# 계산력 연습

## [영역] 2.문자와 식



중 2 과정

## 2-5-2.부등식의 기본성질





◇「콘텐츠산업 진흥법 시행령」제33조에 의한 표시

1) 제작연월일 : 2016-02-16

2) 제작자 : 교육지대㈜

3) 이 콘텐츠는 「콘텐츠산업 진흥법」에 따라 최초 제작일부터 5년간 보호됩니다.

◇「콘텐츠산업 진흥법」외에도「저작권법」에 의하여 보호되는 콘텐츠의 경우, 그 콘텐츠의 전부 또는 일부를 무단으로 복제하거나 전송하는 것은 콘텐츠산업 진흥법 외에도 저작권법에 의한 법적 책임을 질 수 있습니다.

## 계산시 참고사항

### 1. 부등식의 성질

(1) 부등식의 양변에 <u>같은 수를 더하거나 빼어</u>도 부등호의 방향은 <u>바뀌지 않는다.</u>

 $\Rightarrow$  a > b 0 |  $\neq$  a+c > b+c, a-c > b-c

(2) 부등식의 양변에 같은 양수를 곱하거나 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

 $\Rightarrow$  a > b, c > 0이면 ac > bc,  $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$ 

(3) 부등식의 양변에 같은 음수를 곱하거나 나누면 부등호의 방향은 <u>바뀐다.</u>

 $\Rightarrow$  a > b, c < 0이면 ac < bc,  $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ 

#### 2. 식의 값의 범위 구하기

a < x < b일 때, cx + d의 값의 범위를 구하려면

- (1) 부등식 a < x < b의 각 변에 구하는 식의 x의 계수 c를 곱한다. 이때 c의 부호에 유의하여 부등호의 방향을 결정한다.
- (2) (1)의 계산을 마친 부등식의 각 변에 상수항 d를 더한다.

## 부등식의 성질에서

 $\odot \ a \leq b$ 와 같이 <를  $\leq$ 로 바꾸어도 부 등식의 기본 성질은 성립한다.

## **多** ##

#### 부등식의 성질

 $\square$  a > b일 때, 다음  $\square$ 안에 알맞은 부등호를 써넣어라.

1.  $a+1 \square b+1$ 

a+2 b+2

3.  $a-5 \square b-5$ 

4.  $a+6 \Box b+6$ 

5.  $-4a \boxed{-4b}$ 

6.  $2a \boxed{2b}$ 

7.  $-3a \boxed{-3b}$ 

8.  $a - \frac{1}{3} \square b - \frac{1}{3}$ 

9.  $2a-1 \square 2b-1$ 

10.  $2a-3 \square 2b-3$ 

11. -3a+1 -3b+1

12. -a+4 -b+4

13. -a-(-3) -b-(-3)

14. 
$$\frac{1}{3}a \square \frac{1}{3}b$$

- 15.  $2 \frac{a}{3} \square 2 \frac{b}{3}$
- 16.  $-\frac{1}{2}a \Box -\frac{1}{2}b$
- $17. \quad \frac{a}{4} + 1 \left[ \frac{b}{4} + 1 \right]$
- 18.  $-\frac{a}{5} + 4 \boxed{-\frac{b}{5}} + 4$
- 19. 3-5a 3-5b
- 20.  $2 + \frac{4}{3}a \square 2 + \frac{4}{3}b$
- 21.  $5 \frac{1}{2}a \square 5 \frac{1}{2}b$

## $\blacksquare$ a < b일 때, 다음 $\square$ 안에 알맞은 부등호를 써넣어라.

- 22.  $a+3 \Box b+3$
- 23.  $a+4 \square b+4$
- 24.  $a-9 \square b-9$
- 25.  $a-(-3) \square b-(-3)$

- 26. 2*a* 2*b*
- 27. 12a 12b
- 28.  $\frac{1}{3}a 3 \square \frac{1}{3}b 3$
- 29. -3a+1 -3b+1
- 30.  $a \div (-2)$   $b \div (-2)$
- 31.  $-8a \square -8b$
- 32.  $\frac{a}{7} \square \frac{b}{7}$
- 33.  $\frac{3}{2}a+1 \square \frac{3}{2}b+1$
- 34.  $-4a-5 \bigcirc -4b-5$
- 35.  $-3a+4 \square -3b+4$
- 36.  $\frac{a}{3} 2 \boxed{\frac{b}{3}} 2$
- 37.  $8 \frac{3}{4}a \square 8 \frac{3}{4}b$
- 38.  $\frac{1-3a}{5} \square \frac{1-3b}{5}$

## ☑ 다음 ◯ 안에 알맞은 부등호를 써넣어라.

39. 
$$3a \ge 3b \Rightarrow a \square b$$

40. 
$$-a < -b \Rightarrow a \square b$$

41. 
$$a-10 > b-10 \Rightarrow a \square b$$

42. 
$$\frac{3-a}{2} < \frac{3-b}{2} \implies a \square b$$

43. 
$$2a+1 \le 2b+1 \Rightarrow a \square b$$

44. 
$$\frac{3}{5}a-4 \ge \frac{3}{5}b-4 \Rightarrow a \square b$$

45. 
$$-a+3 \le -b+3 \Rightarrow a \square b$$

46. 
$$\frac{a}{5} - 2 \ge \frac{b}{5} - 2 \Rightarrow a \square b$$

47. 
$$-\frac{a}{4}+1 \ge -\frac{b}{4}+1 \Rightarrow a \square b$$

48. 
$$5-a < 5-b \Rightarrow a \square b$$

49. 
$$3-a < 3-b \Rightarrow a \square b$$

50. 
$$\frac{3}{2}a - 1 < \frac{3}{2}b - 1 \implies a \square b$$

51. 
$$-4(a-1) < -4(b-1) \implies a b$$

52. 
$$12 - \frac{a}{2} \le 12 - \frac{b}{2} \Rightarrow a \square b$$

53. 
$$6a < 6b \implies a \square b$$

54. 
$$4-a > 4-b \implies a \square b$$

55. 
$$a-2 > b-2 \Rightarrow a \square b$$

56. 
$$5x-1 > 5y-1 \implies x \square y$$

57. 
$$-6a-1 > -6b-1 \Rightarrow a \square b$$

58. 
$$\frac{2}{3}x - 8 > \frac{2}{3}y - 8 \implies x \square y$$

59. 
$$3a+4 > 3b+4 \implies -a - b$$

61. 
$$a-5 < b-5 \implies \frac{a}{2} + 1 \square \frac{b}{2} + 1$$

62. 
$$-\frac{a}{2}-2 < -\frac{b}{2}-2 \implies 3a-1 \boxed{3b-1}$$

63. 
$$\frac{a}{6} - 1 < \frac{b}{6} - 1 \implies 6a + 1 \boxed{6b + 1}$$

64. 
$$-3-2a < -3-2b \implies 2a+1 \boxed{2b+1}$$

## 식의 값의 범위

## $\square$ x>2일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 65. 2*x*
- 66. 2x+3
- 67. -3x
- 68. -x+5

### $ightharpoonup -2 \le x < 1$ 일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 69. x-2
- 70. 2*x*
- 71. 3x-1
- 72. -x
- 73. -2x+3
- 74. -5+7x
- 75. 5-x
- 76. 4-2x
- 77. -3x-2

### $\square$ $-1 < x \le 4$ 일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 78. x+3
- 79. 2*x*
- 80.  $\frac{x}{4}$
- 81. 3x-4
- 82. -x+2
- 83. 5-2x

## $ightharpoons -1 \le x < 1$ 일 때, 다음 식의 값의 범위에 속하는 정수의 개수를 구하여라.

- 84. 2x-3
- 85. 3x-1
- 86. -2x+3
- 87. 5x+2
- 88. -x-4

[영역] 2.문자와 식 2-5-2.부등식의 기본성질

#### $\square$ $-3 < a \le 2$ 일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 89. 3*a*
- 90. 5a+1
- 91. -2a+5

#### $\square$ $-1 \le a < 3$ 일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 92. 3a+4
- 93. -a+2
- 94. 5-2a

#### ☑ 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

- 95. -1 < x < 3일 때, -2x+2의 값의 범위
- 96.  $-2 < x \le 3$ 일 때, 1-3x의 값의 범위
- 97.  $1 < x \le 6$ 일 때, 5-2x의 값의 범위
- $98. -4 \le x < 2$ 일 때, 3-4x의 값의 범위
- 99.  $-2 \le a < 3$ 일 때, -2a + 3의 값의 범위
- $100 3 < x \le 1$ 일 때, -5x + 4의 범위



## 정답 및 해설

- 1) >
- 2) >
- 3) >
- 4) >
- 5) <
- 6) >
- 7) <
- 8) >
- 9) >
- 10) >
- $\Rightarrow a > b$ 이면 2a > 2b  $\therefore 2a 3 > 2b 3$
- 11) <
- $\Rightarrow a > b$ 이면 -3a < -3b  $\therefore -3a + 1 < -3b + 1$
- 12) <
- 13) <
- 14) >
- 15) <
- 16) <
- 17)
- $\Rightarrow a > b$ 이면  $\frac{a}{4} > \frac{b}{4}$   $\therefore \frac{a}{4} + 1 > \frac{b}{4} + 1$
- 18) <
- 다 a > b이면  $-\frac{a}{5} < -\frac{b}{5}$   $\therefore -\frac{a}{5} + 4 < -\frac{b}{5} + 4$
- 19) <
- 20) >
- 21) <
- 22) <
- 23) <
- 24) <

- 25) <
- 26) <
- 27) <
- 28) <
- 29) >
- 30) >
- 31) >
- 32) <
- 33) <
- 34) >
- 35) >
- 36) <
- 37) >
- $\Rightarrow$  a < b의 양변에  $-\frac{3}{4}$ 을 곱하면  $-\frac{3}{4}a > -\frac{3}{4}b$  양변에 8을 더하면  $8-\frac{3}{4}a > 8-\frac{3}{4}b$
- 38) >
- $\Rightarrow a < b$ 의 양변에  $-\frac{3}{5}$ 을 곱하면  $-\frac{3}{5}a > -\frac{3}{5}b$  양변에  $\frac{1}{5}$ 을 더하면  $\frac{1-3a}{5} > \frac{1-3b}{5}$
- 39) ≥
- 40) >
- 41) >
- 42) >
- 43) <
- $\Rightarrow 2a+1 \le 2b+1$ 이면  $2a \le 2b$   $\therefore a \le b$
- $44) \ge$
- 45) ≥
- 46) >
- $\Rightarrow \ \frac{a}{5} 2 \geq \frac{b}{5} 20 | 면 \ \frac{a}{5} \geq \frac{b}{5} \quad \therefore a \geq b$
- 17) <
- 다  $-\frac{a}{4}+1 \ge -\frac{b}{4}+1$ 이면  $-\frac{a}{4} \ge -\frac{b}{4}$   $\therefore a \le b$

[영역] 2.문자와 식 2-5-2.부등식의 기본성질

- 48) >
- $\Rightarrow 5-a < 5-b$ 이면 -a < -b  $\therefore a > b$
- 49) >
- 50) <
- 51) >
- 52) ≥
- 다  $12 \frac{a}{2} \le 12 \frac{b}{2}$ 이면  $-\frac{a}{2} \le -\frac{b}{2}$   $\therefore a \ge b$
- 53) <
- 54) <
- 55) >
- 56) >
- 57) <
- 58) >
- 59) <
- 60) <
- 61) <
- 62) >
- 63) <
- 64) >
- 65) 2x > 4
- 66) 2x+3 > 7
- 67) -3x < -6
- $\Rightarrow x \times (-3) < 2 \times (-3)$   $\therefore -3x < -6$
- 68) -x+5 < 3
- $\Rightarrow x \times (-1) < 2 \times (-1), -x+5 < -2+5$  $\therefore -x+5 < 3$
- 69)  $-4 \le x-2 < -1$
- 70)  $-4 \le 2x < 2$
- 71)  $-7 \le 3x 1 < 2$
- $\Rightarrow -6 \le 3x < 3 : -7 \le 3x 1 < 2$
- 72)  $-1 < -x \le 2$
- 73)  $1 < -2x + 3 \le 7$

- $\Rightarrow -2 < -2x \le 4 :: 1 < -2x + 3 \le 7$
- 74)  $-19 \le -5 + 7x < 2$
- $\Rightarrow -14 \le 7x < 7 : -19 \le -5 + 7x < 2$
- 75)  $4 < 5 x \le 7$
- $\Rightarrow$   $-1 < -x \le 2$   $\therefore 4 < 5 x \le 7$
- 76)  $2 < 4 2x \le 8$
- $\Rightarrow -2 < -2x \le 4 : 2 < 4 2x \le 8$
- 77)  $-5 < -3x 2 \le 4$
- $\Rightarrow$  -3 < -3x \le 6 : -5 < -3x 2 \le 4
- 78)  $2 < x + 3 \le 7$
- 79)  $-2 < 2x \le 8$
- 80)  $-\frac{1}{4} < \frac{x}{4} \le 1$
- 81)  $-7 < 3x 4 \le 8$
- $\Rightarrow$   $-3 < 3x \le 12$   $\therefore$   $-7 < 3x 4 \le 8$
- 82)  $-2 \le -x+2 < 3$
- $\Rightarrow$   $-4 \le -x < 1$   $\therefore$   $-2 \le -x + 2 < 3$
- 83)  $-3 \le 5 2x < 7$
- $\Rightarrow$   $-8 \le -2x < 2$   $\therefore$   $-3 \le 5 2x < 7$
- 84) 4개
- $\Rightarrow$   $-1 \le x < 1 \Rightarrow -2 \le 2x < 2 \Rightarrow -5 \le 2x 3 < -1$ 이다. 따라서 구하는 정수는 -5, -4, -3, -2의 4개이다.
- 85) 6개

따라서 구하는 정수는 -4, -3, -2, -1, 0, 1 의 6개이다.

- 86) 4개
- □ -1 ≤ x < 1에서</li>
  -2 <-2x ≤ 2 ∴1 <-2x+3 ≤ 5</li>
  따라서 구하는 정수는 2,3,4,5의 4개이다.
- 87) 10개
- □ -1 ≤ x < 1에서</li>
  -5 ≤ 5x < 5 ∴ -3 ≤ 5x + 2 < 7</li>
  따라서 구하는 정수는 -3, -2, ··· , 6 의 10개이다.
- 88) 2개
- □ -1 ≤ x < 1에서</li>
  -1 <-x ≤ 1</li>
  □ -5 <-x 4 ≤ -3</li>
  따라서 구하는 정수는 -4, -3 의 2개이다.
- 89)  $-9 < 3a \le 6$
- $\Rightarrow -3 \times 3 < a \times 3 \le 2 \times 3 \qquad \therefore -9 < 3a \le 6$

[영역] 2.문자와 식 2-5-2.부등식의 기본성질

- 90)  $-14 < 5a + 1 \le 11$
- $\begin{array}{l} \Rightarrow \ -3 \times 5 < a \times 5 \leq 2 \times 5, \ -15 + 1 < 5a + 1 \leq 10 + 1 \\ \therefore -14 < 5a + 1 \leq 11 \end{array}$
- 91)  $1 \le -2a+5 < 11$
- $\Rightarrow -3 \times (-2) > a \times (-2) \ge 2 \times (-2)$   $-4+5 \le -2a+5 < 6+5$   $\therefore 1 \le -2a+5 < 11$
- 92)  $1 \le 3a+4 < 13$
- 93)  $-1 < -a + 2 \le 3$
- $\Rightarrow -1 \times (-1) \ge a \times (-1) > 3 \times (-1)$   $-3 + 2 < -a + 2 \le 1 + 2$   $\therefore -1 < -a + 2 \le 3$
- 94)  $-1 < 5 2a \le 7$
- 95) -4 < -2x + 2 < 4
- $\Rightarrow -1 < x < 3 \Rightarrow -6 < -2x < 2 \Rightarrow -4 < -2x + 2 < 4$
- 96)  $-8 \le 1 3x < 7$
- $\Rightarrow -2 < x \le 3 \Rightarrow -9 \le -3x < 6 \Rightarrow -8 \le 1 3x < 7$
- 97)  $-7 \le 5 2x < 3$
- $\Rightarrow$   $1 < x \le 6 \Rightarrow -12 \le -2x < -2 \Rightarrow -7 \le 5 2x < 3$
- 98)  $-5 < 3 4x \le 19$
- $\Rightarrow -4 \le x < 2 \Rightarrow -8 < -4x \le 16 \Rightarrow -5 < 3 4x \le 19$
- 99)  $-3 < -2a + 3 \le 7$
- $\Rightarrow$   $-2 \le a < 3 \Rightarrow -6 < -2a \le 4 \Rightarrow -3 < -2a + 3 \le 7$
- 100)  $-1 \le -5x + 4 < 19$
- $\Rightarrow -3 < x \leq 1 \quad \Rightarrow \quad -5 \leq -5x < 15 \Rightarrow \quad -1 \leq -5x + 4 < 19$