

## 용인고(경기) 2020 2학기 기말 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자 : 강진웅 (kruiang@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-10-05
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

**1.** 함수  $f(x) = 3x^2 - 2x + 1$ 대하여  $\int_{1}^{2} f(x)dx - \int_{1}^{2} f(y)dy$ 의 값은?

- 2 102
- ③ 103
- **4**) 104
- (5) 105

**2.**  $= x^2 + 2x$   $= x^2 + 2x$ x=1로 둘러싸인 도형의 넓이는?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- **4**
- **⑤** 5

**3.** 곡선 y = f(x) 위의 임의의 점 (x, f(x))에서의 접선의 기울기가  $3x^2 - 2x + 1$ 이다. 이 곡선이 (-1,2)를 지날 때, f(2)의 값은?

- ① 10
- ② 11
- ③ 12
- **4**) 13
- (5) 14

**4.** 닫힌구간 [-1,1]에서 함수  $f(x)=2x^3-9x^2+k$ 의 최솟값이 2일 때, 상수 k의 값은?

- ① 9
- ② 10
- 3 11
- 4 12
- (5) 13

**5.** 삼차방정식  $2x^3-3x^2-12x-k=0$ 이 서로 다른 두 실근만 갖도록 하는 모든 실수 k의 값의 합은?

- $\bigcirc 1 15$
- $\bigcirc$  -14
- (3) -13
- $\bigcirc$  -12
- (5) -11

**6.** 두 함수  $f(x)=x^4+27x$ ,  $g(x)=2x^2+3x+a$ 가 닫 힌구간 [-3,0]에서 부등식 f(x) > g(x)가 항상 성립 하도록 하는 정수 a의 최댓값은?

- $\bigcirc$  -44
- $\bigcirc$  -43
- $\bigcirc 3 42$
- $\bigcirc$  41
- (5) -40

7. 지면으로부터 높이가  $25 \,\mathrm{m}\,\mathrm{O}$  지점에서 지면과 수 직으로 던져 올린 공의 t초 후의 높이 h(t) m는  $h(t) = -5t^2 + 20t + 25$ 인 관계가 성립한다. <보기>에 서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 던져 올린 공의 가속도는 일정하다.
- $\cup$ . 공이 지면에 떨어지는 순간의 속도는  $-30\,\mathrm{m/s}$ 이다.
- ㄷ. 공이 최고높이에 도달하는 데 걸리는 시간은 2초이 다.
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ 7, ∟
- ④ ∟. ⊏
- ⑤ ᄀ, ㄴ, ⊏

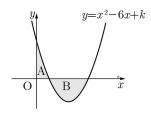
- 8. 직선도로를 달리는 자동차가 브레이크를 밟은 후 t초 동안 움직인 거리를 xm 라 하면  $x = 40t - at^2$ 이 라 한다. 브레이크를 밟은 후 정지할 때까지 달린 거리가 100 m 일 때 양수 a의 값은?
  - 1 2
- ② 3
- 3 4
- **4**) 5
- **⑤** 6
- **9.** 모든 실수 x에 대하여 함수 f(x)가  $\int_{0}^{x} (x-t)f(t)dt = \frac{1}{4}x^{4} + x^{3} + 2x^{2}$ 을 만족시킬 때, f(x)의 최**솟**값은?
  - ① 1
- 2 2
- ③ 3
- **4 4**
- (5) 5
- ${f 10.}$  이차함수 f(x)가 f(0)=0이고 다음 조건을 만족 시킬 때, f(2)의 값은?

$$(7) \int_{0}^{1} |f(x)| dx = -\int_{0}^{1} f(x) dx = 3$$

(나) 
$$\int_{1}^{3} |f(x)| dx = \int_{1}^{3} f(x) dx$$

- 3 44
- **(4)** 54
- ⑤ 72

**11.** 그림과 같이 곡선  $y=x^2-6x+k$ 와 x축 및 y축 으로 둘러싸인 두 도형의 넓이를 각각 A, B라 하 자. A:B=1:2일 때, 상수 k의 값은? (단, 0 < k < 9)

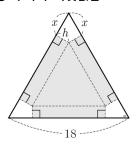


1) 2

2 4

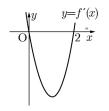
- 3 6
- (4) 8
- ⑤ 10
- **12.** 직선 철로 위를 달리는 어떤 열차가 A역을 출발 하여 6 km를 달리는 동안은 시각 t분에서의 속도가  $rac{1}{3}t\left(\mathrm{km/min}
  ight)$ 이었고, 그 이후로는 속도가 일정하였 다고 한다. A역을 출발한 후 30분 동안 이 열차가 달린 거리는?
  - ① 30
- ② 36
- 3 48
- **4**) 50
- (5) 54
- 13. 임의의 두 실수 x, y에 대하여 다항함수 f(x)가 f(x+y)=f(x)+f(y)+2xy를 만족한다. 함수 G(x)가  $G(x) = \int (x-2)f'(x)dx$ 이고 함수 G(x)의 극값 이 존재하지 않을 때, f(10)의 값은?
  - ① 30
- 2 40
- 3 50
- **4**) 60
- (5) 70

**14.** 그림과 같이 한 변의 길이가 18인 정삼각형 모양 의 종이의 세 꼭짓점에서 합동인 사각형을 잘라내어 뚜껑이 없는 삼각기둥 모양의 상자를 만들려고 한 다. 삼각기둥 부피의 최댓값은?



- ① 108
- 2 114
- 3 128
- 4 138
- (5) 144
- **15.** 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를  $g(x) = \int_{0}^{x} f(t)dt + f(x)$ 라 할 때, 함수 g(x)는 x = 0에서 극댓값 0을 갖고, 모든 실수 x에 대하여 g'(-x)=-g'(x)이다.  $f(2)\times g(2)$ 의 값은?
- ② 29
- 3 30
- **(4)** 31
- ⑤ 32
- **16.** 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)가 다음 조 건을 모두 만족시킨다. 함수 f(x)의 극댓값을 M, 극솟값을 m이라 할 때, M-m의 값은?
- (가) 함수 f(x)는  $x = \alpha$ 에서 극대이고 x = -2에서 극소
- (나) 방정식 f(x) = f(0)의 서로 다른 실근의 개수는 2이
- ① 32
- ② 34
- 3 36
- **(4)** 38
- (5) 40

- 17. 함수  $f(x)=x^3+\frac{3}{2}x^2-6x+10$ 의 극댓값이 a이고 극솟값이 b일 때, ab의 값을 구하시오.
- **18.** 삼차함수 f(x)의 도함수 y = f'(x)의 그래프는 그 림과 같다. 함수 f(x)의 극댓값이 6이고 f(1)=4일 f(x)의 극솟값을 구하시오. f'(0) = f'(2) = 0



- 19. 지면으로부터  $10\,\mathrm{m}$ 의 높이에서  $19.6\,\mathrm{m/s}$ 의 속도 로 지면과 수직으로 던진 물체의 t초 후의 속도가 v(t) = 19.6 - 9.8t (m/s)이다. 다음 물음에 답하시오.
  - (1) 물체가 최고 높이에 도달하였을 때 지면으로부터의 높 이를 구하시오.
  - (2) 물체를 던진 후 지면에 떨어질 때까지 이 물체가 움직 인 거리를 구하시오.

## 4

- 1) ④
- 2) ②
- 3) ②
- 4) ⑤
- 5) ③
- 6) ④
- 7) ⑤
- 8) ③
- 9) ①
- 10) ②
- 11) ③
- 12) ⑤
- 13) ④
- 14) ①
- 15) ⑤
- 16) ①
- 17) 130
- 18) 2
- 19) (1) 29.6(m) (2) 49.2(m)