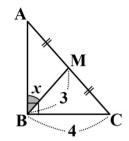
## 2022학년도 3-2 기말고사 대비

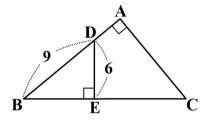
DATE NAME GRADE

## 중급 9회

**1.**  $\angle B = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AC}$ 의 중점을 M이라 하자.  $\overline{BC}$ =4,  $\overline{BM}$ =3,  $\angle ABM$ =x라 할 때,  $\cos x$ 의 값은?

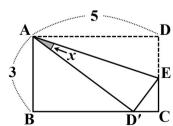


- ①  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$  ②  $\frac{\sqrt{7}}{3}$  ③  $\frac{\sqrt{6}}{3}$  ④  $\frac{\sqrt{5}}{3}$  ⑤  $\frac{2}{3}$
- **2.**  $\angle A = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC에서  $\overline{BD} = 9$ ,  $\overline{DE} = 6$ 이다.  $\overline{BC} \perp \overline{DE}$ 일 때,  $\cos B - \cos C$ 의 값은?



- ①  $\frac{\sqrt{5}-2}{3}$  ②  $\frac{2-\sqrt{5}}{3}$  ③  $\frac{6-5\sqrt{3}}{3}$  ④  $\frac{5+\sqrt{6}}{9}$  ⑤  $\frac{9-5\sqrt{3}}{6}$

- **3.** 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 점 D를  $\overline{AE}$ 를 접는 선으로 하여 점 D'에 오도록 접었다.  $\overline{AB}=3$ ,  $\overline{AD}=5$ ,  $\angle EAD'=x$ 일 때,  $\sin x + \tan x$ 의 값은?

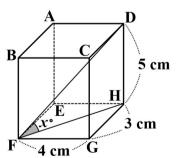


- **4.**  $\angle A: \angle B: \angle C=3:4:5$ 인  $\triangle ABC$ 에 대하여  $\cos A:\sin B$ 를

5. 다음 〈보기〉의 삼각비의 값을 작은 것부터 차례로 나열하면?

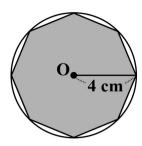


- **6.** 그림의 직육면체에서  $\angle DFH = x^{\circ}$ 일 때,  $\cos x^{\circ} + \sin x^{\circ} \tan x^{\circ}$ 의 값은?



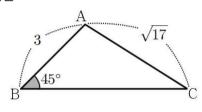
- ①  $\sqrt{2}-1$ ④  $2\sqrt{2}$
- ②  $\sqrt{2}$  ③  $\sqrt{2}+1$

7. 그림과 같이 반지름의 길이가 4cm인 원 O에 내접하는 정팔각형의 넓이는?



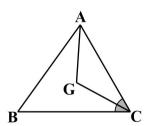
- ①  $16\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- $2 16\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- $3 16\sqrt{6} \text{ cm}^2$
- $4 32 \sqrt{2} \text{ cm}^2$ ⑤  $32\sqrt{3} \text{ cm}^2$

**8.** 그림의 삼각형 ABC에서  $\overline{AB}=3$ ,  $\overline{AC}=\sqrt{17}$ ,  $\angle B=45^{\circ}$ 일 때, △ABC의 넓이는?



- ① 4
- ② 6
- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

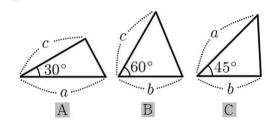
**9.** 그림과 같이 △ABC에서  $\overline{AC} = 8 \, \mathrm{cm}$ ,  $\overline{BC} = 9 \, \mathrm{cm}$ ,  $\angle$ BCA =60°이고 점 G는  $\triangle$ ABC의 무게중심이다.  $\triangle$ AGC의 넓이는?



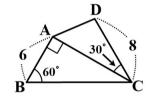
- ①  $4\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ④  $6\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- $2 4\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- $36 \text{ cm}^2$

- ⑤  $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$

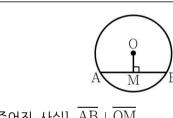
 $oldsymbol{10}$ . 길이가 a, b, c인 세 선분 각각 2개씩의 선분을 골라 다음 그림과 같이 작도한 세 삼각형 A, B, C의 넓이가 모두 같을 때 a:b:c =?



- ①  $\sqrt{3}:1:\sqrt{2}$  ②  $\sqrt{3}:2:1$
- $4 \quad \sqrt{2} : 3 : 1$   $5 \quad \sqrt{2} : \sqrt{3} : 1$
- $3 \sqrt{5}:2:1$
- **11.** 그림에서 □ABCD의 넓이는?



- ①  $18\sqrt{3} + 8\sqrt{11}$
- ②  $15\sqrt{3}$
- $3 18\sqrt{3} + 12$
- $4 30\sqrt{3}$ ⑤  $42\sqrt{3}$
- 12. 다음은 "원의 중심에서 현에 내린 수선은 그 현을 이등분한다."를 설명한 내용이다. 이 내용의 빈칸에 들어갈 것으로 옳은 것은?



[주어진 사실]  $\overline{\mathrm{AB}} \perp \overline{\mathrm{OM}}$ 

[결론] (가)

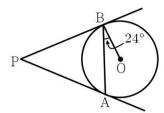
[설명] △OMA와 △OMB에서

- $(i) \overline{OA} = (L_i)$
- (ii) <u>OM</u>은 공통
- (iii)  $\angle OMA = \angle OMB = 90^{\circ}$
- ∴ △OMA = △OMB ( (다) 합동)
- ∴ (가)

	<u> (가)</u>	_(나)_	_(다)_
1	$\overline{AM} = \overline{BM}$	$\overline{\mathrm{OB}}$	SAS
2	$\overline{AB} = 2\overline{AM}$	$\overline{\mathrm{OM}}$	RHA

- $\overline{\mathrm{OM}} = \overline{\mathrm{AM}}$  $\overline{\mathrm{BM}}$ ASA
- $\overline{AM} = \frac{1}{2}\overline{AB}$  $\overline{\mathrm{OB}}$ SSS
  - $\overline{AM} = \overline{BM}$  $\overline{\mathrm{OB}}$ RHS

**13.** 그림에서  $\overrightarrow{PA}$ ,  $\overrightarrow{PB}$ 는 원 O의 접선이고 두 점 A, B는 접점이다.

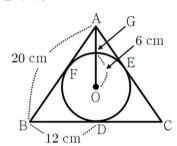


 $\overline{OB}$ 는 원의 반지름이고  $\angle OBA = 24^{\circ}$ 일 때  $\angle P$ 의 크기를 구하면?

- ① 40°

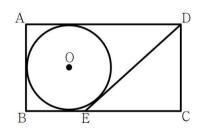
- ⑤ 50°

**14.** 그림에서 원 O는 반지름의 길이가  $6 \text{ cm} \odot \triangle ABC$ 의 내접원이고  $\overline{AB} = 20 \text{ cm}$ ,  $\overline{BD} = 12 \text{ cm}$ 일 때  $\overline{AG}$ 의 길이는? (단, 세 점 D, E, F는  $\triangle ABC$ 의 각 변과 원의 접점, 점 G는 원과  $\overline{AO}$ 의 교점이다.)



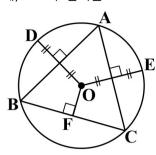
- ① 4 cm ② 5 cm
- ③ 6 cm
- ④ 7 cm
- ⑤ 8 cm

**15.** 그림과 같이 원 O가 직사각형 ABCD의 세 변과  $\overline{DE}$ 에 접하고 있다.  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{AD} = 6$ 일 때  $\triangle CDE$ 의 넓이는?

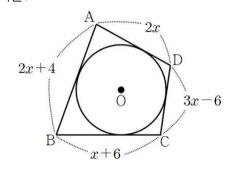


- 1 4
- ② 5
- 3 6
- **4** 7

**16.** 원 O에서 현 AB, AC는 반지름 OD, OE의 수직이등분선이고, 점 O에서 현 BC에 내린 수선의 발은 F이다. 원 O의 반지름의 길이가  $10 \,\mathrm{cm}$ 일 때,  $\overline{\mathrm{BC}}$ 의 길이는?



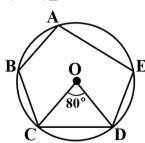
- ①  $10\sqrt{3}$  cm  $9\sqrt{3}$  cm
- $2 10\sqrt{2} \text{ cm}$
- ⑤ 9cm
- **17.** 그림과 같이 □ABCD는 원 O에 외접한다. 이때 □ABCD의 둘레의 길이는?



- ① 36
- ② 32
- ③ 28
- **4 24**
- ⑤ 20

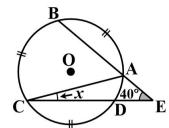
③ 10 cm

**18.** 그림과 같이 오각형 ABCDE가 원 O에 내접하고  $\angle$ COD =  $80^{\circ}$ 일 때,  $\angle B + \angle E$ 의 크기는?



- ① 180°
- ② 210° ③ 215° ④ 220°
- ⑤ 225°

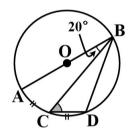
**19.** 그림과 같이 원 O 위에  $\widehat{AB} = \widehat{BC} = \widehat{CD}$ 를 만족키는 네 점 A, B, C, D를 잡아  $\overline{AB}$ 와  $\overline{CD}$ 의 연장선의 교점을 E라 하자.



 $\angle AED = 40^{\circ}$ 일 때  $\angle x$ 의 크기는?

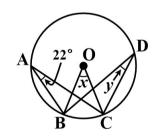
- ① 10°
- ② 13°
- ③ 15°
- 4 17°
- ⑤ 20°

**20.** 다음 그림에서  $\overline{AB}$ 는 원 이의 지름이고  $\widehat{AC} = \widehat{CD}$ ,  $\angle ABC = 20^{\circ}$ 일 때  $\angle BCD$ 의 크기는?



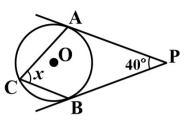
- ① 30°
- ② 40°
- ③ 50°
- 4 60°
- ⑤ 70°

**21.** 다음 그림에서  $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하면?



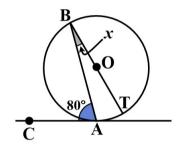
- ① 44°
- ② 55°
- ③ 66°
- 4 77°
- ⑤ 88°

**22.** 그림에서  $\overrightarrow{PA}$ ,  $\overrightarrow{PB}$ 가 원 O의 접선이고  $\angle APB = 40^{\circ}$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



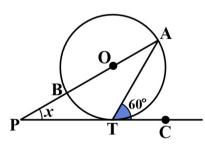
- ① 70°
- ② 80°
- ③ 90°
- 4 120°
- ⑤ 140°

**23.** 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기는? (단,  $\angle BAC = 80^{\circ}$ , A는 접점)



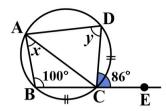
- ① 10°
- ② 13°
- ③ 15°
- $4 17^{\circ}$
- ⑤ 20°

**24.** 그림에서  $\overrightarrow{\text{PT}}$ 는 원 O의 접선이고 $\angle \text{ATC} = 60^{\circ}$ 일 때  $\angle x$ 의 크기는?



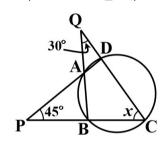
- ① 30°
- ② 40°
- ③ 50°
- ④ 60°
- ⑤ 70°

**25.** 그림에서  $\square$ ABCD는 원에 내접하고,  $\widehat{BC} = \widehat{CD}$ 이다.  $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



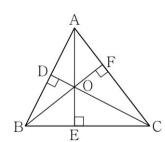
- ① 113°
- ② 118°
- ③ 123°
- 4 128°
- ⑤ 143°

**26.** 그림에서  $\angle P = 45^{\circ}$ ,  $\angle Q = 30^{\circ}$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



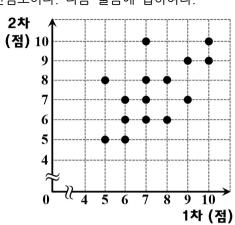
- ① 50°
- ② 52.5°
- ③ 55°
- 4 57.5°
- ⑤ 60°

**27.** 다음 그림에서 점 O는 △ABC의 세 수선의 교점이다.



- 다음 중 원에 내접하는 사각형이 아닌 것은?
- ① □ABEF
- ② □FOEC
- ③ □ADEF
- ④ □ADOF⑤ □DBCF

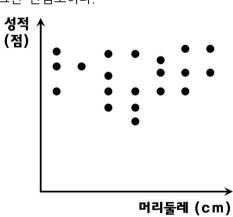
[28-29] 그림은 서윤이네 반 학생 15명의 수학 쪽지시험의 1차, 2차 성적을 나타낸 산점도이다. 다음 물음에 답하여라.



- **28.** 1차 성적과 2차 성적이 같은 학생은 전체의 몇 %인가?
- ① 20%
- ② 30%
- 3 40%
- **4** 50%
- ⑤ 60%

- **29.** 2차가 1차보다 높은 학생은 몇 명인가?
- ① 4명
- ② 5명
- ③ 6명
- ④ 7명
- ⑤ 8명

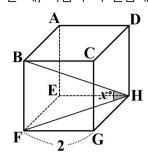
**30.** 다음은 성재 중학교 3학년 2반을 대상으로 머리둘레와 성적을 조사하여 그린 산점도이다.



- 다음 중 이 산점도가 나타내는 상관관계로 가장 적절한 것은?
- ① 강한 양의 상관관계
- ② 강한 음의 상관관계 ④ 약한 양의 상관관계
- ③ 상관관계가 없다.
- ⑤ 약한 음의 상관관계

- 31. 다음 중 대체로 양의 상관관계가 있는 것은 모두 몇 개인가?
  - ⊙ 전화 요금과 통화 시간
  - ℂ 겨울철 온도와 석유 소비량
  - © 도시 인구수와 학교 수
  - ◎ 산의 높이와 산꼭대기의 온도
  - ◎ 주행 거리와 택시 요금

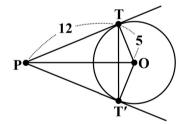
- ① 17H ② 27H ③ 37H ④ 47H
- ⑤ 5개
- 33. 그림과 같이 한 모서리의 길이가 2인 정육면체에서  $\angle BHF = x^{\circ}$ 라고 할 때, 다음의 각 물음에 답하여라.



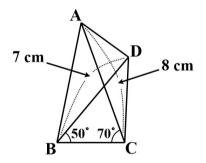
- (1) FH의 길이를 구하여라.
- (2) BH의 길이를 구하여라.
- (3)  $x^{\circ}$ 의 삼각비의 값을 모두 구하여라.

## 서술형 주관식

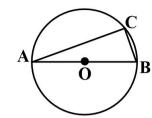
**32.** 그림과 같이 원 밖의 한 점 P에서 접선  $\overline{PT}$ ,  $\overline{PT'}$ 을 그을 때, TT'의 길이를 구하여라.



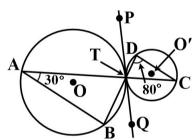
**34.** 다음 그림과 같은 사각형 ABCD의 넓이를 구하여라.



**35.** 그림과 같이 원 O에 내접하는  $\triangle ABC$ 에서  $\angle A: \angle C=1:5$ 이고  $\widehat{BC}=4$  cm일 때  $\widehat{AC}$ 의 길이를 구하여라.



**36.** 그림에서 직선 PQ가 두 원 O, O'의 접선일 때, 다음의 각 물음에 답하여라.



- (1) ∠BTQ의 크기를 구하여라.
- (2) ∠PTD의 크기를 구하여라.
- (3) ∠TCD의 크기를 구하여라.
- (4)  $\overline{\rm AB}$ 와 평행한 선분을 구하여라.

```
1) ④
```

32) 
$$\frac{120}{13}$$

33) (1) 
$$2\sqrt{2}$$
 (2)  $2\sqrt{3}$ 

(3) 
$$\sin x^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$
,  $\cos x^{\circ} = \frac{\sqrt{6}}{3}$ ,  $\tan x^{\circ} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 

34) 
$$14\sqrt{3}\,\mathrm{cm}^2$$

36) (1) 
$$30^{\circ}$$

(4) 
$$\overline{\mathrm{CD}}$$