

수학 계산력 강화

(1)점의 평행이동





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-06-04

2) 제작자 : 교육지대㈜

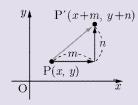
3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 점의 평행이동

점 P(x,y)를 x축의 방향으로 m만큼, y축의 방향으로 n만큼 평행이동한 점을 P'이라 하면

 $\rightarrow P'(x+m,y+n)$



(참고)

┌ x축의 방향으로 m만급↓ (x,y) → (x+m,y+n) └ y축의 방향으로 n만큼 ♪

- \blacksquare 다음 좌표평면 위의 점을 x축의 방향으로 -1만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 점의 좌표를 구하 여라.
- **1.** (2,1)
- (6,-2)
- 3. (-4, -1)
- **4.** (-1,5)
- 5. (-7,-8)

- 6. (10,-2)
- 7. (-7,3)
- 8. (0,0)
- **9.** (9,9)
- **10.** (0, 3)
- ightharpoonup 다음 좌표평면 위의 점을 x축의 방향으로 3만큼, y축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 점의 좌표를 구 하여라.
- **11.** (0,0)
- **12.** (0, 2)
- **13.** (2,1)
- **14.** (-7, -5)

- **15.** (1, -9)
- **16.** (-3,8)
- **17.** (-4, -3)
- **18.** (-3,3)
- **19.** $\left(-\frac{1}{2}, 2\right)$
- **20.** $\left(-1, \frac{1}{2}\right)$
- $lacksymbol{\square}$ 다음 좌표평면 위의 점을 x축의 방향으로 2만큼, y축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 점의 좌표를 구 하여라.
- **21.** (4, 3)
- **22.** (-7,6)
- **23.** (2, -3)
- **24.** (-1, -5)

- **25.** (-2,3)
- **26.** (-5, -5)
- **27.** (-4, -6)
- **28.** (1, -11)
- **29.** (5, 5)
- **30.** (10, 4)
- ightharpoons 평행이동 (x,y)
 ightarrow (x+1,y+2)에 의하여 다음 점이 옮겨지는 점의 좌표를 구하여라.
- **31.** (0,0)
- **32.** (-6,11)
- **33.** (-2, -4)
- **34.** (3, -1)

- **35.** (2, -2)
- **36.** (7,5)
- **37.** (-1, -3)
- **38.** (2, 3)
- **39.** $\left(-\frac{1}{2}, 2\right)$
- **40.** $\left(\frac{1}{2}, -3\right)$
- ightarrow 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x+2,y-3)$ 에 의하여 다음 점이 옮겨지는 점의 좌표를 구하여라.
- **41.** (-1,0)
- **42.** (-3, -1)
- **43.** (5,1)
- **44.** (3, -3)

- **45.** (1, -4)
- **46.** (-6, -2)
- **47.** (2, -2)
- **48.** (4, 3)
- **49.** (0, 2)
- **50.** (-5, -10)
- ☑ 다음 좌표평면 위의 점을 주어진 만큼 평행이동한 점의 좌표를 구하여라.
- **51.** (3,-2), x축의 방향으로 1만큼 y축의 방향으로 3**만큼**
- **52.** (-4,-1), x축의 방향으로 -2만큼 y축의 방향 으로 1만큼
- **53.** (-3,-1), x축의 방향으로 5만큼 y축의 방향으 로 -1만큼

- **54.** (7,0), x축의 방향으로 -4만큼 y축의 방향으로 3**만큼**
- **55.** (6,1), x축의 방향으로 3만큼 y축의 방향으로 5만큼
- **56.** (0,-2), x축의 방향으로 4만큼 y축의 방향으로 -2만큼
- **57.** (-3, -6), x축의 방향으로 5만큼, y축의 방향으 로 -8만큼
- **58.** (1,-4), x축의 방향으로 -3만큼 y축의 방향으 로 -2
- **59.** (-5,1), x축의 방향으로 2만큼, y축의 방향으로 **3만큼**
- **60.** (-5,-1), x축의 방향으로 -4만큼 y축의 방향 으로 6만큼
- **61.** $\left(-\frac{1}{2},6\right)$, x축의 방향으로 -1만큼 y축의 방향으 로 4만큼
- **62.** $\left(4, -\frac{1}{3}\right)$, x축의 방향으로 -5만큼 y축의 방향으 로 $\frac{10}{3}$ 만큼

- ightharpoons 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 에 의하여 다음 점이 점 (5,5)로 옮겨진다. 이때, 상수 m,n의 값을 구하 여라.
- **63.** (0,0)
- **64.** (8, 3)
- **65.** (-2, -9)
- **66.** (-1,4)
- **67.** (4, 3)
- **68.** (7, -6)
- **69.** (5,-1)
- **70.** (10, -7)
- **71.** (5, 6)
- **72.** (-3,2)

- ightarrow 평행이동 (x,y)
 ightarrow (x-5,y+5)에 의하여 다음 점으로 옮겨지는 점의 좌표를 구하여라.
- **73.** (6, 1)
- **74.** (-5,3)
- **75.** (3, -10)
- **76.** (-1,-2)
- **77.** (-7, -4)
- ightharpoonup 점 A를 점 B로 옮기는 평행이동에 의하여 다음 점 P가 옮겨지는 점의 좌표를 구하여라.
- **78.** A(4,-7), B(5,-3), P(-2,1)
- **79.** A(2,5), B(5,2), P(4,3)
- **80.** A(3,-2), B(1,1), P(1,0)
- **81.** A(-2,6), B(-4,2), P(2,1)
- **82.** A(-3,2), B(-1,-3), P(0,4)

정답 및 해설

- 1) (1,4)
- \Rightarrow $(2-1,1+3), <math>\Rightarrow$ (1,4)
- (5,1)
- \Rightarrow (6-1, -2+3), \Rightarrow (5,1)
- 3) (-5,2)
- 4) (-2,8)
- 5) (-8, -5)
- \Rightarrow $(-7-1, -8+3), \subseteq (-8, -5)$
- \Rightarrow (10-1, -2+3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (9,1)
- 7) (-8,6)
- \Rightarrow $(-7-1,3+3), <math>\Rightarrow$ (-8,6)
- 8) (-1,3)
- \Rightarrow (0-1,0+3), \Rightarrow (-1,3)
- 9) (8, 12)
- \Rightarrow (9-1,9+3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (8,12)
- 10) (-1,6)
- \Rightarrow (0-1,3+3), \Rightarrow (-1,6)
- 11) (3, -3)
- \Rightarrow (0,0) \rightarrow (0+3,0-3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (3,-3)
- 12) (3, -1)
- \Rightarrow (0,2) \rightarrow (0+3,2-3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (3,-1)
- 13) (5,-2)
- \Rightarrow (2,1) \rightarrow (2+3,1-3), \Rightarrow (5,-2)
- 14) (-4, -8)
- \Rightarrow $(-7, -5) \rightarrow (-7+3, -5-3), <math>\stackrel{\triangle}{\neg} (-4, -8)$
- 15) (4, -12)
- \Rightarrow $(1,-9) \rightarrow (1+3,-9-3), <math>\stackrel{\triangle}{=}$ (4,-12)
- \Rightarrow $(-3,8) \rightarrow (-3+3,8-3), \subseteq (0,5)$
- 17) (-1, -6)
- \Rightarrow $(-4, -3) \rightarrow (-4+3, -3-3), \subseteq (-1, -6)$
- 18) (0,0)
- \Rightarrow $(-3,3) \rightarrow (-3+3,3-3), \stackrel{\triangle}{\neg} (0,0)$

19)
$$\left(\frac{5}{2}, -1\right)$$

$$\Leftrightarrow \left(-\frac{1}{2}, 2\right) \rightarrow \left(-\frac{1}{2} + 3, 2 - 3\right), \; \stackrel{\triangle}{\hookrightarrow} \; \left(\frac{5}{2}, -1\right)$$

- 20) $\left(2, -\frac{5}{2}\right)$
- $\Rightarrow \left(-1, \frac{1}{2}\right) \rightarrow \left(-1+3, \frac{1}{2}-3\right), \stackrel{\triangle}{\Rightarrow} \left(2, -\frac{5}{2}\right)$
- (6,0)
- \Rightarrow (4+2,3-3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (6,0)
- 22) (-5,3)
- \Rightarrow $(-7+2,6-3), <math>\Rightarrow$ (-5,3)
- 23) (4, -6)
- \Rightarrow (2+2, -3-3), \Rightarrow (4, -6)
- 24) (1, -8)
- (0,0)
- \Rightarrow $(-2+2,3-3), \subseteq (0,0)$
- 26) (-3, -8)
- 27) (-2, -9)
- \Rightarrow $(-4+2, -6-3), \stackrel{\triangle}{\neg} (-2, -9)$
- 28) (3, -14)
- \Rightarrow (1+2, -11-3), \Rightarrow (3, -14)
- 29) (7,2)
- \Rightarrow (5+2,5-3), \Rightarrow (7,2)
- 30) (12, 1)
- \Rightarrow (10+2,4-3), \Rightarrow (12,1)
- 31) (1,2)
- \Rightarrow (0+1,0+2), \Rightarrow (1,2)
- 32) (-5, 13)
- \Rightarrow (-6+1,11+2), \Rightarrow (-5,13)
- 33) (-1, -2)
- 34) (4.1)
- \Rightarrow (3+1, -1+2), \Rightarrow (4,1)
- 35) (3,0)
- \Rightarrow (2+1,-2+2), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (3,0)
- 36) (8,7)
- \Rightarrow (7+1,5+2), \Rightarrow (8,7)

- 37) (0,-1)
- \Rightarrow $(-1+1, -3+2), \subseteq (0, -1)$
- 38) (3,5)
- \Rightarrow (2+1,3+2), \Rightarrow (3,5)
- 39) $\left(\frac{1}{2}, 4\right)$
- $\Rightarrow \left(-\frac{1}{2}+1,2+2\right), \stackrel{\triangle}{\Rightarrow} \left(\frac{1}{2},4\right)$
- 40) $\left(\frac{3}{2}, -1\right)$
- $\Rightarrow \left(\frac{1}{2}+1,-3+2\right), \stackrel{\Xi}{\neg} \left(\frac{3}{2},-1\right)$
- 41) (1, -3)
- \Rightarrow $(-1+2,0-3), \subseteq (1,-3)$
- 42) (-1, -4)
- \Rightarrow $(-3+2,-1-3), \subseteq (-1,-4)$
- 43) (7, -2)
- \Rightarrow (5+2,1-3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (7,-2)
- 44) (5, -6)
- \Rightarrow (3+2, -3-3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (5, -6)
- 45) (3, -7)
- \Rightarrow (1+2, -4-3), $\stackrel{\triangle}{=}$ (3, -7)
- 46) (-4, -5)
- \Rightarrow $(-6+2, -2-3), \subseteq (-4, -5)$
- 47) (4, -5)
- \Rightarrow (2+2, -2-3), \Rightarrow (4, -5)
- 48) (6.0)
- \Rightarrow (4+2,3-3), \Rightarrow (6,0)
- 49) (2,-1)
- \Rightarrow $(0+2,2-3), \subseteq (2,-1)$
- 50) (-3, -13)
- \Rightarrow $(-5+2, -10-3), <math>\Rightarrow$ (-3, -13)
- 51) (4.1)
- \Rightarrow $(3,-2) \rightarrow (3+1,-2+3), \subseteq (4,1)$
- 52) (-6,0)
- \Rightarrow $(-4,-1) \rightarrow (4-2,-1+1), <math>\stackrel{\triangle}{\neg} (-6,0)$
- 53) (2, -2)
- \Rightarrow $(-3,-1) \rightarrow (-3+5,-1-1), \subseteq (2,-2)$
- 54) (3,3)
- \Rightarrow (7,0) \rightarrow (7-4,0+3), $\stackrel{\triangle}{\neg}$ (3,3)
- 55) (9,6)

- \Rightarrow (6,1) \rightarrow (6+3,1+5), \Rightarrow (9,6)
- 56) (4, -4)
- \Rightarrow $(0,-2) \rightarrow (0+4,-2-2), <math>\stackrel{\triangle}{=}$ (4,-4)
- 57) (2, -14)
- \Rightarrow $(-3, -6) \rightarrow (-3+5, -6-8), <math>\stackrel{\triangle}{\neg}$ (2, -14)
- 58) (-2, -6)
- \Rightarrow $(1,-4) \rightarrow (1-3,-4-2), \stackrel{\sim}{\neg} (-2,-6)$
- 59) (-3,4)
- \Rightarrow $(-5,1) \rightarrow (-5+2,1+3), <math>\Rightarrow$ (-3,4)
- 60) (-9.5)
- 61) $\left(-\frac{3}{2}, 10\right)$
- $\Rightarrow \left(-\frac{1}{2},6\right) \rightarrow \left(-\frac{1}{2}-1,6+4\right), \ \ \ \, \stackrel{\triangle}{\rightarrow} \ \left(-\frac{3}{2},\ 10\right)$
- 62) (-1,3)
- $\Rightarrow \left(4, -\frac{1}{3}\right) \rightarrow \left(4-5, -\frac{1}{3} + \frac{10}{3}\right), \stackrel{\triangle}{\Rightarrow} (-1,3)$
- 63) m = 5, n = 5
- \Rightarrow $(0,0) \rightarrow (0+m,0+n) = (5,5)$
- 0+m=5, 0+n=5
- $\therefore m = 5, n = 5$
- 64) m = -3, n = 2
- \Rightarrow (8,3) \rightarrow (8+m,3+n) = (5,5)
- 따라서 8+m=5,3+n=5이므로
- m = -3, n = 2
- 65) m = 7, n = 14
- \Rightarrow $(-2, -9) \rightarrow (-2 + m, -9 + n) = (5, 5)$
- -2+m=5, -9+n=5
- $\therefore m = 7, n = 14$
- 66) m = 6, n = 1
- \Rightarrow $(-1,4) \rightarrow (-1+m,4+n) = (5,5)$
- -1+m=5, 4+n=5
- $\therefore m = 6, n = 1$
- 67) m = 1, n = 2
- \Rightarrow (4,3) \rightarrow (4+m,3+n) = (5,5)
- 4+m=5, 3+n=5
- $\therefore m = 1, n = 2$
- 68) m = -2, n = 11
- \Rightarrow $(7, -6) \rightarrow (7+m, -6+n) = (5, 5)$
- 7+m=5, -6+n=5
- $\therefore m = -2, n = 11$
- 69) m = 0, n = 6

$$\Rightarrow$$
 $(5,-1) \rightarrow (5+m,-1+n) = (5,5)$

$$5+m=5, -1+n=5$$

$$\therefore m = 0, n = 6$$

70)
$$m = -5, n = 12$$

$$\Rightarrow$$
 $(10, -7) \rightarrow (10 + m, -7 + n) = (5, 5)$

$$10+m=5, -7+n=5$$

$$\therefore m = -5, n = 12$$

71)
$$m = 0, n = -1$$

$$\Rightarrow$$
 (5,6) \rightarrow (5+m,6+n) = (5,5)

$$5+m=5, 6+n=5$$

$$\therefore m = 0, n = -1$$

72)
$$m = 8, n = 3$$

$$\Rightarrow$$
 $(-3,2) \rightarrow (-3+m,2+n) = (5,5)$

$$-3+m=5, 2+n=5$$

$$\therefore m = 8, n = 3$$

73)
$$(11, -4)$$

$$\Rightarrow x-5=6, y+5=1$$
이므로

$$x = 11, y = -4$$

74)
$$(0, -2)$$

$$\Rightarrow x-5=-5, y+5=3$$
이므로

$$x = 0, y = -2$$
 : $(0, -2)$

75)
$$(8, -15)$$

$$\Rightarrow x-5=3,y+5=-10$$
이므로

$$x = 8, y = -15$$
 : $(8, -15)$

76)
$$(4, -7)$$

$$\Rightarrow x-5=-1,y+5=-2$$
이므로

$$x = 4, y = -7 : (4, -7)$$

77) (-2, -9)

$$\Rightarrow x-5=-7, y+5=-4$$
이므로

$$x = -2, y = -9$$

78) (-1,5)

Arr 점 A(4,-7)을 점 B(5,-3)으로 옮기는 평행이

동을

 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 이라 하면

$$4+m=5, -7+n=-3$$

$$\therefore m = 1, n = 4$$

따라서 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x+1,y+4)$ 에 의하여

점 P(-2,1)이 옮겨지는 점의 좌표는

(-2+1,1+4) :: (-1,5)

79) (7,0)

 \Rightarrow 점 A(2,5)를 점 B(5,2)로 옮기는 평행이동을

 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 이라 하면

 $2+m=5\,, 5+n=2$

 $\therefore m=3, n=-3$

따라서 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x+3,y-3)$ 에 의하여

점 P(4,3)이 옮겨지는 점의 좌표는 (4+3,3-3) \therefore (7,0)

80) (-1,3)

 \Rightarrow 점 A(3,-2)를 점 B(1,1)으로 옮기는 평행이동 \Rightarrow

 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 이라 하면

3+m=1, -2+n=1 : m=-2, n=3

평행이동 $(x,y) \rightarrow (x-2,y+3)$ 에 의하여

점 P(1,0)이 옮겨지는 점의 좌표는

(1-2,0+3) :: (-1,3)

81) (0, -3)

 \Rightarrow 점 A(-2,6)을 점 B(-4,2)로 옮기는 평행이동을

 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 이라 하면

-2+m=-4,6+n=2

 $\therefore m = -2, n = -4$

따라서 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x-2,y-4)$ 에 의하여

점 P(2,1)이 옮겨지는 점의 좌표는

(2-2,1-4) : (0,-3)

82) (2,-1)

Arr 점 A(-3,2)를 점 B(-1,-3)으로 옮기는 평행이 동을

 $(x,y) \rightarrow (x+m,y+n)$ 이라 하면

-3+m=-1,2+n=-3

 $\therefore m = 2, n = -5$

따라서 평행이동 $(x,y) \rightarrow (x+2,y-5)$ 에 의하여 점

P(0,4)이 옮겨지는 점의 좌표는

(0+2,4-5) :: (2,-1)