

2022학년도 수학(하) 기말고사 대비

DATE NAME GRADE

중급 5회

 $oldsymbol{1}$. 집합 $X=\{1,\ 2,\ 3\}$ 에 대하여 X에서 X로의 함수 $f,\ g,\ h$ 는 각각 상수함수, 항등함수, 일대일대응이다. 세 함수 f, g, h가 다음 조건을 모두 만족시킬 때, f(1)+g(2)+h(3)의 값은?

(7) f(2) = g(3) - h(2)

(나) f(3) = g(1) + 1 = h(1) - 1

① 4

2 5

3 6

4 7

⑤ 8

2. 집합 $X = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 X에서 X로의 일대일 대응인 두 함수 f, g가 있다. f(3)=g(2)=1, $(g \circ f)(3)=(f \circ g)(2)=2$ 일 때, f(2)+g(3)의 값은?

 \bigcirc 2

② 3

3 4

4 5

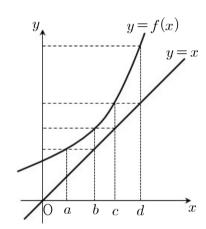
⑤ 6

3. 일차함수 f(x)=ax-6의 역함수가 $f^{-1}(x)=\frac{1}{2}x+b$ 일 때, 상수 a, b에 대하여 ab의 값은?

 $\bigcirc 12$ $\bigcirc -6$ $\bigcirc 3$ -3 $\bigcirc 6$

⑤ 12

4. 함수 y = f(x)의 그래프와 직선 y = x가 오른쪽 그림과 같을 때, $(f \circ f)^{-1}(d)$ 의 값은? (단, 모든 점선은 x축 또는 y축에 평행하다.)



 \bigcirc 2c

② b

 \odot c

4 d

⑤ 2b

- **5.** 집합 $X = \{a, b, c\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 의 역함수가 존재하고 $(f \circ f)(a) = c$ 를 만족할 때, af(a) + f(b) - bf(c)의 값은?

- ⑤ *abc*

- **6.** 집합 $X = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 함수 $f: X \rightarrow X$ 를 $f(x) = \begin{cases} x+1 & (x \le 2) \\ 1 & (x=3) \end{cases}$ 로 정의하자. $f^1(x) = f(x), f^{n+1}(x) = f(f^n(x)) (n = 1, 2, 3, \cdots)$ 이라 할때, $f^{2014}(2)-f^{-1}(1)$ 의 값을 구하면?
- ① 0
- ② 1
- 3 2
- **4** 3

- $oldsymbol{7}$. 실수 전체의 집합 R에서 R로의 함수 f가 다음 조건을 모두 만족시킨다.
 - (가) $-1 \le x \le 1$ 에서 f(x) = |x|
 - (나) f(x+2) = f(x)

함수 y = f(x)의 그래프가 직선 y = ax + 1과 서로 다른 네 개의 점에서 만나도록 할 때, 직선 y=ax+1이 반드시 지나야 하는 점을 구하면? (단, a > 0)

① (-2, 0) ② (-3, 0) ③ (-4, 0) ④ (-5, 0) ⑤ (-6, 0)

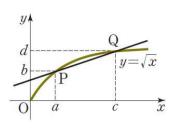
- **8.** 분수함수 $y = \frac{x+2}{ax+b}$ 의 그래프가 점 (2, 2)를 지나고 한 점근선이 $y = \frac{1}{3}$ 일 때, 상수 a, b의 합 a + b의 값은?
- $\bigcirc -2$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$
- **4** 1
- ⑤ 2

9. 다음 〈보기〉 중에서 평행이동을 하여 $y=\frac{2}{x}$ 의 그래프와 일치할 수 있는 것을 모두 고른 것은?

- 1) 7 2 L 3 C 4 7, C 5 L, C

- **10.** 유리함수 $f(x) = \frac{1}{1-x}$ 에 대하여 $f^{100}(3)$ 의 값은? (단, $f^1 = f$, $f^{n+1} = f \circ f^n$)
- ① -2 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ 1 ⑤ 3

- **13.** 함수 $y = \sqrt{x}$ 의 그래프 위의 두 점 P(a, b), Q(c, d)에 대하여 $\frac{b+d}{2}$ =3일 때, 직선 PQ의 기울기는? (단, 0 < a < c)



- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ $\frac{1}{7}$

- 1

- (5)
- **11.** 함수 $f(x) = \frac{ax+b}{x+c}$ 의 역함수가 $f^{-1}(x) = \frac{x+2}{x+1}$ 일 때, 상수 a, b,c의 합 a+b+c의 값은?
- ① -2
- $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 1$
- © 2
- **14.** 부등식 $3x+y \leq 8$ 을 만족하는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y) 의 개수는?
 - ① 6 ② 7 ③ 8
- **4** 12
- © 15

- **12.** 함수 $f(x) = \sqrt{-3x+a} + b$ 의 정의역은 $\{x \mid x \le 2 \text{인 실수}\}$ 이고, 치역은 $\{y \mid y \ge -2$ 인 실수 $\}$ 이다. 이때, f(-1)의 값은?
- ① 1
- ② 2
- 3
- **4**
- ⑤ 5
- 15. A, B, C, D 네 사람이 각자 선물을 하나씩 준비하여 상자에 넣고 임의로 하나씩 집었을 때, 네 사람 모두가 서로 다른 사람이 준비한 선물을 집는 방법의 수는?
- ① 9가지

- ② 12가지 ③ 15가지 ④ 18가지 ⑤ 24가지

16. 남자 3명과 여자 3명이 일렬로 등산을 할 때, 남자와 여자가 서로 교대로 서는 방법의 수는?

① 70가지 ② 72가지 ③ 74가지 ④ 76가지 ⑤ 78가지

19. 8명의 이어달리기 선수 중에서 갑, 을 두 사람을 포함하여 4명을 뽑아 제 1구간, 제 2구간, 제 3구간, 제 4구간을 뛸 선수를 정하는 방법의 수는?

17. 1에서 2n까지의 자연수 중에서 서로 다른 두 수를 임의로 선택할 때, 선택된 두 수의 곱이 짝수가 되는 경우의 수가 92이다. 이때, n의 값은?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

서울형 논울형 주관식 [20~24]

20. 집합 $X = \{-2, 3\}$ 에서 정의된 두 함수 $f(x) = ax + 2b, \ g(x) = x^2 - 2a$ 가 서로 같을 때, 실수 a, b의 값을 구하여라.

18. 남학생 9명, 여학생 5명으로 구성된 동아리가 있다. 이 동아리에서 3명의 임원을 선출하려고 할 때, 남학생과 여학생이 각각 적어도 1명씩 포함되게 선출하는 방법의 수는?

 21. $-5 \le x \le a$ 에서 유리함수 $y = -\frac{2}{x-1}$ 의 최댓값은 $\frac{2}{3}$, 최솟값은 b이다. 상수 a, b의 값을 구하여라.

22. 두 집합

 $A=\{(x,\ y)\ |\ y=mx+1\},\ B=\{(x,\ y)\ |\ y=\sqrt{2x-3}\ \}$ 에 대하여 $A\cap B\neq\varnothing$ 이 되는 실수 m의 값의 범위를 구하 여라.

23. 3종류의 비누, 3종류의 치약, 4종류의 세제가 있다. 비누, 치약, 세제를 적어도 하나씩 포함하여 총 4개가 들어 있는 선물 세트를 만드는 방법의 수를 구하여라. 24. 보민이네 반 학생 8명은 2개의 모둠으로 나누어 설악산을 등반하기로 하였다. 조사해보니 8명 중 등산로를 알고 있는 학생은 3명이었다. 8명을 2개의 모둠으로 나눌 때, 각모둠 에 등산로를 아는 학생이 한 명 이상 포함되고, 각 모둠의 구성원이 3명 이상이 되도록 하는 방법의 수를 구하여라.

- 1) [정답] : ③
- 2) [정답] : ⑤
- 3) [정답] : ④
- 4) [정답] : ②
- 5) [정답] : ③
- 6) [정답] : ①
- 7) [정답] : ③
- 8) [정답] : ②
- 9) [정답] : ③
- 10) [정답] : ②
- 11) [정답] : ③
- 12) [정답] : ①
- 13) [정답] : ④
- 14) [정답] : ②
- 15) [정답] : ①
- 16) [정답] : ②
- 17) [정답] : ④
- 18) [정답] : ③
- 19) [정답] : ⑤
- 20) [정답] : a=1, b=2
- 21) [정답] : a=-2, $b=\frac{1}{3}$
- 22) [정답] : $-\frac{2}{3} \le m \le \frac{1}{3}$
- 23) [정답] : 126가지
- 24) [정답] : 75