

NSI 1ère - Algorithmique - Tris 4

QK

Quatrième partie : complexité

Rappel : tri par insertion

```
i = 1
Tant que i < longueur(A)
    j = i
    Tant que j > 0 et A[j-1] > A[j]
        echanger A[j] et A[j-1]
        j = j - 1
    fin tant que
    i = i + 1
fin tant que
```

Tri par insertion : meilleur cas, pire cas

- *meilleur cas* : liste déjà triée
- *pire des cas* : liste triée à l'envers.

petit TP : Mesurer la complexité du tri par insertion.

- Pour des listes de plus en plus grandes, on mesure les temps d'exécution
- On trace une courbe présentant les résultats
- Conjecture sur la complexité du tri par sélection

Correction du TP : tri par sélection

- Le tri par insertion est en $O(n^2)$
- Pire des cas : la liste est triée par ordre contraire

Quelques exemples de vitesses en fonction de la taille de la liste d'entrée pour le tri par insertion

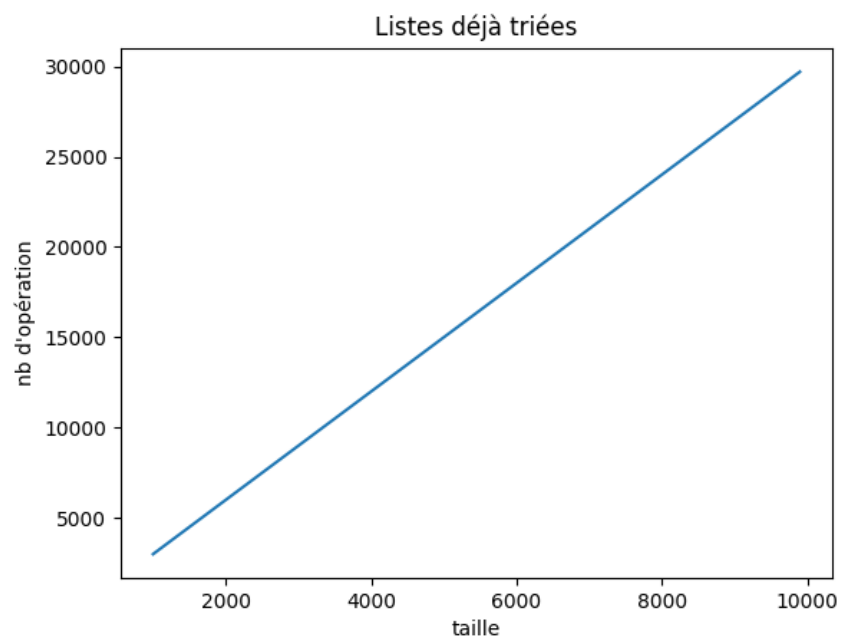


Figure 1: meilleur cas

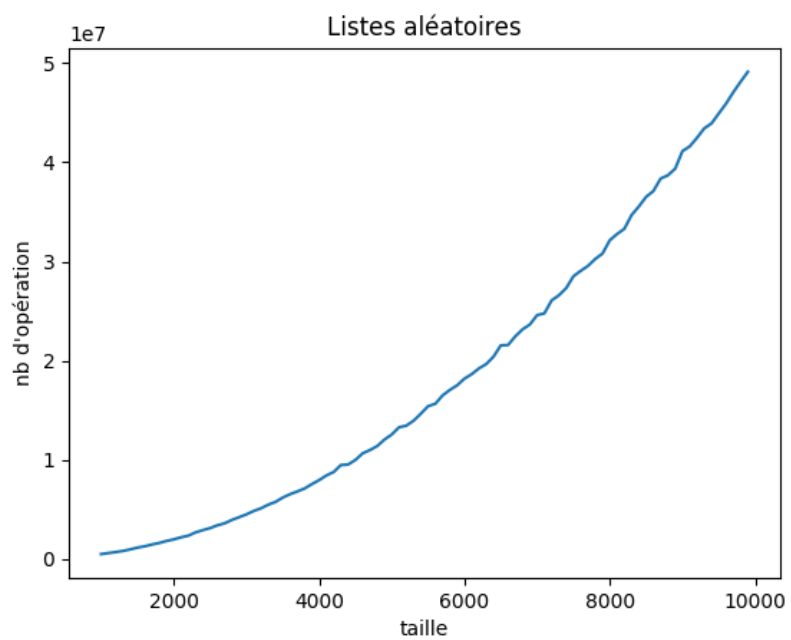


Figure 2: random

Meilleur cas

Cas random

Pire des cas

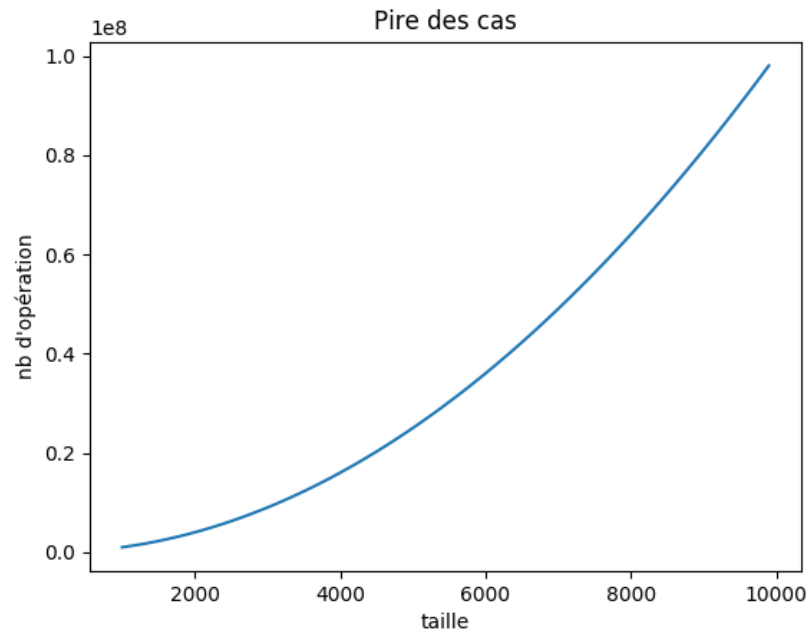


Figure 3: pire cas

insertion : preuve de la complexité

Complexité : calcul à la main

- Pour simplifier, on ne compte que les échanges.
- Dans ce cas, à chaque itération de la boucle intérieure, on parcourt toute la liste triée et on échange tous les couples d'éléments avant d'insérer.
- Celle-ci contenant i éléments, le nombre d'échanges est :

$$C = 1 + 2 + 3 + \dots + n$$

- ...

Complexité : calcul à la main

- Remarquons qu'on peut écrire C à l'envers :

$$C = 1 + 2 + \cdots + (n-1) + n$$

$$C = n + (n-1) + \cdots + 2 + 1$$

- On ajoute en colonne :

$$2C = (n+1) + (n+1) + \cdots + (n+1) + (n+1)$$

$$2C = n(n+1)$$

$$C = n(n+1)/2$$

C est toujours plus petit qu'un polynôme en n^2 .

On note : $C = O(n^2)$

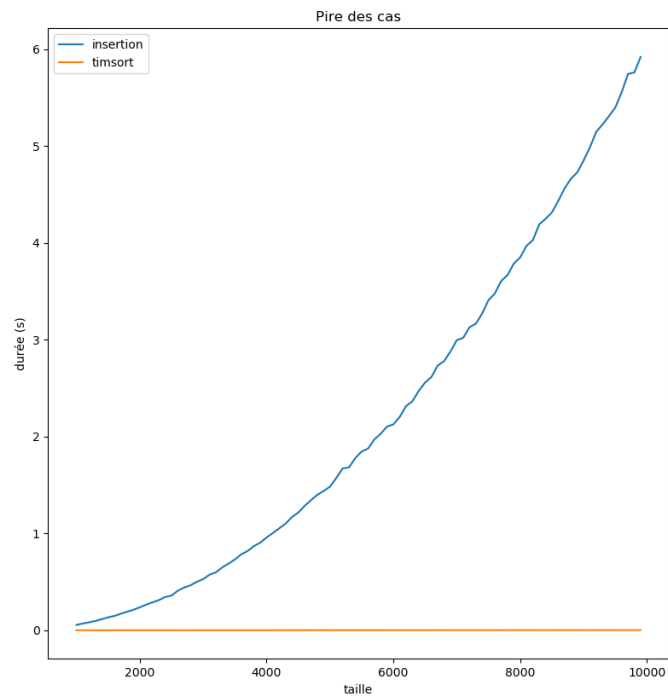
Le tri par insertion est de complexité **quadratique**

$O(n^2)$

- Comme le tri par insertion, le tri par sélection est quadratique.
- Le nombre "d'opérations" réalisées dans un tri par sélection ou par insertion est de l'ordre du carré de la taille.
- On dit que ce sont des algorithmes en $O(n^2)$

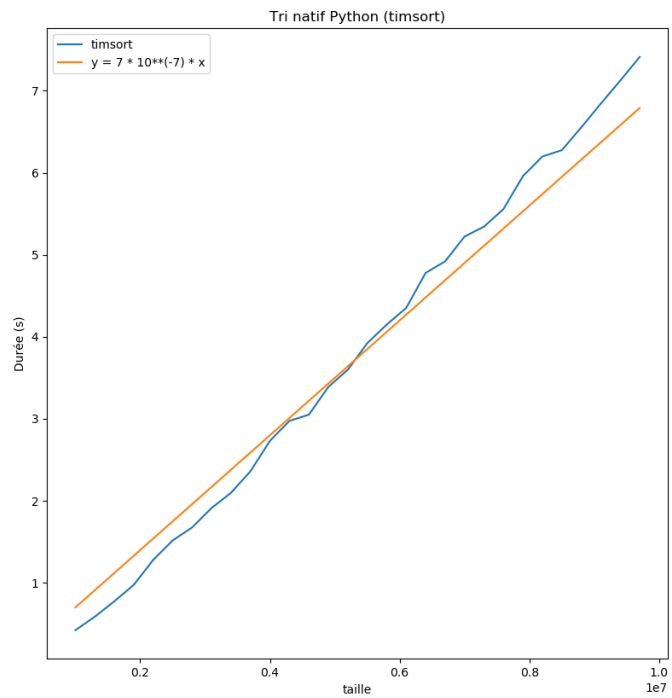
Comparaison à un autre tri

Tri par insertion vs Tri natif en Python



Le tri natif est-il à temps constant ???

Tri natif en Python seul



non... le tri natif (TimSort) est en $O(n \times \log(n))$