# 계산력 연습

## [영역] 2.문자와 식



중 2 과정

#### 2-5-1.부등식의 뜻과 성립하는 해 구하기





- ◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시
- 1) 제작연월일 : 2016-02-16
- 2) 제작자 : 교육지대㈜
- 3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

## 계산시 참고사항

#### 1. 부등식

(1) 부등식: 부등호를 사용하여 두 수 또는 두 식의 대소관계를 나타낸 식

a > b	$a \ge b$	a < b	$a \le b$
· a는 b보다 크다.	$\cdot$ $a$ 는 $b$ 보다 <u>크거나 같다.</u>	· <i>a</i> 는 <i>b</i> 보다 작다.	$\cdot$ $a$ 는 $b$ 보다 <u>작거나 같다.</u>
· <i>a</i> 는 <i>b</i> 초과이다.	· a는 b 이상이다.	· a는 b 미만이다.	· a는 b 이하이다.
	· a는 b보다 <u>작지 않다.</u>		· a는 b보다 <u>크지 않다.</u>

- (2) 부등식의 해: 부등식을 참이 되게 하는 미지수의 값
- (3) 부등식을 푼다: 부등식의 모든 해를 구한다.

## 부등식의 해

● 부등식의 해는 미지수가 한 개인 일 차방정식과 같이 하나만 있는 것이 아 니라 하나 이상일 수 있다.



## ☑ 다음을 부등식으로 나타내어라.

- 1. x는 4보다 작거나 같다.
- 2. x는 5보다 크다.
- 3. x는 3보다 작거나 같다.
- 4. x는 4 미만이다.
- 5. x는 10보다 크지 않다.
- 6. x는 1보다 작지 않다.
- 7. a는 2보다 크다.

- 8. x는 4 이하이다.
- 9. 어떤 수 x의 2배에서 3을 뺀 값은 8보다 작다.
- 10. x의 2배에서 5를 뺀 수는 10보다 크지 않다.
- 11. x에서 4를 뺀 수는 6보다 작거나 같다.
- 12. a의 3배는 9초과이다.
- 13. x의 4배에 5를 더한 수는 x의 3배보다 크지 않다.
- 14. x의 2배에서 1을 뺀 값은 5보다 작다.
- 15. 어떤 수 x의 3배에서 1을 뺀 수는 어떤 수 x의 2배 미만 이다.



- 16. x를 3배 한 후 5를 더한 것은 -2보다 크거나 같다.
- 17. 시속 3 km 로 x시간 동안 달리면 20 km 이상 갈 수 있다.
- 18. 한 자루에 x원인 볼펜 6자루의 가격은 7000원 이하이다.
- 19. 5명이 x원씩 내면 15000원을 넘지 않는다.
- 20. 어떤 수 x의 3배에서 5를 뺀 값은 6 이하이다.
- 21. 한 개에 600원인 아이스크림 x개의 값은 7000원보다 싸다.
- 22. 무게가 2kg인 상자에 3kg짜리 물건 x개 넣으면 전체 무게 는 25kg 이상이다.
- 23. 400원짜리 사탕 x개와 900원짜리 과자 2개의 값은 5000 원 이상이다.
- 24. 육교 아래로 지나갈 수 있는 화물차의 높이 hm는 4.5m보다 낮다.
- 25. 시속 60km인 자동차로 xkm를 달렸을 때의 소요시간이 2 시간 이상이다.
- 26. 무게가 10kg인 쌀자루에서 매일 1.5kg의 쌀을 a일 동안 덜어 냈을 때, 남은 쌀의 무게는 4kg이하이다.
- 27. 무게가 100g인 바구니에서 한 개에 30g인 귤 y개를 담았더니 전체 600g을 초과하였다.
- 28. 시속  $80 \,\mathrm{km}$  로 x시간 동안 달린 거리는  $560 \,\mathrm{km}$ 이하이다.

- 29. 2000원짜리 공책 한 권의 가격은 300원짜리 볼펜 x자루를 사는 가격보다도 더 비싸다.
- 30. 무게가 0.5 kg인 수례에 무게가 2 kg인 물건 x개를 넣었을 때, 전체 무게가 7 kg 미만이다.
- 31. 한 개에 3000원 하는 파인애플 3개와 두 개에 x원인 참외 5개의 총 가격은 15000원을 넘지 않는다.
- x km를 시속 120 km로 달렸을 때 걸린 시간은 4시간 이하이다.
- xm를 분속 60m로 달렸을 때 걸린 시간은 15분 이상이다.
- 34. 분속  $90 \,\mathrm{m}$ 로 x분 동안 달린 거리는  $800 \,\mathrm{m}$  초과이다.
- 35. 시속 x km 로 4시간 동안 달린 거리는 500 km 미만이다.
- x g의 소금이 들어 있는 소금물 400 g의 농도는 9% 미만이다.
- 37. 6%의 소금물  $300\,\mathrm{g}$ 에 물  $x\,\mathrm{g}$ 을 더 넣었을 때의 소금물의 농도는 4% 초과이다.
- 38. 농도가 6%인 소금물 xg에 들어 있는 소금의 양은 15g보다 많다.
- $39. extit{ } xg$ 의 소금이 들어 있는 소금물  $250\,\mathrm{g}$ 의 농도는 20% 이상 이다.
- 40. 14%의 소금물  $200\,\mathrm{g}$ 에 물  $x\,\mathrm{g}$ 을 더 넣었을 때의 소금물의 농도는 10% 이하이다.

# ☑ 다음 중 부등식인 것에는 ○표, 아닌 것에는 ×표를 하여 라.

41. 2x+1=9

( )

42. 5x+3 < 4

( )

43.  $2x-4 \ge 1$ 

( )

44. -x+5>2

( )

45. 3x + 5y = 1

)

46.  $10-4 \ge 3$ 

( )

47. x + 4x = 5x

( )

48.  $x^2 - 1 < x$ 

( )

49.  $3x \le 0$ 

( )

50. 7 < 12

( )

51. 3x+1=5

( )

52. 2x+3=-x

( )

53.  $5-x \le 4$ 

( )

54. 5x + 3 = 7x

( )

# **%** 부등식의 해 구하기

## ☑ 다음 부등식에서 [ ]안의 수가 해이면 ○표, 아니면 ×표 를 하여라.

55.  $2x+3 \ge 9$  [3]

( )

56. x+3 < 2x+1 [0]

( )

57. x-1>2 [4]

)

58.  $2x-1 \ge 1$  [0]

)

59.  $-2x+3 \le 4 \ [-1]$ 

)

60.  $x + x \le 3x$  [3]

( )

- 61. 4x-2>-6+x [-1]
- )

62. 2x+1>3 [2]

( )

63.  $x \le -2x+3 \quad [-3]$ 

( )

64. 5x+2 > 2x+7 [1]

( )

65.  $x+4 \ge 2x$  [2]

)

66. -3x < x - 1 [-1]

( )

- 67.  $\frac{x-1}{3} \frac{x}{6} < -1$  [1]
- ( )

## $\blacksquare$ 다음 부등식에 x=3을 대입하여 참인 것에는 $\bigcirc$ 표를, 거 짓인 것에는 ×표를 하여라.

68. x < 0

( )

69.  $5-x \le 3$ 

)

70. 2x-7 > -1

( )

71. 3x+1 > 2x+5

( )

72. -2x+4 < -x+2

)

# $oldsymbol{\square}$ 다음 부등식에 x=-1을 대입하여 참인 것에는 $\bigcirc$ 표를, 거짓인 것에는 ×표를 하여라.

73. x+4 > 2

( )

74.  $-x+2 \le 1$ 

( )

75. 5-2x < 7

)

76. 2x+3>0

( )

77.  $-5x \le 0$ 

)

78.  $4-x \le 2+3x$ 

)

79.  $x \ge 3x + 4$ 

( )

80. 2(x-1) < -x-3

(

## ☑ x의 값이 $-1, \ 0, \ 1, 2, \ 3$ 일 때 다음 부등식을 풀어라.

- 81. x > 1
- 82. x < 2
- 83.  $2x-1 \le 1$
- 84. 3x-4 < 2
- 85.  $5x+7 \ge -3$
- 86. 2x+4>6
- 87.  $x-5 \le 3x-7$

## ☑ x가 -1, 0, 1, 2, 3일 때, 다음 부등식의 해를 구하여라.

- 88. 2x+3 > 5
- 89. x+3 < -2x+2
- 90.  $3x-1 \ge 3$
- 91.  $1-2x \le x-3$
- 92.  $\frac{1}{2}x 2 \ge x 3$
- 93.  $-2x+1 \le -1$

## $\blacksquare$ x의 값이 -1,0,1,2일 때, 다음 부등식의 해를 구하여라.

- 94. 2x-1 < 2
- 95. 4-x > 3
- 96.  $-2x-2 \le 0$
- 97.  $-4+x \ge -2$
- 98.  $3x+1 \ge 4$
- 99. 8-x > 7

## 

- $100 \cdot x + 1 < 3$
- 101: 3x + 5 > 2
- $102 \cdot 4x 5 \le 1$
- $103: 2x+1 \ge 3$
- $104, \ \frac{1}{2} \frac{2}{3}x \ge \frac{5}{2}$
- $105 \cdot 2(x-3) < -6$



# 정답 및 해설

- 1)  $x \le 4$
- 2) x > 5
- 3)  $x \le 3$
- 4) x < 4
- 5)  $x \le 10$
- 6)  $x \ge 1$
- 7) a > 2
- 8)  $x \le 4$
- 9) 2x-3 < 8
- 10)  $2x-5 \le 10$
- 11)  $x-4 \le 6$
- 12) 3a > 9
- 13)  $4x + 5 \le 3x$
- 14) 2x-1 < 5
- 15) 3x-1 < 2x
- 16)  $3x+5 \ge -2$
- 17)  $3x \ge 20$
- 18)  $6x \le 7000$
- 19)  $5x \le 15000$
- 20)  $3x 5 \le 6$
- 21) 600x < 7000
- 22)  $2+3x \ge 25$
- 23)  $400x + 1800 \ge 5000$
- 24) h < 4.5
- 25)  $\frac{x}{60} \ge 2$
- 26)  $10-1.5a \le 4$
- 27) 30y + 100 > 600

- 28)  $80x \le 560$
- 29) 2000 > 300x
- 30) 2x + 0.5 < 7
- 31)  $9000 + \frac{5}{2}x \le 15000$
- $\Rightarrow$  두 개에 x원인 참외의 한 개 가격은  $\frac{x}{2}$ 원이다. 따라서 구하는 식은 다음과 같다.

$$3000 \times 3 + \frac{x}{2} \times 5 \le 15000$$

$$9000 + \frac{5}{2}x \le 15000$$

- 32)  $\frac{x}{120} \le 4$
- 33)  $\frac{x}{60} \ge 15$
- 34) 90x > 800
- 35) 4x < 500
- 36)  $\frac{x}{4} < 9$
- $\Rightarrow \frac{x}{400} \times 100 < 9$
- 37)  $\frac{18}{300+x} \times 100 > 4$
- $\Rightarrow$  소금의 양은  $\frac{6}{100} \times 300 = 18(\mathrm{g})$ 이고, 물을  $x\mathrm{g}$ 만큼 더 넣었으므로  $\frac{18}{300+x} \times 100 > 4$
- 38)  $\frac{6}{100}x > 15$
- 39)  $\frac{2}{5}x \ge 20$
- $\Rightarrow \frac{x}{250} \times 100 \ge 20$
- 40)  $\frac{28}{200+x} \times 100 \le 10$
- $\Rightarrow$  소금의 양은  $\frac{14}{100} \times 200 = 28(\mathrm{g})$ 이고, 물을  $x\mathrm{g}$ 만큼 더 넣 었으므로  $\frac{28}{200+x} \times 100 \le 10$
- 41) ×
- 42) 🔾
- 43) 🔾

- 44) 🔾
- 45) ×
- 46) 🔾
- 47) ×
- 48) 🔾
- 49) ()
- 50) 🔿
- 51) ×
- 52) ×
- 53) 🔾
- 54) ×
- 55) 🔾
- 56) ×
- 57) 🔾
- 58) ×
- 59) ×
- 60) 🔾
- 61) 🔾
- 62) 🔾
- 63) 🔾
- 64) ×
- 65) 🔾
- 66) ×
- 67) ×
- 68) ×
- 69) 🔾
- 70) ×
- 71) ×
- ☆ x=3을 대입하면
  (좌변)=3×3+1=10, (우변)=2×3+5=11
  (좌변)<(우변)이므로 거짓인 부등식이다.</li>

- 72) 🔾
- ☆ x=3을 대입하면
  (좌변)=(-2)×3+4=-2, (우변)=-3+2=-1
  (좌변)<(우변)이므로 참인 부등식이다.</li>
- 73) 🔾
- 74) ×
- 75) ×
- 76) 🔾
- 77) ×
- 78) ×
- 79) ×
- 80) 🔾
- 81) 2, 3
- 82) -1, 0, 1, 2
- 83) -1, 0, 1
- 84) -1, 0, 1
- $\Rightarrow$  3x-4<2가 성립하는 해를 찾으면 x=1일 때  $3\times(-1)-4=-7<2$  (참) x=0일 때  $3\times0-4=-4<2$  (참) x=1일 때  $3\times1-4=-1<2$  (참)
- 85) -1, 0, 1, 2, 3
- $\Rightarrow$   $5x+7 \ge -3$ 가 성립하는 해를 찾으면 x=-1일 때  $5 \times (-1)+7=2 \ge -3$  (참) x=0일 때  $5 \times 0+7=7 \ge -3$  (참) x=1일 때  $5 \times 1+7=12 \ge -3$  (참) x=2일 때  $5 \times 2+7=17 \ge -3$  (참) x=3일 때  $5 \times 3+7=22 \ge -3$  (참)
- 86) 2, 3
- 87) 1, 2, 3
- $\Rightarrow$  x = 1일 때  $1 5 \le 3 \times 1 7$ ,  $-4 \le -4$  (참) x = 2일 때  $2 - 5 \le 3 \times 2 - 7$ ,  $-3 \le -1$  (참) x = 3일 때  $3 - 5 \le 3 \times 3 - 7$ ,  $-2 \le 2$ (참)
- 88) 2, 3
- 89) -1
- 90) 2, 3
- 91) 2, 3
- 92) -1, 0, 1, 2

- 93) 1, 2, 3
- 94) -1,0,1
- $\Rightarrow$  x = -1 일 때,  $2 \times (-1) 1 = -3 < 2(참)$ 
  - x=0 일 때,  $2\times 0-1=-1<2$ (참)
  - x=1 일 때,  $2\times 1-1=1<2$ (참)
  - x=2 일 때,  $2\times 2-1=3<2( 거짓)$

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 -1.0.1이다.

- 95) -1,0
- $\Rightarrow x = -1$  일 때, 4 (-1) = 5 > 3(참)
  - x=0 일 때, 4-0=4>3(참)
  - x=1 일 때, 4-1=3>3(거짓)
  - x=2 일 때, 4-2=2>3(거짓)

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 -1,0이다.

- 96) -1,0,1,2
- $\Rightarrow x = -1$  일 때,  $-2 \times (-1) 2 = 0 \le 0$ (참)
  - x=0 일 때,  $-2\times 0-2=-2\leq 0$ (참)
  - x=1 일 때,  $-2\times 1-2=-4\leq 0$ (참)
  - x=2 일 때,  $-2\times 2-2=-6 \le 0$ (참)

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 -1,0,1,2이다.

97) 2

- $\Rightarrow x = -1$  일 때,  $-4 \times (-1) = -5 \ge -2$ (거짓)
  - x=0 일 때,  $-4+0=-4 \ge -2$ (거짓)
  - x=1 일 때,  $-4+1=-3 \ge -2$ (거짓)
  - x=2 일 때.  $-4+2=-2 \ge -2$ (참)

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 2이다.

- 98) 1,2
- $\Rightarrow$  x=-1 일 때,  $3 \times (-1)+1=-2 \ge 4$ (거짓)
  - x=0 일 때,  $3\times 0+1=1\geq 4($ 거짓)
  - x=1 일 때,  $3\times 1+1=4\geq 4(참)$
  - x=2 일 때,  $3\times 2+1=7\geq 4(참)$

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 1,2이다.

- 99) -1,0
- $\Rightarrow x = -1$  일 때, 8 (-1) = 9 > 7(참)
  - x=0 일 때, 8-0=8>7(참)
  - x=1 일 때, 8-1=7>7(거짓)
  - x=2 일 때, 8-2=6>7(거짓)

따라서 주어진 부등식을 참이 되게 하는 x의 값은 -1,0이다.

100) -2, -1, 0, 1

- 101) 0, 1, 2
- 102) -2, -1, 0, 1
- 103) 1, 2
- 104) 해가 없다.
- 105) -2, -1