

# Aéronautique

L'enseignement des mathématiques dans les sections de techniciens supérieurs Aéronautique se réfère aux dispositions figurant aux annexes I et II du présent arrêté.

Ces dispositions sont précisées pour ce BTS de la façon suivante :

## 1. Lignes directrices

### *Objectifs spécifiques à la section*

*L'étude de phénomènes continus* issus des sciences physiques et de la technologie est essentielle dans la formation des techniciens supérieurs en aéronautique. Ils sont décrits mathématiquement par des fonctions obtenues le plus souvent comme solutions d'équations différentielles.

*Une vision géométrique* des problèmes doit imprégner l'ensemble de l'enseignement car les méthodes de la géométrie jouent un rôle capital en analyse et dans leurs domaines d'intervention : apports du langage géométrique et des modes de représentation.

*La connaissance de quelques méthodes statistiques*, notamment pour les essais et contrôles, est indispensable dans cette formation.

### *Organisation des contenus*

C'est en fonction de ces objectifs que l'enseignement des mathématiques est conçu ; il peut s'organiser autour de *quatre pôles* :

- une étude des *fonctions usuelles* (exponentielles, puissances et logarithme) et la résolution d'*équations différentielles* dont on a voulu marquer l'importance, en relation avec les problèmes d'évolution ;
- la résolution de *problèmes géométriques* rencontrés dans le domaine technologique, y compris en conception assistée par ordinateur, permettant de développer la vision dans l'espace et la maîtrise des solides usuels ;
- une initiation au *calcul des probabilités*, suivie de notions de *statistique inférentielle* débouchant sur la construction des tests statistiques les plus simples utilisés en essais et contrôles ;
- une valorisation des *aspects numériques et graphiques* pour l'ensemble du programme, une initiation à quelques méthodes élémentaires de *l'analyse numérique* et l'utilisation à cet effet des *moyens informatiques* appropriés : calculatrice programmable à écran graphique, ordinateur muni d'un tableur, de logiciels de calcul formel, de géométrie ou d'application (modélisation, simulation...).

### *Organisation des études*

L'horaire est de 2 heures + 1 heure en première année et de 1 heure + 1 heure en seconde année.

## II - Programme

Le programme de mathématiques est constitué des modules suivants :

**Fonctions d'une variable réelle**, où pour le paragraphe « Courbes paramétrées », on privilégie les exemples d'étude de modèles géométriques utilisés dans l'industrie aéronautique pour obtenir une forme satisfaisant certaines contraintes, tel que celui des courbes de Bézier.

**Calcul intégral.**

**Équations différentielles.**

**Statistique descriptive.**

**Probabilités 1.**

**Probabilités 2**, à l'exception du paragraphe « *Exemples de processus aléatoires* ».

**Statistique inférentielle.**

**Configurations géométriques.**

**Calcul vectoriel.**

## FONCTIONS D'UNE VARIABLE RÉELLE

On se place dans le cadre des fonctions à valeurs réelles, définies sur un intervalle ou une réunion d'intervalles de  $\mathbf{R}$ , qui servent à modéliser des phénomènes continus. Les étudiants doivent savoir traiter les situations issues des disciplines techniques et scientifiques qui se prêtent à une telle modélisation. Pour aider les étudiants à faire le lien avec ces autres disciplines, il est indispensable d'employer régulièrement des notations variées sur les fonctions et de diversifier les modes de présentation d'une fonction : fonction donnée par une courbe, par un tableau de valeurs ou définie par une formule et un ensemble de définition.

Le but de ce module est double :

- consolider les acquis sur les fonctions en tenant compte, notamment sur les limites, des programmes de mathématiques suivis antérieurement par les étudiants ;
- apporter des compléments sur les fonctions d'une variable réelle, qui peuvent être utiles pour aborder de nouveaux concepts.

Tout particulièrement dans ce module, on utilise largement les moyens informatiques (calculatrice, ordinateur), qui permettent notamment de faciliter la compréhension d'un concept en l'illustrant graphiquement et numériquement, sans être limité par d'éventuelles difficultés techniques.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Fonctions de référence</b>  Fonctions affines. Fonctions polynômes de degré 2. Fonctions logarithme népérien et exponentielle de base e. Fonction racine carrée. Fonctions sinus et cosinus.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Représenter une fonction de référence et exploiter cette courbe pour retrouver des propriétés de la fonction.</li> </ul>	En fonction des besoins, on met l'accent sur les fonctions de référence les plus utiles.  En cas de besoin lié à la spécialité, on peut être amené à étudier l'une ou l'autre des fonctions suivantes : <ul style="list-style-type: none"> <li>– la fonction logarithme décimal ;</li> <li>– des cas particuliers de fonctions puissances <math>t \mapsto t^a</math> avec <math>a \in \mathbf{R}</math> ou exponentielles de base <math>a</math> avec <math>a \in ]0, +\infty[</math>.</li> </ul>
<b>Dérivation</b>  Dérivée des fonctions de référence.  Dérivée d'une somme, d'un produit et d'un quotient.  Dérivée de fonctions de la forme : $x \mapsto u^n(x)$ avec $n$ entier naturel non nul, $x \mapsto \ln(u(x))$ et $x \mapsto e^{u(x)}$ .	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Calculer la dérivée d'une fonction :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– à la main dans les cas simples ;</li> <li>– à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</li> </ul> </li> <li>• Étudier les variations d'une fonction simple.</li> </ul>	On privilégie des exemples de fonctions issues de problématiques abordées dans les autres disciplines.  Il s'agit de compléter et d'approfondir les connaissances antérieures sur la dérivation. En particulier, il est important de rappeler et de travailler l'interprétation graphique du nombre dérivé.

	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Exploiter le tableau de variation d'une fonction <math>f</math> pour obtenir :             <ul style="list-style-type: none"> <li>– un éventuel extremum de <math>f</math> ;</li> <li>– le signe de <math>f</math> ;</li> <li>– le nombre de solutions d'une équation du type <math>f(x) = k</math> .</li> </ul> </li> <li>• Mettre en œuvre un procédé de recherche d'une valeur approchée d'une racine.</li> </ul>	<p>Les solutions d'une équation du type <math>f(x) = k</math> sont déterminées :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– explicitement dans les cas simples ;</li> <li>– de façon approchée sinon.</li> </ul> <p>On étudie alors, sur des exemples, des méthodes classiques d'obtention de ces solutions : balayage, dichotomie, méthode de Newton par exemple. C'est notamment l'occasion de développer au moins un algorithme et d'utiliser des logiciels.</p>
<p><b>Limites de fonctions</b></p> <p>Asymptotes parallèles aux axes :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– limite finie d'une fonction à l'infini ;</li> <li>– limite infinie d'une fonction en un point.</li> </ul> <p>Limite infinie d'une fonction à l'infini. Cas d'une asymptote oblique.</p> <p>Limites et opérations.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Interpréter une représentation graphique en termes de limite.</li> <li>• Interpréter graphiquement une limite en termes d'asymptote.</li> <li>• Déterminer la limite d'une fonction simple.</li> <li>• Déterminer des limites pour des fonctions de la forme :             <ul style="list-style-type: none"> <li><math>x \mapsto u^n(x)</math>, <math>n</math> entier naturel non nul ;</li> <li><math>x \mapsto \ln(u(x))</math> ;</li> <li><math>x \mapsto e^{u(x)}</math> .</li> </ul> </li> </ul>	<p>La diversité des programmes du lycée doit particulièrement inciter à veiller aux connaissances sur les limites acquises antérieurement ou non par les étudiants.</p> <p>Toute étude de branche infinie, notamment la mise en évidence d'asymptote, doit comporter des indications sur la méthode à suivre.</p> <p>On se limite aux fonctions déduites des fonctions de référence par addition, multiplication ou passage à l'inverse et on évite tout excès de technicité.</p>
<p><b>Approximation locale d'une fonction</b></p> <p>Développement limité en 0 d'une fonction.</p> <p>Développement limité en 0 et tangente à la courbe représentative d'une fonction.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer, à l'aide d'un logiciel, un développement limité en 0 et à un ordre donné d'une fonction.</li> <li>• Exploiter un développement limité pour donner l'équation réduite de la tangente et préciser sa position par rapport à la courbe représentative de la fonction.</li> </ul>	<p>On introduit graphiquement la notion de développement limité en 0 d'une fonction <math>f</math> en s'appuyant sur l'exemple de la fonction exponentielle sans soulever de difficulté théorique.</p> <p>L'utilisation et l'interprétation des développements limités trouvés doivent être privilégiées.</p>

<p><b>Courbes paramétrées</b></p> <p>Exemples de courbes paramétrées définies par des fonctions polynomiales.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer un vecteur directeur de la tangente en un point où le vecteur dérivé n'est pas nul.</li> <li>• Tracer une courbe à partir des variations conjointes.</li> </ul>	<p>L'étude de ces quelques exemples a pour objectif de familiariser les étudiants avec le rôle du paramètre, la notion de courbe paramétrée et de variations conjointes.</p> <p>On se limite à quelques exemples où les fonctions polynômes sont de degré inférieur ou égal à deux.</p> <p>↔ Trajectoire d'un solide, design.</p>
---	---	---

## CALCUL INTÉGRAL

Le programme se place dans le cadre de fonctions à valeurs réelles définies sur un intervalle ou une réunion d'intervalles de  $\mathbf{R}$ . La diversité des programmes du lycée doit particulièrement inciter à veiller aux connaissances sur les primitives et les intégrales acquises antérieurement ou non par les étudiants.

L'accent est mis sur la diversité des approches numérique, graphique et algorithmique, lesquelles contribuent à l'appropriation du concept d'intégrale.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Primitives</b>  Primitives de fonctions de référence, opérations algébriques.  Complément : primitives de $t \mapsto \cos(\omega t + \varphi)$ et $t \mapsto \sin(\omega t + \varphi)$ , $\omega$ et $\varphi$ étant réels.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer des primitives d'une fonction :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– à la main dans les cas simples ;</li> <li>– à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</li> </ul> </li> <li>• Déterminer les primitives d'une fonction de la forme <math>u' u^n</math> (<math>n</math> entier relatif, différent de <math>-1</math>), <math>\frac{u'}{u}</math> et <math>u' e^u</math>.</li> </ul>	Pour les primitives de $\frac{u'}{u}$ , on se limite au cas où $u$ est strictement positive.
<b>Intégration</b>  Calcul intégral : $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$ où $F$ est une primitive de $f$ .  Propriétés de l'intégrale : relation de Chasles, linéarité et positivité.  Calcul d'aires.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer une intégrale :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– à la main dans les cas simples ;</li> <li>– à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</li> </ul> </li> <li>• Déterminer l'aire du domaine défini par :  <math>\{M(x, y), a \leq x \leq b \text{ et } f(x) \leq y \leq g(x)\}</math>                où <math>f</math> et <math>g</math> sont deux fonctions telles que pour tout réel <math>x</math> de <math>[a, b]</math>, <math>f(x) \leq g(x)</math>.             </li> </ul>	On étudie le cas où $f$ (resp. $g$ ) est la fonction nulle.  On familiarise les étudiants avec quelques exemples de mise en œuvre d'algorithmes liés à des méthodes élémentaires d'approximation d'une intégrale (point-milieu, trapèzes, Monte-Carlo).

<p>Valeur moyenne d'une fonction sur un intervalle : définition, interprétation géométrique.</p> <p>Formule d'intégration par parties.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer et interpréter la valeur moyenne d'une fonction sur un intervalle.</li> <li>• Calculer une intégrale par intégration par parties.</li> </ul>	<p>Cette notion est illustrée par des exemples issus des disciplines professionnelles.</p> <p>↔ Valeur moyenne, valeur efficace dans un transfert énergétique ; centre d'inertie, moment d'inertie.</p>
--	--	---

## ÉQUATIONS DIFFÉRENTIELLES

On s'attache à relier les exemples étudiés avec les enseignements scientifiques et technologiques, en montrant l'importance de l'étude de phénomènes continus définis par une loi d'évolution et une condition initiale.

L'utilisation des outils logiciels est sollicitée ; elle a pour finalités :

- de mettre en évidence, expérimentalement, la signification ou l'importance de certains paramètres ou phénomènes ;
- de dépasser la seule détermination des solutions d'une équation différentielle en donnant la possibilité de visualiser des familles de courbes représentatives de ces solutions ;
- de permettre, avec l'aide du calcul formel, de donner une expression des solutions dans certains cas complexes.

Si, dans ce module, on développe plus particulièrement deux types d'équations différentielles, on est également attentif à donner une vision plus large de ces notions en présentant des équations différentielles dont on ne peut donner qu'une solution approchée tout en faisant saisir des principes généraux comme la notion de famille de solutions.

On introduit les nombres complexes et les résolutions d'équations du second degré à coefficients réels pour disposer de l'équation caractéristique d'une équation différentielle linéaire du second ordre.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<p><b>Équations linéaires du premier ordre</b></p> <p>Équation différentielle <math>ay' + by = c(t)</math> où <math>a, b</math> sont des constantes réelles et <math>c</math> une fonction continue à valeurs réelles.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Représenter à l'aide d'un logiciel la famille des courbes représentatives des solutions d'une équation différentielle.</li> <li>• Résoudre une équation différentielle du premier ordre :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– à la main dans les cas simples ;</li> <li>– à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</li> </ul> </li> <li>• Déterminer la solution vérifiant une condition initiale donnée :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– à la main dans les cas simples ;</li> <li>– à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</li> </ul> </li> </ul>	<p>En lien avec les autres disciplines, on habitue les étudiants à différentes écritures : variable, fonction, notation différentielle.</p> <p>On présente sur un exemple la résolution approchée d'une équation différentielle par la méthode d'Euler.</p> <p>Les indications permettant d'obtenir une solution particulière sont données.</p> <p>En liaison avec les autres disciplines, on peut étudier des exemples simples de résolution d'équations différentielles non linéaires, du premier ordre à variables séparables, par exemple en mécanique ou en cinétique chimique, mais ce n'est pas un attendu du programme.</p> <p>↔ Loi de refroidissement, cinétique chimique.</p>



<p><b>Nombres complexes</b></p> <p>Forme algébrique d'un nombre complexe : somme, produit, conjugué.</p> <p>Équation du second degré à coefficients réels.</p>	<p>• Résoudre une équation du second degré à coefficients réels.</p>	<p>On se limite à l'écriture algébrique des nombres complexes.</p>
<p><b>Équations linéaires du second ordre à coefficients réels constants</b></p> <p>Équation différentielle <math>ay'' + by' + cy = d(t)</math> où <math>a</math>, <math>b</math> et <math>c</math> sont des constantes réelles et <math>d</math> une fonction continue à valeurs réelles.</p>	<p>• Représenter à l'aide d'un logiciel la famille des courbes représentatives des solutions d'une équation différentielle.</p> <p>• Résoudre une équation différentielle du second ordre :        – à la main dans les cas simples ;        – à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</p> <p>• Déterminer la solution vérifiant des conditions initiales données :        – à la main dans les cas simples ;        – à l'aide d'un logiciel de calcul formel dans tous les cas.</p>	<p>La fonction <math>d</math> est une fonction polynôme ou du type :</p> <p><math>t \mapsto e^{\alpha t}</math> ;  <math>t \mapsto \cos(\omega t + \varphi)</math> ;  <math>t \mapsto \sin(\omega t + \varphi)</math> .</p> <p>Les indications permettant d'obtenir une solution particulière sont données.</p> <p>↔ Résistance des matériaux, circuit électronique.</p>

# PROBABILITÉS 1

On réinvestit et on approfondit le travail sur les probabilités mené au lycée, en s'adaptant au parcours antérieur des étudiants. L'objectif est que les étudiants sachent traiter quelques problèmes simples mettant en œuvre des probabilités conditionnelles ou des variables aléatoires dont la loi figure au programme. Les sciences et techniques industrielles et économiques fournissent un large éventail de tels problèmes, que l'on peut étudier en liaison avec d'autres enseignements.

L'apprentissage doit largement faire appel à l'outil informatique, aussi bien pour la compréhension et l'acquisition de concepts par l'expérimentation réalisée à l'aide de simulations, que pour les calculs de probabilités.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Conditionnement et indépendance</b> Conditionnement par un événement de probabilité non nulle. Notation $P_A(B)$ .  Indépendance de deux événements.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Construire un arbre et/ou un tableau des probabilités en lien avec une situation donnée.</li> <li>• Exploiter l'arbre et/ou le tableau des probabilités pour déterminer des probabilités.</li> <li>• Calculer la probabilité d'un événement connaissant ses probabilités conditionnelles relatives à une partition de l'univers.</li> <li>• Utiliser ou justifier l'indépendance de deux événements.</li> </ul>	On représente une situation à l'aide d'un arbre pondéré ou d'un tableau de probabilités.  Un arbre de probabilités correctement construit constitue une preuve.  La formule des probabilités totales n'est pas un attendu mais sa mise en œuvre doit être maîtrisée.  ⇔ Contrôle qualité, fausses alertes, tests biologiques.
<b>Exemple de loi discrète</b> Variable aléatoire associée au nombre de succès dans un schéma de Bernoulli. Loi binomiale.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Simuler un schéma de Bernoulli.</li> <li>• Reconnaître et justifier qu'une situation relève de la loi binomiale.</li> <li>• Représenter graphiquement la loi binomiale à l'aide d'un logiciel.</li> <li>• Calculer une probabilité dans le cadre de la loi binomiale à l'aide de la calculatrice ou d'un logiciel.</li> </ul>	Aucun développement théorique n'est attendu à propos de la notion de variable aléatoire.  On utilise une calculatrice ou un logiciel pour calculer directement des probabilités et représenter graphiquement la loi binomiale. La connaissance d'une expression explicite de la loi binomiale n'est pas attendue.

<p>Espérance, variance et écart type de la loi binomiale.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Interpréter l'espérance et l'écart type d'une loi binomiale dans le cadre d'un grand nombre de répétitions.</li> </ul>	<p>Les formules donnant l'espérance et l'écart type de la loi binomiale sont admises. On conforte expérimentalement ces formules à l'aide de simulations de la loi binomiale.</p>
<p><b>Exemples de lois à densité</b></p> <p>Loi uniforme sur <math>[a, b]</math>.</p> <p>Espérance, variance et écart type de la loi uniforme.</p> <p>Loi normale d'espérance <math>\mu</math> et d'écart type <math>\sigma</math>.</p> <p>Approximation d'une loi binomiale par une loi normale.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Concevoir et exploiter une simulation dans le cadre d'une loi uniforme.</li> <li>• Interpréter l'espérance et l'écart type d'une loi uniforme dans le cadre d'un grand nombre de répétitions.</li> <li>• Utiliser une calculatrice ou un tableur pour calculer une probabilité dans le cadre de la loi normale.</li> <li>• Connaître et interpréter graphiquement une valeur approchée de la probabilité des événements suivants :  <math>X \in [\mu - \sigma, \mu + \sigma]</math>,  <math>X \in [\mu - 2\sigma, \mu + 2\sigma]</math> et  <math>X \in [\mu - 3\sigma, \mu + 3\sigma]</math>,  lorsque <math>X</math> suit la loi normale d'espérance <math>\mu</math> et d'écart type <math>\sigma</math>.</li> <li>• Déterminer les paramètres de la loi normale approximant une loi binomiale donnée.</li> </ul>	<p>Toute théorie générale des lois à densité est exclue.</p> <p>Pour les lois étudiées, on représente et on exploite la fonction de densité et la fonction de répartition.</p> <p>La définition de l'espérance et de la variance constituent un prolongement dans le cadre continu de celles d'une variable aléatoire discrète.</p> <p>Toute théorie sur les intégrales impropres est exclue.</p> <p>La loi normale est introduite à partir de l'observation, à l'aide d'un logiciel, du cumul des valeurs obtenues lors de la répétition à l'identique d'une expérience aléatoire dont le résultat suit une loi uniforme.</p> <p>L'utilisation d'une table de la loi normale centrée réduite n'est pas une nécessité.</p> <p>On s'appuie sur des exemples issus des autres disciplines.</p> <p>On peut simuler la loi normale à partir de la loi uniforme sur <math>[0, 1]</math>.</p> <p>↔ Maîtrise statistique des processus.</p> <p>Toute théorie est exclue. On illustre cette approximation à l'aide de l'outil informatique.</p> <p>Les conditions d'approximation d'une loi binomiale par une loi normale ne sont pas exigibles.</p> <p>Il convient de mettre en évidence la raison d'être de la correction de continuité lors de l'approximation d'une loi binomiale par une loi normale ; toutes les indications sont fournies.</p>

<p>Espérance et variance des lois de <math>aX + b</math>, <math>X + Y</math>, <math>X - Y</math> dans le cas où <math>X</math> et <math>Y</math> sont des variables aléatoires indépendantes.</p> <p>Théorème de la limite centrée.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Savoir déterminer les paramètres des lois de <math>aX + b</math>, <math>X + Y</math> et <math>X - Y</math> dans le cas où <math>X</math> et <math>Y</math> sont des variables aléatoires indépendantes.</li> <li>• Savoir déterminer les paramètres de la loi normale correspondant à une moyenne dans le cadre du théorème de la limite centrée.</li> </ul>	<p>Toute théorie concernant la notion de variables aléatoires indépendantes est exclue. Les résultats sont conjecturés à l'aide de simulations, puis admis.</p> <p>Le théorème, admis, s'énonce en termes d'approximation par une loi normale de la somme de <math>n</math> variables indépendantes de même loi. L'outil informatique permet une approche expérimentale.</p>
---	---	--

Il s'agit d'approfondir, à partir d'exemples, ce que sont les procédures de décision en univers aléatoire, ainsi que leur pertinence, dans la continuité des programmes de lycée. La validité d'une méthode statistique est liée à l'adéquation entre la réalité et le modèle la représentant ; aussi les situations artificielles sont à éviter et les exemples issus de la vie économique et sociale ou du domaine professionnel sont à privilégier, en liaison avec les enseignements d'autres disciplines.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<p><b>Estimation ponctuelle</b></p> <p>Estimation ponctuelle d'un paramètre.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Estimer ponctuellement une proportion, une moyenne ou un écart type d'une population à l'aide de la calculatrice ou d'un logiciel, à partir d'un échantillon.</li> </ul>	<p>La simulation d'échantillons permet de sensibiliser au choix de l'estimation de l'écart type de la population.</p>
<p><b>Tests d'hypothèse</b></p> <p>Tests bilatéraux et unilatéraux relatifs à :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– une proportion dans le cas d'une loi binomiale puis dans le cas d'une loi binomiale approximable par une loi normale ;</li> <li>– une moyenne.</li> </ul> <p>Tests bilatéraux et unilatéraux de comparaison de deux proportions ou de deux moyennes dans le cadre de la loi normale.</p> <p>Risques d'erreur de première et de seconde espèce.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer la région de rejet de l'hypothèse nulle et énoncer la règle de décision.</li> <li>• Utiliser les tests bilatéraux et unilatéraux relatifs à une proportion ou à une moyenne ainsi qu'à la comparaison de deux proportions ou de deux moyennes.</li> <li>• Analyser les risques d'erreur de première et de seconde espèce associés à la prise de décision.</li> </ul>	<p>On souligne le fait que la décision prise, rejet ou non, dépend des choix faits a priori par l'utilisateur : choix de l'hypothèse nulle, du type de test et du seuil de signification. Ces choix sont fournis à l'étudiant dans les cas délicats.</p> <p>On compare, à l'aide d'un algorithme ou de simulations, les différents seuils de signification et on met en évidence les risques d'erreur de première et de seconde espèce.</p> <p>La notion de puissance d'un test est abordée.</p>

		<p>En liaison avec les enseignements des disciplines professionnelles ou les situations rencontrées en entreprise, on peut traiter quelques exemples d'autres procédures, par exemple test du khi deux ou test de Student.</p> <p>↔ Maîtrise statistique des procédés.</p>
<p><b>Estimation par intervalle de confiance</b></p> <p>Intervalle de confiance d'une proportion et d'une moyenne.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Déterminer un intervalle de confiance à un niveau de confiance souhaité pour : <ul style="list-style-type: none"> <li>– une proportion, dans le cas d'une loi binomiale approximable par une loi normale ;</li> <li>– une moyenne, dans le cas d'une loi normale quand l'écart type de la population est connu ou dans le cas de grands échantillons.</li> </ul> </li> <li>• Exploiter un intervalle de confiance.</li> <li>• Déterminer la taille nécessaire d'un échantillon pour estimer une proportion ou une moyenne avec une précision donnée.</li> </ul>	<p>On distingue confiance et probabilité :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– avant le tirage d'un échantillon, la procédure d'obtention de l'intervalle de confiance a une probabilité de 0,95 ou de 0,99 que cet intervalle contienne le paramètre inconnu ;</li> <li>– après le tirage, le paramètre est dans l'intervalle calculé avec une confiance de 95% ou 99%.</li> </ul> <p>La simulation permet de mieux comprendre la notion d'intervalle de confiance.</p> <p>↔ Incertitude de mesure.</p>

## PROBABILITÉS 2

On approfondit dans ce module la connaissance des lois de probabilités en étudiant la loi exponentielle et la loi de Poisson, dans le contexte de processus aléatoires à temps continu. Une initiation aux processus aléatoires discrets permet d'élargir le champ d'étude des phénomènes aléatoires. Les sciences et techniques industrielles et économiques fournissent de nombreuses situations, que l'on peut étudier en liaison avec d'autres enseignements.

L'apprentissage doit largement faire appel à l'outil informatique, notamment pour la simulation et la mise en œuvre d'algorithmes.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Loi exponentielle</b>  Espérance, variance et écart type de la loi exponentielle.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Exploiter une simulation dans le cadre de la loi exponentielle.</li> <li>• Représenter graphiquement la loi exponentielle.</li> <li>• Calculer une probabilité dans le cadre de la loi exponentielle.</li> <li>• Interpréter l'espérance et l'écart type d'une variable aléatoire suivant une loi exponentielle.</li> </ul>	On peut simuler la loi exponentielle à partir de la loi uniforme sur $[0, 1]$ .  $\rightleftharpoons$ Fiabilité, désintégration nucléaire.
<b>Loi de Poisson</b>  Espérance, variance et écart type de la loi de Poisson.  Approximation d'une loi binomiale par une loi de Poisson.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Représenter graphiquement la loi de Poisson.</li> <li>• Calculer une probabilité dans le cadre de la loi de Poisson à l'aide de la calculatrice ou d'un logiciel.</li> <li>• Interpréter l'espérance et l'écart type dans le cadre d'un grand nombre de répétitions.</li> <li>• Déterminer le paramètre de la loi de Poisson approximant une loi binomiale donnée.</li> </ul>	La loi de Poisson est introduite comme correspondant au nombre de réalisations observées, durant un intervalle de temps de longueur donnée, lorsque le temps d'attente entre deux réalisations est fourni par une loi exponentielle. La connaissance d'une expression explicite de la loi de Poisson n'est pas attendue.  Les conditions d'approximation d'une loi binomiale par une loi de Poisson ne sont pas exigibles. On illustre cette approximation à l'aide de l'outil informatique.  $\rightleftharpoons$ Fiabilité, gestion de stocks ou de réseaux.

## CONFIGURATIONS GÉOMÉTRIQUES

L'objectif de ce module est double :

- renforcer la vision dans l'espace et les acquis sur les configurations géométriques de l'espace en étudiant des objets constitués de solides connus ;
- mobiliser les acquis sur les configurations géométriques du plan en étudiant des figures planes extraites des objets précédents ;
- sensibiliser les étudiants à différents types de repérage.

On veille tout particulièrement aux connaissances acquises antérieurement ou non par les étudiants en géométrie, tant dans le plan que dans l'espace. Les connaissances sont celles abordées en collège, en lycée professionnel ainsi qu'en seconde générale et technologique.

On prend appui sur des problèmes issus des enseignements scientifiques et technologiques. On utilise les possibilités offertes par les logiciels de géométrie dynamique. Il est également pertinent de connaître les logiciels qui sont utilisés par les disciplines technologiques et l'exploitation qui peut en être faite en lien avec le cours de mathématiques.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Configurations du plan et de l'espace</b>  Exemples de problèmes portant sur : <ul style="list-style-type: none"> <li>– l'analyse de la forme d'un objet de l'espace (par projection ou famille de sections planes) ;</li> <li>– la section d'un solide par un plan ;</li> <li>– la projection sur un plan ou sur une droite ;</li> <li>– l'intersection, le parallélisme, l'orthogonalité ;</li> <li>– les surfaces de révolution.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Lire et interpréter une représentation d'un objet constitué de solides usuels.</li> <li>• Représenter, identifier et étudier la section d'un solide par un plan dans un cas simple.</li> <li>• Isoler, représenter et étudier une figure plane extraite d'un solide.</li> <li>• Utiliser les acquis de géométrie pour :               <ul style="list-style-type: none"> <li>– calculer la longueur d'un segment, la mesure d'un angle en degrés, l'aire d'une surface et le volume d'un solide ;</li> <li>– déterminer les effets d'un agrandissement ou d'une réduction sur les longueurs, les aires et les volumes.</li> </ul> </li> </ul>	<p>On étudie des problèmes portant sur des objets issus des autres enseignements et constitués des solides usuels suivants : le cube, le parallélépipède rectangle, la pyramide, le cylindre, le cône et la sphère.</p> <p>On emploie un logiciel de visualisation et de construction afin de favoriser la vision dans l'espace des étudiants.</p> <p>Sur un exemple, on peut aborder la notion de plan tangent à une surface.</p> <p>On réactive les connaissances de géométrie plane en s'appuyant sur des figures planes extraites des objets de l'espace étudiés.</p> <p>Sur un exemple, on peut découvrir la relation d'Al-Kashi ou les relations liant les sinus des angles, les longueurs des côtés et l'aire d'un triangle.</p> <p>⇒ Modélisation volumique.</p>



<p><b>Repérage d'un point</b></p> <p>Exemples de problèmes mettant en œuvre le repérage d'un point :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– dans le plan (coordonnées cartésiennes, coordonnées polaires) ;</li> <li>– dans l'espace (coordonnées cartésiennes, coordonnées cylindriques, coordonnées sphériques).</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Utiliser un système de repérage d'un point dans le cadre de la résolution d'un problème.</li> </ul>	<p>On s'appuie sur des exemples issus des autres disciplines pour justifier de la pertinence de l'emploi de systèmes de repérage variés.</p> <p>⇔ Cinématique.</p>
---	--	--

## CALCUL VECTORIEL

Le but de ce module est double :

- consolider les acquis de calcul vectoriel des années précédentes en tenant compte des connaissances acquises antérieurement ou non par les étudiants ;
- apporter des compléments de calcul vectoriel, qui peuvent être utiles pour étudier des situations rencontrées dans les autres enseignements.

On prend appui sur les enseignements scientifiques et technologiques qui fournissent un large éventail de problèmes. On utilise les possibilités offertes par les logiciels de géométrie dynamique. Il est également pertinent de connaître les logiciels qui sont utilisés par les disciplines technologiques et l'exploitation qui peut en être faite en lien avec le cours de mathématiques.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<b>Décomposition d'un vecteur dans une base du plan ou de l'espace</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Décomposer un vecteur dans une base et exploiter une telle décomposition.</li> </ul>	<p>On ne se limite pas au cadre de la géométrie repérée.</p> <p>↔ Vecteur vitesse, force.</p>
<p><b>Barycentre</b></p> <p>Barycentre de deux points pondérés du plan ou de l'espace. Coordonnées dans un repère.</p> <p>Extension de la notion de barycentre à trois points pondérés.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Construire le barycentre de deux points pondérés.</li> <li>• Utiliser, sur des exemples simples liés aux enseignements technologiques, la notion de barycentre partiel.</li> </ul>	<p>On peut introduire la notion de barycentre en la reliant à l'équilibrage de masses ou à la moyenne pondérée. Selon les besoins, on étudie des réductions d'une somme de la forme <math>\alpha \overrightarrow{MA} + \beta \overrightarrow{MB}</math> avec <math>\alpha + \beta \neq 0</math>. On fait remarquer que le barycentre de deux points distincts appartient à la droite définie par ces deux points.</p> <p>Sur des exemples issus des enseignements technologiques, on met en place le théorème du barycentre partiel.</p> <p>↔ Centre d'inertie d'un assemblage de solides.</p>
<p><b>Produit scalaire</b></p> <p>Expressions du produit scalaire :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– à l'aide d'une projection orthogonale ;</li> <li>– à l'aide des normes et d'un angle ;</li> <li>– à l'aide des coordonnées.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Choisir l'expression du produit scalaire la plus adaptée en vue de la résolution d'un problème.</li> <li>• Calculer un angle ou une longueur à l'aide d'un produit scalaire.</li> </ul>	<p>On exploite des situations issues des domaines scientifiques et technologiques.</p> <p>On illustre en situation quelques propriétés du produit scalaire.</p> <p>↔ Travail, puissance d'une force.</p>

<p><b>Produit vectoriel</b></p> <p>Orientation de l'espace.</p> <p>Produit vectoriel de deux vecteurs de l'espace :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– définition ;</li> <li>– calcul des coordonnées dans une base orthonormale directe ;</li> <li>– application à l'aire d'un triangle et d'un parallélogramme.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Calculer une aire à l'aide d'un produit vectoriel.</li> </ul>	<p>La découverte du produit vectoriel, de ses propriétés et de ses applications est à mener en liaison étroite avec les autres enseignements.</p> <p>Les notions de vecteur glissant, de torseur et le produit mixte sont hors programme.</p> <p>↔ Moment d'une force.</p>
--	--	--