

수학 계산력 강화

(2)나머지 정리





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2018-03-05

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호 되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무 단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

01 / 나머지 정리

- (1) 다항식 f(x)를 일차식 $x-\alpha$ 로 나누었을 때의 나머지를 R라 하면 $f(\alpha) = R$
- (2) 다항식 f(x)를 일차식 ax+b로 나누었을 때의 나머지를 R라 하면 $f\left(-\frac{b}{a}\right)=R$
- ightharpoonup 다항식 f(x)를 < >안의 일차식으로 나누었을 때 의 나머지를 구하여라.

1.
$$f(x) = x^3 - 4x^2 - 3x + 8 < x - 2 >$$

2.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 4 < x - 1 >$$

3.
$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 3x + 1 < x - 1 >$$

4.
$$f(x) = -2x^3 - x^2 + 4x - 2 < 2x + 1 >$$

5.
$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 3x + 1 < 2x - 1 >$$

6.
$$f(x) = 4x^2 - 2x - 1 < 2x + 1 >$$

7.
$$f(x) = 4x^2 - 2x - 1 < 4x - 1 >$$

8.
$$f(x) = 2x^3 - 3x - 1 < 2x + 3 >$$

9.
$$f(x) = 2x^3 - 3x - 1 < 2x - 3 >$$

10.
$$f(x) = 3x^3 - x^2 + 4x - 2 < x + 2 >$$

11.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + x + 4 < x - 2 >$$

12.
$$f(x) = x^3 + \frac{9}{2}x^2 + 2x + 4 \left\langle x + \frac{1}{2} \right\rangle$$

13.
$$f(x) = 3x^3 - x^2 + 4x - 2 \left\langle x - \frac{1}{3} \right\rangle$$

14.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + x + 4 \left\langle x - \frac{1}{2} \right\rangle$$

15.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + x + 4 < x - 1 >$$

16.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + x + 4 < x + 1 >$$

17.
$$f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x + 4 < x - 1 >$$

18.
$$f(x) = x^3 + 3x^2 + x - 2 < x + 1 >$$

- **19.** $f(x) = 2x^3 3x 1 < 4x + 1 >$
- **20.** $f(x) = 2x^3 x + 1 < 2x + 4 >$
- **21.** $f(x) = 2x^3 x + 1 < 3x + 2 >$
- **22.** $f(x) = 6x^3 + x^2 6x + 3 < x 1 >$
- **23.** $f(x) = 10x^3 + 4x^2 + 2x + 5 < 2x + 3 >$

02 / 나머지 정리를 이용한 미정계수 구하기

다항식 f(x)를 일차식 $x-\alpha$ 로 나눈 나머지는 $f(\alpha)$ 임을 이용하여 f(x)의 미정계수를 구한다.

- 상수 a의 값을 구하여라.
- **24.** 다항식 $f(x) = 2x^3 ax^2 + 1$ 를 x 1로 나누었을 때, 나머지가 1이 되도록 하는 상수 a의 값
- **25.** 다항식 $f(x) = 2x^3 ax^2 + 1$ 를 x 3으로 나누었 을 때, 나머지가 2가 되도록 하는 상수 a의 값
- **26.** 다항식 $f(x) = 3x^3 + ax^2 6x 4$ 를 x + 1로 나누 었을 때, 나머지가 0이 되도록 하는 상수 a의 값

- **27.** 다항식 $f(x) = 3x^3 + ax^2 6x 4$ 를 x 2로 나누 었을 때, 나누어 떨어지도록 하는 상수 a의 값
- **28.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + 2x + 4$ 를 x 3으로 나누 었을 때, 나머지가 1이 되도록 하는 상수 a의 값
- **29.** 다항식 $f(x) = x^3 + 2x^2 4x a$ 를 x 2로 나누었 을 때의 나머지가 3일 때, 상수 a의 값
- **30.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + 2x + 1$ 을 x + 2로 나누었 을 때의 나머지와 x-1로 나누었을 때의 나머지가 같을 때, 상수 a의 값
- **31.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + 4x 2$ 를 x 1로 나누었 을 때의 나머지가 4일 때, 상수 a의 값
- **32.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + 4x 2$ 를 $x \frac{1}{2}$ 로 나누 었을 때의 나머지가 $-\frac{3}{8}$ 가 되도록 하는 상수 a의 값
- **33.** 다항식 $f(x)=x^5-3x^3+ax-1$ 을 x+2로 나누었 을 때의 나머지가 1이 되도록 하는 상수 a의 값
- **34.** 다항식 $f(x) = x^3 + 6x^2 ax 1$ 을 x + 3으로 나누 었을 때의 나머지가 11일 때, 상수 a의 값
- **35.** 다항식 $f(x) = x^2 5x + a$ 를 x 1로 나눈 나머지 가 -1일 때, 상수 a의 값

- **36.** 다항식 $f(x) = x^3 (a+3)x + 5$ 를 x-2로 나누었 을 때의 나머지와 x-4로 나누었을 때의 나머지가 같을 때, 상수 a의 값
- ☑ 다음을 만족시키는 상수 a,b의 값을 구하여라.
- **37.** 다항식 $f(x) = x^2 + ax + b$ 를 x 1로 나누었을 때 의 나머지는 1이고, x-2로 나누었을 때의 나머지 는 2일 때, 상수 a, b의 값
- **38.** 다항식 $f(x) = x^2 + ax b$ 를 x + 1로 나누었을 때의 나머지는 8이고, x-4로 나누었을 때의 나머 지는 3일 때, 상수 a, b의 값
- **39.** 다항식 $f(x) = 4x^3 + ax + b$ 를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 1, 2x-1로 나누었을 때의 나머지가 4일 때, 상수 a, b의 값
- **40.** 다항식 $f(x) = x^3 ax^2 + bx 1$ 을 x + 2로 나누 었을 때의 나머지는 -5이고, x-2로 나누었을 때의 나머지는 11일 때, 상수 a, b의 값
- **41.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx 1$ 을 x 1로 나누 었을 때의 나머지는 5이고, x+3으로 나누었을 때 의 나머지는 -7일 때, 상수 a, b의 값

03 / 나머지 정리 - 이차식이상으로 나눌 때

- 1. 이차식으로 나눌 때
 - 다항식 f(x)를 이차식으로 나누었을 때의 나머지는 일차 이하의 다항식이다.
 - \Rightarrow 나머지를 ax+b(a,b)는 상수)로 놓는다.
- 2. 삼차식으로 나눌 때
 - 다항식 f(x)를 삼차식으로 나누었을 때의 나머지는 이차 이하의 다항식이다.
 - \Rightarrow 나머지를 $ax^2 + bx + c(a, b, c)$ 는 상수)로 놓는다.
- ☑ 다음 물음에 답하여라.
- **42.** 다항식 f(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 3이고, x-1로 나누었을 때의 나머지가 1일 때, f(x)를 (x+1)(x-1)로 나눈 나머지를 구하여라.
- **43.** 다항식 f(x)를 x-1로 나누었을 때의 나머지가 1이고, x-2로 나누었을 때의 나머지가 3일 때, f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눈 나머지를 구하여라.
- **44.** 다항식 f(x)를 x+2로 나누었을 때의 나머지가 1이고, x-4로 나누었을 때의 나머지가 7일 때, f(x)를 (x+2)(x-4)로 나눈 나머지를 구하여라.
- **45.** 다항식 f(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 -3이고, x-2로 나누었을 때의 나머지가 3일 때, f(x)를 x^2-x-2 로 나눈 나머지를 구하여라.
- **46.** 다항식 f(x)를 x-1로 나누었을 때의 나머지가 5이고, x-3으로 나누었을 때의 나머지가 13일 때, f(x)를 $x^2 - 4x + 3$ 으로 나눈 나머지를 구하여라.

- **47.** 다항식 f(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 1이고, x+2로 나누었을 때의 나머지가 -7일 때, f(x)를 x^2+3x+2 로 나눈 나머지를 구하여라.
- **48.** 다항식 f(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 -3이고, x+2로 나누었을 때의 나머지가 5일 때, f(x)를 (x+1)(x+2)로 나눈 나머지를 구하여라.
- **49.** 다항식 f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지가 1이고, x-3으로 나누었을 때의 나머지가 3일 때, f(x)를 x^2-5x+6 으로 나눈 나머지를 구하여라.
- **50.** f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지는 5이고, f(x)-4를 x+3으로 나누었을 때의 나머지는 6이 다. 이 때, 다항식 f(x)를 (x-2)(x+3)으로 나누었 을 때의 나머지를 구하여라.
- 51. 다항식 f(x)를 x-2으로 나누었을 때의 나머지는 3이고, x+3로 나누었을 때의 나머지는 -7이다. f(x)를 (x-2)(x+3)로 나누었을 때의 나머지를 구 하여라.
- **52.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지가 3, x-2로 나눈 나머지가 4일 때, f(x)를 (x-1)(x-2)로 나 눈 나머지를 구하여라.
- **53.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지가 3, x+2로 나는 나머지가 9일 때, f(x)를 (x-1)(x+2)로 나 눈 나머지를 구하여라.

- **54.** 다항식 f(x)를 x^2-x-2 로 나누었을 때의 나머 지가 x+9이고, x^2+5x+6 으로 나누었을 때의 나머 지가 2x-5일 때, f(x)를 x^2-4 로 나눈 나머지를 구하여라.
- **55.** 다항식 f(x)를 x+1로 나눈 나머지가 3, x-2로 나눈 나머지가 6일 때, f(x)를 (x+1)(x-2)로 나 눈 나머지를 구하여라.
- **56.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지는 2이고, f(x)를 $(x-2)^2$ 로 나눈 나머지는 -1이다. 이 때, f(x)를 $(x-1)(x-2)^2$ 로 나눈 나머지를 구하여라.
- **57.** 다항식 f(x)를 x+1로 나눈 나머지가 4, x+2로 나눈 나머지가 7일 때, f(x)를 (x+1)(x+2)로 나 눈 나머지를 구하여라.
- **58.** 다항식 f(x)는 x^2-x+1 로 나눈 몫이 x^2+x+1 이고 나머지가 x일 때, f(x)를 x^2-1 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.
- **59.** 다항식 f(x)에 대하여 f(x)-4는 x-2로 나누어 떨어지고, f(x)+6은 x+1로 나누었을 때의 나머지 가 4이다. 이때 다항식 f(x)를 (x-2)(x+1)로 나 누었을 때의 나머지를 구하여라.
- **60.** 다항식 f(x)를 x^2+1 로 나누면 x+4가 남고, x-2로 나누면 1이 남는다. 이 때, f(x)를 $(x^2+1)(x-2)$ 로 나누었을 때 나머지를 구하여라.

- **61.** 다항식 f(x)를 x-1로 나누면 나머지가 2이고, 나누면 나머지가 x+2로 f(x) 를 5이다. (x-1)(x+2)로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.
- **62.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지는 2이고, f(x)를 $(x-2)^2$ 로 나눈 나머지는 -1이다. 이 때, f(x)를 $(x-1)(x-2)^2$ 로 나눈 나머지를 구하여라.
- **63.** 다항식 f(x)를 x-2로 나눈 나머지는 4이고, x+2로 나누면 나누어떨어진다. 다항식 f(x)를 (x-2)(x+2)로 나눈 나머지를 구하여라.
- **64.** 다항식 f(x)를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 5이고, x-4로 나누었을 때의 나머지가 30일 때, f(x)를 x^2-3x-4 으로 나누었을 때의 나머지를 구 하여라.
- ☑ 다음을 만족시키는 값을 구하여라.
- **65.** 다항식 $f(x) = 2x^3 + ax^2 + bx 6$ 이 (x-1)(x+2)로 나누어떨어질 때, 상수 a, b의 값을 구하여라.
- **66.** 다항식 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 4$ 를 (x-1)(x+2)로 나누었을 때의 나머지가 x+1이다. 실수 a, b의 값 을 구하여라.
- **67.** 다항식 $x^3 + ax^2 + bx 3$ 가 $(x-1)^2$ 으로 나누어떨 어지도록 하는 상수 a, b에 대하여 ab의 값을 구하 여라.

- **68.** 다항식 f(x)는 (x-2)(x-3)으로 나누어 떨어지 고, (x-3)(x-4)로 나누면 나머지가 2x-6이다. f(x)를 (x-2)(x-3)(x-4)로 나누었을 때 나머지 가 $R(x)=ax^2+bx+c$ 라 하자. a+b+c의 값을 구하 여라. (단, a, b, c는 상수)
- **69.** 다항식 f(x)를 2x-1로 나누었을 때의 나머지는 5이고, x-3으로 나누면 나누어떨어진다고 한다. 이 때 f(x)를 $2x^2-7x+3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 R(x)라고 할 때, R(1)의 값을 구하여라.
- **70.** 다항식 f(x)를 x-1로 나누면 나머지가 3이고 x-2로 나누면 나머지가 4이다. f(x)를 x^2-3x+2 로 나누면 나머지가 R(x)일 때, R(3)의 값을 구하 여라.
- **71.** 다항식 f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지는 4이고, x+1로 나누었을 때의 나머지는 1이다. f(x)를 x^2-x-2 로 나누었을 때의 나머지를 R(x)라 할 때, R(2)의 값을 구하여라.
- **72.** 다항식 f(x)를 $(2x-1)^2$ 으로 나누었을 때 나머지 가 3x-2이고, x-2로 나누었을 때 나머지가 -5이 다. 다항식 f(x)를 $(2x-1)^2(x-2)$ 로 나누었을 때 의 나머지를 R(x)라 하면 R(1)의 값을 구하여라.

4

정답 및 해설

- 1) -6
- \Rightarrow 다항식 $f(x) = x^3 4x^2 3x + 8$ 을 x 2로 나누었을 때의 나머지는 f(2)이므로 $f(2) = 2^3 - 4 \cdot 2^2 - 3 \cdot 2 + 8 = -6$
- 2) 4
- $\Rightarrow f(1) = 1 3 + 2 + 4 = 4$
- 3) 1
- \Rightarrow 다항식 $f(x) = x^3 + 2x^2 3x + 1$ 을 x 1로 나누었을 때의 나머지는 f(1)이므로 f(1)=1+2-3+1=1
- 4) -4
- \Rightarrow 다항식 $f(x) = -2x^3 x^2 + 4x 2 를 2x + 1로 나누$ 었을 때의 나머지는 $f\left(-\frac{1}{2}\right)$ 이므로

$$f\!\left(\!-\frac{1}{2}\right)\!\!=\!\!-2\cdot\!\left(\!-\frac{1}{2}\right)^{\!3}-\!\left(\!-\frac{1}{2}\right)^{\!2}+4\cdot\!\left(\!-\frac{1}{2}\right)\!\!-2=\!\!-4$$

- 5) $\frac{1}{8}$
- 다 다항식 $f(x) = x^3 + 2x^2 3x + 1$ 을 2x 1로 나누을 때의 나머지는 $f\left(\frac{1}{2}\right)$ 이므로

$$f\!\left(\frac{1}{2}\right) \! = \! \left(\frac{1}{2}\right)^3 + 2\!\cdot\! \left(\frac{1}{2}\right)^2 - 3\!\cdot\! \frac{1}{2} + 1 = \frac{1}{8}$$

- $\Rightarrow f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 + 1 1 = 1$
- 7) $-\frac{5}{4}$
- $\Rightarrow f\left(\frac{1}{4}\right) = \frac{1}{4} \frac{1}{2} 1 = -\frac{5}{4}$
- 8) $-\frac{13}{4}$
- $\Rightarrow f\left(-\frac{3}{2}\right) = 2\cdot\left(-\frac{3}{2}\right)^3 3\cdot\left(-\frac{3}{2}\right) 1 = -\frac{13}{4}$
- 9) $\frac{5}{4}$
- $\Rightarrow f\left(\frac{3}{2}\right) = 2 \cdot \left(\frac{3}{2}\right)^3 3 \cdot \frac{3}{2} 1 = \frac{5}{4}$
- $\Rightarrow f(-2) = 3 \cdot (-2)^3 (-2)^2 + 4 \cdot (-2) 2 = -38$
- 11) 2
- $\Rightarrow f(2) = 2^3 3 \cdot 2^2 + 2 + 4 = 2$
- 12) 4

$$\Rightarrow f\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{8} + \frac{9}{2} \times \frac{1}{4} - 1 + 4 = 4$$

- 13) $-\frac{2}{3}$
- $\Rightarrow f\left(\frac{1}{3}\right) = 3 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^3 \left(\frac{1}{3}\right)^2 + 4 \cdot \frac{1}{3} 2 = -\frac{2}{3}$
- 14) $\frac{31}{8}$
- $\Rightarrow f\left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 3\cdot\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} + 4$ $=\frac{1}{8}-\frac{3}{4}+\frac{1}{2}+4=\frac{31}{8}$
- 15) 3
- $\Rightarrow f(1) = 1^3 3 \cdot 1^2 + 1 + 4 = 1 3 + 1 + 4 = 3$
- \Rightarrow 다항식 $f(x) = x^3 3x^2 + x + 4$ 를 일차식 x + 1로 나 누었을 때의 나머지는 $f(-1) = (-1)^3 - 3 \cdot (-1)^2 + (-1) + 4 = -1$
- 17) 6
- $\Rightarrow f(1) = 1 2 + 3 + 4 = 6$
- 18) -1
- \Rightarrow $f(x) = x^3 + 3x^2 + x 2$ 를 x + 1로 나누었을때의 나 머지는 f(-1) = -1 + 3 - 1 - 2 = -1 이다.
- 19) $-\frac{9}{32}$
- $\Rightarrow f\left(-\frac{1}{4}\right) = 2\cdot\left(-\frac{1}{4}\right)^3 3\cdot\left(-\frac{1}{4}\right) 1 = -\frac{9}{32}$
- 20) -13

$$f(-2) = 2 \cdot (-2)^3 - (-2) + 1 = -16 + 2 + 1 = -13$$

- 21) $\frac{29}{27}$
- $\Rightarrow f\left(-\frac{2}{3}\right) = 2\cdot\left(-\frac{2}{3}\right)^3 \left(-\frac{2}{3}\right) + 1 = -\frac{16}{27} + \frac{2}{3} + 1 = \frac{29}{27}$
- 22) 4
- 23) $-\frac{91}{4}$
- 나머지정리에 의하여 $f\left(-\frac{3}{2}\right) = -\frac{91}{4}$
- 24) 2
- $\Rightarrow f(1) = 2 a + 1 = 1$

25)
$$\frac{53}{9}$$

$$\Rightarrow f(3) = 2 \cdot 3^3 - a \cdot 3^2 + 1 = 2$$
$$54 - 9a + 1 = 2 \qquad \therefore a = \frac{53}{9}$$

26) 1

$$\Rightarrow f(-1) = 0$$
이므로 $-3 + a + 6 - 4 = 0$ $\therefore a = 1$

27) -2

$$f(2) = 0$$
이므로 $24 + 4a - 12 - 4 = 0$
 $4a = -8$ $\therefore a = -2$

28) -4

$$\Rightarrow f(3) = 3^3 + a \cdot 3^2 + 2 \cdot 3 + 4 = 1$$
$$27 + 9a + 6 + 4 = 1 \quad \therefore a = -4$$

29) 5

30) 5

31) 1

다항식
$$f(x) = x^3 + ax^2 + 4x - 2$$
를 $x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지는 나머지정리에 의해 $f(1)$ 이다. 즉, $f(1) = 4$ 이므로 $f(1) = 1 + a + 4 - 2 = 4$ $\therefore a = 1$

32) -2

$$\begin{array}{c} \Leftrightarrow f \bigg(\frac{1}{2} \bigg) = - \, \frac{3}{8} \, \mathrm{olk} \\ \\ \bigg(\frac{1}{2} \bigg)^3 + a \cdot \bigg(\frac{1}{2} \bigg)^2 + 4 \cdot \frac{1}{2} - 2 = - \, \frac{3}{8} \, \mathrm{olk} \end{array} \right) \ \therefore a = - \, 2$$

33) -5

$$\Rightarrow f(x) = x^5 - 3x^3 + ax - 1$$
에서 $f(-2) = 1$ 이므로 $(-2)^5 - 3 \cdot (-2)^3 + a \cdot (-2) - 1 = 1$ $\therefore a = -5$

34) -5

$$(-3) = 11$$
이므로 $-27 + 54 + 3a - 1 = 11$ $3a = -15$ $\therefore a = -5$

35) 3

다항식 $f(x)=x^2-5x+a$ 를 x-1로 나눈 나머지는 나머지 정리에 의하여 f(x)에 x=1을 대입하여 구한다.

$$f(1) = 1 - 5 + a$$

나머지는 -1 이므로 -1=1-5+a $\therefore a=3$

36) 25

□ 다항식 f(x) = x³ - (a+3)x+5를 x-2로 나누었을
 때의 나머지와 x-4로 나누었을 때의 나머지가 같으므로
 f(2) = f(4)에서 8-2(a+3)+5=64-4(a+3)+5
 2a=50 ∴ a=25

37) a = -2, b = 2

다항식 $f(x) = x^2 + ax + b$ 를 x - 1로 나누었을 때의 나머지가 1이므로 f(1) = 1에서 1 + a + b = 1 …① 또, x - 2로 나누었을 때의 나머지가 2이므로 f(2) = 2에서 4 + 2a + b = 2 …① ① 그 하면 3 + a = 1 $\therefore a = -2$ 이것을 ①에 대입하면 b = 2

38) a = -4, b = -3

다항식 $f(x) = x^2 + ax - b$ 를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 8이므로 f(-1) = 1 - a - b = 8에서 a+b=-7 … ① 또, x-4로 나누었을 때의 나머지가 3이므로 f(4) = 16 + 4a - b = 3에서 4a-b=-13 … ① ① + ①을 하면 5a=-20 $\therefore a=-4$ 이것을 ①에 대입하면 b=-3

39) a = -1, b = 4

다항식 $f(x) = 4x^3 + ax + b$ 를 x+1로 나누었을 때의 나머지가 1이므로 f(-1) = 1에서 -4-a+b=1 $\therefore -a+b=5$ \cdots ① 또, 2x-1로 나누었을 때의 나머지가 4이므로 $f\left(\frac{1}{2}\right) = 4$ 에서 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}a + b = 4$ $\therefore a+2b=7$ \cdots ② . ②을 연립하여 풀면 a=-1,b=4

40) a = -1, b = 0

다항식 $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 1$ 을 x + 2로 나누었을 때의 나머지가 -5이므로 f(-2) = -8 - 4a - 2b - 1 = -5에서 2a + b = -2 … ① 또, x - 2로 나누었을 때의 나머지가 11이므로 f(2) = 8 - 4a + 2b - 1 = 11에서 2a - b = -2 … ② ① + ①을 하면 4a = -4 $\therefore a = -1$ 이것을 ③에 대입하면 b = 0

41) a = 3, b = 2

□ 다항식 f(x) = x³ + ax² + bx - 1을 x - 1로 나누었을 때의 나머지가 5이므로 f(1) = 1 + a + b - 1 = 5에서 a + b = 5 ··· ①
 또, x + 3으로 나누었을 때의 나머지가 - 7이므로 f(-3) = -27 + 9a - 3b - 1 = -7에서 3a - b = 7 ··· ①
 ① + ○을 하면 4a = 12 ∴ a = 3 이것을 ①에 대입하면 b = 2

- 42) -x+2
- $f(x) = (x+1)(x-1)\underline{Q(x)} + \underline{ax+b}$ (a,b는 상수)로 몫 나머지

놓으면 f(-1)=3, f(1)=1이므로

- $f(-1) = -a + b = 3 \cdots \bigcirc$
- $f(1) = a + b = 1 \quad \cdots \bigcirc$
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=-1, b=2

따라서 구하는 나머지는 -x+2이다.

- 43) 2x-1
- 다항식 f(x)를 (x-1)(x-2)로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(a,b)는 상수)라 하면

f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

- f(1) = 1에서 a+b=1 … \bigcirc
- f(2) = 3에서 2a + b = 3 … ①
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=2,b=-1

따라서 구하는 나머지는 2x-1이다.

- 44) x+3
- 다항식 f(x)를 (x+2)(x-4)로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(a,b는 상수)라 하면

f(x) = (x+2)(x-4)Q(x) + ax + b

- f(-2) = 1에서 -2a+b=1 … ①
- f(4) = 7에서 4a+b=7 ··· ①
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=1,b=3
- 따라서 구하는 나머지는 x+3이다.
- 45) 2x-1
- 다 다항식 f(x)를 x^2-x-2 로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(a,b)는 상수)라 하면

$$f(x) = (x^2 - x - 2) Q(x) + ax + b$$

= $(x+1)(x-2) Q(x) + ax + b$

- f(-1) = -3에서 -a+b=-3 … \bigcirc
- f(2) = 3에서 2a + b = 3 … ①
- ①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=2,b=-1
- 따라서 구하는 나머지는 2x-1이다.
- 46) 4x+1
- 다항식 f(x)를 x^2-4x+3 으로 나누었을 때의 몫을 Q(x),나머지를 ax+b(a,b는 상수)라 하면

 $f(x) = (x^2 - 4x + 3) Q(x) + ax + b$ = (x-1)(x-3)Q(x) + ax + b

- f(1) = 5에서 a+b=5 … \bigcirc
- f(3) = 13에서 3a + b = 13 ··· ©
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=4,b=1
- 따라서 구하는 나머지는 4x+1이다.
- 47) 8x + 9
- 다항식 f(x)를 x^2+3x+2 로 나누었을 때의 몫을 Q(x),나머지를 ax+b(a,b는 상수)라 하면

 $f(x) = (x^2 + 3x + 2) Q(x) + ax + b$ = (x+1)(x+2) Q(x) + ax + b

- f(-1) = 1에서 -a+b=1 … \bigcirc
- f(-2) = -7 에서 -2a + b = -7 ...

- ①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=8,b=9 따라서 구하는 나머지는 8x+9이다.
- 48) -8x-11
- 다항식 f(x)를 (x+1)(x+2)로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b (a,b는 상수)라 하면 f(x)=(x+1)(x+2)Q(x)+ax+b f(-1)=-3에서 -a+b=-3 … ① f(-2)=5에서 -2a+b=5 … ① ①, ②을 연립하여 풀면 a=-8,b=-11 따라서 구하는 나머지는 -8x-11
- 49) 2x-3
- 다 하식 f(x)를 x^2-5x+6 으로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b (a,b는 상수)라 하면

 $f(x) = (x^2 - 5x + 6) Q(x) + ax + b$ = (x-2)(x-3)Q(x) + ax + b

- f(2) = 1에서 $2a + b = 1 \cdots$
- f(3) = 3에서 3a+b=3 ··· ①
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=2,b=-3 따라서 구하는 나머지는 2x-3
- 50) -x+7
- \Rightarrow f(x)를 x-2로 나누었을 때 나머지는 5이므로 f(2)=5

f(x)-4를 x+3으로 나누었을 때의 나머지는 6이 므로 f(-3)-4=6에서 f(-3)=10 따라서 f(x)=(x-2)(x+3)Q(x)+ax+b라 하면 $5=f(2)=2a+b,\ 10=f(-3)=-3a+b$ 위의 두 식을 연립하여 풀면 $a=-1,\ b=7$ 이므로 나머지는 -x+7 이다.

- 51) 2x-1
- 다 f(x) = (x-2)A(x) + 3, f(2) = 3이다. f(x) = (x+3)B(x) 7, f(-3) = -7이다. f(x) = (x-2)(x+3)Q(x) + ax + b이므로 위의 등식의 양변에 x = 2를 대입하면 2a + b = 3 ··· ① x = -3을 대입하면 -3a + b = -7 ··· © ①, ©을 연립하여 풀면 a = 2, b = -1 따라서 구하는 나머지는 2x 1이다.
- 52) x+2
- □ 다항식 f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눌 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(단, a,b는 상수)라고 하면 f(x)=(x-1)(x-2)Q(x)+ax+b
 이 등식은 항등식이므로 양변에 x=1,x=2를 각각 대입하면 f(1)=a+b,f(2)=2a+b
 나머지정리에 의하여 f(1)=3, f(2)=4이므로 a+b=3, 2a+b=4
 두 식을 연립하여 풀면 a=1,b=2이므로 나머지는 x+2이다.
- 53) -2x+5
- \Rightarrow 다항식 f(x)를 (x-1)(x+2)로 나눌 때의 몫을

- Q(x), 나머지를 ax+b(단, a,b)는 상수)라고 하면 f(x) = (x-1)(x+2)Q(x) + ax + bf(x)를 x-1로 나눈 나머지가 3, x+2로 나눈 나 머지가 9이므로 f(1) = a+b=3, f(-2) = -2a+b=9 $\therefore a = -2, b = 5$ 따라서 구하는 나머지는 -2x+5이다.
- 54) 5x+1
- \Rightarrow f(x)를 x^2-x-2 로 나누었을 때의 몫을 $Q_1(x)$ 라 하면

$$\begin{split} f(x) = & \left(x^2 - x - 2\right) Q_1(x) + x + 9 \\ = & \left(x + 1\right) (x - 2) Q_1(x) + x + 9 \end{split}$$

- $\therefore f(2) = 2 + 9 = 11$
- 또, f(x)를 x^2+5x+6 으로 나누었을 때의 몫을 $Q_2(x)$ 라 하면

$$f(x) = (x^2 + 5x + 6) Q_2(x) + 2x - 5$$

= $(x+2)(x+3) Q_2(x) + 2x - 5$

- $f(-2) = 2 \cdot (-2) 5 = -9$
- f(x)를 x^2-4 로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머 지를 ax+b(a,b)는 상수)라 하면

$$f(x) = (x^2 - 4) Q(x) + ax + b$$

= $(x - 2)(x + 2) Q(x) + ax + b$

- 이때, f(2) = 11, f(-2) = -9이므로
- $f(2) = 2a + b = 11 \cdots \bigcirc$
- $f(-2) = -2a + b = -9 \cdots \bigcirc$
- \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 a=5,b=1
- 따라서 구하는 나머지는 5x+1이다.
- 55) x+4
- \Rightarrow 다항식 f(x)를 (x+1)(x-2)로 나눌 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(단, a,b는 상수)라고 하면 f(x) = (x+1)(x-2)Q(x) + ax + bf(x)를 x+1로 나눈 나머지가 3, x-2로 나눈 나 머지가 6이므로 f(-1) = -a + b = 3, f(2) = 2a + b = 6 $\therefore a = 1, b = 4$ 따라서 구하는 나머지는 x+4이다.
- 56) $3x^2 12x + 11$
- \Rightarrow 조건으로부터 f(1) = 2이다.

$$f(x) = (x-2)^2 A(x) - 1$$
이므로 $f(2) = -1$ 이다.

- $f(x) = (x-1)(x-2)^2 Q(x) + a(x-2)^2 1$ 로 놓고
- 위의 등식의 양변에 x=1을 대입하면
- 2 = f(1) = a 1 $\therefore a = 3$

따라서 구하는 나머지는

- $ax^2 + bx + c = 3(x-2)^2 1 = 3x^2 12x + 11$
- 57) -3x+1
- \Rightarrow 다항식 f(x)를 (x+1)(x+2)로 나눌 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b(단, a,b는 상수)라고 하면 f(x) = (x+1)(x+2)Q(x) + ax + bf(x)를 x+1로 나눈 나머지가 4, x+2로 나눈 나

- 머지가 7이므로 f(-1) = -a + b = 4, f(-2) = -2a + b = 7 $\therefore a = -3, b = 1$ 따라서 구하는 나머지는 -3x+1이다.
- 58) x+3
- $\Rightarrow f(x) = (x^2 x + 1)(x^2 + x + 1) + x$ 이므로 f(1) = 4, f(-1) = 2 $f(x) = (x^2 - 1)Q(x) + ax + b$ 로 놓으면 4 = a + b, 2 = -a + b위의 식을 연립하여 풀면 a=1, b=3따라서 구하는 나머지는 x+3이다.
- 59) 2x
- $\Rightarrow f(x)-4=(x-2)A(x)$ 이므로 f(2)=4f(x)+6=(x+1)B(x)+4 이므로 f(-1)=-2f(x) = (x-2)(x+1)Q(x) + ax + b이므로 4 = f(2) = 2a + b, -2 = f(-1) = -a + b위의 두 식을 연립하여 풀면 a=2, b=0따라서 구하는 나머지는 2x이다.
- 60) $-x^2+x+3$
- $\Rightarrow f(x)$ 를 $(x^2+1)(x-2)$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 하면 $f(x) = (x^2+1)(x-2)Q(x) + a(x^2+1) + x + 4$ 이때 f(2) = 1이므로 위의 식에 x = 2를 대입하면 $f(2) = a(2^2 + 1) + 2 + 4, 1 = 5a + 6$ $\therefore a = -1$ 따라서 f(x)를 $(x^2+1)(x-2)$ 로 나누었을 때의 나 머지는 $-(x^2+1)+x+4=-x^2+x+3$
- 61) -x+3
- $\Rightarrow f(1) = 2, f(-2) = 5$

다항식 f(x)를 (x-1)(x+2)로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 R(x) = ax + b(a, b)는 상수)라 하면

f(x) = (x-1)(x+2)Q(x) + ax + b

위의 양변에 x=1, x=-2을 각각 대입하면

f(1) = a+b, f(-2) = -2a+b

a+b=2, -2a+b=5

위의 두 식을 연립하여 풀면 a=-1, b=3

- $\therefore R(x) = -x + 3$
- 62) $3x^2 12x + 11$
- \Rightarrow 조건으로부터 f(1) = 2이다.

 $f(x) = (x-2)^2 A(x) - 1$ 이므로 f(2) = -1 이다.

 $f(x) = (x-1)(x-2)^2Q(x) + a(x-2)^2 - 1$ 로 놓고

위의 등식의 양변에 x=1을 대입하면

 $\therefore a = 3$ 2 = f(1) = a - 1

따라서 구하는 나머지는

 $ax^2 + bx + c = 3(x-2)^2 - 1 = 3x^2 - 12x + 11$ or:

- 63) x+2
- $\Rightarrow f(2) = 4, f(-2) = 0$

$$f(x)$$
를 $(x-2)(x+2)$ 로 나누었을 때의
몫을 $Q(x)$, 나머지를 $ax+b$ 라 하면
 $f(x)=(x-2)(x+2)Q(x)+ax+b$
 $f(2)=2a+b=4$
 $f(-2)=-2a+b=0$
 $\therefore a=1,\ b=2$
따라서 나머지는 $x+2$ 이다.

- 64) 5x + 10
- ⇒ f(-1) = 5, f(4) = 30
 f(x)를 x²-3x-4로 나누었을 때의 몫을 Q(x),
 나머지를 ax+b라 하면
 f(x) = (x-4)(x+1)Q(x)+ax+b
 f(-1) = -a+b=5
 f(4) = 4a+b=30 ∴ a=5, b=10
 따라서 나머지는 5x+10이다.
- 65) a = 5, b = -1
- ⇒ f(1) = 0, f(-2) = 0이므로
 2+a+b-6=0, -16+4a-2b-6=0
 a+b=4,2a-b=11
 두 식을 연립하여 풀면 a=5,b=-1

66)
$$a = -\frac{1}{2}, b = -\frac{5}{2}$$

- 국 몫을 Q(x)라고 하면 $f(x)=x^3+ax^2+bx+4=(x-1)(x+2)Q(x)+x+1$ 양변에 x=1을 대입하면 1+a+b+4=2양변에 x=-2을 대입하면 -8+4a-2b+4=-1두 식을 연립하여 풀면 $a=-\frac{1}{2},b=-\frac{5}{2}$
- 67) -35
- 68) 2
- 다항식 f(x)를 (x-2)(x-3)(x-4)으로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 $R(x)=ax^2+bx+c(a,b,c)$ 는 상수)라고 하면 $f(x)=(x-2)(x-3)(x-4)Q(x)+ax^2+bx+c$ f(x)가 (x-2)(x-3)으로 나누어 떨어지므로 $ax^2+bx+c=a(x-2)(x-3)$ $\therefore f(x)=(x-2)(x-3)(x-4)Q(x)+a(x-2)(x-3)\cdots$ 또, f(x)를 (x-3)(x-4)로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라고 하면 나머지가 2x-6이므로 f(x)=(x-3)(x-4)Q(x)+2x-6 즉, f(4)=2이므로 \bigcirc 에서 f(4)=a(4-2)(4-3)=2a 2a=2 $\therefore a=1$ 따라서 $R(x)=(x-2)(x-3)(x-3)=x^2-5x+6$ 이므로

a=1, b=-5, c=6 에서 a+b+c=2

69) 4

$$f(\frac{1}{2}) = 5, f(3) = 0$$
 이고
$$R(x) = ax + b$$
라고 하면
$$f(x) = (2x - 1)(x - 3)Q(x) + ax + b$$
$$x = \frac{1}{2}$$
을 대입하면 $\frac{1}{2}a + b = 5$
$$x = 3$$
을 대입하면 $3a + b = 0$ 두 식을 연립하여 풀면 $a = -2, b = 6$
$$R(x) = -2x + 6, R(1) = 4$$

- 70) 5
- 71) 4
- $\Rightarrow f(x) = (x-2)(x+1)Q(x) + ax + b$ f(2) = 4 = 2a + b \cdots ① f(-1) = 1 = -a + b \cdots ② ①, ②를 연립하여 풀면 a = 1, b = 2

R(x) = x + 2, R(2) = 4

- 72) 0
- 다 f(2) = -5이고, $f(x) \stackrel{?}{=} (2x-1)^2(x-2)$ 로 나누었을 때의 몫을 $Q(x), \text{ 나머지 } R(x) = ax^2 + bx + c$ 라 하면 $f(x) = (2x-1)^2(x-2)Q(x) + ax^2 + bx + c$ $= (2x-1)^2(x-2)Q(x) + a(2x-1)^2 + 3x 2$ $f(2) = 9a + 4 = -5, \ a = -1$
 - $\therefore R(x) = -(2x-1)^2 + 3x 2$ \therefore R(1) = 0