



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-02-15

2) 제작자 : 교육지대(주)

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

## 01

## 삼차방정식의 근과 계수와의 관계

삼차방정식  $ax^3+bx^2+cx+d=0$ (a, b, c, d는 상수,  $a \neq 0$ )의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 하면

$$\alpha + \beta + \gamma = -\frac{b}{a}, \quad \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = \frac{c}{a}, \quad \alpha\beta\gamma = -\frac{d}{a}$$

■ 삼차방정식  $x^3-3x^2+3x+1=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

1.  $\alpha + \beta + \gamma$

2.  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$

3.  $\alpha\beta\gamma$

■ 삼차방정식  $3x^3+6x-1=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

4.  $\alpha + \beta + \gamma$

5.  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$

6.  $\alpha\beta\gamma$

■ 삼차방정식  $2x^3-4x^2+5x-2=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

7.  $\alpha + \beta + \gamma$

8.  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$

9.  $\alpha\beta\gamma$

10.  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}$

■ 삼차방정식  $x^3-2x^2+3x+5=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

11.  $(1+\alpha)(1+\beta)(1+\gamma)$

12.  $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2$

13.  $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3$

14.  $\alpha^2\beta^2 + \beta^2\gamma^2 + \gamma^2\alpha^2$

15.  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}$

16.  $\frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha}$

■ 삼차방정식  $x^3 + 3x - 2 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

17.  $(\alpha - 1)(\beta - 1)(\gamma - 1)$

18.  $\alpha^2\beta^2 + \beta^2\gamma^2 + \gamma^2\alpha^2$

■ 삼차방정식  $x^3 - 2x^2 + 4x - 8 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 고 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

19.  $\alpha + \beta + \gamma$

20.  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$

21.  $\alpha\beta\gamma$

22.  $(\alpha - 1)(\beta - 1)(\gamma - 1)$

23.  $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2$

24.  $(\alpha + \beta)(\beta + \gamma)(\gamma + \alpha)$

25.  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}$

■ 삼차방정식  $x^3 + 4x^2 + 3x - 5 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 고 할 때, 다음 식의 값을 구하여라.

26.  $\alpha + \beta + \gamma$

27.  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$

28.  $\alpha\beta\gamma$

29.  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}$

30.  $(\alpha - 1)(\beta - 1)(\gamma - 1)$

31.  $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2$

32. 삼차방정식  $x^3 - x^2 - 3x + 2 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때,  $(\alpha + \beta)(\beta + \gamma)(\gamma + \alpha)$ 의 값을 구하여라.

## 02 / 삼차방정식의 작성

$x^3$ 의 계수가 1이고 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 인 삼차방정식은  
 $(x-\alpha)(x-\beta)(x-\gamma)=0$   
 $\Leftrightarrow x^3-(\alpha+\beta+\gamma)x^2+(\alpha\beta+\beta\gamma+\gamma\alpha)x-\alpha\beta\gamma=0$

■ 다음 세 수를 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인 삼차방정식을  $x^3+ax^2+bx+c=0$ 의 꼴로 나타내어라.

33.  $2, 3, -4$
34.  $0, 1, -3$
35.  $-1, -3, -4$
36.  $-1, 2, 4$
37.  $\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 6$
38.  $2, 5, 4$
39.  $0, 1, -2$
40.  $-1, -3, -5$

41.  $\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}, -\frac{1}{2}$

■ 다음 삼차방정식을 구하여라.

42. 세 수  $-3, 1+2i, 1-2i$ 를 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인 삼차방정식
43. 세 수  $1, 3+\sqrt{2}, 3-\sqrt{2}$ 를 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인 삼차방정식
44. 삼차방정식  $x^3-2x-1=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때,  $\alpha+\beta, \beta+\gamma, \gamma+\alpha$ 를 세 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인 삼차방정식
- 삼차방정식  $x^3+2x^2+4x-2=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때,  $x^3$ 의 계수가 1이고 다음을 세 근으로 하는 삼차방정식을 구하여라.
45.  $-\alpha, -\beta, -\gamma$
46.  $\alpha+1, \beta+1, \gamma+1$
47.  $\alpha\beta, \beta\gamma, \gamma\alpha$
48.  $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}, \frac{1}{\gamma}$
49.  $2\alpha-1, 2\beta-1, 2\gamma-1$

■ 삼차방정식  $x^3+2x^2-x-3=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때,  $x^3$ 의 계수가 1이고 다음을 세 근으로 하는 삼차방정식을 구하여라.

50.  $\alpha+1, \beta+1, \gamma+1$

51.  $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}, \frac{1}{\gamma}$

■ 삼차방정식  $x^3+3x^2-2x-1=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라고 할 때, 다음을 세 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인  $x$ 에 대한 삼차방정식을  $ax^3+bx^2+cx+d=0$ 의 꼴로 나타내어라.

52.  $-\alpha, -\beta, -\gamma$

53.  $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}, \frac{1}{\gamma}$

■ 삼차방정식  $x^3-3x^2+x-1=0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라고 할 때, 다음을 세 근으로 하고  $x^3$ 의 계수가 1인  $x$ 에 대한 삼차방정식을  $ax^3+bx^2+cx+d=0$ 의 꼴로 나타내어라.

54.  $-\alpha, -\beta, -\gamma$

55.  $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}, \frac{1}{\gamma}$

### 03 삼차방정식의 켈레근

삼차방정식  $ax^3+bx^2+cx+d=0$ 에서

(1)  $a, b, c, d$ 가 유리수일 때,  $p+q\sqrt{m}$ 이 근이면  $p-q\sqrt{m}$ 도 근이다. (단,  $p, q$ 는 유리수,  $\sqrt{m}$ 은 무리수)

(2)  $a, b, c, d$ 가 실수일 때,  $p+qi$ 가 근이면  $p-qi$ 도 근이다. (단,  $p, q$ 는 실수,  $i=\sqrt{-1}$ )

■ 다음 삼차방정식에 대하여  $a, b, \alpha$ 의 값을 구하여라.

56. 삼차방정식  $x^3-ax+b=0$ 의 두 근이  $-2, 1+\sqrt{2}$ 이다.

57. 삼차방정식  $x^3-5x^2+ax+b=0$ 의 두 근이  $3, 1+i$ 이다.

58. 삼차방정식  $x^3+ax^2+bx-6=0$ 의 한 근이  $\frac{2}{1-i}$ 이고 나머지 두 근 중 실근을  $\alpha$ 라고 한다.

■ 다음을 만족시키는 실수  $a, b$ 의 값을 구하여라. (단,  $i=\sqrt{-1}$ )

59. 삼차방정식  $x^3-3x^2+ax+b=0$ 의 한 근이  $1+i$ 이다.

60. 삼차방정식  $x^3+ax^2+6x-b=0$ 의 한 근이  $1-i$ 이다.

61. 삼차방정식  $x^3 + ax^2 + bx - 3 = 0$ 의 한 근이  $1 + \sqrt{2}i$ 이다.

▣ 다음을 만족시키는 유리수  $a, b$ 의 값을 구하여라.

62. 삼차방정식  $x^3 - 5x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $1 + \sqrt{2}$ 이다.

63. 삼차방정식  $x^3 + ax^2 - 2x + b = 0$ 의 한 근이  $3 + \sqrt{5}$ 이다.

64. 삼차방정식  $x^3 + ax^2 + bx + 2 = 0$ 의 한 근이  $1 - \sqrt{3}$ 이다.

▣ 주어진 삼차방정식의 한 근이 다음과 같을 때, 실수  $a, b$ 의 값을 구하여라.(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

65.  $x^3 + x^2 + ax - b = 0$ 의 한 근이  $2 + i$

66.  $x^3 - x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $-i$

67.  $x^3 - x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $1 + i$

68.  $x^3 - 6x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $1 + i$

69.  $x^3 + ax^2 + bx + 4 = 0$ 의 한 근이  $1 + \sqrt{3}i$

70.  $x^3 - 5x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $2 + i$

71.  $x^3 + ax^2 + bx + 5 = 0$ 의 한 근이  $2 - i$

72.  $x^3 + ax^2 + bx - 10 = 0$ 의 한 근이  $1 - 2i$



## 정답 및 해설

1)  $\alpha + \beta + \gamma = 3$

2)  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3$

3)  $\alpha\beta\gamma = -1$

4)  $\alpha + \beta + \gamma = 0$

5)  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 2$

6)  $\alpha\beta\gamma = \frac{1}{3}$

7)  $\alpha + \beta + \gamma = 2$

8)  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = \frac{5}{2}$

9)  $\alpha\beta\gamma = 1$

10)  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{5}{2}$

11) 1

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ (1+\alpha)(1+\beta)(1+\gamma) \\ = 1 + (\alpha + \beta + \gamma) + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + \alpha\beta\gamma \\ = 1 + 2 + 3 + (-5) = 1 \end{aligned}$$

12) -2

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = -5 \\ \alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 = (\alpha + \beta + \gamma)^2 - 2(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) \\ = 2^2 - 2 \cdot 3 = -2 \end{aligned}$$

13) -25

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = -5 \\ \alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3 \\ = (\alpha + \beta + \gamma)(\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 - \alpha\beta - \beta\gamma - \gamma\alpha) + 3\alpha\beta\gamma \\ = 2 \cdot (-2 - 3) + 3 \cdot (-5) = -25 \end{aligned}$$

14) 29

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = -5 \\ \alpha^2\beta^2 + \beta^2\gamma^2 + \gamma^2\alpha^2 \\ = (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)^2 - 2(\alpha\beta^2\gamma + \alpha\beta\gamma^2 + \alpha^2\beta\gamma) \\ = (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)^2 - 2\alpha\beta\gamma(\alpha + \beta + \gamma) \\ = 3^2 - 2 \cdot (-5) \cdot 2 = 29 \end{aligned}$$

15)  $-\frac{3}{5}$

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = -5 \\ \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = -\frac{3}{5} \end{aligned}$$

16)  $-\frac{2}{5}$

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - 2x^2 + 3x + 5 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = -5 \\ \frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = -\frac{2}{5} \end{aligned}$$

17) -2

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 + 3x - 2 = 0 \text{에서 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 0, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = 2 \\ (\alpha - 1)(\beta - 1)(\gamma - 1) \\ = \alpha\beta\gamma - (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + (\alpha + \beta + \gamma) - 1 \\ = 2 - 3 + 0 - 1 = -2 \end{aligned}$$

18) 9

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 + 3x - 2 = 0 \text{에서 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 0, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3, \alpha\beta\gamma = 2 \\ \alpha^2\beta^2 + \beta^2\gamma^2 + \gamma^2\alpha^2 = (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)^2 - 2\alpha\beta\gamma(\alpha + \beta + \gamma) \\ = 3^2 - 2 \cdot 2 \cdot 0 = 9 \end{aligned}$$

19) 2

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = -(-2) = 2$$

20) 4

$$\Rightarrow \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4$$

21) 8

$$\Rightarrow \alpha\beta\gamma = -(-8) = 8$$

22) 5

$$\begin{aligned} \Rightarrow (\alpha - 1)(\beta - 1)(\gamma - 1) \\ = \alpha\beta\gamma - (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + (\alpha + \beta + \gamma) - 1 \\ = 8 - 4 + 2 - 1 = 5 \end{aligned}$$

23) -4

$$\begin{aligned} \Rightarrow \alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 \\ = (\alpha + \beta + \gamma)^2 - 2(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) \\ = 2^2 - 2 \cdot 4 = -4 \end{aligned}$$

24) 0

$$\begin{aligned} \Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 2 \text{이므로} \\ \alpha + \beta = 2 - \gamma, \beta + \gamma = 2 - \alpha, \gamma + \alpha = 2 - \beta \\ (\alpha + \beta)(\beta + \gamma)(\gamma + \alpha) \\ = (2 - \gamma)(2 - \alpha)(2 - \beta) \\ = 8 - 4(\alpha + \beta + \gamma) + 2(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) - \alpha\beta\gamma \\ = 8 - 4 \cdot 2 + 2 \cdot 4 - 8 = 0 \end{aligned}$$

25)  $\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$26) -4$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = -4$$

$$27) 3$$

$$\Rightarrow \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 3$$

$$28) 5$$

$$\Rightarrow \alpha\beta\gamma = -(-5) = 5$$

$$29) \frac{3}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = \frac{3}{5}$$

$$30) -3$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow (\alpha-1)(\beta-1)(\gamma-1) \\ &= (\alpha\beta - \alpha - \beta + 1)(\gamma-1) \\ &= \alpha\beta\gamma - \alpha\gamma - \beta\gamma + \gamma - \alpha\beta + \alpha + \beta - 1 \\ &= \alpha\beta\gamma - (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + (\alpha + \beta + \gamma) - 1 \\ &= 5 - 3 - 4 - 1 = -3 \end{aligned}$$

$$31) 10$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 &= (\alpha + \beta + \gamma)^2 - 2(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) \\ &= (-4)^2 - 2 \cdot 3 \\ &= 16 - 6 = 10 \end{aligned}$$

$$32) -1$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - x^2 - 3x + 2 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ \text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해} \\ \alpha + \beta + \gamma = 1, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -3, \alpha\beta\gamma = -2 \\ \therefore (\alpha + \beta)(\beta + \gamma)(\gamma + \alpha) \\ &= (1 - \gamma)(1 - \alpha)(1 - \beta) \\ &= 1 - (\alpha + \beta + \gamma) + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) - \alpha\beta\gamma \\ &= 1 - 1 + (-3) - (-2) = -1 \end{aligned}$$

[다른 풀이]

$$\begin{aligned} x^3 - x^2 - 3x + 2 = 0 \text{의 세 근이 } \alpha, \beta, \gamma \text{이므로} \\ x^3 - x^2 - 3x + 2 = (x - \alpha)(x - \beta)(x - \gamma) \\ \text{위 식의 양변에 } x = 1 \text{을 대입하면} \\ 1 - 1 - 3 + 2 = (1 - \alpha)(1 - \beta)(1 - \gamma) \\ \therefore (1 - \alpha)(1 - \beta)(1 - \gamma) = -1 \end{aligned}$$

$$33) x^3 - x^2 - 14x + 24 = 0$$

$$\Rightarrow (\text{세 근의 합}) = 2 + 3 + (-4) = 1$$

$$(\text{두 근끼리의 곱의 합}) = 2 \cdot 3 + 3 \cdot (-4) + (-4) \cdot 2 = -14$$

$$(\text{세 근의 곱}) = 2 \cdot 3 \cdot (-4) = -24$$

따라서 구하는 방정식은

$$x^3 - x^2 - 14x + 24 = 0$$

$$34) x^3 + 2x^2 - 3x = 0$$

$$\Rightarrow (\text{세 근의 합}) = 0 + 1 - 3 = -2$$

$$(\text{두 근끼리의 곱의 합}) = 0 \cdot 1 + 1 \cdot (-3) - 3 \cdot 0 = -3$$

$$(\text{세 근의 곱}) = 0 \cdot 1 \cdot (-3) = 0$$

$$\therefore x^3 + 2x^2 - 3x = 0$$

$$35) x^3 + 8x^2 + 19x + 12 = 0$$

$$\Rightarrow (\text{세 근의 합}) = -1 - 3 - 4 = -8$$

$$(\text{두 근끼리의 곱의 합}) = -1 \cdot (-3) - 3 \cdot (-4) - 4 \cdot (-1) = 19$$

$$(\text{세 근의 곱}) = -1 \cdot (-3) \cdot (-4) = -12$$

$$\therefore x^3 + 8x^2 + 19x + 12 = 0$$

$$36) x^3 - 5x^2 + 2x + 8 = 0$$

$$\Rightarrow (\text{세 근의 합}) = -1 + 2 + 4 = 5$$

$$(\text{두 근끼리의 곱의 합}) = -1 \cdot 2 + 2 \cdot 4 + 4 \cdot (-1) = 2$$

$$(\text{세 근의 곱}) = -1 \cdot 2 \cdot 4 = -8$$

$$\therefore x^3 - 5x^2 + 2x + 8 = 0$$

$$37) x^3 - 6x^2 - \frac{1}{4}x + \frac{3}{2} = 0$$

$$\Rightarrow (\text{세 근의 합}) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + 6 = 6$$

$$(\text{두 근끼리의 곱의 합}) = \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2} \cdot 6 + 6 \cdot \frac{1}{2} = -\frac{1}{4}$$

$$(\text{세 근의 곱}) = \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot 6 = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore x^3 - 6x^2 - \frac{1}{4}x + \frac{3}{2} = 0$$

$$38) x^3 - 11x^2 + 38x - 40 = 0$$

$$\Rightarrow x^3 - (2+5+4)x^2 + (10+20+8)x - 2 \cdot 5 \cdot 4 = 0$$

$$\therefore x^3 - 11x^2 + 38x - 40 = 0$$

$$39) x^3 + x^2 - 2x = 0$$

$$\Rightarrow x^3 - (0+1-2)x^2 + (0-2+0)x - 0 \cdot 1 \cdot (-2) = 0$$

$$\therefore x^3 + x^2 - 2x = 0$$

$$40) x^3 + 9x^2 + 23x + 15 = 0$$

$$\Rightarrow$$

$$x^3 - (-1-3-5)x^2 + (3+15+5)x - (-1)(-3)(-5) = 0$$

$$\therefore x^3 + 9x^2 + 23x + 15 = 0$$

$$41) x^3 + \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{4}x - \frac{1}{16} = 0$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow x^3 - \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{2}\right)x^2 + \left(-\frac{1}{8} + \frac{1}{8} - \frac{1}{4}\right)x \\ - \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{4}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = 0 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{4}x - \frac{1}{16} = 0$$

$$42) x^3 + x^2 - x + 15 = 0$$

$$\Rightarrow x^3 \text{의 계수가 } 1 \text{이고 근이 } -3, 1+2i, 1-2i \text{인 삼차방정식은}$$

$$\begin{aligned} x^3 - \{-3 + (1+2i) + (1-2i)\}x^2 \\ + \{(-3) \cdot (1+2i) + (1+2i)(1-2i) + (1-2i) \cdot (-3)\}x \\ - (-3) \cdot (1+2i)(1-2i) = 0 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 + x^2 - x + 15 = 0$$

$$43) x^3 - 7x^2 + 13x - 7 = 0$$

⇒  $x^3$ 의 계수가 1이고 근이  $1, 3 + \sqrt{2}, 3 - \sqrt{2}$ 인 삼차방정식은

$$\begin{aligned} & x^3 - \{1 + (3 + \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2})\}x^2 \\ & + \{1 \cdot (3 + \sqrt{2}) + (3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2}) \cdot 1\}x \\ & - 1 \cdot (3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2}) = 0 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 - 7x^2 + 13x - 7 = 0$$

$$44) x^3 - 2x + 1 = 0$$

⇒  $x^3 - 2x - 1 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = 0, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -2, \alpha\beta\gamma = 1$$

이때,  $\alpha + \beta = -\gamma, \beta + \gamma = -\alpha, \gamma + \alpha = -\beta$ 이므로

$$\begin{aligned} (\alpha + \beta) + (\beta + \gamma) + (\gamma + \alpha) &= -\gamma - \alpha - \beta \\ &= -(\alpha + \beta + \gamma) = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + \beta)(\beta + \gamma) + (\beta + \gamma)(\gamma + \alpha) + (\gamma + \alpha)(\alpha + \beta) \\ &= (-\gamma) \cdot (-\alpha) + (-\alpha) \cdot (-\beta) + (-\beta) \cdot (-\gamma) \\ &= \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + \beta)(\beta + \gamma)(\gamma + \alpha) = (-\gamma) \cdot (-\alpha) \cdot (-\beta) \\ &= -\alpha\beta\gamma = -1 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 - 2x + 1 = 0$$

$$45) x^3 - 2x^2 + 4x + 2 = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 + 4x - 2 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4, \alpha\beta\gamma = 2$$

$$(-\alpha) + (-\beta) + (-\gamma) = -(\alpha + \beta + \gamma) = 2$$

$$\begin{aligned} & (-\alpha) \cdot (-\beta) + (-\beta) \cdot (-\gamma) + (-\gamma) \cdot (-\alpha) \\ &= \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4 \end{aligned}$$

$$(-\alpha) \cdot (-\beta) \cdot (-\gamma) = -\alpha\beta\gamma = -2$$

$$\therefore x^3 - 2x^2 + 4x + 2 = 0$$

$$46) x^3 - x^2 + 3x - 5 = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 + 4x - 2 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4, \alpha\beta\gamma = 2$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1) + (\beta + 1) + (\gamma + 1) = \alpha + \beta + \gamma + 3 \\ &= -2 + 3 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1)(\beta + 1) + (\beta + 1)(\gamma + 1) + (\gamma + 1)(\alpha + 1) \\ &= (\alpha\beta + \alpha + \beta + 1) + (\beta\gamma + \beta + \gamma + 1) + (\gamma\alpha + \gamma + \alpha + 1) \\ &= (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + 2(\alpha + \beta + \gamma) + 3 \\ &= 4 + 2 \cdot (-2) + 3 = 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1)(\beta + 1)(\gamma + 1) \\ &= \alpha\beta\gamma + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + (\alpha + \beta + \gamma) + 1 \\ &= 2 + 4 + (-2) + 1 = 5 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 - x^2 + 3x - 5 = 0$$

$$47) x^3 - 4x^2 - 4x - 4 = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 + 4x - 2 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4, \alpha\beta\gamma = 2$$

$$\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4$$

$$\begin{aligned} & \alpha\beta \cdot \beta\gamma + \beta\gamma \cdot \gamma\alpha + \gamma\alpha \cdot \alpha\beta = \alpha\beta\gamma(\alpha + \beta + \gamma) \\ &= 2 \cdot (-2) = -4 \end{aligned}$$

$$\alpha\beta \cdot \beta\gamma \cdot \gamma\alpha = (\alpha\beta\gamma)^2 = 2^2 = 4$$

$$\therefore x^3 - 4x^2 - 4x - 4 = 0$$

$$48) x^3 - 2x^2 - x - \frac{1}{2} = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 + 4x - 2 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4, \alpha\beta\gamma = 2$$

$$\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma} \cdot \frac{1}{\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = \frac{-2}{2} = -1$$

$$\frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\alpha\beta\gamma} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore x^3 - 2x^2 - x - \frac{1}{2} = 0$$

$$49) x^3 + 7x^2 + 27x + 5 = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 + 4x - 2 = 0$ 의 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 4, \alpha\beta\gamma = 2$$

$$\begin{aligned} & (2\alpha - 1) + (2\beta - 1) + (2\gamma - 1) = 2(\alpha + \beta + \gamma) - 3 \\ &= 2 \cdot (-2) - 3 = -7 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (2\alpha - 1)(2\beta - 1) + (2\beta - 1)(2\gamma - 1) + (2\gamma - 1)(2\alpha - 1) \\ &= (4\alpha\beta - 2\alpha - 2\beta + 1) + (4\beta\gamma - 2\beta - 2\gamma + 1) \\ &\quad + (4\gamma\alpha - 2\gamma - 2\alpha + 1) \end{aligned}$$

$$= 4(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) - 4(\alpha + \beta + \gamma) + 3$$

$$= 4 \cdot 4 - 4 \cdot (-2) + 3 = 27$$

$$\begin{aligned} & (2\alpha - 1)(2\beta - 1)(2\gamma - 1) \\ &= 8\alpha\beta\gamma - 4(\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + 2(\alpha + \beta + \gamma) - 1 \\ &= 8 \cdot 2 - 4 \cdot 4 + 2 \cdot (-2) - 1 = -5 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 + 7x^2 + 27x + 5 = 0$$

$$50) x^3 - x^2 - 2x - 1 = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 - x - 3 = 0$ 에서 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -1, \alpha\beta\gamma = 3$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1) + (\beta + 1) + (\gamma + 1) = \alpha + \beta + \gamma + 3 \\ &= -2 + 3 = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1)(\beta + 1) + (\beta + 1)(\gamma + 1) + (\gamma + 1)(\alpha + 1) \\ &= (\alpha\beta + \alpha + \beta + 1) + (\beta\gamma + \beta + \gamma + 1) + (\gamma\alpha + \gamma + \alpha + 1) \\ &= (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + 2(\alpha + \beta + \gamma) + 3 \\ &= -1 + 2 \cdot (-2) + 3 = -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\alpha + 1)(\beta + 1)(\gamma + 1) \\ &= \alpha\beta\gamma + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha) + (\alpha + \beta + \gamma) + 1 \\ &= 3 + (-1) + (-2) + 1 = 1 \end{aligned}$$

$$\therefore x^3 - x^2 - 2x - 1 = 0$$

$$51) x^3 + \frac{1}{3}x^2 - \frac{2}{3}x - \frac{1}{3} = 0$$

⇒  $x^3 + 2x^2 - x - 3 = 0$ 에서 세 근이  $\alpha, \beta, \gamma$ 이므로

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta + \gamma = -2, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -1, \alpha\beta\gamma = 3$$

$$\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = \frac{-1}{3} = -\frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma} \cdot \frac{1}{\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = \frac{-2}{3} = -\frac{2}{3}$$



$$\frac{1}{\alpha} \cdot \frac{1}{\beta} \cdot \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\alpha\beta\gamma} = \frac{1}{3}$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{3}x^2 - \frac{2}{3}x - \frac{1}{3} = 0$$

$$52) x^3 - 3x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = -3, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -2, \alpha\beta\gamma = 1$$

$$x^3 - (-\alpha - \beta - \gamma)x^2 + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)x - (\alpha\beta\gamma) = 0$$

$$x^3 + (\alpha + \beta + \gamma)x^2 + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)x + \alpha\beta\gamma = 0$$

$$\therefore x^3 - 3x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$53) x^3 + 2x^2 - 3x - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = -3, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = -2, \alpha\beta\gamma = 1$$

$$x^3 - \left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}\right)x^2 + \left(\frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha}\right)x - \frac{1}{\alpha\beta\gamma} = 0$$

$$\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = -2$$

$$\frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = -3$$

$$x^3 + 2x^2 - 3x - 1 = 0$$

$$54) x^3 + 3x^2 + x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 3, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 1, \alpha\beta\gamma = 1$$

$$x^3 + (\alpha + \beta + \gamma)x^2 + (\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha)x + \alpha\beta\gamma = 0$$

$$\therefore x^3 + 3x^2 + x + 1 = 0$$

$$55) x^3 - x^2 + 3x - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 3, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = 1, \alpha\beta\gamma = 1$$

$$x^3 - \left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma}\right)x^2 + \left(\frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha}\right)x - \frac{1}{\alpha\beta\gamma} = 0$$

$$\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} + \frac{1}{\gamma} = \frac{\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha}{\alpha\beta\gamma} = 1$$

$$\frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = 3$$

$$\therefore x^3 - x^2 + 3x - 1 = 0$$

$$56) a=5, b=-2$$

$$\Rightarrow \text{주어진 삼차방정식의 계수가 유리수이므로 } 1 + \sqrt{2} \text{가 근이면 } 1 - \sqrt{2} \text{도 근이다.}$$

$$\text{따라서 주어진 방정식의 세 근이 } -2, 1 + \sqrt{2}, 1 - \sqrt{2} \text{이므로 삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여}$$

$$-a = -2(1 + \sqrt{2}) + (1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) + (1 - \sqrt{2}) \cdot (-2)$$

$$-b = -2(1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2})$$

$$\therefore a=5, b=-2$$

$$57) a=8, b=-6$$

$$\Rightarrow \text{주어진 삼차방정식의 계수가 실수이므로 } 1+i \text{가 근이면 } 1-i \text{도 근이다.}$$

$$\text{따라서 주어진 방정식의 세 근이 } 3, 1+i, 1-i \text{이므로 삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여}$$

$$a = 3(1+i) + (1+i)(1-i) + (1-i) \cdot 3,$$

$$-b = 3(1+i)(1-i)$$

$$\therefore a=8, b=-6$$

$$58) a=-5, b=8, \alpha=3$$

$$\Rightarrow \text{계수가 모두 실수이므로 } \frac{2}{1-i} = 1+i \text{가 근이면}$$

$$1-i \text{도 근이다. 또, 나머지 한 근이 } \alpha \text{이므로}$$

$$\text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해}$$

$$\alpha(1+i)(1-i) = 6, 2\alpha = 6 \therefore \alpha = 3$$

$$\text{따라서 세 근이 } 3, 1+i, 1-i \text{이므로}$$

$$-a = 3 + (1+i) + (1-i) \text{에서 } a = -5$$

$$b = 3(1+i) + (1+i)(1-i) + 3(1-i) \text{에서 } b = 8$$

$$59) a=4, b=-2$$

$$\Rightarrow \text{계수가 모두 실수이므로 } 1+i \text{가 근이면 } 1-i \text{도 근이다.}$$

$$\text{나머지 한 근을 } \alpha \text{라 하면}$$

$$\text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해}$$

$$\alpha + (1+i) + (1-i) = 3 \therefore \alpha = 1$$

$$\text{따라서 세 근이 } 1, 1+i, 1-i \text{이므로}$$

$$a = 1 \cdot (1+i) + (1+i)(1-i) + 1 \cdot (1-i) \text{에서}$$

$$a = 4$$

$$-b = 1 \cdot (1+i)(1-i) \text{에서}$$

$$b = -2$$

$$60) a=-4, b=4$$

$$\Rightarrow \text{계수가 모두 실수이므로 } 1-i \text{가 근이면 } 1+i \text{도 근이다. 나머지 한 근을 } \alpha \text{라 하면}$$

$$\text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해}$$

$$\alpha(1-i) + (1-i)(1+i) + \alpha(1+i) = 6$$

$$2\alpha + 2 = 6 \therefore \alpha = 2$$

$$\text{따라서 세 근이 } 2, 1-i, 1+i \text{이므로}$$

$$-a = 2 + (1-i) + (1+i) \text{에서}$$

$$a = -4$$

$$b = 2(1-i)(1+i) \text{에서}$$

$$b = 4$$

$$61) a=-3, b=5$$

$$\Rightarrow \text{계수가 모두 실수이므로 } 1 + \sqrt{2}i \text{가 근이면 } 1 - \sqrt{2}i \text{도 근이다. 나머지 한 근을 } \alpha \text{라 하면}$$

$$\text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해}$$

$$\alpha(1 + \sqrt{2}i)(1 - \sqrt{2}i) = 3, 3\alpha = 3 \therefore \alpha = 1$$

$$\text{따라서 세 근이 } 1, 1 + \sqrt{2}i, 1 - \sqrt{2}i \text{이므로}$$

$$-a = 1 + (1 + \sqrt{2}i) + (1 - \sqrt{2}i) \text{에서}$$

$$a = -3$$

$$b = 1 \cdot (1 + \sqrt{2}i) + (1 + \sqrt{2}i)(1 - \sqrt{2}i) + 1 \cdot (1 - \sqrt{2}i) \text{에서}$$

$$b = 5$$

$$62) a=5, b=3$$

$$\Rightarrow \text{계수가 모두 유리수이므로 } 1 + \sqrt{2} \text{가 근이면 } 1 - \sqrt{2} \text{도 근이다. 나머지 한 근을 } \alpha \text{라고 하면}$$

$$\text{삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해}$$

$$\alpha + (1 + \sqrt{2}) + (1 - \sqrt{2}) = 5 \therefore \alpha = 3$$

$$\text{따라서 세 근이 } 3, 1 + \sqrt{2}, 1 - \sqrt{2} \text{이므로}$$

$$a = 3(1 + \sqrt{2}) + (1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) + 3(1 - \sqrt{2}) \text{에서}$$

$$a = 5$$

$$-b = 3(1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) \text{에서 } b = 3$$

$$63) a = -5, b = 4$$

⇒ 계수가 모두 유리수이므로  $3 + \sqrt{5}$ 가 근이면

$3 - \sqrt{5}$ 도 근이다. 나머지 한 근을  $\alpha$ 라 하면

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha(3 + \sqrt{5}) + (3 + \sqrt{5})(3 - \sqrt{5}) + \alpha(3 - \sqrt{5}) = -2,$$

$$6\alpha + 4 = -2 \therefore \alpha = -1$$

따라서 세 근이  $-1, 3 + \sqrt{5}, 3 - \sqrt{5}$ 이므로

$$-a = -1 + (3 + \sqrt{5}) + (3 - \sqrt{5}) \text{에서 } a = -5$$

$$-b = -1 \cdot (3 + \sqrt{5})(3 - \sqrt{5}) \text{에서 } b = 4$$

$$64) a = -3, b = 0$$

⇒ 계수가 모두 유리수이므로  $1 - \sqrt{3}$ 이 근이면

$1 + \sqrt{3}$ 도 근이다. 나머지 한 근을  $\alpha$ 라 하면

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha(1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) = -2, -2\alpha = -2 \therefore \alpha = 1$$

따라서 세 근이  $1, 1 - \sqrt{3}, 1 + \sqrt{3}$ 이므로

$$-a = 1 + (1 - \sqrt{3}) + (1 + \sqrt{3}) \text{에서 } a = -3$$

$$b = 1 \cdot (1 - \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) + 1 \cdot (1 + \sqrt{3})$$

$$\text{에서 } b = 0$$

$$65) a = -15, b = -25$$

⇒ 계수가 모두 실수이므로  $2 + i$ 가 근이면  $2 - i$ 도 근이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라 하면

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + (2 + i) + (2 - i) = -1 \therefore \alpha = -5$$

따라서 세 근이  $-5, 2 + i, 2 - i$ 이므로

$$a = -5(2 + i) + (2 + i)(2 - i) - 5(2 - i) \text{에서 } a = -15$$

$$b = -5(2 + i)(2 - i) \text{에서 } b = -25$$

$$66) a = 1, b = -1$$

⇒ 계수가 실수이고, 한 근이  $-i$ 이므로 다른 한 근은  $i$ 이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라고 하면

근과 계수의 관계에 의하여

$$(-i) + i + \alpha = 1 \therefore \alpha = 1$$

$$(-i) \cdot i + (-i) \cdot 1 + i \cdot 1 = a \therefore a = 1$$

$$(-i) \cdot i \cdot 1 = -b \therefore b = -1$$

$$67) a = 0, b = 2$$

⇒ 계수가 모두 실수이므로  $1 + i$ 가 근이면  $1 - i$ 도 근이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라 하면

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + (1 + i) + (1 - i) = 1 \therefore \alpha = -1$$

따라서 세 근이  $-1, 1 + i, 1 - i$ 이므로

$$a = -1 \cdot (1 + i) + (1 + i)(1 - i) - 1 \cdot (1 - i) \text{에서 } a = 0$$

$$-b = -1 \cdot (1 + i)(1 - i) \text{에서 } b = 2$$

$$68) a = 10, b = -8$$

⇒ 계수가 실수이고, 한 근이  $1 + i$ 이므로 다른 한 근은  $1 - i$ 이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라고 하면

근과 계수의 관계에 의하여

$$(1 + i) + (1 - i) + \alpha = 6 \therefore \alpha = 4$$

$$(1 + i)(1 - i) + (1 + i) \cdot 4 + (1 - i) \cdot 4 = a \therefore a = 10$$

$$(1 + i)(1 - i) \cdot 4 = -b \therefore b = -8$$

$$69) a = -1, b = 2$$

⇒ 계수가 모두 실수이므로  $1 + \sqrt{3}i$ 가 근이면  $1 - \sqrt{3}i$ 도 근이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라 하면

삼차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha(1 + \sqrt{3}i)(1 - \sqrt{3}i) = -4 \therefore \alpha = -1$$

따라서 세 근이  $-1, 1 + \sqrt{3}i, 1 - \sqrt{3}i$ 이므로

$$-a = -1 + (1 + \sqrt{3}i) + (1 - \sqrt{3}i) \text{에서 } a = -1$$

$$b = -1 \cdot (1 + \sqrt{3}i) + (1 + \sqrt{3}i)(1 - \sqrt{3}i) - 1 \cdot (1 - \sqrt{3}i) \text{에서 } b = 2$$

$$70) a = 9, b = -5$$

⇒ 계수가 실수이고, 한 근이  $2 + i$ 이므로 다른 한 근은  $2 - i$ 이다.

나머지 한 근을  $\alpha$ 라고 하면

근과 계수의 관계에 의하여

$$(2 + i) + (2 - i) + \alpha = 5 \therefore \alpha = 1$$

$$(2 + i)(2 - i) + (2 + i) \cdot 1 + (2 - i) \cdot 1 = a \therefore a = 9$$

$$(2 + i)(2 - i) \cdot 1 = -b \therefore b = -5$$

$$71) a = -3, b = 1$$

⇒ 세 근을 각각  $2 - i, 2 + i, \alpha$ 라고 하면

근과 계수의 관계에 의하여

$$(2 - i)(2 + i) \cdot \alpha = -5 \therefore \alpha = -1$$

$$(2 - i) + (2 + i) + (-1) = -a \therefore a = -3$$

$$(2 - i)(2 + i) + (2 - i)(-1) + (2 + i)(-1) = b \therefore b = 1$$

$$72) a = -4, b = 9$$

⇒ 세 근을 각각  $1 - 2i, 1 + 2i, \alpha$ 라고 하면

근과 계수의 관계에 의하여

$$(1 - 2i)(1 + 2i) \cdot \alpha = 10 \therefore \alpha = 2$$

$$(1 - 2i) + (1 + 2i) + 2 = -a \therefore a = -4$$

$$(1 - 2i)(1 + 2i) + 2(1 - 2i) + 2(1 + 2i) = b \therefore b = 9$$