# NSI Terminale - Structure de données

Les graphes - TD. notions élémentaires.

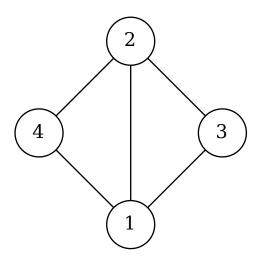
qkzk

2020/04/30

# Exercices sur les graphes

## Exercice 1

On considère le graphe suivant :

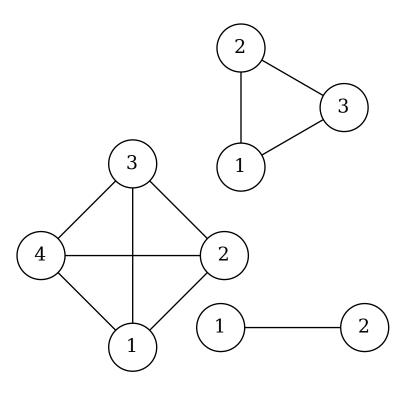


- 1. Est-ce un graphe simple ? orienté ?
- $2.\,$  Quels sont les voisins de 1 ?
- 3. Construire sa matrice d'adjacence.
- 4. Combien peut-on ajouter d'arêtes à ce graphe ?

### Exercice 2

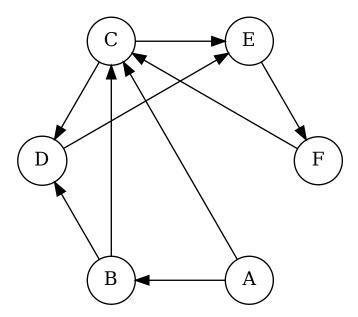
Un graphe simple est dit complet si tous ses sommets sont reliés.

Ci-dessous les graphes complets  $K_2$ ,  $K_3$  et  $K_4$ .



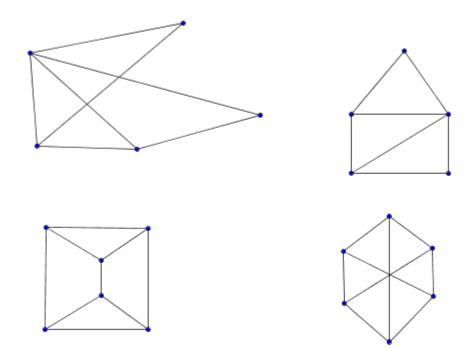
- 1. Construire  $K_5$  et  $K_6$ . 2. Construire les matrices d'adjacence de  $K_2,\,K_3,\,K_4$ .
- 3. Combient d'arêtes comportent-ils ?
- 4. En examinant les matrices d'adjacence, déterminer le nombre maximum d'arêtes d'un graphe comportant n sommets.

## Exercice 3



- 1. Déterminer tous les chemins élémentaires reliant A à D
  - Un chemin d'origine A et d'extremité D est une suite d'arcs consécutifs reliant A à D.
  - Un chemin est élémentaire s'il ne passe pas deux fois par le même sommet.
- 2. Déterminer tous les chemins simples reliant A à D
  - Un chemin est *simple* s'il ne passe pas deux fois par le même *arc*.
- 3. Pour chaque sommet y, déterminer les autres sommets x dont on peut partir pour atteindre y.
- 4. Quelles arêtes peut-on ajouter pour pouvoir relier n'importe quelle couple de sommets par un chemin ?

# Exercice 3



Parmi les graphes ci-dessus lesquels représentent le même graphe ?