[영역] 3.함수



3-2-4.이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일: 2016-03-14

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

계산시 참고사항

1. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프

이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프는 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 고쳐서 그린다.

$$y=ax^2+bx+c \implies y=a\Big(x+rac{b}{2a}\Big)^2-rac{b^2-4ac}{4a}$$
 $\Big(-rac{b}{2a},-rac{b^2-4ac}{4a}\Big)$ (2) 축의 방정식: $x=-rac{b}{2a}$

(3) y축과의 교점의 좌표: (0, c)

2. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프와 x축, y축과의 교점

이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서

(1) x축과의 교점: y=0일 때의 x의 값을 구한다.

(2) y축과의 교점: x = 0일 때의 y의 값을 구한다.

3. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서 a, b, c의 부호

(1) a의 부호: 그래프의 모양에 따라 결정된다.

① 아래로 볼록하면 a > 0

② 위로 볼록하면 a < 0

(2) b의 부호: 축의 위치에 따라 결정된다.

① 축이 y축의 왼쪽에 위치하면 a와 b는 같은 부호(ab > 0)

② 축이 y축과 일치하면 b=0

③ 축이 y축의 오른쪽에 위치하면 a와 b는 다른 부호(ab < 0)

(3) c의 부호: y축과의 교점의 위치에 따라 결정된다.

① y축과의 교점이 원점의 위쪽에 위치하면 c>0

② y축과의 교점이 원점과 일치하면 c=0

③ y축과의 교점이 원점의 아래쪽에 위치하면 c < 0



이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프

 \square 이차함수 $y=2x^2+8x+6$ 에 관한 설명 중 옳은 것에는 O 표, 옳지 않은 것은 X표 하여라.

x>-2일 때, x의 값이 증가할 때 y의 값은 감소한다.

축의 방정식은 x = -2이다.

)

3. 꼭짓점의 좌표는 (-2, -2)이다.

)

제 1, 2, 3사분면을 지난다.

)

5. x = -2일 때 최댓값 -2를 갖는다.

)

- $oldsymbol{\square}$ 이차함수 $y=-x^2-2x-3$ 에 관한 설명 중 옳은 것에는 $oldsymbol{\mathsf{O}}$ 표, 옳지 않은 것은 X표 하여라.
- 최솟값은 -2이다.

()

7. 축의 방정식은 x = 1이다.

)

아래로 볼록한 포물선이다.

)

9. 꼭짓점의 좌표는 (-1, -2)이다.

()

10. x < -1일 때, x의 값이 증가하면 y의 값도 증가한다.

()

- □ 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2 2x + 2$ 에 관한 설명 중 옳은 것에는 O표, 옳지 않은 것은 X표 하여라.
- 11. 직선 x = -2를 축으로 한다.

12. 꼭짓점의 좌표는 (-2, 4)이다.

13. 제1사분면을 지나지 않는다.

14. y축과 만나는 점의 좌표는 (0, 2)이다.

15. $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -2만큼, y축의 방 향으로 4만큼 평행이동한 것이다.

()

 \square 다음 이차함수의 식을 $y=a(x-p)^2+q$ 의 꼴로 고치고, 꼭 짓점의 좌표와 축의 방정식을 각각 구하여라.

16. $y = x^2 - 2x + 3$

17. $y = -x^2 - 4x + 3$

18. $y = 3x^2 + 6x - 1$

19. $y = -2x^2 - 8x - 5$

20. $y = \frac{1}{3}x^2 + 4x + 1$

21. $y = -\frac{1}{2}x^2 + 3x - 7$

22. $y = -x^2 + 6x - 5$

() 23. $y = 3x^2 + 6x + 4$

() 24. $y=2x^2-4x+5$

) 25. $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2x - 6$

() 26. $y = -4x^2 - 8x + 1$

 $27. y = \frac{1}{3}x^2 + 2x + 5$

28. $y = -\frac{3}{2}x^2 + 6x + 5$

☑ 다음 값을 구하여라.

- 29. $y = x^2 6x$ 를 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 a+p+q의 값
- 30. 이차함수 $y = x^2 6x + 2$ 를 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타 낼 때, a-p-q의 값
- 31. 이차함수 $y = -2x^2 + 12x 16$ 을 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 끌로 나타낼 때, a-p-q의 값
- 32. $y = 2x^2 8x + 3$ 을 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 때, a+p+q의 값
- \blacksquare 다음 주어진 이차함수가 x값이 증가할 때, y의 값이 증가 하는 x의 범위를 구하여라.

33.
$$y = -x^2 + 6x + 3$$

34.
$$y = 3x^2 - 6x + 4$$

35.
$$y = \frac{1}{2}x^2 + 4x - 7$$

36.
$$y = -3x^2 - 2x + 4$$

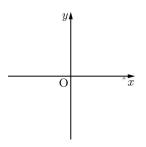
37.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 + x + 1$$

38.
$$y = -5x^2 + 20x + 25$$

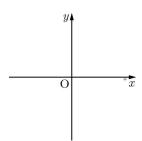
39.
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x - 1$$

☑ 다음 이차함수의 그래프를 그려라.

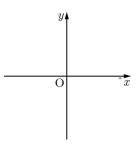
40.
$$y = 2x^2 - 4x - 1$$



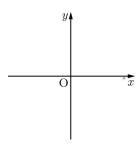
41.
$$y = -3x^2 + 12x - 7$$



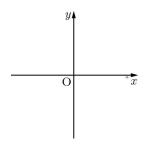
42.
$$y = -4x^2 + 8x - 1$$



43. $y = \frac{1}{3}x^2 + 2x - 2$



44. $y = -\frac{1}{4}x^2 + x - 3$



☑ 다음 이차함수의 그래프를 x축, y축의 방향으로 []안의 수만큼 차례대로 평행이동한 그래프의 식을 구하여라.

45.
$$y = -x^2 - 2x - 2$$
 [4, 2]

46.
$$y = x^2 - 4x + 6 \quad [-4, 5]$$

47.
$$y = -x^2 + 8x + 5$$
 [3, -8]

48.
$$y = 2x^2 + 4x + 1$$
 [-5, 6]

49.
$$y = 2x^2 - 12x + 10$$
 [-2, 1]

50.
$$y = 3x^2 + 6x - 1$$
 [3, -2]

51.
$$y = x^2 - 6x + 3$$
 [2, 6]

52.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2}$$
 [-2, -3]

53.
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x + 4$$
 [-5, -1]

54.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 - x + 5 \left[-3, -\frac{13}{2} \right]$$

- ☑ 다음 조건이 주어질 때, 상수 a의 값을 구하여라.
- 55. 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2 2x + 1$ 의 그래프를 x축의 방향으로 2 만큼, y축의 방향으로 -3만큼 평행이동하면 점 (a, -2)를 지난다.
- 56. 이차함수 $y=x^2-6x+5$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -2 만큼 평행이동 하면 점 $(4,\ a)$ 을 지난다.
- 57. 이차함수 $y=-\frac{1}{2}x^2-3x-2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 2 만큼, y축 방향으로 $-\frac{1}{2}$ 만큼 평행 이동하면 점 $(-5,\ a)$ 를 지난다.
- 58. 이차함수 $y = -x^2 4x + a$ 의 그래프를 x축의 방향으로 3 만큼 평행 이동하면 점 (0, 2)를 지난다.

- 59. 이차함수 $y=-2x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축 방향으로 5만큼 평행이동하면 점 (a,-3)을 지난다.
- 60. 이차함수 $y=-\frac{3}{4}x^2-3x+1$ 의 그래프를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 -2만큼 평행이동하면 점 (a,-10)을 지난다.
- 61. 이차함수 $y=\frac{1}{2}x^2-2x+1$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -1만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동하면 점 $(a,\ 4)$ 를 지난다.
- 62. 이차함수 $y=x^2+2x-4$ 의 그래프를 x축의 방향으로 5만 큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동하면 점 (3, a)를 지난다.
- 63. 이차함수 $y=-x^2-2x-2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -1만큼, y축의 방향으로 4만큼 평행이동하면 점 $(-1,\ a)$ 를 지난다.



iggreat 이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프 $x,\ y$ 축과의 교점

□ 다음 이차함수의 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표를 구하여라.

64.
$$y = -4x^2 + 8x - 1$$

65.
$$y = 2x^2 + 8x + 8$$

66.
$$y = 3x^2 - 12x - 4$$

67.
$$y = -3x^2 - 12x - 2$$

68.
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x + 3$$

69.
$$y = \frac{1}{2}x^2 - 6x + 10$$

70.
$$y = -2(x+1)^2 - 2$$

71.
$$y = -\frac{1}{3}(x-3)^2 + 6$$

72.
$$y = -\frac{1}{4}(x+3)^2 + 1$$

☐ 다음 이차함수의 그래프가 x축과 만나는 점의 좌표를 모두 구하여라.

73.
$$y = x^2 + 3x - 4$$

74.
$$y = -x^2 + 2x + 3$$

75.
$$y = x^2 - 5x - 6$$

76.
$$y = 3x^2 + 6x - 2$$

77.
$$y = -\frac{5}{2}(x-3)^2 + 5$$

78.
$$y = -x^2 + 4x + 5$$

79.
$$y = -(x-1)^2 + 9$$

80.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{3}{2}$$

81.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 + 4x + 10$$

82.
$$y = -\frac{3}{2}x^2 - 3x + \frac{9}{2}$$

 \square 다음 이차함수의 그래프가 x축과 만나는 점의 개수를 구하여라.

83.
$$y = 3x^2 - 5$$

84.
$$y = -x^2$$

85.
$$y = (x-6)^2$$

86.
$$y = -2(x-1)^2 + 2$$

87.
$$y = \frac{1}{2}(x+2)^2 + 1$$

88.
$$y = -(x+2)^2 + 1$$

89.
$$y = 2x^2 - 6x + 4$$

90.
$$y = x^2 + x + 1$$

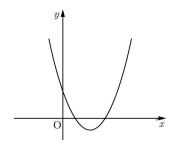
91.
$$y = \frac{1}{2}x^2 - 3$$

- ☑ 다음 조건이 주어질 때, 상수 a의 값 또는 a의 값의 범위 를 구하여라.
- 92. 이차함수 $y = 2x^2 + 4x + a 1$ 의 그래프가 x축과 한 점에서 만날 때
- 93. 이차함수 $y = -2x^2 + 4x + a$ 의 그래프가 x축과 한 점에서 만날 때
- 94. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2 + 3x + a$ 의 그래프가 x축과 한 점에서 만날 때
- 95. 이차함수 $y=2x^2-6x+a+1$ 의 그래프가 x축과 서로 다른 두 점에서 만날 때
- 96. 이차함수 $y = x^2 + 2x + a + 2$ 의 그래프가 x축과 서로 다른 두 점에서 만날 때
- 97. 이차함수 $y=x^2-6x+a-1$ 의 그래프가 x축과 두 점에서 만날 때

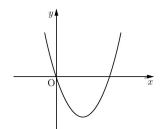
이차함수 $y=ax^2+bx+c$ 의 그래프의 a, b, c의 부호

☑ 다음 그림은 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 상수 a, b, c의 부호를 말하여라.

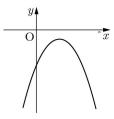
98.



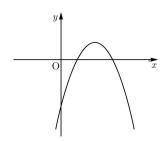
99.



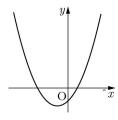
104



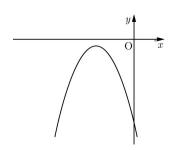
100



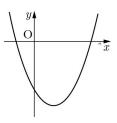
105.



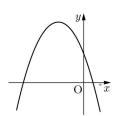
101



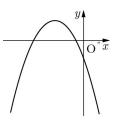
106.



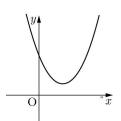
102



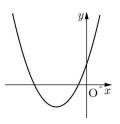
107,



103

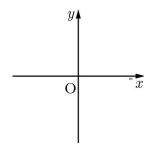


108

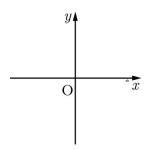


lacktriangle a, b, c의 부호가 다음과 같을 때, 그래프의 개형을 그려 라.

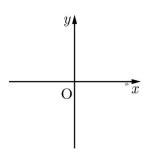
109. a < 0, b < 0, c > 0



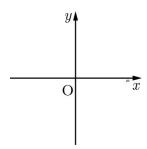
110. a > 0, b < 0, c < 0



111: a > 0, b > 0, c < 0



112. a < 0, b > 0, c < 0





정답 및 해설 🖀

- 1) ×
- $y = 2x^2 + 8x + 6 = 2(x+2)^2 2$ 이므로 x > -2일 때 x의 값이 증가하면 y의 값은 감소한다.
- 2) 🔾
- 3) 🔾
- 4) 🔾
- \Rightarrow $y=2x^2+8x+6=2(x+2)^2-2$ 에서 꼭짓점은 (-2,-2)로 제 3사분면에 있고 아래로 볼록하며 y축과의 교점이 (0,6)이므로 제 1,2,3사분면을 지난다.
- 5) ×
- $\Rightarrow x = -2$ 일 때 최솟값 -2를 갖는다.
- 6) ×
- ⇒ 최댓값은 -2이다.
- 7) ×
- \Rightarrow 축의 방정식은 x = -1이다.
- 8) ×
- ⇒ 위로 볼록한 포물선이다.
- 9) (
- 10) 🔾
- 11) 🔾
- $\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x^2 2x + 2 = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 4$ 이므로 x = -2를 축으로 한다.
- 12) 🔾
- 13) ×
- ightharpoonup 꼭짓점은 $(-2,\ 4)$ 이고 위로 볼록한 그래프이며 y축과의 교점은 $(0,\ 2)$ 이므로 그래프는 모든 사분면을 지난다.
- 14) ()
- 15) 🔾
- 16) $y=(x-1)^2+2$, 꼭짓점: (1, 2), 축: x=1
- 17) $y = -(x+2)^2 + 7$, 꼭짓점: (-2, 7), 축: x = -2
- 18) $y=3(x+1)^2-4$, 꼭짓점: (-1, -4), 축: x=-1

- 19) $y = -2(x+2)^2 + 3$, 꼭짓점: (-2, 3), 축: x = -2
- 20) $y = \frac{1}{3}(x+6)^2 11$, 꼭짓점: (-6, -11), 축: x = -6
- $\Rightarrow y = \frac{1}{3}(x^2 + 12x + 36 36) + 1 = \frac{1}{3}(x+6)^2 11$
- 21) $y = -\frac{1}{2}(x-3)^2 \frac{5}{2}$, 꼭짓점: $\left(3, -\frac{5}{2}\right)$, 축: x = 3
- $\Rightarrow y = -\frac{1}{2}(x^2 6x + 9 9) 7 = -\frac{1}{2}(x 3)^2 \frac{5}{2}$
- 22) $y = -(x-3)^2 + 4$, 꼭짓점: (3, 4), 축: x = 3
- $\Rightarrow y = -x^2 + 6x 5 = -(x^2 6x + 9 9) 5$ $= -(x^2 6x + 9) + 9 5$ $= -(x 3)^2 + 4$

따라서 꼭짓점의 좌표는 $(3,\ 4)$ 이고 축의 방정식은 x=3이다.

- 23) $y=3(x+1)^2+1$, 꼭짓점: (-1, 1), 축: x=-1
- ⇒ $y = 3x^2 + 6x + 4 = 3(x^2 + 2x + 1 1) + 4$ = $3(x+1)^2 - 3 + 4 = 3(x+1)^2 + 1$ 따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, 1)이고 축의 방정식은 x = -10다.
- 24) $y=2(x-1)^2+3$, 꼭짓점: (1, 3), 축: x=1
- ⇒ $y=2x^2-4x+5=2(x^2-2x+1-1)+5$ = $2(x-1)^2-2+5=2(x-1)^2+3$ 따라서 꼭짓점의 좌표는 (1, 3)이고 축의 방정식은 x=1
- 25) $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 4$, 꼭짓점: (-2, -4), 축: x = -2
- $\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x^2 2x 6$ $= -\frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4 4) 6$ $= -\frac{1}{2}(x + 2)^2 + 2 6 = -\frac{1}{2}(x + 2)^2 4$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-2, -4)이고 축의 방정식은 x = -20이다.

- 26) $y = -4(x+1)^2 + 5$, 꼭짓점: (-1, 5), 축: x = -1
- $\Rightarrow y = -4x^2 8x + 1$ $= -4(x^2 + 2x + 1 1) + 1$ $= -4(x+1)^2 + 4 + 1 = -4(x+1)^2 + 5$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, 5)이고 축의 방정식은 x=-1이다.

27) $y = \frac{1}{3}(x+3)^2 + 2$, 꼭짓점: (-3, 2), 축: x = -3

$$\Rightarrow y = \frac{1}{3}x^2 + 2x + 5$$

$$= \frac{1}{3}(x^2 + 6x + 9 - 9) + 5$$

$$= \frac{1}{3}(x+3)^2 - 3 + 5 = \frac{1}{3}(x+3)^2 + 2$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-3, 2)이고 축의 방정식은 x = -3이다.

28)
$$y = -\frac{3}{2}(x-2)^2 + 11$$
, 꼭짓점: $(2, 11)$, 축: $x = 2$

$$\Rightarrow y = -\frac{3}{2}x^2 + 6x + 5$$

$$= -\frac{3}{2}(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5$$

$$= -\frac{3}{2}(x - 2)^2 + 6 + 5$$

$$= -\frac{3}{2}(x - 2)^2 + 11$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (2, 11)이고 축의 방정식은 x = 2이다.

29)
$$-5$$

$$\Rightarrow y = x^2 - 6x = (x^2 - 6x + 9) - 9 = (x - 3)^2 - 9 \therefore a = 1, p = 3, q = -9 \therefore a + p + q = 1 + 3 - 9 = -5$$

$$\Rightarrow y = x^2 - 6x + 2 = (x - 3)^2 - 7$$
이므로
 $a - p - q = 1 - 3 - (-7) = 1 - 3 + 7 = 5$

31)
$$-7$$

32)
$$-1$$

$$\Rightarrow y = 2x^2 - 8x + 3 = 2(x - 2)^2 - 5$$

$$\therefore a = 2, p = 2, q = -5$$

$$\therefore a + p + q = -1$$

33)
$$x < 3$$

 \Rightarrow

34)
$$x > 1$$

35)
$$x > -4$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{2}x^2 + 4x - 7 = \frac{1}{2}(x+4)^2 - 15$$
의 그래프의 축의 방정식은 $x = -4$ 이고, 아래로 볼록한 포물선이므로 $x > -4$ 일때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

36)
$$x < -\frac{1}{3}$$

37)
$$x < 1$$

38)
$$x < 2$$

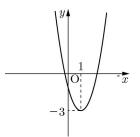
39)
$$x < 3$$

$$\Rightarrow y = -\frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9) - 2 = -\frac{1}{3}(x - 3)^2 + 2$$

위로 볼록인 그래프이고, x=3을 대칭축으로 가진다. x<3일 때, x의 값이 증가하면 y의 값도 증가

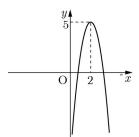
40) $y = 2x^2 - 4 - 1 = 2(x-1)^2 - 3$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (1, -3)이고 축의 방정식은 x=1이므로 주어진 이차함수의 그래프는 다음 그림과 같다.



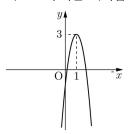
41) $y = -3x^2 + 12x - 7 = -3(x-2)^2 + 5$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (2, 5)이고 축의 방정식은 x=2이므로 주어진 이차함수의 그래프는 다음 그림과 같다.



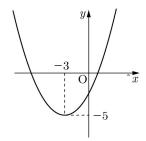
42) $y = -4x^2 + 8x - 1 = -4(x-1)^2 + 3$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (1, 3)이고 축의 방정식은 x=1이므로 주어진 이차함수의 그래프는 다음 그림과 같다.



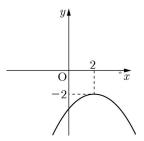
43)
$$y = \frac{1}{3}x^2 + 2x - 2 = \frac{1}{3}(x+3)^2 - 5$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-3, -5)이고 축의 방정식은 x=-3이므로 주어진 이차함수의 그래프는 다음 그림과 같다.



44)
$$y = -\frac{1}{4}x^2 + x - 3 = -\frac{1}{4}(x-2)^2 - 2$$

따라서 꼭짓점의 좌표는 (2,-2)이고 축의 방정식은 x=2이므로 주어진 이차함수의 그래프는 다음 그림과 같다.



45)
$$y = -(x-3)^2 + 1$$

$$\Rightarrow y = -x^2 - 2x - 2 = -(x+1)^2 - 1$$

따라서 x축의 방향으로 4만큼, y축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$\begin{array}{l} y = & -(x-4+1)^2 - 1 + 2 \\ = & -(x-3)^2 + 1 \end{array}$$

46)
$$y = (x+2)^2 + 7$$

$$\Rightarrow$$
 $y=x^2-4x+6=(x-2)^2+2$ 를 x 축으로 -4 만큼, y 축으로 5만큼 평행이동하면 $y=(x+2)^2+7$

47)
$$y = -(x-7)^2 + 13$$

$$\Rightarrow y = -x^2 + 8x + 5 = -(x - 4)^2 + 21$$
을 x 축으로 3만큼, y 축으로 -8 만큼 평행이동하면 $y = -(x - 7)^2 + 13$

48)
$$y=2(x+6)^2+5$$

$$\Rightarrow y = 2x^2 + 4x + 1 = 2(x+1)^2 - 1$$
 x 대신 $x+5$, y 대신 $y-6$ 을 대입하면 $y-6=2(x+5+1)^2-1$ $\therefore y=2(x+6)^2+5$

49)
$$y = 2(x-1)^2 - 7$$

$$\Rightarrow$$
 $y=2x^2-12x+10=2(x-3)^2-8$ 따라서 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 1만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=2(x+2-3)^2-8+1$ $=2(x-1)^2-7$

50)
$$y=3(x-2)^2-6$$

$$\Rightarrow y = 3x^2 + 6x - 1 = 3(x+1)^2 - 4$$

따라서
$$x$$
축의 방향으로 3만큼, y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=3(x-3+1)^2-4-2=3(x-2)^2-6$

51)
$$y = (x-5)^2$$

$$\Rightarrow y = x^2 - 6x + 3 = (x - 3)^2 - 6$$

따라서 x 축의 방향으로 2만큼, y 축의 방향으로 6만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = (x - 2 - 3)^2 - 6 + 6 = (x - 5)^2$

52)
$$y = -\frac{1}{2}(x+1)^2 - 1$$

$$\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{3}{2} = -\frac{1}{2}(x-1)^2 + 2$$
 따라서 x 축의 방향으로 -2 만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = -\frac{1}{2}(x+2-1)^2 + 2 - 3$ $= -\frac{1}{2}(x+1)^2 - 1$

53)
$$y = -\frac{1}{3}(x+2)^2 + 6$$

$$\Rightarrow y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x + 4 = -\frac{1}{3}(x-3)^2 + 7$$

따라서 x 축의 방향으로 -5 만큼, y 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = -\frac{1}{3}(x+5-3)^2 + 7 - 1$ $= -\frac{1}{3}(x+2)^2 + 6$

54)
$$y = -\frac{1}{2}(x+4)^2 - 1$$

다
$$y = -\frac{1}{2}x^2 - x + 5 = -\frac{1}{2}(x+1)^2 + \frac{11}{2}$$
 x 대신 $x+3$, y 대신 $y+\frac{13}{2}$ 을 대입하면 $y+\frac{13}{2}=-\frac{1}{2}(x+3+1)^2+\frac{11}{2}$ $\therefore y=-\frac{1}{2}(x+4)^2-1$

55) a=6 또는 a=2

당
$$y=\frac{1}{2}(x-2)^2-1$$
의 그래프를 평행 이동한 식은
$$y=\frac{1}{2}(x-2-2)^2-1-3=\frac{1}{2}(x-4)^2-4$$
이다. 위 식이 $(a,-2)$ 를 지나므로
$$\frac{1}{2}(a-4)^2-4=-2$$
 $a^2-8a+12=0$ \therefore $a=6$ 또는 $a=2$

56) 5

- $y=x^2-6x+5=(x-3)^2-4$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -2만큼 평행이동하면 $y=(x-1)^2-4$ 이 그래프가 점 (4, a)을 지나므로 a=9-4=5
- 57) -6
- 다 이차함수 $y=-\frac{1}{2}x^2-3x-2=-\frac{1}{2}(x+3)^2+\frac{5}{2}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 2만큼, y축의 방향으로 $-\frac{1}{2}$ 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-\frac{1}{2}(x+1)^2+2$ 이고, 점 $(-5,\ a)$ 를 지나므로 $a=-\frac{1}{2}(-5+1)^2+2$ $\therefore a=-6$
- 58) -1
- $\Rightarrow y = -x^2 4x + a = -(x+2)^2 + 4 + a$ x축의 방향으로 3만큼 평행 이동한 식은 $y = -(x+2-3)^2 + 4 + a = -(x-1)^2 + 4 + a$ 이 그래프가 (0,2)를 지나므로 -1+4+a=2 ∴a=-1
- 59) a = -1 또는 a = 3
- ⇒ 평행 이동한 그래프의 식은 y=-2(x-1)²+5이고, (a,-3)을 지나므로 -2(a²-2a+1)+5=-3 -2a²+4a+3=-3 2a²-4a-6=0 a²-2a-3=0 (a-3)(a+1)=0
- 60) a = -5 또는 a = 3

∴ a=-1 또는 a=3

- 61) a = -1 또는 a = 3

∴ a=-5 또는 a=3

- 62) -1
- \Rightarrow 이차함수 $y = x^2 + 2x 4 = (x+1)^2 5$ 의 그래프를 x축의 방향으로 5만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동

- 한 그래프의 식은 $y=(x-4)^2-2$ 이고 점 (3, a)를 지나므로 $a=(3-4)^2-2$ $\therefore a=-1$
- 63) 2
- ⇒ 이차함수 $y=-x^2-2x-2=-(x+1)^2-1$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -1만큼, y축의 방향으로 4만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-(x+2)^2+3$ 이고, 점 (-1, a)를 지나므로 $a=-(-1+2)^2+3$ ∴ a=2
- 64) (0, -1)
- \Rightarrow $y=-4x^2+8x-1$ 에 x=0을 대입하면 y=-1 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0,-1)
- 65) (0, 8)
- \Rightarrow $y=2x^2+8x+8$ 에 x=0을 대입하면 y=8 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0, 8)
- 66) (0, -4)
- $y = 3x^2 12x 4$ 에 x = 0을 대입하면 y = -4 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0, -4)
- 67) (0, -2)
- $\Rightarrow y = -3x^2 12x 2$ 에 x = 0을 대입하면 y = -2 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0, -2)
- 68) (0, 3)
- $\Rightarrow y = -\frac{1}{3}x^2 + 2x + 3$ 에 x = 0을 대입하면 y = 3따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0, 3)
- 69) (0, 10)
- $\Rightarrow y = \frac{1}{2}x^2 6x + 10$ 에 x = 0을 대입하면 y = 10따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0, 10)
- 70) (0, -4)
- \Rightarrow $y=-2(x+1)^2-2$ 에 x=0을 대입하면 $y=-2\times 1-2=-4$ 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0,-4) 이다.
- 71) (0, 3)
- \Rightarrow $y=-\frac{1}{3}(x-3)^2+6$ 에 x=0을 대입하면 $y=-\frac{1}{3}\times 9+6=-3+6=3$ 따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 (0,3)이다.

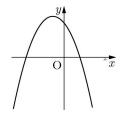
72)
$$\left(0, -\frac{5}{4}\right)$$

 $\Rightarrow y = -\frac{1}{4}(x+3)^2 + 1$ 에 x = 0을 대입하면 $y = -\frac{1}{4} \times 9 + 1 = -\frac{5}{4}$

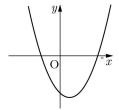
따라서 이 그래프가 y축과 만나는 점의 좌표는 $\left(0, -\frac{5}{4}\right)$ 이다.

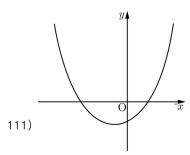
- 73) (-4,0), (1,0)
- 74) (-1,0), (3,0)
- 75) (-1, 0), (6, 0)
- 76) $\left(-1 \pm \frac{\sqrt{15}}{3}, 0\right)$
- 77) $(3+\sqrt{2}, 0), (3-\sqrt{2}, 0)$
- \Rightarrow $y=-\frac{5}{2}(x-3)^2+5=-\frac{5}{2}x^2+15x-\frac{35}{2}$ y=0을 대입하면 $5x^2-30x+35=0$ $x^2-6x+7=0$ 에서 근의 공식에 의해 $x=3\pm\sqrt{2}$ 이다.
- 78) (-1, 0), (5, 0)
- 79) (-2,0), (4,0)
- 다 x축과의 교점을 구하기 위해 y=0을 대입하면 $-(x-1)^2+9=0$ $x^2-2x-8=0$ (x-4)(x+2)=0 x=4 또는 x=-2
 - $\therefore (-2,0), (4,0)$
- 80) (1, 0), (-3, 0)
- 81) (-2, 0), (10, 0)82) (-3, 0), (1, 0)
- 83) 2개
- 84) 1개
- 85) 1개
- 86) 2개
- 87) 0개
- 88) 2개
- 89) 2개
- 90) 0개

- 91) 2개
- 92) a = 3
- 93) a = -2
- 94) $a = -\frac{9}{2}$
- 95) $a < \frac{7}{2}$
- 96) a < -1
- 97) a < 10
- 98) a > 0, b < 0, c > 0
- 99) a > 0, b < 0, c = 0
- 100) a < 0, b > 0, c < 0
- 101) a < 0, b < 0, c < 0
- 102) a < 0, b < 0, c > 0
- \Rightarrow 그래프가 위로 볼록하므로 a < 0축이 y축의 왼쪽에 있으므로 ab > 0 \therefore b < 0y축과 교점이 x축보다 위쪽에 있으므로 c > 0
- 103) a > 0, b < 0, c > 0
- \Rightarrow 그래프가 아래로 볼록하므로 a>0 축이 y축의 오른쪽에 있으므로 ab<0 \therefore b<0 y축과 교점이 x축보다 위쪽에 있으므로 c>0
- 104) a < 0, b > 0, c < 0
- ightharpoonup 그래프가 위로 볼록하므로 a<0 축이 y축의 오른쪽에 있으므로 ab<0 \therefore b>0 y축과 교점이 x축보다 아래쪽에 있으므로 c<0
- 105) a > 0, b > 0, c < 0
- \Rightarrow 그래프가 아래로 볼록하므로 a>0축이 y축의 왼쪽에 있으므로 ab>0 \therefore b>0y축과 교점이 x축보다 아래쪽에 있으므로 c<0
- 106) a > 0, b < 0, c < 0
- 107) a < 0, b < 0, c < 0
- 108) a > 0, b > 0, c > 0
- 109) a < 0, b < 0, c > 0이므로
 - ㄴ. 위로 볼록하다.
 - c. 축이 y축의 왼쪽에 있다.
 - \Box . y축과의 교점이 x축보다 위쪽에 있다.



- 110) a > 0, b < 0, c < 0이므로
 - ㄱ. 아래로 볼록하다.
 - \mathbf{z} . 축이 y축의 오른쪽에 있다.
 - ㅂ. y축과의 교점이 x축보다 아래쪽에 있다.

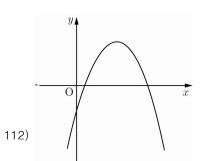




⇒ a > 0이므로 아래로 볼록

c < 0이므로 (y축과의 교점의 y좌표의 값)< 0이다.

b>0, a>0이므로 축의 방정식 $x=-\frac{b}{2a}<0$



 \Rightarrow a < 0이므로 위로 볼록하고,

 $c\!<\!0$ 이므로 y축과 만나는 점이 원점보다 아래쪽에 위치 한다

b > 0이므로 축의 방정식 $-\frac{b}{2a} > 0$