# 계산력 연습

## [영역] 2.문자와 식



중 3 과정

### 2-3-1.이차방정식의 뜻과 해가 주어질 때





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-01-12

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

## 계산시 참고사항

## 1. 이차방정식의 뜻

(1) x에 관한 이차방정식: 방정식의 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하였을 때, (x)에 관한 이차식)=0의 꼴로 변형되는 방정식을 x에 관한 이차방정식이라고 한다.

(2) 이차방정식의 일반형

 $\underline{ax^2 + bx + c = 0}$  (단,  $a \neq 0$ , a, b, c는 상수)

## 2. 이차방정식의 해

- (1) 이차방정식의 해 또는 근: 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$ 을 참이 되게 하는 미지수 x의 값을 이차방정식의 해 또는 근이라고 한다.
- (2) 이차방정식을 푼다: 이차방정식의 해를 모두 구하는 것
- (3) 이차방정식의 해를 확인하는 방법
- ① 주어진 이차방정식을 간단히 정리한다.
- ② 주어진 미지수의 값을 이차방정식에 대입한다.
- ③ 미지수의 값을 대입한 식이 참이면 해이고, 거짓이면 해가 아니다.

## 3. 이차방정식의 한 근이 주어졌을 때 미지수의 값 구하기

- (1) 주어진 한 근을 이차방정식에 대입한다.
- (2) (1)에서 얻은 미지수에 대한 방정식을 풀어 미지수의 값을 구한다.

## 4. 이차방정식의 한 근이 문자로 주어졌을 때 식의 값 구하기

- (1) 주어진 한 근을 이차방정식에 대입한다.
- (2) (1)에서 얻은 등식을 변형하여 주어진 식의 값을 구한다.

## 이차방정식과 이차식

● x²-2x+1=0: 이차방정식

x²-2x+1: 이차식

## **1** 이차방정식의 뜻

☐ 다음 중 이차방정식인 것에는 ○표, 아닌 것에는 ×표 하여라.

1. 2x-3=0

( )

 $2. x^2 - 1 = 0$ 

( )

)

3.  $2x^2 + 3x + 1 = (2x+3)(x-5)$ 

, 7. x

6.

 $x^2 - 3x = x^2$ 

4.  $x^3 - 2x^2 = 3x + x^3$ 

 $2x^2 - 3x - 2$ 

 $x^2 + x + 2 = 0$ 

(

)

)

)

)

)

8.  $2x^2 - x + 3$ 

(

 $(x-1)^2 = 2x$ 

( ) ☑ 다음 등식이 x에 대한 이차방정식일 때, 상수 a의 조건을 구하여라.

10.  $3x^2 - 5 = 4x - 5$ 

( ) 23.  $ax^2 - 2x = 0$ 

11.  $x^2 - x(x+2) = 0$ 

( ) 24.  $(a-2)x^2+2x-3=0$ 

12.  $x^2 + 4x - 10 = -x^2 + 3x$ 

( ) 25.  $ax^2 - x - 5 = 3x^2 + 5x$ 

13.  $x^3 + 8x = 2x^2 - x^3$ 

( ) 26.  $(a+1)x^2-2x+3=0$ 

14.  $16x^2 = (4x+1)(4x-1) + 5x$ 

) (

27.  $ax^2 + 2x - 5 = 3x - 2x^2$ 

 $x^2 + 2 = 6$ 15.

( ) 28.  $2x^2+3=x+4x+(a-2)x^2$ 

16. 2x + 1 = 3

) (

29.  $ax^2 + 2x - 1 = 0$ 

17.  $3x^2 + 2x - 6$ 

(

)

)

30.  $5x = ax^2$ 

18.  $\frac{x^2}{2} = 3x + 4$ 

(

31.  $(a-3)x^2-x=0$ 

19.  $\frac{2}{x^2} + 2x = 0$ 

( )

 $(2a-1)x^2+8x-1=0$ 32.

33.  $-x^2 - 3x + 2 = ax^2 + 3$ 

20.  $x^3 + x^2 - 5x = 2x^2$ 

( )

21.  $x^3 - x^2 + 2x - 3 = x^3$ 

)

(

(

22.  $x^2-2x+1=(x-5)^2$ 

)

34.  $3ax^2 + 4x - 7 = 6x^2 - 3x + 1$ 

# 3

## 이차방정식의 해를 확인하기

- □ 다음 [ ]안의 수가 주어진 이차방정식의 해이면 ○표, 아니면 ×표 하여라.
- 35. x(x-3) = 0 [3]

( )

36.  $x^2 - 4 = 0$  [-2]

( )

37.  $x^2 - 2x - 3 = 0$  [-3]

( )

38. x(x+1) = 2x+6 [2]

( )

39.  $x^2 + x = 0$  [0]

( )

40.  $x^2 - 2x - 3 = 0$  [1]

( )

41.  $x^2 + 4x - 5 = 0$  [1]

( )

42.  $x^2 - x - 6 = 0$  [2]

( )

43.  $x^2 + 3x - 10 = 0$  [5]

( )

- 44.  $2x^2 3x 14 = 0$  [-2]
- ( )

45.  $x^2 = 0$  [-1]

( )

46.  $2x^2 = 1$   $\left[\frac{1}{2}\right]$ 

( )

- 47. (x-1)(x-3) = 0 [3]
- ( )

- 48. (x+3)(x-6) = 0 [-6]
- ( )

49.  $x^2 - 2x = 0$  [0]

( )

50.  $2x^2 + x - 1 = 0$  [-2]

( )

51.  $x^2 - x + 2 = x + 1$  [1]

( )

- 52.  $(x-3)^2-16=0$  [-1]
- ( )

53.  $3x^2 - x = 2$  [1]

- ( )
- 54. (2x-1)(x-1) = 3 [2]
- ( )
- **2**x의 값이 -1, 0, 1, 2일 때, 다음 이차방정식의 해를 구하여라.
- 55.  $x^2 + x 2 = 0$
- 56.  $x^2 3x + 2 = 0$
- 57.  $2x^2 5x + 2 = 0$
- 58.  $3x^2 5x 2 = 0$
- 59.  $x^2 x = 0$
- 60.  $x^2 3x + 2 = 0$
- 61.  $x^2 x 2 = 0$

- ☑ x의 값이 -2, -1, 0, 1, 2일 때, 다음 이차방정식의 해를 모두 구하여라.
- 62.  $x^2 + x 6 = 0$
- 63.  $x^2 + 3x + 2 = 0$
- 64.  $2x^2 3x + 1 = 0$

# B

## 한 근이 주어질 때, 미지수의 값 구하기

- □ 다음에서 상수 a의 값을 구하여라.
- 65. 이차방정식  $x^2 + 3x + a = 0$ 의 한 근이 2일 때
- 66. 이차방정식  $x^2-2x+a-3=0$ 의 한 근이 -1일 때
- 67. 이차방정식  $2x^2-3x-a=0$ 의 한 근이 -2일 때
- 68. 이차방정식  $x^2-3=x+a$ 의 한 근이 2일 때
- 69. 이차방정식  $3x^2 + (a-2)x 3 = 0$ 의 한 근이 -1일 때
- 70. 이차방정식  $ax^2-4x-16=0$ 의 한 근이 -2일 때
- 71. 이차방정식  $x^2 + 3x + a = 0$ 의 한 근이 1일 때

- 72. 이차방정식  $x^2 + ax + 9 = 0$ 의 한 근이 3일 때
- 73. 이차방정식  $2x^2 ax 3 = 0$ 의 한 근이 -1일 때
- 74.  $x^2 5x + a = 0$ 의 한 근이 2일 때
- 75.  $x^2 + ax 3 = 0$ 의 한 근이 3일 때
- 76.  $x^2 ax + 2a + 2 = 0$ 의 한 근이 -4일 때
- 77.  $x^2-6x+a=0$ 의 한 근이 1일 때
- 78.  $x^2-4x-a+3=0$ 의 한 근이 2일 때
- 79.  $ax^2 + 3x 2 = 0$ 의 한 군이 -2일 때
- 80.  $ax^2-3x+1=0$ 의 한 근이 1일 때
- 81.  $2x^2 + (a-5)x 6 = 0$ 의 한 근이 -1일 때
- 82.  $ax^2 + 7x 3 = 0$ 의 한 근이  $\frac{1}{2}$ 일 때

- □ 다음 식의 한 근이 주어질 때, 상수 a의 값과 다른 한 근 구하여라.
- 83. 이차방정식  $x^2 3x + a = 0$ 의 한 근이 1일 때.
- 84. 이차방정식  $x^2 2x + a = 0$ 의 한 근이 -2일 때.
- 85. 이차방정식  $5x^2 + x + a = 0$ 의 한 근이 -1일 때,
- 86. 이차방정식  $2x^2 5x + a = 0$ 의 한 근이 2일 때,
- 87. 이차방정식  $(x-a)^2 = 4$ 의 한 근이 1일 때(a > 0)
- 88. 이차방정식  $ax^2 + (a-1)x + 1 = 0$ 의 한 근이 2일 때
- 89. 이차방정식  $x^2 + ax 4a + 5 = 0$ 의 한 근이 -3일 때
- 90. 이차방정식  $x^2 ax 2a = 0$ 의 한 근이 -1일 때
- 91. 이차방정식  $x^2 5x + a = 0$ 의 한 근이 2일 때
- 92. 이차방정식  $2x^2 + ax 3 = 0$ 의 한 근이 x = -1일 때
- 93. 이차방정식  $x^2 + ax (a+1) = 0$ 의 한 근이 3일 때

- 94. 이차방정식  $x^2 ax 2a = 0$ 의 한 근이 x = 2일 때
- 95. 이차방정식  $x^2 ax + a 7 = 0$ 의 한 근이 2일 때
- 96. 이차방정식  $x^2 + ax (a+1) = 0$ 의 한 근이 -3일 때

## 🏠 한 근이 미지수로 주어질 때, 식의 값 구하기

- ☑ 다음 식의 값을 구하여라.
- 97. 이차방정식  $x^2-3x=0$ 의 한 근이 a일 때,  $a^2-3a$ 의 값
- 98. 이차방정식  $x^2-2x-2=0$ 의 한 근이 a일 때,  $a^2-2a$ 의 값
- 99. 이차방정식  $x^2-4x+2=0$ 의 한 근이 a일 때,  $a^2-4a+5$ 의 값
- 100. 이차방정식  $x^2-3x+2=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2-3a$ 의 값
- 101 이차방정식  $x^2+5x-6=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $3a^2+15a$ 의 값
- 102. 이차방정식  $3x^2+6x-5=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2+2a$ 의 값

- 103. 이차방정식  $x^2+2x-7=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2+2a+1$ 의 값
- 104. 이차방정식  $3x^2-12x+11=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2-4a+5$ 의 값
- 105. 이차방정식  $2x^2+4x-13=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2+2a-6$ 의 값
- 106. 이차방정식  $x^2-4x-1=0$ 의 한 근이 a라고 할 때,  $a^2+\frac{1}{a^2}-2$ 의 값
- 107. 이차방정식  $x^2-4x+1=0$ 의 한 근을 a(단,  $a\neq 0$ )라고 할 때,  $2a+\frac{2}{a}$ 의 값
- 108. 이차방정식  $x^2-2x=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $a^2-2a+5$ 의 값
- 109. 이차방정식  $x^2-3x-18=0$ 의 한 근을 a라고 할 때,  $2a^2-6a-15$ 의 값
- 110 이차방정식  $x^2+5x-1=0$ 의 한 근을 a(단,  $a\neq 0$ )라고 할 때,  $a^2+6a-\frac{1}{a}$ 의 값



## 정답 및 해설

- 1) ×
- ⇨ 일차방정식이다.
- 2) ()
- 3) ×
- $2x^2 + 3x + 1 = 2x^2 7x 15$ 10x + 16 = 0 따라서 일차방정식이다.
- 4) 🔾
- 5) ×
- ⇒ 이차식이다.
- 6) 🔾
- 7) ×
- $\Rightarrow$  -3x = 0이므로 이차방정식이 아니다.
- 8) ×
- ⇒ 이차방정식이 아닌 이차식이다.
- 9) (
- $\Rightarrow x^2 2x + 1 = 2x$  of  $x^2 4x + 1 = 0$
- 10) (
- $\Rightarrow$   $3x^2 4x = 0$ 이므로 이차방정식이다.
- 11) ×
- $\implies x^2-x^2-2x=0 \, \mathrm{OH} \, \mathrm{A} \!\!\! \mathrm{H} -2x=0$
- 12) 🔾
- $\Rightarrow x^2 + 4x 10 = -x^2 + 3x$  에서  $2x^2 + x 10 = 0$ 이므로 이차방정식이다.
- 13) ×
- $\Rightarrow x^3 + 8x = 2x^2 x^3$ 에서  $2x^3 2x^2 + 8x = 0$ 이므로 이차방정식이 아니다
- 14) ×
- 15) 🔾
- $\Rightarrow x^2+2=6$ 에서  $x^2-4=0$  (이차방정식)
- 16) ×
- $\Rightarrow 2x+1=3$ 에서 2x-2=0 (일차방정식)

- 17) ×
- $\Rightarrow 3x^2 + 2x 6$  (이차식)
- 18) 🔾
- $\Rightarrow \frac{x^2}{2} = 3x + 4$ 에서  $x^2 6x 8 = 0$  (이차방정식)
- 19) ×
- $\Rightarrow \frac{2}{x^2} + 2x = 0$  (이차방정식이 아니다.)
- 20) ×
- $\Rightarrow x^3 + x^2 5x = 2x^2$ 에서  $x^3 x^2 5x = 0$  (이차방정식이 아니다.)
- 21) 🔾
- $\Rightarrow x^3 x^2 + 2x 3 = x^3$ 에서  $x^2 2x + 3 = 0$  (이차방정식)
- 22) ×
- $\Rightarrow x^2 2x + 1 = (x 5)^2$ 에서 8x 24 = 0 (일차방정식)
- 23)  $a \neq 0$
- 24)  $a \neq 2$
- $\Rightarrow a-2 \neq 0$   $\therefore a \neq 2$
- 25)  $a \neq 3$
- $\Rightarrow (a-3)x^2 6x 5 = 0 \text{ odd } a 3 \neq 0$  $\therefore a \neq 3$
- 26)  $a \neq -1$
- $\Rightarrow a+1 \neq 0$ 이므로  $a \neq -1$
- 27)  $a \neq -2$
- 다  $ax^2 + 2x 5 = 3x 2x^2$ 에서  $(a+2)x^2 x 5 = 0$  따라서  $a+2 \neq 0$ 이므로  $a \neq -2$
- 28)  $a \neq 4$
- $\Rightarrow 2x^2 + 3 = x + 4x + (a 2)x^2$ 에서  $(a 4)x^2 + 5x 3 = 0$  따라서  $a 4 \neq 0$ 이므로  $a \neq 4$
- 29)  $a \neq 0$
- 다 이차방정식이 되려면 (이차항의계수)  $\neq$  0이어야 하므로  $a \neq 0$
- 30)  $a \neq 0$
- 다 이차방정식이 되려면 (이차항의계수)  $\neq 0$ 이어야 하므로  $a \neq 0$
- 31)  $a \neq 3$
- ⇨ 이차방정식이 되려면 (이차항의계수)≠0이어야 하므로

$$a-3 \neq 0$$
  $\therefore a \neq 3$ 

32) 
$$a \neq \frac{1}{2}$$

- 다 이차방정식이 되려면 (이차항의계수)  $\neq 0$ 이어야 하므로  $2a-1\neq 0 \qquad \therefore a\neq \frac{1}{2}$
- 33)  $a \neq -1$
- 다  $-x^2-3x+2=ax^2+3$ 에서  $(a+1)x^2+3x+1=0$  이때 등식이 이차방정식이 되려면 (이차항의계수 $)\neq 0$ 이어야 하므로  $a+1\neq 0$   $\therefore a\neq -1$
- 34)  $a \neq 2$
- ⇒ 3ax²+4x-7=6x²-3x+1에서
   (6-3a)x²-7x+8=0
   이때 등식이 이차방정식이 되려면
   (이차항의계수)≠0이어야 하므로
   6-3a≠0 ∴a≠2
- 35) 🔾
- 36) 🔾
- 37) ×
- □ x =-3을 대입하면 (-3)²-2(-3)-3=9+6-3=12≠0이므로 해가 아니다.
- 38) ×
- ➡ 좌변은 2(2+1)=6, 우변은 2×2+6=10이므로 좌변과
   무변이 서로 같지 않으므로 해가 아니다.
- 39) ()
- $\Rightarrow 0^2 + 0 = 0$
- 40) ×
- $\Rightarrow 1^2 2 \times 1 3 = -4 \neq 0$
- 41) 🔾
- $\Rightarrow$  1<sup>2</sup>+4×1-5=0
- 42) ×
- $\Rightarrow 2^2 2 6 = -4 \neq 0$
- 43) ×
- $\Rightarrow 5^2 + 3 \times 5 10 = 30 \neq 0$
- 44) ()
- $\Rightarrow 2 \times (-2)^2 3 \times (-2) 14 = 0$
- 45) ×
- $\Rightarrow$  x = -1일 때,  $(-1)^2 \neq 0$

- 46) ×
- $\Rightarrow x = \frac{1}{2}$ 일 때,  $2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \neq 1$
- 47) (
- $\Rightarrow x = 3$ 일 때,  $(3-1) \times (3-3) = 0$
- 48) ×
- $\Rightarrow x = -6$ 일 때,  $(-6+3) \times (-6-6) \neq 0$
- 49) (
- $\Rightarrow x = 0$ 일 때,  $0^2 2 \times 0 = 0$
- 50) ×
- $\Rightarrow x = -2$ 일 때,  $2 \times (-2)^2 + (-2) 1 \neq 0$
- 51) (
- $\Rightarrow x = 19$  때.  $1^2 1 + 2 = 1 + 1$
- 52)
- $\Rightarrow x = -19 \text{ III}, (-1-3)^2 16 = 0$
- 53) 🔾
- $\Rightarrow x=1$ 일 때,  $3\times 1^2-1=2$
- 54) 🔾
- $\Rightarrow x = 2$ 일 때,  $(2 \times 2 1) \times (2 1) = 3$
- 55) x = 1
- $\Rightarrow x = -1$ 일 때,  $(-1)^2 + (-1) 2 \neq 0$ 
  - x=0일 때,  $0^2+0-2\neq 0$
  - x=1일 때,  $1^2+1-2=0$
  - x=2일 때,  $2^2+2-2\neq 0$
  - 따라서  $x^2 + x 2 = 0$ 의 해는 x = 1이다.
- 56) x = 1 또는 x = 2
- $\Rightarrow x = -12$   $\text{ III}, (-1)^2 3 \times (-1) + 2 \neq 0$ 
  - x = 0일 때,  $0^2 3 \times 0 + 2 \neq 0$
  - x=1일 때,  $1^2-3\times1+2=0$
  - x=2일 때,  $2^2-3\times 2+2=0$
  - 따라서  $x^2-3x+2=0$ 의 해는 x=1 또는 x=2이다.
- 57) x = 2
- $\Rightarrow x = -1$ 일 때,  $2 \times (-1)^2 5 \times (-1) + 2 \neq 0$ 
  - x = 0일 때,  $2 \times 0^2 5 \times 0 + 2 \neq 0$
  - x = 1일 때,  $2 \times 1^2 5 \times 1 + 2 \neq 0$
  - x=2일 때,  $2\times 2^2-5\times 2+2=0$
  - 따라서  $2x^2-5x+2=0$ 의 해는 x=2이다.
- 58) x = 2
- 다 x=-1일 때,  $3\times(-1)^2-5\times(-1)-2\neq 0$  x=0일 때,  $3\times0^2-5\times0-2\neq 0$

$$x=1$$
일 때,  $3\times 1^2-5\times 1-2\neq 0$   $x=2$ 일 때,  $3\times 2^2-5\times 2-2=0$  따라서  $3x^2-5x-2=0$ 의 해는  $x=2$ 이다.

59) 
$$x = 0$$
 또는  $x = 1$ 

$$x = -1$$
일 때,  $(-1)^2 - (-1) = 2 \neq 0$   
 $x = 0$ 일 때,  $0^2 - 0 = 0$   
 $x = 1$ 일 때,  $1^2 - 1 = 0$   
 $x = 0$  또는  $x = 1$ 

#### 60) x = 1

$$\Rightarrow x = -1$$
일 때,  $(-1)^2 - 3 \times (-1) + 2 = 6 \neq 0$   
 $x = 0$ 일 때,  $0^2 - 3 \times 0 + 2 = 2 \neq 0$   
 $x = 1$ 일 때,  $1^2 - 3 \times 1 + 2 = 0$   
 $\therefore x = 1$ 

61) 
$$x = -1$$

$$x = -1$$
일 때,  $(-1)^2 - (-1) - 2 = 0$   
 $x = 0$ 일 때,  $0^2 - 0 - 2 = -2 \neq 0$   
 $x = 1$ 일 때,  $1^2 - 1 - 2 = -2 \neq 0$   
 $x = -1$ 

#### 62) x = 2

63) 
$$x = -2$$
 또는  $x = -1$ 

다 
$$x = -2$$
일 때,  $(-2)^2 + 3 \times (-2) + 2 = 0$   
 $x = -1$ 일 때,  $(-1)^2 + 3 \times (-1) + 2 = 0$   
 $x = 0$ 일 때,  $0^2 + 3 \times 0 + 2 = 2 \neq 0$   
 $x = 1$ 일 때,  $1^2 + 3 \times 1 + 2 = 6 \neq 0$   
 $x = 2$ 일 때,  $2^2 + 3 \times 2 + 2 = 12 \neq 0$   
 $x = -2$  또는  $x = -1$ 

#### 64) x = 1

$$\begin{array}{c} \Rightarrow \ x = -2 \ \, \boxtimes \ \, \text{if} \ \, 2 \times (-2)^2 - 3 \times (-2) + 1 = 15 \neq 0 \\ x = -1 \ \, \boxtimes \ \, \text{if} \ \, 2 \times (-1)^2 - 3 \times (-1) + 1 = 6 \neq 0 \\ x = 0 \ \, \boxtimes \ \, \text{if} \ \, 2 \times 0^2 - 3 \times 0 + 1 = 1 \neq 0 \\ x = 1 \ \, \boxtimes \ \, \text{if} \ \, 2 \times 1^2 - 3 \times 1 + 1 = 0 \\ x = 2 \ \, \boxtimes \ \, \text{if} \ \, 2 \times 2^2 - 3 \times 2 + 1 = 3 \neq 0 \\ \therefore x = 1 \end{array}$$

65) 
$$-10$$

$$\Rightarrow x=2$$
를 대입하면  $4+6+a=0$   $\therefore a=-10$ 

#### 66) 0

$$\Rightarrow$$
  $x=-1$ 을 대입하면  $1+2+a-3=0$   $\therefore a=0$ 

#### 67) 14

$$\Rightarrow x = -2$$
를 대입하면  $8+6-a=0$   $\therefore a=14$ 

#### 68) -1

$$\Rightarrow 2^2 - 3 = 2 + a \qquad \therefore a = -1$$

#### 70) 5

$$\Rightarrow a \times (-2)^2 - 4 \times (-2) - 16 = 0$$

$$4a = 8 \qquad \therefore a = 2$$

$$71) -4$$

$$\Rightarrow$$
 1<sup>2</sup>+3×1+a=0 :: a=-4

$$72) -6$$

$$\Rightarrow 3^2 + a \times 3 + 9 = 0$$
 of  $\Rightarrow 3^2 + a \times 3 + 9 = 0$  of  $\Rightarrow a = -18$   $\Rightarrow a = -6$ 

$$\Rightarrow 2 \times (-1)^2 - a \times (-1) - 3 = 0$$
$$\therefore a = 1$$

#### 74) 6

$$\Rightarrow x=2$$
를  $x^2-5x+a=0$ 에 대입하면 
$$2^2-5\times 2+a=0$$
 
$$a-6=0 \qquad \therefore a=6$$

75) 
$$-2$$

$$\Rightarrow x = 3$$
을  $x^2 + ax - 3 = 0$ 에 대입하면  $3^2 + 3a - 3 = 0$   $3a + 6$   $\therefore a = -2$ 

## 76) -3

$$\Rightarrow x = -4$$
를  $x^2 - ax + 2a + 2 = 0$ 에 대입하면  $(-4)^2 - a \times (-4) + 2a + 2 = 0$   $6a + 18 = 0$   $\therefore a = -3$ 

## 77) 5

$$\Rightarrow x = 1$$
을  $x^2 - 6x + a = 0$ 에 대입하면  $1^2 - 6 \times 1 + a = 0$   $a - 5 = 0$   $\therefore a = 5$ 

#### 78) -1

$$\Rightarrow x=2$$
를  $x^2-4x-a+3=0$ 에 대입하면  $2^2-4\times 2-a+3=0$   $-1-a=0$   $\therefore a=-1$ 

#### 79) 2

$$\Rightarrow x = -2$$
를  $ax^2 + 3x - 2 = 0$ 에 대입하면

$$a \times (-2)^2 + 3 \times (-2) - 2 = 0$$
  
 $4a - 8 = 0$   $\therefore a = 2$ 

80) 2

 $\Rightarrow x = 1$ 을  $ax^2 - 3x + 1 = 0$ 에 대입하면  $a \times 1^2 - 3 \times 1 + 1 = 0$  a - 2 = 0  $\therefore a = 2$ 

81) 1

82) -2

 $\Rightarrow x = \frac{1}{2}$ 을  $ax^2 + 7x - 3 = 0$ 에 대입하면  $a \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 7 \times \frac{1}{2} - 3 = 0$  $\frac{1}{4}a + \frac{1}{2} = 0 \qquad \therefore a = -2$ 

83) a=2, x=2

 $\Rightarrow$  x=1을 대입하면 1-3+a=0  $\therefore a=2$  (x-2)(x-1)=0에서 x=2 또는 x=1 따라서 다른 한 근은 x=2

84) a = -8, x = 4

 $\Rightarrow x=-2$ 를 대입하면 4+4+a=0  $\therefore a=-8$  (x-4)(x+2)=0에서 x=4 또는 x=-2 따라서 다른 한 근은 x=4

85) a = -4,  $x = \frac{4}{5}$ 

다 x=-1을 대입하면 5-1+a=0  $\therefore a=-4$  (5x-4)(x+1)=0에서  $x=\frac{4}{5}$  또는 x=-1 따라서 다른 한 근은  $x=\frac{4}{5}$ 

86) a=2,  $x=\frac{1}{2}$ 

 $\Rightarrow$  x=2를 대입하면 8-10+a=0  $\therefore a=2$  (2x-1)(x-2)=0에서  $x=\frac{1}{2}$  또는 x=2 따라서 다른 한 근은  $x=\frac{1}{2}$ 

87) a=3, x=5

 □
 x=1을  $(x-a)^2=4$ 에 대입하면

  $(1-a)^2=4$ ,  $1-a=\pm 2$  

 ∴ a=3( ∵ a>0)

 즉  $(x-3)^2=4$ 이므로

  $x-3=\pm 2$  ∴ x=1 또는 x=5 

따라서 다른 한 근은 x=5이다.

- 88)  $a = \frac{1}{6}$ , x = 3
- 89) a=2, x=1
- 90) a=1, x=2
- 다 x = -1을 이차방정식에 대입하면 1 + a 2a = 0  $\therefore a = 1$   $x^2 x 2 = 0$  (x + 1)(x 2) = 0  $\therefore x = -1$  또는 x = 2 따라서 다른 한 근은 x = 2이다.
- 91) a = 6 x = 3
- x=2를  $x^2-5x+a=0$ 에 대입하면 4-10+a=0  $\therefore a=6$  즉  $x^2-5x+6=0$ 이므로 (x-2)(x-3)=0  $\therefore x=2$  또는 x=3 따라서 다른 한 근은 x=3이다.
- 92) a = -1,  $x = \frac{3}{2}$
- x=-1을  $2x^2+ax-3=0$ 에 대입하면 2-a-3=0  $\therefore a=-1$  즉  $2x^2-a-3=0$ 이므로 (2x-3)(x+1)=0  $\therefore x=\frac{3}{2}$  또는 x=-1 따라서 다른 한 군은  $x=\frac{3}{2}$ 이다.
- 93) a = -4. x = 1
- 94) a=1, x=-1  $\Rightarrow x^2-ax-2a=0$ 의 한 근이 2이므로  $(2)^2-a\times(2)-2a=0$   $\therefore a=1$   $x^2-x-2=0$ 에서 (x-2)(x+1)=0  $\therefore x=2$  또는 x=-1 따라서 다른 한 근은 x=20다.
- 95) a=-3, x=-5⇒ 한 근이 2이므로  $2^2-a\times 2+a-7=0$  ∴a=-3  $x^3+3x-10=0$ 에서 (x+5)(x-2)=0 ∴x=2 또는 x=-5따라서 다른 한 근은 x=-5이다.
- 96) a=2, x=1⇒ x=-3을 대입하면  $(-3)^2+a\times(-3)-(a+1)=0$  -4a=-8 ∴ a=2

$$x^2 + 2x - 3 = 0$$
에서  $(x+3)(x-1) = 0$   
  $\therefore x = -3$  또는  $x = 1$   
 따라서 다른 한 근은  $x = 1$ 이다.

$$\Rightarrow x = a$$
를 대입하면  $a^2 - 3a = 0$ 

#### 98) 2

$$\Rightarrow x=a$$
를 대입하면  $a^2-2a-2=0$   $\therefore a^2-2a=2$ 

$$\Rightarrow x = a$$
를 대입하면  $a^2 - 4a + 2 = 0$ 이므로  $a^2 - 4a = -2$   
 $\therefore a^2 - 4a + 5 = -2 + 5 = 3$ 

$$100) -2$$

$$\Rightarrow x = a$$
를  $x^2 + 5x - 6 = 0$ 에 대입하면  $a^2 + 5a - 6 = 0$   $a^2 + 5a = 6$   $\therefore 3a^2 + 15a = 18$ 

102) 
$$\frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow x = a$$
를  $3x^2 + 6x - 5 = 0$ 에 대입하면  $3a^2 + 6a - 5 = 0$   $3a^2 + 6a = 5$   $\therefore a^2 + 2a = \frac{5}{3}$ 

#### 103) 8

104) 
$$\frac{4}{3}$$

다 
$$x=a$$
를  $3x^2-12x+11=0$ 에 대입하면  $3a^2-12a+11=0$ ,  $3a^2-12a=-11$   $a^2-4a=-\frac{11}{3}$  
$$\therefore a^2-4a+5=-\frac{11}{3}+5=\frac{4}{3}$$

105) 
$$\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow x=a$$
를  $2x^2+4x-13=0$ 에 대입하면 
$$2a^2+4a-13=0, \ 2a^2+4a=13$$
 
$$a^2+2a=\frac{13}{2}$$

$$\therefore a^2 + 2a - 6 = \frac{13}{2} - 6 = \frac{1}{2}$$

#### 106) 16

당한 근이 
$$a$$
이므로  $a^2-4a-1=0$   
양변을  $a$ 로 나누면  $a-4-\frac{1}{a}=0$   $\therefore a-\frac{1}{a}=4$  
$$a^2+\frac{1}{a^2}-2=\left(a-\frac{1}{a}\right)^2=16$$

#### 107) 8

$$\Rightarrow$$
  $a^2-4a+1=0$ 에서 양변을  $a$ 로 나누면  $a+\frac{1}{a}=4$   $\therefore 2a+\frac{2}{a}=2\Big(a+\frac{1}{a}\Big)=8$ 

#### 108) 5

$$\Rightarrow$$
  $x=a$ 가  $x^2-2x=0$ 의 해이므로  $a^2-2a=0$   
  $\therefore$   $a^2-2a+5=5$ 

#### 109) 21

다 
$$x^2 - 3x - 18 = 0$$
의 해가  $x = a$ 이므로  $a^2 - 3a = 18$ 이다.  
 $2a^2 - 6a - 15 = 2(a^2 - 3a) - 15$   
 $= 2 \times 18 - 15 = 36 - 15 = 21$ 

$$110) -4$$

$$\,$$
 이차방정식  $x^2+5x-1=0$ 의 한 근이  $a$ 일 때,  $a^2+5a-1=0\cdots \bigcirc, \ a^2=-5a+1$ 

$$\bigcirc$$
에서 양변을  $a$ 로 나누면  $a+5-\frac{1}{a}=0,\;a-\frac{1}{a}=-5$ 

$$\therefore a^2 + 6a - \frac{1}{a} = -5a + 1 + 6a - \frac{1}{a} = a - \frac{1}{a} + 1 = -4$$