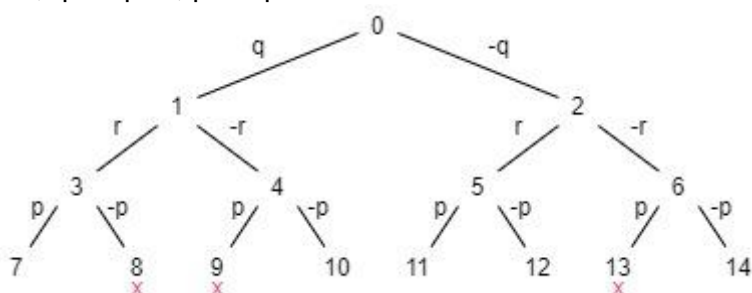


Задача 25.27

$\neg p \vee \neg q \vee r, \neg p \vee q \vee r, p \vee \neg q \vee \neg r.$



Нет замкнутого поддерева, из-за чего S не является невыполнимым

Задача 26.27

$$\frac{(\forall x)(\neg P(x) \rightarrow \neg M(x)), (\forall x)(S(x) \rightarrow M(x)), (\exists x)S(x)}{(\exists x)(S(x) \& P(x))}.$$

$$\begin{aligned} & (\forall x)(\neg P(x) \rightarrow \neg M(x)) \& ((\forall x)(S(x) \rightarrow M(x)) \& (\exists x)S(x) \rightarrow (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & (\forall x)(P(x) \vee \neg M(x)) \& ((\forall x)(\neg S(x) \vee M(x)) \& (\exists x)\neg S(x) \rightarrow (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & \neg(\forall x)(P(x) \vee \neg M(x)) \& ((\forall x)(\neg S(x) \vee M(x)) \& (\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & \neg(\forall x)(P(x) \vee \neg M(x)) \vee \neg((\forall x)(\neg S(x) \vee M(x)) \& (\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & \neg(\forall x)(P(x) \vee \neg M(x)) \vee \neg((\forall x)(\neg S(x) \vee M(x)) \vee \neg(\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & ((\exists x)(\neg(P(x) \vee \neg M(x)))) \vee (\exists x)(\neg S(x) \vee M(x) \vee \neg(\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & ((\exists x)(\neg(P(x) \vee M(x))) \vee (\exists x)(\neg S(x) \vee M(x) \vee \neg(\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \\ & ((\exists x)(P(x) \& \neg M(x)) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg M(x) \vee \neg(\exists x)\neg S(x) \vee (\exists x)(S(x) \& \neg P(x)) = \end{aligned}$$

x	M(x)	S(x)	P(x)
0	q	e	t
1	w	r	y

Необходимо доказать, всегда ли это ровно 1

$$tq' \vee yw' \vee eq' \vee rw' \vee \neg e \vee \neg r \vee et' \vee ry'$$

$$tq' = 0, yw' = 0, eq' = 0, rw' = 0, e' = 0, r' = 0, et' = 0, ry' = 0$$

1. Рассмотрим первый конъюнкт, пусть $t = 0$, тогда $q = 0$ или 1
2. Теперь рассмотрим et' , так как $t = 0$, $t' = 1$, тогда e должно равняться $0, e = 0$
3. В конъюнкте $eq' = 0$, $q = 0$ или 1 , т.к. $e = 0$. Мы предполагали, что $e = 0$, но в конъюнкте $e'(0) = 1 \Rightarrow$ предположения оказались неверными, значит функция общезначима