고사 종류

2018년 1학기 기말고사 대비

용천중 대비

③ 3개

수학



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2018-07-03
- 2) 제작자 : 교육지대(주)
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

5. x, y가 자연수일 때, 일차방정식 2x+y=9를 만

6. $x_{x}y$ 가 자연수 일 때, 다음 일차방정식의 해는 모

3x - 4y = 8

④ 3개

② 무수히 많다.

② 2개

⑤ 5개

족하는 해의 개수는?

① 1개

④ 47H

두 몇 개인가?

- 먼저 답안지에 성명, 학년, 과목코드를 기입하십시오.
- 문항을 읽고 맞는 답을 답란에 표시하십시오.
- 문항배점은 문항위에 표시된 배점표를 참고하십시오.
- **1.** 일차방정식 (5+a)y-a(x-2)=0의 한 해가 (3, 2)일 때, 상수 a의 값은?
 - $\bigcirc 1 10$ $\bigcirc -8$
- (3) -5

- **(4)** 8
- (5) 10
- 2. A, B 두 중학교의 고등학교 입학 시험에서 총 수험자 수의 비는 5:3, 합격자 수의 비는 3:2, 불 합격자 수의 비는 12:7일 때, B 중학교의 합격률 은? (단, (합격률)=(합격자의 수)÷(총 수험자의 수) 이다.)

- $4 \frac{1}{6}$

- 7. 일차방정식 2x+y-a=4의 한 해가 (4,2)일 때, 주어진 일차방정식의 해의 개수는? (단, x, y는 자 연수)
 - ① 3개

① 0개

③ 2개

⑤ 1개

- ② 4개
- ③ 5개

- ④ 6개
- ⑤ 7개

- **3.** 다음 보기 중에서 미지수가 2개인 일차방정식은?
 - ① x+y-1
 - ② $y = \frac{2}{x} + 4$
 - 3) xy 4x 2y = 0
 - 3x-4y+5=3x-y
 - (5) $x(x-2) = x^2 + 2y 1$
- **4.** 두 순서쌍 (-1, 3), (2, b)가 일차방정식 -2ax+y-11=0을 만족할 때, 4a-b의 값은? (단, a는 상수)
 - ① -11 ② -4
- ③ 4

- 4) 11
- (5) 27

- 8. 물음에 답하시오.
- (1) x, y가 자연수일 때, 일차방정식 2x + y = 5의 해를 모두 구하시오.
- (2) x, y가 자연수일 때, 일차방정식 x+3y=10의 해를 모두 구하시오.
- (3) 위의 (1), (2)의 결과를 이용하여 연립방정식 $\begin{cases} 2x+y=5 \\ x+3y=10 \end{cases}$ 의 해를 구하시오.

9. <보기>에서 미지수가 2개인 일차방정식을 있는 대로 모두 고른 것은?

$$\exists x - y = 3$$

$$\bot$$
. $-x+3y-1$

$$\Box \cdot \frac{1}{5}x + \frac{1}{2}y =$$

$$\Box$$
. $\frac{1}{5}x + \frac{1}{3}y = 1$ \Box . $3x + y = 3(x - y + 1)$

$$\Box$$
. $xy-2x+y=6$

$$\exists . x+1 = -4y+1$$

- ① 7. □ ② 7. □. □ ③ 7. □. □
- (4) ¬, с, в (5) ¬, ∟, с, □, в
- **10.** 연립방정식 $\begin{cases} 2(x-3y)-3(2x-y)=1 \\ 2(x-2y)+7y=0 \end{cases}$ 풀어라.
- **11.** 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = -4 \\ bx ay = 10 \end{cases}$ 에서 잘못하여 a, b를 바꾸어 풀었더니 해가 x=-2, y=1이었다. a, b의 값을 구하시오. (단, a, b는 상수)
- **12.** x, y가 자연수일 때, 연립방정식

 $\begin{cases} x+y=4 & \cdots \bigcirc \\ 3x+y=15 & \cdots \bigcirc \end{cases}$ 에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ② ②의 해는 무수히 많다.
- ③ 연립방정식의 해는 없다.
- ④ (0, 4)는 ⊙식의 해가 될 수 있다.
- ⑤ (7, -6)은 ⓒ식의 해가 될 수 있다.
- **13.** 연립방정식 $\begin{cases} x-3y=a \\ 4x+by=8 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, 두 상수 a, b의 값과 2a+b 값을 구하는 과정을 서 술하고 답을 쓰시오.
- $\begin{cases} 0.5x + 0.3y = -0.7 \\ \frac{1}{4}x \frac{1}{6}y = -\frac{2}{3} \end{cases} \quad \mathbf{9}$ 14. 연립방정식

x = a, y = b라 할 때, ab의 값은?

- $\bigcirc -2$
- ② -1
- ③ 1

- 4) 2
- ⑤ 3

 $oxed{15.}$ 연립방정식 $egin{cases} x-3y=a \ 2x-by=5 \end{bmatrix}$ 의 해가 무수히 많고,

 $\begin{cases} cx-4y=2 \ 3x+2y=4 \end{cases}$ 해가 없을 때, a+b+c의 값은?

- ① $\frac{1}{2}$
- ② $\frac{5}{2}$
- 3 6

- (4) -6
- (5) 0
- **16.** 다음 방정식의 해가 (a, b)일 때, $\frac{b}{a}$ 의 값은?

$$\frac{3x+y}{2} = \frac{2x+y}{3} = 4$$

- $\bigcirc -4$

- $\bigcirc 4 2$
- (5) -1
- 17。 다음 두 쌍의 연립방정식의 해가 서로 같을 때, $p^3 - q^2$ 을 구하는 과정이다. 다음 물음에 답하시오.

$$\begin{cases} 0.1x = 0.5 + 0.2y \\ 5x + y = p \end{cases} \begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = -\frac{1}{6} \\ 4x + qy = 14 \end{cases}$$

- (1) 공통해 (x, y)를 구하시오. (단, 순서쌍으로 나타낸 다.)
- (2) p의 값과 q의 값을 구하시오.
- (3) $p^3 q^2$ 의 값을 구하시오.
- 18. 갑이 마트에서 물건을 사고 받은 영수증의 일부 이다. 갑이 구매한 빵의 개수는?

영수증				
NO.			귀하	
품목	단가	수량(개)	금액(원)	
빵	1250			
우유		2	1600	
아이스크림	1140	5	5700	
과자	950			
합계		18	19250	
위 금액을 정히 영수함.				

① 4

해를

- ② 5
- 3 6

- (4) 7
- **(5)** 8

I410-ECN-0199-2018-001-000747396

- **19.** 사과 1개의 무게가 300q이고 배 1개의 무게가 500q이다. 사과와 배를 합하여 40개가 들어 있는 상자의 무게를 측정하였더니 15kq이었다. 이 상자에 들어 있는 배의 개수는? (단, 상자의 무게는 400q이 다.)
 - ① 137H
- ② 15개
- ③ 18개

- ④ 27개
- ⑤ 29개
- **20.** A가족과 B가족의 전기요금에 관한 표이다. 4월 A가족의 전기요금은?

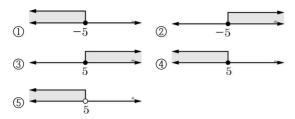
	3월 전기요금	4월 전기요금
A가족		3월대비 5% 감소
B가족		3월대비 35% 증가
<i>A</i> 가족+ <i>B</i> 가족	80,000원	3월대비 10% 증가

- ① 30,000원 ② 47,500원
- ③ 50,000원
- ④ 52.500원 ⑤ 55.000원
- **21.** 그릇 A에는 a%의 소금물 300q이 들어 있고, 그 릇 B에는 b%의 소금물 300g이 들어 있다. 각 그릇 에서 소금물을 100g씩 덜어내어 바꾸어 넣었더니 그릇 A의 소금물의 농도는 5%, 그릇 B의 소금물 의 농도는 7%가 되었다. 이때, a,b의 값을 각각 구 한 것은?
 - ① a = 3, b = 5
- ② a = 3, b = 9
- (3) a = 5, b = 7
- (4) a = 7, b = 9
- (5) a = 7, b = 5
- 22. 가영이와 나영이가 함께 일하면 6일만에 끝낼 수 있는 일을 가영이가 먼저 2일 일하고 나머지는 나 영이가 8일 동안 일해서 끝냈다. 같은 일을 가영이 가 혼자서 한다면 며칠이 걸리는지 구하려고 한다. 물음에 답하시오.
- (1) 무엇을 미지수로 정해야 하는지 쓰시오.
- (2) 문제를 해결하기 위한 식을 세우시오.
- (3) 같은 일을 가영이가 혼자서 한다면 며칠이 걸리는지 구하시오.

- 23. A중학교 올해 신입생 수는 작년에 비하여 남학생 은 3% 줄고, 여학생은 5% 늘어서 모두 9명이 많아 진 509명이 되었다. 올해 여자 신입생 수를 구하 며?
 - ① 300명
- ② 305명
- ③ 315명

- ④ 320명
- ⑤ 325명
- **24.** 한 개에 300원인 초콜렛과 200원인 사탕을 사려 고 한다. 용돈으로 받은 4000원을 남김없이 사용하 여 초콜렛을 x개, 사탕을 y개 사려고 할 때, 다음 물음에 답하여라. (단, 초콜렛만 사거나 사탕만 사지 않는다.)
- (1) 주어진 상황을 미지수가 2개인 일차방정식으로 나타 내고 이를 만족하는 모든 해를 구하여 나타내어라.
- (2) 초콜렛과 사탕을 합쳐서 17개 사려면 초콜렛과 사탕 을 각각 몇 개씩 사야 하는지 구하여라.
- 25. 둘레의 길이가 300m인 호수를 따라 A, B 두 사 람이 동시에 같은 장소를 축박하여 같은 방향으로 돌면 1분 40초 후에 처음 만나고, 반대 방향으로 돌면 20초 후에 처음 만난다고 한다. A의 속력이 B의 속력보다 빠르다고 할 때, A의 속력을 구하 며?
 - ① 초속 10m
- ② 초속 9m
- ③ 초속 8m
- ④ 초속 7m
- ⑤ 초속 6m
- **26.** 다음 중 일차부등식이 <u>아닌</u> 것은?
 - (1) 4-5x > 2
- ② $x-1 \le 2x+3$
- $(3) \ 2(x-3) \ge x-7$
- $\bigcirc 6x^2 \le (3x+1)(2x-1)$
- $\bigcirc 2(x+1) + x < 3(x-2)$
- 27. 다음 중 옳은 것은?
 - ① a < b일 때 5a-2 > 5b-2
 - ② $a \ge b$ 일 때 $4-3a \ge 4-3b$
 - ③ $5a-2 \le 5b-2$ 일 때 $a \ge b$
 - ④ 2-a > 2-b일 때 a < b
 - ⑤ $-\frac{a}{4}+1>-\frac{b}{4}+1일$ 때, a>b

28. 다음 중 일차부등식 $5x-6 \ge 2x+9$ 의 해를 수직 선 위에 바르게 나타낸 것은?



- **29.** $-3 < a \le 2$ 일 때, 2a+1의 값의 범위를 구하시 오.
- 30. 수량 사이의 관계를 부등식으로 나타낸 것으로 옳은 것은?
 - ① 0.3kg의 상자에 xkg짜리 사과를 10개 담으면 무게가 5km을 넘지 않는다. ⇒ 0.3+10x < 5
 - ② 5에서 x를 뺀 후 3배 한 수는 9보다 크다. \Rightarrow 5 - 3x > 9
 - ③ 쪽수가 x인 책을 하루에 10쪽씩 읽으면 20일째 다 읽는다. $\Rightarrow x \leq 200$
 - ④ 하루에 20쪽씩 350쪽의 책을 다 읽으려면 x일 이상이 걸린다. \Rightarrow $20x \ge 350$
 - ⑤ ykm의 거리를 시속 60km로 달리면 1시간 보다 적게 걸린다. $\Rightarrow u > 60$
- **31.** x에 대한 일차부등식 (a-b)x-2a+6b>0의 해 가 $x < \frac{2}{2}$ 일 때, 부등식 $(3a-4b)x+2a-6b \ge 0$ 의 해를 구하면?
 - ① $x \le -\frac{1}{4}$ ② $x \ge -\frac{1}{4}$ ③ $x \le -\frac{3}{4}$
- (4) $x \ge -\frac{3}{4}$ (5) $x \ge -\frac{5}{4}$
- **32.** x가 $-5 < x \le -1$ 인 정수일 때, 부등식 $2x-1 \le 3x+3$ 의 해의 개수는?
 - ① 3개
- ② 4개
- ③ 5개

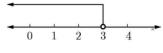
- ④ 6개
- ⑤ 7개

33. 다음 <보기>의 부등식 중 일차부등식은 모두 몇 개인가?

< 보기>

- $(x^2 4 < 0)$
- 3x-2 < 4(x-2)
- $\bigcirc 3(x+6) > 3x$
- $\bigcirc x-2x-1 > -x-1$
- ① 2개
- ② 3개
- ③ 4개

- ④ 5개
- ⑤ 6개
- **34.** 일차부등식 3x-3a > bx-12의 해를 수직선 위에 나타내면 다음 그림과 같다. 이 때 a+b의 값은?



- ① 5
- 2 6
- ③ 7

- 4) 8
- **(5)** 9
- **35.** 부등식 $-2x+7 \ge 3x-k$ 를 만족시키는 자연수 x의 값이 존재하지 않을 때, 상수 k의 값의 범위를 구하시오.
- **36.** a < 0일 때, x에 대한 부등식 $2-ax \le 0$ 의 해는?
 - ① $x \le -\frac{2}{a}$ ② $x \ge -\frac{2}{a}$ ③ $x \le 0$
- (4) $x \le \frac{2}{a}$ (5) $x \ge \frac{2}{a}$
- **37.** 공원 안에 둘레가 0.9km인 호수가 있다. 은별이 와 은비가 같은 지점에서 동시에 반대 방향으로 출 발하면 10분 만에 처음으로 만나고, 같은 방향으로 출발하면 늦어도 45분 안에 처음으로 만난다. 은별 이가 은비보다 빠를 때, 은별이의 최소 속력은?
 - ① 45m/분
- ② 50m/분
- ③ 55m/분
- ④ 60m/분
- ⑤ 70m/분

- **38.** 철수와 영희는 현재 1000원, 5000원이 각각 들어 있는 통장에 매달 5000원, 2000원씩 예금하려고 한 다. 물음에 답하시오.
- (1) x개월 후의 철수와 영희의 예금액을 각각 쓰시오.
- (2) 몇 개월 후부터 철수의 예금액이 영희의 예금액의 2 배 이상이 되는지 구하시오.
- 39. 어른과 어린이를 합하여 모두 18명이 회전목마를 타려고 한다. 회전목마를 타기 위해 표를 사려고 요 금표를 보니 어른은 1인당 3000원, 어린이는 1인당 2200원이었다. 18명의 회전목마 요금이 45000원 이 하일 때, 어린이는 최소 몇 명인지 구하면?
 - ① 11명
- ② 12명
- ③ 13명
- ④ 14명 ⑤ 15명
- 40. 석진이는 집에서 3km 떨어진 도서관에 가는데 처음에는 분속 20m로 걷다가 도중에 분속 50m로 뛰어서 1시간 30분 이내에 도착하였다. 분속 20m로 걸은 거리는 최대 몇 m인지 구하시오.
- 41. 어느 지역의 버스 요금은 거리에 상관없이 성인 1인당 1200원이다. 이 지역의 택시 요금은 출발 후 2km까지는 기본요금인 3000원이고, 2km 이후부터 150m당 100원씩 추가된다고 한다. 예를 들어 택시 요금은 이동거리가 2.15km, 2.3km, …가 되는 순간 에 각각 3100원, 3200원, …이 된다. 성인 세 사람 이 함께 택시를 타고 몇 km까지 가야 버스를 타는 것보다 요금이 적게 드는가?(단, 택시와 버스는 같 은 길을 따라 달린다고 한다.)
 - ① 2.6km 미만
- ② 2.7km 미만
- ③ 2.8km 미만
- ④ 2.9km 미만
- ⑤ 3km미만
- **42.** 연립부등식 $\begin{cases} 1.2x 0.4 > 0.8x + 2.8 \\ 3 \frac{x-1}{4} \leq \frac{2x-1}{2} \end{cases}$ 을 풀면?
 - ① $x \ge \frac{13}{5}$ ② $x \ge 3$ ③ x > 8

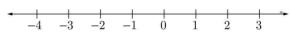
- (4) $x \ge 11$ (5) x > 13

43. 연립부등식 $\left\{ \frac{-0.5x+0.1 \le -2.9}{\frac{x-2}{6} < \frac{a}{3}} \right\}$ 를 만족하는 정

수 x가 하나뿐일 때, 상수 a의 값의 범위는?

- ① $2 \le a < \frac{5}{2}$ ② $2 < a \le \frac{5}{2}$
- ③ $2 < a < \frac{5}{2}$ ④ $2 < a \le 3$
- ⑤ $2 \le a < 3$
- **44.** 연립부등식 $\begin{cases} 6x-1 \le 2x+a \\ x-3 < 2x+1 \end{cases}$ 의 해가 $-4 < x \le 3$ 일 때, 상수 a의 값은?
 - ① 10
- ② 11
- ④ 13
- (5) 14
- **45.** 부등식 $2x-3 < \frac{5}{2}x-1 < \frac{5}{3}x-2$ 을 만족하는 정 수의 개수는?
 - ① 1개
- ② 27H
- ③ 3개

- ④ 47H
- ⑤ 5개
- $egin{array}{ll} egin{array}{ll} egin{array}{ll} 46. & \text{연립부등식} & \left\{ egin{array}{ll} 3x-2 > 2x-3 & \cdots & \bigcirc \\ 5x \leq 3x+4 & & \cdots & \bigcirc \end{array}
 ight] \end{array}$ 만족하는 가장 작은 정수를 구하고자 한다. 다음 물음에 답하 시오.
- (1) ①의 해를 구하시오.
- (2) ②의 해를 구하시오.
- (3) ①, ②의 해를 아래 수직선 위에 나타내시오. (공통 부분은 빗금으로 표시하시오.)



- (4) 위 수직선에서 공통부분을 부등식으로 나타내시오.
- (5) 가장 작은 정수의 해를 구하시오.

- **47.** 연립부등식 $\begin{cases} 2x-3 \geq x-a \\ 0.3(x-2) < 0.1(x+2) \end{cases}$ 를 만족하는 x의 값이 존재하지 않을 때, 상수 a의 값의 범위 는?
 - ① a = -1
- ② $a \le -1$
- ③ $a \ge -1$
- $(4) \ a < -1$
- ⑤ a > -1
- **48.** 연립부등식 $\begin{cases} 3(x-2) < x+4 \\ 6(x-1) \geq 4(x-k) \end{cases}$ 의 해가 없도록 하는 k값 중 가장 큰 수는?
 - $\bigcirc -2$
- (2) 1
- ③ 0

- 4 1
- (5) 2
- **49.** 어떤 문제집을 푸는데 하루에 5쪽씩 풀면 55일이 채 걸리지 않고, 셋째 날까지 9쪽을 풀고 그 다음 날부터 하루에 6<mark>쪽</mark>씩 풀면 47일보다 조금 더 걸린 다고 할 때, 이 문제집의 전체 쪽수는?
 - 270쪽
- ② 271쪽

- ④ 273쪽
- ⑤ 274쪽
- **50.** 최대 적재량이 600kg인 소형 트럭에 200kg의 짐 이 실려 있다. 이 트럭에 한 개의 무게가 50kg인 짐을 추가로 실어 최대 적재량의 $\frac{2}{3}$ 이상이 되도록 하려고 한다. 추가로 실을 수 있는 짐의 개수의 범 위를 구하면?
 - ① 3개 이상 6개 이하
- ② 4개 이상 6개 이하
- ③ 4개 이상 8개 이하
- ④ 5개 이상 7개 이하
- ⑤ 5개 이상 8개 이하
- 51. 학생들이 의자에 앉는데 한 의자에 4명씩 앉으면 3명이 남고, 5명씩 앉으면 의자가 3개 남는다고 한 다. 이 때, 의자의 개수가 될 수 없는 것은?
 - ① 16개
- ② 19개
- ③ 20개

- ④ 21개
- ⑤ 22개

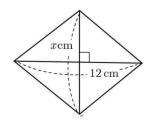
- 52. 어느 반 학생들이 긴 의자에 앉으려고 한다. 한 의자에 2명씩 앉으면 학생 5명이 남고, 3명씩 앉으 면 의자 4개가 남는다고 할 때, 의자의 최소 개수 는?
 - ① 13개
- ② 14개
- ③ 15개

- ④ 16개
- ⑤ 17개
- **53.** 부등식을 활용하여 '한 개에 800원인 빵과 한 개 에 300원인 사탕을 합하여 모두 10개를 사고. 그 금액이 5000원 이상 6000원 미만일 때 살 수 있는 빵의 개수'를 구하는 과정이다. 에 들어갈 것

빵의 개수를 x개라고 하면 사탕의 개수는 10-x개 이 고. 그 금액이 5000원 이상 6000원 미만이므로



- 이 부등식을 풀면 해는 $4 \le x < 6$ 이므로 살 수 있는 빵 의 개수는 4개 또는 5개이다.
- ① $5000 \le 300x + 800(10 + x) < 6000$
- $\bigcirc 5000 < 800x + 300(10+x) < 6000$
- 3) 5000 < 300x + 800(10 x) < 6000
- \bigcirc 5000 \leq 800x + 300(10 x) < 6000
- (5) $5000 \le 300x + 500(10 x) < 6000$
- **54.** 길이가 50 cm 인 막대기를 양끝에서 똑같은 길이 $a \, \text{cm}$ 만큼씩 자르면 막대기가 3개의 부분으로 나뉘 어 진다. 나눠진 3개의 막대기로 삼각형을 만들 때, 가능한 a 값의 범위는?
 - ① $a < \frac{25}{2}$ ② $a > \frac{25}{2}$ ③ a < 25
- (4) $\frac{25}{2} < a < 25$ (5) $\frac{25}{4} < a < 25$
- **55.** 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 각각 xcm, 12cm인 마름모의 넓이가 $27cm^2$ 이상 $36cm^2$ 이하 일 때, x의 값의 범위에 해당하는 자연수를 모두 더 하면?



1 9

2 11

3 12

4 13

⑤ 15



족보닷컴에서 제공하는 학교별 족보는 전국 학교의 기 출문제들을 분석하여 자주 출제되는 유형들로 구성하였습 니다. 비슷한 유형이나 동일 지문의 문제가 반복되는 것 은 출제 빈도가 높은 유형의 문제이니 반복하여 학습하시 고 좋은 성적 거두시기를 바랍니다.

정답 및 해설

1)[정답] ①

[해설] 일차방정식 (5+a)y-a(x-2)=0의 해가 $(3,\ 2)$ 일 때, 식에 대입하면 $10+2a-a=0,\ \therefore a=-10$ 이다.

2)[정답] ⑤

[해설] A, B 두 중학교의 고등학교 입학시험에 응시한 학생 중 합격자, 불합격자의 수는 아래 표와 같다.

	A	B
합격자 수	3x(명)	2x(명)
불합격자 수	12y(명)	7y(명)

또, A, B 중학교의 총 수험자 수의 비가 5:3이 므로

(3x+12y):(2x+7y)=5:3

 $\Rightarrow 5(2x+7y) = 3(3x+12y)$

 $\Rightarrow 10x + 35y = 9x + 36y$

 $\Rightarrow x = y$

이 때, B중학교의 합격률은

 $2x \div (2x + 7y) = 2x \div 9x = \frac{2}{9}$ of \Box .

3)[정답] ⑤

[해설] 미지수가 2개인 일차방정식은

ax+by+c=0 (단, $a \neq 0$, $b \neq 0$)로 나타낸다.

4)[정답] ①

[해설] 두 순서쌍 (-1, 3), (2, b)가

-2ax+y-11=0을 만족할 때, 식에 각각 대입하고 풀면 다음과 같다.

2a+3-11=0, a=4

-16+b-11=0, b=27

따라서 4a-b=16-27=-11이다.

5)[정답] ④

[해설] 일차방정식 2x+y=9을 만족하는 자연수

x, y의 해를 구하면 (1, 7), (2, 5), (3, 3), (4, 1)이다.

따라서 해의 개수는 4개이다.

6)[정답] ②

[해설] 3x-4y=8을 만족하는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y)는 다음과 같다.

 $(4, 1), (8, 4), (12, 7), \cdots$

따라서 일차방정식의 해는 무수히 많다.

7)[정답] ②

[해설] 일차방정식 2x+y-a=4의 해가 (4, 2)일 때, 8+2-a=4, a=6이다. 이 때, 2x+y=10을 만 족하는 순서쌍 (x, y)는

(1, 8), (2, 6), (3, 4), (4, 2)이다.

따라서 해의 개수는 4개다.

8)[정답] (1)(1, 3), (2, 1) (2)(1, 3), (4, 2), (7, 1) (3)(1, 3)

[해설] 생략

9)[정답] ④

[해설] ㄴ. 일차식

 $arr 3x + y = 3x - 3y + 1 \rightarrow 4y = 1$ 미지수가 1개

인 일차방정식

ㅁ. 미지수가 2개인 이차방정식

10)[정답]
$$x = -\frac{1}{2}$$
, $y = \frac{1}{3}$

[해설] $\begin{cases} 2(x-3y)-3(2x-y)=1$ 의 식을 간단히 하면 2(x-2y)+7y=0

$$\begin{cases} -4x - 3y = 1 \cdots \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } . \\ 2x + 3y = 0 \cdots \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } \end{aligned}$$

①+②를 풀면 -2x=1, $x=-\frac{1}{2}$ 이고, 이 값을

②에 대입하면 -1+3y=0, $y=\frac{1}{3}$ 이다.

11)[정답] $a = -\frac{24}{5}$, $b = -\frac{2}{5}$

[해설] $\begin{cases} ax+by=-4$ 에서 $a,\ b$ 를 바꿔 풀었을 때, 그 bx-ay=10

해가

 $x=-2,\ y=1$ 이므로 $\begin{cases} bx+ay=-4$ 에 대입하면 $ax-by=10 \end{cases}$

 $\left\{egin{array}{ll} a-2b=&-4\cdots\bigcirc\\ -2a-b=&10\cdots\bigcirc \end{array}
ight.$ 이다. ①imes2+2를 풀면

 $-5b=2,\;b=-rac{2}{5}$ 이고, 이 값을 ①에 대입하면

 $a + \frac{4}{5} = -4$, $a = -\frac{24}{5}$

12)[정답] ③

[해설] ①⊙의 해는 (1, 3), (2, 2), (3, 1)이므로 3개 다.

②○의 해는 (1, 12), (2, 9), (3, 6), (4, 3)이므로 4개다.

(4)x, y는 자연수이므로 (0, 4)는 (0, 4)는 (0, 4)는 (0, 4)는 하시의 해가 될수 없다.

⑤x, y는 자연수이므로 (7, -6)은 \bigcirc 식의 해가 될 수 없다.

13)[정답] a=2, b=-12, 2a+b=-8

[해설] $\begin{cases} x-3y=a \text{ 의 해가 무수히 많을 때,} \\ 4x+by=8 \end{cases}$

$$\frac{1}{4} = \frac{-3}{b} = \frac{a}{8}$$
이 성립한다.

따라서 a=2, b=-12이므로 2a+b=4-12=-8이다.

14)[정답] ①

[해설]
$$\begin{cases} 0.5x + 0.3y = -0.7 \cdots ① 에서 ① × 10, ② × 12 \\ \frac{1}{4}x - \frac{1}{6}y = -\frac{2}{3} \cdots ② \end{cases}$$

를 하면 $5x+3y=-7\cdots$ ③, $3x-2y=-8\cdots$ ④이다.

이 때, ③×2+④×3을 풀면 19x = -38, x = -2이고, 이 값을 ③에 대입하면 -10+3y = -7, y = 1이다.

따라서 x=a, y=b라 하면 a=-2, b=1이므로 ab=-2이다.

15)[정답] ②

[해설] $\begin{cases} x-3y=a \ 9 \ \text{ in} \end{cases}$ 자가 무수히 많을 때, 2x-by=5

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{b} = \frac{a}{5}$$
가 성립한다. 즉, $a = \frac{5}{2}$, $b = 6$ 이다.

또, $\begin{cases} cx-4y=2$ 의 해가 없을 때, $\frac{c}{3}=\frac{-4}{2}\neq\frac{2}{4}$ 가 성립한다. 즉, c=-6이다.

따라서 $a+b+c=\frac{5}{2}$ 이다.

16)[정답] ①

[해설] $\left\{ rac{3x+y}{2} = 4 \cdots \text{①에서 ①} \times 2, \text{②} \times 3$ 을 풀면 $\left\{ rac{2x+y}{3} = 4 \cdots \text{②} \right\}$

 $3x + y = 8 \cdots 3$, $2x + y = 12 \cdots 4$ 이다.

③-④를 풀면 x = -4이고.

이 값을 ③에 대입하면 y=20이다.

이 때, 위 연립방정식의 해를 (a, b)라 하면

$$\frac{b}{a} = \frac{20}{-4} = -5$$
이다.

17)[정답] (1)(1, -2) (2)p=3, q=-5 (3)2 [해설] (1) $\begin{cases} 0.1x=0.5+0.2y\cdots ① \\ 5x+y=p & \cdots ② \end{cases}$

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = -\frac{1}{6}\cdots \textcircled{3} \\ 4x + qy = 14 & \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

위의 두 연립방정식의 해가 같을 때. ① $\times 10, \ \Im \times 6$ 을 하면

x = 5 + 2y ··· ①, 3x + 2y = -1 ··· ②이다.

⇒ ○에 대입하면

 $3(5+2y)+2y=-1 \Rightarrow 8y=-16 \Rightarrow y=-2$ 이고, y값을 \bigcirc 에 대입하면 x=1이다.

 $\therefore (1, -2)$

(2)x = 1, y = -2를 ②와 ④에 각각 대입하면 p = 3, $4 - 2q = 14 \Rightarrow q = -5$ 이다.

 $(3)p^3 - q^2 = 3^3 - (-5)^2 = 27 - 25 = 2$

18)[정답] ②

[해설] 빵의 개수:x개, 과자의 개수:y개

① ÷ 50을 하면 $25x + 19y = 239 \cdots$ ©이다.

이 때, \bigcirc $-\bigcirc \times 19$ 를 풀면 6x = 30, x = 5이다.

즉, 빵의 개수는 5개다.

19)[정답] ①

[해설] 사과와 배의 개수를 각각 x개, y개라 하면 연립방정식 $\begin{cases} x+y=40\cdots 1 \\ 300x+500y+400=15000\cdots 2 \end{cases}$

성립한다.

②÷100을 하면 $3x+5y=146\cdots$ ③

③-①×3을 풀면 2y=26 y=13이다.

따라서 배의 개수는 13개다.

20)[정답] ②

[해설] 3월 A, B가족의 전기요금을 각각 x원, y원이라 하면 연립방정식 $\begin{cases} x+y=80000\cdots 1\\ -0.05x+0.35y=8000\cdots 2 \end{cases}$

가 성립한다.

②×20을 하면 $-x+7y=160000\cdots$ ③이다.

①+③을 풀면 8y = 240000, y = 30000이고, 이때 의

x = 50000이다.

즉, 3월 A가족의 전기요금은 50000원, B가족의 전기요금은 30000원이다.

따라서 4월 A가족의 전기요금은 3월 요금의 5%인 2500원이 감소한 <math>47500원이다.

21)[정답] ②

[해설]
$$\begin{cases} \frac{a}{100} \times 200 + \frac{b}{100} \times 100 = \frac{5}{100} \times 300 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{a}{100} \times 100 + \frac{b}{100} \times 200 = \frac{7}{100} \times 300 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①, ②를 간단히 하면

 $2a+b=15\cdots (3), \ a+2b=21\cdots (4)$

 $(3) \times 2 - 4$)를 풀면 3a = 9, a = 3이고, b = 9이다.

22)[정답] (1)가영이가 하루 동안 한 일의 양:x 나영이가 하루 동안 한 일의 양:y

(2) $\begin{cases} 6x + 6y = 1 \\ 2x + 8y = 1 \end{cases}$ (3) 18 일

[해설] 전체 일의 양을 1이라 하자.

 $\begin{cases} 6x+6y=1\cdots ①$ 에서 ① $\times 4-2\times 3$ 을 풀면 $2x+8y=1\cdots ②$

18x = 1, $x = \frac{1}{18}$ 이다.

따라서 가영이가 하루 동안 할 수 있는 일의 양은 $\frac{1}{18}$ 이므로 가영이 혼자 일을 끝마치는데 18일이 걸린다.

23)[정답] ③

[해설] 작년의 남학생과 여학생의 수를 각각 x명, y명이라 하자. $\begin{cases} x+y=500\cdots \textcircled{1} \\ -0.03x+0.05y=9\cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 에서 $\textcircled{2}\times 100$

을 하면 -3x+5y=900···③이다.

①×3+③을 풀면 8y=2400, y=300이다.

즉, 작년의 여학생의 수는 300명이다.

따라서 올해 여학생의 수는 작년 인원수의 5%인 15 명이 증가하여 315명이다.

24)[정답] (1)300x + 200y = 4000

(2, 17), (4, 14), (6, 11), (8, 8), (10, 5), (12, 2) (2)초콜릿의 개수:6개, 사탕의 개수:11개

[해설] (1)300x + 200y = 4000 ⇒ 3x + 2y = 40을 만족하는 자연수 x, y를 순서쌍 (x, y)로 나타내면다음과 같다.

(2, 17), (4, 14), (6, 11), (8, 8), (10, 5), (12, 2) (2)초콜릿과 사탕을 합쳐 17개를 살 때, 초콜릿은 6개, 사탕은 11개를 사야 한다.

25)[정답] ②

[해설] A, B의 속력을 각각 초속 xm, 초속 ym라 하면 연립방정식 $\begin{cases} 100x - 100y = 300 \cdots \text{①} \text{가 성립} \\ 20x + 20y = 300 \cdots \text{②} \end{cases}$

한다. ① $\div 100+$ ② $\div 20$ 을 풀면 2x=18, x=9이고, 이 값을 ②에 대입하면 y=6이다. 따라서 A의 속력은 초속 9m이다.

26)[정답] ⑤

[해설] x에 관한 일차부등식은 ax+b>0, ax+b<0, $ax+b\geq0$, $ax+b\leq0$ (단, $a\neq0$)인 꼴로 나타낸 다.

27)[정답] ④

[해설] ①a < b일 때, 5a - 2 < 5b - 2

② $a \ge b$ 일 때, $4-3a \le 4-3b$

 $35a-2 \le 5b-2$ 일 때, $a \le b$

⑤ $-\frac{a}{4}+1>-\frac{b}{4}+1$ 일 때, a < b

28)[정답] ③

[해설] $5x-6 \ge 2x+9 \Rightarrow 3x \ge 15 \Rightarrow \therefore x \ge 5$

29)[정답] $-5 < 2a+1 \le 5$

[해설] $-3 < a \le 2$ 일 때, 부등식의 양변에 2를 곱하 고 1을 더하면 $-6 < 2a \le 4 \Rightarrow -5 < 2a + 1 \le 5$ 이다.

30)[정답] ③

[해설] $(1)0.3+10x \le 5$ (2)3(5-x) > 9 $(4)20x \le 350$

$$\bigcirc \frac{y}{60} < 1 \implies y < 60$$

31)[정답] ①

[해설] $(a-b)x-2a+6b>0 \Rightarrow (a-b)x>2a-6b$ 의

해가
$$x<\frac{2}{3}$$
일 때, $a이고, $x<\frac{2a-6b}{a-b}$ 이다.$

$$\stackrel{{\scriptstyle \nwarrow}}{\lnot}, \ \frac{2a-6b}{a-b} = \frac{2}{3} \Rightarrow \ 6a-18b = 2a-2b \ \Rightarrow \ \therefore a = 4b$$

$$(3a-4b)x+2a-6b \ge 0 \implies 8bx+2b \ge 0$$
$$\implies 8bx \ge -2b$$

$$\Rightarrow 8bx \ge -2b$$
$$\Rightarrow x \le -\frac{1}{4} \ (\because b < 0)$$

32)[정답] ②

[해설] $2x-1 \le 3x+3 \Rightarrow -x \le 4 \Rightarrow x \ge -4$ x가 $-5 < x \le -1$ 인 정수일 때, 위 부등식을 만 족하는 해는 -4, -3, -2, -1이므로 그 개수는 4개다.

33)[정답] ①

[해설] 일차부등식은 일차식<0, 일차식>0, 일차식≤0, 일차식≥0인 꼴로 나타내어진다.

즉, ⓒ과 ②은 일차부등식이다.

34)[정답] ③

[해설]

일차부등식

$$3x-3a>bx-12$$
 \Rightarrow $(3-b)x>3a-12의$ 해가 $x<3일$ 때, $3-b<0$, $x<\frac{3a-12}{3-b}$ 이다.

즉,

$$\frac{3a-12}{3-b} = 3 \implies 3a-12 = 9-3b \implies 3a+3b=21$$

$$\implies \therefore a+b=7$$

35)[정답] k < -2

[해설] 부등식
$$-2x+7 \ge 3x-k \Rightarrow -5x \ge -k-7$$

$$\Rightarrow x \le \frac{k+7}{5} \quad \text{를 만족하는 자연수 } x$$
값이 존재하지 않을 때, $\frac{k+7}{5} < 1$ 이 성립해야한다.

따라서 위 식을 풀면

$$\frac{k+7}{5}$$
<1 \Rightarrow $k+7<5$ \Rightarrow $k<-2$ 이다.

36)[정답] ④

[해설] a < 0일 때,

$$2-ax \le 0 \implies -ax \le -2 \implies x \le \frac{2}{a}$$

37)[정답] ③

- [해설] 은별이의 속력을 xm/분, 은비의 속력을 ym/분이라 하면 은별이가 은비보다 더 빠르므로 $\begin{cases} 10x+10y=900\cdots ⑦ 가 성립한다. \\ 45x-45y\geq 900\cdots ⑥ \end{cases}$
 - \bigcirc : 10을 하면 x+y=90이고, y에 관하여 풀면 $y=-x+90\cdots$ ©이다. ©을 \bigcirc : 10에 대입하면 $x-(-x+90)\geq 20 \Rightarrow 2x\geq 110\Rightarrow x\geq 55$ 따라서 은별이의 최소 속력은 55m/분이다.
- 38)[정답] (1)철수: 5000x + 1000(원), 영희 : 2000x + 5000(원)

(2)9개월 후

[해설]
$$(2)5000x + 1000 \ge 2(2000x + 5000)$$

 $\Rightarrow 1000x \ge 9000$
 $\Rightarrow x \ge 9$

따라서 9개월 후이다.

39)[정답] ②

[해설] 어린이의 수를 x명이라 하면 어른의 수는 (18-x)명이다.

$$3000(18-x)+2200x \le 45000$$

$$\Rightarrow -800x + 54000 \le 45000$$

$$\Rightarrow -800x \le -9000$$

$$\Rightarrow x \ge \frac{45}{4}$$

따라서 어린이는 최소 12명이다.

40)[정답] 1000m

- [해설] 분속 20m로 걸은 거리를 xm라 하면 분속 50m로 뛴 거리는 (3000-x)m이다.
 - 이 때.

$$\frac{x}{20} + \frac{3000 - x}{50} \le 90 \implies 5x + 6000 - 2x \le 9000$$
$$\implies x \le 1000$$

가 성립한다.

따라서 분속 20m로 걸은 거리는 최대 1000m이다

41)[정답] ④

[해설] 택시 타고 가는 거리를 xkm라 하면 택시요금이 150m당 100원씩 추가되면 1km당 $\frac{2000}{3}$ 원씩 추가된다.

$$1200 \times 3 > 3000 + \frac{2000}{3}(x-2)$$

$$\Rightarrow \, 600 > \frac{2000}{3}x - \frac{4000}{3}$$

$$\Rightarrow 1800 > 2000x - 4000$$

$$\Rightarrow x < \frac{29}{10}$$

따라서 세 사람이 택시를 타고 가는 거리가 2.9km 미만이면 버스를 타고 가는 것보다 요금이 저렴하다.

42)[정답] ③

[해설]
$$\begin{cases} 1.2x - 0.4 > 0.8x + 2.8 \cdots ① 에서 \\ 3 - \frac{x-1}{4} \le \frac{2x-1}{2} \cdots ② \end{cases}$$

①×5를 풀면

$$6x - 2 > 4x + 14 \implies 2x > 16 \implies x > 8$$

②×4를 풀면

$$12-x+1 \leq 4x-2 \implies -5x \leq -15 \implies x \geq 3$$

즉, 연립부등식의 해는 x > 8이다.

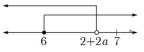
43)[정답] ②

[해설]
$$-0.5x+0.1 \le -2.9$$
의 양변에 10 을 곱하면 $-5x+1 \le -29$, $-5x \le -30$, $x \ge 6$

$$\frac{x-2}{6} < \frac{a}{3}$$
의 양변에 6을 곱하면

$$x-2 < 2a$$
, $x < 2+2a$

이제 $6 \le x < 2 + 2a$ 를 만족하는 정수 x가 하나가 되려면 그 정수는 6이므로



$$6 < 2 + 2a \le 7$$
 : $2 < a \le \frac{5}{2}$

44)[정답] ②

[해설] $\begin{cases} 6x-1 \leq 2x+a \cdots & \bigcirc \\ x-3 < 2x+1 \cdots & \bigcirc \end{cases}$

①을 풀면 $4x \le a+1 \Rightarrow x \le \frac{a+1}{4}$

②를 풀면 $-x < 4 \Rightarrow x > -4$

이 때, 연립부등식의 해가 $-4 < x \le 3$ 이므로

$$\frac{a+1}{4} = 3 \implies a+1 = 12 \implies \therefore \ a = 11$$

45)[정답] ②

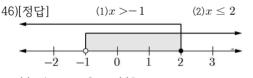
[해설] $\int 2x-3 < \frac{5}{2}x-1 \cdots$ ① 에서 ① $\times 2$ 를 풀면 $\int \frac{5}{2}x - 1 < \frac{5}{3}x - 2 \cdots 2$

 $4x-6 < 5x-2 \implies x > -4$, ② $\times 6$ 을 풀면

$$15x - 6 < 10x - 12 \implies x < -\frac{6}{5}$$
이다.

즉, 연립부등식의 해는 $-4 < x < -\frac{6}{5}$ 이다.

따라서 정수 x의 개수는 2개다.



 $(4)-1 < x \le 2$

[해설] $(1)3x-2 > 2x-3 \Rightarrow x > -1$ $(2)5x \le 3x + 4 \implies 2x \le 4 \implies x \le 2$

47)[정답] ②

[해설] $\begin{cases} 2x-3 \geq x-a\cdots \\ 0.3(x-2) < 0.1(x+2)\cdots \end{cases}$ 에서 ①을 풀면

 $x \ge -a+3$, ② $\times 10$ 을 풀면

 $3x-6 < x+2 \Rightarrow x < 4$ 이다.

이 때, 연립부등식을 만족하는 x의 값이 존재하

지 않으므로 상수 a의 범위를 구하면

 $-a+3 \ge 4 \Rightarrow -a \ge 1 \Rightarrow :: a \le -1$

48)[정답] ②

[해설] 연립부등식 $\{3(x-2) < x+4\cdots$ 에서 \bigcirc 에서 \bigcirc $\{6(x-1) \ge 4(x-k)\cdots$

풀면 $2x < 10 \Rightarrow x < 5$ 이고, ©을 풀면 $2x \ge 6-4k \Rightarrow x \ge 3-2k$ 이다. 이 때, 위 연립부 등식의 해가 없도록 하기 위해서는 $3-2k \ge 5$ 이 어야한다. 따라서 k의 범위는 $k \le -1$ 이고, 가장 큰 수 k는 −1이다.

49)[정답] ⑤

[해설] 전체 쪽수를 x라 하면 연립부등식 $\begin{cases} x < 5 imes 55 \cdots$ ① 이 성립한다. $9 + 6 imes 44 < x \cdots$ ②

①을 풀면 x < 275, ②를 풀면 273 < x즉, 연립부등식의 해는 273 < x < 275이다.

따라서 문제집의 전체 쪽수는 274쪽이다.

50)[정답] ③

[해설] 짐의 개수를 x개라 하면 일차부등식

 $\frac{2}{3} \times 600 \le 200 + 50x \le 600$ 가 성립한다. 이 식을

풀면 $200 \le 50x \le 400 \Rightarrow 4 \le x \le 8$ 이다.

따라서 짐의 개수는 4개 이상 8개 이하다.

51)[정답] ①

[해설] 의자의 수를 x개라 하자.

 $\begin{cases} 4x+3 \leq 5(x-3)\cdots \text{ } \\ 5(x-4)+1 \leq 4x+3\cdots \text{ } \end{cases} \text{ of } \forall k \in \mathbb{Z}$ ①을 풀면

 $x \ge 18, ②를 풀면 <math>x \le 22$ 이다.

즉, 연립부등식의 해는 $18 \le x \le 22$ 이다.

따라서 가능한 의자의 개수는 18, 19, 20, 21, 22 (개)다.

52)[정답] ⑤

[해설] 의자의 개수를 x개라 하자.

 $\begin{cases} 2x+5 \le 3(x-4) \cdots \textcircled{1} \\ 3(x-5)+1 \le 2x+5 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ ①을 풀면

 $x \ge 17$, ②를 풀면 $x \le 19$ 이다.

즉, 연립부등식의 해는 $17 \le x \le 19$ 이다.

따라서 의자의 최소 개수는 17개다.

53)[정답] ④

[해설] 생략

54)[정답] ④

[해설] 세 막대기의 길이는 각각 a, a, 50-2a

삼각형이 되려면 가장 긴 변의 길이가 나머지 두 변 길이의 합 보다 작아야 한다.

(i) a가 가장 긴 변인 경우

a < a + (50 - 2a), a < 25

(ii) 50-2a가 가장 긴 변인 경우

50-2a < a+a, 50 < 4a, $a > \frac{25}{2}$

따라서 (i), (ii)의 공통 범위는 $\therefore \frac{25}{2} < a < 25$

55)[정답] ②

[해설] $27 \le \frac{1}{2} \times 12x \le 36 \Rightarrow \frac{9}{2} \le x \le 6$

이 때, 자연수 x는 5, 6이므로 그 합은 11이다.

