

내 교과서 속 문제를 실제 기출과 유사 변형하여 구성한 단원별 족보



◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

- 1) 제작연월일 : 2020-07-25
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

[문제]

# 개념check

### [사건 A 또는 B가 일어날 확률]

두 사건 A, B가 동시에 일어나지 않을 때, 사건 A가 일어날 확률을 p, 사건 B가 일어날 확률을 q라 하면 (사건 A 또는 B가 일어날 확률)=p+q

#### [두 사건 A, B가 동시에 일어날 확률]

두 사건 A와 B가 서로 영향을 끼치지 않을 때, 사건 A가 일어날 확률을 p, 사건 B가 일어날 확률을 q라 하면 (두 사건 A, B가 동시에 일어날 확률 $)=p\times q$ 

#### [연속하여 꺼내는 경우의 확률]

- (1) 꺼낸 것을 다시 넣고 연속하여 뽑는 경우의 확률
- : 처음에 일어난 사건이 나중에 일어난 사건에 영향을 주지 않으므로 처음과 나중의 조건이 같다.
- (2) 꺼낸 것을 다시 넣지 않고 연속하여 뽑는 경우의 확률
- : 처음에 일어난 사건이 나중에 일어난 사건에 영향을 주므로 처음과 나중의 조건이 다르다.

기본문제

[예제]

- 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 나 온 두 눈의 수의 합이 10 또는 12일 확률을 구하 면?
  - ①  $\frac{1}{18}$
- $2 \frac{1}{9}$
- $3\frac{1}{6}$
- $4\frac{2}{18}$

[문제]

- 2. 1에서 20까지의 자연수가 각각 적힌 20장의 카 드 중에서 한 개의 카드를 꺼내었을 때, 카드에 적 힌 수가 소수 또는 15의 약수일 확률을 구하면?
  - ①  $\frac{1}{5}$
- $2\frac{2}{5}$
- $3\frac{1}{2}$
- $4 \frac{3}{5}$

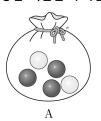
3. 다음 표는 어느 학교 학생 200명의 혈액형을 조사하여 나타낸 것이다. 이 학생들 중에서 한 명을임의로 선택할 때, 그 학생의 혈액형이 A형 또는이형일 확률을 구하면?

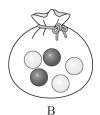
혈액형	A형	B형	0형	AB형
학생 수	49	38	61	52

- ①  $\frac{11}{20}$
- $2 \frac{13}{20}$
- $\frac{17}{20}$

[예제]

**4.** 다음 그림과 같이 주머니 A에는 흰 공 2개, 검은 공 3개가 들어 있고, 주머니 B에는 흰 공 3개, 검 은 공 2개가 들어 있다. 주머니 A와 주머니 B에서 공을 각각 한 개씩 임의로 꺼낼 때, 두 공이 모두 흰 공일 확률을 구하면?





- ①  $\frac{3}{25}$
- ②  $\frac{4}{25}$
- $3 \frac{1}{5}$
- $\frac{6}{25}$

[문제]

- **5.** 상, 중, 하로 답하는 문항 2개가 있다. 이 두 문 항의 답을 임의로 고를 때, 두 문항 모두 틀릴 확률 을 구하면? (단, 모든 문항의 정답은 1개다.)
  - ①  $\frac{1}{9}$
- $3\frac{1}{3}$
- $4\frac{4}{9}$
- ⑤  $\frac{5}{9}$

- [문제]
- **6.** 당첨 제비 2개를 포함하여 모두 10개의 제비가 들어 있는 통이 있다. 이 통에서 A가 먼저 한 개의 제비를 뽑고, B가 두 번째로 한 개의 제비를 뽑을 때, 두 사람 모두 당첨제비를 뽑지 못할 확률을 구 하면? (단, A는 당첨제비를 확인하고 다시 넣지 않 는다.)
- ②  $\frac{49}{100}$

#### 평가문제

## [중단원 학습 점검]

- 7. 숫자 1, 2, 3, 4, 5가 각각 하나씩 적힌 5장의 카드 중에서 두 장을 동시에 뽑아 두 자리의 자연수 를 만들 때, 그 수가 23 이하이거나, 52 이상일 확 률을 구하면?

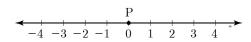
- $\bigcirc \frac{17}{20}$

- [중단원 학습 점검]
- **8.** 상자 속에 빨간 공 3개와 노란 공 4개와 파란 공 2개가 들어있다. 이 상자에서 공 한 개를 임의로 꺼 내 색을 확인하고 상자에 다시 넣은 후 다시 공 한 개를 임의로 꺼낼 때, 두 공의 색이 다를 확률을 구 하면?

- $4) \frac{52}{81}$
- (5)

## [중단원 학습 점검]

9. 다음 그림과 같이 수직선 위의 원점에 점 P가 있 다. 주사위를 한 번 던져 3의 배수의 눈이 나오면 점 P를 오른쪽으로 1칸, 3의 배수가 아닌 눈이 나 오면 점 P를 왼쪽으로 2칸 움직이기로 할 때, 주사 위를 연속하여 세 번 던져 움직인 점 P에 대응하는 수가 0일 확률을 구하면?



## [중단원 학습 점검]

- 10. 서로 다른 두 개의 주사위를 던질 때, 나온 두 눈의 수의 곱이 짝수일 확률을 구하면?

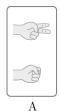
[단원 마무리]

**11.** 다음 표는 50명 학생을 대상으로 좋아하는 과목 을 조사하여 나타낸 것이다. 이 학생들 중에서 한 명을 임의로 선택할 때, 좋아하는 과목이 수학이거 나 국어일 확률을 구하면?

과목	국어	영어	수학	과학	기타
학생수	15	9	7	13	6

[단원 마무리]

12. 두 손을 이용한 가위바위보는 두 손을 동시에 낸 후, 각자 동시에 한 손씩 빼서 남은 손으로 승부를 가린다. 다음 그림과 같이 두 사람 A, B가 가위바 위보를 한 다음, 무심코 하나의 손을 뺄 때, B가 이 길 확률을 구하면?





[단원 마무리]

- **13.** 경훈이가 문제를 맞힐 확률이  $\frac{2}{3}$ 이라고 한다. 경 훈이가 이 문제를 두 번 풀 때, 적어도 한 문제는 맞힐 확률을 구하면?
- $3\frac{7}{9}$
- $4 \frac{8}{9}$

**⑤** 1

[단원 마무리]

- **14.** 이번 주 토요일에 비가 올 확률은  $\frac{1}{5}$ , 일요일에 비가 올 확률은  $\frac{1}{3}$ 이라고 한다. 주말 동안 비가 오 지 않는 날 등산을 가려고 할 때, 이번 주말에 등산 을 가게 될 확률을 구하면?

- $4 \frac{13}{15}$

[단원 마무리]

- **15.** 흰 구슬 2개, 검은 구슬 3개가 들어 있는 상자 A와 흰 구슬 4개, 검은 구슬 2개가 들어 있는 상자 B가 있다. 두 상자에서 각각 구슬을 한 개씩 임의 로 꺼낼 때, 구슬의 색이 서로 다를 확률을 구하면?

- $4\frac{11}{15}$

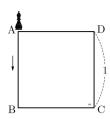
[단원 마무리]

- **16.** 상자 안에 크기와 모양이 같은 빨간 공 4개와 흰 공 6개가 들어있다. A, B 두 사람이 번갈아 가며 공을 하나씩 꺼냈을 때, 빨간 공을 먼저 꺼내는 사 람이 이기는 게임을 하고 있다. 총 5회 동안 공을 꺼내고, 빨간 공이 나오면 더 이상 공을 꺼내지 않 는다. 이때 이 게임에서 B가 이길 확률을 구하면? (단, 꺼낸 공은 다시 넣지 않는다.)
  - ①  $\frac{35}{105}$

- $4 \frac{38}{105}$

[단원 마무리]

**17.** 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD**에서 말이 꼭짓점** A를 출발하여 한 개의 주 사위를 두 번 던져서 나온 눈의 수의 합만큼 변을 따라 화살표 방향으로 움직일 때, 말이 꼭짓점 D에 위치할 확률을 구하면?



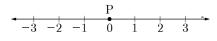
- $\bigcirc \frac{5}{18}$

유사문제

**18.** 다음 표는 어느 학교 학생 200명의 혈액형을 조 사하여 나타낸 것이다. 이 학교 학생 중에서 한 명 을 임의로 선택할 때, 그 학생의 혈액형이 B형 또 는 ()형일 확률은?

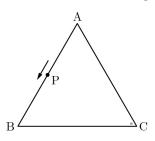
혈액형	A	В	AB	О	합계
학생 수(명)	64	52	28	56	200

- $\bigcirc \frac{39}{50}$
- **19.** 다음 그림과 같이 점 P가 수직선 위의 원점에 놓여 있다. 동전 한 개를 던져 앞면이 나오면 오른 쪽으로 2만큼, 뒷면이 나오면 왼쪽으로 1만큼 점 P 를 움직일 때, 동전을 3번 던져 점 P가 0 또는 1에 위치할 확률은?



- **20.** A, B 두 사람이 가위바위보를 할 때, 첫 번째는 A가 이기고 두 번째는 B가 이길 확률은?

- $\frac{2}{3}$
- **21.** 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정삼각형 ABC에서 점 P는 점 A에서 출발하여 화살표 방향 으로 주사위 한 개를 던져서 나온 눈의 수만큼 삼각 형의 변을 따라 한 칸씩 이동한다. 주사위를 두 번 던졌을 때, 점 P의 위치가 점 C에 놓일 확률은?



- 22. 어느 지역의 일기예보에 따르면 이번 주 토요일 에 비가 올 확률은  $\frac{1}{3}$ , 일요일에 비가 올 확률은  $\frac{1}{4}$ , 월요일에 비가 올 확률은  $\frac{1}{5}$ 이다. 이 3일 동안 중 하루 이상 비가 올 확률은?

## 4

#### 정답 및 해설

## 1) [정답] ②

[해설] 전체 경우의 수는  $6 \times 6 = 36$ 가지 나온 눈의 수의 합이 10인 경우는 (4, 6), (5, 5), (6, 4)으로 3가지

> 그러므로 나온 눈의 수의 합이 10일 확률은  $\frac{3}{36}$ 나온 눈의 수의 합이 12인 경우는 (6, 6)으로 1가지

그러므로 나온 눈의 수의 합이 12일 확률은  $\frac{1}{36}$ 따라서 나온 눈의 수의 합이 10 또는 12일 확률  $\frac{9}{100} = \frac{3}{36} + \frac{1}{36} = \frac{1}{9}$ 

## 2) [정답] ③

[해설] 전체 경우의 수는 20가지

소수는 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19으로 8가지 그러므로 카드에 적힌 수가 소수일 확률은

$$\frac{8}{20} = \frac{2}{5}$$

15의 약수는 1, 3, 5, 15으로 4가지 그러므로 카드에 적힌 수가 15의 약수일 확률은

따라서 카드에 적힌 수가 소수 또는 15의 약수일 확률은  $\frac{2}{5} + \frac{1}{5} - \frac{2}{20} = \frac{1}{2}$ 

#### 3) [정답] ①

[해설] 전체 학생 수는 200명

혈액형이 A형인 학생 수는 49명 그러므로 선택된 학생의 혈액형이 A형일 확률은 49 200

혈액형이 ()형인 학생 수는 61명 그러므로 선택된 학생의 혈액형이 ()형일 확률은

따라서 선택된 학생의 혈액형이 A형 또는 O형일 확률은  $\frac{49}{200} + \frac{61}{200} = \frac{110}{200} = \frac{11}{20}$ 

#### 4) [정답] ④

[해설] 주머니 A에 들어 있는 공의 개수는 5개 주머니 A에 들어 있는 흰 공의 개수는 2개 그러므로 주머니 A에서 흰 공이 나올 확률은  $\frac{2}{5}$ 주머니 B에 들어 있는 공의 개수는 5개 주머니 B에 들어 있는 흰 공의 개수는 3개 그러므로 주머니 B에서 흰 공이 나올 확률은  $\frac{3}{5}$ 따라서 두 공이 모두 흰 공일 확률은

$$\frac{2}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{6}{25}$$

## 5) [정답] ④

[해설] 1개의 문항을 맞힐 확률은  $\frac{1}{3}$ 이므로 1개의 문항을 틀릴 확률은  $1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$ 따라서 두 문항 모두 틀릴 확률은  $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{4}{0}$ 

#### 6) [정답] ③

[해설] A가 당첨제비를 뽑지 못할 확률은  $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$ B가 당첨제비를 뽑지 못할 확률은  $\frac{7}{9}$ 그러므로 두 사람 모두 당첨제비를 뽑지 못할 확 률은  $\frac{4}{5} \times \frac{7}{9} = \frac{28}{45}$ 

#### 7) [정답] ①

[해설] 전체 만들 수 있는 두 자리의 자연수의 개수는 23 이하인 수는 12, 13, 14, 15, 21, 23으로 그러므로 만든 수가 23 이하일 확률은  $\frac{6}{20} = \frac{3}{10}$ 52 이상인 수는 52, 53, 54으로 3가지 그러므로 만든 수가 52 이상일 확률은  $\frac{3}{20}$ 따라서 구하는 확률은  $\frac{3}{10} + \frac{3}{20} = \frac{9}{20}$ 

## 8) [정답] ④

[해설] 두 공이 모두 빨간 공일 확률은  $\frac{3}{9} \times \frac{3}{9} = \frac{9}{81}$ 두 공이 모두 노란 공일 확률은  $\frac{4}{9} \times \frac{4}{9} = \frac{16}{81}$ 두 공이 모두 파란 공일 확률은  $\frac{2}{9} \times \frac{2}{9} = \frac{4}{81}$ 따라서 두 공의 색이 같을 확률은  $\frac{9}{81} + \frac{16}{81} + \frac{4}{81} = \frac{29}{81}$ 그러므로 두 공의 색이 다를 확률은  $1 - \frac{29}{81} = \frac{52}{81}$ 

#### 9) [정답] ②

[해설] 주사위를 세 번 던딜 때 나오는 전체 경우의 수는  $6 \times 6 \times 6 = 216$ 주사위를 세 번 던져서 점 P가 0에 위치하려면 3의 배수가 2번 나오고, 3의 배수가 아닌 수가 1번 나와야 한다. 따라서 점 P가 0에 위치하는 경우의 수는  $3\times(2\times2\times4)=48$ 

그러므로 구하는 확률은  $\frac{48}{216} = \frac{2}{0}$ 

## 10) [정답] ⑤

[해설] 두 눈의 수의 곱이 짝수가 되려면 적어도 하나 의 눈의 수가 짝수가 되어야 한다.

주사위 한 개를 던져 홀수가 나올 확률은  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ 따라서 나온 눈의 수가 모두 홀수일 확률은  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ 

그러므로 적어도 하나의 눈의 수가 짝수일 확률  $\frac{\circ}{1} 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$ 

## 11) [정답] ②

[해설] 전체 학생 수는 50명

좋아하는 과목이 수학인 학생의 수는 7명 따라서 선택된 학생이 수학을 좋아할 확률은  $\frac{7}{50}$ 좋아하는 과목이 국어인 학생의 수는 15명 따라서 선택된 학생이 국어를 좋아할 확률은  $\frac{15}{50}$ 그러므로 구하는 확률은  $\frac{7}{50} + \frac{15}{50} = \frac{22}{50} = \frac{11}{25}$ 

## 12) [정답] ③

[해설] B가 이기는 경우는 A가 바위를 내고, B가 보 를 내는 경우뿐이다.

A가 바위를 낼 확률은  $\frac{1}{2}$ 이고, B가 보를 낼 확 률은  $\frac{1}{2}$ 이므로 B가 이길 확률은  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ 

## 13) [정답] ④

[해설] 경훈이가 문제를 맞힐 확률이  $\frac{2}{3}$ 이므로

문제를 틀릴 확률은  $1 - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$ 이다.

따라서 두 문제를 모두 틀릴 확률은  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$ 그러므로 적어도 한 문제는 맞힐 확률은  $1 - \frac{1}{0} = \frac{8}{0}$ 

#### 14) [정답] ⑤

[해설] 토요일과 일요일 모두 비가 와야 등산을 가지 못하므로 적어도 한 번 비가 오지 않으면 등산을 갈 수 있다.

토요일과 일요일 모두 비가 올 확률은

$$\frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

그러므로 토요일과 일요일 중 적어도 한 번 비가 오지 않을 확률은  $1-\frac{1}{15}=\frac{14}{15}$ 

#### 15) [정답] ①

[해설] 상자 A에서 흰 구슬, 상자 B에서 검은 구슬이

나올 확률은 
$$\frac{2}{5} \times \frac{2}{6} = \frac{4}{30}$$

상자 A에서 검은 구슬, 상자 B에서 흰 구슬이

나올 확률은 
$$\frac{3}{5} \times \frac{4}{6} = \frac{12}{30}$$

그러므로 구하는 확률은  $\frac{4}{30} + \frac{12}{30} = \frac{16}{30} = \frac{8}{15}$ 

## 16) [정답] ④

[해설] 두 번째 판에서 B가 이길 확률은

$$\frac{6}{10} \times \frac{4}{9} = \frac{24}{90} = \frac{4}{15}$$

네 번째 판에서 B가 이길 확률은

$$\frac{6}{10} \times \frac{5}{9} \times \frac{4}{8} \times \frac{4}{7} = \frac{2}{21}$$

그러므로 이 게임에서 B가 이길 확률은

$$\frac{4}{15} + \frac{2}{21} = \frac{28}{105} + \frac{10}{105} = \frac{38}{105}$$

#### 17) [정답] ⑤

[해설] 말이 꼭짓접 D에 위치하려면 주사위를 두 번 던져서 나온 눈의 수의 합이 3 또는 7 또는 11 이어야 한다.

## (i) 합이 3인 경우는

(1, 2), (2, 1)으로 2가지이므로 그 확률은  $\frac{2}{36}$ 

(ii) 합이 7인 경우는

 $(1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1) \bigcirc$ 

로 그 확률은 
$$\frac{6}{36}$$

(iii) 합이 11인 경우는

(5, 6), (6, 5)으로 그 확률은  $\frac{2}{36}$ 

그러므로 구하는 확률은

$$\frac{2}{36} + \frac{6}{36} + \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

## 18) [정답] ③

[해설] 혈액형이 B형일 확률은  $\frac{52}{200}$ 

혈액형이 O형일 확률은  $\frac{56}{200}$ 

따라서 혈액형이 B형이거나 또는 O형일 확률은  $\frac{52}{200} + \frac{56}{200} = \frac{27}{50}$ 

## 19) [정답] ②

[해설] (i) 점 P가 0에 위치하려면 앞면이 1번, 뒷면 이 2번 나와야 하므로 확률은

$$3 \times \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\right) = \frac{3}{8}$$

(ii) 점 P가 1에 위치하는 경우는 없으므로 확률 은 0

(i) 또는 (ii)에서 
$$\frac{3}{8} + 0 = \frac{3}{8}$$

20) [정답] ①

[해설] A,B가 이길 확률은  $\frac{1}{3}$ 로 같다.

$$\therefore \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

21) [정답] ④

[해설] 모든 경우의 수는  $6 \times 6 = 36$ 

점 P의 위치가 점 C에 놓이려면 두 눈의 수의 합이 2 또는 5 또는 8 또는 11이어야 한다.

각 경우를 순서쌍으로 나타내면

(1,1),(1,4),(2,3),(3,2),(4,1),

(2,6),(3,5),(4,4),(5,3),(6,2),

(5,6),(6,5)로 12가지이다.

따라서 점 P가 점 C에 놓일 확률은  $\frac{12}{36} = \frac{1}{3}$ 이 다.

22) [정답] ③

[해설] 3일 동안 모두 비가 오지 않을 확률은

$$(1-\frac{1}{3})\times (1-\frac{1}{4})\times (1-\frac{1}{5})=\frac{2}{3}\times \frac{3}{4}\times \frac{4}{5}=\frac{2}{5}$$

따라서 3일 중 적어도 하루 비가 올 확률은

$$1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$