

2022학년도 수학(하) 기말고사 대비

DATE NAME GRADE

중급 2회

- **1.** 함수 $f(x) = x^2 4x \ (x \ge 2)$ 의 역함수 $f^{-1}(x)$ 에 대하여 두 함수 y = f(x)와 $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프의 교점의 좌표를 (a, b)라 할 때, a+b의 값을 구하면?
- ① 10
- ② 15
- ③ 21
 - **4** 26
- ⑤ 31
- 3. 다음 〈보기〉 중 주어진 분수함수의 그래프와 그 역함수의 그래프가 일치하는 것을 모두 고른 것은?

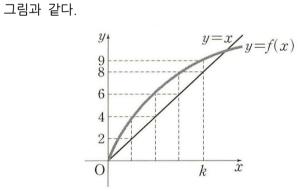
$$\neg . f(x) = \frac{x}{x-1}$$

$$\ \ \, \subseteq \ \, g(x) = \frac{2x-1}{2x-2}$$

$$\vdash \cdot h(x) = \frac{3x - 2}{x - 1}$$

- (1) ¬ (2) L (4) ¬, L (5) ¬, L, E

2. $x \ge 0$ 에서 정의된 두 함수 y = f(x)와 y = x의 그래프가 다음



f(x)의 역함수를 g(x)라 할 때, $(g \circ g)(k)$ 의 값은? (단, 모든 점선은 x축 또는 y축에 평행하다.)

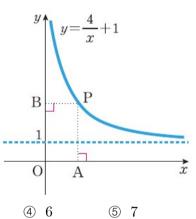
4. 오른쪽 그림과 같이 함수

$$y = \frac{4}{x} + 1 \; (x > 0)$$
의 그래프
위의 한 점 P에서 x 축과

y축에 내린 수선의 발을 각각 A, B라 할 때, PA+PB의 최솟값은?

① 3 ② 4 ③ 5





5.	무리함수 $y=-\sqrt{2x-1}+1$ 의 그래프에 대한 다음 〈보기〉의
	설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

---- < 보 기 > -

- ㄱ. 치역은 $\{y \mid y \ge 1\}$ 이다.
- ㄴ. $y=-\sqrt{2x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 1만큼 평행이동한 것이다.
- ㄷ. 제2사분면과 제3사분면을 지나지 않는다.

- ③ ᄀ, ∟

- ① ¬ ② ⊏ ④ L, C ⑤ ¬, L, C

- **8.** 함수 $f(x) = \sqrt{2x-a} + 2$ 의 그래프와 그 역함수 $f^{-1}(x)$ 의 그래프의 두 교점 사이의 거리가 $2\sqrt{2}$ 일 때, 상수 a의 값은?

7. 함수 $f(x) = \sqrt{x+1} + 1$ 의 역함수를 y = g(x)라 하자.

OP의 길이는? (단, O는 원점이다.)

y = f(x)의 그래프와 y = g(x)의 그래프의 교점을 P라 할 때,

① $2\sqrt{3}$ ② $\sqrt{14}$ ③ 4 ④ $3\sqrt{2}$ ⑤ $2\sqrt{5}$

- **6.** $-3 \le x \le 2$ 에서 정의된 함수 $f(x) = \sqrt{a-x} 1$ 의 최댓값이 2일 때, 최솟값은? (단, a는 상수)

- ① 1 ② 0 ③ -1 ④ -2 ⑤ -3

- **9.** 방정식 3x + y + 2z = 15를 만족시키는 양의 정수 x, y, z에 대하여 순서쌍 (x, y, z)의 개수는?

 - ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

10. 1000보다 작은 자연수 중에서 5가 들어 있는 수의 개수는?

① 217

② 227

③ 271

④ 277

⑤ 331

13. 오른쪽 그림은 5세기 경의 한반도 정세를 나타낸 것이다. 네 나라의 영역을 구분하기 위하여 서로 다른 네 가지 색으로 색칠하려고 한다. 같은 색을 중복하여 사용할 수 있으나 인접하는 영역은 서로 다른 색을 사용하여 색칠할 때, 색칠하는 방법의 수는?



① 24 ② 36 ③ 48

(4) 72

© 108

11. $4^k \cdot 5^3$ 의 양의 약수의 개수가 28개일 때, k의 값은?

① 3 ② 4

3 5 **4** 6 ⑤ 7

14. 1000원짜리 지폐 3장, 5000원짜리 지폐 4장, 10000원짜리 지폐 2장을 사용하여 거스름돈 없이 지불할 수 있는 금액의 수는? (단, 0원을 지불하는 것은 제외한다.)

① 35

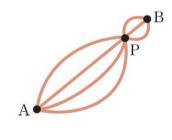
② 36

3 59

4 60

⑤ 72

12. 오른쪽 그림과 같은 도로망이 있다. A지점에서 B지점으로 갔다가 다시 A지점으로 돌아오는 방법의 수는? (단, P지점은 두 번만 지날 수 있고, 한 번 지나간 길은 다시 지나지 않는다.)



① 12 ② 18 ③ 36 ④ 64 ⑤ 72

15. 1반 학생 2명, 2반 학생 3명, 3반 학생 4명을 일렬로 세울 때, 같은 반 학생끼리 이웃하여 서는 방법의 수는?

① 2·3·4

② 2! • 3!

 $3 \ 2! \cdot 3! \cdot 4!$

 $(4) 2! \cdot 3! \cdot 4! \cdot 3$ $(5) 2! \cdot 3! \cdot 4! \cdot 3!$

16.	5 개의 숫자 $1,\ 2,\ 3,\ 4,\ 5,\ 6$ 에서 서로 다른 숫자 4 개를
	택하여 만든 네 자리의 정수 중 9의 배수의 개수는?

- ① 18
 - ② 24
- 30
- **4** 36
- ⑤ 42

- ① 6
 - 22
- ③ 120
- 4 720
- **⑤** 960

- ① 12
- 2 18
- 3 24
- **48**
- ⑤ 72

- ① $_{15}P_4 \cdot 2$
- ② $_{15}P_4 \cdot _{15}P_4$

- ⑤ $_{30}P_{8}$

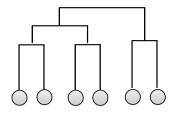
20.
$$1 \le a < b < c < d \le 9$$
를 만족하는 네 자리의 정수 $abcd$ 의 개수는?

- ① 126
- ② 756
- ③ 1008
- ④ 1512
- ⑤ 3024

- **21.** 5개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5 중에서 서로 다른 3개를 택하여 세 자리의 자연수를 만들 때, 200보다 작거나 400보다 큰 수의 개수는?
 - ① 12
- ② 18 ③ 24 ④ 30

- ⑤ 36

22. 6팀이 아래 그림과 같이 시합을 할 때, 대진표를 작성하는 방법의 수는?



- ① 15 ② 45 ③ 90 ④ 135
- ⑤ 180

서울형 논울형 꾸관식

23. 함수 $f(x) = \frac{3x-1}{x-2}$ 의 역함수를 g(x)라 할 때, y = g(x)의

그래프를 x축의 방향으로 a만큼, y축의 방향으로 b만큼 평행이동하면 y = f(x)의 그래프와 겹쳐진다. 이때, a+b의 값을 구하여라. (단, a, b는 상수)

24. 곡선 $y = \sqrt{x-1} + 2$ 와 직선 y = ax - 2a + 1이 만나기 위한 실수 a의 값의 범위를 구하여라.

25. 6장의 숫자 카드 0, 1, 2, 3, 4, 5를 사용하여 네 자리의 정수를 만들 때, 3의 배수의 개수를 구하여라.

26. x에 대한 이차방정식 $10x^2 - {}_n {\rm C}_r x - 3 {}_n {\rm P}_r = 0$ 의 두 근이 -2와 3일 때, 상수 $n,\ r$ 의 값을 구하여라.

- 1) [정답] : ①
- 2) [정답] : ②
- 3) [정답] : ④
- 4) [정답] : ③
- 5) [정답] : ②
- 6) [정답] : ①
- 7) [정답] : ④
- 8) [정답] : ⑤
- 9) [정답] : ②
- 10) [정답] : ③
- 11) [정답] : ①
- 12) [정답] : ⑤
- 13) [정답] : ③
- 14) [정답] : ①
- 15) [정답] : ⑤
- 16) [정답] : ②
- 17) [정답] : ④
- 18) [정답] : ③
- 19) [정답] : ②
- 20) [정답] : ①
- 21) [정답] : ⑤
- 22) [정답] : ② 23) [정답] : 0
- 24) [정답] : a > 0, $a \le -1$
- 25) [정답] : 96개
- 26) [정답] : n=5, r=2