## 유리함수 2회

## LEVEL 1

- **1.** 함수  $y = \frac{-4x+1}{2x+3}$ 의 그래프는 함수  $y = \frac{a}{2x}$ 의 그래프를 x축의 부. 유리함수  $y = \frac{3}{x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 2만큼, y축의 방향으로 p만큼 y축 방향으로 q만큼 평행 이동한 그래프이다. 이때, a+p+q의 값은?
- ①  $-\frac{9}{2}$  ② 2 ③  $\frac{7}{2}$  ④ 5 ⑤  $\frac{13}{2}$

- **2.** 함수  $f(x) = \frac{ax+3}{b-x}$ 에 대하여 f(0) = 1,  $f(x) = f^{-1}(x)$ 가 성립할 때, 실수 a, b에 대하여 a-b의 값은?
- $\bigcirc -6$   $\bigcirc -3$   $\bigcirc 3$   $\bigcirc 4$   $\bigcirc 6$

- **3.** 두 함수  $f(x) = \frac{x}{1-x}$ ,  $(g \circ f)(x) = \frac{1}{1+x}$ 일 때, g(3)의 값은?

- ①  $\frac{2}{7}$  ②  $\frac{4}{7}$  ③  $\frac{6}{7}$  ④  $\frac{8}{7}$  ⑤  $\frac{10}{7}$

- 방향으로 -b만큼 평행이동하면 점 (1, k)를 지난다. 이때 b+k의

- **5.** 유리함수  $y=\frac{ax+b}{x+1}$ 의 그래프와 그 역함수의 그래프가 모두 점 (2, 1)을 지날 때, 상수 a, b 에 대하여 b-a의 값은?
- $\bigcirc -6$   $\bigcirc -4$   $\bigcirc -1$   $\bigcirc 4$

- **6.** 유리함수  $y = \frac{2}{1-x}$ 의 그래프를 평행이동하여 겹쳐질 수 있는 그래프는?
- ①  $y = -\frac{2x}{x+1}$  ②  $y = \frac{1}{1-2x}$  ③  $y = \frac{2}{x-1}$

- **7.** 유리함수  $f(x) = \frac{1-2x}{x-3}$ 의 그래프에서 점근선의 방정식이 x=p, y=q이 때, f(p+q)의 값은?
- $\bigcirc -\frac{11}{2}$   $\bigcirc -\frac{1}{2}$   $\bigcirc \frac{1}{2}$   $\bigcirc \frac{1}{2}$   $\bigcirc \frac{11}{3}$

- **8.** 함수  $f(x) = \frac{ax+b}{x-1}$ 의 그래프가 점 (2,-1)을 지나고, 직선 y=-2가 이 그래프의 점근선 중 하나이다.  $f(c)=-\frac{3}{2}$ 일 때, 상수 a,b,c의 합 a+b+c의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- 9.  $\frac{2}{1+\frac{1}{\frac{1}{x-1}-1}}$ 를 간단히 하면?

- (4) -2x+4
- ① 2x-4 ② x-2 ④ -2x+4 ⑤ -3x+6

- **10.** 함수  $y = \frac{x+2}{x+1}$ 의 그래프가 점 (a, b)에 대하여 대칭일 때, 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

- ⑤ 4

11. 아래 〈보기〉 중에서 평행이동이나 대칭이동에 의해 유리함수

$$y=rac{1}{x}$$
의 그래프와 겹쳐지는 것을 모두 고르면? 
$$\langle \mbox{보기} 
angle$$
 
$$\neg . \ y=-rac{1}{x+1}+1 \qquad \mbox{$ -.$ } y=rac{-2x+1}{x-1} \qquad \mbox{$ -.$ } y=rac{2}{x-1}$$

- ① ¬ ② □ ③ ¬, ∟ ④ ¬, □ ⑤ ¬, ∟, □

- **12.**  $\frac{x+3}{x^2+x-2} \times \frac{x^2+3x+2}{x+1}$ 의 값은?

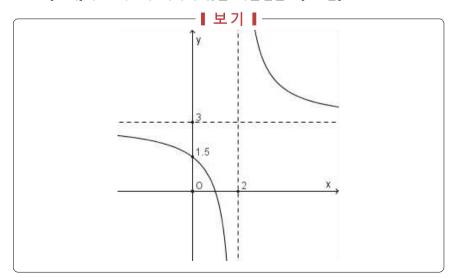
- 3x+3

- ①  $\frac{x+3}{x-1}$  ②  $\frac{x+1}{x+2}$  ②  $\frac{x+3}{x^2+x-2}$

- **13.**  $\frac{x^2 2xy}{x^2 + xy} \times \frac{x^2 y^2}{x 2y}$ 을 간단히 하면?

**14.** 유리함수  $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프를 평형이동 하여 겹쳐질 수 있는 함수의 그래프로 옳은 것만을 〈보기〉에서 있는 대로 고른 것은?

**15.** 유리함수  $y = \frac{3}{x-2} + 3 \ (k \neq 0)$ 의 그래프가 [보기]와 같을 때, [보기]의 그래프가 지나지 않는 사분면은? [4.6점]



- ① 제1사분면 ④ 제4사분면
- ② 제2사분면 ⑤ 어디
  - ⑤ 없다.
- ③ 제3사분면

- **16.** 유리함수  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?
- ① 치역은  $\left\{y \mid y \neq \frac{1}{2}$ 인 실수 $\right\}$ 이다.
- ② 점근선의 방정식은 x = 1, y = 2이다.
- ③ 점 (1,2)에 대하여 대칭인 그래프 이다.
- ④ 함수  $y=\frac{1}{x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 2만큼 평행 이동한 것이다.
- ⑤ y축과의 교점은 (0,1)이다.

- **17.** 함수  $y = \frac{b}{x+a} + c$ 가 다음 두 조건을 만족할 때,
  - (i) 점 (2, -1)에 대하여 대칭이다.
  - (ii) 역함수가 점 (1, 3)을 지난다. a+b+c의 값은?

**18.** 함수  $y = \frac{-1+2x}{-x+2}$ 의 그래프가 두 직선

y = x + a, y = -x + b에 대하여 대칭일 때, 상수 a, b의 값은?

**19.**  $k \neq 2$ 인 실수 k에 대해 함수  $y = \frac{-2x+k}{x-1}$ 의 그래프에 대한 다음

설명 중에서 옳지 않은 것은?

- ① 정의역은  $\{x|x\neq 1$ 인 실수 $\}$ 이다.
- ② 점근선의 방정식은 x=1, y=-2이다.
- ③ 함수  $y=\frac{k-2}{x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로
- -2만큼 평행이동한 것이다.
- ④ 직선 y=-x-1에 대하여 대칭이다.
- ⑤ |k|값이 커질수록 (1, -2)에서 멀어진다.

**20.** 다음 등식을 만족하는 상수 a, b, c에 대하여 a-b+c의 값은?

$$\frac{1}{x^2 - 7x + 10} + \frac{1}{x^2 - x - 2} + \frac{1}{x^2 + 5x + 4} = \frac{c}{x^2 + ax + b}$$

- ① 16 ② 18 ③ 20 ④ 22
- ⑤ 24

- 1) [정답] ③
- 2) [정답] ①
- 3) [정답] ②
- 4) [정답] ①
- 5) [정답] ⑤
- 6) [정답] ⑤
- 7) [정답] ③
- 8) [정답] ④
- 9) [정답] ④  $\frac{2}{1 + \frac{x-1}{1 (x-1)}} = \frac{2}{1 + \frac{x-1}{2 x}} = \frac{2(2-x)}{2 x + (x-1)} = -2x + \frac{2}{2 x}$
- 10) [정답] ①
- 11) [정답] ③
- 12) [정답] ①
- 13) [정답] ④
- 14) [정답] ④
- 15) [정답] ③
- 16) [정답] ①
- 17) [정답] ②
- 18) [정답] ②
- 19) [정답] ⑤
- 20) [정답] ④