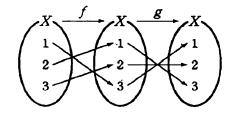
## 2020년 태성고 수학(하) 중간고사

<b>1.</b> 두 집합 $A,B$ 에 대하여 $n(A)=18$ , $n(B)=13$ , $n(A\cup B)=23$ 일 때, $n(A\cap B)$ 의 값은? [5점]	<b>4.</b> 두 집합 $X = \{-1,0,1\}$ , $Y = \{0,1,2,3\}$ 에 대하여 $X$ 에서 $Y$ 로의 함수인 것은? [5.1점]
① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10	① $f(x) = x - 2$ ② $f(x) = -x + 3$ ③ $f(x) =  x  + 3$ ④ $f(x) = x^2 + x + 1$ ⑤ $f(x) = \begin{cases} x - 1 & (x \ge 0) \\ -x - 1 & (x < 0) \end{cases}$
<ul> <li><b>2.</b> 전체집합 U={2,3,5,7,11}의 두 부분집합 A,B에 대하여 A∩B<sup>c</sup>={3,7}, B-A={5}, (A∪B)<sup>c</sup>={11}일 때, 집합 A의 모든 원소의 합은? [5점]</li> <li>① 3 ② 5 ③ 7 ④ 10 ⑤ 12</li> </ul>	5. 함수 $f(x) = 3x - 4$ 에 대하여 $f^{-1}(5)$ 의 값은? (단, $f^{-1}$ 은 $f$ 의 역함수이다.) [5.2점]  ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
<ul> <li>3. 두 집합 A={x x는 4의 약수}, B={x x는 8의 약수}에 대하여 A∩X=A, B∪X=B를 만족시키는 집합 X의 개수는? [5점]</li> <li>① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5</li> </ul>	<ul> <li>6. 두 집합 X={x -1 ≤ x ≤ 4}, Y={y -2 ≤ y ≤ 3}에 대하여 X에서 Y로의 함수 f(x) = ax+b가 일대일대응이 될 때, ab의 값은? (단, a &lt; 0, b는 실수이다.) [5.2점]</li> <li>① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2</li> </ul>

- **7.** 두 조건 ' $p: x^2 3x 4 < 0$ '과 'q: a < x < b'에 대하여 p가 q이기 위한 필요충분조건일 때, a+b의 값은? [5.3점]
- ① 2 ② 3
- 3 4
- 4 5
- ⑤ 6
- **10.** x > 0, y > 0일 때,  $(3x + 4y) \left(\frac{3}{x} + \frac{4}{y}\right)$ 의 최솟값은? [5.4점]
- ① 41
- ② 43
- ③ 45
- ④ 47
- ⑤ 49

- **8.** 두 조건 'p: |x-a| < 6, q: |x-2| < 1'에 대하여 명제  $p \rightarrow q$ 의 역이 참이 되도록 하는 실수 a값의 범위는  $m \le a \le M$ 이다. M+m의 값은? [5.3점]
- ① 1
- ② 2
- ③ 3 4
- ⑤ 5
- **11.** 집합  $X = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 X에서 X로의 두 함수 f, g가 아래 그림과 같을 때,  $(f^{-1}\circ g^{-1})(1)+(f^{-1}\circ g)(3)+(f\circ f^{-1})(2)$ 의 값은? [5.5점]



- ① 3
- ② 4
- 3 5
- 4 6
- ⑤ 7

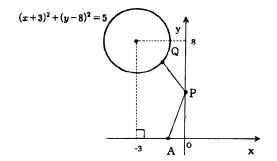
- **9.** 명제 ' $k-1 \le x \le k+1$ 인 모든 실수 x에 대하여  $0 \le x \le 6$ 이다.' 가 참이 되도록 하는 실수 k 값의 범위는  $m \le k \le M$ 이다. M-m의 값은? [5.4점]

- ① 4 ② 5 ③ 5 ④ 7 ⑤ 8
- $\mathbf{12}$ . 제 1사분면 위의 점 A를 직선 y=x에 대하여 대칭이동한 점을 B라 하자. x축 위의 점 P에 대하여  $\overline{AP}+\overline{BP}$ 의 최솟값이  $3\sqrt{2}$ 일 때,  $\overline{OA}$ 의 길이는? (단, 점 O는 원점이다.) [5.5점]

- (1) 3 (2)  $3\sqrt{2}$  (3) 6 (4)  $6\sqrt{2}$  (5) 9

- **13.** 점 (-3,4)를 원점에 대하여 대칭이동한 점의 좌표를 A, x축으로 4만큼 y축으로 -2만큼 평행이동한 점의 좌표를 B라 할 때, 선분  $\overline{AB}$ 를 수직이등분하는 직선의 방정식을 y-ax+b라 하자. a-b의 값은? (단, a,b는 상수이다.) [5.6점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

**14.** 좌표평면 위에 점 A(-1,0)과 원  $C: (x+3)^2 + (y-8)^2 = 5$ 가 있다. y축 위의 점 P와 원 C위의 점 Q에 대하여  $\overline{AP} + \overline{PQ}$ 의 최솟값은? [5.7점]

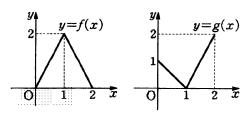


①  $\sqrt{5}$  ②  $2\sqrt{5}$  ③  $3\sqrt{5}$  ④  $4\sqrt{5}$  ⑤  $5\sqrt{5}$ 

① -29 ② -18 ③ -5 ④ 12 ⑤ 20

**16.** 직선 l: y = 2x + a를 원점에 대하여 대칭이동한 직선을 m이라 할 때, 두 직선 l,m 사이의 거리는  $4\sqrt{5}$ 이다. 이때, 모든 상수 a의 값의 곱을 구하시오. [6점]

- **17.** 명제 ' $x \le 0$ '인 모든 실수 x에 대하여 (x-2)(x-a-2) > 0이다'가 참이 되도록 하는 실수 a값의 범위를 구하시오. [7점]
- **18.** 집합  $X = \{x | 0 \le x \le 2\}$ 에 대하여 X에서 X로의 두 함수 y = f(x), y = g(x)의 그래프가 그림과 같을 때, x의 값의 구간을 나누어 함수  $y = (g \circ f)(x)$ 를 구하시오. [7점]



- 1) ④
- 2) ②
- 3) ④
- 4) ③
- 5) ②
- 6) ②
- 7) ④
- 8) ①
- 9) ⑤
- 10) ③
- 11) ①
- 12) ②
- 13) ③
- 14) ②
- 15) -100
- 16)  $a \ge -2$

17) 
$$(g \circ f)(x) = \begin{cases} -2x+1 & (0 \le x < \frac{1}{2}) \\ 4x-2 & (\frac{1}{2} \le x < 1) \\ -4x+6 & (1 \le x < \frac{3}{2}) \\ 2x-3 & (\frac{3}{2} \le x \le 2) \end{cases}$$