6-2.평행선 사이의 선분의 길이의 비

6-2-3.평행선과 선분의 길이의 비_비상(김원경)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2020-07-25
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

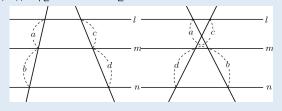
◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check

[평행선 사이의 선분의 길이의 비]

세 개 이상의 평행선이 다른 두 직선과 만날 때, 그 두 직선이 평행선에 의해 잘려서 생긴 선분의 길이의 비는 같다.

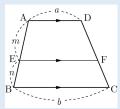
l//m//n이면 a:b=c:d 또는 a:c=b:d



[사다리꼴에서 평행선 사이의 선분의 길이의 비]

AD//BC인 사다리꼴 ABCD에서 EF//BC이고

 $\overline{\mathrm{AD}} = a, \ \overline{\mathrm{BC}} = b, \ \overline{\mathrm{AE}} = m, \ \overline{\mathrm{EB}} = n$ 이면 $\overline{\mathrm{EF}} = \frac{an + bm}{n}$

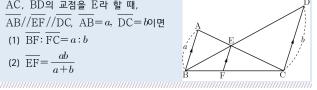


[평행선 사이의 선분의 길이의 비의 응용]

____ AC, BD의 교점을 E라 할 때,

 $\overline{AB}/\overline{EF}/\overline{DC}$, $\overline{AB}=a$, $\overline{DC}=b$ 이면

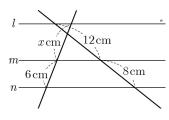
- (1) $\overline{\mathrm{BF}} : \overline{\mathrm{FC}} = a : b$
- (2) $\overline{\rm EF} = \frac{ab}{}$ a+b



기본문제

[문제]

다음 그림에서 l//m//n일 때, x의 값을 구하 며?



① 6

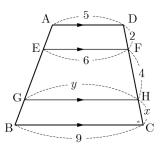
2 7

3 8

- 4 9
- **⑤** 10

[문제]

다음 그림에서 \overline{AD} $//\overline{EF}$ $//\overline{GH}$ $//\overline{BC}$ 일 때, x+y의 값을 구하면?



1) 6

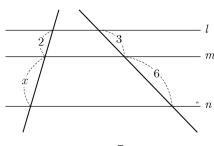
2 7

- 3 8
- 4 9
- (5) 10

평가문제

[중단원 학습 점검]

3. 다음 그림에서 l//m//n일 때, x의 값을 구하 면?



1 1

② 2

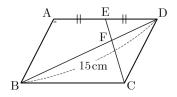
③ 3

4

⑤ 5

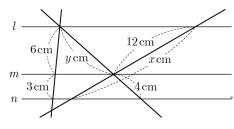
[중단원 학습 점검]

4. 다음 평행사변형 ABCD에서 점 $E \leftarrow \overline{AD}$ 의 중점 이고, CE와 BD의 교점을 F라 하자. BD=15cm일 때, $\overline{\mathrm{BF}}$ 의 길이를 구하면?



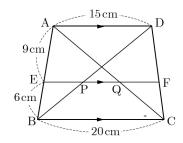
- ① 8cm
- ② 9cm
- ③ 10cm
- 4 11cm
- ⑤ 12cm

- [단원 마무리]
- 5. 다음 그림에서 l//m//n일 때, x+y의 값을 구 하면?



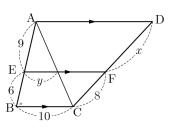
- ① 22
- ② 23
- 3 24
- **4** 25
- (5) 26

- [단원 마무리]
- **6.** 다음 그림에서 \overline{AD} $//\overline{EF}$ $//\overline{BC}$ 일 때, \overline{PQ} 의 길이 를 구하면?

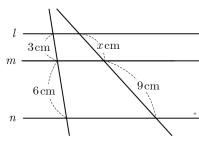


- ① 5cm
- ② 6cm
- ③ 7cm
- 4 8cm
- ⑤ 9cm

- 유사문제
- 7. 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD}//\overline{EF}//\overline{BC}$ 일 때, x+y의 값은?



- 14
- 2 15
- ③ 16
- 4) 17
- **⑤** 18
- 8. l//m//n일 때, x의 값은?

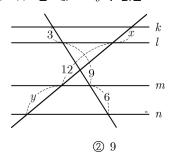


- ① 3.3
- ② 3.5

3 4

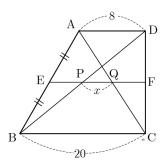
4.5

- **⑤** 5
- 9. k/l/m/n일 때, x+y의 값은?



- 1 8
- 3 10
- 4 11
- ⑤ 12

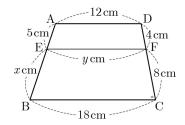
10. 다음 그림은 AD//BC인 사다리꼴이다. $\overline{AD} = 8 \text{ cm}$, $\overline{BC} = 20 \text{ cm}$, $\overline{AE} = \overline{EB}$, $\overline{EF} / / \overline{BC}$ \overline{BC} \overline{BC} PQ의 길이는?



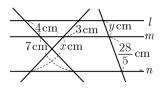
- 1) 2
- 2 4

3 6

- 4 8
- **⑤** 10
- **11.** $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{EF}//\overline{BC}$ 일 때, x+y의 값은?

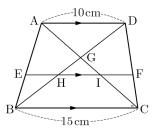


- 1) 20
- ② 22
- 3 24
- 4) 26
- **⑤** 28
- **12.** 그림에서 l//m//n일 때, x+y의 값은?

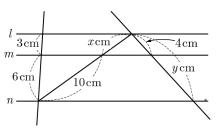


- 161 20
- 3 20
- 89 10

13. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD}//\overline{EF}//\overline{BC}$ 고, \overline{AE} : \overline{EB} =3:2일 때, \overline{HI} 의 길이 를 구하면?



- ① 4cm
- ② 5cm
- 36cm
- 4) 7cm
- $(5) \frac{13}{2} cm$
- **14.** 다음 그림에서 l//m//n일 때, xy의 값을 구하 면?



- ① 50
- 2 60
- 3 70
- **4** 80
- **⑤** 90

정답 및 해설

1) [정답] ④

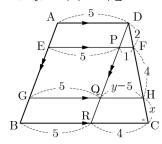
[해설] x:6=12:8이므로

$$8x = 72$$

$$\therefore x = 9$$

2) [정답] ⑤

[해설] 다음 그림과 같이 점 D를 지나고 \overline{AB} 와 평행한 직선이 \overline{EF} , \overline{GH} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 P, Q, R이라고 하면



$$\overline{AD} = \overline{EP} = \overline{GQ} = \overline{BR} = 5$$

$$\overline{PF} = 6 - 5 = 1$$
, $\overline{QH} = y - 5$, $\overline{RC} = 9 - 5 = 4$

$$2:6=1:(y-5)$$
에서 $2y-10=6$, 즉 $y=8$

$$\triangle$$
DRC에서 \overline{DH} : $\overline{DC} = \overline{QH}$: \overline{RC} 에서

$$6:(6+x)=3:4$$
에서 $18+3x=24$, 즉 $x=2$

$$\therefore x + y = 2 + 8 = 10$$

3) [정답] ④

[해설]
$$2: x = 3:6$$

$$\therefore x = 4$$

4) [정답] ③

[해설] $\overline{AD} // \overline{BC}$ 이고 $2\overline{DE} = \overline{AD} = \overline{BC}$

이때 $\overline{BF} = x \text{ cm}$ 라고 하면

$$x:(15-x)=2:1$$
에서

$$x = 30 - 2x$$
, $= x = 10$

$$\therefore \overline{BF} = 10 \text{cm}$$

5) [정답] ⑤

[해설] 6:(6+3)=6:9=12:x이므로, x=18

$$\therefore x + y = 18 + 8 = 26$$

6) [정답] ②

[해설] $\triangle ABC에서 \overline{AE}: \overline{AB} = \overline{EQ}: \overline{BC}$ 이므로

$$9:15 = \overline{EQ}:20$$
, $\overline{\Rightarrow}$ $\overline{EQ} = 12$ cm

$$\triangle ABD에서 \overline{BE}: \overline{BA} = \overline{EP}: \overline{AD}$$
이므로

$$6:15 = \overline{EP}:15$$
, $\overline{\Rightarrow}$ $\overline{EP} = 6$ cm

$$\therefore \overline{PQ} = \overline{EQ} - \overline{EP} = 12 - 6 = 6$$
cm

7) [정답] ⑤

[해설] \overline{AC} , \overline{EF} 의 교점을 G라 하면

$$9:6=x:8 \rightarrow x=12$$

$$\overline{AE}:\overline{AB}=\overline{EG}:\overline{BC}$$
에서

$$9:(9+6)=y:10 \rightarrow y=6$$

$$\therefore x + y = 12 + 6 = 18$$

8) [정답] ④

[해설]
$$3:6=x:9$$
 $\therefore x=\frac{9}{2}=4.5$

9) [정답] ⑤

[해설]
$$3:9=x:12 \rightarrow x=4$$

$$12: y = 9: 6 \rightarrow y = 8$$

$$\therefore x + y = 12$$

10) [정답] ③

[해설] $\triangle AEQ$, $\triangle ABC$ 가 AA닮음이므로

$$\overline{AE}$$
: \overline{AB} = \overline{EQ} : \overline{BC} 에서

$$1:2 = \overline{EQ}:20 \rightarrow \overline{EQ}=10$$

$$\triangle BEP$$
, $\triangle BAD$ 가 AA 닮음이므로

$$\overline{BE}$$
: \overline{BA} = \overline{EP} : \overline{AD} 에서 $1:2=\overline{EP}:8 \rightarrow \overline{EP}=4$

$$\therefore x = 10 - 4 = 6$$

11) [정답] ③

[해설] $\overline{EF}//\overline{BC}$ 이므로 $5: x = 4: 8 \rightarrow x = 10$

 \overline{AC} 와 \overline{EF} 의 교점을 H라 하면

$$\overline{AE}:\overline{AB}=\overline{EH}:\overline{BC}$$
에서

$$1:3=\overline{EH}:18 \rightarrow \overline{EH}=6$$

$$\overline{CF}:\overline{CD}=\overline{HF}:\overline{AD}$$
이므로

$$2:3 = \overline{HF}:12 \rightarrow \overline{HF}=8$$

$$y = 6 + 8 = 14$$

$$\therefore x + y = 10 + 14 = 24$$

12) [정답] ③

[해설]
$$3: x = 4: 7, x = \frac{21}{4}$$
이고,

$$y: \frac{28}{5} = 4:7$$
, $y = \frac{16}{5}$ 이다.

따라서
$$x+y=\frac{21}{4}+\frac{16}{5}=\frac{169}{20}$$
이다.

13) [정답] ②

[해설] \overline{AE} : \overline{EB} =3:2일 때, \overline{AE} : \overline{AB} = \overline{EI} : \overline{BC} 이므로

$$3:5=\overline{EI}:15, \overline{EI}=9cm$$

또.
$$\overline{EB}$$
: \overline{AB} = \overline{EH} : \overline{AD} 이므로

$$2:5 = \overline{EH}:10, \ \overline{EH}=4cm$$

따라서
$$\overline{HI} = \overline{EI} - \overline{EH} = 9 - 4 = 5cm$$
이다.

14) [정답] ②

[해설]
$$3:6=x:10 \rightarrow x=5$$

$$3:(3+6)=4:y \rightarrow y=12$$

$$\therefore xy = 60$$