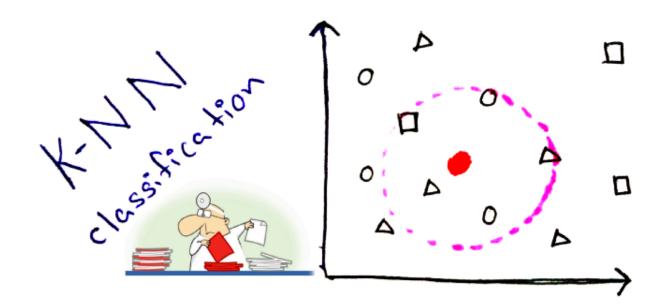
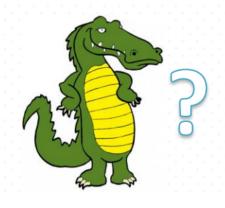
# Les K plus proches voisins



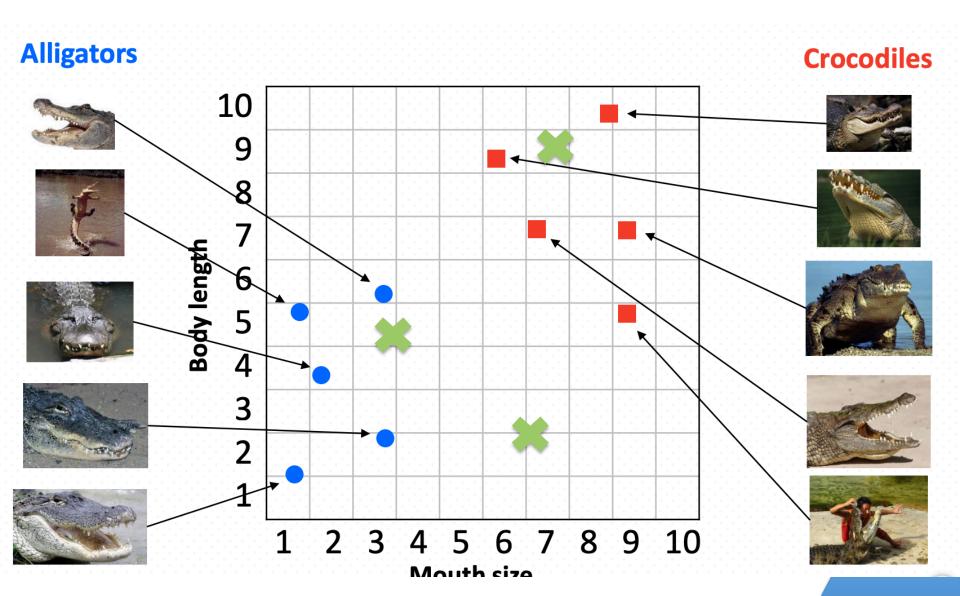
# Exemple introductif







# Exemple introductif



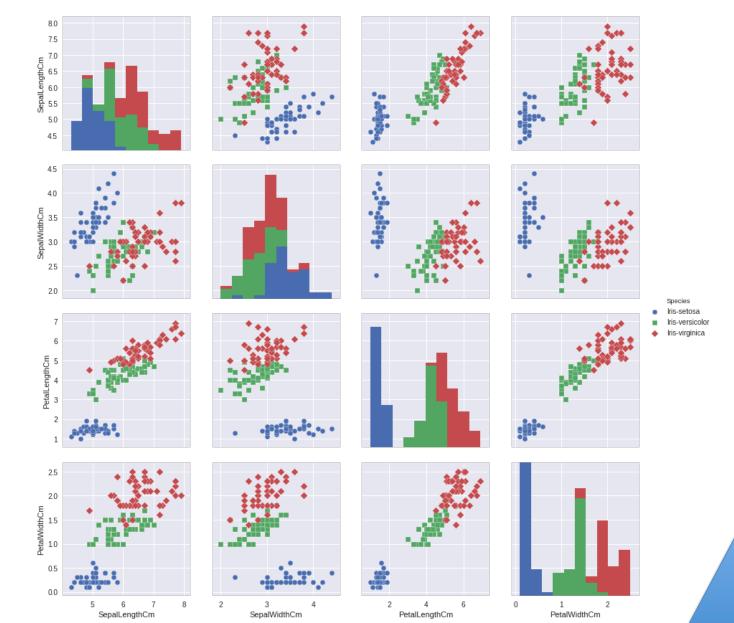
# Données plus complexe



|     | Sepal length | Sepal width | Petal length | Petal width | Туре            |
|-----|--------------|-------------|--------------|-------------|-----------------|
| 1   | 5.1          | 3.5         | 1.4          | 0.2         | Iris setosa     |
| 2   | 4.9          | 3.0         | 1.4          | 0.2         | Iris setosa     |
|     |              |             |              |             |                 |
| 51  | 7.0          | 3.2         | 4.7          | 1.4         | Iris versicolor |
| 52  | 6.4          | 3.2         | 4.5          | 1.5         | Iris versicolor |
|     |              |             |              |             |                 |
| 101 | 6.3          | 3.3         | 6.0          | 2.5         | Iris virginica  |
| 102 | 5.8          | 2.7         | 5.1          | 1.9         | Iris virginica  |
|     |              |             |              |             |                 |



Quelle iris est-ce?





#### Pokémons

- 1. name: The English name of the Pokemon
- 2. japanese\_name: The Original Japanese name of the Pokemon
- 3. pokedex\_number: The entry number of the Pokemon in the National Pokedex
- 4. percentage\_male: The percentage of the species that are male. Blank if the Pokemon is genderless.
- 5. type1: The Primary Type of the Pokemon
- 6. type2: The Secondary Type of the Pokemon
- 7. classification: The Classification of the Pokemon as described by the Sun and Moon Pokedex
- 8. height\_m: Height of the Pokemon in metres
- 9. weight\_kg: The Weight of the Pokemon in kilograms
- 10. capture rate: Capture Rate of the Pokemon
- 11. base\_egg\_steps: The number of steps required to hatch an egg of the Pokemon
- 12. abilities: A stringified list of abilities that the Pokemon is capable of having
- 13. experience\_growth: The Experience Growth of the Pokemon
- 14. base happiness: Base Happiness of the Pokemon
- 15. against\_?: Eighteen features that denote the amount of damage taken against an attack of a particular type
- 16. hp: The Base HP of the Pokemon
- 17. attack: The Base Attack of the Pokemon
- 18. defense: The Base Defense of the Pokemon
- 19. sp\_attack: The Base Special Attack of the Pokemon
- 20. sp defense: The Base Special Defense of the Pokemon
- 21. speed: The Base Speed of the Pokemon
- 22. generation: The numbered generation which the Pokemon was first introduced
- 23. is\_legendary: Denotes if the Pokemon is legendary.



Est il légendaire ??

# Type de variable

- Variables qualitatives ou catégorielles.
  - Ex.: couleur des yeux, type d'engrais, méthode d'enseignement, catégorie grammaticale...
  - Deux types: nominal ou ordinal.
  - On appelle "niveaux" ou "modalités" les valeurs que peuvent prendre une variable qualitative.
- Variables quantitatives ou numériques
  - Elles peuvent être discrètes (à valeurs dans les entiers; example: comptage) ou continues (à valeurs dans les réels).
  - Deux types: intervalle (seule la différence à un sens, ex: heure) ou ratio (le rapport à un sens, ex: vitesse).
  - Ex.: taille, production en maïs, temps de réaction...
- Les procédures statistiques diffèrent en fonction des types des variables.

#### Variables

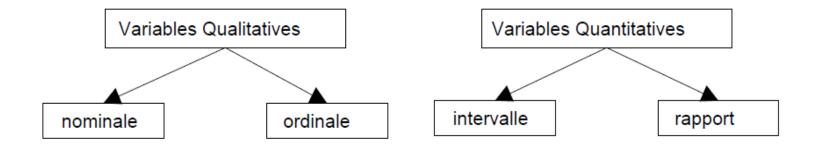
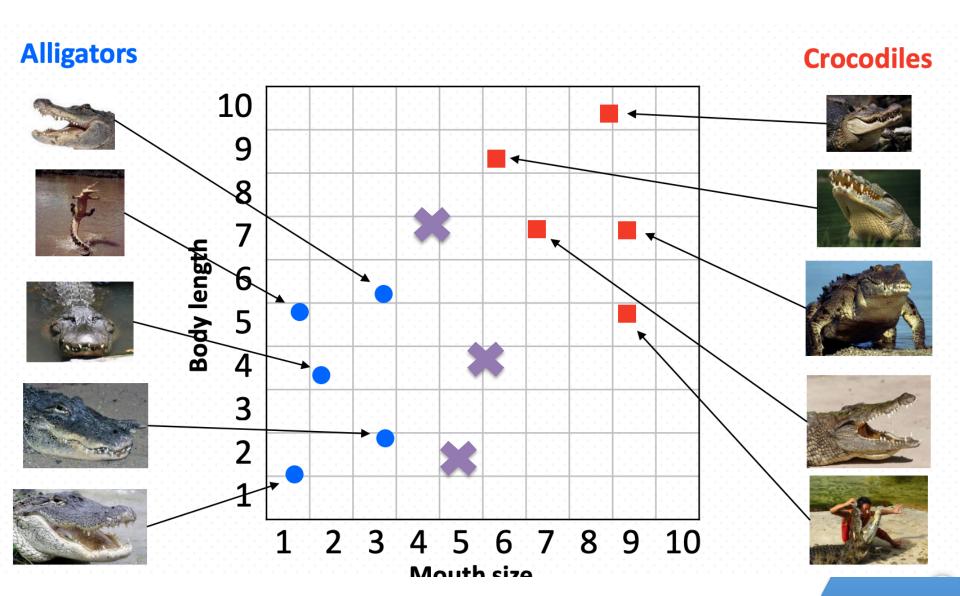


Fig. 1.1: Les deux grandes classes de variables.

# Exemple introductif



#### Classification

 Elle permet de **prédire** si un élément est membre d'un groupe ou d'une catégorie donnée.

#### Classes

- Identification de groupes avec des profils particuliers
- Possibilité de décider de l'appartenance d'une entité à une classe
- Caractéristiques
  - Apprentissage supervisé : classes connues à l'avance
  - Pb : qualité de la classification (taux d'erreur)
    - Ex : établir un diagnostic (si erreur !!!)

# Classification - Applications

- Comprendre les critères prépondérants pour l'achat d'un produit ou d'un service
- Isoler les critères explicatifs d'un comportement d'achat
- Analyse de risque: détecter les facteurs prédisant un comportement de non paiement
- Détecter les causes de réclamation

## Processus à deux étapes



- Etape 1 :
- Construction du modèle à partir de l'ensemble d'apprentissage (training set)
- Etape 2 :
- Utilisation du modèle : tester la précision du modèle et l'utiliser dans la classification de nouvelles données

#### Construction du modèle

- •Chaque instance est supposée appartenir à une classe prédéfinie
- •La classe d'une instance est déterminée par l'attribut "classe"
- •L'ensemble des instances d'apprentissage est utilisé dans la construction du modèle
- Le modèle est représenté par des règles de classification, arbres de décision, formules mathématiques, ...



#### Utilisation du modèle



 Classification de nouvelles instances ou instances inconnues

- Estimer le taux d'erreur du modèle
  - la classe connue d'une instance test est comparée avec le résultat du modèle
  - Taux d'erreur = pourcentage de tests incorrectement classés par le modèle

# Validation de la Classification (accuracy)

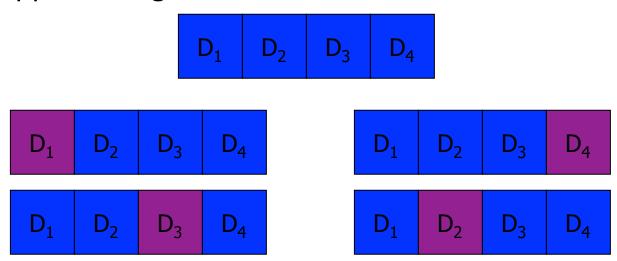
- Estimation des taux d'erreurs :
- Partitionnement : apprentissage et test (ensemble de données important)
  - Utiliser 2 ensembles indépendents, e.g., ensemble d'apprentissage (2/3), ensemble test (1/3)

Apprentissage D<sub>t</sub>

Validation D\D<sub>t</sub>

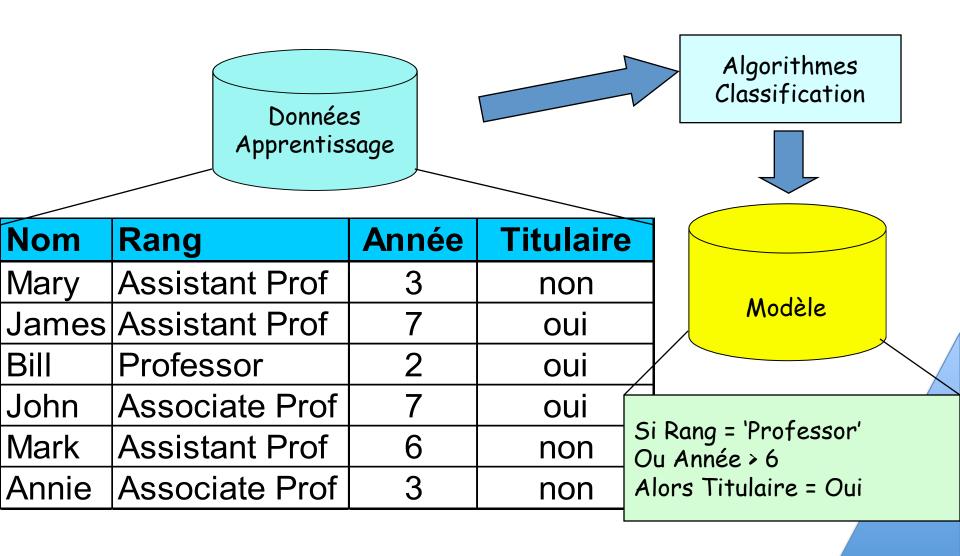
# Validation de la Classification (accuracy)

- Validation croisée (ensemble de données modéré)
  - Diviser les données en k sous-ensembles
  - Utiliser k-1 sous-ensembles comme données d'apprentissage et un sous-ensemble comme données test

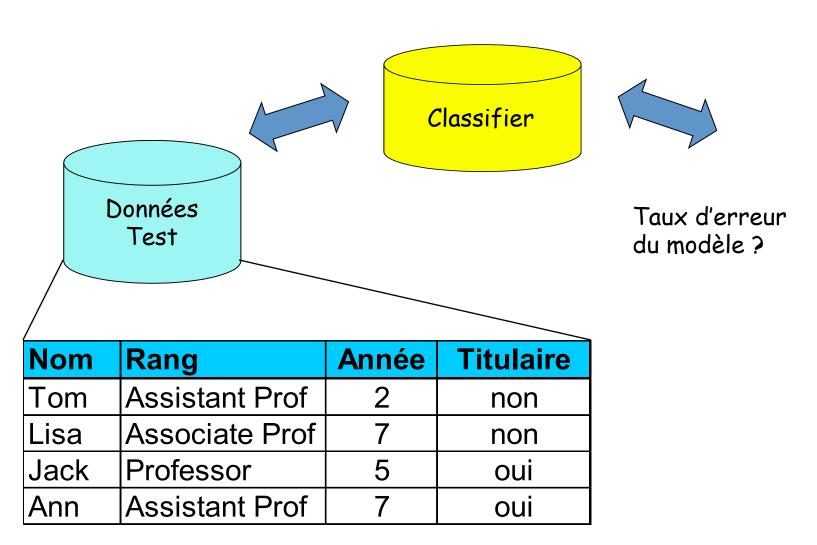


• Bootstrapping : n instances test aléatoires (ensemble de données réduit)

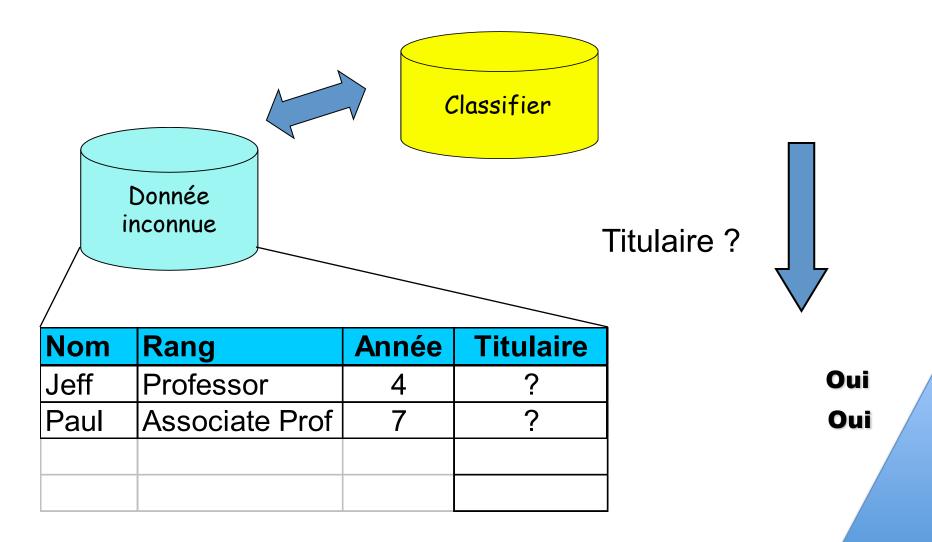
# Exemple: Construction du modèle



# Exemple: Utilisation du modèle



# Exemple: Utilisation du modèle



# Evaluation des méthodes de classification

- Taux d'erreur (Accuracy)
- Temps d'exécution (construction, utilisation)
- Robustesse (bruit, données manquantes,...)
- Extensibilité
- Interprétabilité
- Simplicité

#### Méthodes de Classification

- Méthode K-NN (plus proche voisin)
- Arbres de décision
- Réseaux de neurones
- Classification bayésienne
- Caractéristiques
  - Apprentissage supervisé (classes connues)

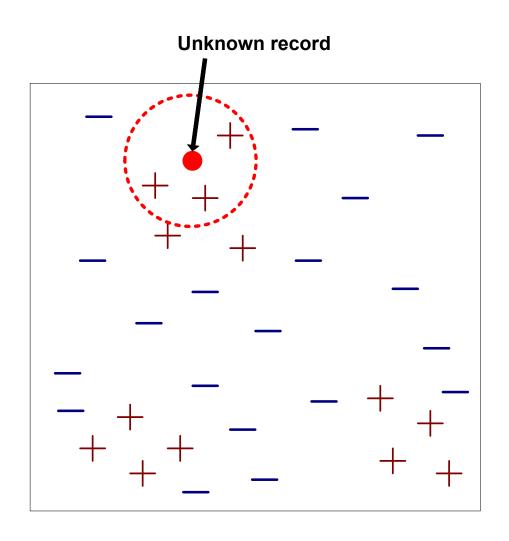
Dis moi qui sont tes amis, je te dirais qui tu es ...

#### **KNN**

# Méthode des plus proches voisins

- Méthode dédiée à la classification (k-NN : nearest Neighbors).
- Méthode de raisonnement à partir de cas : prendre des décisions en recherchant un ou des cas similaires déjà résolus.
- Pas d'étape d'apprentissage : construction d'un modèle à partir d'un échantillon d'apprentissage (réseaux de neurones, arbres de décision, ...).
- Modèle = échantillon d'apprentissage + fonction de distance + fonction de choix de la classe en fonction des classes des voisins les plus proches,

# Nearest-Neighbor



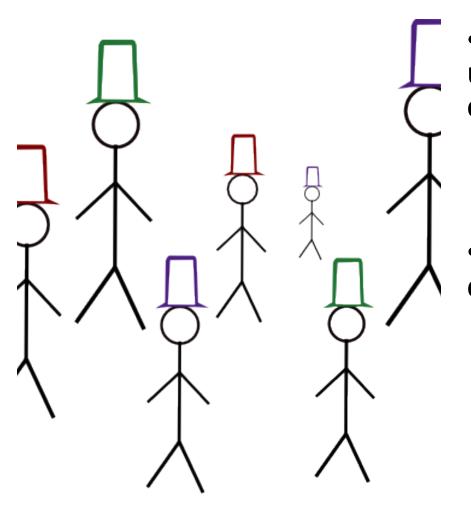
### Algorithme kNN (K-nearest neighbors)

- Objectif: affecter une classe à une nouvelle instance
- donnée : un échantillon de m enregistrements classés (x, c(x))
- entrée : un enregistrement y
  - 1. Déterminer les k plus proches enregistrements de y
  - 2. combiner les classes de ces k exemples en une classe c
- sortie: la classe de y est c(y)=c

# Qu'est ce qu'être proche?

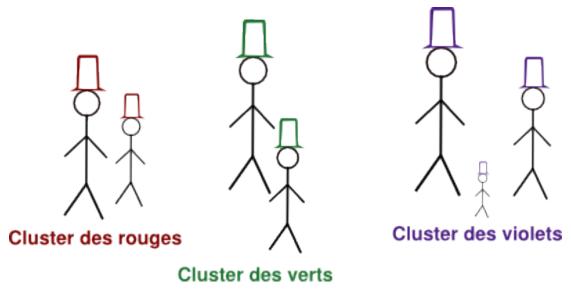
- Vocabulaire
- Mesure de dissimilarité (DM): plus la mesure est faible plus les points sont similaires (~ distance)
- Mesure de similarité (SM) : plus la mesure est grande, plus les points sont similaires
- DM = borne SM

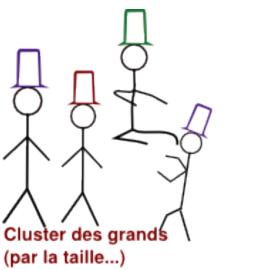
#### Mesure de la similarité



- •Il n'y a pas de définition unique de la similarité entre objets
  - Différentes mesures de distances d(x,y)
- •La définition de la similarité entre objets dépend de :
  - Le type des données considérées
  - Le type de similarité recherchée

#### Mesure de similarité







#### Distance

• Propriétés d'une distance :

1. 
$$d(x,y) \ge 0$$

2. 
$$d(x,y) = 0$$
 iff  $x = y$ 

3. 
$$d(x,y) = d(y,x)$$

4. 
$$d(x,z) \le d(x,y) + d(y,z)$$

Similarité: vérifie s(I,j)=s(j,i), s(i,j) >= 0;
s(i,i)>=s(i,j)

## Distance – Données numériques

- Combiner les distances : Soient x=(x1,...,xn) et y=(y1, ...,yn)
- Exemples numériques :
- Distance euclidienne :  $d(x,y) = \sqrt{\sum_{n=1}^{n} (x_i y_i)^2}$  Distance de Manhattan :  $d(x,y) = \sum_{i=1}^{n} |x_i y_i|^2$
- Distance de Minkowski :  $d(x,y) = \sqrt[q]{\sum_{i=1}^{n} |x_i y_i|^q}$
- q=1 : distance de Manhattan.
- q=2 : distance euclidienne

#### Distance données énumératives

- Champs discrets:
  - Données binaires : d(0,0)=d(1,1)=0, d(0,1)=d(1,0)=1

 Donnée énumératives : distance nulle si les valeurs sont égales et 1 sinon.

 Donnée énumératives ordonnées : idem. On peut définir une distance utilisant la relation d'ordre.

#### Distance – Données énumératives

•Généralisation des variables binaires, avec plus de 2 états, e.g., rouge, jaune, bleu, vert

- Méthode 1: correpondance simple
  - m: # de correspondances, p: # total de variables

$$d(i,j) = \frac{p-m}{p}$$

#### Variables Ordinales

- Une variable ordinale peut être discrète ou continue
- L'ordre peut être important, ex: classement
- Peuvent être traitées comme les variables intervalles
  - remplacer  $\mathbf{x}_{if}$  par son rang  $\mathbf{r}_{if} \in \{1, ..., M_f\}$  Remplacer le rang de chaque variable par une valeur dans [0, 1] en
  - Remplacer le rang de chaque variable par une valeur dans [0, 1] en remplaçant la variable f dans l'objet I par

$$z_{if} = rac{r_{if} - 1}{M_f - 1}$$

Utiliser une distance pour calculer la similarité

#### Variables Ordinales

- Formulaire de satisfaction
  - Att1: Très satisfait, Satisfait, Neutre, Mécontent
  - Donc 4 valeurs, dont les rangs sont 1,2,3,4

Devient:

(1-1)/(4-1), (2-1)/(4-1), (3-1)/(4-1), (4-1)/(4-1)

Donc Valeurs: 0, 1/3, 2/3, 3/3 (1)

#### Données mixtes

- Soit transformation des variables numériques en variables catégorielles
- (découpage en intervalles -> pris comme modalités)  $d^2(i,j) = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{p} \delta_j(i,j)$ •  $\rightarrow$  distance/similarité  $\mathcal{B}$ UL tableau disjonctif
- transformation des variables catégorielles en variables numériques
- - utilisation de mesulfes "mixtes » Normaliser !!!!
- Principe:

#### Données mixtes

Normalisation d'un attribut

$$a_i = \frac{v_i - \min v_i}{\max v_i - \min v_i} \qquad a_i = \frac{v_i - Avg(v_i)}{StDev(v_i)}$$

 Ou directement dans le calcul de la distance Pour une variable numérique :

$$\delta_k(i,j) = \frac{(x_{ik} - x_{jk})}{(\max - \min)}$$

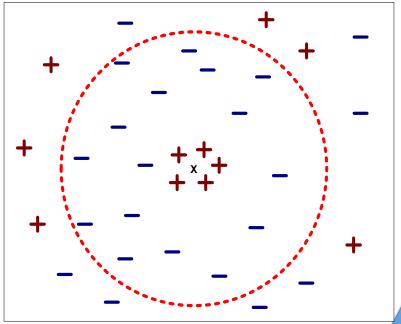
#### Distance – Données mixtes

- Exemple : (Age, Propriétaire résidence principale, montant des mensualités en cours)
- x=(30,1,1000), y=(40,0,2200), z=(45,1,4000)
- $d(x,y)=sqrt((10/15)^2 + 1^2 + (1200/3000)^2) = 1.27$
- $d(x,z) = sqrt((15/15)^2 + 0^2 + (3000/3000)^2) = 1.41$
- $d(y,z) = sqrt((5/15)^2 + 1^2 + (1800/3000)^2) = 1.21$
- plus proche voisin de x = y
- Distances normalisées.
- Sommation : d(x,y)=d1(x1,y1) + ... + dn(xn,yn)

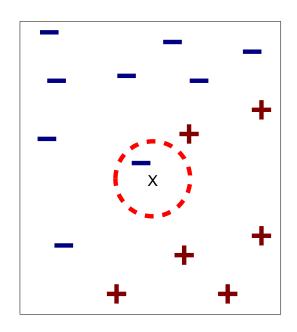
# Classification par plus proche voisin

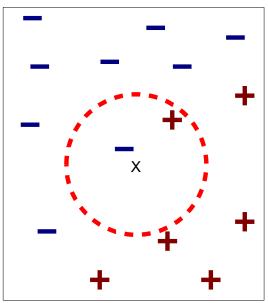
#### Choisir k:

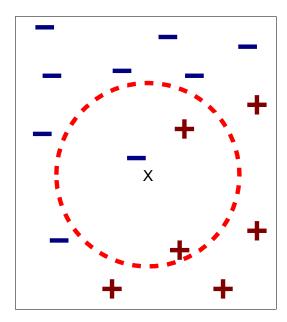
- Si k est trop petit, knn sera sensible au bruit
- Si k est trop grand, le voisinage pourrait inclure des points d'autres classes



### Definition de Plus Proche Voisin







(a) 1-nearest neighbor

(b) 2-nearest neighbor

(c) 3-nearest neighbor

#### Algorithme kNN: sélection de la classe

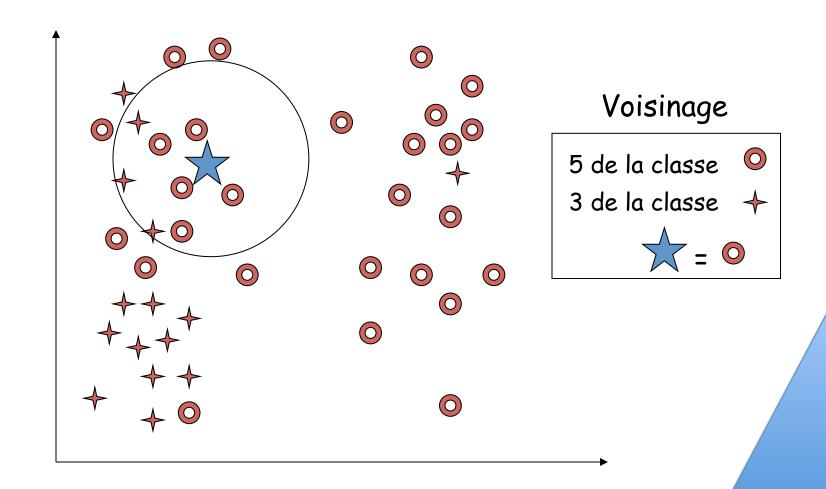
- Basé sur l'apprentissage par analogie
- Basée sur une notion de distance et Similarité
- Solution simple : rechercher le cas le plus proche et prendre la même décision (Méthode 1-NN).
- Combinaison des k classes :
  - Heuristique : k = nombre d'attributs + 1
  - Vote majoritaire : prendre la classe majoritaire.
  - Vote majoritaire pondéré : chaque classe est pondérée. Le poids de c(xi) est inversement proportionnel à la distance d(y,xi).
- Confiance : Définir une confiance dans la classe attribuée = rapport entre les votes gagnants et le total des votes.

# Vote pondéré

- Rectangulaire (loi uniforme):  $\frac{1}{2}I(|d| \le 1)$
- Triangulaire:  $(1-|d|)I(|d| \le 1)$
- Epanechnikov:  $\frac{3}{4}(1-d^2)I(|d| \le 1)$
- Bi-poids:  $\frac{15}{16}(1-d^2)^2I(|d| \le 1)$
- Tri-poids:  $\frac{35}{32}(1-d^2)^3I(|d| \le 1)$
- Cosine  $\frac{\pi}{4} \cos \left( \frac{\pi}{2} d \right) I(|d| \le 1)$
- $gaussien: \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp(-\frac{1}{2}d^2)$
- Inverse  $\frac{1}{|d|}$

# Exemple

8 plus proches voisins



#### Forces et faiblesses

- Les attributs ont le même poids
  - centrer et réduire pour éviter les biais
  - certains peuvent être moins classant que d'autres
- Apprentissage paresseux
  - rien n'est préparé avant le classement
  - tous les calculs sont fait lors du classement
  - nécessité de technique d'indexation pour large BD
- Calcul du score d'une classe
  - peut changer les résultats; variantes possibles