중간고사

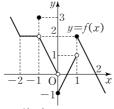
수 학 Ⅱ

20

점수

(3)3

- 문항 수는 객관식(17), 서술형(3) 총 20문항입니다.
- 각 문항의 배점은 각 문항 끝에 기록되어 있습니다.
- 01 함수 y=f(x)의 그래프가 오 른쪽 그림과 같을 때, 다음 중 극한값이 존재하지 <u>않는</u> 것 은? [5점]



- $3 \lim_{x \to 0+} f(x)$ $4 \lim_{x \to 1} f(x)$
- $\Im \lim_{x \to 1} f(f(x))$

05 $\lim_{x \to -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 - 1}}{3x + 1}$ 의 값은? [4점]

04 세 함수 f(x), g(x), h(x)에 대하여

일 때, $\lim_{x\to a} g(x)$ 의 값은? [5점]

2 2

(5) 5

 $\lim_{x \to a} f(x) = 1, \lim_{x \to a} h(x) = 3,$

 $\lim \{5f(x) - 3g(x) + h(x)\} = 5$

- $\bigcirc 1$
- 22
- 33

 $\stackrel{\textstyle \bigcirc}{}$ 4

1 1

 $\stackrel{\textstyle \bigcirc}{4}$ 4

(5)5

- $\mathbf{02}$ $\lim_{x \to -3-} \frac{|x+3|}{x+3} + \lim_{x \to 1+} \frac{x^2 x}{|x-1|}$ 의 값은? [4점]
 - (1) 2
- (2)-1
- (3) 0
- **(4)** 1
- (5) 2

- **03** $\lim_{x\to 2} (-x^2+2x+5)$ 의 값은? [3.5점]
 - \bigcirc 1
- 22
- ③3
- **4** 4
- **(5)** 5

- $06 \lim_{x \to 2} \frac{x^2 + ax + b}{x 2} = 5$ 일 때, 상수 a, b에 대하여
 - a+b의 값은? [5점]

 - $\bigcirc 1 5$ $\bigcirc -3$
- ③0
- **4** 1 **5** 3

07 다음 함수 중 x=0에서 연속인 것의 개수는? [5점]

$$\neg f(x) = x^{2} - 1 \qquad \Box g(x) = \frac{1}{x - 1}$$

$$\Box h(x) = \frac{|x|}{2x} \qquad \exists k(x) = 2$$

$$L.g(x) = \frac{1}{x-1}$$

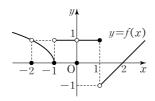
$$= h(x) = \frac{|x|}{2x}$$

$$\exists .k(x)=2$$

- $\bigcirc 0$
- 2 1
- (3) 2

- (4) 3
- (5)4

 \bigcirc 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같다.



- 구간 [-2, 2]에서 함수 f(x)가 불연속인 점의 개수를 m, 극한값이 존재하지 않는 점의 개수를 n이라 할 때, m+n의 값은? [4.5점]
- \bigcirc 4
- \bigcirc 6
- (3)7
- **(4)** 8 **(5)** 9

- **09** 함수 $f(x) = \begin{cases} ax+3 & (x<2) \\ -x+9 & (x \ge 2) \end{cases}$ 가 모든 실수 x에
 - 서 연속일 때, 상수 a의 값은? [5점]

 - (1) 2 (2) 1
- (3) 0

- **(4)** 2 **(5)** 3

- **10** 모든 실수 x에서 연속인 함수 f(x)가 $(x-1) f(x) = x^2 + x + a$ 를 만족시킬 때. a+f(1)의 값은? (단, a는 상수) [5점]
 - $\bigcirc 1 1$ $\bigcirc 0$
- (3)1
- **4** 2 **5** 3

11 두함수

$$f(x) = \begin{cases} x - a(x < 0) \\ 3 - x(x \ge 0) \end{cases}, g(x) = 2x^{2} - 3x - 4$$

- 에 대하여 함수 g(f(x))가 x=0에서 연속일 때, 모든 상수 *a*의 값의 합은? [5.5점]

- $4\frac{1}{2}$ $5\frac{3}{2}$

- **12** 함수 $f(x) = x^2 + ax + b$ 에 대하여 x의 값이 2에 서 5까지 변할 때의 평균변화율이 6일 때. f'(5)의 값은? (단, a, b는 상수) [4점]
 - \bigcirc 5
- **②** 7
- (3)9

- (4) 11
- (5)13

- **13** 함수 $f(x) = 3x^3 + ax + 2$ 에 대하여 $\lim_{h\to 0} \frac{f(2+h)-f(2)}{5h} = 8$ 일 때, f(2)의 값은? (단, a는 상수) [5점]
 - (1)30
- **②** 32
- ③ 34

- (4) 36
- (5)38

14 다항함수 f(x)에 대하여 $\lim_{x\to 2} \frac{f(x)}{x-2} = 3$ 일 때,

$$\lim_{h\to 0} \frac{f(2+3h)}{h}$$
의 값은? [5점]

- 1 1
- 2 2
- 33
- **4** 6
- (5) 9

15 다항함수 f(x)에 대하여

$$\lim_{x \to -1} \frac{f(x) - 2}{x + 1} = 1,$$

$$g(x) = (2x^3 - 3x + 2)f(x)$$

일 때, g'(-1)의 값은? [5점]

- \bigcirc 7
- **(2)** 9
- ③11

- (4) 13
 - (5) 15

16 모든 실수 x에서 미분가능한 함수 f(x)가 임의의 두 실수 x, y에 대하여

f(x+y)=f(x)+f(y)+2xy-3, f'(0)=1을 만족시킬 때, f'(-1)의 값은? [5점]

- (1) 2 (2) 1
- \mathfrak{G} 0

- (4) 1
- (5)2

- **17** 곡선 $y=x^2-2x$ 위의 점 (2,0)에서의 접선의 방정식이 y=ax+b일 때, 상수 a,b에 대하여 a+b의 값은? [4.5점]
 - (1) 2
- (2)-1
- ③0

- (4) 1
- ⑤2

* 서술형은 풀이 과정을 자세히 적으시오.

[서술형 1] 다항함수 f(x)에 대하여

$$\lim_{x \to \infty} \frac{f(x) - x^3}{x^2 + 1} = 3, \lim_{x \to -1} \frac{f(x)}{x + 1} = -1$$

일 때, 다음을 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. [7점] (1) f(x)

(2) $\lim_{x\to\infty} xf\left(\frac{1}{x}\right)$ 의 값

[서술형 2] 오른쪽 그림과 같이 $y=\sqrt{2x}$ 곡선 $y=\sqrt{2x}$ 위의 두 점 $\sqrt{2}$ A $\sqrt{2}$ 위의 두 점 $\sqrt{2}$ A $\sqrt{2}$ 이 대하여 점 P에서 x축에 그은 $\sqrt{2}$ 수선과 점 A를 지나고 x축에 평행한 직선의 교점을 Q 라 할 때, $\lim_{t\to 1+}\frac{\overline{AQ}}{\overline{PQ}}$ 의 값을 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. [7점]

[서술형 3] 모든 실수 x에서 미분가능한 두 함수 f(x), g(x)에 대하여

 $g(x)=x^3f(x)+1, f(2)=-3, f'(2)=4$ 일 때, g'(2)의 값을 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. [6점]