실력완성 | 고1

2-3-4.이차부등식과 연립이차부등식



수학 계산력 강화

(1)부호, 그래프를 이용한 이차부등식의 풀이





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-02-15

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 기차식의 부호를 이용한 이차부등식의 풀이

이차식을 인수분해하고 인수의 부호를 조사하여 이차부등식의 해를 구할 수 있다.

 \Rightarrow a < b인 두 실수 a,b에 대하여

이차식 (x-a)(x-b)의 부호는 아래의 표와 같다.

	x < a	x = a	a < x < b	x = b	x > b
x-a	_	0	+	+	+
x-b	_	_	_	0	+
(x-a)(x-b)	+	0	_	0	+

☑ 다음 표를 완성하고 이차부등식을 풀어라.

1. $x^2 - x - 2 < 0$

x의 값의 범위	x+1	x-2	$\left (x+1)(x-2) \right $
x < -1	_	_	+
x = -1	0	_	0
-1 < x < 2	+		
x = 2		0	0
x > 2			

2. $x^2 + 2x - 8 \ge 0$

x의 값의 범위		
범위		

☑ 다음 주어진 이차식의 부호를 조사하여 표를 완성하 고, □ 안에 알맞은 것을 써넣어라.

3.
$$x^2 - x - 6 = (x + \lceil 1)(x - \lceil 1)$$

x의 값의 범위	x+2	x-3	(x+2)(x-3)
x < -2	_	_	+
x = -2			
-2 < x < 3			
x = 3			
x > 3			

$x^2 - x - 6 = (x + \square)(x - \square) > 0$ 을 만족시키는
x 의 값의 범위는 $oxed{oxed}$ 또는 $oxed{oxed}$ 이다.

4.
$$x^2 + x - 2 = (x + [])(x - [])$$

x의 값의 범위	x+2	x-1	(x+2)(x-1)
x < -2	_	_	+
x = -2			
-2 < x < 1			
x = 1			
x > 1			

$x^2 + x - 2 = (x + \square)(x - \square) < 0$ 을 만족시키는
x 의 값의 범위는 $\overline{} < x < \overline{}$ 이다.

- Arr 이차함수 $f(x) = x^2 4x + 3 = (x-1)(x-3)$ 에 대하 여 다음 물음에 답하여라.
- 5. x=1, x=2, x=3, x=4일 때, f(x)가 양의 값을 가지는 경우를 구하여라.
- 6. 다음은 f(x)의 값의 부호를 알아보기 위하여 만 든 표이다. 빈칸을 알맞게 채워라.

x의 값의 범위	x-1	x-3	(x-1)(x-3)
x < 1	_	_	+
x = 1	0	_	
1 < x < 3	+		
x = 3			
x > 3			

7. 위의 문제의 표를 이용하여 다음을 만족하는 x의 값 또는 그 범위를 구하여라.

(1)
$$(x-1)(x-3) = 0$$

(2)
$$(x-1)(x-3) < 0$$

(3)
$$(x-1)(x-3) > 0$$

(4)
$$(x-1)(x-3) \le 0$$

(5)
$$(x-1)(x-3) \ge 0$$

☑ 다음 이차부등식을 풀어라.

8.
$$x^2-4x-5>0$$

9.
$$x(6-x) \ge 3x-4$$

10.
$$-2x^2+3x-6 \ge 0$$

11.
$$x^2 - 2\sqrt{3}x + 3 \le 0$$

12.
$$x^2 - x - 20 < 0$$

13.
$$x^2 + 3x - 10 \le 0$$

14.
$$-2x^2+3x+2 \ge 0$$

15.
$$x^2 + 2x - 8 \le 0$$

16.
$$2x^2 + 3x - 2 \ge 0$$

17.
$$2x^2 - 3x - 9 \le 0$$

18.
$$2x^2 - 3x - 5 < 0$$

19.
$$-2x^2+5x+3>0$$

20.
$$x^2 + x - 6 \ge 0$$

21.
$$x^2 - 7x + 10 < 0$$

22.
$$x^2 - 5x + 4 \le 0$$

23.
$$x^2 - 6x + 5 \le 0$$

24.
$$-x^2+8x-16 \ge 0$$

25.
$$x^2 - 2x - 8 \le 0$$

26.
$$x^2 - x - 6 < 0$$

27.
$$x^2 - 2x - 3 \le 0$$

28.
$$x^2 - 2x + 7 \ge 0$$

29.
$$2x^2 + 5x + 4 > 0$$

30.
$$x^2 - 2x - 5 \le 0$$

31.
$$x^2 + x - 2 < 0$$

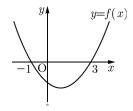
02 / 그래프를 이용한 이차부등식의 풀이

이차함수 $y = ax^2 + bx + c(a > 0)$ 의 그래프를 이용하여 이차부등식의 해를 구하면 다음과 같다.

이차부등식	이차부등식
$ax^2+bx+c>0$ 의 해	$ax^2+bx+c<0$ 의 해
(y>0인 x의 범위)	(y<0인 x의 범위)
⊕\ /⊕	\ /
$\alpha \beta \tilde{x}$	$\alpha \bigcirc \beta \stackrel{*}{x}$
$x < \alpha$ 또는 $x > \beta$	$\alpha < x < \beta$
_ ,	,
\bigoplus_{α}	
$x \neq \alpha$ 인 모든 실수	없다.
\bigoplus \bigoplus \widehat{x}	<u> </u>
모든 실수	없다.

〈참고〉 $ax^2 + bx + c \ge 0$, $ax^2 + bx + c \le 0$ 꼴의 이차부등식의 해는 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프와 x축이 만나는 점의 x의 값을 포함하여 위와 같은 방법으로 해를 구한다.

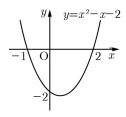
ightharpoonup 이차함수 y=f(x)의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 다음 이차부등식의 해를 구하여라.



32. f(x) > 0

33.
$$f(x) \leq 0$$

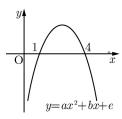
ightharpoonup 이차함수 $y=x^2-x-2$ 의 그래프가 아래 그림과 같 을 때, 다음 이차부등식의 해를 구하여라.



34.
$$x^2-x-2>0$$

35.
$$x^2 - x - 2 \le 0$$

ightharpoonup 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 다음 이차부등식의 해를 구하여라.



36.
$$ax^2 + bx + c < 0$$

37.
$$ax^2 + bx + c \ge 0$$

☑ 다음 이차부등식을 이차함수의 그래프를 이용하여 풀어라.

38.
$$x^2-4x+5<0$$

39.
$$x^2 + 3x - 4 < 0$$

40.
$$x^2 + 2x + 1 \ge 0$$

41.
$$x^2 - 2x - 3 > 0$$

42.
$$x^2 + 8x + 16 < 0$$

43.
$$x^2 + 8x + 16 \le 0$$

44.
$$x^2 + 2x + 3 > 0$$

45.
$$x^2 + 2x + 3 \ge 0$$

46.
$$x^2-2x-3 \ge 0$$

47.
$$x^2 + 2x + 3 < 0$$

48.
$$x^2 + 2x + 3 \le 0$$

49.
$$3x^2 - 6x + 3 > 0$$

50.
$$2x^2 - 7x + 3 \ge 0$$

51.
$$2x^2 - 5x + 2 > 0$$

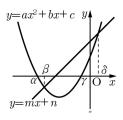
52.
$$2x^2 - 5x + 2 \ge 0$$

53.
$$2x^2 - 2x + \frac{1}{2} \le 0$$

03 / 두 그래프를 이용한 이차부등식의 풀이

부등식 f(x) > g(x)의 해

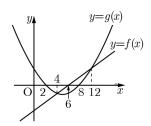
- \Rightarrow 함수 y = f(x)의 그래프가 함수 y = g(x)의 그래프보다 위쪽에 있는 x의 값의 범위
- \square 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프와 직선 y = mx + n이 다음 그림과 같을 때, 다음 이차부등식 의 해를 구하여라.



54.
$$ax^2 + bx + c < 0$$

55.
$$ax^2 + bx + c \ge mx + n$$

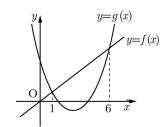
- ightharpoonup 일차함수 y = f(x)와 이차함수 y = g(x)의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 주어진 부등식의 해를 구하여 라.
- **56.**



(1)
$$f(x)g(x) > 0$$

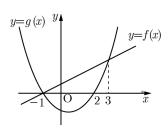
(2)
$$f(x)g(x) < 0$$

57.



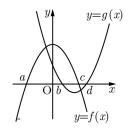
- (1) f(x) > g(x)
- (2) f(x) < g(x)

58.

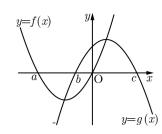


- (1) $f(x) \ge g(x)$
- (2) $f(x) \le g(x)$
- ightharpoons 두 이차함수 y = f(x), y = g(x)의 그래프가 다음 그 림과 같을 때, 주어진 부등식의 해를 구하여라.

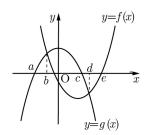
59.
$$f(x)g(x) > 0$$



60. f(x)g(x) < 0

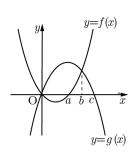


61.



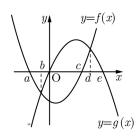
- (1) f(x) > g(x)
- (2) $f(x) \le g(x)$

62.



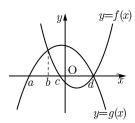
- (1) $f(x) \ge g(x)$
- (2) f(x) < g(x)

63.



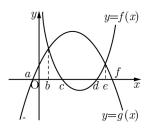
- (1) g(x) < f(x)
- (2) f(x) < g(x)

64.



- (1) f(x)g(x) > 0
- (2) f(x)g(x) < 0

65.



- (1) 0 < g(x) < f(x)
- (2) 0 < f(x) < g(x)

☑ 다음 이차함수의 그래프가 주어진 직선보다 항상 위 쪽에 있도록 하는 상수 k의 값의 범위를 구하여라.

66.
$$y = x^2 + (k+1)x + 4, y = x - 1$$

67.
$$y = x^2 - 2x + 1, y = kx - 8$$

ightharpoonup 다음과 같은 이차함수 y = f(x)의 그래프가 이차함 수 y=g(x)의 그래프보다 항상 아래쪽에 있는 x의 값의 범위를 구하여라.

68.
$$f(x) = x^2 - 2x - 8$$
, $g(x) = -2x^2 + x - 2$

69.
$$f(x) = 2x^2 - 2x - 3$$
, $g(x) = x^2 + x + 7$

70.
$$f(x) = x^2 - x - 1, q(x) = -x^2 + 2x + 1$$

71.
$$f(x) = x^2 - 4$$
, $g(x) = 2x^2 - 5x$

정답 및 해설

1) -1 < x < 2

x의 값의 범위	x+1	x-2	(x+1)(x-2)
x < -1	_	_	+
x = -1	0	_	0
-1 < x < 2	+	_	_
x=2	+	0	0
x > 2	+	+	+

$\Rightarrow x^2 - x - 2 = (x+1)(x-2)$

x의 값의 범위	x+1	x-2	(x+1)(x-2)
x < -1	_	_	+
x = -1	0	_	0
-1 < x < 2	+	_	_
x = 2	+	0	0
x > 2	+	+	+

이차부등식 $x^2 - x - 2 < 0$ 의 해는 (x+1)(x-2)의 부호가 음인 x의 값의 범위이므로 위의 표에서 -1 < x < 2

2) $x \le -4$ 또는 $x \ge 2$

x의 값의 범위	x+4	x-2	(x+4)(x-2)
x < -4	_	_	+
x = -4	0	_	0
-4 < x < 2	+	_	_
x = 2	+	0	0
x > 2	+	+	+

$\Rightarrow x^2 + 2x - 8 = (x+4)(x-2)$

x의 값의 범위	x+4	x-2	(x+4)(x-2)
x < -4	_	_	+
x = -4	0	_	0
-4 < x < 2	+	_	_
x = 2	+	0	0
x > 2	+	+	+

이차부등식 $x^2 + 2x - 8 \ge 0$ 의 해는 (x+4)(x-2)의 부호가 0보다 크거나 같은 x의 값의 범위이므로 $x \leq -4$ 또는 $x \geq 2$

3) 2, 3, 2, 3, x < -2, x > 3

x의 값의 범위	x+2	x-3	(x+2)(x-3)
x < -2	_	_	+
x = -2	0	_	0
-2 < x < 3	+	_	_
x = 3	+	0	0
x > 3	+	+	+

4) 2, 1, 2, 1, -2, 1

x의 값의 범위	x+2	x-1	(x+2)(x-1)
x < -2	_	_	+
x = -2	0	_	0
-2 < x < 1	+	_	_
x = 1	+	0	0
x > 1	+	+	+

5) x = 4

 $\Rightarrow f(1) = 0, f(2) = -1, f(3) = 0, f(4) = 3 > 0$ 이므로 x=4일 때 f(x)가 양의 값을 가진다. $\therefore x = 4$

6)

x의 값의 범위	x-1	x-3	(x-1)(x-3)
x < 1	_	_	+
x = 1	0	_	0
1 < x < 3	+	_	_
x = 3	+	0	0
x > 3	+	+	+

- 7) (1)x = 1 또는 x = 3 (2)1 < x < 3 (3)x < 1 또는 x > 3 (4)1 $\le x \le 3$ (5) $x \le 1$ 또는 $x \ge 3$
- 8) x < -1 또는 x > 5
- $\Rightarrow x^2 4x 5 > 0 \text{ on } \lambda$ (x+1)(x-5) > 0 $\therefore x < -1$ 또는 x > 5
- 9) $-1 \le x \le 4$
- $\Rightarrow x(6-x) \geq 3x-4$ 에서 $6x-x^2 \ge 3x-4, x^2-3x-4 \le 0$

 $(x+1)(x-4) \le 0$: $-1 \le x \le 4$

10) 해는 없다.

 $\Rightarrow -2x^2 + 3x - 6 \ge 0 \text{ odd}$

 $2x^2 - 3x + 6 \le 0, 2\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 + \frac{39}{8} \le 0$

따라서 부등식의 해는 없다.

11)
$$x = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow x^2 - 2\sqrt{3}x + 3 = (x - \sqrt{3})^2 \le 0 \quad \therefore x = \sqrt{3}$$

12)
$$-4 < x < 5$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 20 < 0 \text{ on } |x| \quad (x+4)(x-5) < 0$$

$$\therefore -4 < x < 5$$

13)
$$-5 \le x \le 2$$

$$\Rightarrow x^2 + 3x - 10 \le 0, (x-2)(x+5) \le 0$$

$$\therefore -5 \le x \le 2$$

14)
$$-\frac{1}{2} \le x \le 2$$

$$\Rightarrow -2x^2 + 3x + 2 \ge 0 \text{ odd } 2x^2 - 3x - 2 \le 0,$$

$$(2x+1)(x-2) \le 0$$
 $\therefore -\frac{1}{2} \le x \le 2$

15)
$$-4 \le x \le 2$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 8 \le 0 \text{ odd } (x+4)(x-2) \le 0$$

$$\therefore -4 \le x \le 2$$

16)
$$x \le -2 \, \stackrel{\leftarrow}{=} \, x \ge \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \ 2x^2 + 3x - 2 \ge 0 \text{ on } \ (x+2)(2x-1) \ge 0$$

$$\therefore x \leq -2 \quad \exists \frac{1}{2}$$

17)
$$-\frac{3}{2} \le x \le 3$$

$$\Rightarrow (2x+3)(x-3) \le 0$$
$$\therefore -\frac{3}{2} \le x \le 3$$

18)
$$-1 < x < \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 3x - 5 < 0 \text{ on } k \text{ } (x+1)(2x-5) < 0$$

$$\therefore -1 < x < \frac{5}{2}$$

19)
$$-\frac{1}{2} < x < 3$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 5x - 3 < 0 (2x+1)(x-3) < 0$$

$$\therefore -\frac{1}{2} < x < 3$$

20)
$$x \le -3 + x \ge 2$$

$$\Rightarrow x^2 + x - 6 \ge 0$$

$$(x+3)(x-2) \ge 0$$

$$\therefore x \leq -3$$
 또는 $x \geq 2$

21)
$$2 < x < 5$$

$$\Rightarrow x^2 - 7x + 10 < 0$$

$$(x-2)(x-5) < 0$$

$$\therefore 2 < x < 5$$

22)
$$1 \le x \le 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 5x + 4 \le 0$$

$$(x-1)(x-4) \le 0$$

$$\therefore 1 \le x \le 4$$

23)
$$1 \le x \le 5$$

$$\Rightarrow x^2 - 6x + 5 \le 0 \text{ MeV}$$

$$(x-1)(x-5) \le 0$$

$$1 \le x \le 5$$
이다.

24) x = 4

$$\Rightarrow -x^2 + 8x - 16 \ge 0$$
에서

$$x^2 - 8x + 16 \le 0$$

$$(x-4)^2 \le 0$$
이므로 $x = 4$ 이다.

25)
$$-2 \le x \le 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x - 8 = (x+2)(x-4) \le 0$$
에서
$$-2 \le x \le 4$$
이다.

26)
$$-2 < x < 3$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 6 < 0 (x - 3)(x + 2) < 0 -2 < x < 3$$

27)
$$-1 \le x \le 3$$

$$\Rightarrow$$
 $(x-3)(x+1) \le 0$ 을 만족하는 x 의 범위는 $-1 \le x \le 3$ 이다.

28) 해는 모든 실수

$$\Rightarrow x^2 - 2x + 7 = (x - 1)^2 + 6 \ge 0$$
 주어진 부등식은 모든 x 에 대하여 만족한다.

29) 해는 모든 실수

$$\Rightarrow 2x^2 + 5x + 4 = 2\left(x^2 + \frac{5}{2}x + \frac{25}{16}\right) - \frac{25}{8} + 4$$

$$=2\left(x+\frac{5}{4}\right)^2+\frac{7}{8}>0$$
이므로

모든 실수에서 성립한다.

30)
$$1 - \sqrt{6} \le x \le 1 + \sqrt{6}$$

$$\Rightarrow x^2-2x-5=0$$
의 두 근이 $1+\sqrt{6}$, $1-\sqrt{6}$ 이므로 $x^2-2x-5\leq 0$ 의 해는 $1-\sqrt{6}\leq x\leq 1+\sqrt{6}$ 이다.

31)
$$-2 < x < 1$$

$$\Rightarrow x^2 + x - 2 < 0$$
를 정리하면 $(x-1)(x+2) < 0$ 에서 $-2 < x < 1$ 이다.

32)
$$x < -1$$
 또는 $x > 3$

33)
$$-1 \le x \le 3$$

34)
$$x < -1$$
 또는 $x > 2$

$$\Rightarrow y = x^2 - x - 2$$
의 그래프가 x 축보다 위쪽에 있는 x

값의 범위는 x < -1 또는 x > 2

- 35) $-1 \le x \le 2$
- $\Rightarrow y = x^2 x 2$ 의 그래프가 $x \div x \div x + y = x^2 x 2$ 의 그래프가 $x \div x \div x + y = x \div x + y + y + z \div x + z \div x$ 나 x축과 만나는 x의 값의 범위는 $-1 \le x \le 2$
- 36) x < 1 또는 x > 4
- $\Rightarrow y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 x축보다 아래쪽에 있 는 x의 값의 범위는

x < 1 또는 x > 4

 $1 \le x \le 4$

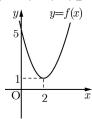
- 37) $1 \le x \le 4$
- $\Rightarrow y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 x축보다 위쪽에 있거 나 x축과 만나는 x의 값의 범위는

 $1 \le x \le 4$

- 38) 해는 없다.
- $\Rightarrow f(x) = x^2 4x + 5$ 라 하면

$$f(x) = (x-2)^2 + 1$$

따라서 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로



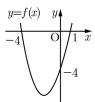
부등식 f(x) < 0의 해는 없다.

39) -4 < x < 1

 $\Rightarrow f(x) = x^2 + 3x - 4$ 라 하면

$$f(x) = (x+4)(x-1)$$

따라서 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로



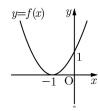
부등식 f(x) < 0의 해는 -4 < x < 1

40) 모든 실수

 $\Rightarrow f(x) = x^2 + 2x + 1$ 이라 하면

$$f(x) = (x+1)^2$$

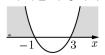
따라서 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로



부등식 $f(x) \ge 0$ 의 해는 모든 실수이다.

- 41) $x < -1 + \pm x > 3$
- $\Rightarrow x^3 2x 3 = (x+1)(x-3)$

따라서 이차함수 $y = x^2 - 2x - 3$ 의 그래프는 다음 그 림과 같으므로 구하는 부등식의 해는

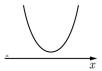


x < -1 또는 x > 3

- 42) 해는 없다.
- 43) x = -4
- 44) 모든 실수
- \Rightarrow 이차방정식 $x^2+2x+3=0$ 의 판별식을 D라고 하면

$$\frac{D}{4} = 1 - 3 = -2 < 0$$
이므로

이차함수 $y = x^2 + 2x + 3$ 의 그래프는 다음 그림과 같

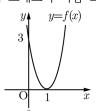


따라서 구하는 부등식의 해는 모든 실수이다.

- 45) 모든 실수
- 46) $x \le -1$ 또는 $x \ge 3$
- 47) 해는 없다.
- 48) 해는 없다.
- 49) $x \neq 1$ 인 모든 실수
- $\Rightarrow f(x) = 3x^2 6x + 3$ 이라 하면

$$f(x) = 3(x-1)^2$$

따라서 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로



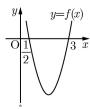
부등식 f(x) > 0의 해는 $x \neq 1$ 인 모든 실수이다.

50)
$$x \le \frac{1}{2}$$
 또는 $x \ge 3$

 $\Rightarrow f(x) = 2x^2 - 7x + 3$ 이라 하면

$$f(x) = (2x-1)(x-3)$$

따라서 y=f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로

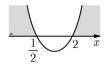


부등식 $f(x) \ge 0$ 의 해는 $x \leq \frac{1}{2} \quad \text{Fig. } x \geq 3$

51)
$$x < \frac{1}{2}$$
 또는 $x > 2$

 $\Rightarrow 2x^2 - 5x + 2 = (x-2)(2x-1)$

따라서 이차함수 $y=2x^2-5x+2$ 의 그래프는 다음 그 림과 같으므로 구하는 부등식의 해는



 $x < \frac{1}{2}$ 또는 x > 2

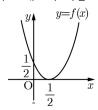
52)
$$x \le \frac{1}{2}$$
 또는 $x \ge 2$

53)
$$x = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow f(x) = 2x^2 - 2x + \frac{1}{2}$$
이라 하면

$$f(x) = 2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2$$

따라서 y = f(x)의 그래프가 다음 그림과 같으므로



부등식 $f(x) \le 0$ 의 해는 $x = \frac{1}{2}$ 이다.

- 54) $\alpha < x < \gamma$
- 55) $x \le \beta$ 또는 $x \ge \delta$
- 56) (1) 2 < x < 6 또는 x > 8
 - (2) x < 2 또는 6 < x < 8
- \Rightarrow (1) f(x)q(x) > 0에서

f(x) > 0, g(x) > 0 또는 f(x) < 0, g(x) < 0

(i) f(x) > 0, g(x) > 0을 만족시키는 x의 값의 범위

x > 8

(ii) f(x) < 0, g(x) < 0을 만족시키는 x의 값의 범위

2 < x < 6

- (i), (ii)에서 2<x<6 또는 x>8
- (2) f(x)g(x) < 0에서

f(x) > 0, g(x) < 0 또는 f(x) < 0, g(x) > 0

(i) f(x) > 0, g(x) < 0을 만족시키는 x의 값의 범위

6 < x < 8

(ii) f(x) < 0, g(x) > 0을 만족시키는 x의 값의 범위

x < 2

(i), (ii)에서 x < 2 또는 6 < x < 8

57) (1) 1 < x < 6 (2) x < 1 + x > 6 \Rightarrow (1) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다 위쪽에 있는 x의 값의 범위는 1 < x < 6(2) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다

아래쪽에 있는 x의 값의 범위는 x < 1 또는 x > 6

58) (1) $-1 \le x \le 3$ (2) $x \le -1 + x \ge 3$

 \Rightarrow (1) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다 위쪽에 있거나 y=g(x)의 그래프와 만나는 x의 값의 범위는 $-1 \le x \le 3$

(2) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다 아래쪽에 있거나 y = g(x)의 그래프와 만나는 x의 값의 범위는 $x \le -1$ 또는 $x \ge 3$

59) a < x < b 또는 c < x < d

 $\Rightarrow f(x)g(x) > 0$ 에서

 $f(x) > 0, g(x) > 0 \subseteq f(x) < 0, g(x) < 0$

(i) f(x) > 0, g(x) > 0일 때,

x의 값의 범위는 a < x < b

(ii) f(x) < 0, g(x) < 0일 때,

x의 값의 범위는 c < x < d

(i), (ii)에서 구하는 부등식의 해는 a < x < b 또는 c < x < d

60) x < a 또는 b < x < 0 또는 x > c

 $\Rightarrow f(x)g(x) < 0$ 에서

 $f(x) > 0, g(x) < 0 \subseteq f(x) < 0, g(x) > 0$

(i) f(x) > 0, g(x) < 0일 때,

x의 값의 범위는 x < a 또는 x > c

(ii) f(x) < 0, g(x) > 0일 때,

x의 값의 범위는 b < x < 0

(i), (ii)에서 구하는 부등식의 해는 x < a 또는 b < x < 0 또는 x > c

61) (1) x < b 또는 x > d (2) $b \le x \le d$

 \Rightarrow (1) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다 위쪽에 있는 x의 값의 범위는 x < b 또는 x > d(2) y = f(x)의 그래프가 y = q(x)의 그래프보다 아래쪽에 있거나 y=g(x)의 그래프와 만나는 x의 값의 범위는 $b \le x \le d$

62) (1) $x \le 0$ 또는 $x \ge b$ (2) 0 < x < b

 \Rightarrow (1) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다

위쪽에 있거나 y=g(x)의 그래프와 만나는 x의 값의 범위는 $x\leq 0$ 또는 $x\geq b$

- (2) y = f(x)의 그래프가 y = g(x)의 그래프보다 아래쪽에 있는 x의 값의 범위는 0 < x < b
- 63) (1)x < b 또는 x > d (2)b < x < d
- \Rightarrow (1)g(x) < f(x)를 만족하는 x의 값의 범위는 x < b 또는 x > d
- (2)f(x) < g(x)를 만족하는 x의 값의 범위는 b < x < d
- 64) (1) a < x < c
 - (2) x < a 또는 c < x < d 또는 x > d
- \Rightarrow (1) f(x)g(x) > 0에서
- f(x) > 0, g(x) > 0 또는 f(x) < 0, g(x) < 0
- (i) f(x) > 0, g(x) > 0을 만족시키는 x의 값의 범위 는

a < x < c

- (ii) f(x) < 0, g(x) < 0을 만족시키는 x의 값은 없다.
- (i), (ii)에서 a < x < c
- (2) f(x)g(x) < 0에서

f(x) > 0, g(x) < 0 또는 f(x) < 0, g(x) > 0

(i) f(x) > 0, g(x) < 0을 만족시키는 x의 값의 범위 는

x < a 또는 x > d

(ii) f(x) < 0, g(x) > 0을 만족시키는 x의 값의 범위는

c < x < d

- (i), (ii)에서 x < a 또는 c < x < d 또는 x > d
- 65) (1)a < x < b 또는 e < x < f (2)b < x < c 또는 d < x < e
- $\ \, \rightleftharpoons \, (1)0 < g(x) < f(x)$ 를 만족하는 x의 값의 범위는 a < x < b 또는 e < x < f
- (2)0 < f(x) < g(x)를 만족하는 x의 값의 범위는 b < x < c 또는 d < x < e
- 66) $-2\sqrt{5} < k < 2\sqrt{5}$
- \Rightarrow 이차함수 $y=x^2+(k+1)x+4$ 의 그래프가

직선 y=x-1보다 항상 위쪽에 있으므로

 $x^2 + (k+1)x + 4 > x - 1$ 에서 $x^2 + kx + 5 > 0$

이 부등식이 모든 실수 x에 대하여 성립해야 하므로

이차방정식 $x^2+kx+5=0$ 의 판별식을 D라고 하면

 $D = k^2 - 4.5 < 0$

 $k^2 - 20 < 0$

 $(k-2\sqrt{5})(k+2\sqrt{5})<0$

 $\therefore -2\sqrt{5} < k < 2\sqrt{5}$

- 67) -8 < k < 4
- □ 이차함수의 그래프가 직선보다 항상 위쪽에 있으므 □

 $x^2 - 2x + 1 > kx - 8$ 에서

 $x^2 - (2+k)x + 9 > 0$

이 부등식이 모든 실수 x에 대하여 성립해야 하므로 이차방정식 $x^2-(2+k)x+9=0$ 의 판별식을 D라 고 하면

$$D = \{-(2+k)\}^2 - 4.9 < 0$$

 $k^2 + 4k - 32 < 0$

(k+8)(k-4) < 0

 $\therefore -8 < k < 4$

- 68) -1 < x < 2
- \Rightarrow 이차함수 $y=x^2-2x-8$ 의 그래프가 이차함수 $y=-2x^2+x-2$ 의 그래프보다 아래쪽에 있으므로

$$x^2 - 2x - 8 < -2x^2 + x - 2$$

$$3x^2 - 3x - 6 < 0$$

$$3(x+1)(x-2) < 0$$

$$\therefore -1 < x < 2$$

- 69) -2 < x < 5
- $\Rightarrow 2x^2 2x 3 < x^2 + x + 7$

$$x^2 - 3x - 10 < 0$$

$$(x+2)(x-5) < 0$$

$$\therefore -2 < x < 5$$

70)
$$-\frac{1}{2} < x < 2$$

 $\implies x^2 - x - 1 < -x^2 + 2x + 1 \text{ on } k$

$$2x^2 - 3x - 2 < 0 \implies (x-2)(2x+1) < 0$$

$$\therefore -\frac{1}{2} < x < 2$$

- 71) x < 1 또는 x > 4
- $\Rightarrow x^2 4 < 2x^2 5x \text{ MeV}$

$$-x^2 + 5x - 4 < 0 \implies x^2 - 5x + 4 > 0$$

$$(x-1)(x-4) > 0$$

∴x <1 또는 x > 4