## 2021년 고림고 수학(하) 기말고사

- **1.** 유리함수  $y = \frac{5}{x-3} + 4$ 의 점근선의 방정식이 x = p, y = q일 때, p + q의 값은? (단, *p*,*q*는 상수이다.) [3.7점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8
- **4.** 두 함수 f(x) = 2x 3,  $g(x) = x^2 + 3x 5$ 에 대하여  $(g \circ f)(2)$ 의 값은? [3.8점]
  - $\bigcirc 1 3$   $\bigcirc 2 1$   $\bigcirc 3 \ 1$   $\bigcirc 4 \ 3$   $\bigcirc 5 \ 5$

- 2. 서로 다른 상의 4가지와 서로 다른 하의 3가지 중에서 하나씩 고르는 경우의 수는? [3.7점]

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16
- **5.** 두 함수 f(x) = 3x + 2a, g(x) = -2x + 1에 대하여  $f \circ g = g \circ f$ 를 만족시키는 상수 a의 값은? [3.8점]
- ①  $-\frac{1}{3}$  ②  $-\frac{1}{5}$  ③ 0 ④  $\frac{1}{5}$  ⑤  $\frac{1}{3}$

- **3.** x,y가 자연수일 때,  $x+y \le 4$ 을 만족시키는 순서쌍 (x,y)의 개수는? [3.7점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10
- **6.** 함수  $y = \sqrt{x+2} 3$ 에 대하여 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [3.9점]

----- 〈보기〉

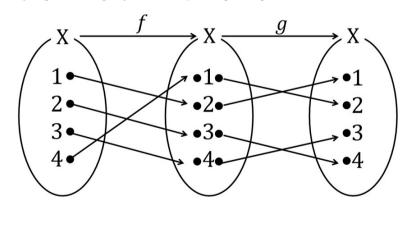
- $\neg$ . 정의역은  $\{x | x \ge -2\}$ 이다.
- ∟. 치역은 {y|y≤-3}이다.
- ㄷ. 그래프는 제 2사분면을 지난다.
- ① ¬
- 2 L
- ③ ᄀ, ⊏
- 4لل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>لللللل</l>
- ⑤ 7, ∟, ⊏

- **7.** 무리함수  $y = \sqrt{ax}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 그래프가 점 (3,5)를 지날 때, 상수 a의 값은? [4.0점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **8.** 함수  $f(x) = 2x \frac{2}{3}$ 의 역함수가  $f^{-1}(x) = ax + b$ 일 때, a + b의 값은? (단, a,b는 상수이다.) [4.1점]

- ①  $\frac{1}{6}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{1}{2}$  ④  $\frac{2}{3}$  ⑤  $\frac{5}{6}$

**9.** 그림과 같이 정의된 두 함수  $f: X \rightarrow X$ ,  $g: X \rightarrow X$ 에 대하여  $(f \circ g^{-1})(2) + (g \circ f^{-1})(3)$ 의 값은? [4.1점]



- ① 1 ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

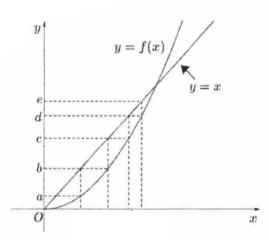
- 10. 남자 4명과 여자 4명 중에서 3명을 뽑아서 새로운 모둠을 만들려고 한다. 이때, 여자가 적어도 1명 포함되는 경우의 수는? [4.2점]

- ① 46 ② 48 ③ 50 ④ 52
- ⑤ 54

- **11.** 6명을 3명씩 두 개의 조로 나누는 경우의 수는 a가지, 2명씩 세 개의 조로 나누는 경우의 수는 b가지라고 할 때, a+b의 값은? [4.2점]

- ① 23 ② 24 ③ 25 ④ 26
- ⑤ 27

**12.** 함수 y = f(x)의 그래프와 직선 y = x를 나타낸 것이다.  $(f^{-1} \circ f)^{-1}(e)$ 의 값은? (단, 모든 점선은 x축 또는 y축에 평행하다.) [4.3점]



- $\bigcirc$  a
- ② b
- $\bigcirc$  c
- $\bigcirc$  d
- (5) e

- **13.** 유리함수  $y = \frac{3x + k 6}{x 2}$ 의 그래프가 제 3사분면을 지나지 않도록 하는 실수 k의 최댓값은? [4.4점]
- ①  $\frac{15}{2}$  ② 7 ③  $\frac{13}{2}$  ④ 6 ⑤  $\frac{11}{2}$

- **14.** 일차함수 f의 역함수를  $f^{-1}(x) = 2x + 6$ 라고 할 때, 함수 g(x)가 모든 실수 x에 대하여  $g(3x-2) = 5f\left(x + \frac{1}{3}\right) + 2$ 를 만족시킨다. 이때,  $g^{-1}(-3)$ 의 값은? [4.5점]

- ① 27 ② 18 ③ 9 ④ -9 ⑤ -18
- **17.** 함수  $f(x) = \sqrt{x-k} + 1$ 의 그래프와 그 역함수  $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프가 서로 다른 두 점에서 만나도록 하는 실수 k값의 범위가  $a \le k < b$ 라 할 때, a+b의 값은? (단, a,b는 상수이다.) [4.7점]

**16.** 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에서 집합  $Y = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 로의 함수 f중에서

3 540

다음 조건을 만족시키는 함수 f의 개수는?

(7) f(1) < f(2)(L) f(3) > f(4)

① 180 ② 225

**4** 600

(5) 1350

① 1 ②  $\frac{5}{4}$  ③  $\frac{3}{2}$  ④ 2 ⑤  $\frac{9}{4}$ 

- **15.** 81000의 양의 약수 중에서 4의 배수인 약수의 개수는? [4.5점]
- ① 20
- 2 40
- ③ 60
- **4** 80
- **⑤** 100
- **18.** 다음 식의 값은? [4.8점]

$$\frac{4 \times {}_6 \mathrm{P}_3}{4!} + \frac{5 \times {}_5 \mathrm{P}_4}{5!} + \frac{6 \times {}_7 \mathrm{P}_5}{6!} + \frac{7 \times {}_8 \mathrm{P}_6}{7!} + \frac{8 \times {}_9 \mathrm{P}_7}{8!} + \frac{9 \times {}_{10} \mathrm{P}_8}{9!}$$

- ① 56
- ② 84 ③ 120
- 4 165
- (5) 220

- **19.** 좌표평면 위의 두 곡선  $y = -\sqrt{-kx+2k}+4, y = \sqrt{kx+2k}-4$ 가 서로 만나도록 하는 정수 k의 개수는? [4.9점]
- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11
- ⑤ 12

- **20.** 양수 k에 대하여 함수  $y = \frac{4}{x}$ 와 직선 y = kx가 서로 다른 두 점 P,Q에서 만난다. 점 P를 지나고 x축에 수직인 직선과 점 Q를 지나고 y축에 수직인 직선이 서로 만나는 점 R에 대하여  $\overline{PR}+\overline{QR}$ 은  $k=k_1$ 일 때, 최솟값 m를 갖는다고 한다. 이때  $k_1+m$ 의 값은? (단,  $k_1$ 과 m은 실수이다.) [4.9점]

- ① 9 ②  $\frac{17}{2}$  ③ 8 ④  $\frac{15}{2}$  ⑤ 7

- **21.** 1,2,3,4,5,6,7의 7개의 숫자를 일렬로 나열하여 7자리의 자연수를 만들 때, 다음 조건을 만족시키는 자연수의 개수는? [5.0점]
  - (가) 짝수이다.
  - (나) 2,4,6은 서로 이웃한다.
  - (다) 1과 4는 이웃하지 않는다.
- $\bigcirc$  720
- 2 576
- ③ 432
- 4 144
- (5) 132

- **22.** 함수  $f(x) = \begin{cases} x & (x \le 3) \\ -\frac{1}{3}x & (x > 3) \end{cases}$ 에 대하여  $y = (f \circ f)(x)$ 의 그래프가 이차함수  $y=x^2-6x+k$ 의 그래프와 만나도록 하는 실수 k의 최댓값은? [5.1점]

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14
- **⑤** 16

**23.** 유리함수  $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ 과 2 이상의 자연수 n에 대하여  $f^2 = f \circ f$ ,  $f^3 = f^2 \circ f$ , …,  $f^{n+1} = f^n \circ f$ 로 정의하자. 함수  $g(x) = f^{2021}(x)$ 라 할 때, 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [5.1점]

---- 〈보기**〉** 

- $\neg g^{-1}(0) = 1$
- $\mathsf{L}$ .  $y = g^{-1}(x)$ 의 그래프는 모든 사분면을 다 지난다.
- $\mathsf{c}$ .  $y = g^{-1}(x)$ 의 그래프의 두 점근선은 (-1,1)에서 만난다.
- $\mathbf{z}$ .  $y=g^{-1}(x)$ 의 그래프는  $y=\frac{2}{x}$ 의 그래프를 평행이동 한 것이다.

- ③ ∟, ≥
- (1) ¬, L (4) ¬, L, 2 (5) ¬, C, 2

- 1) ④
- 2) ③
- 3) ①
- 4) ②
- 5) ①
- 6) ①
- 7) ②
- 8) ⑤
- 9) ③
- 10) ④
- 11) ③
- 12) ⑤
- 13) ④
- 14) ③
- 15) ②
- 16) ⑤
- 17) ⑤
- 18) ④
- 19) ②
- 20) ①
- 21) ⑤
- 22) ③
- 23) ①