## 수학I

20

점수

- 문항 수는 객관식(17), 서술형(3) 총 20문항입니다.
- 각 문항의 배점은 각 문항 끝에 기록되어 있습니다.
- **01**  $3 \times 4^{\frac{3}{2}}$ 의 값은? [3.5점]
  - (1) 24
- (2)27
- (3) 30

- (4) 47
- (5)54

- **02** 2<a<3일 때.  $\sqrt[3]{(a-3)^3} + \sqrt[4]{(2-a)^4}$ 의 값은? [5점]
  - $\bigcirc 1 1$   $\bigcirc 1$
- $\Im a 3$
- (4) -2a+5 (5) 2a-5

 $g(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ 에 대하여 f(x)의 최솟값을 A, g(x)의 최댓값을 B라 할 때, AB의 값은? [5점]  $0\frac{1}{27}$   $0\frac{1}{9}$   $0\frac{1}{3}$ 

**05** 정의역이  $\{x \mid -2 \le x \le 1\}$  인 두 함수  $f(x) = 3^x$ .

 $04 \log_x 16 = 3$ 을 만족시키는 실수 x에 대하여

 $(1)\frac{1}{2}$   $(2)\frac{2}{3}$   $(3)\frac{3}{4}$ 

 $\log_2 x$ 의 값은? [5점]

 $4\frac{5}{4}$   $5\frac{4}{3}$ 

- **(4)** 1 **(5)** 3

- **03** 세 수  $A = \sqrt{2}$ ,  $B = \sqrt[3]{5}$ ,  $C = \sqrt[3]{31}$ 의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은? [5점]

  - ① A < B < C ② A < C < B
  - ③ B < A < C
- 4 B < C < A
  - $\bigcirc C < B < A$

- **06** 다음 중 함수  $y = 5 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x 1$ 의 그래프에 대한 설 명으로 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [5점]
  - ㄱ. 그래프는 제1. 2사분면만 지난다.
  - $\bot$ . 그래프는 함수  $y=5\cdot 3^x-1$ 의 그래프와 y축 에 대하여 대칭이다.
  - ㄷ. 그래프는 함수  $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ 의 그래프를 평행 이동하여 얻을 수 있다.
- ① ¬ ② L ③ ¬. ⊏
- ④ ∟, ⊏
  ⑤ ¬, ∟, ⊏

- **07** 방정식  $\log_2(x-1)^2=2$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $\alpha + \beta$ 의 값은? [5점]
  - $\bigcirc$  2
- 23
- 3 4

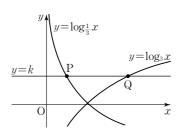
- $\bigcirc 5$
- (5)6

- **09** 각  $\theta$ 가 제4사분면의 각일 때, 각  $\frac{\theta}{3}$ 가 존재할 수 있는 사분면은? [5점]
  - ① 제1, 3사분면 ② 제2, 3사분면

  - ③ 제2, 4사분면 ④ 제1, 2, 3사분면
  - ⑤ 제2, 3, 4사분면

 $\bigcirc$  다음 그림과 같이 두 함수  $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ ,  $y = \log_{3} x$ 의 그래프와 직선 y=k(k>0)가 만나는 점을 각각 P, Q라 하자.  $\overline{PQ} = \frac{3}{2}$ 일 때, k의 값은?

[5.5점]



- $\bigcirc \log_3 2$
- 2 1
- $\Im \log_3 4$

- $4 \log_3 5$
- $\bigcirc \log_3 6$

- **10** 중심각의 크기가  $\frac{3}{4}\pi$ , 호의 길이가  $3\pi$ 인 부채꼴 의 넓이는? [4.5점]
  - $\bigcirc 3\pi$
- $\bigcirc 6\pi$
- $39\pi$

- (4)  $12\pi$
- (5)  $15\pi$

**11** 각  $\theta$ 가 제3사분면의 각이고  $\cos \theta = -\frac{3}{5}$ 일 때,  $\tan \theta$ 의 값은? [4.5점]

- $\bigcirc \frac{3}{4}$   $\bigcirc \frac{4}{5}$   $\bigcirc \frac{5}{4}$
- $4\frac{4}{3}$   $5\frac{5}{3}$

**12** 다음 함수의 주기를 a, 최댓값을 b, 최솟값을 c라 할 때, abc의 값은? [4점]

$$y = -2\cos 2\left(x - \frac{\pi}{3}\right) + 3$$

- $(1)\frac{5}{4}\pi$   $(2)\frac{5}{2}\pi$   $(3)5\pi$
- (4)  $10\pi$  (5)  $20\pi$

**13**  $\tan \theta = \frac{3}{4}$ 일 때, 다음 식의 값은?

$$\left($$
단,  $\pi \le \theta < \frac{3}{2}\pi\right)$  [5점]

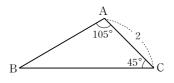
$$\sin(\pi+\theta)\sin\!\left(\frac{3}{2}\pi\!-\!\theta\right)\\ -\!\cos(\pi\!+\!\theta)\cos\!\left(\frac{\pi}{2}\!-\!\theta\right)$$

- $4\frac{12}{25}$   $5\frac{24}{25}$

- **14**  $0 \le x \le 2\pi$ 에서 부등식  $2\sin^2 x 3\cos x \ge 0$ 의 해가  $\alpha \le x \le \beta$ 일 때,  $\frac{\beta}{\alpha}$ 의 값은? [5점]
  - $\bigcirc$  1
- 2 2
- 33

- **4** 4
- (5)5

**15** 다음 그림과 같이  $\overline{AC} = 2$ ,  $A = 105^{\circ}$ ,  $C = 45^{\circ}$ 인 삼각형  $\overline{AB}$ 의 길이는? [4점]



- (1)  $2\sqrt{2}$
- **2** 3
- $(3) 3\sqrt{2}$

- $(4)\sqrt{2}+\sqrt{6}$   $(5)2(\sqrt{2}+\sqrt{6})$

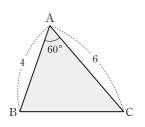
- **16** 등식  $\overline{AB}\cos B = \overline{AC}\cos C$ 를 만족시키는 삼 각형 ABC는 어떤 삼각형인가? [5점]
  - ① 정삼각형
  - ② a=b인 이등변삼각형
  - ③ b=c인 이등변삼각형
  - ④ A=90°인 직각삼각형
  - ⑤ C=90°인 직각삼각형

[서술형 2] 불순물이 포함된 어떤 액체가 여과기를 한

번 통과할 때 그 불순물의 20 %가 제거된다고 한다. 어떤 액체의 불순물의 양이 원래 포함하고 있던 액체 의 불순물의 양의 4 % 이하가 되게 하려면 최소한 여 과기를 몇 번 통과시켜야 하는지 구하고, 풀이 과정을

쓰시오. (단, log 2=0.3으로 계산한다.) [7점]

**17** 다음 그림과 같이  $A=60^\circ$ ,  $\overline{AB}=4$ ,  $\overline{AC}=60^\circ$ 삼각형 ABC의 넓이는? [4점]



- ①  $6\sqrt{2}$
- $27\sqrt{2}$
- $36\sqrt{3}$

- $4 8\sqrt{2}$
- (5)  $7\sqrt{3}$

[서술형 3] 오른쪽 그림과 같이 반지름의 길이가 2인 원 위의 점 P(a,b)에 대하여 동경

OP가 나타내는 각의 크기를  $\theta$ 라 하자.  $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 이고

 $P(a, b) \xrightarrow{2} \theta$   $-2 \qquad 0 \qquad 2 \qquad x$ 

 $\sin\theta = \frac{3}{5}$ 일 때, a+b의 값을 구하고, 풀이 과정을 쓰시오. (단, O는 원점) [7점]

\* 서술형은 풀이 과정을 자세히 적으시오.

[서술형 1]  $\log_3 \frac{1}{81} + \sqrt[3]{-64}$ 의 값을 구하고, 풀이 과 정을 쓰시오. [6점]