실력완성 | 확률과 통계

2-2-1.조건부확률

수학 계산력 강화

(1)조건부확률과 확률의 곱셈정리





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2019-02-18

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

조건부확률

(1) 조건부확률 : 표본공간 S의 두 사건 A, B에 대하여 확률이 0이 아닌 사건 A가 일어났다고 가정할 때 사건 B가 일어날 확률을 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률이라 하고, 기호로 P(B|A)와 같이

(2) 사건 A가 일어났을 때의 사건 B의 조건부확률은 $P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ (단, P(A) > 0)

☑ 두 사건 A, B에 대하여 다음을 구하여라.

1. $P(A) = \frac{1}{2}, \ P(B) = \frac{3}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{5}$ **9 4** P(AB)의 값

2. $P(A) = \frac{1}{2}, \ P(B) = \frac{3}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{5}$ **2 4** P(B|A)의 값

3. $P(A) = \frac{3}{4}, \ P(B) = \frac{2}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{6}$ **9 4** P(A|B)의 값

4. $P(A) = \frac{3}{4}, \ P(B) = \frac{2}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{6}$ **9 4.** P(B|A)의 값

5. P(A) = 0.4, P(B) = 0.3, P(B|A) = 0.5**2 III**, P(A|B)의 값

6. $P(A) = \frac{1}{5}$, $P(B) = \frac{2}{5}$, $P(A \cup B) = \frac{1}{2}$ **Q W**, P(B|A)의 값

7. $P(A) = \frac{1}{5}$, $P(B) = \frac{2}{5}$, $P(A \cup B) = \frac{1}{2}$ **2 4** $P(A \cap B)$ 의 값

8. P(A) = 0.4, P(B) = 0.7, $P(A^{C} \cap B^{C}) = 0.2$ **2 III.** P(B|A)의 값

9. $P(A) = \frac{1}{4}$, $P(A \cup B) = \frac{5}{8}$ 일 때, $P(B^C | A^C)$ 의 값

10. $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(A \cap B) = \frac{1}{5}$, $P(A \cup B) = \frac{7}{10}$ **9 4** $P(A^C|B^C)$ 의 값

11. A, B가 서로 배반이고 $P(A) = \frac{1}{5}, P(B) = \frac{2}{3}$ 일 때, P(B|AC)의 값

12. A, B가 서로 배반이고 $P(A) = \frac{1}{5}, P(B) = \frac{2}{3}$ 일 때, P(A|B^C)의 값

☑ 다음 물음에 답하여라.

- **13.** 100원짜리 동전 2개, 10원짜리 동전 1개를 동시에 던져서 뒷면이 1개 나왔을 때, 그것이 10원짜리 동전일 확률
- **14.** 100원짜리 동전 1개와 500원짜리 동전 2개를 동시에 던져 앞면이 1개 나왔을 때, 그것이 100원짜리 동전일 확률
- **15.** 한 개의 주사위를 던져서 홀수의 눈이 나왔을 때, 그 눈의 수가 12의 약수일 확률
- 16. 한 개의 주사위를 던져서 홀수의 눈이 나왔을 때, 그 눈이 소수일 확률
- **17.** 100원짜리 동전 2개와 500원짜리 동전 1개를 동시에 던져 앞면이 1개가 나왔을 때, 그것이 500원짜리 동전일 확률
- **18.** 서로 다른 두 개의 주사위를 던져서 나온 눈의 수 의 합이 6일 때, 그 두 주사위의 눈의 수가 모두 3 일 확률
- 19. 두 사건 A, B에 대하여 사건 A가 일어날 확률이 0.6이고 사건 A와 사건 B가 동시에 일어날 확률이 0.35이다. 사건 A가 일어났을 때, 사건 B가 일어날 확률
- 20. 빨간 구슬 5개, 검은 구슬 3개가 들어 있는 주머니에서 임의로 구슬을 한 개씩 두 번 꺼냈더니 모두 같은 색 구슬이 나왔을 때, 2개가 모두 검은 구슬일확률 (단, 꺼낸 구슬은 다시 넣지 않는다.)

- 21. 지민이네 학교에서 야구와 축구에 대한 선호도를 조사한 결과 야구를 좋아하는 학생은 전체의 $\frac{1}{2}$, 야구를 좋아하는 남학생은 전체의 $\frac{2}{5}$ 였다. 야구를 좋아하는 학생 중 한 명을 뽑을 때, 그 학생이 남학생일 확률
- 22. 1, 2, 3, 4가 하나씩 적힌 빨간 카드 4장과 5, 6, 7이 하나씩 적힌 노란 카드 3장이 들어 있는 주머니에서 한 장의 카드를 뽑았다. 뽑은 카드가 빨간 카드일 때, 그 카드에 짝수가 적혀 있을 확률
- 23. 10개의 제비 중에 1등 당첨제비는 1개, 2등 당첨 제비는 3개가 들어 있는 상자에서 2개를 뽑았더니 당첨제비가 나왔을 때, 당첨제비에 1등 당첨제비가 포함될 확률
- 24. 10개의 제비 중에서 1등 당첨 제비가 1개, 2등 당첨 제비가 4개가 들어 있는 상자에서 임의로 2개의 제비를 동시에 뽑았더니 당첨 제비가 나왔을 때, 이 당첨 제비가 1등 당첨 제비일 확률
- 25. 어느 비행기의 승객 중 전체의 80%는 어른이고 45%는 여자이다. 또 남자승객 중에서 25%는 어린 이라고 한다. 어른 중에서 임의로 한명을 뽑았을 때, 그 사람이 남자일 확률
- 26. 어느 동네에서는 전체 주민의 $\frac{4}{5}$ 가 환경 보호 운동에 참여하고, 환경 보호 운동에 참여하는 남자는 전체 주민의 $\frac{1}{4}$ 이라 한다. 이 동네에서 임의로 뽑은한 명이 환경 보호 운동에 참여하는 주민일 때, 그사람이 남자일 확률

- 27. 태양의 자기 폭풍이 부는 날 위성방송이 안 나올 확률은 0.3이고, 태양의 자기 폭풍이 불지 않는 날 위성방송이 안 나올 확률은 0.1이다. 태양 관측에 의하면 6월 한 달 중 태양의 자기 폭풍이 부는 날은 평균 12일이다. 6월 어느 날 위성방송이 안 나왔을 때, 그 날 태양의 자기 폭풍이 불었을 확률
- 28. 어느 도시에 거주하는 사람의 혈액형을 조사하였더니 AB형이 전체의 30%이고 AB형인 남자는 전체의 12%이다. 이 도시에 거주하는 사람 중에서 임의로 선택한 한 명이 AB형인 사람이었을 때, 그 사람이 남자일 확률
- 29. 50명의 학생 중에서 휴대전화를 보유한 학생 수는 40명이고 이중 여학생이 15명이다. 이 학생들 중에서 임의로 뽑은 한 명이 휴대전화를 보유한 학생일 때, 그 학생이 여학생일 확률
- 30. 1, 2, 3, 4가 각각 하나씩 적힌 빨간색 카드 4장과 5, 6, 7, 8, 9가 각각 하나씩 적힌 파란색 카드 5장이 들어 있는 상자에서 임의로 한 장의 카드를 꺼냈다. 꺼낸 카드가 빨간색일 때, 이 카드에 적힌 숫자가 짝수일 확률
- 31. 어느 헌혈 단체 학생들의 혈액형을 조사하였더니 B형인 학생이 전체의 60%이었고, B형인 남학생은 전체의 40%이었다. 이 헌혈 단체 학생 중에서 임의로 뽑은 한 명이 B형일 때, 그 학생이 남학생일 확률
- 32. 1, 2, 3이 하나씩 적혀 있는 세 장의 카드가 들어 있는 상자에서 한 장의 카드를 꺼내어 확인하고 상자에 다시 넣은 후, 그 카드와 같은 숫자의 카드를 그 카드에 적힌 숫자만큼 더 넣고 다시 한 번 한장의 카드를 꺼낸다. 두 번째에 꺼낸 카드가 짝수였을 때, 첫 번째 꺼낸 카드도 짝수였을 확률

33. 다음 표는 어느 고등학교 학생 420명을 대상으로 가고 싶은 수학여행지를 조사하여 나타낸 것이다. 이 학교 학생 중에서 임의로 한 명을 뽑았더니 제주도를 선택한 학생이었을 때, 그 학생이 남학생일 확률

여행지 성별	제주도	강원도	서울	합계
남	90	50	50	190
여	120	60	50	230
합계	210	110	100	420

☑ 어떤 회사는 두 종류의 휴대폰 A와 B를 광주와 부산에 있는 공장에서 생산한다. 다음은 이 두 지역의 공장에서 생산하는 휴대폰의 하루 생산량이다. 다음 물음에 답하여 라.

(단위 : 만 대)

공장 휴대폰	광주	부산	계
A	320	280	600
В	480	120	600
계	800	400	1200

- 34. 하루 동안 생산된 휴대폰 중에서 한 개를 뽑았을 때, A휴대폰이 나왔다. 이 휴대폰이 광주에 있는 공 장에서 생산한 휴대폰일 확률
- 35. 하루 동안 생산된 휴대폰 중에서 한 개를 뽑았을 때, 부산에서 생산한 휴대폰이 나왔다. 이 휴대폰이 B휴대폰일 확률
- 36. 하루 동안 생산된 휴대폰 중에서 한 개를 뽑았을 때, A휴대폰이 나왔다. 이 휴대폰이 부산에 있는 공 장에서 생산한 휴대폰일 확률

☑ 다음은 어느 직업 체험 행사에 참가한 학생 45명을 조사 한 표이다. 다음 물음에 답하여라.

	1학년	2학년	합계
남학생	20	15	35
여학생	7	3	10
합계	27	18	45

- 37. 이 행사에 참가한 학생 중에서 임의로 택한 한 명 이 여학생일 때, 이 학생이 2학년일 확률
- 38. 이 행사에 참가한 학생 중 임의로 택한 한 명이 2학년일 때, 이 학생이 여학생일 확률

☑ 다음은 낚시 대회에 참가한 어느 낚시 동아리의 낚시 조 끼의 색을 조사한 것이다. 다음을 구하여라.

(단위 : 명)

			1 - 11 - 77
조끼 성별	노란색	빨간색	계
남	15	20	35
여	3	7	10
계	18	27	45

- **39.** 이 낚시 동아리 회원 45명 중 임의로 택한 한 사 람의 낚시 조끼가 노란색이었을 때, 그 사람이 여자 일 확률
- 40. 이 낚시 동아리 회원 45명 중 임의로 택한 한 사 람이 남자였을 때, 그 사람의 조끼가 빨간색일 확률
- 41. 이 낚시 동아리 회원 45명 중 임의로 택한 한 사 람의 낚시 조끼가 빨간색이었을 때, 그 사람이 남자 일 확률

00 / 확률의 곱셈정리

두 사건 A, B에 대하여

- (1) $P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = P(B)P(A|B)$ (단, $P(A) \neq 0$, $P(B) \neq 0$)
- (2) 두 사건 A, B에 대하여 사건 B가 일어날 확률은 $P(B) = P(A \cap B) + P(A^{C} \cap B)$
- (3) 사건 B가 일어났을 때의 사건 A의 조건부 확률은 $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A \cap B)}{P(A \cap B) + P(A^C \cap B)}$
- ☑ 두 사건 A, B에 대하여 다음을 구하여라.
- **42.** $P(A) = \frac{1}{3}, \ P(B|A) = \frac{1}{2}$ 일 때, $P(A \cap B)$ 의 값
- **43.** P(A) = 0.3, P(B) = 0.2, P(A|B) = 0.5**9 W**. $P(A \cap B)$ 의 값
- **44.** P(A) = 0.3, P(B) = 0.2, P(A|B) = 0.5**9 W.** P(B|A)의 값
- **45.** P(A) = 0.3, P(B) = 0.2, P(A|B) = 0.5**9 W**, $P(A^C \cap B^C)$ 의 값
- **46.** P(A) = 0.3, P(B) = 0.2, P(A|B) = 0.5**9 W**. P(A ^C|B ^C)의 값
- **47.** $P(A) = \frac{2}{5}$, $P(B) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{3}{10}$ **9 44.** $P(A \cap B)$ 의 값
- **48.** $P(A) = \frac{2}{5}$, $P(B) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{3}{10}$ **2 44.** P(A|B)의 값

- **49.** $P(A) = \frac{2}{5}$, $P(B) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{3}{10}$ **9 44.** $P(A^C \cap B^C)$ 의 값
- **50.** $P(A) = \frac{2}{5}$, $P(B) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{3}{10}$ **9 44.** $P(B^C|A^C)$ 의 값
- **51.** $P(A) = \frac{2}{5}, \ P(B) = \frac{3}{10}, \ P(B|A) = \frac{1}{2}$ **9 44.** $P(A \cap B)$ 의 값
- **52.** $P(A) = \frac{2}{5}, \ P(B) = \frac{3}{10}, \ P(B|A) = \frac{1}{2}$ **9 4** P(A|B)의 값
- **53.** $P(A) = \frac{2}{5}, \ P(B) = \frac{3}{10}, \ P(B|A) = \frac{1}{2}$ **9 4** $\frac{P(B|A)}{P(A|B)}$ 의 값
- ☑ 다음 물음에 답하여라.
- **54.** 10개의 제비 중 4개가 당첨제비가 있는 주머니에 서 갑과 을 두 사람이 뽑은 제비는 다시 넣지 않고 갑, 을의 순서로 각각 1장씩 뽑을 때, 갑이 당첨 제 비를 뽑을 확률
- **55.** 10개의 제비 중 4개가 당첨제비가 있는 주머니에 서 갑과 을 두 사람이 뽑은 제비는 다시 넣지 않고 갑, 을의 순서로 각각 1장씩 뽑을 때, 갑, 을이 모두 당첨 제비를 뽑을 확률

- 56. 10개의 제비 중 4개가 당첨제비가 있는 주머니에 서 갑과 을 두 사람이 뽑은 제비는 다시 넣지 않고 갑, 을의 순서로 각각 1장씩 뽑을 때, 을이 당첨 제 비를 뽑을 확률
- 57. 20개의 제비 중 4개가 당첨제비가 있는 주머니에 서 철수와 영희의 순서로 뽑은 제비는 다시 넣지 않 고 1장씩 제비를 뽑을 때, 철수가 당첨될 확률
- **58.** 20개의 제비 중 4개가 당첨제비가 있는 주머니에 서 철수와 영희의 순서로 뽑은 제비는 다시 넣지 않 고 1장씩 제비를 뽑을 때, 영희가 당첨될 확률
- **59.** 파란 구슬 6개, 빨간 구슬 4개가 들어 있는 주머 니에서 구슬을 한 개씩 2번 꺼낸다고 할 때, 처음 꺼낸 구슬은 색깔만 확인하고 다시 주머니에 넣을 때, 2개 모두 빨간 구슬일 확률
- **60.** 파란 상자에는 100원짜리 동전 3개, 500원짜리 동전 5개가 들어 있고, 빨간 상자에는 100원짜리 동 전 5개, 500원짜리 동전 3개가 들어 있는 한 상자 를 임의로 택하여 동전 1개를 꺼낼 때, 그 동전이 빨간 상자에 있는 500원짜리 동전일 확률
- 61. 어느 단체에서 비가 오지 않을 때, 야구장을 갈 확률이 0.7이고, 비가 내릴 때 야구장을 각 확률이 0.5이다. 내일 비가 내릴 확률이 0.4일 때, 이 단체 가 내일 야구장에 가지 않을 확률

- **62.** 15개의 사탕 중에서 5개는 딸기 맛이고, 10개는 메론 맛이다. 갑과 을의 순서로 사탕을 한 개씩 먹을 때, 갑은 딸기 맛 사탕을 먹고 을은 메론 맛 사탕을 먹을 확률
- 63. '수학'이라는 이름의 도시에는 '논리'라는 택시회사와 '계산'이라는 택시회사가 있다. '논리' 회사의택시는 '수학' 도시 택시의 85%를 차지하고, '계산'회사의 택시는 15%를 차지하고 있다. 어느 날 밤,한 택시기사가 뺑소니 사고를 냈는데 목격자 '경우'가 사고택시는 '계산' 회사의 택시라고 진술하였다. '경우'가 사건을 정확히 목격했을 확률이 80%일 때,뺑소니 사고를 낸 택시가 '계산' 회사의 택시일 확률(단, 다른 택시회사는 존재하지 않으며 택시별 사고확률은 같다.)
- 64. 사과맛 사탕 8개와 포도맛 사탕 4개가 들어있는 주머니에서 선회와 민재 두 사람이 선희, 민재의 순 서로 사탕을 하나씩 꺼낼 때, 두 사람 모두 사과맛 사탕을 꺼낼 확률 (단, 꺼낸 사탕은 다시 넣지 않는 다.)
- **65.** 빨간 공 6개, 노란 공 4개가 들어 있는 주머니에 서 임의로 공을 한 개씩 2개의 공을 꺼낼 때, 2개 모두 빨간 공일 확률 (단, 꺼낸 공은 다시 넣지 않는 다.)
- 66. 4개의 불량품을 포함하여 12개의 제품이 들어 있는 주머니에서 임의로 한 개씩 2개의 제품을 꺼낼때, 두 개 모두 불량품이 아닐 확률 (단, 꺼낸 제품은 다시 넣지 않는다.)

- 67. 어느 프로 야구팀은 이번 시즌에 치르는 경기의 20%가 홈경기이고, 홈경기에서의 승률은 70%, 원정 경기에서의 승률은 30%이다. 이번 시즌의 어떤 경기에서 이 팀이 승리하였을 때, 그 경기가 홈 경기 였을 확률
- **68.** 파란 공 3개, 노란 공 3개가 들어 있는 주머니 A 와 파란 공 4개, 노란 공 2개가 들어 있는 주머니 B 중 하나의 주머니를 임의로 택하여 2개의 공을 꺼낼 때, 파란 공 1개와 노란 공 1개가 나올 확률
- 69. 파란 공 3개, 노란 공 3개가 들어 있는 주머니 A 와 파란 공 4개, 노란 공 2개가 들어 있는 주머니 B 중 하나의 주머니를 임의로 택하여 2개의 공을 꺼낼 때, 나온 공이 파란 공 1개와 노란 공 1개일 때, 꺼낸 공 2개가 모두 주머니 4에서 나왔을 확률

(F)

정답및해설

1) $\frac{1}{3}$

$$\Rightarrow P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{3}{5}} = \frac{1}{3}$$

2) $\frac{2}{5}$

$$\Rightarrow P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{5}$$

3) $\frac{5}{12}$

$$\Rightarrow P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{2}{5}} = \frac{5}{12}$$

4) $\frac{2}{9}$

$$\Rightarrow P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{3}{4}} = \frac{2}{9}$$

5) $\frac{2}{3}$

$$\Rightarrow P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} \text{ of } k$$

 $P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = 0.4 \times 0.5 = 0.2$

$$\therefore P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{0.2}{0.3} = \frac{2}{3}$$

6) $\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{10}}{\frac{1}{r}} = \frac{1}{2}$$

7) $\frac{1}{10}$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$
$$= \frac{1}{5} + \frac{2}{5} - \frac{1}{2} = \frac{1}{10}$$

8) $\frac{3}{4}$

$$P(A \cup B) = 1 - P((A \cup B)^{C}) = 1 - P(A^{C} \cap B^{C})$$

$$= 1 - 0.2 = 0.8$$

$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$

$$= 0.4 + 0.7 - 0.8 = 0.3$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0.3}{0.4} = \frac{3}{4}$$

9) $\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow P(A^{C}) = 1 - P(A) = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

$$P(A^{C} \cap B^{C}) = P((A \cup B)^{C}) = 1 - P(A \cup B)$$
$$= 1 - \frac{5}{8} = \frac{3}{8}$$

$$\therefore P(B^{C}|A^{C}) = \frac{P(A^{C} \cap B^{C})}{P(A^{C})} = \frac{\frac{3}{8}}{\frac{3}{4}} = \frac{1}{2}$$

- 10) $\frac{1}{2}$
- $\Rightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$ 에서

$$\frac{7}{10} = \frac{1}{2} + P(B) - \frac{1}{5}$$

$$\therefore P(B) = \frac{2}{5}$$

$$P(B^{C}) = 1 - P(B) = 1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

$$P(A^{C} \cap B^{C}) = P((A \cup B)^{C}) = 1 - P(A \cup B)$$
$$= 1 - \frac{7}{10} = \frac{3}{10}$$

$$\therefore P(A^{C}|B^{C}) = \frac{P(A^{C} \cap B^{C})}{P(B^{C})} = \frac{\frac{3}{10}}{\frac{3}{5}} = \frac{1}{2}$$

- 11) $\frac{5}{6}$
- 즉, P(A∩B)=0이므로

$$P(B|A^{C}) = \frac{P(B \cap A^{C})}{P(A^{C})} = \frac{P(B) - P(A \cap B)}{1 - P(A)}$$
$$= \frac{\frac{2}{3}}{1 - \frac{1}{5}} = \frac{5}{6}$$

- 12) $\frac{3}{5}$
- \Rightarrow 두 사건 $A,\ B$ 가 배반사건이므로 $A\cap B=\varnothing$ 즉, $P(A\cap B)=0$ 이므로

폭,
$$P(A \cap B) = 0$$
이므로
$$P(A|B^{C}) = \frac{P(A \cap B^{C})}{P(B^{C})} = \frac{P(A) - P(A \cap B)}{1 - P(B)}$$

$$=\frac{\frac{1}{5}}{1-\frac{2}{3}}=\frac{3}{5}$$

- 13) $\frac{1}{3}$
- ⇒ 뒷면이 1개 나오는 사건을 A, 10원짜리 동전이

뒷면이 나오는 사건을 B라 하면

$$P(A) = \frac{3}{8}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

구하는 확률은 P(B|A)이므로

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{8}}{\frac{3}{8}} = \frac{1}{3}$$

14)
$$\frac{1}{3}$$

⇒ 100원짜리 동전 1개와 500원짜리 동전 2개를 동시에 던져 앞면이 1개 나올 사건을 A, 100원짜리 동전의 앞면이 나올 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다. 이때, 앞면, 뒷면을 각각 H, T라 하고 (100원, 500원, 500원)의 순서쌍으로 나타내면 나올 수 있는 모든 경우의 수는 8가지이고 $A = \{(H, T, T), (T, H, T), (T, T, H)\},\$ $A \cap B = \{(H, T, T)\}$ 이다.

$$P(A) = \frac{3}{8}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

:.
$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{8}}{\frac{3}{8}} = \frac{1}{3}$$

15) $\frac{2}{3}$

▷ 홀수의 눈이 나올 사건을 A, 12의 약수의 눈이 나올 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다.

이때,
$$A = \{1, 3, 5\}$$
에서 $P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ 이고,

B = {1, 2, 3, 4, 6}이므로 A ∩ B = {1, 3}에서

$$P(A \cap B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

:.
$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{3}$$

16)
$$\frac{2}{3}$$

⇒ 홀수의 눈이 나올 사건을 A, 소수의 눈이 나올 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다.

이때,
$$A = \{1, 3, 5\}$$
에서 $P(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ 이고,

$$A \cap B = \{3, 5\}$$
에서 $P(A \cap B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

:.
$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{3}$$

17)
$$\frac{1}{3}$$

 \Rightarrow 앞면이 나오는 사건을 A,

500원짜리 동전의 앞면이 나오는 사건을 B라고 하면 $P(A) = \frac{3}{8}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{8}$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{8}}{\frac{3}{8}} = \frac{1}{3}$$

 \Rightarrow 두 눈의 수의 합이 6인 사건을 A,

두 주사위의 눈의 수가 모두 3인 사건을 B라고 하면 $A = \{(1,5), (2,4), (3,3), (4,2), (5,1)\}$

$$B = \{(3,3)\}, A \cap B = \{(3,3)\}$$
이므로

$$P(A) = \frac{5}{36}, \ P(A \cap B) = \frac{1}{36}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{36}}{\frac{5}{36}} = \frac{1}{5}$$

19)
$$\frac{7}{12}$$

$$\Rightarrow P(A) = 0.6, P(A \cap B) = 0.35$$

따라서
$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0.35}{0.6} = \frac{7}{12}$$

20)
$$\frac{3}{13}$$

▷ 모두 같은 색 구슬이 나올 사건을 A, 2개 모두 검은색 구슬일 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다.

이때, 같은 색 구슬인 경우는 두 개 모두 빨간 색 이거나 두 개 모두 검은색인 경우이므로

$$P(A) = \frac{5}{8} \times \frac{4}{7} + \frac{3}{8} \times \frac{2}{7} = \frac{13}{28}$$

$$P(A \cap B) = \frac{3}{8} \times \frac{2}{7} = \frac{3}{28}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{3}{28}}{\frac{13}{28}} = \frac{3}{13}$$

21)
$$\frac{4}{5}$$

22)
$$\frac{1}{2}$$

⇒ 빨간 카드를 뽑는 사건을 A, 짝수가 적힌 카드를 뽑는 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다.

이때,
$$P(A) = \frac{4}{7}$$
, $P(A \cap B) = \frac{2}{7}$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{1}{2}$$

23)
$$\frac{3}{10}$$

□ 당첨제비를 뽑는 사건을 A, 1등 당첨제비를 뽑는 사건을 B라 하면 구하는 확률은 P(B|A)이다. 이때, A의 여사건은 뽑은 제비가 모두 당첨제비가 아닌 사건이다. 10개의 제비 중 당첨제비가 4개, 당첨제비가 아닌 것은 6개이므로

$${\rm P\left(A\right)} = 1 - {\rm P\left(A^{\, \rm C}\right)} = 1 - \frac{{}_{6}{\rm C}_{2}}{{}_{10}{\rm C}_{2}} = 1 - \frac{15}{45} = \frac{2}{3}$$

한편, A∩B는 1등 당첨제비 하나와 나머지 9개의 제비 중 아무거나 하나가 뽑히는 사건이므로

$$P(A \cap B) = \frac{{}_{1}C_{1} \times {}_{9}C_{1}}{{}_{10}C_{2}} = \frac{9}{45} = \frac{1}{5}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{10}$$

24) $\frac{9}{35}$

ightharpoonup 당첨 제비를 뽑는 사건을 A, 1등 당첨 제비를 뽑는 사건을 B라고 하자.

이때 사건 A의 방법의 수는

- (i) 당첨 제비가 1개인 경우 $_5\mathrm{C}_1 imes_5\mathrm{C}_1=5 imes5=25$
- (ii) 당첨 제비가 2개인 경우 $_5$ C $_2 \times _5$ C $_0 = 10 \times 1 = 10$
- (i), (ii)에 의하여

$$P(A) = \frac{25+10}{{}_{10}\mathsf{C}_2} = \frac{35}{45} = \frac{7}{9}$$

$$P(A \cap B) = \frac{{}_{1}C_{1} \times {}_{9}C_{1}}{{}_{10}C_{2}} = \frac{9}{45} = \frac{1}{5}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{7}{9}} = \frac{9}{35}$$

25) $\frac{33}{64}$

 \Rightarrow 승객 전체의 수를 x라 하고 주어진 조건을 표로 나타내면 다음과 같다.

	어른	어린이	합계
남자	$\frac{55x}{\sqrt{75}}$	$55x \downarrow 25$	55x
승객	100° 100°	100^{-100}	100
여자			45x
승객			100
계	$\frac{80x}{100}$	$\frac{20x}{100}$	

어른을 선택하는 사건을 A,

그 사람이 남자일 사건을 B라 하면 구하는 확률은

$$P(B|A) = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{\frac{55x}{100} \times \frac{75}{100}}{\frac{80x}{100}} = \frac{33}{64}$$

26)
$$\frac{5}{16}$$

⇨ 임의로 선택한 한 명이 환경보호 운동에 참여하는

사람인 사건을 A, 남자인 사건을 B라 하면

$$P(A) = \frac{4}{5}, P(A \cap B) = \frac{1}{4}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{4}}{\frac{4}{5}} = \frac{5}{16}$$

27) $\frac{2}{3}$

다 태양의 자기 폭풍이 부는 사건을 A, 위성방송이 나오는 사건을 B라 하면

$$P(A) = \frac{2}{5}, \ P(A \cap B^C) = \frac{2}{5} \times \frac{3}{10} = \frac{3}{25},$$

$$P(A^C \cap B^C) = \frac{3}{5} \times \frac{1}{10} = \frac{3}{50}$$
이다.

따라서
$$P(A|B^C) = \frac{\frac{3}{25}}{\frac{3}{25} + \frac{3}{50}} = \frac{2}{3}$$

28)
$$\frac{2}{5}$$

□ 임의로 선택한 한 명이 AB형인 사건을 A, 남자인 사건을 B라 하면

$$P(A) = \frac{30}{100}, P(A \cap B) = \frac{12}{100}$$

:.
$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{12}{30} = \frac{2}{5}$$

29) $\frac{3}{8}$

 \Rightarrow 휴대전화를 보유한 학생을 택하는 사건을 A, 여학생을 택하는 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{40}{50} = \frac{4}{5}$$
, $P(A \cap B) = \frac{15}{50} = \frac{3}{10}$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{3}{10}}{\frac{4}{5}} = \frac{3}{8}$$

30)
$$\frac{1}{2}$$

 \Rightarrow 빨간색 카드를 꺼내는 사건을 A,

짝수가 적힌 카드를 꺼내는 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{4}{9}, \ P(A \cap B) = \frac{2}{9}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{2}{9}}{\frac{4}{9}} = \frac{1}{2}$$

31)
$$\frac{2}{3}$$

 \Rightarrow B형을 택하는 사건을 A,

남학생을 택하는 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{60}{100} = \frac{3}{5}, \ P(A \cap B) = \frac{40}{100} = \frac{2}{5}$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{2}{5}}{\frac{3}{5}} = \frac{2}{3}$$

- 32) $\frac{36}{61}$
- □ 꺼낸 카드와 그때의 확률을 계산하면 다음과 같다.

첫 번째 꺼낸 수	카드	두 번째 꺼낸 수가 짝수일 확률
1	1, 1, 2, 3	$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$
2	1, 2, 2, 2, 3	$\frac{1}{3} \cdot \frac{3}{5} = \frac{1}{5}$
3	1, 2, 3, 3, 3, 3	$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{18}$

따라서 두 번째에 꺼낸 카드가 짝수일 사건을 A, 첫 번째 꺼낸 카드가 짝수일 사건을 B라 하면 구하는 확률은

$$P(B|A) = \frac{\frac{1}{5}}{\frac{1}{12} + \frac{1}{5} + \frac{1}{18}} = \frac{36}{61}$$

- 33) $\frac{3}{7}$
- \Rightarrow 임의로 뽑은 한 명이 남학생일 사건을 A,
- 이 학생이

제주도를 선택할 사건을 F라 하면

$$P(A \cap F) = \frac{90}{420}, \ P(F) = \frac{210}{420}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A|F) = \frac{P(A \cap F)}{P(F)} = \frac{\frac{90}{420}}{\frac{210}{420}} = \frac{90}{210} = \frac{3}{7}$$

- 34) $\frac{8}{15}$
- $\Leftrightarrow \frac{\text{(광주에서 생산한 A휴대폰의 개수)}}{\text{(A휴대폰의 개수)}} = \frac{320}{600} = \frac{8}{15}$
- 35) $\frac{3}{10}$
- $\Rightarrow \frac{(부산에서 생산한 B휴대폰의 개수)}{(부산에서 생산한 휴대폰의 개수)} = \frac{120}{400} = \frac{3}{10}$
- 36) $\frac{7}{15}$
- $\Rightarrow \frac{(부산에서 생산한 A휴대폰의 개수)}{(A휴대폰의 개수)} = \frac{280}{600} = \frac{7}{15}$

- 37) $\frac{3}{10}$
- \Rightarrow 임의로 뽑은 한 명이 2학년일 사건을 A,
- 이 학생이 여학생일 사건을 F라 하면

$$P(A \cap F) = \frac{3}{45}, \ P(F) = \frac{10}{45}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A|F) = \frac{P(A \cap F)}{P(F)} = \frac{\frac{3}{45}}{\frac{10}{45}} = \frac{3}{10}$$

- 38) $\frac{1}{6}$
- \Rightarrow 임의로 뽑은 한 명이 여학생일 사건을 A,
- 이 학생이 2학년일 사건을 F라 하면

$$P(A \cap F) = \frac{3}{45}, \ P(F) = \frac{18}{45}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A|F) = \frac{P(A \cap F)}{P(F)} = \frac{\frac{3}{45}}{\frac{18}{45}} = \frac{3}{18} = \frac{1}{6}$$

- 39) $\frac{1}{6}$
- $\Rightarrow \frac{(노란 조끼를 입은 여자의 수)}{(노란 조끼를 입은 사람의 수)} = \frac{3}{18} = \frac{1}{6}$
- 40) $\frac{4}{7}$
- $\Rightarrow \frac{\text{(빨간 조끼를 입은 남자의 수)}}{\text{(남자의 수)}} = \frac{20}{35} = \frac{4}{7}$
- 41) $\frac{20}{27}$
- □
 (빨간 조끼를 입은 남자의 수)
 = 20

 (빨간 조끼를 입은 사람의 수)
 = 27
- 42) $\frac{1}{6}$
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$
- 43) 0.1
- \Rightarrow P(A \cap B) = P(B)P(A|B) = 0.2 \times 0.5 = 0.1
- 44) $\frac{1}{3}$
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(B)P(A|B) = 0.2 \times 0.5 = 0.1$

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0.1}{0.3} = \frac{1}{3}$$

- 45) 0.6
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(B)P(A|B) = 0.2 \times 0.5 = 0.1$ $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

$$=0.3+0.2-0.1=0.4$$

$$P(A^{C} \cap B^{C}) = P((A \cup B)^{C})$$

$$= 1 - P(A \cup B)$$

$$= 1 - 0.4 = 0.6$$

46) 0.75

 \Rightarrow P(A \cap B) = P(B)P(A|B) = 0.2 \times 0.5 = 0.1

$$P(A^{C}|B^{C}) = \frac{P(A^{C} \cap B^{C})}{P(B^{C})}$$

$$= \frac{0.6}{1 - P(B)}$$

$$= \frac{0.6}{1 - 0.2}$$

- 47) $\frac{3}{25}$
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{5} \times \frac{3}{10} = \frac{3}{25}$
- 48) $\frac{6}{25}$

$$\Rightarrow P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{3}{25}}{\frac{1}{2}} = \frac{6}{25}$$

- 49) $\frac{11}{50}$
- $\Rightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$ $= \frac{2}{5} + \frac{1}{2} \frac{3}{25} = \frac{39}{50}$

$$P(A^{C} \cap B^{C}) = P((A \cup B)^{C}) = 1 - P(A \cup B)$$
$$= 1 - \frac{39}{50} = \frac{11}{50}$$

50) $\frac{11}{30}$

$$\Rightarrow P(B^{C}|A^{C}) = \frac{P(A^{C} \cap B^{C})}{P(A^{C})} = \frac{\frac{11}{50}}{1 - \frac{2}{5}} = \frac{11}{30}$$

- 51) $\frac{1}{5}$
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{5}$
- 52) $\frac{2}{3}$
- $\Rightarrow P(A \cap B) = P(B)P(A|B) \text{ of } A = \frac{3}{5} = \frac{3}{10} \times P(A|B)$
- $\therefore P(A|B) = \frac{2}{3}$
- 53) $\frac{3}{4}$
- \Rightarrow P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = P(B)P(A|B)이므로

$$\frac{P(B|A)}{P(A|B)} = \frac{P(B)}{P(A)} = \frac{\frac{3}{10}}{\frac{2}{5}} = \frac{3}{4}$$

54) $\frac{2}{5}$

⇒ 갑이 당첨 제비를 뽑을 사건을 A, 을이 당첨 제비를 뽑을 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

55) $\frac{2}{15}$

□ 갑이 당첨 제비를 뽑았을 때, 을도 당첨 제비를 뽑을 확률은

$$P(B|A) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{2}{15}$$

- 56) $\frac{2}{5}$
- ightharpoonup (i) 갑이 당첨 제비를 뽑고, 을도 당첨 제비를 뽑을 확률은 $P(A \cap B) = \frac{2}{15}$
- (ii) 갑은 당첨 제비를 못 뽑고, 을만 당첨 제비를 뽑을 확률은

$$P(A^{C} \cap B) = P(A^{C})P(B|A^{C}) = \frac{6}{10} \times \frac{4}{9} = \frac{4}{15}$$

(i), (ii)는 서로 배반사건이므로 구하는 확률은

$$P(B) = P(A \cap B) + P(A^{C} \cap B) = \frac{2}{15} + \frac{4}{15} = \frac{2}{5}$$

- 57) $\frac{1}{5}$
- ⇒ 철수가 당첨되는 사건을 A라고 하면

$$P(A) = \frac{4}{20} = \frac{1}{5}$$

- 58) $\frac{1}{5}$
- ☆ 철수가 당첨되는 사건을 A라고 하면

$$P(A) = \frac{4}{20} = \frac{1}{5}$$

영희가 당첨되는 사건을 B라고 하자.

사건 B가 일어나는 것은 철수가 당첨되고 영희가 당첨되는 경우이거나, 철수가 당첨되지 않고 영희가 당첨되는 경우이므로

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{4}{20} \times \frac{3}{19} = \frac{3}{95}$$

$$P(A^{C} \cap B) = P(A^{C})P(B|A^{C}) = \frac{16}{20} \times \frac{4}{19} = \frac{16}{95}$$

$$\therefore P(B) = P(A \cap B) + P(A^{C} \cap B) = \frac{3}{95} + \frac{16}{95} = \frac{1}{5}$$

따라서 영희가 당첨될 확률은 $\frac{1}{5}$ 이다.

59)
$$\frac{4}{25}$$

ightharpoonup 첫 번째 뽑힌 구슬이 빨간 구슬일 사건을 A, 두 번째 뽑힌 구슬이 빨간 구슬일 사건을 B라고 하면 $P(A)=\frac{2}{5},\ P(B|A)=\frac{2}{5}$ 이다.

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} = \frac{4}{25}$$

60)
$$\frac{3}{16}$$

ightharpoonup 빨간 상자를 택하는 사건을 A, 500원짜리 동전을 꺼내는 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{8}{16} = \frac{1}{2}, \ P(B|A) = \frac{3}{8}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{1}{2} \times \frac{3}{8} = \frac{3}{16}$$

61) 0.38

다 내일 비가 내릴 사건을 A, 야구장에 가지 않을 사건을 B라 하면 $P(B) = P(A \cap B) + P(A^C \cap B)$ $= P(A)P(B|A) + P(A^C)P(B|A^C)$ $= 0.4 \times 0.5 + 0.6 \times 0.3 = 0.38$

62) $\frac{5}{21}$

ightharpoonup 갑이 딸기 맛 사탕을 먹는 사건을 A, 을이 메론 맛 사탕을 먹는 사건을 B라고 하면

$$P(A) = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}, \ P(B|A) = \frac{10}{14} = \frac{5}{7}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{1}{3} \times \frac{5}{7} = \frac{5}{21}$$

63)
$$\frac{12}{29}$$

ightharpoonup '계산' 회사의 택시라 진술할 사건을 A, 실제 '계산' 회사의 택시일 사건을 B라고 하면 $P(A) = P(A \cap B) + P(A^C \cap B)$ $= P(A)P(B \mid A) + P(A^C)P(B \mid A^C)$

$$=\frac{15}{100}\times\frac{80}{100}+\frac{85}{100}\times\frac{20}{100}=\frac{2900}{10000}$$

$$P(B \mid A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1200}{10000}}{\frac{2900}{10000}} = \frac{12}{29}$$

64) $\frac{14}{33}$

 \Rightarrow 첫 번째 사과맛 사탕을 꺼낼 사건을 A,

두 번째 사과맛 사탕을 꺼낼 사건을 B라고 하면 $P(A) = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$, $P(B|A) = \frac{7}{11}$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{3} \cdot \frac{7}{11} = \frac{14}{33}$$

65) $\frac{1}{3}$

 \Rightarrow 첫 번째에 빨간 공을 꺼내는 사건을 A,

두 번째에 빨간 공을 꺼내는 사건을 B라고 하면

첫 번째에 빨간 공을 꺼낼 확률은 $P(A) = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$

첫 번째에 빨간 공을 꺼냈을 때, 두 번째에도

빨간 공을 꺼낼 확률은 $P(B|A) = \frac{5}{9}$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{3}{5} \times \frac{5}{9} = \frac{1}{3}$$

66) $\frac{14}{33}$

 \Rightarrow 첫 번째에 불량품을 꺼내지 않을 사건을 A,

두 번째에 불량품을 꺼내지 않을 사건을 B라고 하면 첫 번째에 불량품을 꺼내지 않을 확률은

$$P(A) = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

첫 번째에 불량품을 꺼내지 않았을 때,

두 번째에도 불량품을 꺼내지 않을 확률은

$$P(B|A) = \frac{7}{11}$$

따라서 구하는 확률은

$$P(A \cap B) = P(A)P(B|A) = \frac{2}{3} \times \frac{7}{11} = \frac{14}{33}$$

67)
$$\frac{7}{19}$$

ightharpoonup 홈경기인 사건을 A, 원정 경기인 사건을 B, 승리하는 사건을 E라고 하면

(i) 홈 경기에서 승리하는 확률은

$$P(A \cap E) = P(A)P(E|A) = \frac{20}{100} \times \frac{70}{100} = \frac{7}{50}$$

(ii) 원정 경기에서 승리하는 확률은

$$P(B \cap E) = P(B)P(E|B) = \frac{80}{100} \times \frac{30}{100} = \frac{6}{25}$$

(i), (ii)는 서로 배반사건이므로

이 팀이 승리할 확률은

$$P(E) = P(A \cap E) + P(B \cap E) = \frac{7}{50} + \frac{6}{25} = \frac{19}{50}$$

따라서 이 팀이 승리하였을 때,

그 경기가 홈 경기였을 확률은

$$P(A|E) = \frac{P(A \cap E)}{P(E)} = \frac{\frac{7}{50}}{\frac{19}{50}} = \frac{7}{19}$$

- 68) $\frac{17}{30}$
- \Rightarrow 주머니 A를 택하는 사건을 A, 주머니 B를 택하는 사건을 B, 파란 공 1개, 노란 공 1개가 나오는 사건을 E라고 하면
- (i) 주머니 A에서 파란 공 1개, 노란 공 1개가 나올 확률은 $P(A \cap E) = P(A)P(E|A) = \frac{3}{10}$
- (ii) 주머니 B에서 파란 공 1개, 노란 공 1개가 나올 확률은 $P(B \cap E) = P(B)P(E|B) = \frac{4}{15}$
- (i), (ii)는 서로 배반사건이므로 구하는 확률은 $P(E) = P(A \cap E) + P(B \cap E) = \frac{17}{30}$
- 69) $\frac{9}{17}$
- ⇨ 나온 공이 파란 공 1개, 노란 공 1개일 때, 꺼낸 공 2개가 모두 주머니 4에서 나왔을 확률은
- $P(A|E) = \frac{P(A \cap E)}{P(E)} = \frac{\frac{3}{10}}{\frac{17}{30}} = \frac{9}{17}$