

6-1-1.경우의 수_신사고(고성은)



내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2020-07-13

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

개념check /

[경우의 수]

반복할 수 있는 어떤 실험이나 관찰에 의하여 일어나는 결과를 사건이라 하며 어떤 사건이 일어날 수 있는 모든 경우의 가짓수를 경우의 수라 한다.

(1) 합의 법칙

두 사건 A, B가 동시에 일어나지 않을 때, 사건 A와 사건 B가 일어나는 경우의 수가 각각 m, n이면, 사건 A 또는 사건 B가 일어나는 경우의 수는 m+n이다.

(2) 곱의 법칙

두 사건 A, B에 대하여 사건 A가 일어나는 경우의 수가 m이고 그 각각에 대하여 사건 B가 일어나는 경우의 수가 n일 때,

두 사건 A, B가 동시에 일어나는 경우의 수는 $m \times n$ 이다.

기본문제

[문제

- 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나 오는 눈의 수의 곱이 3 또는 4가 되는 경우의 수 는?
 - ① 3

2 4

- 3 5
- **4**) 6

(5) 7

[문제

- 2. 어느 음식점에서는 샐러드 3종류, 파스타 4종류, 피자 2종류를 판매하고 있다. 이 중에서 주문할 음 식 한 가지를 택하는 경우의 수는?
 - 9

- 2 10
- ③ 18
- **4** 20
- ⑤ 24

[문제]

- 3. 두 자리 자연수 중에서 십의 자리의 숫자는 홀수 이고 일의 자리의 숫자는 4의 배수인 자연수의 개 수는?
 - ① 7개
- ② 8개
- ③ 9개
- ④ 10개
- ⑤ 11개

[문제]

- 4. 철수는 여름방학 중 봉사활동을 위해 헌혈의 집 3군데와 어린이도서관 4군데를 알아보았다. 이 헌 혈의 집과 어린이도서관 중 각각 한 군데를 택하는 경우의 수는?
 - 1) 8

- 29
- 3 10
- 4 11
- **⑤** 12

[예제]

- **5.** 360의 약수 중 5의 배수의 개수는?
 - ① 4개
- ② 6개
- ③ 12개
- ④ 24개
- ⑤ 36개

[문제]

- **6.** 420의 약수 중 5의 배수이면서 7의 배수가 아닌 약수의 개수는?
 - ① 2개
- ② 3개
- ③ 4개⑤ 6개
- ④ 5개

평가문제

[중단원 마무리]

- 7. 두 자리 자연수 중에서 각 자리의 숫자의 합이 4 이하인 자연수의 개수는?
 - ① 6개
- ② 7개
- ③ 8개
- ④ 9개
- ⑤ 10개

[중단원 마무리]

- 8. 100원짜리 동전 4개, 500원짜리 동전 2개의 일 부 또는 전부를 사용하여 지불할 수 있는 0원보다 큰 금액의 수는?
 - ① 11
- ② 12
- ③ 13
- (4) 14
- ⑤ 15

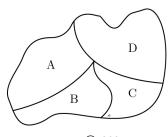
- [중단원 마무리]
- 9. 각 면에 1, 2, 3, 4, 5, 6의 숫자가 하나씩 적힌 정육면체 모양의 주사위가 있다. 이 주사위를 두 번 던져서 윗면에 놓인 수를 차례대로 x, y라고 할 때, |x-y| = 2를 만족시키는 순서쌍 (x, y)의 개수는?
 - ① 5개
- ② 6개
- ③ 7개
- ④ 8개
- ⑤ 9개

- [중단원 마무리]
- **10.** 식 (x+y+z)(p+q)의 전개식에서 서로 다른 항 의 개수는?
 - ① 2개
- ② 3개
- ③ 4개
- ④ 5개
- ⑤ 6개

- [대단원 마무리]
- **11.** $3x+4y \le 15$ 이하가 되도록 하는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y)의 개수는?
 - 2개
- ② 3개
- ③ 4개
- ④ 5개
- ⑤ 6개

- [대단원 마무리]
- 12. 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나 오는 눈의 수의 곱이 홀수가 되는 경우의 수는?
 - ① 6
- ② 7
- 3 8
- (4) 9
- (5) 10

- [대단원 마무리]
- **13.** 다음 그림과 같이 지도에 네 영역 A, B, C, D가 있다. 이 영역을 6개의 색깔 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 보라의 색깔 중 4개의 색을 골라 칠하는 경우 의 수는?



- ① 240
- 2 280
- 3 320
- (4) 360
- (5) 400

- 유사문제
- ${f 14.}$ 어느 분식집에서는 3종류의 김밥과 2종류의 라면 을 판매하고 있다. 이 분식집에서 김밥 또는 라면 중 한 종류를 주문하는 경우의 수는?
 - ① 5
- ② 6
- 3 8
- (4) 12
- (5) 24
- 15. 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나 온 눈의 수의 합이 3 또는 9인 경우의 수는?
 - ① 5
- ② 6
- ③ 7
- (4) 8

- (5) 9
- 16. 두 자리의 자연수 중에서 각 자리의 숫자의 합이 2 **또는** 8**인 수의 개수는?**
 - \bigcirc 2

② 5

③ 8

- **4**) 10
- (5) 12

22. 10원짜리 동전 3개, 100원짜리 동전 4개, 500원짜리 동전 2개의 일부 또는 전부를 사용하여 지불할 수 있는 금액의 수는?(단, 0원을 지불하는 것은

② 59

4 61

제외한다.

① 58

3 60

⑤ 62

17.	x+3	y 의	값이	10미만	이도	티도록	하는	자연수
x,	<i>y</i> 의	순사	쌍 (x,y)의	개수	-는 ?		

① 7

- 2 9
- ③ 11
- ④ 12
- **⑤** 15
- **18.** 십의 자리의 숫자는 소수이고, 일의 자리의 숫자 는 홀수인 두 자리 자연수의 개수는?
 - ① 12
- 2 15
- ③ 16
- **4**) 20
- ⑤ 25
- 19. 어느 샌드위치 가게에는 샌드위치를 주문할 때, 추가로 택할 수 있는 5가지의 야채, 3가지의 치즈 가 준비되어 있다. 이 가게에서 야채, 치즈를 각각 하나씩 추가로 택하여 샌드위치를 주문하는 경우의 수는?
 - ① 8
- ② 10
- 3 12
- **4** 13
- (5) 15
- **20.** (a+b)(c+d+e)(x+y+z)를 전개하였을 때 나타 나는 모든 항의 개수는?
 - ① 14
- ② 15
- 3 16
- 4 17
- (5) 18
- **21.** 360의 양의 약수 중 3의 배수의 개수는?
 - 1 6

- 2 12
- 3 16
- **4** 18
- (5) 24

정답 및 해설

1) [정답] ③

[해설] 눈의 수의 곱이 3인 경우의 수는 2이고, 눈의 수의 곱이 4인 경우의 수는 3이다. 합의 법칙에 의해 구하는 경우의 수는 5이다.

2) [정답] ①

[해설] 샐러드를 주문하는 경우의 수는 3이고, 파스타를 주문하는 경우의 수는 4이고, 피자를 주문하는 경우의 수는 2이므로 합의 법칙에 의해 구하는 경우의 수는 9이다.

3) [정답] ④

[해설] 십의 자리에 올 수 있는 숫자의 경우의 수는 5이고, 일의 자리에 올 수 있는 숫자의 경우의 수는 2이므로 곱의 법칙에 의해 구하는 경우의 수는 $5 \times 2 = 10$ 이다.

4) [정답] ⑤

[해설] 헌혈의 집을 한 군데 정하는 경우의 수는 3이고, 어린이도서관을 한 군데 정하는 경우의 수는 4이므로, 곱의 법칙에 의해 구하는 경우의 수는 12이다.

5) [정답] ③

[해설] $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 이다.

여기에서 5의 배수의 개수를 구해야 한다. 360의 약수 중 5의 배수는 5를 소인수로 가지며 1 또는 2 또는 2^2 또는 2^3 를 소인수를 갖거나 1 또는 3 또는 3^2 를 소인수로 가질 수 있다. 따라서 구하는 약수의 개수는 $4\times 3=12$ 이다.

6) [정답] ⑤

[해설] $420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7$ 이다.

이 중에서 5는 소인수로 갖고, 7은 소인수로 갖지 않는 약수의 개수는 $(2+1)\times(1+1)=6$ 이다.

7) [정답] ⑤

[해설] 합이 4인 경우의 수는 4, 합이 3인 경우의 수는 3, 합이 2인 경우의 수는 2, 합이 1인 경우의 수는 1이므로 구하는 경우의 수는 4+3+2+1=10이다.

8) [정답] ④

[해설] 100원짜리 동전을 사용하는 경우의 수가 5, 500원짜리 동전을 사용하는 경우의 수가 3, 사용하는 동전이 다르면 금액이 전부 다르므로 지불할 수 있는 금액의 수는 $3 \times 5 = 15$ 이때 0원을 제외해야 하므로 15 - 1 = 14

9) [정답] ④

[해설] x-y=2인 경우는

(3,1), (4,2), (5,3), (6,4)의 네 가지이고 y-x=2인 경우도 마찬가지로 네 가지이다. 합의 법칙에 의해 구하는 경우의 수는 8이다.

10) [정답] ⑤

[해설] (x+y+z)(p+q)의 전개식에서 만들어지는 항은 왼쪽에서 하나, 오른쪽에서 하나를 택해 곱하여 만들어지므로, 서로 다른 항의 개수는 $3\times 2=6$ 이다.

11) [정답] ⑤

[해설] $3x+4y \le 15$ 에서 y=1일 때의 경우의 수는 3, y=2일 때의 경우의 수는 2, y=3일 때의 경우의 수는 1이므로 구하는 경우의 수는 6이다.

12) [정답] ④

[해설] 두 주사위의 눈의 수의 곱이 홀수이려면 두 눈의 수가 모두 홀수여야 한다. 따라서 구하는 경우의 수는 $3 \times 3 = 9$ 이다.

13) [정답] ④

[해설] 문제 상황을 수학적으로 분석하면 서로 다른 6개 중에서 순서를 고려하여 4개를 선택하는 경우의 수는 6×5×4×3=360이다.

14) [정답] ①

[해설] 3+2=5가지

15) [정답] ②

[해설] 합이 3인 경우, (1,2), (2,1) 합이 9인 경우, (3,6), (4,5), (5,4), (6,3)이다. 따라서 구하는 경우의 수는 6가지이다.

16) [정답] ④

[해설] 11, 20, 17, 26, 35, 44, 53, 62, 71, 80의 10개다.

17) [정답] ②

[해설] x+3y<10

y=1일 때, x<7 ∴6개

y=2일 때, x<4 ::3개

따라서 순서쌍 (x, y)의 개수는 6+3=9개다.

18) [정답] ④

[해설] 일의 자리의 소수는 2, 3, 5, 7로 4개이고 한 자리 홀수는 5개이므로 조건을 만족하는 두 자리 자연수의 개수는 $4 \times 5 = 20$ 개다.

19) [정답] ⑤

[해설] 곱의 법칙에 의하여 $5 \times 3 = 15$

20) [정답] ⑤

[해설] 모든 항의 개수는 $2 \times 3 \times 3 = 18$ 개다.



21) [정답] ③

[해설] $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 양의 약수의 개수는 (3+1)(2+1)(1+1) = 24개 3의 배수가 아닌 약수의 개수는 (3+1)(1+1) = 87∴3의 배수의 개수는 24-8=16개다.

22) [정답] ② [해설] 지불할 수 있는 경우의 수는 (3+1)(4+1)(2+1)이고 0원을 지불하는 것은 제외하므로 (3+1)(4+1)(2+1)-1=59가지이다.

