

## 5-2-2.평행선과 넓이\_비상(김원경)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2020-07-25
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

### 개념check

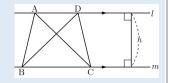
#### [평행선과 넓이]

l//m이면  $\triangle$ ABC와  $\triangle$ DBC는 밑변 BC가 공통,

높이는 h로 같으므로

두 삼각형의 넓이가 서로 같다.

 $\Rightarrow l//m$ 이면  $\triangle ABC = \triangle DBC$ 



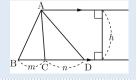
#### [삼각형과 넓이]

높이가 같은 두 삼각형의 넓이의 비는 밑변의 길이의 비와 같다.

⇒ △ABC와 △ACD에서 \

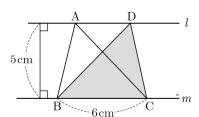
 $\overline{BC}$ :  $\overline{CD} = m : n$ 이면

 $\triangle ABC : \triangle ACD = m : n$ 



### 기본문제

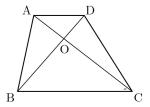
 $oldsymbol{1}$ . 다음 그림에서 l//m이고 두 직선 l, m 사이 거 리는 5cm,  $\overline{BC} = 6cm$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이와 △DBC**의 넓이의 합은?** 



- ① 15cm<sup>2</sup>
- ② 20cm<sup>2</sup>
- $3) 25 \text{cm}^2$
- $(4) 30 \text{cm}^2$
- ⑤ 35cm<sup>2</sup>

[문제]

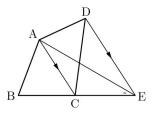
**2.** 다음 그림과 같이  $\overline{AD}$   $//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 두 대각선의 교점을 ()라고 하자.  $\triangle$ ABC = 17cm<sup>2</sup>,  $\triangle$ OBC = 12cm<sup>2</sup>**2 44**,  $\triangle$ ODC**4** 넓이를 구하면?



- $\bigcirc 5 \text{cm}^2$
- ② 6cm²
- $37cm^2$
- 4 8cm<sup>2</sup>
- ⑤ 9cm<sup>2</sup>

[예제]

3. 다음은 그림과 같은 □ABCD에서 점 D를 지나 고  $\overline{AC}$ 에 평행한 직선을 그어  $\overline{BC}$ 의 연장선과 만나 는 점을 E라고 할 때, □ABCD = △ABE**임을 설명** 하는 과정이다. 빈 칸에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



AC // DE이므로

 $\triangle$ ACD와  $\triangle$ ACE는 밑변  $(\uparrow)$ 가 공통이고,

높이가 같다.

따라서  $\triangle ACD = (\downarrow \downarrow)$  이다.

그러므로 □ABCD = (다) +△ACD

 $= \Delta ABC + (라)$ 

① (7)): AC

② (나): △AED

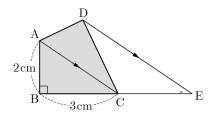
③ (다): △ABC

④ (라): △ACE

⑤ (□): △ABE

[문제]

- **4.** 다음 그림에서  $\overline{AC}$  //  $\overline{DE}$ 이고,
  - $\square$ ABCD = 8 cm<sup>2</sup>일 때,  $\overline{\text{CE}}$ 의 길이를 구하면?

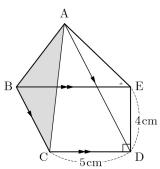


- ① 4 cm
- $\bigcirc \frac{9}{2}$  cm
- ③ 5 cm
- $4 \frac{11}{2}$  cm
- ⑤ 6 cm

평가문제

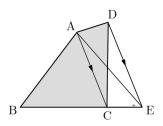
[중단원 학습 점검]

**5.** 다음 그림에서  $\overline{BC}$  //  $\overline{AD}$ ,  $\overline{\mathrm{BE}}//\overline{\mathrm{CD}}$ 이고,  $\overline{\text{CD}} = 5 \text{cm}$ ,  $\overline{\text{DE}} = 4 \text{cm}$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하 면?



- ①  $10 \text{cm}^2$
- $215 \text{cm}^2$
- $30 \text{ cm}^2$
- 4 25cm<sup>2</sup>
- $30 \text{cm}^2$

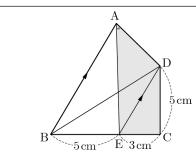
- [단원 마무리]
- **6.** 다음 그림에서  $\overline{AC}$  // $\overline{DE}$ 이고,  $\overline{BC}$ :  $\overline{CE}$ =5:2  $\triangle$ ABC의 넓이가 15cm $^2$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이 를 구하면?



- ① 20cm<sup>2</sup>
- ② 21cm<sup>2</sup>
- ③ 22cm<sup>2</sup>
- 4) 23cm<sup>2</sup>
- ⑤ 24cm<sup>2</sup>

유사문제

**7.** □ABCD에서 AB//DE일 때, □AECD의 넓이를 구하는 과정이다. □ 안에 들어갈 내용으로 옳지 않 은 것은?



AB//DE이므로

 $\Delta AED = (7\dagger)$ 

(나)  $\Box AECD = \triangle AED +$ 

 $=\Delta BED + (4)$ 

(다)

 $=\frac{1}{2}\times\overline{BC}\times\overline{CD}$ 

 $=\frac{1}{2}\times 8\times$ 

(D) (cm<sup>2</sup>)

① (7)): △BED

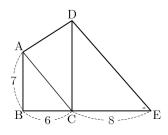
② (나): △DEC

③ (다): △ABC

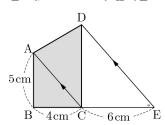
④ (라): 5cm

⑤ (□<del>]</del>) : 20

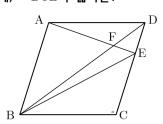
**8.**  $\overline{AC}/\overline{DE}$ ,  $\overline{AB} \perp \overline{BE}$ **0**  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AB} = 7$ ,  $\overline{BC} = 6$ ,  $\overline{CE} = 8$ 일 때, □ABCD의 넓이는?



- 1) 45
- 2 46
- 3 48
- **4**9
- **⑤** 50
- **9.**  $\overline{AC}//\overline{DE}$ ,  $\overline{AB} \perp \overline{BE}$ **9.**  $\overline{AB} = 5cm$ ,  $\overline{BC} = 4cm$ ,  $\overline{CE} = 6cm$ 일 때,  $\Box ABCD$ 의 넓이는?

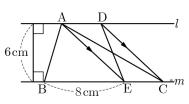


- (1)  $22cm^2$
- ②  $24cm^2$
- $(3) 25cm^2$
- $(4) 27cm^2$
- (5)  $28cm^2$
- ${f 10}$ . 그림은 평행사변형 ABCD이다.  $\overline{CD}$ 위의 점 E에 대하여  $\overline{AE}$ 와  $\overline{BD}$ 가 만나는 점을 F라고 한다.  $\triangle ABF$ 의 넓이는  $9cm^2$ 이고,  $\triangle DEF$ 의 넓이는  $2cm^2$ 일 때,  $\triangle BCE$ 의 넓이는?

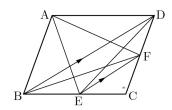


- $\bigcirc$  7cm<sup>2</sup>
- ②  $8cm^2$
- (3)  $9cm^2$
- $\bigcirc 10cm^2$
- $(5) 11cm^2$

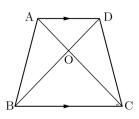
**11.** 다음 그림에서 l//m,  $\overline{AE}//\overline{DC}$ 이고,  $\Box ABED$ 의 넓이가  $36cm^2$ 일 때,  $\overline{EC}$ 의 길이는?



- ① 2cm
- ② 3cm
- ③ 4cm
- (4) 5cm
- (5) 6cm
- $oxed{12}$ . 평행사변형 ABCD에서  $\overline{BD}//\overline{EF}$ 일 때, 넓이가 나머지 넷과 다른 하나는?

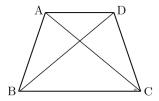


- ①  $\triangle ABE$
- ②  $\triangle DBE$
- $\bigcirc$   $\triangle DBF$
- 4  $\triangle ADF$
- $\bigcirc$   $\triangle BEF$
- 13. 그림과 같이  $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서 두 대각선의 교점이 O이고  $\triangle ABO$ 의 넓이가  $18cm^2$ ,  $\triangle DBC$ 의 넓이가  $45cm^2$ 일 때,  $\square ABCD$ 의 넓이는?

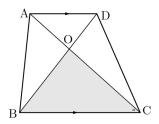


- (1)  $63cm^2$
- $\bigcirc 66cm^2$
- $(3) 69cm^2$
- $(4) 72cm^2$
- $(5) 75 cm^2$

**14.**  $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서  $\triangle ABC$ 의 넓이 가 15cm<sup>2</sup>일 때, △DBC**의 넓이는?** 



- ①  $12 cm^2$
- $215 \text{cm}^2$
- $318 \text{cm}^2$
- $40 \text{ cm}^2$
- ⑤ 25cm<sup>2</sup>
- 15. 그림과 같이  $\overline{\mathrm{AD}}//\overline{\mathrm{BC}}$ 인 사다리꼴  $\mathrm{ABCD}$ 에서 두 대각선의 교점이  $\bigcirc$ OODD  $\triangle$ DBC = 75cm<sup>2</sup>,  $\triangle$ ABO = 25cm<sup>2</sup>**2 III**,  $\triangle$ OBC**9 III II**



- ①  $30 \text{cm}^2$
- ②  $35 \text{cm}^2$
- $340 \text{cm}^2$
- $45 \text{cm}^2$
- $\bigcirc 50 \text{cm}^2$

# 4

### 정답 및 해설

1) [정답] ④

[해설]  $\triangle$ ABC와  $\triangle$ DBC에서

밑변의 길이가  $\overline{BC} = 6$ cm으로 같고

높이는 5cm으로 같으므로

따라서  $\triangle ABC = \triangle DBC$ 

 $\triangle ABC + \triangle DBC = 2 \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 5\right) = 30 \text{ cm}^2$ 

2) [정답] ①

[해설]  $\triangle ABC = \triangle DBC = 17 \text{cm}^2$ ,  $\triangle OBC = 12 \text{cm}^2$ 이

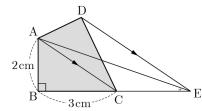
 $\therefore \triangle ODC = \triangle DBC - \triangle OBC = 17 - 12 = 5 \text{ cm}^2$ 

3) [정답] ②

[해설] (나): △ACE

4) [정답] ③

[해설] 다음 그림과 같이 AE를 그으면



 $\overline{AC} // \overline{DE}$ 이므로  $\triangle ACD = \triangle ACE$ 

이때  $\overline{CE} = x \text{ cm}$ 라고 하면

$$\Box ABCD = \triangle ABE = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{BE}$$

$$=\frac{1}{2}\times2\times(3+x)=8\left(\mathrm{cm}^{2}\right)$$
이므로  $x=5$ 

 $\therefore \overline{\text{CE}} = 5 \text{ cm}$ 

5) [정답] ①

[해설]  $\overline{BC}$  //  $\overline{AD}$ 이므로  $\triangle ABC = \triangle DBC$ 

이때  $\triangle DBC$ 는 밑변의 길이가  $\overline{CD} = 5cm$ , 높이가  $\overline{DE} = 4cm$ 이므로

$$\triangle DBC = \frac{1}{2} \times 5 \times 4 = 10 \text{cm}^2$$

 $\therefore \triangle ABC = \triangle DBC = 10 \text{cm}^2$ 

6) [정답] ②

[해설] BC: CE=5:2이므로

 $\triangle ABC : \triangle ACE = 15 : \triangle ACE = 5 : 2 = 5$ 

 $\triangle ACE = 6 \text{ cm}^2$ 

이때  $\overline{AC}$  //  $\overline{DE}$ 이므로  $\triangle ACD = \triangle ACE$ 

그러므로 색칠한 부분의 넓이는

 $\triangle$ ABC +  $\triangle$ ACD

 $= \Delta ABC + \Delta ACE$ 

 $= 15 \text{cm}^2 + 6 \text{cm}^2 = 21 \text{cm}^2$ 

7) [정답] ③

[해설]  $3\Delta BED + \Delta DEC$ 이므로  $(\Box \Delta BCD)$ 이다.

8) [정답] ④

[해설]  $\overline{AC}//\overline{DE}$ 이므로  $\triangle ACD = \triangle ACE$ 이다.

이 때,  $\Box ABCD = \triangle ABC + \triangle ACD$ 

 $= \triangle ABC + \triangle ACE = \triangle ABE$ 

이다

따라서  $\square ABCD = \frac{1}{2} \times 14 \times 7 = 49$ 이다.

9) [정답] ③

[해설]  $\overline{AC}//\overline{DE}$ 이므로  $\triangle DAC = \triangle EAC$ 

그러므로

 $\Box ABCD = \triangle ABC + \triangle DAC$ 

 $= \triangle ABC + \triangle EAC = \triangle ABE = \frac{1}{2} \times 10 \times 5$ 

 $=25cm^{2}$ 

10) [정답] ①

[해설]  $\triangle ADE = \triangle BDE$ 이므로

 $\triangle BEF = \triangle BED - \triangle DFE$ 

 $= \triangle AED - \triangle DFE$ 

 $= \triangle AFD$ 

 $\therefore \triangle BEF = \triangle AFD$ 

이때  $\triangle BCD = \triangle ABD$ 이므로

 $\Delta BEF = \Delta AFD = acm^2$ 이라 하면

 $\triangle BCE + \triangle BEF + \triangle DFE = \triangle ABF + \triangle AFD$ 

 $\triangle BCE + a + 2 = 9 + a$ 

 $\therefore \triangle BCE = 7(cm^2)$ 

11) [정답] ③

[해설]  $\overline{AE}//\overline{DC}$ 이므로  $\triangle AED = \triangle AEC$ 이다.

 $\square ABED = 36cm^2$ 일 때,

 $\square ABED = \triangle ABE + \triangle AED$ 

 $= \triangle ABE + \triangle AEC = \triangle ABC$ 

이므로

$$\frac{1}{2} \times (8 + \overline{EC}) \times 6 = 36$$
,  $\therefore \overline{EC} = 4cm$ 

12) [정답] ⑤

[해설]  $\overline{AB}//\overline{DC}$ 이므로  $\triangle ADF = \triangle DBF$ 

 $\overline{BD}//\overline{EF}$ 이므로  $\triangle DBF = \triangle DBE$ 

 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 이므로  $\triangle DBE = \triangle ABE$ 

 $\therefore \triangle DBF = \triangle DBE = \triangle ADF = \triangle ABE$ 

13) [정답] ⑤

[해설]  $\triangle OAB = \triangle ODC = 18cm^2$ 이므로

 $\Delta BOC = 45 - 18 = 27(cm^2)$ 

 $\triangle BOC$ :  $\triangle ODC = 27:18 = 3:2$ 이므로

 $\overline{OB}$ :  $\overline{OD}$ =3:20]  $\overline{\Box}$ .

 $\triangle ABO: \triangle AOD = 3:2$ 이므로

 $\Delta AOD = 12cm^2$ 

따라서  $\square ABCD = 12 + 18 + 45 = 75(cm^2)$ 이다.

# 14) [정답] ②

[해설]  $\overline{AD}//\overline{BC}$ 이므로  $\triangle ABC = \triangle DBC$ 이다. 따라서  $\triangle ABC = 15cm^2$ 일 때,  $\triangle DBC = 15cm^2$ 이 다.

### 15) [정답] ⑤

[해설]  $\triangle ABC$ 와  $\triangle DBC$ 는 밑변의 길이가  $\overline{BC}$ 으로 같고 높이가  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BC}$  사이의 거리로 같아서  $\triangle ABC = \triangle DBC$ 따라서  $\triangle ABC - \triangle OBC = \triangle DBC - \triangle OBC$ 이므 로  $\triangle ABO = \triangle DCO = 25cm^2$  $\therefore \triangle OBC = 75 - 25 = 50cm^2$