

2-3.연립일차방정식의 활용_비상(김원경)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2021-11-09

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

단원 ISSUE

이 단원에서는 **가격, 개수에 대한 활용 문제, 거리와 속력에 대한 활용 문제** 등이 자주 출제되며 문제를 잘 읽고 식을 세우는 법을 확실히 익힐 수 있도록 학습합니다.

평가문제

[단원 마무리]

- 1. 재진이와 세호는 가위바위보를 해서 이긴 사람은 계단을 4한 올라가고 진 사람은 1한씩 내려가기로 했다. 재진이는 처음보다 25한, 세호는 5한을 올라 가 있을 때, 재진이가 진 횟수는 몇 회인지 구하면? (단, 비기는 경우는 없다.)
 - 1 1
- ② 2
- 3 3
- (4) 4
- (5) 5

[중단원 학습 점검]

- 2. 현중이와 승우가 함께 하면 6시간 걸려서 끝낼수 있는 일을 현중이가 8시간 일하고 난 후, 나머지는 승우가 3시간 동안 일하여 끝냈다고 한다. 이 일을 승우가 혼자서 모두 끝내려면 몇 시간이 걸리는 가?
 - ① 10
- ② 15
- 3 20
- **4**) 25
- **⑤** 30

[중단원 학습 점검]

- 3. 길이가 106 cm 인 끈을 남김없이 사용하여 정삼각 형과 정오각형을 하나씩 만들었다. 정삼각형의 한 변의 길이는 정오각형의 한 변의 길이의 5배보다 2 cm 가 길 때, 정오각형의 한 변의 길이는?
 - ① 1 cm
- ② 2 cm
- ③ 3 cm
- 4 4 cm
- ⑤ 5 cm

[중단원 학습 점검]

- 4. 호윤, 서연, 민선 세 사람이 놀이동산에 놀러 갔다. 이때 필요한 비용 중 호윤이는 입장료, 서연이는 간식비, 민선이는 교통비를 부담하였다. 세 사람이 부담한 비용을 균등하게 하기 위하여 민선이는 호윤이와 서연이에게 각각 10000원, 5000원을 주었다. 입장료가 교통비의 ⁵/₃배에 간식비를 합한 것과 같을 때, 입장료와 교통비의 합을 구하면?
- ① 30000원
- ② 31000원
- ③ 33000원
- ④ 34000원
- ⑤ 37000원

[단원 마무리]

- 5. 어느 방송국에서는 17개의 서로 다른 상품에 대한 광고 방송을 빠짐없이 편성하려고 한다. 각 상품의 광고는 5초짜리와 15초짜리 중 한 가지이다. 5초짜리 광고는 각각 2회씩 방송할 예정이고, 각 광고 사이에는 1초의 간격을 두기로 했다. 첫 번째 광고가 시작되는 시각부터 마지막 광고가 끝나는 시각까지가 7분 25초라면 5초짜리 광고의 방송 횟수와 15초짜리 광고의 방송 횟수의 합은?
 - ① 27
- ② 31
- 3 36
- 41
- (5) 55

실전문제

- A는 참외 2개와 자두 4개를 3400원에 샀고, B는 A와 동일한 참외 8개와 자두 5개를 9200원에 샀다. 참외 한 개의 가격을 구하면?
 - ① 400원
- ② 600원
- ③ 700원
- ④ 900원
- ⑤ 950원

- **7.** 두 정수가 있다. 큰 수를 작은 수로 나누면 몫은 3, 나머지는 4이고, 큰 수의 $\frac{3}{10}$ 과 작은 수의 $\frac{5}{10}$ 의 합이 18일 때, 두 수의 차는?
 - ① 19
- 20 20
- 3 25
- (4) 27
- (5) 28
- 8. 자율 주행 자동차를 시험하기 위하여 출발지로부 터 100km 떨어진 지점까지 자동차로 이동하였다. 처음에는 시속 60km로 달리다가 남은 거리는 시속 80km로 달렸더니 총 1시간 30분이 걸렸다. 이때 자율 주행 자동차가 시속 60km로 달린 거리는?
 - ① 30km
- ② 40km
- ③ 50km
- (4) 60km
- ⑤ 70km
- 9. 초록이가 중간고사에서 받은 국어와 수학 점수의 합은 135점이었다. 기말고사는 중간고사에 비하여 수학 점수는 10% 내려가고, 국어 점수는 20% 올라 가서 두 과목 점수의 합이 138점이 되었다. 기말고 사에서 초록이가 받은 수학점수를 구하면?
 - ① 60점
- ② 64점
- ③ 66점
- ④ 72점
- ⑤ 80점
- ${f 10}$ 。A와 B가 계단에서 가위바위보를 하여 이기면 2계단을 올라가고, 지면 3계단을 내려가는 게임을 하 고 있다. 처음보다 A는 6계단, B는 1계단을 더 내 려가 있다고 한다. A가 이긴 횟수를 x, B가 이긴 횟수를 y라고 할 때 연립방정식을 바르게 세운 것

- $\bigoplus \begin{cases}
 -2x + 3y = -6 \\
 -3x + 2y = -1
 \end{cases}$

- $\mathbf{11}$. 다음은 A와 B 두 사람이 가진 연필의 수에 대하 여 나눈 대화이다. A와 B 두 사람 가진 연필의 수 의 합은?
- A: B야, 나 연필이 너무 많아.
- B: 너의 연필 한 자루만 나에게 주면 내 연필의 수는 너 의 연필의 수의 두 배가 되는 걸!
- B: 또, 내 연필 두 자루를 너에게 주면 너와 나의 연필 의 수는 같아져
- ① 10자루
- ② 12자루
- ③ 14자루
- ④ 16자루
- ⑤ 18자루
- **12.** 둘레의 길이가 3.6km인 호수 공원을 동석이와 도 은이가 같은 지점에서 동시에 출발하여 각각 일정한 속력으로 호수의 둘레를 따라 서로 반대 방향으로 걸었을 때, 20분 후에 처음으로 다시 만났다. 또 같 은 방향으로 걸었을 때는 1시간 30분 후에 처음으 로 다시 만났다. 동석이가 도은이보다 빠르다고 할 때, 도은이의 속력은 시속 $\frac{p}{q}km$ 가 된다고 한다. 이 때 p+q의 값은? (단, p,q는 서로소인 자연수이다.)
 - ① 26
- ② 38
- 3 52
- **4** 64
- ⑤ 78
- **13.** 어느 방송에서 3분짜리 곡과 5분짜리 곡을 섞어 서 재생하면 곡과 곡 사이의 20초 간격까지 합하여 모두 1시간 33분이 걸린다. 사정이 생겨서 3분짜리 곡과 5분짜리 곡의 수를 서로 바꾸어 재생하였더니 곡과 곡 사이의 20초 간격까지 합하여 모두 1시간 11분이 걸렸다. 이때 처음 재생하려고 한 5분짜리 곡은 몇 곡인가?
 - ① 8곡
- ② 9곡
- ③ 10곡
- ④ 11곡
- ⑤ 15곡

- 14. 어떤 물통에 물을 가득 채우는데 A호스로 20분 동안 넣고 B호스로 24분 동안 넣었더니 물이 가득 찼다. 또 같은 물통에 처음 16분간은 A, B 두 호 스를 모두 사용하고, A호스가 고장나서 14분 동안 은 B호스만을 사용하였더니 물통이 가득 찼다. 이 때, A호스만을 사용하여 이 물통을 가득 채우는 데 걸리는 시간은?
 - ① 30분
- ② 36분
- ③ 40분
- ④ 50분
- ⑤ 54분
- 15. 민규와 태우가 같이하면 8일이 걸리는 일을 민규 가 혼자 4일을 일하면 나머지를 태우가 혼자 10일 동안 해야 끝마칠 수 있다. 이 일을 민규 혼자서 한 다면 며칠이 걸리겠는가?
 - 12
- 2 18
- 3 24
- **4**) 28
- **⑤** 30

9

정답 및 해설

1) [정답] ③

[해설] 재진이가 이긴 횟수를 x회, 진 횟수는 y회라 하면

$$\begin{cases} 4x - y = 25 & \cdots \\ -x + 4y = 5 & \cdots \end{cases}$$
에서

①+4×ⓒ하면

15y = 45 $\therefore y = 3$

y=3을 \bigcirc 에 대입하면 x=7

따라서 재진이가 진 횟수는 3회이다.

2) [정답] ②

[해설] 현중이와 승우가 혼자서 할 수 있는 일의 양을 각각 x, y라 하고, 일의 총량을 1이라 하면

$$\begin{cases} 6x + 6y = 1 & \cdots \bigcirc \\ 8x + 3y = 1 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①-2×ⓒ하면

$$-10x = -1 \quad \therefore \quad x = \frac{1}{10}$$

$$x = \frac{1}{10}$$
을 \bigcirc 에 대입하면 $y = \frac{1}{15}$

따라서 승우가 혼자서 일을 모두 끝내려면 15시 간이 걸린다.

3) [정답] ⑤

[해설] 정삼각형의 한 변의 길이를 x cm, 정오각형의 한 변의 길이를 y cm라 하면

$$\begin{cases} 3x + 5y = 106 & \cdots \bigcirc \\ x = 5y + 2 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

○을 ⊙에 대입하면

$$3(5y+2)+5y=106$$
, $15y+6+5y=106$

$$\therefore y = 5$$

y=5를 ©에 대입하면 x=27

따라서 정오각형의 한 변의 길이는 5cm

4) [정답] ②

[해설] 간식비를 x원, 교통비를 y원이라 하면 입장료

는
$$\left(x + \frac{5}{3}y\right)$$
원이다.

$$\begin{cases} x - 5000 = y + 15000 \\ x + \frac{5}{3}y - 10000 = y + 15000 \end{cases}$$

위의 식을 정리하면

$$\int x - y = 20000$$
 ...

$$\begin{cases} 3x + 2y = 75000 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

2×(¬) + (L)하면

5x = 115000 $\therefore x = 23000$

x = 23000을 \bigcirc 에 대입하면 y = 3000

따라서 입장료는 28000원, 교통비는 3000원이므로 입장료와 교통비의 합은 31000원이다.

5) [정답] ④

[해설] 5초짜리 광고의 개수를 x개, 15초짜리 광고의 개수를 y개라 하면

$$\int x + y = 17$$

15x + 30y + 3x + 2y - 1 = 445

위의 식을 정리하면

$$\begin{cases} x+y=17 & \cdots \bigcirc \\ 9x+16y=223 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①×9-ⓒ하면

$$-7y = -70$$
 : $y = 10$

y=10을 \bigcirc 에 대입하면 x=7

따라서 5초인 광고는 7개, 15초인 광고는 10개이므로 광고횟수는 $3 \times 7 + 2 \times 10 = 41$ (개)이다.

6) [정답] ④

[해설] 참외 한 개의 가격을 x원, 자두 한 개의 가격을 y원이라 하면

$$\begin{cases} 2x + 4y = 3400 \\ 8x + 5y = 9200 \end{cases} \quad \therefore x = 900, \ y = 400$$

따라서 참외 한 개의 가격은 900원이다.

7) [정답] ⑤

[해설] 두 정수 중 큰 수를 x, 작은 수를 y라 하면

$$\begin{cases} 3y+4=x\\ \frac{3}{10}x+\frac{5}{10}y=18 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=3y+4 & \cdots \bigcirc \\ 3x+5y=180 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

①을 ©에 대입하면 3(3y+4)+5y=180,

$$14y = 168 \quad \therefore y = 12$$

y=12를 \bigcirc 에 대입하면 36+4=x $\therefore x=40$ 따라서 두 수의 차는 28이다.

8) [정답] ④

[해설] 시속 60km로 달린 거리를 xkm, 시속 80km로 달린 거리를 ykm라 하면

$$\begin{cases} x + y = 100 \\ \frac{x}{60} + \frac{y}{80} = \frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 100 \\ 4x + 3y = 360 \end{cases}$$

 $\therefore x = 60, y = 40$

따라서 시속 60km로 달린 거리는 60km이다.

9) [정답] ④

[해설] 초록이가 중간고사에서 받은 국어 점수를 x점, 수학 점수를 y점이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 135 \\ -\frac{10}{100}y + \frac{20}{100}x = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 135 \\ 2x - y = 30 \end{cases}$$

두 식을 더하면 3x = 165 ∴x = 55

55 + y = 135에서 y = 80

 $\therefore x = 55, y = 80$

따라서 기말고사에 초록이가 받은 수학 점수는 $80 \times (1 - \frac{10}{100}) = 72$ (점)이다.

10) [정답] ①

[해설] A가 이긴 횟수를 x, B가 이긴 횟수를 y라 하면 A는 x번 이기고, y번 진 것이므로

$$2x - 3y = -6$$

B는 y번 이기고, x번 진 것이므로

2y - 3x = -1

따라서 알맞은 연립방정식은 (2x-3y=-6)

$$\begin{cases} 2x - 3y = -6 \\ -3x + 2y = -1 \end{cases}$$
이다.

11) [정답] ⑤

[해설] A가 가진 연필을 x자루, B가 가진 연필을 y자루라 하면

$$\begin{cases} 2(x-1)=y+1 \\ x+2=y-2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x-y=3 \cdots \bigcirc \\ x-y=-4 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

(¬) - (L)을 하면 x = 7

x=7을 \bigcirc 에 대입하면 14-y=3 $\therefore y=11$ 따라서 A와 B가 가진 연필의 수의 합은 18자루이다.

12) [정답] ①

[해설] 동석이의 속력을 시속 xkm, 도은이의 속력을 시속 ykm라 하면, 같은 방향으로 걸었을 때는 동석이가 걸은 거리와 도은이가 걸은 거리의 차가 호수 한 바퀴와 같고, 반대 방향으로 걸었을 때는 동석이가 걸은 거리와 도은이가 걸은 거리의 합이 호수 한 바퀴와 같다.

$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{1}{3}y = 3.6 \\ \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}y = 3.6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x + y = 10.8 \cdots \bigcirc \\ x - y = 2.4 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

 $\bigcirc + \bigcirc$ 을 하면 2x = 13.2 $\therefore x = 6.6$

x = 6.6을 \bigcirc 에 대입하면 6.6 + y = 10.8 $\therefore y = 4.2$

따라서 도은이의 속력을 시속 $4.2 = \frac{21}{5} km$ 이므로 p=21, q=5이고 p+q=26이다.

13) [정답] ⑤

[해설] 3분짜리 곡을 x곡, 5분짜리 곡을 y곡이라 하

$$\begin{cases} 3x + 5y + (x+y-1) \times \frac{20}{60} = 93 \\ 3y + 5x + (x+y-1) \times \frac{20}{60} = 71 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 8x + 5y = 107 \\ 5x + 8y = 140 \end{cases}$$

$$\therefore x = 4, y = 15$$

따라서 처음 재생하려고한 5분짜리 곡은 15곡이 다.

14) [정답] ②

[해설] 물통에 물을 가득 채웠을 때의 물의 양을 1로 놓고, A, B두 호스로 1분 동안 채울 수 있는 물의 양을 각각 x,y라 하면

$$\begin{cases} 20x + 24y = 1 \cdots \bigcirc \\ 16x + 30y = 1 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc \times 4 - \bigcirc \times 5$$
를 하면 $54y = 1$ $\therefore y = \frac{1}{54}$

 $y=rac{1}{54}$ 을 \bigcirc 에 대입하면 $20x+rac{4}{9}=1$ $\therefore x=rac{1}{36}$

15) [정답] ③

[해설] 전체 일의 양을 1로 놓고, 민규와 태우가 하루에 할 수 있는 일의 양을 각각 x, y라 하면

$$\begin{cases} 8x + 8y = 1 & \cdots \bigcirc \\ 4x + 10y = 1 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc - \bigcirc \times 2$$
를 하면 $-12y = -1$ $\therefore y = \frac{1}{12}$

 $y = \frac{1}{12}$ 을 \bigcirc 에 대입하면 $8x + \frac{2}{3} = 1$ $\therefore x = \frac{1}{24}$ 따라서 민규가 혼자서 하면 24일이 걸린다.