계산력 연습

[영역] 2.문자와 식



중 2 과정

2-4-3.복잡한 연립방정식의 풀이





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-02-16

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다. ◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

계산시 참고사항

1. 괄호가 있는 연립방정식

- (1) 분배법칙을 이용하여 괄호를 푼다.
- (2) 동류항끼리 정리하여 간단히 한다.
- (3) 가감법이나 대입법을 이용하여 연립방정식의 해를 구한다.

2. 계수가 분수 또는 소수인 연립방정식

- (1) 계수가 분수인 연립방정식: 양변에 분모의 최소공배수를 곱하고, 방정식을 푼다.
- (2) 계수가 소수인 연립방정식: 양변에 10의 거듭제곱 중에서 적당한 수를 곱하고, 방정식을 푼다.

3. A = B = C 꼴의 연립방정식

$$\left\{ egin{aligned} A=B \ A=C \end{aligned}
ight.$$
 또는 $\left\{ egin{aligned} A=C \ B=C \end{aligned}
ight.$ 중 하나로 고쳐서 푼다.

4. 특수한 해를 갖는 연립방정식

- (1) 해가 무수히 많다: 두 방정식을 변형하였을 때, 미지수의 계수와 상수항이 각각 같은 경우
 - \Rightarrow 가감법을 이용하여 한 미지수를 소거하면 $0 \times x = 0$, $0 \times y = 0$ 의 꼴
- (2) 해가 없다: 두 방정식을 변형하였을 때, 미지수의 계수는 갖고, 상수항이 다른 경우
 - \Rightarrow 가감법을 이용하여 한 미지수를 소거하면 $0 \times x = k$, $0 \times y = k (k \neq 0)$ 인 상수)의 꼴

투수한 해를 갖는 연립방정식

연립방정식 $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$ 에서

◉ 해가 무수히 많다.(부정)

$$\rightarrow \frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

◉ 해가 없다.(불능)

$$\rightarrow \frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$$



괄호가 있는 연립방정식

☑ 다음 연립방정식을 풀어라.

1.
$$\begin{cases} 2x + 5(y+1) = 2\\ 3(x-2y) + y = 8 \end{cases}$$

$$2. \qquad \begin{cases} 2x+3y = 5 \\ 2(x+y) = 3 \end{cases}$$

3.
$$\begin{cases} 3(x-1) + y = 6 \\ 3x + 2y = 3 \end{cases}$$

4.
$$\begin{cases} 3x - 5(x - 2y) = 10 \\ 2x - 7y = -4 \end{cases}$$

5.
$$\begin{cases} x+7(y-1) = -12 \\ 6(x+y) = 2(x-y) \end{cases}$$

6.
$$\begin{cases} x = 4 - (1 - y) \\ x + y = 9 \end{cases}$$

7.
$$\begin{cases} 2(x+2y) - 3y = 1 \\ x - (y+2) = -6 \end{cases}$$

8.
$$\begin{cases} 2x - 3(y+2) = 4 \\ 3(x+y) = 5(x-y) \end{cases}$$

9.
$$\begin{cases} 4(x+y) - 3y = -7 \\ 3x - 2(x+y) = 5 \end{cases}$$

10.
$$\begin{cases} 3x + 2y = 3 \\ 5x - 2(y - 1) = -9 \end{cases}$$

11.
$$\begin{cases} 2(2x-y) + 3y = -3 \\ x - 2y = -12 \end{cases}$$

12.
$$\begin{cases} 2x - y = 14 \\ 3(x+y) - 2 = -2x \end{cases}$$

13.
$$\begin{cases} 3(x-y) + 2y = 8 \\ 4(x+2y) - x = -10 \end{cases}$$

14.
$$\begin{cases} x - 2(x + 3y) = 0 \\ -(x + y) + 5y = -5 \end{cases}$$

15.
$$\begin{cases} 4(x-y) - 3x = 2\\ 2x - 3(x+y) = 5 \end{cases}$$

16.
$$\begin{cases} 2(x+y) - 3y = 7 \\ 3(x-2y) + 7y = 3 \end{cases}$$

17.
$$\begin{cases} 3(x-y) - 2y = 7 \\ 4x - 3(x-2y) = 10 \end{cases}$$

18.
$$\begin{cases} (3x+2y) - (3y-1) = 4 \\ (2x-3y) + 2(2x+1) = 5 \end{cases}$$

19.
$$\begin{cases} y = 6 - 2(x+2) \\ 3x + 2(x-y) = 5 \end{cases}$$

20.
$$\begin{cases} x = 5 - (3 - y) \\ 2(2x - y) - y = 5 \end{cases}$$

21.
$$\begin{cases} 2x - (x+y) = -1 \\ x - 3(x - 2y) = 6 \end{cases}$$

% 계수가 분수 또는 소수인 연립방정식

☑ 다음 연립방정식의 해를 구하여라.

22.
$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{4}{9}y = 4\\ \frac{3}{4}x - \frac{5}{6}y = -2 \end{cases}$$

23.
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{5}{3}y = \frac{1}{6} \\ x - \frac{1}{2}y = -\frac{7}{2} \end{cases}$$

24.
$$\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{3}{4}y = -\frac{1}{12} \\ \frac{1}{6}x + \frac{3}{5}y = -\frac{4}{15} \end{cases}$$

25.
$$\begin{cases} \frac{3}{5}x - \frac{1}{4}y = \frac{9}{20} \\ x - \frac{1}{3}y = 1 \end{cases}$$

26.
$$\begin{cases} \frac{3}{2}x + \frac{1}{6}y = \frac{5}{3} \\ 2x - \frac{1}{2}y = 8 \end{cases}$$

$$27. \quad \begin{cases} \frac{3}{4}x - \frac{1}{5}y = \frac{3}{20} \\ \frac{1}{2}x - y = -\frac{5}{2} \end{cases}$$

28.
$$\begin{cases} 0.2x - 0.3y = -0.8 \\ 0.3x - 0.1y = 0.2 \end{cases}$$

29.
$$\begin{cases} \frac{1}{4}x - \frac{1}{5}y = \frac{1}{2} \\ \frac{1}{3}x - \frac{1}{4}y = \frac{2}{3} \end{cases}$$

30.
$$\begin{cases} \frac{1}{5}x + \frac{1}{8}y = \frac{5}{2} \\ \frac{1}{10}x + \frac{1}{2}y = 3 \end{cases}$$

31.
$$\begin{cases} 0.2x - 0.1y = 0.4 \\ \frac{2}{3}x - \frac{1}{2}y = 1 \end{cases}$$

32.
$$\begin{cases} \frac{3}{4}x + \frac{1}{8}y = 4\\ \frac{1}{3}x + \frac{5}{2}y = -8 \end{cases}$$

33.
$$\begin{cases} \frac{1}{9}x - \frac{1}{6}y = -\frac{2}{3} \\ 0.2x + 0.3y = 3.6 \end{cases}$$

34.
$$\begin{cases} \frac{x-2}{3} - \frac{y+2}{4} = -1\\ 0.3(x+y) - 0.2y = 0.8 \end{cases}$$

35.
$$\begin{cases} 2x + y = 3 \\ 0.5x + 0.3y = 0.7 \end{cases}$$

36.
$$\begin{cases} 0.3x - 0.7y = 0.2 \\ 0.5x + 0.2y = 1.7 \end{cases}$$

37.
$$\begin{cases} 0.2x + 0.3y = 0.2 \\ 0.02x + 0.1y = 0.16 \end{cases}$$

38.
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x - 0.6y = 1.3\\ 0.3x + \frac{1}{5}y = 0.5 \end{cases}$$

39.
$$\begin{cases} 0.3x - 0.4y = 1.1 \\ \frac{1}{2}x - \frac{1}{3}y = \frac{1}{6} \end{cases}$$

40.
$$\begin{cases} 0.1x - 0.3y = -0.9 \\ \frac{2}{3}x - \frac{3}{2}y = -\frac{7}{2} \end{cases}$$

41.
$$\begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = \frac{2}{3} \\ 0.04x - 0.03y = -0.1 \end{cases}$$

42.
$$\begin{cases} \frac{x-1}{3} - \frac{y+1}{2} = 1\\ 0.3x - 0.2(x-y) = -0.5 \end{cases}$$

43.
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y = 5\\ 0.2x - 0.1y = 0.9 \end{cases}$$

44. $\begin{cases} 0.5x = 0.9 - 0.2y \\ \frac{x}{2} + \frac{2}{3}(x - y) = -\frac{1}{6} \end{cases}$

45.
$$\begin{cases} 2x + 3y = 6 \\ 0.2x - 0.1y = 1.4 \end{cases}$$

46.
$$\begin{cases} 0.1x - 0.2y = 0.8 \\ 0.4x + 0.3y = -0.1 \end{cases}$$

47.
$$\begin{cases} 0.3x + 0.5y = 0.7 \\ \frac{x+2}{3} + 4y = -2 \end{cases}$$

48.
$$\begin{cases} 0.1x + 0.6y = 0.5 \\ 0.3x + 0.4y = 0.1 \end{cases}$$

49.
$$\begin{cases} 0.07x - 0.04y = 0.02\\ 0.03x + 0.02y = 0.12 \end{cases}$$

50.
$$\begin{cases} 0.04x - 0.11y = 0.01 \\ 0.2x - 0.9y = -0.3 \end{cases}$$

51.
$$\begin{cases} 0.3x - 0.1y = 0.2 \\ x - 0.6y = -0.4 \end{cases}$$

B

A = B = C 꼴의 연립방정식

☑ 다음 연립방정식의 해를 구하여라.

52.
$$2x - 3y = 5x - 9y = 1$$

53.
$$4x+2y=2x-y=3x+1$$

54.
$$x+2y=6x+4y=2x+3y+3$$

55.
$$x-3y=3x-4y=5x-y+2$$

56.
$$x-4y=-x+10y=y+2$$

57.
$$3x - y = 7x + 3y = 2x + y + 6$$

58.
$$5x - 3y = 3x - 2y = -1$$

59.
$$4x - y = -x + y = 3$$

60.
$$2x - y = x + 2y = 5$$

61.
$$x+5y=3(x+2y)=9$$

62.
$$2x + y = 3x - y = x + 3$$

63.
$$x+y=-2x+y=7$$

64.
$$2x+y+2=3x-4y-5=4x+4y+1$$

65.
$$x+y+2=3x-4y+5=2x-y+6$$

66.
$$3x + y = x - 3y = -5$$

67.
$$x-y+8=3x-y=5$$

68.
$$x+4y=5x-2y+16=7$$

69.
$$x+2y-4=3x+y=4x+2y+5$$

70.
$$3x + 4y = x - 4y = 8$$

71.
$$2x-3y-1=x+2y-7=-x+y+3$$

72.
$$2x+y+6=4x+y=x-2y$$

73.
$$3x + y = 2x - y = x + 6$$

74.
$$4x + 2y = x - 1 = 4y + 8$$

75.
$$3x+2y=2(3x-2y)-3=x+y+7$$

76.
$$\frac{x+y}{3} = \frac{3x+y}{2} = 2$$

77.
$$\frac{x-y}{2} = \frac{2x-3y}{3} = 1$$

78.
$$\frac{x-y}{3} = \frac{3x+y}{7} = -3$$

79.
$$\frac{x+y+5}{4} = \frac{x-6}{3} = \frac{x-y-2}{5}$$

80.
$$\frac{x-y-1}{4} = \frac{x-8}{3} = \frac{x+y-18}{5}$$

81.
$$\frac{x+y+2}{5} = \frac{x+6}{2} = \frac{x-y+14}{3}$$

82.
$$0.4x - 0.3y = \frac{3x - y}{5} = 0.2\left(x - \frac{1}{2}\right)$$

83.
$$\frac{x+y-14}{5} = \frac{-x+y-19}{4} = \frac{1}{2}x-1$$



특수한 해를 갖는 연립방정식

□ 다음 연립방정식의 해가 무수히 많을 때, 상수 a의 값을 구하여라.

$$84. \quad \begin{cases} 2x - y = 3 \\ ax - 2y = 6 \end{cases}$$

85.
$$\begin{cases} x + ay = 4 \\ 2x + 2y = 8 \end{cases}$$

86.
$$\begin{cases} x - 3y = 3 \\ ax - 6y = 6 \end{cases}$$

87.
$$\begin{cases} x - y = 2 \\ ax + 5y = -10 \end{cases}$$

88.
$$\begin{cases} 2x - 4y = 5 \\ -6x + 12y = a \end{cases}$$

89.
$$\begin{cases} (a-2)x + 3y = -6 \\ 3x - y = 2 \end{cases}$$

90.
$$\begin{cases} x - 2y = 4 \\ 4x + ay = 16 \end{cases}$$

□ 다음 연립방정식의 해가 존재하지 않기 위한 상수 a의 값 또는 조건을 구하여라.

$$91. \quad \begin{cases} x+3y=5\\ 2x+ay=7 \end{cases}$$

92.
$$\begin{cases} 2x - y = 6 \\ ax - y = 10 \end{cases}$$

93.
$$\begin{cases} 3x + ay = 5 \\ 6x + 8y = 12 \end{cases}$$

94.
$$\begin{cases} 3x - 5y = 7 \\ -6x + ay = 7 \end{cases}$$

95.
$$\begin{cases} x - 3y = -2 \\ -2x + ay = 2 \end{cases}$$

96.
$$\begin{cases} ax + 3y = 2 \\ -3x + 4y = 1 \end{cases}$$

97.
$$\begin{cases} -x + 5y = a - 4 \\ 3x - 15y = 6 \end{cases}$$

98.
$$\begin{cases} -3x + 6y = -4 \\ 2x + ay = 1 \end{cases}$$

99.
$$\begin{cases} (a-1)x + 2y = 4 \\ 2x + y = 5 \end{cases}$$

☑ 다음 연립방정식의 해를 구하여라.

100
$$\begin{cases} x + 2y = 3 \\ 2x + 4y = 6 \end{cases}$$

$$101 = \begin{cases} 2x - 3y = 5 \\ -4x + 6y = 8 \end{cases}$$

102
$$\begin{cases} x + 4y = 3 \\ 4x + 16y = 12 \end{cases}$$

103
$$\begin{cases} 2x + 3y = -1 \\ 4x + 6y = 2 \end{cases}$$

$$104 \quad \begin{cases} -x + 2y = 6 \\ 2x - 4y = 12 \end{cases}$$

105
$$\begin{cases} 3x - 5y = 7 \\ 9x - 15y = 21 \end{cases}$$

$$106 \quad \begin{cases} 8x + 6y = 2 \\ 4x + 3y = -1 \end{cases}$$

107
$$\begin{cases} 3x + 9y = 12 \\ 2x + 6y = 8 \end{cases}$$

108.
$$\begin{cases} x - y = 4 \\ 2x - 2y = 8 \end{cases}$$

109
$$\begin{cases} 3x + 2y = 4 \\ 9x + 6y = 12 \end{cases}$$

110.
$$\begin{cases} -x+3y=4\\ -4x+12y=10 \end{cases}$$

111.
$$\begin{cases} -2x + y = 3 \\ 4x - 2y = -6 \end{cases}$$

112
$$\begin{cases} 3x + y = 6 \\ 6x + 2y = -4 \end{cases}$$

113.
$$\begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ 6x - 9y = 5 \end{cases}$$

114.
$$\begin{cases} x + 2y = 5 \\ -3x - 6y = -15 \end{cases}$$

115.
$$\begin{cases} x - 4y = -2 \\ 2(x+y) - 10y + 2 = 4 \end{cases}$$



정답 및 해설 🔓

- 1) x = 1, y = -1
- $\begin{cases} 2x+5y=-3\cdots \bigcirc \\ 3x-5y=8\cdots \bigcirc \\ \bigcirc + \bigcirc \Rightarrow \text{ 하면 } 5x=5 \qquad \therefore \ x=1 \\ x=1 \Rightarrow \bigcirc \text{에 대입하면 } 5y=-5 \qquad \therefore \ y=-1 \end{cases}$
- 2) $x = -\frac{1}{2}$, y = 2
- 3) x = 5, y = -6
- 4) x = 5, y = 2
- 5) x = 2, y = -1
- 6) x = 6, y = 3
- $\begin{cases} x = 4 (1 y) \\ x + y = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x y = 3 \cdots \bigcirc \\ x + y = 9 \cdots \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc + \bigcirc \ominus$ 하면 2x = 12 $\therefore x = 6$ $\bigcirc \bigcirc \ominus$ 하면 2y = 6 $\therefore y = 3$
- 7) x = -1, y = 3
- 8) x = 8, y = 2
- 9) x = -1, y = -3
- 10) x = -1, y = 3
- $\begin{cases} 3x + 2y &= 3 \\ 5x 2(y 1) &= -9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 2y = 3 & \cdots & \bigcirc \\ 5x 2y = -11 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc + \bigcirc \Rightarrow \text{ 하면 } 8x = -8 & \therefore x = -1$ $x = -1 \Rightarrow \bigcirc \text{에 대입하면 } -3 + 2y = 3 & \therefore y = 3$
- 11) x = -2, y = 5
- $\begin{cases} 2(2x-y) + 3y = -3 \\ x 2y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x + y = -3 \cdots \bigcirc \\ x 2y = -12 \cdots \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc \times 2 + \bigcirc$ 을 하면 $9x = -18 \therefore x = -2$ x = -2를 \bigcirc 에 대입하면 $-8 + y = -3 \therefore y = 5$

- 12) x = 4, y = -6
- 13) x = 2, y = -2
- 14) x = 3, $y = -\frac{1}{2}$
- $\Rightarrow \begin{cases} x 2(x + 3y) = 0 \\ -(x + y) + 5y = -5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + 6y = 0 & \dots & \bigcirc \\ x 4y = 5 & \dots & \bigcirc \end{cases}$
 - \bigcirc - \bigcirc 을 하면 10y = -5 $\therefore y = -\frac{1}{2}$
 - $y=-\frac{1}{2}$ 을 ①에 대입하면 x-3=0 $\therefore x=3$
- 15) x = -2, y = -1
- $\begin{array}{c} \Rightarrow \begin{cases} 4(x-y)-3x=2 & \cdots & \bigcirc \end{cases} \text{ old } \\ 2x-3(x+y)=5 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$
 - \bigcirc 을 풀면 x-4y=2 \cdots ©
 - \bigcirc 을 풀면 -x-3y=5 \cdots ②
 - ©+@을 풀면 y=-1, x=-2
- 16) x = 2, y = -3
- 17) x = 4, y = 1
- $\label{eq:continuous} \begin{array}{l} \Leftrightarrow \ \left\{ \begin{aligned} 3(x-y) 2y &= 7 & \cdots & \bigcirc \end{aligned} \end{aligned} \\ \left\{ \begin{aligned} 4x 3(x-2y) &= 10 & \cdots \end{aligned} \right. \end{array}$
 - \bigcirc 을 간단히 하면 3x-5y=7 \cdots © 이고.
 - \bigcirc 을 간단히 하면 x+6y=10 ··· ②이다.
 - 이 때, $② \times 3 ⑤ 을 풀면 23y = 23, y = 1이고,$
 - 이 값을 ②에 대입하면 x = 4이다.
- 18) x = 2, y = 3
- \Rightarrow $\begin{cases} 3x-y=3\cdots ①$ 에서 ①-②÷3를 풀면 x=2이고, x $6x-3y=3\cdots ②$ 값을 ①에 대입하면 y=3이다.
- 19) x = 1, y = 0
- $\begin{cases} y = 6 2(x+2) \\ 3x + 2y(x-y) = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -2x + 2 \cdots \bigcirc \\ 5x 2y = 5 \cdots \bigcirc \end{cases}$ ①을 ⓒ에 대입하면 $5x 2(-2x + 2) = 5, \ 9x = 9 \qquad \therefore x = 1$ x = 1을 ①에 대입하면 y = -2 + 2 = 0
- 20) x = -1, y = -3
- $\begin{cases} x = 5 (3 y) \\ 2(2x y) y = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = y + 2 & \cdots & \bigcirc \\ 4x 3y = 5 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$ ①을 \bigcirc 에 대입하면 $4(y + 2) 3y = 5 & \therefore y = -3$ y = -3을 \bigcirc 에 대입하면 x = 2 3 = -1

- 21) x = 0, y = 1
- 22) x = 4, y = 6
- 23) x = -3, y = 1
- ightharpoonup주어진 식의 계수를 정수로 고치면 $\begin{cases} 3x+10y=1 & \cdots & \bigcirc \\ 2x-y=-7 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$ $(1) \times 2 (2) \times 3$ 을 하면 23y=23 $\therefore y=1$ y=1을 ②을 대입하면 $2x-1=-7, \ 2x=-6, \ \therefore x=-3$
- 24) x = 2, y = -1
- 25) x = 2, y = 3
- 다 주어진 식의 계수를 정수로 고치면 $\begin{cases} 12x 5y = 9 & \cdots \text{①} \\ 3x y = 3 & \cdots \text{②} \end{cases}$ ① $(1-2) \times 4$ 를 하면 y = 3 y = 3을 ②을 대입하면 3x 3 = 3, 3x = 6 $\therefore x = 2$
- 26) x = 2, y = -8
- 다 주어진 식의 계수를 정수로 고치면 $\begin{cases} 9x + y = 10 & \cdots & \textcircled{1} \\ 4x y = 16 & \cdots & \textcircled{2} \end{cases}$ 1 + 2를 하면 13x = 26 $\therefore x = 2$ x = 2를 ②에 대입하면 8 y = 16, -y = 8 $\therefore y = -8$
- 27) x = 1, y = 3
- ightharpoonup 주어진 식의 계수를 정수로 고치면 $\begin{cases} 15x 4y = 3 & \cdots & \text{①} \\ x 2y = -5 & \cdots & \text{②} \end{cases}$ $(1-2) \times 2$ 를 하면 13x = 13 $\therefore x = 1$ x = 1을 ②에 대입하면 1 2y = -5 $\therefore y = 3$
- 28) x = 2, y = 4
- 20) x-2, y-4 $\Rightarrow \text{ 연립일차방정식의 계수를 정수로 만들어 정리하면} \\ \begin{cases} 2x-3y=-8\cdots \\ 3x-y=2\cdots \\ \bigcirc \end{cases}$ $\Rightarrow (3x-y)=2\cdots \\ \Rightarrow (3x-y)=2\cdots \\ \Rightarrow$
- 29) x = 2, y = 0

- 30) x = 10, y = 4
- 31) x = 3, y = 2
- 32) x = 6, y = -4 $\Rightarrow \begin{cases} \frac{3}{4}x \frac{1}{8}y = 4 & \cdots \\ \frac{1}{3}x + \frac{5}{2}y = -8 & \cdots \end{cases}$
 - ①×8을 하면 6x+y=32 ····· ©
 - ○×6을 하면 2x+15y=-48 ····· ②
 - ©, ②을 연립하여 풀면 x=6, y=4
- 33) x = 6, y = 8
- $\begin{cases} 2x 3y = -12 \cdots \bigcirc \\ 2x + 3y = 36 \cdots \bigcirc \\ \bigcirc + \bigcirc \texttt{을 하면 } 4x = 24 \qquad \therefore \quad x = 6 \\ \bigcirc \bigcirc \texttt{을 하면 } -6y = -48 \qquad \therefore \quad y = 8 \end{cases}$
- 34) x = 2, y = 2
- $\begin{cases} 4x-3y=2 & \cdots & \bigcirc \\ 3x+y=8 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc + \bigcirc \times 3$ 을 하면 13x=26 $\therefore x=2$ x=2를 \bigcirc 에 대입하면 6+y=8 $\therefore y=2$
- 35) x = 2, y = -1
- 36) x = 3, y = 1(0.3x - 0.7y = 0.2)
- $\Rightarrow \begin{cases} 0.3x 0.7y = 0.2 & \cdots & \bigcirc \\ 0.5x + 0.2y = 1.7 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$
 - ①×10을 하면 3x-7y=2 ····· ©
 - $\bigcirc \times 10$ 을 하면 5x+2y=17 ····· \bigcirc
 - (c), ②을 연립하여 풀면 x=3, y=1
- 37) x = -2, y = 2
- $\Rightarrow \begin{cases} 0.2x 0.3y = 0.2 & \cdots \\ 0.02x + 0.1y = 0.16 & \cdots \\ 0.02x + 0.1y = 0.16 & \cdots \end{cases}$
 - $\bigcirc \times 10$ 을 하면 2x+3y=2 ····· ©
 - $\bigcirc \times 100$ 을 하면 2x+10y=16 ····· ②
 - \Box , ②을 연립하여 풀면 x=-2, y=2
- 38) x = 2, $y = -\frac{1}{2}$
- $\Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2}x 0.6y = 1.3 \cdots \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \text{ } \\ 0.3x + \frac{1}{5}y = 0.5 \text{ } \cdots \text{ } \bigcirc \text{ } \bigcirc \end{cases}$
 - ⊙과 ⓒ에 10을 곱하고 정리하면
 - $\begin{cases} 5x 6y = 13 & \cdots & \textcircled{2} \\ 3x + 2y = 5 & \cdots & \textcircled{2} \end{cases}$
 - ©+②×3을 풀면
 - 14x = 28 $\therefore x = 2$
 - x값을 ②에 대입하면 $y=-\frac{1}{2}$

39) x = -3, y = -5

- $\bigcirc \times 10$ 을 하면 3x-4y=11 ····· ©
- $\bigcirc \times 6$ 을 하면 3x-2y=1 ····· ②
- \Box , ②을 연립하여 풀면 x=-3, y=-5
- 40) x = 6, y = 5
- 41) x = -1, y = 2
- 42) x = 1, y = -3

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{x-1}{3} - \frac{y+1}{2} = 1 & \cdots \\ 0.3x - 0.2(x-y) = -0.5 & \cdots \end{cases}$$

- $\bigcirc \times 6$ 을 하면 2x-3y=11 ····· \bigcirc
- $\bigcirc \times 10$ 을 하면 x+2y=-5 ····· ②
- \Box , ②을 연립하여 풀면 x=1, y=-3
- 43) x = 6, y = 3
- 44) x = 1, y = 2
- 45) x = 6, y = -2
- 46) x = 2, y = -3
- 47) x = 4, y = -1

$$\Rightarrow \begin{cases} 0.3x + 0.5y = 0.7 & \cdots \\ \frac{x+2}{3} + 4y = -2 & \cdots \\ 0 & \end{cases}$$

- $\bigcirc \times 10$ 을 하면 3x + 5y = 7 ····· ©
- $\bigcirc \times 6$ 을 하면 x+12y=-8 ····· \bigcirc
- ©, ②을 연립하여 풀면 x=4, y=-1
- 48) x = -1, y = 1
- ⇒ 주어진 식의 계수를 정수로 고치면

$$\begin{cases} x + 6y = 5 & \cdots \text{ } \\ 3x + 4y = 1 & \cdots \text{ } \end{aligned}$$

- ①×3-②을 하면 14y=14 ∴ y=1
- y=1을 ①에 대입하면 x+6=5 $\therefore x=-1$
- 49) x = 2, y = 3
- ⇒ 주어진 식의 계수를 정수로 고치면

$$\begin{cases} 7x - 4y = 2 & \cdots \text{ } \\ 3x + 2y = 12 & \cdots \text{ } \end{aligned}$$

①+②×2를 하면 13x = 26 $\therefore x = 2$

x=2를 ②에 대입하면 6+2y=12 $\therefore y=3$

- 50) x = 3, y = 1
- ⇒ 주어진 식의 계수를 정수로 고치면

$$\begin{cases} 4x - 11y = 1 & \cdots \text{ } \\ 0 & 0 \end{cases}$$

2x-9y=-3 ... 2

 $(1)-(2)\times 2$ 를 하면 7y=7 $\therefore y=1$

y=1을 ②에 대입하면

$$2x-9=-3, 2x=6$$
 : $x=3$

- 51) x = 2, y = 4
- ⇨ 주어진 식의 계수를 정수로 고치면

$$\begin{cases} 3x - y = 2 & \cdots \text{ } \end{cases}$$

 $10x - 6y = -4 \quad \cdots \quad \boxed{2}$

① $\times 6$ -②를 하면 8x = 16 $\therefore x = 2$ x=2를 ①에 대입하면 6-y=2 $\therefore y=4$

52) x = 2, y = 1

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x - 3y = 1 \cdots \bigcirc \\ 5x - 9y = 1 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

 $\bigcirc \times 3 - \bigcirc$ 을 하면 x = 2, y = 1

- 53) x = -3, y = 2
- ⇒ 주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 4x+2y=3x+1 \\ 2x-y=3x+1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x+2y=1 & \cdots \mathbb{O} \\ -x-y=1 & \cdots \mathbb{O} \end{cases}$$

(1)+(2)를 하면 y=2

y=2를 ①에 대입하면 x+4=1 $\therefore x=-3$

- 54) x = 2, y = -5
- ⇒ 주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} x+2y=2x+3y+3 \\ 6x+4y=2x+3y+3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} -x-y=3 & \cdots \text{ } \\ 4x+y=3 & \cdots \text{ } \\ \end{cases}$$

①+②을 하면 3x=6 ∴ x=2

x=2를 ①에 대입하면 -2-y=3 $\therefore y=-5$

- 55) $x = -\frac{1}{4}$, $y = -\frac{1}{2}$
- ⇒ 주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} x-3y=5x-y+2 \\ 3x-4y=5x-y+2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 4x+2y=-2 & \cdots \text{ } \\ 2x+3y=-2 & \cdots \text{ } \end{cases}$$

$$(1)-(2)\times 2$$
를 하면 $-4y=2$ $\therefore y=-\frac{1}{2}$

$$y = -\frac{1}{2}$$
를 ①에 대입하면

$$4x-1=-2, \ 4x=-1$$
 $\therefore x=-\frac{1}{4}$

- 56) x = 7, y = 1
- ⇒ 주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} x - 4y = y + 2 \\ -x + 10y = y + 2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x - 5y = 2 & \cdots \text{ } \\ -x + 9y = 2 & \cdots \text{ } \end{cases}$$

①+②를 계산하면 4y=4 $\therefore y=1$

y=1을 ①에 대입하면 x-5=2 $\therefore x=7$

- 57) x = 2, y = -2
- ⇒ 주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 3x - y = 2x + y + 6 \\ 7x + 3y = 2x + y + 6 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x - 2y = 6 & \cdots \mathbb{O} \\ 5x + 2y = 6 & \cdots \mathbb{O} \end{cases}$$

①+②을 계산하여 6x=12 $\therefore x=2$

x=2를 ①에 대입하면 2-2y=6 $\therefore y=-2$

58) x = 1, y = 2

- $\begin{cases} 5x-3y=-1\cdots \ \bigcirc\\ 3x-2y=-1\cdots \ \bigcirc\\ \ \bigcirc\times 2-\mathbb{C}\times 3 \text{을 하면 } x=1\\ x=1 \text{을 } \ \mathbb{C}$ 에 대입하면 3-2y=-1,-2y=-4 $\therefore y=2$
- 60) x=3,y=1 $\Rightarrow \begin{cases} 2x-y=5\cdots & \textcircled{}\\ x+2y=5\cdots & \textcircled{} \end{cases}$ $(x+2)=5\cdots$ (x+2)=5 하면 (x+2)=5 하면 (x+2)=5 (x+2)=5 (x+2)=5 (x+2)=5 (x+2)=5 (x+2)=5
- 61) x = -1, y = 2 $\Rightarrow \begin{cases} x + 5y &= 9 \\ 3(x + 2y) = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + 5y &= 9 \cdots \text{ } \bigcirc \\ 3x + 6y = 9 \cdots \text{ } \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc \times 3 \bigcirc \text{을 하면 } 9y = 18 \text{ } \therefore y = 2$ $y = 2 \text{를 } \bigcirc \text{에 대입하면 } x + 10 = 9 \text{ } \therefore x = -1$
- 62) x=2, y=1 \Rightarrow 주어진 연립방정식을 정리하면 $\begin{cases} 2x+y=x+3\\ 3x-y=x+3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x+y=3\\ 2x-y=3 \end{cases} \cdots ①$ ① 1+②을 하면 3x=6 $\therefore x=2$ x=2를 ①에 대입하면 2+y=3 $\therefore y=1$
- 63) x = 0, y = 7
- 64) x=2, y=-1 $\Rightarrow \begin{cases} 2x+y+2=3x-4y-5 & \cdots \\ 3x-4y-5=4x+4y+1 & \cdots \end{cases} 으로 나타내고$
- ①을 간단히 하면 x-5y=7 … ©
- \bigcirc 을 간단히 하면 x+8y=-6 \cdots \bigcirc
- ©-@을 풀면 -13y=13 \Rightarrow y=-1, x=2
- 66) x = -2, y = 1
- 67) x = 4, y = 7 $\Rightarrow \begin{cases} x y + 8 = 5 \\ 3x y = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x y = -3 \\ 3x y = 5 \end{cases} \cdots \cdots \bigcirc$ ①, ①을 연립하여 풀면 x = 4, y = 7
- ①, ①을 연립하여 풀면 x=4, y=768) x=-1, y=2 $\Rightarrow \begin{cases} x+4y=7 \\ 5x-2y+16=7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+4y=7 \\ 5x-2y=-9 \end{cases} \cdots \cdots \odot$

- ①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 x=-1, y=2
- 69) x = -3, y = -2 $\Rightarrow \begin{cases} x + 2y 4 = 3x + y \\ 3x + y = 4x + 2y + 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2x + y = 4 \\ -x y = 5 \end{cases} \dots \dots \oplus$ \oplus ①, ②을 연립하여 풀면 x = -3, y = -2
- 70) x = 4, y = -1
- 72) x = 3, y = -3 $\Rightarrow \begin{cases} 2x + y + 6 = 4x + y \\ 4x + y = x 2y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x = 6 & \dots & \bigcirc \\ x = -y & \dots & \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc \text{에서 } x = 30 | \Box \exists y = -30 | \Box \text{.}$ $\therefore x = 3, y = -3$
- 73) x = 4, y = -274) x = 1, y = -2
- 75) x = 3, y = 1 $\Rightarrow \begin{cases} 3x + 2y = 6x 4y 3 \\ 3x + 2y = x + y + 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x 2y = 1 \cdots \bigcirc \\ 2x + y = 7 \cdots \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc \times 2 \bigcirc \cong \text{ 하면 } -5y = -5 \qquad \therefore y = 1$ $y = 1 \cong \bigcirc \text{에 대입하면 } x 2 = 1 \qquad \therefore x = 3$
- 76) x=-1, y=7 $\Rightarrow \begin{cases} \frac{x+y}{3}=2\\ \frac{3x+y}{2}=2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+y=6 & \cdots \\ 3x+y=4 & \cdots \end{cases}$ \bigcirc \bigcirc 으을 연립하여 풀면 x=-1, y=7
- 77) x=3, y=1 $\Rightarrow \begin{cases} \frac{x-y}{2}=1 \\ \frac{2x-3y}{3}=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y=2 & \cdots \\ 2x-3y=3 & \cdots \end{cases} \bigcirc$ \bigcirc 으을 연립하여 풀면 x=3, y=1
- 78) $x = -\frac{15}{2}$, $y = \frac{3}{2}$ $\Rightarrow \begin{cases} \frac{x-y}{3} = -3 \\ \frac{3x+y}{7} = -3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y = -9 \cdots \bigcirc \\ 3x+y = -21 \cdots \bigcirc \end{cases}$ $\bigcirc + \bigcirc \cong$ 하면 4x = -30 $\therefore x = -\frac{15}{2}$, $y = \frac{3}{2}$
- 79) x = 21, y = -6

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{x+y+5}{4} = \frac{x-6}{3} \\ \frac{x-6}{3} = \frac{x-y-2}{5} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-3y = 39 \cdots \bigcirc \\ 2x+3y = 24 \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc$$
+©을 하면 $3x=63$ \therefore $x=21$ $x=21$ 을 \bigcirc 에 대입하면 $21-3y=39$ \therefore $y=-6$

80)
$$x = 5, y = 8$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{x-y-1}{4} = \frac{x-8}{3} \\ \frac{x-8}{3} = \frac{x+y-18}{5} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -x-3y = -29 & \cdots & \bigcirc \\ 2x-3y = -14 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$$

81)
$$x = -4$$
, $y = 7$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{x+y+2}{5} = \frac{x+6}{2} \\ \frac{x+6}{2} = \frac{x-y+14}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -3x+2y=26 & \dots \\ x+2y=10 & \dots \end{cases}$$

①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 x=-4, y=7

82)
$$x = -\frac{1}{8}$$
, $y = \frac{1}{4}$

$$> 0.4x - 0.3y = \frac{3x - y}{5} = 0.2 \left(x - \frac{1}{2}\right)$$
의 식을

$$\begin{cases} 0.4x - 0.3y = \frac{3x - y}{5} \cdots ①으로 나타내고 \\ \frac{3x - y}{5} = 0.2 \left(x - \frac{1}{2}\right) \cdots ② \end{cases}$$

$$4x-3y=6x-2y \implies y=-2x \cdots 3$$

$$6x - 2y = 2x - 1 \implies 4x - 2y = -1 \dots$$

③을 ④에 대입하면
$$x = -\frac{1}{8}$$
, $y = \frac{1}{4}$

83)
$$x = -4$$
, $y = 3$

 $\begin{cases} -3x+2y=18 \text{ 이고, 가감법으로 풀면 } y=3, \ x=-4 \\ -3x+y=15 \end{cases}$

$$\Rightarrow \frac{2}{a} = \frac{-1}{-2} = \frac{3}{6}$$
이므로 $a = 4$

- 85) 1
- 86) 2

$$87) -5$$

$$\Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{-1}{5} = \frac{2}{-10}$$
이므로 $a = -5$

88)
$$-15$$

$$\Rightarrow \frac{2}{-6} = \frac{-4}{12} = \frac{5}{6}$$
이므로 $a = -15$

$$89) - 7$$

$$\Rightarrow \frac{a-2}{3} = \frac{3}{-1} = \frac{-6}{2}$$
이므로 $a = -7$

$$90) - 8$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{-2}{a} = \frac{4}{16} \qquad \therefore a = -8$$

91)
$$a = 6$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{3}{a} \neq \frac{5}{7}$$
이므로 $a = 6$

- 92) 2
- 93) 4

$$\Rightarrow \frac{3}{-6} = \frac{-5}{a} \neq \frac{7}{7}$$
이므로 $a = 10$

$$\Rightarrow \frac{1}{-2} = \frac{-3}{a} \neq \frac{-2}{2}$$
이므로 $a = 6$

96)
$$-\frac{9}{4}$$

4ax+12y=8, -9x+12y=3 old.

위 연립방정식의 해가 없으므로

$$4a = -9 \implies \therefore a = -\frac{9}{4}$$

97) $a \neq 2$

$$\Rightarrow \frac{-1}{3} = \frac{5}{-15} \neq \frac{a-4}{6}$$
이므로 $a \neq 2$

98) -4

$$\Rightarrow \frac{-3}{2} = \frac{6}{a} \neq \frac{-4}{1}$$
 $\therefore a = -4$

$$\Rightarrow$$
 $(a-1)x+2y=4$, $2x+y=5$ 의 공통해가 없으면 $\frac{a-1}{2}=\frac{2}{1}\neq \frac{4}{5}$ 이 성립한다.

of
$$\mathbb{H}$$
, $\frac{a-1}{2} = \frac{2}{1} \implies a-1 = 4 \implies \therefore a = 5$

100) 해가 무수히 많다.

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}$$
이므로 해가 무수히 많다.

101) 해가 없다.

- $\Rightarrow \frac{2}{-4} = \frac{-3}{6} \neq \frac{5}{8}$ 이므로 해가 없다.
- 102) 해가 무수히 많다.
- 103) 해가 없다.
- 104) 해가 없다.
- 105) 해가 무수히 많다.
- 106) 해가 없다.
- 107) 해가 무수히 많다.
- 108) 해가 무수히 많다.
- 109) 해가 무수히 많다.
- 110) 해가 없다.
- 111) 해가 무수히 많다.
- 112) 해가 없다.
- 113) 해가 없다.
- $\Rightarrow \frac{2}{6} = \frac{-3}{-9} \neq \frac{1}{5}$ 이므로 연립방정식의 해가 없다.
- 114) 해가 무수히 많다.
- \Rightarrow $\frac{1}{-3} = \frac{2}{-6} = \frac{5}{-15}$ 이므로 연립방정식의 해가 무수히 많다
- 115) 해가 없다.
- $\Rightarrow 2(x+y)-10y+2=401 \text{ At } 2x-8y=2$
- $\frac{1}{2} = \frac{-4}{-8} \neq \frac{-2}{2}$ 이므로 해가 없다.