



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시  
1) 제작연월일 : 2022-01-10  
2) 제작자 : 교육지대(주)  
3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초  
제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호  
되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무  
단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법  
외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

### 단원 ISSUE

이 단원에서는 두 동경의 위치 관계에 대한 문제, 부채꼴의 호의  
길이와 넓이를 구하는 문제, 삼각함수 사이의 관계를 이용하여 식  
의 값을 구하는 문제 등이 자주 출제되며 다양한 문제를 풀어보  
고, 패턴화하는 연습이 필요합니다.

### 평가문제

[스스로 확인하기]

1. 호의 길이가 반지름의 길이의 2배인 서로 다른  
부채꼴 A, B가 있다. 두 부채꼴의 넓이의 합의 최  
솟값이 8일 때, 두 부채꼴의 둘레의 길이의 합을 구  
하면?

- ① 12                      ② 14  
③ 16                      ④ 18  
⑤ 20

[스스로 확인하기]

2. 둘레의 길이가 30이고 넓이가 26인 부채꼴의 반  
지름의 길이를 구하면?

- ① 2                      ② 5  
③ 7                      ④ 10  
⑤ 13

[스스로 확인하기]

3. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

<보기>

ㄱ.  $20^\circ = \frac{1}{18}\pi$

ㄴ.  $\frac{4}{3}\pi$ 는 제 2사분면의 각이다.

ㄷ.  $\frac{1}{4}\pi, \frac{5}{4}\pi, \frac{9}{4}\pi$ 를 나타내는 동경은 한 직선에 포함  
된다.

- ① ㄱ                      ② ㄷ  
③ ㄱ, ㄷ              ④ ㄴ, ㄷ  
⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

[스스로 확인하기]

4. 각  $\theta$ 를 나타내는 동경과 각  $7\theta$ 를 나타내는 동경  
이 같을 때, 가능한  $\theta$ 의 값의 합을 구하면?  
( $0 < \theta < \pi$ )

- ①  $\frac{1}{3}\pi$                       ②  $\frac{2}{3}\pi$   
③  $\pi$                       ④  $\frac{4}{3}\pi$   
⑤  $\frac{5}{3}\pi$

[스스로 마무리하기]

5. 각  $\alpha$ 가 제 1사분면의 각이고,  $y = -x$ 에 대해 대  
칭인 각  $\beta$ 에 대해  $\alpha + \beta$ 의 값을 구하면?

- ①  $\frac{1}{2}\pi$                       ②  $\pi$   
③  $\frac{4}{3}\pi$                       ④  $\frac{3}{2}\pi$   
⑤  $2\pi$

[스스로 마무리하기]

6. 각  $\theta$ 를 나타내는 동경과 각  $5\theta$ 를 나타내는 동경  
이  $y$ 축에 대해 대칭이고, 각  $\theta$ 를 나타내는 동경과  
각  $11\theta$ 를 나타내는 동경이  $x$ 축에 대해 대칭일 때,  
가능한  $\theta$ 의 값의 합을 구하면? ( $0 < \theta < \pi$ )

- ①  $\frac{4}{3}\pi$                       ②  $\frac{3}{2}\pi$   
③  $\frac{5}{3}\pi$                       ④  $\frac{11}{6}\pi$   
⑤  $2\pi$

[스스로 마무리하기]

7. 어떤 원의 일부가 둘레의 길이가 24인 부채꼴이고, 이 원의 넓이를  $S$ 라 하고 부채꼴의 호의 길이를  $l$ 이라 하면  $\frac{4S}{\pi} + l^2$ 의 값이 최소이다. 이 때, 중심각  $\theta$ 의 값을 구하면?

- ① 2                                      ②  $\frac{7}{3}$   
 ③  $\frac{8}{3}$                                       ④ 3  
 ⑤  $\frac{10}{3}$

[스스로 확인하기]

8.  $20^\circ \times n$ 이 제 1사분면의 각이 되도록 하는 두 자연수  $n$ 에 대하여  $20^\circ \times n$ 의 최댓값과 최솟값을 동경으로 갖고, 반지름이 1인 부채꼴의 넓이를 각각  $M\pi$ ,  $m\pi$ 라 할 때,  $18(M+m)$ 의 값을 구하면?

- ① 3                                      ② 4  
 ③ 5                                      ④ 6  
 ⑤ 7

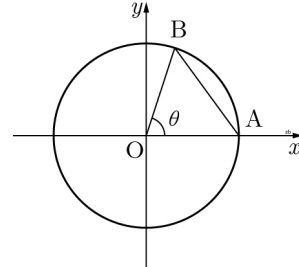
[스스로 확인하기]

9. 반지름의 길이가 6, 호의 길이가  $\frac{2}{3}\pi$ 인 부채꼴을 옆면으로 하는 원뿔의 밑면의 넓이를 구하면?

- ①  $\pi$                                       ②  $\frac{1}{2}\pi$   
 ③  $\frac{1}{5}\pi$                                       ④  $\frac{1}{7}\pi$   
 ⑤  $\frac{1}{9}\pi$

[스스로 마무리하기]

10. 그림에서 원  $x^2 + y^2 = r^2$ 과 동경  $OB$ 가 있고, 원이  $x$ 축의 양의 방향과 만나는 점을  $A$ 라 하자.  $\cos\theta = \frac{1}{3}$ 을 만족하고, 선분  $AB$ 의 길이가 2일 때,  $r$ 의 값을 구하면?



- ① 1                                      ②  $\sqrt{2}$   
 ③  $\sqrt{3}$                                       ④ 2  
 ⑤  $\sqrt{5}$

[스스로 확인하기]

11. 제 3사분면의 점  $P(a, b)$ 가 직선  $y = 2x$ 위에 있고, 원점  $O$ 와 점  $P$ 를 지나는 동경  $OP$ 가 나타내는 각의 크기가  $\theta$ 일 때,  $\cos\theta + \sin\theta$ 의 값을 구하면?

- ①  $-\frac{3\sqrt{5}}{5}$                                       ②  $-\frac{\sqrt{5}}{5}$   
 ③  $\frac{\sqrt{5}}{5}$                                       ④  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$   
 ⑤  $\frac{3\sqrt{5}}{5}$

[스스로 확인하기]

12. 원점  $O$ 와 점  $P(-2, -6)$ 을 지나는 동경  $OP$ 가 나타내는 각을  $\theta$ 라 할 때,  $\frac{\sin\theta + \cos\theta}{\tan\theta}$ 의 값을 구하면?

- ①  $-\frac{\sqrt{5}}{15}$                                       ②  $-\frac{2\sqrt{10}}{15}$   
 ③  $\frac{\sqrt{10}}{15}$                                       ④  $\frac{\sqrt{10}}{30}$   
 ⑤  $\frac{\sqrt{5}}{30}$

[스스로 확인하기]

13.  $\frac{\sqrt{\tan\theta}}{\sqrt{\sin\theta}} = -\sqrt{\frac{1}{\cos\theta}}$ 를 만족하는  $\theta$ 의 범위를 구하면?

- ①  $\pi < \theta < 2\pi$                       ②  $\frac{1}{2}\pi < \theta < \pi$   
 ③  $\frac{4}{3}\pi < \theta < 2\pi$                       ④  $\frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$   
 ⑤  $\frac{4}{3}\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$

[스스로 확인하기]

14. 직선  $3x+4y=0$ 과  $y$ 축이 이루는 각의 크기를  $\theta$ 라 할 때,  $\cos\theta+2\sin\theta$ 의 값을 구하면? ( $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ )

- ①  $\frac{8}{5}$                                       ②  $\frac{9}{5}$   
 ③ 2                                        ④  $\frac{11}{5}$   
 ⑤  $\frac{12}{5}$

[스스로 마무리하기]

15. 점  $(-1, 2)$ 와 점  $(2, 6)$ 을 지나는 직선  $l$ 위의 점  $A(a, b)$ 에 대해서 원점  $O$ 와 점  $A$ 를 지나는 동경  $OA$ 가 나타내는 각을  $\theta$ 라 할 때,  $\tan\theta = \frac{1}{2}$ 를 이룬다. 이 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?

- ① -6                                      ② -2  
 ③ 2                                        ④ 4  
 ⑤ 6

[스스로 확인하기]

16. 이차방정식  $5x^2-4x+5a=0$ 의 두 근이  $\sin\theta, \cos\theta$ 일 때,  $\tan\theta, \frac{1}{\tan\theta}$ 를 두 근으로 하는 이차방정식은  $x^2-\frac{1}{b}x-c=0$ 이다.  $a+b+c$ 의 값을 구하면?

- ①  $\frac{34}{25}$                                       ②  $\frac{16}{25}$   
 ③  $-\frac{16}{25}$                                       ④  $-\frac{59}{50}$   
 ⑤  $-\frac{34}{25}$

[스스로 마무리하기]

17.  $\sin\theta - \cos\theta = \frac{1}{2}$ 일 때,  $k\sin\theta - \cos\theta = 0$ 을 만족하는  $k$ 값을 구하면?

- ①  $\frac{2 \pm \sqrt{6}}{3}$                                       ②  $\frac{2 \pm \sqrt{7}}{3}$   
 ③  $\frac{3 \pm \sqrt{6}}{3}$                                       ④  $\frac{3 \pm \sqrt{7}}{3}$   
 ⑤  $\frac{4 \pm \sqrt{7}}{3}$

실전문제

18.  $\pi < \theta < \frac{3}{2}\pi$ 이고 각  $\theta$ 와 각  $7\theta$ 를 나타내는 동경이 원점에 대하여 대칭일 때, 각  $\theta$ 의 크기는?

- ①  $\frac{9}{8}\pi$                                       ②  $\frac{8}{7}\pi$   
 ③  $\frac{7}{6}\pi$                                       ④  $\frac{6}{5}\pi$   
 ⑤  $\frac{5}{4}\pi$

19.  $4\sin\theta - 3\tan\theta = 3$ 일 때,  $\sin\theta + \cos\theta$ 의 값은? (단,  $\frac{3}{2}\pi < \theta < \frac{7}{4}\pi$ )

- ① -1                                      ②  $-\frac{1}{2}$   
 ③  $-\frac{1}{3}$                                       ④  $-\frac{1}{4}$   
 ⑤  $-\frac{1}{5}$

20.  $\sin\theta\cos\theta > 0$ ,  $\sin\theta\tan\theta < 0$ 을 동시에 만족시키는 각  $\theta$ 에 대하여

$$|\sin\theta + \cos\theta| - \sqrt{\cos^2\theta} - |\sin\theta - \tan\theta|$$

를 간단히 한 것은?

- ①  $\tan\theta$                                       ②  $-\tan\theta$   
 ③  $2\sin\theta + \tan\theta$                                       ④  $-2\sin\theta - \tan\theta$   
 ⑤  $-2\cos\theta + \tan\theta$

21. 0 이 아닌 상수  $a$  에 대하여  $x$  에 대한 이차방정식

$$5ax^2 + ax - 2a - 2 = 0$$

의 두 근이  $\sin \theta$ ,  $\cos \theta$  이고  $\sin \theta > \cos \theta$  일 때,  
 $\tan \theta$  의 값은?

- ①  $-\frac{4}{3}$                       ②  $-\frac{3}{4}$   
 ③ 0                              ④  $\frac{3}{4}$   
 ⑤  $\frac{4}{3}$



## 정답 및 해설

## 1) [정답] ③

[해설] 호의 길이가 반지름의 길이의 2배이므로  $l=2r$ 을 만족한다.

부채꼴  $A, B$ 의 반지름을 각각  $r_A, r_B$ 라 할 때, 두 부채꼴의 넓이의 합은

$$\frac{1}{2}r_A l_A + \frac{1}{2}r_B l_B = r_A^2 + r_B^2 \text{ 이다.}$$

두 부채꼴의 둘레길이를  $a$ 라고 하면,

$$4r_A + 4r_B = a \text{ 이다. } r_B = \frac{a-4r_A}{4} \text{를 부채꼴 넓이}$$

합을 구하는 식에 대입하면

$$r_A^2 + \left(\frac{a-4r_A}{4}\right)^2 = 2r_A^2 - \frac{a}{2}r_A + \frac{a^2}{16}$$

$$= 2(r_A - \frac{a}{8})^2 + \frac{1}{32}a^2 \text{ 이므로 넓이의 최솟값은}$$

$$r_A = \frac{a}{8} \text{ 일 때, } \frac{1}{32}a^2 = 8 \text{ 이다. 따라서 } a = 16.$$

## 2) [정답] ⑤

[해설]  $l=r\theta$ 이므로 둘레의 길이는

$$2r+r\theta=r(\theta+2)=30 \text{ 가 되어 } \theta=\frac{30}{r}-2 \text{ 이다.}$$

$$\text{넓이는 } \frac{1}{2}r^2\theta=\frac{1}{2}r^2\left(\frac{30}{r}-2\right)=15r-r^2=26 \text{ 이고,}$$

$$r^2-15r+26=(r-2)(r-13)=0 \text{ 이므로}$$

$r=2$  일 때,  $\theta=13$ 이므로 부채꼴을 이루지 않는다. 따라서  $r=13$ 이다.

## 3) [정답] ②

[해설]  $\therefore 20^\circ = \frac{20}{180}\pi = \frac{1}{9}\pi$  (거짓).

$$\therefore \frac{4}{3}\pi = \frac{4}{3} \times 180^\circ = 240^\circ \text{로 제 3사분면의}$$

각이다. (거짓)

$$\therefore \frac{1}{4}\pi, \frac{5}{4}\pi, \frac{9}{4}\pi \text{은 각각 } \pi \text{만큼 차이가 나므로}$$

각 동경은  $180^\circ$ 만큼 차이가 난다. 따라서 각 동경은 한 직선 위에 있다. (참)

## 4) [정답] ③

[해설] 각  $\theta$ 를 나타내는 동경과 각  $7\theta$ 를 나타내는 동경이 같으므로 동경의 각의 차이는  $6\theta=2n\pi$ 를 만족한다. ( $n$ 은 정수)

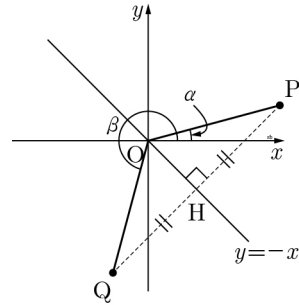
$$\text{따라서 } \theta=\frac{1}{3}n\pi \text{가 되고, } 0<\theta<\pi \text{ 이므로}$$

$$n=1,2 \text{ 이다. 따라서 가능한 } \theta \text{의 값은 } \frac{1}{3}\pi,$$

$$\frac{2}{3}\pi \text{ 이다. 따라서 가능한 } \theta \text{의 값의 합은 } \pi \text{이다.}$$

## 5) [정답] ④

[해설] 아래의 그림을 보자.



각  $\alpha$ 를 동경으로 하고 있는 선분  $OP$ 가 있고, 점  $Q$ 는 점  $P$ 를  $y=-x$ 에 대해 대칭시킨 점이라 할 때, 선분  $OQ$ 는  $y=-x$ 에 대해 대칭인 각  $\beta$ 를

동경으로 갖는 직선이다.

선분  $PQ$ 와  $y=-x$ 가 만나는 점을  $H$ 라 하면, 삼각형  $POH$ 와 삼각형  $QOH$ 가 합동이 된다.

$$\text{따라서 } \angle POH = \angle QOH = \frac{\pi}{4} + \alpha \text{가 된다.}$$

$$\beta - \alpha + \angle POH + \angle QOH = 2\pi \text{ 이므로 위의 식을 대입하면 } \alpha + \beta = \frac{3}{2}\pi \text{ 이다.}$$

## 6) [정답] ②

[해설] 각  $\theta$ 를 나타내는 동경과 각  $5\theta$ 를 나타내는 동경이  $y$ 축에 대해 대칭이므로 두 동경을 이루는 각의 합은  $\pi + 2n\pi$ 가 된다. 따라서

$$6\theta = \pi + 2n\pi \text{ 에서 } \theta = \frac{\pi}{6} + \frac{n}{3}\pi \text{이다. (} n \text{은 정수)}$$

각  $\theta$ 를 나타내는 동경과 각  $11\theta$ 를 나타내는 동경이  $x$ 축에 대해 대칭이므로  $12\theta = 2m\pi$ 를 만족한다. ( $m$ 은 정수)

$$\text{위 식에 } \theta = \frac{\pi}{6} + \frac{n}{3}\pi \text{를 대입하면,}$$

$$12\theta = 2\pi + 4n\pi = 2\pi(1+2n) \text{으로 위의 조건을}$$

$$\text{만족한다, 따라서 } \theta = \frac{\pi}{6} + \frac{n}{3}\pi \text{이다.}$$

$$0 < \theta < \pi \text{을 만족하는 } n \text{의 값은 } n=0,1,2 \text{로}$$

$$\theta = \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}, \frac{5}{6}\pi \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 가능한 } \theta \text{의 값의 합은 } \frac{3}{2}\pi \text{이다.}$$

## 7) [정답] ①

[해설]  $l=r\theta$ 이므로 부채꼴의 둘레의 길이는

$$2r+r\theta=24 \text{ 이다.}$$

$$\frac{4S}{\pi} + l^2 = 4r^2 + r^2\theta^2 \text{은 코시 슈바르츠 부등식에 의}$$

$$\text{해 } (1+1)(4r^2 + r^2\theta^2) \geq (2r+r\theta)^2 \text{ 이고,}$$

$$\text{등호가 성립할 조건은 } \frac{2r}{1} = \frac{r\theta}{1}, \text{ 즉 } 2r=r\theta \text{이고}$$

$$\text{이 때 } \frac{4S}{\pi} + l^2 \text{의 값이 최소이므로 } \theta=2 \text{이다.}$$

8) [정답] ③

[해설]  $20^\circ \times n$ 이 제 1사분면의 각을 가지기 위해서는

$$0 + 2m\pi < \frac{1}{9}\pi \times n < \frac{1}{2}\pi + 2m\pi \text{ 이어야 하므로}$$

$$18m < n < \frac{9}{2} + 18m \text{ 을 만족한다. } (m \text{ 은 정수})$$

 $n$ 이 두 자리 자연수를 가지기 위해서

$$m=1 \text{ 일 때, } n=19, 20, 21, 22$$

$$m=2 \text{ 일 때, } n=37, 38, 39, 40$$

$$m=3 \text{ 일 때, } n=55, 56, 57, 58$$

⋮

$$m=5 \text{ 일 때, } n=91, 92, 93, 94 \text{ 가 된다.}$$

따라서  $20^\circ \times n$ 의 최댓값과 최솟값의 동경은 각각 $80^\circ, 20^\circ$ 이므로 부채꼴의 넓이를 구하면

$$M\pi = \frac{2}{9}\pi, \quad m\pi = \frac{\pi}{18} \text{ 이므로 } M = \frac{2}{9}, \quad m = \frac{1}{18},$$

$$18(M+m) = 5 \text{ 이다.}$$

9) [정답] ⑤

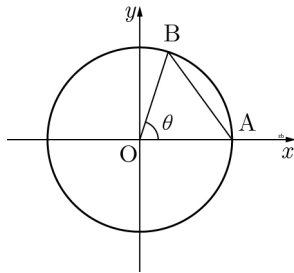
[해설] 부채꼴의 호의 길이는 원뿔의 밑면의 둘레이므로 원뿔의 밑면의 반지름을  $r$ 이라고 하면,

$$2r\pi = \frac{2}{3}\pi \text{ 으로 } r = \frac{1}{3} \text{ 이 된다. 따라서 밑면의}$$

$$\text{넓이는 } \frac{1}{9}\pi \text{ 이다.}$$

10) [정답] ③

[해설]



그림에서 원의 방정식이  $x^2 + y^2 = r^2$ 이므로 반지름의 길이는  $r$ 이다. 따라서 점  $B$ 의 좌표는  $(r\cos\theta, r\sin\theta)$ 이다.  $A$ 의 좌표가  $A(r, 0)$ 이므로  $\overline{AB} = \sqrt{(r - r\cos\theta)^2 + (r\sin\theta)^2}$ 이다.

$$\cos\theta = \frac{1}{3} \text{ 이므로 } \sin\theta = \frac{2\sqrt{2}}{3} \text{ 이고,}$$

위 식에 대입을 하면,

$$\overline{AB} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}r\right)^2 + \left(\frac{2\sqrt{2}}{3}r\right)^2} = \sqrt{\frac{12}{9}r^2} = \frac{2}{3}r\sqrt{3}$$

$$= 2$$

$$\text{이므로 } r = \sqrt{3} \text{ 이다.}$$

11) [정답] ①

[해설] 제 3사분면의 점  $P(a, b)$ 가 직선  $y = 2x$  위에 있으므로  $a < 0, b < 0$ 을 만족하고  $\tan\theta$  값을 제의

한

$$\sin, \cos \text{ 값은 음수가 되고, 따라서 } \tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} = 2$$

$$\text{이다. } \sin\theta = 2\cos\theta \text{ 으로 } \cos^2\theta + \sin^2\theta = 5\cos^2\theta = 1$$

$$\cos\theta = -\frac{\sqrt{5}}{5}, \quad \sin\theta = -\frac{2}{5}\sqrt{5} \text{ 가 된다.}$$

$$\cos\theta + \sin\theta = -\frac{3\sqrt{5}}{5}$$

12) [정답] ②

[해설] 점  $P$ 는 제 3사분면에 존재하므로  $\tan$  값을 제외한  $\sin, \cos$  값은 음수가 된다.점  $P(-2, -6)$ 는  $y = 3x$  위의 점이다.

$$\text{따라서 } \tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} = 3$$

$$\sin\theta = 3\cos\theta \text{ 이므로 } \cos^2\theta + \sin^2\theta = 10\cos^2\theta = 1$$

$$\cos\theta = -\frac{\sqrt{10}}{10}, \quad \sin\theta = -\frac{3}{10}\sqrt{10} \text{ 이다.}$$

$$\therefore \frac{\sin\theta + \cos\theta}{\tan\theta} = \frac{-\frac{4\sqrt{10}}{10}}{3} = -\frac{2\sqrt{10}}{15}$$

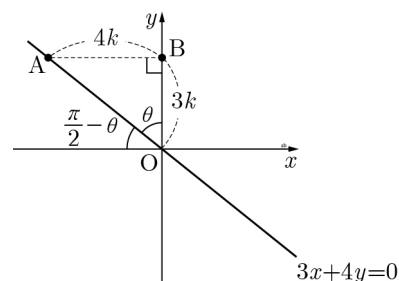
13) [정답] ⑤

[해설]  $\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$ 를 만족하기 위해서는  $a < 0$ , $b > 0$ 을 만족해야 하므로

$$\frac{\sqrt{\tan\theta}}{\sqrt{\sin\theta}} = -\sqrt{\frac{1}{\cos\theta}} = -\sqrt{\frac{\tan\theta}{\sin\theta}} \text{ 에서}$$

 $\sin\theta < 0, \tan\theta > 0$ 을 만족해야한다. 이를 만족하는 $\theta$ 는 제 3사분면에 존재한다.

14) [정답] ④

[해설]  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ 에서 직선  $3x + 4y = 0$ 과  $y$ 축이이루는 각의 크기를  $\theta$ 라 할 때,  $x$  축과 이루는 각은  $\frac{\pi}{2} - \theta$ 가 된다.

위 그림에서 삼각형  $OAB$ 에서 선분  $AB$ 와 선분  $BO$ 의 길이 비는  $4:3$ 이므로

$$\tan\theta = \frac{4}{3}, \cos\theta = \frac{3}{5}, \sin\theta = \frac{4}{5} \text{ 이다. 따라서}$$

$$\cos\theta + 2\sin\theta = \frac{11}{5} \text{ 가 된다.}$$

15) [정답] ①

[해설] 점  $(-1, 2)$ 와 점  $(2, 6)$ 을 지나는 직선  $l$ 의 방정식은  $y = \frac{4}{3}x + \frac{10}{3}$ 이 된다. 따라서  $b = \frac{4}{3}a + \frac{10}{3}$ 

을

만족한다. 점  $A(a, b)$ 에 대해서 동경  $OA$ 가 나타

내

는 각을  $\theta$ 라 할 때,  $\tan\theta = \frac{1}{2}$ 을 만족하므로 $\frac{b}{a} = \frac{1}{2}$ 이다. ( $a > 0, b > 0$  또는  $a < 0, b < 0$ ) $a = 2b$ 를  $b = \frac{4}{3}a + \frac{10}{3}$ 에 대입하면, $a = -4, b = -2$ 이다. 따라서  $a + b = -6$ 이다.

16) [정답] ⑤

[해설] 이차방정식  $5x^2 - 4x + 5a = 0$ 의 두 근을  $\sin\theta, \cos\theta$ 라 하면 근과 계수의 관계에 의해

$$\sin\theta + \cos\theta = \frac{4}{5}, \quad \sin\theta\cos\theta = a$$

$$\sin^2\theta + \cos^2\theta = (\sin\theta + \cos\theta)^2 - 2\sin\theta\cos\theta = 1 \text{이다.}$$

$$\text{여기에서 } \left(\frac{4}{5}\right)^2 - 2a = 1 \text{ 이므로 } a = -\frac{9}{50} \text{이다.}$$

$$\text{이차방정식 } x^2 - \frac{1}{b}x - c = 0 \text{ 의 근이 } \tan\theta, \frac{1}{\tan\theta}$$

이면 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의해

$$\tan\theta + \frac{1}{\tan\theta} = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} + \frac{\cos\theta}{\sin\theta} = \frac{1}{\cos\theta\sin\theta} = \frac{1}{a} = \frac{1}{b}$$

$$\text{따라서 } a = b \text{ 이고, } \tan\theta \times \frac{1}{\tan\theta} = -c = 1 \text{ 이므로}$$

$$c = -1 \text{이다. 따라서 } a + b + c = -\frac{34}{25} \text{이다.}$$

17) [정답] ⑤

[해설]  $\sin^2\theta + \cos^2\theta = (\sin\theta - \cos\theta)^2 + 2\sin\theta\cos\theta = 1$ 

$$\sin\theta - \cos\theta = \frac{1}{2}, \quad \cos\theta = k \sin\theta \text{이므로}$$

$$\frac{1}{4} + 2k \sin^2\theta = 1 \text{을 만족한다.}$$

$$\cos^2\theta + \sin^2\theta = (k^2 + 1)\sin^2\theta = 1 \text{ 이므로}$$

$$\sin^2\theta = \frac{1}{k^2 + 1} \text{가 된다.}$$

$$\frac{1}{4} + 2k \sin^2\theta = \frac{1}{4} + \frac{2k}{k^2 + 1} = 1, \quad \frac{2k}{k^2 + 1} = \frac{3}{4}$$

$$3k^2 - 8k + 3 = 0 \text{ 이므로 } k = \frac{4 \pm \sqrt{7}}{3} \text{이다.}$$

18) [정답] ③

[해설]  $\theta$ 와  $7\theta$ 의 동경이 원점에 대하여 대칭이므로 적당한 자연수  $n$ 이 존재하여

$$6\theta = (2n - 1)\pi$$

$$6\pi < 6\theta = (2n - 1)\pi < 9\pi \text{이므로}$$

$$6\theta = 7\pi$$

$$\therefore \theta = \frac{7}{6}\pi$$

19) [정답] ②

[해설]  $4\sin\theta - 3\tan\theta = 3$ 에서  $4\sin\theta - \frac{3\sin\theta}{\cos\theta} = 3$ 

$$4\sin\theta\cos\theta - 3\sin\theta = 3\cos\theta$$

$$4\sin\theta\cos\theta = 3(\sin\theta + \cos\theta) \quad \cdots \textcircled{A}$$

양변을 제곱하면

$$16\sin^2\theta\cos^2\theta = 9(\sin^2\theta + \cos^2\theta + 2\sin\theta\cos\theta)$$

$$16\sin^2\theta\cos^2\theta = 9(1 + 2\sin\theta\cos\theta)$$

$$16\sin^2\theta\cos^2\theta - 18\sin\theta\cos\theta - 9 = 0$$

$$(2\sin\theta\cos\theta - 3)(8\sin\theta\cos\theta + 3) = 0$$

$$\sin\theta\cos\theta = \frac{3}{2} \text{ 또는 } \sin\theta\cos\theta = -\frac{3}{8}$$

$$\frac{3}{2}\pi < \theta < \frac{7}{4}\pi \text{이므로 } \sin\theta\cos\theta < 0$$

$$\therefore \sin\theta\cos\theta = -\frac{3}{8}$$

이를 ①에 대입하면

$$\sin\theta + \cos\theta = \frac{4}{3}\sin\theta\cos\theta = \frac{4}{3} \times \left(-\frac{3}{8}\right) = -\frac{1}{2} \text{이다.}$$

20) [정답] ②

[해설]  $\sin\theta\cos\theta > 0, \sin\theta\tan\theta < 0$ 이므로  $\theta$ 는 제3사분면의 각.

$$\text{따라서 } \sin\theta + \cos\theta < 0, \quad \cos\theta < 0,$$

$$\sin\theta - \tan\theta < 0 \text{이므로}$$

$$|\sin\theta + \cos\theta| - \sqrt{\cos^2\theta} = |\sin\theta - \tan\theta|$$

$$= -(\sin\theta + \cos\theta) + \cos\theta + (\sin\theta - \tan\theta) = -\tan\theta$$

21) [정답] ②

[해설] 이차방정식의 근과 계수와의 관계에 의해

$$-\frac{1}{5} = \sin\theta + \cos\theta \text{이고,}$$

$$\frac{-2a-2}{5a} = \sin\theta\cos\theta \text{이다.}$$

$$-\frac{1}{5} = \sin\theta + \cos\theta \text{의 양변을 제곱하면}$$

$$\frac{1}{25} = 1 + 2\sin\theta\cos\theta = 1 - \frac{4a+4}{5a} \text{에서}$$

$$\frac{24}{25} = \frac{4a+4}{5a} \text{이다.}$$

$$\text{즉, } 24a = 20a + 20 \text{이므로 } a = 5 \text{이다.}$$

$$5ax^2 + ax - 2a - 2 = 0 \text{에 } a = 5 \text{를 대입하면}$$

$$25x^2 + 5x - 12 = 0 \text{에서 } x = -\frac{4}{5} \text{ 또는 } x = \frac{3}{5} \text{이다.}$$

$$\therefore \sin\theta = \frac{3}{5}, \quad \cos\theta = -\frac{4}{5} \text{이다. } (\because \sin\theta > \cos\theta)$$

$$\text{따라서 } \tan\theta = \frac{\sin\theta}{\cos\theta} = -\frac{3}{4} \text{이다.}$$