 

- $\therefore a-b=2 \stackrel{\square}{=} a-b=-2$
- i) a-b=2인 경우
- (3, 1), (4, 2), (5, 3), (6, 4)의 4가지
- ii) a-b=-2인 경우
- (1, 3), (2, 4), (3, 5), (4, 6)의 4가지

따라서 구하는 순서쌍의 개수는 4+4=8이다.

#### 6) [정답] ②

[해설] (x+y)(a+b+c)의 전개식의 항의 개수는  $2\times 3=6$ 개다.

 $(x^2+1)(x^2+x+1)=x^4+x^3+2x^2+x+1$ 이므로  $(x^2+1)(x^2+x+1)$ 를 전개한 식의 항의 개수는 5개다.

 $\therefore m+n=11$ 

## 7) [정답] ③

[해설] A에 칠할 수 있는 색의 수는 5가지

B에 칠할 수 있는 색의 수는 A에 칠한 색을 제외한 4가지

C에 칠할 수 있는 색의 수는 A, B에 칠한 색을 제외한 3가지

D에 칠할 수 있는 색의 수는 A, C에 칠한 색을 제외한 3가지

E에 칠할 수 있는 색의 수는 A, D에 칠한 색을 제외한 3가지

따라서  $5 \times 4 \times 3 \times 3 \times 3 = 540$ 

#### 8) [정답] ④

[해설] 다음과 같은 다섯 자리에서

#### 00000

- i) 홀수 번째에는 1, 3, 5, 짝수 번째에는
- 2, 4를 나열하는 경우의 수 :  $3! \times 2! = 12$ , a = 12
- ii) 홀수가 양쪽 끝에 오는 경우는
- 1, 3, 5중 2개를 선택하여 양쪽 끝에 나열하고 나머지 짝수를 포함한 3개의 수를 함께 나열하면 되므로  $_{3}P_{9} \times 6 = 36$ , b = 36
- $\therefore a+b=48$

# 9) [정답] ④

[해설] i) 3의 배수인 경우

3의 배수가 되려면 각 자리 숫자의 합이 3의 배수가 되어야 한다. 이를 순서쌍으로 나타내면 다음과 같다.

- (1, 2, 3), (1, 3, 5), (2, 3, 4), (3, 4, 5)
- 이 경우의 수는  $3! \times 4 = 24$  이고,
- ii) 5의 배수인 경우

5의 배수가 되려면 일의 자리 숫자가 5이면 된다. 따라서 이 경우의 수는  $_4\mathrm{P}_2=12$  그러므로 구하는 경우의 수는 a+b=36

#### 10) [정답] ⑤

[해설] i) 이웃하여 세울 때

남남남/여여여 또는 여여여/남남남 으로 세우는 경우의 수는  $3! \times 3! \times 2! = 72$ , a = 72

ii) 교대로 세울 때

남자가 앞에 서는 경우와 여자가 앞에 서는 경우가 있으므로  $3! \times 3! \times 2! = 72$ , b = 72

 $\therefore a+b=72$ 

# 11) [정답] ③



[해설] i) 짝수가 이웃하는 경우 :  $2 \times 4! = 48$ 

ii) 짝수가 이웃하면서 3, 5가 이웃하는 경우 :  $3! \times 2 \times 2! = 24$ 

따라서 짝수는 이웃하고 3, 5는 이웃하지 않는 경우의 수는 48-24=24개다.

# 12) [정답] ⑤

[해설] i) 맨 앞자리 수가 5인 경우 : 4!=24

- ii) 맨 앞자리 수가 4인 경우 : 4!=24
- iii) 맨 앞자리 수가 3인 경우 : 4!=24
- iv) 맨 앞자리 수가 2인 경우 : 4!=24
- $i) \sim iv)$ 까지 96개이므로 맨 앞자리 수가 1인 경우에서 큰 순서대로 4번째 수를 택하면 된다. 따라서 구하는 수는 15324이다.

# 13) [정답] ④

[해설] i) 천의 자리수가 1인 경우 :  $_5P_3 = 60$ 

- ii) 천의 자리수가 2인 경우: 5P3=60
- iii) 천의 자리수가 3이고, 백의 자리수가 1인 경우 :  $_4\mathrm{P}_2=12$
- i)~iii)에서 60+60+12=132개다.

#### 14) [정답] ⑤

[해설] computer에서 자음은 c, m, p, t, r이고 모음은 o, u, e이다.

모음이 없는 경우는 자음만 있는 경우이므로  $1 \times_{s} P_{A} = 120$ 개다.

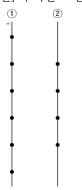
#### 15) [정답] ④

[해설] i) 남자 3명, 여자 1명이 뽑히는 경우  ${}_6\mathrm{C}_3\times{}_5\mathrm{C}_1=100$ 

- ii) 남자 2명, 여자 2명이 뽑히는 경우  ${}_6{\rm C}_2\!\times_5{\rm C}_2\!=\!150$
- i)~ii)에서 구하는 경우의 수는 250이다.

#### 16) [정답] ③

[해설] 주어진 그림에서



①에서 2개, ②에서 2개의 점을 선택하면 사각형이 유일하게 결정되므로 구하는 경우의 수는  $_6C_2 imes_4C_2=90$ 이다.

#### 17) [정답] ⑤

[해설] 7명의 학생을 세 개의 조로 나누는 경우를

순서쌍으로 표현하면

(5, 1, 1), (4, 2, 1), (3, 2, 2), (1, 3, 3)이다.

- i) (5, 1, 1)인 경우: <sub>7</sub>C<sub>5</sub> = 21
- ii) (4, 2, 1)인 경우 : <sub>7</sub>C<sub>4</sub>×<sub>3</sub>C<sub>2</sub>=105
- iii) (3, 2, 2)인 경우:  ${}_{7}C_{3} \times {}_{4}C_{2} \times \frac{1}{2} = 105$
- iv) (1, 3, 3)인 경우: 7C1×6C3×1=70

세 개의 조를 A, B, C에 배정하는 경우의 수는 3!이다.

따라서 구하는 경우의 수는  $(21+105+105+70) \times 3! = 1806$ 

## 18) [정답] ③

[해설] 8개의 팀이 한 번씩 경기를 하는 경우의 수는  ${}_8{\rm C}_2 = 28$ 가지다. 한 시즌에 4번씩 상대팀과 경기를 하므로  $28 \times 4 = 112$ 이다.

# 19) [정답] ⑤

[해설]  $_{n}P_{3} = 60$ ,  $60 = 5 \times 4 \times 3$ 이므로 n = 5이다.

$$_{m}$$
C $_{m-3} = _{m}$ C $_{3} = 20$ 에서  $_{m}$ P $_{3} = 120, \ m = 6$ 이다.

 $\therefore m+n=11$ 

#### 20) [정답] ④

[해설]  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ 

- i) A에 5만 있는 경우
- {1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9}에서 3개를 선택하는 경우의 수는 <sub>8</sub>C<sub>3</sub> = 56개다.
- ii) A에 10만 있는 경우
- {1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9}에서 3개를 선택하는 경우의 수는 <sub>8</sub>C<sub>3</sub> = 56개다.
- iii) A에 5, 10이 있는 경우
- $\{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9\}$ 에서 2개를 선택하는 경우의 수는  ${}_{8}C_{2}=28$ 개다.
- i)~iii)에서 구하는 경우의 수는 56+56+28=140이다.

# 21) [정답] ⑤

[해설] 직선의 개수:  ${}_{9}C_{2}-({}_{3}C_{2}-1)\times 8=20,\ a=20$ 삼각형의 개수:  ${}_{9}C_{3}-{}_{3}C_{3}\times 8=76,\ b=76$ ∴ a+b=96

# 22) [정답] ④

[해설] 서로 다른 여섯 개의 숫자에서 4개를 택하는 경우의 수 :  $_6C_4 = _6C_2 = 15$  4개의 숫자를 배열하는 경우의 수 :  $_4$ !

비밀번호 숫자가 짝수로만 이루어져 있는 경우의 수 : 4!=24 따라서 구하는 경우의 수는  $_6C_4 \times 4!-4!=336$ 

# 23) [정답] ④

[해설] X에서 Y로의 함수의 개수 :

$$5^3 = 125$$
,  $a = 125$ 

X에서 Y로의 일대일함수의 개수 :

$$_5P_3 = 60, b = 60$$

a < b일 때, f(a) < f(b)인 함수 f의 개수 :

$$_5C_3 = 10, c = 10$$

$$a+b+c=125+60+10=195$$

# 24) [정답] ③

[해설] 학생 A, B, C, D, E의 가방을 각각 a, b, c, d, e라고 하자. 이때, A, B는 자신의 가방을 가져가고 C, D, E는 서로 다른 사람의 가방을 가져가는 경우는 다음 표와 같다.

A	B	C	D	E
a	b	d	e	c
		e	c	d

따라서 구하는 경우의 수는  $_5\mathrm{C}_2 \times 2 = 20$ 

# 25) [정답] ⑤

[해설] 
$${}_{n}C_{r} = \frac{{}_{n}P_{r}}{r!} = 35, {}_{n}P_{r} = 35 \times r!$$

$$210 = 35 \times r!$$
,  $r! = 6$ ,  $r = 3$ 

$$_{n}$$
P $_{r}=210$ 에서  $n=7$ 

$$\therefore n+r=10$$

# 26) [정답] ④

[해설] 몸무게가 서로 다른 학생을 A, B, C, D, E

라 하면 세 명을 뽑아 한 줄로 세우는 경우의 수는  $_{5}P_{3} = 60$ 에서 a = 60이다.

몸무게가 큰 순서대로 한 줄로 세우는

경우의 수는  $_{5}$ C $_{3} = 10$ 에서 b = 10이다.  $\therefore a+b=70$