

提高组模拟题第四套试题及答案

1. 在以下各项中, (D) 不是 CPU 的组成部分。

A. 控制器 B. 运算器 C. 寄存器 D. 主板

解析: 控制器、运算器、寄存器均为 CPU 组成部分。

2. $(2017)_8 + (1234)_{10}$ 的结果是 (B)。

A. $(8E2)_{16}$ B. $(100011100001)_2$

C. $(8E0)_{16}$ D. $(100011100011)_2$

解析:

2017 转十进制 $2 \times 8^3 + 1 \times 8^1 + 7 \times 8^0 = 1024 + 8 + 7 = 1039$

$1039 + 1234 = 2273$

$8E2 = 8 \times 16^2 + 14 \times 16^1 + 2 \times 16^0 = 2048 + 224 + 32 = 2304$

$8E0 = 8 \times 16^2 + 14 \times 16^1 = 2048 + 224 = 2272$

$100011100001 = 1 \times 2^{11} + 1 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 1 \times 2^0 = 2048 + 128 + 64 + 32 + 1 = 2273$

所以选 B

3. 设 $A=B=True, C=D=False$, 逻辑运算表达式值为假的是 (D)。

A. $(\neg A \wedge B) \vee (C \wedge D \vee A)$ B. $\neg((A \wedge B) \vee C) \wedge D$

C. $A \wedge (B \vee C \vee D) \vee D$ D. $(A \wedge (D \vee C)) \wedge B$

解析: 逻辑运算符, 非(\neg), 与(\wedge), 或(\vee), 运算后只有 D 的值为假。

4. 若已知一个栈的入栈序列是 $1, 2, 3, \dots$, 其输出序列为 $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$, 若 $p_1=n$, 则 p_i 为 (C)。

A. i B. $n-i$ C. $n-i+1$ D. 不确定

解析: n 最后入栈, 最先出栈, 故出栈序为 $n, n-1, \dots, 1$, 出栈顺序和入栈顺序是反的, 所以出栈的第 i 个元素就是从 n 开始倒着数的第 i 个元素。 $1 \sim n$ 编号, 逆序就是 $n-i+1$ 。

5. 设 $S = \text{"abbcce"}$, 不同的非空子串个数有 (A) 个。

A. 19 B. 17 C. 16 D. 18

解析:

非空子串数量 $n(n+1)/2$, 即 $6 \times 7 / 2 = 21$ 。有两个相同字符 b 和 c 再 $-2 = 19$ 。

6. C++ 中, 125^2 的值是 (A)。

A. 127 B. 128 C. 15625 D. 126

解析:

\wedge 按位异或, $0^0=0$ $0^1=1$ $1^0=1$ $1^1=0$

$125 = 62 \times 2 \dots\dots 1$

$62 = 31 \times 2 \dots\dots 0$

$31 = 15 \times 2 \dots\dots 1$

$15 = 7 \times 2 \dots\dots 1$

$7 = 3 \times 2 \dots\dots 1$

$3 = 1 \times 2 \dots\dots 1$

$1=0*2*...*1$

1111101

0000010

$1111111=1*2^6+1*2^5+1*2^4+1*2^3+1*2^2+1*2^1+1*2^0=64+32+16+8+4+2+1=127$

选 A

7. 设某算法的计算时间表示为递推关系式 $T(n)=2T(n/2)+n$ (n 为正整数) 及 $T(0)=1$, 则该算法的时间复杂度为 (C)。

A. $O(n)$ B. $O(n^2)$ C. $(n\log n)$ D. $(\log n)$

解析:

主定理: $T(n)=2T(n/2)+O(n)$ 可得到 $T(n)=O(n\log n)$ 。

8. 下列有关二叉树的叙述, 不正确的是 (C)

A. 二叉树的深度为 k , 那么最多有 2^k-1 个节点 ($k \geq 1$)

B. 在二叉树的第 i 层上, 最多有 2^{i-1} 个节点 ($i \geq 1$)

C. 完全二叉树一定是满二叉树

D. 堆是完全二叉树

解析:

完全二叉树是设点数为 n , 让根的编号为 1, 每个点 i 的左右儿子标号分别为 $2i$ 和 $2i+1$, 之后所有点的编号形成一个 1 到 n 的排列的树; 满二叉树是一种特殊的完全二叉树, 其 n 符合 2^k-1 的形式。

9. 下列排序算法中, 平均时间复杂度是 $O(n^2)$ 的是 (B)。

A. 快速排序 B. 插入排序 C. 归并排序 D. 堆排序

解析:

插入排序是 $O(n^2)$. 其他是 $O(n\log n)$ 。

10. 下列哪些图一定可以进行黑白染色, 使得相邻节点的颜色不同 (A)。

A. 树 B. 基环树 C. 连通图 D. 欧拉图

解析:

把树的深度为奇数的点染成黑色, 深度为偶数的点染成白色即可。

11. 下列不是操作系统的有 (D)。

A. Linux B. Windows C. Android D. Wps

解析: WPS 是办公软件。

12. 下列关于算法的叙述中, 错误的是 (B)。

A. 算法代表着用系统的方法描绘解决问题的策略机制。

B. 一个算法的好坏, 只需要从时间复杂度这一方面进行考虑

C. 一个算法必须具有有穷性、可行性、正确性、输入和输出

D. 对于一些 np 完全问题, 现在未能找到有效的算法解决

解析:

一个算法的好坏，需要从时空复杂度和正确性进行考虑。

13. 下列叙述中正确的是（ A ）。

- A. 线性表是线性结构 B. 栈与队列是非线性结构
C. 线性链表是非线性结构 D. 二叉树是线性结构

解析：

栈、队列是线性结构，树是非线性结构。

14. 链表的（ B ）操作需要 $O(n)$ 的时间复杂度实现。

- A. 插入 B. 定位 C. 删除 D. 合并

解析：

链表的定位是 $O(n)$ ，插入、删除、合并是 $O(1)$ 。

15. NOI 比赛，下列选项中不可以带入考场的是（ C ）。

- A. 键盘 B. 空白纸张 C. U 盘 D. 铅笔

解析：

u 盘不能带入。

阅读程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  int n,k,ans;
4  int main()
5  {
6      cin>>n>>k;
7      int ans=0;
8      while(n)
9      {
10         if(n%k>0)ans++;
11         n/=k;
12     }
13     cout<<ans<<endl;
14     return 0;
15 }
```

(1) (1 分) 把第 10 行 $n\%k>0$ 改成 $n\%k$ 不影响程序运行结果。()

答案 ✓

解析： $n\%k$ 的值为真，执行循环所以结果不影响。

(2) 输入的 k 需要大于 1。()

答案 ✓

解析： $k>1$ 时， k 进制才有意义。

(3) 输入的 n 需要大于 0。()

解析：答案 ✕

n 可以为 0。

(4) 该算法的时间复杂度为 $O(\log n)$ 。()

答案 ✓

解析：该算法的复杂度为 n 在 k 进制意义下的位数，即 $O(\log n)$ 。

(5) 输入 125 5 的输出结果为 (A)。

A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

解析：125%5=0 25%5=0 5%5=0 1%5=1，所以输出 ans 值为 1。

(6) 当 n 在 int 范围内时，输出的位数最大值为 (C)。

A. 29 B. 30 C. 31 D. 32

解析： $n=2^{31}-1$, $k=2$ 时输出位数最大为 31。 2^{31} 是 1 后面 31 个 0，32 位，减去 1，就剩 31 位数。

(2)

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  int equationCount(int n,int m)
4  {
5      if(n==1||m==1)
6          return 1;
7      else if(n<m)
8          return equationCount(n,n);
9      else if(n==m)
10         return 1+equationCount(n,n-1);
11     else
12         return equationCount(n,m-1)+equationCount(n-m,m);
13 }
14 int main( )
15 {
16     int n;
17     cin>>n;
18     cout<<equationCount(n,n)<<endl;
19     return 0;
20 }
```

(1) (1 分) 输入的 n 必须为正整数。()

答案 ✓

解析：整数的划分， $n<1$ 时会无限递归。

(2) 把第 9 行的 “else if($n==m$)” 和第 10 行的 “return 1+equationCount(n , $n-1$);” 去掉，不影响程序运行结果。()

答案 ✕

解析：若不判 $n==m$ ，执行 equationCount($n-m$, m);，则会导致递归到 equationCount(0, m) 而无限递归。

(3) 把第 18 行的 “ n , n ” 改成 “ n , $n+1$ ” 不影响程序运行结果。()

答案 ✓

解析：显然 n 的正整数无序拆分中所有的数都不超过 n 。

(4) 把第 7 行的 “else if(n<m)” 和第 8 行的 return equationCount (n, n); ” 去掉，不影响程序运行结果。()

答案 ×

解析：若不判 $n < m$ ，则会导致递归到负数而无限递归。

(5) 输入 7 的输出结果为 (D)。

A. 12 B. 13 C. 14 D. 15

解析：

有 15 种拆分方案。

(6) 该算法的时间复杂度为 (D)。

A. $O(\log n)$ B. $O(n)$ C. $O(n^2)$ D. 以上都不是

解析：

由于没有使用记忆化，故该算法会把 n 的所有拆分方案都枚举一遍，时间复杂度为指数级。

(3)

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int maxn=100000;
4  int a[maxn],b[maxn],n;
5  int Search(int num,int low,int high)
6  {
7      int mid;
8      while(low<=high)
9      {
10         mid=(low+high)/2;
11         if(num>=b[mid]) low=mid+1;
12         else high=mid-1;
13     }
14     return low;
15 }
16 int main()
17 {
18     int len,pos;
19     cin>>n;
20     for(int i=1;i<=n;i++)
21         cin>>a[i];
22     b[1]=a[1];
23     len=1;
24     for(int i=2;i<=n;i++)
25     {
26         if(a[i]>=b[len])
27         {
28             len++;
29             b[len]=a[i];
30         }
31         else
32         {
```

```

33         pos=Search(a[i], 1, len);
34         b[pos]=a[i];
35     }
36 }
37 cout<<len<<endl;
38 return 0;
39}

```



程序解析：

程序实现了利用贪心加二分求给定数组的 LIS（最长不下降子序列），算法流程为保存 $b[i]$ ，表示当前长度为 i 的上升子序列的末尾最小值，每次二分一个最大的 x 满足 $b[x] \leq a[i]$ ，可得 $a[i]$ 为结尾的最长不下降子序列长度为 $x+1$ ，把 $b[x+1]$ 设为 $a[i]$ 。

(1) (1 分) 输入的 $a[i]$ 必须在 $[1, n]$ 范围内。()

答案 ×

解析： $a[i]$ 可以是 int 范围内任意数。

(2) (1 分) 把第 11 行的 “ $\text{mid}+1$ ” 改成 “ mid ” 不影响程序运行结果。()

答案 ×

解析： $\text{mid}+1$ 改成 mid 之后会死循环。

(3) 当数组 a 单调不降时输出为 1。()

答案 ×

解析：当数组 a 单调不降时 LIS 长度为 n 。

(4) 数组 b 内的元素始终单调不降。()

答案 ✓

解析： a 数组大于 b 数组最后一位数，就把 $a[i]$ 增加到 b 数组，如果小于就找到 b 数组中第一个大于等于 $a[i]$ 的数替换掉，所以 b 数组是单调不下降的。

(5) 当输入第一行为 20，第二行为 1 20 2 19 3 18 4 17 • • • 9 12 10 11 时，输出为

(C)。

A. 1 B. 10 C. 11 D. 20

解析： 1 20 2 19 3 18 4 17 5 16 6 15 7 14 8 13 9 12 10 11 这个序列的 LIS 为 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11，长度为 11。

(6) 该算法的时间复杂度为 (B)。

A. $O(n)$ B. $O(n \log n)$ C. $O(n^2)$ D. $O(n^2 \log n)$

解析：每次都二分时间复杂度 $O(n \log n)$ 。

完善程序

1. 给一个矩阵 $N \times M$ ，给你第 i 行 1 的个数和位置，让你选一些行精确覆盖 M 列（精确覆盖：每列有且只有 1 个 1）。

例如：如下的矩阵：

```

11100001
10001110
10010110

```

00010010

00001100

就包含了这样一个集合（第 1、4、5 行）。

Input

多组数据，对于每组数据：

第一行两个整数 N，M；

接下来 N 行，每行开头一个整数 x，表示该行上 1 的个数，接下来 x 个整数，每个 1 的位置。

Output

如果有解随意输出一组集合，否则输出 NO，中间空格隔开。

```
1  #include<bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3  # define ll long long
4  # define inf 1000000000
5  # define N 2005
6  # define M 2000005
7  int read()
8  {
9      int x=0,f=1;char ch=getchar();
10     while(ch<'0' || ch>'9') {if(ch=='-') f=-1;ch=getchar();}
11     while(ch>='0' && ch<='9') {x=x*10+ch-'0';ch=getchar();}
12     return x*f;
13 }
14 int n,m;
15 int h[N],s[N],q[N];
16 int u[M],d[M],L[M],R[M],C[M],X[M];
17 void del(int c) //delete ROW C
18 {
19     ①
20     ②
21     for(int i=d[c];i!=c;i=d[i])
22         for(int j=R[i];j!=i;j=R[j])
23             u[d[j]]=d[u[j]]=j,s[C[j]]--;
24 }
25 void add(int c)
26 {
27     L[R[c]]=R[L[c]]=c;
28     for(int i=u[c];i!=c;i=u[i])
29         for(int j=L[i];j!=i;j=L[j])
30             u[d[j]]=d[u[j]]=j,s[C[j]]++;
31 }
32 void link(int r,int c)
33 {
34     static int size=0;size++;
35     X[size]=r;C[size]=c;
36     s[c]++;
37     d[size]=d[c];
38     u[size]=c;u[d[size]]=size;
39     d[u[size]]=size;
40     if(h[r]==-1)
41         h[r]=L[size]=R[size]=size;
42     else
```

```

43     {
44         R[size]=R[h[r]];
45         L[size]=h[r];
46         L[R[size]]=size;
47         R[L[size]]=size;
48     }
49 }
50 bool dance(int k)
51 {
52     if(R[0]==0)
53     {
54         printf("%d",k);
55         for(int i=1;i<=k;i++)
56             printf(" %d",X[q[i]]);
57         puts("");
58         return 1;
59     }
60     int mn=inf,c;
61     for(int i=R[0];i;i=R[i])
62         if(s[i]<mn)mn=s[i],c=i;
63     ③_____
64     for(int i=d[c];i!=c;i=d[i])
65     {
66         q[k+1]=i;
67         for(int j=R[i];j!=i;j=R[j]) ④_____
68             if(dance(k+1)) return 1;
69         for(int j=L[i];j!=i;j=L[j]) ⑤_____
70     }
71     add(c);
72     Return 0;
73 }
74 int main( )
75 {
76     while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF)
77     {
78         for(int i=0;i<=m;i++)
79         {
80             d[i]=u[i]=i;
81             L[i+1]=i;R[i]=i+1;
82             s[i]=0;
83         }
84         R[m]=0;size=m;
85         int x,y;
86         for(int i=1;i<=n;i++)
87         {
88             h[i]=-1;
89             x=read();
90             while(x--)
91             {
92                 y=read();
93                 link(i,y);

```



```

94         }
95     }
96     if(! dance(0))puts("NO");
97 }
98     return 0;
99 }

```

(1) ①处应填 (B)。

- A. L[L[c]]=R[c]; B. L[R[c]]=L[c];
 C. R[L[c]]=R[c]; D. R[R[c]]=L[c];

解析: del 函数删除 c 列上所有 1 元素所在的行, 链表删节点 c, 答案 B 或者 C, 如果 1 选择 B, 2 就选择 C。

(2) ②处应填 (C)。

- A. L[L[c]]=R[c]; B. L[R[c]]=L[c];
 C. R[L[c]]=R[c]; D. R[R[c]]=L[c];

解析: 答案 C 或者 B

①处和②处链表删节点 c, 即为把 L[c] 的右指针设为 R[c], R[c] 的左指针设为 L

(3) ③处应填 (A)。

- A. del(c); B. add(c); C. del(mn); D. add(mn);

解析: 上面 for 循环, 选择元素最少的列 c, 删掉第 c 列, 因此调用 del。

(4) ④处应填 (D)。

- A. add(j); B. del(j); C. add(C[j]); D. del(C[j]);

【解析】删除 j 对应的列。

(5) ⑤处应填 (C)。

- A. add(j); B. del(j); C. add(C[j]); D. del(C[j]);

解析:

恢复 j 对应的列, C[j] 是列号。

2. (树的直径) 给定一颗 n 个节点的树, 每条边有个长度 wi, 求这棵树直径的长度。树的直径是指树的最长简单路。

做法: 两次 BFS。开始任选一点 u 作为起点进行 BFS, 找到最远的一点 s, 再从 s 再次 BFS 找到最远的一点 t。s-t 两点的路径长度就是直径的长度。

```

1  #include <iostream>
2  #include <cstring>
3  using namespace std;
4  const int inf=0x3f3f3f3f; //假设的无穷大值, 具体数值为 1061109567
5  const int maxn=1005;
6  struct Node{
7      int to, w, next; //临接表节点, to 表示这条边的终点, w 表示这条边的长度, next 表示下一条边的编号
8  }edge[maxn*2];

```

```

9  int head [maxn], tot; //head [u] 表示 u 的临接表头节点的标号
10 int n; //节点数
11 int dis [maxn]; //离起点的距离
12 bool vis [maxn]; //某个点是否已经拜访过
13 int que [maxn], first, last; //队列
14 void init()
15 {
16     memset(head, -1, sizeof(head));
17     tot=0;
18 }
19 void addedge(int u, int v, int w)
20 {
21     edge[tot].to=v;
22     edge[tot].w=w;
23     edge[tot].next=head[u];
24     head[u]=tot++;
25 }
26 int BFS(int u)
27 {
28     first=last=0;
29     memset(dis, inf, sizeof(dis));
30     memset(vis, 0, sizeof(vis));
31     dis[u]=0;
32     vis[u]=1;
33     que[last++]=u;
34     while(____①____)
35     {
36         u=que[first++];
37         for(int i=head[u]; i!=-1; i=edge[i].next)
38         {
39             int v=edge[i].to;
40             if(____②____)
41             {
42                 vis[v]=1;
43                 que[last++]=v;
44                 ____③____;
45             }
46         }
47     }
48     int tmp=1;
49     for(int i=2; i<=n; i++)
50         if( ____④____) tmp=i;
51     return tmp;
52 }
53 int main()
54 {
55     int u, v, w, s, t;
56     cin>>n;
57     init();
58     for(int i=1; i<n; i++)
59     {

```

```

60         cin>>u>>v>>w;
61         addedge(u, v, w);
62         addedge(v, u, w);
63     }
64     s=BFS(1);
65     _____⑤____;
66     cout<<dis[t]<<endl;
67     return 0;
68 }

```

(1) ①处应填 (A)。

A. first<last B. first<=last C. first<last-1 D. last==n

解析:

队列不为空。

(2) ②处应填 (A)。

A. !vis[v] B. vis[v] C. vis[u] D. dis[v]

解析:

!vis[v] 未访问过

(3) ③处应填 (B)。

A. dis[v]=dis[u]+1 B. dis[v]=dis[u]+edge[i].w
C. dis[u]=dis[v]+1 D. dis[u]=dis[v]+edge[i].w

解析:

计算 dis[v] 为 dis[u] 加上 (u, v) 边权。

(4) ④处应填 (C)。

A. dis[i]<dis[tmp] B. dis[i]<tmp
C. dis[i]>dis[tmp] D. dis[i]==tmp

解析:

打擂台，找到一个比 dist[tmp] 更大的值，就更新 tmp。

(5) ⑤处应填 (A)。

A. t=BFS(s) B. t=BFS(1)
C. t=BFS(t) D. s=BFS(t)

解析:

看前面题目描述就能选出正确答案，“做法：两次 BFS。开始任选一点 u 作为起点进行 BFS，找到最远的一点 s，再从 s 再次 BFS 找到最远的一点 t。s-t 两点的路径长度就是直径的长度。”