

고림고(경기) 2020 2학기 기말 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 장수연 (ky180405@eduzone.co.kr)

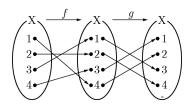


◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2021-09-30
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

- **1.** $_{8}C_{9}$ 와 같은 것은?
 - ① $_{8}C_{0}$
- $\bigcirc _8C_3$
- $3 _{8}P_{6}$
- (4) $_{8}P_{2}$
- ⑤ $_8C_6$
- 2. 10명으로 이루어진 어느 기악동아리에서 발표회를 열기로 하였다. 10명 중에서 연주자를 2명 뽑아 연주하는 순서를 정하는 경우의 수는?
 - ① 45
- ② 60
- 3 75
- 4) 85
- **⑤** 90
- **3.** 집합 $X = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대해 X에서 X로의 두 함수 f, g가 있다. 두 함수 f, g가 그림과 같을 때, $(g \circ f^{-1})(3) + f(2)$ 의 값은?



1 4

② 5

- ③ 7
- **(4)** 8
- (5) 9
- **4.** 함수 g(x)는 두 함수 f(x)=3x-1, h(x)=1-2x 에 대하여 $(f\circ g)(x)=h(x)$ 를 만족시킨다. g(4)의 값은?
 - $\bigcirc -2$
- 30
- 4 1
- (5) 2

- **5.** 108의 양의 약수 개수는?
 - ① 9
- ② 12
- ③ 15
- 4) 18
- ⑤ 21
- **6.** f(1) < 0, $(f \circ f)(x) = 9x + 8$ 를 만족하는 일차함수 f(x)에 대해 f(2)의 값은?
 - $\bigcirc -10$
- $\Im 0$
- **(4)** 8
- **⑤** 10
- **7.** 함수 $f(x)=1-\frac{1}{x}$ 에 대하여

$$f^2 = f \circ f$$
$$f^3 = f \circ f^2$$
:

 $f^{n+1} = f \circ f^n$ (n은 자연수)으로 나타낼 때, $f^{2020}(2) \times f^{2021}(3)$ 의 값은?

- ① $-\frac{1}{4}$
- $\bigcirc -\frac{1}{2}$
- 3 0
- $4 \frac{1}{2}$
- **8.** 남학생 4명과 여학생 6명을 일렬로 세울 때, 남학생 4명이 서로 이웃하게 서는 경우의 수는 $a \times 7$!이다. 이때 자연수 a의 값은?
 - ① 6
- ② 12
- ③ 18
- 4 24
- **⑤** 36

- **9.** 집합 $X = \{1, 2, 3, \dots, 6\}$ 에 대하여 $f: X \rightarrow X$, $f(1) \neq 3$, f(2) = 1을 만족시키고 일대일대응인 함수 f의 개수가 $a \times 3$!일 때, 자연수 a의 값은?
 - ① 4
- ② 8
- ③ 12
- **(4)** 16
- **⑤** 20
- **10.** 함수 $y = -\sqrt{8-2x} + 4$ 에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 정의역은 $\{x \mid x \leq 4\}$ 이다.
- L. 그래프는 점 (4,4)를 지난다.
- C. 그래프는 제 1, 3, 4 사분면을 지난다.
- ① ¬
- ② □
- ③ 7, ∟
- ④ ∟, ⊏
- ⑤ 7, ᠘, ⊏
- **11.** 함수 $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프를 x축 방향으로 -1만큼, y축 방향으로 3만큼 평행이동하면 함수 y = g(x)의 그래프와 일치한다.

이때, 정의역 $\{x \mid 0 \le x \le 4\}$ 일 때, 함수 g(x)의 최 댓값은?

- ① 1
- ② 5
- $3\frac{11}{3}$
- $4\frac{17}{5}$
- (5) 8
- **12.** 집합 $X = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 X에서 X로의 세 함수 f, g, h가 다음 세 조건을 만족시킬 때, f(3) + h(2)의 값은?
- f는 일대일대응, g는 항등함수, h는 상수함수이다.
- f(1) = g(2) = h(3)
- f(2)+g(3)+h(1)=6
- ① 3
- 2 4
- 35
- 4 7
- **⑤** 9

- **13.** 10개의 숫자 0, 1, 2, 3, ···, 9가 각각 적힌 10 장의 카드 중에서 서로 다른 3장의 카드를 뽑아 세 자리 자연수를 만들려고 한다. 뽑은 카드로 만든 세 자리 자연수를 작은 수부터 차례대로 나열할 때 500번째에 놓이게 되는 자연수의 백의 자리 수를 a, 십의 자리 수를 b, 일의 자리 수를 c라 할 때, a+b+c의 값은?
 - ① 16
- 2 17
- ③ 18
- **4**) 19
- **⑤** 20
- **14.** 함수 $y = \frac{bx}{x+a}$ (단, a, b는 상수)의 그래프와 그역함수의 그래프가 모두 점 (1,-2)를 지날 때, 제 1 사분면에 있는 그래프 위의 점 P에서 x축, y축에 내린 수선의 발을 각각 Q, R라고 할 때, 삼각형 PQR의 넓이는 점 P의 x좌표가 n일 때 최솟값 m

을 갖는다. m-n의 값은? (단, n, m은 상수)

- ① 2
- ② 4
- 3 6
- **(4)** 8
- **⑤** 10
- **15.** 기울기가 4인 일차함수 h(x)와 최고차항의 계수 가 -1이고 꼭짓점의 x좌표가 -1보다 작은 이차함 수 f(x)에 대해 함수 g(x)를 다음과 같이 정의하자.

$$g(x) = \begin{cases} h(x) & (x < -1) \\ f(x) & (-1 \le x \le 2) \\ h(x) & (x > 2) \end{cases}$$

함수 g(x)는 역함수가 존재하며 치역은 실수 전체의 집합이고, g(0)=4라 할 때, $(g\circ g)\Big(\frac{1}{2}\Big)$ 의 값은?

① 3

- ② 4
- 35
- **4**) 6
- **(5)** 7

16. 9개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9중에서 서로 다른 3개의 숫자를 택하여 다음 조건을 만족시키도록 세 자리 자연수를 만들려고 한다. 예를 들어, 218은 조건을 만족한다. 조건을 만족하는 세 자리 자연수의 개수는?

각 자리의 수 중 어떤 두 수의 합은 5의 배수이다.

- ① 146
- ② 168
- 3 216
- (4) 288
- ⑤ 336
- **17.** 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 가 역함수가 존재하고, 다음 조건을 만족 시킨다. 이때, 2f(1) + f(5)의 값은?
 - (가) $(f \circ f)(6) + f^{-1}(6) = 11$ 이다.
 - (나) $(f \circ f)(4) + f^{-1}(4) = 5$ 이다.
 - (다) f(3)의 값은 소수가 아니다.
 - 1 8
- ② 9
- 3 10
- (4) 11
- ⑤ 12
- **18.** 두 이차함수 $f(x)=-x^2+ax-a-5$,

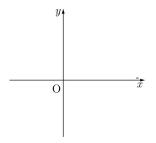
 $g(x)=x^2-2x-8$ 이 있다. 모든 실수 x에 대하여 $(g\circ f)(x)\geq 0$ 이 성립하도록 하는 실수 a의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 할 때, Mm의 값은?

- $\bigcirc -12$
- $\bigcirc -10$
- 3 8
- (4) -6
- (5) -4
- 19. 두 집합

 $A=\{(x\,,y)\mid y=\sqrt{x-3}\,\}$, $B=\{(x\,,y)\mid y=x+m\}$ 에서 $n(A\cap B)=2$ 일 때, 실수 m의 값의 범위를 구하시오.

20. $y=rac{bx+1}{x+a}$ (a, b는 상수)의 그래프가 점 (-1,2)

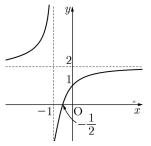
에 대하여 대칭일 때, a, b의 값과 주어진 함수의 그래프가 몇 사분면을 지나는지 구하시오. (단, 주어진 함수의 그래프를 반드시 그리시오.)



- 1) ⑤
- 2) ⑤
- 3) ①
- 4) ①
- 5) ②
- 6) ①
- 7) ①
- 8) 4
- 9) ④
- 10) ③
- 11) ②
- 12) ③
- 13) ④
- 14) ②
- 15) ⑤
- 16) ④
- 17) ③
- 18) ①
- 19) $-3 \le m < -\frac{11}{4}$
- 20) 점근선의 방정식이 x = -1, y = 2이므로 a=1, b=2이다.

즉, $f(x) = \frac{2x+1}{x+1} = \frac{-1}{x+1} + 2$ 이라 하면

f(0) = 1이므로 함수 y = f(x)의 그래프의 개형은 다음 그림과 같다.



따라서 주어진 함수의 그래프는