

## 용인고(경기) 2020 2학기 중간 수학



전년도 학교 기출 문제를 바탕으로 엮은 족보로 실전 시험 대비가 가능한 족보

감수자: 최재연 (jychoi1224@eduzone.co.kr)



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일: 2021-06-24
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

**1.** 두 집합  $A = \{2,4,6,8\}$ ,  $B = \{3,4,6,7\}$ 에 대하 여  $n(A \cap B)$ 의 값은?

- $\bigcirc$  2
- ② 3

- 3 4
- **4** 5
- (5) 6

**2.** 점 (-2,3)을 x축의 방향으로 5만큼, y축의 방향 으로 2만큼 평행이동한 점의 좌표는 (a,b)이다. 실 수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

- 1) 8
- ② 9
- ③ 10
- 4) 11
- (5) 12

다음 중에서 명제인 것은?

- ① x > 2
- ② 1000은 큰 수이다.
- ③ x는 20의 약수이다.
- ④ 모든 짝수는 소수가 아니다.
- ⑤ 석성산은 아름다운 산이다.

**4.** 집합  $A = \{\emptyset, 1, 2, \{1, 2\}, 3\}$ 에 대하여 옳은 것만 을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

	<보기>
$\neg$ . $\varnothing \in A$	$\vdash$ . $\{2\} \in A$
$\sqsubset$ . $\{1,2\}$ $\in$ $A$	$\exists. \{1,2\} \subset A$
① ¬, ⊏	② ∟, ≥
③ ⊏, ≥	④ ㄱ, ㄴ, ㄹ

**5.** 평행이동에 의하여 원  $x^2+y^2-2x+4y-4=0$ 과 겹쳐질 수 있는 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

$$\exists x^2 + y^2 = 9$$

$$(x-3)^2+(y+7)^2=16$$

$$\Box x^2 + y^2 - 6y = 0$$

- ③ ¬, ⊏
- ④ L, □
- ⑤ ┐, ∟, ⊏

**6.** 직선 x + ay + 1 = 0을 x축에 대하여 대칭이동한 다음 원점에 대하여 대칭이동하였더니 점 (5,1)을 지났다. 이때 상수 a의 값은?

- 1
- 2 2
- 3 3
- **4**

(5) 5

**7.** 세 조건 p, q, r에 대하여 두 명제  $p \rightarrow q$ ,  $\sim r \rightarrow \sim q$ 가 모두 참일 때, 반드시 참인 명제인 것 만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

	"	
	<보기>	
$\lnot. \ \sim q {\longrightarrow} \sim p$	$\vdash$ . $r \rightarrow q$	
$\vdash$ . $p \rightarrow \sim r$	$\exists. \sim r \rightarrow \sim p$	
① ¬. ∟	② ∟. ⊏	

- ③ ¬, ≥
- ④ ¬, ∟, ⊏
- ⑤ ∟, ⊏, ⊒

- **8.** 좌표평면 위에 두 점 A(-2,3), B(1,2)가 있다. x축 위의 한 점 P에 대하여  $\overline{AP}+\overline{BP}$ 의 최솟값은?
  - (1)  $\sqrt{33}$
- ②  $\sqrt{34}$
- $\sqrt{35}$
- **4**) 6
- (5)  $\sqrt{37}$
- **9.** 실수 x에 대한 두 조건 p: x-2a=0,  $q:x^2-4x-5=0$ 에 대하여 p가 q이기 위한 충분조 건이 되도록 하는 모든 실수 a값의 합은?
  - $\bigcirc -2$
- $\bigcirc$  -1
- ③ 1
- **(4)** 2
- ⑤ 3
- **10.** 원  $(x-2)^2 + (y+a)^2 = 3$ 을 x축의 방향으로 3만 큼 평행이동한 다음 y축에 대하여 대칭이동한 원이 직선 y=x에 대하여 대칭일 때, 상수 a의 값은?
  - ① 3
- ② 5
- ③ 7
- **4** 9
- ⑤ 11
- 11. 두 집합  $A = \{x | x^2 - 5x + 4 = 0\}.$  $B = \{x \mid |x-2| \le k\}$ 에 대하여  $A \subset B$ 를 만족시키는 자연수 k의 최솟값은?
  - ① 1

- ② 2
- 3 3
- **4**
- (5) 5

**12.** 전체집합 U에 대하여 세 조건 p, q, r의 진리집 합을 각각 P, Q, R라고 하자. 두 명제  $p \rightarrow q$ ,  $q \rightarrow r$ 가 모두 참일 때, 항상 옳은 것만을 <보기>에서 있 는 대로 고른 것은?

<보기>

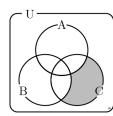
- $\neg$ .  $P \subset R$
- $\vdash . (P^C \cup R^C) \subset Q^C$
- $\sqsubset$ .  $(Q \cap R) \subset P$
- $\exists$ .  $P \subset (Q \cup R)$
- ① □
- ② 7. L
- ③ 7, ≥
- ④ ⊏, ⊇
- ⑤ 7, ∟, ≥
- **13.** 어느 반 30명의 학생 중에서 체험학습 장소로 과 학관과 박물관을 모두 희망하는 학생은 6명, 어느 한 곳도 희망하지 않는 학생은 3명이었다. 과학관을 희망하는 학생 수가 박물관을 희망하는 학생 수의 2배일 때, 과학관을 희망하는 학생의 수는?
  - ① 15
- ② 18
- ③ 20
- **4**) 22
- (5) 24
- **14.** 실수 x에 대한 두 조건  $p: x^2 a^2 \le 0$ ,  $q:|x-2|\leq 1$ 에 대하여, 명제  $p\rightarrow q$ 의 역이 참이 되 도록 하는 양수 a의 최솟값은?
  - $\bigcirc$  3
- ② 4

3 5

**4** 6

(5) 7

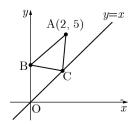
**15.** 그림은 전체집합 U의 세 부분집합 A, B, C 사 이의 관계를 벤다이어그램으로 나타낸 것이다. 색칠 된 부분을 나타내는 집합과 항상 같은 것만을 <보 기>에서 있는 대로 고른 것은?



- $\neg$ .  $(C-A) \cap (C-B)$
- $\bot$ .  $(A^C \cap B^C) \cap C$
- $\sqsubset$ .  $(A \cup C) \cap B^C$

- ② □
- ③ ¬. ∟
- ④ ¬. ⊏
- ⑤ ∟, ⊏
- **16.** 전체집합  $U = \{x | x \in 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부 분집합  $A = \{x | x 는 10의 약수\},$  $B = \{x | x \in 10$ 보다 작은 소수}에 대하여  $B \cup X = B$ .  $(B-A)-X=\emptyset$ 을 만족시키는 집합 U의 부분집합 X의 개수는?
  - $\bigcirc$  2
- ② 4
- 3 8
- **4**) 16
- (5) 32
- 17. 다음 중에서 두 조건 p, q에 대하여 p가 q이기 위한 필요조건이지만 충분조건이 아닌 것은? (단, x, y, z는 실수이다.)
  - ① p: x = 0, y = 0
- q: xy = 0
- ② p: x > 0, y > 0 q: xy = |xy|
- ③ p: x = y
- q: xz = yz
- (4) p: |x+y| < |x-y| q: xy < 0
- ⑤ p: |x| = |y| = |z|
  - $q:(x-y)^2+(y-z)^2+(z-x)^2=0$

**18.** 점 A(2,5)와 y축 위의 점 B, 직선 y=x 위의 점 C를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 둘레의 길 이의 최솟값은?

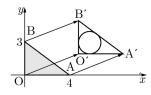


- (1)  $\sqrt{58}$
- ②  $\sqrt{59}$
- $3) 2\sqrt{15}$
- (4)  $\sqrt{61}$
- (5)  $\sqrt{62}$
- **19.** 실수 x에 대하여  $x^2 + \frac{9}{4x^2 + 2}$ 는 x = a 또는 x = b일 때 최솟값 m을 갖는다. 세 상수 a, b, m에 대하여 a+b+m의 값은?
  - 1 1

- ③ 2
- (5) 3
- **20.** 점  $A(t,t^2)$ 을 직선 y=x에 대하여 대칭이동한 점을 B라 하고, 두 점 A, B에서 x축에 내린 수선 의 발을 각각 C, D라 할 때, 사각형 ABDC의 넓 이를  $\frac{1}{8}$ 이 되도록 하는 실수 t의 값은? (단, 0 < t < 1)

  - $3\frac{\sqrt{2}}{4}$   $4\frac{\sqrt{2}}{3}$

**21.** 그림과 같이 세 점 O(0,0), A(4,0), B(0,3)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 *OAB*를 평행이동한 삼각형 O'A'B'에 대하여 점 O'의 좌표가 (5,1)일 때, 삼 O'A'B'의 내접원의 방정식은  $(x-a)^2+(y-b)^2=c$ 이다. 실수 a, b, c에 대하여 a+b+c의 값은?



1) 8

- 2 9
- 3 10
- 4 11
- (5) 12
- **22.** 전체집합  $U = \{1, 2, 2^2, 2^3, 2^4\}$ 의 서로 다른 부분 집합  $A_i$  ( $i=1,\ 2,\ 3,\ \cdots,\ 32$ ) 중  $n(A_i)\geq 2$ 를 만족 시키는 부분집합은 k개가 있다. 이것을 각각  $A_1$ ,  $A_2$ , …,  $A_k$ 이라 하고 각 집합  $A_i$ 의 원소 중 가장 큰 수를  $m_i$ 라 할 때,  $m_1+m_2+\cdots+m_k$ 의 값은?
  - ① 280
- ② 290
- 3 300
- **4**) 310
- (5) 320

## ☞ 정답

- 1) ①
- 2) ①
- 3) ④
- 4) ⑤
- 5) ③
- 6) ④
- 7) ③
- 8) ②
- 9) ④
- 10) ②
- 11) ②
- 12) ③
- 13) ④
- 14) ①
- 15) ③
- 16) ②
- 17) ⑤
- 18) ①
- 19) ④
- 20) ⑤
- 21) ②
- 22) ④